

### SITZUNGSBERICHTE

DER

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

26328

JAHRGANG 1911.

ERSTER HALBBAND. JANUAR BIS JUNL



VERLAG DER KÖNIGLICHEN AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

IN COMMESSION THE GROUP PERSONS

CENTRAL ARCHAEOLOGIGAN
LIBRARY, NEW DELHI.
Aco. No. 26.828
Data 30.5.57

## INHALL

	Salte
Verzeichniss der Mitglieder um 1 Januar 1911	1
J. Mospowskiw: Chur des türkische Füssiongeschlecht der Karnel in Myelm	100
HELMENT: Cher die Genautiskeit dur Dimensionen des Hayroun'sehen Erziellipsonis	30
Farmanics; Ober den Rang einer Matris	281
J. Monoranova und L. Harnenstarder: Ches die Besinflussong der experimentellen	
Te-pannsomeninfection durch Chinis and Chininderivate	381
Sunve: Cher die Vortholle der Auwendung eines Reversionsprisums bei Duppelstern-	
inessingmittal and a file of the second of the land of the second of the	41
NERNET: Ului nonere Probleme der Wärmethourin	65
Mitthellung liber die Dr. Cam Gürren-Stiffung	90
Jahresbericht über die Sammling der griechlachen Inschriften	91
Jahrenbericht über die Sammling der lateinischen Inschriften	92
Jahresbericht über die Prosopographie der eimischen Kalseracht (12. Jahrhundert)	91
Jahrenbericht über den Index rei militaris imparii Romani	94
Jahreshericht über die Politische Correspondent Farenmen's des Grossen	194
Jahrs-hericht über die Griechischen Münzwerke	84
Jahreshericht über die Acta Burmsslen	95
Jahreshericht über die Kast-Ausgabe	96
Jahrsabericht über die Ausgabe des Ibn Saud	96
Jahresbericht über das Wörternuch der angyptischen Sprache	97
Jahresbericht über das «Thierreich»	98
Jahresbericht über das -Prinzeureich	99
Jahrssbericht fiber die Geschichte des Fizsternhimmels	90
Jahresbericht über die Ausgabe der Werke Wannie vos Branoury's	101
Jahresbericht über die Interakademische Lunner-Ausgabe	102
Jahrenbericht über das Corpus medienenn Genecorum	102
Jahrenbericht der Deutschen Commission	104
Jahresbericht über die Forschungen zur nenhochdeutschen Sprach- und Bildungsgeschichte	110
Jahreshericht der Heumeter-Stiftung	115
Jahresbericht der Savient-Stilltung	116
Jahresbericht der Savient-Stittung	117
Jahresbericht der Bers-Stiffung . Jahresbericht der Heiseann und Eine geb. Heckmann Wantzen-Stiffung	117
Jahreshericht der Kirchenväter-Commission	118
Jahresbericht der Commission für des Wörterhuch der deutseben Rechtsgerache	119
Jahresbericht der Akademischen Jubiläumsstiftung der Studt Berlie	128
Chemicht der Personalveränderungen	123
Uterment dur Personalveranderingen	128
Facerisates Obser dan Rang einer Matris. II. Hannacu: Das bohe Lied des Apostels Panius von der Liebe (L.Kor. 15) und saine reli-	
gjonngoschlichtliche Bedeutung	182
Adress an Hrn. Richano Schuoznen som fünfagjahrigen Doctorjubillism am 1. Februar 1911	164
Admisse an irra. Richard Ochuntzia anni tumingjannigen bottorjaminen Streethe Intern Taf II	166
R. Maistra: Kyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache (hierzu Taf 1) .  Zonnan: Der enlburgeschichtliche Hintergrund in den Erzählungen der alten bisehen Helden-	1000
	174
SAME A CONTRACT OF THE PARTY OF	

#### Littial.

	-
Burningers: There since Satz des Hrn. C. January in due Theorie der undhehme Gruppen.	10000
Unitaries Sidustinginger	231
Franksitte. Cher dan von L. Bernenbaum gefinnlessen Beweis sines Satires von C. Jennes	252
Phone ille Corres selm Thomps des ellimisches Fanctionen	
It was brown there die specimente Warme bet tieffen Trouperaturen. 444	300
P. A. Lightermann: Unitersatiningen abes the specificalle Warner bes Colon Lemperstation 11	816
on the Phone Supplied the Hampburghillion	00.04
Runns and O. von BARYER: Uber eine tamerre languelline Strahlung des Quineksilher-	San
Annual Control of the	:839:
Manrane: Chur die rechnische Prüffung das Kamselniks und der Baltenstoffe un Komg-	100
Annual Material or Description Lighterfolds	140
the Parish of the photographic by Autimizing all georgisons: Hundredshien	: PUS
Financians: Cher matthe Matrician  R. J. Marrier, Cher sinon scandingerotches Ortho our Financiand and den Vorgang somer	378
8 J. Marces. Ober sinen scandingeretchen Oction our Funniand und den Vorgeng somer	THE REAL PROPERTY.
Vaccontinuous and the second s	379
A Long Property Zumen zum fünfrig marigen Doutorphilitium am 14, Mar. 1911	385
t Barrier Dall Strengtementarens, on Deams See Asymphose College Tal. II and 411)	388
Tanana Chee den Schichtenbau und die eiektrischen Eigenschaften des Zimmen	113
P Simpropress: The den Polarisationswith at day disposed tigen inactives Krystalle	428
Property Various and Wiedersteinstein in Lehnespropes	440
West Allers and Allers	-4190
Nomeser und F. A. Linguages Chalestendinges they alle specifische Warme bei tiefen	00.0
Transmitterity Vice and the second se	494
Wir amounts Montagnous Cher die Weinen dies Aristophunes II.	E04
Wife Message Arr Sonnentemperator	쨒
Kosen, Jahresburicht über die Hermegabe der Monumenta Germaniae hosorien	馬
France and H. Schriften: Zur Kennmiss der Walner uchen Untrehrung. VI.	500
C. CARATHRONORY und E. LANDAUT Beiträge zur Convergenz von Functionenfolgen	587
L Scanner Chee Grappen pariodischer Sumerer Substitutionen	019
Adresso an Hen. Linner Entens rum Ginfrigjilbriges Domorjubiliant am 18. Mai 1911	1128
U. Mayeren: Inschriften aus Hantidi ii. Kypres (bisyau Taf. IV)	830 854
Financias: Ober die umerbegbaren disoreten Bewegungsgruppen	034
Runnen and O. ves Bastes: Ober die Energievertheilung der von der Quarrquactember-	666
lampe ausgesandten langweilligen Strahlung	681
Facusarus: Ormpenthaureitsche Ahlnitung der 32 Krystalleinssen	3983
Bericks der Commission für den Thesenrus lingung Latinas über die Zeit vom 1. Oerober	692
1010 his 1, April 1013	
Bestimmungen über die Verteilung des aus der v. Börrmenen-Stiftung beschafften Mass-	1005
theriumbrounds	697
Mons: Ameritarede	701
Warrens Amritarate Done Erwitering as HR More and Warrins	708
Figure : Gerikhmissode and Riemann Larante	700
Must Godischulesreile auf Apoco Tomas	710
Ve leitung the Leuxix-Modelle	71
Prelaminedirethen and dem Covunnum schon Legal	71
Preis der Gent Lounax-Safrung	715
Stipendinm der Lingam Gennako-Stiftung	200
Superining the fundam stands of the supering	1 15.99

### VERZEICHNISS

DECE

# MITGLIEDER DER AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN AM 1. JANUAR 1911.

#### 1. BESTÄNDIGE SECRETARE.

							Gewählt von	Datum der Königlichen Bemilipung							
Hr.	Amores						phys,-math.	Classe					1878	April	10.
							phil,-hist								
	The second second						philhist.								
E	Waldeyer	8	g	6	3	+1	physmath.	-	8	17	8	8	1896	Jan	20.

#### H. ORDENTLICHE MITGLIEDER.

2	H. ORD	ENTLICHE MITGLIEDER.  Philosophisch-timmische Gasse	Damm der Knatgünber Restlügung			
Hr.	Arthur Amoers	S. R. C. R. R. R. R. R. R. C. C.	1866 Aug. 18.			
		Hr. Johannes Vahlen	1874 Dec. 16.			
		- Alexander Conze	1877 April 23,			
-	Simon Schwendener		1879 Juli 13.			
-	Harmann Munk		1880 Mirz 10.			
		- Hermann Disti	1881 Aug. 15.			
4	Wilhelm Waldeger		1884 Febr. 18.			
		- Heinrich Brunner.	1884 April 9.			
-	Franz Eithard Schulza .		1884 Juni 21.			
		- Otto Hirschfeld	1885 Mirz 0.			
		- Eduard Sachan	1887 Jan. 24.			
		- Guetae van Schmaller	1887 Jan. 24.			
		- Wilhelm Dilthey	1887 Jun. 24;			
100	Adolf Engler		1800 Jan. 29.			
	and seem to the te	- Adolf Harnack	1890 Febr. 10.			
	Hermann Amandus Schien	72	1892 Dec. 19.			
10	Georg Frobenius		1893 Jan. 14.			
10	Emil Fischer		1893 Febr. 6.			
	Oakur Herwig		1893 April 17.			
-	Max Nanck		1894 Juni 11.			
	Transmitted to the second	- Karl Stampf	1895 Febr. 18,			

Physikalisch-muthmanierie Classe		Philosophieskalamenteche (Nesse)		Damm der Käniglichen
	Hr.	Erich Schmidt		1895 Febr. 18.
	14	Adolf Erman		1895 Febr. 18.
Hr. Emil Warburg	. 01		4	1895 Aug. 13.
- Jakob Heinrich van't Hoff			-	1896 Febr. 26.
		Reinhold Koser		1896 Juli 12:
	-	Max Lenz	Ü	1896 Dec. 14.
	1000	Reinhard Kekule von Stra-		
		donite	×	1898 Juni 9.
	- 6	Ulrich von Wilamowitz-		
		Moellendorff	į.	1899 Aug. 2.
- Willielm Branca	8 W S		Ŷ	1899 Dec. 18.
- Robert Helmert		CERTIFICATION OF THE		1900 Jan. Bl.
- Heinrich Maller - Breslau			Ž.	1901 Jan. 14.
	- 4	Heinrich Dressel	2	1902 Mni 9.
	- 2	Konrad Burduch		1902 Mal 0.
- Friedrich Schottky	6 14	6 1 00 0 B 1 4 0 C	w.	1903 Jan. 5.
		Gustav Roethe	S.	1903 Jan. 5.
	12	Dietrich Schäfer		1903 Aug. 4.
	- 5	Educard Moyer	100	1903 Aug. 4.
		Wilhelm Schulze	ŭ.	1903 Nov. 16.
		Alon Brandl	,	1904 April 3.
- Harmann Strute			3	1904 Aug. 29.
- Hermann Zimmermann	-97		ú	1904 Aug. 29.
- Adolf Martens	2 2		ä	1904 Aug. 29,
- Walther Nernst	3 3	PRINT FREE ES	Ġ.	1905 Nov. 24.
- Max Rulmer		3 0 0 0 0 0 × 0 0 0	*	1906 Dec. 2.
- Johannes Orth	a E		-	1906 Dec. 2.
- Albrecht Penck	8 6	3 8 9 9 2 2 2 2 2		1906 Dec. 2.
	-	Friedrich Müller	- 6	1906 Dec. 24.
W1 11 W1		Andreus Heusler	-	1907 Aug. 8.
- Hanrich Rubens	20.0	****		1907 Aug. 8.
- Theodor Liebisch	2.0	THE PART OF THE PA		1908 Aug. 3.
	1.7	Eduard Selec	-	1908 Aug. 24.
		Heinrich Lüder	- 5	1909 Aug. 5.
	-	Heinrich Morf	1.2	1000
	. a	Heinrich Wölfflin		1910 Dec. 14.
(Die :	Autrosa	en der Mitglieder s. S. IX.)		

### III. AUSWÄRTIGE MITGLIEDER.

Physikatiech-mullenmatische Ciese Phil-spillerh-hith-daule Chass	Datum der Künlglichers Bestätigung
Hr. Theodor Naldeke in Struss- burg - Friedrich Imhoof-Blumer in	1900 Marz 5.
Winterthur	1900 März 5:
- Pasquale Villari in Florenz	1900 Marz 5.
Hr. Wilhelm Hitter; in Münster i. W.	1000 Marz 5.
- Eduard Suess in Wien	1900 Marz 5_
Sir Joseph Dallon Hooker in	300
Sunningdale	1904 Mai 29.
Hr. Adolf von Barger in München	1905 Aug. 12.
- Vatruslav von Jagid in Wien	1908 Sept. 25.
- Panagiotis Kabbadias in	
Athen	1908 Sept. 25.
Lord Hayleigh in Witham, Essex	1910 April 6.
IV. EHRENMITGLIEDER.	Dasum der Albeigfinder
	Bestations
Earl of Crawford and Balcarres in Haigh Hall, Wigan	1883 Juli 30.
Hr. Max Lehmann in Göttingen	1887 Jun. 24.
Huga Graf von und zu Lerchenfeld in Berlin	1900 Marz 5.
Hr. Richard Schine in Grunewald bei Berlin .	1900 Marz 5.
Fran Eliss Wentzel geb, Heckmann in Berlin	1900 Marx 5.
Hr. Koneud von Studt in Berlin	1900 Mars 17.
- Andrew Dickem White in Ithaca, N. Y.	1900 Dec. 12.
Rochus Frhr. con Lillencron in Coblens	1901 Jan. 14.
Bernhard Farst von Balow in Rom	1910 Jan. 31.

### V. CORRESPONDIRENDE MITGLIEDER.

#### Physikalisch-mathematische Classe.

		Better der Walt
Hr,	Ernst Wilhelm Benseke in Strassburg	1000 Febr. 8.
18	Lewis Boss in Albany, N.Y.	1910 Oct. 27
$\sim$	Oskar Brefeld in Charlottenburg	1899 Jan. 19.
14	Heinrich Bruns in Leipzig	1906 Jan. 11.
100	Otto Bütschli in Heidelberg	1897 Mary 11.
(6)	Karl Char in Leipzig	1900 Jan. 18.
-	Giacomo Ciamician in Bologna	1909 Oct. 28.
-	Gaston Darboux in Paris	1897 Febr. 11.
Sir	George Howard Dorrein in Cambridge	1908 Juni 25.
Hr-	William Morris Davis in Cambridge, Mass.	1910 Juli 28.
-	Richard Dedekind in Braunschweig	1880 Mars 11.
-	Nile Christofer Duner in Upsala	1900 Febr. 22
-	Ernst Ehlers in Göttingen	1897 Jan. 21.
Roll	ind Baron Estess in Budapest Max Fliebringer in Heidelberg	1910 Jan. 6.
Hr.	Mas Fliebringer in Heidelberg	1000 Febr. 22.
Sir	Archibald Geileis in Haslemers, Surrey	1889 Febr. 21
-	David Gill in London	1890 Jun 5:
Hr	Paul Gordon in Erlangen	1000 Febr. 22
5	Karl Graebe in Frankfurt a. M.	1907 Juni 13.
*	Ludwig von Graff in Graz	1900 Febr. 8.
-	Gottlieb Haberlandt in Berlin	1899 Juni 8.
- 5	Julius Humn in Wien	1889 Febr. 21.
-	Victor Hensen in Kiel	1898 Febr. 24.
-	Richard von Hertwig in München	1898 April 28.
Sir	Victor Harsley in London	1010 Juli 28.
Hr,	Adolf von Koenen in Göttingen	1904 Mai 5.
×	Leo Koenigsberger in Heidelberg	1893 Mar. L.
-	Wilhelm Körner in Mailand	1900 Jan. 7
- 3	Friedrich Knatuer in Bonn	1910 Oct. 27
	Albert Ladenburg in Breslan	1910 Jan. 6.
	Henri Le Chatelier in Paris	1905 Dec. 14
	Philipp Lemand in Heidelberg	1909 Jan. 21,
-	Michel Levy in Paris	1898 Juli 28.
-	Gabriel Lippmann in Paris	1900 Febr. 22.
-	Handrik Antoon Lorentz in Leiden	1905 Mai 4.
- ^	Hubert Ludwig in Bonn	1898 Juli 14

	Physikalisch-mathematische Classe.	Dates der Wahl
Hi-	Felix Morehand in Leipzig	1910 Juli 28.
	Friedrich Merkel in Göttingen	1910 Juli 28.
	Franz Mortens in Wien	1900 Febr. 22.
	Henrile Mohn in Christiania	1900 Febr. 22.
2	Alfred Gabriel Notherst in Stockholm	1900 Febr. 8.
9	Karl Neumann in Leipzig	1893 Mai 4.
	Max Noether in Erlangen	1896 Jan. 30.
	Wilhalm Outwald in Gross-Bothen, Kgr. Suchsen	1905 Jan. 12.
	Wilhelm Dieffer in Leipzig	1889 Dec. 19.
	Émile Picard in Paris	1898 Febr. 24.
	Edward Charles Pickerson in Cambridge, Mass	1900 Jun. 11.
	Henri Poincard in Paris	1896 Jan. 30.
-	Gerry Quincke in Hendelberg	1879 Marx 13.
-	Ludwig Radlkofer in München	1900 Febr. 8.
	William Rameny in London	1896 Oct. 20.
Sir	- The Paris of the	1893 Juni 1.
Hr.	Thoodore William Richards in Cambridge, Mass	1909 Oct. 28.
5	Wilhelm Konrad Rönigen in München	1806 Marz 12.
-	Heinrich Rosenbuch in Heidelberg	1887 Oct. 20.
	Georg Ossian Sars in Christiania	1898 Febr. 24.
-	Oswald Schmiedstery in Strassburg	1910 Juli 28.
5	Gustan Schwalle in Strassburg	1910 Juli 28.
	Hugo von Seeliger in Mänchen	1906 Jan. 11.
165	mann Graf zu Solme-Lambach in Strussburg	1899 Juni 8.
TT	Johann Wilhelm Spungel in Giessen	1900 Jan. 18.
HE	Edward Strasburger in Bonn	1889 Dec. 19.
	Jahannes Striker in Rom	1900 Febr. 8.
100	Joseph John Thomson in Cambridge	1910 Juli 28.
TIM	August Toepler in Dresden	1879 Mars 13.
Hr.	The Course of th	1881 Mire 3.
	William Turner in Edinburg	1898 Mirz 10.
TITUE	Woldeman Fourt in Göttingen	1900 Mars 8.
	Johnnes Diderik von der Waals in Amsterdam	1900 Febr. 22.
3	Otto Wallach in Göttingen	1907 Juni 13.
21	Eugenius Warming in Kopenhagen	1899 Jan. 19.
3	Heinrich Waber in Strassburg	1896 Jan. 30.
	August Walesman in Freiburg i. Br.	1897 Marz 11.
120	Wilhelm Wien in Würzburg	1910 Juli 14.
1	Julius pon Wiemer in Wien	1899 Juni S.
7	Ferdinand Zirkel in Bonn	1887 Oct. 20.
	Verminas gararin in incha	

	Philosophisch-binto	rine	hei	Cines	60			Paten	der We	dit.
Tr.	Ford was dealer in Minister							1900	Jan.	18.
Hr.	Karl von Amera in München							1897	Juli	20.
74	Ernst Immunuel Bekker in Heidelberg					70			Febr.	
6	Friedrich von Bezold in Ronn				(E)	9		DOM:	-	24
	Eugen Bormonn in Wien							1902	Juli	
15	Emile Boutrouz in Paris							Date and the	Febr.	
6	James Heary Breasted in Chicago .					X		1907		
	Ingram Bywater in London				0	*	-		Nov	17. B.
0	Read Cagnet in Paris			V. 15	N		2	1904		
-	Samuel Holles Driver in Oxford				10		-	2000	Febr.	-
	Louis Ducheme in Rom				10	-		1910		20.
	Benno Erdmuna in Berlin			10.	21		21	1893		15.
-	The state of the s		* 1	-	×	*	000	1903		
1	Julius Enting in Strassburg Poul Foucart in Paris			1 10			3	1997		17.
- 20	Wilhelm Frehmer in Paris							1884		
- 1								1910		23.
i i	Percy Gardner in Oxford			- 14	Ē		41	1908		100
Ü	Theodor Gomper in Wien			1.5			7.1		Dec	10
	Francis Llewellyn Griffith in Oxford						[#]	1893		19.
15	Gustae Gröber in Strassburg						-	1900		18.
1	Ignazio Guidi in Rom				F	0.0	70	1900		18.
	Georgies N. Hatridakis in Athen			100	V.		100	1904	-	15
1	Albert Hauck in Leipzig				41		100	1900		18.
-	Bernard Haussoullier in Paris							1900		18.
	Barcley Vincent Head in London .		20.0	1 1	N		1	1907		2
-	Johan Ludwig Helberg in Kopenhagen	ě.	E 1	0.00		D.	2	1908	200	29
100	Karl Theador son Heigel in München		* 1	-			-	1896	Marz	-
1	Autoine Utron de Villefosse in Paris	-		27			21	1904		- 4
-	Lion Henzey in Paris						K		Febr	0.00
-	Harahi Hjarne in Upsala :					•	1	1900		18
	Maurics Hollsauz in Athen					7	2		Febr.	
	Edward Holm in Kopenhagen	13	-	1 000	ň.	生	6	1909		
	Theophile Homolle in Paris	4	-	1 100			10	1904	Nov.	3.
- 1	Christian Hülsen in Florenz				٦	٦	-81	1887	Nav.	
16	delete Intelligen in Manhana		2 1	0 1151	3		-	1907	Mai	2
1 2	Karl Justi in Bonn	000	0		-	-	-	1906	Nov.	
	Frederic George Kenyam in London		1		*	-	21	1893	Nov.	
-	Georg Friedrich Knapp in Strassburg			1		-	3	1900	Jan.	18.
-	Basil Latyschew in St. Petersburg	-	8					1891	Dec.	
/ 2	Friedrich Lee in Göttingen	1		. 0	A.	-	- 21		Nov.	4.
-	August Leskien in Leipzig	-			7	1		1900		
-	Émile Levasseur in Paris				.0	-			Jan.	18.
- 2	Friedrich Loofs in Halle n. S	-	20				0		Nov.	3.
9	Gincomo Lumbroso in Rom.	100								
				3 5	8	13	21	F214.4	Nov.	184-

	Philosophisch-historiache Classe.	Dalem der Wald
Hz.	Arnold Luschin von Ebengreuth in Graz	1904 Juli 21.
-	John Poutland Mahaffy in Duhlin	1900 Jan. 18.
10.1	Gaston Maspero in Paris:	1897 Juli 15.
-	Wilhelm Meyer-Lubke in Wien	1905 Juli 6.
-	Ludwig Mittels in Leipzig	1905 Febr. 16.
-	Gabriel Monad in Versailles	1907 Febr. 14.
-	Heinrich Niesen in Bonn	1900 Jan. 18.
=	Georges Perrot in Paris	1884 Juli 17.
-	Edmond Pottier in Paris	1908 Out. 29.
-	Franz Praetorius in Breslau	1910 Dec. 8,
=	Withelm Radloff in St. Petersburg	1895 Jan. 10.
47	Pie Rojna in Florenz	1909 März 11
	Moriz Ritter in Bonn	1907 Febr. 14.
-	Karl Robert in Halle a. S	1907 Mai 2.
4	Anton E. Schönbach in Graz	1906 Juli 5.
-	Richard Schroeder in Heidelberg	1900 Jan. 18.
-	Eduard Schwartz in Freiburg i. Hr.	1907 Mai 2,
0	Émile Senart in Paris	1900 Jun. 18.
-	Eduard Sierers in Leipzig	1900 Jan, 18,
3	Henry Swest in Oxford	1901 Juni 6.
Sir	Edward Maunde Thompson in London	1895 Mai 2.
Hr.	Vilhelm Thomsen in Kopenhagen	1900 Jan. 18.
-	Girolamo Vitelli in Florens	1897 Juli 15.
200	Julius Wellhausen in Göttingen	1900 Jan. 18,
3-	Wilhelm Wilmanns in Bonn.	1906 Juli 5.
-	Ludeig Winner in Kopenhagen	1891 Juni 4.
~	Wilhelm Wordulband in Heidelberg	1903 Febr. 5.
4	Willialm Wondt in Leipzig	1900 Jan. 18.

### INHABER DER HELMHOLTZ-MEDAILLE.

Hr. Soutlage Rumén y Cojal in Madrid (1904).

- Emil Figher in Berlin (1908).

### INHABER DER LEIBNIZ-MEDAILLE.

a Der Meduille in Gold.

Hr. James Simon in Berlin (1907).

- Ernest Soleay in Brüssel (1909).

- Henry T. von Böttinger in Etherfeld (1909). Joseph Florisand Due de Loubat in Paris (1910). 6. Der Meduille in Silber.

Hr. Karl Alexander von Martius in Berlin (1907).

- A. F. Lindsmann in Sidmouth, England (1907).
- Johannes Bolte in Berlin (1910).
- Karl Zeumer in Berlin (1910).
- Albert em Le Coy in Berlin (1910).
- Johannes Ilberg in Wurzen (1910).
- Alax Wellmann in Potsdam (1910).
- Robert Koldewey in Babylon (1910).
- Garhard Hessenberg in Breslau (1910).

#### BEAMTE DER AKADEMIE.

Bibliothekar und Archivar der Akademie: Dr. Köhnke.

Bibliothekar und Archivar der Deutschen Commission: Dr. Behrend.

Wissenschaftliche Beumte: Dr. Dessau, Prof. — Dr. Harms, Prof. — Dr. von Fritze.

— De Karl Schmidt, Prof. — Dr. Frhr. Hiller von Gaertringen, Prof. — Dr. Ritter.

#### WOHNUNGEN DER ORDENTLICHEN MITGLIEDER UND DER BEAMTEN.

- Hr. Dr. Aucors, Prof., Wirkl. Geh. Ober-Regierungs-Rath, Lindenstr. 91, SW 68.
  - Branca, Prof., Geh. Bergrath, Lutherstr. 47. W 62.
- Brandt, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Kaiserin Augusta-Str. 73. W 10.
- Brunner, Prof., Wirkl, Geb. Rath, Lutherstr. 36. W 62.
- Burdach, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewald, Schleinitzstr. fi.
- + Conce, Professor, Grunewald, Wangenheimstr. 17.
- Diele, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Nürnberger Str. 65, W 50.
- Dilling, Prof., Geb Regierungs-Rath, Grunewald, Siemensstr. 37.
  - Dressel, Professor, Kronenstr. 16, W 8.
- Eugler, Prof., Geh. Ober-Regierungs-Rath, Dahlem bei Steglitz, Altensteinstr. 2.
- Erman, Prof., Geh. Regierungs-Rath. Dahlem bei Steglitz, Peter Lenné-Str. 72.
- Fischer, Prof., Wirkl. Geh. Rath, Hessische Str. 2, N 4.
- Frolenius, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Charlottenburg, Leibnizstr. 83.
- Harnack, Prof., Wirkl. Geh. Rath, Grunewald, Kunz Buntschuh-Str. 2.
  - Helmert, Prof., Geh. Regierungs Rath, Potsdam, Geodätisches Institut.
- Hertoig, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Grunewald, Wangenheimstr. 28.
- Heusler, Professor, Victoria Luise-Platz 12. W 30.
- Hirschfeld, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Charlottenburg, Mommsenstr. 6.
- van't Hoff, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Steglitz, Filandustr, 9.
- Kekule von Stradonitz, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Landgrafenstr. 19. W 62.
- Koser, Wirkl. Geh. Ober-Regierungs-Rath, Charlottenburg, Carmerstr. 10.
- Lenz, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Augsburger Str. 39. W 50.
- Liebisch, Prof., Geh. Bergrath, Charlottenburg, Kantstr. 31.
- Laders, Professor, Charlottenburg, Sybelstr. 20.
- Musters, Prof., Geli, Ober-Regierungs-Rath, Gross-Lichterfelds-West, Fontanestr. 22.
  - Meyer, Professor, Gross-Lichterfelde-West, Mommsenstr. 7/8.
- Morf, Professor, Halensee, Kurfürstendamm 100.
- Muller, Professor, Zehlendorf, Berliner Str. 3.
- Maller-Breslaw, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewald, Kurmurker Str. 8.
- Munk, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Matthäckirchstr. 4. W 10.
- Nerust, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Am Karlsbad 26a. W 35.
- Orth, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Grunewald, Humboldtstr. 16.
- Penck, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Knessbeckstr. 48/49. W 15.

- Hr. Dr. Planck, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Grunewald, Wangenheimstr. 21.
- Roethe, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Westend, Abornallee 39.
- Rubene, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Neue Wilhelmstr. 16, NW 7.
- Rulmer, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Knrfürstenstr. 99a. W 62.
  - Sachau, Prof., Geh. Ober-Regierungs-Rath, Wormer Str. 12. W 02
- Schäfer, Prof., Grossherzogl. Badischer Geh. Rath, Steglitz, Friedrichstr. 7.
- Schmidt, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Augsburger Str. 43. W 50.
- con Schmidler, Prof., Wirkl. Geh. Rath, Wormser Str. 13. W 62.
- Schottky, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Steglitz, Fichtestr. 12a.
- Schulze, Franz Eilhard, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Invalidenstr. 43. N 4
- Schulze, Wilhelm, Prof., Geh. Regierungs-Rath. Kaiserin Augusts-Str. 72. W 10.
- Schwarz, Prof., Gah. Regierungs-Rath, Grunewald, Humboldtstr. 33.
- Schwendener, Prof., Geh Regierungs-Rath, Matthülkirchser, 28. W 10.
- Seler, Professor, Steglitz, Kaiser Wilhelm-Str. 3.
- Stewe, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Encksplatz 3a. SW 48.
- Stumpf, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Augsburger Str. 45. W 50.
- Valden, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Genthiner Str. 22. W 35.
- Waldeyer, Prof. Geh. Medicinal-Rath, Lutherstr. 35, W 62.
- Warbury, Professor, Charlottenburg, Marchett. 25 b.
- con Wilamowitz-Moellendorff, Prof., Wirkl. Geh. Rath, Westend, Eichenallee 12.
- Wolffin, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Halensee, Kurfürstendamm 160.
- Zimmermann, Wirkl Geh Ober-Baurath, Calvinstr. J. NW 52.
- Hr. Dr. Behrend, Bibliothekar und Archivar der Deutschen Commission, Gross-Lighterfelde-West, Knescheckstr. Sa.
  - Dessau, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Charlottenburg, Carmerstr. 8.
- con Fritzs, Wissenschaftlicher Beamter, Courbièrestr. 14. W 62.
  - Harms, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Friedenan, Ringstr. 44.
- Freiherr Hiller von Gaertringen, Professor, Wissenschaftlicher Beamter. Wastend, Ehereschenallee 11.
- Kolinke, Bibliothekar und Archivar, Charlottenburg, Goethestr. 6.
- Ritter, Wissenschaftlicher Beamter, Friedrichshagen, Seestr. 71.
- Schmidt, Karl, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Bayreuther Str. 20. W 62.

### SITZUNGSBERICHTE

1911.

1.

DER

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

12. Januar. Sitzung der philosophisch-historischen Glasse.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN:

1. Hr. Sacuae sprach über den Papyrus 6 der Elephantine-

Sammlung. (Ersch. später.)

Derselbe ist zwar nur sehr fragmentarisch urhalten, verdient aber durch seine Berührung mit dem Alten Testament besondere Beschtung. Es ist ein Sendschreiben, welches der Stauhalter Arsames auf Befehl von König Darius II. durch Vermittelung eines Hananjah zu die jüdische Militäreolonis in Elephantine richtete. Der Inhalt bezieht sich auf die Passah-Feier und ist in der Hauptssche ein Auszug aus Exodus 12, 15—10 sowie aus Deutsronomium 16, 17. Das Schreiben ist datiet vom Jahre 5 des Darius II. oder 419 v. Chr. Geb.

- Derselbe legt eine Abhandlung des Hrn. Generaleonsul a. D. Dr. J. Monormass in Constantinopel über das türkische Fürstengeschlecht der Karasi in Mysien vor.
- 3. Vorgelegt wurde Bd. 5 des von der Akademie unterstützten Werkes A. Frschen, Das deutsche evangelische Kirchenfied des 17. Jahrhunderts. Vollendet und hrsg. von W. Tüarke. Gütersloh 1911.

# Über das türkische Fürstengeschlecht der Karasi in Mysien.

Von Dr. J. Mordmann, Generalkonsul a. D. in Konstummerel.

(Vorgelegt von Hrn. Sauram)

Unter den türkischen Dynastien, die nach dem Untergange des Seldschukidenreiches von Konia im westlichen Kleinasien auftauchen und in den byzantinischen Grenzprovinzen kleine sellständige Reiche gründeten, hat die der Karusi, 美元, von Mysien, das kürzeste Dasein geführt; sehon nach wenigen Jahrzehnten wurde ihr Länderbesitz von den Osmanen von Brussa aufgesogen.

Die Anfänge der Dynastie liegen im Dunket. Nikephoros Gregoras (1295-1360) berichtet 1,214 über die Verhältnisse in Kleinasien zu Anfang des 14. Jahrhunderts:

Die Türken hatten sich verständigt und den ganzen Länderbesitz der Romäer in Asien durch das Los unter sich verteilt. Der Karamane Alisurios besetzte den größeren Teil des inneren Phrygiens und dazu die Gegend bis nach Philadelphia und bis in die nächste Nähe von Antiochia am Mäander, Sarchanes die Gegenden von dort bis Smyrna und die diesseitigen Küstengebiete von Ionien; die Umgebung von Magnesia, Priene und Ephesos hatte sich ein anderer Satrap, Sasan, angeeignet, das Land von Lydien und Aolien bis Mysien am Hellespont ein gewisser Kalamis und sein Sohn Karasi, den Olymp und die bithynischen Landschaften Atman, die Gegend am Sangarios bis Paphlagonien hatten die Söhne des Amurios unter sieh verteilt.

THE DAY EXPERIENT HAN MANAGED TO TOUR KNIFT DEALER PACES, OFFICE AND THE PART THE PACES. NATER OF THE PACES O

Der «Karamane Allaurios» ist der Herrscher von Kjutahia (Kotyaon) Alischir, Sohn des Kermian, der um die Mitte des 13. Jahrhunderts anzusetzen ist: Sarchanes, der Stammvater der Saruchanoglu in Magnesia am Sipylos: Sasan wird nur hier und bei Pachymeres (II 589) sowie in einer zufällig erhaltenen Notiz (Enanomnamme 1, 209ff.) als Eroberer von Ephesos genannt. Afman ist natürlich Osman. Dagegen hat der Autor die Aidinoglu und die Mentescheoglu vergessen. Der um einige Dezennien ältere Pachymeres (1242—1310) nennt 2, 316 unter den Bedrängern der Romäer zur Zeit des Andronikos Palaeologos Asovisos kal Armana, und an einer späteren Stelle (II 389), wo er das Vordringen der türkischen Horden in Bithynien, Mysien, Phrygien, Lydien und Kleinasien erwähnt, ruft er aus:

Das ist das Werk der Amorpioi (Umur), Atmanec (Okman), Atmane (Atdin), Anicrpai (Alischir), Mantaxiai (Montesche), Canamhamacc (?), Analocc (Aliseddin), Ampamanai, Analoci (Conapani (Isfendiar) und Tarainai (?) und wie sonst ihre abschenlichen, verwünschten Namen lauten.

Wie an der ersten Stelle Assische mit Umur und Osman, so siehen hier die Umur mit den Osman und die Assisch mit den Isfendiar und bei Gregoras a. a. O. Karanse, Osman und die Söhne des Umur zusammen. Es liegt dahee nahe, zu vermuten, daß der Karanse des Gregoras identisch ist mit dem Assische (Assisch) des Pachymeres; vielleicht steckt darin der orientalische Name daß (Alemschäh) oder daß (Kalemschäh, s. Ibn Batoutah, Voy. ed. Darachen II 281).

Duras S. 13 erwähnt, daß unter Andronikos, dem Paläologen, gleichzeitig mit dem Falle von Epheses u. a. Magnesia nebst Pergamon und der ganzen Eparchie Marenda von Saruhan, ganz Phrygien von Kermian, -das undere Großphrygiens (erepa Devria Aeraas) aber von Assus bis an den Hellespont von Karast erobert worden sei.

Wann die einzelnen Gebietsteile des alten Mysiens bzw. der späteren Landschuft Karasi-eli («Land des Karasi») von den Scharen des Karasi besetzt worden sind, läßt sich nicht mehr feststellen.

Edremid, das Arsamytion, Ateanyanon der späteren Byzantiner, und Assos haben sich ziemlich lange gehalten, auch nachdem sehon die ganze Küste den Türken in die Hünde gefallen war.

Chalholandyles S. 15 abgradatables und tellweise verballhoent worden; sein Zeitgenosse Phrinties (77) wheterhalt elsenfulls die Augaben des Gregoris und setzt dater Pergamon ihr Priese ein — oder vielmehr die Bonner Ausgabe; deun die Aurussche Ausgabe last nach dem Moureunis richtig Priese (20d. Men.: Hensissen), und dies wäre beisaubehalten gewessen.

Nach Adramyttion berief der Kaiser im Jahre 1283 eine Kirchenversammlung, um die hadernden Parteien der Arseniaten und Josephiten zu versöhnen (Pachymeres 2, 59; Nikeph. Gregoras 162, 166), und etwa um dieselbe Zeit kam der Seldschukide Melik Masur (viehnehr Mesud) dorthin, um sich die Unterstützung des Kaisers zu sichern (Pachymeres 2, 327f 612); wenige Jahre später erfahren wir, daß der genuesische Herr von Phokiia, Manuele Zaccaria (1275—1288), den Sehutz der Stadt gegen die Türken übernommen hatte (Pachymeres 2, 557 f.). Assus war noch zu Anfang des 14. Jahrhunderts in Händen der Griechen, wurde aber dann von den Einwohnern geräumt, die nach Mytilene übersiedelten (Pachymeres II 437).

Von Kyzikos aus unternahmen im Jahre 1303 die Katalanen ihre siegreichen Vorstöße gegen die Türken, wodurch den Griechen der Besitz dieses Gebietes für einige Jahre gesichert wurde. Dorthin begab sich der Kaiser im Jahre 1328, um die Kapelle der Θεοκάτων von Hyrtakion (d. i. das alte Artake, heute Erdek) zu besuchen, hauptsächlich aber um mit τον τῶς Φεγνίας έρχομτα Ταμιρχάμην τον Γιακή τοις κατά τον Εκαμοπορίτον εφαις πόλεσιν επικείμενου ούσκις γιηκόρις κατά του verhandeln (Καπτακτίσειο» I 330).

Als Ibn Batuta etwa im Jahre 1330 Kleinasion bereiste, besuchte er in Bergama den Sultan Jachschi Khan und in Ballkesri Demur Khan; von Balikesri sagt er, daß der Vater des Demur Khan diese Stadt wieder hergestellt habe: er meint Jachschi Khan.

Der Tamer Khan, Sohn des Jaxi, bei Kantakuzenes ist natürlich identisch mit dem Demur Khan, Sohn des Jachschi Khan, bei Ibn Batuta.

Nun nennt Kantakuzenos im späteren Teile seines Geschichtswerkes zwei Persönlichkeiten, die wir zunächst als Angehörige der
Karasidynastie anzusprechen geneigt sind, deren Existenz über sieh
nicht mit den Angaben der türkischen Historiker vereinigen läßt. Il 65
(a. 1341) berichtet er, daß Saruhän, der Herr von Lydien, und Jachschl
(Fissie) einen Streifzug gegen Thrakien vorbereiteten; des weiteren,
S. 69ff., daß persische Streitkräfte, die aus Pergamon gekommen waren
äc Fissie cettätne äs, in den Thrakischen Chersones eingefallen waren.
Der Domestikos schlug diese sowie eine zweite Schar, die ebendaher
stammte, so daß Jachschi sich zum Frieden bequemte.

im Jahre 1343 (Muralt 1344) lieferi Vatatzes dem Kantakuzen die festen Plätze des Chersones mit Ausnahme von Gallipoli und Hexamilion aus. Während der Kaiser sich dort aufhielt, traf Suleiman των κατά την Ασίαν επτραπών είς, mit ihm hei Xgospotamoi zusammen und stellt ihm Reiter und Fußvolk (II, 476). Nikephoros Gregoras, der dieselben Ereignisse erzählt, erwähnt S. 741, daß Vatatzes über

bedeutende Streitkelifte nus Asien verfligte, ha ek Teglac emituköti ménomben o cateàrine Covamán, rambede éni evratel ned Braxéoc avità katactac

II 507 erzählt Kantakuzenos, daß seine Gegner (im Jahre 1345) den Sultan Orhan um Hilfe gegen ihn angegangen hätten sowie schon vorher, Соумман тон Карася Фругіас сатейник, daß aber beide es abgelehnt hätten.

Es ist meines Erachtens völlig ausgeschlossen, daß die hier genannten, Jachschl und Suleiman, vom Sultan Orhan eingesetzte Beamte (Sandschakbege) sind: es sind vielmehr die letzten Ausläufer der Karasioglufamilie, wie es Kantakuzen in der zuletzt angeführten Stelle ausdrücklich sagt.

Wir hätten somit folgende Fürsten nachgewiesen:

- 1. Kalemschah (Kanamec, Aamiche).
- 2. Karasi , Kapanic.
- 3 Jackschi Khan (etwa 1330, residiert in Pergamon).
- 4. Demir Khan (Tameranes) etwa 1330.
- Suleiman (etwa a. 1345; Schwiegersohn des Vatatzes, verbündet mit Kantakuzenes).

Wie bereits bemerkt, stehen die durchaus zuverlässig klingenden Nachrichten der Byzantiner über die letzten Herrscher der Karasidynastie in unlösbarem Widerspruche mit den Angaben der osmanischen Geschichtschreiber, die übereinstimmend berichten, daß das Land Karasi bereits im Jahre 735 oder 737 (1334 bzw. 1336) vom Sultan Orhan eingezogen sei.

Aschikpaschazaile, der älteste bekannte Historiker, berichtet S. 33 meiner Handschrift, daß der Karasioglu Adschlan beg A Sie bei seinem Tode zwei Söhne hinterließ, von denen einer, Tursun beg, am Hofe des Sultans Orhan lebte; die Bevölkerung verlangte diesen und sandte ihm Nachricht durch den Wesir Hadschi Elbegi. Darauf sprach Tursun beg zum Sultan: O mein Khan, ziehen wir in das Land; die Städte Balikesri, Bergama und Edremid mit allen Dependenzen sollen dir gebören, sehenke mir nur Kyzijldsche Tuzin und Mahram (d. l. Assus) und diese Gegenden. Darauf zog Orhan aus, eroberte Ulubat (Lopadium), Bilujüz (Gulioz) und Abudliout (am See von Apollonias); Kalamesturia, die griechische Herrscherin von Kermasti, und ihr Bruder Mihalidsch unterwarfen sich freiwillig; als der Sultan sich Balikesri näherte, flüchtete der Sohn des Adschlan beg von dort und sehloß sich in Bergama ein, wohin ihm der Sultan folgte. Tursun beg ging vor die Festung, um mit seinem Bruder zu reden;

da wurde er verschentlich durch einen Pfeilschnß getötet. Da ergrimmte der Sultan und befahl, daß das Land fortan ihm gehören
sollte; die Bevölkerung interwarf sieh, und man beließ den Timarioten
lhre Lehen. Das geschah im Jahre 735 (1334/35). Kanzelgebet und
Münze gingen auf Sultan Orhan über; der Karasioglu zog mit Vertrag ab und wurde nach Brussa geschickt, wo er nach zwei Jahren
starb. Das Land des Karasi aber erhielt Suleiman Pascha, der älteste
Sohn des Sultans, zum Lehen. Hiermit stimmt wörtlich die sog.
Hantwaldsche Chronik in Leunclavius, Hist. Musulm. Turcorum (Frankfurt 1591) S. 196 ff. überein ; die übrigen Geschichtschreiber:

Sendeddin I 47: Munedjimbaschi III 36 und 288; 'Ali, künh elahbar, V 43, 451 Hadschi Khalfa, Dschihannuma 66:

wissen auch im Grunde nicht mehr zu berichten, obwohl sie zum Teil sehr viel ausführlicher sind, namentlich Seadeddin, der die Geschichte pragmatisch zu gestalten versucht. Daß sie alle auf eine einzige Quelle zurückgehen, die in threr ursprünglichsten Form bei Aschikpaschszade vorliegt, beweist der Umstand, daß keiner von ihnen den Namen des älteren Bruders des Tursunbeg anzugeben vermag". Wenn sie bald 735, bald 737 H. als Datum der Eroberung angeben, so mag letzteres vielleicht das Datum des Todes des letzten Karasioglu sein, der, wie Aschikpaschazade sagt, das Ende seiner Herrschaft noch zwei Jahre überlebt hat.

Nun ist es sehr auffällig, daß der Sultan Orban in seinem Schreiben an den Fürsten von Dsebanik vom 1 Moharrem 741 = 27. Juni 1340 (in Feriduns Sammlung I, S. 76 der ersten Ausgabe), in dem über die Eroberung von Ulubad berichtet wird, mit keiner Silbe die Einziehung des Landes Karasi erwähnt. Das ist nur dann erklärlich, wenn dies Ereignis damals überhaupt noch nicht stattgefunden hatte. Wir werden wohl nicht in der Annahme fehlgeben, daß Sultan Orban im Jahre 737 nur die paar griechischen Enklaven am See von Apollonias (Lopadium, Apollonias, Kirmasli, Mihalitsch), welche sein

Die Ortsnamen sind bei Lesmeltvius mit wenigen Annahmen bis zur Unkenntlichkeit verstümmelt; v. Hausen, Osm. Gesch. Lvio, behäuptet, daß er aus Aschikpaschande schöpft, was tatskehlich unrichtig ist; er meint wahrscheinlich Nesehri.

<sup>\*</sup> Nur Kastenia, Gesch des Oam Reichs (Hamburg 1745), S. 37, nemt ihm Kasteni glücklicherweise können wir noch die Quelle dieser Angabe nachweisen; es sind die Worte des Seadeddin (I-47 des Druckes):

عجلان بك وفات الد وب . . . . وك اوغلى قام مقام بدر . . . اوليحق (ال. ال. als Adachlan beg gestorben und sein ülterer Solm en seine Stelle getreten war urw.). In denen Kaxxamn des Wort قائم in قائم erriesen hat.

Gebiet von dem der Karasioglu treunten, eroberte, und erst mehrere Jahre später — etwa 1345 — letzteres selber eingezogen hat. In der Überlieferung der Osmanen sind dann beide Begebenheiten ehronologisch versehmolzen worden.

Münzen der Karasifürsten sind bisher nicht zutage gekommen, ebensowenig Inschriften, wenn nicht noch solche in Balikesri oder sonstwo sich erhalten haben; in Bergama ist eine kleine Moschee (die sog. Arabdjamissi), die anscheinend aus vorosmanischer Zeit stammt

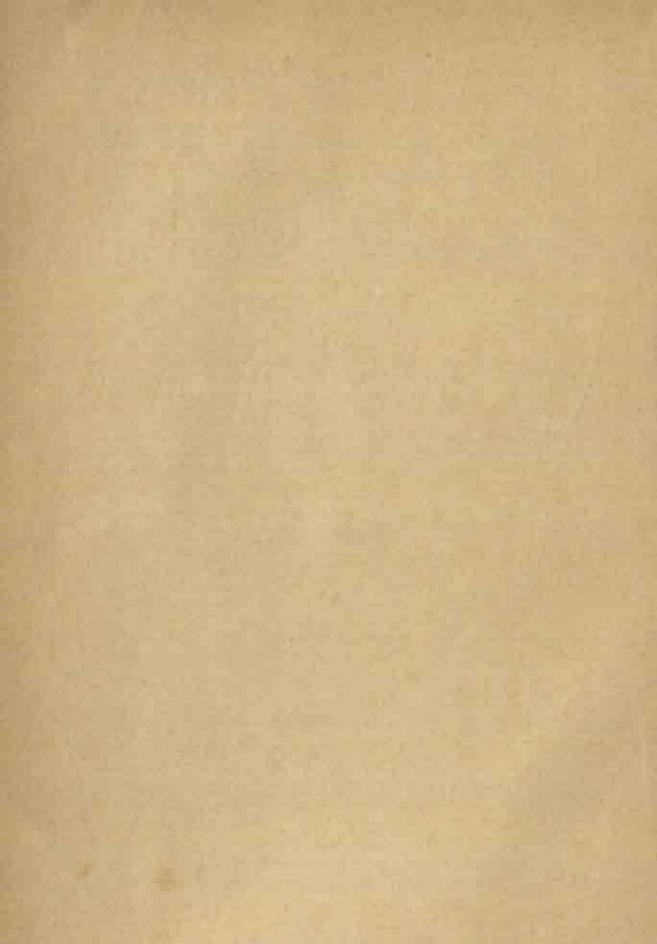
Nach Musedschimbaschi 3, 36 umfaßte das Gebiet der Karasioglu

folgende Stadte:

Balikeari (Residenz), Edindschik, Manias, Bergama, Edremid, Kemer Edremid, Bumarhissar, Ivrindi, Ajasmend, Righaditsch, Maudahoria, Syndinghi, Gördes, Demirdschi, Kyzyldscha Tuzla, Basch Kelembe.

Aus Aschikpaschazades Erzählung ist noch hinzuzufügen Mahram (das ist Assus, heute Behramköi) sowie aus der Quelle von Hammers (Osm. Gesch. I, 111) Tarhala, das ist Soma<sup>3</sup>.

Taviula bei Soma war traprünglich Sitz des Kadis des Pristerkts von Soma; später abes wurde die Verwaltung nach Soma verlogt, und Tachala geriet in Vargessenbeit (Djilmanumä S, 655, 659, 673).



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DEK

11.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

12. Januar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEVER.

1. Hr. Helmer las über die Genauigkeit der Dimensionen

des Havronn'schen Erdellipsoids.

Die Landervermessung der Vereinigten Staaten von America hat in dem letzten Jahrzehot ihre ausgedehnten Dreiecksmessungen zusammungefasst und mit Hölfe zuhlreinher ausgenomischer Octabestimmungen zu einer Neubestimmung des Erdellipsoids benutzt. Zum ersten Male wurden dabei an die beobachteten autronomischen Wertne Verbesserungen nach Maussgabe der Paur sehen Gleichgewichtstheorie der Erdkrunte ungebracht, um den Einflüssen der continentalen Erhebung und der Gebirge Rechnung zu tragen und zu möglichet normalen Werthen für das Erdeilipsoid zu gelangen. Der pinstige Erfolg spiegelt sich in der grossen Gemmigkeit der Ergebnisse wieder, obwohl dieselbe zur halb so gross ist, als der Leiter der Arbeiten annimmt.

2. Hr. Fhoshwirs trug eine Arbeit vor: Über den Rang einer Matrix.

Uber den Rang einer zusammengesetzten Matrix werden eine Reihe von Sätzen entwickelt, die dazo bemutzt werden, den Rang einer Function einer Matrix zu berechnen und seine Beziehung zu den Exponenten der Elementartheller ihrer charakteristischen Determinante zu entwickeln.

3. Hr. Ourn legte eine Abhandlung der HH. Prof. J. Morsenborn und Dr. L. Hauseustanden in Berlin vor: Über die Beeinflussung der experimentellen Trypanosomeninfection durch Chinin und Chininderivate.

Ber wird im Anschluss an eine früher vorgelegte Mithrellung der Nachweis erbracht, dass das Hydrochinin bei gieicher Giftigkeit eine erhablich höhere Wirksamkeit gegen die Trypanosomen besützt als das Chinin. Was für die Trypanosomen gilt, wird wohl auch für die Malariaparasiten gelten, und so darf jetzt der Zeitpunkt als gekommen erachtet werden, wo mit Versuchen zur Behandlung der Malaria mit Hydrochinin begonnen werden sollte.

4. Hr. Henrwis überreichte die 4. Auflage seines Werkes: Die Elemente der Entwicklungslehre des Menschen und der Wirbeltiere. Jena 1910.

# Über die Genauigkeit der Dimensionen des Hayfordschen Erdellipsoids.

Von F. R. HELMERT.

#### 1

Die Vermessungsbehörde der Vereinigten Staaten von Amerika, die Gosst and Geodetie Survey in Washington, die unter der ausgezeichneten Leitung des Hen. O. H. Tittmann steht, hat im Jahre 1909 ein vom Vorsteher des Rechnungswesens, Hrn. Jons F. Hayronn, verfaßtes Werk unter dem Titel «The Figure of the Earth and Isostasy from Measurements in the United States» veröffentlicht, worin zum ersten Male bei der Ableitung der mathematischen Erdfigur eine Reduktion der Beobachtungen unch der Hypothese vom Pautt durchgeführt wird (vgl. hierzu meine Abhandlung in den Sitzungsberichten von 1909, S. 1192—1198).

Im Jahre 1910 ist von demselben Verfasser eine Ergänzung erschienen: «Supplementary Investigation in 1909 of the Figure of the Earth and Isostasy», worin die Untersuchung mit einem bedeutend reicheren Beobachtungsmaterial wiederholt wird.

Endlich wurde im 1. Teile der «Verhandlungen der Internationalen Erdmessung in London und Cambridge 1909» S. 365 ff. von Havrond der Nachweis geliefert, daß auch die Abweichungen der in den Vereinigten Staaten von Amerika beobachteten Werte der Intensität der Schwerkraft von der Normalformel im großen und ganzen der Isostasie gut entsprechen.

Die Berechnung der Erddimensionen erfolgte für 3 Werte der Tiefe der Ausgleichsfläche (über welcher die Dichtigkeit der festen Erdkruste als in jeder Vertikalen für sich als konstant angenommen wird). Es sind die Werte in Kilometern: 162.2, 120.9 und 113.7. Zu jedem derselben gehört eine Fehlerquadratsumme der Beobachtungsgleichungen, die hinsichtlich der geodätischen Unbekannten ein Minimum ist. Durch ein interpolatorisches Verfahren finden sich dann aus den drei behandelten Fällen die günstigsten Werte, für welche die Fehlerquadratsumme nun auch noch hinsichtlich der Tiefe der Ausgleichsfläche ein Minimum ist. Wie sehon in meiner obenerwähnten

Abhandlung bemerkt wurde, stimmt dieses Ergebnis mit dem aus Schwerestörungen abgeleiteten bis auf wenige Kilometer überein, obwohl beide Bestimmungen auf einige Zehner von Kilometern unsteher sind und man daher auf einen größeren Unterschied gefaßt sein mußte.

Für den von mir aus den Schwerestörungen im den Küsten abgeleiteten Wert der Tiefe T der Ausgleichsfläche konnte ich die Unsicherheit durch Berechnung des mittleren Fehlers nach den gewöhn-

lichen Regeln der Ausgleichungsrechnung ableiten.

Bei der amerikanischen Ableitung liegt die Sache anders, weil die Tiefe T nicht in den Fehlergleichungen auftritt. Da nun hier die übliche Methode versagt, so wird der Weg eingeschlagen, für mehrere regionale Gruppen der übrigbleibenden Fehler die günstigste Tiefe T abzuleiten. In der zweiten Abhandlung sind es 14 Gruppen. Aus der Betrachtung dieser Werte wird dann in nicht näher erläuterter Weise der Schluß gezogen, daß in den Vereinigten Staaten die Tiefe der Ausgleichsiläche zwischen 100 und 140 km enthalten sei, bei 122 km als wahrscheinlichstem Wert (1910, S. 58).

So schätzenswert diese Betrachtung hinsichtlich des Erkennens systematischer Einflüsse ist (wie ja überhaupt die beiden Abhandlungen noch reich an anderen Betrachtungen sind, die dem gleichen Zwecke, insbesondere auch der Prüfung der Zulässigkeit der Annahme gleichmäßiger Kompensation (lienen), so drängt sich doch unwillkürlich dem Leser die Frage auf, ob man nicht aus dem vorliegenden Zahlenmaterial in einfacher Weise auch das Gewicht für die Unbekannte Tentsprechend den üblichen Voraussetzungen der Methode der kleinsten Quadrate herleiten könne

Wie man dieses Gewicht nach den bekannten Regeln zu bestimmen hatte, wenn man keine Mühe zu seheuen brauchte, ist von voraherein klar. Man hätte nämlich in die Fehlergleichungen noch je ein Glied aufzunehmen, welches als Unbekannte eine Verbesserung  $\Delta T$ eines Näherungswertes T, mit dem die isostatischen Verbesserungen der Lotabweichungen berechnet zu denken sind, enthielte. Als Koeffizienten einer sehr kleinen Verbesserung  $\Delta T$  treten dabei die Differentialquotienten der bezüglichen Verbesserungen der Lotabweichungen nach T auf. Diese Koeffizienten wären also zu berechnen.

Es ist aber nicht nötig, diese mülsame Rechnung auszufähren, indem das schon vorliegende Rechnungsmaterial auch zur Gewichtsbestimming von T ausreicht.

Da die Lösung dieser Aufgabe vielleicht noch in anderen Fällen der Anwendung der Ausgleichsrechnung nach der Methode der kleinen Quadrate von Bedentung werden kann, so soll sie hier vorgeführt werden, zugleich mit einer Anwendung auf den besprochenen Fall.

2

Die Anzahl der Unbekannten ist im amerikanischen Problem bei der zweiten Abhandlung gleich 6, nämlich 2 Lotabweichungskomponenten im gewählten Nullpunkt der Vermessung, eine Orientierungskonstante, 2 Parameter des Erdellipsoids und die Tiefe der Ausgleichssühlche. (Bei der ersten Abhandlung kommen 2 Orientierungskonstanten vor: die Anzahl der Unbekannten ist somit 7.) Zur Ableitung der Formeln genügt es hier, nur 3 Unbekannte anzuschreiben. x, y und z seien kleine Verbesserungen von Näherungswerten derseiben, so daß die Fehlergleichungen lineare Form annehmen. Die Gewichte dieser Gleichungen können wir der Einfachheit halber zu 1 voraussetzen.

Würde nun in üblicher Weise mit Fehlergleichungen gerechnet werden, die alle 3 Unbekannten enthielten, so sollen die günstigsten Werte der Unbekannten  $x_n$ ,  $y_n$  and  $z_n$  sein.

Die Fehlergleichungen lauten etwa:

$$\lambda_i = -1 + a_i x_i + b_i y_o + v_i z_s \qquad i = 1 \dots n. \quad (1)$$

Die  $l_i$  sind hierbei die Unterschiede Beobachtung—Rechnung mit den Näherungswerten der Unbekannten.  $x_*, y_*, z_*$  müssen somit als kleine Verbesserungen dieser Näherungswerte verstanden werden.

Die Normalgleichungen sind für [22] ein Minimum:

$$[a\lambda] = \phi$$
 oder  $[al] = [aa]x_s + [ab]y_s + [ae]z_s$   
 $[b\lambda] = \phi$   $[bl] = [ab]x_s + [bb]y_s + [bc]z_s$   
 $[c\lambda] = \phi$   $[cl] = [ac]x_s + [bc]y_s + [cc]z_{sc}$ 

$$(2)$$

Die reduzierten Normalgleichungen werden:

$$\begin{aligned} [al] &= [aa]z_c + [ab]y_c + [av]z_c \\ [bl \cdot v] &= [bb \cdot v]y_c + [bc \cdot v]z_c \\ [cl \cdot z] &= [cv \cdot z]z_c. \end{aligned}$$

Das Gewicht ist nun für die Unbekannte z. bekanntlich gleich [cc-2].

Wird bei Aufstellung der Fehlergleichungen das Glied c,z, weggelassen, also der Näherungswert der 3. Unbekannten nicht verbessert, so ergeben sich anstatt der  $\lambda_i$  und der Werte der Unbekannten  $x_i$  und  $y_a$  etwa die Größen  $c_i$  und  $x_i + \xi_i$ ,  $y_i + \epsilon_i$ . Der Allgemeinheit wegen nehmen wir an, daß nunmehr bei Bildung der Unterschiede Beobachtung—Rechnung für die 3. Unbekannte ein Wert eingeführt worden sei, der einer Verbesserung z des zu den  $l_i$  gehörigen Nüberungswertes dieser Unbekannten entspricht. In den Fehlergleichungen

$$v_i = -l_i' + a_i x + b_i y \tag{4}$$

oder

$$v_i = -l_i' + a_i(x_i + \xi_i) + b_i(y_i + y_i)$$
 (4\*)

ist dann mit Rücksicht auf die Beziehung l. = Beobachtung-Rechnung, indem die Rechnungswerte um c.z zugenommen haben:

$$l'_i = l_i - e_i(z_i + \zeta)$$
. (5)

wenn noch = = = + L gesetzt wird.

Hieraus folgt

$$n_i = \lambda_i + a_i \xi + b_i v + c_i \zeta \qquad i = i \dots v. \quad (6)$$

Bildet man nun jetzt die Summen [va], [vb] und [cc], deren beide ersten bei der Ausgleichung nach x und y mit Festhaltung von z gleich Null gesetzt werden, so folgt

$$\begin{array}{l}
\phi = [aa]\xi + [ab]n + |ac|\zeta \\
\phi = [ab]\xi + [bb]n + [bc]\zeta \\
[cc] = [ac]\xi + [bc]n + [cc]\zeta
\end{array}$$
(7)

und hieraus nach dem bekannten Verfahren des Übergungs zu den reduzierten Normalgleichungen:

$$\alpha = [aa]\xi + [ab]\eta + [ac]\xi$$

$$\alpha = [bb \cdot i]\eta + [bc]\xi$$

$$[ac] = [ac \cdot i]\xi$$
(8)

Nun erhält man aber uns den Fehlergleichungen co:

 $[v\lambda] = [\lambda\lambda]$ 

bun

 $|vc| = |\lambda\lambda| + |cc| \mathbb{I}$ 

Es ist also

$$[cv] = [\lambda\lambda] + [cc \cdot z]\mathbb{C}^2,$$
 (9)

oder mit Wiedereinführung von  $\zeta = z - z_s$  aus  $z = z_s + \zeta$ :

$$[m] = [[\lambda\lambda] + [m \cdot 2]z_1^2] - 2z_1[m \cdot 2]z + [m \cdot 2]z^2$$
. (10)

Hat man für 3 Werte der letzten Unbekannten z die Quadratsumme [uv] auf Grund der Ausgleichung der anderen Unbekannten
gebildet, also ausgehend von den Fehlergleichungen (4), wobei die
[in den 3 Fällen entsprechend der Wahl von z verschiedene Werte
annehmen, so kann man aus den 3 Werten von [uv] mittels des Ausdrucks (10) die Größen [\lambda\rangle], z, und [uv-2] berechnen, d. h. die minimale Fehlerquadratsumme, den sichersten Wert von z und sein Gewicht.

Um dies auszuführen, schreiben wir:

$$[vv] = S - Uz + Pz^{i} \tag{11}$$

mit

$$S = \{\lambda \lambda\} + [\alpha \cdot 2]z_{+}^{*}, \quad U = 2z_{+}[\alpha \cdot 2], \quad P = [\alpha \cdot 2], \quad (12)$$

Entsprechend den 3 Annahmen für z sind 3 Gleichungen gegeben, welche aus (10) folgen:

$$[vv]_i = S - Uz_i + Pz_i^* = s_i$$
  
 $[vv]_i = S - Uz_i + Pz_i^* = s_i$   
 $[vv]_i = S - Uz_i + Pz_i^* = s_i$ . (13)

Hierin sollen die s lediglich zur Abkürzung der Schreibweise für [vv] dienen. Aus (13) ergibt sich:

$$P = -\frac{s_i(z_i - z_i) + s_i(z_i - z_i) + s_i(z_i - z_i)}{(z_i - z_i)(z_i - z_i)}, \quad (14)$$

$$U = -\frac{s_i(z_i^* - z_i^*) + s_i(z_i^* - z_i^*) + s_i(z_i^* - z_i^*)}{(z_i - z_i)(z_i - z_i)(z_i - z_i)}. \tag{15}$$

S wird man zur Kontrolle aus allen 3 Gleichungen (13) ableiten. In den Ausdrücken für P und U kann man augenscheinlich die s um dieselbe beliebige Größe vermindern, was zur Erleichterung der Rechnung dient.

Endlich ist: 
$$z = U : 2P$$
 (16)

mit dem Gewicht P nach (14) und der Fehlerquadratsumme

$$[\lambda\lambda] = S - Pz_{z}^{*}. \tag{17}$$

Die Formeln (13) bis (17) gelten für jede Anzahl von Unbekannten, wie leicht zu ersehen ist. Sie gelten also auch für das amerikanische Problem; nur ist unter z die Tiefe der Ausgleichsflüche T zu verstehen.

3.

Die vorliegenden amerikanischen Zahlenwerte sind folgende, wobei sich I auf das Altere Material mit n=507 und 7 Unbekannten (1909, S. 114) und III auf das gesamte Material mit n=733 und 6 Unbekannten (1910, S. 54) bezieht:

$$T = T - m_3$$
,  $T = 102.97$   $T = 162.2$   $T_1 = 48.5$   $T_2 = 8220$   $T_3 = 48.5$   $T_4 = 8220$   $T_4 = 8020$   $T_5 = 8020$   $T_6 = 8020$   $T_7 = 8020$   $T_$ 

Die Formeln (14) his (17) geben hierzu:

$$P = 0.0798$$
 0.1569  
 $U = -0.3976$  +3.074  
 $z_s = -2.49$  +9.80  
 $T_s = 111.2$  123.5  
 $[\lambda\lambda] = 8013$  10062.

Die plausibelsten Werte  $T_{\rm e}$  der Tiefe der Ausgleichsfläche und ihre mittleren Fehler werden hiernach in Kilometern:

I. 
$$T_s = 111.2 \pm \sqrt{\frac{8013}{500 \cdot 0.0798}}$$
, d. i.  $\pm 14.2$ ,  
III.  $T_s = 123.5 \pm \sqrt{\frac{10062}{727 \cdot 0.1569}}$ , d. i.  $\pm 9.4$ .

Bei Annahme des Gauszschen Fehlergesetzes werden also die wahrscheinlichen Fehler bzw.  $\pm 9.6$  und  $\pm 6.3$  km.

Die von Havron abgeleiteten Werte  $T_a$  sind ein wenig anders; sie lauten  $T_a=113.0$  im I. Falle (1909, S. 146) und  $T_b=122.2$  im

III. Falle (1910, S. 54).

Die Ursache der Unterschiede ist hauptsächlich der Umstand, daß innerhalb des Intervalls der Werte T=113.7 bis 162.2 die Änderung der Größen l' nicht genau proportional ist der Änderung von  $T_i$  mithin der bei der Entwicklung der Formeln vorausgesetzte lineare Zusammenhang zwischen l' und  $z_i$  vgl. (5), nicht streng vorhanden ist. Harronn findet im allgemeinen Proportionalität zu log  $T_i$  doch dürfte unsere Annahme für die vorliegenden Beobachtungen wohl günstiger sein.

Man kann dies in Ermangelung der Angaben für die einzelnen l'
mittels der numerischen Glieder der Normalgleichungen prüfen, deren
Werte für die 3 Tiefen 162.2, 120.0 und 113.7 in den beiden Abhandlungen mitgeteilt sind. Da diese numerischen Glieder den Summen
[al'] und [bl'] in der vorn gegehenen Entwicklung entsprechen, so
müssen bei linearem Zusammenhang z. B. die Unterschiede von [al']
für die 3 Fälle den Unterschieden der bezüglichen Werte von T proportional sein:

$$[al']_{mis} - [al']_{mis} : [al']_{mis} - [al']_{mis} = 162.2 - 120.9 : 120.9 - 113.7, \\ \text{d. i. 5.7}$$

Die Zahl 5.7 kommt nun wenigstens im Mittel für die verschiedenen Normalgleichungen nahezu aus deren numerischen Gliedern heraus. Addiert man die Absolutwerte der Unterschiede für die 6 Normalgleichungen nach S. 105 der Abhandlung von 1909, so folgt als Quotient 6.0 austatt 5.7; nach S. 39 der Abhandlung von 1910 ergibt sieh ferner aus den 5 Normalgleichungen daselbst in gleicher Weise 5.8 austatt 5.7.

Benutzt man aber an Stelle von T die log T als abhängige Variable, so hat man für die 3 Tiefen die Werte der Logarithmen gleich 2,2101, 2,0824 und 2,0558. Die Unterschiede 2,2101—2,0824 und 2,0824—2,0558 geben als Quotienten 4.8. Das ist stark abweichend.

Nichtsdestoweniger wollen wir doch noch die Rechnungsergebnisse nach unsern Formeln mitteilen, wenn dabei  $\log T$  als letzte Unbekannte eingeführt wird. Es findet sich:

I. 
$$T_{\rm c} = \pm 13.1 \pm 11.4$$
 m F and  $\pm 7.7$  w F.  
III.  $T_{\rm c} = \pm 122.0 \pm 8.5$  m F, and  $\pm 5.7$  w F.

Diese Werte für T<sub>e</sub> entsprechen den amerikanischen Ergebnissen bis auf die ganz unerheblichen Unterschiede von 0.1 bzw. 0.2 km. Sie weichen von den Ergebnissen (18) allerdings um 1.9 bzw. 1.5 km ab; doch ist dies mit Rücksicht auf die Unsicherheit nicht von Bedeutung.

Was die berechneten Unsicherheiten anlangt, so glaube ich, die Angaben (18) den Angaben (19) vorziehen zu sollen.

Wie Harronn sellist bemerkt, sind übrigens die nach der M. d. kl. Qu. berechneten Unsieherheiten zu klein, da die übrighleibenden Fehler einen systematischen Charakter haben (1910, S. 54). Durchschnittlich bilden in einer reihenweise erfolgten Zusammenstellung der Ausgleichsreste (1910, S. 41—54) etwa 5 geographische Nachbarwerte eine Vorzeichengruppe, während für zufällige Fehler 2 zu rechnen sind.

Man könnte dementsprechend vermutungsweise die mittleren Fehler im Verhältnis  $V_2:V_5$  vergrößern, d. h. um etwa die Hälfte ihres Betrags.

Um aber eine sicherere Grundlage für dieses Vorgehen zu haben, ließ ich auf Grund der ebenerwähnten Übersicht der Ausgleichsreste der 733 Gleichungen, die in der 2. Abhandlung gegeben sind, eine kleine Rechnung anstellen. Diese Reste sind hier, wie bemerkt, reihenweise aufgeführt, so daß immer geographische Nachbarwerte einander folgen. Nun wurden je 5 einander folgende addiert, etwa so (wenn die Nummern von 1 ab der Reihe nach angenommen werden): 1 bis 5, 6 bis 10, 11 bis 15 usw.; dann noch 3 bis 7, 8 bis 12 usw. oder 2 bis 6, 7 bis 11 usw.

Das mittlere Quadrat von 5 Nachbarwerten bei den Breiten und Längen ergab sich so zu 124.8, während das Fünffache des mittleren Quadrats der Einzelwerte nur 55.5 beträgt.

Für alle Reste, also die Azimute eingeschlossen, folgt ebenso 137:8 bzw. 68.7

Im ersten Falle zeigt sich eine Vergrößerung der Quadrate aufs z.z.z-fache, im zweiten eine solche aufs z-fache. Die ersten Potenzen steigen demgemäß aufs 1.5- bzw. 1.4-fache. Letztere Zahl ist wohl weniger maßgebend, weil bei den Azimuten die Messungsfehler einen hervorragenden Einfluß äußern.

Aus dieser Berechnung geht somit hervor, daß man bei Festhaltung der Gewichte der aus der Ausgleichung folgenden Werte der Unbekannten wegen der systematischen Einflüsse eine Vergrößerung des mittleren Fehlers der Gewichtseinheit um erwa die Hälfte eintreten lassen muß.

Wahrscheinlich ist dies noch nicht ganz ausreichend, weil die benachbarten astronomischen Stationen sich nicht nur, wie bei vorstehender Betrachtung vorausgesetzt ist, zu Linienzügen gruppieren, sondern in mehreren Fällen eine flächenförmige Ausbreitung annehmen Dadurch erhöht sieh der Einfluß der systematischen Fehler. Indessen ist es kaum durchführbar, dies zahlenmäßig zu präzisieren. Auch ist dem erwähnten Umstande immerhin teilweise bei der Bildung der Linienzüge Rechnung getragen. Ich nehme daber die Vergrößerung der nach der Theorie zufälliger Fehler berechneten mittleren Unsieherheiten um 50 Prozent als genügend (wenligstens nicht als übertrieben großt an:

Geschicht dies, so wird in (18) III der m. F. ±14, der w. F.

± o km rund.

Das Ergebnis T = 123.5 ± 14 m. F. erscheint trotz der Vergrößerung des mittleren Fehlers noch immer genauer als der von mir im Vorjahre aus den Schwereanomalien an den Küsten abgeleitete Wert, namlich auf dieselbe Diehtigkeit der Erdkruste reduziert wie bei dem amerikanischen Ergebais: T. = 124 ± 22 m. F.

Da jedoch das amerikanische Ergebnis nur auf Beobachtungen ans dem Bereich der Vereinigten Staaten von Amerika beruht, so dürften beide Ergebnisse als annähernd gleich genau zu erachten sein.

4.

Die Unsicherheit in der Kenntnis von T wirkt selbstverständlich vergrößernd auf die Unsicherheit der anderen Unbekannten. Havronn hat bei der Angabe der wahrscheinlichen Fehler der aus der Ausgleichung hervorgehenden Werte für die Unbekannten und also auch derjenigen für die Aquatorialhalbachse und die Abplattung des Erdellipsoids keine Rücksicht hierauf genommen. Man kann aber diesem Umstand leicht Rechnung tragen, da aus den beiden Abhandlungen hervorgeht, wie sich beide Größen mit T ändern.

Die erforderliche Formel habe ich als Beispiel für die Theorie aquivalenter Beobachtungen bereits früher entwickelt. Daraus kann

man folgende Beziehung herleiten:

<sup>1</sup> Die Ausgleichungsverhaung usch der Methode der kleinsten Quadrate. 2. Aufl. S. 216 111 (7).

$$\mu_{i}^{r} = \mu_{i}^{r} + \frac{\hat{\sigma}^{r}}{\frac{1}{\mu_{T}^{r}} + \frac{1}{\mu_{T}^{r}}}$$
 (20)

Hierin bedeuten  $\mu_T^*$  und  $\mu_T^*$  das mittlere Fehlerquadrat von T aus der Ausgleichung sowie zus einer etwa noch vorhandenen andern, unabhängigen Bestimmung,  $\mu_t^*$  das mittlere Fehlerquadrat einer der anderen dorch die Ausgleichung bei festem Werte von T bestimmten Unbekannten und  $\mu_t^*$  das mittlere Fehlerquadrat, wie es sieh mit Rückslicht auf die Ungenauigkeit von T für diese Unbekannte ergibt. Es wird also angenommen, daß aus beiden Bestimmungen von T ein Mittelwert nach Maßgabe der mittleren Fehler gebildet und zur Berechnung der plansibelsten Werte der andern Unbekannten bemutzt sei.

Der Koeffizient S ist für irgendeine derselben, etwa y, aus der Beziehung  $\Delta y = S\Delta T$  zu entnehmen.

Havrono hält in der z. Abhamilung (1910, S. 39 u. 54) aus praktischen Gründen an dem Werte T=120.9 km fest, der dem plausibelsten jedenfiells bis auf wenige Kilometer nahe liegt, und den wir also betrachten als gemeinsames Ergebnis aus Havronos Untersuchung und aus der meinigen mittels der Schweremessungen. Die Werte für  $u_T$  und  $u_T$  sind nahezu wie für die plausibelsten Werte von T bzw.  $\pm 14$  und  $\pm 22$ , wenn wir beim ersten Wert von der Vergrößerung um die Hälfte wegen systematischer Einflüsse Gebrauch machen. Die geringe Abweichung des augenommenen Wertes von T gegen die plausibelsten ändert nichts Merkliches an den mittleren Fehlern

 $\mathcal{E}=2.53$  für die Äquatorialhalbachse, da nach der z. Abhandlung. S. 39, zu  $\Delta T=48.5$  km eine Zunahme von 123 m gehört. Zugleich ist mit der Vergrößerung um die Hälfte  $u_i=\pm 39$  m (entsprechend dem von Havronn angegebenen wahrscheinlichen Fehler von  $\pm 18$  m und auf Grund einer Nachrechnung aus den Normalgleichungen). Demgemäß folgt aus (20) der mittlere Fehler des plausibelsten Wertes der Äquatorialhalbachse gleich  $\pm 49$  m.

Da zu T=120.9 als Wert der Halbachse 6378388 m gehört, und die plausibelste Annahme für T einige Einheiten größer ist, so müßte auch als plausibelster Wert der Halbachse ein um einige Meter größerer Wert angenommen werden. Diese Veränderung ist aber als unerheblich anzusehen; wir vernachlässigen sie mit Havroan und setzen als Ergebnis für die Vereinigten Staaten von Amerika an:

Sieht man bei der Berechnung des Einflusses der Unsicherheit des Wertes T= 120.0 km von seiner Bestätigung durch die Schwere-

messungen ab, berücksichtigt also nur seine Bestimmung aus den Lotabweichungen in den Vereinigten Staaten von Amerika, so fällt in Formel (20) das Glied  $\frac{1}{\mu_T^2}$  fort, und es findet sich anstatt (21) das Ergebnis:

Aquatorialbalbachse = 
$$6378388 \text{ m} \pm 53 \text{ m} \text{ m} \cdot \text{F} \cdot$$
 oder  $\pm 35 \text{ m} \cdot \text{W} \cdot \text{F} \cdot$  (21\*)

Für die Abplattung der Meridianellipse folgt in gleicher Weise bei beiden Berechnungsarten der Unsicherheit:

Zunfichst ist hierbei fürs Quadrat der numerischen Exzentrizität

$$\hat{s} = 0.00000035$$
 and  $u_c = \pm 0.0000253$ , damit  $u_c = \pm 0.0000256$  bzw. 257 asw.

in den in (21) bzw. (21\*) und (22) angegebenen Unsieherheiten sind noch nicht alle Fehlerquellen berücksichtigt. Bei der Äquatorialhalbachse zumal kann noch ein konstanter Fehler der Längeneinheit sowie die Höhenabweichung des Geoids vom Ellipsoid einen merklichen Einfluß erlangen. Indessen treten doch diese Einflüsse gegen die berücksichtigten weit zurück, so daß wir sie hier nicht weiter betrachten wollen, da sie die angegebenen mittleren Fehler nur um wenige Meter vergrößern würden.

Wenn wir die Ergebnisse der Untersuchung von Hayrono nun auch etwas weniger genan finden, als die amerikanische Abhandlung 1910 angibt, so bleiben sie doch jedenfalls noch so genau, daß ihre große Bedeutung für die Erkenntnis der Größe und Gestalt der Erde dadurch nicht beeinträchtigt wird.

# Über den Rang einer Matrix

Von G. FROBENIUS.

Die Reduktion einer Schar von bilinearen Formen auf die Normalform von Weierstrass hat Edward Were in seiner Abhandlung Zur
Theorie der bilinearen Formen, Manatsberichte für Mathematik und Physik,
1. Jahrgang, mit Hilfe der Matrizenrechnung ausgeführt. Die invarianten
Zahlen, von denen die Normalform abhängt, hat er, ebenso wie Weierstrass, aber auf einem ganz anderen Wege, direkt definiert, nicht, wie
Camital Johnan oder Stierenbeuger, ihre Bedeutung aus der Normalform nachträglich abgelesen.

Die Grundlage seiner Arbeit bilder außer der Formel von Sylvestes

die Beziehung

worin pa den Rang der Matrix aten Grades A bezeichnet. Beide Formeln sind enthalten in der Ungleichheit

die sich, ebenso wie (2.), ohne weiteres aus dem Satze von Wave (S.15) ergibt:

I. Wenn die Spalte z die Lösungen der Gleichung ABz = 0 durchläuft, so stellt Bz genau  $z_{s}-z_{s,n}$  linear unabhängige Spalten dar.

Die neue Ungleichheit (3.) kann auf die schärfere Form

(4.) 
$$\rho_{ABC} - \rho_{AB} - \rho_{BC} + \rho_{B} = \rho_{CBN} \qquad (LBC = ABN = 0)$$

gebracht werden, worin L und N vollständige Lösungen der Gleichungen LBC=0 und ABN=0 sind. Setzt man darin A=0, N=E oder C=0, L=E, so erhält man

$$(5.) \qquad p_{\theta}-p_{\theta}v=p_{\theta}u, \quad p_{\theta}-p_{\theta}u=p_{\theta}v.$$

Ersetzt man aber A, B, C durch A, E, B, so findet man

(6.) 
$$c_1 + \varepsilon_2 - \rho_{AB} = n - \varepsilon_{LB}$$
 (AM = LB = 0).

worin L und M vollständige Lösungen der Gleichungen AM=0 und LB=0 sind, oder in mehr symmetrischer Form

(7-) 
$$\rho_A - \rho_{AB} = \rho_L - \rho_{AB}$$
,  $\rho_B - \rho_{AB} = \rho_M - \rho_{AB}$ 

Sei A eine Matrix von verschwindender Determinante, und  $\varepsilon$ , der Rang von  $A^*$ . Ersetzt man nun A, B, C in (3.) durch A,  $A^{*-1}$ , A, so erhält man die Ungleichheit

Es sind also nicht nur die ersten, sondern auch die zweiten Differenzen der Rangzahlen  $p_a(=n)$ ,  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $\dots$  positiv. Ein besonderes Interesse gewinnt diese Beziehung dadurch, daß ihre linke Seite die Anzahl der Elementarteiler der Determinante |sE-A| ist, die gleich sind (vgl. Schurstwein. Handhuch der Theorie der linearen Differentiatgleichungen Bd. I. S. 127). Daher gilt der Satz:

II. Die Anzahl der Elementarteiler der Determinante [sE-A]; die gleich  $s^*$  sind, ist gleich dem Range der Matrix  $PA^{*-1}Q$ , falls P und Q vollständige Lösungen der Gleichungen  $PA^*=0$  und  $A^*Q=0$  bedeuten.

Insbesondere ist die Anzahl ihrer für s=0 verschwindenden linearen Elementarteiler gleich dem Range der Matrix PQ, wo P und Q vollständige Lösungen der Gleichungen PA=0 und AQ=0 sind. Diesen Satz hat schon Stickelberger gefünden, und seinen Beweis habe ich in meiner Arbeit Über die prinzipale Transformation der Thetafunktionen mehrerer Variabeln, Creelbes Journ. Bd. 95 S. 267 wiedergegeben.

Setzt man

$$(9.) \qquad \qquad \rho_{*-1} - \rho_* = \lambda_*.$$

so ist

$$\lambda_i \geq \lambda_u \geq \dots \geq \lambda_v > 0 \; .$$

und  $\lambda_* - \lambda_{*+1}$  ist die Anzahl der Elementarteiler von |sE-A|, die gleich  $s^*$  sind, demnach  $\lambda_*$  die Anzahl derjenigen, deren Exponent  $\geq s$  ist. Enthält der größte gemeinsame Teiler der Unterdeterminanten des Grades  $n-\lambda$  von |sE-A| den Faktor s in der Potenz  $\delta_*$ , und setzt man

$$(10) \qquad \qquad \delta_{k-1} - \delta_k = \kappa_k$$

so sind

$$x_1 \ge x_2 \ge \cdots \ge x_s > 0$$
,

die invarianten Exponenten jener Elementarteiler, und

$$\ell = \kappa_1 + \kappa_2 + \cdots + \kappa_n = \lambda_1 + \lambda_2 + \cdots + \lambda_n$$

ist der Exponent der in |s|E-A| enthaltenen Potenz von s. Dann ist auch  $z_i$  die Anzahl der Rangdifferenzen  $\lambda_1, \lambda_2, \cdots, \lambda_s$ , die  $\geq \lambda$  sind, also  $z_1 = v$ .

Zwei solche Zerlegungen einer Zahl  $\delta$  in positive Summanden habe ich assaziierte genannt, Über die charakteristischen Einheiten der symmetrischen Gruppe, Sitzungsberichts 1903 S. 342. Sie bestimmen sich gegenseitig vollständig durch die Bedingungen, daß  $x_1 = \epsilon, \lambda_1 = u$  ist, und daß die Zahlen  $x_2 + \lambda_2 - x - 3 + 1$  alle von Null verschieden sind. Zwischen ihnen besteht die Relation

(1.1.) 
$$x_1 + 3x_2 + 5x_3 + \cdots + (2\mu - 1)x_n = \lambda_n^2 + \lambda_n^2 + \cdots \lambda_n^2$$

die bei der Berechnung der Anzahl der linear unabhängigen, mit A vertauschbaren Matrizen eine Rolle spielt (vgl. Henset, Theorie der Körper von Matrizen, Cuertes Journ. Bd. 127-8, 159). Sie ergiht sich aus der allgemeineren evidenten Formel

$$F(\lambda_1) = F(\lambda_2) + \dots + F(\lambda_n) = (s_1 - s_2) F(1) + (s_2 - s_3) F(2) + \dots + (s_{n-1} - s_n) F(n-1) + s_n F(n)$$

$$= s_4 F(1) + s_4 (F(2) - F(1)) + s_4 (F(3) - F(2)) + \dots + s_n (F(n) - F(n-1)).$$

Daß in der Tat  $\rho_{s-1} - 2\rho_s + \rho_{s+1}$  die Anzahl der Elementarteiler s' der Determinante  $\|sE - A\|$  ist, kann man leicht einsehen, wenn man die Normalform von Weitzstrass, in die sich A durch kontragrediente Substitutionen transformieren läßt, als bekannt voraussetzt. Der Beweis wird aber durchsichtiger, wenn man die Normalform auf dem Wege von Wexa entwickelt. Daher will ich hier diese Herleitung in einer möglichst einfachen und deutlichen Form wiedergeben.

### & L.

Ist AB=0, ist  $\varepsilon$  der Rang von A, und  $\sigma$  der von B, so ist  $\varepsilon+\sigma\leq n$ . Ist A gegeben, so kann man B so bestimmen, daß  $\varepsilon+\sigma=n$  wird. Dann heißt Y=B eine vollständige Losung der Gleichung AY=0, und wenn V eine willkürliche Matrix ist, so ist Y=BV ihre allgemeinste Lösung. Zugleich ist X=A eine vollständige Lösung der Gleichung XB=0 und X=UA ihre allgemeinste Lösung.

Ich bezeichne mit (x) oder x eine (nicht quadratische) Matrix von n Zeilen und nur einer Spalte, worin n Größen  $x_1, x_2, \cdots x_r$  untereinander stehen; ich nenne sie eine einspallige Matrix oder kurz eine Spalte, Z. B. ist y = Ax der symbolische Ausdruck für das System der n linearen Formen

$$\begin{split} y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i2} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_{i-1} \\ y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i1} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_i \, , \\ y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i2} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_i \, , \end{split}$$

lst B eine vollständige Lösung der Gleichung AB=0, und ist x eine willkürliche Spalte, so ist y=Bx die allgemeinste Lösung der Gleichung Ay=0.

 Wenn die Spalte z die L\(\text{tsungen}\) der Gleichung \(ABz = 0\) durchb\(\text{tueft}\), so stellt \(Bz\) genau \(\zeta\_n - z\_{k,k}\) linear unabh\(\text{angige}\) Spulten dar.

Denn zu den  $\tau = n - \varepsilon_{AB}$  unabhängigen Lösungen der Gleichung ABz = 0 gehören die  $\sigma = n - \varepsilon_B$  Lösungen  $z', z'', \dots z^{(n)}$  der Gleichung Bz = 0. Werden sie durch  $z^{(n+1)}, \dots z^{(n)}$  zu einem vollständigen System von  $\tau$  Lösungen ergänzt, so sind die  $z - \sigma = \varepsilon_B - \varepsilon_{AB}$  Spalten  $Bz^{(n+1)}, \dots Bz^{(n)}$  unabhängig. Denn ist

$$0 = \pi_{s+1} B x^{s+1} + \dots + \epsilon_s B x^{(s)} = B (\pi_{s+1} x^{(s+1)} + \dots + \epsilon_s x^{(s)}).$$

wo creece, ... skalare Faktoren sind, so ist

and mithin  $c_i = 0$ ,  $\cdots c_i = 0$ .

ist L eine vollständige Lösung der Gleichung LB=0, so läßt sich y stets und nur dann in der Form y=Bz darstellen, wenn Ly=0 ist. Daber ist  $z_0-z_{1b}$  such die Anzahl der unabhängigen Lösungen der zn Gleichungen Ay=0 und Ly=0. In dieser Form finder sich der Satz von Weyn in der Arbeit von Kaust, Lineurs Funktimen und Gleichungen, Programm (No. 127) der Realschule zu Lichtenberg, Ostern 1909 (S. 13). Für die Anwendungen ist die folgende Form die bequemste:

III. Ist ABC = 0, so ist  $\varphi_{AB} + \varphi_{BC} \equiv \varphi_{B}$  Ist A eine collständige Lissung der Gleichung A(BC) = 0, oder ist C eine solche der Gleichung (AB)C = 0, so ist

Seien zumächst A, B, C drei beliebige Matrizen. Ersetzt man in dem Satze I die Matrix B durch BC, so ist  $\lambda = \rho_{BC} - \rho_{ABC}$  die Anzahl der Spalten  $y', y'', \dots$ , wofür ABCy = 0 ist, und die Spalten BCy', BCy'', unabhängig sind. Dann genügen z' = Cy', z'' = Cy'', der Gleichung ABz = 0, und die  $\lambda$  Spalten Bz' = BCy', Bz'' = BCy'', sind unabhängig. Da es aber nicht mehr als  $\rho_B - \rho_{AB}$  solche Spalten  $z', z'', \dots$  gibt, so ist  $\lambda \leq \rho_B - \rho_{AB}$  oder

Diese meekwürdige Relation ist also eine unmittelbare Folge des Satzes von Wavn. Ist speziell ABC=0, so ist  $z_{AB}+z_{BC}\leq z_{B}$ 

Ist C eine vollständige Lösung der Gleichung (AB)C=0, und ist x eine willkürliche Spalte, so ist z=Cx die allgemeinste Lösung der Gleichung (AB)z=v. Unter den Spalten Bz=BCx, d. h. unter den  $\pi$  Spalten der Matrix BC sind aber  $z_B$ . linear unabhängig. Nach Satz I ist daher  $z_B-z_{AB}=z_{BC}$ . (Vgl. Formel  $(z_c)$ ). Jede der beiden in dem Satze III für das Bestehen dieser Gleichung ausgesprochenen

Bedingungen ist hinreichend, aber nicht notwendig. Daher ist auch nicht die eine eine Folge der anderen.

Ist A eine vollständige Lösung der Gleichung A(BC) = 0; so ist

und mithin

$$p_A + p_B = p_{AB} + n$$
,

Umgekehrt seien A und B irgend zwei gegebene Matrizen, die dieser Bedingung genügen. Ist dann C eine vollständige Lösung der Gleichung (AB) C=0, so ist  $\varepsilon_{AB}+\varepsilon_{BC}=\varepsilon_{B}$ , mithin  $\varepsilon_{A}+\varepsilon_{BC}=n_{c}$  und folglich ist A eine vollständige Lösung der Gleichung A (BC)=0. So gelangt man zu einer dritten Form des Satzes von Weve:

IV. Stets und nur dann ist  $\beta_A + \beta_B = \beta_{AB} + n$ , wenn vs eine solche Matrix C gibt, daß A eine vollständige Lüsung der Gleichung A (BC) = 0 ist, oder eine solche D, daß B eine vollständige Lüsung der Gleichung (DA) B = 0 ist. Allgemein ist

$$\varepsilon_{A}+\varepsilon_{A}\leq \varepsilon_{AB}+\kappa_{+} \qquad (n-\varepsilon_{A})+(n-\varepsilon_{A})\geq n-\varepsilon_{AB}$$

Von jenen beiden Bedingungen ist demnach jede eine Folge der anderen. Die Zahl  $n-\varepsilon_s$  nennt Ways die Nullität der Matrix A. Doch ist es vorzuziehen, mit dem von n unabhängigen Begriffe Rang zu operieren.

Nun seien wieder A, B, C drei beliebige Matrizen. Eine unmittelbare Folgerung aus der Relation (3.) ist der Satz:

V. Ist der Rang von B gleich dem von AB, so ist auch der Rang von BC gleich dem von ABC.

Zu einer schärferen Einsicht in die Bedentung der Ungleichheit (3.) führt die folgende Entwicklung. Seien L und N vollständige Lösungen der Gleichungen LBC=0 und ABN=0.

Ist dann U eine vollständige Lösung der Gleichung A(BC)U=0, so ist  $\rho_{ABC}+\rho_{BCC}=\rho_{BC}$ . Da X=CU eine Lösung der Gleichung ABX=0 ist, so ist CU=NV, also LB(NV)=LB(CU)=(LBC)U=0 oder L(BN)V=0 und mithin  $\rho_{LBS}+\rho_{BSS}\leq\rho_{BS}$ , und weil  $\rho_{BSS}=\rho_{BCC}-\rho_{ABC}$  ist,

Ist dagegen V eine vollständige Lösung der Gleichung L(BN)V=0, so ist  $\rho_{LRR}+\rho_{RNV}=\rho_{RN}$ . Da Y=BNV der Gleichung LY=0 genügt, und da Y=BC eine vollständige Lösung dieser Gleichung ist, so ist BNV=BCU und mithin A(BC)U=0, also  $\rho_{RNV}+\rho_{RNV}\leq\rho_{RNV}$  und weil  $\rho_{RNV}=\rho_{RNV}=\rho_{RNV}=\rho_{RNV}$  ist,

Folglich ist

und mithin

Diese Formel umfaßt alle bisher entwickelten Resultate,

### 8 3.

Aus der Gleichung (4.) ergibt sich der Satz von Wern (S. 17): VI. Sind die ganzen Funktionen f(s) und g(s) teilerfremd, und ist  $n-\alpha$ der Rang von f(A), und  $n-\beta$  der von g(A), so ist  $n-\alpha-\beta$  der Rang von f(A)g(A).

Man bestimme die ganzen Funktionen  $f_i(s)$  und  $g_i(s)$  so, daß  $f(s)f_i(s) + g(s)g_i(s) = 1$  wird, und setze f(A) = P,  $f_i(A) = P_i$ , g(A) = Q,  $g_i(A) = Q$ . Dann ist  $P, P + QQ_i = E$ . Ferner ist nach (6.)

$$\rho_F + \rho_Q - \rho_{FQ} := n + \rho_{FB}$$

wo L und M vollständige Lösungen der Gleichungen LQ=0 und PM=0 sind. Daher ist

$$LM = L(P_iP + QQ_i)M = LP_i(PM) + (LQ)Q_iM = 0$$
.

und mithin

$$(n - \rho p) + (n - \rho q) = n - \rho p q$$

Sind allgemeiner je zwei der Funktionen f(s), g(s), h(s), ... tellerfremd, und ist  $n-\gamma$  der Rang von h(A), so ist  $n-\alpha-\beta-\gamma-...$  der Rang von f(A) g(A) h(A) ....

Da es nicht mehr als  $a^*$  unabhängige Matrizen aten Grades gibt, so besteht zwischen den Potenzen  $A^*$ ,  $A^*$ ,  $A^*$ , ... elne lineare Beziehung. Sei  $\psi(A) = 0$  die Gleichung niedrigsten Grades, der A genügt, sei  $\psi(s) = \lfloor sE - A \rfloor$  die charakteristische Determinante von A, und seien  $a, b, c, \cdots$  die Wurzeln der beiden Gleichungen  $\psi(s) = 0$ , und  $\psi(s) = 0$  zusammengenommen. Ist also

$$\psi(s) := (s-a)^{\alpha}(s-b)^{\beta}(s-c)^{\gamma}, \dots, \qquad \psi(s) := (s-a)^{\alpha}(s-b)^{\gamma}(s-c)^{\gamma}, \dots,$$

so sind  $\alpha$  and  $\alpha$  night beide Null. Daher ist  $\alpha>0$ . Denn sonst wire  $\alpha>0$  and  $|A-\alpha E|$  von Null verschieden, and aus der Gleichung

$$(A - aE)^*(A - bE)^*(A - cE)^* \cdots = 0$$

könnte man den Faktor (A-aE)" wegheben.

ist n-a' der Rang von  $(A-aE)^*$ ,  $n-\beta'$  der von  $(A-bE)^*$ , ..., so ist  $n-a'-\beta'-\gamma'-\ldots$  der des Produktes, und demmach ist

$$s'+s'+\gamma'+\cdots=n\,,\qquad (s-s')+(s-s')+(\gamma-\gamma')+\cdots=0\,,$$

Ist etwa z=0, so ist a'=0, also a'<z. Ist aber x>0, so verschwinden in der Matrix  $(A-aE)^*$  alle Determinanten (n-1)ten, (n-2)ten,  $\dots$  (n-a'+1)ten Grades. Für s=0 verschwindet folglich

die Funktion  $|(A-aE)^*-sE|$  der Variabeln s nebst ihren ersten z-1 Ableitungen. Nun ist aber 0 eine z fische charakteristische Wurzel der Matrix A-aE und folglich auch der Matrix  $(A-aE)^*$ . Daher ist

und mithin

$$u'=x.31=3, y'=y...$$

also stets x'>0, and demnach anch x>0. Ist  $\varepsilon$ , der Rang von  $(A-aE)^*$ , so ergibt sich wie oben, dab  $\varepsilon\ge n-x$  ist. Da aber  $\varepsilon_{n+1}\le \varepsilon$ , = n-x ist, so ist  $\varepsilon_n=\varepsilon_{n+1}=\varepsilon_{n+2}=\cdots=n-x$ . Dagegen ist  $\varepsilon_{n-1}< n-x$ . Denn sonst hätte nach Satz VI

$$(A - aE)^{a-1}(A - bE)^{a}(A - aE)^{a}...$$

den Rang  $n-\alpha-\beta-\gamma = 0$ , während  $\psi(A) = 0$  die Gleichung niedrigsten Grades für A ist. Nach (8.) ist demnach

$$(12.)$$
  $p_0 > p_1 > \cdots > p_{-1} > p_{-1} = p_{+1} = p_{+4} = \cdots = n-3$ .

Für die Reduktion von A auf die Normalform ist die Gleichung  $\rho_* = n - x$  von der größten Wichtigkeit. Es ist möglich, daß  $\rho_* = n - x$  ist, daß also die Gleichung (A - n E)x = 0 weniger als x unahhängige Lösungen besitzt. Dann gibt es aber einen solchen Exponenten  $\tau$ , daß die Gleichung  $(A - n E)^*x = 0$  genan x Lösungen hat, und dies tritt stets und nur dann ein, wenn  $\tau \geq x$  ist.

### \$ 31

Der Einfachheit halber nehme ich jetzt an, die Matrix A habe die charakteristische Wurzel 0, g(s) sei durch s',  $\psi(s)$  durch s' gennu teilbar, A habe den Rang  $\rho$ . Die Gleichung A[x] = 0 hat dann  $u - \rho$ ,  $= \emptyset = \rho$ ,  $- \rho$ , unabhängige Lösungen, und genau dieselben hat die Gleichung  $A^{(+)}x = 0$  oder  $A^{(+)}x = v$ , well  $\rho = \rho(s) = \rho(s)$  ist. Diese Lösungen wollen wir in folgender Art wählen:  $u, u', u'', \cdots$  seien  $\lambda_s = \rho_{s-1} - \rho_s$ , Lösungen der Gleichung A[x] = 0, wofür die Spalten  $A^{(+)}x$  unabhängig sind;  $v, v', v', \cdots$  seien  $\lambda_{s-1} = \rho_{s-1} - \rho_s$ . Lösungen der Gleichung  $A^{(+)}x = 0$ , wofür die Spalten  $A^{(+)}x$  unabhängig sind:  $w, w', w'', \cdots$  seien  $\lambda_{s-1} = \rho_{s-1} - \rho_s$ . Lösungen der Gleichung  $A^{(+)}x = 0$ , wofür die Spalten  $A^{(+)}x$  unabhängig sind:  $w, w', w'', \cdots$  seien  $\lambda_{s-1} = \rho_{s-1} - \rho_s$ . Lösungen der Gleichung  $A^{(+)}x = 0$ , wofür die Spalten  $A^{(+)}x = 0$ ,

$$(13.) \qquad \lambda_1 + \lambda_{-1} + \cdots + \lambda_1 = \pm -\mu = \delta$$

Spalten, die alle der Gleichung Ax=0 genügen und unabhängig sind, also ein vollständiges System ihrer Lösungen bilden. Denn ist

$$x = uu + u'u' + u''u'' + \dots + bs + b's' + \dots + cuc + c'u' + \dots = 0.$$

80 Ist

$$A^{r+1}x = aA^{r+1}u + a'A^{r+1}u' + a''A^{r+1}u'' + \cdots = 0$$

und mithin  $a = a' = a'' = \cdots = 0$ ; sodann

$$A^{i+3}x = bA^{i+3}e + bA^{i+3}e + \cdots = 0$$

and mithin  $b = b = \dots = 0$ , usw.

Die \(\lambda\), Lösungen \(u, u', u''\), heißen primitive, zum Exponenten \(v\)
gehörende Lösungen. Für \(\lambda\) der \(\lambda\), Lösungen \(v, v', u''\), \(-\lambda\) können und
sollen die Spalten \(Au\), \(Au''\), \(-\lambda\) gewählt werden, da \(A'^{-2}(Au)\),
\(A'^{-1}(Au')\), \(-\lambda\) unabhängig sind. Die \(\bar{u}\)brigen \(\lambda\)\_\(\lambda\) dieser Lösungen
heißen primitive, zum Exponenten \(v-1\) gehörende Lösungen. Für
\(\lambda\)\_\(\lambda\) der \(\lambda\)\_\(\lambda\) Lösungen \(w, w'\), \(w''\)\_\(\lambda\) können und sollen die Spalten
\(Au\), \(Av''\)\_\(\lambda\) gewählt werden, von denen die Spalten \(A^{2}u'\)\_\(\lambda\) einen Teil bilden. Die \(\bar{u}\)brigen \(\lambda\)\_\(\lambda\)\_\(\lambda\) dieser Lösungen
heißen primitive, zum Exponenten \(v-2\) gehörende Lösungen usw. Die
gesamte Anzahl der primitiven Lösungen ist

$$\lambda_{n} + (\lambda_{n-1} - \lambda_{n}) + (\lambda_{n-2} - \lambda_{n-1}) + \cdots + (\lambda_{n} - \lambda_{n}) = \lambda_{n} = \mu.$$

Die a Exponenten, zu denen sie gehören, mögen mit

bezeichnet werden. Ist  $\times$  einer derselben, und p eine primitive, dazugehörende Lösung, so ist  $A^*p=0$ , und unter den oben gewählten  $\delta$  Lösungen, die Normallösungen heißen mögen, befinden sich neben p die  $\times -1$  daraus abgeleiteten Lösungen  $Ap_i$   $A^*p_i = A^{i-1}p_i$ . Ich nenne sie eine Kette von Lösungen.

Demnach zerfallen die 8 Lösungen in a Ketten von je z., z. ... z., Lösungen, und es ist

$$(14.) \qquad \qquad x_1 + x_2 + \cdots + x_n = 0$$

die Gesamtzahl der Lösungen der Gleichung  $A^*x=0$ . Von den Zahlen  $z_1, z_2, \cdots z_r$  sind  $\lambda_r$  gleich r,  $\lambda_{r-1}-\lambda_r$  gleich  $r-1, \cdots \lambda_{2-1}-\lambda_2$  gleich  $\beta_r$ . Daher sind (13.) und (14.) assoziierte Zerlegungen von  $\delta$ ; d. h. unter den Zahlen  $z_1, z_2 \cdots z_r$  befinden sich  $\lambda_1$ , die  $\geq z$  sind, und unter den Zahlen  $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_r$  befinden sich folglich  $z_r$ , die  $\geq z$  sind; insbesondere ist  $z_r = v$  und  $\lambda_r = \mu$ . Oder, wenn von den Zahlen  $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_r$ 

ist, so ist & = &; and wenn von den Zahlen x,, &, ... x,

ist: so ist  $\lambda_1 = \lambda$ .

Dies kann man am einfachsten graphisch einsehen. Denn ist z. B.  $\mu = 3$  und

$$x_1 = b = 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$s_r = 3 = 1 \pm 1 \pm 1$$

$$s_0 = 2 = 1 + 1$$
,

so ist v=5, und  $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_n$  sind die Summen der Elemente der Spalten des obigen Schemas. Das analoge Schema für  $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_n$  ergibt sieh also aus dem für  $x_1, x_2, \cdots x_n$  durch Vertauschung der horizontalen und der vertikalen Reihen.

Nach (13) ist  $\gamma \le \delta$ , also wenn wir zu den Bezeichnungen des § 2 zurückkehren,

$$0 < x \le x$$
,  $0 < \lambda \le 3$ ,  $0 < \mu \le \gamma$ ,...

Folglich ist U(s) ein Divisor von  $\psi(s)$ , der aber durch jeden Linearfaktor von  $\psi(s)$  teilbar ist. Demnach ist  $\psi(A) = 0$ .

### 8 4

Die x Normallösungen der Gleichung  $(A-aE)^*x=0$  seien  $p,p',p'',\cdots$ , so geordnet, daß auf jede primitive Lösung die aus ihr abgeleiteten folgen. Die  $\hat{x}$  Normallösungen der Gleichung  $(A-bE)^*x=0$  seien  $q,q',q'',\cdots$ , die  $\gamma$  der Gleichung  $(A-aE)^*x=0$  seien  $r,r',r'',\cdots$ . Die aus diesen  $x+\beta+\gamma+\cdots=n$  Spalten gebildete Matrix nten Grades

$$L = (p, p \cdots : q, q, \cdots : r, r, \cdots : \cdots)$$

hat eine von 0 verschiedene Determinante. Denn sonst könnte man skalare Faktoren  $k, k', \dots$  so bestimmen, daß

$$kp + k'p' + \dots + lq + l'q' + \dots + mr + m'r' + \dots = 0$$

wäre. Setzt man  $(s-b)^*(s-c)^*\cdots=\chi_s(s)$ , so folgt ans  $(A-bE)^*q=0$  die Gleichung  $\chi_s(A)q=0$ ; obenso ist  $\chi_s(A)r=0$ . Daher wäre auch

$$\chi(A)(kp + k'p' + \cdots) = 0$$
,  $(A - aE)^*(kp + k'p' + \cdots) = 0$ .

Bestimmt man f(s) und g(s) so, daß

$$\chi(s)f(s) + (s-a)^*g(s) = 1$$

wird, so ist dann auch

$$(f(A) \times (A) + g(A)(A + aE)^*)(kp + k'p' + \cdots) = 0$$
,  $kp + k'p' + \cdots = 0$ , and mithin  $k = k' = \cdots = 0$ .

Ist p eine primitive, zum Exponenten  $\times$  gehörende Lösung, und sind p' = (A - aE) p, p'' = (A - aE) p' = (A - aE) p,  $p'' = (A - aE) p' = (A - aE) p^{(a-1)} = (A - aE) p^$ 

$$(A-aE) p^{(-1)} = (A-aE)^* p = 0$$

und mithin

$$AL = (ap + p', ap' + p'', \cdots ap^{s-s} + p^{(s-t)}, ap^{(s-t)}; \cdots),$$
Ist  $B$  die Matrix  $a$  ten Grades der bilinearen Form
 $B = a(x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_sy_s) + (x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_sy_{s-t}) + \cdots,$ 

so ist

$$LB = (ap + p^{\epsilon}, ap' + p^{\mu}, \dots ap^{(s-1)} + p^{(s-1)}, ap^{(s-1)}; \dots)$$

and mithin

$$AL = LB$$
,  $L^{-1}AL = B$ .

Umgekehrt haben zwei ühnliche Matrizen dieselben charakteristischen Wurzeln, und für jede solche Wurzel a die nämlichen Rangzahlen  $s_1, s_1, s_2, \ldots$ , also auch dieselben Zahlen  $\delta_1, \delta_1, \delta_2, \ldots$ , deren Differenzen nach (10.) die Zahlen  $s_1, s_2, \ldots$  sind, und demnach dieselbe Normalform B. Für B aber ist  $(s-a)^{-1}$  der größte gemeinsame Divisor der Unterdeterminanten  $(n-\lambda)$ ten Grades von  $\lfloor sE-A \rfloor$ , wie Stickelberger, Über Scharen von bilinearen und quadratischen Formen, Crelles Journ, Bd, 86 S, 30 und Netto, Zur Theorie der linearen Substitutionen, Acta math, Bd, 17 S, 267 gezeigt hat. Aus der am Ende des § 3 erhaltenen Relation  $s_1 = s$  folgt insbesondere, daß, wenn  $\psi(s) = \psi(s) \Im(s)$  ist,  $\Im(s)$  der größte gemeinsame Divisor der Unterdeterminanten  $(n-1)^{mn}$  Grades von  $\lfloor sE-A \rfloor = \varphi(s)$  Ist.

VII. Enthält die Determinante der Matrix A-sR den Faktor s in der Potenz  $s^*$ , und enthält ihn der größte gemeinsame Divisor ihrer Determinanten  $(n-\lambda)^m$  Grades in der Potenz  $s^{**}$ , ist ferner  $\varepsilon_i$  der Rang der Potenz  $A^*$ , so sind die beiden Zerlegungen von  $\delta$ 

$$\dot{\sigma} = (\dot{\sigma}_i - \dot{\sigma}_i) + (\dot{\sigma}_i - \dot{\sigma}_s) + (\dot{\sigma}_s - \dot{\sigma}_s) + \cdots = (\dot{\sigma}_s - \dot{\sigma}_s) + (\dot{\sigma}_i - \dot{\sigma}_s) + (\dot{\sigma}_s - \dot{\sigma}_s) + \cdots$$
assoziierte Zeclegungen.

# Über die Beeinflussung der experimentellen Trypanosomeninfektion durch Chinin und Chininderivate.

Von Prof. Dr. J. Morgienroth und Dr. L. Halberstaedter

Aus der Bakteriologischen Abteilung des Pathologischen Instituts Berlin. Vorgelegt von Hrn. Orrn.

In einer früheren Mitteilung' hatten wir, im Gegensatz zu der allgemein herrschenden Ansieht, zum ersten Male festgestellt, daß dem
Chinin und einigen seiner Derivate eine präventive Wirkung gegenüber der Infektion von Mäusen mit Trypanosoma Brucei (Nagana) zukommt. Erfolgreiche systematische Versuche in dieser Richtung lagen
bis dahin nicht vor, nur Vassat hatte, wie Messn. beiläufig bemerkt
hat, bei einem Surrastamm nach sehr großen Chinindosen ein vorübergehendes Verschwinden der Trypanosomen beobachtet. Wir hatten
dann in der kontinuierlichen Fütterung ein geeignetes Verfahren gefunden, um mit genügender Sicherheit den Einfluß der zu prüfenden
Präparate auf die Infektion zu bestimmen.

Damit wurde der Weg einer exakten pharmakologischen Prüfung des Chinins eröffnet, und zwar bezüglich derjenigen seiner Funktionen, welcher die größte praktische und theoretische Bedeutung zukommt, nämlich seiner antiparasitären Wirkung bei Protozoeninfektionen. Von dieser Grundlage aus wurde der weitläufige Versuch einer vergleichenden Pharmakologie der Chininderivate in Angriff genommen, um theoretisch die Abhängigkeit der antiparasitären Wirkung von der chemischen Konstitution zu erforschen, wobei in praktischer Hinsicht das Bestreben maßgebend war, Verbindungen zu suchen, die dem Chininüberlegen sind. Die dauernde Unterstützung der Vereinigten Chininfabriken Zimmer & Co. in Frankfurt a. M. und die stets bereitwillig gewährte sachkundige Beihilfe Ihres Direktors Dr. Wellen gaben uns die Möglichkeit eines systematischen Studiums. Fräulein Latzu Ascuta

Über die Beeinfinssung der experimentellen Trypanoromeninfektion durch
 Chinin. Diese Sitzingsber, der phys.-math. Klasse vom 21. Juli 1910.
 Hull, Inst. Pasteur 1907. Bd. 5. S. 785.

haben wir für verständnisvolle Mitarbeit bei den zahlreiehen Versuchen zu danken.

Wir sind jetzt sehon in der Lage, über Versuchsreihen zu berichten, aus denen mit Bestimmtheit hervorgebt, daß dem Chinin
keineswegs der erste Rang unter den in Frage stehenden Verbindungen
zukommt. Vielmehr hoben sich unter den bisher untersuchten Derivaten des Chinins zwei hervor, denen auf Grund unserer Prüfungsmethode entschiedene Vorzüge dem Chinin gegenüber zugesprochen
werden müssen.

Wie bereits früher mitgeteilt wurde, führten uns vergleichende Versuche, die mit der zuerst angewandten, in vieler Hinsicht weniger befriedigenden Methode der subkutanen injektion ausgeführt waren, zu der Erkenntnis, daß die Vinylseitenkette des Chinins mit ihrer Doppelbindung sfür die trypanozide Wirkung nicht von ausschlaggebender Bedeutung ists. Dasselbe hatte sehon Rem Hunr' im Emmenschen Laboratorium bezüglich der Giftwirkung freilebenden Infusorien gegenüber und der Toxizität im Versuch an Warmblütern festgestellt. Vielmehr zeigten uns schon zwei Verbindungen, in denen die Doppelbindung gelöst ist, das Hydrochlorehinin und das Hydrochlorisochinin Andentungen einer thempeutischen Überlegenheit dem Chinin gegenüber, deren eingehenden Untersuchung nach der alten Methode die stärkeren örtlichen Nebenwirkungen hindernd im Wege gestanden hätten.

Auf Grund der weiteren Versuche vermittels der Fütterungsmethode können wir nun feststellen, duß bestimmte Veränderungen der Seitenkette, bei denen die Doppelbindung nicht mehr besteht, den trypanoziden Effekt erhöhen, und zwar ohne die Toxizität zu vergrößern.

In erster Linie steht hier das Hydrochinin:

Nächstdem erwiesen ansgedehnte Versuche, die wir nun mit dem Hydrochlorisochinin angestellt haben, daß sich die sehon früher augenommene Überlegenheit vor dem Chinin bestätigt. Doch steht es hinter dem Hydrochinin zurück, das wir im folgenden eingehender behandeln wollen.

Das Hydrochinin und Hydrochlorisochinin unterscheiden sich von der Konstitution des Chinins, für welche die bekannte Raussche Formel anzunehmen ist, in der Seitenkette wie folgt:

Arch. Internat. de Pherumendyn. Bd. 12, 1904. S. 497-

Vergleichender Versuch zwiselen Chininbase 0.05 (r.) und Hydrochinin 0,05 (2.). 1. Fittering mit Chininbase 0.05 pro Cake +0.6 Lexithin-Elweis (Milch), Fatteringsdaner vor der Infektion, 3 Tage.

Маницон				350	130	Try	JE BO	8.0.0	D. III. I	Trypanceomen (Nagmun) im Blut und Tod	n B u	OW III	B .	B .	#12	P.O.D.	To	:0		13	1 8 8	1
-7	-	. **	71	29.5				W-	(4)	11-Edge malt der löftlichen 19. 17. 13. 19. 19. 19. 19. 19. 19. 19. 19. 19. 19	10	1 =	mely der Unfektion for 11 32 fb. 14 13	2 4	- 13	=	5	*	69	=		Ħ
H 985 H 985 H 985 H 985 H 979 H 979 H 985 H 985 H 985	ELLEVERIN	LEAR BEARING	000030000000		60000000000000000000000000000000000000		The second second		+ = = +     +	‡ :> > < ( ‡ ‡ 8=	00044	9 0 0	0 0 0		9 9 9	300	B(4) 6	] o. o		#= 0: è	0.44	1 .
H. toore H. toors H. toorb	111	0 0 8	000	+ 0 +	1 + 1	177	TI	200		Kontrollim	1 E	100	1278	1585			TEX.				1 3	4

Fütterung mit Hydrochinin
 0.05 pro Cake +0.6 Lezithin-Eiweiß (Milch).
 Fütterungsdauer vor der Infektion: 5 Tage.

Nr.	1	4	3	4	11	6	3	8		150	THE	13	13	166	15	12	118	19	22	23.
th 990	-	4	Q.	0	9		-	o	11	R	'n	0	_	ō.	0	8	n	œ.		TV.
H: 997	-	-	D.	0	0	_	-	0	0	or	.0	0	-	-0	ò	0	(9)	0	30	W
H. 993	-	-	0	a	0	-		9	9	4	-9	0	-	4	0	0	0.	4		16
II: 994	=		0.	6	9	-	=	97	0	0%	- 9	0		12	0	0	u	0	13	146
IL 1995	œ.	-	9	9	9	<u> </u>			1	***	9	3	-	0	0	-0	0	O.		300
H. 1995	E.	3	0	8	9		-	. 0	10	0	-0	- 6	-	0	0		01	ö.		1980
141. 1197	-		4	9	0		-	0	10	Đ.	.0	161	-	0	0		0			000
71. 499		-	. 12	0	9	-		0	10	0	-0	(0)	-	0	0	10)	0	O:		100
III inon	-	-	0	Ø.	.0	-	-	0.		: 10-	:0	(0)	-	0	9	(0)	0:	9	9	191
II 1001	-	-	10-	0	· O	-	-	0.	0	0	10	(0)	-0	0.	0	:97	10	9	10	OM:
H: 001	-	-	0	0	.00	-	-	(+)	1	1111	14110	4643								
H. 998	-	-	0	+																

Die übereinstimmenden Ergebulsse unserer zahlreichen vergleichenden Versuche sind am besten zu ersehen, wenn wir einige derselben in Tabellenform nebeneinanderstellen.

Wir haben in der letzten Zeit für die Fütterungsversuehe mit Chinin meist die freie Chininbase an Stelle des zuerst benutzten Chininum tannicum basicum angewandt, über das wir schon berichtet haben, und das sich inzwischen auch durch die Erzielung von Dauererfolgen in einer ziemlichen Anzahl von Fällen bewährt hat. Als Grundlage vergleichender Versuche erschien die freie Base geeigneter, da von den Derivaten des Chinins zunächst gleichfalls das freie Alkaloid zur Anwendung kommen mußte.

Über die Versuchstechnik ist schon früher das Wesentliche mitgefeilt worden; bei länger fortgeführten Versuchsreiben vermeiden wir neuerdings die sonst sich einstellende Inanition der Mäuse, indem wir, um Eiwelß und Fett einzuführen, das Cakepulver mit Milch anrühren und pro Cake von 8 g o.6 g Leeithineiweiß nach dem Vorgang von Emmen zufügen.

0.2 g der Chininbase pro Cake erweist sich, wie sehon früher erwähnt, ausnahmslos als tödlich. Gibt man o.t g der Chininbase pro Cake, so ergeben sich bei der Ausführung zahlreicher großer Versuchsreihen Differenzen, die offenbar damit zusammenhängen, daß die Mäuse in verschiedenem Maße empfindlich sind. Es ging im Laufe der Fütterung ein wechselnder Prozentsatz der Tiere zugrunde, ein Teil derselben erst nach längerer Zeit, zweifelles infolge ungenügender Ernährung, da wir zuerst die erwähnten Zusätze unterließen. O.C5 g pro Cake wird von fast allen Tieren dauernd vertragen; immerhin gehen stets, besonders im Beginn der Fütterung, einzelne Tiere zugrunde, indem sie entweder die Nahrung nicht annehmen, oder sieh durch allzu reichliche Aufhahme vergiften. In der letzten Zeit wurden unsere Resultate erheblich gleichmäßiger, als wir die Tiere isolierten.

Die Infektion wurde mit dem auch früher benutzten, von Maus zu Maus fortgezüchteten Naganastamm vorgenommen nach 4— ştärgiger Vorfütterung. Sie erfolgte subkutan mit stark verdümtem Blut, so daß die unbehandelten Kontrolltiere am 6. bis 8. Tage starben. Es ist vorteilhaft, Versuche, bei denen es auf einen exakten Vergleich verschiedeuer Präparate ankommt, an gleichartigem Tiermaterial zu gieicher Zeit anzusetzen und sämtliche Tiere einheitlich zu infizieren.

Die Toxizität der Hydrochininbase, die zu den Versuchen verwendet wurde, erweist sich bei Fütterung nicht größer als die des Chinins. 0.05 pro Cake wird auch hier von den meisten Tieren auf die Dauer gut vertragen. Füttert man gleichzeitig eine Reihe Mäuse mit o.t g Chinin bzw. Hydrochinin pro Cake, so ist das Verhalten derselben im wesentlichen gleichartig. Von je 12 Mansen, die - ohne Infektion - gleichzeitig mit 0.1 g pro Cake gefüttert wurden, starben bei beiden Praparaten innerhalb der ersten 8 Tage ie a. Die späteren Todesfälle schalten wohl für die Beurteilung aus, da faanition in Frage kam; bei Beendigung der Fütterung am 18. Tage lebten von den Chimintieren noch 4. von den Hydrochlmintieren noch 2. Wir hatten bei unsern ersten Versuchen die Toleranz der Tiere gegen o.1 g Chiminbase pro Cake, verglichen mit unsern jetzigen Erfahrungen, offenbar etwas zu hoch eingeschätzt. Vielleicht spielt hier die Jahreszeit eine gewisse Rolle: die ersten Versuche sielen in die Sommermonate, und hier kommt möglicherweise die von Hunt beolmehtete geringe Giftempfindlichkeit der Tiere bei hölierer Außentemperatur in Frage. Bei intravenöser Injektion im Kaninchenversuch erweist sich eine Übereinstimmung der Giftigkeit zwischen dem salzsauren Chinin und Hydrochinin, ebenso bei subkutaner Injektion im Versuch an Mäusen. Dies steht in Übereinstimmung mit den Toxizitätsversuchen von Hust.

Die Tabelle gibt zwei gleichzeitig ausgeführte Versuchsreihen mit den beiden Verbindungen wieder. Der Unterschied in der Wirkung des Chinins und des Hydrochinins tritt hier wie in sämtlichen von uns dorehgeführten Versuchen ganz klar hervor. Je 1 Tier stirbt ohne Trypsnosomen am 4. Tag. Von 11 mit Chinin behandelten Tieren führt bei 9 Tieren die Infektion zum Tode, und zwar ist die Verzögerung gegenüber den Kontrollen meist sehr gering. 2 Tiere leben am 21 Tag trypsnosomenfrei.

Von 11 mit Hydrochtuin behandelten Tieren erliegt ein einziges der infektion, die gegenüber den Kontrollen ziemlich verzögert ist. Die fibrigen 10 Tiere leben am 23. Tag frei von Trypanosomen.

Bemerkenswert ist in beiden Fällen das Auftauchen und Wiederversehwinden von Trypanosomen im Blut, wie wir es auch sehm. früher beim Chinin beobschtet haben. Von vormherein läßt sich beim Erscheinen von Trypanosomen im Blut der behandelten Tiere nie sagen, ob dieselben im weiteren Verlauf wieder verschwinden oder unter fortschreitender Vermehrung den Tod des Versuchstieres herbeiführen werden. Im ersteren Falle tritt eine deutliche Heilwirkung den allerdings von Anfang der Infektion an unter dem Einfluß des therapeotischen Agens stehenden Parasiten gegenüber zutage, im zweiten Falle dürfte es sich um die Ausbildung einer Arzneifestigkeit handeln. Auf jeden Fall sind beide Arten von Rezidiven wesentlich verschieden. Wir haben nach Chininbehandlung eine Festigkeit auch schon in weiteren Generationen beobachtet und wenden ihr aus theoretischen Gründen und aus praktischen Gesichtspunkten binsichtlich der Malariatherapie, die später noch zu erwähnen sind, auch könftig unsere Aufmerksamkeit zu.

Verhältnissen die gleiche Dosis des Hydrochinins dem Chinin weit überlegen ist, und daß das Hydrochinin unter Bedingungen einen fast sieheren Schutz gegen die Infektion gewährt, bei welchem das Chinin in der Mehrzahl der Fälle versagt. Es ist sogar nach unseren Erfahrungen die Dauerwirkung von 0.05 g Hydrochinin pro Cake konstanter als die von 0.2 g Chinin tannicum (welches etwa 0.1 g Base entspricht). 0.03 g pro Cake zeigt bei beiden Präparaten, Chinin und Hydrochinin, keine nemnenswerte Wirkung. Der hier gegebene quantitative Ausdruck für die Differenz der Wirkung erscheint allerdings etwas schematisch, insofern, als nach unserem Dafürhalten ein qualitativer Unterschied eine gewisse Rolle spielt, indem das Hydrochinin bei den Dosen, bei denen überhaupt eine Wirkung eintritt, dieselbe sicherer, mit größerer Regelmäßigkeit manifestiert.

Wir haben bereits in unserer früheren Mitteilung betout, daß wir bestrebt sind, unsere Versuche der Malariatherapie dienstbar zu machen. Es dürfte nun der Zeitpunkt gekommen sein, auf Grund unserer Tierversuche bei Trypanosomeninfektion durch umfangreiche blinische Prüfung, als deren erste Grundlage die Behandlung frischer, unkomplizierter Malariafälle dienen muß, den Wert des Hydrochinins dem Chinin gegenüber festzustellen. Die wichtigste Frage dürfte nun die sein, zugleich die Hauptfrage für die Fortsetzung und praktische

Richtung unserer weiteren Arbeiten über die Pharmakologie des Chinins, ob sich unsere Ergebnisse auf die Malaria übertengen lassen, und ob man im Trypanosomenexperiment einen vergleichenden Maßstab für die Antimalariawirkung gewinnen kann. Das Zusammentreffen trypanozider und plasmodiozider Wirkung sehen wir eben auch bei dem Dioxydiamidoarsenobenzol. Läuft die pharmakodynamische Wirkung des Chinins bzw. seiner Derivate in beiden Fällen parallel, so mößte man bei dem Hydrochinin mit Dosen auskommen, welche der Hälfte der wirksamen Chinindosis entsprechen, was für Prophylaxe und Therapie von um so größerer Bedeutung ware, als diesen Dosen, soweit es der Tierversuch vermuten IRBt, entsprechend dem gleichen Grade der Toxizität beider Präparate nur geringe Nebenwirkungen zukämen. Zudem hat das salzsaure Sale des Hydrochinins, falls es nicht stärkere lokale Wirkung ausübt als das Chinin - was eben nur durch vorsichtige Erprobung am Menschen festzustellen ist -, für die subkutane Injektion den Vorzug weit größerer Löslichkeit,

Der sehon bemerkte qualitative Unterschied zwischen dem Chinin und dem Hydrochinin, die weit größere Zahl von Dauererfolgen bei dem letzteren, läßt sogar an die Möglichkeit denken, mit dem Hydrochinin in einer der des Chinins völlig entsprechenden Dosierung bei Malaria Heilungen mit besseren Chancen der Rezidivverhütung zu erzielen, als sie beim Chinin vorliegen.

Besonders möchten wir aber einem Versuch mit Hydrochinin das Wort reden bei denjenigen Malariafällen, welche sich gegen Chinin mehr oder weniger refraktär zeigen, bei welchen häufig und frühzeitig Rezidive auftreten, Erscheinungen, als deren Ursache man wohl zum Teil eine durch Einwirkung des Chinins erworbene Chininresistenz der Parasiten ansehen darf. Derartige Fälle sind von E. R. Stitt aus Panama und neuerdings in auffallender Häufung aus dem Innern von Brasilien von M. Couto, Neiva, Nocht und Wennen beschrieben worden, Ihre Zahl wird sich voraussichtlich häufen, je ausgedehnter die Chinin-prophylaxe und -therapie in stark verseuchten Gegenden Anwendung findet, und sie werden in immer höherem Maße den Wunsch nach einem dem Chinin überlegenen Präparat wachrufen; dies um so mehr, als beim Chinin einem Hinausgehen über die tägliche Grammdosis ernstliche Schwierigkeiten im Wege stehen. Schließlich steht hier das letzte Wort bei der Empirie.

Vom theoretischen Standpunkt aus scheint uns die Berechtigung zu vergleichenden Versuchen au Trypanosomen und Malariaplasmodien gegeben. Von der Wirkung des Chinins und seiner Derivate auf freilebende, meist eiliate Infusorien ausgehend, therapeutische Wege für die Malaria zu erschließen, dürfte weit weniger Aussicht auf Erfolg haben, wenn wir auch das wissenschaftliche Interesse solcher Versuche durchaus anerkennen! Denn Lebensbedingungen und Organisation weisen hier und dort die denkhar größten Verschiedenheiten auf. Dagegen handelt es sich bei den Trypanosomen und bei denjenigen Entwicklungsstadien der Malariaparasiten, die gerade für die Chinintherapie in Frage kommen, um frei im Blutplasma lebende Formen, deren Organisation, soweit die Beziehungen zu dem umgebenden Medium, speziell die Ernährung, in Betracht kommt, weitgehende Analogien aufweisen dürfte.

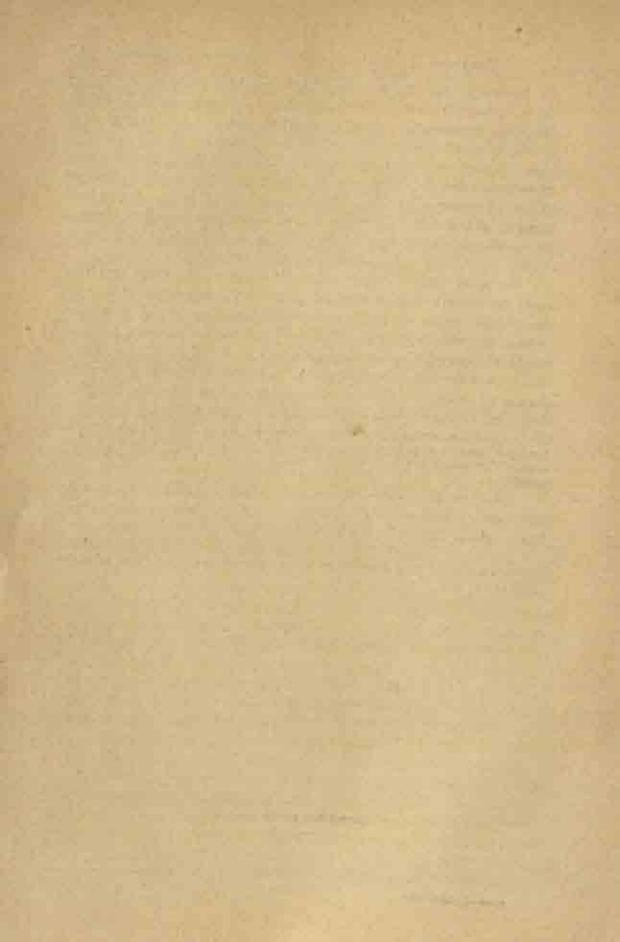
Bezüglich einer Anwendung des Mittels zur Prophylaxe und Therapie der Schlafkrankheit (auch Versuche bei Kala-azar dürften Interesse haben) können wir nur auf die zurückhaltenden Bemerkungen verweisen, die wir in unserer früheren Mitteilung (a. a. O. S. 742) über das Chinin gemacht haben. Wir sind aber zu der Hoffnung berechtigt, daß es ums auf dem eingeschlagenen Wege gelingen wird, zu Verbindungen zu gelangen, die bei der einen oder andern Infektionskrankheit dem Chinin und auch dem Hydrochinin überlegen sind.

Wir sind mit analogen vergleichenden Versuchen bei der Infektion von Versuchstieren mit Paeumokokken beschäftigt, zu denen uns die von klinischer Seite des öftern betonte Wirksunkeit des Chinins auf des Verlauf der fibrinosen Paeumonie des Menschen verantaßt.

Die hier mitgeteilten Ergebnisse bedeuten für uns keineswegs irgendeinen Abschluß, sondern vielmehr den Beginn einer planmäßigen Untersuchung der Chininderivate.

Ausgegeben am 19. Januar,

Nach Rese wickt Hydrochinin auf gewisse freilebende Infasseien schwächer als Chinin.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

Ш.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

19. Januar. Gesammtsitzung.

### Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Statue las über die Vortheile der Anwendung eines Reversionsprismas bei Doppelsternmessungen.

Im Laufe des recgangmen Jahres sind auf der Berliner Sternwarte Beschachtungen am ozülligen Refractor augestellt wurden, um die Ursachen der bei Doppelsternmessungen auftretenden systematischen Fehler nicher zu untersuchen und ein Verfahren zu erproben, welches kürzlich zu deren Beseitigung vorgeschlagen worden ist. Die Ergebnisse dieser Untersuchung haben die grossen Vortheile des Reversionsprismus dargethan und lassen durch eine zwerkmässige Anwendung desselben einen erheblichen Fortschritt in der Genanigkeit der Doppelsternmessungen erwarten.

2 Hr. Auwers legte eine von Hrn. Prof. J. Perens, Observator am hiesigen Kgl. Recheminstitut, berechnete Tafel einundzwanzigstelliger Werthe der Functionen Sinus und Cosinus vor, die in dem Anhang zu den Abhandlungen des Jahres 1911 zum Druck gelangen wird.

Die Tafel ist urspelinglich für die Bedürfnisse der mit Unterstützung der Akademie von HH. J. Bausentstein und "J. Person berechnsten aufstelligen Legarithmentafel angelegt worden und enthält die nomerischen Sinus und Cosinus von 10' zu 10' durch den gauzen Quadranten und von 1" zu 1" für das erste Zehnminuten-Intervall.

3. Hr. Meven legte einen Aufsatz von Hrn. Prof. Dr. R. Mensren in Leipzig vor: «Cyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.» (Ersch. später.)

Zwei Inschriftensteine aus Oxford mit cyprischer Schrift, die zum ersten Male eine Peobe der Sprache der einheimischen Bevölkerung von Cypera geben.

4. Hr. Plasce überreichte die 3. Auflage seiner Vorlesungen über Thermodynamik. Leipzig 1911; weiter wurden vorgelegt zwei Veröffentlichungen der Deutschen Commission der Akademie: Bd. 11 der Deutschen Texte des Mittelalters, enthaltend die Predigten Taulers, hrsg. von F. Verten. Berlin 1910 und von Wieland's Gesammelten Schriften der 3. Band der die eigentlichen Werke umfassenden 1. Abteilung, hrsg. von F. Hoseven. Berlin 1910.

5. Die Akademie hat durch die philosophisch-historische Classe Hrn. Sacnau als Beitrag zu den Kosten der Herstellung eines Thesaurus der japanischen Sprache 12000 Mark. Hrn. Prof. Dr. Gustav Knon in Strassburg i. E. zu einer Reise nach Frankreich behufs Fortführung der Arbeit an seinem Werke «Die deutsche Nation zu Orleans» 800 Mark und Hrn. Privatdocenten Dr. Rudolf Ungen in München zur Drucklegung seines Werkes «Hamann und die Aufklärung» 500 Mark bewilligt.

Seine Majestät der Kaiser und König haben durch Allerhöchsten Erlass vom 14. December 1910 die Wahlen des ordentlichen Professors der romanischen Philologie an der Friedrich-Wilhelms-Universität zu Berlin Dr. Heinauch More und des ordentlichen Professors der Kunstwissenschaft an derselben Universität Geheimen Regierungsraths Dr. Heinauch Wölffelm zu ordentlichen Mitgliedern der philosophisch-historischen Classe zu bestätigen geruht.

# Über die Vorteile der Anwendung eines Reversionsprismas bei Doppelsternmessungen.

Von H. STRUVE.

E.

Die von meinem Vater und auf dessen Anregung von Desmowski, Dunéa, Ribourdan, O. Stone u. a. angestellten Versuche zur Bestimmung der systematischen Korrektionen ihrer Doppelsternmessungen hatten die Notwendigkeit ähnlicher Untersuchungen dargetan und die Aufmerksankeit der Beobachter auf diese für die Doppelsternkunde oberans wichtige Frage, welche schon von Besser und W. Strove aufgeworfen worden war, gelenkt, hatten aber gleichwohl nur tellweisen Erfolg gehabt, weil sieh den Bestimmungen der systematischen Fehler sehr erhebliche Schwierigkeiten teils infolge der Abhängigkeit solcher Auffassungsfehler von allen möglichen sehwer zu übersehenden Ursuchen, teils auch wegen Ihrer Veränderlichkeit mit der Zeit entgegenstellten und die an künstlichen Modellen oder an einzelnen Doppelsternen abgeleiteten Resultate sich nicht mit genügender Sicherheit auf Messungen anderer Paare übertragen ließen. Diesen Gründen ist es wohl hauptsächlich zozuschreiben, daß man während der letzten Jahrzehnte von direkten Bestimmungen der systematischen Korrektionen ganz abgesehen und sich darauf beschrankt hat, dieselben für die einzeinen Beobachter unter der Annahme, daß die Mittelwerte aus einer großen Zahl verschiedener Beobachter frei von diesen Fehlern seien; abzuleiten. Allein, abgesehen davon, daß dies doch nur ein Notbehelf ist. der außerdem eine beträchtliche Zahl gleichzeitiger und gleichwertiger Beobachter voraussetzt und bei manchen sonst guten Beobachtern, wie die Erfahrung gelehrt hat, die systematischen Fehler so große Beträge erreicht haben, daß in solchen Fällen die Vereinigung der Messungen verschiedener Beobachter zu Mittelwerten nicht statthaft erscheint, so haben die in den letzten Jahren von den HH. Do-BERCK, LAU, LOBSE u. a. ausgeführten Untersuchungen an verschiedenen Doppelsternbahnen es sehr wahrscheinlich gemacht, daß sowohl in den Messungen der Positionswinkel wie auch der Distanzen systematische

Febler vorkommen, die bei der Mehrzahl der Beabachter in gleichem Sinne wirken und daher in den Mittelwerten nicht eliminiert werden, und haben damit aufs neue die Befreiung der Beabachtungen von ihren systematischen Fehlern in den Vordergrund gestellt.

Einen wertvollen Beitrag haben in dieser Hinsieht kürzlich die HH. Saler und Boslau in Paris geliefert, indem sie auf ein einfaches Verfahren aufmerksam machten, welches die Aussehließung der persönlichen Fehler bei Positionswinkelmessungen bezweckt. Das Verfahren besteht in der Anwendung eines gewöhnlichen Reversionsprismas, drehbar um die optische Achse, wie es bereits früher des öftern zu Untersuchungen über systematische Fehler benutzt worden ist. Während jedoch früher das Prisma nur dazu diente, die scheinbare Richtung der Komponenten abzuändern, um die Abhängigkeit der Messungen von dem Neigungswinkel der Verbindungslinie gegen die Vertikale zu untersuchen, so wird hier, wie es scheint, zum ersten Male, der Versuch gemacht, die persönlichen Fehler durch Verbindung einer gewöhnlichen Messung des Positionswinkels mit einer zweiten gleichartigen Messung mit vorgesetztem Prisma zu eliminieren. Stellt man nämlich das Prisma, das sich leicht auf dem Okular befestigen lassen muß, so ein, daß dir-Kante desselben der Verbindungslinie des Doppelsterns parallel ist und demnach auch die scheinbare Neigung der Verhindungslinie gegen die Vertikale dieselbe bleibt wie bei der ersten Messung ohne Prisma, so wird infolge der Umkehrung des Bildes durch totale Reflexion am Prisma das Mittel beider Messungen frei von dem persönlichen Aufthssungsfehler sein, der bei der Schätzung des Parallelismus der Verbindungslinie mit den Mikrometerfäden begangen wird, während die halbe Differenz beider Ablesungen den Auffassungsfehler ergibt. So einfach und bequem dieses Verfahren ist und so wesentliche Vorzüge es vor manchen früher angewandten Methoden zur Bestimmung der systematischen Fehler zu haben scheint, so ist es doch an eine Reihe von Voraussetzungen und Bedingungen geknüpft, die einer eingehenderen Prüfung bedürfen.

Von den HH. Salet und Bosnen sind a. n. O. ein pear am Pariser Refraktor von 38 cm Öffnung ausgeführte Messungen mitgeteilt, welche für die Zweekmäßigkeit des Verfahrens, das im folgenden kurz die Prismenmethode genannt werden möge, sprechen. Zu einem gleich günstigen Urteil ist Dr. W. Hassenstein, wie ich nach einer privaten Mitteilung weiß, auf Grund einiger Messungen am Königsberger Refraktor gelangt. Angesichts der Bedeutung, welche dieses Verfahren in Zukunft erlangen könnte, schien es aber wünschenswert, die Be-

Bulletin astronomique XXV, S. 18, 1908.

übschtungen auf eine größere Zahl von Sternpaaren auszudehnen, sie unter möglichst verschiedenen Bedingungen anzustellen und damit zugleich die Voraussetzungen, von denen die Anwendbarkeit wesentlich abhängt, genauer zu untersuchen.

Auf die naheliegende Anwendung des Reversionsprismas zur Untersuchung der Distanzmessungen soll hier nicht eingegangen werden.

### $^2$

Die im folgenden mitgeteilten Messungen sind im Laufe des letzten Jahres am Mikrometer des neunzölligen Berliner Refraktors zum Teil von mir, zum Teil von Dr. Gernsuck ausgefährt worden. Das Objektiv, noch aus der optischen Werkstätte von Fraukhoffen Stammend, ist ein wenig astigmatisch, was sich namentlich an helleren Objekten und bei guter Luft durch ein kreuzförmiges Aussehen der Sterne kundgibt. Infolgedessen können bei Doppelsternmessungen an helleren Sternen Auffassungsverschiedenheiten zwischen zwei Beobachtern, die lediglich hierin ihren Grund haben und durch die Prismenmethode nicht beseitigt werden, stattfinden. Durch Vorsetzen einer Objektivblende von 13 em Durchmesser, die biswellen benutzt ist, lassen sich die Bilder heller Sterne in der Regel erheblich verbessern. An Sternen sehwächer als 5. Größe war der Astigmatismus nicht mehr deutlich zu erkennen.

Behufs Anwendung der Prismenmethode waren zwei der alten Mikrometerokulare von 250- und 440 fischer Vergrößerung von Toepfer & Sohn mit neuen Fassungen versehen worden, welche so eingerichtet sind, daß man auf dieselben leicht und bequem ein Reversionsprisma der bekannten Form aufsetzen kann, ohne das Okular abzunehmen und seine Fokussierung zu findern. Durch Drehung des Prismas um die Achse, unabhängig von der Drehung des Positionskreises, kann seine Kante dem Mikrometerfäden parallel gestellt, d. h. das Prisma in diejenige Lage gebracht werden, in welcher es bei der Prismenmethode zur Anwendung kommt. Ein kleiner Teilkreis mit grober Teilung erleichtert die Einstellung des Prismas. In optischer Hinsicht sind die beiden von Hensoldt bzw. von Toepfer bezogenen Prismen sehr befriedigend ausgefällen. Eine durch dieselbe verursachte Schädigung oder Änderung des Bildes ist selbst bei hellen Sternen nicht nachzuweisen gewesen.

Die Messungen erstreckten sich in erster Linie auf zwei nördliche Paare e Draconis und  $\Sigma$  2801, die bereits in der Liste der von Dranowski zur Untersuchung der systematischen Korrektionen ausgewählten Sternpaare vorkommen: namentlich e Draconis wurde von

mir während des ganzen Jahres in verschiedenen Stundenwinkeln möglichst oft beobachtet. Hierzu kamen in der Absieht, späterhin Vergleichungen mit den aus Bahmelementen abgeleiteten oder von anderen Beobachtern bestimmten Ortern zu ermöglichen, einige Doppelsterne mit bekannter Orbitalbewegung von i bis 6" Distanz, wie η Cass., a Piseium, ζ Caneri, γ Leonis, ξ Urs. maj., ξ Bootis, sowie einige undere Paare, die zur Beantwortung besonderer Fragen aufgenommen wurden. Sterne unter i" Distanz wurden nur wenige mitgenommen, da bei den ungünstigen Beobachtungsbedingungen in Berlin nur selten solche Paare mit genügender Sieherheit gemessen werden können. Es mag an dieser Stelle auch erwähnt werden, daß die Messungen gegenwärtig nicht nur unter der Undurchsichtigkeit der Berliner Luft und häufig eintretendem Nebel zu leiden haben, sondern auch durch das beständige Zittern des Instruments infolge des Verkehrs in der Nähe der Sternwarte sehr erschwert werden.

Die Einstellungen wurden übereinstimmend von beiden Beobachtern immer in der Weise gemacht, daß die Komponenten in die Mitte zwischen die etwa 6-107 voneinander entfernten Mikrometerfilden gebracht wurden, und es wurde stets, wie ich das auch bei meinen früheren Messungen in Pulkowa und Königsberg getan habe, bei scheinbar vertikaler oder horizontaler Kopfhaltung (Verbindungslinie der Augen senkrecht oder parallel zur Richtung der Sterne) beobachtet. Diese Beobachtungsweise hat den großen Vorzug, daß das Auge in diejenige Lage gebracht wird, in welcher es kleine Richtungsänderungen am schärfsten wahrnimmt. Wir wollen die entsprechenden vier Stellungen des Begleiters durch a, b, c, d im Sinne der wachsenden Positionswinkel unterscheiden, so daß a und e die scheinbar vertikalen Stellungen (Begleiter unten oder oben), b und d die scheinbar horizontalen Stellungen (Begleiter rechts oder links) bedeuten. Daß es hinsichtlich der systematischen Korrektionen nicht gleichgültig ist, wie früher vielfach angenommen wurde, auf welcher Seite (unten oder oben, rechts oder links) der Begleiter sich befindet, selbst dann nicht, wenn die Komponenten nahezu gleiche Helligkeit haben, hat sich bereits aus früheren Messungen von mir (vgl. Beobachtungen des Neptunstrabanten S. 14) feststellen lassen und wird auch durch die jetzigen Messungen bestätigt.

Im folgenden sind zunächst die Messungen der beiden am häufigsten beobachteten nördlichen Paare  $\varepsilon$  Draconis und  $\Sigma$  2801 zusammengestellt. An diese schließen sich die anderen Sterne nach den R.A. geordnet an. Unter A ist das Resultat der Messung von p ohne Prisma, unter B mit Prisma, unter C das Mittel beider gegeben. Jede Messung sowohl ohne wie auch mit Prisma beruht auf  $\delta$  Einstei-

lungen, die kombinierte Messung daher auf 12 Einstellungen. Daneben ist die «Richtung» der Verhindungslinie durch a, b, c, d, der Positionswinkel p-q gegen die Vertikale, von der Richtung zum Scheitel aus im gewöhnlichen Sinne gerechnet, ferner die Lage des Instruments (I Fernrohr folgend), die Vergrößerung und der Zustand der Bilder (5 sehr gut, 1 schlecht) augegeben. Bei den Sternen mit rascher Bewegung im Positionswinkel, wie  $\eta$  Cass.,  $\xi$  Urs. maj.,  $\xi$  Bootis, ist außerdem die Reduktion auf eine bestimmte mittlere Epoche hinzugefügt. Unter die Einzelmessungen sind (ohne Rücksicht auf die Vergrößerung und den Winkel p-q) die Mittelwerte neben die Epoche gesetzt, bei einigen der häufiger beobachteten Sterne auch die Mittelwerte für die einzelnen Richtungen getrennt gehildet. Die Distanzmessungen, die gelegentlich gemacht worden sind und hier nicht diskutiert werden sollen, sind der Kürze halber weggelassen.

Um jede Beeinflussung der Beobachter auszuschließen, wurden die Ablesungen des Positionskreises von einem Assistenten gemacht, die Messungen ganz unabhängig voneinander ausgeführt und erst nach vorläufigem Abschluß derselben vergliehen.

		= mme3	± (7) Fa(	1.014.7.0	T41 (2-9)	(4 = 30)	12000	Kr SIN	HYE.	
				#=1	4,48.50	1 = +20% 1				
Datus		Stern-	d olme Prisms	Il mit Prisma	$\frac{A+B}{z}$	Run-	P-9	Lage des Instr	Ver- greiße- rung	mid
Mitte	6	in our	3714	1107.1.3	6263		307	1	150	3-2
	9.	16/35	1111	8.64	6.01	- 4	353	1	250	4
	11	B 46	3256	16.22	16150	- 4	18	1	350	2
	10	12142	541	9.77	1501	20 5 2	(6)	1	1110	4-3
	20	10:37	9-33	2.81	6:08	- A	441	- 1	650	a-#
	26	(1) (6)	2144	8.25:	25/88		+4.		##8	3-4
April	2	10120	9/83	0.05	7.90		330	1	16/8/2	354
	10	10:49	2779	8.87	531	- 6	49	31.	(649)	- 1
	10	13 A	10.60	2.97	6-36		+5	11	449	7.
	0	6.3	9474	100.04	E-11	- 1	201	11	480	4
	11	9.15	7/35	84(7)6	19:57		- 23	110	250	3-4
	19	B342	4-15	9.92	7.01	8	17	П	210	3-4
	12.	9.18	4.57	8.12	No. 53	- 0	20	ш	salt.	3
Juil	12	18:41	0.10	6/92	9.388	97	18.0	п	440	¥.
	26	26, 32	2150	634	5/62	- A	1210	10	110	3-4
Juli :	141	41:35	(6:10	3/53	1.9.81	- 5	130	11	#400	140
	15.	17.149	8.57	4-03	6)76	6	131	n	#49	35.
	IE.	18. 3	8,77	5,00	7:38	10.00	-139	11	440	8-3
	100	15 展	THITE	9.07	7/37	ħ.	130.	11	9.90	2-3
	10	15:34	9.90	6.77	TAIR		134	11	100	2=3
Okt.	ĭ	21,37	372	10.79	7.07		237	4	4.70	4-3
	9	23 74	+31	E 7	177		204	4	\$40	100
	19	25/35	3-94	8.00	3-47		235	-	8-815	4-8
	m	21 8	10.70	+38.4	5.35		200		4.40	3

Darum	Stam-	dhne Prismu	D Init Prisma	$\frac{\ell}{A+B}$		Rich- trug	proj	Lage des Instri	Ver- große- rung	ISHA
Oht. 29	o, 85,	:2293	7294	5545		of .	200	1	110	2943
Nm. =	0.36	1,09	19-00	0.75		d.	290	. 1	250	3
Dec 1	8.9	5:37	10.07	7/72		il.	F93	1:	250	12
12	X 9	傷	100/77	7.51		d	291	1	839	a
43*	7.7	11/02	757	8.54		a	110	17	250	3
184	± 34	6.12	7-44	9.76		0	110	- E	750	Acres
181	4 33	4.77	7-33	7.06		4	530	1.	150	37:3
Mitrol		.532	J#-53	7:02	THE					
	h	9,27	639	877	(6)					
	1.19	6.22	138	0.80	(6)					
	- 4	4.20	9-61	5.84	(5)					
	1910:48	7/09	17-91	7.00	[38]					
							Bent, 1	Gere	antes.	
Mara 8	6"50"	0077	9700	7788		100	352"	11	230	4
-0	81 58	650	Bugg	6.08		111	20	11	350	4000
100	7-39	4,91	1947	5.49		-	5	11	250	3
April 11	9.48	45	7.20	6.97		а	-29	73	250	3-4
(1)	10 1	3:50	4004	0.67		a	-32	7.1	449	2-3
Juli 21	10 4	1.50	7-50	8.50		8 -	150	I.	230	3
26	20.16	2.72	6.93	7.85			176	1	230	11-2
Aug. 3	17 55	Sugy.	7.13	6.73		6	136	II.	F50	3
Sept. 16	20 10	7.92	8.58	S. LV		- 0	198	.1.	630	3
86	26 28	5197	147	6.32		94	300	T.	250	3
20	10.50	547	6.99	6/25		- 6	217	T	440	1-2
79	30 26	16/97	6.52	6,35		.00	103	I	140	2
:29/	30.21	2:09	7-11	6.27		d	318	-1	440	3
30	31 10	-3/69	6.29	5.99		A	226	TR.	840	1-2
Old to	23 %	244	8.62	7-93		- 3	: 905	T.	610	*
- 77	39.40	7/23	6.37	7,30		9	:375	10	640	1.
Mittel:	- 58	06(53)	:203	0.78	(4)					
	- 6	5-4(8)	(632	6.33	(2)					
19	2.5	2440	17-79	7437	(1)					
	1	5027	843	6.63	(11)					
	1910.33	0.70	2.00	6,96	(16)					

		2 1801	(3.8)		S-7 h	Heat	H St	MAX.	
Datina 1910	Storn-	oline	B	(*±125 (*) ±±#B	Rich.	p-4	Lage dua	Ven-	ma
		Prisma	Prinma	2.			listy	rang	-
Mars 6	8 51	15473	274.1	271.6	- 1	703"	I	1150	3-3
14	7 23	3723	#13	272.7	4	347	1	250	1
2	10-41	321.2	27127	31.00	J.	180	t:	1110	3-4

Die mit einer I versebenen letzten drei Beubachtungen konnten in den Mittelwerten nicht mehr berücksichtigt werden.

Datum rum	Stem	d abue Prisons	ndi Priama	$\frac{C}{A+B}$		Rich tung		Lage die liestra	Var- größe- rung	Bud:
April ±	84 300	270%	2720	22175		d.	739	1	##0:	3-#
140.	131/23	073-75	273:2	278-8		d	295	11	449	3-2
Juni bay	16 8	2713	374-5	273-0		188	19.	H	1117	2
18	15/18	17969	274.0	HIAD:		36	3	11	440	2-7
38.	16:18	272.5	274-3	273.4		18	1	II	1840	- 3
Juli 14	17:37	268.5	215/7	277-1		1.8	20	П	340	3-4
113	17:31	269.9	275.3	257/7		34	20	П	440	4-3
79	17 48	270.)	276.3	27,5-3		0.	18	H	440	2-3
Obt. 7	21.58	278.4	271.8	272.3		6:	103	1	##0	3-4
15	21 28	272.4	270.1	27.4E		780	93	1	110	3
Mirtel	0	270,50	375.75	253.52	(6)					
3	100	277.00	270.95	271,92	1(9)					
	182	27/425	475.77	273.35	16)					
	1910:12	±10/93	273.96	272.45	(14)					
							Real	P. Gui	HEALE	
Mire 8	87.11	27378	37428	224-3		(4)	339*	11	250	- 4
Juii ±8	10 23	275/0	37419	2739		N.	53	1	286	Y-#
Ange 2	10.38	E7964	377.S	274-0		196	35	п	250	2-3
Sept. 25	28 4	#74-5	372.8	=73.4		6	H+	- 1	250	7-3
	1910/53	273-43	F72-75	273.09	(4)					

	≥ 6a	a Cavelop	(4) (7.8)	×= 6	3.	Rest	H, S	14914	
	n = 0 <sup>5</sup> 4279	8 = +57*17		Red. anf (910-30		Δμ	= +3%	jährlich	
Mare o	0 53	240248 241274	241773	+9704		189	X	1119	2
(60		238.73 : 243.00	245.88	+0:02		181	X	230	3-4
10	6:55	#37/95 HANGE	240.49	+0.67		189	1	230	3=4
April a	8.25	240.10 :142.17	#47-19	+0.30	10	199	1	840	3-4
35	9.16	#39-13 #48-73	240.94	+0.42	3	310	п	440	3-2
21	9.28	240-39 243-81	#11-53	±0.49	*	311	11	140	- 1
Obt. 7	23 85	#44-14 #43-37	243,73	-0.52	4	346	11	440	4-3
8	20 20	24).29 210.81	242.03	-0.54	44	310	H	440	2-3
.13	20 26	244.07 248-37	343.17	-n. s8	W	314	П	440	40
30	26 28	272.33 643.34	242.82	-9/6#	: N	361	H	640	0-3
Nov. to	# 16	20,000	242:36	-0.73	160	tos	-3	330	3
Det 6	0.37	445 mm : 34 m/37	243.10	-0.85	ik.	547	3	250	. 2
Minist	- Fak	243.23 241/6)	24743	(3)					
4	(10)	243.70 140.00	E43.00	[3]					
- 2	181	240.00 243.14	241/60	(6)					
-	and a	243.75 842.70	243123	(0)					
	1910.00	241.59 242.28	241.04	(12)					

		Y ana	. P)	solum n=	(3) (4): 1 <sup>6</sup> 5079	12	215 +2117	Beol	H. 8	MAKE:	
	tnm 939	Steru- reit	A ohim Primme	mit Primm	0 2+11 =		Rich-	1-9	Lage dus Instr.	Ver- grade- rung	Bild
-Jim-	382	3 30	315714	314228	31501		341	100	Y	250	1394
	182	2 (40)	313.24	318.48	31501		W.	304	1	#50	2-4
Mara	- 3	9 22	313.09	316:17	314.73		1	279	41	250	1
	3	0 34	313185	317-15	315.50		(4)	278	11	250	1
-	8	5-58	314-93	318-30	314.68		160	186	Ш	450	- 2
Chi.	7	0.24	313-39	31497	314-13		100	333	1	440	3-1
Nav	9	1 10	313-39	315.00	314.00		366	324	0	£30	2-3
	- 64	1 68	313:95	315.82	314.88		ď	321	1	150	3-3
	12	1 13	313.85	314.85	314-35		19	320	1	250	2-3
_	112	1 43	313.29	316.47	315.13		d	319	. 3	350	2-3
		1910.48	313-85	315.85	314.85	[10]					
								Rech	P. Guy	HEROE.	
Jan	17.	5 <sup>8</sup> 18 <sup>W</sup>	314725	313732	313778		1	300	1	350	
	17	3.44	311.07	313.64	314.88		6	296	4	=50:	3.
		1910.04	314.16	314.51	314-33	(a)				230	*

		¥ 26:	Car	ratop. n=2	(4) (7) h 30%8	1=	36 66 57		h. H. S	TRUYS	
Milita	(9:	1.46	250719	250792	250753		1	175	1	849	9.7
	10	(0 fc	248.24	251.74	249.99		2	148	- i	250	249
lanca.	10.	6 57	249.25	#50.61	249,96			171	T	440	101
April		8:41	749,62	DE1:30	250-46		(4)	191	1	440	See.
	15	9.36	248.90	<b>里31/64</b>	250.27		(6)	202	11	940	3
-	23	7 46	345.24	253-13	250.08		×	203	П	440	3
OFF	070	23 38	250.00	254.03	252.35		(6)	398	П	440	1-3
	2	20 37	247-42	#31/75	249.58		:d	316	п	440	2-3
	15	20.47	431.07	252.49	252.25		11	349	11	440	354
T	25)	0.40	240.90	=54.07	351,98		il.	18	H	058	
Deta		3,15	250.81	245,13	340.00	_	4	99	1	350	2003
		1910.50	249.58	231.71	250.54	000				100	1800

	STHUVE: N	MANIMA	ig min to	TVET-LOUIS	minute feet 1	Stafribur	stranme	samges,	4.0
	Q\$ 545	B A 112	igas Ah	(3) (6)	85 += ±i	Bei	b. H. S.	BUTE	
			*=1		2 = +37" t2"				
94.77		4	H	0			Lagn	Ver-	
Distant		oline	triil	A+#	Rien-	11-9	des	growe-	Elila
1910	set:	Prisma	Prince	3	tung		lustr.	FRIDE	- CONTENT
März 26	2 560	138781	342572	THE STATE OF THE S		2000	1		1000
31	7 40	333.84	341-12	310,18	- 9	294	i	440	1-3
April	7 48	335:25	341.00	337.78	H.	297	0	110	3-1
LI	10 38	337-39	340:14	338.27	- 1	290	11	440	3-4
99	10 3:	333-34	340.30	336:82	ď	288	41.	440	3-3
094 7	0 3	334-44	349.79	337-61	(0)	186	£	110	130-0
-	1910.34	335.52	341.18	338.35	(6)			440	13-14
	1311/34	333.32	341.10	220.22	101				
	- 1	12.156	16.23 (2)	F= 0	5	Bent	P. Gar	STORE .	
			m=6	4175	# = +18" 18"			2000	
Marz is	7 40P	116722	116755	116040	4	int"	1	1250	400
3	7.41	117:04	116.89	116.04	4	100	Ť	440	3
- 3						100.		440	3
	1910.17	316.63	116.80	115.72	(6)				
		E 1937	(1) (1)	# = 628		Hook	P. Gur	ENGINE:	
		- 11-01			=+27 21	345000	1 3.4,15-40-4		
Mars 14	8 167	304781		204500	W.			10000	
Harry 14	9 10	294/87	293,30	304,00	· ·	20%	1	330	2
	0	2 170	(2) (2-8)	1=0		Beat	P. Ger	BRICK.	
					f = +9*19'				
Miles a	8 325	168711		108727	A	917	1	250	3
		7.5	1004-84	Thurst		- 60	25	-30	
	3 1110	m Gren	minoron	(12) (3)	e= 527	Heo	b. H. ST	BUYA	
				28/22	N = +13°6				
Marz m	100 50	930707	223723	221701	- 7	179*	1	1440	4443
26	10 16	320.10	223.30	221.00		178	T.	150	4-3
April 2	8 44	219.47	222.42	221.01	10 P 10	193	Ť	446	3 4
-	1919024	420.48	-	\$11.27		444		111	-2.2
	19100-24	220.75	121.35	*****	£30				
			We	olu 15 G	UERNICA				
April 2	Wign	S0000				1870	(1)	2000	40
John 4	A.145	216219	E39750	22000		197	1000	440	3-3
		21181	(7) (83	(d = 2)		Red	b: III Su	N 01036	
			m = 8		=+31"31"				
Main as	6°34"	46600		41763		W.W.	11	1000	-
Mana av	34	38770	45537		" A	68	11	440	1
	7:30	44-47	5700	49-57		48	11	440	* 1
23 23	8.19	38.57	43.62	41-67	8		II	440	7
36	7.41	411.73	39.77	40.69	ă.	61	11	446	- 6
26	7.34	18.13	A5.40	10.77	v v	34	II	840	- 10
					- 14	100			
A Gardin & &					44				
April 11	10 39	39.84	4225	41.59	(1)	352	-01	440	3-4

March.			100	15-50 VIII TALACITA	sening ro	BI DESIGN	mur-1	WILL.			
		2 1196	CCan	ori All.	(3) (5)	6) (6)	127	Heat.	H. Sta	100	
						dimmer:		2000	H 013	(A)	
			- 4	B	():		35.				
Datum		Stare	CO.	1			Rhin-		Lage	Ver-	
3910		1000	ohno		4+1			P-9	des	grālla	Bidd
			Prism	t Prising	13		rang		Instr.	Fining	
Mile	2	71.3	* 32934	335°P7	332221		· ·	3475	Ш	-	-
1	16.	9.15	-		330.63		d			440	12
19	9	5 52			370.80			313	- !	440	3
2		7.34					M.	450	1	440	3-4
		8.6	a comment	a - The state of t	339.03		46	340	П	440	
April			-1200		370.87		.00	130	TE.	aab .	9.1
April	2	8 15		-	337.21		#	348	-11	120	3
		1910-2	399.01	331.90	330.55	(0)					
							11	loob. E	Gurn	SAUMS	
Miles		8 56	332250	331297	332123		a	3197	-1	230	-
- 3		8 58	329.05	and the second second	129/59		- 11	318	1		- 2
- 1		9 12	329.89		329.99					-110	3
-				- Washin				343	-1	440	4-3
		1910.2	2 339:48	330-73	330.60	(0)					
		· Warne	1.00	The state of the s	and the same						
		2 1494	7 14	rouse (				legh, I	I STAR	333	
				0 = 10	4474	1 = +30	Cas*				
hin zi		7/237	117598	+16905	117700		121	2000	144		
Mara 8		9: 8	120.03	(15.0)	FFT-62		2,	150	11	250	3
		9.21	145-55	112:01				134	П	330	3-0
75		9.28			116.80		-	131	11	250	75-8
- 27		0.000	118.17	114:23	Roigs		6	139	H	250	41
- "	=	2.43	114-47	119.19	110.33		0.00	125	П	230	2-2
		E910/16	117530	316.54	116.02	(3)					
							40.	A 20	Gorns		
April 2		13000								100	
sufficient in		1003#1	117797	116500	113201		b	1100	1	250	-2
		1 1593	Title.	ac mak	10.10						
		1050	5.475	ae maji	(0) (3)	9=2	20 I	leob. I	LSTREE	E.	
	1000	= m ms	8 8 =	+31761		Red auf		300	CW 144	Carlo	
						1910.30		30	322 19	urimit	
Henry		0" 45"	124782	126510	125546	-5:41	- 0	1100	170	make i	
Milies 4		# 17	121.00	123.22	7=4:6Y	-2.29			1	=36	100
		8 31	130.75	126.39	124.51	-0.29		102	1	440	37.6
16		4.44	124.24	125.57	124.00	111123	191	103	I	250	3-4
- 4		6 25	121.81	125.00		-0.3fi	-37	155	11:	250	2-3
30		7 05	12392	-	1.04.47	-9.44	10	19.70	4	440	3-1
The state of		3 40		103-30	124174	-0.30	7	709	11	4400	F-3
The second second			1-22:50	105:15	121.88	-0.11	4	164	11	440)	343
Juni 18		15 30	F24:44	123/91	124:36	+0.43	4	26	H	449	384
Juli 24		17 5	723.85	1901-34	127.00	+0.41	4	84	H	440	Per .
8.9		艾斯	REPORT:	193-39	143-98	10.52	A	87	11		301
9.6		16 35	123,40	£23/07	173894	#0.53	A	83	n		3-3
		1910(30	0.43/0 t :	E2439	124.40	((1))			W	नस्य :	-3
				7	- 11	este.					
							B.n.	ob p	Guyani	24	
April .		9 m	xestua.	1024742	1.81723	-5811				1.0	
		100	THE STATE OF	1774764	1.64153	-05i i		164"	-II.	640	211

		204	536	-conis	(11 (2)		atz	Be	ob. H. 5	22072	
					11 1877		+110			1110	
			-4	11	0			See	Lage	Ver-	
Etas		Stame	ohise	mit	A+B		Titch-	P=9	des	große-	Title
191	17	reit	Printta	Prisma	-		Timeg		Instr.	rung	
Mile	9 6	9. 60	44794	43063	41070		360	932	- 1	200	5-3
	56		45.57	##.00	44:09		0.	619	1	250	
	79	10 (0)	43.04	49:00	10:02		160	0.2	10	140	1
	19	19 13	46-79	41.63	64.22		16	60	- 4	1100	3
	23	9:55	41.80	+6/22	45/01		100	1030	- 1	140	- 3
Apri	4	19 11	42/63	#3500	48-55		The .	48	- 10	989	3
	_)6	拉鼓	44.85	59-51	47/21		10	38	33	445	3
Mai	-11	11 27	47.37	47-53	45.40		W	100	12	930	-3
		1919-31	44/93	45/81	45-93	[8]					
								Heat	P. Gur	WW.10.5	
Apri	2	115.65	13704	satay	43710		16	483	I		
- Pri	10	163 (4)	47.17	15:54	16.35		760	411	i	446	1
	16	67.75	49.09	16:09	47-59		100	09)	33	140	207
	-	f#116.26	40.23	25:37	45.90	-			-	444	3
		1410121	40.45	42.50	93.94						
			2 1643	(8.9)	(v) ==	2500		20.00	b. H. St	HATE .	
			2043		a*2272				The state of	GW2=	
Sir		12 - 8 - 240	19.			////	+37°	350	1		
Mira		19 37	15757	32782	34720		8.		11	110	1
-	13.9	75 59	33-95	38 to	36.01				- 44	640	2-3
		1910.34	34.61	13.61	35.11	(2)					
		S 72					100		- m A		
		S 18	77. m.3		(3). (6)		208		ti. H. Sa	31.0.V.S	
				n == 1	414076	4 =	+23,3	(p)			
Appel	1	10,10	317745	331 95	330225		-0	156	1	646	3
	3	10.43	120.87	330 81	330.24			15	1	440	3-4
	29	13 40	336.35	333-45	111.80		- H	- 3	11	440	2=3
15.00	50	1.E 18	331.44	227-47	331.03		4	7	П	410	2-3
200	188	118 115	32135	233.53	111.40		- d	390	H	440	3-4
Oct.	13	18.31	334.00	11155	333.87		M	290	П	440	3
NAME OF	100	101.57	330.17	333.74	331-05		0	390	11	440	2-3
Mate	eI .	14.	186.68	331.88	331/08	(41					
		of .	11188	333.60	332.74	111					
		1919.43	3,36.66	332.62	331.79	(7)					
		0.000	Marie Control		CARGO CANA						
		-						Haob.	P. Guzu	81CE	
Juli	36	177 17.	106564	334702	130723		d	29.	1	446	1-1
	20	1生1	307.25	112.50	324 80		11.	293	t	250	1-2
	:38:	16:38	Jerian.	330.03	329.60		II -	196	1	250	2-1
	50	12 30	300,00	£3.0:00	100.61		- et	50=	1	250	1-1
8	30	17:58	332-09	330 33	330 05	1-1	4	290	T.	210	2-3
V.HRS	2	46.40	333.09	330.62	337/33		2	307		230	1
	3	10 0	32739	137.49	330.09		400	396	+	350	3:
	0	17 70	349/99	333.05	337/94		- st	:205.	-k	230	100

			100									
25	ei au	Stern-	A	tt	- C		Terror		Lage	Wiggs:		
	910		ghne	mit	A+B		Rieli-	$\rho - q$	des	große-	BBd	
	217	-	Prisma	Prisms			nng		from.	THINK		
Ang	72 EO	16 48"	328542	132787	330264		W	297°	W	200		
-	- 10		127.84	330.03	329.38		2	204	-	350	4	
	31	12 000	331-34	330.70	331.02		H	289		350	- 5	
Sympl			326.89	333-22	130.05		W	289	1	250	3	
	16		349-77	333.01	33139		H	289	E	330	. 8	
	26	1000	347-19	333-77	330.48		d	289		250	3:	
	26	11.40 611	331.00	33345	332.07		1//		Ų.	110	8==	
		-	331100	433443	334.01		- 10	289	1	410	1-2	
Mitt	el.	- 16	332.09	329/92	331.01	(2)						
	1	4	348.25	333/75	330.50	(t3)						
		1910:62	328.76	332-37	330.57	(15)						
			200	-53000	2.00	5531						
		1 S 1240										
		E 1888	E Bo	otis	(4-3) (6-7)	/ /E	23	Beat	. H. St	A STATE		
			WOOD 18			Red.		This of the second second				
		14:=3	4 4578	€=±1	19"31"	auf		$\Delta p =$	yo jal	ididi		
						1910.50	6	125/12				
oApri	ŧ :	11 0m	140027	111751	141790	-1275	18	180	- 1	440	2-3	
	4	11.30	139-49	144.24	141.86	-1.70	- 2	127	1 -	146	3-2	
	5	10.55	147-47	142.79	142(13	-1.68	8	180	1	440	-	
	29	12 58	140.95	143.65	142.30	-1-26	6	1167	п	140	1	
	39	12.48	141.57	141/37	141.97	-1.19	- 85	169	TI	440	3-2	
Mai	10	13.56	142.00	140.77	141.39	-0.84		(855	11	140	3	
Jani	21	16 58	145.50	139:30	149.83	-0.21	4	(10	4	440	77	
Juli	15	18 38	142.94	138.80	140.89	+0.21	. A	103	11	840	3	
	16	18 0	14349	139.01	141.26	+0.28	A	105	11	440	3	
		1910.30	149.93	140.48	149.71	(9)	-	19.953	***	440	944	
		1,600,000	3333563	/ Amounts	278204.5	199						
Juli	Te.	17 0		1.4					P. Guin	<b>海州省</b>		
SCHOOL STREET	20		342740	139730	140,89	+0.42	3	1112	1	440	2	
1000	28	17, 20	147-74	138/75	140-75	+0140	10	108	- 1	250	- 3	
Aug		17 73	F49-54	130/42	139.98	+0.56	- 5	108	Ī	250	9	
	HO	47 SE	140.79	139.60	110.20	+0.77	-8	166	1	250	13	
-	31	19 3	141-37	2±0.00	140.09	+1//2	8	101	1	250	3	
		1910-50	147.54	240/10:	14107	(5)						
		£ 1909	441.8	mittin.	(5) (6)	F = 4		Banh. 1	r. Channe	al and as		
		-	-31.0		15 075	1		#E40001424008	COSCIL	NECK		
dal	an	17 55	243724			11,000						
373341	26			243724	243724		*	206*	T.	250	Herez	
-	445	17 40	T43-95	343:49	H43-57		×	198	E	230	3-0	
		1910:57	243144	243-36	043-40	(2)						
		¥ 2130	of Days	canie	(3) (5)	4 = 1		Description	1000			
					3.3	v = +;	38465	Beab. #	-110 xm	REGR		
duit	241	19 40	134785	145733			2	-	1,1			
THE REAL PROPERTY.	25	19 1 E			135710		46	350	4	750	3	
Smpt.	-	an 19	137-22	136.14	136.68		6	51	1	259	0-2	
Selfin.	20			130.49	136.34		b	65	4	440	4:	
	40	30 33	136.34	134-77	435-31	-	W	63	1	448	2-3	
		1910.63	136:20	135.62	135.01	(4)						

3448"

165530

170000 26776

d 245

II:

350

H-3

Man. 8

34.

Aus der obigen Zusammenstellung sind die Vorteile der Prismenmethode sofort ersichtlich. Besonders deutlich treten sie bei meinen Messungen des häufiger und in allen möglichen Stundenwinkeln beobachteten Sterns e Draconis hervor, wo die Mittelwerte für die vier Hauptrichtungen bei den Messungen ohne Prisma um mehr als  $5^{\circ}$  voneinander abweichen, während sie bei den kombinierten Messungen innerhalb o?6 übereinstimmen. Ordnet man ferner die Messungen nach dem Neigungswinkel  $p-q_i$  so erhält man für e Draconis:

p-q	a.	В	$\frac{c}{A+B}$	Zahl dar Mass
355°	5724	- REVIN	7210	(2)
1.0	5.08	1498	7-53	(7)
42	7/51	5.49	6-53	(4)
104	8.45	5-33	6.89	(2)
135	B.83	5-47	7.03	(5)
=33	4.26	8.88	6.57	(3)
282	1,4000	3948	6.84	(5)
319	7/32	7-54	3-43	(3)

also ebenfalls eine befriedigende Übereinstimmung gegenüber den beträchtlichen Unterschieden in den Kolumnen A bzw. B. In den Messungen von Dr. Gutusack, welche sieh überhaupt durch große Gleichförmigkeit und Genauigkeit auszeichnen, ist die Verbesserung der Darstellung zwar weniger auffällig als bei mir, bei einzelnen, namentlich hellen Sternen, wie e Bootis, jedoch auch sehr deutlich ausgesprochen. In welchem Maße die innere Übereinstimmung der Messungen in jedem einzelnen Falle verbessert wird, läßt sieh der folgenden Tabelle entnehmen, in welcher unter A der mittlere Fehler einer einfachen Messung, abgeleitet aus der Vergleichung aller Messungen A oder B, unter C der mittlere Fehler einer kombinierten Messung, abgeleitet aus der Vergleichung abgeleitet auch der Geschlichen der Gescha

gleichung aller Mittel  $\frac{A+B}{2}$ , unter y das Gewicht einer kombinierten

Messung, bezogen auf das Gewicht einer einfachen Messung als Einheit, aufgeführt ist. Durch die Angabe des halben Gewichts wird die kombinierte Messung auf die gleiche Zahl von Einstellungen wie die einfache Messung, im vorliegenden Falle also auf 6 Einstellungen, reduziert. Bei den rascher bewegten Pauren, wie η Cass., & Urs. mj.. & Bootis, ist bei der Ableitung des m. F. auf die Bewegung Rücksicht genommen. Sterne, für welche weniger als 5 Messungen vorlagen, sind hier fortgelassen.

H,	Strice			m. F. ciner claf. Messang c Einst.	m. F. amarkamh Messung 12 Einst.	Zahl der Messenges	9/2 Gewicht einer kunds. Mossung 6 Einst.
2:2603	e Druc.	(4) (7.8)	120)	±2765	±120=	28	.5/3
2 28at		(7.8) (8)	163	23#	0.66	14	6.3
2 60	y Case.	(4) (7.8)	6.3	1.58	0.60	12	3/2
2 302	# Pisc.	(3) (4)	2.5	1:45	0057	10	3.3
2 262	Cass	(4) (7)	2.0	1,88	9.99	13:	1.8
02 345	# Aurig.	(3) (8)	3.3	3.08	1,34	- 36	3.6
21117		(7) (8)	2.1	2.26	0,54	9	165
¥ 1190	¿ Camus	(5) (3.6)	1.1	1.73	0.75	6	2.7
∑ 14114	7 Lean.	(2) (5.4)	3.8	2.07	7.47	3	:9.6
E 103	# Ursae mi	(4) (5)	2.9	0.90	44.52	1.8	8.0
2 1536	Leon	(4) (2)	2.2	2.90	1.27	8	2.6
1877	* Boot	(3) (6)	18	1,61	1.22	7	0.9
2 1888	F Boot.	(a.5) (6.7)	2.3	1.60	0.46	39.	6.0
P. Guinstea							42
2 2603	a Denc.	(1) (1.8)	:279	14013	0.80	16	1950
2 1877	e Boot.	(3) (6)	:208	2.48	0.83	13	19191
2 +88%	E Boot.	(4.5) (6.1)	2.3	1.37	9.47	3	4.2
2 227 8	70 7- Oph.	(4) (6)	2.0	9-57	9.47	8	.0.7
							2.6

Eine kombinierte Messung nach der Prismenmethode hat hiernach im Durchschnitt etwa 3 bis 4 mal so großes Gewicht wie eine auf derselben Zahl von Einstellungen berühende einfache Messung. Die Paare mit sehr ungleichen Komponenten werden von beiden Beobachtern weniger genau gemessen.

Ein weiteres Kriterium liefert die Vergleichung der von beiden Beobachtern gemeinsam beobachteten Sterne. Bildet man die Differenzen S-G zwischen den Resultaten beider Beobachter einesteils für die einfachen Messungen ohne Prisma (A), andernteils für die kombinierten Messungen (C), so erhält man

			R	H	Zahi	Gew.
			eint. Mess.	komb. Mess.	der Meas.	y
2 2haz	e Drue.	(4) (7-8)	-0.0t	+0704	28 16	10/2
Y 2801		(2.8) (8)	-2.48	-0.63	34 4	3:4
2 200	« Plac.	(3) (4)	-0:31	+0.51	110: 2	1.7
X 333	- Arine	(5.6) (6)	40.17	+0.19	2 7	0.7
2 1110	u Gense.	(2) (3)	+0.09	+1.27	3 8	79-76
Σ 1196	Cancel.	(31 (3.6)	-9.75	+0.23	N 8	10
2 1424	y Lison	(2) (5.4)	-0.67	-0.09	5. 8.	10.25
X 1523	E Ursan mi.	(4) (5)	+0.03	+9.29	21 1	9.6
2 1530	a Lenn.	(4) (1)	-1.80	-0.67	1 .3	2.2
2 1877	* Boot.	[3] (6)	+2.20	+1-11	7 15	4.8
7 1288	€ Boot.	[4-3] (6.9)	-0.31	-0.46	W E	3.8
£ 2075	: «: Cephei.	(4.5) (8)	+0.93	-0.52	2 3	1.0

Daneben ist die Anzahl der Messungen  $n_i$   $n_j$  für jeden Beobachter und das unter der Voraussetzung gleicher Genaufgkeit gefolgerte Gewicht der Differenz  $g = \frac{n_i}{n_i + n_j}$  gegeben. Mit Rücksicht auf die Gewichte ergibt sich die Quadratsumme der Differenzen:

bel den einfachen Messungen = 122.2,
kombinierten Messungen (doppett genommen) = 49.0,

woraus ebenfalls auf die erheblich größere Genanigkeit der kombinierten Messungen geschlossen werden kann. Die Differenzen aus den kombinierten Messungen tragen den Charakter zufälliger Fehler und sind überdies nicht wesentlich größer, als man nach den obigen m. F. zu erwarten berechtigt ist. Die größeren Differenzen zeigen sich bei den helleren Pauren, wie alieminorum, e Bootis, und erklären sich wahrscheinlich durch die Unvollkommenheiten des Fokalbildes, nämlich das vielfach als störend bemerkte kreuzförmige Aussehen heller Sterne. Dem letzteren Umstande ist es wohl auch zuzuschreiben, daß die Messungen an Pauren mit sehr ungleichen Komponenten, wie die obige Zusammenstellung der m. F. lehrt, mit einer größeren Unsicherheit behaftet sind.

Zu einem bemerkenswerten Ergebnis führen ferner die aus der Vergleichung der Messungen mit und ohne Prisma folgenden systematischen Korrektionen dp, nach den vier Richtungen a, b, c, d geordnet. Fassen wir zunächst meine Messungen ins Auge, so erhalten wir-

					Beeb I	L Symptom					
	1	ticker	mg a				19	10:	dp :	prog	Verg
	19	10	dp	1-9	Vorgr.	и Спевіора	Ohto	7	-604	546*	449
# Dracoula	Militar	0.18	+3%5	20"	216			В	-1,2	310	THE PERSON NAMED IN
		:8	+12°	333				15	-0.0	311	
		12	+3-T	65	*			0.701	- 50		-
		16	+2,0	- 10-	440	« Pise înm	Jan.	15		300	210
		26-	+2-9	144			Ohi		+0.8	333	440
	Apri	13	+1-1	163	. A =		Nov.		+0.8	384	390
		10	+0.5	-50	- 0			12	+0.5	340	- 5
		11	+1.8	30	*	(4)	100				
		LI	+3.2	-33	350	Саввіор.	Okt	3	+1.7	338	440
		131	+3.4	3.7	2			13	4-0.5	314	- 4
		12	+2.0	26	1440			39	144-211	18	- 8
E 3801	Jimi	162	16456	0	440	0 Aurigan	Olt				
		(8)	14-2-10	3	1	C. C	SWAS .	(I	+3-2	21	410
		31	39358E	3	- 6	2 /181	Marz	-01		100	
	Juli	144	+3-0	20			Links		+3.9	69	440
		73	+3.8	20	100			73	***	348	*
		10	+3-0	18	83		April	26	+2.0	50	4
							Saferia.	11	#25	357	

	1910	ilyi:	p-1	Verge		Richi	ung c		
Comei	Mira 3	+278	317°	440		7910	dp	12-19	Varge-
	20	40.8	350		= Draconis	Juli 14	-073	1367	840
	21	0.0	340	- 2		15	-5.4	139	
	31	+1.3	339	. 8		16	-1.7	134	
	April 5	+0.1	328	-		Okt. 7	+3.0	#37	
Leonis	März 19	+3-5	62	1440		14	+1.5	236	
	33	+3-7	-63			13	+24	225	8
	April 20	+2.9	38		μ Cassiop.	März. 9	1000	100	415
	Mai 11	+3-3	42	250	% Pussinb-	Marz 9	+2.5	189	440
2 1643	Juni 18	+2.4	353	440		m	+2.5	189	130
		1000		110011		April 1	+1.1		440
= Bootie	April 1	+0:8	25	440		16	+1.8	210	1
	5	+0.5	15			- 22	415	452	2
	29	:115	5				-		
	30	+9.5	7	-	/ Coasion	Mirz 9	+04	133	110
						. 62	+1.8	148	250
	Rielin	me L				16	4-0.7	12.72	340
	1910	dji	p-q	Vergr.		April 1	+0.8	193	
# Draconis	Mirz 26	-	410			33	*141	202	
# ANTOCUMEN	April 10	-33		440			:#314	303	
	Juni 17	⇒#3 −1×5	43		e Ariozia	Jan. 17	#93	+81	250
	21	-1,6	110			177	+53	181	2
	Juli 15	-13	134		и Семпотип	Mire 26	+0.6	:179	140
	16	-2.7	130	- 0	W Goldmine and	20	+1-1-1	178	230
E 2801	Okt. 5			100		April 2	+1.5	193	440
A 2001		-0.6	103	440	The latest and the la	100			440
	15	-114	93	-	y Loonie	Jan. 20	-9.9	150	250
n Cassiop.	Noy. 12	-1.8	104	250		Mira 8	+1-3	131	-
	Den 6	-1.8	847	190		32	11311	123	
Cussion,	Den 6	-4.8	90	250	& Uznae maj	Jan =9	+0.6	169	250
2 1187	Mire 21	-1.6	66	440		Mirr 5	+0.0	933	440
	23	-0.3	37	190		3	+1.8	105	#50
	26:	-0,9	61			0	+9.7	133	. 2.
y Lennie	Marx 8	-2.4	T34	250		20	+0.6	170	440
1	12	-2.2	129	4		April a	+0.8	164	
E Urane mal.	Just va:	-0.2	78	440			445	No.	
S or many	Juli 14	-0.3	8)	440	E Bootis	Apell 1	-0:4	180	640
	15	-0.6	82			+	+2,4	477	100
	16	0,0	81			- 5	+6.3	180	196
Leanis	Mare 5			7220		29	+33	1167	000
F Avenue	Mars 5	-12	11	250		30	+0.4	350	100
	19	-1.5 -1.6	69	240		Mar. 19	-0.ē	485:	
	April 4	2.1	48	#40					
5.0	Table 1					Richtu	ng d		
Y 1643	Mirx 19	-14	66	410		1910	do	p-9 1	Vange.
E Bootie	Juni 21	-17-5	110)	449	* Draconi*	Okt. 8	+179	266	440
	Juli 15	-3.1	103		a ridentime	29	+#45	290	381
	16	-2.2	105	4		Nov. 18	+24	296	250
e Cephel	Min in	-1.5	123	440		Then, 6	+24	293	277
	1.6	-0.7	131	7		10	+3-3	293	2
Sitemas	berichte 19						3		

	1910	Hilp	p-9	Verge:		10000	Silp :	p-9	Vinge
E 3801	Miles a	4421	2630	150	, Cassiop.	Okt. 8	+352	310	440
	- 1	+2.2	244						
	16.	+0+	247	440	0 Aurigan	Mars 20	45.9	294	440
	.20	+0.3	2508	14		237	+2.0	297	
	April >	+112	236	12		April 1	+33	397	1.00
	to	+0.7	206	- F		22	+17.4	390	W 1
e Cassion.	Olite ag	+0:5	311	140		22	+33	288	w
# Piscium	Jan: 17	+27	306	330	g Canori	Miles 16	+1.8	33.7	440
	Milra	+1.4	239		e Bootse	Juli 14	4460	200	440
	(5)	+1.6	278			1.5	(-0:\$	200	7
		+806	280			Oht. E	+1.8	290	200
	Nov. (9)	(460:0)	321			SERRE LEG	. 100.000	1290	
	20	:##:3	310	×	OE 481	Mira 8	423	245	230

Man sieht, daß in den drei Richtungen a, c, d weitaus die positiven Korrektionen vorherrschen, während die Richtung b ausnahmslos negative aufweist. Und zwar scheinen die Korrektionen außer
von der Richtung nur in geringem Grade noch von dem Gesichtswinkel bzw. der angewandten Vergrößerung abhängig, von der Helligkeit und Helligkeitsdifferenz der Komponenten aber nahezu unahhängig zu sein. Bildet man die Mittelwerte zunächst getreunt für die
beiden Vergrößerungen, so erhält man

	Rielin	Richtung w		Rightung b		Richning a		Rightung of	
	de	Zahi der Mess.	dji	Zahl der Muss.	dy	Zalil dur Mesn.	dp	Zald der Me-t	
Veryr 250	+=200 +=34	(9) (37)	-#285 -#57	(8) (cs)	+1723	(12) (27)	+2214	((2)	

also in der Tat eine geringe Abhängigkeit von der Vergrößerung, und im Mittel

	do	:miRi	Zahl der Mess	Diet.	a sin dp	m. P.
Richtung a	+1211	###19	(46)	257	+0.071	#00008
- b	-1.60	±0.17	(30)	347	-9.090	±0.010
1 15	30.0€	#41.47	(39)	3-38	+0.088	±0.016
0 (6)	141183	土山力	(29)	2.20	+0.079	H:00004

Ferner scheint eine Abhängigkeit der Korrektionen von dem Winkel p-q, den die Verbindungslinie mit der Vertikalen einschließt, trotzdem daß stets bei scheinbar vertikaler oder horizontaler Kopfhaltung beobachtet worden ist, d. h. die Verbindungslinie der Augen senkrecht oder parallel zur Richtung der Sterne gestellt wurde, bei den vertikalen Richtungen sicher vorhauden zu sein. Man erhält nämlich im Mittel

für die Richtung 
$$a$$
:  
 $dp = +0.74$  m. F.  $\pm 0.30$  für  $p-q < 0^{\circ}$  (17)  
 $= +2.28$   $\pm 0.19$   $\cdot \cdot \cdot > 0$  (29)

für die Richtung e:

$$dp = +0.54$$
 m. F.  $\pm 0.22$  für  $p-q < 180$ ° (23)  
=  $+1.61$  \*  $\pm 0.19$  \* > 180 (16)

In den borizontalen Richtungen dagegen ist, wenigstens auf Grund des vorliegenden Materials, eine Abhängigkeit von p-q nicht nachzuweisen.

Auf demselben Wege ergeben sich aus den Messungen von Dr. Gernsuck die folgenden systematischen Korrektionen nach den vier Richtungen a, b, c, d geordnet:

			T	tech. P.	Gurnsten				
	Richtn	mg-s				1916	dp	p-9	Vergr.
	1910	de	p = q	Vergr.	(32 156	Marx 4	+973	1019	230
= 1//aconi=	Mara: 8	+121	359	210		5.	-Q.T	100	440
	141	+03	20	400	D E 170	Stare à	-0.5	94	250
	12	+0.8	15	24	y Leonia	April 2	-1.0	110	250
	April 11	+0.1	24	780	-	111111111111111111111111111111111111111		1000	
	110	-0.6	32	440	Leonis	April +	-0.8	18	440
E 2801:	Aug. a	+0.5	5.5	250	€ Bootie	Juli 20	-135	THE	440
ic Pisetum	Jan. 27	+0.8	200	250		3€	-2.0	108	250
W. C			200			Tug: I	-0.6	106	100
C Cameri:	Man 4	-47	319	250		19	-0.7	101	1 90
	33.	+0.1	311	110			The same of		
( Ecoula	Anril	+0.7	48	250	p Denconia	Juli 26 Sept 26	-0.5	51	350
	16:	-0.3	29	440		26	-0.7	03	440
e Hootin	Hall 30	1-14	290	450	***************************************				
	Alig. 3		297	14	70 y Ophinebi	NO THE REAL PROPERTY.	+0.5	145	140
// Druconis	Juli 24	+0.2	681	350		Sept. 20	-0.4	134	440
-	W.		10000		923.9	200	447		
2 3924	Aug. 3	-11	28	110	« Cephoi	Mises 12	-0.9	119	250
					μ Uygm	Olt. s	-0.3	128	440
	Rightm	ng A			2 2924	Sept. 25	-1.3	650	440
	1910	de	p-q	Vergr.					
* Dynamic	Ang.	1600)	136	250		Richtu	ng e		
	Sept. 29	10.1	2.20)	849.		TOTO	da	$p = q^{-1}$	Vorgr.
¥ 28m	July 28	-1/5	: 83	350	e Draconis	Juli 24	-150	1666	250
	Sept 25	-99	184	18 -		26	+910	171	-

# Dracenis	1910	ilo	9-9	Verge.		1910	dji	1-1	Verge-
	Sept. 16	14:034	198"	250	E 1801	Mire 8	+000	239*	150
	.16	+0.7	200				1000	5700.0	0.00
	:20	100	1257	14491	a Pisciam	Jan: 17	-05	300	250
	29	-0.7	105	20					-
	Okt. 27	-0,3	312	•	£ 1037	Mire: 4	1.04	273	250
* Arietis	Jun. 17	+03	173	250	Cancri	Mara 31	+0.5		
" Geninorun	April 🗉	903	187	440	B. Schmitz	Transport 24	370.2	318	640
¿ Cresae maj.	April 4	10.7	164	449	* Buntis	Juli 26	+3.7	294	449
44   Buotis	Jill 36	0.0	206	250		26	+2,6	293	250.
	18	-2.1	198			28	+2.5	296	2.
A 100 11						30	+3.0	293	3 0
700 Ophiuchi		-0.1	152	250		Aug. 3	+2.8	256	
	Aug 10	H-0(1	653				+2.0	295	- 8
	10	#0.1	150	440		30	+5.5	297	- 2
	31	-0.1	136	<b>250</b>		10	+2.5	294	- 2
	Sept. 29	+0.3	1533	440		31	-0.3	289	
a Cygni	Date ±8	-0.9	160	250		Sept. 16	+3.2	289	
0.79400		-89	3700	246		86	+1.6	289	0
	19256	200				26	+33	289	181601
	Rights					36	+14	289	
	1910	do.	1-9	Verge:				-	
- Draconis	Sept. 29	+172	2180	440	« Cophel	Juli 26	+1,0	289	759
	Okt. 10	+1.6	265			Aug. 2	+1,0	280	

und im Mittel aus allen Messungen:

Richtung	dje	m, F,	Zahi d. Moss.	Mittil, Dist.	r- utu dy	on E
16	-0117	±0°27	33	aflay	-0.007	±0.011
ě	-0.55	±0.14	22	2.30	-0.011	±0.006
7	0.00	±0.72	18	2.80	0.000	±0.006
il.	+1.65	40.26	21	2.99	+0.086	±0.014

In den horizontalen Richtungen b und d zeigen sich demnach bei Dr. Gutusick Fehler in demselben Sinne, nur in etwas geringerem Betrage als bei mir, während seine Messungen in den beiden vertikalen Richtungen a und c als frei von systematischen Fehlern angesehen werden können.

Es ist nicht ohne Interesse, die obigen Ergebnisse mit früheren zu vergleichen, die von mir auf einem ganz anderen Wege bei Gelegenheit der Beobachtungen des Neptunstrabanten am 30 zölligen Pulkowaer Refraktor abgeleitet worden sind. Die systematischen Fehler der Positionswinkelmessungen wurden damals in der Weise bestimmt, daß eine größere Zahl von Doppelsternen mit einem stäckeren Okular durch Bisektion mit dem Mikrometerfaden und gleichzeitig mit einem sehwächeren Okular nach dem gewöhnlichen Verfahren der Schätzung durch Einstellung zwischen den Fäden beobachtet wurde. Indem die Messungen durch Bisektion als nahezu fehlerfrei angesehen werden konnten, ließen sich durch Vergleichung die Fehler der Schätzungen

bestimmen. Auf diesem Wege ergaben sich für die vier Richtungen folgende Korrektionen:

Richtung	-10	Zahl d. Mess.	Mint Dist.	e-sin de
746	4220	33	12508	+0.084
6	-28.3	17	12,79	-0.105
· c	+734	32	12:17	+0.260
d	+33.8	28	T0,66	+0.074

Die Distanzen der Sterne, welche damals speziell zur Kontrolle der Beobachtungen des Neptunstrabanten ausgesucht worden waren, waren durchschnittlich 4 bis 5 mai größer als bei der vorliegenden Beobachtungsreihe; auch die Okularvergrößerung von 515 war damals noch eine stärkere. Unter solchen Umständen ließ sich eine vollständige Übereinstimmung dieser auf anderem Wege erlangten und um 18 Jahre zurückliegenden Bestimmungen mit den letzigen, bei der großen Veränderlichkeit der Auffassungsfehler, nicht erwarten. Immerhin ist es bemerkenswert, daß die früheren Bestimmungen dem Sinne nach die hier gefundenen Resultate bestätigen, indem sie zu positiven Werten in den drei Richtungen a, c, d und zu negativen in der Richtung b geführt haben.

Das Ergebnis dieser Messungsreihen läßt sich demnach dahin zusammenfassen, daß durch die Prismenmethode die systematischen Fehlerin den Positionswinkelmessungen, die namentlich bei meinen Messungen sich als recht ansehnlich herausgestellt haben, über auch bei den Messungen von Dr. GUTHNICK nicht zu vernachlässigen sind, in der Hauptsache eliminiert werden, und damit sowohl die Messungen jedes einzelnen Beobachters unter sich wie auch die Resultate der beiden Beobachter untereinander in wesentlich bessere Übereinstimmung gelangen. In dem unmittelbaren Ausschluß der systematischen Fehler bei jeder einzelnen Messung liegt ein besonderer Vorzug dieses Verfährens und praktische Schwierigkeiten stehen seiner Anwendung nicht entgegen, da die Okulare leicht für die Aufhahme von Reversionsprismen eingerichtet werden können, und die Zeit, welche alsdann eine kombinierte Messung bei derselben Zahl von Einstellungen braucht, nur wenig größer ist als bei der einfachen Messung. Es wird sich empfehlen, die Zahl der Einstellungen, die bei diesen Versuchsmessungen absiehtlich etwas größer, zu je 6, genommen worden war, in Zukunft auf je 2 his 4 Einstellungen zu beschränken.

Bei den vorliegenden Messungen ist von beiden Beobachtern stets ber scheinbar horizontaler oder scheinbar vertikaler Kopfhaltung beobachtet worden, ein Verfahren, dem ich wegen der größeren Sieherheit der Einstellungen entschieden den Vorzug gebe. Es versteht sieh aber von selbst, daß die Prismenmethode dieselben und vielleicht noch größere Vorteile bieten wird, wenn die Messungen bei normaler Kopfhaltung, wo die Abhängigkeit von dem Neigungswinkel gegen die Vertikale in der Regel noch größer ist, angestellt werden.

Desgleichen wird die Prismenmethode gute Dienste leisten, wenn die Positionswinkel nicht, wie hier angenommen, durch Parallelstellung, sondern durch Bisektion mit dem Faden bestimmt werden. Bei größeren Distanzen werden die systematischen Fehler in diesem Falle gering sein; sie sind aber sicher vorhanden, wie das u. a. an meinen Messungen von 61 Cygni nachgewiesen werden kann'. Und was die kleinen Distanzen anbetrifft, so halte ich es für einen Irrtum, wenn man glaubt, durch Bisektion mit dem Faden zuverlässigere, von systematischen Fehlern weniger beeinflußte Resultate zu erlangen als durch Parallelstellung. Ebensowenig wie bei letzterer der Beobachter sich das Urteil dadurch bildet, daß er die Entfernung der beiden Komponenten von den Mikrometerfäden abschätzt, was bei nahen Paaren viel zu ungenau wäre, vielmehr die Einstellung bei solchen darauf hinausläuft, drei Punkte in eine gerade Linie zu bringen, so wird auch die Bisektion mit dem Faden bei engen Doppelsternen nicht als eigentliche Koinzidenzbeobachtung anzuschen sein, sondern nur mit Hilfe der Augenbewegungen zustande kommen, indem man die Richtung von dem einen Stern zum undern mit der Richtung des Fadens vergleicht. Und es ist daher anzunehmen, daß die Auffassungsfehler hier von derselben Ordnung sein werden wie bei den gewöhnlichen Einstellungen. Ein Beweisfür das Gegenteil ist bisher auch noch nirgends erbracht.

Auf ein paar Pankte bei der Anwendung der Prismenmethode, deren Beachtung die Sicherheit der Messungen noch erhöhen könnte, möge noch zum Schluß besonders hingewiesen werden.

Erstlich ist darauf zu sehen, daß die Einstellungen mit Prisma möglichst unter den nämlichen Umständen, bei gleichem Luftzustand, gleicher Helligkeit des Gesichtsfeldes, gleichem Abstand der Fäden, gleicher Kopfhaitung des Beobachters usw. wie die Einstellungen ohne Prisma erfolgen, weil solche Nebenumstände erfahrungsgemäß die Auffassung beeinflussen.

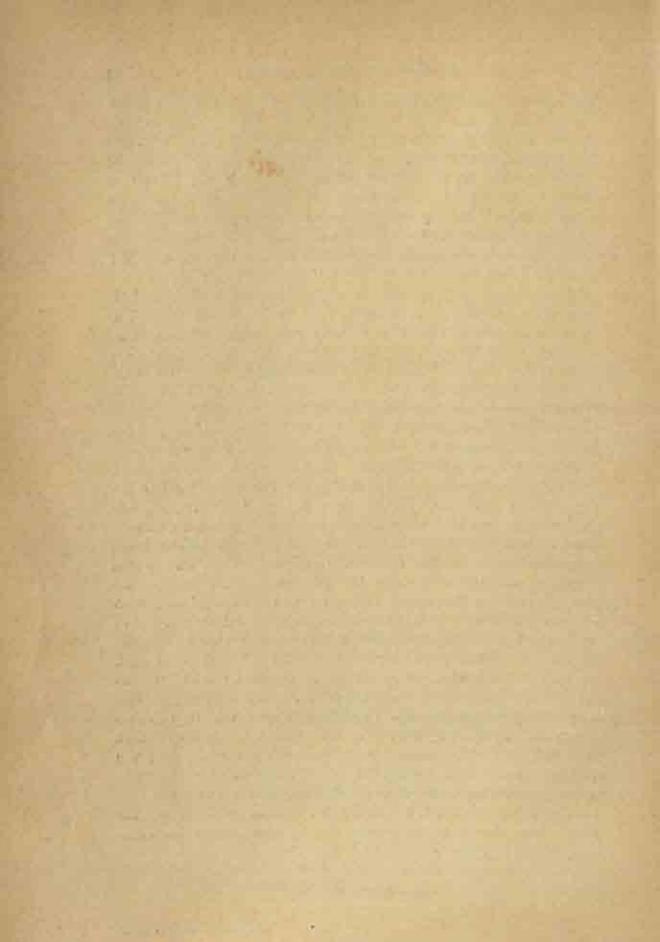
Sodam wäre es denkbar, daß eine Fehlerquelle bei der Anwendung der Methode, woran Anfänger auch Anstoß nehmen, in der veränderten Einstellungsweise bei den Messungen mit Prisma, bei welchen die

Das Panr für Uggni ist von mir häufig am Königsberger Refraktor besbuchtes worden. Eine Verüffentlichung der Messungen, weiche Dr. Hassesserns mannmengestellt und diskutiert hat, wird in der demnächet erscheinenden Abteilung der «Königsberger Besbuchtungen» erfolgen.

Drehung des Positionskreises zugleich eine seheinbare Drehung der Verbindungslinie zur Folge hat, liegen könne. Man gewöhnt sieh indessen sehr bald daran, beim Beobachten mit Prisma, umgekehrt wie bei den gewöhnlichen Messungen, das Augenmerk auf die Drehung der Verbindungslinie zu lenken und die Fäden dabei als ruhend zu betrachten. Die Einstellungen lassen sich dann ebenso bequem und sicher ausführen wie bei den Messungen ohne Prisma, so daß das geäußerte Bedenken schwerlich praktisch von Belang sein wird. In der Tat zeigen die ohigen Messungsreihen keinen Unterschied in der Gemmigkeit bei den Beobachtungen mit oder ohne Prisma.

Von besonderer Bedeutung ist es endlich, daß das Fokalbild im Fernrohr ein möglichst vollkommenes ist, da Fehler in demselben, wie unregelmäßige Form und Färbung der Sternscheibehen, Ausstrahlungen und Verzerrungen, nicht nur an sich die Beurteilung des Mittelpunkts an hellen Sternen erschweren, sondern auch, indem sie im reflektierten Bilde nicht gleich, sondern symmetrisch gesehen werden, zu einer veränderten Auffassung der Richtung führen können. Beruht doch die Anwendbarkeit der Methode ganz wesentlich auf der Voraussetzung, daß durch die Zwischenschaltung des Prismas das Aussehen der Sterne keine merkliche Änderung erfahre, eine Bedingung. die infolge der Brechung und Reflexion im Prisma immer nur genähert erfüllt sein kann. Die Nachteile, bedingt durch ungenügende Form oder Schärfe des Fokalbildes, werden sich am meisten an sehr hellen Sternen bemerkbar machen, was auch die vorliegenden Beobachtungen bestätigen. Zur Verbesserung des Fokalbildes wird es sich empfehlen, von Objektivblenden häufiger Gebrauch zu machen, wo die Helligkeit der Sterne dies gestattet. Und dann wird man auch erwarten dürfen, daß die Auwendung der Prismenmethode den großen Instrumenten das ihnen zukommende Übergewicht über die kleinen Instrumente in höherem Maße, als es bisher der Fall war, geben wird.

Auf dem Gebiete der Doppelsterne ist während der letzten Jahrzehnte durch zahlreiche Neuentdeckungen, durch Sammlung eines gruben Beobachtungsmaterials, durch Bearbeitung von Doppelsternbahnen viel geschehen. Aber man muß gestehen, daß hinsichtlich der Genauigkeit und Sieherheit der Messungen seit den Tagen von W. Strove kein nennenswerter, der Vervollkommnung der Hilfsmittel entsprechender Fortschritt erzielt worden ist. Es steht zu hoffen, daß sin solcher eintreten wird, sobald das Reversionsprisma, das auch zur Untersuchung der Distanzmessungen von großem Nutzen ist, allgemeineren Eingang finder.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

IV.

DER

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

26. Januar. Öffentliche Sitzung zur Feier des Geburtsfestes Sr. Majestät des Kaisers und Königs und des Jahrestages König Famonton's II.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

Der Vorsitzende eröffnete die Sitzung, der Se. Excellenz der vorgeordnete Hr. Minister von Taorr zu Sozz beiwohnte, mit einer kurzen auf die Doppelfeier des Tages bezüglichen Ansprache.

Hierauf hielt Hr. Neansr den wissenschaftlichen Vestvortrag:

# Über neuere Probleme der Wärmetheorie.

ich stehe vor der ehrenvollen Aufgabe, aus meinem Arbeitsgebiet vor Ihnen zu berichten; gewiß wäre es verlockend, ein bestimmtes Kapitel der physikalischen Chemie eingehender zu besprechen. Doch schreckt die weitgehende Spezialisierung, die, falls man etwas Neueres behandeln wollte, damit verbunden wäret sind doch durch die Vorarbeit zahlreicher großer Vorgänger auf dem Gebiete der Physik und Chemie die Fundamente fast überall seit langem im wesentlichen festgelegt, und es muß daher notwendig Detailfragen behandeln, wer über neue Forschungsergebnisse zu berichten hat Lassen Sie mich also meinem Vortrage, der naturgemäß recht abstrakte Dinge behandeln muß, wenigstens dadurch eine zwar mehr persönliche, aber vielleicht etwas wärmere Färbung geben, daß ich eine Anzahl verschiedenartiger Fragen behandele, die in den von mir geleiteten Laboratorien in Göttingen und hier auf dem Gebiete der Wärmelehre von meinen Mitarbeitern und mir bearbeitet wurden, und zwar möchte ich sie in der Reihenfolge besprechen, wie sie sich mir aufdrängten. Das Bild, welches ich auf diese Weise von der Methodik eines wissenschaftlichen Laboratoriums geben kann, wird zwar nur lückenhaft und unvollständig sein, aber wenigstens den Vorzug besitzen, daß ich aus eigener Anschauung und Erfahrung werde sprechen können.

Eine wohlbegründete Anschauung der neueren Physik erblickt im Wärmeinhalt der Kürper nichts anderes als verborgene Bewegung, die in einem Hins und Herfahren der kleinsten Teilehen des betreffenden materiellen Gehildes besteht und deshalb für den Beobachter nicht so direkt zugänglich und in ihrer Wirkung nicht so unmittelhar ist, wie etwa die Bewegung einer abgeschossenen Flintenkugel, bei der sich der Körper als Ganzes bewegt.

Diese Auffassung nicht nur ausgesprochen, sondern auch füre Fruehtbarkeit durch viele Anwendungen nachgewiesen zu haben, ist in erster Linie das umsterbliche Verdienst von Clausius.

Natürlich sind ühnliche Anschauungen mehr oder weniger vager Natur auch schoo vor Clausus hier und da gelegentlich geäußert worden; aber er hatte nußerdem noch einen ihm fast kongenialen weitblickenden Vorgänger; der Fall ist so eigentümlleh und lehrreich, daß ich ihn kurz erzählen will. Am 11. Dezember 1845 reichte J. J. Warmstros, ein sonst gunz unbekannter Forscher, der Royal Society in London eine Arbeit ein, die eine sehr vollständige Theorie der Wärme, speziell für gasförmige Körper, also für den Fall, der bis beute der einfachste geblieben ist, zur klaren Darstellung brachte. Aber die Wirkung dieser Arbeit wurde dadurch vereitelt, daß sie ungedruckt blieb; man legte ihr im Schoße der erwähnten gelehrten Gesellschaft keine Wichtigkeit bei, und Warmstros selbst störte den Schlimmer seiner Arbeit in den Archiven jener Gesellschaft nicht. Erst fast nach einem halben Jahrhundert wurde Lord Raymma zufällig auf diese Arbeit unfmerksam und sorgte für ihre nachträgliche Drucklegung.

Man wird Lord Ravition beipflichten, wenn er in einigen einleitenden Worten darauf hinweist, daß durch dies Mißgeschick die
Entwicklung einer der wichtigsten physikalischen Theorien um mindestens ein Dezennium verzögert wurde, daß man aber anderseits der
englischen Akademie ihre Verkennung der Bedeutung der damals sehr
neuartigen und scheinbar plantastischen Ausführungen eines unbekanaten Anfängers nicht sehr stark wird verübeln können; ebense
wird man es zwar bedauern, aber nicht zum Vorwurf machen, daß
der Autor in der Verbreitung seiner Theorie gar keinen Elargeiz entwiekelt hat.

Als nun 1892 die vor etwa 50 Jahren geschriebene Arbeit bekonntgegeben wurde, bot sie ein wissenschaftliches Interesse an sieh nicht mehr; die nachträglich erhobene Stimme des jungen Warrasvox mußte verhalten, weil der inzwischen weit vorangeeitte Wagen der Forschung sieh außerhalb seiner Hörweite befand; man wußte längst, was in der Arbeit stand und noch viel mehr dazu. Auch wenn die Arbeit überhaupt nie aus Tageslicht gelangt wäre, würde es sieh nicht um einen Verlast, sondern nach wie vor nur um eine Verzögerung für die Entwicklung der Naturforschung handeln.

Wie unders, wenn etwa der Hamlet einem solchen Schieksal verfallen gewesen wäre! Ich fürchte, auch unsere heutigen Dramatiker würden diesen Verlust uns nicht haben ganz ersetzen können.

Man hat oft — insbesondere verdanken wir hierüber Hetzmourz manche tiefgehende Bemerkung — über den Unterschied zwischen der Arbeitsweise des Künstlers oder Poeten und der des Naturforschers gesprochen; aber vielleicht treffen die obigen Beispiele den Kern dieses Unterschiedes besonders deutlich. Im Künstler offenbart sich die höchste Individualität, deren der menschliehe Geist fähig ist; die Kraft der Naturforschung aber zeigt sich in der fast scholastischen Zusammenarbeit weiter Kreise, für die alle Verschiedenhelten der Sprache und selbst der Rasse ganz unwesontlich sind. In der Arbeitsweise des Künstlers einerseits, des Mathematikers und Naturforschers underseits haben wir wohl die beiden Extreme geistiger Tätigkeit zu erblicken, zwischen denen sich die übrigen Berufe einreihen; so ist z. B. die Betätigung des technischen Erfinders zwar von größerer Individualität als die des theoretischen Forschers, steht aber doch der letzteren weit näher als der Kunst.

Der Physiker und Chemiker speziell muß sieh also sagen, daß seine Arbeit nur Dinge zutage befördern kann, die bei der jeizigen intensiven Bebauung dieser Gebiete früher oder später sieherlich von anderer Seite gefunden werden würden.

Mancher Forscher, der sieh für durch und durch origineil hält, wird dies vielleicht nicht gern hören; zum Troste mag ihm dienen, daß seine Resultate dafür, wie es scheint, unzerstörbare Bestandteile der Forschung bleiben.

Von experimentellen Fortschritten ist das selbstverständlich und im Gegensatze zu einer häufig geäußerten Auffassung, wonach die theoretischen Ergebnisse auf dem Gebiete der Physik und Chemie in einem fortwährenden Weebsel sich befinden, muß ich auch betonen, daß diese für die Physik und auch großentells für die Chemie der letzten hundert Jahre, d. h. etwa seit Verwendung exakter Messungs- und Rechnungsmethoden, gewiß nicht zutrifft. Die gegenteilige Auffassung ist vielmehr auf folgendes Mißverständnis zurückzuführen.

Man darf ein sogenanntes Naturgesetz, etwa eines, um den besonders charakteristischen Fall zu nehmen, das sich durch eine mathematische Gleichung ausdrücken läßt, nie als eine Formel auffassen, in der die darin auftretenden Größen jeden beliebigen Wert annehmen können; sie ist ja bloß innerhalb bestimmter, mehr oder weniger enger Grenzen experimentell geprüft und alle unsere Erfahrungen sprechen dafür, daß jedes Gesetz bei seiner Anwendung an gewisse Gebiete gebunden ist. Wenn man daher in gewissen extremen Fällen wieder einmal ein Versagen eines an sich brauchbaren Gesetzes findet, so ist es gänzlich verkehrt, von einem Fallen desselben und einem dadurch bedingten Umschwung unserer Anschauungen zu sprechen; man hat im Gegenteil nur die Schranken aufgefunden, die man aus irgendwelchen Gründen bei der Aufstellung des Gesetzes noch nicht berücksichtigen konnte. Streng genommen sollte man allerdings nie ein Naturgesetz hinschreiben, ohne die Grenzen anzugeben, innerhalb deren man es zweifeiles mit hinreichender Genanigkeit anwenden kann.

So ist man sich vielleicht nicht immer bewußt, daß man bei Anwendung unserer Naturgesetze auf die lebende Zelle oder gar auf das Problem der Willensfreiheit eine Exaktheit und Sicherheit derselben voraussetzt, die experimentell in keiner Weise als bewiesen angeschen werden kann.

Auf der andern Seite stellt die erwähnte Auffassung an den Forscher die Aufgabe, für alle wichtigeren Naturgesetze die Grenzen ihres Gültigkeitsbereiches zu präzisieren, wobei allerdings an den Scharfsinn des Theoretikers wie an die Kunst und die Hilfsmittel des Experimentators häufig ungewöhnliche Auforderungen herantreten; dafür aber wird der neugewonnene Ausbliek auch um so weiter sein, je fundamentaler das betreffende Gesetz ist. Und man kann es geradezu als die Signatur der neueren Physik bezeichnen, daß auf diesem Wege mit überraschenden Resultaten gearbeitet wird. Ein spezieller Fall wird uns auf dem Gebiete der Würmelehre entgegentreten, dem wir uns nach diesen einleitenden Worten aunmehr zuwenden wollen.

Wenn der Wärmeinhalt wirklich aus der Bewegung der kleinsten Teilehen besteht, und wenn diese Bewegung um so intensiver wird, je höher die Temperatur steigt, so muß anderseits bei hinreichender Abkühlung diese Bewegung endlich zur völligen Ruhe gebracht werden können. Dieser Temperaturpunkt, der sogenannte absolute Nullpunkt, liegt nach verschiedenartigen Feststellungen, die weit genauer als bis auf 1/10° übereinstimmen, bei —273.09°. Dieser Temperatur hat sieh Kammusen Ossus in Leiden bereits bis auf wenige Grade genähert, als ihm jüngst die Verflüssigung des Hellums gelang.

Nach der herrschenden Theorie nehmen wir also an, daß die Bewegung der einzelnen Atome und natürlich erst recht diejenige der Moleküle von Elementen und Verbindungen bei dieser Temperatur aufhört; die im Innern des Atoms selbst stattfindenden Bewegungen aber, welche man zur Erklärung der Erscheinungen der Radioaktivität annehmen muß, bleiben von der Temperatur unberührt und müssen daher auch beim absoluten Nullpunkt fortdauern, so daß derselbe also nicht ganz so radikaler Natur ist, als man früher vor Erkenntnis dieser Schranken unserer Auffassung über die Beziehung zwischen Wärme und Bewegung annehmen mußte.

Die Messung der Temperatur ist nicht nur eine der wichtigsten Aufgaben der Physik, sondern die messende Physik wurde überhaupt erst möglich, seitdem man brauchbare Thermoneter hatte.

Derartige Instrumente gibt es nun in großer Anzahl; die theoretische Grundlage aber für alle solche Apparate liefert in letzter Instanz das Luffthermometer, bei weiehem die durch die Temperatursteigerung hervorgerafene Druckzunahme gemessen wird. Nach dem sogenannten zweiten Wärmesatz kann nun aber jeder reversible Vorgang, der sich mit der Temperatur ändert, zur Konstruktion eines dem Lufithermometer aquivalenten Meßapparates dienen. Wenn man z. B. den Dampfdruck einer Flüssigkeit bei zwei Temperaturen bestimmt und die spezifischen Wärmen von Flüssigkeit und Dampf wenigstens angenähert kennt, so kann man den Dampfdruck für alle Temperaturen berechnen, und die Messung des Dampfdrucks liefert daher umgekehrt eine Temperaturbestimmung. Noch besser ist aber hierzn die Bestimmung chemischer Gleichgewichte in Gasen geeignet, und in der Tat war es bei imsern Arbeiten möglich, auf diesem Wege indirekt das Gebier huftthermometrischer Messungen nach oben hin sehr zu erweitern; übrigens ist die Untersuchung des chemischen Gleichgewichts in hoch erhitzten Gasen, wie speziell die Dissoziation des Wasserdampfs und der Kohlensäure und die Bildung des Stiekoxyds, auch an sich von wissenschaftlichem wie technischem Interesse.

Es ist nicht besonders schwierig, Temperaturen von 2000° und mehr berzustellen und auch für die Zwecke der Messung hinreichend konstant zu erhalten; aber es fehlte an hitzebeständigem und dabei gasdiehtem Material; Platin und Porzellan sind bei diesen Temperaturen geschmolzen. Nach vielen eigenen vergeblichen Versuchen mit verschiedenartigen Materialien vermochte die Firma Heraeus mir schließlich kleine Gefäße aus Iridium zu liefern, in denen sich Dampßlichtebestimmungen bis zu 2050° ausführen ließen. Es zeigte sich sogar, nachdem durch die Konstruktion einer Anzahl Nebenapparate die Meßtechnik verfeinert war, daß derartige Bestimmungen sich verhältnismäßig leicht und genau ausführen ließen, und es gelang insbesondere, die Dissoziation des zweiatomigen Schwefelmoleküls in seine beiden Bestandteile nachzuweisen und ziemlich genau zu messen. Ohne auf die sonstigen mit diesem neuen Hilfsmittel von mir und später von von Wartenberg gewonnenen Resultate einzugeben, sei nur das all-

gemeine Ergebnis betont, dals die Gasgesetze sicherlich auch bei diesen hohen Temperaturen noch gelten; andernfalls hätten die aus den Dampfdichten nach Avogangos Gesetz abzuleitenden Molekulargewichte Anomalien zeigen müssen, die eben ausblieben.

Ein anderer Weg, den in langjähriger Arbeit mein Assistent Dr. Pien elmeie, führte noch erheblich weiter. Wenn man nämlich ein explosives Gas, das man in eine Bombe einschließt, durch einen Funken entzündet, so stellt sich sehr rasch eine hohe Temperatur ber, die allerdings nach wenig Tausendstel Sekunden bereits um mehrere Hundert Grade gesunken ist, aber aus dem Maximaldruck der Explosion bestimmt werden kann. Schon Busses und später besonders La Chargiaga in Frankreich und Lasses in Deutschland haben diese Methode zur Messung spezifischer Wärme von Gasen benutzt, doch waren thre Resultate nur approximativ, weil die benutzten Instrumente zur Messung des Drucks nicht schnell genug den hier ungeheuer raschen Veränderungen folgten. Erst als dieser Übelstand erkannt und beseitigt war, konnte eine Methode geschaffen werden, die uns nicht nur spezifische Wärmen mit unerwarteter Genmigkeit zu messen gestattete, sondern vor allem auch einen Einblick in eine Auzahl chemischer Gleichgewichte bei sehr hohen Temperaturen ermöglichte. Insbesondere ließ sich beim Wasserdampf auf Grund der so gewonnenen spezifischen Wärmen die Dissoziation bis zu einer Temperatur von etwa 2000° rechnerisch verfolgen, und sie ergab sieh experimentell so groß, wie sie sich unter der Annahme der Gültigkeit der Gasgesetze mit Hilfe des zweiten Wärmesatzes auf dem angegebenen Wege berechnen ließ; auch hier wollen wir wesentlich nur das Resultat hervorheben, daß demgemäß auch die Gasgesetze so weit als experimentell geprüft angesehen werden können. Übrigens werden diese Messungen sich gewiß schrittweise bis zu noch viel häheren Temperaturen fortführen lassen, während für die oben erwähnten der Schmelzpunkt des Iridiums (2350°) die Grenze bildet. Folgende Gasgleichgewichte wurden u. a. im Laufe der erwähnten Untersuchungen messend verfolgt:

$$z H_i + 0_i = z H_i 0$$
  
 $z CO + 0_z = z CO_i$   
 $N_z + 0_z = z NO$   
 $z H_i O + N_z = z NO + z H_z$   
 $H_z + CI_z = z HCI$   
 $z H_z S = S_z + z H_z$   
 $CI_z = z CI$   
 $S_z = z S$ .

Die Untersuchung einer größeren Anzahl von Gleichgewichten in Gasen führte nun aber zur Erkenntnis einer Beziehung zwischen diesen Gleichgewichten und der zu ihrer Herstellung erforderlichen Wärmeentwicklung. Daß solche Beziehungen existieren, hatte man schon lange vermutet, und die beiden großen Thermochemiker Junes Thomsex in Kopenhagen und Bennueler in Paris vertraten diesen Standpunkt; aber beide Forscher kamen zu der Erkenntnis, daß an eine einfache Gleichsetzung von chemischer Energie und Würmeentwicklung, was ja der nächstliegendste Ansatz wäre, nicht zu denken ist. Mir fiel nun auf, daß bei gasförmigen Reaktionen, wie

$$H_i + J_i = 2 HJ$$
  
 $H_i + Cl_i = 2 HCl$   
 $2 NO = N_i + O_i$ 

das Gleichgewicht aus der Wärmeentwicklung nach einfachen Formeln wenigstens annähernd zu berechnen ist, und diese Beziehungen traten Immer auf, wenn man bezüglich der Zahl der reagierenden und entstehenden Molekülgattungen analoge Gleichgewichte in Parallele setzte, also z. B. unter sich wiederum die Reaktionen

$$2 H_s + O_s = 2 H_s O$$
  
 $CO + O_s = 2 CO_s$   
 $3 O_s = 2 O_s$ 

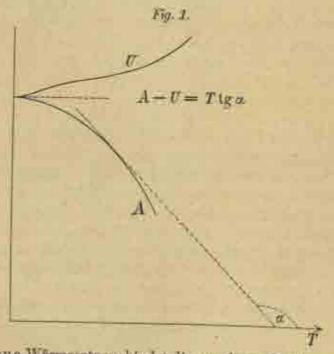
verglich. Aus dem ersten und zweiten Wärmesatz lassen sich derartige Beziehungen nicht ableiten, und so vermutete ich denn, daß
noch ein dritter Satz ganz allgemeiner Natur existieren müßte, aus
dem u. a. auch die obenerwähnten Regelmäßigkeiten folgen. Diesen
Satz glaube ich gefunden zu laben: ich möchte ihn hier im einzelnen
um so weniger entwickeln, als unser verehrtes Mitglied Max Plasck
ihn vor kurzem in unserm Kreise in seiner Beziehung zur Entropiefimktion behandelt, außerdem in seiner soeben erschienenen dritten Auflage seiner Thermodynamik mit der meisterhaften Klarheit, die alle
seine mathematisch-physikalischen Deduktionen auszeichnet, eingehend
dargelegt hat. Hier will ich mich darauf beschränken, die Erweiterung zu besprechen, die das erwähnte neue Wärmetheorem im Vergleich zu den beiden Hauptsätzen der klassischen Thermodynamik
bringt, und zwar wollen wir der Auschauliehkeit willen einen bellebigen chemischen Prozeß ins Auge fassen.

Der erste Wärmesatz, auf eine ehemische Reaktion angewandt, besagt, daß die mit derselben verknüpfte Energieänderung lediglich vom Anfangs- und Endzustande (welche beiden Zustände wir uns am einfachsten als gleichen Temperaturen entsprechend vorstellen wollen) abhängig ist und im übrigen nur noch mit der Temperatur sich ändert. Der zweite Wärmesatz besagt für denselben Fall, daß, wenn der Anfangs- und Endzustand durch die gleiche Temperatur ehnrakterisiert ist, dann der betreffende Prozeß bei bester Ausnutzung einen ganz bestimmten Betrag von äußerer Arbeit (auch «Änderung der freien Energie» genannt) zu leisten vermag, der also ebenfalls nur vom Anfangs- und Endzustande abhängt.

Ohne eine neue Hypothese einzuführen, läßt sich dann zeigen, daß die beiden in den vorstehenden beiden Abschnitten definierten Größen (Energieänderung U und maximale äußere Arbeit A) durch eine Differentialgleichung miteinander und mit der absoluten Temperatur T verknüpft sind, die folgende Form besitzt:

$$A - U = T \lg x$$

worin  $\pi$   $\left(\operatorname{tg}\pi=\frac{dA}{dT}\right)$  den Winkel bezeichnet, die eine an die A-Kurve im Punkt T gelegte Tangente mit der Temperaturachse bildet (vgl. Fig. 1).



Der neue Wärmesatz verbindet die erwähnten Größen noch wesentlich enger; er besagt nämlich, daß sie bei tiefen Temperaturen nur sehr wenig voneinander verschieden sind oder, geometrisch ausgedrückt, daß sie sich in der Nähe des absoluten Nullpunktes der Temperatur tangieren, wie es beifolgendes Diagramm, das für die sehr genau untersuchte Reaktion

$$Pb + 2AgCl = PbCl + 2Ag$$

zutrifft, als Beispiel erkennen BBt

Ohne eine neue Hypothese zu machen, läßt sich zeigen, daß die gemeinschaftliche Tangente parallel der Temperaturachse verlaufen muß. Ubrigens ist naturgemäß der Satz zur Zeit nur auf solche chemische Reaktionen oder sonstige Prozesse anwendbar, bei denen wir U und A bis zu beliebig tiefen Temperaturen extrapolieren können, ähnlich wie ja auch der zweite Wärmesatz nur auf solche Vorgänge angewandt werden kann, für die die Bedingungen der Reversibilität gefunden sind.

Der erste Wärmesatz, den wir bekanntlich in erster Linie J. R. Mayra und Heranoutz verdanken, und der zweite Wärmesatz, der nach seinen beiden Entdeckern auch das Prinzip von Carsor-Charsuss genannt wird, sind wohl die allgemeinsten Naturgesetze, die wir besitzen, denn sie sind auf eine fast unbegrenzte Zahl von Vorgängen anwendbar, die man in den physikalischen oder chemischen Laboratorien oder von unsern Sternwarten aus beobachtet. Man hat daher wohl geglaubt, daß gerade wegen ihrer allgemeinen Anwendbarkeit und wohl zweifellos erwiesenen Sicherheit hier eine Grundlage für eine möglichst hypothesenfreie Naturforschung gegeben sei.

leh habe schon oft, z. B. in den verschiedenen Auflagen meiner »Theoretischen Chemie», Gelegenheit genommen, vor dieser Verkennung und Überschätzung der Wärmesätze zu warnen.

Zunächst ist nämlich mindestens der zweite Wärmesatz gewiß nicht auf alle Zustandsänderungen anwendbar; auch ohne an die psychischen Prozesse zu denken, hat es nicht den Anschein, als ob die neu entdeckten, wahrscheinlich völlig irreversiblen Erscheinungen der Radioaktivität einer quantitativen Behandlung durch den zweiten Wärmesatz überhaupt zugänglich seien.

Aber auch bei sozusagen ganz gewöhnlichen Prozessen, wie Verdampfung oder Dissoziation, versagt das Prinzip von Carror-Clausius überall dann, wenn der Temperaturbegriff seine Bedeutung verliert, und dies ist im Sinne unserer, gerade durch zahlreiche Beobachtungen der jüngsten Zeit so vollkommen gestützten Molekulartheorien stets der Fall, wenn wir materielle Komplexe ins Auge fassen, die nur aus einer kleineren Zahl von Molekülen bestehen.

Schließlich — und hierin liegt die größte Beschränkung — fehlt in den Formeln der Thermodynamik der Begriff der Zeit; Geschwindigkeiten bewegter Massen, Reaktionsgeschwindigkeiten, Diffusionsgeschwindigkeiten, alles Größen, die fast bei jedem tatsächlich sieh abspielenden Vorgang anch für den Experimentator von maßgebender Bedeutung sind, entziehen sich daher von vornherein der thermodynamischen Behandlungsweise; eine so mächtige Waffe sie daher auch für den Naturforscher ist, so verkennt man ihr Wesen völlig, wenn man ihr eine unbegrenzte Allgemeinheit zuschreiben oder gar andere logische Hilfsmittel als entbehrlich bezeiehnen will.

Und ich muß hinzufügen, daß auch der neue Wärmesatz, wenn er auch die Zahl der uns bekannten Maßbeziehungen bereits sehr stark vermehrt hat und meiner Überzeugung nach bei seiner weiteren Anwendung und Entwicklung viel stäcker vermehren wird, hieran nichts ändert, weil er naturgemäß mindestens den gleichen Beschränkungen wie der zweite Wärmesatz unterworfen ist.

Als ich das erwähnte Wärmetheorem vor 3 Jahren aufstellte, ließ sich zwar damais schon eine Anzahl annähernder Beziehungen zwischen chemischem Gleichgewicht oder elektromotorischer Kraft einerseits und Wärmeentwicklung underseits aufstellen, die auch durch ein reiches Tatsachenmaterial zu erhärten waren; aber eine befriedigend exakte Prüfung konnte ich an der Hand der damals bekannten Beobachtungsdaten nur in vereinzelten Fällen durchführen. Wenn wir nämlich z.B. auf einen beliebigen chemischen Prozeß den neuen Wärmesatz anwenden wollen, so müssen wir zu diesem Zwecke für eine beliebige Temperatur die Wärmeentwicklung U messen, was allerdings in sehr vielen Fällen bereits lange geschehen ist. Sodann müssen wir diese Größe bis zu möglichst tiefen Temperaturen berechnen, und zwar so weit herunter, his sie von der Temperatur praktisch unabhängig wird. Hierauf erst sind wir dann über den Verlauf der maximalen Arbeit und damit auch über den des chemischen Gleieligewiehts oder der elektromotorischen Kraft für alle Temperaturen orientiert: wir können sogar sehr einfach und genau die Kurve dieser Größe durch eine graphische Konstruktion finden, indem wir uns der S. 72 angegebenen Gleichung bedienen und mit derselben aus

$$\operatorname{tg} \mathbf{z} = \frac{A - U}{T}$$

sukzessive die Richtung berechnen, in der die A-Kurve auszuziehen ist (vgl. Fig. 1). So kann man prüfen, ob die auf diesem Wege erhaltene Kurve mit den Beobachtungen stimmt.

Um aber die Kurve der Wärmeentwicklung bis zu tiefen Temperaturen zeichnen zu können, gebrauchen wir einer von Kischnoraus dem ersten Wärmesatz abgeleiteten Beziehung zufolge die Kenntnis der spezifischen Wärmen, und diese waren bis zu hinreichend tiefen Temperaturen kaum für trgendein Beispiel vollständig genuggemessen worden.

Obwohl auf dem Gebiete der Gasgleichgewichte noch mancherlet wichtige Fragen mit den von meinen Micarbeitern und mir ausgenrbeiteten Methoden zu untersuchen waren, so trat doch nunmehr eine andere dringendere Aufgabe an mich heran, nämlich die möglichst

genaue Prüfung des neuen Wärmesatzes an einigen beliebig herauszugreifenden Beispielen; und zwar bestand die Ergänzung, die das hisherige Beobachtungsmaterial zu diesem Ende erfahren mußte, wie eben auseinandergesetzt, lediglich in der Bestimmung spezifischer Wärmen bis zu möglichst tiefen Temperaturen hinab. Während bei der Untersnehung der Gasgleichgewichte aus den vorher angegebenen Gründen die höchsten nur irgend erreichbaren Temperaturgebiete der Messung zugänglich gemacht werden mußten, so entstand jetzt die Aufgabe, umgekehrt möglichst nahe zum absoluten Nullpunkt der Temperatur herabzugehen; während vorher als sekundäre Hilfsmittel die heizende Wirkung von elektrischen Strömen und Explosionen heranzuziehen war, mußten wir nunmehr ins andere Extrem gehen. nämlich uns mit der Technik des Arbeitens bei der Temperatur der flüssigen Luft und des flüssigen Wasserstoffs vertraut machen, und der Wunseli drängt sieh von selbst auf, künftig auch noch das letzte und stärkste Mittel in dieser Richtung, das flüssige Helium, zur Ergänzung wenigstens in einigen wenigen Fällen beranzuziehen.

In der Regel wird der Leiter eines Laboratoriums, schon um die Betriebskosten nicht unnötig zu steigern, sich mit einem bestimmten Arbeitsgebiet, für welches er im Laufe der Zeit sich die nötigen Buberen Hilfsmittel eingerichtet hat, möglichst lange und eingehend zu beschäftigen haben; eine gewisse Tradition der experimentellen und theoretischen Methodik, die sich für dies Spezialgebiet in dem betreffenden Laboratorium dann von selbst ausbildet, erleichtert auch dem neu eintretenden Adepten das Verständnis und die Mitarbeit in hohem Maße. In unserm Falle aber verlangte die plötzlich auftretende Aufgahe, wie mir schien, gebieterisch die Inangriffnahme eines neuen Arbeitsgebiets, und ich hoffe, daß die gewonnenen Ergebnisse den einem solchen Wechsel der Arbeitsrichtung entsprechenden Mehraufwand gerschtfertigt haben.

Folgende Einschaltung sei gestattet: ganz billig sind solche Versuche nicht; vorher war es der hohe Preis des fridiums, eines Metalls, im Vergleich zu dem selbst das von allen Institutsdirektoren gefürchtete Platin sich einer gewissen Wohlfellheit erfreut, und zwar kam hier noch der durch die Zerstäubung des elektrisch erhitzten Iridiums eintretende Materialverlust als recht unangenehme Beigabe hinzu, der sich durch eine Überziehung der fridiumöfen mit einer Glasur aus Zirkonoxyd und Yttriumoxyd zwar verringern, aber nicht völlig beseitigen ließ. Bei den jetzt zu besprechenden Versuchen kamen die Kosten für flüssige Luft, die hier in Berlin zum Glück käuflich ist, und besonders für die Vorrichtungen zur Erzeugung noch tieferer Temperaturen mit Hilfe des unter hohem Druck sich entspannenden Wasser-

stoffs hinzu. Es ist selbstverständlich, daß für solche Untersuchungen der Etat unserer Institute nicht ausreichen kann, und so möchte ich nicht unterlassen, auch hier dankbar zu erwähnen, daß durch die Stiftung eines thermodynamischen Fonds von privaten Seiten die letztgenannten Arbeiten eine große Unterstützung erführen.

Es wurden nunmehr also hauptsächlich die Methoden zur Bestimmung der spezifischen Wärme bei sehr tiefen Temperaturen ausgebildet, und zwar war es besonders erwünscht, nicht nur die mittleren spezifischen Wärmen für ein größeres Temperaturintervall, sondern auch die einem bestimmten Temperaturpunkte entsprechenden wahren spezifischen Wärmen einer genauen Messung zugänglich zu machen. Dies gelang schließlich dadurch, daß, wie ich im vorigen Jahre der Akademie eingehend berichtet habe, die zu untersuchende Substanz, sei es als massiver Block, sei es in einem mit Luft oder Wasserstoff gefällten Silbergefäßehen luftdicht eingeschlossen, durch einen dünnen Piatindraht elektrisch um z. B. ein Grad erwärmt wurde; und zwar befand sich bei der eigentlichen Messung die zu untersuchende Substanz aufgehängt in einem möglichst vollkommen evakuierten und von flüssiger Luft oder flüssigem Wasserstoff umgebenen Glasgefäß. Der Platindraht diente zugleich als hochempfindliches Widerstandsthermometer; die Beseitigung der Wärmeleitung durch das Auspumpen der Luft und das fast völlige Fehlen der Strahhung bei so tiefen Temperaturen gab den Messungen eine ganz unerwartet hohe Präzision. Zur Ergänzung werden bei höheren Temperaturen mit einem ebenfalls neu konstruierten Kupferkalorimeter die spezifischen Wärmen, die hier weniger veränderlich sind, über ein größeres Temperaturintervall bestimmt.

Damit war denn also zugleich die Möglichkeit gegeben, den neuen Wärmesatz für eine größere Anzahl von Beispielen genau zu prüfen, und zwar sind bisher folgende Fälle soweit durchgearbeitet, daß das obiger Figur entsprechende Diagramm gezeichnet werden konnte, das sich in allen gut untersuchten Fällen als den Forderungen des neuen Wärmesatzes durchaus entsprechend ergab:

```
Smonoklin = Srhombisch

Benzophenon (C, H, CO, C, H, ) amorph --> kristallisiert.

CuSO, + H, O = CuSO, II, O

K, Fe(CN), + 3H, O = K, Fe(CN), 3H, O

Na, HPO, 7H, O + 5H, O = Na, HPO, 12 H, O

(COOH), + 2H, O = (COOH), 2H, O

Pb + 2AgCl = PbCl, + 2Ag

Pb + 2HgCl = PbCl, + 2Hg

Ag + HgCl = AgCl + Hg

Zn + Hg, SO, + 7H, O(Eis) = ZnSO, 7H, O + 2Hg.
```

Die Aufstellung derartiger Zustandsdiagramme bietet nun auch, abgesehen von der Prüfung des Wärmetheorems, an sich genügendes luteresse, so daß die Untersuchung möglichst zahlreicher Fälle erwünscht erscheint; erst damit werden wir über die Statik der betreffenden chemischen Reaktion oder des betreffenden Vorgangs überhaupt hinreichend aufgeklärt sein. Der in jedem Falle einzuschlagende Weg ist klar vorgezeichnet; man wird zunächst am liebsten einen Fall nehmen, bei dem das ehemische Gleichgewicht oder die elektromotorische Kraft mindestens bei einer Temperatur gut gemessen ist und wofür ferner hinreichend sichere thermochemische Messungen vorliegen, sei es, direkter Art, sei es, daß, was allerdings nur selten der Fall sein wird, die Änderung des Gleichgewichts oder der elektromotorischen Kraft mit der Temperatur sehr genau bekannt und damit eine thermodynamische Berechnung ermöglicht ist. Es bleibt dann nur noch übrig, die spezifische Wärme aller beteiligten Substanzen bis zu möglichst tiefen Temperaturen hin zu untersuchen.

Der sehon vorgezeichnete Weg kann jedoch nur bei Reaktionen zwischen kristallisierten Stoffen und Flüssigkeiten, die sich beliebig stark unterkühlen lassen, eingesehlagen werden; bei Gasen oder Lösungen muß man mit Hilfe der Dampfdrucke oder Löslichkeits- bzw. Verteilungskoeffizienten auf obigen Fall umrechnen, was wohl häufig Schwierigkeiten experimenteller, nie aber solche theoretischer Art mit sich bringt.

Neben der Thermodynamik besitzen wir als logisches Hilfsmittel, um die Erscheinungen der Außenwelt nicht nur der anschaulichen Vorstellung, sondern auch einer quantitativen Berechnung zugänglich zu machen, in erster Linie noch die Prinzipien der Mechanik einschließlich der Lehre von den Fernkräften, ferner die Atomistik und schließlich die Hypothese des Lichtäthers. Für die letztere, die wir auch kurz als die Theorie des Vakuumss bezeichnen können, besitzen wir zwar als sicheres Fundament den Extrakt aus den sehr genau studierten optischen und elektrischen Erscheinungen im Vakuum, wie er sich in den Maxwell-Heurzschen Grundgleichungen der Elektrodynamik niedergelegt findet; aber unsere Vorstellungen von der Natur des Vakuums, d. h. des von allen materiellen Atomen (einschließlich Elektronen) befreiten Raumes sind gerade in der letzten Zeit wieder schwankend geworden, und man fühlt sich zur Zeit versucht, darauf das Wort des Dichters anzuwenden:

Um sie kein Ort, noch weniger eine Zelt; Von ihnen sprechen ist Verlegenheit. So wollen wir daher diese Fragen hier nicht weiter berühren; nur meiner persönlichen Auffassung möchte ich Ausdruck geben, daß die Belebung, die das Newrossehe Kraftgesetz und die erwähnten Formein der Elektrodynamik in der Zukunft einmal durch den Ausbau einer speziellen Atherhypothese erfahren wird, recht von allen bisherigen Versuchen in dieser Richtung verschieden sein dürfte. Aber wir wollen, wie gesagt, dieses Gebiet hier verlassen und zum festen Boden der Betrachtung materieller Gebilde zurückkehren, von dem sich bisher kein Naturforscher ungestraft zu weit entfernt hat.

Die Kombination der Primipien der Mechanik mit der Dautonschen Vorstellung, daß alle chemischen Elemente aus unter sich gleichartigen Atomen bestehen, der sogenannten Atomistik, führte zu der Entwicklung der kinetischen Theorie der Materie und damit, wie wir schon oben andeuteten, zur Erkenntnis des Wesens der Wärme sowohl wie auch des Begriffes der Temperatur. Der Wärmeinhalt besteht hiernach also aus der Euergie der Bewegungen der einzelnen Atomowie auch der Atomkomplexe, der sogenannten Moleküle, die der chemische Prozeß aus einzelnen Atomen bildet. Bei verdünnten Gasen bewegen sich die einzelnen kleinsten Teilchen frei wie die Meteoriten im Weltenraum; bei Flüssigkeiten müssen die Moleküle wegen ihrer großen Nähe \*wie Regenwürmer nebeneinander hindurchkriechen\* (Boerzugen); im festen Zustande schwingen die Moleküle wie das Pendel einer Uhr um eine Ruhelage. In allen Fällen aber bestimmt die Intensität der Bewegung den Wärmeinhalt und somit auch die Temperatur.

Derjenige, der nächst den Begründern der Wärmetheorie, nämligh Chausius, Maxwell and van der Waals, and meisten und erfolgreichsten über diese Fragen nachgedacht hat, ist unstreitig Boltzmann, einer der größten Theoretiker aller Zeiten. Als sein Lebenswerk ist seine Darstellung der Gastheorie zu bezeichnen, die Leipzig 1895 und 1908 in 2 Bänden erschien. In diesem Werke, das eine Fülle der scharfsinnigsten mathematisch-physikalischen Betrachtungen enthält. und das an vielen Stellen unseren experimentellen Erfahrungen weit voraneilt, sind sicherlich noch so manche Schütze zu heben. Freilich darf nicht verschwiegen werden, daß der Autor fiber die Stärken wie such die Schwächen seiner Theorie wohl nicht hinrelchend die Erfahrung zu Rate gezogen hat; vielleicht wäre man dann schon früher zu einer prinzipiellen Erweiterung seines Standpunktes geführt worden, die man erst in neuester Zeit auffand, obwohl schon einen sonst gegen jeden Wink der Natur so feinfühligen Forscher wie Bottzmann manche Beobachtungen zu einer teilweisen Anderung seines Standpunktes hätten veranlassen können; wir werden bald sehen, wie diese nene

Erkenntnis auch mit den hier zu besprechenden Ergebnissen in engste Beziehung tritt.

Jene Beobachtungen betreffen nämlich gerade Messungen der spezifischen Wärme und, obwohl von mir, soweit es sich lediglich um die Prüfung meines Wärmesatzes handelte, die theoretische Deutung der spezifischen Wärmen hätte außer Betracht gelassen werden können, so eröffnete sich doch anderseits die Aussicht, auf diesem Wege zu einem tieferen Einblick in das Wesen jenes Satzes zu gelangen. Es ist der Atomistik seit langem gelungen, die beiden Hauptsätze der Thermodynamik aus dem Verhalten der Atome und Moleküle beraus zu erklären; für den neuen Wärmesatz war das gleiche zu hoffen und zu fordern.

Noch vor einigen Jahren war man, was die Theorie der spezifischen Wärmen anlangt, ganz auf die in erster Linie von Bonzmans entwickelten Anschauungen angewiesen; nur wenige und kaum gelungene Versuche einer Weiterentwicklung wurden gemacht.

Borrmanns Standpunkt war im wesentlichen folgender. Der Wärmeinhalt der Gase besteht aus der Energie der fortschreitenden Bewegung und der Energie der Rotationsbewegung; hierzu können noch die Energiemengen hinzutreten, welche durch die Schwingungen der einzelnen Atome eines zusammengesetzten Gasmoleküls um ihre Ruhelage bedingt sind. Bei festen Stoffen — die Flüssigkeiten, bei denen die spezifische Wärme am kompliziertesten ist, wollen wir hier außer acht lassen — hat man es wesentlich mit Schwingungen der Atome um eine Ruhelage zu tun, d. h. es verhalten sich die einzelnen Atome fester Körper wesentlich wie die einzelnen Atome der Gasmoleküle.

Macht man nun die Annahme, daß ein in sich rotierendes Atom keine merkliche Energie aufnimmt und daß ferner bei gegebener Temperatur alle denkbaren Bewegungsenergien sich gegenseitig ins Gleichgewicht setzen, so ergibt sich eine Anzahl von allgemeinen Gesetzmäßigkeiten, die wenigstens zum Teil in auffallender Weise von der Erfahrung bestätigt wurden. Einatomige Gase müssen hiernach eine Molekularwärme von  $\frac{3}{2}R=2.08$  besitzen, was übrigens sehon Chausus geschlossen und Kusor und Warburg für Quecksilberdampf zuerst bestätigt gefunden hatten. Bei den obenerwähnten Messungen von Dr. Pies ergab sich für Argon der gleiche Wert sogar in dem ganzen Temperaturintervall von Zimmertemperatur bis 2350°. Für mehratomige Gase, soweit man ühre Moleküle als starre Körper ausehen kann, folgen ebenfalls bestimmte Werte der Molekularwärme, die in vielen Fillen, wenigstens bei tiefen Temperaturen, auch wirklich gefunden

worden sind. Für feste Körper lehrt die Theorie, daß jedes Grammatom sowohl bei Elementen wie bei Verbindungen eine Wärmekapazität von 3R = 5.96 besitzt, was den von Derosa und Perir für Elemente gefundenen und von Numass und Korr auf die Verbindungen übertragenen Gesetzen entspricht. Diese in der Tat sehr unffälligen und an sehr vielen Beispielen beobschieten Gesetzmäßigkeiten setzten es außer Zweifel, daß man mit dieser Theorie jedenfälls auf einem nicht ganz verkehrten Wege sieh befand; aber auf der andern Seite fehlte es nicht an vielen Tatsachen, die wieder gar nicht in den Rahmen der erwähnten Auffassungsweise hineinpaßten.

So steigt die Molekularwärme auch solcher Gase, deren Moleküle bei tiefen Temperaturen sich wie starre Körper verhalten, mit der Temperatur deutlich an; dies war nur so zu erklären, daß die beiden Atome, z. B. eines Sauerstoffmoleküls, bei hohen Temperaturen in Schwingungen geraten; wenn dies aber geschieht, so mußte nach der obenerwähnten Annahme jede Schwingungsenergie auch sofort den ihr zukommenden Wert annehmen, während in Wirklichkeit nur ein ganz allmähliches Austeigen beobachtet wird. Überhaupt steht die erwähnte Auffassungsweise dem Anwachsen der spezifischen Wärme mit der Temperatur, einer fast immer beobachteten Erscheinung, geradezu ratlos gegenüber.

Das Gesetz von Duloso und Perir ferner erleidet eine Anzahl deutlicher Ausnahmen, die sehon seit langem die Aufmerksamkeit auf sich gezogen haben; nähert man sich tieferen Temperaturen, so verschwinden diese Ausnahmen nicht etwa, obwohl hier die Theorie wegen der Immer kleiner werdenden Schwingungsamplituden der Atome immer genauer hätte zutreffen müssen, sondern sie werden im Gegenteil immer zahlreicher.

Vielleicht hätte man sich also bereits vor Dezennien bei sorgfültiger Durchmusterung des gesamten Beobachtungsmaterials sagen
können, daß die Ausuahmen gerade immer dann mehr oder weniger
deutlich hervortreten, wenn es sich um Schwingungen der Atome um
eine Ruhelage handelt, und, wenn man diesem von der Natur wohl
hinreichend deutlich gegebenen Winke weiter gefolgt wäre, so hätte
man vielleicht schon früher zu einer fundamentalen Erweiterung des
mechanischen Bildes, das uns die kinetische Theorie über den Zustand
der Materie gibt, gelangen können. In Wirklichkeit aber wurde die
Lösung des Rätsels auf einem ganz anderen Wege gefunden, und ich
möchte den Weg um so lieher hier kurz auseinandersetzen, als der
Name eines Mitglieds unserer Akademie mit dieser hochbedeutsamen
und äußerst überraschenden Erweiterung unserer kinetischen Auffassungsweise für alle Zeiten verknüpft sein wird.

Bei seinen berühmten Untersuchungen über die Gesetze der Strahlung wurde nämlich Max Plance zu der Auffassung geführt, daß ein Elektron, welches um seine Ruhelage schwingt, nicht jede beliebige Schwingungsenergie je nach Umständen aufzunehmen oder abzugeben vermag, sondern daß dies nur in bestimmten Stufen möglich ist; ein schwingendes Elektron, das sich mit der Umgebung ins Wärmegleichgewicht setzt, enthält daher entweder die Energie Null oder ein ganz bestimmtes Energiequantum oder das doppelte, dreifache usf.; und zwar ist dies Quantum der Schwingungszahl des Elektrons proportional. Anschanlicher noch können wir dies so ausdrücken, daß man, um die experimentell sehr gut untersuchten Gesetze der Strahlung zu erklären, einem schwingungsfähigen, elektrisch geladenen Atom eine Temperatur von z. B. 1000° (absolut) oder gerade 2000 oder gerade 3000 usw. zuschreiben muß, wobei man natürlich nicht vergessen darf, daß die Temperatur, die man wirklich mißt, nicht diejenige eines einzelnen schwingenden Atoms ist, sondern ein Mittelwert, wie er sich nach dem Gesetze der Wahrscheinlichkeit im Sinne von Maxwells Verteilungsgesetz einstellt; dieser Mittelwert besitzt im Gegensatz zu der Temperatur der einzelnen Teilehen, die von Atom zu Atom schwankt, einen wohldefinierten Wert, wenn es sieh nur um eine hinreichend große Anzahl schwingender Teilchen handelt.

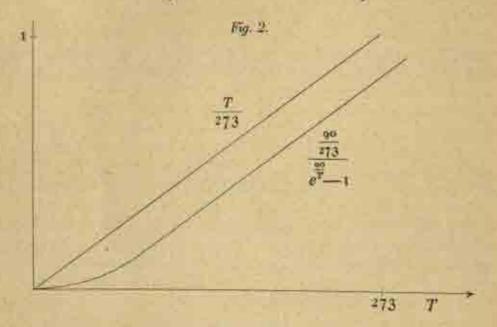
Planes hat diese Anschauung, wie erwähnt, nur auf um eine Ruhelage schwingende Elektronen angewandt, well ihn bei seinen theoretischen Untersuchungen lediglich die von derartigen schwingenden Gebilden ausgesandte elektromagnetische Strahlung interessierte. Die logische Kraft, die in der erwähnten Anschauung steckt, offenbarte sich bereits in seinen Händen darin, daß er nicht nur seine mit allen bisherigen Beobachtungen stimmende Strahlungsformel hieraus ableiten, sondern auch aus den Konstanten dieser Formel die absolute Größe eines Elektrons und somit auch die der gewöhnlichen materiellen Atome in bester Übereinstimmung mit allen sonstigen Erfahrungen auf diesem Gebiete berechnen konnte.

Wenige Jahre darauf (1907) verallgemeinerte Enstein die Plancksehe Anschanung dahin, daß sie auf jedes sehwingende Atom, nicht
nur auf das schwingende Elektron, anzuwenden sei, und zog sofort die
hierdurch gegebene Folgerung, daß der Energielnhalt E kristallisierter
Stoffe mit der Temperatur nicht, wie Boltzmanns Theorie verlangte, der
absoluten Temperatur proportional, sondern im Sinne der Planckschen
Strahlungsformel

 $E = 3R \frac{\beta r}{e^T - 1},$ 

d. h. zunächst sehr viel langsamer und erst bei hinreichend hohen Temperaturen letzterer proportional ansteigt.

Fig. 2 zeigt als ausgezogene Linie den Wert von 3RT, als punktierte Linie den Wert von E nach obiger Gleichung; wie man sieht, werden bei hohen Temperaturen beide Ausdrücke praktisch identisch



Aber auch die Einsteinsche Auffassung scheint mir konsequenterweise noch einer weiteren Verallgemeinerung fühig zu sein. Bei den
stark unterkühlten Flüssigkeiten haben wir es mit um bestimmte Ruhelagen oszillierenden Atome zu tun, so daß also auch amorphe Substanzen, wie z. B. die Gläser, die nach Tambanns Darlegung als unterkühlte Flüssigkeiten aufzufassen sind und daher keinen Schmelzpunkt
besitzen, der Planck-Einsteinschen Auffassung zu unterwerfen sein
werden. Sodann aber, und hierdurch wird eine weitere Reihe von
Schwierigkeiten beseitigt, die der Bontzmannschen Theorie anhaften,
wird die gleiche Anschauung auch auf rotierende Gebilde anzuwenden
sein, nur daß hier die der Schwingungszahl entsprechende Tourenzahl des rotierenden Gebildes nicht konstant ist, sondern mit der Lebhaftigkeit der Wärmebewegung zunimmt.

Nummehr sind wir in der Lage, uns ein ziemlich vollständiges Bild von der Wärmebewegung in Gasen und in festen Körpern zu machen; die Flüssigkeiten wollen wir, wie schon betont, wegen ihres bei höheren Temperaturen aus mehrfachen Gründen viel komplizierteren Verhaltens hier außer acht lassen.

Der Energieinhalt eines einstomigen Gases besteht hiernach wesentlich aus der Energie der fortschreitenden Bewegung; Rotationsenergie kann, außer etwa bei ungeheuer hohen Temperaturen, nicht in merklicher Menge vorhanden sein, weil eine Rotation eines Atoms wegen seiner ungeheueren Kleinheit mit einer sehr hohen Tourenzahl verbunden sein müßte, damit eine merkliche Energiemenge hierin aufgespeichert werden kann. Bei zweiatomigen Gasen sind, wie schon BOLTZMANN annahm, aber jetzt wohl erst wirklich gerechtfertigt wird. Rotationen in zwei zueinander senkrechten Ebenen möglich, während eine Rotation um die Verbindungslinie der beiden Atome aus den gleichen Gründen wie oben bei gewähnlichen Temperaturen nicht merklich stattfinden kann. Außerdem aber können die beiden Atome Sehwingungen um ihre Ruhelage ausführen; jedoch kann im Sinne der Quantentheorie die hierin aufgespeicherte Energie in um so größeren Beträgen, also erst bei um so höheren Temperaturen, in merklicher Weise aufgenommen werden, je schneller jedes Atom um seine Ruhelage pendelt. Ein Atom schwingt nun um so schneller, je fester es gebunden ist; anderseits aber wird nach der Plancksehen Formel die Energie bei um so höheren Temperaturen aufgenommen, je höher die Schwingungszahl der betreffenden Atome ist. So haben wir denn also zu erwarten, daß diejenigen zweiatomigen Gase, die erst bei extrem hoher Temperatur sich in die Atome spalten können, sich bei gewöhnlichen Temperaturen wie starre Körper verhalten müssen, während bei mäßig hohen Temperaturen dissoziierbare Gase schon bei gewöhn-Hehen Temperaturen Schwingungsenergie aufzunehmen imstande sein müssen. Tatsächlich haben die Messungen von Rednauer, Strecken und anderen ergeben, daß Gase, wie Wasserstoff, Sauerstoff, Stickstoff, Chlorwasserstoff, Jodwasserstoff, Kohlenoxyd, die sich sämtlich sicherlich erst weit über 2000° in die einzelnen Atome spalten, eine spezifische Warme bei gewöhnlicher Temperatur besitzen, wie sie Bourz-MANN für starre Körper berechnet hat, während diejenigen Gase, die sich bereits erheblich unterhalb 2000° in die einzelnen Atome spalten, nämlich Chlor, Brom und Jod, schon bei gewöhnlichen Temperaturen merkliche Schwingungsenergie aufzunehmen vermögen und daher erheblich größere Werte der spezifischen Wärme besitzen.

Ganz ähnliche Betrachtungen lassen sich auch für die mehratomigen Gase anstellen. Hierauf wie auf die Formeln, die sich aus diesen Anschauungen ergeben, muß ich mir ein näheres Eingehen

hente versagen.

Besonders fruchtbar erwies sich die Quantentheorie in ihrer Anwendung auf die spezifische Wärme der festen Elemente. Der Weg zwar, den Einsems selber einzuschlagen suchte, nämlich die Ableitung der Schwingungszahl z der Atome aus optischen Messungen, hat sich bisher wenigstens als kaum gangbar erwiesen; die schwingenden Teil-

chen brauchen offenbar nicht notwendig sich optisch bemerkbar zu machen, weil es sich eben hier in der Regel nicht um Ionen, d. h. um elektrisch geladene Atome, sondern um neutrale Atome handeln wird. Aber Hrn. LINDEMANN, einem meiner Mitarbeiter, der sieh auf meine Veranlassung mit Messungen der spezifischen Wärme beschäftigt. gelang es ganz kürzlich in sehr einfacher und origineller Weise, diese Schwingungszahl aus dem Schmelzpunkt T, dem Atomgewicht m und dem Atomyolum V des betreffenden Elementes zu berechnen. Der allgemeine Gedankengung war folgender. Der Schmelzpunkt ist nach LINDEMANN dadurch charakterisiert, daß die Elongationen der Atome um ihre Ruhelage solche Beträge annehmen, daß die Atome zusammenstoßen und daß so der feste Verband der einzelnen Atome im Kristall zerstört, der Körper mit anderen Worten geschmolzen wird. Dieser Abstand ergibt sich nun aus dem Molekularvolumen; anderseits können wir den Energieinhalt beim Schmelzpunkt aus der spezifischen Wärme berechnen und da derselbe außer von der Schwingungsamplitude mir noch vom Atomgewicht und der Schwingungszahl abhängt, so ist letztere als einzige Unbekannte zu berechnen. Die so erhaltene Formel lautet:

$$v = \text{const.} \sqrt{\frac{T_s}{m V^{\frac{1}{s}}}}$$
.

Damit sind wir aber in die Lage versetzt, die Atomwärme der Elemente bis zum absoluten Nullpunkt herab zu berechnen, und auf diesem Wege ist eine sehr umfangreiche Prüfung der Quantenhypethese ermöglicht.

Die Prüfung an dem von meinen Mitarbeitern und mir nach den ohigen Methoden erbrachten Beobachtungsmaterial hat nun in der Tat ergeben, daß mindestens in erster Annäherung der Verlauf der spezifischen Warme durch sie wiedergegeben werden kann; allerdings acheint es, als ob bei sehr tiefen Temperaturen, etwa bei derjenigen des siedenden Wasserstoffs, die Abnahme nicht ganz so stark ist, als es die Formel Enstruss verlangen würde. Aber es ist ganz wohl denkbar, daß in den festen Körpern nicht alle Atome gleich fest an ihre Ruhelage gebunden sind, sondern daß hier, z, B. deshalb, weil die einzelnen Bausteine des festen Körpers nicht aus einzelnen Atomen, sondern aus Komplexen derselben bestehen und daß in letzteren die Atome zum Teil fester, zum Teil lockerer gebunden sind, nicht eine, sondern mehrere Schwingungszahlen einzuführen wären; macht man diese Annahme, die gewiß von vornherein nicht unwahrscheinlich ist, so kann man zwar zur Zeit die Theorie nicht mit völliger Exaktheit prüfen, aber es bleibt doch auf der andern Seite die Tatsache bestehen, daß

Exstress Formein uns, wenn auch nicht über alle Einzelheiten, so doch über die Gesamtheit der Erscheinungen in anschaulicher und widerspruchsfreier Weise Rechenschaft geben, zumal wenn man damit die Hilflosigkeit der älteren Theorie gegenüber den Abweichungen von Dulose-Pettrs Gesetz und vielen andem Tatsachen vergleicht.

Das wichtigste Ergebnis aber, welches die Anwendung der Theorie von Planck und Einstein auf die spezifischen Wärmen fester Stoffe bisher erbracht hat, ist unstreitig die Aufklürung, die wir über das Wesen des Gesetzes von Dulone und Parrir dadurch erhalten haben. Dasselbe kann hiernach pur in den Temperaturgebieten zutreffen, in denen die Energie proportional der absoluten Temperatur ansteigt, und dies ist dort der Fall, wo die mittlere Energie eines Atoms merklich größer geworden ist als diejenige des ihm zukommenden Elementarquantums. Bei tiefen Temperaturen, in denen umgekehrt die mittlere Schwingungsenergie erheblich unter den Wert des Energiequantums herabgeht, ist der Energieinhalt und damit auch die spezifische Wärme hedentend kleiner, als dem Werte 3R = 5.95 entspricht; die oben erwähnte Auffassung des Schmelzpunktes setzt uns sogar in den Stand, das Gültigkeitsbereich des Gesetzes von Dulose und Perre von vornherein abzuschätzen. So wird die Ausnahmestellung, die speziell Diamant und Graphit besitzen, nunmehr einfach dadurch verständlich, daß diese Substanzen einen sehr hohen Schmeizpunkt und ein sehr kleines Atomgewicht besitzen; ähnlich verhalten sich, wenn auch nicht ganz so ausgeprägt, Bor und Silizium, die bekanntlich ebenfalls schon bei Zimmertemperatur einen viel kleineren Wert haben, als es das Gesetz von Denoxe und Perir verlangt. Lithium gehorcht bei Zimmertemperatur trotz seines kleinen Atomgewichtes diesem Gesetze, weil es einen viel niedrigeren Schmelzpunkt besitzt. Auf der andern Seite gehorehen Blei und, wie Politizuus soeben veröffentlichte Messungen zeigen, auch Quecksilber bis zur Temperatur der flüssigen Luft noch gut dem Gesetze von Dulona und Pettr, weil diese Elemente neben ihrem sehr hohen Atomgewicht außerdem noch einen niedrigen Schmeizpunkt aufweisen; bei der Temperatur des siedenden Wasserstoffs habe ich aber bereits auch beim Blei schon konstatieren können, daß hier die Atomwärme, übrigens auch quantitativ im Sinne der obigen Formel, auf etwa den halben Wert gesunken ist. Daß auch dieses Element den bei hinreichend tiefen Temperaturen allgemein geforderten starken Abfall der Atomwärme zeigt, ist gewiß eine weitere kräftige Stütze für die Theorie von Planck und Einstein.

Als ich mit einem selbstgebauten Apparat mir zum erstenmalflüssigen Wasserstoff darstellte, war es bereits sehr auffällig, daß ein an das Ausströmungsventil des sich expandierenden Wasserstoffs angelötetes Thermoeienent einen zunächst langsamen, dann aber rapiden Temperaturabfall bis zum Punkte der Wasserstoffverflüssigung anzeigte; dies war nur so zu deuten, daß bei diesen tiefen Temperaturen die dieke Kupferspirale, durch welche dem Ventil der Wasserstoff zugeführt wurde, nur eine sehr geringe Wärmekapazität besitzt, wie dies aus den obigen Betrachtungen von vornherein abzuleiten war; denn das Kupfer ist ein Element mit mäßigem Atomgewicht und ziemlich hohem Schmelzpunkt. Die Messungen ergaben mir denn auch, daß Kupfer bei der Temperatur des siedenden Wasserstoffs noch nicht den zwanzigsten Teil der spezifischen Wärme bei gewöhnlichen Temperaturen besitzt.

Man hat wohl früher immer angenommen, daß sich die Natur gegen die Erreichung des absoluten Nullpunktes der Temperatur, also des Gebiets des Wärmetodes, wie man sich poetisch häufig ausdrückt, sehr stark sträubt; es ist aber nunmehr klar, daß der starke Abfall der spezifischen Wärme der Metalle und anderer Stoffe bei sehr tiefen Temperaturen umgekehrt den Weg dorthin in unerwarteter Weise erleichtert.

Zur Zeit ist die Quantentheorie wesentlich eine Rechnungsregel, und zwar eine solche, wie man wohl sagen kann, sehr seitsamer, ja grotesker Beschaffenheit; sie hat aber in den Händen von Planck, was die Strahlung, in den Händen von Eisseren, was die Molekularmechanik anlangt, so reiche Früchte gebracht und ist, wie ich im vorstehenden angedeutet habe, auch so vieler sonstiger Anwendungen fähig, daß der Forschung die Pflicht erwächst, möglichst vielseitig dazu Stellung zu nehmen und sie der experimentellen Prüfung zu unterziehen.

Wenn Newron, als er die moderne Mechanik sehuf, den Weg zu den Erfolgen der theoretischen Physik ebnete, wenn Dalton in der Atomtheorie Physik und Chemie mit ihrem fruchtbarsten logischen Hilfsmittel beschenkte, so hat Phance in der Quantenhypothese eine wiederum ganz neuartige Methodik naturwissenschaftlicher Rechenoperationen gefunden, und zwar ist diese bereits so nützliche Hypothese nicht etwa eine bloße Atomistik der Energie, sondern tatsächlich etwas ganz Neues, weil ja die Quanten je nach der Bewegungsart des betreffenden Atoms jeden beliebigen Wert von Null aufwärts annehmen können.

Natürlich aber wird der Wunsch rege, die erwähnte Rechnungsregel in irgendeiner Weise unserer Anschauung näher zu bringen: dies
war bisher nicht möglich, aber ein Hinweis darauf, wo vielleicht der
Schlüssel zum Verständnis zu suchen ist, dürfte nicht zu gewagt sein.
Die Quantenhypothese tritt, wie die vorstehende Darstellung erkennen
ließ, immer da in Kraft, wo es sich um Atome oder Moleküle handelt,
die um einen Punkt kreisen, und zwar mit Tourenzahlen, denen wir

weder in der Astronomie noch bei allen anseren eigenen Experimenten je begegnet sind (z. B. beträgt v selbst für die trägen Bleiatome über 1013 Touren pro Sekunde!). Hier versagen also unsere bisherigen mechanischen Formeln und müssen durch die Quantenhypothese modifiziert werden. So sehr überraschend ist dies wohl nicht, wenn wir bedenken, daß es sich hier um eine Extrapolation der Gesetze der Mechanik handelt, die ganz ungeheuer die Grenzen der hisherigen Erfahrung überschreitet: überraschend ist nur die ganz merkwürdige Art und Weise, in der diese Abweichung erfolgt. Wenn also etwa, schon um z. B den in der Wärmeleitung der Kristalle bei sehr tiefen Temperaturen stattfindenden Austausch der Energie zu erklären, der nach den Versuehen Euckens sogar sehr lebhaft ist, obwohl bei den kleinen Amplituden der Schwingungen ein direkter Anstoß der Atome first ausgeschlossen ist, die Newtonsche Attraktion, die dem Gesetz von Corrown entspricht, durch eine den Amrikuschen Gesetzen analoge Erweiterung zu ergänzen sein wird, so dürfte diese Erweiterung doch anderseits zu völlig andersartigen Formeln führen müssen.

Die gewöhnliche kinetische Theorie der Gase operiert mit geradlinigen Geschwindigkeiten, und zwar mit Werten derselben, wie wir
sie in der Ballistik kennen und wie sie aus der Astronomie in sogar
viel größerem Betrage geläufig sind. Von einer Extrapolation der Gesetze der Mechanik ist hier also nicht die Rede; eine solche würde
erst bei ungeheuer hoch erhitzten Gasen auftreten und, wenn die
geradlinige Geschwindigkeit der Gasmoleküle mit der Lichtgeschwindigkeit kommensurabel würde, so wäre auch hier eine Abweichung
von den bekannten Gesetzen der Mechanik und demgemäß ein Versagen der bisherigen kinetischen Gastheorie wohl mit größter Wahrscheinlichkeit zu erwarten.

Wir sehen also — und hier können wir an die einleitenden Betrachtungen anknüpfen — auch das Grundgesetz der Wärmetheorie, wonach die Temperatur der lebendigen Kraft der kleinsten Teilehen proportional ist, hat seine Grenzen: für freie Gasmoleküle sind Abweichungen allerdings erst bei extrem hohen Temperaturen, hier aber wohl mit großer Sicherheit zu erwarten: für gebundene Atome liegen sie in der Quantentheorie, und zwar werden sie bei tiefen Temperaturen besonders deutlich. In keinem Falle aber werfen diese Abweichungen das erwähnte Grundgesetz, dem noch ein weites Reich seiner unumschränkten Herrschaft unterstellt bleibt, über den Haufen; daher würde man hier, wie in vielen Abnlichen Fällen, Unrecht tun, wenn man wieder einmal von einem Umsturz einer lange anerkannten Theorie sprechen wollte!

Zum Schlusse wollen wir mit den neuen Gesichtspunkten, die wir für die spezifische Wärme inzwischen gewonnen haben, noch einmal den oben besprochenen Wärmesatz ins Auge fassen und prüfen, ob er nunmehr, ähnlich wie es für die beiden bereits bekannten Wärmesätze möglich war, etwa ebenfalls einer molekulartheoretischen Deutung fähig ist.

Der erste Wärmesatz, das Gesetz von der Erhaltung der Energie, ist eine unmittelbare Konsequenz aus den Prinzipien der Mechanik, wenn wir uns die materiellen Gebilde als aus einzelnen Atomen, d. h. Massepunkten bestehend, denken, die irgendwelche nur von ihrer Ent-

fernung abhängige Kräfte aufeinander ausüben.

Weit schwieriger ist das Verständnis des zweiten Wärmesatzes vom Standpunkte der Atomistik. Erst Bourzmass war es, der in einer Reihe sehr scharfsinniger Abhandlungen zu der Erkenntnis getangte, daß alle diejenigen Prozesse, bei denen im Sinne des zweiten Wärmesatzes ein Verlust an freier Energie stattfindet, solche sind, bei denen die Atome aus einer unwahrscheinlicheren Konstellation in eine wahrscheinlichere übergehen; der zweite Wärmesatz ist daher ähnlich wie der Begriff der Temperatur, mit dem er ja eng verknüpft ist, ein Satz, der nur dann Gültigkeit, ja überhaupt einen Sinn besitzt, wenn man mit aus sehr vielen Atomen bestehenden Gebilden operiert, eine Bedingung, die in der Regel von selbst bei unsern Versuchen im Laboratorium, wie auch sogar bei der kleinsten lebenden Zelle hinreichend erfüllt ist.

Sehr einfach gestaltet sich aber nun wiederum die Deutung des neuen Wärmesatzes. Nach der Quantentheorie sind auch bei endlichen, wenn auch biswellen sehr kleinen Entfernungen vom absoluten Nullpunkt der Temperatur alle festen Stoffe, seien es Kristalle oder unterkühlte Flüssigkeiten, nur ungeheuer wenig von ihrem Zustande beim absoluten Nullpunkt selber verschieden; hieraus aber ergibt sich sofort als weitere Konsequenz, daß in diesem Gebiete, wie es unser Satz verlangt, die Kurven der gesamten Energie und der freien Energie praktisch zusammenfallen, d. h. sich tangieren müssen. Und es würde sogar wenn, wie es die Formeln von Planck und Einstein verlangen, die untere Kurve in Fig. 2 beim absoluten Nullpunkt wirklich die Abszisse mit unendlich hoher Ordnung berührt, das gleiche von der gegenseitigen Berührung der beiden Kurven in Fig. 1 gelten müssen.

Als Ergebnis unserer Betrachtungen können wir also hinstellen, daß die ganz verschiedenartigen Erwägungen und scheinbar gänzlich getrennten Gebiete, auf denen Planck arbeitete, als er die Theorie der Strahlung aufdeckte, und ich, als ich die Beziehungen zwischen ehemischer Energie und Wärme zu enträtseln mich bemühte, nunmehr in das gleiche Endresultat eingemündet sind. Im einzelnen sind natürlich zwar noch viele Lücken auszufüllen und Detailfragen zu beantworten, im großen und ganzen aber dürften die neuen Anschauungen über das Wesen der Wärme in festen Körpern und ihre Beziehung zur ehemischen Kraft gesichert dastehen.

Als ich im Laufe meiner Ausführungen u. a. die durch die Quantentheorie geschaffene Erweiterung unserer Anschauung vom Wärmezustand
der Materie schilderte, ist vielleicht manchem von ihnen die amüsante
Wendung eingefallen, mit der Gottrenen Kellen sein «Sinngedicht»
beginnt: «Als die Naturwissenschaften ehen wieder auf einem höchsten
Gipfel standen usw.»; die hierin liegende Ironie mag berechtigt sein,
aber der Forscher kann den Optimismus bei seiner Arbeit nicht entbehren, weil er sonst verwirtt und mutlos vor der Fülle der sich
ihm aufdrängenden Gesichte den Blick zu Boden senken würde.

Und trotzdem müßte er als einzelner daran verzweifeln, aus dem Wirrwarr der Beobachtungen die harmonische Weise eines Naturgesetzes herauszuhören, wenn er in seiner Arbeit nicht zahlreiche Bundesgenossen fände. Die Feinmechanik, die, einem Kunstgewerbe vergleichbar, durch das Talent und die Emsigkeit vieler Meister und Gesellen besonders in Deutschland zu einer wundervollen Blüte gelangt ist, fertigt ihm Instrumente, auf deren Präzision er sich verlassen kann; die Industrie, die Elektrotechnik an der Spitze, liefert die Hilfsmittel zur Erzeugung mannigfacher Energieformen, und unsere chemischen Fabriken, selber Stätten eifriger Forschung, ersparen ihm einen großen Teil umständlicher präparativer Arbeitslast; schließlich liegen in den Methoden der theoretischen Physik erprobte logische Hilfsmittel von größter Mannigfaltigkeit parat.

Die Erfolge der Forschung wachsen mit der Zahl ihrer Jünger, die sieh gegenseitig in die Hände arbeiten; im Interesse eines schnellen Fortschritts ist es daher mit Freuden zu begrüßen, daß Nordamerika und auch Japan schon lange zur Mitarbeit den älteren Kulturnationen sich beigesellt haben; von Südamerika, Südafrika, selbst China und anderen Ländern wird ähnliches in immer steigendem Maße zu erhoffen sein. Jede Kulturnation aber muß schon um der Bedentung willen, die die naturwissenschaftliche Forschung für die Wehrkraft, die Technik und die Heilkunde besitzt, danach streben, im eigenen Lande möglichst viel Erfolge zu erzielen; es ziemt sich daher, der größen Förderung zu gedenken, die unser erhabener Monarch, dessen Geburtstag wir festlich begehen, unserer Arbeit durch die Begründung der Kaiser-Wilhelm-Institute kürzlich hat angedeihen lassen. An Bestrebungen in dieser Richtung hat es ja bei uns in Deutschland zum

Glück nie gefehlt, und insbesondere hat unser verstorbenes Ehrenmitglied Faurnauer Altmorr auch hierin seinen weiten Blick bewährt.
Aber erst durch das Machtwort des deutschen Raisers, und, was die
Nation noch dankharer empfinden wird, erst durch das von der Opterwilligkeit vieler Patrioten getragene ganz persönliche Eingreifen Sr. Majestät konnte die Schöpfung ins Leben treten, die neue Mitarbeiter
und weitere Hilfsmittel den Zielen unserer Forschung zuzuführen bestimmt ist. An diesem schönen Worke mitzuarbeiten, wird auch
unserer Akademie nicht nur statutenmäßige Pflicht, sondern nuch
Frende und Ehrensache sein.

Der Vorsitzende verkündete, dass die Akademie beschlossen habe, ihrem Mitgliede Hrn. Jacon Heisenen van'r Horr in Anerkennung seiner wissenschaftlichen Verdienste die Helmholtzmedaille zu verleiben.

Über die Güverra-Stiffung verkündet derselbe:

## Dr. Carl Güttlen-Stiflung.

Nachdem Hr. Prof. Dr. Cam Gürruzu in München mit dem 1. October 1910 den Gesammtbetrag der Aufkünfte von dem Capital der
von ihm bei der Akademie errichteten Stiftung der Akademie überwiesen hat, tritt die Stiftung in Wirksamkeit und wird unch den
Bestimmungen ihres in den Abhandlungen der Akademie, Jahrg. 1907.

8. XX ff., veröffentlichten Statuts zunächst der philosophisch-historischen Classe den Betrag von 2300 Mark zur Verfügung stellen, welcher Betrag in einer oder mehreren Raten vergeben werden kann.

Die allgemeine Bestimmung des Statuts hinsichtlich der Zuertheilungen ist nach § 2 die, dass sie zur Förderung wissenschaftlicher Zwecke geschehen sollen, und zwar insbesondere als Gewährung von Beiträgen zu wissenschaftlichen Reisen, zu Natur- und Kunststudien, zu Archivforschungen, zur Drucklegung grösserer wissenschaftlicher Werke, zur Herausgabe unedirter Quellen und ähnlichem.

Hierneben kommt nach § 6 die Verordnung des Stifters in Betracht, dass dieses erste Mal die Zuertheilung erfolgen soll zu gunsten einer Arbeit aus trgend einem Zweige der Philosophie als der von dem Stifter selbst vertretenen Wissenschaft.

Bewerbungen um Zuertheilung müssen bis zum 25. October 1911 im Buresu der Akademie, Berlin W 35. Potsdamer Str. 120. eingereicht werden. Die etwaige Zuertheilung erfolgt am 25. Januar 1912. Alsdann wurden die Jahresberiehte über die von der Akademie geleiteten wissenschaftlichen Unternehmungen sowie über die ihr angegliederten Stiftungen und Institute vorgelegt.

### Sammlung der griechischen Inschriften.

Berieht des Hrn. von Willandwitz-Moeleenhouer.

Der Druck von V i (Lakonien und Messenien, bearbeitet durch Hrn Kolbe) hat begonnen. Für XII 9 (Euboia, bearbeitet durch Hrn Zubarn) sind die Schriftproben ausgewählt, die abgebildet werden sollen, und die Tafeln hergestellt. Es hat sich heransgestellt, daß ein Papier, welches die für akademische Publikationen geforderte Haltbarkeit besitzt, nicht zugleich für den Druck von Autotypien geeignet ist; daher werden in Zukunft die Schriftproben nicht im Text, sondern auf besonderen Tafeln gegeben werden.

Um das Material für die Inschriften von Arkadien zu sammeln (V 2), hat Freiherr HILLES VON GAERTRINGEN das Land bereist und dabet auch die topographische Forschung dieses zum großen Teile arg vernachlässigten Landes betrieben. Er wird hierüber besonders berichten. Es war für das ganze Unternehmen von großer Bedeutung, dati der wissenschaftliche Beamte der Akademie in Athen und anderen Orten die persönlichen Beziehungen mit den griechischen Gelehrten und den Schulen der anderen Nationen pflegen kounte. Sowohl die griechische Regierung wie die griechischen Gelehrten haben sich von neuem durch ihr Entgegenkommen und die einsichtige Förderung ihrer Unternehmungen den lebhaften Dank der Akademie verdient. Dasselbe gilt nicht nur von unserem deutschen archäologischen Institute, sondern von allen fremden Schulen. Insbesondere hat die British School auch diesmal wie in den früheren Jahren Abklatsehe der neugefundenen Inschriften aus Sparta beigestenert. Mit der französischen Schule ist geradezu eine Arbeitsgemeinschaft begründet. Denn in Ausführung früherer Vereinbarungen ist zwischen der Academie des Inscriptions et belles lettres und unserer Akademie ein Vertrag abgeschlossen, auf Grund dessen die delischen Inschriften (XI) im Rahmen und der Anlage und Ausstattung unserer Inscriptiones Graecae von der Pariser Akademie berausgegeben werden sollen. Der Druck des ersten Heftes, bearbeitet von Hrn. F. Dönnbach, wird noch in diesem Jahre beginnen. Wie ein solcher Vertrag nur zustandekommen konnte, wenn auf beiden Seiten außer der Ubereinstimmung in allen sachlichen Fragen auch volles persönliches Vertrauen vorhanden war, so darf gehofft werden, dail das Werk, wenn auch entspreehend seinem Umfange nicht rasch, zur Vollendung kommen und

dann der Wissenschaft nicht nur durch das überreiche Material, sondern auch als Dokument einträchtigen und hochsinnigen Zusammenwirkens Förderung und Ehre bringen werde.

Die Sammlung der kyprischen Inschriften, von der im vorigen Jahresberichte zuerst Mitteilung gemacht war, wird in erster Linie von der Kgl. Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften geleitet: doch mag auch hier erwähnt werden, daß der Bearbeiter. Hr. R. Musten, selbst, namentlich zur Aufnahme der Cesnolasammlung, nach Amerika gereist ist. Kurz vorher hatte er von Funden Nachricht erhalten, die in Rantidi, nicht sehr weit von Paphos, gemacht waren, und in den Berichten der Sächsischen Gesellschaft einige Inschriften veröffentlicht. Das hat der Akademie Veranlassung gegeben, die Fundstätte untersuchen zu lassen. Hr. Dr. R. Zann, Kustos der Kgl. Museen, hat die schwierige Aufgabe mit ebensoviel Aufopferung wie Geschiek durchgeführt; der Bericht wird später erscheinen.

Für das Archiv ist die Exzerpierung namentlich zur Ergänzung von XIV (Italien) gefördert. Einverleibt ist ihm das Mannskript von A. Bozekus Corpus, ein Geschenk, für das dem Enkel des großen Regründers dieser Unternehmung, Hrn. Landrichter Bozeku, wieder ein besonders lebhafter Dank auszusprechen ist.

#### Sammlung der lateinischen Inschriften.

Bericht des Hrn. Hinschvern.

Für den VI. Band (Rom) hat Hr. Bang nach Übernahme der Redaktion im Oktober 1909 seine Tätigkeit zunächst auf die Aufnahme und Revision der neuen Eunde gerichtet. Diesem Zweck diente ein halbjähriger Aufenthalt in Rom (Winter 1909 10), zu dem die Akademie die Mittel gewährt hatte. Nach seiner Rückkehr war er vorwiegend mit der Bearbeitung des für das Austarium gesammelten Materials und der Ergänzung desselben aus den Publikationen der letzten Jahre beschäftigt. Die Drucklegung des Austarium und der Namenindices soll im Frühjahr 1911 begonnen werden.

Zu Band VII (Britannien) hat Hr. Havrattern in Oxford ein wertvolles Supplement eingesandt, das die etwa seit 1888 in Britannien
gefundenen Inschriften nebst zahlreichen Nachträgen zu den früher
gefundenen enthält. Dasselbe wird in der Ephemeris epigraphien
Band IX Heft 4 demnächst zum Druck gelangen.

Hr. Bousans hat die umfangreichen, aber sehr zertrümmerten Funde in Viterbo im Herbst 1910 geprüft und die fertiggestellten Nachträge zum XI Band (Mittelitalien) sodann der Drucklegung übergeben, obschon der offizielle, für die Notizie degli scavi bestimmte Fundbericht noch nicht erschienen ist. Der Druck der sonstigen Nachträge zu Etrurien und der längst druckfertigen zu Umbrien soll unmittelbar darauf beginnen.

Die Nachträge zu den Gallischen Inschriften (XIII, 1) hat Hr. Hisson-TELD soweit fertiggestellt, daß ihre Drucklegung vor Ostern dieses Jahres wind beginnen können. — Hr. Franc in Heidelberg, der an Stelle des von der Corpusarbeit leider zurückgetretenen Hrn. von De-MASZEWSKI die Bearbeitung der Nachtrüge zu den Inschriften von Germanien (XIII, 2) übernommen hat, hat im vergangenen Jahr die Museen von Baden-Baden, Straßburg, Stuttgart und der Saalburg aufgenommen und die Exzerpierung der Literatur fortgesetzt. - Hr. Bons hat auch in diesem Jahre die Ausarbeitung des gallisch-germanischen Instrumentium nur wenig fördern können. - Hr. Striken hat die Ziegelstempel von Obergermanien jetzt fast vollständig aufgenommen. Ergielig war besonders die mühsame Durcharbeitung des in Mainz aufgehäuften Materials. Für die Ziegel der Belgica ist mit etwa 2000 Abklatschen aus dem Trierer Museum ein Grundstock geschaffen. -Die Exzerpierung von Band XIII für die Indiecs hat Hr. Sznatolawer abgeschlossen und mit der Ausarbeitung begonnen. - Die Karten von Gallien und Germanien hat Hr. Prof. Kartschman bis auf die aus den Nachträgen sich ergebenden Ergänzungen vollendet; dieselben werden demnächst dem Stich übergeben werden.

Hr. Darsser, hat die Abteilung der Gladiatoren- und sonstigen Tesseren für den XV. Band (Instrumentum der Stadt Rom) endgültig geordnet und die Ausarbeitung einzelner Klassen nahezu fertiggestellt.

Die Neubearbeitung des I. Bandes (Inschriften der Republik) ist von Hrn. Lommarzsch in München bis zum 75. Bogen zum Druck gebracht.

Das von Hrn. Dessau gemeinsam mit Hrn. Caunar bearbeitete Auctarium zu Band VIII (Afrika) ist im Satz bis Bogen tSS gelangt. Die neugefundenen Inschriften von Thugga, deren Zahl auf gegen Soo angewachsen ist und die sich jetzt im Druck befinden, sind wie bisher von Hrn. Poinssor freundlichst mitgeteilt worden.

Das in den vorjährigen Berichten erwähnte Supplement zu Band XIV (Latium) ist, von Hrn. Dessau bearbeitet, jetzt in der Ephemeris epigraphica Band IX, 3 erschienen.

Dem von demselben verwalteten Archiv des Corpus sind in letzter Zeit die bei der Akademie befindlichen Zink- und Holzstöcke und Kupferplatten zu Abbildungen in den früher erschienenen Bänden überwiesen worden; die Ordnung des umfaugreichen Materials ist in Angriff genommen.

#### Prosopographie der römischen Kaiserzeit.

Bericht des Hrn. Herschfeld.

Den Druck der Magistratslisten haben die HH. Dessau und Kuns im vergangenen Jahr noch nicht beginnen können.

### Index rei militaris imperii Romani.

Bericht des Hrn. Hinsonvann.

Hr. RITTEBLING ist auch in diesem Jahre durch amtliche Pflichten an der Fortfilhrung der Arbeit verhindert worden.

### Politische Korrespondenz Friedrichs des Großen.

Bericht der HH. von Schnoller und Koser.

Der kurz vor Weihnachten erschienene 34 Band führt in 452 Nommern vom 1. Juli bis zum 31. Dezember 1773. Die Vorgänge, um die sich diese Schriftstücke gruppieren, sind vornehmlich die Warschauer Verträge vom 18. September 1773, durch die der polnische Reichstag die Abtretung der von Preußen, Österreich und Rußland das Jahr zuvor in Besitz genommenen Gebiete genehmigte; die Zwistigkeiten zwischen Preußen und der Stadt Danzig wegen des Danziger Hafens und des Zollrechtes, sowie die Stellungnahme Rußlands und Englands zwischen den beiden Parteien; die schwierigen Verhandlungen wegen endgültiger Abgrenzung der polnischen Erwerbungen Preußens und Österreichs; die fortgesetzten Bemühungen König Fundurchs um die Wiederherstellung des Friedens zwischen Rußland und der Türkei und um die Ausgleichung des Gegensatzes zwischen Rußland und Schweden.

Seine Vorbereitungen für einen welteren Band hat der Bearbeiter unserer Sammlung, Hr. Dr. G. B. Volz, dem Abschlusse genähert.

#### Griechische Münzwerke.

Bericht des Hrn. DRESSEL

Das nordgriechische Münzwerk. Im November des verflossenen Jahres erschien vom I. Bande die erste Abtheilung der zweiten
Hälfte. Sie umfasst die Beschreibung der Münzen von Odessos
(297 Nummern), die Prof. B. Pick noch vor seinem Rücktritt von
der Redaction des Randes fertig gestellt hatte, sowie die von Hrn.
Regung bearbeiteten Münzen von Tomis (1218 Nummern); dem stattlichen Hefte ist eine Ergänzungstafel beigegeben. Die letzte Abthei-

lung des Bandes wird die Nachträge zu Dacien und Moesien, die Concordanzen und Register enthalten. Auch in diesem Jahre hat Hr. Reuliso die Excerpirung der neu erschienenen und zum Theil auch älterer Litteratur für Band II (Thracien) und III (Macedonien) ausgegeführt oder überwacht.

Das von Hrn. Strack in Giessen gelieferte Manuscript für den ersten Fascikel des II. Bandes (Thracien) ist im November zum Satz gegeben. Die für diesen Fascikel bestimmten 8 Tafeln wurden im Laufe des Sommers unter Aufsicht des Hrn. v. Farzu fertig gestellt.

Hr. Müszra in Basel war in diesem Jahre durch andere Verpflichtungen verhindert, die Bearbeitung der zweiten Hälfte des thraeisehen Bandes zu fördern.

Das kleinasiatische Münzwerk. Hr. v. Ferrze hat das Manuscript für den ersten Fascikel des mysischen Bandes, der die Münzen von Adramytion bis Kisthene enthalten soll, im Wesentlichen vollendet, sodass der Druck dieser Abtheilung im nächsten Frühjahre beginnen kann. Eine ehronologische Vorarbeit über die autonomen Münzen von Adramytion und eine Abhandlung über die pergamenischen Prägungen hat inzwischen Hr. v. Farrze zur Entlastung des mysischen Bandes anderswo veröffentlicht.

Das Manuscript für den kurischen Band hat Hr. Kustischen in Wien, durch Berufsgeschäfte und durch die Verlegung der Kaiserl. Münzsammlung in andere Räumlichkeiten verhindert, leider auch im verflossenen Jahre nicht zum Abschluss gebracht.

#### Acta Borussica.

Bericht der HH. von Schnoller, Kosen und Histze.

Im Jahre 1910 sind folgende Bände zur Ausgabe gelangt:

1. Band X die Behördenorganisation (1734—1756) von Dr. Histzi,
2. Band V, 1 die Behördenorganisation (1730—1735) von Dr. Storze,
3. Band III Münzwesen, münzgeschiehtlicher Teil (1755—1765) von
Dr. Freiherr von Schnörten, 4. Band III Getreidehandelspolitik und
Kriegsmagazinverwaltung (1740—1756) von Dr. Skarwer.

Dr. Hestze ist aus dem Kreise unserer Mitarbeiter ausgeschieden und von der Akademie zum Mitglied unserer Kommission gewählt worden; Dr. Stolze ist mit dem letzten Bande der Behördenorganisation, den er übernommen hat (1735—1740), beschäftigt; der Druck ist bis zum 41. Bogen vorangeschritten. Dr. Freiherr von Schnötzen ist mit der Fortsetzung der Münzgeschichte nach 1765 und mit dem beschreibenden Teil (drittes Heft, nach 1786) beschäftigt.

Dr. Racutt hat die Handels-, Zoll- und Akziseverfassung bis 1740 übernommen und den ersten Band, der bis 1713 reicht, fertiggestellt: davon sind 30 Bogen gedruckt; der Band wird im Laufe des Jahres 1911 erscheinen können; an Material für den zweiten Band sind schon umfangreiche Teile gesammelt.

Dr. Skalwerr ist mit der Getreidehandelspolitik von 1756 bis zum Tode Friedrichs des Großen beschäftigt; das Material ist in der Haupt-

sache gesammelt und chronologisch geordnet.

Dr. Hass ist mit dem XI. Bande der Behördenorganisation und allgemeinen Staatsverwaltung, welcher die Zeit des Siebenjährigen Krieges betrifft, so weit vorangeschritten, hat 1910 zu diesem Zwecke noch eine Relhe preußischer Archive und Registraturen besucht, daß er hofft, den Band im Herbst 1911 abschließen zu können.

#### KANT-Ausgabe.

#### Bericht des Hrn. Dilthey.

Da die zuerst erschienenen Bände der Werke vergriffen waren, wurde mit einem Neudruck derselben begonnen. Band I liegt bereits vor, ihm sollen folgen Band IV, III, II. Die Bände VIII und IX dieser Abtellung werden in Kürze erscheinen können. Ebenso wird der I. Band des handschriftlichen Nachlasses (XIV) bald herausgegeben werden. Er enthält die Reflexionen über Mathematik, Physik, Chemic, physische Geographie und eine Einleitung, welche über die Einrichtung der ganzen Abteilung orientieren wird.

Das Manuskript zum 4. Bande des Briefwechsels (XIII) liegt jetzt fust abgeschlossen vor, es fehlt noch das Register. Mit dem Druck dieses Bandes wird im laufenden Jahre begonnen werden können.

Die Vorarbeiten zur Herausgabe der Vorlesungshefte haben begonnen. Es hat sich dabei gezeigt, daß die meisten der vorhandenen
Hefte nicht unmittelbar in Kants Vorlesungen mitgeschrieben, sondern
aus Heften verschiedener Jahre zusammengestellt sind. Der Datierung
erwachsen daraus große Schwierigkeiten, welche nur durch eine allseitige Prüfung und Vergleichung des Materials überwunden werden
können. Dabei müssen die von Hrn. Annens datierten Reflexionen
berücksichtigt werden, so daß die Fertigstellung dieser Abteilung von
dem Erscheinen der Bände des handschriftlichen Nachlasses abhängig ist.

#### Ibn Saad-Ausgabe.

## Bericht des Hrn. Sachau.

Unganstige Gesundheitsverhältnisse einiger meiner Mitarbeiter haben es mit sich gebracht, daß die Arbeit an der Ibn Saad-Ausgabe während des vergangenen Jahres nicht in demselben Maße gefördert werden konnte wie bisher.

Der Druck des von Hrn. Prof. Dr. Senwaller, Gießen, bearbeiteten Bandes II, r. der die Nachrichten über das Lebensende Muliammeds enthält, ist vollendet im arabischen Text, während der Druck der An-

merkungen und Indizes noch aussteht.

Zur Vollendung der Gesamtausgabe bedarf es noch zweier weiterer Bände, des Tells I, n, der von Hrm. Prof. Dr. E. Mirrwocn bearbeiten wird und einen Teil der Biographie Muhammeds enthält, sowie des Teils VII., der von Hrn. Prof. Dr. B. Meisnes, Breslau, bearbeitet wird und die Biographien der berühmtesten Muslims der Stadt Rasra in Südhabylonien umfaßt. Es ist zu hoffen, daß die Hauptarbeit an diesen beiden Bänden im Laufe dieses Jahres zum Abschluß gelangen wird.

# Wörterbuch der ägyptischen Sprache.

Bericht des Hrn. Eunay.

Die Ausarbeitung des Manuskriptes wurde von Hen. Ennas unter Mitwirkung der HH. Buschaupt und Grarow fortgesetzt: dabei wurde zu Ende geführt und von \_\_z etwa ein Viertel erledigt. Der Reichtum der Sprache trat dabei wieder überraschend hervor, denn allein das I ergab 1344 Worte, die sich vielfach wieder in sehr zahlreiche Rubriken sonderten: so war > tun- in 550 Rubriken zu teilen, V . Herz. in 170, | bringen in 160.

Die nubische Expedition der Akademie, deren schon im vorigen Berichte gedacht war, führte in der diesjährigen zweiten Kampagne unter Leitung des Hen. JUNEER ihre Aufgabe dem Plane gemäß zu Ende. Die Inschriften der sfimtlichen Tempel, die der Überflutung Nublens zum Opfer fallen werden, sind damit für die Wissenschaft gerettet. Es wurden im ganzen etwa 2000 Photographien und 8000 Bogen Abklatsche gewonnen; mit ihrer Verarbeitung für das Wörterbuch ist bereits begonnen worden.

Auch sonst erhielten wir neues wissenschaftliches Material; Hr. Ann. kollationierte des Buch der Pfortens in den thebanischen Königsgräbern, Hrn. Navnax verdanken wir Abklatsche anderer dort befindlicher Inschriften, kleinere Texte den HIL Bonenandt, Gammen und Roeden.

Die Verzettelung erstreckte sich wie schon in den letzten Jahren hauptsächlich auf die Tempel der griechischen Zeit, auf Edfu (IIH-JUNKER und BOYLAN), auf Phills (Hr. JUNKER) und Theben (Hr. Siruk). Daneben wurden verzettelt: Religiöse Texte des m. R. (Hr. Grapow). -Buch zum Schutze des Pharao und Ritual der Balsamierung (Hr. Resent). - Verschiedene kleinere Texte (HH Buschamit und Grarow).

Die Zahl der verzeitelten Stellen betrug 1248, die der alphabetisierten Zettel 24360. Im ganzen wurden hisher verzettelt 32282 Stellen und alphabetisiert 1120549 Zettel.

Die Nebenarbeiten wurden von den HH. Beschaupt, Devaun, Gegeow und Frl. Monogensteus erledigt.

An Stelle des Hrn. Kunn trat Hr. von Bassine als Vertreter der Münchener Akademie in die Kommission ein.

#### Das Tierreich.

## Bericht des Hrn. F. E. Schulze.

Einen unersetzlichen Verlust hat das «Tierreich» im verflossenen Jahre durch den Tod unseres hochverdienten wissenschaftlichen Beamten Hrn. Prof. Dr. FEITZ EDLEN VON MACHENTHAL CELITED Der Verstorbene hat sich seit dem Beginn der Arbeiten am «Tierreich» Im Jahre 1895 als Schriftleiter mit unermüdlicher Hingabe dem Werke gewidinet, zunächst nebenantlich als Kustos des Zoologischen Institutes der Universität, dann seit 1901 ausschließlich als Beamter unserer Akademie. An seine Stelle wird mit dem 1. April des laufenden Jahres Hr. Prof. C. Alexten treten, bisher Privatdozent an der Universität Kiel. Als Hilfsarbeiter sind tätig: Frl. Marria Lurium seit neun Jahren und Hr. Dr. TH KUHLGATZ self Oktober vergangenen Jahres. Es war dem versturbenen Prof. von Maehrenthal noch vergönnt, eine der wichtigsten und sehwierigsten Lieferungen zum Abschluß zu bringen, die Gallwespen oder Cynipidae, bearheitet von den HH. Prof. von Dalla Tourr (Innsbruck) and Kurren (Bitsch) auf 58 Bogen und mit 422 Abbildungen. Von neuen Lieferungen wurden in Druck gegeben die Zecken. Ixolidas (Lieferung 26), bembeitet von Hrn. Prof. Dr. L. G. NEUMANN (Toulouse), und die Chamaeleontidas (Lieferung 27) von Hrn. Privatdozent Dr. Franz Wernen (Wien). Das Erscheinen beider Bände ist mit Ablauf des Berichtsjahres zu erwarten. Die Lieferungen 25 und 26, Gallwespen und Zecken, haben neben rein wissenschaftlichem Wert auch praktische Bedeutung, weil sie Tiergruppen behandeln, die als Schädlinge Gegenstand der Bekämpfung sind, die Gallwespen als Erzeuger von Deformationen auf Nutzpflanzen, die Zecken als Übertrager tropischer Vielisenchen.

Der Nomenclator animalium generum et subgenerum, zunächst im Interesse des «Tierreich» als Nachschlagewerk begonnen, entwickelt sich zu einem großen selbständigen Unternehmen der Akademie, auf dessen Abschluß die Fachgenossen angesichts der großen Bedeutung, die es für die Praxis der Systematik haben wird, sehon jetzt große Hoffnungen setzen. Um von Inhalt und Form des Nomenklators im voraus einen Begriff zu geben, wird beabsichtigt, einen kleinen, für sich benutzbaren Abschnitt, die Primaten, schon jetzt als Probelieferung erscheinen zu lassen.

#### Das Pflanzenreich.

Bericht des Hrn. Excura.

Im Laufe des Jahres 1910 wurden folgende Hefte veröffentlicht;

- 41. W. Wangerin, Garryaceae, Nyssaceae, Alangiaceae, Cornaceae.
  11 Bogen.
- 42 F. Pax, Euphorhaceae-Jatropheae. 10 Bogen.
- 43. H. Wonze, Umbelliferae-Apioideae-Ammineae-Heterorlitae. 14 Bogen.
- 44. F. Pax, Euphorbiacene-Adrianeae. 7 Bogen.
- 45. FR. KRANZLIN, Orchidaceae-Dendrobimae, Teil 1. 24 Bogen.
- 46. L. Diers, Menispermaceae. 22 Bogen.

Durch die Monographien der in den Heften 42-46 enthaltenen Familien und Gruppen, welche seit Jahrzehnten einer gründlichen Durcharbeitung bedurften, ist sehr viel Neues bekannt geworden.

Das 47. Heft (etwa 7 Bogen), enthaltend die Euphorbiaeras-Chrytieae von F. Pax und Cephalotaeras von J. M. Macrasiane, wird binnen kurzem ausgegeben werden,

Im Drucke sind zur Zeit (Mitte Dezember 1910): Geraniaesas von R. Ksura (eine ebenso umfängreiche wie schwierige Familie, von der bereits 14 Bogen im Satze stehen); Sphagnaceas von C. Warsstore. Mit den Sphagnaceas kommt zum ersten Male im »Pflanzenreich» eine Gruppe der Kryptogamen zur Behandlung; die Arbeit ist deshalb von ganz besonderem Werte, weil sie auf den reichen Erfahrungen eines lebenslänglichen unermüdlichen Studiums beruht.

Ferner sind dem Abschlusse nahe folgende Bearbeitungen, deren Drucklegung im Jahre 1911 beginnt:

- Fig. Kaxwzen, Orchidareas-Dendrobinas, Teil 2 (umfassend die Gattung Eria und deren Verwandte).
- J. Peasiss, Nachtrag zu Heft 4. Monimiaceae.
- H. Wolfe, Umbelliferae-Samuuloideae.
- A. Englis, Aracear-Lusioideae.
- K. KRAUSE, Goodeniaceae.
- A. Beann, Hudrophyllaceas.

#### Geschichte des Fixsternhimmels.

Die Arbeiten des Bureaus sind während des Jahres 1910 weiter unter unmittelburer Leitung des geschäftsführenden Mitgliedes der Commission in derselben Beschränkung bezüglich des Umfanges und des Hülfspersonals wie in der zweiten Hälfte des Vorjahrs fortgesetzt worden. Am 1. October 1910 war der Hru. Prof. Riszussans zunächst bewilligte zweijährige Urhaub abgelaufen, und die Akademie konnte alsdann zur Neubesetzung der damit erleitigten für das Unternehmen eingerichteten Stelle eines wissenschaftlichen Beamten sehreiten; die Stelle wurde Hru. Dr. H. Partsen mit der Bestimmung übertragen, dass er sie zunächst commissarisch zu verwalten habe, und zwar vom 1. April 1911 ab.

Die im Vorbericht besprochene Revision der Nordzettel wurde für die Sunden 11<sup>b</sup>, 12<sup>b</sup> und 13<sup>b</sup> fortgesetzt. Die anschliessende Berechaung fehlender Processionen wurde von Dr. Parrsen für 808 Sterne der Stunde 4<sup>b</sup>, von Hrn. Marrens für 1111 Sterne der Stunde 6<sup>b</sup> ansgeführt, der Auszug der nur in Bonn VI vorkommenden Sterne für die Stunden 4<sup>b</sup> bis 12<sup>b</sup> vorgenommen. In diesen neun Stunden finden sich, zwischen dem Acquator und 81°, 2967 solcher Sterne; leider hat die Hoffnung, alsbald neue Bestimmungen derselben zu erhalten, sich verflüchtigt, indem die Bonner Sternwarte ihre Zusage, diese Bestimmungen zu übernehmen, dringenderer Arbeiten wegen hat zurücknehmen müssen.

Neue Eintragungen sind im Berichtsjahre in Zahl von 13630 hinzugekommen. Hr. Martens hat den Eintrag der Cataloge Dorput 1875 (Ms.), Berlin C und III. Radcliffe-Catalog vollendet (mind 10300) Nummern), ferner die neu erschienenen Cataloge Romberg-Seyboth 1885 (6943 Sterne) und Dorpat 1820 (1716 Rectaseensionen) eingetragen und mit dem Eintrag des Greenwicher Second Nine-year Catalogue für 1900 begonnen, der auf zum Theil noch aus dem 15. Jahrhundert stammende Beobachtungen gegründet ist und deshalb ooch zu dem Programm der gegenwärtigen Sammlung gehört. Dr. Parrsen hat die ersten acht Stunden des Washington Zone Catalogue 1850 mit 5064 südlichen Sternen ausgezogen, den die Washingtoner Sternwarte höchst dankenswerther Weise unmittelbar je nach Vollendung grösserer Ms.-Abselmitte in einer Durchschrift zur Verfügung stellte.

Der von Hrn. H. Osten bearbeitete «Dritte Radeliffe-Catalog» für 1875, dessen Herausgabe vom Bureau besorgt wurde, ist im October 1910 als Nr. i von Bd. XCH der Nova Acta der Leopoldinisch-Carolinischen Akademie erschienen. Der Vorstand der Akademie hat mit der Herausgabe des Catalogs auch umserm Unternehmen einen werthvollen Dienst erwiesen, für den ihm aufrichtiger Dank zu sagen ist.

Die Bearbeitung der Bradley'schen Beobachtungen an den Graham'schen Meridianinstrumenten der Greenwicher Sternwarte, die vom Berichterstatter zwar selbständig, aber nach der Begründung der «Geschichte des Exsternhimmels» unmittelbar für die Zwecke dieses Unternehmens 1904 in Angriff genommen wurde, ist im wesentlichen durchgeführt. Die drei Zetteleutnioge, für die Durchgangsbeobachtungen am Mittagsfernrohr und am Quadranten und für die Zenithdistanzen, liegen, als Zusammenstellungen der einzelnen Beobachtungen und ihrer Mittel für 1745.0. vollender vor. Die beiden Druckvorlagen für die Ergebnisse der einzelnen Durchgangsbeobachtungen sind bis auf die Einsetzung der definitiven Catalognummern der Sterne ebenfalls vollständig, diejenige für die Zenitlalistanzen ist für die Stunden oblis 186 ausgeschrieben.

Die in Folge der zweijshrigen Beurlaubung des Prof. Rostragant ersparten Gehaltsbezüge wurden, soweit sie der Akademie verblieben und nicht an die allgemeinen Staatsfonds zurückfallen mussten, von der physikalisch-mathematischen Classe zur Ausführung von Nebenarbeiten für die Geschichte des Fixsternhimmels der Commission zur Verfügung gestellt. Zunächst hat Hr. Statve eine systematische Reduction und Catalogisirung der zahlreichen in den Jahren 1855-1868 auf Eltern Meridiankreise der Berliner Sternwarte ausgeführten Ortsbestimmungen von Vergleichsternen durch die HH. Dr. Chrynne und E. Rosen vornehmen lassen, die für die Rectascensionen vollendet, für die Declinationen weit vorgeschritten ist. Der Generalentalog von etwa 2500, durchschnittlich zweimal beobachteten Sternen für Aeg. 1865 wird fin Lauf der nächsten Monate zusammengestellt werden können.

#### Commission für die Herausgabe der "Gesammelten Schriften Withelm von Humboldts".

Bericht des Hrn. Schnibt.

Die Vorarbeiten zum o Bande, der die Gedichte umfaßt und von den späteren Sonetten natürlich nur eine Auswahl bringen soll. wurden von Hrn. Prof. Dr. LEHZMANN im Jahre 1910 so weit geführt, ibaß der Druck seit dem Oktober forthart; er wird zum Frühjahr fertig sein. Das Tempo der folgenden Bände, zunächst der Tugebücher, muß wegen des großen handschriftlichen Materials und zugunsten eines für Tagebücher und Briefe gehotenen reichlicheren Kommentars ciwas verlangsamt werden. Das Briefkorpus hat manchen Zawachs erhalten: auch der neue Frankfurter Fund sehr bedeutender Nummern an Schiller ist schon durch genaue, bereits dem ersten Rumischandruck Ebbabos zugute gekommene Kollation nusgebeutet worden. Dem Goethe-Schiller-Archiv wird die Benutzung der Blätter an Frau v. Berg verdankt. Unermüdlich hat sich fortwährend Hr. Privatelozent Dr. Senancen erwiesen, sowohl für Herbeischaffung von Korrespondenzen als für mannigfache große Nachträge zu Gennaungs Abreilung der Politischen Denkschriften, deren Ergänzung bevorsteht.

### Interokademische Leinniz-Ausgabe.

Bericht des Hrn. LENZ.

Der zweite Band des kritischen Kataloges der Lussiz-Handschriften (1672—1676) ist zur Zeit in der Vervielfültigung begriffen und wird von den beiden Akademien von Paris in kurzem veröffentlicht werden.

Die Drucklegung des ersten Bandes der Ausgabe der Briefe und Denkschriften hat leider noch nicht begonnen werden können, da noch nicht alle Mitarbeiter ihre Beiträge eingesandt haben.

Im Sommer vorigen Jahres kamen in London die bis dahin in Cheltenham aufbewahrten Originale der Briefe von Lumnz an Justus Dransfeld zur Versteigerung; diese Sammlung wurde durch die Akademie noch in letzter Stunde für die Lumnz-Ausgabe angekauft.

Im den Kgl. Archiven zu München hat Hr. Dr. Retter die Akten und Korrespondenzen zur polnischen Thronkandidatur des Pfalzgrafen Philipp Wilhelm von Neuburg in den Jahren 1668 und 1669 wiedergefunden, insbesondere den Briefwechsel zwischen dem Pfalzgrafen und Johann Christian Boineburg. Wir können infalgedessen jetzt für die meisten der zahlreichen Flugschriften, die für und gegen den Pfalzgrafen erschienen, die Verfasser aktenmäßig feststellen. Lausziz Behauptung, daß er außer dem bekannten Spezimen unter dem Pseudonym Georgius Ulicovius Lithuanus noch andere Schriften verfaßt habe, hat sich dabei bestätigt: nicht weniger als sechs neue Flugschriften aus der gemeinsamen Feder Boineburg-Leibniz sind zum Vorschein gekommen.

## Corpus Medicorum Graecorum.

Bericht des Hrn. H. Diges.

Im vorjährigen Bericht war die Hoffnung ausgesprochen worden, daß die in Band XV des Kühnsehen Galenus enthaltenen Schriften (= Band V 9, 1 des Corpus) im Laufe des Jahres 1910 erscheinen könnten. Diese Hoffnung ist leider nicht erfüllt worden. Unvorhergesehene Verzögerungen an ein paar einzelnen Punkten des Bandes rückten die Drucklegung des ganzen Komplexes von vier Schriften hinaus. Insbesondere konnte die wichtige arabische Version von Galenus in Hippocratem nest sychet Amstandy noch nicht vollständig ins Deutsche übertragen und damit dem Editor nutzbar gemacht werden. Außerdem sah sich der Bearbeiter des Kommentars zu nest possie genötigt, von seiner Arbeit zurückzutreten. Diese Schrift übernahm Hr. Dr. Axil Nelsos in Upsala. Jetzt aber kann damit gerechnet werden, daß der ganze Band in Bälde zum Druck gelangen wird.

Der längst gehegte Plan, in einer größeren Expedition die Handschriftenschätze des Athos mit Hilfe unseres photographischen Apparates untzbar zu machen, wurde im verflossenen Jahre ausgeführt. Hr. Dr. jor. KARL HELBERGE, der sowohl im Handschriftenlesen wie in der Technik des Prismenapparates geübt war, unternahm es mit seinem Freunde Hrn Theodor Sendtner bus München, im Auftrage der dänischen und preußischen Akademie nach dem Athos zu reisen und eine möglichst große Anzahl von Handschriften verschiedener Klöster durchzuphotographieren. Der Expedition war großer Erfolg beschieden; innerhalb der 6 Wochen, die zur Verfügung standen, gelang es den beiden Herren, ungefähr 4500 Aufnahmen auf die Papierrollen zu bringen, die jetzt bereits entwickelt und an die betreffenden Mitarbeiter der beiden beteiligten Akademien versendet sind. Den beiden Herren, die ihre Zeit und Kraft mit glücklichem Erfolge den Zwecken des Corpus Medicorum widmeten, spricht die Akademie auch an dieser Stelle ihren Dank aus.

Hr. Himmes beriehtet über die von ihm im Auftrage der Kgl. Dänischen Gesellschaft der Wissenschaften ausgeführten Arbeiten folgendes:

\*Für Paulos Aiginetes sind die Pariser Hss. 2205, 2206 und 2208 von mir in Kopenhagen vollständig kollationiert. Die übrigen Pariser Hss. werde ich diesen Sommer für die erste Hälfte des Werks kollationieren. Da die wichtigsten Athoshss, jetzt photographiert sind, hoffe ich im Laufe des Herbstes mit der Recensio anfangen zu können. Die alte lateinische Übersetzung soll mit einem Zusehnfä der Puschmass-Stiftung in die Teubnersche Bibliotheca medii aevi aufgenommen werden; das Mannskript wird hoffentlich vor den Sommerferien druckfertig vorliegen.

Hr. Randen, der im Auftrage der Dänischen Gesellschaft der Wissenschaften den Orihasius (Band VI des Corpus) übernommen hatte, setzte die im vorigen Berichte angegebenen Handschriftenuntersuchungen sowie die Bearbeitung des Textes fort.

Hr. Innerg, der Vertreter der Kgl. Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften in der autonomen Kommission, hat an Band IV (Soranos) weitergearbeitet. Bei der Hernusgabe von Herl rynauchus nason machte sich der Mangel eines zuverlässigen Textes von Actios Band XVI geitend. Die kleinen Soranstücke Herl emaconun (nach H. Schoeses Abschrift und der Photographie von Laur. 74.7) sowie Herl chreims katarnatus (nach Schoeses Kollation derselben Hs.) wurden in Angriff genommen.

Schließlich ist mitzuteilen, daß an Stelle des verstorbenen Mitgliedes der autonomen Kommission Hrn. Kaumachen Hr. Gausius (Kgl. Bayerische Akademie der Wissenschaften) in München als Mitglied kooptiert und von der Generalversammlung der Assoziation in Rom (Mai 1910) bestätigt worden ist.

#### Deutsche Kommission.

Bericht der HH. Bendach, Heusten, Rokunt und Schmidt.

Die Inventarisation deutscher Handschriften schritt für Nordand Mittebleutschland in gewohnter Weise vorwärts, während sie in
Süddeutschland und Österreich sich verlangsamt und in der Schweiz
ganz gestockt hat. Es muß für die Zukunft eine Hanptsorge der
Deutschen Kommission sein, da Wandel zu schaffen. Das gründlichste Mittel wäre ja, an die Orte, wo heimische Kräfte trotz wiederholter Bemühungen nicht zu gewinnen sind, von Berlin aus jüngere
Philologen zu entsenden und daneben an unser Handschriftenarchiv
wichtigere Handschriften zu entleihen, um sie dort beschreiben zu
lassen. Aber zu konsequentem Vorgehen in dieser Richtung stehen
ums zur Zeit die Mittel nicht zur Verfügung; auch scheint es uns meh
wie vor sachlich vorteilhafter und würdiger, daß jede deutsche Landschaft ihren ererbten Besitz an handschriftlich fixiertem geistigem Leben
möglichst seibst aufnehmen belfe.

in Österreich beschrieb Dr. Buxer zwei Fragmente der Weltchronik des Rudolf von Eins im Besitz des Museums zu Neutitschein,
Dr. Dworzak die Willehalm-Handschrift in den Kunsthistorischen Sammlungen des Allerhöchsten Kaiserhauses zu Wien. Die Handschriften
der Studienbibliothek zu Klagenfurt durchmusterte, allerdings ohne
nemenswerten Ertrag, Ecoky Frhr. von Müller. Aus Graz gingen uns
von der Hand des Bibliothekars Dr. Einenen 6 Beschreibungen zu.

In Böhmen und Mähren setzte Dr. Dolch während der Winterund Frühlingsmonnte seine Aufnahmerätigkeit fort. Aus folgenden
Orten liegen von ihm Beschreibungen vor: Tepl (Stiftsbibliothek und
Studthibliothek). Schlackenwert (Piaristenbibliothek), Kanden (Bibliothek des Franziskanerklosters), Ossegg (Stiftsbibliothek), Raudnitz
(Lohkowitzsche Bibliothek), Fürstenstein (Pleßsche Bücherei), Braunau
(Privatbibliothek Dr. Laners, Stiftsbibliothek), Troppan (Bibliothek
des Minoritenklosters, Gymnasiahmuseums, Stadtmuseums), Teschen
(Scherschniksche Bibliothek), Kuttefberg (Spalatnaysche Bibliothek),
Eger (Bibliothek des Franziskanerklosters), Brünn (Landesurchiv),
Kremster (Fürstenbergsche Bibliothek), Raigern (Stiftsbibliothek),
Znaim (Gymnasialbibliothek, Stadtbibliothek), Iglau (Gymnasialbibliothek, Stadtbibliothek), Budweis (Stadtbibliothek, Museum), Hohenfurt (Stiftsbibliothek), Prag (Bibliothek des Stiftes Strahov),

In Bayern war die diesjährige Ernte nicht sehr reich. Zwarübermittelten uns wieder Oberbibliothekur Dr. Lameronn und Bibliothekar Dr. Perzer einige Beschreibungen, leider aber konnten sie infolge anderer amtlicher und privater Arbeiten nicht in dem reichen Maße der früheren Jahre für ims tätig sein. Als neuer Mitarbeiter für die Münchener und überhaupt die bayerischen Handschriften ist seit dem Juli Privatdozent Dr. Wilners eingetreten; er soll insbesondere nuch den in Privatbesitz befindlichen Beständen nachgehen. Bisher konnte er indessen erst wenige Proben einsenden. Einige Meistersingerkodizes ans Augsburg, Memmingen und Dillingen untersuchte und beschrieb Dr. Bennesp.

Aus Württemberg ist nur für Stattgart ein Fortschritt en melden. Dort rückte dank der vom dortigen Ministerium gewährten pekuniären Unterstützung und dem verständnisvollen Entgegenkommen des Leiters der Landeshibliothek, des Hrn. Oberstudienrats Dr. Steine, die Arbeit, die durch schwere Erkrankung des einheimischen Beschreibers, kaum begonnen, ins Stocken geraten war, um ein tüchtiges Stück vor, nachdem wir von Berlin aus einen Helfer entsandt batten. Unser Beauftragter, Dr. Guas, vermochte während der Monate Mai und Juni mit energischem Eifer aus der Abteilung Riblica und Breviaria eine größere Anzahl, zum Tell recht umfangreicher Kodizes geistlichen Inhalts aufzunehmen: genannt seien darunter deutsche Psalterien, Traktate des Meister Ekhard, Armenbibel, gereimte deutsche Übersetzung der Sprüche Salomonis, Gebetbücher, deutsche Exzerpte ans Kirchenvätern, aus Bernhard von Clairvaux, Litaneien, Segen-

Aus der Strafiburger Landesbibliothek liegen von der Haml Dr. Ricross einige Beschreibungen vor. Je eine Handschrift der Landeshibliothek in Karlsruhe und der Universitätsbibliothek Heidelberg (Sammlungen mittelhochdeutseher Verserzählungen) beschrieb stud Becken, einige Heidelberger Handschriften von Minnereden Dr. MATTRAL.

Aus dem Königreich Sachsen sind nur gelegentliche Eingänge zu verzeichnen. Die Beschreibung einer Meistersingerhandschrift der Kgl. öffentlichen Bibliothek zu Dresden lieferte Dr. Bennsyn, einige Hamilschriften der Leipziger und Zwickauer Ratsbibliotheken beschrich Dr. Docen.

Einen erfreulichen Zuwachs danken wir in Schlesien wieder der Tätigkeit Dr Kaarrens. Er setzte die Aufnahme der Handschriftenbestände der Kgl. und Universitätsbibliothek zu Breslau fort und untersuchte das bisher wenig beachtete Diözesanarchiv zu Breslau. Uberraschende Entdeckungen konnten ihm nicht beschert sein, wohl aber reichere Ausmalung des bekannten Bildes von Schlesiens geistigem Leben im ausgehenden Mittelalter und später: neben lateinischen Rhythmen und Hymnen, Rechtsbüchern, deutschen Gebetbüchern und mystischen Traktaten wurden verzeichnet lateinische Predigtniederschriften über deutsche Sprichwörter, alchimistische Rezepte und Verse, ein lateinischer grammatischer Verstraktat von Magister Johannes Jusse, des Laurentius Albertus Antithesis et discrimen Papatus et Luthernmismi' deutsche Verse des Johannes Naso Bauersmann und Luther . deutsche Verse auf den Untergang des Papstes und der Kalvinisten, eine Versbeschreibung der Mongolenschlacht des Jahres 1211 (Handschrift des 17. Jahrhunderts!); Im Diözesanarchiv deutsche Schriften Seuses (Exemplar, Betrachtungen, vollständiger als in Dramus Ausgabe, 'Von der ewigen Wahrheit'). In der Bibliothek des Matthäusgymnasiums arbeitete Dr. Kaarraa zwei Bände Jesuitendramen durch. Die Schuffgotschsche Bibliothek zu Wurmbrunn durchmusterte für uns Dr. Nicken. Gelegentliche Beschreibungen aus Glatz und Neiße steuerte Dr. Doron bel; Rechtshandschriften aus dem Görlitzer Ratsarchiv buchte Prof. Borcourse.

In Gotha setzte Archivdirektor Dr. Euward seine dankenswerte Tätigkeit fort; nicht weniger als 23 vielfach lehrreiche Beschreibungen hat er gespendet; außer bekannten Handschriften von mid. Dichtungen, mid und mid Brevieren sei eine für den Text noch nicht benutzte Handschrift der Goldenen Bulle Karls IV. in lateinischer und deutscher Sprache erwähnt. Eine humanistische Sammelhandschrift Jenas beschrieb Dr. Bekrator mit gewohnter Sorgfalt.

Aus Ostpreußen liegen nunmehr die ersten Beschreibungen Dr. Errassens von Handschriften der Universitätsbibliothek zu Königsberg vor.

Die ülteren Handschriften der neubegründeten Abteilung für niederdeutsche Literatur an der Universitätsbibliothek zu Greifswald
beschrieb Dr. Klarpes, dem Hr. Bibliotheksdirektor Dr. Mickau sie in
Breslau zugänglich gemacht hatte (Psalmen mit der Erklärung des Petrus
von Harenthal: die früher in Reifferscheids Besitz befindliche Handschrift von Buschmanns Mirakel und andere).

Einige Erbauungsbücher aus den Quart- und Oktavhandschriften der Berliner Kgl. Bibliothek erledigte Dr. Guzz. in Kottbus prüfte Prof. Hasmer die Bestände von Stadtarchiv, Stadthibliothek, Gymnasium und Oberkirche; die jungen Sammlungen boten nur geringe liturgische Stücke.

Zahlreiche, namentlich für die mittelhochdeutsche Prosa interessante Handschriften der Herzoglichen Bibliothiek zu Dessan behandelte wieder Oberlehrer Dr. Marraär: so hatte er deutsche Übersetzungen von Gordonius Lilium medicinae und Antidotarius, des Meister Wich-

wolt Geschichte Alexanders des Großen, mehrere Handschriften der Passio Christi, die Prosa von den heiligen drei Königen zu buchen; aber mich deutsche geistliche Gedichte zu verzeichnen.

Niederdeutsche Handschriften der Universitätsbibliothek zu Gießen beschrieb Prof. Borourse: so eine niederdeutsche Prosaübersetzung von Boethius de rensolatione philosophiae, ein lateinisch-niederdeutsehes Glossar mit Merkversen, ein Leben des heiligen Antonius und zahlreiche Exempel Mirakel und Legenden in niederdeutseher Prosa-

Ist der Rheinprovinz ihr bewährter Bearbeiter Dr. Cunser zunächst nuch durch seine Berufung an das Historische Institut zu Rom entzogen worden, so sind diesmal doch noch manche Ergebnisse mis seiner früheren Reisetätigkeit nachzuholen. Das Hilfspriesterseminar zu Guesdonck bei Goch bot in seiner Bibliothek manche niederrheinische Handschriften aus der Sphäre der Mystik; erwähnt sei eine niederrheinische Ordensregel für Frauenklöster der Windesheimer Kongregation; unter den lateinischen Handschriften interessiert besonders eine Sammelhandschrift, die neben Legenden. Exempela und anderen geistlichen Stücken auch weltliche Prosa und Verse in bunter Fülle birgt (Petrarcas Griseldis, Aenens Silvius De fortana, das Lebrgedicht De Bufone, Facetus, das Pamphilusdrama, AderiaBverse usw.), Aus der Pfürrbibliothek zu Uleve verzeichnete Dr. Camst mittelniederdeutsche Übersetzungen von Bonaventuras Leben des heiligen Franziskus. - Die Aufnahme der Aachener Studtbibliothek hat Prof. Lau-CHERT abgeschlossen: aus der Reihe der äblichen Erbauungsbücher und Chroniken heben sich historische Gediehte und die religiösen Dichtungen des Heinrich von Dagene heraus. - Auf dem Kgl. Staatsarchiv zu Düsseldorf beschrieb Prof. Boncauss ein Depositum der Stadt Wesel, einen niederdeutsehen Kodex des Schwäbischen Landand Lehnsrechts; auf dem Kgl. Staatsarchiv zu Kohlenz inventarislerte er einige dort deponierte Handschriften des Augusta-Gymnasiums, darunter ein Geslicht über geistliche Armut, Exempel und Heiligenleben, die Augustinerregel der Schwestern von Gräfrath, viele niederrheinische Predigten und Traktate, Sprüche der Heiligen und Väter, von lateinischen Stücken einen Totentanz, eine metrische Bearbeitung der Canties canticorum, lateinisch-deutsche Hexameter über Synonyma. Als reichhaltig an mystischen Stücken erwies sich die Bibliothek des Hospitals zu Cires bei Bernkastel, über die Prof. Bonculing allgemein orientierte; einige Handschriften (Rechtsbücher, Legenden, Traktate) hat er anßerdem genau beschrieben. - Mit der Aufnahme der Stadibibliothek zu Trier begann fleißig stud. phil. An. Broken, der zumeist in den Niederungen der autorlosen Meß- und Beichtbücher, Heiligenleben, Klosterregeln, Kalender, Arzneibücher blieb, aber doch

auch auf Heine Hagenaus Schrift von den Sitten der Prülaten hinwies und die Handschrift der Speeschen Trutzmehtigall untersachte.

– Ein schones mittelniederländisches Gebetbach des 13. Jahrhunderts aus dem Privathesitz des Dr. Hissausa zu Barmen beschrieb Dr. Donnie.

Aus den Schätzen der Universitätsbihliothek, des Priestersemmars und des Diözesammuseums zu Münster haben Prof. Bösen und Dr. Christ manche Nachlese gebracht: der Reigen der mittelniederdeutschen und mittelniederländischen Andachtsbücher hat sich förtgesetzt; notiert sei ein niederdeutscher Mandeville, die einzige Handschrift von Dietrich Koldes Christenspiegel, ein niederdeutsches Freidankfragment uns der Bibliothek des Priesterseminars, neue Fragmente der poetischen Boethiusübersetzung (vgl. Zeitschr. f. Deutsches Altertum 50, 149) aus der Universitätsbibliothek — Ein Liederbuch des 10 Jahrhunderts aus Benekhausen i Westf (im Besitz von Frau v. d. Busche-Münch zu Göttingen) beschrieb stud. Aufras, eine Sammelhaudschrift prospischer und poetischer niederdeutscher Legenden aus der Bibliothek der evangelischen Altstädtischen Kirche zu Bielofeld nahm Prof. Tüberg, auf.

In der Königlichen und Provinzialbibliothek zu Hannover erledigte Oberlehrer Dr. Banz eine Anzuhl niederdeutscher Gebetbücher,
ferner eine interessante Sammelhandschrift mittelniederdentscher Gedichte und Prosa aus Kloster Marienstuhl, endlich die bekannte Handschrift der Marienlieder; eine späte Abschrift von Wolfhart Spangenbergs Buch von der Musica untersachte Dr. Bennend. An die Handschriften des Stadturchivs zu Hildesheim trat neu heran der von
Dessau übergesiedelte Oberlehrer Dr. Marriffen, der neben ehronikalischen und juristischen Kodizes namentlich ein niederrheinisches Andachtsbuch aus dem Besitze des Museums analysierte — Einen kurzen
Besuch der Fürstlich Stolbergischen Bibliothek zu Wernigerode benutzte Prof. Henrich zu vorläufiger Orientierung über die lateinischdentschen Lehrgedichte der gut geordneten Sammlung.

Schr ergebnisreich war auch im vergangenen Jahre wieder Dr. Hagess Tätigkeit in Lübeck. Für eine große Anzahl kleinerer nieders deutscher Gedichte (Klosterallegorie, Beginchen zu Paris, Freuden der Maria und der Maria Magdalena, Tagzeiten Christi, Ansehmuslegende) sind neue Handschriften mit textlichen Vorzügen aufgetaucht; es treten überraschend reiche Massen niederdeutscher Übersetzungsliteratur (u. s. Gersonsche Traktate) zutage; besonders interessieren die lebhaften geistigen Beziehungen zu den Niederlanden. Und da sind mit Nachdruck hervorzuheben einige niederdeutsche Handschriften, die in einem auffallenden Verhältnis zu dem 2., 3. und 4. Buch der Imitatio Christi stehen. Streckenweise eine Übersetzung, unterscheiden sie sieh doch durch große

Lücken und durch abweichende Anordnung von dem Werke des Thomas a Kempis. Dr. Haues glaubt nachweisen zu können, daß die den lübischen Handschriften entsprechenden Kapitel der Imitatio sich sehon stillistisch durch ruhige Kindringlichkeit von der erregten schwärmerischen Art des Thomas a Kempis unterscheiden; er weiß den allgemeinen Eindruck durch stillistische Einzelmerkmale philologisch zu stützen und kommt so zu dem Ergebnis, daß die lübischen Handschriften (Ms. th. g. 15 und 43) die Übersetzung einer Quelle des Thomas, der lateiniseli noch nicht aufgefundenen Admonitiones ad interna trahentes in 60 Kapiteln darstellen, die Thomas wenig verändert seinem welterobernden Werke einverleibte. Jedenfalls eröffnen diese lübischen Funde eine vielverhoißende Perspektive auf die innere Geschichte eines der wirkungsvollsten Bücher des germanischen Mittelalters.

Prof. Hixmeis Hauptarbeit gehörte wieder der Herzoglichen Bibliothek zu Wolfenbüttel. Außer einer Augusteisehen Handschrift (Antigamaratus) hat er über 500 Kodizes der Helmstedter Klasse (737 bis 1247 der lanfenden Katalognummern) durchgearbeitet, davon 240 beschrieben. Wenn die Stürke seiner Ausbeute nach wie vor in der poetischen lateinischen und dentsehen Kleinkunst lag, so erklärt sich das darans, daß der verdienstliche, gedruckte Katalog die größeren Werke befriedigend verzeichnet hat; indem aber Hasmer jede Handschrift Blatt für Blatt durchsah, hat er, am Rande eingetragen, lose eingelegt, im Einhand verwendet, viele kleinere Stücke gefunden, von denen der Katalog nichts weiß, der sich vor der Aufgabe, 8000 Handschriftenbände zu verzeichnen, mit summarischem Verfahren begnügen mußte. Neben lateinischen und niederdentschen Sprachen, Liedern, Sagen, Rezepten, Gebeuen, Rätseln usw. treten diesmal lateinische Prosserzählungen auch weltlichen Inhalts mehrfach auf; erwähnt seien noch mittelniederdeutsche Gespekehe zwischen Christus und der Seele, eine geistliche Ehrentafel in Versen, Mariengedichte, zumal Inteinische Verse des 16. und 17. Jahrhunderts von Tob. Cober, Arnold. Goerinus, Joh. Schimlerus Hoelemensis, Andr. Fabricius. - Aus dem Landeshauptarchiv zu Wolfenbüttel war nur noch weniges machzuholen: das Taschenbuch des braunschweigischen Kapitänleutnants Achatz von Münchhausen (mit fremden und eigenen Gedichten des 17. Jahrhunderts); ein Horarhum aus dem Nachlasse des jüngst verstorbenen Sammlers Vasas in Beterstedt; Vorarbeiten und erste Entwürfe zu den Romanen des Herzogs Anton Ulrich, viele Dutzende von Bänden umfassend. Die literarischen Hundschriften des Archivs können jetzt wohl als erledigt geiten. - Die ehemalige Universitätsbibliothek zu Helmstedt hat ihre Hamlschriften nach Wolfenbüttel abgegeben und enthält nur noch Druckes aber in ihmen stecken ungehunden oder in

den Einbänden verborgen noch manche ültere Hundschriften und Fragmente, die bisher nicht beachtet wurden. Prof. Husaucz ist gemeinsam mit Prof. W. Hxanra, der für den Berliner Gesamtkatalog der Wiegendrucke in Helmstedt tätig war, solchen Stücken nachgegangen und hat 16 Beschreibungen eingesandt, zum Teil poetische Einträge des 16. Jahrhunderts; natürlich ist das erst ein kleiner Anfang. - In der Stadtbibliothek zu Braunschweig wurde die Abtellung Neuere Handschriften durch Prof. Hysam zu Ende geführt. Sie amfaßt 603 Nummern (von denen die letzten 86 Nummern erst durch Hexard katalogisiert worden sind), meist Werke des 15 .- 19. Jahrhunderts; unter ihnen waren 78 für uns zu beschreiben; darunter die Abschriften, die Karl F. A. Scheller und Schönemann aus ältern deutschen Kodizes nahmen: die beiden Liederbücher des Paul Schrader, der 1693 und 1694 in Jena eigne und fremde Dichtungen aus der galanten Poesie des 17. Jahrhunderts und Studentenlieder sammelte; das französische Traplierspiel (politisches Gespräch von (670); das Gesängebuch der Brüdernkirche zu Braunschweig; eine niederdeutsche Autorlegende; Rechtsquellen, Humanistengedichte, Chroniken mit Liedereinlagen, Grabschriften, Glockeninschriften, Spruchverse, Memorialverse, Lokalgeschichtliebes usw. Auch 12 Bruchstücke älterer Handschriften funden sich bei dem Umzuge der Stadtbibliothek im Frühjahr 1910 und wurden von Hassact beschrieben. Die Staltbibliothek kann jetzt wohl als erledigt gelten'.

In England beschrieb Dr. Dolch Fragmente eines Kränterbuchs im Britischen Museum zu London, Prof. Phienson eine Handschrift geistlicher Lieder und Traktate, im Besitz des Hrn. E. C. Quants zu Cambridge, sowie mehrere Codlees aus der Bibliothek des Hrn. Alex. H. Hern in Fosbury-Manor bei Hungerford (darunter eine Christberrechronik und die erste vollständige Handschrift der Übersetzungen Stalnhöwels von Boccaccios Schrift De claris mulieribus und von Petrarens Griseldn).

Die Zahl der Beschreibungen insgesamt übersteigt 5100, die der geordneten Zettel 200000. An der Verzettlungsarbeit beteiligten sich die HH. stud. Ab. Becker, Dr. Böhne, Dr. Bölsine, cand. Gensul, Dr. Gille, Dr. Grantzow, Dr. Kotzenberg, Fragen, die zum Teil positiv erleiligt wurden, trafen zahlreicher als im Vorjahr ein.

Für den Katalog, der das gesamte gedruckte Handschriftenmaterial zweckmäßig verzeichnen soll, erledigte der Archivar die Zeitschrift Germania (37 Bände) vollständig, die Zeitschrift Alemannia zum Teil.

Vgt über Hermen möfährige Tätigkeit im Bruunschweiger Lande seine Berichte im Braunschweigischen Marazia 1910, S. 120ff., und im Zentreiblett für Bibliothekswesen 1910, S. 356 ff.

Von Schenkungen an unsere kleine Bibliothek seien dankbar erwähnt die von der Verwaltung der Kgl. Bibliothek gespendeten vortrefflichen Kataloge Valentin Roses und der von der Universitätsbibliothek zu Gießen überwiesene Katalog der dortigen Handschriften von Adrian

Von den 'Deutschen Texten des Mittelalters' ist der lange verzögerte Band XI: Die Predigten Taulers aus der Engelberger und der Freiburger Handschrift sowie aus Schmidts Abschriften der ehemaligen StraBlurger Handschriften, hernusgegeben von Fran Verren' endlich zum Abschluß gekommen: das sehr ausfährliche Wortverzeichnis hat auf Wunsch des Herausgebers Dr. Stennann besorgt. Außerdem kam zur Ausgabe Bd. XXI: Die mitteldentsche poetische Paraphrase des Buches Hiob, aus der Handschrift des Kgl. Staatsarchivs zu Königsberg, herausgegeben von Ton E. Kansten. Im Drucke befinden sieh B.I. XIX. Daniel, eine deutsche Ordensdichtung aus der Simtgarter Handschrift, herausgegeben von Agrava Hönnes' und Bd. XX: Rudolfs von Ems Weltehronik, aus der Wernigeröder Handschrift, hernusgegeben von Gestav Eurosmann. Demnächst soll der Satz des Väterbuchs beginnen, das Kam Rrissennengen in Graz für die Deutschen Texte gerüstet bat.

Von der Wieland-Ausgabe erschien zu Anfang des Jahres 1911 der 3. Band der Poetischen Jugendschriften, dem gegen die ursprüngliche, zu knapp bemessene Einteilung Sturrages nach der «Clementina» und späteren Vorberichten die ungeheure Abhandlung über Bodmers Noah als Bleigewicht angehängt werden mußte. Dr. Honeven wird uun den Schluß dieser Gruppe und alle Lesarten dazu rüsten, Dr. Bumm anhangsweise die Diktathefte in Auszügen bearbeiten. hierfür eingehende Verstudien nötig sind, soll der 5. Band vor diesem 4. gebracht werden. - Dr. Standan war durch seine Berufung an die Brüsseler Université libre gehemmt, hat aber noch im alten Jahre die ganze Reihe der Shakespeare-Übersetzung ausgedruckt und auf Wunsch des Redaktors, der die drei Bände als geschlossenes Ganzes samt dem Apparat zugänglich sehen wollte, sofort die jetzt unter der Presse befindlichen Lesarten geliefert, mit einer Einleitung über Entstehungsgeschichte und Bedeutung des bahnbrechenden Werkes nebst umfangreichen Anmerkungen zu einzelnen durch sprachliche Eigentümlichkeiten oder Fehlgriffe des Dolmetsch auffallenden Stellen. Diese Zugnben worden den Pilegern deutscher und englischer Literatur gleich

willkommen sein, ohne alle Mitarbeiter zu demselben Ausmaß zu verpflichten.

Über eine künftige Gesamtausgabe von Hamanns Werken und Beiefen mit dem unerläublichen Kommennar sind vorläufige Verhandlungen mit seinen besten Keunern Wanna und R. Ussun gepflogen worden.

Über die Arbeiten am 'Rheinischen Wörterbuche' berichtet das außerakudemische Mitglied der Deutschen Commission Hr. Franck:

Die im vorigen Bericht genannten Helfer und Mitarbeiter setzten in diesem Jahr ihre Tätigkeit fort. In der zweiten Hälfte des Jahres sind zeitweise auch einige Studenten beschäftigt gewesen. Die HH. Dr. Möllen und Dr. Tanser haben mit neuen Kräften füre Arbeit aufgenommen. Dem letzteren wurde, um ihn von anderen Nebenarbeiten zu entlasten, eine Entschädigung zugebilligt.

Ausgegeben wurden die Nummern to 13 der Fragebogen an die Seminare, Präparandenanstalten und andere Mitarbeiter, sowie die Doppelnummer 3/6 der 'Anfragen und Mitteilungen zum Rheinischen Wörterbuch', worin u. a ein genauerer Bericht über die Tätigkeit für das Unternehmen enthalten ist. Dem in anserem vorigen Bericht erwähnten, von Hrn cand theol. Schön veraulaßten Zeitungsartikel folgte in diesem Sommer auf Anregung desselben Herrn ein zweiter. der eine noch gefüßere Fülle von Eingängen hervorrief. Zum Teil mag der fast unerwartete Erfolg such darin begründet sein, daß die sonst gelegentlich gewährte kleine Vergütung jetzt grundsätzlich allen suge-agt wurde, die nicht ausdrücklich das Gegenteil wünschen. Unsere Mittel sind durch diese Neuerung allerdings recht beträchtlich in Anspruch genommen worden. Die neuen Eingfinge brachten nuch eine große Anzahl sonst noch wenig oder auch gar nicht belegter Wörter und Austrücke. So erfrenlich das an sich ist, so beweist es doch zu gloieher Zeit, wie trügerisch die Hoffnung ist, jemuls eine auch. nur annähernde Vollständigkeit des Wörterbuchs zu erreichen. Die vorläufige Durchsicht und Berechnung sowie der Briefwechsel, die sieh an die Eingänge knüpften, erforderten so viel Zeitaufwand, daß noch lange nicht alles verzettelt werden konnte, und andere hufende Arbeiten, auch die Vorarbeiten für eine Mundartengeographie, liegen bleiben mußten. Doch ist die Verzettelung älterer Texte aus Büchern und Zeitschriften im Laufe des Jahres ordentlich gefördert worden. Dr. Trense bemühte sich für das Unternehmen auch wieder durch persönliche Wanderungen und Reisen. Seine Aufhahmen hatten neben laut- und wortgeographischen Einzelheiten und dem allgemeinen Worthestand auch

die Vervollständigung der mit A anlautenden Wörter im Auge, Hierin wären die ersten Antfinge einer systematischen Bearbeitung für einen Teil des Gebietes zu erblicken. Noch ist zu erwähnen, daß seit Apeil Hr. Gymnasialoberiehrer Dr. A. Wenne zu Köln unter Entbindung von seinem Schuldlenst beschäftigt ist, aus dem ungedruckten Stoff des dortigen historischen Archivs Auszüge für uns zu machen und diese Arbeit beträchtlich gefördert hat. Auf dem Kgi, Staatsarchiv zu Düsseldorf für uns zu arbeiten, hat Hr. Oberlehrer Dr. Hannen in Aussicht gestellt, und auch bei den Aufnahmen des Hen. Dr. Kaverwin für die "Übersicht über den Inhalt der kleineren Archive der Rheinprovinz". welche die Gesellschaft für Rheinische Geschichtskunde zu Köln veröffentlicht, sollen in Zukunft unsere Zwecke berücksichtigt werden.

Der Bestand unseres Archivs an alphabetischen Zettelm, der das letzte Mal auf ungefähr 170000 beziffert wurde, hat sieh, unter Ausscheidungen, um etwa 20-25000 vermehrt, die Zahl der aus den Fragebogen zusammengestellten ist jetzt auf ungefähr 40000 zu veranschlagen. .

Über die Zentralsammelstelle des Deutschen Wörterluchs in Göttingen berichtet ihr Leiter Dr. Jonannes Locunen das Folgende:

Der dritte Assistent Dr. Kammerer verließ uns zum 1. Oktober, um in den Schuldienst überzugeben. Als Hilfsarbeiterinnen traten ein: am 31. Januar 1010 Frl. E. Boadt, am 28. Februar Frl. D. Becker. am 10. Oktober Frl. H. Bourt, diese nur für die Zeit bis Ostern 1911.

Die Gesamtzahl der bisher tätigen Exzerptoren beträgt 276. Durch den Abgang ülterer Helfer wurde, wie besbeichtigt, die Zahl so eingeschränkt, daß augenblicklich nur noch 57 (gegen 181 im Vorjahr) arbeiten. Wenn trotzdem beinahe 🖟 der vorjährigen Zettelmenge einkamen, so wird dies besonders der energischen und aufopferungsvollen Tätigkeit einzelner Exzerptoren, wie der Hrn. Dr. Geigen, Fischen, Gierr und Kryl, verdankt. Von den Exzerptoren wurden geliefert vom 1. April bis 15. Dezember 1910 etwa 194 500 Zettel. Die Zentralsammelstelle selbst konnte aus den Lexikalischen Hilfsmitteln' 40467 Zettel beistenern. Aus dem alten Zettelmaterial wurden etwa 61400 der Sammlung einverleibt, insgesamt also etwa 295400. Der Gesamtbestand beträgt demnach per 15. Dezember 1910: 976200 (+450200) Zettel [am 20, Jan 1911 war die Million um etwa 20000 Zettel überschritten!

An altem Material erhielt die Zentralsammelstelle wertvolle Bereicherungen. Aus dem Nachlaß Dr. Wülkens übersandte S. Hazer. etwa 3000 Zettel; Prof. Wesdermen überließ uns sein gesamtes Material für Go - Gz, etwa 30000 Zettel.

Die für die Vervollständigung des Hauptquellenverzeichnisses erforderliche Durchsicht dieses älteren Zettelmuterials sowie die oft sehr schwierige Identifizierung sehr vieler dieser Zettel bildete die Hauptarbeit während des vergangenen Jahres. Da die eben genannten Zuwendungen erst sehr spät eintrafen, wurde die Herstellung des 2. Teiles des Quellenverzeichnisses so verzögert, daß erst jetzt im Januar mit der Drucklegung begonnen werden kann. Doch wird sieh der Absehluß des ganzen Verzeichnisses noch vor Ostern erreichen lassen. Das Einordnen des alten Zettelmaterials ist, wie im September vermaschlagt wurde, zur Hälfte erledigt. Bis Ostern hofft die Zentrafsammelstelle auch hier völlig im reinen zu sein.

An die nunmehr 13 Mitarbeiter des Wörterbuchs wurden im Laufe des Jahres 103000 Zettel versendet; außerdem wurden auf Wunsch einzelner Herren besondere Aufträge erledigt und ältere Zettel kollationiert. Das in der Zentralsammelstelle selbst exzerpierte Material erstreckte sich den Wünschen der Mitarbeiter gemäß auf ältere tilossarien. Dialektwörterbücher und technische Literatur.

Die Abgrenzung der Gebiete der Mitarbeiter ist gegen das Vorjahr nicht geändert worden. Mit den HH. Prof. Dollmann, Prof. Edling,
Dr. von Krahm und Dr. Leorom sind die definitiven Verträge abgeschlossen worden. Zwischen der Akademie und Prof. Wunderman ist
nunmehr unter Mitwirkung des Reichsamts des Innern ein Vertrag
zustande gekommen, wonach Prof. Wundermen den Buchstaben 6 nur
bis zum Schluß von Gn fortführen wird und die von ihm übernommenen und neu hinzugefügten Zettelmaterialien für Go- Gz der Akademie zur Verfügung stellt. Für diese Schlußpartie des G werden
demnächst noch zwei neue Mitarbeiter geworben werden

Im Laufe des Berichtsjahres ist die 11. Lieferung des Bandes IV 1 m (Gewissen — Gewitzel, bearbeitet von Prof. Wenderman) und die 9. Lieferung von Band XIII (Wand — Wandeln, bearbeitet von Prof. von Banden) ausgegeben worden: nahe bevor steht das Erscheinen der 1. Lieferung von Band XIV (bearbeitet von Dr. Görze), mit der der erste der durch die Neuorganisation gewonnenen Mitarbeiter hervortreten wird. Es ist zu erhöffen, daß der nächste Bericht bereits einen größeren Jahresfortschritt wird melden können.

# Forschungen zur nenhochdeutschen Sprach- und Bildungsgeschichte. Bericht des Hrn. Bundaen.

Trotz bingebendem Bemühen hat es sich im verflossenen Jahre noch nicht ermöglichen lassen, die im Verein mit Hrn. Oberlehrer Dr. Pius bearbeitete kritische Edition des Briefwechsels des Cola di Rienzo

zur Veröffentlichung zu bringen. Doch sind zwei Bände (1. kritischer Text der Korrespondenz mit Anmerkungen und Apparat, 2. urkundliche Quellen zur Geschichte Rienzos mit Lesarten uml Anmerkungen nebst kritischer Ausgabe des 'Oraculum Cyrilli') im Druck abgeschlossen. Der Druck der Einleitung hat begonnen. — Die kritische Ausgabe des Ackermanns aus Böhmen, für die dank dem Eifer des Hrn. Prof. Dr. ALOIS BERNY (Leitmeritz) Text, Lesarten, Glossar gedruckt und dessen Anteil an den Anmerkungen im Manuskript bereits vorliegen, wird der Berichterstatter sieh angelegen sein lassen, so weit abzuschließen, daß wilhrend des Sommers oder Berbstes ein erster Teil die ganze Dichtung in gereinigter Gestalt mit Kommentar und lexikalischer Darstellung der Sprache der Öffentlichkeit vorlegen kann. - Für die Ausgabe Heinrichs von Mügeln hat Hr. Prof. Dr. Dougasyn (Wien) die Bearbeitung der Ungarn-Chronik so weit gefördert, daß sein Manuskript des kritischen Textes, des Variantenapparats und der lateinischen Fassung bald nach Ostern zum Druck gelangen soll. - Für die Herausgabe deutscher und lateinischer Schriften und Gedichte Johnnes von Neumarkt ist Hr. Oberlehrer Dr. Klappen (Breslan) als Mitarbeiter eingetreten. - Die Materialsammlung für die von dem Berichterstatter vorbereitete Darstellung der Sprache des jungen Goethe in ihren gesamten grammatischen, stillstischen, lexikalischen Erscheinungen wurde - nuch einer durch Außere Verhältnisse bedingten Unterbrechung von Hrn. Prof. Dr. Anz (Charlottenburg) mit Hilfe einer bezahlten jungeren Kraft planmäßig weiter ergänzt und gewann durch die treue Ausdauer des Genannten einen Zuwaelis von 2000 Zetteln.

#### HUMBOLDT-Stiftung.

#### Bericht des Hrn. WALDEVER.

An Stelle des verstorbenen Kurntorialmitgliedes Earst von Mendelssohn-Bartholdy, Exzellenz, wurde Hr. Generalkonsul Paul von Mendelssohn-Bartholdy, Sohn des Verstorbenen, gewählt; derselbe hat die
Wahl angenommen. Die für das Jahr 1910 verfügbaren Stiftungsmittel
im Betrage von 9000 Mark sind Hrn. Baanca zur Fortsetzung der Ausgrabungen der Tendagnen-Expedition in Deutsch-Ostafrika bewilligt
worden. Folgende Veröffentlichungen, deren Herausgabe durch die
Humboldt-Stiftung unterstützt wurde, sind im laufenden Jahre erschienen:

Ergebnisse der Plankton-Expedition der Husnoner-Stiftung. Bd.3. Lh: Die Tripyleen Radiolarien. 10. Boseser, A., Porospathidae und Cadlidae. Kiel und Leipzig 1910. Schultze, Leonhand. Zoologische und anthropologische Ergebnisse einer Forschungsreise im westliehen und zentralen Südafrika ausgeführt in den Jahren 1903—1905. Bd. z. 4. Jena 1909—10. (Denkschriften der Medicinisch-Naturwissenschaftlichen Gesellschaft zu Jena. Bd. 14, 16.)

Reck, Haxs. Islandische Masseneruptionen. Jena 1910. (Geologische und publiontologische Abhandlungen. Herausgegeben von E. Kokes. Neue Folge. Bd. q. Heft 2.)

Bückise, H. Die Basalte und Phonolithe der Rhön, ihre Verbreitung und ihre chemische Zusammensetzung. (Sitzungsherichte der Kgl. Preuß. Akademie der Wissenschaften. 1910, Stück XXIV.)

Für das Jahr 1911 werden rund 8500 Mark verfügbar sein.

## Sarrant-Stiffung.

Bericht des Hrn. Burnsen.

I. Vem Vocabularium Jurisprudentiae Romanae sind im Jahre 1910 zwei weitere Hefte veröffentlicht worden, nämlich das erste Heft des dritten Bandes (habeo — idem), bearbeitet von Dr. Hesay und Prof. Dr. Kübere, und das erste Heft des fünften Bandes (r — sed), bearbeitet von Hra. Amtsrichter Volkman, der nach Vollendung dieses Faszikels und zweier weiterer, bereits gedruckter Bogen (sed — servo) von der Beteiligung an der Arbeit ausgeschieden ist. Für das zweite Heft des zweiten Bandes, das Hr. Dr. Ganes fertiggestellt hat, ist der Druck begonnen worden. Die Vollendung dieses Heftes kann für das nächste Jahr mit Sicherheit in Aussicht gestellt werden. Vom zweiten Heft des dritten Bandes ist ein Bogen bereits gedruckt (idem — ignarus). Für das erste Heft des vierten Bandes (N — Q) ist teils von Hrn. Dr. Brastoff, teils von Hrn. Referendar Lessen das Manuskript eingeliefert worden, so daß der Druck beginnen konnte.

II. Die Neubearbeitung von Hoberers Deutschen Rechtsbüchern des Mittelalters konnte im verdossenen Jahre leider nur wenig gefördert werden. Hr. Dr. Boschuss konnte die für Ostern 1910 geplante wissenschaftliche Reise nicht unternehmen und mußte sich mit Rücksicht auf seine Übersiedlung von Posen nach Hamburg und die Übernahme seines neuen Wirkungskreises darauf beschränken, das von der Reise des Jahres 1900 mitgebrachte Material durchzuarbeiten und den Bestand an fertiggestellten Beschreibungen sonstiger Handschriften gelegentlich zu vermehren. Hr. Prof. Dr. Junus Gierre schreibt, daß er im Jahre 1910 durch unabweisliche anderweitige Arbeiten und durch eine rheumatische Augenentzündung verhindert gewesen sei, für das Unternehmen etwas Erhebliches zu leisten.

### Bore-Stiftung.

Bericht der vorberatenden Kommission.

Die Kgl. Akademie der Wissenschaften hat am 16. Mai 1910 den Jahresertrag der Borr-Stiftung in Höhe von 1350 Mark dem Privatdozenten an der Universität Göttingen, Hrn. Dr. REINHOLD TRAUTHANN, zu einer wissenschaftlichen Reise nach Rußland verliehen

### HERMANN und Elise geb. HECKMANN WENTZEL-Stiftung.

Jahresbericht des Curatoriums für 1910.

Aus den im Jahre 1910 verfügbar gewordenen Erträgnissen des Stiftungscapitals wurden bewilligt

> 6000 Mark zur Fortführung des Wörterbuchs der älteren deutschen Rechtssprache;

> 4000 Mark zur Fortführung der Ausgabe der ältesten griechischen christlichen Schriftsteller, und

> 2000 Mark als zweite und letzte Rate der besonderen Bewilligung zur Anfertigung der für das Unternehmen erforderlichen Catenen-Photographien;

> 4000 Mark zur Fortsetzung der Bearbeitung einer Prosopographie der römischen Kaiserzeit, Jahrh, IV – VI;

> 4000 Mark als fünfte und letzte Rate für die Herausgabe des Voeutzkow'schen Reisewerks;

> 1000 Mark als dritte und letzte Rate der Beihülfe zur Herausgabe einer topographischen Karte des westlichen Kleinasiens von Prof. A. Philippson.

Über den Fortgang der Arbeiten an der Kirchenväter-Ausgabe und der Prosopographie berichtet die hier folgende Anlage I, über das Rechtswörterbuch Anlage II.

Von dem Vorlitzrow'schen Reisewerk wurde das 5. Heft von Band II (Zoologie, Systematische Arbeiten) ausgegeben und damit dieser Band abgeschlossen.

Von der Patterson sehen Topographischen Karte wurde die erste der drei Lieferungen, Blatt 1 und 3, ausgegeben. Der zugehörige Theil des Textwerks ist unter dem Titel: Reisen im westlichen Kleinasien. L. Heft. als Ergänzungsheft 167 zu «Petermann's Geographischen Mittheilungen» erschienen.

In das Curatorium, dessen Mandat mit dem 31. März 1910 ablief, wurden die ausscheidenden Mitglieder von den zuständigen Classen sämmtlich für die neue Geschäftsperiode 1910—1915 wiedergewählt.

#### Ant I.

#### Bericht der Kirchenväter-Commission für 1910.

Von Hrn. HARNAUR.

1. Ausgabe der griechischen Kirchenvärer.

Ausgegeben wurden zwei Bände, nämlich:

die Apokalypse des Esra (hrsg. von Violer) und

die Kirchengeschichte des Theodoret (hrsg. von Parmenter). Im Druck befinden sich;

die Chronik des Eusebius nach dem Armenier (hrsg. von Karst) und

die Kirchengeschichte des Philostorgius (Bmez).

Grössere Unterstützungen erhielten Hr. Kam Sommor für die Collation der Demonstratio des Eusebius (Pariser Codex), Hr. Karst für die Bearbeitung der Chronik des Eusebius, die HH. Bioez und Parsenten zu Photographien von Codices, Hr. Ehrhand zu einer Reise nach England im Interesse der Martyrien-Forschung und Hr. Lierzmann zur Catenen-Forschung.

Von dem «Archiv für die Ausgabe der ültesten christlichen Schriftsteller» wurden fümf Hefte ausgegeben, nämlich:

Bd. IV (XXXIV) Heft 4: Hasse, Zur Bardesanischen Gnosis. Literarkritische und dogmengeschichtliche Untersuchungen.

Bd. V (XXXV) Heft :: Kocz, Cyprian und der römische Primat. Eine kirchen- und dogmengeschichtliche Studie.

Bd. V (XXXV) Heft 2: Karaper Ter-Mehenteschian und Er-Wand Ter-Minassiantz, Irenäus, Buch IV und V in armenischer Version.

Bd. V (XXXV) Heft 3: B. Weiss, Der Hebräerbrief in zeitgeschichtlicher Beleuchtung.

Bd. V (XXXV) Heft 4: Fremming und Harnack, Ein jüdischchristliches Psalmbuch aus dem ersten Jahrhundert (Die Oden Salomes).

# 2. Prosopographia imperii Romani sacc. IV-VI.

Die beiden Leiter der Prosopographie, Hr. Jüneuen und Hr. Seren, berichten, dass die Arbeiten in ordnungsgemässer Weise fortgesetzt wurden. Die abschliessende Gestaltung der kirchenhistorischen Artikel konnte noch nicht erfolgen, weil die Excerpte aus den Acta Sanctorum noch nicht übergeben worden sind. Hr. Seren arbeitet neben der Abfassung der einzelnen Artikel an der chronologischen Ordnung der Kaisergesetze.

#### Ant IL

# Bericht der Commission für das Wörterbuch der deutschen Rechtespruche, für das Jahr 1910.

#### Von Hrn. BRUNNER.

Die akademische Kommission in Sachen des Wörterbuchs der deutschen Rechtssprache hielt in Heidelberg am 7 April 1910 ihre neunte Sitzung ab. Anwesend waren die HH. BRUNNER, GIERRE, ROETHE, Freiherr von Schwisch und die HH. Mitarbeiter Briger, Freiherr von Künssberg, Pereis und Walle.

Die Kommission beriet sieh über den Stand der Arbeiten und über Heranziehung neuer Mitarbeiter zur Verzettelung einzelner Rechtsquellen. Der Aufruf an die Fachgenossen, das Unternehmen durch Einsendung gelegentlicher Beiträge zu unterstützen, ist zwar an mehr als dreihundert Adressen versandt worden, hat aber nur drei Antworten eingebracht. Von der Versendung derartiger Aufrufe ist daher für die Zukunft Abstand genommen worden.

Für die Reihe der Wörter A— am wurden einzelne Wortartikel von den Anwesenden übernommen, andere bestimmten Mitarbeitern zugewiesen. Die Kommission setzte das Honorar für die Mitarbeiter (pro Bogen von 16 Spalten) fest und beschloß die Veröffentlichung eines Doppelbeites von etwa 20 Bogen binnen drei Jahren in Aussicht zu nehmen, welches die Wortartikel A—Acht, ein provisorisches Vorwort und ein Verzeichnis der wichtigsten Abkürzungen enthalten soll. Das ganze Werk wird auf einen Umfang von ungeführ acht Bänden zu etwa 1000 Seiten berechnet. Verhandlungen wegen Übernahme des Verlags sind im Zuge.

Die Schätzung des Zettelarchivs ergab einen Bestand von 713600 Zetteln gegen 573200 im September 1008; es hat sonach eine Vermehrung um 140000 Zettel stattgefunden.

Als Vorarbeit hat Freiherr von Könssnere eine Untersuchung: »Acht, eine Studie zur älteren deutschen Rechtssprache», Weimar 1910, veröffentlicht.

#### Bericht des Hrn. Schröden.

Der Bestand des Archivs darf Ende 1910 auf 750000 Zettel eingeschätzt werden.

Unsere Bestrebungen wurden durch Einsendung gelegentlicher Funde oder einschlägiger Aufsätze, durch Auskünfte und Werbung von Mitarbeitern in dankenswerter Weise durch folgende Herren gefördert: Rechtspraktikant E. Aut in Ochsenfurt, Prof. Dr. K. von Anna in Münehen, Landgerichtsrat Karl Bross in Torgau, Prof. Dr. Max Connar in Heidelberg, Oberhibliothekar Dr. K. Eren in Gießen, Privatdozent Dr. F. FEHLING in Heidelberg, Prof. Dr. J. FRANCE in Bonn, Prof. Dr. FROMBROLD in Greifswald, Archivar Dr. Gönner, in Nürnberg, Oberst a. D. Freiherr von Guttenmene auf Schloß Steinenhausen, Privatdozent Dr. PAUL MERKER in Leipzig, Prof. Dr. von Moraless in Berlin, Privatdozent Dr. Eanst Peners in Berlin, Prof. Dr. Kuur Peners in Hamburg, Prof. Dr. R. Person in Heidelberg, Dr. E. Rosenstock in Berlin, P. Adamert Semerers O. S. B. in Maria Lauch, Privatelozent Dr. Waurnen Schöxmons in Heidelberg, Prof. Dr. Edward Schröder in Göttingen, Privatdozent Dr. C. Freiherr von Schwerts in München, Prof. Dr. U. Seurz in Bonn, Prof. Dr. Rubour Thomasen in Basel, Richter Dr. Figurz von Woess in Wien, Prof. Dr. ALTER R. vos Weetschao in hinsbruck, Dr. W. Ziesemen in Marienburg.

Demgegenüber sind auch wir immer öffer in der Lage gewesen. Gelehrten und Praktikern auf Grund unseres reichen Zettelschatzes wissenschaftliche Auskünfte zu geben.

Nach wie vor wird beim Einordnen der Anfang des Alphabets hevorzugt, dessen Ausarbeitung im Gange ist. Die Beteiligung Auswärtiger an der Ausarbeitung der Wortartikel ist leider nicht lebhaft: trotzdem besteht die Hoffnung, das Manuskript für das erste Heft in der von der Kommission angesetzten Frist fertigzustellen.

Im Berichtsjahre sind Manuskripte eingelaufen von den Kommissionsmitgliedern Brunner, Schröder und Freiheren von Schwind sowie von den HH. Dr. Ferdinand Busier (Heidelberg), Dr. Aususy ELEXISTER (Konstanz), Dr. Alexander Gal (Wien), Dr. Freiherr von Kinss-BERO (Heidelberg), Dr. PAUL MERKER (Leipzig), Dr. LEORGAD PERKES (Heidelberg). Dr. Gustav Want (Frankfurt a. M.).

Ständige Hilfsarbeiter blieben die gleichen wie bisher. Der Stand der Handhibliothek ist unverändert.

Variefonnie der im Jahre 1910 ausgezogenen Quellen.

(Die Beitelge der sebweiserteine Emmission eine mit \*, der die beternechtschen Komiteer sind mit \*\* beschienen

Abhandlungen zum schweizerischen Recht. 16: 17: 24 25: 28: |ur. Hersing Merries, Leinzig.

Dor althochdeutsche Isider, breg, von Hemb: phil. O. Rosca, Berlin. Almelo Stadtrocht: Prof. uss Massa, Befauel.

Altenetaffurt, Schipponiuch (ungedruckt): Dr. Easser Benen, Magdeburg. von Amira, Grandriff des germanischen Rochts 1: Frau las Brauez, Rhainsberg. Anton, Diplomatische Belträge zu den deutschen Rechten, 1777 : Dr. S. Hörre, Minchen, Bunnell, Die Börtfahrt zwischen Hamburg, Bremen und Hofland Admiral Racuss.

Hauseh, Die Islandfahrt der Deutschun: Admoral Barnen, Heidelberg. Bellerode, Beitrige zu Schlesiens Rochtegeschichte Rochtenswatt A. Grossenter,

Bernhurg, Stadtlinch 1401-1420: jur. Fury Zerrwitz, Leipzig Hilb Hat helt des literarischen Vereins in Stuttgart. 31.: Dr. Avanyr Ersässna, Konstanz. Birmb, Cartalarium Saxonicum (teilweise); Privatilorem Dr. Ca. Frag. von Schwerte.

Brandenburger Kriminalordaung 1717; jur. J. M. Geomerem, Künigsberg I Pr. Brandenburgiaches Zallreglament, 1674/ Admiral Barnen, Heidelberg,

Brannichweiger Urinodesluch I (fortgesetzt): Assessor Dr. W. Schormanna, Vorsfelde L Br.

Bremer Gesellichtsquellen (Lappenberg), Dr. Andort Ersässen, Konstant.

Buch Weinsberg, brag von Höhlbaum. III. u. IV.: Admiral Bacura, Beidelberg. Bugge, Die Wikinger, übersein von Hangerland Privatdozent Dr. Leoreno Pauris, Heidelberg.

Carlabach, Badische Rechtsgeschichte U.: phil. Hass Helmut Maues, Rüppurr. Curp us constitutionum Brandenburgo-Caimbacansiam (begonnea): Rechtsanwalt A. Gloungen. Monchen.

Carpus jaris venamelo forestalis, hesg. von Fritsch (begonnen): Dr W. Dassa, München. Coutumes d'Ypres. 1619: Prof. DES MAUEL, Brussel.

Delfus, Hauberge und Hanbergsgenessenschaften; Dr. von Küssenme.

Ditimer, Das Sassen- und Honsteurscht: Dr. W. Dass, München.

Handelsrechningen des deutschen Ordens, brag von Sattler. Dr. von Küssserna. Dreyer, Zur Erlänterung der deutschen Rechte ... angewandte Nebenstunden Par. Toons, Stangart.

Bruffel-Brandt, Beitrage zur Reichtgeweitschte (begrunnen): Dr. Westenmann. Halifel-

Edlingen, Urkundenbuch der Stadt: Archivrat Dr. Minnum, Stattgart,

Albrecht von Eyb. Deutsmie Schriften phil. O. Rusca. Berlin. Fontes rerum Austriacavum II 30: jur. L. Tienren, Lim a. D.

Freiburger Didessanarchiv. 1 .- 12. ta.: Dr. A. Etsissen, Konstant.

Frehusperger, Meerkriegsordnung. 1565: Admiral Barmen, Heidelberg. Foetrer, Bayrische Chronik: Fran Loa Beunen, Rheinsberg.

Governine, Meierrecht. 1803: phil A. Kastone, Pforzheim.

"Geschlahte der Stadt Königimhof 1782: jur. Gumo Kasca, Prag-

Granberg, Bauermefreiung in Böhmen und Schlesen: jur. H. Fatar, Wien. Grapen, Disceptationes formies, 1737, Dr. Oskan Cant, Wilfordingen.

lisekmann, De juse sgueris. 1600: Rathbanwalt Gronnoges, München. Hanauer, Les constitutions des campagnes de l'Alsace: De W. Duss, Mimelien.

Her chrharen Hansestädte Schiffordnung und Sorrecht, 1014; Admiral Barnes Heldelberg-

Hussische Blätter für Volkskunde: Dr. G. Lausent, Gießen.

Hildesheim, Urkundsalmch des Hechstifts: Prof. Gerresmen, Konstant,

Hildsaheim, Urhindenbuch der Stadt, Register: Fran Inc. Bennen, Rheinsberg.

Friedr von Hobentobe, Rechtsbuch, 1348: Dr. Fn. Genting, Mönchon;

In am a - Sternegg, Deutsche Wirtschaftsgeschichte i'r Fran ion Benous, Rheinsberg, Juliebuch der knosthistorischen Sammingen des Allerhochsten Kaiserhauses (begannen);

Pu. Tumes, Stategari. Kaiserawerth, Urkundenbuch des Stiftes: Privatifozent Dr. Paul Mangan, Leipzig.

"Krain, Limillandfeste von 1598: jur. Hermans Frient, Wien. Lubisanes Stadtrecht 1680; Admiral Barnes, Baidelberg.

Marienburger Teasterburh. 1309-1409; Dr. W. Zusumm, Marienburg.

Marienburg, Zimbuch des Hauses: Dr. W. Zinsemen, Marienburg.

"Meranes Studtrecht (Zeitschr. f. deutsches Altertum VI): De Frant Zahn, Kurnentharg b: Wien-

Mera, Stadtrecht von Bromgarten cand jur Successen, Bern.

Mittellungen für Geschichte Gotins. 1897-1904; jur. Farra Zerrwitz, Leipzig. Mittellungen our dem Stallmehiv in Köln. 17, 18.: Admiral Bacutes, Heidelberg-M) the Hungen des historischen Verwins für Ninderbayern 1 - 25 phil. Haas, München. Mittelniederdeutsche Fastnachtspiele, heng von Sechnann: Ilr. A. Etsassen.

Montanus, Schwankhücher, jur. Farra Zerrwerz, Leipzig.

Manumenta Boica 14, 15, 17,-21., Dr. W. Disse, Münchin,

Monuments Gormaniae historica, Script, rur Moray, L.-V.: Privatdonum De. LEGROUP PRINTS, Heidelberg.

Mor-Biro in Spiegel des Regiments. 1513 phil. H. H. Merez, Rappury.

Mühlhausen, Studtrecht. 1230-1250: Dr. Eusse Rauer, Magdeburg Mühlbausen, Chronik der Stadt, besg. von Jordan jur Parr Zerraren, Leinnig.

Mahibansen, Urkundenbuch: Dr. Enser Benne, Mingdelung.

Maleow, Mat und Gewield in Besel. 1910 Fran Inc Brance, Rheissberg.

Neue Heidelburger Jahrhanher. 14. Dr. von Kossenred.

Neus Mitteilungen des führingischendebeschen Vermas. 12. Reihtesnwah Gio-BREGER, München: 19.1 jun. Farra Zayrwerz, Leipzig.

Naumarktur Reminduch, Jusg. von Mainardos: Rechtsanwall Grouganie, Mänchen. Peter Nalae, Der Kaufmann in der deutschen Spruche des Mittelaliers, Gött, Diss. 1909: Dr. L. Panette, Heidelburg.

Nuther, III, Labes, brig von Piper: Dr. A. Erskeen, Konstant

Navahavg, Halsgerichtssadaungen (Zeitsehr, f. Strafrechtsw. XII): jur. Petron, Köninhurg L I'r.

"Osterrolchische Urbaro. III r: Dr. Phanz Zanza, Komsulurg b. Wien.

"Osterre) chische Weissümer VIII :: Dr. Renour Zaxes, Gall h Leofier, IX. Pa Tuors, Stuffgurt.

Paul und Beaure, Beiträge zur Geschichte der deutschen Sprache. 1 - 15 :: Dr. A. Ecakson, Konstanz

Marcel Plantel. La très sucience comme de Bretagne: Dr. L. Passia, Heidelberg. Preudische Assekurans - und Havereiordnung. 1760: Admiral Bacune. Heidelberg Premissing Bordingsroglement 1719: Admiral Bacues, Heidelberg.

Preulisches Seernant, 1727: Admiral Bacnes, Heidelberg

Prendische Strandungsordning. 1728: Admiral Batten, Heidelberg.

Quellen und Porschungen zur Geschielte der Ahm Reichmaut phil. H. H. Mayen. Rönnner.

Rigaranear, Geschinkte und Urkunden der, brag, ein Siewest: Admirel Bauere, Heidolberg

"Rölller, Deutsche Dorfweistemer in Bölmun jur G. Kraus, Prag.

Das St. Pauler Formular. Briefe und Urtimien aus der Zeit Kenig Wennel H. Prag (Soo; jur G Koma, Prag.

Schieltz, Bulliffeder: Prof. Man County, Heidniberg.

Schruder, Spruchvergleichung und Urgeneilichte. 5. Aufl.: Hr. A. Pastienn, Kommann, Schreiber, Ertleite in Straffburg, 1909; Fran Inx Russer, Rheinsberg,

Schriften des Varrins auf Geschichte den Bodensens. 3: 7- 2 : Fürnpench Extran-KINKELDS, Bern.

Schwarzeriarhes Idiotikun. 3.7, (begomen): Dr. vox Krasserno.

Secatorn-Pauly, Nemminator Kirchapiel and Bordesholmer Amageletimber Dr. W. Druss. Militaben.

Sanck onlierg. Kuissriehe höchste Gerichtsbackeit: Rechtemwalt Gronnsung, Min-

Siegener Urkundenbuch I (erledigt): Privatdozent Dr. Laurers Penns, Heidelberg. Suchsenspiegelglosse (meh des Wieser Stamgsberichten 1881-1893): jue Para Ziriwerz, Leipzig.

Slaba, Helgoland und seine Sprache: Dr. Etalween, Konstanz Straffburger Zunft- und Polissinsdamgen jur Zerrwere, Leipzig-

"Sudvianiander, Haisgerichtsordnung für die. 1707: jur. H. Facun, Wico.

"Tiraler Landescolung 1573: jun H. Fanar, Wien.

"Tirolor Policeiordnung, 1571 jur. H. Futum, Wien-

Pourmay, Eriedenmegister, brug. von W. Bennry Dr. von Kenseneno. Turber, Nimberger Baummeterbook: Dr. A. Elazassa, Kanstant.

Van der Linden, Les gildes marchandes: Proj. des Manix, Britani.

Voroffentlichungen der historisches Kommission für Steiermack, oder Fran Inc. Bassan, Rheimberg.

Walts, Deutsche Vertssumgsgeschichte | Fran Ina Bennes, Rheinsberg. Wasserschieben, Bufordnungen Poat Max Connar, Heidelberg,

Wasanenahlaben, Primip der Erbenfalges jur. Fmve Zerrwere, Leinzig:

"Welli. Urkumiles des Studingenies Baden: stud jur von Branes, Born. "Wien, Mantordamy. 1659 per H. Fatter, Wien.

- G. Wingar, Urbnilliche Beiträge zur Rechtsgeschiehte: Dr. von Kossennin-

Wulfram rus Eschenbark, hing von Lashmann; Dr. A. Esalssen, Roustant, Württemburglische Bindliche Routsquellen. L. Dr. Euspesand Busun, Heidelberg, Zattschrift des henvischen Vereins für Schwahen und Neuburg. 3.: Dr. W. Dissa, Minchen.

Zelt au lie Ha des westpreuillechm Geschichtsvereine, bei 1900: Rechtsanwalt Genouneur,

Müneium

Zeitzehrift für deutsche Wortfarschung, 1910: R. Semiliera.

# Akademische Jubiläums-Stiftung der Stadt Berlin.

Bericht des Hrn. Diers.

Da die Entscheidung über die Verwendung der Stiftungserträgnisse der bufenden vierjährigen Periode erst im Jahre 1912 fallen wird, ist für das abgelaufene Jahr nur über den Abschluß der Bearbeitung der in der vorjährigen Periode unternommenen Trinilexpedition der Frau Prof. Senessa zu berichten.

Dank einer außerordentlichen Beihilfe von 2000 Mark seitens der Berl. Akad. d. Wiss. ist das die wissenschaftlichen Ergebnisse jener Expedition zusammenfassende Werk unter der Redaktion von Hrn. Prof. Branckendone in Berlin so rasch gefördert worden, daß es bereits abgeschlossen und im Drucke vollendet gerade jetzt ausgegeben werden kounte. Die hierin mitgeteilten Forschungsergebnisse dürfen in mehrfacher Beziehung als sehr wertvoll bezeichnet werden. Es ist damit das von Fran Prof. Siernan und der Akademischen Jubiläumsstiftung der Stadt Berlin ausgeführte und unterstützte Unternehmen zum Absehluß gebracht.

Schliesslich wurde über die seit dem Fammuns-Tage 1910 (27 Januar) bis heute unter den Mitgliedern der Akademie eingetretenen Personalveränderungen Folgendes berichtet:

Die Akademie verlor durch den Tod die ordentlichen Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Hass Landort und Robert Koch; die ordentlichen Mitglieder der philosophisch-historischen Classe Adolf Tobler und Hedrich Zuwer; die auswärtigen Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Eduard Prüßer in Bohn und Giovanst Virkeinio Schlafarelli in Mailand; das auswärtige Mitglied der philosophisch-historischen Classe Leorold Delisle in Paris; die correspondirenden Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Alexanden Agassiz in Cambridge, Mass., Eduard van Beneden in Lüttich, Stanislad Gannizzard in Rom, Sir William Hugens in London, Frieden von Rechtischausen in Strassburg, Malemon Treus, früher in Bultenzorg, zuletzt in Saint-Raphaël (Südfrankreich), Runder Fritze in Strassburg und Angelo Mosso in Turin; die correspondirenden Mitglieder der philosophisch-historischen Classe Beneden Niese in Halle a. S., Emphilosophisch-historischen Classe Beneden Niese in Halle a. S., Emphilosophisch Lieben Lasse Beneden Niese in Halle a. S., Emphilosophisch-historischen Classe Beneden Niese in Halle a. S., Emphilosophisch-historischen Classe Beneden Niese in Halle a. S., Emphilosophisch Niese in Halle a.

Schüber in Göttingen, Adolf Michaels in Strassburg und William James in Cambridge, Mass.

Neu gewählt wurden zu ordentlichen Mitgliedern der philosophischhistorischen Classe Heiseren Mohr und Hersnich Wöhrein; zum auswärtigen Mitglied der physikalisch-mathematischen Classe das bisherige
correspondirende Mitglied Lord Rakhenn in Witham, Essek; zum Ehrenmitglied Bernhard Fürst von Böhow in Rom; zu eorrespondirenden
Mitgliedern der physikalisch-mathematischen Classe Wilhelm Wien in
Würzburg, Sir Joseph John Thomson in Cambridge (England), Sir Victor
Horsley in London, Felix Marchann in Leipzig, Friedrich Merkel, in
Göttingen, Angelo Mosso in Turin, Gustav Schwalbe in Strassburg,
Oswald Schmederen in Strassburg, Wilhiam Monns Davis in Cambridge,
Mass., Lewis Boss in Albany, N. Y., und Friedrich Küstner in Bonn;
zu correspondirenden Mitgliedern der philosophisch-historischen Classe
Wilhelm Fröhner in Paris, Samuel Rolles Driver in Oxford, Ignaz
Goldzung in Ofen-Pest und Franz Praeforius in Breslau.

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

W.

DER

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. Februar. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

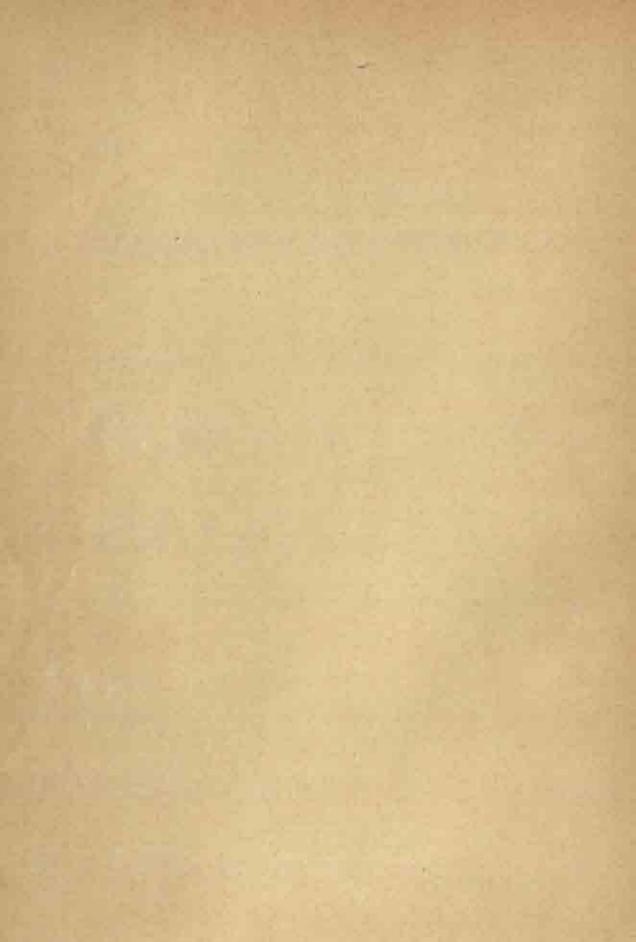
#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

\*I. Hr. von Seunomm sprach über die Bevölkerungsbewegung der deutschen Städte von ihrem Ursprung bis ins 19. Jahrhandert.

Der Voetragemie geht hanptslichlich auf die Ursuchen ein, welche für die meisten der deutschen Städte vom 14-17 Jahrhundert einen grossen Rückgang berbeigeführt haben, und auf die politisch-administrativen Anderungen, welche das Wiederenfallihen in den letzten zwei Jahrhunderten ermöglichten.

2. Vorgelegt wurden der Neudruck des 1. Bandes der von der Akademie veranstalteten Kant-Ausgabe. Berlin 1910, das mit Unterstützung der Akademie gedruckte Werk F. Schuttusses, Kalifa und Dimna, syrisch und deutsch, I. H. Berlin 1911, ferner D. Schäffen und F. Teoben, Hanserecesse von 1477—1530. Bd. 8. Leipzig 1910, Enten Schamer, Reden zur Litteratur- und Universitätsgeschiehte. Berlin 1911 und P. Menzen, Kants Lehre von der Entwicklung in Natur und Gesechichte. Berlin 1911.

Ausgegeben am 9. Februar.



# SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

VI.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. Februar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

1. Hr. Zussenass las: Über die Bedeutung von Untersuchungen über die Knickfestigkeit elastischer Stäbe für die Praxis an der Hand von Beispielen, wie Brückeneinstürzen u. dergi.

Er beschrieb die Einrichtungen, die der Verein Deutscher Brücken- und Eisenbaufahriken trifft, um Bruchversache mit Betickentheilen in natürlicher Grösse anstellen zu können. Es ist zu diesem Zweck mit Aufwendung bedeutender Geldmittel eine hydraulische Versuchsmasehine beschafft worden, die 3000 Tonnen Druck bei 15 Meter Länge des Probestückes auszuüben im Stande Ist.

2. Hr. FRODENIES trug eine Arbeit vor: Über den Rang einer Matrix. H.

Die Elementartheiler der charakteristischen Determinante einer zerfallenden Matrix siml die der einzelsen Theile zusammengenommen.

3. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Das die Ergebnisse der Trinil-Expedition der Akademischen Jubilliumsstiftung der Stadt Berlin enthaltende Werk: Die Pithecanthropus-Schichten auf Java. Hrsg. von M. L. Selena und M. Blanckennon. Leipzig 1911; das mit akademischer Unterstützung bearbeitete Werk W. Salomon. Die Adamellogruppe. Tl. 2. Wien 1910 (Abhandlungen der k. k. Geologischen Reichsanstalt. Bd. 21. Heft 2): 4 Sep.-Abdr. aus den Bänden 4 und 6 des Archivs für Hydrobiologie und Planktonkunde, enthaltend Beiträge zur Kenntnis der Süsswasserfauna der Dauphine-Alpen, eingesandt von dem gleichfalls von der Akademie unterstützten Dr. L. Kennack; endlich H. Zimmenmann, Die Knickfestigkeit der Druckgurte offener Brücken. Berlin 1910.

# Über den Rang einer Matrix. II.

Von G. FROBENIUS.

#### \$ 5.

Will man die Normalform B einer bilinearen Form A untersuchen, ohne auf die Wumsstwasssche Definition der Elementarteiler zurückzugehen, so muß man die früheren Entwicklungen noch durch folgende Bemerkungen ergänzen.

Wenn die Matrix "ten Grades

$$A = \begin{pmatrix} A' & 0 \\ 0 & A'' \end{pmatrix}$$

In die beiden Matrizen A und A" der Grade n' und n' vollständig zerfällt, en ist

$$A^{\circ} = \begin{pmatrix} A^{\prime *} & 0 \\ 0 & A^{\prime *} \end{pmatrix}$$
,

and mithin in leicht verständlicher Bezeichnung

$$\lambda_* = \lambda' + \lambda''$$
,  $\lambda_* = \lambda'_* + \lambda''_*$ ,  $\epsilon = \ell' + \delta''$ ,

Den Zerlegungen

$$\delta' = \lambda_1' + \lambda_2' + \dots$$
,  $\delta'' = \lambda_2'' + \lambda_2'' + \dots$ 

selen assoziiert die Zerlegungen

Unter den a Zahlen  $\mathbf{z}_1^{\prime}, \mathbf{z}_2^{\prime}, \cdots$  befinden sich daher  $\lambda_1^{\prime}$ , die  $\geq \mathbf{z}$  sind, und unter den a Zahlen  $\mathbf{z}_1^{\prime\prime}, \mathbf{z}_2^{\prime\prime}, \cdots$  befinden sich  $\lambda_1^{\prime\prime}$  solche Zahlen. Unter den  $\mu^{\prime} + \mu^{\prime\prime}$  Zahlen  $\mathbf{z}_1^{\prime}, \mathbf{z}_2^{\prime\prime}, \cdots$  gibt es folglich  $\lambda_1^{\prime} + \lambda_2^{\prime\prime} = \lambda_1^{\prime}$ , die  $\geq \mathbf{z}$  sind. Demnach ist der Zerlegung

$$d = \lambda_1 + \lambda_4 + \dots + \lambda_n$$

assozuert die Zerlegung

$$b = a_2^2 + a_3^2 + \cdots + a_1^m + a_2^m + \cdots$$

worin die Summanden noch nicht der Größe nach geordnet sind. Die für s=0 verschwindenden Flementarteiler von |A-sE| haben daher die Exponenten  $\kappa_1',\kappa_2',\dots,\kappa_n',\kappa_n'',\dots,$  d. h. es sind die Elementarteiler von |A-sE'| und |A'-sE''| zusammengenommen.

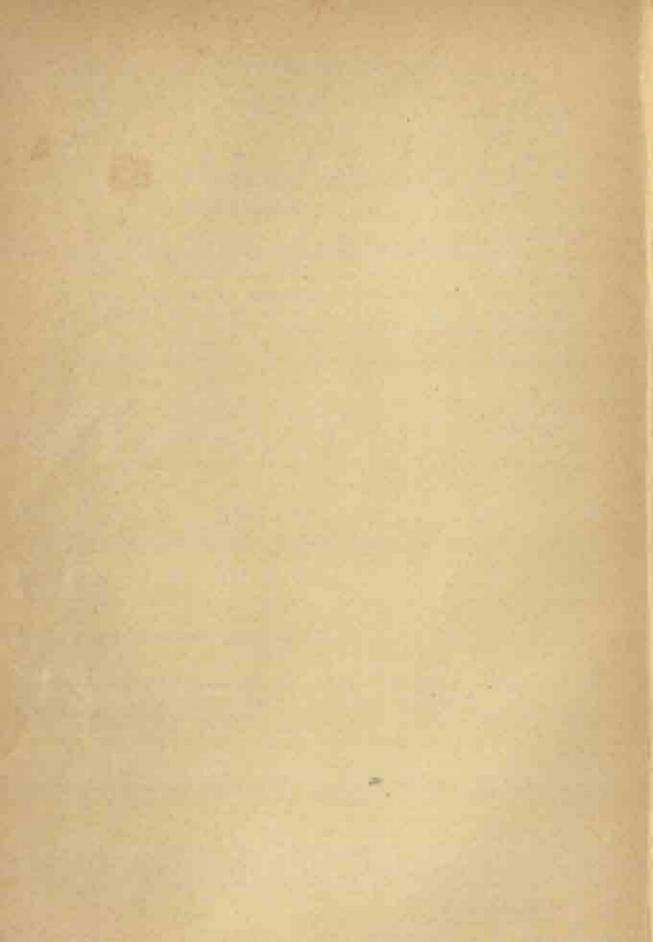
VIII. Die Elementarteiler der charakteristischen Determinante einer Matrix, die in mehrere Matrizen vollständig zerfällt, sind die der einzelnen Teile zusammengenommen.

Ist F die Matrix der Form  $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-1}$ , so ist  $F^x$  die der Form  $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-2}$ ,  $F^x$  die der Form  $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-2}$ , usw. Mithin ist  $\rho_0 = x_1$ ,  $\rho_1 = x-1$ ,  $\rho_2 = x-2$ , ... und  $\lambda_1 = \lambda_2 = \cdots = \lambda_n = 1$ . Die charakteristische Determinante der Elementarform

$$C = a(x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_n) + (x_2y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-1})$$

hat folglich nur den einen Elementarteiler  $(s-n)^*$ . Mit Hilfe des obigen Satzes ergeben sich dann die Elementarteiler der charakteristischen Determinante der Normalform B, die in eine Anzahl von Elementarformen der Gestalt C vollständig zerfällt.

Ausgegeben um 9. Fehruar.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

VII.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

9. Februar. Gesammtsitzung.

### Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. HARNACE las über das hohe Lied des Apostels Paulus von der Liebe (I. Kor. 13) und seine religionsgeschichtliche Bedeutung.

In der ersten Hälfte der Abhandlung werden einzelne Stellen besprochen, die in textkritischer und exegetischer Hinsicht noch controvers sind, besonders der dritte Vers. In der zweiten Hälfte wird die religionsgeschichtliche Bedeutung des Hymnus in seiner Beziehung zum Judenthum, zu der Predigt Jesu und zum philosophischen Idealismus der Griechen erörtert.

- 2. Das correspondirende Mitglied der philosophisch-historischen Classe Hr. Richann Schroeden in Heidelberg hat am 1. Februar das fünfzigjährige Doctorjubiläum begangen: die Akademie hat ihm eine Adresse gewidmet, deren Wortlant unten folgt.
- 3. Vorgelegt wurde der 19. Band der von der Akademie mit Mitteln der Wentzer-Stiftung unternommenen Ausgabe der griechischen christlichen Schriftsteller der ersten drei Jahrhunderte, enthaltend Theodorets Kirchengeschichte hrsg. von L. Parsientier. Leipzig 1911.

Das correspondirende Mitglied der philosophisch-historischen Classe Wilhelm Wilmanns in Bonn ist am 29. Januar verstorben.

# Das hohe Lied des Apostels Paulus von der Liebe (I. Kor. 13) und seine religionsgeschichtliche Bedeutung.

VOII ADOLF HARNACK.

Das Thema des großen Lobgesangs auf die Liebe im 13. Kapitel des 1. Korintherbriefs ist bereits einige Kapitel vorher (8, 1) vom Apostel angeschlagen', alsbald aber wieder verlassen worden. Nach Darlegungen anderer Art kommt er im 12. Kapitel auf die Charismen, über welche die sittlich noch unreife Gemeinde einer ausführlichen Belehrung bedurfte, und zwar in theoretischer und praktischer Hinsieht: Gott teilt die Charismen nach freiem Ermessen aus, man kann sie daher nicht erzwingen: ferner, die Gaben haben sämtlich den Zweck, die Gemeinde als ganze zu bauen, daher sind alle gleich notwendig, und die Bevorzugung eines Charismas mit Geringschätzung der andern ist verwerflich. Wie das 14. Kapitel lehrt, bevorzugten die Korinther vor allem die Gabe des ekstatischen Zungenredens: sie wollten, wo möglich, sämtlich Zungenredner werden, während doch gerade dieses Charisma nach dem Urteil des Apostels, auf den Erfolg gesehen, für das bescheidenste gehalten werden muß. Zwischen die Belehrung über diesen speziellen Punkt und die allgemeine Darlegung über Natur und Zweck der Charismen hat Paulus den Lobgesang auf die Liebe eingeschoben, der als solcher die lehrhaften Ausführungen sachlich und stillistisch durchbricht.

Die Art der Einführung des Lobgesangs bietet einige Schwierigkeiten Nachdem der Apostel seine allgemeinen Ausführungen mit den lebhaften Fragen beschlossen hatte: »sind alle Apostel? sind alle Propheten? sind alle Lehrer? sind alle Kräfte? haben alle die Gnadengaben der Heilung? reden alle mit Zungen? legen alle [die Worte der Zungenredner] aus?», fährt er fort: «Eifert vielmehr nach den Gnadengaben,

<sup>&</sup>quot;HENGER OYCIO, II AS AFAITH DINDADME! . . . II AS TIC AFAITH TON BOON, OYTICE SENGETAL

welche die höheren [al. besseren] sind, und ich zeige euch noch einen Weg in überschwenglicher Weise. Was ist unter den «höheren [besseren] Gnadengaben « zu verstehen? Ferner, inwiefern konnte der Apostel den Inhalt des nun folgemlen Hymnus als «Weg» bezeichnen? Endlich, muß man nicht mit Luther u. a. die Worte «in überschwenglicher Weise» als adjektivische Bestimmung auf «Weg» statt auf das Verbum beziehen («einen köstlicheren Weg»)?

Die erste Frage kann sieher entschieden werden. Die höheren [besseren] Gaben | konnen nur die sein, welche an einer anderen Stelle als «Früchte» des Geistes bezeichnet werden (Gal. 5, 22; «die Frucht aber des Geistes ist Liebe, Freude, Friede, Geduld, Freundliehkeit, Gütigkeit, Glaube, Sanftmut, Enthaltsamkeit.). Indem er sie hier -Charismen - nennt, schreibt er absiehtlich paradox; denn -Charismen. Im engeren Sinne sind jene Tugenden nicht, weil sie, da sie ia die Ausgestaltung des Christenstandes selber sind, von jedem Christen erworben werden können und sollen. Die Charismen im engeren Sinne aber sind in Wahrheit «Zugaben»; als solche können sie als Überhöhungen des Christenstandes beurteilt werden; aber deshalb bleiben doch Liebe, Freude, Friede usw. die eigentlich höchsten Gaben, weil sie schlechthin notwendig sind, weil der christliche Charakter nur in thren seine Ausprägung findet, und weil das ewige Geschick nur von ihnen abhängt. Der religiösen Genußsucht und dem unheiligen Eifer der Korinther, die sich an die Charismen angeschlossen haben, setzt der Apostel das Einfache und Notwendige als das Größere oder vielmehr als das Bessere gegenüber.

Die Ausleger verstehen die Worte die nöheren Gaben- fast durchweg anders, Sie meinen, der Apostel fordere hier dazu auf, unter den Charismen im engeren Sinne diejenigen zu bevorzugen, die am meisten zur Erbammg dienen, also gegenüber dem Zungemeden etwa die Prophetie oder die Lehrhaftigkeit oder die Erkenntnis, Allein «die hüberen Gaben» stehen augenscheinlich nicht nur den beiden letztgenannten (Zungenreden und Anslegung) gegenüber, sondern allen in v. 29 und 30, also auch is v. 4-11, milgeführten. Jede Beschränkung ist hier pure Willkür. Auch wäre es zwar nicht geradezh unerträglich, aber doch kaum verständlich, wenn der Apostel, der kurz rorter geschrieben hat, daß Gott die Charismen einem jeden austellt, wie er will (v. 11), nun die Auweisung gibe: «Eifert (281409TE) nach diesen Charismen.» — Übeigens lst die LA: seizona keineswegs gesichert, am wenigsten durch 14. 5 und 13. 13; denn an beiden Stellen werden Charismen derselben Kategorie untereinander verglichen. Es ist meines Erachtens wahrscheinlich, daß speirross die ursprüngliche LA, ist, die durch 14, 5 and 13, 13 verdrangt worden ist. Diese LA macht as vollends deutlich, daß Paulus eine ganz undere Kategorie von Charismen - nämlich Togenden, die er sonst nicht Charismen neunt - nunmehr ins Auge faßt. Kestrona bieten DEFGKL al longe plu, d, e, f, vg (exc. am), coptal, arm, Tertull., Origenes, Ambros., Ambrosiact., Chrysnit, [ove eith th Meizona, Anal th spertional in a Value; Meizona ist direct sABC, am, with the Hieron, and shaige Vitter beautigt, an densu abor Origenes achiverlich zu rechnen ist, da sein asizona aus Kontamination mit 14, 5 seizon zu stammen scheint. Möglich, daß Origenes selbst geschwunkt hat. Jedenfalls ist seizona eine fast

Welches die höheren [besseren] Charismen sind, brauchte der Apostel den Korinthern nicht ausdrücklich zu sagen; denn, wenn alle die Gaben, die er in c. 12 genaumt hatte, nicht zu ihnen gehören, so mußte jedes Herz empfinden und wissen, was er im Sinne hatte. Daher ist das Folgende mit sund nochs (sal £70) — sund zum Überflußs angeschlossen! Er sagt aber nicht, daß er seinen Lesern die besseren Gaben nun doch nennen, sondern daß er ihnen sien Wegszeigen werde, der zu ihnen führt. Dieser Weg, auf den er den Eifer der Korinther lenken will, ist die Liebe. Also ist sier Wegs hier ganz wörtlich zu nehmen und nicht, woran man auch denken könnte, als siehres zu verstehen. Ergibt sich doch nach v. 4—7 aus der Liebe ein ganzer Chor negativer und positiver Tugenden; diese sind also — so ist jetzt zu spezialisieren — die sbesseren Gabens, die der Apostel c. 12, 31 im Sinne hatte, und die Liebe, da sie ihre Wurzel ist, ist das Mittel, also auch der Weg, sich ihrer zu bemächtigen"

Kein ganz sicheres Urteil vermag ich über die Beziehung des «καν νπανουά»» zu gewinnen. Der dem Paulus geläufige Ausdruck steht Röm. 7, 13 beim Adjektiv (κ. γ. κακρτωκός), II. Kor. 1, 8; 4, 17; Gal. 1, 13 aber beim Verbum. Unzweifelhaft ist die letztere Beziehung, stillistisch betrachtet, die natürlichere", zumal da das Fehlen des Artikels bei back doppelt empfindlich wird, wenn καν στενε zu diesem Worte gehört. Sachlich entsteht freilich auch so ein sehr guter Sinn

an-schließlich alexandrinische Lesart. Goner und Meyen haben sich für speitress entschieden; die große Mehrzahl der Ausleger bevorzugt seizens. Herseich bezeichnet diese als die schwierigere LA, und befolgt sie deshalb; minder treffend ist sie, nicht schwieriger.

Die Eewigungen, welche Kosternans in die ganz schlecht bezougte Leurt erri (errei) angeschlossen hat, lasse ich auf sich berühen.

Diejenigen Ausleger, welche die XAMCMATA KPETTONA (MEIZOMA) als die büheren Guben lunerhalb der c. 12 behandelten Charismen verstehen, müssen das KA ÉTI.

AEKNYS udversativ fassen; aber dann müßte es mindestens ETI AÉ heißen. Also beginnt der Gogensatz zu den Charismen nicht erst in v. 31 h. sondern sehen in v. 31 a. Die Exegeten haben sich bei der Erhlärung von 31 a. durch 14. 1 irreführen lassen (ZHAOVTE AE THE THATMA, MÄAAGS AÉ MA TIPOSETETEL), als ub durch diese Worte die Malmung: ZHAOVTE TA SAPIERATA TÄ MIZOMA einfach wieder aufgenommen sei. Allein jenen Worten sieht ja die Mahnung soran: AMSETE THE AFATROR. In dieser ist der Inhalt von c. 13 und damit auch zum t.a. 31 zusammengefäßt.

Auffallend ist, daß ö.der artikelles ist (keine Handschrift bietet ihn). Wahrscheinlich hat Brieben, Recht: Der Apostel wil) die Korinther spannen. Doch fehlt es auch an Beispielen für nachlässigen Wegfall des Artikels nicht. Eine gewisse Inkorrektheit kann man darin erblichen, daß Paulus bei der Mahmung: zworte va xasionata ta speitrona, wohl auch die Liebe im Sinne gehalt hat, sie aber nur als den Weg, um jene besseren Charismen zu gewinnen, bessichnet. Allein er läßt sich eben von der Liebe im Sinne des Aposteis heldes angen, zowohl daß sie edle gehöltennter allein andern als auch daß sie der Weg zu allen anderen ist.

<sup>.</sup> Doch ist die Wortstellung ihr minder günntig.

(\*einen Weg. hoch über alles\*, \*einen erhabenen Weg\*). Zieht man KAR YMERS, aber zum Verbum, so scheint es verschieden übersetzt werden zu können: man kann den Ausdruck eng mit en verbinden, so daß es einfach pleonastisch zu verstehen ist («noch zum Überfluß\*, so Ewann, auch schon Guornes) - aber dieser "Überfluß. neben en erscheint wirklich überflüssig; außerdem ist die Übersetzung schwerlich zu belegen -, oder man kann mit Bulkoth in ausgezeichneter, weil ihres Erfolgs sicherer Weise paraphrasieren wollen, aber damit wäre der Akzent von dem Weg auf die Empfehlung des Weges gerückt, was der Apostel schwerlich gewollt hat -, oder endlich man kann annehmen, daß Paulus die hinreißende bymnische Form seiner Beschreibung des Wegs mit dem Ausdruck angekündigt hat. Letztere Auslegung, die frellich eine entbehrliche, vorgreifende Reflexion bei dem Apostel voraussetzt, müßte meines Erachtens befolgt werden, wenn man Kae ruses nicht zum Substantivum zieht: «Eifert vielmehr nach den besseren Gaben, und ich zeige' euch noch einen Weg in hoher Rede .\* Da alle diese Fassungen nicht recht befriedigend sind, so ist die Verhindung mit «Weg» meines Erachtens doch überwiegend wahrscheinlich, zumal da auch der älteste Erklärer unseres Kapitels, Clemens Alexandrinus (Quis dives salv. 38), the KAS' PREPROARN SAON hietet.

Nun folgt das hohe Lied von der Liebe. Es ist nicht meine Absicht, den vielen vollständigen Erklärungen eine neue hinzuzufügen. Aber sowohl in textkritischer als auch in sachlieher Hinsicht bestehen noch manche Unsicherheiten. Auf diese werde ich eingehen. Das 13. Kapitel des ersten Korintherbriefs gilt mit Recht als die höchste, weil eindrucksvollste schriftstellerische Leistung des Apostels nach Form und Inhalt. Daher ist es, wenn irgendwo, so hier die Pflicht des Exegeten, den Text und das Verständnis zur vollkommensten Sicherheit zu bringen. Die Aufgabe, die religiousgeschichtliche Bedeutung des Hymnus zu erfassen, ist kaum noch versucht worden. Ihr gelten die Schlußausführungen.

Mun beachte das lebhaft anticipierende Peliseus.

Die ausführlichste und beste, welche ich kenne, ist die von Johannes Werze (Komment z. 1. Koeintherbe, 1910); aber sein Vorschlag, unser Kapitel umzustellungend zu c. 8 zu ziehen, scheint mir nicht genügend begründet und hat auch den Anfang des Hymnus (Zungenreden) gegen sich. Das Paulos des Hymnus schun fertig batte, als er seinen Brief scheieh, könnte man aus der losen haw, schwierigen Verbindung auhließen, in welcher er mit c. 12 und 14 steht. Allein die feinen pädagogischen Beziehungen im Aufang und im mittleren Teil des Hymnus zu den Adressaten machen diese Annahme doch unwahrscheinlich.

ZHARYTE TA KARICMATA TA KREITTONA, KAI ETI KABI VITERBOAHN DAON PAIN ACIKNYMI EAN TAIC PAUCCAIC TON ANDPORTUN ARAD RAI THE AFFERDA, ATATIHN AS MH EXW. PERONA MARKOE HAGH H NYMHANON ANANAZON.

- 2 KAÍ CÁN CXW TIPOPHTEIAN KAÍ CÍAÐ TÁ MYOTHPIA HÁNTA KAÍ HÁCAN THN LAÐCIN. KAR EXW MAGAN THN MICTIN SCITE OPH MEGICTÁNAI. WX3 HM 34 NHTATA USOEN EIMS.
- KAN YUMICU HANTA TA YHAPXONTA MOY. KAT EAN TIAPAON TO COMA MOY, THE KAYXACUMAI, ATATIHN OF MA EXW. CYACN WOEADPMAL
- 4 A ATATH MAKPOBYMET, XPHCTEYETAL H ATATH, OF ZHAOT H ATATH. OF TEPTTEREFERETAL, OF PYCHOPTAL, 5 OFK ACKHMONES, ON ENTER TA EAYTHO"), ON MAPOENNETAL, ON ACCIZETAL TO KAKON.
- 6 OF MAIPER STILL TH ADIKIA, CYNNAIPER OF TH ANNERIA.
- 7 HANTA CTÉTEL, HANTA MOTEVEL. MANTA BATTIZEL MANTA PHOMENEL
- B A AFATTH OPASTOTE EXTRIPTED -STE DE HROCHTEIAL KATAPPHONCONTAL ETTE PAGECAL, MAYCONTAL ETE PHOCEIC, KATASTHORCONTAL

Wenn ich mit den Zungen der Menschen rede und der Engel, Liebe aber nicht habe. bin ich ein dröhnendes Erz oder eine gellende Schelle-

z Und wonn ich Weissagung habe und weiß alle Geliebunisse und alle Erkenutnis. and wenn ich allen Glauben labe, also daß ich Berge verseize, Liebe aber nicht habe, hin ich nichts.

3 Uml wenn ich austeile alle meine Habe, and wenn ich dahingebe meinen Leib, auf daß ich mich rühmen daef. Lishe aber nicht habe, lst's mir kein niitze.

- 4 Die Liebe ist imminitig, voll Güte ist die Liebe, nicht neidet die Liebe. nicht prankt sie, nicht hillit sie sich, 3 nicht maskiert sie nich, nicht meht sie das lire, nicht läßt sie sich erbittern, nicht rechnet sie das
- 6 nicht freut sie sich an der Ungerechtigkeit, sie erfreut sich aber an der Wahrheit. Böse nach, 7 Alles decket sie, alles giantet sie,

alles hofft sie, alles tragt sie,

8 Die Liebe horet niemals auf seien es Weisungungen, sie werden abgetan werden, seien es Zungen, sie werden nuffiören, selen es Erkenntnisse, sie werden abgetau werden;

<sup>&</sup>quot;) TO MR SAYTHC.

- O EK MEPOYC TAP TINDCKOMEN KAT EK MEROYC TROCHTEROMEN"
- TO OTAN AE EARH TO TENEIGN, TO EX MEPOYO KATAPPHRACETAL
- 11 OTE HAMM MATTION, ENANGYN DO MATTION, ESSONOYN DE MATTION, ENGINE OTE FERDNA AMAR, KATARCHKA TA TOP MATTION (ZÓMMN DE MÁTTION)
- \$2 BAÉTOMEN TAP APTI DI ÉCOTTPOY EN AINIFMATI.

  TÔTE DÈ TRÓCETTON TRÓC TRÓCETTON'

  APTI FINÉCKE EK MÉPOYC.

  TÔTE DÈ ÉTITNÉCOMAI KASÉC KAÍ ÉTEFNÉCOMA.
- 13 NYNÎ DE MENEL HÎCTIC, EATTIC, ÂFÂTH, TĂ TPÎA TAÑTA. MEÎZUN DE TOŶTUN ÎI AFÂTH.
- o denn Stückwerk ist unser Erkennen, und Stückwerk ist unser Weissagen; 10 wenn aber kommt das Vollkommene, wird das Stückwerk abgetan [werden;
- 14 Als ich ein Kind war, redete ich wie ein Kind, sann wie ein Kind, dachte [wie ein Kind,

als ich ein Mann geworden war, tat ich ab, was des Kindes ist. 12 Denn wir sehen jetzt mittels eines Spiegels, im Rätsel,

dann aber von Angesicht zu Angesicht; jetzt kenne ich stückweise,

dann aber werde ich erkennen, so wie auch ich erkaunt bin.

Daß die Liebe mindestens in den zwei ersten Teilen des Hymmus die Nächstenliebe ist, unterliegt keinem Zweifel. Ob im dritten Teil ihr Begriff sich etwa erweitert, steht zur Frage.

V. 1. Angenommen den Fall, ich sei ein Zungenredners usw.—
so ist das das auch in den folgenden zwei Versen zu verstehen<sup>2</sup>; ob der
Fall wirklich werden kann, darauf kommt es nicht an. Mit dem Zungenreden beginnt der Apostel, weil die Korinther so hohes Gewicht auf
dasselbe legten. Die «Engelreden» können als eine (dann wohl nicht
ganz ohne Ironie angewandte) Abstraktion gefaßt werden (Heineum);
aber wahrscheinlicher ist, daß Paulus ebenso ernsthaft eine Engelsprache angenommen hat wie Juden und Heiden (Göttersprache). Die
tonmalenden Vergleiche lehren, wie man sich die Erscheinungsform
des Zungenredens zu denken hat, nicht als ein halblautes Stammeln,
sondern als ein Schreien, dumpf hallend und wiederum schrill und

1 Zu vergleichen ist Jon. Weisz S. 312.

<sup>\*</sup> Das Schwanken der ffandschriften in bezug auf sal das, sal an und das lasse ich als gleichgültig beiselte, s. B. Weisz, Texte u. Unters. XIV. 3. S. 62 f. — Das treffend gewählte Perfektum rerona haben einige Handschriften durch sie ersetzen zu müssen geglanbt; aus einem alten Schreiberwersehen ist dann zu ern entstanden und das ist zu eunum- bzw. ein unnm- geworden. Auch 4 (veint) ist zu zanze eingeschaltet worden.

gellend. Unübertrefflich ist der Gegensatz zum feierlichen Anfang des Verses: Menschen- und Engelzungen — ein dröhnendes Erz und eine gellende Schelle!

V 2 ist eine Steigerung gegenüber v. 1. Der Vers enthält in seinem Vordersatz zwei Glieder!, und der Ton liegt auf dem manna. Angenommen den Fall, ich besäße die Prophetie und kennte alle Geheimnisse und (hatte!) alle Erkenntnis, und gesetzt, ich hatte allen Glauben usw. Aber wenn der Satz auch formell zweigliedrig ist. so folgt daraus doch nicht, daß der Apostel die Prophetie mit der Mysterienerkenntnis (d. h. der Erkenntnis der Geheimnisse des Heils) und der Gnosis in eins setzt oder gar diese beiden von jener ableitet, sondern nur dem Glauben gegenüber gehören sie zusammen. Beachtenswert ist, daß der Apostel die Gnosis von der Mysterlenerkenntnis unterscheidet. Der Grund kann nur darin liegen, daß sie umfassender ist. Die Mysterienweisheit enthält die Erkenntnis bestimmter Probleme, nämlich der Heilsprobleme, die Gnosis aber umfaßt das gesamte Gebiet des Erkennens in den drei Reichen des Seins sub specie dei. Der höchste Glaube erprobt sich darin, daß er nicht nur Wunder, sondern auch die größten Wunder zu tun vermag. Das, was der Apostel nennt. ist die Probe größter Wunder; es ist derselben Quelle entnommen, aus der es Matthaus (17, 20; 21, 21) und Markus (11, 23) geschöpft haben. nämlich der evangelischen Überlieferung". Unübertrefflich ist wiederum der Kontrast mit dem Nachsatz - sich bin nichtss. Nicht konnte es heißen; «Ich habe nichts»; dem ein solcher Mensch hat ja die außerordentlichsten Güter; aber mitten in diesem Reichtum der Erkenntnis ist er selbst nichts, also noch ärmer als arm!

V. 3. Die letzte Steigerung: auch die höchsten Liebeswerke, ohne Liebe getan, sind für den, der sie tut, ohne Nutzen. Der Nachsatz (ovaen weerovan) macht es unzweifelhaft, daß hier Taten gemeint sein müssen, durch welche man das Heil zu erlangen hofft; denn nur so kann »der Nutzen» verstanden werden. Das erste Glied des Vordersatzes bestätigt dies ohne weiteres; denn daß Almosen, zumal wenn man das ganze Vermögen opfert, zum Heile dienlich sind, entspricht der populären (spät-jüdlschen) Anschauung, der sich Paulus

EAN steht zweimal, nicht dreimal.

Man braucht cla@ nicht notwendig anch auf macan ries rudene zu beziehen: exe kann fortwirken, zumal es sofort wiederholt wied.

<sup>\* &</sup>quot;Ope menictaisem (nicht menictanai) lesen Werreorr und Honr mit ACKL und vielleicht mit Recht; B. Weisz, n. n. O. S. 33, will bei der regulären Form bleiben.

Neben ovecks findet sich auch ovacs in den Hambebriften. — Daß in A donacymat statt ein steht, wäre nicht erwähnenswert, wenn nicht auch Ambrosins so höte u. z. Aber in zilen Fällen muß das als eine Einwirkung vom folgenden Verse her betrachtet werden.

anschließt. Aber wie lautet das zweite Glied: san парадо то сома мог так каченсома: oder так каченсома? Die dentschen Exegeten haben sich sämtlich für die erstere LA, entschieden, ja manche von ihnen streifen die andere LA, kaum, so sieher sind sie ihrer Sache; auch die Textkritiker sind fast alle (auch B. Weisz und v. Soden) auf ihrer Seite; aber außer Westcott-Hort ist Lachmann für kayracomai eingetreten. Textkritisch allein läßt sich die Frage nicht entscheiden. Die Überlieferung zeigt folgendes Bild:

KAYBROMAI DEFG — aber diese 4 Codd. bieten in den Briefen einen Text — L und sehr zahlreiche Minuskel, Aphra., Method., Basil., Euthal., Cyrill., Maxim., ferner Tertull., Cyprian, Pseudocypr. de rebapt., Ambrosiaster, griechische und lateinische Codd., welche Hieronymus kannte. Augustin, die lateinischen Codd. d e f g m" vulg., ferner syr. utr., kopt. Mss. [?], armen., äthiop. Mss. [?], goth.

Kavencomai] CK und viele andere, Ephraem [?], Chrysost., Cyrill., Theodoret. Die Versionen können natürlich auch hierher gesetzt werden.

KAYXOCUMAI NAB, griechische Codd., welche Hieronymus kannte, 17, kopt. Mss., äthiop. Ms., goth. marg., Ephraem.

Westcott-Hort nemen die LA. Kavencomm. Western und Syrians, konstatieren aber, daß sie auch sonst vorkommt. Sones schreibt mir auf Grund seines reichen Materials: «Kavencuma: ist sieher Komme (antiochenisch) und höchstwahrscheinlich palästinensisch-eusebianische LA. Von den ägyptischen Texten lesen vier (bzw. fünf) gegen drei (aber jüngere) kavencuma: Kavencuma: kommt auch in neun palästinensisch-eusebianischen Codd. vor. mehrmals in kave. korrigiert. Es findet sich auch in etlichen Komm-Codd., die nie Einflüsse vom ägyptischen Text erfahren haben!

\* Doch bedeutet Lacreanns Entscheidung kier wenig; denn er wollte ja nicht den ursprünglichen, wurders den übesten Text der griechischen Handschriften her-

stellen. Übrigens gibt er kayxöcumai nur in Klammern.

Sanza fährt fort: «Daher ist die Neigung der Schreiber zu dem ihnen bei Paulus geläufigen kayzácosas deutlich. So können auch die Schreiber der palästinensisch-eusebianischen Codd, der Reminiskenz erlegen sein, wenn sie nicht von den igyptischen ber dieselbe übernommen haben. Da die lateinischen Codd, каузакома

Statt des sicher bezeugten vonco bietet Clemens Alex, einmal (Pädag. II, t, 4)
AMAGO. Das int aus der Stelle gedossen Matill. 19, 211 Vitars noncos cov ra titarxonta sai acc nuocos [Luc.: aiaque], die überhaupt zu vergleichen ist.

<sup>\*</sup> Hieronymus schreibt (in Gal. T. VII. 517 Vall.): \*Si tradidero corpus meum ut glorier, dazu: \*sem in Latinis codicibus, in co testimonio quod supra pasuimus: Si tradidero corpus meum ut giorier, \*ardeam\* habere pro \*glorier\*; sed ob similitudimem verbi, qua apud Graecos \*ardeam\* et \*glorier\*, i.e. \*Armico\*\*, et \*Armico\*\*, una litterae parte distinguitur, apud nostros error inolevit, sed et apud ipsos Graecos exemplaria sunt diversa\*. Vgl. Hieronymus in Esaj. T. IV, 688: \*Apostoius si etiam corpus suum tradat martyrio ut ardeat sive glorietur, utaumque enim fertur in exemplaribus.\*

Dieser Tatbestand läßt meines Erachtens eine sichere Entscheidung nicht zu, wenn auch kayencomm (kayencomm) weiter verbreitet und nach dieser Zeugenreihe früher bezeugt ist als das erst für das 4. Jahrhundert und hauptsächlich nur ägyptisch bezeugte kayancomm. Neigt sich aber, rein textkritisch betrachtet, die Wagschale nach der Seite des kayencomm, so tritt sie ins Gleichgewicht, ja neigt sich auf die andere Seite, sobald drei Zeugen hinzugerufen werden, die noch nicht verhört worden sind.

- (L.) Es ist mehr als wahrscheinlich, daß Hieronymus bei seiner Angabe, wie gewöhnlich, einfach den Origenes wiedergibt, den er ausschreibt. Origenes ist es also, der die Verschiedenheit der Überlieferung bereits bemerkt, aber die Richtigkeit von κανκέσωκαι als selbstverständlich vorausgesetzt hat. Wie hätte auch Hieronymus um von seiner Flüchtigkeit zu schweigen den Mut gefunden, von der allgemeinen lateinischen Überlieferung abzuweichen, wenn er nicht eine gewichtige Autorität besessen hätte? Nun aber haben Westcott-Horr die LA. κανκάσωκαι bei Origenes wirklich entdeckt. Zwar (παπεκε Druck bietet (Cat. S. 252) καγθεσωκαι, aber das ist ein Fehler; denn das Scholion des Origenes, welches folgt, setzt καγκάσωκαι voraus; ως αγκατον δητος κωπίζαι τηλ τλ γπάρχοντα οψ αιλ την ατάτημα, άλλα αιλ την κεποσασίαν, και ως αγκατού όπτος και παρτιθήςαι την επέκεν καγκάσεως. Die LA. καγκήσωκαι ist also sicher von Origenes befolgt.
- (2.) Auch Clemens Alex, bezeugt die LA, KAYXSCUSAI; denn sowohl Strom, IV, 18, 111, 4, als such Strom, VII, 10, 59, 4 zitlert er unsern Vers so, daß er maranidosai absolut nimmt (er sagt dafür emorgonal) und den Finalsatz ganz fortläßt. So konnte einer nur zitieren, der nicht 'sa savoscomai las, sondern 'sa savxscomai. Aber man wird auch weiter noch Westcorr-Horr darin recht geben müssen, daß bei Clemens KAYXECMEN direkt zu belegen ist, obgleich die einzige Handschrift an der einzigen Stelle, an welcher Clemens unsern Vers wörtlich zitiert, kavencera bietet. Sie lautet (Strom. IV, 18, 111f.): Avrika D ARBOTTOADE TAYADE EAN TO COMA MOV ETILD [8:0.], SHEIN, AFATTHN AS MA EXW, XAAROC EIMI HXWH KAI KYMBAAON KAAAAZON KOntamination von v. 3. IL 1]. HH MA EK DIABECEUC EKAEKTHO, DI AFATHO FRUCTIKHO MAPTYPHOW, METEL, 468W AC, ETTEP O'N KAI MICEW THOCADKWHEND ETTERPOTUN TA XEIAN STC MAP-TIMIAN RYPIDY DMOADING KYPION, KOINGO SIMI ANEPUNTOC, NXON TON KYPION, OF PINGERON. SETI FAF KAI O MAGE O TOTE KSIASCIN ATATION, SETI KAI AMAGE HAPA-ΔΙΔΟΎΣ ΤΟ COMA, THA KAYXACETAL. Die LA. der Handschrift (καγονεςται)

vertreten, kann savxècosal, selbst wenn es die ägyptische LA sein sollte, etwa auf Origenes rubend (?), für den Urtext meh rein textkritisch nicht in Frage kommen. Der Indikativ -cosal nach sa ist später sehr häufig, kann aber nicht mit <usal konkurrieren für die Rezensionen (Familien), höchstens könnte es Kussi sein.

ist unerträglich; denn die beiden letzten Sätze können nicht adversativ sein, sondern müssen parallel sein. Wären sie adversativ — was sehon der Zusammenhang nahezu verbietet —, so genügte das bloße kayencerat nicht; es müßte vielmehr notwendig das gute Motiv genannt sein, aus welchem der Märtyrer sich verbrennen läßt. Die Handschrift ist niso an dieser Stelle zu korrigieren.

(3.) Auch Clemens Romanus hat Kaysacomai hochstwahrscheinlich nicht gelesen. In seinem Briefe ist er von c. 47 an stark von unserm Briefe abhangig (47.1; ANALABETS THE STIETCHEN TOP MAKAPIOY Tlavaov voy anecrosov, nămlich unsern Brief). C. 40 steht sein hohes Lied von der Liebe unter Benutzung von I. Kor. 13. In c. 55 sehreibt er nun: Tha de kai vitodelemata éenün énérkumen noanci bacinéic kal AFEYMENDS ... HAPEGUKAN CANTONE BIG BANATON, INA PYCHINTAL AIA TOP EAVIOR AMATOC TOYC HONTAC ... CHICTAMEDA HOMADYS EN RMIN HAPA DE-AMKATAC EAVTOYC ELE ABEMA, SITUE ETÉPOYC AYTPMCONTAL TIONAGÉ ÉAY-TOWC MARE DERAN SIC DOVACIAN HAI MARONTEC TAC TIMAC ASTON ETEROVO evanicas. Es ist nicht wohl zu verkennen, daß dem Clemens unsre Stelle vorschwebt, aber vom Feuertod hat er nichts in Ihr gelesen. Mit mapanional verbindet er ele sanaron, ele acema, ele ace-Acian: aber am Feuertod geht er vorüber, weil er durch I. Kor. 13, 3 nicht auf ihn geführt worden ist. Absichtlich kann er ihn nicht weggelassen haben, also las er ihn nicht.

Somit ist die LA. xavxscama über Origenes bis Clemens Alex. und höchstwahrscheinlich bis Clemens Romanus hinaufzuführen. Dadurch erhült sie eine außerordentliche Verstärkung. Aber entscheidend ist auch diese Zeugenreihe nicht; denn Clemens Romanus ist kein ganz sieherer Zeuge, und Clemens und Origenes bezeugen uns nur, daß in Ägypten nicht erst im 4., sondern sehon am Ende des 2. Jahr-hunderts karxscama gelesen worden ist. Wie steht es mit den inneren

Grunden?

Für kayercorai und gegen kayarcorai wird folgendes angeführt; der freiwillige Verbrennungstod bzw. das Erleiden von Fenerqualen zum Besten anderer sei als stärkster Beweis der Aufopferung besonders passend, dazu sei das Beispiel nach Daniel 3, 28 (95): kal massaukan ta comata actus eie emprecent gewählt; die LA sei viel zu sehwierig, um von den Emendatoren eingebracht zu sein, umgekehrt sei kayarcora als Emendation leicht erklärlich, weil das Wort bei Paulus so hänfig sei, dem Sinn nach aber sel es unerträglich, weil damit ein dem Kontext völlig fremdartiger Gesichtspunkt eingetragen, ja der Sinn des Verses zerstört werde; denn wenn im Vordersatz bereits zugestanden werde, daß das Motiv zur Preisgabe des Lebens die Ruhmsucht (kendageis) sei, so bedürfe es nicht mehr der Ver-

sicherung, daß solche Aufopferung ohne Wert sei, und die Worte:
AFARIHN AL MI EXW., würden überflüssig. - Wenn je einmal eine LA.
ohne welteres zu verwerfen ist, so ist das hier der Fall- (Goder).
Vorsichtiger spricht Heinmet nur von der größeren Kraft, die der
Gedanke bei kavenconn gewinnt, während kavxneumm matt sei.

Die hier angeführten Gründe sind meines Erachtens nicht stichhaltig; außerdem stehen ihnen folgende Erwägungen entgegen:

- (1.) Die LA. sayasmese ist nicht nur «schwierig» (B. Weisz), sondern sie ist sehr verdächtig: denn mit Recht sind die Ausleger im Zweisel, inwiesern der freiwillige Verbrennungstod als Ausopferung zugunsten anderer zu verstehen ist. Goder u. a. denken an das Martyrium durch Feuer, aber das ist keine Ausopferung für andere, und es lag außerdem noch nicht im Gesichtskreis des Apostels!. Nun kann man ja annehmen, der Apostel habe keinen bestimmten Fall im Auge gehabt, sondern eine möglichst beroische Aussage gewählt und die Beziehung auf die Ausopferung im Dienste des Nächsten dem Leser überlassen, aber warum er dann überhaupt spezialisiert, ist nicht recht verständlich: «Wenn ich alle meine Habe brockenweise austeile und wenn ich (sogar) meinen Leib dahingebe"», ist jedenfalls kräftiger und straffer.
- (2.) Die Danielstelle, die zur Bezeugung der LA. KAYONGOMA ungeführt wird, kann auch gegen sie geltend gemacht werden; sie war sehr bekannt und konnte einen alten Abschreiber sehr wohl zu einer Korrektur verleiten.
- (3.) Nachdem die Kirche in die Epoche der Martyrien eingetreten war, in der der Verbrennungstod nicht selten gewesen ist, ist das Eindringen der Variante kaysecoma für kayxecoma viel verständlicher als der umgekehrte Fall. Da an einen zufälligen Schreibfehler, der sich fortgepflanzt hat, nicht zu denken ist, also auch ein gedankenlos eingeführtes kayxecoma nicht angenommen werden darf, so ist die absiehtliche Emführung dieses Worts dadurch nicht gedeckt, daß es bei Paulus häufig ist. Kayeecoma aber bot doch schlechterdings keinen

Weise denkt bei saventosa an eine Folter, durch die Geständnisse zuomgunsten des Nächsten erpreßt werden sollen. Sehr unwahrseheinlich! Hr. Hotzteilt mir mit, das er die Stelle von dem Zeichen, das den Sklaven aufgebrannt wurde,
verstehe. Das Höt sich eher hören, aber ohne weiteres geht dieser Sinn doch nicht
ans dem Wurten hervor. Wer denkt denn bei savenna sofort an das Sklavenbrandmat!

Daß das absolute hapadioónal so zu verstehen ist, kann durch zahlreiche Beispiele belegt wurden. Och appedden dia ta hapatitémata hadel, schreibt Paulus Röm. 4.75-tind Westlott-Hort verweisen mit Plot, Demel 49f. (8. 913f.): Toam-ienniog al tinde sinely ti, de Ceasyon xon to coma hapadothm Ahmatition, Drahee men to eisen charachenoc americia exitém sta. . . . di kai hipôtepon ezokei têm hapadoin toy comatoc alexan hendiscoal.

Anlaß, es zu tilgen; \*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\* dagegen wird aus demselben Grunde getilgt worden sein, der es noch jetzt vielen unannehmbar erscheinen läßt (s. unten).

- (4.) Haradu to cuma mer ina kavencoma ist zwar an sieh erträglich, aber doch auffallend umständlich («ich gebe meinen Leibdahin, auf daß ich verbrannt werde» solche Umschweife hat die
  griechische Sprache nicht nötig); dazu kommt, daß der Übergang
  zur t. Person etwas befremdlich ist; näher lag doch kavel (wie auch
  Basillus bietet). Bei каххноман dagegen fällt diese Schwierigkeit weg
- (5.) «Κανεκτωπαι», bemerkt von Sonen (s. oben), «nicht κανοκτοπαι ist als die überlieferte Form in den Handschriftenfamilien, die nicht κανκτοωπαι bieten, anzuerkennen.» Nun kommt zwar die Unform eines Conj. Fut. in byzantinischer Zeit vor, aber dem Paulus sie aufzubürden, ist bedenklich: andrerseits ist auch ins mit Indie. Futuri für Paulus nicht nachweisbar! Die Annahme ist daher fast zwingend, daß die Unform κανοκοωπαι aus κανκασωπαι entstanden ist, Indem man zunächst nur einen Buchstaben vertauscht hat.
- (6.) Allen diesen Gründen gegenüber scheint aber noch immer das Hauptargument gegen die LA. καγχέςωπα siegreich zu bleiben, daß sie nämlich den Sinn des Verses zerstöre. Wenn dies der Fall wäre, müßte man sie natürlich trotz allem verwerfen. Zuzugestehen ist, daß der Sinn des Verses nahezu zerstört ist, jedenfalls seine Kraft einbüßt, wenn καγχέςκα stets nur, und also auch hier, «eitles Prahlen» bedeutet. Allein das ist keineswegs der Fall.

Каухасная (каўхняя, каўхнеіс, ёгкаухасная — 2 5 пол) kommt bei Paulus nicht weniger als 55 mai vor', ist also ein ihm besonders geläufiges Wort und muß daher bei der psychologischen Charakteristik des Apostels verwertet werden, was noch nicht hinreichend geschehen ist. Paulus empfindet es als eine vox media, ist der Gegenstand des Rühmens der richtige, so darf und soll der Christ, und zumal der Apostel, sich rühmen; er darf und soll sich rühmen, weil vor dem Richterstuhle Gottes einst ein jeder empfangen wird, danach er gehandelt hat. Er muß also dann etwas (einen Schatz) vor Gott aufweisen können — wie das zustande kommt, mag hier dahingestellt werden -, und dessen, was er dort aufweisen wird, kann er sich schon jetzt rühmen; solcher Rulm Ist keine ««NOAOM». Das ist die Meinung des Apostels; von ihr ist nichts abzuziehen, ob sie uns gefallt oder nicht. Weil das seine Meinung ist, so schreibt er (1. Kur. 9, 15LI: KANON MOI MANNON ATTOBANCIN II TO KAYXHAL MOY OFASIC KENGCEL EAN TAP EVALUENZAMAN, OVE ECTIN MOI KAVXHMA, (ROID, 5, 21): KAVXOMERA ET

Im Rümerbrief Smal, in L.Kor. amal, in H.Kor. agund, in Gal. 3mal, in Eph. 1 mal, in Phil. 3 mal, in I. Thess. 1 mal, in H. Thess. 1 mal.

EARLIAI THE ADERIC TOV SECOY, OF MONON AS, AAAA KAI KAYXIMAGEA EN TAIC ONVECH — WARRING AUCH HICKER, KAYXIMAGEA EN TH HARAGOGE TOV COMATOC? —, (I. Kor. 5,6): OF KAACH TO KAYXIMA PAIDS. Der zweite Korintherbrief zeigt besonders, wie sich Paulus (als Apostel) als zum Rühmen
berechtigt ansieht, vgl. auch II. Thess. 1, 4; I. Thess. 2, 19; Philipp.
2, 16: eie Kayxima emo) eie Emeran Xpictov. Das Kayxima ist also etwas,
was, wenn es das richtige Kayxima ist, «Nutzen bringt» (cympērei).
Mit dürren Worten sogt das Paulus II. Kor. 12, 1, wenn er es auch
für den speziellen Fall verneint; καγχάσεσι Δεῖ, ον εγπρέρου πέν, έλεγcoma rap sie öntaciae. Eben diese Nebeneinanderstellung von
καγχάσεσι und εγπρέρειν (φρεκείσον) findet sieh aber auch an
unster Stelle, und das entscheidet. Damit sind alle Schwierigkeiten weggeräumt, und die LA. καγχήσωναι ist gesiehert. Der Satz
ina καγχήσωναι bezieht sieh natürlich auf beide vorangezogene Sätze,
und der ganze Vers ist also zu übersetzen bzw. zu paraphrasieren:

• Und wenn ich alle meine Habe brockenweise austeilte und wenn ich sogar meinen Leib dahingäbe, damit ich mich rühmen dürfte — d. h. damit ich ein kavxama sic ameran esov hätte! — aber hätte keine Liebe, so nützte es mir nichts!, »

Nutzios wird also das in der Aufopferung liegende sayxama lediglich durch den Mangel der Liebe; denn an sich enthält die Austeilung der ganzen Habe und die Preisgabe des Lebens ein wirkliches sayxama, und nach ihm zu streben ist erlaubt. Daher erscheint die Aussage durch die Worte: MARAYXACOMAN, weder gebrochen noch schwächlich, vielmehr wird sie nun erst recht wuchtig: auch das xayxama vor Gott wird zu nichts, wenn die Liebe fehlt!

Der paulinische Gebrauch von Kaykkesst war aber nicht der gewöhnliche, und der Anstoß, den die modernen Leser nehmen, nahm sehon das hellenische Altertum. Man lese nur ignatius und Hermas sie kennen, als Bürger des Zeitalters griechischer Kosonexia, Kaykaceat nur als etwas Schlimmes? Paulus aber kennt es als etwas Berechtigtes, weil er von Jugend auf in dem pharisäischen Schema gesteckt

<sup>\*</sup>Wenn du deine Habe verkaufst und den Armen anstellet, wirst du einen Schatz im Himmel haben, beibt es in der oben vergleinnen Parallelstelle Matth. 19, 21. Eines Schatzes im Himmel dacf man sich rübmen. II. Kor. 8, 24 segt Paulus, daß die Opferwilligkeit der Korinthes für ihn ein Gegenstand der Korinthes auf, wie viel mehr für zie selber, vgl. 9, 21. and 9, 9 in bezug auf den Almosingelau; ströffness, Sausen roc minera, a ananochen autof meiner ein ton alena.

<sup>\*</sup> OSASS ist hier () osess) überwiegend bezongt, s. B. Weisz, a. a. O. S. 32.

<sup>\*</sup> Eine Austahme bildet Clemens Rom., der aber in seiner Sprache überhaupt Abhängigkeit von Paulus zeigt, s. c. 34, 5: то каухима ямон каі и парвисіа ёстю ён тф 56ф. Dazu verubeiche num II. Kor. 7, 4: полай мон парвисіа прос Рмас, полай мон каухисістви эмон.

hat, welches an Ansprüchen, Rechtstiteln, Ruhmestiteln Gott gegenüber nicht nur keinen Anstoß nahm, sondern sie forderte. Radikal
und his zur vollen Aufhebung hat der Apostel diese Denkweise
innerlich korrigiert, aber, wie so oft, das Schema doch behalten und
mit dem Schema auch einen Rest der Vorstellung selbst. Bei Augustin
ist es später nicht anders: «dens coronat nostra merita», sagt derselbe
Mann, der keine anderen merita kennen will als die «munera dei»

Die Ablehnung der richtigen LA KAYXHERMAI ist dadurch erklärt: sie war anstößig, und die Korrektur vollzog sich leicht, da man nur einen Buchstaben zu verändern brauchte und sich damit auf die Danielstelle und die Martyrien aufs willkommenste gewiesen sah. Schon im 2. Jahrhundert, jedenfalls vor Tertullian, hat die Vertauschung in maßgebenden Handschriften stattgefunden. Wie nahe sie lag, kann man daran ermessen, daß auch solche Kirchenväter, welche каухисьмы lesen, bei dem павадочна то сама un die Märtyrer denken, obgleich Paulus nicht an diese gedacht hat, sondern an solche Fälle, wie sie Clemens Romanus c. 55 beigebracht hat (s. o.). Schließlich aber ist darauf hinzuweisen, daß wir im Neuen Testament noch eine Stelle besitzen, die den Gedanken genau wiedergibt, der Paulus hier vorschwebte. I. Joh. 4, 17 heißt es: En royto tetenelotal is ataris neb' iman, THE MAPPHOIAN EXIMEN EN TH HMEPA THE EPICENE. Man braught hier für паронсія пит каухима einzusetzen (in bezog auf die Zusammengehörigkeit beider Wörter s. o. Ann. t), so ist der paulinische Gedanke genau wiedergegeben: nur die Liebe ermöglicht ein KAYKHAR am Gerichtstage (s. o. Philipp. 2, 16); ohne die Liebe also ov сумьеге: то качхима, sei es auch das größte.

In v. 4 fehlt à arana das dritte Mal bei vielen Zeugen (B, 17, 73, 74 usw. usw., f, vulg., kopt., armen., Clemens Alex. und viele Väter), aber die Zahl der Zeugen, die es bieten, überwiegt. Es wurde getilgt, weil die Abschreiber die kraftvolle chiastische Stellung: a λελπε μακροθυμεί, κρηςτεύεται à αγαπη (so Lachnann, Heinber, B. Weisz; s. die Stichenabteilung im Cod. D) nicht verstanden haben und daher das zweite λελπε zu dem folgemden of zene zogen. V. 5 Clemens Alex. und Cod B bieten statt τὰ taytēc vielmehr το κά taytēc und Westcott-Hort haben diese LA als alternative an den Rand gesetzt. B. Weisz (a. a. O. S. 17, 103) nennt sie willkürlich, gedankenlos und ummöglich; allein (1) weil bei Paulus die andere LA ganz geläufig ist, konnte

Philipp. 2, TT: TA EAVYOR ZHTOYCH, I. Kor. 10, 24: MHASH 10 CAYTOY INTESTAL.

10. 111 MH ZHTON TO EMAYTON.

Lesloch ist es nicht ausgeschlessen, daß der Apostei is krams ankeosymet, krocrevera: A Arams of Zhaol. A Arams of merme-eferal, of sychoftal gowollt hat; aber kräftiger und schöner wird die Satsban dadurch nicht.

diese leicht eingesetzt werden, (2) auch το κά εκντῶς ist dem Paulus nicht fremd, s. II. Kor. 12, 14: ος 25τῶ τλ τεῶκ, (3) die L.A. ist keineswegs «unmöglich», auch nicht so schwächlich, wie sie auf den ersten Blick erscheint, ja sie paßt sogar besser in den Zusammenhang, als τλ εκντῶς, weil die übrigen Verba, neben denen sie steht, sämtlich ein Verhalten der Liebe nach außen bzw. zu Anderen ausdrücken. Was mich dennoch abhält, mich mit Sicherheit für sie zu entscheiden, ist lediglich die schwache Bezeugung und die Beobachtung, daß Clemens Romanus, bevor er seinen, von 1. Kor. 13 abhängigen Hymnus auf die Liebe bringt, schreibt (49, 6): οσείνει επτέικ τὸ κοικωφενές πλεικ καί κὰ τὸ εκντος.

V. 7. Ein Zweig der alten abendländischen Übersetzungen (s. Sonzs jun., Das lateinische Neue Testament in Afrika zur Zeit Cyprians, Texte und Untersuchungen Bd. 33, S. 598) bietet für manta crers sonmia diligits, hat also wohl irrtümlich cress gelesen; es kann aber auch sein, daß der Wunsch, die Trias sagape omnia diligit, credit, sperats zu erhalten, hier eingewirkt hat. Die LA. ist wertlos.

Die Verse 4—7 enthalten zwei seltene Worte und ein Wort, dessen Erkhärung unsicher bleiben muß; zu mehreevetat (Latt seltsam: «perperam agit», aber Tertullian «non protervum sapit») haben Gazaken und Heismer Treffliches beigebracht; man hat «prunken» zu verstehen Zahetevecen findet sich meines Wissens zuerst in der griechischen Literatur in dem Evangelium oder der Spruchsammlung, die Clemens Romanus benutzt hat. Er zitiet e. 13: Manieta memnhähmt fün agnan top kypley Incop, ove caaaheen diadekun eniekeian kai makpobymian. Optiograf einen «Eagate ina eachente, abiete ina abeen ymin. De noieite, optio

Liemens kommentiert in Pädag, III, τ, π mehrere Verse aus I. Kor. 13. In diesem Zusammenhang schreibt er: Τό Δ dimpactor αλλάτηση, δησε ετητείται καθώς αν πετέτ επίκας ετό και ξαντής. Τό τλε ίσου à Αλλήσηση το οδιείου καλεί, το Δ λλλότηση και πλακοκομία πετέτα επίκας επίκας

<sup>\*</sup> Massonwei ist in der alten afrikanischen Bibel (s. auch Tertuit, de pat. 12) durch - magnanium est- übersetzt! Man hat hier zwei schöne Beispiele von der sklaviachen Art der Vetus Latina.

<sup>\* «</sup>Prunken» ist besser als das verwamtte «Prahien»; Clemens Alex schreibt (Pilding, III, 1.3): περτιετεία ὁ καλαφτικούς περιττότετος καὶ Ακρειότατος έκαια Εκαλαμικού καὶ ἐπισέρει [ο ἐπόστολος] «σέκ λεκακοικέ» - Ακροιών το ἐλλούτριοκ καὶ κὰ κατὰ σύτικ εκθαλα. Also kommt unser «unmaskiert» der Bedeutung am nächsten, nicht aber ist «unanständiges Betragen» zu verstehen. Bei Tertullian ist σέκ λεκακοικέ merkwürdigerweise durch «non proterit» wiedergegeben, was zwar einen guten Sinn gibt, aber schwerlich richtig ist. — Zu ος παροπένισται », den umgekehrten Gedanken Hebr, 10, 24. Ст παναστεπούν λέπτης.

MOHIBHOCTAL VAIN . . . DE APHOTEVECOE, OYTOO XMHOTEYBROCTAL VAIN . W METPO METRETE, EN AVIO METPHERCETAL VAINA. Demgemiil schreibt er selbat im folgenden Kapitel: xencrevconesa caytoic kata thereforaarxelan kal PAVENTHIA TOO HOMCANTOC YMAC. Hat night Paulus das Verbum, welches, wo es sonst bei den Vitern vorkommt, auf ihn zurückgeht, aus jenem Evangelium, welches wohl eine Rezension von Q war, entlehnt? -Welche Bedeutung von creren dem Apostel vorgeschwebt hat, ist schwer zu entscheiden. Nicht wohl kann die Bedeutung vertragenin Betracht kommen (gegen Weisz); denn im folgenden liest man; HANTA THORESE. Wohl aber kann man übersetzen «zudecken, verbergen» oder \*schützen\* oder \*schweigend an sich halten\* (Hesychius sagt CTÉTEIN EPÉTITEIN, CYNÉXEIN, BACTÁZEIN, YHOMÉNEIN). Das Wort findet sigh im Neuen Testament nur noch 1. Kor. 9, 12 und I. Thess. 3, 1, 5 (auch in der LXX ist es sehr selten). An der ersten Stelle bedeutet es auch hier steht manta creromen - ganz klar: -wir halten in allem an uns (damit wir nicht eine Hemmung bereiten dem Evangelium) ... An den beiden anderen Stellen wird es am besten mit +aushalten. ertragen - übersetzt Die Chersetzung -die Liebe halt in allem an sich (Hersener) scheint mir aber an unsrer Stelle nicht kriftig und bedeutend genng neben den folgenden Verben, uml auch das manta korrespondiert dann nicht mehr genau mit den drei folgenden nasta Die Grundbedentung seheint mir am meisten am Platze zu sein: «die Liebe deekt alles zu ., vgl. l. Pet. 4, 8 (Jakob. 5, 20): śrána кваўшты TAHOOC AMARTINA .

Wenn Paulus Koloss. 3. 14 die Liebe «das Band der Vollkommenheit» nennt, so sind unsre Verse 4—7 und besonders der letzte wie
eine Glosse dazu. Obwohl sie in der Kinzelausführung gewiß nicht
ohne Rücksicht auf die lieblosen Zustände in der koristhischen Gemeinde niedergeschrieben sind, so erheben sie sich doch über diese
Beziehung hinaus zu einer Schilderung, die alles Partikulare abgestreift hat. Welch tiefe Erfahrung liegt zugrunde, wenn die Analyse der Liebe mit aassosymel beginnt und mit voomens schließt, wenn
das absolute niena am Schluß der Schilderung so wuchtig hervortritt, und wenn innerhalb derselben der Satz den Höhepunkt bildet,
daß die Liebe sieh an der Wahrheit frent<sup>3</sup>! Was die Disposition der

Ehen diese Worte hietet auch Clemens Romanns in seinem von unserem Kapitel abblingigen Hymnus vor nanta ascenta, manta manparmel (c. 49), und man dauf daher vielleicht schließen, daß er ordrei im Sinne vom «tegit» verstanden hat. Doch

So sind die Worte: CYCKAWEI of TO Assessis zu werstehen. C'es verstäckt nur und ist des Rhythmus wegen geseint. Die andere Erklärung (mit der Wahrheit) bringt etwas Fremdes hinein. Die Wahrheit ist hier wie sonst beim Apostol als etwas Ethisches gedacht, was der Idee des Gerechten und Guten sohr nahe kommit; vgl. c. 5, 8; 86; 86666.

15 Aussagen betrifft, so ordnen sich die 9 ersten Verba ungezwungen zu drei Versen. Der erste beschreibt die Haupteigenschaften der Liebe, der zweite die Simplizität und Wahrhaftigkeit ihrer Erscheinung, der dritte die Schlstlosigkeit und unerschütterliche Güte ihres Wesens. Diese preisende Schilderung schließt mit dem lapidaren, zweigliedrigen Satz ab: «Nicht freut sie sich an dem Unrecht, sie freut sieh aber an der Wahrheit.» Er leitet hinüber zu den 2 × 2 großen positiven Aussagen.

Der dritte Teil des Lobgesangs (v. 8—13) bandelt, indem er zu der Vergleichung mit den Charismen zurückkehrt, von der Ewigkeit der Liebe'. Weil die Liebe etwas Vollkommenes, Absolutes ist (v. 7: viermal nacta), so hört sie niemals auf', während die Charismen teils abgetan werden — so die Weissagungen und Erkenntnisse —, teils von selbst aufhören (die Glossolalien)'. Von diesem Punkte seiner Anstührung an steigt dem Apostel das Erkenntnisproblem auf und läßt ihn bis zum Schluß nicht los. Erst sind es noch Weissagung, Erkenntnis und Glossolalie (v. 8), dann Erkenntnis und Weissagung (v. 9), dann (v. 11 n. 12) nur noch Erkenntnis — ein deutlicher Beweis, daß es letztlich dieser allein gilt. Man fühlt es den Worten an, wie tief sehmerzlich ihm die Einsicht ist, daß unser Wissen unvollkommen

EAL HONDIFIKC, AAA EIARPURIAC KAI AAMBEIAC, RÖHL 2, 8: ATREOFT TO AAMBEIA, DISSOMERICE AS TH ACKIA BUCK School II. Thess 2, 121 AN HETEFCANTES TO AAMBEIA AAAA STAGESTAATES TH ACKIA Diese Bedeuting von AAMBEIA war Juden und Heiden damais gelüufig; zwei paralleis Kotwickimigen haben hier gewaltet. Den Sam des Clemens Rimanns (35, 5): AKOAOVERCOMEN TH GAQ TIC AAMBEIAC ATOPRIVANTES 40 EAVIGN TACAM AARKAN KAI HONDIAM, KÖNNTEN HUNDERTE VON Juden und Griechen in Jener Zeit geschrieben linben. Clemens Alex, schreibt (Quis dives 35): DYK EINKAISEI TH AARGA, CYCKAISEI AS TH AARBEIA. Zu Liebe und Wahrbeit vgl. noch II. Phess, 2, 10 und Ephes 4, 13.

In v. 8 ist wohl des besser bezongte und schwierigere ékuntrei (nicht nitten) zu lesen [in ékuntrei kündigen sich die folgenden Passiva an], forner — wie mpositelle (nur B bietes den Sing.) — so auch des angewöhnliche radeur (mit AD-FRG 17. 47. Tertull. [aber nicht Itala]. Gregor Nyss.), weil as anchlich untwandig ist. In v. 11 halten sich die Zeigen in bezug auf die Stellung des dreimaligen & mittoe (vor oder hister dem Verbum) die Wage. Dath rae vor art in v. 12 in alien Handschriften verforen gegangen ist, erklärt sich leicht, ebenso die sein alte Hazufügung von & vor al éconvrove die schon Comens Alex. Tertull, Origenes bieten (auch & en abirkan findet sich). Man müßte au festhalten, erklärte sich die Hinzufügung nicht ohne weiteres, während das Wegfallen fast unbegreiflich wäre. Clemens Alex. hintes en abirkan niemals (außer Exc. ex. Theodoto 15h s. Pildag, I. 6, 36; Strom. I. 19, 94; V. 1, 74; aber es ist doch gesinhert.

Der Indhantiv semmer im hier mit Bedacht statt des Futurums gewählt.

Feineres griechisches Spruchgefühl fehlte dem Apostel in hohem Maße, sonst hätte er nicht v. 8 sataffienkontas ... paycontas ... kataffienkontas schreiben können (dazu die Wiederholung von kataff in v. 10 und 11). Sachlich war der Wechsel an der 2. und die Wiederholung un der 3. Stelle angezeigt, und das genügte ihm. Chemens Alex. (Quis dives 38) sehreibt verbessernd; hebeteik katafführstal, paggenta, desse em die katafführstal.

und daher auch der Dauer nicht fühig ist. Es ist nicht die Stimmung des Sokrates in bezug auf das Nichtwissen, es ist vielmehr eine Faustische, aber ganz auf die Gotteserkenntnis gerichtete Stimmung, die ihn beherrscht; doch zur Folie hat sie das triumphierende: «Die Liebe hört niemals auf. und dieser Kontrast gibt den Schlußworten des Apostels den unvergleichlichen Reiz und führt den Hymnus erst auf seine Höhe. Erkenntnisse' und Weissagungen hören auf, weil wir sie nur stückweise besitzen und well as ein Gesetz ist, daß das Stückwerk sein Ende findet, wenn das Vollkommene eintritt. Für den auf das Ganze und das Absolute gerichteten Geist des Apostels verhält sich teilweise und vollkommene Erkenntnis nicht wie Telle und Ganzes. Das Bild, welches er für ihr Verhältnis brancht, zeigt vielmehr, daß er jene als etwas kindlich Unmaßgebliches beurteilt. was daher nicht ernst zu nehmen ist" und was nicht der ganzen, sondern einer ganz anderen Erkenntnis zu weichen hat1. So pessimistisch denkt der Apostel über das, was man von Gott und gottlosen Dingen wissen kann! Den Grund, warum dem so ist, bringt der 12. Vers: weil wir in dieser Zeitlichkeit (1871) nur -mittels eines Spiegels in einem Rätsels schauen, Man würde den Apostel in das Moderne bzw. in das Hellenische transponieren, wenn man hier an die allgemeine Welterkenntnis und an eine Erkenntnistheorie denken wollte. welche die Dinge nur im Spiegelbild oder gar in der Schranke der spezifischen Sinneswahrnehmung zu erkennen eingesteht. Nicht auf die Dinge bezieht sich die schmerzliche Klage des Apostels, sondern

Day - ex serore resecciones (v. 9) fordert (seccic in v. 8 zu lesen (s. o.). Von der residen hätte der Apostel nicht gesagt, daß sie aufhört (Näheres s. o.).

Sehr fein sind die drei, eine Steigerung darstellenden Verba AAAEIN, SPONEIN and annieness gewählt. Auch unser secucia, ja sogui unser acrizecasi in der Gegenwart ist, gemessen as dem, was kommen wird, kindlich und hat keine Ewigkeitsbedentung. Zu weit in der Ausdeutung geht aber Goden, wenn er das AAAR auf die Glossolalie, das asonese auf die Prophetie und das sortzecest auf die Erkeuntnisse hezieht; denn in aposala kann nun nur künstlich die Beziehung auf die Prophetie bloeintragen. - Bemerkenswert ist endlich noch, daß der Apostel nicht sagt: - Als leh ein Mann geworden wur, hörte das Kindliche auf., sondern shahe ich das Kindliche abgetane. Es was ihm schul und unwahr geworden! Das also ist die Stimmung des Apostels der Eckeuntnis und den anderen Charismen gegenüber, die se in der Gegenwart besitzi - er müchte sie als ganz ungenügend abtun, wenn nur des Vollkommene schon erschlenen warn! Diese Stimmung ist hereits, wie Gover vicinig erkannt hat, in c. 1.7 sungepräge: here back an perenciona in beach kapichati, anekaexomenoye Tier ArroxAsyron toy eveloy. Das war fruitich in Wirklichkeit night die Stimmung der Korinther, alse Paulus stellt im Eingung mehrerer Briefe sich die Gemeinden vor, wie sie asin solltun!

<sup>\*</sup> Schon daß der Apostel dem -es mésures nicht -vò nās-, sondern -vò téacongegenüber gestellt hat, zeigt seine Meinung über das Verhältnis der Erkenntnis der Gegenwart zu der Erkenntnis der Zukunft, die freilich erst durch v. 11ff. ganz deutlich wird.

allein auf Gott und seine Wege'; das wird durch die Worte: «dann aber von Angesicht zu Angesicht» ganz klar; sie müßten anders lauten, wenn es sich um die Welterkenntnis handelte Nachdem man dies aber konstatiert hat, darf man doch hinzufügen, daß es hier eine Stimmungsidentität gibt, so verschieden auch die Art ihrer Auslösung sein mag, und ferner daß auch die hellenische Philosophie in jenem Zeitalter mehr und mehr Religionsphilosophie und Gottessehnsucht geworden ist, also daß sie nicht sowohl nach der Erkenntnis der Wirklichkeit der Dinge strebte, sondern, wie der Apostel, nach der Erkenntnis des Göttlichen «von Angesicht zu Angesieht».

Was es für eine Erkenntnis ist, nuch der der Apostel sich ausstreckt und die er der Erkenntnis al écontror en afsirman entgegensetzt, hat er nicht nur durch evon Angesicht zu Angesicht ausgedrückt, sondern noch deutlicher durch die Worte: «Dann aber werde ich erkennen, gleichwie auch ich erkannt bin «. Welchen innern Anteil

Doch ist sacroses gewiß absiehtlich objektlos gesetzt, und ein jeder empfindet den Grund dafür.

<sup>2</sup> Es 1st ein alter Streit, oh diese Worte smittels eines Spiegels- oder schurch ein [trübes] Glass zu übersetzen sind; aber dieser Streit hatte nicht entstehen sollen. Von der sicheren Bedeuting acoureou = +Spiegal+ abzuweichen (mit Tertaillan), ist annatsam, und sam Uherfluß beimerkt Clemans Alex. zu umserer Stells (Stram. I. 15, 94)1 as scourses - and analysis, also durch Refraktion, die das Bild undeutlich mucht. Nor in one sellest and in unserver Brüdern werden wir meh Clemens Gott (also mer indirekt) gewahr. Clemens zitiert in diesem Zusammenhang das apokryphe Wort: STARC TON AMEANION COY, STARC TON BEON COY. Auf une selbet und die Bruder braucht man den Spiegel jedoch nicht zu beschränken. Gewiß denkt Paulm auch an Spiegelung Gottes in Natur und Geschichte: - Niehts zu ium hat das vom Apostel gebrauchte Bild vom Spiegel mit Sap. Selom-7, 26 (Arrayracea cas serie [die Weisheit] surfec atatox KAI ECONTFON ANHALASTON THE TOY SECV ENSPREIAC). und vollends minhts mit Ode Salom 13 («Sieh, unser Spiegel ist der Herr; öffnet die Augen und beschauet sie in ihm-) und dem angeblichen Herrnwort in einem angeblichen Johannesbrief (de mont. Sims et Sion 13: suam et nos qui illi credimus Christum in nobis tansquam in specialo videnous, ipso nos instruente et momente in epistola Johannis discipuli sui ad populum: "Ita me in vohis videte quomodo quis cestrum se videt in aquam aut in speculum's). Cana unders ist much Jakob. r. s4. Dagogen lifft sich Theophil, ad Autol. I. z beranziehen. wenn die Vergleichung unch andersartig ist: Ertan fi for en tip econtro, of Afrata-SPACEAL TO TRECOMEN TO ANAPOSTOY OF THE ECONTRE. DYTHIC KAL STAN & AMARTIA & THE AMERGING, OF ATMATAL O TOLOTTOO AMERGINE GENERAL TON SEON.

<sup>\*</sup> Das Objekt als solches kann nicht als Rütsel bezeichnet sein, ooch weniger kann an alutzbatt irgendwie örtlich verstanden werden, sondern es gibt ebenso wie al scottrov den Modus des Schauens an; wir schauen, wie ein Glossator sagt, es zertheact kal sieder sal deschaue, die wohl andeuten, aber keine siehere Dennung anlassen. Die alte afrikauische Latina (s. auch Tertoll.) hat in amigmate, beibetalten-brenius (IV, 9, 3) schreibt: «per speculum at per senigmata». Tertollian schlätzt jadv. Pras. 14) in senigmate» — sie imagine». Der Ansdruck des Apostels ist durch Nom. 13, 3 bestümmt: orden kath cross sanden afrig, en eldet kal of al sienwatten.

<sup>\*</sup> Die Erklärung Goders, das sachen af écorrery bezöge sich auf die Prophetie und erst v. 125 auf die Erkenntois, ist unhaltbar; denn offenbar sigt v. 125 dasselbe

er an diesem Satze nimmt, zeigt bereits der Übergung aus der 1. Pers. Plur, zur 1. Pers. Sing., mag man das Ich auch ein «typisches» nennen. Schon in v. 11 hatte er (nach v. 9; wir) in der 1. Pers. Sing. gesprochen; er war aber in v. 12a wieder zum Phiral zurückgekehrt. Jetzt (12b) spricht er aufs neue im Singular - die Rede wird zur Konfession und zum Ausdruck der persönlichsten und sichersten Hoffnung, die ihn beherrscht! Für diese ist ihm raucomm nicht stark genug. Unsre Sprache vermag leider den Gegensatz: Arti rinacka . . . . tôte at étilrescons nicht gut wiederzugeben'. Dem ex sepove aber tritt nicht nur (wie in v. 10) das über nan hinausführende téasion entgegen, sondern der Apostel greift hier noch höher: «Ich werde erkennen, gleichwieauch ich erkannt bine, d. h. wie Gott mich kennt?, so werde ich ihn (und seine Wege) erkennen. Das also ist es, wonach das Mark seiner Seele seufzt, was er aber zugleich als die sicherste Hoffnung festhält. Kühner kann keine Hoffnung aufsteigen! Die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht ist die Erkenntnis, die wie Gott erkennt! Wie sehr Paulus in dem Probleme leht, das in dem Verhältnis unserer Erkenntnis Gottes zu der Erkenntnis Gottes von uns gegeben ist, zeigen mehrere Stellen seiner Briefe. Doch ist an unserer Stelle keine Beziehung auf die Liebe gegeben; Erkenntnis und Liebe erscheinen vielmehr als etwas ganz Auseinanderliegendes, wie ja auch in der Beschreibung der Liebe v. 4-7 nichts genannt worden ist, was auf die Erkenntnis Bezug hat. Anders steht es bei Johannes (s. darüber unten).

Tote πρόσωπον πρόσ πρόσωπον ... τότε έππνωσοκει — wann dieses τότε einfreten wird, war in v. 10 unmißverständlich deutlich gesagt (όταν έλεψ το τέλειον): wenn die Parusie des Herrn mit dieser Farde auch allem Unvollkommenen ein Ende machen wird, nicht früher.

ohne Bild, was in v. 12a bildheh ausgedrückt ist. Wäre es anders gemeint, so mülte das deutlich hervortreten. Goders Erklärung ist übrigens nur eine weitere Folgerung seiner falsehen Ausdeutung von v. 11 (s. o.). Auch dieser Vers hat es nur mit der Erkennung zu um. Im besten Fall kann die Prophetis miteingeschlossen gedacht werden.

<sup>1</sup> Ugli zu rindocciw and friminicoccin Montrole, a. a. O. S. 113.

<sup>\*</sup> Man hat den Amist drumssenen auffallend gefunden und sich durch ihn zu der Annahme verführen lassen, Prolos wolle augen: -wie ich einst erkannt wurde, nämlich in dem Mommute meiner Bekehrungs. Allein es ist nicht abzusehen, warum der Apostel an dieses spezielle, wenn auch grundlegende Ereignis hier gedacht haben soll. Der Amist ist vielmehr zeitlos-deskriptiv (s. Moutros S. 134-135f.):

<sup>\*</sup> Siehn Galat. 4.8: ΝΎΝ ΔΕ ΓΝΟΝΤΕΣ ΘΕΌΝ, ΝΆΛΛΟΝ ΔΕ ΓΝΟΣΘΕΝΤΕΣ ΫΤΙ ΑΥΤΟΥ.

L. Kor. 8, 3 f.: εί τις ΔΟΚΕΙ ΕΊΝΟΚΕΝΑΙ ΤΙ, ΟΥΤΙΚΙ ΕΊΝΟ ΚΑΘΏΣ ΔΕΙ ΓΝΟΝΑΙ [311 diesen Worten bilden unsre Verse eine Glosse] εί ΔΕ ΤΙς ΑΓΑΤΙΆ ΤΟΝ ΘΕΌΝ, ΟΎΤΟΣ ΕΊΝΟΚΤΑΙ ΫΤΙ ΑΥΤΟΎ [diaser Gedanke ist unsrey Stelle fremd]. Merkwürdig ist die Parallele, die Hainaustaum Philo. Cherub, zu der ersten Hälfte des Gedankens des Apostels beigebracht hat: ΌΤΕ ΖΏΚΕΝ ΓΝΟΡΙΖΌΜΕΝΑ ΝΆΛΛΟΝ Η ΓΝΟΡΙΖΌΜΕΝΑ (1. 8. 197 ed. CORN).

Hiernach findet das som at som stans seine Erklärung. Der Sinn ist: in dieser unsrer Zeitlichkeit, in der wir nur stückweise und unssichere Erkenntnisse haben, die einst abgetan werden, besitzen wir doch etwas Unveränderliches, also auch schlechthin Wertvolles, nämlich die Liebe.

Nur weil dies dem Apostel vorschwebte, konnte er Glaube und Hoffnung hier der Liebe beigesellen. Aber auch so kommen sie unerwartet: denn sie sind durch nichts vorbereitet!, Daß sie erwähmt werden, kann daher nur darin seinen Grund haben, daß der Apostel den Gedanken: »Von allem; was wir jetzt besitzen, ist die Liebe das Wertvollste», zum Ausdruck bringen wollte. Das Schwergewicht ruht also auf v. 13b: »Die Liebe ist die größeste unter ihnen.«

Hier erhebt sich aber noch eine Schwierigkeit. Wie kann der Apostel sagen, daß in dieser Epoche nur Glaube, Liebe, Hoffnung bleiben - die Charismen bleiben doch auch? Es liegt hier in der Tat ein Widerspruch vor, der logisch nicht ganz gehoben werden kann, aber psychologisch wohl verständlich ist. Ein Besitz, wie der der Charismen, der, wie der Apostel soeben schmerzlich bekannt hat, nur eine teilweise, kindliche Erkenntnis ermöglicht, ist im Grunde kein wirklicher Besitz". Ihm gegenüber bleibt aber etwas, was nichts Teilweises und Kindliches ist, worzn man sich also halten kann, nämlich Glaube, Hoffnung und Liebe. Damit ist nicht gesagt, daß auch von den beiden ersten gilt: отденота акшиточен, wie von der Liebe - denn carrie sasmomens ove term carrie (Rom. 8, 24), und dasselbe gilt vom Glauben -, wohl aber daß es mit ihnen eine andere Bewandtnis hat als mit den Charismen; denn der Übergang von Glaube und Hoffnung zum Vollkommenen ist Erfüllung, der Übergang von der Charismen-Erkenntnis zur vollkommenen Erkenntnis aber ist ein Bruch; denn jene wird abgetan, und die neue tritt an ihre Stelle! In diesem Sinne hat der Apostel, seine Gedanken zusammendrängend und ein Mittelglied in der Rede auslassend, vom «Bleiben» des Glaubens, der Hoffnung und der Liebe gesprochen, um dann den Schluß zu finden, auf den es ihm ankam, daß die Liebe auch unter ihnen die größte sei. Sie ist die größte - auch das muß suppliert werden -, weil sie das Vollkommene und Bleibende nicht nur durch Antizipation ist,

An dieser Stelle läßt sieb also der Labgesung vom Standpunkt der Forderung strenger Geschlossenheit bekritteln. In solchen Fällen pflegen exegetische Logiker den Vers einfach zu streichen oder nehmen an daß etwas ausgefällen sei. Hier sind solche Verschläge meines Wissens noch nicht gemacht worden.

<sup>\*</sup> Sein fein paraphrasiers frenius (IV, 12, 2): «Omnibus cetteris evacuatis manere fidem etc.», vgl. Ii, 25, 3: «Reliquis partifius destructis base tone perseverare, quae sunt fides, spes et caritas».

wie Gimbe und Hoffnung, sondern unverändert in die Ewigkeit übergeht: \*Die Liebe hört niemals auf.

Noch ist schließlich zu beachten, daß der Apostel die drei Begriffe Glaube, Hoffnung und Liebe durch ein nachdrückliches \* TA TPIA rayra zusammengefaßt hat. Die Annahme, er stelle sie der Trias Glossolalie, Prophetie, Erkeuntnis gegenüber, ist kleinlich, zumal da er es mit den beiden ersten gar nicht mehr zu tun hat. Wohl aber will die Zusammenfassung den ausschließlichen Wert dieser drei Tugenden zum Ausdruck bringen; nichts kann sich ihnen in dieser Zeitliehkeit an die Seite stellen. Daß der Christenstand durch sie umschrieben sei, hat der Apostel auch sonst gesagt (s. Thess. 1, 3; 5, 8; Kol. 1, 4 f.). Wer hat diese große Devise der christlichen Religion aufgebracht? Paulus selbst? Wir wissen es nicht, Johannes und Ignatius haben sie nicht wiederholt - Glaube und Liebe verknüpfen sie, aber die Hoffnung spielt bei ihnen keine Rolle" -, aber Polykarp (ep. 3) und .Barnabas. (c. 1) haben sie wiedergegeben, und vom Ende des 2. Jahrhunderts an ist sie durch die Lektüre der Paulusbriefe zu einer kirchliehen Formel geworden, bis dann Ambrosius die drei christlieben Tugenden mit den vier antiken in seiner Ethik kombiniert und damit an diesem Hauptpunkte den katholischen Synkretismus geschaffen hat

Den religiösen und sittlichen Gehalt dieses Lobgesangs ausschöpfen zu wollen, soll man sich nicht anmaßen; er will empfunden sein. Dem Reiz der Form und der stillstischen Mittel nachzugehen und ihr Geheimnis aufzudecken, kann man versuchen'. Wichtiger und lehrreicher

Vgl. Clemens Alex., Quis divo 381 - Mesei de la trix tauta, fictic. éaric, afates relixur de en toutous à afates, sal exalor fictic mên far américati, dian aftoria telegram, indirect sech, kal fatic áganizatas tous éatichérium átoadsértum. Afates de eic Holleuma etnépartal sal markom afestal fûn transidis inapadobéntum.

<sup>\*</sup> Clemens Rom. (c. \$8) stellt Glaube and Hoffmang formelhaft zusammen.

<sup>\*</sup>Nom über bleibt Glaube, Hoffmung, Liebes — hlingt, wie wenn der Apostel einen bekannten Spruch aufnehme; dam würde sich besser erklären, warum der Zusammenhang an unserer Stelle nicht einwurfsfrei ist (v. o.). Allein nutwendig ist die Annalume nicht. Resens (Agrapha\* in den Texten u. Unters. Bd. 30 S. 153 ff.) Versuch, den Spruch als ein Herrenwort zu erweisen, ist nicht geglünkt. J. Weisz (S. 320) glaubt aus der Sicherheit, mit der Paulus den Satz hingestellt hat, auf ein autoritativen Wort schließen zu müssen.

Unter allem, was Paulus geschrieben hat, ist dieser Hymnus das Stück, welches durch seine Form um höchsten steld (s. Jon. Weizz S. 311 f.). Er bietet die erhabensten und stürksten äubeitschen Reize, und es lohnt sieh, über die Mittel nuchzudenken, durch welche Paulus solche Wirkungen erzielt hat. Poesie im streegen Stan ist der Hymnus freilich nicht, andern «Reile» (daher ist auch die Bezeichnung Hymnus nicht ganz korrekt). Er ist, wie Röm 8, frei hervorgesprüdelt, was jedoch die Anwendung einiger einflicher Kunstmittel nicht ausschließt. Rhythams und poetische Gestalt floasen aus der Begeisterung — zum deutlichen farweis, daß tießte Anschauung und Empfindung

aber ist es, über die religionsgeschichtliche Stellung dieses erhabenen Gedichts Klarbeit zu gewinnen. Es ist kein Psalm wie die ATlichen oder wie die jüngst entdeckten Oden Salomos; von dort hat Paulus kein Vorbild entnommen. Der Hymnus steht vielmehr ganz auf sich

in der Aussprache mit innerer Notwendigkeit dichterisch werden. Letztlich ist es der Inhalt, der in der gewaltigen Aussprache wie vollendete Poesie wirkt.

Zunächst ist schon die Anlage unüberprefflich. Der Hymnus zerfällt in drei Teile und einen Schlußvers: die Unembehrlichkeit der Liebe (v. i-3), das Wesen und Wirken der Liebe (v. 4-7), die Ewigkeit der Liebe (v. 8-12). Jeder Teil hat seine besondere Anlage; aber in allen werden die höchsten Wirkungen durch die ausgezeichnete Answahl der Worte, durch die kraftvolle Einfachheit des Satzbans und die kombinierten Mittel der Antithuse und der Wiederhulung erzieh. Dabei ist vom Gebrauch einrakterisierender und schildernder Adjektiva, den ersten Versansgenommen, vollständig abgesehen. Alles ist aus das Verbum gestellt (im Deutschen läßt sieh das leider nicht überall wiedergeben), und so erhält der Löbgesang die lebhafteste innere Bewegung neben einer lapidaren Mommentalnät. Dieses parudoxe Ineinander verleibt dem Stück seinen gebeimnisvollen ästhetischen Reix. Welcher Dichter ist dem Apostal filerin gleichgekommen? Auch die Wortstellung unterstützt die Wirkungen in ausgezeichneier Weine; sie könnte in keinem Verse besser zein

Die drei Teile sind ganz verschieden behandelt. Der erste, einleitende, hebt aufs feierlichste au, und seine drei Unterteile sind streng parallel und gleichmäßig ausgehildet, so jedoch, daß sie inhaltlich eine Steigerung darsiellen: (i.) Zungemeden (Ekstase); (z.) alle Weissagung, alles Wissen und die höchste Glaubenskraft; (3.) aufupferndes Handeln. Der dreimal wiederholte Satz: «Ackmes Δε κιν έχω» tritt jedesmal
als autithetischer Untersatz hinzn, und min wird das Ergebnis gezogen. Das erstemal
mit einer tronischen Schärfe, die durch Mark und Bein geht: «Zungen der Menschen
und Engel — ein dröhendes Erz und eine gellende Scheile!» Welch ein Kontrast!
Statt himmalischer Stimmen die tobenden Laute eines hohlen Instruments! Die beiden
anderen Male über wird, nach breiter Entfaltung im Vordersatz, im Nachsatz die
höchste Wirkung durch die Kürze erzielt: «στοξα είκι — στοξα ωσελογακί». Wie
Keulenschläge schlagen diese Worte allen Besitz und alle Ruhmestitel nieder, die ühne
die Liebe etwas gelten wollen. Dabel verstärkt das sich», welches diesen ganzen Teil
beherrscht, die Glaubhafügkeit der Aussagen, so daß kein Widerspruch möglich ist.
Wer so spricht, der hat's erfahren!

Der sweite Teil setzt zunächst wieder feierlich ein: dreimat wird -a Arabas im sesten Satze wiederholt, indem die drei Grundeigenschaften der Liebe — Langmut, Gilte, Neidlosigkeit — sufgeführt werden. Aber dann hält's den Dichter nicht linger; wes das Herz voll ist, dem geht der Mund über! Aus der Fülle seiner Arachanung von der Liebe strömen ihm in innerater Erregung die Worte, um der Liebe Wesen und Art suszudeneken — zuerst in lauter Negationen, aber sehon sie wirken wie große Positionen, und sie schließen mit dem erhabenen Gedanken, daß die Liebe mit dem Höchsten zusammensteht, was es gibt, mit der Wahrheit. Aber auch damit hat sieh der Dichter noch nicht genug getan. Ein viermal wiederholtes nähres teitt dem achtfachen sofks gegenüber und bringt in einer mitchtigen Folge die Absolutheit der Liebe suf den vollendetsten Ausdruck. Die Rede wird immer hinreißender, die Gedanken scheinen sich zu überstürzen; aber es acheint auf so — jedes Wort steht sieber an seinem Platze. Die Ekstase ist eine Ekstase 65 sol!

Der Dichter indert den Ton, indem er sich anschickt, das Letzte zu augen. In drei lapidaren Worten stellt er den Hauptgedanken thematisch an den Anfang; «n Arkins ovachnore exmirres». Alshald gerät er aber wieder in innere Bewegung, die sich auch (s.o.) in dem doppelten Wechsel des Plural und Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura, v. 17 und twa Singular spiegelt (v. 9 und twa Plura)

selbst, da sich auch in der profanen Literatur meines Wissens nichts Ähuliches findet. Hat er aber überhaupt eine religionsgeschichtliche Bedeutung? Die Modernen werden eine solche in den «Zungen der Engel» und in der «gellenden Schelle» finden wollen; sie seien ihren Nachforschungen gerne überlassen. Das wahrhaft Wiehtige ist, was der Apostel über Liebe und Erkenntnis sagt und wie sieh das zum Hellenischen, wie zu Plato, verhält".

- 1. Man muß mit der sichersten Tatsache beginnen Liebe und Erkenntnis haben in diesem Hymnus nichts miteinunder zu tun. Weder führt die Liebe zur Erkenntnis noch die Erkenntnis zur Liebe. Das ergibt sich ohne weiteres auch daraus, daß die Liebe hier «caritus» ist und nichts anderes. Nicht nur für die ersten beiden Teile des Hymnus ist das offenbar, sondern auch für den letzten. Eben deshalb stellt Paulus in dem abschließenden Verse auch die Liebe nicht mit der Erkenntnis, von der er doch noch eben gesprochen, zusammen, sondern mit Glaube und Hoffnung, also mit religiös-sittlichen Tugenden, und eben deshalb fehlt bei der Beschreibung der Liebe im zweiten Teil jede Erwähnung des Erkennens.
- 2. Die gegenwärtige Erkenntnis und die zukünftige Erkenntnis empfindet der Apostel lediglich als Kontraste. Zwar scheint es anders zu sein, wenn er jene als stückweise Erkenntnis bezeichnet; aber dem Stückweisen steht nach ihm nicht das Ganze gegenüber, sondern das Vollkommene, weiches etwas ganz anderes ist als die Summe von

Aber doch hat der Wechsel eine große Wirkung. In drei sayndetisch sich folgesden Sätzen stellt der Apostel die Vergänglichkeit der Weissagungen, Zungen und Kenstnisse zur Dauer der Liebe in Kontrastr mit der Liebe ist's nicht wie mit den Charismen! Das «кауантинйсонта» beherrscht diesen Vers und setzt sich noch im to und 11. Verse fort. Im 9. aber wird «6к асросс» zum Stichwort und greift in den 10. und 12. Versaher. Der 11. Vers ist durch das fünfmat wiederbotte Wort «непос» bestimmt, der 12. emilieb durch den sehr wirkungsvoll wiederbotten Gegensatz von «kris» und «тойс» шийе durch die Antüthesen: «4) есоптеот — проситом прос проситом, und «тойско ак мероге — ещемесома канос «4) епинесома» [шим benehte, wie wirksam die den Zeiten verwendet sind, welche die vorlungehunden Antüthesen: «75 ex мероге — 75 телен» und «полос — Амбе» kebnen].

Der Schlusvers beingt durch eine geniale Diversion noch einen neuen Höhepankt. Indem das «Miste» das «Ofgenore strutte» positiv wieder aufnimmt, fritt an die Stelle des Wissens, das sich neben der Liebe nicht zu behaupten vermag, hier auf Erdeu Glaube und Hoffnung. Sie vermögen sich zu behaupten, aber größer ab sie ist die Liebe. Wirksamer konnte der Apostei nicht schließen.

\*Agape» und «Eros» haben ursprünglich nichts miteinander gemein; aber sehon im i Jahrhundert wächst «Agape» weit über den Begriff «caritas» fünaus und erhält wesentliche Merkmale des «Eros». Im z Jahrhundert ist das Problem «Agapeund «Grosis» gellhifig.

\* In c. 8, 1 konfrontiert Panins beide (die Liebe und die Erkenntnis in der Gegenwart) und kommt zu dem berben Ergebnisse, daß, während die Liebe erbaut, die Erkenntnis auf bläht. Über eine andere Berichung zwischen beiden, die gleich darauf augenommen wird, s. unten. Teilen. Die gegenwärtige Erkenntnis ist nach ihm eine kindliche, die nicht durch Ergänzung verbessert wird, sondern die abgetan werden muß; denn sie sieht nur Reflexbilder, deren Verständnis und Deutung rätselhaft bleibt. Also: keine Brücke führt vom Stückwerk zum Ganzen; der Δpostel verspürt auch keinen Drang, dieses snickweise Wissen zu vermehren. Weil er es als einen wertlosen Besitz beurteilt, möchte er es vielmehr abstreifen, wie er einst als Mann das Kindische abgetan hat.

3. Wertvolle Erkenntnis, nämlich die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht, die volle Erkenntnis — wie Gott erkennt —, ist erst zu erwarten, wenn das Vollkommene gekommen ist, d. h. wenn (durch die zweite Erscheinung des Christus) diese Zeitlichkeit ihr plötzliches Ende gefunden hat.

Mit diesen Gedanken hat Plato, hat die idealistische Religionsphilosophie der Griechen, von späteren Entwicklungsstufen des Neuplatonismus abgesehen, schlechterdings nichts zu tun; sie sind ihnen entgegengesetzt. Es bedarf keines weiteren Wortes, um das zu erweisen. Paulus erscheint hier nicht als der Schüler, sondern als der Gegenpol zu Plato und den Griechen. Sie fassen Erkenntnis und Liebe zusammen (amor intellectualis), Paulus trenut sie: sie kennen zwar eine stufenweis aufsteigende Erkenntnis, aber alles Wissen lat qualitativ identisch, Paulus leugnet das; nach ihnen ist die gegenwärtige Erkenntnis trotz ihrer Unvollkommenheit das Beste in der Welt, Paulus ist weit von diesem Glauben entfernt; sie wissen endlieh nichts von einem zukünftigen Ereignis, durch welches das Vollkommene mit einem Schlage da sein wird, sondern von einem allmählichen Übergang des Geistes aus den Banden des Simulichen zu höherem Sein. Kein Zweifel - Paulus ist Jude und will von dem Wissen der Hellenen nichts wissen.

Aber damit ist doch noch nicht alles gesagt, vielmehr fehlt noch eine Hauptsache, und sie führt Paulus und Plato doch zusammen. Das abschätzige Urteil über die Erkenntnis gilt nur von der gegenwärtigen, stückweisen Erkenntnis. Sobald der Apostel an die vollkommene Erkenntnis denkt, urteilt er ganz anders. In zitternder Bewegung und in heißem Drang schaut er auf sie aus: das Beste in der Welt, das Beste in dieser Zeitlichkeit ist die Liebe; aber das absolut Beste, das, wonach seine Seele sich sehnt, ist die vollkommene Erkenntnis, die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht, die Erkenntnis, in der eich erkenne, wie ich erkannt bins. Mit der Liebe hat diese Erkenntnis, wie bemerkt, nichts zu tun; aber es ist doch nicht gleichgültig, daß er auf sie geführt wird, indem er über die Liebe nachdenkt, und an einer andern Stelle desselben Briefs (8, 3) geht er noch einen Schritt weiter: «Wenn jemand Gott liebt, der ist von ihm erkannt.» Auch

hier sagt er freilich nicht, -der erkennt Gott-, aber es ist doch der erste vorbereitende Schritt zu dieser Kombination! Die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht ist das höchste Ziel — hören wir hier nicht Plato? Ferner, wenn die Erkenntnis auf ihrem Höhepunkt zu ihrem Objekt lediglich das Letzte, die Gottheit, hat, ist das nicht auch Plato? Endlich, wenn der Apostel in diesem Zusammenhang die gegenwärtige Erkenutnis als eine Erkenntnis im Spiegel bezeichnet, ist das nicht eine Bestätigung für den platonischen Ursprung des leitenden Gedankens?

Doch Vorsicht ist geboten! Der Apologet Theophilus sagt einmal, Schulweisheit wiedergebend, das Wort \*esoc\* kame sowohl von \*roser ataale als auch von setems. Wir lächeln fiber diese doppelte Etymologie; aber in der Religionsgeschiehte des hellenistischen Zeitalters handelt es sich häufig um doppelte Ursprünge, ja, man darf sagen, nur diejenigen Begriffe und Institutionen haben durchgeschlagen und sind schließlich zum Siege gelangt (nämlich im katholischen Christentum, welches der Abschluß der universalen Entwicklung ist), die eine doppelte Wurzel besessen haben: die übrigen sind sämtlich zu Boden gefallen. Das katholische Christentum ist eine Bildung aus zwei konvergierenden und zuletzt verschmolzenen Linien, von denen die eine, von den Propheten ausgehend, über die Jüngeren Psalmen in der spätjüdischen Entwicklung (einschließlich der urchristlichen) verläuft, die andere in der Entwicklung der griechischen Religionsphilosophie (einschließlich des Mysterienwesens). Die beiden Reihen sind aber nicht nur konvergent und laufen schließlich im 3. und 4. Jahrhundert zusammen, sondern es sind außerdem schon während ihres Verlaufs von beiden Hauptlinien Seitenlinien ausgegangen, die sich miteinander verflochten haben.

Wenden wir diese Einsicht auf das uns vorliegende Problem an, so kann kein Zweifel sein, daß die Höchstschätzung der vollkommenen Erkenntnis sich auch auf der jüdischen Linie ausgehildet hat und ebenso die Überzeugung, daß die höchste Erkenntnis und überhaupt das Höchste Gotteserkenntnis ist und nichts anderes. Also wird sie auch Paulus nicht erst vom Platonismus her gewonnen haben. Nicht einmal die eigentümliche Klangfürbe, in der die Erkenntnissehnsucht bei ihm sich ausspricht, braucht hellenisch zu sein. Sein πρόσωπον πρόσυπουν, οψε εκ αλείτελατι hat (s. oben) an dem Spruch Num. 12, 8 die vollgenügende Unterlage. Und von hier aus kann sogar das Δ΄ εκοπτρογ, welches auf den ersten Blick ganz platonisch aumutet, genügend erklärt werden. Man vergleiche

Sinhe Matth. 11, 27.

Num. 12, 8
ctoma katá ctoma kanhow
aytú, su eidei kal oy al ainitmátun'

L. Кор. 13, 12

влетомен Ярті ді есоптроу
би абијематі, тоте де просштон
прос просштон

Die verschiedenen Ausdrücke croma kara croma und modeumon mode modcamos erklären sich daraus, daß Paulus den hebräischen Grundtext las (חס" אבי מבן und mit antnowes den Satz begomnen hatte. Das hebelische FTT haben die Lxx und er übereinstimmend und richtig durch abound wiedergegeben. Also entspricht das paulinische al écon-Troy dem on class. Im Grundtext steht 7872; mit einem Schlage macht dies Wort sowohl das exenumen als nuch das al econtroly des Paulus klar: denn naue heißt sowohl das «Sehen», das «Gesehene» (daher das Angesicht», die «Gestalt») als auch die «Erscheinung» im Unterschied vom Wesen und endlich der » Spiegel » (Exod. 38, 8). Paulus behielt also das Wort bei, welches er in dem Bibelverse las, der ihm hier vorschwebte. Damit ist die Herkunft des Bildes vollkommen erklärt - Paulus sehnt sich, Gott so zu sehen, wie es einst dem Moses verheißen worden ist -, und jeder Rekurs auf Griechisches erübrigt sich. Deshalb braucht nicht verneint zu werden, daß auch ein griechischer Philosoph den Ausdruck hätte wählen können : Plato hatte ihn gewiß als ein erhabenes Zeugnis seiner eigenen Philosophie anerkannt. Zwei weltgeschichtliche Linien konvergieren hier!

Aber hätte Plato such das emiraccomai kasuc kal emeraccion verstanden? Verstanden hätte er es wohl, aber anders als der Apostel. Für Paulus ist es nicht nur der Ausdruck vollkommenster Erkenntnis, sondern zugleich auch das Bekenntnis, in dem allwissenden Gott geborgen zu sein. Dieses eneraccion empfängt seinen Sinn aus c. 8, 3; el nic arana ton beos, ovtoc eraccion vu' aviov. Weit besser aber hätte

HAPTHTINGHEL KAI EFTEN (O GEOG) TIPOC AAPON KAI MANAK. AKOYCATE TON AOTON MOT EAN TENDITAL EMBRITIC THOS KYEID, EN GRANATI AVTO PRINCEHOUMAI KAI EN YTHIN AATHON ATTON OTTOG E GESATION MOT MOTCHO EN DAG TO OKO MOT MICTOC ECTIN CTOMA KATA

Der hebellische Text von Num. (2, 8 ist allerdings nicht in Ordnung. Wenn es 12, 6 heißt, dall Propheten Gott (nur) with sehen werden, Moses aber von Mund zu Mund zwie, so kann zwie nicht richtig win, da das Wort nicht in zwei aufeinanderfolgenden Sätzen verschieden gebraucht sein kann (auf die Differenz der Punktation ist doch wohl kein Gewicht zu legen). Daher hilft auch die Lesart wegenicht die nur die im 7 liegende Schwierigkeit wegrännt. Wahrscheinlich ist mit Parassos wie is zu lesen; las Panlas so, so ist seine Abhlingigkeit vollends kinn. Wie man aber nuch den Text beilen mag, offenbar ist, daß das all Schutzer des Panlas durch zwie vermiligit ist, ebenso wie ist albursen durch zwie: Parallelen aus Philo usw. sind also überflüssig.

Auch darf man fragen, ob Panlus imstande gewesen wäre, den alten Sprach durch eine linflerlich sehr geringe Anderung auf einen an viel erhabneren Ausdrunk zu bringen, wenn er nicht griechische Luft gestmet hätte.

Plato den Satz verstanden, daß die Liebe sich nicht der Ungerechtigkeit freut, sondern der Wahrheit. «Wahrheit» ist bei Paulus «die Bezeichnung der neuen religiösen oder metaphysischen Weltauschauung des Evangeliums, aber auch das zugleich religiöse und eth ische Prinzip, dem es sich zu beugen, zu gehorchen gilt, so daß die Ungerechtigkeit mit der Wahrheit unvereinbar ist» (J. Weisz). Eben dies ist aber auch die Überzengung Platos

Hier liegt bei aller Größe der Verschiedenheit der tiefste Einheitspunkt. Nicht im Wort vom »Spiegel» ist er zu suchen, sondern in
der Gemeinsamkeit jenes Gedankens und in der Tatsache, daß der
Apostel, indem er über die Liebe nachdenkt und sie als etwas Unvergängliches erkennt, zur Frage der Erkenntnis überhaupt geführt
wird. Liebe und vollkommene Erkenntnis haben bei ihm nichts miteinander zu tun, aber sie haben für den Apostel doch etwas Gemeinsames — das Ewige.

Die Richtung, die der Apostel biermit und sodann in der Zusammenstellung von Glaube und Hoffnung mit der Liebe nimmt, beweist aber weiter, daß sein Begriff der Liebe von dem Stoischen spezifisch verschieden ist. Dieser ruht auf rationalen Erwägungen über die Gleichbeit der Menschen und erscheint als die vernunftgemäße Funktion der vernünftigen Erkennfnis von des Menschen Ausstattung und Zweck. Auch dem Apostel sind solche Erwägungen nicht fremd', aber sein Begriff der Liebe ist nicht von hier entsprungen. Für Paulus ist Liebe auch als Nachstenliche von der Gottesliebe untrembar; von thr, mit thr empfängt sie, obgleich sie ganz carltas ist. Sein und Art; aber auch das Umgekehrte gilt: in und mit der Nächatenliebe ist die Gottesliebe, ist die Religion selbst gegeben. Das beweist der Schlußvers; Paulus hätte, durchweg in dem Hymnus von der Näelistenliebe redend, nicht am Schluß mit Glaube und Hoffnung kommen können, wenn ihm die Nächstenliebe nicht mit der Gottesliebe untrennbar verbunden, ja eine unlösbare Einheit gewesen ware. Diese Anselmung, im Alten Testament vorbereitet, geht auf Jesus selbst zorück. Somit ist die stoische Menschenliebe und die Liebe, die Paulus meint, etwas sehr Verschiedenes; aber es ist auch hier wiederum so wie in bezug auf die Schätzung der vollkommenen Erkenntnis - es gab in jenem Zeitalter in bezug auf den Begriff der Liebe zwei konvergierende Linien, die humanitär-stoische und die theistisch-jüdische. Während ihrer Entwicklung fand bereits ein gewisser Austausch statt - auch im Hellenismus tritt ein starkes religiöses Element in das humanitäre ein; erinnert sel an Epiktet -: Paulus

<sup>8.</sup> Rom. 10 1935.1 2, 1416.; Act. 17, 22 ff. Hier but der Apostel von der Ston gelerot.

aber bewegt sich in dem Hymnus ausschließlich auf der letztgenannten Linie; erst später sind sie zusammengeflossen!

Einen Fortschritt über Paulus in der Richtung auf Plato hat Johannes gemacht': er hat Liebe und Erkenntnis auf christlichem Boden einander genähert. Aber bevor man dem nachgeht, ist es notwendig, zu konstatieren, daß Johannes in dem Hauptpunkt ein treuer Schüler Jesu und ein Gesimnungsgenosse des Paulus gehlieben ist. Das ihnen Gemeinsame liegt in dem Grundbegriff der Liebe, wie ihn auch Johannes faßt. Auch nach ihm sind Gottesund Nächstenliebe so verwandt oder vielmehr eine solche Einheit, daß sie vertauschbar sind. Wir wissen, daß wir vom Tode zum Leben hinübergegangen sind, weil wir die Brüder lieben; wer (sie) nicht liebt, der bleibt im Todes (L. Joh. 3, 14). «Wer da behauptet, im Lichte zu sein und seinen Bruder haßt, der ist noch in der Finsternis; wer seinen Bruder liebt, der bleibt im Lichtes (I., 2, 9). \*Darin erkennen wir die Liebe, daß jener für uns sein Leben gegeben hat, so sollen wir für die Brüder das Leben bingeben (1., 3, 16). » Wenn jemand sein Herz gegen seinen bedürftigen Bruder versehließt, wie bleibt die Liebe Gottes in fhm? . (L. 3, 17.) . Wenn wir uns untereinander lieben, bleibt Gott in uns, und seine Liebe ist vollkommen in uns+ (I., 4, 12). . Wer seinen Bruder nicht liebt, den er sieht, der kann nicht Gott lieben, den er nicht sieht, und dies Gebot haben wir von ihm, daß, wer Gott liebt, auch seinen Bruder liebt. (I., 4, 20 f.). -Daran werden alle erkennen, daß ihr meine Jünger seid, wenn ihr Liebe untereinander habt« (Joh. 13, 35).

Einen Hymnos auf die Liebe, augeregt durch I. Kor. 13, bat om das dahr 95 Clemens Romanus (c. 40) gediehtet, aber er kam sich, zumal er in mehreren Stellen Plagiat ist, neben dem Lobgesang des Paulon nicht sehen lassen. Es fehlt ihm an Tiefe und ursprünglicher Empfindung; er erscheint als ein verworrenes Mosaik ohne hähren Wert. Merkwurdig, daß Clemens Alex. (Strom. IV. 18, 1116.) beide Hymnon zusammen kommentiert und eichts davon verrüt, daß der des Clemens Romanus eine Stümperei ist auben dem des Paulon. Der Hymnus lautet:

TO EXUM APARTHM EN XPICTO TOMCATO TA TOP XPICTOT TRANSFERMATA!

YOU DECMON THE APARTHE TOP BED? THE DYNATAL EXHIBITIONS, TO REPARED THE
KANNONNE APTOT THE APREYOR ESSITEIN; TO EVOC SEE IS ANATOM HAPATH AMERICANTION SETTIN.

ATATH KOARA HAAC TO SEG. ATATH KARVITEL TIAHOOC AMAUTION, ATATH HARTA AMERETA, TIAHTA MAKTOSYMET O'FACH BANAYCON EN ATATH, SYAÉN PROPINSANON ATATH EXICMA O'TA ÉXEL, ÁTÁTH O' CTACHÁZEL, ÁTÁTH HANTA TIBLE ÉN OMONOS. ÉN TH ÁTÁTH ÉTEAGUSHCAN TIANTEC CI ÉKARKYOL TO' SEOY. ACKA ATÁTHEC O'PAÉN RÝÁSECTÓN ÉCTIN TÍL BED.

EN ÁFÁTH TIPOCRAÁBETO MAÁC Ó ACCTIÓTHE: ANÁ TÂN ÁFÁTTHH HN ÉCKON TIPÓC JUNAE TÓ AÍMA AÝTHÝ ÉAGICÉM ÍTTÉP HAGIN THEOVE XHICTÓC Ó EVPICE ÁMÁIN ÁM HEANMAIT TOV BEDY, KALTUN CÁPRA ÉTTÉP THE CAPROC AMÁIN KALTÚN EVXÁN THEO TÓM FYXÁN MHÁN.

Das ist die Liebe, die auch Paulus in seinem Hymnus meint; auch wenn Johannes sesses und 4rans zusammenstellt, sieht man sich an ihn erinnert. Wiederum aber ist es dieselbe Erkenntnis, die Paulus meint, wenn Johannes L. 3, 3 sagt: "Wir wissen, daß wir einst Ihm gleich sein werden, denn wir werden Ihn sehen, wie Er ist. Aber es geht weit über Paulus himaus, wenn Johannes schreibt (L. 4, 7f.): "Lasset uns einander lieben, denn die Liebe ist aus Gott, und ein jeglicher, der da liebt, ist aus Gott geboren und erkennt Gott: wer nicht liebt, der erkennt Gott nicht; denn Gott ist die Liebe, Hier ist die Anschauung, daß die Liebe ein metaphysisches und «gnostisches» Prinzip sei, verkündet; sie hat ihre Wurzel in der Geburt aus Gott, der die Liebe ist, und ihre Frucht ist Gotteserkenntnis. Ferner aber - die Liebe tritt nach Johannes in die Lücke ein, daß wir in der Gegenwart Gott noch nicht zu schauen vermögen: «Niemand hat Gott gesehen; wenn wir einander lieben, so bleibt Gott in uns-(L. 4, 12), ja III., 12 heißt es: «Wer Gutes tut [d. h. liebt], ist aus Gott; wer Böses tut, hat Gott nicht gesehen. Wenn nach Johaunes Gott die Liebe ist und der ganze Christenstand in das Wort zusammengefaßt erscheint: Bleibet in meiner Liebe, wie ich in der Liebe des Vaters bleibe» (15, 10), so ist hier die Liebe «die allmächtige Liebe, die alles heget, alles trägt», und die auch die Erkenntnis Gottes einschließt.

Aber so gewiß die Linie des Johannes stärker zu Plato hin konvergiert als die des Paulus, so fehlt doch noch viel zur wirklichen Annäherung; denn das Schema, daß die Erkenntnis sieh stufenweise von der niederen Erkenntnis aus entwickelt und in Liebe übergeht, ist dem Johannes noch ganz fremd. Erst bei Valentin und Clemens Alexandrinus findet es sieh! Johannes steht doch ganz wesentlich auf der jüdisch-theistischen Linie, und sein Begriff der Liebe hat mit dem hellenischen Eros, dem Amor intellectualis, nichts zu tun. Vorbereitet aber hat er das Eindringen desselben in den christlichen Gedankenkreis, weil er «Gott lieben» und «Gott erkennen» zusammengerückt, ja in eins gesetzt hat.

Von Johannes kehren wir zu unserem Hymnus zurück. Worinseine religiousgeschiehtliche Bedeutung liegt, läßt sich nunmehr mit wenigen Worten sagen. Immitten einer Kulturwelt, die in ihrem besten

Eine Mittelstellung nimmt Irenius ein. Ganz paulinisch klingt IV. 55. 8:
-dilectionis munia est pretionius quam agnitio, gloriosius antem quam prophetia, unallus
antem reliquis charismatibus supereminens». Aber, auf der johanneischen Linie fortschreitend, schreibt irenium (IV. 12; 3): -Numquam desiniums diligentes deum; sed quanto
plus eum intuiti fuerimus, tanto plus eum diligiums.

Streben intellektmilistisch gerichtet war und zugleich mit Mysterien und Sakramenten umging, hat Paulus den Grundgedanken Jesu von der Nächstenliebe in hinreißender Weise und in einer Sprache, die jedermann verstand, zum Ausdruck gebracht. Die Liebe, nämlich die Nächstenliebe, ist das Beste, weil das Bleibende und Ewige, in der Welt: sie steht über allen Gaben und Erkenntnissen, die wir zu erwerben vermögen, und sie hat ihren Platz neben, ja über den religiösen Tugenden des Glaubens und der Hoffnung. Die schlichte. ungefärbte Moral ist damit als das Wesen der Religion selbst enthallt. Die Religion ist, wie bei Jesus selbst, vom Himmel herabgeführt ins Menschliche und Notwendige, ohne ihre Göttlichkeit einzubüßen. Kernsprüche Jesu haben hier eine programmatische, aus tiefster Nachempfindung geborene Ausgestaltung empfangen! Die · Caritas» ist als das Wesen der neuen Religion in den Mittelbunkt gestellt. Dilectio summum fidei sacramentum, Christiani nominis thesaurus, quam apostolus totis viribus saucti spiritus commendat. so hat Tertullian (de pat. (2) mit Recht, von dem Hymnus des Paulus geschrieben. Die Entwicklung des Wesens der christlichen Religion hat freilich andere Wege eingeschlagen; man hat die Metaphysik nicht missen wollen, und die ehristliche Religionsphilosophie hat den Amer intellectualis in die Caritas eingemischt. Aber wenn niemals in der Kirche ganz vergessen worden ist, daß die Caritas - und nur sie - das Sacramentum fidel ist, so hat neben den Sprüchen Jesu der Hymnus des Paulus daran den größten Anteil. Durch ihn und mit ibm but sich die Carltas als Religionsprinzip siegreich behauntet.

Und Paulus — wie er kein Hellene gewesen ist, so ist er auch niemals einer geworden! Daß sich unter seinen zahlreichen versuchten Ideen — auf sie reduziert sich seine spekulative Theologie und Psychologie — auch einige auf hellenischem Boden gewachsene und aus Mysterienweisheit stammende finden, wer kann sich über diese längst bemerkte Tatsache wundern? Aber auch diese Ideen hätte der Apostel nicht rezipiert, wenn sie sich nicht an Erkenntnisse angeschlossen hätten, die er in seiner jüdischen religiösen Bildung bereits besaß. Aus dieser, durch seine christliche Erfährung umgestatteten, aber nie aufgegebenen Sphäre ist er niemals berausgetreten, und nichts Hellenisches hat er sich anzueignen vermocht, was nicht bereits Anknüpfungspunkte in der ihm vertrauten religiösen und theo-

Auch Jesus spricht von solchen, die du weissagen und mit denen en doch nichts ist (Matth 7, 22), und von solchen, denen die Geister untertan sind, und denen das nichts offitzt (Luk. 10, 10). Die Haupteumme der Gebote ist thim die Liebe zu Gott und dem Nächsten, und neben der Betätigung der letzteren hat jenn überhaupt keinen besombiere. Spielepum:

logischen Überlieferung besaß. Der Apostel der Heiden ist stets, sofern er nicht ein Christ war, ein Jude geblieben. Daß er es geblieben
ist, obgleich er den Prozeß der Überführung der neuen Religion in
die griechische Welt so kräftig begonnen hat, ist seine Stärke gewesen und hat ihm die bleibende Stellung in der Geschichte gegeben.
Er selbst ist an dieser seiner Haltung persönlich gescheitert ; aber daß
seine Gedanken weit über das Zeitalter des Hellenismus hinaus wirksam geblieben sind, das verdanken sie in erster Linie nicht dem hellenischen Element, das ihnen spärlich beigemischt ist, sondern der Kraft,
mit der es der Apostel vermocht hat, den alten Gott des Judentums
als Vater Jesu Christi neu zu verkändigen und die Liebe in den
Mittelpunkt zu rücken.

Siehe meine Beiträge zur Einleitung in das Neue Testament Heft IV (1911), S. 28-62.

### Adresse an Hrn. Richard Schroeder zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 1. Februar 1911.

#### Hochgeehrter Herr Kollege!

Fünfzig Jahre sind verflossen, seit Sie an der Universität Berlin die juristische Doktorwürde erlangten. An dem Gedenktage, den Sie aus diesem Anlaß heute feiern, fühlt auch die Preußische Akademie der Wissenschaften sich berufen, Ihnen die wärmsten Glückwünsche und den Ausdruck ihrer rückhaltlosen Anerkennung darzubringen. Seit einem vollen Jahrzehnt dürfen wir Sie als korrespondierendes Mitglied zu den Unsrigen zihlen. Aber schon die Jahre Ihrer wissenschaftlichen Ausbildung brachten Sie in enge Beziehungen zu dem Gelehrtenkreise unserer Akademie. Ist doch Ihre Jugendzeit enge verknüpft mit dem Namen Jacon Grimms, dem Sie bei der Herausgabe der deutschen Weistümer als treuer Mitarbeiter zur Seite standen, und dessen Werk zu vollenden Ihnen nach dem Tode des Meisters vergönnt war. Die Anregungen, die Sie von ihm und als Schüler Howexens, der ja gleichfalls der Unsere war, empfangen haben, sind in Ihrer Lebensarbeit zu reifer und köstlicher Frucht gediehen.

Im Nordosten Deutschlands geboren und in der heiteren Atmosphäre eines Vaterhauses aufgewachsen, dem der große Humorist Farz Reuzen befreundet war, haben Sie nach Abschluß Ihrer Lehrjahre im Westen Deutschlands Ihre Hütten gebaut, wo Sie nicht weniger als fünf deutschen Universitäten zur erfreulichen Zierde des Lehrkörpers geworden sind. Am Mittelrhein, am Main, an der Leine, am Oberrhein und am Neckar haben Sie eine usehhaltige und tiefgreifende akademische und literarische Tätigkeit entfaltet, um trotz der Schmiegsamkeit, mit der Sie sich den Stätten Ihres Wirkens anpaßten, der treue und unverfälschte Sohn der pommerschen Erde zu bleiben.

Zahlreiche Aufgaben sind im Laufe ihres arbeitsreichen Lebens an Sie herangetreten. Sie haben sie mit unverwüstlichem Optimismus auf Ihre Schultern geladen und in berechtigtem Vertrauen auf Ihre Schaffenskraft mit heroischem Fleiße erledigt, soweit dies erwartet werden durfte.

Aus Ihrer Doktorilissertation ist das inhaltvolle und grundlegende Werk über die Geschichte des ehelichen Güterrechts in Deutschland herausgewachsen. Die Kenntnis der deutschen Rechtsquellen haben Sie durch hochwillkommene Editionen, durch Ihre brauchbare und vielgebrauchte Sammlung von Urkunden zur Geschichte des deutschen Privatrechts und durch Spezialnutersuchungen gefördert. Mit kühnem Wagemut haben Sie es unternommen, die Geschichte des deutschen Rechtes von den Urzeiten bis an die Schwelle der Gegenwart in einem stoffreichen Lehrbuche unter Dach und Fach zo bringen, und dessen rasch aufeinanderfolgende Auflagen in feiner und empfindsamer Fühlung mit den Fortschritten der rechtsgeschichtlichen Forschung zu einem klaren Spiegelbilde des jeweiligen Standes der Wissenschaft zu gestalten. Aber auch dem Aufbau und Ausbau des geltenden Rechtes haben Sie sich nicht versagt, denen Sie durch Ihre Vorarbeit zum chelichen Güterrecht des Bürgerlichen Gesetzbuchs und durch Ihre Vorträge und Abhandlungen über privat- und handelsrechtliche Materien erhebliche Dienste geleistet haben.

Unsere Akademie verpflichten Sie zu besonderem Dank, indem Sie seit zwölf Jahren die wissenschaftliche Leitung des großen akademischen Unternehmens besorgen, das die Herstellung eines Wörterhuches der älteren deutschen Rechtssprache zum Ziele hat. Möge es Ihnen beschieden sein, die Publikation des nationalen Werkes dem glücklichen Ende entgegenzuführen, Ihnen und der Akademie zu Ehren und zum Ruhme der deutschen Wissenseluff.

Die Koniglich Preußische Akademie der Wissenschaften.

# Kyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.

Von Prof. RICHARD MEISTER in Labring.

(Vorgelegt von Hrn. Mayra am 19, Januar [s. oben S. 39].)

Hierzu Taf. I.

Bisher glaubten wir, daß die kyprische Silbenschrift lediglich von den kyprischen Griechen angewendet worden sei, denn kein einziger der kyprischen Syllabartexte, die wir bisher kannten, redete eine andere Sprache als den kyprisch-griechischen Dialekt. Jetzt sind zu unsrer großen Überraschung zwei Inschriften in kyprischer Syllabarschrift, jede in vier Zeilen, die in einer nichtgriechischen Sprache abgefaßt sind, zutage getreten.

Als ich im Jahre 1909 im Ashmoleannuseum zu Oxford war, bat ich Hrn. D. G. Hogarru, der vor kurzem die Leitung des Museums von Hrn. Agrum Evans übernommen batte, mir drei Steine mit Syllabartexten aus Marion-Arsinoe, die, wie mir mitgeteilt worden war, in das Ashmoleanmuseum gekommen waren, zu zeigen. Sie fanden sieh damals nicht, aber im August 1010 entdeckte sie Hr. Hogarre in einem Kellerraum des Museums, in den sie wahrscheinlich bei der Umräumung des Museums in das neue Gehände ohne Wissen des damaligen Direktors gebracht worden waren. Und neben diesen drei Inschriften aus Marion-Arsinoe lagen die zwei Steine, von denen ich rede. Leider ist über ihre Herkunft nichts Genaueres bekannt. Hr. D. G. Hogastu schrieb mir am 24. August 1910: I have asked my predecessor Agenus Evans about the stones, but he knows nothing of them. They are not entered in our old lists, and I can only suppose, they had long lain in the cellar of the old Ashmolean building, and were transferred here in 1895 without the Keeper's knowledge. Und am 30. August: Their origin remains a complete mystery. Neither Mr. Evans nor anyone connected with the Museum seems ever to have seen them before, and as they bear no mark, I cannot tell, when or whence they came into the Museum.

An der Echtheit der Inschriften besteht kein Zweifel. Der Charakter der Schrift ist in allen Stücken gleichmäßig und elegant, filmlich dem der Schrift auf der idalischen Bronze. Ich würde die Steine nach der Schrift in das 5. Jahrhundert oder in die erste Hälfte des 4. v. Chr. G. setzen. Die Zeiehen sind die des gemeinkyprischen, nicht. die des paphischen Syllabars. Einige sind von singulärer Gestaltung: Das von mir mit mi? umschriebene Zeichen II z hat rechts einen zweiten Seitenstrich, den das gewöhnliche Zeichen mi nicht kennt: aber auf der kyprischen Tonplatte im Leipziger Museum für Völkerkunde (Sächs Berichte 1908, S. 2ff.), Vorderseite Z. r., steht dasselbe Zeichen mit doppeltem Seitenstrich (leider ist seine Bedeutung auf der Tonplatte nicht zu erkennen); das von mir mit su? wiedergegebene Zeichen II 1. II 2 unterscheider sich etwas von dem gewöhnlichen kyprischen su. ähnelt aber dem su auf der Inschrift aus Salamis SGD1 : 26, Z 2 (A. P. DI CESNOLA, Salaminia, S. 66, nr. 68); le? 1 1. ist gleichfalls von dem gewöhnlichen le etwas verschieden, aber dem le in der eben genannten salaminischen inschrift Z. 2 recht ähnlich; mehr noch gleicht es dem minoischen Zeichen, das A. Evans, Scripta Minos I, 57 auf der Bügelkanne von Orchomenos wiederfindet. Die Regel, daß die j-Silbenzeichen nur nach i-Silbenzeichen stehen, weil j im kyprischen Dialekt nichts andres als den Übergangslaut von i zum folgenden Vokal ausdrückt, findet sich in den Inschriften beider Steine genau beobachtet: ekijanoti I 2, ekicijaki II 1, kacalija II, 4. Für die Lesung der Inschriften ist die Geltung der übrigen Regeln des kyprischen Syllabars vorauszusetzen, so daß z.B. die Zeichengruppe ka ra li ja nieht mur kavalija, sondern auch kralija bedeuten kann, die Gruppen ma ma I 2, II 1, 2, 4, ta ma I 1, 3, auch mna, tua gelesen werden konnen, ta ra vi II 4 auch terri, pu e ne II 3 (mit ne am Wortende) auch puen gelesen werden kann usw. Die Lesung ergibt nirgends sprachliche Monstra, sondern glaubliche, wenn auch unverständliche Worter. Mit dem Formans -na gebildet erscheinen ana II i. mana 1 2. Il t. 2. 4, tana I 1. 3, mina II, 3. Ein Stammwort scheint vorzuliegen in eki II 2, von dem Ableitungen ekijanoti I 2, ekivijaki II 1 zu sein scheinen. Auf -off (möglicherweise auch -o(n)ti zu lesen) gehen die Wörter munoti 1 1. 3/4. ekijanoti 1 2 aus, auf -ranu die Wörter citilerunn 11 und pakimicanu 13. Ähnlich wiederkehrende Wortgruppen finden sich mehrmals: vitilerann tana munati I i und pakimirann tana munoti I 3/4. ekijanoti mana I z und ekirijaki mana II i, vgl. auch eki mari mana II 2.

Auch an der Herkunft der Steine aus Kypros kann nicht gezweifelt werden. Nur aus Kypros kennen wir überhaupt diese Silbenschrift, uml im Schriftcharakter gleichen die beiden Inschriften den kyprisch-griechischen genau. Aber welches ist die Sprache, die sie reden, von welchem Volke stammen sie? Daß sie weder griechisch noch phonizisch sind, zeigt schon der erste Blick. Aber neben den eingewamlerten Griechen und Phöniziern wohnten die autochthenen Kyprier im Lande. Skylax (Peripl. 103) sagt, daß Amathus von Autochthonen und im Binnenland auch andre Städte von Barbaren bewohnt würden. Herodot 7, 90 erzählt, daß ein Teil der Bevolkerung von Kypros sich aus athlopischem Ursprunge berleite. Aller Wahrscheinlichkeit nach ist die Urbevölkerung von Kypros mit der Urbevölkerung von Süd- und Südwestkleinasien verwandt. Die Teukriden, das Königsgeschlecht von Salamis, stehen mit den Terepo von Olbe in Kilikien (Kurtsemmen, Einl. 190, A. 1) in Zusammenhang. Kulte Kleinasiens treffen wir in Kypros wieder. Zwei späte (c. ε, ω) Weiliinschriften für Zeyc Assessoc (Cesnola, Descriptive Atlas III. Taf. CXLIII. ur. i. 2) aus einem Tempel in der Nähe von Fasuli bezeugen die Existenz des aus Karien bekannten Kultes für Kypros: 1. Au-MHTRID A) AABPANIN EYEAMENOD AITEANAH, 3. OAIACAC A) AABPANIN EYEAME-NOC ATTENDRESS, und der Name des OMACAC tragt in seinem s-Suffix (vgl. auch den Namen der Stadt Tamaccoc) wie in seinem Stamm (vgl. lyk. Ovecc. Overlat, kar. Overland. Kustschner, Einl. 350) - kleinasiatische-Merkmale. Die autochthone Bevölkerung hat sieh ihre Sprache auch usch der Einwanderung der Fremden in Kypros zweifellos ebenso bewahrt wie in den kleinasistischen Landschaften, und wenn sie sich zum Ausdruck ihrer Sprache auf unseren zwei Steinen der Schrift der Griechen ihres Landes bedient hat, so tat sie dasselbe, was wir von der antochthonen Bevölkerung der kleinasiatischen Landschaften wissen. Aus den Wortformen der Steine vermag ich freilich keine Stütze für die geäußerte Vermutung zu gewinnen. Auch das Wort pa na mo II 3 (= Panam(m)o?), dessen Klang un den Numen des auf der Stele von Sendjirli genannten Königs des Landes Sam'al: Panammū (vgl. Karrscman, Einl. 397 f.) erinnert, darf, solange der Zusammenhang, in dem es steht, ganz unbekannt ist, nicht zu solchem Zwecke verwendet werden. Andre werden hoffentlich die Frage weiter fördern.

Auf der Tafel gebe ich die Inschriften der beiden Steine nach den Photographien wieder, die mir Hr. D. G. Hogarn zugleich mit wohlgelungenen Abklatschen freundlichst geschickt hat. Hrn. D. G. Hogarn spreche ich auch für die Erlaubnis, die Inschriften publizieren zu dürfen, meinen verbindlichsten Dank aus.

Die Inschrift I ist c. 0.47 lang, c. 0.28 hoch, die Inschrift II c. 0.55 lang, c. 0.26 hoch. Geschrieben sind beide Inschriften auf den Steinen von rechts nach links. Die Wörter sind auf den Steinen R Menores Kyprische Syllabariouchriften in nichtgriechneher Spenzie. 169 (und so zuch von mir in der folgenden Silbenumschrift) durch Punkte voneinander getrennt worden.

I.

L. 1. vi fi le? va mi la na mu na li-

= 2. a i lo - ki ja no ti ma na ko

· 3. to u-po ki mi ra nu-ta na-mu

4. 110 E-

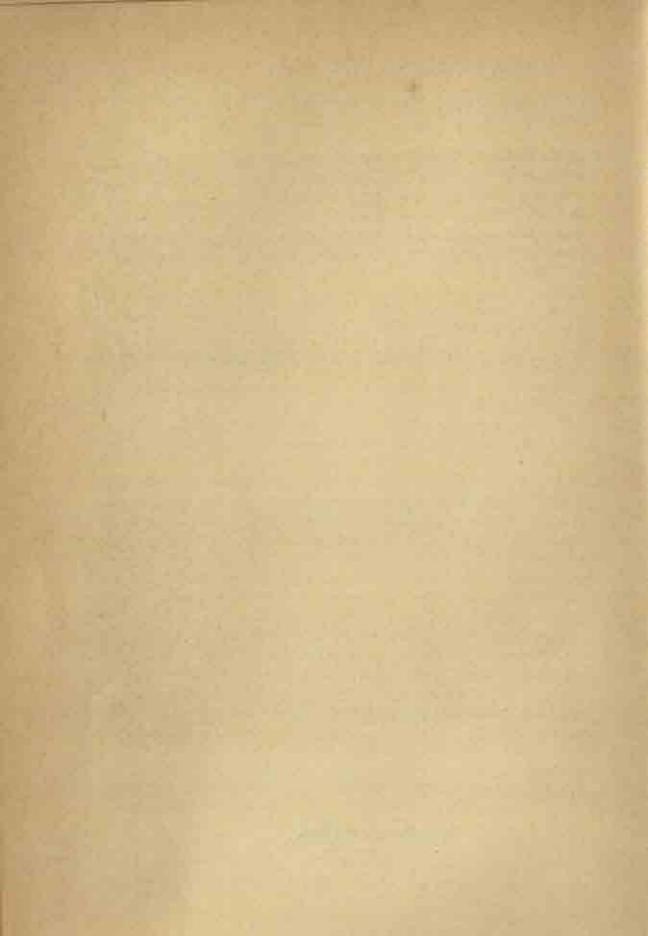
II.

Z. 1. a na ta si su? sa e ki vi ja ki-ma na-

\* 2. a po i-e ki-ma vi-ma na-su? mi? va-

\* 3. i mi ka ni pu e ne-mi na-pa na mo

\* 4. (//) ni a-ta va vi-ka va ti ja-ma na-mi !///



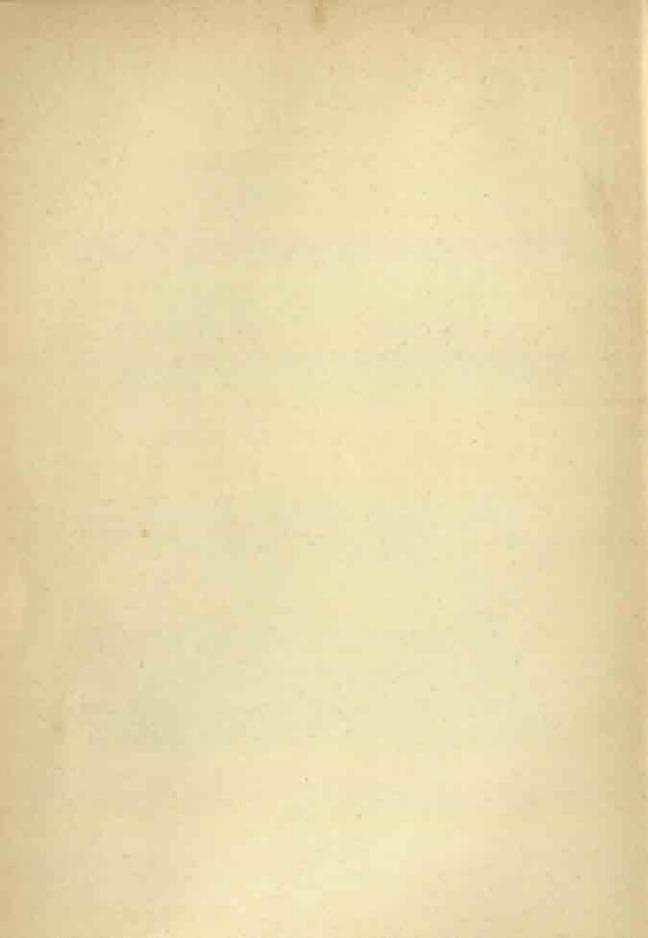
T.



III.



R. Meister: Kyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DHEE

VIII.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. Februar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYER.

1. Hr. Maurens las: Über die technische Prüfung des Kautschuks und der Luftballonstoffe im Königlichen Materialprüfungsamt zu Gross-Lichterfelde (West). (Ersch. später.)

Die Prüfungen erstrecken sieb auf Verwendung der chemischen und besonders der mechanischen Verfahren. Die getroffenen Enrichtungen hierfür wurden vorgeführt.

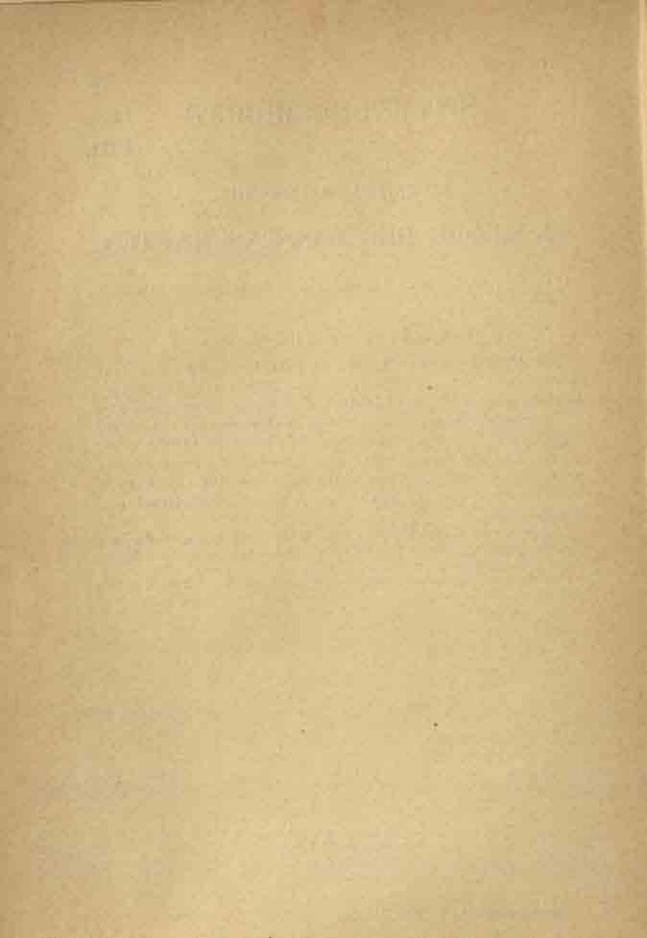
2. Hr. Fronzents legte eine Arbeit des Hrn. Dr. Lunwis Burgen nach in Königsberg vor: Über einen Satz des Hrn. U. Jordan in der Theorie der endlichen Gruppen linearer Substitutionen. (Ersch, später.)

Jede endliche Gruppe in a homogenen Variabela besitzt eine ausgezeichnete Ausz'sche Untergruppe, derart, dass ihr Index eine auf von der Zahl a abhängige Granze nicht überschreitet.

Für diesen Satz von Joanus wird ein neuer, von den beiden bekannten gänzlich

renschiedener Beweis entwickelt.

Ausgegeben um 23 Februar.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

IX.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. Februar. Sitzung der philosophisch-historischen Classe,

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

\*Hr. Bundach verlas die von Hrn. Durner eingesendete Abhandlung \*über die Entstehung der historischen Weltanschauung Nienung's in seiner Jugendzeit«.

Sie behandelte besonders den Einthuss Kann's, Rossnorn's umi Jacon's auf Nicarun.

## Der kulturgeschichtliche Hintergrund in den Erzählungen der alten irischen Heldensage.

Von H. ZIMMER.

(Vorgelegt von Hrn. Dists am 12, Januar 1911 [s. Jahrgang 1907 S. 297].)

Den Gianzpunkt der reichen älteren irischen Literatur bildet nach Umfing, Alter und literarischem Wert die epische Literatur, und in ihr ragt wieder die altere Heldensage, auch Cuchulinnsage nach dem Haupthelden oder Ulstersage genannt, hervor. In Handschriften des 11, und 12. Jahrhunderts sowie jüngern liegen umfangreiche Texte derselben vor: durch die Spuren älterer Lautgebung im Vokalismus und Konsonantismus verraten diese Texte, daß es sich hier zum Teil um Niederschriften des q. und 10. Jahrhunderts handelt, also Texte so alt wie die bekannten Glossenhandschriften in Würzburg und Mailand; manche Verbalformen, verglichen mit denen in Wb. und Ml., machen es wahrscheinlich, daß diese Niederschriften des 9./10. Jahrhunderts ihrerseits sehr wohl auf Erzählungen zurückgehen können, deren Aufzeichnung bis ins 7. Jahrhundert und darüber hinaus reichte. Inhaltlich handelt es

In dam Nachiassa des Hrm. Zumma hat Hr. Prof. Kuno Mayes in Liverpool neuerdings noch die hier zur Verüffentlichting kommende Ahlandlung gefunden, die identisch ist mit der von dem Verfasser am 21. Mirz 1907 der Akademie vorgetragerem, die damals den Titel trug: 'Über den Einschlag aus den Kulturzuständen der vockeltischen Bewohner Irlands in dem in den Erzählungen der alten nordirischen Heldensage varlingesalen Kulturbild aus dem alten Irland'. He. Zuenen benfreichtigte damals den Aufentz in den Sitzungsberichten zu voröffentlichen, scheint die aber apüter els cestes Kapitel eines umfassenderen Buches 'Aus der Cellie Fringe' gedacht zu liaben, zu dem sich im Nachhall eine genaue Inhaltsungahe gefunden hat. Auch der in den Sitz, Ber. 1910, S. 51 veröffentlichte Aufsatz Nr. 5 Zennens 'Uber alts Handelsverbindungen 1686, minut S. 1705 f. Stellung zu dem historischen Hintergroud der keltischen Heldemage: In dieser Veröffentlichung sind einige Bruckfehler zu berichtigen: S. 1050. Z. 4 L Nominibus; S. 1067, Z. 9 L Prom-Geschichtswerk; S. 1069, lengte Zeile I. Umfang; S. 1077, Z. 5 von unten (statt Exemplare) L. Evangelion; S. 1085, Z. 28 L (Columbianus, Gailney; S. 1004, Z.1 Lille und Z. J.L. chomenter; S. 1098, Z. 17 L. KANTETERN; S. 1104. Z. 21 L. ANYHOLDHOL, Cheselbut Z. 22 L. PERMOMENAT S. 1108, Z. 22 L. EPPHTONTEC; S. 1119. Z. 13 L Britten und eliendasellist Z. 31 mull per 7ep kursiv gedrackt sein. Die Durchsicht der varliegenden Abhandlung hat Hr. K. Mayan wiederum in dank-nswerter Weise Mernammen. Driver.

sieh bei den Stoffen aus dem Cachulinnsagenkreis wesentlich um die feindlichen oder freundlichen Beziehungen Nordostirlands (Ulster; wesentlich die heutigen Grafschaften Monaghan, Armagh, Louth, Down, Antrim) zu Nordwestirland (Coonaught: wesentlich die heutigen Grafschaften Roscommon-Longford, Galway, Mayo). Dort gruppieren sich zahlreiche Helden um den in Emain Mucha (heutiges Armagh in der Grafschaft Armagh) sitzenden Oberkönig von Ulster Namens Conchobar mac Nessa, in der Roter Zweig' (Craeb gaad) genannten Halle zu einer Art Tafelrunde; hier, in Connaught, ist es das Herrscherpaar Ailill und Medb, die in Crüschan Al (heute Ratheroghan in Roscommon) sitzend den Mittelpunkt abgaben.

Die einheimische Tradition betrachtet - sicher seit dem 10. Jahrhundert - die sowohl in zahlreichen kürzeren Einzelsagen als in größeren, epischen Ganzen wie in Täin bo Cualnge oder Fled Brierenn erzählten Begebenheiten als geschichtliche Ereignisse, die sich, synehronistisch betrachtet - d. h. eingeordnet in die Darstellung von Kuseb-Hieronymus-Prosper Tiro -, um die Zeit von Christi Geburt in Irland abgespielt hätten, also vor der Eroberung des benachbarten Britanniens durch die Römer! Ganz klar ist, daß die vorchristliche Zeit Irlands den Hintergrund der Erzihlungen bildet. In diese Kulturzustände des heidnischen Irlands haben - wenigstens in den auch der sprachlichen Form nach Altesten Texten - nur sehr spärlich Niederschläge aus christlicher Weltanschauung Eingang gefunden; wenn auch viel stärker, so doch im großen und ganzen gleichfalls nur an der Oberfläche Begend sind die formalen und sachlichen Einflüsse, die die genauere Bekanntschuft der Iren mit der klassischen Literatur bewirkt hat; tiefer gehen schon die Einwirkungen, die die Erlebuisse und Zustände des Wikingerzeitalters Irlands in den Texten des Cuchulinnsagenkreises, wie sie uns überliefert sind, hervorgerufen haben. Alle diese fremden Elemente, die die uns überlieferten alten Erzählungen aus dem Cuchulinnsagenkreis im Laufe der Überlieferung in sich aufgenommen haben - die einen mehr, die anderen weniger -, haben jedoch den Kern des Sagenkreises, seinen historischen Hintergrund nicht alteriert. Wir haben daher in der Tat allen Grund, in den alten Texten des Cuehulinnsagenkreises zwar nicht Quellen für die politische Geschichte Nordirlands zu sehen, wohl aber in ihnen in der Heldensage widergespiegelte, gute Bilder von den Kulturzuständen Nordirlands - in Sitten und Brüuchen, Einrichtungen und Lebensanschaumigen - aus einer bestimmten Periode seiner vorchrist-

In anderem Zusammenhang (S zri Anm.) and Erwägungen mammengestellt, die die hohe Glaubwürdigkeit der 1000 Jahre alten frischen Tradition wahrscheinlich amardien.

lichen Zeit, die auch noch nicht von der im 2 und 3 Jahrhundert auf Britanniens Boden sich verbreitenden antiken Kultur beeinflußt ist.

Auf dieser Anschauung weiterbauend, zieht man ziemlich allgemein als ganz selbstverständlich einen Schluß, den kurz und prägnant neuerdings mein Freund und Mitarbeiter Kuno Maves, als Vertreter der communis opinio in diesem Punkte, so formulierte (Die Kultur der Gegenwart, I. Serie, 10, I, S. 84): Die in allen diesen Sagen zutage tretenden Kulturzustände zeigen uns Einrichtungen und Sitten der vorchristlichen Zeit - nämlich Irlands -, die im großen wie in vielen Einzelheiten der altkeltischen Kultur des Kontinents entsprechen. Nun, so gewiß hier (in Irland) wie dort (bei den Kelten des Kontinents) viele Einzelheiten zusammenstimmen, so sind doch die Kulturzustände des Cuchulinnsagenkreises als Ganzes, also im großen, in einem, und zwar sehr wesentlichen Punkte kein Bild von der altkeltischen Kultur des Kontinents, soweit wir aus den Nachrichten der Alten hierüber urteilen können. Diese von der communis opinio der Mitforscher abweichende Ansicht habe ich, seit ich mit der in Frage kommenden Literatur näher bekannt wurde, immer geliegt und auch öfters gelegentlich angedeutet, so vor allem (1894) in einem in der Zeitschrift der Savignystiftung für Rechtsgeschichte XV, 200 - 240' (Rom. Abteilung) veröffentlichten Aufsatz über 'Das Mutterrecht der Pikten und seine Bedeutung für die arische Altertumswissenschaft' in den kurzen Ausführungen S. 227-229 mit der dazugehörigen Anmerkung S. 237-240. Den Mitforschern auf dem Gebiet keltischer Literaturforschung linben die kurzen Ausführungen anscheinend keine Veranlassung zum Nachdenken gegeben, auch nachdem sie - allerdings ohne die Material liefernde Anmerkung - durch Grouse Hrsornsos in seinem Leabhar nan Gleann, the Book of the Glens (Edinburgh 1896) S. 18-30 aus der Verborgenheit gerissen wurden! Ich will daher im folgenden das nach meinem Dafürhalten für die Forschung auf dem Gebiet des irischen Altertums schwerwiegende Problem gesondeet etwas ausführlicher vornehmen - wobei ich in Studie II einiges aus meinem Aufsatz aus dem Jahre 1894 notwendigerweise wiederholen muß - und entscheidendes Material so vorlegen, daß auch Nichtkenner der altirischen Sprache sich ein selbständiges Urtell bilden können.

Als einen wesentlichen Teil des Kulturzustandes eines Volkes dürfen wir wohl mit Recht das Verhältnis oder das Verhalten der Geschlechter zueinander betrachten, die Stellung des Weibes in der Gesellschaft. Ist dem so, dann wird man behaupten dürfen: jeden aufmerksamen Leser der Texte der alten irischen Heidensage, der

Nur Joux Rays, der auch die erwähnte Übersetzung verminöte, hat in seinen Arbeiten ein gewisses Verständnis für die Bedeutung des Problems gezeigt.

mit den Zuständen der anderen arischen Völker in ältester Zeit vertraut ist - also der indischen Arier in vedischer Zeit, der Germanen, Griechen und Römer -, den müssen die Kulturzustände des Cuchulinnsagenkreises in dem in Rede stehenden Punkte auf das allerfremdartigste berühren; es ist eine fast vollständig fremde Welt, die sich da zeigt. Das Prinzip der Gesellschaftsordnung in den Kuliurzuständen des Cuchulinnsagenkreises ist Monogamie und Vaterrecht wie fiberall bel den arischen Völkern seit ältester Zeit, aber die Frauengestalten in der alten irischen Heldensage tragen, wenn nicht ausnahmslos, so doch sowohl in der Mehrzahl als auch in den in den Sagentexten hervorragendsten Figuren, einen unsagbar gemeinen Charakter, sofern wir sie, d. h. ihr Reden und Handeln, an dem arischen Prinzip der Gesellschaftsordnung messen oder sie mit hervorragenden Frauengestalten in der indischen, griechischen und germanischen Heidensage vergleichen. Den Beweis für diese Behauptung werde ich nicht so führen, daß ich aus allen Winkeln der altirischen Literatur Schmutz zusammenkarre: der brauchte nicht unter allen Umständen voll beweisend zu sein, und es hieße den Lesern fast Unerträgliches zumuten. leh will vielmehr von der markantesten Frauengestalt der Cuchulinnsage, der sagenberühmten, noch heute im Märchen lebenden Königin Medb von Connaught und ihrer Tochter Findabair' ausgehen und einfach vorführen, wie sich diese beiden hervortretenden Frauengestalten in Reden und Handeln in den beiden umfangreichsten und altertümlichsten Epen der Cuchulinusage zeigen, in der von den hentigen Iren mit der Ilias verglichenen Tain bo Chaluge ('das Zusammentrelben' und dann 'das Wegtreiben der Rinder aus Cualnge') und Fled Brivrenn ('das Fest des Brieriu'). Daran sollen sich dann die weiteren Erörterungen anschließen.

Die Kopfkissenunterhaltung zwischen dem Herrscherpaar von Connaught, also König Aflill und seiner Frau Medb, womit die eine Version der Tain bo Cualnge in der Handschrift Ll., beginnt, erzählt uns die linßere Veranlassung zu dem großen Raubzug des genannten Herrscherpaares von Connaught und ihrer Verbändeten nach Ulster. Im Verlauf der Unterhaltung setzt Medb, durch eine übermütige und unvorsichtige Außerung ihres Mannes Ailill gereizt, diesem auseinander, daß sie selbst weniger die Frau seiner Wahl als er der Mann ihrer Wahl sei, und nennt zum Beweis die Bedingungen, die sie an ihre Bewerber gestellt habe, mit dem Hinzufügen, daß Ailill diese erfüllt habe. Als Bedingungen forderte sie, daß der Mann threr Wahl

Sie ist mach ihrem Namen (Findabetir) der altirische Vertreter derselben gemeininselkeltischen Sagengestalt, die uns in der Sage der britischen Kelten als Guennuear (Ganhamara), Guenahoyfar, Guessire entgegentritt.

sein solle fer cennedit cenët cenomon 'ein Mann ohne Geiz, ohne Eifersneht, ohne Furcht' (I.L. 55 h 36). Sie erklärt dann, warum sie diese drei Bedingungen gestellt habe und sagt zur Erläuterung der Bedingung censt 'ohne Eifersucht': Dambadetuid infer cambeind nibadchomadas beus, daig nirabasa rlam canfer arseath avails ocum. Fuarusa dano infersain i hissu i Adill mac Rossa Runid do Lagnili wenn der Mann. den ich habe, eitersüchtig wäre, dann wäre dies auch nicht passend, denn ich bin nie zuvor, ohne einen Mann im Schatten des andern' zu haben, gewesen. Diesen Mann - d. h. den meinen Bedingungen entsprechenden Mann - fund ich nun, nämlich dieh, namlich Ailill mac Rossa Ruaid aus Leinster (LL. 548 8-10).

Diese Grundsätze der Medb werden nun alsbald in dem Epos in bezug auf den in Rede stehenden Punkt illustriert. Im weiteren Verlanf der Unterhaltung zwischen Ailill und Medb stellt sich beraus, daß Ailiff einen Stier bei seinen Herden hat (den Findbemach), dem aus den Herden der Medb nichts konnte an die Seite gesetzt werden Als sie nun hörte, daß bei dem Ubsteredlen Däre mae Fachtnai ein dem Findbennach ebenbürtiger oder überlegener Stier (Dond Chalnge) sich befinde, stand ihr Sinnen und Trachten, diesen als Eigentum oder zu Lehn zu bekommen. Deshalb forderte sie den Herold Mac Roth. von dem sie die Nachricht hatte, auf, zu Dare, dem Besitzer des Stieres. zu gehen und für 50 trocken stehende (d. h. trächtige) Kühe den Dond Cualnge zu leihen. Für den Fall jedoch, daß Dare aus Furcht vor seinen Landsleuten den Stier nicht zu verleihen wage, läßt Meille durch den Herold Mac Roth dem Dare ein anderes Anerbieten machen; Tuitsum fein ratharb; ragaid commeit aferaind fein domin Malotel Ai do carpat trisecht camal - ragaid cardes moliastasa fessin 'er soll selbst mit

Windisch übersetzt ohne den einen Mann um Schatten des undern bei mir (m haben). (Die altielsche Heldensage Th.C. S. 5). Er hat wrzeith ebemiewenig verstanden wie sein Gewährsmann Hogan, auf dessen Laun Lives of the Saints' S. 104 er sich beruft: wenn nännlich Eing ar mith in chairthi closchs uccet ein vude et esto jaxta propinquum lapidem' wiedergibt, so ist damit doch nicht bewiesen, daß arsould am Schatten' hedeutet. Die ganze Redensart erwalle wird bier für prope' verwendet, sher an die gewöhnliche Priiposition or 'vor, für' (ante, prae, pro ZE 622ff.) ist doch nicht zu denken. Vurtonige Wörter erleiden im Irischen vom 9. bis 12. Jahrhundert und his in unsere Tage mannigfache Schwächungen (s. Zimmen, Sitzungsberichte 1905, S. 424 ff.): so wird in an a in cia, cian, dian, iern (zu ra-, gan-, dan-, mu-), win ja in dem in Frage stehenden Satze direkt dambadetaid für direch und confer vorkommt; armabarach für ülteres earnabarach ist gewähnlich und arfägem für earfäigem findet sich shenfalls im Texte (s. Quious, Die laufliche Geltung der voetunigen Wörter und Sithen in der Book of Leinster Version der Tam bo Chaluge, Greifswald 1900, S. ta. 17, 30). So sheht arweith avails für verseath araile 'hinter ilem Schutten' wie unser im Behatten. Wie mir von einem Zuhörer, dessen Muttersprache Nemirisch ist, schon vor Jahren versichert wurde, ist nuch heute feur newenk graile volkstümliche Bezeichming für Liebhaber einer verheirateten Fran, also Haustreund.

seinem Stier kommen; es wird ihm werden (zukommen) die gleiche Graße seines eigenen Landgutes von dem ebenen Lande von Mag Ai und ein Streitwagen im Werte von 21 Sklavinnen und es wird 1hm werden (zukommen) die Freundschaft meines eigenen Oberschenkels (Lende) (LL. 54b 15, 16). Eine Gesandtschaft von neun Mann unter Führung Mac Roths geht nach Gualuge und bringt vor Dare durch Mac Roth das Anliegen der Medb vor. Gemäß dem Auftrag bittet er zunächst um leihweise Uberlassung des Stieres auf ein Jahr, fügt aber noch, ehe Dare darauf eine Antwort gegeben, hinzu: Et availl vile dana beus: tairsin fein lattarb - fogeba comment theraind fein demm Maure Ai - carput trisecht cumal - curdes sliasta Medlie airsin anechtair und noch etwas anderes weiter (habe ich dir anzubieten): komm du selbst mit deinem Stier und du wirst die gleiche Größe deines eigenen Landgutes von dem ebenen Lande von Mag Ai erhalten und einen Streitwagen im Werte von 21 Sklavinnen und die Frenndschaft von Medbs Oberschenkel (Lenden) dafür außerdem' (LL 54b 25-28)

Was mit Medis 'Oberschenkel- (Lemien-) Freundschaft gemeint ist, let ja gaux kiar. Um eine Dentung des Ausdruckes in übertragenem Siene abauschneiden, die ja an sich durch die Grundsätze der Medb und ihr weiteres Verhalten in der Erzählung ausgeschlossen ist, will ich eine Illustration aus einem andern Texte der alten Heldensage geben; sie findet sich in dem bekannten Text Tochmare Etams das Werben um Etain. Ailill, der jüngere Bruder eines trischen Oberkönles Eochaid Aicem zu Zeiten der Medb, verliebte sich in Extin, die bildsehöne Frau seines Bruders, auchte aber seine Liebe zu unterdrücken und geriet in einen Krankbeitszustand, den man für Auszehrung hielt. Als Eochaid Airem auf eine der gewöhnlichen Herrscherreisen durch triand sich begah, empfahl er den anscheimed dem Tode gewanten Bruder Allill der zurückbleibenden Gattin Etkin; sie besuchte denn such eines Tages den kranken Schwager Ailill und hatte mit weihlichem Scharfblick in der Unterhaltung bald die Ursache des Leidens entdeckt; nach wenigen Besuchen war sie bereit, den Ailill von seiner Krankheit zu beilen, was sie ihm in einem Liede ankündigte, das so beginnt;

Evig a Oilill amra! corn each chil, rachalma! daig fogeba suna, cofeer: dogenter limm doleiges. Danatolas ritchell nglice, dodas lann immumbragit, tosach surgi - caem a dath - hen is for icomposith. Mand for lat afte maith, amic indrig, wrightaith, dobie dastan, a Gloine grine, otha moglin committee.

'Erbebe dich, o herricher Affill! jegliche Rube wird dir werden, Tapferster! denn du wirst hier erlangen - nun er ist bekannt: durch mich wird deine Heilung geschehen. Wenn es die in deinem verschlagenen Sim gefüllt, leg die Hand um meinen Bals: der Anfang des Liebens (surget, neutrisch pillists suirghe bedeutet unehrelinkes Kind') - wonnig sein Inhalt - ist Weih und Mann in gegenseitigem Küssen. Wenn dir dies aber nicht genfigt, bester Mann, o Königssohn, königlicher Herrscher, werde ich dir zur Heilung (wertlich werde ich als deine Heilung ) o geliebter Glonn (er hieß Allill mit dem Beinumen Oenglonnach) geben von meinem Knie bis zu melnem Nabel. Hier theist Etain dem Schwager blar Oberzchenkelfroundschaft, Siehe Irische Texte vom E. Wismusin 1880', S. 125, 1-12 and Zimmes, Kelt. Studien 1881, S. 78-80.

Wenn auch Dare zuerst seinen Stier zusagte, so verlief doch schließlich die Gesandtschaft resultatios, weil einige der Boten der Medb in ihrer Rezechtheit unziemliche Worte über Dare und die Ulter gebrauchten, die dem Dare hinterbracht wurden. Als Mac Roth so ohne Stier nach Connaught zurückkam, da betrieb Medh alsbald energisch einen großen Zug nach Ulster, um den Stier mit Gewalt zu entführen. Unter den Scharen, die von allen Seiten zusammengezogen wurden, bildeten ein wichtiges Kontingent 3000 Ulter, die infolge eines in einem anderen altirischen Sagentext erzählten Erelgnisses damals und schon längere Zeit unter dem berühmten Ulterhäuptling Fergus mac Roig und Cormac Condlongas, dem Sohn des Ulterkönigs Conchobar, in Connaught in der Verbannung lebten. Ihnen fiel auf dem Zuge, wo sie Rache nehmen sollten, schon deshalb eine bedeutende Rolle zu, weil sie ja Weg und Steg in Ulster kannten-Namentlich Fergus mac Roig war neben seiner Stellung als Führer der Ulterhilfstruppen die Rolle als Generalstabschef des Gesamtheeres zugefallen. Ihn fesselten auch persönliche Beziehungen an Medb. Er war, wie man im Heere wußte - was wir noch sehen werden -, in den letzten Jahren vor dem Zug der Mann im Schatten des andern (Ailill) oder einer von solchen für Medb in Crüschan Ai gewesen. War nun auch Ailill der 'Mann ohne Lifersucht', so waren ihm doch im Innersten die engen Beziehungen seiner Fran zu dem Fergus mac Röig, dessen Frau (Flidais Schönhaar, die frühere Gattin des Munsterhäuptlings Allill Find) auch den Zug mitmachte, zuwider. Als daher bei dem Rückmarsch aus Cualnge mit dem Stier und zahlreichen erbeuteten Herden, wie ihn eine LU, 65b 23ff. (= YBL, 25a 17ff.) erhaltene Version schildert, Medb vorschlägt, man wolle, um die Beute rasch übers Gebirge zu bringen, das Heer so teilen, daß Allill mit der einen Hälfte über Midluschnir und sie in Begleitung von Fergus mac Röig über Bernas Ulad mit der anderen Hälfte ziehen solle, da fügt sich zwar Allill, trifft aber Vorkehrungen: Isandsin asbert Allill frin oraid Cuillius: finno dam indiu Meidle - Fergus; usfetur cid rodanice douchoibdinse 7 bidfo lim donised comartha nunit. Dother Cuillius inten bater hiChricheib. Ausait indlanamain forleand - lotar india remit; dethat chucu Cuillius 7 ni forchialator infer foresi. Ecmaic boi achlaideb hifarrad Fergusa Tanisca Cuillius asathruaill - fofacails intriiaill fas. Dathert Cuillius &Aitill. Ameint? or Ailill. Amne dano or Cuillius, under dail aund comartha. Ismaithsin tra or Ailill. Tibid cechtar de friachele. Amal dondruminso or Cuillins, isamlaid fisfairnesa hicomlepaid. Isdethbir dis or Ailill, isarchobair ocontain darigni. Bamaith blath incluidib lat or Ailill, atuning fotmide ismenrput - anart teined imbi. Atrain Fergus diachteriamb iarum, Aill amait orse, Cid notai olMedh, Olegnim dorignius friAilill

orse. Induvidid sund colisa asindfid, or Fergus - nipmochdad lib eid esan cotisor. Ecmaie nifitir Medb teshaid inclaidib. Tëtt uss 7 berid claidiub aurad laiss inalaim. Dogui claidiub craind sindfid. Isde ata fid mordrualle laUltu. Tiagam uss indicid arcele ar Fergus. Cotrecat isinmaig aslogaili ulib, arrochat apupiti. Compairther Fergus do Ailill doimbirt fidehills. Intan dolluid Fergus donphupull, gabaid Ailill gari fris. Ashert Fergus: Fö fer fristibilier usw. 'De sagte Ailill zu seinem Wagenlenker Cuillius: Kundschafte mir heute die Medb und den Fergus aus; ich weiß nicht, was sie zu dieser Verhindung brachte, und es wird mir lieb sein, wenn mir von dir ein sichtbares Zeichen kame. Cuillius kam hinzu, als sie - d. h. Medb und Fergus mit der Heereshälfte - in Cluichir waren. Das Paar (Medb und Fergus') blieb zurück, und die Krieger marschierten weiter. Cuillius kam bis zu Ihnen heran, und sie hörten den spähenden Mann. Es traf sich (zufällig), es iag sein Schwert in der Nähe des Fergus. Cuillius zieht es aus seiner Scheide und lieb die Scheide leer zurück. Cuillius kam bis zu Affill. (ist es) so? sagte Ailiff. Ja so, sagte Cuillius, hier ist für dich ein sichtbares Zeichen. Das Ist nun sehön, sagte Ailill. Jeder von beiden lächelt den andern an. Wie du vermutet hattest, sagte Cuillius, so traf ich sie in dem Bett zosammen. Es ist für sie wohl nötig, sagte Ailill, es ist wegen der Hilfe bei dem Raubzug tat sie es. Bewahre das treffliche Schwert gut auf, sagte Ailill, leg' es unter deinen Sitz in dem Streitwagen und eine Leinenhülle um es. Fergus erhob sich darauf, um sein Schwert wiederzunehmen. Wehel sagte er. Was ist dir? sagte Medb. Eine schlechte Tat habe ich an Allill getan, sagte er. Wartet hier, bis ich aus dem Walde kommen werde, sagte Fergus, und wundert euch nicht, wenn es lange dauert bis Ich kommen werde. Es traf sich, daß Medle den Verlust des Schwertes nicht bemerkte. Fergus bricht auf und nimmt das Schwert seines Wagenlenkers in seiner Hand mit sich. Er macht ein Holzschwert im Walde. Und davon kommt die Bezeichnung Fid mordrualle 'Wald der großen Scheide' bei den Ultern Wir wollen aufbrechen und unseren Gefährten folgen, sagte Fergus. Es treffen sich in der Ebene all ihre Scharen, sie errichten ihre Zelte. Fergus wird zu Ailill zum Schachspiel gerufen\*. Als Fergus hinzuging zum Zelt, begann Ailfil ihn anzulachen. Fergus sagte: Ein trefflicher Mann, dem man zulächelt usw. (LU, 65h 31-66a 14 = YBL. 25 n 24-25 h 5). Allill erwidert auf des Fergus vom schlechten (ie-

Das Zelt des Fergus stand immer nächst dem des Alilli, dessen Zelt wieder neben dem seiner Fran Medn stand (LU, 56 b 3).

Das hier stehende Wort linemann wird his zum heutigen Tag eur vom Ehrepear gebraucht; des dazugehörige Abstraktum lünamnas bezuichnet den fleischlichen Verkehr.

wissen eingegebene prahlende Redensarten mit einer Strophe, die beginnt mit Na fer baig diblith elaidib prahle nicht mit deinem Verlust des Schwertes', läßt also dem Fergus und in der weiteren Unterhaltung auch der sich einmischenden Medb keinen Zweifel, daß er über den Vorfall unterrichtet ist.

Die andere Rezension der Täin bo Cüalnge, die uns sowohl selbständig in LL, 53b -104b als in bedeutenden Bruchstäcken älterer Oberlieferung in der großen Kontamination LU 55a-82b und YBL. 173-53b, 33 vorliegt, kennt dies Ereignis ehenfalls, verlegt es aber nicht in die Zeit des Kriegszuges, sondern läßt es sich in der vorangehenden Friedenszeit am Hofe von Cruachan Ai zwischen Medb und dem als Flüchtling dort weilenden Fergus abspielen, wobei dem Affill selbst die Rolle zufällt, die in der eben gegebenen Version Cuillius spielt. Das Schwert, das dem Fergus mac Roig abhanden kommt, ist sagenberühmt und macht seinen Träger durch seine Eigenschaften fast unüberwindlich': begreiflich, daß der Verlust des Caladbolg unter den Ulsterflüchtlingen in Connaught sich herumsprach und mit der Geschichte des Verlustes auch in die Heimat nach Ulster gemeldet wurde, so daß man in Ulster während des Kriegszuges wohl unterrichtet war, daß Fergus in der großen Scheide statt des Caladbolg ein Holzschwert trug. Es werden daher von dem Haupthelden der Ulter, dem jugendlichen Cuchulinn, beim Zusammentreffen mit dem als Parlamentär der Medb dienenden Fergus mehrfach dahingehende habnische Anspielungen gemacht, aus denen wir den Vorgang, wie er sieh nach der anderen Rezenslon des großen Epos abspielte, genau kennen ternen:

Als der herannahende Fergus durch des Cuchulinn Wagenlenker genau beschrieben wird und dabei die Worte fallen Claideb sithidir tör churaig foradibsliasteib ein Schwert so lang wie das Ruder eines Kahnes auf seinen Oberschenkeln' (liegend — er sitzt im Streitwagen), da fällt Cuchulinn ein: isfäs indläi mörsin doberar lampopa Fergus, arnifil claideb inaintiuch inge claideb craind. Atchoas dam dano, olCuchulinn, rogab Ailill ambægul innacothal hēseam 7 Medb 7 dorëtlaister aclaidab ar-Fergus 7 dorat diaaraid diatosvaid 7 doratad claideb craind inaintech 'es ist leer das große Ruder, das von meinem (früheren) väterlichen Freunde Fergus gebracht wird, denn es ist kein Schwert in seiner Scheide nußer ein Holzschwert. Mir ist auch erzählt worden, führ Cuchulinn fort: Ailill überraschte sie in ihrem Schlaf, Ihn

Dieses Schwert ist nach seinem Nomen (Caladhalg) der altirische Vertreter desselben gemeininselkeitischen Sagenschwertes, das ims in der Heblensage der britischen Keiten als Calabrales bei den Kymeen und in den aus dem Bretonischen entstellten Namen Escoliber, Ercherbeure, Calabram, Caliburaus bekannt ist.

selbst und die Medb, und er nahm dem Fergus sein Schwert weg und gab es seinem Wagenlenker zum Aufheben, und es wurde ein Holzschwert in seine Scheide getan (LU. 68b, 12-17 = YBL, 28a, 11-19). Noch ein zweites Mal erwähnt Cuchulinn den Vorgang, und zwar direkt dem Fergus ins Gesicht. An Fergus kam im Verlauf der Ereignisse die Reihe, dem Cuchulinn im Einzelkampf entgegenzutreten. Nachdem er sich Mut angetrunken, macht er sich auf und tritt Cuchulinn entgegen. Asbert Cuchulinn iarum iscomylinni dotheig armochendsa upopo Fergus, olse, cenclaideb innaintiuch. Argatsas Attill ass at praedicimus. Iscumma limsa eter or Fergus cianobeth claideh and as imbortha fortsu 'Cucholinu sagte darauf: Du trittst, o alter Freund Fergus, im Vertrauen auf Sicherheit vor mir mir entgegen, sagte er, da kein Schwert in der daffür bestimmten Scheide. Denn Ailill hat es herausgenommen ut praediximus. Das ist mir ganz gleichgültig, sagte Fergus, auch wenn das Schwert drin ware, wurde es auf dir nicht spielen (LU. 82 b, 8-12 = YBL, 34b, 38-43). Hier ist lehrreich, die undere Quelle derselben Rezension, Handschrift LL, heranzuziehen, wo an der Stelle entspreehend LU, 68 a, 11-17 (= YBL, 28 a, 11-19) die Geschiehte weggelassen ist (LL 71b, 10), dafür aber an der in Rede stehenden zweiten Stelle statt des 'ut praediximus' eine volle, lehrreiche Erzählung folgt. Isförnglinne dothæt mophopa Fergus domsaigidse, nifuil claideb inintiach nalue more leis. Fir disam. Blindain russinscentsu tarraid Ailill Fergus ictecht inocataid Medba arsindlettir iCruachain -; achlaideb arsindlettir nafarrad. Et topacht Ailill inclaideb assaintig 7 dobrethu claideb craind diamud - dobert abrethic natibred do cotucud la inchatha moir. Cumma limm itir adaltain, bar Fergus, daig cianabeth andso, nitricfadsu - nilaimmertha fart 'mit leerer (schwacher) Sicherheit tritt mein alter Freund Fergus mir eutgegen - sagte Cuchulinn -: es ist kein Schwert in dem Innern des großen Ruders, das er mit sieh führt. Damit hatte er recht. Ein Jahr vor dieser Geschichte - d. h. dem Kriegszug - stieß Ailill auf den in Vereinigung mit Medb an dem Abhang in Crunchan gegangenen Fergus, der sein Schwert neben sich an dem Abhang (liegen) hatte. Und Ailill zog das Schwert aus seiner Scheide und gab ein Holzschwert an seine Stelle und gab sein Wort, er würde es ihm nicht (wieder) geben bis zum Tag der großen Schlacht. Es ist mir überhaupt gleichgültig, mein Zögling, sagte Fergus, denn, wenn auch das Schwert dein wäre, würde es dir nicht kommen und würde es auf dir nicht spielen (LL. 79b, 54-80a, 8).

Am Tage der großen Schlacht zwischen dem Heere von Ailill und Medb und den zur Verteidigung ihres Landes herangerückten Ultern gibt Ailill dem Fergus das Schwert, als die Dinge zum Argsten zu kommen drohten, und auch hier erfahren wir — da diese Begebenheit nur in der zweiten Rezension vorliegt —, daß Ailill am Abhang in Gruachan sich des Schwertes bemächtigt hat (YBL 51b, 18ff. — LL. 102a, 9ff.).

Die Beziehungen von Medb und Fergus dauerten auch noch nach dem Kriegszug fort, wie wir aus dem kurzen Todesursache des Fergus mae Röjeh' (Aided Fergusa maic Röjch) lernen, wo erzählt wird (s. Todd Lecture Series XIV, S. 32): Batar ann jacognimaib aconlock ar Mag Ai. Dünad mör leo il- chichi - esti ann. Lau naon ann dono hiid instig uili isinloch diafothrucud. Ery sis, aFergus, ar Ailill, 7 baid nafiru! Nilmnith amusci, ar Fergus. Land sis artisin. Norfulaing acridi do Meidle condechaid isinloch. Mur docunid Fergus isinloch, dovala anamhui dogrenaia - doelochails antehtar autocha coraibi fortiachtar uli. Luid Medle dino coraibi forabruindisium - agabla ime - cotaircellsom inloch annsia - rogab il Ailill. Doluid dino stias Medb. Isalaind andorni andam. aLuquid. - wasilit isinloch, ar Ailill. Cid nach gontar ? ar Lugaid ; nitue weehor nimraill riom. Tellgsu dun orchur forru, ar Alill. Impo magaid cuetha, ar Lugaid, 7 tabraid gai dam. Robin Fergus acanige asintoch ; abruinni fria ; tucal acarpat docum Oilello combini inaforrad - doteile Lugaid wever dongai comboi trianadruim siar sechlair. Doriacht antwehur, ar Lugaid. Isfer on, arcach, atat bruindi Fergusa. Sie - d. h. die Ulsterflüchtlinge mit Fergus - hielten sich einst nach tapferen Taten bei dem See auf (der Ebene genannt) Mag Ai auf, wo sie ein großes Lager mit Spielen und Jahrmarktsvergnügungen hatten. Eines Tages nun dort begahsich die ganze Schar in den See, sich zu baden. Geh' himunter, o Fergus, sagte Ailill, und tauche die Männer unter. Sie sind im Wasser nicht besonders gut, sagte Fergus, ging über trotzdem nieder in den Sec. Medb konnte es nicht über ihr Herz bringen, bis sie auch in den See ging. Als Fergus in den See gegangen, kam, was von Sand und Steinen da war, alles vom Boden des Sees an die Oberfache'. Medb hing sich - wörtlich 'ging, bis sie war' - an seine (des Fergus) Brust, während sie ihre Beine um ihn schlang. und dann umkreiste ar so - schwimmend? - den See, und Effersucht ergriff den Allfill. Medb kam darauf wieder heraus. Prachtig, o Lugaid, ist, was der Hirsch und die Hindin in dem See-

Der schamhafte Erzähler will hiermit offenbar andeuten, daß man das, was sieh nach den folgenden Worten der Erzählung schließen läßt, nicht gesehen habe wegen das trüben Wassers. In der Art haben die Erzähler des 9. und 10. Jahrhunderts durch kleine Zusätze manches verdackt oder entschuldigt, was sie als geschichtliche Tatauchen überkommen haben. Auch die Bemerkung Allilla zu Coillins (s. S. 181) es ast für sie wohl ablig, es ist wegen der Hilfe beim Raubzug, duß sie es tat ist ein solcher Zusatzeitnes schamhaften Erzählers des 9. oder 10. Jahrhunderts.

<sup>\*</sup> Lugaid war des Königs Affill Bruder und Freund des Fergus. Während die Leute im Bad gingen, standen offenhar Affill, Modb, Fergus und des Hofsmat en Ufer.

machen, sagte Allill. Warnm wird er nicht getötet? sagte Lugaid. der nie vorher einen Fehlwurf getan hatte. Wirf du für uns einen Wurf nach ihnen, sagte Ailiil. Wende mein Autlitz ihnen zu, sagte Luguid, and gebt mir einen Speer'. Fergus war dabei, sieh in dem See zu waschen und seine Brust ihnen (d. h. Ailill und Lugaid) zugekehrt, und zu Ailfill wurde sein Streitwagen gebracht, daß er in seiner Nähe war, und Lugaid warf einen Wurf mit dem Speer, daß er durch seinen (Fergus) Rücken wieder heranskam. Der Wurf ist angekommen, sagte Lugaid; das ist wahr, sagten alle, es ist das Ende des Faegus.

Wenden wir uns min zu der würdigen Tochter dieser Königin Medb, der Findabair, und betrachten ihre Erlebnisse bei dem Kriegszug, den sie mitmachte.

Nach einem 'Rinderraub des Froech' (Tain bo Froich) genannten alten Sagentext war Findabair in den berühmten Mayohelden Froech verliebt, und dieser wird von Allill und Medb zur Teilnahme am Zuge gegen Ulster bewogen durch das Versprechen, er solle Findabair nach beendigtem Zuge zur Frau erhalten (LL. 248a, 11-252b, 5). Er fällt auf dem Zuge durch Cuchulinns Hand (LU. 53b, 8-28), so daß dies Versprechen nicht brauchte eingelöst zu werden. Aber nicht bloß der Mayohäuptling Froech war durch Findabair zur Teilnahme am Zuge verlockt worden, sie war auch sieben Unterkönigen von Munster jedem einzeln und ohne Wissen des andern von Medb zur Frau versprochen worden, um sie zur Kriegsteilnahme zu bestimmen, wie sieh während des Zuges bei einer noch zur Sprache kommenden Gelegenheit zur bitteren Überraschung der sieben Munsterhäuptlinge herausstellte (LL, 92n, 15-39 = YBL, 43n, 15-27). Auch willrend des Zuges wird Findabair von ihrer Mutter fortwährend als Lockvogel benutzt, wobei sich einige für unser Problem lehrreiche Szenen ergeben.

In der älteren Version, die uns nur in Bruchstücken in der großen Kompilation von LU und YBL erhalten ist, wird erzählt, daß Ailill und Medb zu dem Entschluß kamen, dem Ulster Schritt für Schritt verteidigenden Cuchulinn die Findabair anzubieten unter der Bedingung, daß er vom Widerstand ablasse (LU. 7 ta 7 ff.). Nachdem Mane Athramail vergebens versucht hat, dieses Anerbieten an den Mann zu bringen,

des Sees, inn dem Buten ananselnen, und die Rolle, die Medb mit Fergus im See gab, spielts sieh offenbar vor versammeltem Hof und unter den Augen der mithadenden Ulsterillichtlinge al.

Dieses Gespräch spielte sich offenbar ab, während Fergus und Medb die Runde um den See machten, und Medb war wieder am dem Wasser heraus, wie erzählt int, elle des Speer dem Lagaid getracht wurde.

führt die Freihlung fort: Tat Lugaid chuci, or Ailill, 7 avan airlathar do inningin. Trit Lugaid iarsuidin - adfet doCoinculainn anisin. Apoba Lugaid, olCitchulainn, ishrženin. Ishriathar rig assidrubairt forLagaid, nibia brec de. Dentar amlaid, of Cuchulainn. Luid Lugard wad lasselvin 7 nelfet do Ailill - do Medb anothesesin. Test indeath inviction, or Ailill - mind vig Joracinal - fasisidar dichein Coincidaina, arnochanaithane 7 teiti indingen leis - aranaiscea dir hi 7 tecat ass ellom fonchruthsin - isdoig immerthai ceilg fonchruthsin connufastba sib cein coti lah Ultu donchath. Teit inrum indrath chuci 7 indingen lais, 7 badichein arlastar Coinculainn. Teit Cu diasaigtin. Emair atgroinsium forerlabras indfir combodrath. Scethis hic telms boi inalism fair consescaind insornd come aincine ass. The dochum naingini, benaid adstrilis di 3 sadid liic trianabrat 3 trianalenist 3 sadid corthe triamedon indraith. Atat andichorthi and, idon corthi Findabrach corthi indruith. Facbais Cuchulaind fonchruthsin ial. Tiagair 5Ailill ? Medb doiarmoracht ammuntiri, arbafota léo rombatar; conaccassa iarom isintunidism. Atchlos iarom fondunchaire ule anism. Nibai tra earti doib laCoinculaind lartain. 'Luguid soll zu ihm gehen, sagte Ailill, und er soll ihm das Mädchen anbieten (eigentlich 'anraten'). Lugaid geht darauf und berichtet dem Cuchulinn dies. O alter Freund Lugaid, sagt Cuchulinn, das ist eine Lüge. Es ist eines Königs Wort, er hat es gesprochen, sagte Lugaid, nicht wird ein Trug davon kommen. Dann mag so geschehen, sagt Cuchulinn. Lugaid ging von ihm mit dieser Antwort und meldete dem Ailill und der Medb diesen Bescheid. Der Narr soll in meiner Gestalt gehen, sagte Ailill, und das Königsdiadem auf seinem Kopf, und er soll sieh ein wenig von Cuchulinn entfernt aufstellen, damit er ihn nicht erkenne, und die Jungfrau soll. mit ihm gehen und er soll sie ihm (dem Cuchnlinn) verbinden (antrauen), und dann sollen sie rasch sich fortmachen auf diese Weise. und es ist wahrscheinlich, daß ihr so einen Betrug an ihm (Cuchullan) spielen werdet, so daß er euch nicht aufhalten (hindern) wird so lange, bis er mit den Ultern zum Kampfe kommt. Darauf geht der Narr und das Mädchen zu ihm, und aus der Ferne redete er zu Cuchulinn. Cuchulinn geht auf ihn zu. Zufällig erkannte Cuchulinn an der Redeweise des Mannes, daß er ein Narr war. Er warf einen Schleuderstein, den er in der Hand hatte, nach ihm, so daß er in seinen Kopf führ (sprang) und das Gehirn mit herausnahm. Dann kommt er (Cuchulinn) zu der Findabair, schneidet ihr ihre beiden Haardechten ab und setzt (pflanzt) einen hohen Stein durch ihren Mantel (Obergewand) und durch ihr Hemd (Untergewand) und er setzt (pflanzt) einen Steinpfeiler durch die Mitte des Narren. Diese beiden Steinpfeiler befinden sich dort, nämlich Findabairs Steinpfeiler und 'des Narren Steinpfeiler'. Auf diese Weise ließ Cuchulinn sie zurück.

Von Ailill und Medb wird ausgeschickt, nach ihren Leuten zu forschen, weil es ihnen dünkte, daß sie lange wegblieben: darauf wurden sie (Findabair und der Narr) in dieser Lage erblickt. Später wurde dies durch das ganze Lager hin bekannt (gehört). Es war nun daraufhin für sie (Allill und Medb) kein Vertrag (möglich) mit Cuchulinn. (LU. 71 a 26-71b q.)

Sehr bald wird Findabair in eine noch heiklere Lage gebracht. Hören wir zuerst die ältere Rezension der Erzählung, die obige Begebenheit erzählt. Föidis Cuchulainn auraid coRochad mac Fäthemnin di Ultaib, cottsad diachobair. Ecmaie dano rocarastar Findabair Rochad. aristside oclarh asaildem roboi laUltu indinbaidsin. Teit ingilla inadochum Rochada - asbert fris techt deforithin Conculainn . . Dothat Rochad atitaid, cet loch do. Decaid dun ammag india, for Ailill. Atchiu dirim tarsamag, olindercaid, 7 mathaclack etarro, nitharmainget do indoic ocht corici agualni. Cia sut a Fergus, for Ailill. Rochad mac Fath-man, forse ; isdocobair Conculaina dothet. Rofetarsa anasmulth duit fris, of Fergus. Test cet leich Walh lasinningin Wt, coria medin indmaigi - teit indingen reman 7 remib, 7 tëiti marcach diaucallaim coti noenur doaccullaim naingini - tabraiter lama tairis - immacurft sin fogail amuntiri dind. Dognither iarom amlaidsin. Trit Rochad arcend inmarcaig. Dodeochadso 5Findabair ardochendso, condechnis diahacallaim. Teit iavom diahacallaim ağenur. Matti dontslög immi dicachleith, nosqabur - fochertar läma tairis. Muidid dann diamuntieseom forteched. Lecuirsium iaromrass - fonuscar fair contudecht forsinstog entisadar ben friUltu ali. Dorairngired die dano Findabair dotabairt do - immusāi ūodib iarsudiu. 'Cuchulinn schiekte seinen Wagenlenker zu Rochad mac Fathemain von den Ultern, daß er zu seiner Hilfe käme. Es traf sieh nun, daß Findabate den Rochad geliebt hatte, denn er war der schönste junge Krieger bei den Ultern in jener Zeit. Der Bursche geht zu Rochad. und sagte ihm, er solle dem Cuchulinn zu Hilfe kommen. . . . Rochad zog vom Norden heran und 100 Krieger mit ihm. Schaut für uns aus in die Ebene heute, sagte Affill. Ich sehe eine Schar über die Ebene kommen, sagte der Späher, und es befindet sieh ein jugendlieher (zarter) Krieger unter ihnen, nicht reichen die anderen jungen Männer weiter thm als bis zu seinen Schultern. Wer ist das dort, o Fergus? sagte Ailill. Rochad mac Fathemain, erwiderte er, und er zieht zu Cuchulians Hilfe herbei. Ich weiß, was für euch gut ist gegen ihn, sagte Fergus. Hundert Krieger von euch sollen mit dem Madehen dort (Findabair) bis zur Mitte der Ebene gehen, und das Mädchen soll vor uns und vor euch gehen, und ein Reiter soll gehen, ihn (Rochad) anzureden, daß er allein zu einer Unterhaltung mit dem Mädchen komme, und Hand soll an ihn gelegt

werden, und dieses wird den Raubzug seiner Schaar von uns abziehen. Es wird darauf danach gehandelt. Rochad geht dem Reitersmann entgegen. Ich bin, sagte dieser, von Findabair vor dieh gekommen, daß du zu einer Unterhaltung mit ihr kommest. Er geht darauf allein zu einer Unterhaltung mit ihr. Von allen Seiten stürzt man von seiten der Schar auf ihn zu, man ergreift ihn, und Hand wird auf ihn gelegt. Seine Schar wird nun in die Flucht getrieben. Darauf wird er losgelassen und verpflichtet, nicht gegen das Heer (Ailills) zu marschieren, bis er komme vereint mit allen Ultern. Versprochen wurde ihm darauf, Findabair würde ihm gegeben werden, und er kehrt darauf von ihnen weg' (LU. 72 n. 29—72 b, 15).

Von diesem Zusammentreffen der Findabair mit Rochad hat nun die andere Rezension, die die Begebenheit bei einem späteren Zeitpunkt des Kriegszugs erzählt, einen Bericht, in dem die Unterhaltung' etwas drastischer geschildert wird als der etwas schamhafte Erzähler der ersten Rezension es wagt: Reochaid mac Fathemain. Exide dUltails. Trichnicait look based alin. Arus ragab tiling agid inagid donaslungaib. Atchondaic Findulair ingen Ailella 7 Medha anisein. Acus rahaisi parad ramathair riMenth. Racharusa inliech ut uair chein um, bursi 7 isse molennan e 7 moroga tochmaira. Maracharais aingen, fa leis dadaig 7 quid Thossad dun fhair domashwaaib, got chacaind dolo inmorchatha. Feemais Reochaid mac Fathemain anisein , faise indingen dadaig leis Rochad mac Fathemain, von den Ultern war er, (kam) mit einer Schar von dreimal fünfzig Kriegern und besetzte einen Hügel direkt im Angesicht der Scharen (von Ailill und Medb). Das sah Findabair, die Tochter von Ailill und Medb, und sie sagte zu ihrer Mutter, zu Medb nämlich; leh habe den Krieger dort eine lange Weile schon geliebt, angte sie, er ist mein Liebling und der mir genehmste Freier (würde er sein). Wenn du ihn, o Tochter, lieb hast, dann schlaf bei ihm zur Nacht und bitte ihn um Waffenstillstand für unsere Scharen, bis er am Tage der großen Schlacht uns gegenübertreten wird. Rochad mac Fathemain nahm dies an, und das Mädchen schlief die Nacht bei Him' (LL. 92a, 1-14)'. Dieze Geschichte wurde im Lager so bekannt, daß es auch einer der sieben Munsterhäuptlinge horte, der an dem Heereszug tellnahm, weil ihm die Findabair zugesagt worden war. Als er sich vor seinen Landsleuten über dieses Hintergangenwerden beklagte, da stellte sich heraus, daß auch die übrigen sechs

Im YBL 43a, 6—14 wesentlich übereinstimmend ebenset Findahnie gesteht, daß Rachad fürs erste Lache (estiere) seit der Kat der Eltern ist maracharous dina ... für his ambärneh dading wenn die ihn lieb hast also . . schlaf morgen zur Nacht bei ihm'; ebense befolgt de den Ratt fäld hastanningin er schlift bei dem Mädehen.

Munsterhäuptlinge in derselben Lage waren, so daß sie beschlossen, Rache zu nehmen. In dem entstandenen Tumuit waren sehon 800 tapfere Krieger aus dem Heere Aililis gefallen, ehe die gefäusehten Häuptlinge berühigt wurden!

Damit ist die Verwendbarkeit der Findabair auf dem Kriegszug noch nicht erschöpft. Im Verlauf hatten Allill und Medb mit dem Ulster Schritt für Schritt verteidigenden Cuchulinn einen Vertrag dahin abgeschlossen, daß Cuchulinn aufhören sollte, das Gesamtheer zu beunruhigen, wenn ihm an jedem Tag ein Mann aus dem Heere Ailills zum Einzelkampf an der Furt, wo Cuchulinn Stellung genommen hatte. entgegentrete, und das Gesamtheer so lange abwartend liegen bleibe, bis Cuchulinn in einem solchen Einzelkampf unterlegen sei. Bald gelüstete keinen Krieger in Affills Heer mehr, den Zweikampf mit Cuchulinn zu bestehen, so daß Ailill und Medb aus der Sorge, einen Kämpfer an finden, gar nicht heraus kamen. Wie man's anstellte, wird anschaulich erzählt: Rocongrad Ferbath hipupult do Ailill - Medb - aeberar fris suide forlaim Findabrach 7 atabairt do, arbahē atogu archomrac fei Comeulainn: bahe fer undingbala leo arbacuma dan diblinaib laScathaich. Doberar fin då iaram carbomese 7 asberar fris: bäcam leosam allindsin, nitabrad with ere -L. fen two ; but indingen nogebed taim foracuitscom de. Nihawobor lem, or Ferbeth, comalta - fer bithchotaig dam Cuchulainn. Rayatsa arapa arachend imbarach cotopachtur achend de. Bid tu dogenad or Medb. 'Ferbeth ('der tumbe man') war in das Zelt zu Affill und Medb gerufen worden und er wird aufgefordert, sich neben Findabair zu setzen und ihm gesagt, sie solle ihm gegeben werden, denn ihn hatten sie (Ailill und Medb) sieh zum Kampf gegen Cuchulinn ausgesucht. Ihn hielten sie ihm gewachsen, denn beide (Ferbæth und Cuchulinn) hatten dieselbe Kunst bei der Scathach (gelerut) Darauf wird ihm Wein gegeben, bis er trunken war, wobel man ihm saget, sie hielten das für einen feinen Trank, sie führten nur eine Last von 50 Wagen davon mit; und das Mädehen (Findabair) holte aufs neue von dem für ihn bestimmten Teil davon. Es ist nicht mein Wunsch (zu kömpfen), sagt Ferbæth: Cuchulian ist Pflegebruder und durch Blutsbruderschaft mir nahestehend. Nichtsdestoweniger werde ich ihm morgen entgegentreten, um ihm den Kopf abzuschlagen. Du wirst es sein, der es tan konnte, sagt Medb' (LU. 73n, 38-73b, 3 = YBL, 30b, 30-31u, t4). Auch hier ist wieder die undere Rezension drastischer: Ferbeith, rucad ipupail Medba. Tucad indingen fara lethlitim; issi doirtes curun fuir, si dobeir phbic lavechnoendig do, isi gaibes l'aim foruchuit. Ni dochitch la Meidle inlind diller for Fer mbeth; nithwent acht aire micat fen de dochum tongphuirt. Ferhieth wurde in das Zelt der Medb gebracht. Das Mädeben wurde an seine eine Seite gesetzt: sie

ist es, die ihm die Hörner einschenkt, sie ist es, die ihm bei jedem einzelnen Trunk einen Kuß gibt, sie ist es, die ihm seinen Anteil zuführt. Nicht für jeden hat Medb den Trank, der dem Ferbauh zugeteilt wird; es wurde nur eine Last von 50 Wagen davon ins Lager gebracht (LL. 74b, 18—23; 31—36).

Als such die Hoffnung auf Ferbath fehlschlägt, fragt Lugaid, wer am folgenden Tag Cuchulinn entgegentreten wolle. Nifnigebbiarside eta, or Allill, acht madaranuid reill occui: nachfer dothati chucaib, taliraid fin do caropmaith amenma - asberthar friss; issed namma fil dondfin tucad a Cruachnaib; rosath linni dobithsiu forusciu isindunud. 7 doberthar Findabair forudesreth ; asberthar: rayaid churut diatuice cend indriastairthe dunni. Nofaite cocachlath ngaile naidchi - norate fris anisin. Nononadsom eachfer aib augir. Nifeta nech les arachend assennad. Conquirther And Larine mac Noise alla naile, brathair side do Laugaid rig Muman. Bamar anallehas. Doberar fin do -; doberar Findabair foradesraid. Tosserai Medb andis: ismellach lim indlänamain ucut alsi, bacqindms acomrac. Nigebsa dit em. or-Aitill, rambia distuca cend indrustarthe damsa. Dober immorro ar Larine. Ein solcher wird überhaupt nicht gefunden werden, segte Ailill, wenn ihr nicht dabei Klugheit anwendet: jeder Mann, der zu euch kommt, dem gebt Wein, bis er heiteren Sinnes wird, und man sage ihm: das ist mur mehr da von dem Wein, der ans Cruachu gebracht wurde; es tut uns leid, daß du in dem Lager auf Wasser gesetzt bist. Und man gebe Findabair zu seiner Rechten und sage ihm; sie wird zu dir kommen, wenn du uns den Kopf des Rasenden (Cuchulinn) bringst. So wurde zu jedem Helden, wenn seine Nacht an die Reihe kam, geschickt und es wurde dies zu ihm gesagt. Er (Cuchulinn) tötete jeden Mann von ihnen, wie er an die Reihe kam. Zuletze konnten sie (Ailill und Medh) schon niemand mehr gewinnen, Ihm entgegenzutreten. Den nächsten Tag wird Lärine mac Nois zu ihmen hestellt, der ein Broder des Luguid, Königs in Munster. war. Seine Aufgeblasenheit war groß. Es wird ihm Wein gegeben, und Findahair wird zu seiner Rechten gesetzt. Medb schaut das Paar an: das Paar dort erfreut mein Herz, prächtig wäre ihr Zusammenstoßen!. Ich fürwahr werde dich nicht hindern darin,

Schon üben S. 181 Ann. im bemerkt, daß das im frischen für Paar stebende Wort kinsmein vom legitimen Ehepaar verwondet wird, aber auch von jedem geschiechtlich verkishrenden Paar. Das im Text mit 'Zusammenntoßen' übersetzte Wort comean bedeutet an zich 'jeden Zosammentreffen', daher gewöhnlich 'Kampf'; aber es finden sich in den alten Sagentexten Stellen, wo es dem Zosammenharg nach imzweitleutig vom 'Begattungsakt' gebrauelit wird, so z. B. im Fled Brierenn in einer Szene, die noch auf Sprache kommen muß (LU, 1072, 2), und charakteristisch ist, daß auch hier Medb das Wort so gebraucht. Hierzu nehme man, daß abige Szene der Tähn bö Chaluge aus der Rezensinn lat, die in der Erzählung möglichat dezent ist (s. oben S. 184, Aum. 1;

sagte Ailill: sie soll ibm werden, wenn er den Kopf des Rasenden mir bringt. Ich werde ihn bringen, sagte Larine. (LU. 73b, 37 bis 74a, 8 = YBL, 31a, 1-19).

Auch Lärine vermochte Cuchulinns Haupt nicht zu bringen. Nach vielen Zwischenfällen war man genötigt, als letzte denkbare Hilfe den Fer Diad Conganchnessach (Nibelung mit der Hornhaut) aus Connaught kommen zu lassen, der Jugend- und Blutsfreund Cuchulinns war. Er kam, ohne daß er genau wußte, was der Zweck seines Herbeiholens war, weil er sich vor den Gedichten der als Boten gesundten Spottbarden fürchtete. Täinie Ferdiad leisnatechtaib hism uumun aimdergtha doib. Tucad Findabair ingen Medba 7 Adilla finabathlaim; ist Findabairsin noyobad laim arcachcuach 7 arcachcopan dFirdiad, isi nobeired learn poe friancheopan dibside do, is nodailed ubla firehubra darsedlack alened fair; ised adhered si, bake aleundan 7 stoga tochmaire doferails interpail Ferdiad. Inaim robo saech subach sofarbailig Ferdiad, isand adbert Medb: Maith ails a Fhirdiad infetairs o clafath maradgoired isinpupullsa? Ferdiad kam mit diesen Boten, aus Furcht, er würde von Ihnen verspottet werden. Findabair, die Tochter von Medb und Ailill, wurde ihm zur Seite gesetzt: diese Findabale reichte jeden Becher und jeden Humpen dem Ferdiad, sie gab drei Küsse bet jedem Humpen ihm, sie teilte ihm wohlduftende Apfel zu, die sie aus der Tasche ihres Hemdes (Untergewandes) herausholte; das sagte sie, Ferdiad ware ihr Liebehen und für liebster Freier von den Männern der Welt. Als nun Ferdiad satt, fröhlich, überglücklich war, da sagte Medb: schön nun, o Ferdiad, weißt du, warum du in dieses Zelt gerufen wurdest?' (YBL. 35 a. 47-35b, 6). Als Ferdind dies verneinte, klärte ihn Medb auf und bot ihm für den Kampf gegen Cuchulinn ganz ungeheure Gesebenke wie nie zuvor und zum Schluß: Findabair mingensa - ingen Ailella dovenment dait 7 comaid dimstussidsea diaris aleas airsin anuas fogeba Findabair, meine und Ailills Tochter, (wird) dir zur einzigen Frau und Bündnis meines Oberschenkels, wenn du Bedürfnis hast, dazu außerdem wirst du bekommen". (YBL 35b, 16 bis 19). Die zweite Rezension der Täin bo Cünlinge kennt in der Er-

S. 188, Z. 16). Danach ist die Erzählung bler: des Königszelt ist in ein Bordell smagewandelt; Findabair sitzt neben Lärine, an seiner Rechten; sie schenkt ihm immer ands nene cut, gibt thm bei jedem Schluck einen Kuil, holt linn neuen Stoff herbei. Mit einem Blick auf das Paar beginnt die Bordefinntter Medh das Gespräch mit Allill, das natürlich geführt wird, daß Lärine es hören kann. Er hört es mit den aweidentigen Worten wie lammam und comeso und versteht es nuch, wie seine kurzen Zustimmungsworte ceigen. Die Errählung, wie sie vorliegt, ist kunstvoll dezent, aber vollständig die Situation für jeden Zuhörer des 9, und 10. Jahrhunderts verständlich machend. Also dasselbe Augebot wie dem Dare vor dem Zog (s. oben S. 178ff.).

zählung selbst nur 'die goldne Spange im Mantel Medbs' (inteo öir bör imbrutt Medba) als Zugabe zur Findabair, aber in dem längeren Gedicht, das ein Zwiegespräch zwischen Medb und Ferdiad darstellt, bietet Medb sich zuerst selbst als Zugabe zu vielen Geschenken:

A Fhirdiad innäge däig isathuni däna damsa bitfer grada seeheach gannacheain

'O Ferdiad des Kampfes, da du ein kühner Mann bist, sollst du mein Liebhaber sein vor allen andern ohne irgendeine Bezahlung (Tribut)' (I.L. 81b, 15-17); als dies nicht zieht, bietet sie dem Ferdiad zum Schluß von vielem andern:

Finnabair nafergya rigan iarthair Elgga ariaith chon na cerdda aFhirdia rottia

Findabair die zornige, die Königin West-Irlands, wird nach der Tötung Guchulinns dir werden, o Ferdiad') (II., 8 r.b., 41/42). Immer wieder während der Kampfpausen rat Cuchulinn dem Ferdiad, abzulassen, indem er mit denselben Worten auf die Rolle der Findabair bei der Täin bo Güalnge hinweist (I.L. 84a, 16ff.; 85b, 9, 10; 88a, 16, 17). Schließlich fällt die Findabair am Schluß des Kriegszugs nach der altertümlicheren Rezension zeitwellig dem Cuchulinn selbst zu, denn nach dem Friedensschluß, als Connaughtleute und Ulter heimziehen anaut Findabair laComeulaind bleibt Findabair bei Cuchulinn (VRL, 53a, 34).

Das Verhalten der übrigen Frauengestalten in der Tain bo Cualnge ist rasch erörtert. Von vornehmen Frauen, deren Namen dem Erzähler erwähnenswert, nahm sußer Medb und Findabaie nur noch Flidais Schönhaar Teil: sie war die Frau des erschlagenen Munsterherrschers Ailill Find gewesen und dann des Fergus Khegesponst beim Zug; sie wird nur einmal erwähnt (LU, 56a, 13. LL, 56b, 47-51). Von dem übrigen zahlreichen Weibsvolk (Frauen und Mädehen), die das Heer begleiteten, erfahren wir gelegentlich, daß sie aus Neugierde, den Cuchulian von ferne zu sehen, auf die Schilde und Schultern der Krieger klettern (LU. 81a, 39ff.; LL. 79a, 13ff.; YBL, 33b, 27ff.; I.U. 74b, 22ff.); sie laufen auch öfters aus dem Lager, um sieh Einzelkämpfe von Ferne anzusehen. Weiter erfahren wir, daß die Kriegsgöttin Mörrigan in Gestalt eines schönen Weibes zu Cuchulinn kommt and sich ihm subjetet (LU. 74a, 30ff.: YBL, 31b, 42ff.). Viel wertvoller als dies ist aber ein Sittenbild, das wir in einer in beide Rezensionen der Tain bo Cualnge eingelegten aber einen organischen Bestandteil des Epos bildenden Erzählung bekommen. Haben wir im

Die zweite in LL. echaltens Rezonsion läßt die Findabais bei dem infolge ihres Schlafens bei Rochad entstandenen, oben S. 139 erwähnten Aufstande des Monsterhäuptlinge am Herzschlag sterben (LL. 92%, 34—38; YBL, 43%, 25 ff.).

vorhergehenden wesentlich den Hof von Connaught in seinen beiden hervorragendsten Frauengestalten auf dem Kriegspfad kennen gelernt, so führt uns dies Bild an den Hof von Ulster, macht uns mit der Königin und ihrem Hofstaat bekannt. In der Erzählung von den Knahentaten des Haupthelden der Sage, des Cuchulinn, erfahren wir, daß der siebenjährige Cuchulinn zu kriegerischer Tat ausgezogen war und drei gefährliche Feinde erschlagen hatte, deren Köpfe er im Wagen mit sich führte. Auf der Heimkehr fing er einen wilden Hirselt, den er hinten an den Wagen band, und eine Anzahl wilder Gänse (Schwäne), die er so an den Wagen befestigte, daß sie darüber schwebten und mitflogen. In diesem phantastischen Aufzug stürmte er in wilder Raserei nach Emain Macha (Armagh), der Residenz seines Onkels, des Ulsterkönigs Conchobar. Carptech dorēt faradorhum olindercaid in Emain Macha; ardailfe fuil laiss eachdune fil isindlis manifoichlither a manidichset mad ernochta friss. Tossoisom iurom elar ele acharpail frihEmain - bagess di antsin - asbert Cachulainn : Tongo dodia toingle Ulaid, manietar for doglen frimen ordailfe fuil cuchnen fil isindun. Mnā ernochta arachend, arConchobar, Totheit iarom hantrocht nEmna arachend im Mugain mnāi Conchobair mic Nessa - domnochtat ambruinni fries. Its ole inso condrictat fril india, or Magain. Failgiseom agnitis. Lasodain ateethat läith galle Emna - focherdat indabaig nitarusei. Maitti immiseom indabach hisin; indabach aile dano involad fichis dornalli de; intress dabach indeochaid iarsudiu fosugert side, combo chumsi di atess 7 afuacht. Dothert ass iarom - dobeir indrigan iarsudiu, ... Mugain, bratt nyorm nimbi - delg nargit nand - lene chulpatach - suidid fogliën Chancholair inrom. Ein Mann auf einem Streitwagen kommt auf euch zu, sagte der Wächter in Emain Macha; er wird das Bint eines jeden Mannes vergießen, der in der Burg ist, wenn nicht Vorkehrungen getroffen werden und wenn entblößte Weiber ihm entgegentreten. Darauf wandte er die linke Seite seines Wagens gegen Emain und dies war nicht gestattet (ein Tabu für Emain), und es sagte Cuchulinn: ich schwöre zu Gott, zu dem die Ulter schwören, wenn sich nicht ein Mann zum Kampfe gegen mich findet, werde ich das Blut eines jeden, der in der Burg ist, vergießen. Entblößte (ganz nackte) Frauen sollen ihm entgegentreten, befahl Conchobar. Es geht ihm darauf das Weibsvolk von Emain entgegen um Mugain, die Gemahlin des Conchobar mac Nessa, und sie entblößen ihre Brüste ihm gegenüber. Das sind Krieger, die dir heute entgegentreten, sagte Mugain. Er verbarg sein Angesicht. In dem Moment laufen die Helden von Emain herbel und werfen ihn in ein Faß mit kaltem Wasser. Dieses Faß bricht (springt) um ihn herum; das zweite Faß, in das er geworfen wurde, kocht mif in faustdicken

Blasen davon; das dritte Faß, in das er darauf ging, dieses erwärmte er so, daß dessen Hitze und Kälte ihm angemessen (zusagend) war. Darauf geht er heraus und Mugain die Königin legt einen blauen Mantel, an dem eine silberne Spange war, um ihn und ein Hemd (Untergewand) mit einer Kapuze, und er setzt sich zu Concholara Knie darauf. (LU, 63n, 21-40; YBL, 22b, 20-41). Die andere Regension trägt wie gewöhnlich die Farben etwas stärker auf: es seien nur die wesentlich in Frage kommenden Sätze gegeben. Ocus based inchamairle ravruthaiged les : inbantrocht daleoud immach doshaigid inmaic is trivaicuit ban is deich mna 7 secht fichit discir derglomnocht inventecht uli 7 ambantoesech rempo, Sandlach, dothöchail annochta 7 annare do. Tancatur immach inbanmacerad ulle 7 tuargbatar annachta 7 annare vile do. Foilgil inmac agnais force ; dobretha adveich frisincarpat arnaucced nochta no nare numban. Andrain roiryabud inmar bec isincharput, tuend itri dabeluib maruscib e dodibliid afherge. Und dieses war der Beschluß, den man faßte: das Weibsvolk hinauszulassen zu dem Knaben, d. h. dreimal fünfzig Frauen, also zehn und sieben mal zwanzig fouerige, splitternackte' Weiber alle auf einmal, und Scandlach ihre Führerin vor Ihnen herschreitend, um thre Brust und thre Scham thm darzubieten. Das gesamte junge Weibsvolk kam heraus und sie zeigten ihm ihre Brüste und ilire Scham. Der Junge verbirgt sein Antlitz vor ihnen und blickte auf den Wagen, daß er die Brüste oder die Scham der Weiber nicht schen sollte. Da wurde der kleine Knabe in dem Wagen ergriffen, er wurde in drei mit kaltem Wasser gefüllte Fässer gesteckt", um seinen Zorn abzukühlen' (LL. 67b, 35-45)-

Das sind die Frauengestalten in der Tain bo Cusinge, in dem größten Epos des alten Irland: hier Medb, die Königin von Connaught und ihre Tochter Findabuir in ihren Reden und Handlungen auf dem

Im hischen derglomwicht. Es ist wocht 'nacht', lower bedeutet 'herr, blob', so dail lomancht schon eine starke Verstärkung von 'mackt'; derg bedeutet 'rot', ist aber, wohl unigeliend von Redensarten wie 'rotes Feuer (derghens) oder 'roter Zorn' (dergferg) für 'atarkes Fouer', 'starker Zorn' im hischen in volkstümlicher Rede eine der stärksten Verstärkungen geworden, wie tot volkstümlich im Hochdeutschen. So ist deurgghradh 'rote Liebe' – 'wahnsinnige Liebe', deurgmhoch 'rotfrün soviel wie 'in aller Herrgottsfrühe; deurgmhosses 'rote Trunkenheit' ist ein solcher Zustand der Betrunkenheit, dail jemand unf allen vieren zur nächsten Pfütze kriecht, um au ihr seine Pfeife anzuständen, wie mir einst erklärt wurde. So ist also derglomsocht die durch zwei marke Verstärkungen bezeichnete Nacktheit, also etwa splitterfassenackt.

Conduling geriet off in solche Hitze, daß frisch gefallener Schnee eine Elle um ihn bergnt schmolz und er dann Rüstung und aller mit Einschluß des Heindes von sich riß, unt nicht wahmsinnig zu werden (LU, 71x, 16; 68x, 14 = 70b, 12—19; 77x, 34). Dann wird er, wie im Serglige Conculaind erzühlt wird, in drei Fässer knitzen Wassers macheinander gesteckt (LU, 48b, 28—31).

Kriegszng, dort in einer Erzählung ein Ausschuitt aus dem Hoffeben von Ulster in Emain Macha. Wenn wir uns nun dem zweiten großen altirischen Epos zuwenden, genannt Fled Brierenn (Fest des Brieriu). so lernen wir nicht minder interessante Szenen zunächst kennen, die uns Medb und Findabair zu Hause, in Cruschu (Ratheroghan), vorführen, also Hoffeben in Connaught in Westirland um Christi Geburt.

Bei einem Fest, welches der Thersites unter den Ultern, Brierin mit dem Beinamen Giftzunge', Conchobar, dem König von Ulster, und seinen Helden veraustaltete, gerieten die drei hervorragendsten Helden Loggaire; Conall Cernach und Cuchulinn nach vorhergegangener Aufhetzung durch Brieriu in Streit darüber, welcher von ihnen den unbestrittenen Vorrang beanspruchen dürfe und damit das unbestrittene Recht, bei großen Schmausereien den Festeber zu verteilen. Um Blutvergießen zu verhindern, einigte man sich dahin, daß das Königspaar von Commught, die bekannten Ailill und Medb, den Schiedsspruch fällen sollten. Ein glänzender Zug auf Streitwagen brach von der Burg des Brieriu auf; Cuchulinn, der sich etwas versäumt hatte, erst einige Zeit später. Lange, bevor von Cruachu, der Burg Affills und der Medb in Roscommon, das Geringste von den herunnahenden Ultern zu sehen war, erfällte Getöse die Luft, und die Erde erbebte, daß in der Burg der Medh die Waffen von den Wänden fielen und die Mensehen in der Burg zitterten wie Schilf gegen den Strom. Findabair stürzt, neugierig wie Frauen sind, hinan auf den Söller über dem Vortor der Burg, um auszusebauen. Sie erblickte zuerst in der weiten Ferne einen Streitwagen mit einem Krieger und, auf Aufforderung der Medb, schildert sie die Rosse, den Streitwagen und den Wagenkämpfer so, daß Medb erkannte, es sei Loegaire, der Siegreiche, der angerast komme; sie spricht die Befürchtung aus, sein Herannahen bringe Unheil. Nun tritt ein zweiter Streitwagen mit einem Krieger fern in der Ebene in Schweite von Findabnir: sie schildert ihn ebenso genan, und Medb erkennt, daß es Conall Cernach ist, wobei die Befürehtung, daß er Unheil bringen könne, noch stäcker zum Ausdruck kommt. Damit tritt nun ein dritter Streitwagen mit einem Helden darin fern in der Ebene in Findabairs Gesichtskreis: wieder eine großartig poetische Schilderung der Rosse, des Streitwagens und des Wagenkämpfers durch Findabair, wieder erkennt Medb den Mann, nämlich Cuchulinn, und ihre Befürchtungen und ihre erregte Stimmung werden noch lebhafter. Bei weiterem Herannahen in der Ebene kommen sich die drei Wagen immer näher, und als Findabair meldet, sie kämen nebeneinunder heran, so daß Schulter der drei Helden neben Schulter und Wagenrand neben Wagenrand stand, da gerät Medb in höchste Ekstase, in eine Stimmung, die durch ihren Namen treffend bezeichnet

ist : nach einigen wilden Ausrufen ertönt ihr Befehl Mnit finna fornochta friu, of Medb, werehiche aurnochto etrochta, collen ningen naurlam ningchomraic, liss aurslocthi, biling forabela. Dabeha uuruisci, derpula indlitta. biad ylan imda, braichlind muad mesemar, neath feinne fathud: fochen incoth tothat, bess ninortur tairis. Blondhaarige, stark nackte Franen ihnen entgegen! sagte Medb, vorgehaltene, entblößte, glanzende Brüste und viele Madchen zum Liebesdienst bereit! Die Gehöfe aufgeschlossen! Die Burgen offen! Fässer kalten Wassers! Lager bereitet! Reichliche reine Speise! Berauschenden edlen Malztrank, der Wikingerhelden gute Stärkung! Willkommen der Kampf, der kommt, sieher werden wir nicht getötet trotzdem' (LU. 106b, 46-107a, 5). Nach diesen Befehlen der Medb, die ja durch die sehon vorgeführten Stellen aus der Täin bo Cualnge (s.oben S. 193ff.) an sieh ziemlich klar sind, fährt die Erzählung in ruhigem Tone fort: Lasodain dollaid Medb forfordorus indliss immuch isinuurlaind , tricowait ingen lie - teora dalcha navasci dontriur lath ngaile dodanie resinsting dottathugud ambrotha. Rolad roga doib iarsudiu dus inbad toch farleth dobertha docachfir dib no intech dail atraw. Atech forleith docach or Cachalainn. Farsaidin berthar itigi condergothaib sainamenib anvolvalech 160 donatri efficials ingen 7 dobreth Findabair toCoinculainn secheach isinoiricul irrabi - tancatar Ulaid ali larsadia - buid Ailill - Medh - ateglach muli corofersat feelte fri Ultu. Frisgart Sencha mac Aililla ismaith lind, orse. Tragait Ulaid iarom isindim 7 dolleicther arrigthech doib. Damit (bei diesen Worten) ging Medh durch das Vortor der Burg hinaus in den Vorhof und dreimal fünfzig Mädchen mit ihr, und drei Fässer mit kaltem Wasser (wurden) für die drei Helden (gebracht), die zu ihr dem Heere vorausgekommen

Medb: kymr, sudde betrunken — altir. fedb Witwe: kymr, gestder Witwe. Wie fedb und gestide regulir auf ein inselkeltisches "retra gleich int vides, got. redarö, sanskrit nidhand zurückgehen, so altir. medb, kymr medde auf ein inselkeltisches sekindärem Suffix von inselkeltische irunken. Dies "medno, "medo" ist mit sekindärem Suffix von inselkeltisch "meda (altir. mit, Gent meda, kymr medd Met) gebildet, das je senskrit madha, gr. nesv. lit. midus, hat meda, alta meda, alid meda, altir. die ist. Im Indischen entspricht mit der bekannten Delmung bei solehen Blidungen mädles- dem keltischen medo. Es bundelt sich offenhar um ein Beiwort des sollen Weinstelldes. Nicht oft sind Namen so klar durchsiehtig. Wenn die Iren, die heutigen Tages aus Patriatismus ihre Kinder wieder 'Medb nennen, eine Ahnung hätten, was der Name bedeutet imd weich ein Weibsbild die Mealb war, würden sie vielleicht Bedenken tragen.

<sup>\*</sup> Hier ist die Komposition imchanter wechselseitiges Zusammenstoßen' von Medb so verwendet wie in der oben S. 190 angeführten Szene aus der Tain bo Cualuge dus Simplex comtae. In demnelben zweideutigen, aber durchsichtigen Sinne auch im Schlußsatz cath Kampf verwendet; men vergieiene auch, wie in der S. 193 ff. aus der Tain bo Cualuge die Weiber als die 'junge Krieger' von Mugain bezeichnet werden und daß comtae das Nomen verhals ist zu dem dort gebrauchten condrugat.

waren, um ihre Hitze zu mildern (kühlen). Darauf wurde ihnen zur Wahl gestellt, ob ein besonderes Haus sollte jedem der drei Männer gegeben werden oder nur ein Haus für sie drei zusammen. Ein besonderes Haus für jeden, bestimmte Cuchullon. Darauf wird in Häuser mit kostbaren Lagerstätten gebracht, was ihnen von den dreimal funfzig Madchen um besten gefiel, und Findabair wurde zu Cuchulinn außerdem in das Gemach geführt, in dem er sich befund, und es kamen darauf alle Ulsterleute an, und Allill und Medb und ihr ganzes Gefülge ging und begrüßten die Ulter. Es erwiderte Sencha mar Ailella - ein berühmter Ulter, Conchobars Ober-Bofmarschall -: wir sind angenehm berührt. Darauf treten die Ulter in die Burg ein, und das Königshaus wird ihnen überlassen' (LU. 107a, 6-(07a, 18), we sie um Conchebar und Fergus mae Roig, der damals noch in Ulster weilte, drei Tage schmausen, ohne daß die drei genannten Helden zum Vorschein kommen.

In einer anderen Version von Fled Bricrenn, deren abweichende Szenen und Schilderungen in die in Hs. LU. enthaltene Kompilation hineinverarbeitet sind, wird die eben gegebene Bewirtungsszene der drei Haupthelden nach ihrer Ankunft abweichend so geschildert: Dobretha roga doils eid bind noragad dianechaib. Asbert Conall - Lorgaire wirthend dabliadna dothabairt dianechaib; gran eorna immorro rothog Cuchulainn die schaib. Footar and indaidchisin: Rointir inbawheri sturro itri. Dobretha Findabair 7 coera ingen impi hitsch Conculainn; dobretha Sadb sulbair ingen eile Ailella - Medba - vacca ingen impi hifarrad Conaill Cernaig; dobretha Conchend ingen Cheit maic Magach - cocca ingen malle fria hifarrad Locgairi bundaig. Nothathiged Medb fessin immorro cognathach sintech imbili Cüchululum. Featar and indadaigsin. 'Es wurde ihnen die Wahl gelassen, welche Speise ihre Rosse bekommen sollten. Conall und Loegaire sagten, man solle ihren Rossen zweijührigen Hafer geben; Gerstenkorn aber wählte Cuchulinn für seine Pferde. Sie schliefen nun diese Nacht dort so: Das Weibsvolk wird unter sie in drei Teile geteilt. Es wird Findabair und fünfzig Mädchen mit ihr in das Haus des Cuchulinn gebracht; Sadb die Beredte, eine andere Toehter Ailills und der Medb und fünfzig Mädchen mit ihr wird zu Conall Cernach gebracht; es wird Conchend, die Tochter des Cet mac Magach, und funfzig Madchen zogleich mit ihr zu Loegaire bundach gebracht. Medh selbst aber besuchte in gewohnter Weise das Haus, in dem Cuchulinn sich befand. So schliefen sie dort diese Nacht' (LU, 108b, 2-14). Zu dem vorletzten Satz

Im Irischen steht des Tempus, welches Gewohnheit oder häufige Handlung in der Vergangenheit ansdrückt.

muß man sich erinnern, daß auch in der Täin bo Gualnge nach beiden Rezensionen Medb dem Ferdiad ihre Tochter Findabair zur Frau anbot und 'außerdem oben drein' Bündnis ihres Oberschenkels, 'wenn du danach noch Bedürfnis fühlst' (diairs ales), s. oben S. 191ff.

Wie uns die Tain bo Gaalnge neben dem Verhalten von Medb und Findabair auf dem Kriegszug einen Ausschnitz aus dem Hofleben von Emain Macha in einer eingelegten Erzählung vorführte (s. S. 193 bis 194), so bietet uns die Erzählung vom Feste des Brierin und dessen Folgen neben den gegebenen drastischen Bildern vom Hofleben in Connanght ein zwar etwas anderes, aber für die Kulturzustände im alten Irland um Christi Geburt nicht minder lehrreiches Bild vom Nachbarhof in Ulster.

Als Brieriu sein großes Fest zur Feier der Einweibung des neuen Hauses dem König Conchobar und den Ultern in Dün Rudraige gab, da kamen, wie das in Irland Sitte war, nicht nur König Conchobar, die drei Helden Loegaire, Conall und Cuchalinn und andere schon im Verlauf vorgekommene Helden, darunter auch Fergus mac Rölg, Rochad mac Fathemon und der Hofmarschall Sencha — es werden im ganzen 33 namentlich aufgezählt (LU. 10 t.a. 1—17), außer Conchobar —, sondern auch die Frauen des Königs und die Frauen der Helden in festlicher Fahrt von Emain Macha nach Dün Rudraige. Nach Ankunft und Besichtigung der eigens zu dem Fest von Brierin erbauten Festhalle gruppieren sich auf der einen Seite der Halle die Helden und Häuptlinge der Ulter um ihren König Conchobar zu einer Fest- und Kneiptafel. Auf der anderen Seite der Halle konstituieren die Frauen der Helden und Häuptlinge um Mugain mit Schamhaaren wie Ginstern (Mugain aitenchaelbrech)

Mugain, die Erau des Ulterkönig Concludars und Fochter des besehrn Oberkönins Euchand Feitlisch, führt in der Sage den stehenden Beinamen absolchasthereit (zaweilen entstellt mienchaercherh, s. Kuso Meyre, Todd Lectures XIV. 23). Dies Wort mußte Jedem Iren des 9. Jahrhunderts so klar sein, wie einem Griechen im 6. Jahrhundert v. Chr. das Beiwort der Eos Puzozaktyand: es besigt Schambaare (emther) habend so lang wie Ginstern'. Wenn man sich erimert, weiene Gastrollen die Mogain an der Spitze der 130 Franca öffendlich gab nuch der Erzählung der Tam bo Chainge (s. oben S. 193 ff.), dann hat nicht wunderbar, daß ihre Untertanen uller diese über intimste Toilettengeheimnisse hinausgehenden Geheimnisse ihres Naturgewandes genau miterrichtet waren, und sie davon den auf die spätesten Geschlechter forterbemien schmückenden Beinamen schielt. Daß sie übrigens, viellsicht siwas weniger temperamentvoll, der Menh, ihrer Kollegia in Connanght, wenig nachgab, erfabrun wie aus dem Sagentest Anled Lüegairi Biladaig (der Tod des Loegaire Bundach), der so beginnt: And mar Ammine dochumenic re Magain Astinchairchean ; ben Concludes in Mugam sin. Fill Conchebur mt And. Rofers force ambeith omitted "And man Ainninge hat mit Mugain mit den Schamhauren wie Ginstern geschlechtlichen Verkehr - su dochomraic s. oben S. 190 Ann. r und S. 196 Ann. z -. Diese Mugain war die Frun des Concholur, und dieses And war Sagenerzähler und Hofdichter Concholars. Es

die Gattin Conchobars ebenfalls eine Fest- und Kneiptafel: es werden außer der Königin die drei Frauen der Haupthelden (Fedelm foltchain, die Gattin Loegaires, Lendahair, die Gattin Conalls, und Emer (bltchain, die Gattin Cuchulinns) und noch sieben andere Frauen namentlich genannt mit dem Zusatz idia turem tra - aisneis immembal didegmnaih and chena 'es ist zuviel zum Aufzählen und Beschreiben. was außer den genannten von edeln Franen dort war (LU, 103b, 27). An der Frauentafel ging es natürlich auch bald lebhaft zu Es ist nicht zu vergessen, daß Brierin dem Loegaire die Tellnahme an den Hauseinweihungsfeierlichkeiten dachirch besonders verlockend erscheinen ließ, daß er die Schilderung dessen, was geboten wurde, mit den Worten begann Att dabach und hitalla triar dolathaib paile fer nUlad inrualmad dofin aieneta ('es steht ein Faß da, in welchem drei von den Ulterrecken Platz habert, gefüllt mit Naturwein") LU, 110a, 41. Dies Faß echten, aus Bordenux eingeführten Weines is Sitzungsber d. K. Preuß, Akad d. Wiss, Berlin 1908, S. 435) wurde bei dem Fest bezwungen, und die Männer hatten sieh schon die Köpfe gründlich erlitzt (LU. 1018, 41ff.); auf die Franen wirkte er noch kräftiger. Als nun dem Brieriu sein Plan, durch Aufhetzen der drei Haupthelden (s. oben S. 195) es zu solenner Prügelei unter seinen Landsleuten zu bringen, feldgeseldagen war, da richtete er sein Augenmerk auf die Frauen und überlegte, wie er ihnen beikommen könnte. Eben war er mit seinem Plane fertig, basi unir insin dolland Fedelm nörehride coicail ban asinrigthig immark instrummi ail in dem Moment ging Fedelm (Longaires Frau) mit fün (zig Frauen aus dem Festhaus heraus schwer betrunken" (LU, 101b, 21, 22). Brieriu maht sich ihr mit schmeichelnden Redensarten: Loegaire gebühre der Vorrang und ihr selbst der Vortritt bei Hofe; wenn sie an dem Tage zuerst ins Haustrete, würde sie zeitlebens unbestritten den Vorrang haben. Teit ass Fedelm lusodain tartearn fulthairbe ontig bei diesen Worten entfernt sich Fedelm über drei kleine Ackerlängen\* vom Hause weg' (LU. 101 b, 33).

worde kund, daß die so waren (s. Todd Lest XIV, S. 22). Der Dichter wird besuraft matürlich; die Mognis, die ihn - im Sinne der altirischen Heldensage ist das als absolut sicher anzunehmen - in die Situation gebracht, leht so weiter, als ob sie you einem damais nicht mahr gern gesehenen, aber Legittman Francurecht Gebrunch gemecht habe, wie dies ju auch ganz so hat Medfi ist.

inroumen oil heißt wortlich mach Schwere des Trinkens'. Du es inzelkeltiseher Sprachgebrauch ist, die abgeschlossene Handlung durch Proposition 'nach' (kyur, well, near, are alter, are) mit Verhalnomen und abhängigen Gentriv (oder heigesetztem Piesessivpronumen), sowohl un Aktiv und Passiv zu hilden, und da framme Abstruktum zu tennen ist, an fürdert des Tesellteltische blicen entweder nachdem sie schwer getrunken hutte' oder 'schwer tromben' zu intersetzen.

<sup>&</sup>quot; Altir, niche gleich kymr, erz, born, erz, bret, erz (Plur, erz) ist etymologisch lat. serum, oder vielmehr wie dem lat. soms sin kelt. seess (ir. me, kymr. sengald,

Darauf trat Lendabair, die Gattin Conalls, offenbar aus denselben Ursuclien und zu demselben Zweck wie Fedelm, aus dem Hause, und Brieriu betörte sie mit gleichen Worten. Dann kam Emer, Cuchulinns Frau, gleich den vorhergenannten Rivalinnen mit fünfzig Frauen aus der Festhalle, und Brieriu verschwendete reichliche Worte, sie zu betoren, an sie. So trafen sich die drei Frauen - Fedelm, Lendabair, Emer - drei kleine Ackerlängen vom Hause entfernt an ein und demselben Ort (incenmagin), ohne daß eine von der Aufhetzung der andern durch Cuchulinn etwas wußte (LU. 102a, 5, 6). Rebus bene gestis' kehren sie zur Festhalie zurück. Tochim fossad nälleind summalla issinchetna fuitherbe, isiny marafuo wich dib achoise serbaraite. Indfluithairbe tanise immerca baminin - baluaithin mimtheont issudin. traffiithairbe immorro banessa dontig, issamlaid rur cacliben diascitche ar can 7 traregalout allente comellaib alarac doimchasaam dul isatech arthus, vair ised atrubairt Brievin frieache timebell availl, issi robad bancon inchoicid uli inti dib cëtnerugad issatech 'ein ruhiges, schönes, langsames Zuschreiten war es auf der ersten kleinen Ackerlänge, kaum daß eine von Hinen Hiren Fuß an dem anderen vorbeisetzte; auf der zweiten kleinen Ackerlänge wurden ihre Schritte (ihr Gang) kürzer und rascher: auf der kleinen Ackerlänge aber, die zunächst dem Hause war, suchte jede der drei Frauen die andere mit Macht so zu überholen, daß sie ihre Hemden (Untergewänder) bis zu den Kugeln ihrer Hüften (also vorn und hinten bis zu den Hüftknochen') aufhoben, in dem

trett noves), dem lat. instas ein helt, instas (alfir, insta) entspricht, gieich einem lat\*\*sreum. Mit ir. fo (= kynnr. go) werden zahlreiche Nomina (Substantiva und Adjektiva) gebildet, um zu bezeichnen, daß etwas nicht ganz an etwas beranreicht.
Wenn man im Kynnischen gefragt wird, wie es einem gehe, antwortet man in der
Regel nicht yn law, yn das (gut), sondern yn slew, yn wide (ziemlich oder leidlich
gut). So ist altir, zum Kampf, aber fochith Versuchung, tribulatio in kirchlichem
Sinne; gande ist Bitte, aler frager Bettelei; dans Mensel, aber forlune ein homonminst u. v. a. is frisch und Kynnisch. So ist altir, futbanche (d. h. futures); man vergleiche inrb = kynnr, turm, altkelt, turms, ein 'kleiner Morgen Ankerland als bestimmtes Maß.

Hierüber schweigt des Eezählers Höflichkeit, mar ein kurzes Wort deutet au, was sich der Zuhüber deuten muß und aus dem Zusummenhange denken kann, nämlich kusatan; es beidt nämlich Duthagat dung lassdam 'sie geben zu ihrem Hann anfück' landam (LU, 102n, 7). Es bedeutet lasodais einfach 'nut (la) dem (nodais), damit', wird aber in den alten Sagemexten regelmäßig, wenn nach einer Rede ader nach einem Befeld vom Bedeuden oder Bofeldenden zu etwas anderem, einer Handlung, übergegnigen wird — egt oben 5. 196 die Stelle aus LU 107a, 6 bis 107a, 10 — oder nach einer Handlung zu einer weiteren; somit entspricht lasodais einem lat. His webis diebis, quibus eeles cognite, rebus hane gezis und übnlichem in der Erzählung. Mit diesem vielsagenden lasodam deutet also der Erzähler ille Ausführung des Geschüftes en, das die Frauen larrennen ist una hängig von einen der zu einem und demaalben Orte, drei kleine Ackselängen von der Festhalle, führte.

Neugal, forcesses (d. h. mit förste verschen) bezeichnet einen 'knezbeinigen dieken Mann', förstag 'ein kleines fattes Frauenzimmer', die infolge ihres Fettes die Taille ver-

Wettstreit zuerst ins Haus zu kommen, denn das hatte Brierin einer jeden von ihnen mit Umgehung der undern gesagt, es würde diejenige von ihnen, die zuerst ins Haus eintrete, die Weiberkönigin (d. h. die Vornehmste) von ganz Ulster sein' (LU, 102 a, 7-16). Bei diesem Wettlauf der trunkenen, ehrgeizigen Damen entstand ein Lärm, als ob fünfzig Streitwagen berandonnerten, so daß die Männer an ihrer Kneiptafel - die offenbar das Austreten der drei Damen nicht bemerkt hatten - glaubten. Feinde nahten, und zu den Waffen sprangen und drauf und dran waren, in der Trunkenheit aufeinander einzuhauen. Aber Sencha, der Hofmarschall, fiberschaut die Situation: er klärt, da er den Brieriu beobachtet hatte bei der Verhetzerei, einerseits die Männer auf, was der Lärm sei und läßt anderseits die Tür der Festhalle vor den herantosenden Weibern schließen. Emer, Cuchulims Frau, kommt zuerst an, lehnt sich mit dem Rücken gegen den Türdügel, ruft die Türhüter an, während sie dahei gegen die anderen herannahenden Frauen gestikuliert. Damit (lasodain, s. S. 200 Ann. 1) springen die Manner (Loegaire: Conall, Cuchulinn) der drei France auf, jeder, um seiner Fran die Tür zu öffnen, damit sie zuerst eintreten könne. Da schwant König Conchobar, dem Präsidenten der Männerkneiptafel. Unheil und 'er schlägt mit dem silbernen Stift, den er in der Hand hielt, an den bronzenen Pfeiler an seinem Sitz (benaid acts nargit robii inalaim frisina tiaitni creduma inaimta). Auf dies Zeichen von Silentium strictissimum setzte sich alles, und darauf nahm der Oberhofmarschall Sencha das Wort und ermahnte sie, ruhigdazubleiben und die Franen dranßen ihren Wortkampf ausfechten zu lassen. Tolluid eachben fochoim acheli annuaig conidand doronsat inbrintharchath ban Ulad 'jede Fran stellte sich draußen unter den Schutz ihres Mannes, und da veranstalteten sie den Wortkampf der Ultertrauen' (LU, 102a, 36-38). Es folgt dann jener in der Sage berühmte groteske, aber von großer Kunst der Erzählung zeugende Wortkampf der drei Frauen Fedelm, Lendabair und Emer (LU. 102a, 39-103a, 2).

linen hat, also ganz Hilfle ist. Die Anschauung von Seutzs, daß conellaib stärze to the globes of their forks' badeute, ist also brig; sie haben die Hemden noch eine Stufe höher, bis zu den 'Hüftlaugetu', gehoben, also so wie bei der Begrüßung von Güsten, was ja offenbar such ein bekaunter und geübter Griff war (s. oben S. 193 ff.).

<sup>1</sup> Thurserses hat in den Sagen and dem alten Irland' S. 84 diese Stelle in unbegrentlicher Weise mittverstanden, wenn er übersetzt und waren im Begriff, auf ihre Gattimeen engulation cofolmaster cachifib aidid achide santig: 1. day ist each dem Zusammenlung Unsim, da die Heiden im Hause waren, die Franen eine kleine Ackerlänge vom Hause entfernt und aus der Fortsetzung der Erzählung klar ist, daß die Helden von dem Austreten der Fraum, nichts wußten; 2. teinig 'in dem Hause fißt er unter den Tisch fallen; J. 56 kann in dem Zusammenhang in id omatier bem frisch gar nicht für Gattin gebrancht werden, was für den, der's nicht fühlt, nicht mit des Worten abgemacht werden kunn, ist aber su.

So groß such die Kunst des Erzählers des 9 Jahrhunderts in dem 'Wortkampf der Ulterweiber' und der ganzen Seene ist - die Kunst des Erzählers ist in dem, was er bloß sagt, ebenso groß wie in dem, was er andentet und was er verschweigt' -, so darf uns diese Kunst doch nicht hinwegtäuschen über das, was erzählt wird. Wem fallt bei der ganzen Episode (LU. 101b, 22-103a, 2) vom Wortkampf' der Gattinnen der drei vornehmsten Helden der altirischen Heldensage nicht ein anderer Wortkampf ein: 'wie die küniainnen ein ander schullen! (Der Nibelunge Not 7.57-805)? wer erinnert sich nicht, daß auch Der Nibelunge Not von Festlichkeiten meldet, un denen Könige und Königinnen, Helden und ihre Frauen teilnahmen? wem steht nicht die Szene vor Angen, in der Prünhilt din meit ihre Jungfernwürde verlor (Der Nibelunge Not 578-636)? Die Kunst des irischen Erzählers des 9. Jahrhunderts in Fled Brierenn ist mindestens ebenbürtig der deutschen Erzählerkunst des 12: Jahrhunderts in den besten Liedern von Der Nibelunge Not, aber der Inhalt von Fled Brierend zu Der Nibelunge Not ist wie der eines durch reichliche Kloakenbeimischung getrübten Brunnens zu dem einer reinen Quelle. Dort die drei halb betrunkenen, von Verrichtung der Notdurft zurückeilenden - und in welchem Aufzug! - Ulterweiber vor der verschlossenen Tür des Festhauses scheltend, hier die stolzen Köni-

<sup>\*</sup> Es ist charakteristisch für die altirische Sagenliteratur, daß je mehr ein Text cerrat, daß er, wenig beeinfluit, in der Form des 9 Jahrhunderts auf um gekommen Lit, um as künstlerischer seine Form ist und um so dezenter die Darstellung. Es war varnehme Gesellseinft, in der sich die Erzähler des 9. und 10. Jahrhunderts bewegten, und mancher von den Erzählers und Hörern war mit der Literatur des kinssischen Altertums, sei es zum Tell auch nur in den Formen des untergehenden klassischen Altertums, vertraut, anderseits war die Kultur Irlands im 9. und 10. Jahrhundert durch fortgesetzte Bemührengen der ehristlichen Kirche doch eine wesentlich andere als die mn die Wende unserer Zeitrechnung, die in den Erzählungen der atten Heldemage von Jahrhandert zo Jahrhandert fort überliefert wurde. Als seinz historicus, als den sieb der epische Errähler betrachtete, mußte er die überkommenen Tatsachen weiterersählen, aber wie, das hing von seinem Geschmack und dem seiner Zuhörer ab. Und der Geschmuck der Zuhliver und der Erzühler sinkt vom 10. Jahrhundert ab in der Rierurischen Verrohung, die die brische Völkerwanderungsperiode, die Wikingerzeit, über-Irland brachte, humer mehr. Das beweisen nicht unr die Erzählungen der jüngeren Heldensage, das beweisen mich Teste der Elteren Heldensage, die mur in den jüngeren Umarbeitungen des 11/12. Jahrhunderts auf um gekommen; am klaraten liegt diese Verrohung des Geschmacks ruture, wenn alle Texte des 9. Jahrhunders wesentlich onverindert in verschiedener Jüngerer Dherlieferung auf uns gekommen sind. Ein Belieplel mag dies veranschaulichen. In dem schönen alten Text von der Meurfahrt des Masidulu werfen die neidischen Spielgeführten dem Nonnensohn, der von der Königin sis Pflegrachin errogen wurde, var moonfess müthair aubeibir Mutter und Vater sind unbekamnt' (LU. 25 b., 26); dafür hat VBL an der Stelle suifes nin cu reelcumtusmi forothrough 'dail nicht gawaßt wird, welcher Hund dich gezongt hat auf dem Misthaufen', and in Harletin 528c (Brit Mus.) heißt as ein of rotchuc foruthrack welcher Frand te

ginnen Kriemhilt und Prünhilt vor dem Dom zu Worms streitend: dort die Metze Findabair und die Messaline Medb, sich vor jedem prostituierend, hier Prünhilt den meit sich wehrend, bis sie gestehen mußte: ich were mich nimmer mere der edelen minne din. Es ist schon bemerkt worden, daß die heutigen frem mit Vorliebe Tain bo Cualnge der Ilias an die Seite setzen. Ungefähr mit demselben Recht, mit dem man Fled Brierenn dem mittelhochdeutschen Epos von Der Nibelunge Not an die Seite setzen kann; soweit die Erzählerkunst im Rahmen von Episoden geht, läßt es sich allenfalls hören, da auch der gute Homer zuweilen schläft: aber der Inhalt! In der Tain bo Cünlige ein Kriegszug der Connanghtleute um leihweise Überlassung eines guten Stieres auf ein Jahr und etwas Rache für die Verschmähung der freiwillig angebotenen 'Oberschenkelfreundschaft'; in der Ilias ein Kriegszug um Rückgewinnung des schönsten Weibes und Rache für verletzte Gastircundschaft. So verschieden die Motive, so verschieden der ganze Inhalt der griechischen und irischen Ilias. 'Ilias' und 'Der Nibelunge Not' suf der einen Seite, 'Tain bo Cüalnge' und 'Fled Brierenn' der Iren auf der anderen können überhaupt nur in einem Atem genannt werden, soweit es sich um die formelle Erzählerkunst handelt, sonst trennt sie eine fast unüberbrückbare Kluft: hier, bei Griechen und Deutschen, arische Kultur, veredelt durchs Christentum in 'Der Nibelunge Not'; dort bei den Iren Ausschnitte aus der Kultur, der vorarischen (und vorkeltischen) Urbewohner Westeuropas, wie sie im Idiom eines keltischen Stammes, dem die Aufgabe zufiel, diese Urbewohner in Irland zu höherer Kultur heraufzuziehen, sich in seiner Heldensage noch im 9. Jahrhundert wiederspiegelt. Doch damit greife ich schon dem Gang der Untersuchung weit vor.

Um in bezug auf Fled Brierenn möglichst dieselbe Vollständigkeit wie die in der Täin bo Cüalnge angestrebte (s. S. 194) auch In bezug auf die weniger stark hervortretenden weiblichen Figuren zu erreichen, sind noch einige Bemerkungen nötig. Als die drei Helden Loegaire, Conall und Cuchulinn zum Hause des Samera kommen, um sieh die Kraftproben anweisen zu lassen, fernis Samera fielti friu, dobretha Buan ingen Samera grad doChoinchulainn bewillkommute Samera sie, Buan, die Tochter des Samera, schenkte dem Cuchulian ihre Liebe' (LU. 100a, 6. 7). Als dann Cuchulian nach Besiegung der Genien des Tales und des Ercoil mit dem letzteren an seinen Wagen gefesselt, seinen schmählich davongelaufenen Konkurrenten Loegaire und Conall nacheilend, direkt nach Emain Macha führ, ohne zur Behausung des Samera zurückzukehren, luid Buan ingen Samera farlore natricarput. Atgeoin slicht fonnaid Conculainn, foddig nachset cumang nothenged, norhlaided nauntrai ; nofairsinged, ; nolinged darbernadaib;

catebiling indiagen tra tran midthmar madiatasium forfurissin charpalt consemaing atul immonall combo murb de, emilde alumnigther Gaig Brana ging Bunn, die Tochter des Samera, auf die Spur der drei Streitwagen. Sie erkannte die Spur des (breiten) Wagenbertes von Cuchulinns Streitwagen - denn jeden engen Weg, den er führ (ging), da grub er die Mauern um und verbreiterte ihn -, und sie setzte über Klüfte springend nach. Da nun tat das Madeben einen sehrecklich großen Sprung hinter ihm (dem Cuchulinn) her auf der Spur des Wagens', so daß sie mit ihrer Stirn an einen Felsen schlug und davon starb sie. Davon stammt die Ortsbezeichnung Unig Buana (das Grabder Buan) LU 109 b, 16-23.

Die letzte Frau in Fled Brierenn, die als stärker hervortretend zu erwähnen, ist Bläthna), die Tochter des Mend, die Frau des Munsterkonigs Curoi mac Dari, der in Temair Lunchra in Munster (Kerry) hauste. Bei ihm sollten sich schließlich die drei Helden die Entscheidung um den Vorrang holen. Dollatur ierzin sinmatin arnabirrach atriur churad coenthraig Conros, idon Cachulainn - Conall - Locgaire; scorit acceptu indorus narathrach iarsin - ticyait isurigthech - ferais faelti moir friu Blüthnath ingen Mind ben Conroi maie Dairi - nirula Curta hifus aravinet indaidchisin - rofitir votiefaitis - foravaile comairle lusinmnii imreir nacurad catisad donturus diandechaid sair hitirib Scithiach. Boi immorra inben diare ircofothrucud 7 cofolcul 7 coleunath immescuib 7 condergodails sainamvails comtar budig. Othanic dods sarum coderqual, usbert inhen frin iarsudis, eachfer dib aaidehi dofhairi nucuthrach cotisad Carii 7 dano, orsi, isamlaid atrubairt Curus afari duib sarnasuib. 'Es zogen darauf am andern Morgen die drei Helden zur Stadt des Curoi, nämlich Cuchulina, Conall und Loegaire, sie spannen darauf ihre Wagen ab im Stadttor und gehen in das Königshaus, und Bläthnat, die Tochter Menns, Curols Frau, begraßte sie herzlich. Curol war an dem Abend nicht zu Hause, um sie begrüßen zu können, hatte aber gewußt, daß sie kommen würden, und hatte seiner Frau Ratschläge hinterlassen in bezug auf die Absieht (den Willen) der Helden, bis er zurückkehre von seiner Expedition, auf die er ostwarts in die Skythengefilde gezogen war. Die Frau aber war meh ihrem (der Helden) Willen mit Baden und Waschen und berauschenden Geträuken und kostharen Lagern, so daß sie zufriedengestellt waren. Als es nun zum Zu-Bette-Gehen ging, sagte die Frau zu ihnen, jeder Mann von

<sup>1</sup> For facis medarpoit. Im Nanierschen lat das Demonstrat, fursien lieb mache mit der Faue einen, egge , formadh das Eggen, Ebenmachen , Cuchnitons Wagen mit dem breiten Wagenhart machte nach der vordergebenden Beschreibung alles so ehen wie eine Eege das Feld, und an nermt der Erzähler die Spier des Wagens fieres in elarpair with uncellusticit.

ihnen müsse seine Nacht die Stadt bewachen, his Curoi zurückkame, und, fügte sie hinzu, so hat Curòi gesagt, daß the die Stadtwache dem Alter nach übernehmt (LU, 110b, 39-111a, 8). So ziehen sie der Reihe nach - Loegaire, Conall und Cuchulinn - nuf Stadtwache, und am Morgen nach der Wachnacht Cuchulinns kommt Curoi heim und fällt die Entscheidung. Ein vollständig anderes Bild, andere Atmosphäre in Munster als am Hofe in Connaught und in Ulster. Aber, aber, such dieses Blumchen' - das bedeutet nämlich Bluthnut - war nicht so rein als der dezente Erzähler in Fled Brierenn zu zeigen liebt: eine in zahlreichen Handschriften und auch Keatings Geschichte Irlands (Keating, Complete History of Ireland, Dublin 1811, Vol. I. 398ff.) erhaltene Erzählung aus der alten Heldensage weiß. daß Bläthnat ihren Mann schmählich und verschmitzt hinterging, dem Cuchulinn auslieferte, der ihn tötete, und dann mit diesem Cuchulinn davonlief. Ferchertne, der Hofpoet Curois, folgte, nahm Rache und verfertigte dann seine berühmte Totenklage auf Curol (Amra Chonroi), die so berühmt war, daß selbst in Wales eine Nachbildung in kymrischer Sprache in einer Sammlung altwelseher Gedichte erhalten ist. Es liegt daher nahe, daß der Erzähler der Episode von dem Abenteuer der Helden bei Curois Stadt Im o. Jahrhundert einige kurze Sätzehen dezent unterdrückt hat.

Hiermit sind die Hauptbilder aus den beiden größten alten Epen der Iren, Tain bo Caulinge und Fled Brierenn, vorgeführt, soweit es auf die Charakterisierung der Hauptfrauengestalten der alten irischen Heldensage ankommt. In Ausführung des S. 177 oben aufgestellten Programms will ich nun aus anderen Erzählungen der alten Heidensage zunächst noch einige Einzelheiten auswählen, wie sie sehon zum Teil in den Anmerkungen des Vorhergehenden gegeben wurden, also Einzelheiten, die entweder einige der in Tain bo Cualnge und Fled-Brierena vorgekommenen Dinge durch einiges weitere Material beleuchten sollen, oder auf die Höfe von Ulster und Connaught in ihren Hampfiguren, wie sie in der Sage fortleben, Licht werfen.

Die S. 108 erwähnte Sitte, daß die Franen des Irischen Heldenzeitalters bei allen Gelegenheiten mit dabei waren', ist die Quelle

Nathelich zeeinten sie nicht immer, wie im Fled Britresm geschildert ist. Wir haben einen interessanten Text aus der alten Heldensuge, der uns seigt, wie man sich un 9. Jahrbundert in Irland das Amüsement der France der Helden bei Hofe dachte. Eust war Lugard Rinbuders, der Enkel des irischen Oberkfünigs Foebald Feidlech und selbst Oberkönig, der die letzte Zeit vor seiner Thronbesteigung am Hofe des Ulterherrschers Concholur verbracht hatte (E.U. 46 a, 26-46 b, 35) and Cachallans Zügling und Hagerer Freund war, meh mit Fran um Gelage bei Brierin teligenommen hatte (LL , 103 h, 22)) rural war dieser Logard und seiner von Fled Brierin her bekannten Venu Deebforgaill am Hofe des Ulterhorrschurs Conchobar anwesend; ob bioß zum

zuhlreicher Begebenheiten und soll wenigstens durch ein altes Beispiel noch beleuchtet werden: Gabais Eochaid hAeremon rige nErend ? argialls at coic coicid Erend do, idon ri cachenicid. Bater he array intansin, idoa Conchabur muc Nessa - Mess Gegen - Tigernach Tetbannach - Curio 7 Ailill mac Mata Muirisci. Batar he duine Echdach : Dun Fremuin im Midiu - Dun Fremain hi Tethbai; Fremuin Tethbai bainmainem lais dodumb Herenn. Arfocurar o Echaid forfira Herenn fees Temra doitemm inbliadain iarnoabiell vige fricommus ambesa - achisa dóib coesad cuic mbliadain. Bainand aithese lapra Herend fri Eochaid: nitheolaimtis Fess Temrach durig centiquai lais; olnivabi rigan hifail indrig inton rogal flaithes. Eochaid Airem übernahm die Herrschaft über Irland, und die fünf Teilkönigreiche von Irland erkannten ihn an, nämlich der König jedes Teilkönigreichs. Das waren damais ihre Konige: Conchobar, der Sohn der Ness, und Mess Gegra und Tigernach Tetbannach und Curoi und A Hill mac Mata Murisci. Das waren Eochaids Burgen: die Burg von Frewin in Meath und die Burg von Frewin in Teffia; Frewin in Teffia dünkte ihm die liebste von allen Burgen frlands. Das Jahr nach Ergreifung der Herrschaft werden die Männer Irlands von Eochaid aufgefordert, das Fest von Tara abzuhalten, um ihre auf Servituten beruhenden Rechte und

Vergnügen oder in Staatsgeschäften, wird nicht direkt gesagt. Letzteres ist sim dem Gang der Erzählung das Wahrschrinliche, Eines Tages nun — es war gegen Ende drs Winters - trat in Emain Macha (Armogh) starker Schneefall ein, und die Männer nnelsten - wohl jeder - eine große Schnesskole (großen Steinpfeller von Schnee). Während die Männer von auf dem Versammlangshügel oberhalb von Armagh (estilling inefail as Emain) sich befanden (LL, 1254, 49-50), latte namme fornacorthe. Beds atusewands tobram acmun isin corrlie ilits via assis ragus and. Inhan orig tritt our authory coppails wan. Novogoki dina nadib; commirther Derbforgaill nadib. Nerheall lea, or nirboback. Test arm formourths, reselving unde cotalum. Disferenter tra miller so, micongradaigfider (bil sumamna, Gatar usuite assacial 7 assrina 7 adam 7 atrilis. Nibassoccobraite to. Daguetter opionad ambaidem 7 berair sertom dietig, gingen die France auf die Pfeiler (von Schnee). Folgendes war tier Einfall (Erfindung); wir wollen amsern Urin ant den Schneepfeller - d. h. jede auf einen Schneepfeller - lässen, um ar erfahren, welches (von une) am weitesten einsinkt (hineingeht in the). Die Frau, die durch ihn (den Schueepfeffer) reichen wird, die ist die beste flut den Voerangt von sens. Es wurde nun nicht von ihnen erreicht (nämlich daß eine durchkam); es wird Dervurgill von ihnen nerbeigernten (es zu verauchen). Sie wollte eigenflich nicht, denn sie war nicht kindischt sie ging gleichwold auf des Schneepfeller, er schlich von ihr bis zur Erde (d. h. sie sank ein his zur Erde). Wenn die Minner das whitten (angten ale). night wird es geliebt bet (an) einer einzigen Frau - il h. wir ditiden solche Überlegenheit, sogur den Schmechaufen allem zum Schmelten zu twingen, nicht bei einer Frau, und infolge dieser Effersucht - es werden ihr die Angen aus dem Kopf gerissen und thre Nasenthagel and thre heider Ohren and thre Flechten. Das war mm night some angenehm. Auf diese Weise wird sie gepoinigt und wird darnuf zu ihrem Hanse getragen (Lt. 125a, 40-49). Unterdessen eilen Cuchulion und Lugahl aus der Versammhang der Männer herbei. Dervorgill nimmt in läugerem Linde Abschied vom Lathen, Lugaid studt ber threm Anblick, Cuchulina stürzt das Haus, in walches sich die Konigimen' gefillebiet, zusammen, so dall 150 von flown sterben, widmet sodenn Dervorgill and Lageld since Nacional and beerdigt sie (LL 125a, 49-125b, 40).

die ihm von ihnen zukommende Steuer auf den Zeitraum von 5 Jahren. festzusetzen. Folgendes ist die einstimmige Antwort durch die Männer. lelands an Eochaid: sie würden das Fest von Tara für einen König nicht veranstalten, der keine Königin bei sich habe; denn nicht befand sich eine Königin bei dem König, als er die Herrschaft übernahm (LU, 129b, 20-33). Der allen Hörern des o. Jahrhunderts klare Grund wird in einem Zusatz in einer jüngeren Handschrift gegeben mit ar niteigeth fer cinumus do Temraig diafeis - nithegith ben cinfer denn nicht pflegte ein Mann ohne Fran nach Tara zum Feste zu gehen und nicht ging eine Frau ohne Munn'. Die Männer, wie Conchobar und Ailill, wurden bei ihrer Weigerung wohl von dem Gedanken geleitet, daß es nicht verlockend war, mit Franen wie Medb an den Hof eines unverheirateten Überkönigs zu gehen. Eochaid sah nuch die Berechtigung der Weigerung vollkommen ein und, um den Grund für weiteres Stireiken der Männer Irlands und damit der Steuerverweigerung zu beseitigen, sandte er alshald die Boten aller Teilkönigreiche durch Irland auf die Suche nach einer Frau, wobei er zwei Bedingungen stellte; sie sollte die schönste in Irland sein und nibiad inofarrat acht hen nadfesser wich doferaib Herenn riam 'es sollte nur Gefahrtin von ihm werden ein Weib, die keiner von den Männern Irlands vorher gekannt habe . Also ein Mädchen wie die Königstöchter Findabair und Sadb (s. S. 197) wollte er nicht. Es wurde sehließlich tatsächlich eine den beiden Bedingungen entsprechende Gefährtin gefunden. Etain, die Tochter Etars. Und diese Perle unter den Frauen Irlands in Irlands Heldenzeitalter ist die Etain, die ihrem Schwager Ailill Oenglonnach das oben S. 179 Ann. 1 erwähnte Anerbieten macht, ihn von seinem Kummer zu heilen. Dies spricht Bände.

Die in den beiden Rezensionen der Tain bo Cüalnge für den Hof von Ulster (s. S. 193/194) und in Fled Brierenn für den Hof von Connaught (s. S. 196) erzählte Sitte des Röckehochhebens und Entblößens der Brüste ist auch sonst noch in dem Cuchulinnsagenkreis ein Mittel, mit dem Frauen durch ihre Schamlosigkeit den jugendlichen schamvollen Cuchulinn von seinem Vorhaben ablenkten. In einem Text LL. 107b, 32-111b, 45, der die Tabus Cuchulinns behandelt, wird das Zeigen der Brustwarzen und hervorstehenden Brüste (chichi 7 auchronni ban dothusbenad do) als eins der beiden Mittel bezeichnet, die ihn unfehlbar ablenkten (LL. 110a, 30ff.); in der Erzählung von Cuchulinns Ende erfahren wir, daß die Frauen ihn an

Die jüngere Handschrift hat, um Zweifel auszuschließen, nach bleud mani dogen dimensioned week all remin or words sie eine als Weils nehmen, ween whom irgendein anderer vor this sie gehald (davongestrages hatte)'.

dem verhängnisvollen Tag durch Entgegentreten mit entblößten Brüsten an der Ausfahrt hindern wollten (LL 119a, 24) und vorübergehend gehindert haben. Endlich wird in dem in LU. erhaltenen Schlubstück von Mesce Ulad ('die Trunkenheit der Ulter') dies Mittel von der Riches angewandt, damit Crumthand den Cuchulian leicht röten könne und so ihren von Cuchulina erschlagenen Sohn räche: Lotar induzid intelliaig cofornactor Coinculains for ath aracind hierich Uathne. Tiscaid Riches abstach di fiad Choinchulainn, Muchais Cachalainn astan frilar arnachandercachad abernochte. Tofairthe hifechtsa aChrumthaind, olRiches, Doful infer chucut, or Locg; natë em, ol Cuchulainn, cein her inhen inchruth ucut nienerussa. Gabris Livy claich asincharput 3 dibaircid di conducemaic taraluthain, commemand adruim inde - combomarb de iarom. Cotreracht iarsin Cüchulainn around Crumthaind of fich fris cotac achend lais of afodh. Es gingen (Crumthand und Riches) dem Heere nach und stießen auf Cuchulinn an einer Furt vor sieh im Gebiet von Owney in Tipperary. Riches zieht ihre Kleider aus im Angesicht von Guchulinn. Quehulinn verbarg sein Antlitz (Stirn) gegen den Boden des Streitwagens', damit er ihre Ganznacktheit nicht sehen sollte. Lauf hinzu nun, o Crumthand, rief Riches. Der Mann naht sich dir, sagte Loeg (der Wagenlenker zu dem sein Antlitz in dem Wagen verbergenden Cachulinn). Nein fürwahr, sagte Cachulinn, solange das Weib in jener Weise ist (d. h. splitternackt), werde ich ihn (den Kopf) nicht erheben. Da nahm Loeg einen Stein aus dem Wagen und wirft nach ihr, daß er sie traf über ihr luthain, so daß ihr Rücken entzweibrach und sie davon starb. Daranf erhob sieh Cuchulinn gegen Crumthand und kämpfte gegen ihn und nahm seinen Kopf und seine Rüstung mit sich (LU: 20b, 9-20).

Nun von Einzelheiten noch ein Bild vom Hof in Ulster und eins vom Hof in Connaught.

Conchobar der Ulsterherrscher — der selbst den stehenden Beinamen mac Nessa, 'Sohn der Ness', führt, also nach der Mutterseite seine Abstammung bezeichnet — hatte eine unverheiratete Schwester, namens Dechter, die an seinem Hofe lebte. Als sie einst aus einem ehernen Gefäß einen Trunk nahm, sprang ein kleines Tierehen (mil mbec) mit dem Trank auf ihre Lippen und mit dem Atemzug himmter, in der Nacht hatte sie einen Traum, in dem ihr ein Mann erschien, der sich als Lug mac Ethlend aus dem Feenlande vorstellte und sagte, er sei in ihren Bauch gefähren, sie würde schwunger werden und

Dail man zo frilar ein incharpait erghozen med, ist klar mit der Parallele Fostgut immee agmis forzu 7 debreihe ndeesch fresincarpat arazaesed mehta na mire namion (LL 07 b. 42 431 n ohen S. 194.

einen Sohn gebären, der Setanta heißen solle". Das Mädchen wurde darauf schwanger. Buceist mor la hUltu na confes cele foraseilb, duniet; bühümun lea bā aChanchobur thremessi arbaleis nafaied afur. Arnenaisc jarom Conthober affair doSaeldaim mac Roig. 'Es war großes Fragen (Munkeln und Zischeln) bei den Ultern, da man nichts von einem Gefährten in ihrem Besitz wnite, der es konnte getan haben : sie hegten die Befürchtung, es könnte von Conchobar in der Trunkenheit geschehen sein, denn bei ihm pflegte seine Schwester zu schlafen. Conchobar verband (verknüpfte) darauf seine Schwester dem Snahlam mac Roig' (LU. 128h, 17-21). Dieser Sualdam mac Röig, den wir uns nach seinem Auftreten in der Täin bo Cüalnge als einen damals bei der Verheiratung übers beste Mannesalter schon hinausgekommenen kleinen Edlen in Ulster denken müssen, wurde des Setanta-Cuchulinn Pflegevater, und wie sein Name aussagt, ein guter Pflegevater' (Su + altam).

Zu diesem Bild aus Ulster ein noch etwas grelleres Ebenbild aus Connaught. Medb., die hervorragendste Frauenfigur der alten Heldensage, hatte neben drei Brüdern Bres, Nar und Lothur, die nach ihrem Großvater Find die 'drei Find von Tara' genannt wurden, noch zwei Schwestern Eithne und Clothru. Als die drei Brüder der Medh den Vater Eochaid Feidlech, der als Oberkönig von Irland in Tara saß, der Herrschaft berauben wollten, trat ihnen die Schwester Clothru, die auf einer Insel im Loch Ri - nach ihr Inis Clothrann 'Insel der Clothru genannt - gebot, entgegen: In dashargud farnathar duild? arsi, isanfir mir ciadognether. Isrcen tra arindiic. Infacbaid iartaigi eter? armben. Ni morither, avaidoic. Isdoich tuittim duib trianafarnanfie. Tait chucumsa arsi, orisinbaid comperta dam, dus infairful iartaige lim. Dognither on. Luid cuchfer arnitair dils curvi, combin maith de, idan Lugaid Rialinderg mac natriFind Finna. Habt ihr die Absicht, euren Vater zu vergewultigen? sagte sie; es ist ein großes Unrecht, wenn es geschieht. Es ist aber notwendig, sagten die (drei) jungen Leute. Laßt ihr überhaupt Nachkommenschaft zurück? fragte sie.

Es ist dies der im Vorhargehenden oft erwähnte jugendliche Hauptheld der alten trischen Heldensage, Cuchulinu, der den Namen Setauta trug, bis er als Junge von 6 Jahren den Bemamen 'Culanus Hund' (Cuchillian) erhielt, der dann den irrsprlinglichen Namen Setanta verdrängte. Die wenderbare Erzeugung durch Verschlucken eines kleinen Tierehaus, Würmehens usw., mit einem Schluck Wasser durch Frauen oder Madghen kommt auch nuch bei anderen Hehlen der frischen Sage vor.

<sup>\*</sup> Wixoron liest Annet. Es steht deutlich in der Ha, demet, was etwas ungeusur Schreibung für denicts (oder junger duned) ist, da ja in LU. ganz gewöhnlich / und r für grammatisch erforderliches th und ch steben; se fehlt nur des kleine Zeichen über I und c. Dieses dimieth ist nun ganz klar die 3. Pers. Sing. des imperfekts von dignis (dignish von dignis wie debered von debine) in relativer Verwendung, also mit Aspirierung des anfantenden g, niso welcher es machtel.

Es ist nicht viel Aufhebens damit zu machen (wörtlich 'nicht wird sie verherrlicht'), sagten die jungen Männer. Es ist wahrscheinlich. daß ihr (im bevorstehenden Kampfe) durch das (wegen des) Unrecht fallt. Kommt zu mir, sagte sie, denn es ist gerade meine Empfängniszeit, und versucht, ob ihr Nachkommenschaft hinterlaßt durch mich (mit mir). Das wird gemacht. Es ging jeder Mann nach seiner Reihenfolge zu ihr, und es wurde Gutes davon, nämlich Lugaid der rotgestreifte, der Sohn der drei Find von Emain (LL. 124b, 46-53). Dieser Neffe der Medh nach Mutterund Vaterseite ist ein Zögling Cuchulinns; wie er später als junger Mann zum Oberkönig Irlands zu Lebzeiten Conchobars, Cuchulinns und der Medb gewählt wird, ist uns in dem alten Sagentext Serglige Conculainn (das Siechbert des Cuchulinn) ausführlich erzählt (LU. 46a, 1-36), wobei die in dieser Erzählung gegebene Bezeichnung mac natri Find Emna Sohn der drei Find von Emna (LU. 46a, 32) beweist, daß auch sie Kenntnis der eben gegebenen Geschichte voraussetzt. Dail nun dieser Lugaid mit seiner eigenen Mutter Clothru einen Sohn gezeugt hat, der Crimthann heißt und den Beinamen nin näür führt - was sowohl 'Enkel des Nar', wie einer der drei Großväter hieß, als Enkel der Scham bedeuten kann -, das weiß der alte Lebor Gabala auf Grund uns verloren gegangener Erzählungen zu berichten: ise in Luguid Rialmderg doronsat trimaice Echdach Feidlig russiair, idon reClothraind. Et dano dorone in Lugandein mac riamathair fein. idon Crimthann mac Lugdech, ri Herenn er ist der Lugaid mit den roten Streifen, den die drei Söhne des Eochaid Feidlech mit ihrer Schwester, nämlich mit Clothru, machten. Und dieser Lugald weiterhin machte einen Sohn mit seiner eigenen Mutter, nămlich den Crimthann, Sohn des Lugaid, König von Irland'2 (L.L. 238,

Unter den zein vornehmen Uiterfranen, die neben der Königin Mugain als Teilnehmer an der weiblichen Kneiptafel in Fied Brierenn namentlich aufgeführt werden (s. oben S. 199) ist auch Derborpmill ben Lugdach riabnderg sinte surer Find Emma Dervorgill, die Fran des Lugauf mit den roten Strufen, des Sohns der drei Find von Emna (LU. 1952, 22), also auch hier der Inzest als bekannt voransgeseigt.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Da Derbforgaill in Fled Brierenn die Fran von Logard ist; da sie neine Fran ist in der 5, 205 Anmerkung angeführten Franklung, dim Kinder schenkt und er am Kinnmer über ihren Tod stirbt (LL 125h, 25); da auch Lebor Galilla auf Grund alter Krzikhlungen meider, daß Lugaid im 25 Jahre seiner Regierung in sein Schwert fiel aus Kunnmer um seine Fran (LL 23a, 49, 50); da Derbforgaill in dem Alsschiedslied vor dem Sterben den Lugaid nennt war Gothrand Solin der Gothra (LL 125h, 20) — aus all diesen Gründen muß ann amschnom, daß die Sage ihn den Inzest mit der Matter in früher Jugend begehm ließ, einer an den Hof Conchobars ham. Chothra lebte auf mis Chothrand forloch Er, d. b. Inishehoghram im Loch Ree in der Grafschaft Longford, nachdem ihre drei Brütler mit ihr den Inzest begangen, mis dem Lugaid Riahderg entsprang, und wurde schließlich im Auftrag ihrer eigenen Schwester ermorder (LL 125a, 1—4), danneh hat sie, mit

51 his 23 b, 4; Rawl B, 512, 7 b, 25 ff.). Auch dieser Crimthann wurde, nachdem er den Nachfolger seines Vaters - Conchobar mit den roten Augenbrauen, ein anderer als der oft in den vorhergehenden Erörterungen erwähnte Conchobar, der Ness Sohn - ersehlagen hatte. Oberkönig in Irland. Nach den großen Chronisten und Historikern des 17. Jahrhunderts ist im achten bzw. im zwölften Jahre seiner Regierung Jesus Christus geboren'.

dem zone Manne heranwachsenden Lugaid auf Iniseloghran olme Mann lebend, sealerscheinlich den Sohn selbst, wie vorher die Brüder, zum neuen Inzest angestiftet, uns

dem Crimthann entsprang-

Die vier Meister (1632 hie 1634) nehmen an im 8. Jahre (s. O'Donovan, Aunala ringhrachta Euroaum, 1851, Bd I, S. 91), (7. Kenting (1634 bis 1640) lui 12. Julius im Forus Franc ur Eirum (Ausgabe 1811, Bd. I. S. 405). Diese banen wieder auf den Arbeiten der großen trischen Synchronisten und Chronologen des 11. Jahrhunderts (Tygernach, Flann Mainistrech, Gilla Canngen, Eochaid fi Floing, Machaura) and anonymen Werken derseiben Zeit (Leber Gabilla, Aided Conchobair u. n.). Vom sweiten Drittel des 4. Jahrhumderts (c. 540) war von Südost-Irland (Wexford) aus das Christenmm in Irland allmählich vorgedrungen, um im Veriauf von 100 Jahren ganz Irland an gewinnen; es war das junge Mönchschristentum der abendifiedlichen Kirche, dassen Hamptrepräsentant Martin von Tours (c. 313 his 400) ist, das Irland gewann, und darum 1st die trische Kirche des 5. und 6. Jahrhunderts ansachheiltich Klosters (Ab1-) Kicebe in three Organisation, die von Beginn (c. 630) three Unterwerfung mut Angleichung an Rom volle 500 Jahre branchte (his 1152), his sie an die römische Episkopal - (Metropolitan-) Kirche vollständig angeglichen wurde. Im 5. und 6. Jahrhundert waren überall Kinsterzentren in den sinzelnen Territorien, die natorgemäß Ostertatelu besußen: suerst die Tafeln der älteren Supputatio Romana (84 jähriger Zyklus), im deren Stelle mit der fortschreitenden Unterwerfung unter Rom zwischen 635 mid 715 Tabellen mich dem Zyklus des Dionysius texten. 10 diese Ostertabellen wurden wichtige Ereignisse um der laneren Geschichte Irlands, wie Tod eines Oberkönigs und übnliches, kurz vermerkt. So haben wir für die großen Linien der inneren Geschichte ziembeh sichere Baten bis in die Mitte, wenn nicht Begian des 4 Jahrhunderta. Nimmt man dazu noch: 1. die Rolle, die Geschlechtsregister (Genealogien) bei den Inselketten (iron und Kymren) spielen, solange wir ihre sichere Geschichte kennen; z. dan bei den Kelten von jeher ein Literatenstand existierte, von dem eine Gruppe sich mit Antiquitäten und Geschlechtsregistern beschäftigte (s. Kultur der Gegenwart I. Serie, 10, I, S. 54-61) - nimmt man diese beiden Momente zosammen, so ist klar, daß man zur Zeit des Beginns von Ambeichnungen in den Ostertabellen in Irland über die Hauptfiguren der Inneren trischen Geschichte, die Oberkünige - und in einzelnen Territorien, wie Uister, Connaught, Monster, Leinster auch über die Territoriaffierrseber - noch auf mebrere Jahrhunderte aber die 4. Jahrhundert hinauf ziemlich sichere Erndition hatte, also his um unsere Zeitrechnung und darüber himags. Was nun im einzelnen zur Ausfüllung flieses Gerippes der Genealogen die Historiker, d. h. die Sagenerzähler. vorbringen, das muit mitärlich sehr cum grano salis aufgenommen werden: von Jahrhundert in Jahrhundert setzt sieh neues an, unden Erengnisse jungerer Zeit Niederschlag in der älteren Geschichte; as ist namentlich die Namen gleichheit ac vieler Hauptfiguren der verschiedensten Zeiten (Echant, Aihil, Cormuc, usw.) die initspielt; führen sie auch in Geschlechtsregistern ihre unterscheidenden Belnamen oder die Namen der Vorfahren, in der Erzählung sind sie meistens Echaid. Art. Ailill schlichtweg, da ja dort selten ein underer Art oder Aibit in des speziellen Geschichte. in Frage kommut; so worden im 11. Jahrhundert Ereignisse und Persönlichkeiten des

Biermit ist mein ohen S. 177 für den Beginn der Untersuchung aufgestelltes Programm - zu zeigen, wie sich die beiden markantesten Frauengestalten der alten trischen Heldensage, Königin Medb you Connaught und thre Tochter Findabuir, in den beiden altertömlichsten und umfangreichsten Epen der Guchnlinnunge, Tün be-Chalage and Fled Brierenn, in Rede and Handlang geben - vollständig erledigt, und zwar so, daß ich aus den genannten beiden Epen uml anderen Erzählungen der alten Heldensage zugleich zu zeigen suchte, daß dieses Reden und Handeln der beiden Franen dem Milien der alten Heidensage überhaupt entspricht: Medb und Findabair sind vielleicht etwas temperamentvoller, aber im Grunde nicht anders als die meisten vornehmen Frauen ihrer Zeit. Es ist nun nicht meine Absicht, im Anschluß hieran das auszuführen, was ich S. 177 als Ausgangspunkt alewies, nämlich aus der gesamten irischen Literatur des Mittelniters — also aus zahlreichen kamm berührten anderen Texten der alten nordirischen Heblensage; aus den verschiedenartigen zahlreichen alten Sagenerzählungen, die keinem Zyklus angehören: aus der jüngeren Heldensage (Finnsage); aus der kirchlichen Literatur. namentlich dem Heiligenleben in lateinischer und irischer Sprache, in Prosa und gebundener Rede - alles das zusammenzutragen, was von geschlechtlichem Schmutz sich findet; es würde die Leser Ekel überkommen, da aus dem gesamten Kreis der mir bekannten ülteren Literaturen arischer und semitischer Völker sieh keine annähernd ähnliche Zusammenstellung machen läßt. Aber wichtiger ist ein anderes: diese Zusammenstellung hat für unsere Untersuchung keinen Zweck, ja wäre nur zu sehr geeignet, das Problem zu verdunkeln-Je jünger die Texte eämlich werden, um so mehr schwindet das Charakteristische der S. 177-210 vorgeführten Bilder, es wird einfach mehr und mehr - wenn auch nicht völlig - Unsittlichkeit

berfinnten Cormus (une Cullenskin) von Murster (p. Jahrhundert) mit dem berühmten Cormos (mac Airt) des 3: Jehrhunderts verbanden, die un 9: Jahrhundert aufkommende Finnsage im 3. Juhrhundert versetzt. Die im 9. Jahrhundert auf den Schultern Bullaeinsetzende und im 13. Jahrhundert bilthende Chromologie und Synchronktik hat bier viel auf dem Gewissen, aber das bleibt doch bemerkenswert dall, wie in Wirklichheit die Römer irischen Boden nicht beireten haben, die vagenhafte Geschichte des n his 5. dahrhunderts nichts, rein gar nichts von ihnen weiß. Die Gelehrten des ro, und sa Julichunderte haben die in nurs iersche Chronologie und Guschichte, life e. 400 mit Hills der Aufzeichnungen in Osterinfein, darüber binner darch Kombination. synonrenistisch verarbeitet, und da ist ja begreiffieh, daß, wenn im Sielle der inneren Caronologie A.D. and A.M. grantzi wird, for the agendatic Geschichte and Christi Geliert Differenson his zu zo ja 50 Jahren huranskommen. Das trifft night die innere Chronologie. Man kann sagen, dall der historische Hintergrand für die Eltere trische Heldenrage en sicher die Zelt um Augustus let wie der historische Hintergrund unseres mid Epos von der Nitelunge Not die Zeit Attilas und der Aufenthalt der Burgunder am Rhein.

beider Geschlechter. Worin besteht und das Charakteristischeder vorgeführten Sittenbilder?

Suchen wir es durch den Gegensatz klarzumachen. Wo die Ordnung der Gesellschaft auf Vaterrecht aufgebaut ist, da herrscht Mannermoral, also zunächst Monogamie; es ist nicht die strikte. engere, höhere des Christentums, die Monogamie für beide Geschlechter, sondern die der Arier des Altertums vor dem Christentum: Monogamie für die rechtmäßige Frau, für den Mann daneben Kebsenwirtschaft, mehr oder weniger legitlm. In solchen Verhältnissen tritt uns der Mann als der heischende gegenüber; und wenn sich gelegentlich Kulturzustände finden, in denen unter diesem Vaterreeht Monogamie faktisch eine Farce ist, soweit Fürsten. Edle und Mächtige in der Gesellschaft in Betracht kommen - man denke z. B. an jus primae noctis -, so ist doch immer charakteristisch: der Mann fordert, gibt den Impuls; das Weib gibt, ja gibt sich sogar in legitimen Verhältnissen oft erst mit Widerstreben und Scham (s. Prünhilt in der Nibelunge Not). Ganz das Gegenteil nun ist charakteristisch für die Gesellschaft, die wir S. 177-210 im alten Irland für die Zeit um Christi Geburt in den Epen Tain bo-Cüalnge und Fied Brierenn sowie anderen Erzühlungen der alten Heldensage kennen lernen. Wir sehen eine Ordnung der Gesellschaff. in der der Mann im öffentlichen Leben unbedingt herrscht und befiehlt, während im Geschlechtsleben das Weib so dasteht, daß es fordert und der Mann sich hingibt, einwilligt, daher der Mann der Verschämte und das Weib die Schamlose ist, wie dies so drastisch in der Sage im Verhalten Cuchulinns gegenüber den Frauen zutage tritt (s. S. 193 194, 208). Nur um dieses Charakteristische in der Gesellschaft der altirischen Heldensage noch weiter von verschiedenen Seiten zu beleuchten, sollen einige Ausführungen folgen.

Hier ist in erster Linie wieder lehrreich die Kopfkissenunterhaltung zwischen Ailill und Melle in der Einleitung zu Tain bo Cuainge, von der die Untersuchung den Ausgang nahm (S. 177). Direkt im Anschluß an die zitterten Schlußworte fuarusa dano infersam, idon, tuseu, idon Ailill mac Rossa Rumid do Laigail (diesen Mann fand ich nun, nämlich dieh, nämlich den Ailfill mac Rossa Ruald von Leinster) führt Medb in demselben Atemzug so fort': nirsat neuit, nirsat staid, niesat deaith Tucusa vor - voibehi duit amal asdech wil domnai, idon, timthach dafher dec detach, earpat trisecht cumal, comlethet taigthi dodergir, comthrom doriged cli dafhindruini. Cipë imress mëla - mertain - meraigecht

<sup>1</sup> Leb bitte ober S. 178 durchindesen, um sich in den Zasammenhang zu setzen.

ort nifhuil diri no eneclann duitsin ind acht națil damsa, arMedb; ding fer artineur man atatehomnaie du warst nicht geizig, du warst nicht eifersüchtig, du warst nicht schneidelos (ohne Schneide). Ich gab dir Vertrag (cor., d. h. das vertragsmäßige Ehegeschenk) und Moegengabe (coibche) so gut wie (d. h. in so buhem Wert, von der Güte wie) sie nur einem Weibe zukommt, nämlich Kleidung für 12 Mann von Gewandstoff, einen Streitwagen im Wert von dreimal sieben Sklavinnen, die gleiche Breite deines Gesiehtes von rotem Golde und die gleiche Schwere deines linken Unterarms von blondem ruine (Bronze?); wer immer Schimpf und Schwäche und Narreteiding dir antut, dir steht kein Schadenersatz oder Genugtuung für verletzte Ehre an ihn zu, außer was mir zusteht, sagte Medb; denn du bist ein Mann auf Weiberaussteuer (LL, 542, 11—18).

Wollen wir zu einem vollen Verständnis dieser eigenartigen Stelle gelangen, so tun wir gut, zuerst über die irische See in die Literatur von Wales zu schauen; in den altweisehen Gesetzen (10. Jahrh.) wird für jeden Staatsbürger vom König herab sein guerth und sein samet hestimmt, d. h. 'der Wert der Entschädigung, des Ersatzes' (guerth) und 'die Buße für die Ehrenverletzung' (saruel), also die Buße für die materielle und ideelle Schädigung. Als Buße nur für die ideette Schädigung des Königs von Nordwales führt das Gesetzbuch neben anderem an: guyalen eur kehyt ac ef chun ukyn urusset ac y vys e becan, a clour our kyflet ay huynep a kyn tehet ac eugn amaeth 'cine Rute von Gold, so lang wie er (der König) selbst und so dick wie sein kleiner Finger, and eine Platte von Gold, so breit wie sein Angesicht und so dick wie der Nagel eines Ackermanns' (Duil Gwynedd I, 2, 3). Diese Rechtsbestimmungen werden nun vortrefflich durch einen kymrischen Sagentext, die Geschichte von Branwen uerch Lyr', illustriert. Der König von Irland, Matholwch, war nach Wales gekommen, um Branwen, die Schwester des Königs Bran, als Frau beimzuführen. Als in Aberffraw Hochzeitsfeier gewesen war, ging Efnissyen, ein Stiefbruder der Branwen, der die Iren nicht leiden konnte, hin und schnitt den schönen Pferden Matholwehs das Fleisch über den Zähnen, die Ohren am Kopf und die Schwänze am Rumpfe weg. Sobald Matholweh. dies hörte, eilte er mit den Iren zu den Schiffen, um nach Irland zu fahren. König Bran von Wales schickte bestürzt einen Boten nach mit den Worten; eich yn yal a menegisch idaw, ef agaiff murch iach am bop un oralygrwyt. Ac ygyt a leynny ef ageiff ymrynebwarth idine thathen aryant and hyfref a chyhyt ac ef chun achlawr cur cyflet ac wyneb. A mynegwch idaw py ryw wr awnaeth a phangw om annod inneu y geanaethpwyt hyny geht film nach und meldet film; er wird bekommen ein gesundes Roß für jedes einzelne, das ihm beschädigt Ist. Und

zugleich hiermit wird er bekommen als Genugtuung für ihn eine silberne Rute, welche so dick und so lang ist wie er selbst, und eine Platte von Gold, so breit wie sein Angesicht. Und teilt ihm mit, was für ein Kerl es tat und daß es zu meinem Leidwesen gesehah' (Red Book of Hergest I, 30, 10 ff.). Also such hier neben Schadenersatz dieselbe Genngtung für Ehrenverletzung wie in den Gesetzen für den König. Wenden wir uns nach Irland, so treffen wir in der Sage ganz dasselbe. Nach dem Raubzug der Connaughtleute, der uns in der Tain bo Cualnge erzählt ist, bereitete Conchobar einen Rachezng nach Connaught vor, vor dem Ailill und Medb bange wurde, und man beriet, Conchobar folgenden Sühnevorschlag zu machen: sond minad cachshaind - grianan ininad cachgrianain, tech ininad cachatigi, bo ininad chachabis, dam ininad vachdaim et inDond Cualnge fair aniuas; comleithet anigthi dodergor doChoncholaur doncharsain Pfahl für jeden (vernichteten) Pfahl, ein Sommerhaus für jedes Sommerhaus, ein Wohnhaus für jedes Wohnhaus, eine Kuh für jede Kuh, einen Ochsen für jeden Ochsen und den Dond Cualnge nußerdem dazu; die gleiche Breite seines Angesichts von rotem Gold dem Conchobar für diesen Fall' (LL. 173b, 33-38). Noch ein weiteres Beispiel ist lehrreich aus dem Text Mesca Ulad, dem schon oben S. 208 eine lehrreiche Szene entnommen ist: Als die Ulter auf ihrem Zuge in der Trunkenheir das Fest in Temair Luachra, an dem auch Ailill von Connaught mit seinen 7 Söhnen als Gast teilnahm (LU. 20s, 36, 37) gefeiert hatten, da ging hernach Ailill in freundschaftlicher Weise nach Ulster zu Besuch (forcelidi): Dobreth combethet aenech diar - argut do Ailill - secht cumula (do)caclunac diamaccaib es wurde dem Ailill gegeben die gleiche Breite seines Angesichts von Gold und Silber und 7 cumul (= Sklavin = 3 Kühe) jedem Sohn von seinen Söhnen (LU. 20b, 27-29). Da dem Ailfil und seinen Söhnen ein Verlust nicht zu ersetzen war, erhalten sie nur Genugtuung für verletzte Ehre.

Aus kymrischen Gesetzen sowie aus alten Sagenerzählungen der Inselkelten lernen wir also, daß bei den Inselkelten neben dem materiellen Ersatz eine Genugtuung für verletzte Ehre gegeben wurde: sie bestand für Könige nach den übereinstimmenden Zeugnissen in einer Platte von Gold, so breit wie das Antlitz des Beleidigten, und in einer Rute (Stab gwyalen, Mathen) von gleicher Größe mit dem Beleidigten, ebenfalls von Gold oder Silber nach den kymrischen Zeugnissen. Wer in Kenntnis inselkeltischer Sprache und Literatur auch nur wenig über das Aufängerstadium hinaus ist und etwas kombinieren kann, dem ist die symbolische Bedeutung hiervon ganz klar. Wir sagen: es steigt jemand die Schamröte ins Gesicht'; im Altirischen bedeutet imdergaim (von derg 'rot') eigentlich 'er-

röten machen', regulär 'einen beschämen, beschimpfen, thun die Schamröte ins Gesicht treiben'. Man ging aber im trischen und inselkeltischen Altertum weiter: man nahm an und erzählte, wie wir aus Sagentexten wissen, daß diese Röte im Angesicht zu 'Ausschlag oder Blasen' (holgu) im Gesicht wurden, namentlich bei Fürsten und Edlen infolge sie hernbsetzender Spottgedichte (s. LL. 81 n. 40; Three Irish glossaries S. XXXVIII, 17ff.). Es wurde also durch angetanen Schimpf das Augesicht entstellt; und wenn nun bei den inselkeiten als Genngtunng eine Platte von Gold, so breit wie das Antlitz des Beleidigten, bei Königen gegeben wurde, so bezeichnet dies offenbar symbolisch die Reparatur des durch Schamröte, Ausschlag, Blasen infolge der angetanen Schamle entstellten Gesiehts. Dies drücken auch die technischen Ausdrücke für 'Genugtung für verletzte Ehre' ausaltic enecklann (eneclaun), kymr. gwynelwerth (gwynelwarth). Es bedeutet altie, enech ebenso wie kyme, bret enep Angesicht (= sanskrit antha, gr. (sauna): hierzu ist kymr. gwynep ein Kompositum aus gwo (= ir. fo. gr. 9no), das verkleinernde Wörter bildet, mit enep, also eigentlich 'Angesichtehen. Was den zweiten Teil des Kompositums aulangt, so ist altir, lum eine dünne Platte von Gold, die nach den Sagentexten als Schmuckstück an der Stirn getragen wurde und auf Schilden; es entspricht kymr. Hafn 'Platte' und ist mit diesem eine Entlehnung aus dem lateinischen laman, lamma aus der brittischen Römerzeit; es bedeutet also altir eneclaun 'Genngtunng für verletzte Ehre' wörtlich 'Platte für das Angesicht', ist also der sprachliche Ausdruck dessen, was in den welschen Gesetzen und in kymrischen sowie irischen Sagentexten als Genngtung für verletzte Ehre vorgeschrieben und gegeben wird. Das kymrische megudaceth ist 'der Wert für das (entstellte) Angesicht', also entsprechend, wenn auch nicht so anschaulich wie der altirische

Nunmehr sind wir gerüstet, die S. 214 verlassene Rede der Medb zu verstehen und in ihrem vollen Sinne zu fassen, zumal wenn wir noch eine Stelle aus einer Erzählung der alten irischen Heldensage hinzunehmen. In der Erzählung vom 'Siechbeit des Guchulinn' (Serglige Conculainn) sehlldert Fand den glückseligen Zustand, als Manandan mac Lir sie heimführte:

Donanthue Manaman mass, robum cole camadas, darnase diar aranthii thue dam illung mimdergilar

Als der stattliche Manannanm ich heimführte, war ich ausagende Gattin ihm: einen Handring von Gold besitze ich noch, den er mir als Lohn (Bezahlung) für mein Errötenmachen (d. b. nach dem, was S. 215 ausgeführt ist, dafür, daß er mich erröten machte beim

Nehmen der Jungfernschaft) gah' (LU. 30n. o. 10). Nimmt man dazu noch, daß in den sitwelschen Gesetzen gwyneinerth die technische Bezeichnung für 'die Genugtung für verletzte Ehre' auch die 'Morgengabe' des Ehemanns an die Frau bezeichnet, wofür cowyll der spezielle Ausdruck ist (s. Ancient laws of Wales I, 92, 12), dann kann kein Zweifel sein, daß Medb auf die 'Morgengabe' - pretium virginitatis im germanischen Recht - so anspielt: 'ich babe in die den Mann gefunden, wie ich ihn wünschte, ohne Geiz, ohne Furcht, ohne Eifersucht. Ich habe, so wie bei euch arischen Kelten der Mann die Frau heimführt, dich heimgeführt: ich habe das vertragsmäßige Ehegeschenk (cor) und die Morgengabe (coibche) so dir gegeben, wie bei euch arischen Kelten der König der jungen Königin gibt - natürlich mit der Umtauschung, die durch die Umtauschung der Beziehung der Geschlechter bestimmt ist, also im Geiste eures arisch-keltischen Branches: Kleidung für 12 Mann an Gewandstoff und einen Streitwagen im Werte von 7 Sklavinnen als vor; ferner dafür, daß ich dir die Jungfernschaft genommen, also deine Ehre verletzt und dich zum Erröten gebracht, als Morgengabe 'die gleiche Größe deines Angesichtes von rotem Gold', womit du dein Angesicht wieder reparieren kannst. und die gleiche Länge deines linken Unterarms von blendem enine dir gegeben, wie es bei euch Recht und Sitte ist, einem König oder Königssohn, der du warst, als Genngunng für verletzte Ehre zu geben. Wie also bei euch arischen Kelten der Frau nur der Schadenersatz (dire = kymp, dirwy) und die Genugtuung für verletzte Ehre (enschlann = kymr. pagaebaerth) zusteht, die ihrem Mann zukommt, so hast du nur Anspruch auf beides, soweit es mir zusteht. So sprach Medb. In der Erzählung, wie sie uns überkommen ist, folgt aber noch der Satz denn ein Mann auf Frauengut bist du idan fer artineur mit atatchomanic). Das ist sehr lehrreich. Im 9. Jahrhundert, in das wohldie Aufzeichnung dieser Erzählung zurückgeht, waren unter jährhundertelanger vereinter Tätigkeit der arisch-keltischen Kultur und des Christentums derartig rechtliche Anschauungen unverständlich; man legte sich die treu durch Jahrhunderte fortgepflanzten Erzählungen zurecht, wofür wir in in anderen Punkten hinreichend Belege haben. Erbtöchter kannte man damals, und da lag es nahe, die unverständlichen Rechtsverhältnisse sich so zu erklären, also den Ailill als Mann einer Erbtochter aufzufassen, was der Erzähler mit den Worten fer artmeur man atatehommune gibt. Diese Auffassung ist falsch und widerstreitet der Sage: Medh ist gar keine 'Erbtochter' im späteren Sinne, da sie nach der Sage drei Brüder und zwei Schwestern hat, und Lugaid Riabderg als Sohn theer Schwester und der drei Brüder vorhanden ist, der ja dann auch später Oberkönig in Irland wird

(s. oben 8. 209 ff.); anderseits ist Allill kein armer Schlucker; ein Bruder von ihm ist Oberkönig in Tara, ein anderer herrseht über Leinster, und er hat, wie er ja selbst behauptet und im Verlauf der Kopfkissenunterhaltung beweist, größeren Besitz mit in die Ehe gebracht als Medb (LL. 54n, 19—54b, 3). Gerade weil die Sagenerzühler des 9. Jahrhunderts die Erimerungen an teilweise andere Ordnung der Gesellschaft im Heldenzeitalter nicht mehr verstanden, ist in dem Gespräch in der Kopfkissenunterhaltung manches verschoben, um das Unverständliche begreiflich zu machen.

So ist also die ganze Stelle LL. 54a, 8-18, wie sie oben S. 177 und S. 213-216 behandelt wurde, in ihren Auschanungen aus einem Guß, und das charakteristische an ihr ist die vollständige Umkehr der Zustände, wie sie unter reinem Vaterrecht bestehen. Medb nimmt sich einen Mann, nicht etwa, wie unterm Vaterrecht ein Mädelten einen Mann annimmt, und auch nicht einen armen Schlucker - soweit dies zum Ausdruck kommt, stammt es aus der Auschaufung jüngerer Zeit -, sondern einen Königssohn und Bruder von Königen. der eben so großen Besitz hat wie Medb: sie zahlt das vertragsmallige Phegeschenk (cor) an ihn, sie gibt ihm die Morgengahe als Pretium virginitatis; und wie im Vaterrecht der Mann Kebsen als legitim betrachtet, so beansprucht Medb Hausfreunde' (Männer im Schatten des anderen) als legitimes Recht, als Bedingung des Ehekontraktes. Es handelt sich nicht um extreme Reden, in der Hitze des Streitens ausgesprochen, sondern um offen von Ihrer Seite proklamierte Grundsätze, um stillschweigend von Affill anerkannte und um offen von Medb in Taten umgesetzte, wie wir sehen: sie bietet sich, um kurz zu erinnern, dem Dare offen an (S. 178/179), ebensodem Ferdiad sich als Zugabe zur Tochter (S. 102), sie benutzt mit Wissen Ihres Ailill den Fergus auf dem Kriegszug und am Hofe (S. 180-185) als den Mann im Schatten des anderen, sie setzt das dem Ferdiad gemachte Anerbieten bei anderer Gelegenheit in die Praxis um (S. 197).

Ein weiteres Moment zur Charakteristik der verkehrten Weit vom Standpunkt des Vaterrechts in den Erzählungen der alten irischen Heidensage ist folgendes. Wir haben in zahlreichen Handschriften zwei Repertoire irischer Sagenerzähler aus dem 10. Jahrhundert, das eine aus der Regierungszeit des Oberkonigs Domnall mac Muirchertaig (956—979); beide sind vollständig unabhängig voneinander und enthalten, kritisch betrachtet, je (6) Titel von Sagenerzählungen, die die betreffenden Erzähler auf ihrem Repertoire hatten, und von denen ungefähr 3 beiden Repertoiren gemeinsam sind; es sind also etwas über 200 Erzählungen, von denen ein gutes Drittel in Handschriften

des 21 bis 16 Jahrhunderts auf uns gekommen ist. Wenn auch ganz verschieden angeordnet, gleichen sich die beiden Repertoire darin, daß sie die Erzählungen auch Gattungen wesentlich ordnen, also z. B : tana 'Herdenwegtreibungen', taqla Zerstörungen', ontha 'Schlachten', imrumu "Seefahrten", echtra Abenteuer', fessa Festlichkeiten u. a. Unter diesen Gattungen führen beide Repertoire auch aitheda auf: das eine Repertoire mit 7, das andere mit 17 Erzählungen. Es sind aitheda Erzählungen, die man bei Griechen oder Germanen als Entführungen' bezeichnen würde, das Wort albed bedeutet aber 'Entlaufung. Es handelt sich meist darum, daß Mädchen ihren Eltern oder Frauen ihren Männern entlaufen und als Verführer ihrerseits junge Männer, Stiefsöhne usw. entführen, zum Mitentlaufen zwingen. Ein kurzes Beispiel möge dies illustrieren: Ri maith rogab Muma, idon Mairid marCairedo. Batar damar mathi leis. idin Ecchaid - Rib. Eblin immorro ingen Guari aBruig maio Indoc, isi baben do Mairid. Roluside menunain foramuesom, idon for Eachaid; basi tra octothlogud ingilli frire ciona. Rolaisi tra fodetiid algis fairsium cotunchad foraithed lei Asbert immorro Rib frinbrathair aramberad leis immitti sin nobeth foothis ; noragadsom attr leis. Dobert icrom Eochaid Eblind leis for aithed - tie Rib 120. 'Ein guter König herrschte über Manster, Mairid Sohn des Cairid. Er hatte zwei gute Söhne, nämlich Eochaid und Rib. Eblin aber, die Tochter von Guare aus dem Gebiete des Mac Indoc, war die (zweite?) Fran Mairids. Sie warf ihren Sinn (ibr Begehren) auf thren Sohn, nämlich auf Eochaid und war nun längere Zeit dringend den Jüngling mit Bitten bestürmend (ihr Verlangen zu gewähren). Zum Schluß zwang sie ihn, durch eine Schandenbitte (ailges d. h. eine Verwünschung, die, wenn die Schandenbitte nicht erfüllt wurde, den Mann unglücklich machte), daß er mit ihr entlaufe. Aber Rib - dem er wohl von dem ihm angetanen Zwang Mittellung gemacht hatte - sagte zu seinem Bruder, daß die Mitnahme dieses Weibes ihn (den Rib) unter üble Nachrede bringen würde, und er würde mit ihm außer Landes gehen. Eochaid entlief also mit Ebliu und Rib kommt mit ihnen (LU 39a, 23-3a).

Also Frauen sind die Entführer der Männer zur Zeit der alten irischen Heldensage, sie sind das treibende Element und der Mann das zurückhaltende: gefällt ihnen ein Mann, so bieten sie sich an, und will der Mann nicht, wendet er sich schamvoll vor schamlosem Verlangen ab, so zwingen sie ihn durch eine geiss, eigentlich Bitte', dann eigenartige Beschwörung bei der Ehre eines Mannes, mit der im Irischen Heldenzeitalter Bitten aller Art erzwungen werden konnten; wurde so etwas 'schamloses' oder 'schandbares' in

den Augen des Gebetenen erzwungen, so ist es allere wie in der vorgeführten Geschichte! Wie dies geschah, illustriert uns eine Geschichte, die uns wieder an den bekannten Hof Conchobars in Emain Macha in Ulster versetzt. Dem Sagenerzähler Conchobars namens Feidlimid wurde von seiner Frau eine Tochter geboren, von der schon vor der Geburt geweissagt wurde, sie würde zum sehönsten Weibe beranwachsen, aber Hunderten von Edlen Tod und Verderben bringen: Conchobar verhinderte die Tötung des kleinen Wesens und ließ sie abgeschlossen in einem Haus erziehen, um sie herangewachsen our Kelssen zu machen. So wuchs das Midchen unter Aufsicht einer Pflegematter herau zur schönen Jungfrau, ohne einen anderen Mann als thren Pflegevater Conchobar gesehen zu haben. Einstmals nun war ihr Pflegevater zur Winterzeit beschäftigt, im Schnee ein Kalb abzuziehen, von dem gekocht werden sollte, und Deirdre erblickte einen Raben, der von dem Blute im Schnee trank. Da sagte sie: so einen Mann könnte ich allein lieben, an dem die drei Farben dort. namlich das Haar wie der Rabe, die Wange wie das Blut und der Körper wie der Schnee. Leborcham, eine Hexe, sagte ihr, einen solchen Mann gebe es in Emain, das sei Noisi, der Sohn des Usnech, und Deirdre verliebt sieh so in den Unbekannten, daß sie gesteht: mir ist nicht mehr wohl, his ich ihn sehe. Noisi, das Objekt von Deirdres Liebe, war ein berühmter, tapferer Ulterkrieger, der zudem durch seinen sehönen Tenor (andord 'Nichtbaß') berühmt war. 'Errötend folgt er ihren Spuren und ist von ihrem Gruß beglückt, das Schönste sucht er auf den Fluren, womit er seine Liebe schmückt', singt Schiller vom verliebten Jängling. Was tut die eben zur Jungfrau heranwachsende Deirdre in dem irischen Heldenzeitalter? Der Sagenerzähler erzählt es auschaulich; Fecht nund ding buissom inti Noisi avenur fordue narratha, idon na Emna, ocundord . . . Ambitiaium dina attinur inti Naisi immuig, nosvilanusi cuci immuch anni dothecht secha. Et nisnathyroin, Iscain orseiscom intshumuise teit sechond. Dieglaie, oreisi, summisci mora bale nabit tuirb. Ata tarb inchoicid lett orsesseom, idon

Das Wort geine im etymologisch und in seiner Bedeutungsentwicklung annenklar, Wurzel ist ged (im s.Fut. gress.) mit Ablum god (quale Bitte', qualem lich bitte') und gud (im Part. rogad ich imbe gebeten); derselbe Ablant in Warrel ret: aftir. rank. kymr, questions and to Wartel of sagen't kymr, slymout, quest, in faith, lat. cases); mit dem bekannten Suffix a- wind gam, was altir, geins. Aus der Bedeutung Bitter, inständige Bitter, Beschwürung (Planse lich lege Beschwärungen auf dich mier ich lege dich unter Beschwörungen') wird für den, der einer geiss machgibt einerseits eine Very Hightung ciwas an inn' and anderseits cin Verbot ctwas an inn'. Die lettters Bedeutung ist in den alten Sagentexten die häufigstet gesse Conculation sind die Dinges die Cuchulino wicht two darf, die Labo für fün sind. Em noch Etymologie und Bedentungsantwicklung blar srisch-keltisches Wort bereichnet in der alterischen Heldensage gewähnlich Dinge, die typioch für die Polynester sind.

ri Ulad. Nothogfaindse etruib faradis, orsisi, et vogeband tarbin ör amal tussa: Nitho, orsesseom, eith fobithin faitsine Cathbud, Indomfemidsa adeiri sin? bidda immarco orseissom. Lasadain facheirel bedg cues corraunib adano foraclind. Dano mele - vuitbiuda undso, olsi, manimberasu latt. Eargy naim aben, alse. Rothic on al sixi. Einst nun war Noisi allein auf dem Walle der Burg, nämlich von Kmain, und ließ seinen Tenor hören . . . . umd als mm Noisi allein so draußen war, da entschlüpfte sie (Deirdre) zu ihm hinaus, als wolle sie an ihm vorbeieilen. Und er erkannte sie (in dem Augenblick) nicht. Das ist eine schöne Kalbin, sagte er, die an uns vorbeigeht. Es müssen, sagte sie, die Kalbinnen groß sein, wo es keine Stiere gibt. Du hast den Landesstier bei Dir, sagte Noisi, womit er den König der Ulter meinte. leh möchte zwischen euch beiden die Wahl haben, sagte sie, und ich würde ein junges Stierchen wie Dich nehmen. O nein, rief Nöisi, schon wegen Cathbads Prophezeiung. Sagst Du dies, um mich zu verschmilhen? Allerdings, sagte er. Bei diesen Worten (Insodain, s. oben S. 200 Anm. t) tut sie einen Sprung auf film zu und ergriff seine beiden Ohren an seinem Kopf. Zwei Ohren der Schande und des Spottes sind hier, sagte sie, wenn Du mich nicht mit Dir nimmst. Weich von mir. o Weib, sagte er (LL 260a, 24-44). Noisi henachrichtigt sofort seine Brüder von der allyess, die auf Ihm lag: biaid ole de, arindow. Ciabeith nacobiaso formebail coin benanitas imbethaid. Responsitui lee itir maile 'Daraus wird Unheil kommen, sagen die Helden, Was aber auch werden mag. Du sollst nicht unter Schande sein, solange wir am Leben sein werden. Wir werden mit ihr in ein anderes Land ziehen' (LL 260s, 48-50). Das führen sie noch mit Gefolge in derselben Nacht aus.

Hier wird uns anschaulich gesehildert, was in dem vorher erwähnten Beispiel (S. 219) einfach mit Rolaisi tru foderid ailges fairsium co 'sie legte zum Schluß eine ailgess auf ihn, daß' gegeben ist. Diese Deirdre, die Frau des Nöist mac Usnig, ist übrigens neben Emer, der Frau Cuchulinns, bemerkenswert: beide, Deirdre und Emer, sind in der alten Heldensage der Iren die beiden einzigen stark hervortretenden weiblieben Figuren, die dem Manne ihrer Wahl in Glück und Unglück Treue halten, wobei Deirdre und Nöisi unglücklich werden; ihnen stehen die Medb, ihre Töchter Findabair und Sadb,

In der epischen Erzählung der jüng even Heldensage von der Entführung Darmatts durch Gräinne, die handschriftlich zwar nicht über das 15. Jahrhundert binausgelit, aber zu den Alfesten Texten der jüngeren Heldenauge gebürt und wohl im 10. Jahrhundert ihrer ersten Entstehung mich enriickgehon kann, ist die ganze Art. wie Gräinne den Diarmait an Stelle des liberen Flan wählt (a. Ossianic Society 3, 54) nine Parallels oder vielmehr direkts Nachahmung der alten Erzählung von der Wald Noises

Conchend, die Tochter von Cet, Clothru, Mugain, Blathnat und viele andere als Repräsentanten anderer sittlicher Anschauungen in erdrückender Fülle gegenüber. Oft geht die Werbung der Frauen gar nicht so zeremoniell vor sich wie bei Ebliu oder Deirdriu; wenn der Mann sich die Weihsbilder trotz ihrer fürchterlichen gessa nicht so energisch vom Leihe hält wie Cuchulinn bei dem Kriegszug es mit der als 'Tochter des Königs Bunr' in Gestalt eines jungen Weibes mit Kleidung von jeder Farbe zu ihm kommenden Mörrigan tut (L.U. 74a, 30ff.; YBL, 31b, 42ff.), dann kriechen sie einfach zu dem Manne ins Bett wie Macha zu dem verwitweten Ulsterpächter Crumchu, um sich ein Kind zu holen (YBL, 2114, 41), und stachein den Mann, der sich weigert, ihnen zu Willen zu sein, mit Holm an, wie Brig-Brethach, die Frau des auch in der Tain be Cüalnge sich auszeichnenden Ulsterhelden, den alternden Blai in dem Sagentext Aided Cheltchair (Kuno Meyer, Todd Lect. XV, S 24).

Die ganze Gattung der aitheda genannten Sagentexte in den Repertoiren der irischen Sagenerzähler des 10. Jahrhunderts ist also schon ebensosehr durch ihren Namen wie durch viele ihrer Kinzelheiten eine Illustration der vom Standpunkt des Vaterrechts verkehrten Welt, wie sie in den Erzählungen der alten irischen Heldensage in weitem Umfang im Hintergrund erscheint; verkehrt ist aber diese Welt nur vom Standpunkt des Vaterrechts, das den Rahmen für den Hintergrund abgibt, in das sie nicht hineinpaßt. Dahei läßt sieh ohne Schwierigkeit erkennen, daß dieser Zustand des Verhältnisses der Geschlechter einst in einer Ordnung der Gesellschaft, die im Hintergrund der Heldensage liegt, der natürliche muß gewesen sein, der legale, die Ordnung der Gesellschuft sellist. Es handelt sich also um ein offen aneckanntes Recht der Frau; es ist nicht ein zur Krankheit der Gesellschaft umgestaltetes Individuelles Easter. sondern es ist der normale, der Gesundheitszustand einer Kultur, die im Hintergrund der Irischen Sagentexte aus der älteren Heldensage erscheint. Damit steht etwas anderes offenbar in engem Zusammenhang

Die S. 177-222 vorgeführten Dinge werden in den alten Texten des Cuchulinnsagenkreises nicht etwa wie etwas Pikantes mit beson-

durch Deirstve an Stelle des älteren Concholar. Auch Gräimm ist dem Manne ihrer Wahl treu wie Beirdre, was deshalb ins Gewicht fillt, weil dies so seiten in frischer Sagengeschiehte ist; endlich wird das Paur Grainne und Diarmait obnoso von Ort zu Ort gehetzt wie Deirdre und Nöbel. Wir haben hier zu dem von mir anderweitig (Ztsehr. f deutsches Aitertum 35, 42-47, 154 m) an achlagenden Beispielen nachgewiebenen Vorgang, wie den Frägern der jüngeren Beideusage (Fimsage) die Kompositionen and Mative der alien Heidensage bei den größeren Epen (wangemertha Fint; zutegnimwithin Committeen; Cath Finnisaga: Two to Caulage, Accallan massacracks Statuschurgus Conculared) als Vortild vorschwehten, einen weiteren Beieg.

derem Behagen erzählt, ebensowenig aber auch mit erkennbaren Zeichen der Mißbilligung, wie man dies von Erzählern im ehristlichen Irland des 7. bis 10, Jahrhunderts erwarten möchte. Ebenso unbefangen wie die Sagenerzähler Druiden (druid) und Vaten (fathe) auftreten, die Helden zu dem Gott, bei dem ihr (Ilan (tüuth) sehwört), schwören lassen, und von Christentum keine Spur in den Erzählungen vorhanden ist, ebenso sind für die Sagenerzähler des 9. Jahrhunderts die geschilderten sittlichen Zustände integrierender Teil der Gesellschaft jener Zeit, die sich in den Sagentexten widerspiegelt. Der Erzähler steht in der Täin bo Cualnge, Fled Brierenn und vielen anderen mif uns gekommenen Texten wie ein verax historieus - um ein Wort Bedas zu gebrauchen - da: er überliefert Personen und Dinge in dem Licht, wie er sie überkommen hat; es lat für ihn Geschiehte, und da fälscht er nicht absiehtlich und mit Bewußtsein', daraus folgt, daß die Texte der alten trischen Heldensage, so viel geschlechtlichen Schmutz sie auch enthalten, nicht als unsittlich zu betrachten sind, sofern nicht die Vorführung der Dinge selbst, sondern die Absiehtlichkeit, mit der sie vorgebracht werden, den Maßstab abgibt. An diesem Malistab gemessen, sind pikante Erzählungen viel jüngerer hagiographischer irischer Literatur unendlich viel unsittlicher als die Erzählungen der nordirischen Heldensage in ihren ältesten Fassungen.

Nunmehr wende ich mich zum Ausgangspunkt der Untersuchung zurück (S. 176) und frage; Haben wir ein Recht zu sagen: Die in diesen Sagen - aus denen die Bilder von S 177-222 genommen sind zutage tretenden Kulturgustände zeigen uns Einrichtungen und Sitten der vorchristlichen Zeit - nämlich Irlands -, die im großen wie in vielen Einzelheiten der altkeltischen Kultur des Kontisnents entsprechen?' Haben wir ein Recht anzunehmen, daß solche Sitten, wie sie die Untersuchung S. 178-223 vorführte, bei den Frauen der Edlen der kontinentalen Kelten vorkomen, mit denen

Wie unendlich hoch steht der Ire des q./ro, Jahrhunderts in dem Punkt fiber den Iron des 19,/20. Jahrhunderts, wo der Zweck alle Mittel beiligt, wenn die Iren auf flire Vergangenheit, also such die Vorführung der alten Sagenstoffe kommen. Der Geist bewußter Fillschung ist erst durch die Kirche nach dem Anschliß an Rom in der zwischen 634 und 1185 allmählich geschaffenen Patricklegende in die klochliche Liferatur eingeführt werden, nachdem einmal, wie Rerder sagt, das bese Prinzip angenommen war, daß man zum Nutzen der Kirche Lügen erflichen, Dichtungen schreißen durfe, so war der historische Umube verliebt. Zunge, Feder, Geduchtuts und Einhildungskraft der Menschen hatten ihre Regel und Richtschnur vertoreo (Herder, Ideen XV. t). Von kirchlicher Literatus drang das Gift dann im Verlanfe der Jahrhanderte überall in der irischen Literatur vor, his absüchtliches und bewulktes Verheimilichen der Wahrheit chenso patriotisch in Irland wiede wie es schon länger Amdruck frommer Gesinning war.

Griechen und Römer seit Anfang des 4 Jahrhunderts v. Chr. an verschiedenen Stellen in sehr nahe Berührung kamen? Drei intensive, Jahrhunderte dauernde Berührungen zwischen kontinentalen Kelten und Griechen-Römern kommen in Betracht.

Im ganzen 4. Jahrhundert sitzen keltische Stämme in der Donauehene durch Pannonien und Mösien; mit Ihnen stellt sich Alexander vor seinem Zug gut, und sie schieken Abgesandte, ihn in Babylon zu begrißen; unter den Diadochen dringen Scharen von ihnen nach Süden bis Delphi, andere setzen nach Kleinasten und gründen einen anabhängigen Keltenstaat am Halys (um 235). Welch eine Balle von Nachrichten über Kelten des Altertums ist hiervon zu den Griechen gekommen und, mit Nachrichten über kontinentale Kelten aus anderen Quellen vereinigt, in griechischen Schriftstellern zu finden. Bequem, auch für die Bedürfnisse solcher, die nicht mehr Griechisch lessm, sorgend, liegt es in dem sechshändigen Werk von Ern Gounny, Extraits des Auteurs Grees contenant la géographie et l'histoire des Gaules (d. h. Kelten) Paris 1878 - 1892 vor, womit Dom Bouquets Recueil des Historiens des Gaules (1728) für unsere Zeit teilweise erneuert ist. Ist in diesem gewaltigen Material ein Anhalt dafür zu finden. daß bei den kontinentalen Kelten dieses Gebietes vom Ende des 5. bis ins. 1. Jahrhundert v. Chr. ähnliche Verhältnisse in der Beziehung der Geschlechter zueinander geherrscht haben, wie sie uns die Erzählungen der altirischen Heidensage (s. S. 178 - 223) in Irland um Christi Geburt vermten? Keine Spur.

Ende des 5. oder Aufang des 4 Jahrbanderts drangen keltische Stämme in Oberitalien ein und gründeten, vor Rom (390) auf ihrem Siegeslauf gehemmt, in Oberitalien südlich und nördlich vom Po bis in die Alpen, zwischen fremden Völkern und über fremde Massen gebietend, eine Keltenberrschaft. Über 250 Jahre dauerten die Kämpfe der Römer mit diesen Kelten Oberitaliens und wohl 350 Jahre, his sie romanisiert waren. Haben wir über ihre Kultur Nachrichten, die uns berechtigen, das S. 178—223 entworfene Teilbild der Kultur der irischen Kelten um die Zeit vor Christi Geburt kontinentalkeltisch zu neunen? Keine Spur.

Zwischen a. 122 und 51 v. Chr. vollzog sich die Eroberung des transalpinischen Galliens durch die Römer, woran sich die allmähliche Romanisierung anschloß. Ausgezeichnete Quellen stehen uns hier zu Gebote. Und wie verhalten sie sich zu der mehrmals gestellten Frage? Aus der Fülle des Materials kann man und hat man (D'Arbois, La civilisation des Celtes et celle de l'épopée homérique 1899, S. 321) zu einem Zug aus dem vollen und saftigen Bilde auf S. 178—225 eine scheinbare Parallele beigebracht. Aus dem siebenten Jahre des Krieges

in Gallien, der den allgemeinen Verzweiflungsaufstand der Kelten brachte und in dem die Gemüter aufs höchste erregt waren, erzählt Gasar bei der Schilderung des vergeblichen Sturmes der Römer auf Gorgovia folgendes: Tum vero ex omnibus urbis partibus orto clamore qui longius aberant repentino tumultu perterriti, cum hostem intra portas esse existimarent, sese ex oppido elecerunt. Matres familiar de muro vestem argentumque inclubant et pectore undo prominentes passis manifrus obtextuliantur Romanos ut sibi parcerent, neu sicut Avarior fecissent, ne a mulicribus quidem et infantibus abstinerent: nonnullae de mures per manus demissae sese militibus tradebant (Bellum Galli VII, 47, 4-6). Diese Stelle scheint aber doch underer Anknüpfung und underer Auffussung fältig als der Gleichsetzung mit dem oben S. 196/197, 200, 208 beleuchteten Einzelzug aus dem Sittenbild der alten Irischen Helden-Tacitus meldet in der Schilderung der hohen Stellung der Franch der Germanen: memoriae proditur quasdam acies inclinatas iam et labantes a feminis restitutas constantia precum et obiecta pectarum el monstrata comminus captivitats, quam longe impatientius feminarum suarum nomine timent, adeo ut efficacius obligentur animi civitatam quibus inter obsides puellar quoque nubiles imperantur (Germania 8); wozu ja Casar selbst eine gute Illustration gibt, wenn er beim Auszug der Sueben und ihrer Verbündeten zur Entscheidungssehlacht schreibt: tum demum pecessario Germani suas copias castris eduxerunt generatimque constituerunt paribus intervallis, Harudes, Marcomanos, Tribocos, Vangiones, Nemetes, Sedusios, Suebos omnemque aciem suam redis et carris circumdederunt, ne qua spes in fuga relinqueretur. Eo mulieres imposuerunt, quoe ad proclium proficirentes puissis manibus flentes implorabant, ne se in servibulem Romanis traderent (Belium Gall, I, 51, 2). Dies Verhalten der Germanenweiber ist is klar und wird zudem von Casar und Tacitus richtig gedeutet: Furcht vor Sklaverei und der für die Frauen daraus resultierenden Schunde, Germanenweiber und Frauen kontinentaler Kelten haben dieser Schande oft den Tod vorgezogen, wie wir es z.B. aus der Schlacht auf Campi Raudii erfahren, wo ja germanische Cimbern und keltische Hilfstruppen unterlagen. Wer möchte aber damus den Schluß ziehen, daß Germanenfrauen und Keltenfrauen des Kontinents immer und unter allen Verhältnissen den Tod dem Leben in Schande, in der Sklaverei, vorzogen? Wenn dann ein so heftiges Kriegsjahr vorausging wie der Eichebungskrieg in Gallien im Jahre 52, wenn eine so lange und heftige Belagerung wie die von Gorgovin vorausging, die die Verteidigung immer aussichtsloser erscheinen ließ, ist es dann so auffillend, daß Frauen in Gorgovia, die zu der Gruppe solcher gehörten, die dem Tode alles andere vorzogen, in dem Momente, wo

die Feinde in die Stadt einzudringen schienen und die Eroberung des Platzes sicher schien, zu solchen Schritten griffen, wie sie Gasar meldet? Ich sollte denken, wenn irgendwo, dann gilt bei einem Vergleich der absolut vereinzelt dastehenden Meldung bei Gasar mit dem geläufigen, in das ganze Sittenbild der alten irischen Heldensage passenden Zage aus dem alten Irland das Wort: Si das faciant idem, non est idem.

Wer aber einem solchen Gedankengange abhold ist, wer tiefere Zusammenhänge zwischen dem Verhalten der Germanenfrauen, wie Sage und Geschichte erzählen, über das Bild von der Belagerung Gorgovias hinüber zu dem oben S 196/197, 200, 208 gegebenen Kulturbilde aus dem nordirischen Heldenzeitalter sucht, etwa in dem Sinne, daß alte Gewohnheiten des Krieges bei kontinentalen Kelten und Germanen, wie sie Casar in dem Falle bei Gorgovia meldet, bei den Germanen ebenso verfeinert, wie sie bei den keltischen Goidelen in Irland vergröbert und verallgemeinert wurden - wer solche Gedankengänge liebt, der muß sich eine Gegenfrage gefallen lassen: wenn ein gemeinsamer Zug allem zugrunde liegt, warum muß dieser, da doelt weder Griechen noch Römer sonst Ahnliches von den kontinentalen Kelten wissen, keltisch im Sinne arisch-keltisch sein? Worde der Zug aus Bell Gall VII, 47 statt bei der Belagerung von Gorgovia in Gallia Celtica bei Belagerung einer Stadt südlich der Garumna, also in Aquitania, erzählt werden, so würde kein Mensch ihn für kontinentalkeltisch zu erklären wagen trotz der Zeugnisse in der alten irjschen Heldensage. Ist denn die Garumna seit urvordenklichen Zeiten Grenze zwischen Kelten und Aquitanern so, daß nie in Gallia Celtica hinein eine andere Bevölkerung als Kelten - Rasse- und Sprachkelten gesessen hätten? Damit kommen wir jedoch zu einem Problem, zu dessen Lösung noch andere Untersuchungen vorausgehen müssen, und das daher erst in Studie IV aufgenommen werden kann-

So viel wird wohl jeder, der dem Gedankengang S. 225/226 nicht zustimmen kann, zugeben: der Nagel Bell. Gall VII, 47 reicht nicht hin, um altes, was S. 178-223 aus den Erzählungen der alten irischen Heldensage vorgebracht wurde, daran aufzuhängen, um also trotz des Mangels an Zeugnissen der Griechen und Römer über derartige Zustände kontinental-altkeltischer Kultur, wie sie das Heldenzeitalter Irlands kennt, sagen zu dürfen, daß uns in den Einrichtungen und Sitten, wie sie aus den Erzählungen der alten irischen Heldensage vorgeführt wurden, altkeltische Kultur des Kontinents vorliege. Die Art, wie die Erzählungen der alten Irischen Heldensage fast allgemein verwendet werden, um Recht und Sitte der Kelten im Altertum darzustellen, wo andere Quellen schweigen, ist höhere Kritiklosigkeit;

sie wird hauptsüchlich dadurch befördert, daß man sich eins nicht klarmacht; nicht unsittliche Zustände als solche sind charakteristischfür den Hintergrund der altirischen Heldensage, sondern daß Dinge als legitim durchscheinen, die unmöglich sind auf dem Boden des reinen Vaterrechts, also einer rein arischen Kultur, was die Kultur der Kelten ebenso wie der Germanen in grauer Vorzeit einstwar, als Rassen- (Volks-) Einheit und Spracheinheit bei ihnen noch identisch waren. Der Widerstreit, wie er bei Assimilierung eines Volkstums, dessen Gesellschaftsordnung auf einem anderen Prinzip als dem der arischen Völker aufgebaut ist, durch ein arisches Volkstunganz natürlich in der Chergangszeit zutage treten muß, ist der historische Hintergrund der Erzühlungen der alten irischen Heldensage. Das soll die pächste Studie erweisen.

Ausgegeben am 23. Februar.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

X.

DER

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

23. Februar. Gesammtsitzung.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

1. Hr. Nrassr las «über die specifische Wärme bei sehr

tiefen Temperaturens. (Ersch. später.)

Die Arbeit bildet eine Fortsetzung seiner früheren Mittheilungen. Die Messingen sind bie zur Temperatur des flüssigen Weisenstoffs geführt worden; ganz im Sinne sowohl der Quantentheorie von Plasses und Eissereis wie auch des vom Vortragenden entwickelten Wärmetheorems fallen die Atoms bez. Molecularwärmen aller bisher nutersachten Stoffe bei fiefen Temperaturen zehr stark ab. Beispielsweise beträgt beim Stedepunkt des Wasserstoffs die Atomwärme des Bleis 2,7. diejenige des Kupfers aur nicht 0,2, während das Gesetz von Dunosa und Perer bekanntlich den Werth 6 verlangt.

Es ergab sich bei diesen Untersuchungen zugleich eine sehr auffallende Beziehung zwischen dem Energieinhalt der Metalle, wie er aus obigen Messangen folgt, und ihrem galvanischen Widerstand; die theoretische Deutung derselben im Sinne der Elektronen-

theorie finder sich in einer zweiten von Hrn, Lavorzauss verfassten Natiz.

2. Hr. Frobenius trug eine Arbeit vor: Über den von L. Birnerbach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jordan.

Der Beweis des Hen. Hiermangen wird durch Einführung des Begriffs der Spannung einer Matrix, die für mattere Substitutionen invariant ist, vereinfacht.

- 3. Hr. Warmere legte eine Abhandlung des Hrn. Dr. Nemes in Berlin «Über die Kerne des Diencephalon» vor, deren Aufnahme in den Anhang zu den Abhandlungen der physikalisch-mathematischen Classe von der Akademie genehmigt wurde.
- 4. Die Akademie hat die Aufnahme einer von Hrn. Conze in der Sitzung der philosophisch-historischen Classe vom 2. Februar vorgelegten Abhandlung des Hrn. Director Dr. Turobon Wirgann in Constantinopel: «Siebenter vorläufiger Bericht über die von den Königlieben Museen in Milet und Didyma unternommenen Ausgrabungen» in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe genehmigt.
- Die Akademie hat durch ihre philosophisch-historische Classe Hrn. vos Wilanowitz-Moellendorff zur Anfertigung von Photographien Plutarchischer Handschriften weiter 500 Mark bewilligt.

Die Akademie hat in der Sitzung vom 19. Januar den ordentliehen Professor der vergleichenden Sprachwissenschaft an der Untversität Göttingen Dr. Jakon Wachenangel, und in der Sitzung vom 9. Februar den ordentlichen Professor der vergleichenden Sprachwissenschaft und des Sanskrit an der Universität Bonn Geheimen Regierungsrath Dr. Hermann Jacobi zu correspondirenden Mitgliedern ihrer philosophisch-historischen Classe gewählt.

# Über einen Satz des Hrn. C. Jordan in der Theorie der endlichen Gruppen linearer Substitutionen.

Von Dr. Ludwig Bieberbach

(Vorgelegt von Hrn. Frommuns in der Sitzung der phys.-math. Classe am 16. Februar 1911 [s. ohen S. 171].)

In zwei im Cherreschen Journal (1878) und den Atti di Napoli (1879) erschienenen Abhandlungen hat Herr C. Johnnas den folgenden Satz auf-

gestellt und bewiesen:

Jede endliche Gruppe in n hanogenen Variabeln besitzt eine ausgezeichnete Annische Untergruppe derart, daß der Index derselben, d. h. der Quotient der Ordnung der Gruppe dividiert durch die Ordnung der Untergruppe eine nur von der Zahl n abhängige Grenze nicht überschreitet.

Weiterhin hat Hr. Bucarener in zwei in den Transactions of the American mathematical society 1904 und 1905 erschienenen Abhand-

lungen einen neuen Beweis des genannten Satzes geliefert.

Im folgenden möchte ich einen dritten Beweis des Johnassehen Theorems mittellen. Derselbe geht von der bekannten Tatsache aus, daß jede endliche Gruppe eine positive Humitische Form invariant täßt und beruht in letzter Instanz auf elementaren Abschätzungen. Im § 1 gebe ich zunächst einige Sätze über die Transformation von Gruppen, die ein und dieselbe Humitische Form invariant lassen, ineinander. Unter Benutzung dieser Sätze wird dann im § 2 mit Hilfe einer Methode, die in der Theorie der unendlichen Gruppen vielfach. Verwendung gefunden hat, eine ausgezeichnete Abrusche Untergruppe konstruiert, der jedenfalls alle die Operationen angebören, deren charakteristische Gleichungen lauter Wurzeln mit hinreichend wenig von Null verschiedenen Argumenten besitzen. Im § 3 wird dann gezeigt, daß der Index dieser ausgezeichneten Untergruppe eine nur von nahlängige Sehranke nicht übersteigt.

Der Beweis liefert zugleich eine explizite Angabe einer oberen Grenze für diesen Index, die allerdings viel zu hoch ist. Ich habe auch keinen Wert darauf gelegt, alle Abschätzungen so scharf durchzuführen, als es möglich gewesen wäre. Es lag mir nur daran, den

Beweisgang auseinanderzusetzen.

#### Einige Hilfssätze.

Bekanntlich läßt jede endliche Gruppe bomogener linearer Substitutionen in a Variabeln eine positive Hammersche Form dieser a Variabeln von nicht verschwindender Determinante invariant. Da man diese durch eine lineare Transformation in die Hammersche Haupt-

form  $H = \sum_i x_i \hat{x_i}$  ( $\hat{x_i}$  konjugiert imaginär zu  $x_i$ ) überführen kann, so

dürfen wir immer annehmen, daß unsere Gruppen gerade diese Form festlassen. Das soll in dieser Arbeit immer geschehen. Dies ist wesentlich für das Gelingen unseres Beweises, do hlerbei die Relationen, die in diesem Falle zwischen den Koeffizienten einer Substitution bestehen, und die einfache Form, die infolgedessen die inverse einer gegebenen Substitution annimmt, benutzt werden. Wenn nümlich die Substitution

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} \cdots a_{1r} \\ \vdots \\ a_{n1} \cdots a_{nn} \end{vmatrix} = (a_{n})$$

die Form H in sich überführen soll, so müssen die folgenden beiden Reihen von Relationen bestehen, die gegenseitig aus einander folgen;

1. 
$$\sum_{i=1}^{n} a_{ii}\bar{a}_{ii} = 1$$
,  $\sum_{i=1}^{n} a_{ii}\bar{a}_{ii} = 1$ ,  $(k = 1, ..., n)$   
2.  $\sum_{i=1}^{n} a_{ii}\bar{a}_{ii} = n$ ,  $\sum_{i=1}^{n} a_{ii}\bar{a}_{ij} = 0$ ,  $(k, i = 1, ..., n \in \mathbb{N})$ 

Infolgedessen hat die inverse Substitution die folgende Form:

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} \ddot{a}_{11} & \cdots & \ddot{a}_{m} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \ddot{a}_{1n} & \cdots & \ddot{a}_{mn} \end{bmatrix}$$

Man neunt solche Substitutionen unitär Wesentlich die Relationen t. werden wir später zu benutzen haben. Zunächst müssen wir uns aber noch etwas näher an die Transformation der Heamtreschen Form, von der wir ausgingen, in die Hauptform, erinnern, um daraus einen Hilfssatz herzuleiten. Man kann nämlich zunächst mit Hilfe einer umitären Substitution die Heustresche Form auf die folgende Gestalt bringen, wo die k. reelle positive Zahlen sind:

$$H' = \sum_{i=1}^{n} k_i x_i \hat{a}_i$$
.

lst das geschehen, so kann man von hier durch eine nicht unitäre Multiplikation in leicht ersichtlicher Weise zu H übergehen. Hieraus kann man mühelos den folgenden Satz ablesen:

Jede lineare Substitution S (nicht verschwindender Determinante)
 kann in folgender Form geschrieben werden

$$S = U, MU_1$$
.

Dabei sind  $U_1$  und  $U_2$  unitäre Substitutionen. M ist eine Substitution, in der nur die Diagonalglieder von Null verschieden, reell und pasitiv sind.

Der Beweis folgt so unmittelbar aus den vorigen Bemerkungen, wenn man H zunächst durch S in eine Hensuresche Form überführt und von dieser auf die angegebene Weise zu H zurückgeht, daß wohl darüber kein Wort weiter zu verlieren ist.

Aus Satz I folgt aber sofort der folgende — und den brauchen

Wir später:

II. Wenn zwei Gruppen & und G, die H invariant lassen, überhaupt durch eine Substitution S ineinander übergeführt werden können, so können sie auch durch eine Substitution U, die gleichfalls H festlißt, ineinander übergeführt werden, derart, daß U immer dieselben beiden Substitutionen ineinander überführt, die S ineinander überführt.

Man übersieht sofort, daß man zum Beweis nur zu zeigen hat, daß eine Multiplikation M mit positiven Koefflzienten, die eine unitäre Substitution wieder in eine unitäre Substitution überführt, notwendig mit derselben vertauschbar sein muß. Dann kann man  $U=U_i\,U_i$  setzen und Satz II ist bewiesen.

Daß aber die eben aufgestellte Behauptung richtig ist, kann man so einsehen.

Sei

$$\dot{M} = (m_i)$$
  $m_i \ge 0$ 

die Multiplikation und

$$A = (\sigma_0)$$

eine unitäre Matrix derart, daß  $MAM^{-1}$  unitär ist. Ohne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen wir annehmen, daß A nicht diese Form besitzt:

wo A, eine unitäre Matrix von v Zeilen ist. Denn sonst könnten wir aben jeden Bestandteil für sich behandeln.

Unter diesen Voraussetzungen ist nun zu zeigen, daß die m alle einander gleich sein müssen. Dann bilden wir uns MAM". Es ist

$$\left(\frac{m_s}{m_s}u_d\right)$$
.

Nun ist aber

$$1 = \sum_i a_i \bar{a}_i = \sum_i \frac{m_i}{m_i} a_i \bar{a}_i$$

Wir wollen nun annehmen, es seien nicht alle  $m_i$  einander gleich und daraus einen Widerspruch ableiten. Wir dürfen dann eulig annehmen, daß  $m_i$  das größte oder eines der größten sei. Wir bilden die eben angeschriebene Relation für k=1. Diese können wir so schreiben:

$$\sum_{i=1}^{n} e_i \left( m_i^i + m_i^i \right) \sigma_{i1} \, \widetilde{n}_{i1} = 0 \, , \label{eq:second_eq}$$

Daraus folgt sofort, daß jedesmal, wenn in der ersten Kolonne der Matrix von A ein  $a_{ij}$  von Null verschieden ist, für dieses i  $m_i = m_i$  sein muß. Es muß dies für mindestens ein  $m_i$  rutreffen, da soust sofort aus dem umitären Charakter von A folgen würde, daß es die Form hätte, die es nach Voraussetzung nicht haben soll. Somit dürfen wir nun annehmen, daß einige  $m_i$  einander gleich sind. Ohne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen wir natürlich annehmen, daß dies die ersten  $i_i$  und nur diese sind, auf deren Gleichheit wir beim ersten Schritt schließen können. Dann sind also

$$u_{i+1,1} = u_{i+2,1} \cdots = u_{n_k} = u_n$$

Nun bilden wir dieselbe Relation, die wir eben für k=1 betrachteten, für  $k=2,3,\ldots$  Dabei muß nun notwendig für mindestens ein weiteres  $m_i$ , etwa  $m_{i+1}$ , geschlossen werden können, daß  $m_i$  gleich ist. Denn andernfälls müßten in den ersten Kolonnen alle Koeffizienten vom (e+1)ten ab verschwinden, und daraus würde wieder folgen, daß A eine Gestalt hat, die es nach Voraussetzung nicht haben soll. So kann man weiter sehließen und erhält sehließlich den Beweis des Satzes.

Diese Entwicklungen konnen auch aus der Arbeit des Hrn. Facarzuns «fiber die kogredienten Transformationen der bilinearen Formen», Sitzungsber. (So6, § 3, S. 15, abgelesen werden. Dort wird gezeigt, daß irgend z unitäre (es ist dort von orthogonalen Substitutionen die Rede; aber die Betrachtungen übertragen sich sofort auf unitäre) Substitutionen, die durch eine Substitution in einander übergeführt werden, zuch durch eine unitäre aus einander hervorgeben, die, und darauf kommt es an, von der speziellen transformierten Substitution night abhlingt.

Folgerung 1. Nehmen wir einmal an, es sei ums eine endliche Aumsche Gruppe unitärer Substitutionen vorgelegt. Dann können wir sie bekanntlich so transformieren, daß alle Operationen der Gruppe von der Normalform sind, d. h. nur in der Diagonale von Null verschiedene Koeffizienten besitzen. Da aber derartige Substitutionen selbst unitär sind — alle Diagonalelemente sind ja Einheitswurzeln —, so folgt sofort, daß wir die Transformation durch eine unitäre Substitution vollziehen können. Darnus folgt, daß wir immer annehmen dürfen, daß die Operationen einer in einer unitären Gruppe onthaltenen Amaschen Gruppe von der Normalform sind. Hiervon haben wir im nächsten

Paragraphen Gebrauch zu machen.

Folgerung 2. Es war eben davon die Rede, auf welche Form zwei vertauschbare Operationen immer gebracht werden können. Nun mfissen wir uns an die Form erinnern, die zwei vertauschbare Operationen A und B notwendig immer besitzen. Für unsere Zwecke genügt es, die eine der beiden, etwa A, in der Normalform anzunehmen. Dabei mögen die e, ersten Multiplikatoren von A einander gleich und vim allen anderen verschieden sein. Ebenso die 1, folgenden einander gleich und von allen anderen verschieden usw. Dann ist B notwendig, wie bekannt, eine Substitution, die sieh in leicht ersichtlicher Weise aus quadratischen Matrixen von «, Zeilen, », Zeilen usw. zusammensetzt. Wenn aber nun eine Operation C zwar A nicht in sich selbst transformiert, wohl aber in eine andere Substitution überführt, die selbst von der Normalform ist, was kann man dann über C aussagen? Ich behaupte, dann muß in der Diagonalen von C notwendig mindeslens ein Koeffizient verschwinden. Denn C entsteht aus einer Operation von der Art B durch Multiplikation mit einer Permutation der Variabeln, die ja bekanntlich zu den unitären Substitutionen gehören. Da aber diese Permutation nach Voranssetzung nicht lediglich die r. ersten Variabeln unter sich, die , folgenden unter sich usw. vertauschen soll, so folgt daraus ohne weiteres die Behauptung.

\$ 21

Konstruktion der ausgezeichneten Ausschen Untergruppe.

An die Spitze stelle ich den folgenden Satz:

III. Wenn die Koeffizienten zweier Substitutionen einer endlichen Gruppe unititive Substitutionen dem absoluten Beirage nach um weniger als  $u = \left(\frac{1}{8\pi^2}\right)^t$ von den entsprechenden Koeffizieuten der identischen Substitution ahreichen, so sind die beiden notwentig miteinander verlauschlur.

236 Gesammtsitzong v. 23, Febr. 1911. - Mitth. d. phys.-math. Cl. v. 10, Febr.

Der Bequemlichkeit halber schreibe ich für den Beweis dieses Satzes die Koeffizienten der beiden Substitutionen in der folgenden Form

Analog seien  $a_{ij}^{(j)}$  die Koeffizienten von  $A_i$  und  $a_{ij}^{(j)}$  die der gleich einzuführenden Substitution  $A_i$ . Die Voraussetzungen sind also die: die vorgelegte Gruppe, in der  $A_i$  und  $A_i$  vorkommen, ist endlich, und die  $a_{ij}^{(j)}$ ,  $a_{ij}^{(j)}$  sind dem absoluten Betrag nach kleiner als  $\left(\frac{1}{8\pi^4}\right)^3$ . Dann setze ich

$$\begin{split} A_{i} &= A_{i} A_{k} \quad A_{i}^{-1} A_{i}^{-1}, \\ A_{k} &= A_{i} A_{k} \quad A_{i}^{-1} A_{i}^{-1}, \\ A_{k} &= A_{k} A_{k+1} A_{i}^{-1} A_{k+1}^{-1}, \end{split}$$

Betrachten wir nun die Koeffizienten  $\sigma_{s}^{(0)}$  von  $A_{s}$ . Sie sind ganze rationale Functionen der  $a_{s}^{(0)}$ ,  $\bar{a}_{s}^{(0)}$  und  $a_{s}^{(0)}$ ,  $a_{s}^{(0)}$ , aber von der besonderen Art, daß jeder Term dieser ganzen rationalen Funktionen, mit Ausnahme derjenigen, die sieh auf Grund der Relationen am Anfang des vorigen Paragraphen wegheben, immer mindestens einen Faktor mit dem oberen Index 2 enthält. Denn wenn man einmal die  $a_{s}^{(0)}$  irgendwie in Null übergehen läßt, und ein zweites Mal mit dem  $a_{s}^{(0)}$  ebenso verfährt, so muß in beiden Fällen  $A_{s}$  nuch seiner Delinition die identische Substitution werden. Nun ist leicht zu sehen, daß jede der erwähnten ganzen rationalen Funktionen höchstens 8n Glieder mit dem Koeffizienten 1 enthält. Hieraus und aus der vorigen Bemerkung folgt sofort, daß alle:

$$|a_n^{(i)}| < a^2 8n^4 = \left(\frac{1}{8n^4}\right)^4 = a^{\frac{1}{2}}.$$

Schließt man ebenso bei  $A_i$ , das sich ja aus  $A_i$  und  $A_g$  gerade so aufbaut wie  $A_i$  aus  $A_i$  und  $A_x$ , so findet man

$$\left| \left| u_{n}^{(j)} \right| < \mu \cdot \mu^{\frac{1}{2}} \cdot g n^{2} = \mu^{2},$$

and allgemein gilt

$$\left| a \right| = \left| \left\langle \mu , \mu^{\frac{1}{2}} , 8 \pi^2 = \mu^{\frac{1}{4}} \right|$$

Hieraus erkennt man, daß sich A, mit wachsendem A immer mehr der Identität nähert. Da die Gruppe aber nach Voraussetzung endlich ist, muß die Identität nach endlich vielen Schritten erreicht werden. Sei etwa  $A_i$  die erste Substitution, die der Identität gleich ist. Dann folgt daraus, daß  $A_{i-1}$  und  $A_i$  miteinander vertausehbar sind. Wir dürfen also nach Folgerung 1 des  $\S$  1 annehmen, daß beide von der Normalform sind. Es ist also

$$1 = A_1 = A_1 A_{-1} A_{-1}^{-1} A_{-1}^{-1}$$
 oder  $A_{1-1} = A_1 A_{1-1} A_{1}^{-1}$ .

Daraus wollen wir nun schließen, daß auch A, und A, miteinander vertauschbar sind, eben unter Benutzung der Kleinheit der Koeffizienten der Substitutionen. Es war nämlich weiter

And = Achon At Alin

oder

$$A_i^{-1}A_{i-1} = A_{i-1}A_i^{-1}A_{i-1}^{-1}$$

Da aber A ... und A beide von der Normalform sind, so ist auch A, A, von der Normalform. Also transformiert A, eine Substitution von der Normalform wieder in eine Substitution von der Normalform. Wenn diese von der ersten verschieden ist, so muß nach Folgerung 2 im § 1 mindesteus ein Koeffizient in der Diagonalen von A. Null sein. Da aber alle diese Koeffizienten in der Diagonalen um weniger als un, also um weniger als 1 con 1 abweichen, so ist dies nicht möglich. (Die Substitutionen, die wir jetzt nach der Transformation von A, und A, auf die Normalform verfinden, gehen nämlich aus Substitutionen, deren Koeffizienten um weniger als a von den entsprechenden der identischen Substitution abweichen, durch eben diese Transformation hervor, und deshalb weichen die genannten Koeffizienten um weniger als  $\mu n^2$  von 1 ab.) Also muß  $A_i^{**} = A_i^{**} A_{i+1}$ sein. Daraus folgt aber, daß A, = 1. Also war A, nicht, wie wir voraussetzten, die erste der Identität gleiche Substitution. So sind wir auf einen Widerspruch gekommen, der sich nur dann hebt, wenn die erste der Identität gleiche Substitution A, ist, denn dann nur können wir die eben eingehaltene Schlußweise nicht wiederholen. Wenn aber  $A_i = 1$ , so sind  $A_i$  and  $A_2$  vertauschbar, wie wir beweisen wollten.

Hilfssutz: Seien  $e^{a_1 t_2}$  (h=1-n) die Wurzeln der charakteristischen Gleichung einer umitären Substitution von endlicher Ordnung. Wenn dann für alle  $h \mid \sin \mathbb{S}_1 2\pi \mid < \frac{\mu}{32n}, \quad -\frac{1}{8} < \mathbb{S}_3 < +\frac{1}{8},$  dann sind sämtliche Koeffizienten der Substitution dem absoluten Betrage nach um weniger als die Zahl u von Satz III von den entsprechenden Koeffizienten der identischen Substitution verschieden.

Um diesen Satz zu beweisen, ist es zweckmäßig, Reelles und Imaginäres zu trennen; wir erhalten dann eine reelle orthogonale Substitution, deren Koeffizienten die reellen und imaginären Bestandteile der Koeffizienten der unitären Substitution sind. Wenn wir also wissen, daß die Koeffizienten einer derartigen orthogonalen Substitution dem absoluten Betrage nach um weniger als  $\frac{p}{2}$  von den Koeffizienten der identischen Substitution abweichen, so sind die Koeffizienten der ursprünglichen unitären Substitution dem absoluten Betrage nach um weniger als u von den Koeffizienten der identischen Substitution verschieden.

Man sieht nun aber sofort ein, daß der obige Satz bewiesen ist, wenn wir folgendes gezeigt haben: nämlich, daß für alle orthogonalen Substitutionen A in 2n Variabeln in der Operation

$$\mathbf{B} = A \Lambda A^{-\epsilon}, \quad A = (u_s),$$

$$\mathbf{w} \cap \Lambda^{\epsilon} = \begin{bmatrix} \Lambda_s & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \Lambda_s & \cdots & 0 \\ \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \vdots & \ddots & \Lambda_s \end{bmatrix} \quad \text{and} \quad \Lambda_s = \begin{bmatrix} \cos \varphi_1 2\pi & -\sin \varphi_2 \pi \\ \sin \varphi_1 2\pi & \cos \varphi_2 2\pi \end{bmatrix},$$

die sämtlichen Koefflzienten um weniger als  $\frac{\mu}{2}$  von denjenigen der identischen Substitution abweichen, wofern für alle 3, die Bedingung des Hilfssatzes besteht. Wir wollen das amächst für A beweisen und dam allgemein

Da  $\cos 2/2\pi = 1 + (1 - \cos 3/2\pi)$  and  $1 - \cos 3/2\pi < |\sin 3/2\pi| < \frac{\mu}{32\pi}$ , wotern nur  $-\frac{1}{3} < 3/4 < \frac{1}{3}$ , so ist die Behauptung für A evident.

Um sie nun allgemein zu beweisen, schließen wir ganz wie schon früher bei ähnlicher Gelegenbeit. Die Differenzen zwischen den Koeffizienten der identischen Substitution und den Koeffizienten von B sind ganze rationale Funktionen der  $a_n$  und  $a_n$  sowie der sin  $5.2\pi$  und  $1-\cos 9.2\pi$ , wobei aber in jedem Glied der ganzen rationalen Funktion mindestens einer der beiden letztgenannten Ausdrücke vorkommt, weil durch Nullsetzen derselben die ganzen rationalen Funktionen verschwinden. Jede dieser rationalen Funktionen hat aber höchstens  $16\pi$  Glieder. Also ist jede dem absoluten Betrag nach kleiner als  $\frac{\pi}{2}$ , und damit ist der Hilfssatz bewiesen.

Folgerung 1. Fassen wir nun alle Operationen A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub> ... der Gruppe ins Auge, für deren sämtliche charakteristischen Wurzeln die Bedingung des Hilfssatzes besteht. Dann enthält ersichtlich das System dieser Operationen zu jeder Operation, die darin vorkommt, auch alle

in unserer Gruppe damit konjugierten Substitutionen. Nach Satz III sind aber mit Rücksicht auf den Hilfssatz alle Operationen des Systems miteinander vertauschbar. Daraus folgt, daß die Gruppe, die sich durch beliebige Zusammensetzung der A. untereinander erzeugen läßt, eine Austsche und, wie uns der letzten Bemerkung folgt, ausgezeichnete Untergruppe unserer endlichen Gruppe ist.

Diese Gruppe ist es, deren Index, wie wir im nächsten Paragruphen zeigen werden, eine nur von n abhängende Schranke nicht übersteigt. Bevor wir jedoch dazu übergehen, müssen wir zumächst noch eine zweite Folgerung über diese Anntsche Gruppe ziehen.

Folgerung 2. 1ch behaupte nämlich: In dieser Auszischen Gruppe sind insbesondere alle die unitären Substitutionen enthalten, deren sämtliche Koeffizierten um weniger als 32% von denjenigen der identischen abweichen.

Wir betrachten zum Beweis die dieser unitären entsprechende orthogonale Sabstitution, deren Koeffizienten also auch um weniger als 

Magene von denjenigen der Identität abweichen. Wir brauchen dann nur zu zeigen, daß die sämtlichen Transformierten einer solchen Sabstitution Koeffizienten besitzen, die um weniger als 

Magene von densitätienten besitzen, die um weniger als 

Magene der Identischen Substitution abweichen. Denn unter diesen Koeffizienten sind ja auch die sin 3/2π enthalten, und dann folgt untere Behauptung nach der Schlußweise der ersten Folgerung. Um aber dies zu beweisen, branchen wir nur einfach die Schlußweise, die zu unserem Hilfssatze führte, zu wiederholen. Die Zahl der in den rationalen Funktionen vorkommenden Glieder ist nämlich jetzt < 32π 

tionalen Funktionen vorkommenden Glieder ist nämlich jetzt < 32π

#### \$ 3:

Der Index der ausgezeichneten Abenschen Untergruppe.

Um zu beweisen, daß der Index unserer ausgezeichneten Untergruppe eine nur von a abhängige Schranke nicht übersteigen kann, verfahren wir folgendermaßen. Wir fassen das System aller derjeutgen Operationen  $A_1, A_2 \cdots$  der Abenschen Untergruppe ins Auge, deren sämtliche Koeffizienten um weniger als  $\frac{g}{22^n n^n}$  von denjenigen der Identität abweichen. Anderseits hilden wir uns ein System von Operationen  $B_1, B_2 \cdots$  der Gesamtgruppe (nicht der Abenschen) derart, daß keine zwei der  $B_1$  durch Moltiplikation mit einem  $A_1$  aus einander hervorgehen. Ich werde dann beweisen, daß die Anzahl der Operationen  $B_2$  eines solchen Systems kleiner ist als  $\lambda(n) = (1 + 32^n n^n)^{nn}$ . Damit ist aber dann zugleich bewiesen, daß auch der Index der Abenschen Unterp

gruppe kleiner ist als diese Zahl  $\lambda(n)$ . Denn der Index der Untergruppe ist doch die Maximalzahl von Operationen, die ein System enthalten kann, wenn keine zwei derselben durch Multiplikation mit einer Operation der Untergruppe aus einander hervorgehen sollen. Die A. gehören aber der Untergruppe an.

Wenn in 2 Substitutionen entsprechende Koeffizienten dem absoluten Betrag nach um weniger als proposition voneinander abweichen, so sind sie benachbart. Das kann, wie wohl ohne weiteres einleuchtet, ganz nach unserer oft angewandten Schlußweise gezeigt werden.

Wir fragen also nun, wieviel Substitutionen ein System höchstens enthalten kann, wenn keine z Operationen darin vorkommen sollen, in welchen entsprechende Koeffizienten um weniger als 

32° n' voneinander abweichen, d. h. in welchen die absoluten Beträge der Differenzen entsprechender Koeffizienten kleiner sind als diese Zahl.

Dazu bemerke ich zunächst folgendes. Nach den Relationen des § 1 ist die Quadratsumme der absoluten Beträge in einer jeden Zeile gleich 1. Somit sind die Koeffizienten komplexe Zahlen vom absoluten Beträg  $\leq 1$ . Wir haben also nur festzustellen, wieviel verschiedene Punkte wir im Einheitskreis oder auf seiner Peripherie wählen können, wenn keine zwei der Punkte um weniger als  $\frac{\mu}{3g^2n^2}$  von einander entfernt sein sollen.

Diese Zahl s ist aber ersichtlich kleiner als  $\left(\frac{32^nn^n}{2\mu}+1\right)^n$ . Wenn man diese Überlegung für alle Koeffizienten anstellt, so ist die Maximalzahl von Operationen, die ein System nicht benachbarter enthalten kann, offenbar kleiner als  $s^m$ . Damit ist aber dann auch bewiesen:

Der Index der ansgezeichneten Aneischen Untergruppe ist kleiner als  $s^{ai} = \lambda(n) = (1 + 32^{i} n^{in})^{i \cdot d}$ .

# Über den von L. Bieberbach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jordan.

Von G. FROBENIUS.

Jede endliche Gruppe von Matrizen nien Grades besitzt eine kommutative invariante Untergruppe, deren Index eine gewisse nur von n abhängige Grenze nicht überschreitet.

Für diesen Satz hat Hr. Bernennach hier einen Beweis entwickelt, der die beiden bisher bekannten Beweise der HH. Johnax und Bezorteiner an Einfachheit weit übertrifft, wenn auch der letztere für die wirkliche Bestimmung der Gruppen des Grades a mehr leistet. Dieser neue Beweis läßt sieh, ohne an seinem Gedankengange etwas wesenbliches zu ändern, formal merklich vereinfachen.

Daß nämlich die Koeffizienten einer Matrix R kleine Werte haben, drücke ich dadurch nus, daß die Summe S ihrer n² Normen unter einer gewissen Grenze u liegt, während Hr. Brannach dies von dem absoluten Betrage z des größten Koeffizienten aussagt. Die Größe S nun bleibt umgeändert, wenn R durch zwei undare Substitutionen U, V transformiert, also durch URV ersetzt wird, während z keinerlei Invarianteneigenschaft besitzt. Jene zuerst von Hrn. J. Schun in seiner varianteneigenschaft besitzt. Jene zuerst von Hrn. J. Schun in seiner Arbeit Uber die charakteristischen Wurzeln einer Imearen Substitution mit einer Anwendung auf die Theorie der Integralgleichungen, Math. Annalen Bd. 66 benutzte Größe S ist daher weit bequemer als z zu verwenden, und zugleich gewinnt die ganze Untersuchung auf diese Weise an Anschaultehkeit. Um den seharfsinnigen Beweis des Hrn. Bienensach leichter zugänglich zu machen, will ich meine Vereinfachung seiner Entwicklung kurz dariegen.

S I.

Die Substitutionen einer endlichen Gruppe & lassen eine positive Henstrusche Form ungeändert. Transformiert man diese durch zwei konjugiert komplexe Substitutionen in die Hauptform E, so werden jene unitier, genügen also den Bedingungen

(i.) 
$$U\bar{U}=E$$
,  $\bar{U}'\bar{U}=E$ ,  $U'=U^{-1}$ ,

wo U die zu U konjugiert komplexe Matrix bezeichnet. Jede dieser drei Gleichungen ist eine Folge jeder andern.

Sind  $r_1, r_2, \cdots r_s$  die charakteristischen Wurzeln der Matrix der Form  $R = \sum r_{ss} x_s y_{ss}$  so bezeichne ich mit

$$\chi(R) = \sum r_{kk} = \sum r_k$$

die Spur von R. Dann ist

$$(3.) \qquad \qquad \chi(RS) = \chi(SR) = \sum_{r,i} r_{si} r_{si}.$$

Ferner bezeichne ich mit

$$(4) \qquad \Rightarrow (R) = \chi(RR') = \chi(R'R) = \sum_{n \in \mathbb{N}} r_{nk} \bar{r}_{nk}$$

die Summe der Normen der n° Koeffizienten, die Spannung von R. Sind dann U und V unitäre Formen, so ist

$$\Rightarrow (UR) = \chi(R^{\prime}U^{\prime}UR) = \chi(R^{\prime}R) = \Rightarrow (R)$$

und

$$(5.) \qquad \Rightarrow (R) \Rightarrow (UR) \Rightarrow (RV) \Rightarrow (URV).$$

Nun ist

$$A - B = (AB^{-1} - E)B = B(B^{-1}A - E)$$
.

Ist also B unitar, so ist

(6.) 
$$\Rightarrow (A-B) = \Rightarrow (E-AB^{-1}) = \Rightarrow (E-B^{-1}A)$$
.

Für je zwei Formen ist nach der Schwanzschen Ungleichheit

$$(7.) \quad \forall \Xi (P-Q \leq V\Xi(P) + V\Xi(Q).$$

Jede unitäre Form A kann durch eine unitäre Substitution P in

$$L = P^{-1}AP = \overline{P}'AP = \sum a_k x_k y_k$$

transformiert werden, worin  $a_1, a_2, \cdots a_s$ , die charakteristischen Wurzeln von  $A_s$  den absoluten Betrag 1 haben.

Denn ist  $\alpha$  eine Wurzel der Gleichung |sE-A|=0, so kann man die n Größen  $q_n$ ,  $q_n$ ,  $\dots$   $q_n$  so bestimmen, daß sie den Bedingungen

$$\sum_{k} a_{kk} q_{kk} = a q_{kk}$$
 ( $k = 1, 2, \dots n$ ) and  $\sum_{k} q_{kk} \tilde{q}_{kk} = 1$ 

genügen. Zu der Spalte  $q_n$ ,  $q_n$ ,  $\dots$ ,  $q_n$  kann man der Relhe nach eine zweite, dritte,  $\dots$  nte Spalte so bestimmen, daß die  $n^*$  Gleichungen

Q'Q=E erfüllt werden (Scaru, § 1). Bewegen sich z und  $\sigma$  von 2 bis n, so ist dann in der Form Q'AQ=C

$$a_{i1} = \sum_{n,k} \bar{q}_{n1} a_{nk} q_{i1} = a \sum_{n} \bar{q}_{n1} q_{n1} = a_{n} \cdot c_{i1} = \sum_{n,k} \bar{q}_{n1} a_{nk} q_{k1} = a \sum_{n} \bar{q}_{n2} \bar{q}_{k2} = 0$$

Da ferner C eine unitäre Form ist, so ist

$$t = \sum_i \tilde{e}_{i,i} e_{i,i} = \tilde{a} a_i, \qquad 0 = \sum_i \tilde{e}_{i,i} e_{i,i} = \tilde{a} \epsilon_{i,i}$$

Daher zerfällt die Form

$$C = ax_iy_i + \sum_{ij} c_{ij} x_jy_i$$

vollständig in zwei Formen, die beide unitär sind. Nimmt man von der zweiten, die nur n-1 Variabelnpaare enthält, die Behauptung bereits als bewiesen an, so gilt sie auch von A

Man kann dabei die charakteristischen Wurzeln  $a_1, a_4, \cdots a_n$  in einer solchen Reihenfolge wählen, daß  $L = aE_1 + bE_2 + cE_3 + \cdots$  wird, worin  $a, b, c, \cdots$  verschieden sind, und

$$E_1 = x_1 y_1 + \cdots + x_r y_r$$
,  $E_1 = x_{r+1} y_{r+1} + \cdots + x_{r+r} y_{r+r} \cdots$ 

ist. Ist nun B eine mit A vertauschbare unitüre Form, so ist auch  $P^{-1}AP = L$  mit  $P^{-1}BP = M$  vertauschbar, und mithin ist die Form  $M = B_1 + B_2 + R_3 + \cdots$ , worin  $B_i$  nur von den ersten rVariabeln-paaren abhängt,  $B_i$  nur von den folgenden a usw. Sel  $Q_i$  eine unitäre Substitution für  $x_1, \cdots x_n$ , die  $B_i$  in die Normalform transformiert usw. Dann transformiert  $Q = Q_1 + Q_2 + \cdots$  die Form M in die Normalform. Ferner transformiert  $Q_i$  die Form  $aE_1$ ,  $Q_i$  die Form  $bE_3$ ,  $\cdots$ , mithin Q die Form L in sieh selbst. Die unitäre Substitution PQ = U transformiert also die beiden miteinander vertauschbaren unitären Formen A und B gleichzeitig in die Normalformen

$$U^{-1}AU = \sum a_k x_k \hat{y}_k$$
,  $U^{-1}BU = \sum b_k x_k y_k$ .

§ 2.

1. Set  $C = ABA^{-1}B^{-1}$  der Kommutator der beiden unitären Formen A und B, und zei  $\Im(E-B) < 4$ . Ist dann A mit C vertauschbar, so ist auch A mit B vertauschbar, also C = E.

Ist A mit  $C = A(BAB^{-1})^{-1}$ , also auch mit  $BAB^{-1}$  vertauschbar, so kann man A und B durch dieselbe unitäre Substitution U so transformieren, daß

$$A = \sum a_1 x_2 y_2$$
,  $BAB^{-1} = \sum b_1 x_2 y_2$ 

wird. Die Spannung  $\Im(E-B)$  bleibt dabei unch (5.) ungeändert, weil  $E-U^{-1}BU=U^{-1}(E-B)U$  ist. Da jene beiden Vormen ähnlich sind, so müssen  $a_1,a_2,\cdots a_r$  mit  $b_1,b_2,\cdots b_r$  übereinstimmen, abgesehen von der Reihenfolge, und mithin ist  $BAB^{-1}=P^{-1}AP$ , wo P eine Permutation ist, also eine Matrix der Determinante  $|P|=\pm 1$ , worin in jeder Zeile und in jeder Spalte ein Koeffizient gleich I ist, die n-1 andern verschwinden. Ist z, B, P die Matrix der Substitution  $y_r=v_r,y_z=v_z,y_z=v_z,\cdots$ , so ist  $P^{-1}AP=P^rAP$  die der Form  $a_su_1v_1+a_2u_2v_2+a_1u_2v_3+\cdots$ , die durch diese Substitution und die kogrediente  $x_n=u_1,x_3=u_4,x_4=u_4,\cdots$  aus  $A=\Sigma a_kx_iy_i$  hervorgebt.

Ist non PB=Q, so ist AQ=QA. Wird dann, wie oben,  $A=aE_1+hE_2+\dots$  gesetzt, so sei Q gleich

Q11 Q11 - Q11 - Q11 -

wo  $Q_{a3} = E_a Q E_5$  ist, also die Teilmatrix  $Q_{in}$  aus den Koeffizienten von Q besteht, welche die Zeilen  $1,2,\ldots r$  mit den Spalten r+1,  $r+2,\ldots r+s$  gemeinsam haben. Damit Q mit A vertauschbar sei, ist notwendig und hinreichend, daß  $Q_{a5}=0$  ist, falls  $\alpha$  von  $\beta$  verschieden ist.

Angenommen nun, P sei nicht mit A vertauschbar. Wird dann P in analoger Weise in die Teilmatrizen  $P_{a2}$  zerlegt, so muß mindestens eine der Matrizen  $P_{a3}$ , worin a von  $\beta$  verschieden ist, einen von Null verschiedenen Koeffizienten  $p_{a1}=1$  enthalten, etwa eine solche, worin  $a<\beta$  ist, so daß auch  $a<\lambda$  ist. Da  $Q_{a2}=0$  ist, so ist  $q_{a1}=0$ . Die übrigen Koeffizienten  $p_{a2}$  der a ten Zeile von a sind dann a0, also alle Koeffizienten einer Zeile von a1, so daß die Determinante a2, worin a3 ist, einen Koeffizienten a4, also einen Koeffizienten a5, worin a6 ist, einen Koeffizienten a6, also einen Koeffizienten a7, worin a8 ist, einen Koeffizienten a8, worin a8 ist, einen Koeffizienten a8, einen Koeffizienten a9, einen Koeffizienten a1, einen Koeffizienten a1, einen Koeffizienten a2, einen Koeffizienten a2, einen Koeffizienten a2, einen Koeffizienten a3, einen Koeffizienten a4, einen Koeffizienten a8, einen Koeffizienten a8

Da P eine (reelle orthogonale) unitäre Matrix ist, so ist nach (6.) z(E-B) = z(E-P-Q) = z(P-Q)

$$\geq |p_{si} - q_{si}|^2 + |p_{si} - q_{si}|^2 + \sum_{i} |p_{ii} - q_{ii}|^2 + \sum_{i} |p_{si} - q_{ii}|^2 + \sum_{i} |p_{si} - q_{si}|^2,$$

wo p die Zahlen 1, 2, ... n mit Ausschluß von  $\times$ , und wo  $\sigma$  diese Zahlen mit Ausschluß von  $\lambda$  durchläuft. Denn da  $p_{**}=1$  ist, so ist  $p_{**}=p_{**}=0$ , und da  $p_{**}=1$  ist, so können die Indizes  $\omega_{*}$   $\epsilon$  weder mit  $\epsilon$ ,  $\lambda$  noch mit  $\epsilon$ ,  $\sigma$  fibereinstimmen. Nun ist QQ'=E, mithin

$$1 = |q_{ss}|^2 + \sum_s |q_{ss}|^2 = 0 + \sum_s |p_{ss} - q_{ss}|^2$$

und folglich ist

$$\Rightarrow (E-B) \geq 4$$

Ist also  $\Im(E-B) < 4$  oder allgemeiner  $\Im(L-B) < 4$ , we L irgundeine mit A vertauschbare Form ist, so ist A mit B vertauschbar.

II. Ist C der Kommutator der beiden unitären Formen A und B, so ist

(8.) 
$$z(E - C) \le 2z(E - A)z(E - B)$$
.

Transformiert man A und B durch eine unitäre Substitution U in  $U^{-1}AU$  und  $U^{-1}BU$ , so geht auch C in  $U^{-1}CU$  über. Die Spannungen

 $\Rightarrow (E-A) = a_+ \Rightarrow (E-B) = b_+ \Rightarrow (E-C) = c$ 

bleiben dabei ungeändert. Daher können wir annehmen, daß A die Normalform hat. Dann ist nach (6.)

$$e = \exists (E - AB(BA)^{-1}) = \exists (BA - AB) = \exists (A(E - B) - (E - B)A)$$
  
=  $\sum |a_{+}(e_{++} - b_{++}) - (e_{++} - b_{++})a_{+}|^{2}$ .

demnach

$$(9*) \quad z(E + ABA^{-1}B^{-1}) = \sum_{n \geq 1} |a_n - a_n|^2 |e_{nh} - b_{nh}|^2 = \sum_{n \leq 2} |a_n - a_n|^2 (|b_{nh}|^2 + |b_{nn}|^2).$$

Nun ist  $|a_*-a_*| \le |1-a_*|+|1-a_*|$ . Rezeichnet man diese beiden positiven Summanden mit p und  $q_*$  so ist

$$a = \sum |1 - a_4|^2 \ge p^2 + q^2 = \frac{1}{2} (p + q)^2 + \frac{1}{2} (p - q)^2 \ge \frac{1}{2} (p + q)^2.$$

also  $|a_* - a_*|^* \le 2a$  und mithin

$$c \le 2a \sum |a_{ab} - b_{ab}|^2 = 2ab$$
.

Ist R unitar, so ist

$$\Rightarrow (E-R) = \chi ((E-R)(E-R')) = \chi (2E-R-R).$$

weil  $\chi(S) = \chi(S')$  ist, und wenn  $e^{i\phi_1}, \dots e^{i\phi_r}$  die charakteristischen Wurzeln von R sind, also

$$\sum x^{i}(x,x,y)$$

die Normalform von R ist, so ist

(10.) 
$$\Rightarrow (E-R) = \sum_{i} (1-e^{-i\phi_{i}})(1-e^{-i\phi_{i}}) = 4\sum_{i} \sin^{2}\left(\frac{1}{2}\phi_{i}\right) \le 4\pi$$
.

lst z. B.

$$A = \begin{pmatrix} e^{i\alpha} & 0 \\ 0 & e^{-i\varphi} \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} \cos{(\beta)} & -\sin{(\beta)} \\ \sin{(\beta)} & \cos{(\beta)} \end{pmatrix},$$

so ist

$$a = 8 \sin^2\left(\frac{a}{2}\right), \quad b = 8 \sin^2\left(\frac{\beta}{2}\right)$$

und nuch (9.)

$$c=2\left|e^{i\pi}-e^{-i\pi}\right|^2\sin^2\left(5\right)=8\sin^2\left(a\right)\sin^3\left(5\right)=2ab\cos^2\left(\frac{a}{2}\right)\cos^2\left(\frac{6}{2}\right).$$

Dies Beispiel, das ich Hrn. Senna verdanke, zeigt, daß in der Formel (8.) der Zahlenfaktor 2 nicht durch einen kleineren, konstanten oder von a abhängigen, ersetzt werden kann. Der folgende Satz III ist auf diese beiden Matrizen nicht anwendbar, well sie nicht eine endliche Gruppe erzeugen. Übrigens ist in (8.) stets c < 2ab und nur dann c = 2ab, wenn a oder b = 0 ist.

III. Sind A and B zwei unitive Formen einer endlichen Gruppe, und ist

$$\ni (E - A) < \frac{1}{2}$$
,  $\ni (E - B) < 4$ ,

so ist A mit B vertauschbor.

Sei C der Kommutator von A und B, D der von A und C,  $\cdots$  N der von A und M. Dann ist

$$\label{eq:energy} z\left(E-C\right)<2az\left(E-B\right)=2ab\,,\quad z\left(E-D\right)<2az\left(E-C\right)<(2a)^{i}b\,,$$
 all  
genein

$$\ni (E-N) < (2a)^{i}b$$
,

falls N die vie der Formen  $C,D,\cdots K,L,M,N$  ist. Ist mun die Größe 2a<1 (nicht =1), so nehmen ihre Potenzen unbeschränkt ab, und da die Gruppe  $\mathfrak G$  endlich ist. so muß einmal  $\mathfrak I(E-N)=0$ , also  $N=1MA^{-1}M^{-1}=E$  werden. Demunch ist A mit M, dem Kommutator von A und L, vertauschbar. Da außerdem  $\mathfrak I(E-L)\leq b<4$  ist, so ist A auch mit L vertauschbar, dem Kommutator von A und K, also auch mit K und jeder vorhergehenden Form, mithin auch mit B.

Insbesondere sind je zwei unitäre Formen einer endlichen Gruppe vertausehbar, für die 2 % (E-S) < 1 ist.

Sind A und B zwei vertauschbare unitäre Matrizen, so sind es auch  $e^{i\mu}A$  und  $e^{i\mu}B$ . Daher sind mach (10.) zwei Matrizen stets vertauschbar, wenn in jeder die Sinus der halben Differenzen der Phasen  $\phi_{1+}\phi_{2}$ , ...  $\phi_{s}$  absolut  $<\frac{1}{V^{-8n}}$  sind.

Seien E, S, T, U, ... die sämtlichen Formen der Gruppe  $\mathfrak{G}$ , welche der Bedingung  $2\mathfrak{S}(E-S) < 1$  genügen. Mit S genügt ihr auch  $S^{-1}$ , weil  $E-S^{-1} = -S^{-1}(E-S)$  ist, und  $R^{-1}SR$ , falls R irgendeine Form von  $\mathfrak{G}$  ist. Daher ist

$$\hat{\otimes} = E + S + T + U + \cdots = R^{-1} \otimes R$$

cin in  $\mathfrak{B}$  invarianter Komplex. Je zwei der Formen von  $\mathfrak{S}$  sind miteinander vertauschbar. Die von ihmen erzeugte Gruppe  $\mathfrak{R}$  ist also eine kommutative invariante Untergruppe von  $\mathfrak{B}$ . Von ihrem Index  $r = (\mathfrak{B} : \mathfrak{R})$  gilt der Satz von Johnan.

Sei A ein Element von  $\emptyset$ , das nicht in  $\mathfrak{S}$  enthalten ist, B ein Element, das weder in  $\mathfrak{S}$  noch in  $\mathfrak{S}A = A\mathfrak{S}$  enthalten ist, C ein Element, das weder in  $\mathfrak{S}$ , noch in  $\mathfrak{S}A$ , noch in  $\mathfrak{S}B$  enthalten ist, bis schließlich

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{S} + \mathfrak{S}A + \mathfrak{S}B + \dots + \mathfrak{S}P + \dots + \mathfrak{S}Q + \dots$$

ist. Die Anzahl dieser Komplexe sei s. Da ⊗ in der Gruppe R enthalten ist, so ist auch

$$00 = \mathfrak{N} + \mathfrak{R}A + \mathfrak{R}B + \cdots + \mathfrak{R}P + \cdots + \mathfrak{R}Q + \cdots$$

Die Anzahl der verschiedenen unter diesen Komplexen ist r = (0.13). Daher ist  $r \le s$ .

Zwel Komplexe  $\mathfrak{S}P$  und  $\mathfrak{S}Q$  können Elemente gemeinsam haben. Aber Q ist nicht in  $\mathfrak{S}P$  enthalten, und P nicht in  $\mathfrak{S}Q$ . Denn wäre P=SQ, so wäre  $Q=S^{-1}P$ , wo  $S^{-1}$  in  $\mathfrak{S}$  enthalten ist. Für jedes Element SP des Komplexes  $\mathfrak{S}P$  ist

$$2 \ni (P - SP) = 2 \ni (E - S) \le 1$$
.

Ist umgekehrt für irgendein Element R von ®

$$25(P-R) = 25(E-RP^{-1}) \le 1$$
,

so ist  $RP^{-1}=S$  in  $\mathfrak{S}$ , also R=SP in  $\mathfrak{S}P$  enthalten. Da Q nicht in  $\mathfrak{S}P$  enthalten ist, so ist demnach

Let  $p_s = x_{si} + ix'_{si}$ , so ist

$$1 = \sum_{i} p_{ijk} \hat{p}_{ij} = \sum_{i} (x_{ij}^{i} + x_{i}^{i})$$

Die  $m=2n^*$  reellen Größen  $x_*, x_*, x_*$ , deren absolute Werte daher  $\le 1$  sind, bezeichne ich in einer bestimmten Reihenfolge mit  $x_1, x_2, \cdots x_n$ , ich nenne sie die Koordinaten von P. Sind dann  $y_1, y_2, \cdots y_n$  die Koordinaten von Q, so ist

(11.) 
$$2\sum_{i}(x_i - y_i)^{i} \ge 1$$
.

Für jede unitare Matrix P ist

(12.) 
$$-1 \le x_i \le +1$$
,  $-1 \le x_k \le +1$ ,  $\cdots$ ,  $-1 \le x_k \le +1$ .

ich wähle nun eine positive Größe h und zerlege das Intervall  $-1 \le x \le +1$  in die Teilintervalle

$$-1 \le x < -1 + h$$
,  $-1 + h \le x < -1 + 2h$ , ...

Das ganze Intervall hat die Ausdehnung 2, jedes Teilintervall die Ausdehnung h, nur das letzte hat eine kleinere Ausdehnung und kann unter Umständen aus der Zahl +1 allein bestehen. Die Auzahl der Teilintervalle ist daher  $\leq \frac{2}{h} + 1$ . Wird diese Einteilung für jede der m Koordinaten ausgeführt, so zerfällt das Gebiet (12.) in

$$s' \le \left(\frac{u}{b} + 1\right)^m$$

Teilgebiete. Liegen zwei Stellen  $x_1, x_2, \dots x_n$  und  $y_1, y_2, \dots y_n$  in demselben Teilgebiet, so ist

$$|x_* - y_*| < h$$
,  $2 \sum (x_* - y_*)^* \le 2mh^* = 1$ .

falls

$$\frac{1}{h} = \sqrt{2m} = 2n$$

gesetzt wird. Nach (++,) kann daher in keinem der s' Teilgebiete mehr als eine der s Stellen E, A, B, C, ... liegen. Mithin ist  $s' \ge s \ge r$  und folglich

(134) 
$$r \le (4n + 1)^{4n^2}$$

Diese Grenze kann man mit Hilfe bestimmter Integrale leicht verschärfen. Die Punkte E,A,B,... liegen nämlich auf der Kugel  $\mathbb{E}(P) = \sum x_{+}^{s} = n$ , die mit dem Radius  $\varepsilon = \sqrt{n}$  um den Anfangspunkt beschrieben ist. Je zwei sind um mehr als  $2\sigma = \sqrt{\frac{1}{2}}$  voneinander entfernt. Beschreibt man um jeden eine Kugel vom Radius  $\sigma$ , so haben nach (7.) keine zwei dieser  $\varepsilon$  Kugeln einen Punkt gemeinsam. Sie liegen alle zwischen den beiden mit den Radien  $\varepsilon + \sigma$  und  $\varepsilon - \sigma$  um den Nullpunkt beschriebenen Kugeln.

Ist aber das Volumen einer Kugel vom Radius I gleich z, so ist das einer Kugel vom Radius z gleich zz". Daher ist

$$s\sigma^* < (\rho + \varepsilon)^n - (\rho - \varepsilon)^n$$

und mithin

(1.4.) 
$$r < (1/8n + 1)^{2+\frac{n}{2}} - (1/8n - 1)^{4+\frac{n}{2}}$$
.

### SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XI.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2 März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

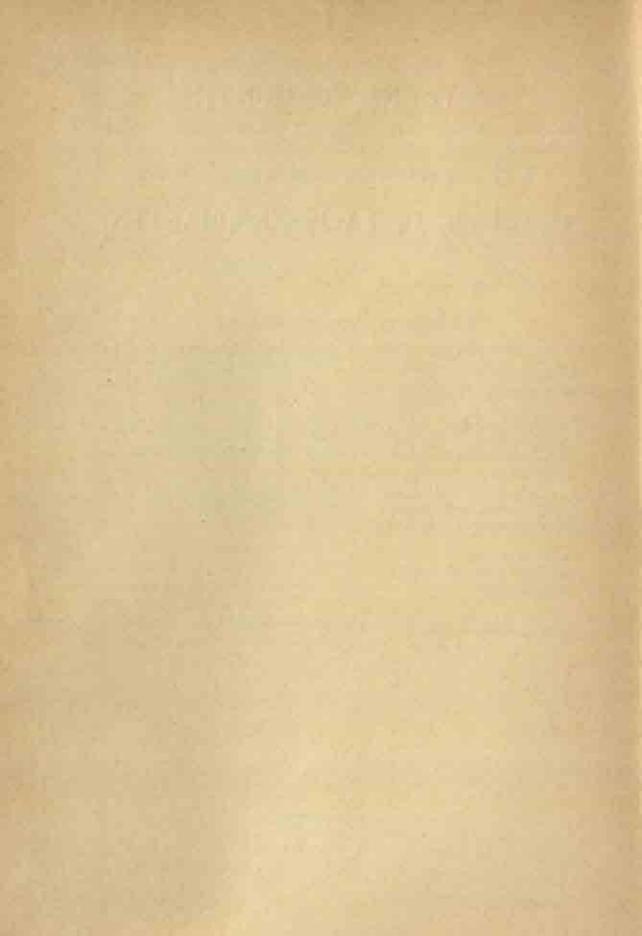
#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

 Hr Srumer las «Über die Bedeutung des Ähnlichkeitsverhältnisses bei der mechanischen Reproduction der Vorstellungen» (Ersch später.)

Giebt man zu, dass «Reproduction» niemals die Wiederkehr einer individuelt identischen, sondern immer nur das Auftreten einer der feüheren Vorstellung ühnlichen, im Grenzfalle gleichen. Vorstellung bedeuten kann, so ordnen sich alle Fälle der soge-nannten Aballehkeitsreproduction unter die richtig verstandene Formel der Berührungsreproduction.

 Vorgelegt wurde das mit Unterstützung der Akademie erschienene Werk des Prof. Admikis: «Untersuchungen zu Kast's physischer Geographie.» Tüblingen 1911.

Ausgegeben am 9. März.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XII.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. März. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

 Hr. Russer sprach über . Verlust und Wiedererneuerung im Lebensprocess. (Ersch. später.)

Der Vortragende entwickeit zumächst historisch, welche Bedentung der Gedanke der Omsumption der lebenden Theile durch das Leben für die Theurie der Ernährung gehalt habe, und geht dams an der Hand neuer Experimente am Menschen dazu über, zu schildern, welche Stellung die moderne Physiologie zu dieser Frage der Consumption einnehmen müsse und welche Grösse der letzteren aukommt und von welchen Bedingungen sie abhängig sei.

Vorgelegt wurde Heft 47 des akademischen Unternehmens
 Das Pflanzenreich+, enthaltend die Euphorbiaceae-Clayticae von F. Pax und die Cephalotaceae von J. M. Macrantann. Leipzig (Q1).

## Über die Gauss'sche Theorie der elliptischen Functionen.

Von F. Schottky.

(Vorgetragen am 1 December 1910 [s. Jahrg, 1910 S. 989].)

Den Arbeiten von Jacom und Ann, hauptsächlich den um 1828 erschienenen «Fundamenta» und den «Recherches», verdanken wir unsre Kenntniss der elliptischen Functionen. Zu diesen Arbeiten der beiden Entdecker sind Notizen aus dem Nachlass von Gauss gekommen, die weit spilter veröffentlicht, aber weit früher niedergeschrieben sind, als Apri's und Jacobi's Untersuchungen; eine Zeitungabe in dem Gaussschen Handbuche lautet: «Functiones Lemniscaticas considerare coeperamus 1797. Januar. 8. Die Gauss schen Notizen, so zahlreich sie sind, geben keine vollständige Theorie. Sie geben die Gedanken eines grossen Mathematikers über einen wichtigen Gegenstand, und es tritt in thuch gegen das, was Arri und Jacost mitgetheilt haben, ein Unterschied hervor, der nicht unwesentlich ist: Gauss ist nicht, um zur Darstellung der elliptischen und Thetafunctionen zu kommen, durch das complicirte Transformations- und Multiplicationsproblem hindurchgegangen. Auch betrachtet Gauss die elliptischen Functionen wesentlich als abhängig von zwei Veränderlichen: eine davon ist die eigentliehe Variable, die undre der Parameter, an dessen Stelle später der Modul tritt. Mir scheint sogar, dass die Modultheorie für Gauss die Hamptsache gewesen ist. Die Gauss'schen Notizen zu ergänzen, so. dass eine abgeschlossene Theorie daraus entsteht, ist bei der Unvollständigkeit des Materials eine schwierige Sache. Was ich hier thun will, ist Folgendes. Ich greife einige der Gedanken von Gauss auf. nm von dem, was Gauss sowohl wie Jacom erreicht haben, eine Darstellung zu geben, die auch denen verständlich sein soll, die nicht eigentliche Mathematiker sind. Dazu ist es nöthig, dass ich in dem Haupttheil der Untersuchung von der Benutzung imaginärer Werthe ganz absehe. Ich stelle mir geradezu die Aufgabe: die Theorie der reellen elliptischen Functionen zu entwickeln, und bestrebe mich hierbei, nicht möglichst neue, sondern möglichst einfache Vorstellungen zu verwenden. Ich vermeide auch mehrdeutige Ausdrücke. Wenn Wurzelgrössen oder Logarithmen auftreten, so sind es immer positive Wurzeln, reelle Logarithmen positiver Grössen.

Geht man aus von der Gleichung der Ellipse

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

und betrachtet x und y als abhängig vom Ellipsenbogen s, so ist es vortheilhaft, neben x und y noch eine dritte Coordinate des Ellipsenpunktes einzuführen, eine positive Grösse  $\varepsilon$ , deren Quadrat

$$z^{s} = \frac{b^{s}}{a^{s}}x^{s} + \frac{a^{s}}{b^{s}}y^{s}$$

ist. x, y und z sind periodische Functionen von z. Ihre Periode ist der Umfang der Ellipse, den wir mit  $2\pi R$  bezeichnen, so dass R der Radius der Ellipse ist. Vermehrt man z um den halben Umfang, so gehen x und y in -x und -y, z aber in sich selbst über.

Es ist, bis auf constante Factoren,  $\frac{dx}{ds}$  mit  $\frac{y}{z}$ ,  $\frac{dy}{ds}$  mit  $\frac{x}{z}$ ,  $\frac{dz}{ds}$  mit  $\frac{xy}{z^2}$  identisch. Wir fügen eine fünfte Veränderliche u hinzu, und zwar so, dass

$$\frac{du}{ds} = \frac{1}{z^{+}}$$

ist. Diese Grösse u durchläuft, da z beständig zwischen a und b bleibt, gleichzeitig mit s das ganze Zahlenintervall von  $-\infty$  bis  $+\infty$ ; wir können sie deshalb zur unabhängigen Veränderlichen machen. Das hat den offenbaren Vorthell, dass wir einfachere und gleichmässigere Differentialbeziehungen erhalten. Der Differentialquotient jeder der drei Coordinaten nach u ist bis auf einen constanten Factor gleich

dem Product der beiden andern Coordinaten; es ist ausserdem  $\frac{ds}{du}=z^{2}$ .

Dass damit der Anfang einer Theorie gemacht ist, muss sieh erst zeigen, indem man weiter schliesst.

Zunächst ergänzen wir die Voraussetzungen. Wir nehmen andass der Bogen vom höchsten Punkte der Ellipse gerechnet wird, und zwar positiv nach rechts. Wir nehmen ferner an, dass u gleichzeitig mit s verschwindet. Dann sind x und u ungerade, y und z gerade Functionen von s, und wenn wir u als unabhängige Veränderliche 254 Sitemer der phys. math. Chass v. 2. Marz 1911. — Mith. v. 1. Dec. 1910, ansehen, so sind x und s ungerade, y und z gerade Functionen von u. — Es ist ferner  $\frac{du}{ds} = \frac{1}{z^s}$  eine Function von s, die ungeändert bleibt, wenn man die Veränderliche s um den constanten Werth  $R\pi$  vermehrt. u selbst muss sich hierbei um eine positive Grösse vermehren. Aber diese muss, da  $\frac{du}{ds}$  ungeändert bleibt, eine Constante sein; wir nennen sie  $A\pi$ . Dann folgt, wenn wir umgekehrt x, y, z und s als abhängig von u betrachten, dass die beiden ersten Grössen in -x, -y übergehen, z in sich selbst, und s in  $s+R\pi$ , wenn man u um  $A\pi$  vermehrt. Die wichtige Differenz As-Ru ist ebenso wie  $x^s$ ,  $y^s$ ,  $z^s$  und z selbst eine periodische Function von u mit der Periode  $A\pi$ .

Auf der oheren Hälfte der Ellipse sind x, s und u Grössen, die gleichzeitig zunehmen; es ist

$$\begin{split} u = & \int \frac{dx}{z \, V a^z - x^z} \,, \qquad s = & \int \frac{z \, dx}{V a^z - x^z} \,, \\ z = & V a^z - \times x^z \,, \qquad x = z - \frac{b^z}{a^z} \,. \end{split}$$

Die Grösse z, die wir hier einführen, wäre nach Lagennen und Jacom als k<sup>3</sup> zu bezeichnen; aber wir wollen den Fall, wo b grösser als a und demnach z negativ ist, nicht ausschliessen. Daher kann z jeden Werth haben, der kleiner als 1 ist, auch den Werth o.

Die aufgestellten Integrale, erstreckt von -a bis +a, geben  $A\pi$  und  $R\pi$ ; erstrecken wir sie von a bis a, so erhalten wir  $\frac{A\pi}{2}$  und  $\frac{R\pi}{2}$ . Es ist demnach

$$\frac{\pi}{2} A = \int \frac{dx}{Va^3 - x^2} \frac{dx}{Va^3 - xx^2}, \quad \frac{\pi}{2} R = \int \frac{Va^3 - xx^4}{Va^3 - x^3} \frac{dx}{Va^3 - x^3},$$

$$\left( x = 1 - \frac{b^3}{a^3} \right).$$

Nehmen wir g als Integrationsvariable, so bekommen wir dieselben Ausdrücke, nur mit Vertauschung von u und b; auch  $\times$  ist durch  $i - \frac{a^s}{b^s}$  zu ersetzen. Daher sind A und R symmetrische Functionen von a und b.

Es sind ausserdem R und  $\frac{1}{A}$  Mittelwerthe zwischen a und b. Dies ist leicht zu sehen, da die Grösse  $z = Va^* - \times x^*$  zwischen a und b bleibt, und

$$\int_{\sqrt{a^2-x^2}}^1 dx = \frac{\pi}{2}$$

ist. Die Grösse  $M = \frac{1}{A}$  ist das Gauss'sche Mittel zwischen a und b.

R und A sind Functionen von a und b. Aber der Quotient und das Product

$$\frac{R}{n} = \rho, \ \Lambda a = s$$

hängen bloss von dem Verhältniss der beiden positiven Grössen ab. Es ergiebt sich, wenn man in den Integralen x durch ax ersetzt:

$$\frac{\pi}{2}x = \int_{1}^{t} \frac{dx}{Vx - x^2 Vx - xx^2} , \quad \frac{\pi}{2}z = \int_{1}^{t} \frac{Vx - xx^2}{Vx - x^2} dx .$$

Wir fügen endlich noch diejenigen Ausdrücke hinzu, die sich ergeben, wenn man in den Integralen die dritte Coordinate x zur Integrationsvariablen macht. Wir setzen dabei voraus, dass a grösser als b ist, dass somit x abnimmt von a bis b, wenn x von o bis a zunimmt. Dann wird:

$$\frac{\pi}{2} A = \int_{1}^{\pi} \frac{dz}{\sqrt{a^{2} - z^{2}} \sqrt{z^{2} - b^{2}}}$$

$$\frac{\pi}{2} R = \int_{1}^{\pi} \frac{z^{2} dz}{\sqrt{a^{2} - z^{2}} \sqrt{z^{2} - b^{2}}}.$$

\$ 2.

Wenn wir unter f(u) entweder die Function x, oder y, oder z verstehen, und die Ableitung von f(u) mit f'(u) bezeichnen, so ist

$$(f'(u))^i = k + lf'(u) + mf'(u),$$

wo k, l, m drei Constanten bedeuten. Functionen, die einer solchen Gleichung genügen, haben ein Additionstheorem. Den wichtigen Satz hat Eulen bewiesen, aber nicht in dieser Form ausgesprochen; er hat dadurch die Entdeckung der elliptischen Functionen seinen Nachfolgern überlassen! Ein einfacher Beweis ist folgender:

Aus der angenommenen Gleichung ergiebt sich durch Differentiation

$$f''(u) = If(u) + 2mf''(u).$$

Es sei g(u) eine zweite Function, die derselben Differentialgleichung genügt. Dann ist identisch:

$$f^*(u)(g'(u))^* - g^*(u)(f'(u))^* = (f^*(u) - g^*(u))(k - mf^*(u)g^*(u)).$$

Von den Factoren auf der rechten Seite nennen wir den ersten L, den zweiten M. Auch die linke Seite zerfällt in zwei Factoren, f(u)g'(u)-f'(u)g(u) und  $f(u)g'(u)+g(u)f'(u)=\frac{d}{du}(f(u)g(u))$ . Wir nennen den ersten G, den zweiten H. Dann ist GH=LM; es ist ferner;

$$\frac{dG}{du} = f(u)g''(u) - f''(u)g(u) = -z \, m f(u)g(u) \left( f^*(u) - g^*(u) \right),$$

also:

$$\frac{dG}{du} = -2mf(u)g(u)L.$$

Es ist aber auch:

$$\frac{dM}{du} = -2 \, m f(u) g(u) \, \frac{d}{du} \left( f(u) g(u) \right) = -2 \, m f(u) g(u) H \, .$$

Folglich ist:

$$\frac{dG}{du} : \frac{dM}{du} = L : H = G : M.$$

Darans ergiebt sieh, dass der Quotient

$$\frac{G}{M} = \frac{L}{H} = c$$

eine Constante ist. Es besteht also zwischen f(u) und g(u) eine algebraische Gleichung, die hier in zwei Formen: G = eM und L = eH dargestellt ist.

Es sei w irgend ein von u unabhängiger Werth. Dann können wir g(u) = f(u+w) setzen, denn f(u+w) genügt derseiben Differentialgleichung wie f(u) Indem wir  $u = \alpha$  setzen, erhalten wir für c einem Ausdruck durch f(w) und f'(w). Wir können demnach sagen: Bei

Cennu dasselbe gilt von Niets Hessus Asst. Die «Asst. seben Funmlomensind, ebenso wie die Theta, ganz eine Erfindung deutscher Mathematiker. — Man vergleiche übrigens mit den Entwicklungen dieses Paragraphen: Gauss Werke, Bd. III. Lemniskatische Functionen II. insbesondere Art. 14, S. 421—423.

willkürlichen Werthen von u und w besteht eine algebraische Gleichung zwischen f(u), f(w) und f(u+w).

Diese Gedanken sind etwas allgemeiner, als wir sie brauchen. Wir verstehen unter f(u) speciell die ungerade Function x; wir setzen ausserdem, da es auf die Wahl der Längeneinheit nicht ankommt, es aber vortheilhaft ist, nur einen Parameter zu haben, mit Lroender und Jacom, u gleich v. Wir haben es dann nur mit zwei Functionen v und v zu thun, die den Gleichungen

$$\left(\frac{dx}{du}\right)^{2} = (1-x^{2})(1-xx^{2}), \quad \frac{dx}{du} = 1-xx^{2}$$

genügen. Sie sind beide ungerade; ihre Ableitungen werden gleich i für u = 0.

In diesem besonderen Falle ist, wenn wir unter g(u) die Function f(u+w) verstehen:

$$M = 1 - x f^{*}(u) f^{*}(u+w), \quad G = f(u) f'(u+w) - f'(u) f(u+w)$$

and c = -f(w): denn für u = 0 reducirt sich M suf t, G auf -f(w). Es bestehen also, bei willkürlichen Werthen von u und w, die Gleichungen;

$$\frac{f(u)f'(u+w)-f'(u)f(u+w)}{u-xf^*(u)f^*(u+w)} = -f(w),$$

$$-f(w)\frac{d}{du}(f(u)f(u+w)) = f^*(u)-f^*(u+w).$$

Daraus folgt zunächst das Additions- und Subtractionstheorem der Function f(u) in der bekannten Gestalt:

$$\frac{f(u)f'(u') + f(u')f'(u)}{1 - xf''(u)f''(u')} = f(u + u'),$$

$$\frac{f(u)f'(u') - f(u')f''(u)}{1 - xf''(u)f''(u')} = f(u - u');$$

ferner aber die Gleichung:

$$s(u+w)-s(u)-s(w) = -xf(u)f(w)f(u+w)$$
.

Denn wenn man die Ausdrücke auf beiden Seiten, die beide für u=0 verschwinden, nach u differenzirt, so erhält man links, da  $s'(u)=1-\kappa f'(u)$  ist:  $\kappa(f'(u)-f'(u+w))$ , und rechts dieselbe Function. Wir setzen hier w=u' und w=-u', und addiren die beiden Gleichungen. Dann folgt:

$$s(u+u') + s(u-u') - 2s(u) = -xf(u)f(u')(f(u+u) - f(u-u')).$$

Der Ausdruck rechts ist, nach dem Additions- und Subtractionstheorem der Function f(u), gleich

$$\frac{-\operatorname{i} \times f(u)f'(u)f''(u')}{\operatorname{i} - \operatorname{i} f''(u)f''(u')} \,,$$

und dies ist gleich  $\frac{1}{N}\frac{dN}{du}$ , wenn wir den Nenner mit N bezeichnen. Es ist also:

$$s(u + u') + s(u - u') - 2s(u) = \frac{1}{N} \frac{dN}{du}$$
  
 $N = 1 - xf'(u) f'(u')$ .

Diese Gleichung, gewonnen durch Integration aus einer Form des Additionstheorems für f(u), weist darauf hin, dass wir mit dem Integriren noch nicht fertig sind. Am einfachsten würe es, eine Function einzuführen, deren Ableitung s(u) ist. Aber wir müssen vorsichtig sein. Es handelt sich hier um die erste Einführung der Jacom'schen Thetafunction, um die Gauss'sche \*neue Transcendente\*, die so wichtig ist, dass, sobald man ihre Eigenschaften kennt, das Interesse an den Integralen u und s sowie an den elliptischen Functionen selbst dagegen zurücktritt.

u und s waren auß Gerathewohl so definirt, wie sich diese Grössen zunächst darbieten, wenn man an nichts Anderes denkt. Aber, was bis jetzt bewiesen ist, bleibt im Wesentlichen bestehen, wenn man zu u noch einen constanten Factor hinzufügt und wenn man s durch eine lineare Function von u und s ersetzt. s ändert sich um  $s\pi$ , wenn sich u um  $a\pi$  ändert; die Differenz

$$as - cu = t$$

bleibt ungeändert. Wir können demnach die elliptische Bogenfunction \* in zwei Theile zerlegen, von denen der eine,  $\frac{\beta}{z}u$ , proportional z ist und somit positiv wie negativ beliebig gross werden kann, während der Rest,  $\frac{\ell}{z}$ , periodisch ist mit der Periode  $z\pi$  und daher zwischen endlichen Grenzen schwankt.

Mit den Eigenschaften der Function t und der sich an t anschliessenden ⊃ hat die Zahl α, die in complicirter Weise von × abhängig ist, wenig zu thun. Wir setzen deshalb zweitens:

$$u = zv.$$

Dann ist / eine ungerade Function von c, die ungeändert bleiht, wenn man c um = vermehrt.

Das Integral von t,  $\int t dv$ , muss eine gerade Function von v sein, und sie könnte sich höchstens um eine Constante ändern, wenn man v um  $\pi$  vermehrt. Diese Constante muss  $\phi$  sein. Denn ist:

$$\phi(v + \pi) = \phi(v) + C, \ \phi(-v) = \phi(v).$$

so folgt daraus, indem man a durch -c-a ersetzt:

$$\phi(v) = \phi(v + \pi) + C$$

es ist also C = 0.

Nun bilden wir, indem wir unter e einen vorläufig willkürlich bleibenden constanten Factor verstehen,

$$\mathfrak{D}(v) = ve^{\int idv}$$
.

Dann haben wir eine gerade Function von r, mit der Periode  $\pi$ , die nicht verschwinden, also auch nicht ihr Zeichen ändern kann; sie genügt der Gleichung

$$t\Im = \frac{d\Im}{dv}$$
,

und c ist der Werth, den sie für v=0 annimmt. Das einfachste wäre, c=1 zu setzen. Aber man wird von vornberein vermuthen, dass wir diese Bestimmung später ändern müssten.

Neben  $\Im(v)$  führen wir, mit Jacoss, eine zweite Function  $\Im_i(v)$  ein, wiederum mit einem vorläufig willkürlich bleibenden constanten Factor C, indem wir

$$Cx = \frac{S_s(v)}{S_s(v)}$$

setzen. x ist ungerade und ändert auch sein Vorzeichen, wenn man u um  $\pm \pi$ , also v um  $\pi$  vermehrt. Dieselben Eigenschaften hat demnach  $\Im_v(v)$ . Es ist

$$\Im_{v}(v + \pi) = -\Im_{v}(v); \ \Im_{v}(-v) = -\Im(v),$$

während:

$$\Im(v+v)=\Im(v);\ \Im(-v)=\Im(v)$$

ist. — Nun gehen wir zurück zur letzten Additionsformel, die wir mit z multiplieiren. Es ist

$$xs(u) = \varepsilon u + \frac{1}{\Im(v)} \frac{d\Im(v)}{dv}.$$

260 Sitzung der phys.-math. Classe v. 2. Mirz 1911. - Mitth. c. 1. Dec. 1910.

Entsprechende Ausdrücke haben wir für  $\alpha s(u+u')$ ,  $\alpha s(u-u')$ , wenn wir neben  $u=\alpha v$  auch  $u'=\alpha v'$  einführen. Es wird ausserdem

$$N=i-\frac{z}{C^*}\Big(\frac{\Im_i(v)}{\Im(v)}\frac{\Im_i(v')}{\Im(v)}\Big)^*.$$

Wir haben also, wenn wir die Ableitung von  $\Im(v)$  mit  $\Im'(v)$  bezeichnen:

$$\frac{\Im'(v+v')}{\Im(v+v')} + \frac{\Im'(v-v')}{\Im(v-v')} - 2\,\frac{\Im'(v)}{\Im(v)} = \frac{1}{N}\,\frac{dN}{dv}\,.$$

Diese Gleichung können wir integriren; es folgt aus Ihr, dass

$$\frac{\Im(v+v')}{\Im^*(v)}\frac{\Im(v-v')}{\Im^*(v')}$$

sich von N nur um einen constanten Factor unterscheidet. Dieser Factor ist auch von r' unabhängig, da beide Ausdrücke in Bezug auf v und r' symmetrisch sind. Aber es kommt auf den constanten Factor weniger au, als darauf, dass hier bewiesen ist:

Das Product  $\Im(v+v')$   $\Im(v-v)$  lässt sich linear und homogen, mit Coefficienten, die von v unabhängig sind, durch  $\Im^*(v)$  and  $\Im^*_i(v)$ ausdrücken

Von  $\mathfrak{S}_{\epsilon}(r+r') \, \mathfrak{S}_{\epsilon}(r-r')$  gilt dasselbe.

Denn bilden wir das Product f(u+u') f(u-u'), so ist dies einerseits, bis auf einen constanten Factor, mit

$$\frac{\partial_{x}(v+v')}{\partial(v+v')}\frac{\partial_{x}(v-v')}{\partial(v+v')}$$

andrerseits, nach dem Additions- und Subtractionstheorem, mit

$$f^*(u) - f^*(u')$$

$$1 - \times f^*(u) \ f^*(u')$$

identisch. Der Nenner des letzteren Ausdrucks ist proportional

$$\frac{\Im(v+v')\ \Im(v-v')}{\Im^*(v)\ \Im^*(v')}$$

Demnach ist  $\Im_i(e+e')$   $\Im_i(e-e')$  proportional

$$\mathbb{S}^z(v) \ \mathbb{S}^z(v') \ \left(f^z(u) - f^z(u')\right),$$

also proportional

$$\mathfrak{D}^{v}(v)$$
  $\mathfrak{D}^{v}_{i}(v') - \mathfrak{D}^{v}_{i}(v)$   $\mathfrak{D}^{v}(v')$ .

Wir kommen so zu dem Satz:

Die beiden Functionen S(v) und  $S_r(v)$  haben die Functionaleigenschaft, dass alle Functionen, die sich ergeben, wenn man in den Producten S(v+v') S(v-v') und  $S_r(v+v') S_r(v-v')$  für v' verschiedene

constante Werthe setzt, sich linear und bomogen durch zwei unter ihnen ausdrücken lassen.

Der Satz bedarf noch einer Ergänzung. Betrachten wir das Additionstheorem für f(u+u'). f(u+u') selbst ist proportional

$$\frac{\mathbb{S}_i(v+v')}{\mathbb{S}(v+v')}$$
.

In dem Ausdruck, der f(u+u') darstellt, ist der Nenner proportional

$$\frac{\Im(v+v')\Im(v+v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')}.$$

Es ist daher

$$\Im_{\epsilon}(e + v')\Im(e - v')$$
 mit  $\Im'(v)\Im'(v')\left(f(u)f'(u') + f(u)f'(u)\right)$ 

his auf einen constanten Factor identisch. Setzt man für den Augenblick  $\mathfrak{D}'(v)f(u)=L(v)$ ,  $\mathfrak{D}^*(v)f'(u)=M(v)$ , so hat man:

$$\Im_{\epsilon}(v+v')\Im(v-v') = \lambda L(v) + \mu M(v)$$
,

wo $\lambda$ ,  $\mu$  von v unabhängig sind. Die Producte  $\Im(v-v')\Im_i(v+v')$  bilden daher ebenfalls eine Schaar von Functionen der Variabeln  $v_i$  in der sich nur zwei linear unabhängige betinden.

Wir haben bei der Definition von  $\Im$  und  $\Im$ , zwei constante Factoren willkürlich gelassen. Der eine, c, ist der Werth von  $\Im$  für v=0, der andre, C, kommt in der aufgestellten Gleichung

$$C \cdot x = \frac{\Im}{\Im}$$

vor. c und C können Functionen von x sein; wenn wir sie zweekmässig bestimmen wollen, müssen wir  $\mathfrak D$  und  $\mathfrak D_x$  als Functionen von v und x betrachten. Das Entscheidende sind die partiellen Differentialgleichungen, denen  $\mathfrak D$  und  $\mathfrak D_x$  genügen. Sie sind deshalb etwas umständlich aufzustellen, weil man es zuerst mit den Grössen u und x zu thun hat, von diesen aber zu c und t übergehen muss. Da  $\mathfrak D_x$  und, bis auf den Vorzeichenwechsel, auch  $\mathfrak D_x$ , ungeändert bleibt, wenn man v um v vermehrt, so können wir uns auf die Werthe von v zwischen v und v und v und v und v und v beschränken. Dann sind v und v durch die Integrale gegeben:

$$u = \int_{s}^{t} \frac{dx}{V_1 - x^s} \frac{dx}{V_1 - x^s}, \quad s = \int_{s}^{t} \frac{V_1 - x^s}{V_1 - x^s} dx.$$

Sie sind hiermit gegeben als Functimen von x und x. Thre partiellen Ableitungen nach x bezeichnen wir mit u' und x'. Es ist dann

$$u' = \frac{1}{2} \int_{-1}^{t} \frac{x^{3} dx}{\sqrt{1 - x^{2}} \sqrt{(1 - xx^{2})^{2}}} \,, \quad s' = -\frac{1}{2} \int_{-1}^{t} \frac{x^{2} dx}{\sqrt{1 - x^{2}} \sqrt{1 - xx^{2}}} \,.$$

Die letzten beiden Integrale lassen sich muf u und s zurückführen. Es ist, wenn

$$(1-x^2)(1-xx^2)=R$$

gesetzt wird:

$$2x(1-s)u' = s - (1-s)u - \frac{xx(1-x')}{\sqrt{R}}$$
$$2xs' = s - u,$$

wie sich sofort ergiebt, wenn man die rechtsstehenden Ausdrücke nach x differenzirt.

Die Gleichungen müssen auch bestehen bleiben für x=1, wo  $u=\frac{\pi}{2}\alpha$ ,  $s=\frac{\pi}{2}\beta$  wird; für  $\alpha$  und  $\beta$  gelten daher die Gleichungen:

$$2x(1-x)\frac{du}{dx} = x - (1-x)x$$
$$2x\frac{dx}{dx} = x - u,$$

Wenn man hier s eliminirt, kommt man zu dem bekannten Satz:

z genügt der linearen Differentialgleichung zweiter Ordnung  $D(\phi)=0$ , wobei  $D(\phi)$  den Differentialgusdruck

$$4\frac{d}{dz}\left(z(1-z)\frac{d\phi}{dz}\right)-\phi=D(\phi)$$

bedeutet.

Da wir jetzt die Differentialquotienten von u, s, z, s mach z haben, so können wir auch die von

$$\frac{u}{\alpha} = v, \quad t = \alpha s - \rho u$$

bilden, die wir mit e' und f' bezeichnen. Es ist, wenn wir zur Abkürzung

$$4\times(1-x)u^*=N$$

setzen:

$$Nv' = 2t - \frac{2\alpha \times x(1-x')}{VR}$$

$$Nt' = \frac{2\alpha \times x(1-x')}{VR},$$

Denken wir uns die Beziehungen zwischen e, t, x und x in der Form gegeben: x = F(v, x), t = G(v, x). Dann erhalten wir, indem wir diese Gleichungen nach x differenziren und dabei immer noch v und t als Functionen von x und x ansehen:

$$\alpha = \frac{\partial F}{\partial x} v' + \frac{\partial F}{\partial x}, I' = \frac{\partial G}{\partial x} v' + \frac{\partial G}{\partial x}.$$

Aber wir betrachten jetzt v und z als unabhängige Veränderliche, x und t als Functionen davon. Dann ist

$$o = \frac{\partial x}{\partial v} v' + \frac{\partial x}{\partial x}, \ t' = \frac{\partial t}{\partial v} v' + \frac{\partial t}{\partial x};$$

und wenn wir für e', f' die gefundenen Ausdrücke einsetzen:

$$\begin{split} N\frac{\partial x}{\partial x} &= \frac{\partial x}{\partial v} \left( \frac{2 \operatorname{d} x x (1-x^*)}{V R} - 2t \right) \\ N\frac{\partial t}{\partial x} &= \frac{2 \operatorname{d} x (1-x^*)}{V R} \left( \operatorname{d} x + \frac{\partial t}{\partial v} \right) - 2t \frac{\partial t}{\partial v} \;. \end{split}$$

Die Ableitungen von x und t nach v sind so zu bilden, als ob z constant wäre. Da  $\frac{dx}{du} = \sqrt{R}$ ,  $\frac{dt}{du} = z(1-zx^2)-z$  ist, so ist

$$\frac{\partial x}{\partial x} = xVR$$
,  $\frac{\partial t}{\partial x} = x'(1-xx')-xx$ ;

man hat also:

$$\begin{split} N \, \frac{\partial \, x}{\partial \, x} &= \, 2 x^3 x \, x (t - x^3) - 2 t \, \frac{\partial \, x}{\partial \, v} \;, \\ N \, \frac{\partial \, t}{\partial \, x} &= \, 2 x^3 x \, x / R - 2 t \, \frac{\partial \, t}{\partial \, v} \;; \end{split}$$

man hat ferner:

$$t = \frac{1}{9} \frac{\partial 9}{\partial n}, \quad \frac{\partial t}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial n} \left( \frac{1}{9} \frac{\partial 9}{\partial x} \right)$$

und wenn man weiter nach e differenziet,

$$\begin{split} \frac{\partial^* t}{\partial v^*} &= -2x^5 x x \sqrt{R} \\ \frac{\partial^* x}{\partial v^*} &= x^4 (-(1+x)x + 2xx^4) \\ &= -2x^6 x x (1-x^4) - \frac{N}{4x} x \,. \end{split}$$

264 Sitzung der phys.-math. Classe v. 2, März 1911. - Mitth. v. 1, Dec. 1910.

Dadurch gehen die Gleichungen über in folgende:

$$N\frac{\partial x}{\partial x} + \frac{N}{4x}x + \frac{\partial^2 x}{\partial x^2} + \frac{2}{9}\frac{\partial 9}{\partial x}\frac{\partial x}{\partial x} = 0$$
$$N\frac{\partial}{\partial x}\left(\frac{1}{9}\frac{\partial 9}{\partial x}\right) + \frac{\partial^2 t}{\partial x^2} + 2t\frac{\partial t}{\partial x} = 0$$

Die letzte Gleichung lässt sich unmittelbar integriren. Es, folgt aus ihr, dass

$$\frac{1}{\Im} \frac{\partial \Im}{\partial x} + \frac{1}{N} \left( \frac{\partial I}{\partial v} + I^* \right)$$

oder, was dasselbe ist,

$$\frac{1}{\Im} \left( \frac{\partial \Im}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^2 \Im}{\partial x^2} \right) = m$$

eine von e unabhängige Grösse ist. Die vorangehende Gleichung über wird, wenn man dieses Resultat hinzunimmt, mit der folgenden identisch:

$$\frac{1}{x\Im}\left(\frac{\partial(x\Im)}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^*(x\Im)}{\partial x^*}\right) = m - \frac{1}{4x} \ .$$

Num ist Cab = S,. Wir erhalten daher:

$$\frac{1}{\Im_r} \left( \frac{\partial \Im_r}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^4 \Im_r}{\partial x^2} \right) = m_r \,,$$

WO

$$m_{z}=m-\frac{1}{4z}+\frac{1}{C}\,\frac{dC}{dz}$$

ist. m können wir bestimmen, indem wir r = 0 setzen. Dann wird

$$\vartheta = c$$
,  $\frac{1}{\Im} \frac{\partial \vartheta}{\partial x} = \frac{1}{c} \frac{dc}{dx}$ .

Da ferner

$$\frac{1}{3} \frac{\partial^2 S}{\partial x^2} = t^2 + \frac{\partial t}{\partial x} = t^2 + a^2 (t - xx^2) - ax$$

ist, und da für r = 0 die Grössen t und x verschwinden, so ist für r = 0:

$$\frac{1}{N} \stackrel{\text{i}}{\otimes} \frac{\partial^2 S}{\partial v^2} = \frac{\pi(\alpha - z)}{N} = \frac{1 - \frac{\tilde{r}}{\alpha}}{4\pi(1 - z)}.$$

Der letzte Ausdruck ist identisch mit

$$\frac{1}{4(1-x)} - \frac{1}{2x} \frac{dx}{dx}$$

denn nach den Differentialgleichungen, die für a und ; aufgestellt worden sind, ist

$$1 - \frac{\beta}{x} = x - \frac{2 \times (1 - x)}{x} \frac{dx}{dx}$$

Wir erhalten somit:

$$m = \frac{1}{c} \frac{dc}{dx} + \frac{1}{4(1-x)} - \frac{1}{2x} \frac{dx}{dx}.$$

Wir haben nun die Differentialgleichungen:

$$\frac{\partial \mathcal{G}}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^2 \mathcal{G}}{\partial x^i} = m \mathcal{G}_i,$$

$$\frac{\partial \mathcal{G}_i}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^2 \mathcal{G}_i}{\partial x^i} = m_i \mathcal{G}_i,$$

und wenn wir wollen, dass diese Differentialbeziehungen so einfach wie möglich werden, müssen wir v und C so wählen, dass m und  $m_s$  gleich o werden. Dies erreichen wir, allerdings mit einem Opfer, Indem wir

$$c = \sqrt{x} \stackrel{?}{\sqrt{1 - x}}$$

$$C = \stackrel{?}{\sqrt{x}}$$

setzen. Die erste Bestimmung können wir ohne Weiteres treffen; die Function S hat eine reelle Existenz für alle Werthe des Parameters zwischen — co und 1. Die zweite aber ist nur möglich, wenn wir zuf das kleinere Intervall von o bis 1 beschränken, so dass wir mit beiden Functionen zugleich nur dann operiren können, wenn wir zwischen o und 1 annehmen.

Beide Functionen 3 und 3, genügen jetzt derselben Differentialgleichung

$$4 \times (1-x) \alpha^{\alpha} \frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{\partial^{\alpha} \phi}{\partial x^{\alpha}} = 0;$$

thre constanten Factoren sind so bestimmt, dass

$$\Im(0) = V \times V \cdot 1 - \times$$

$$\frac{\Im_{i}(0)}{\Im(v)} = x V \times$$

ist. Es versteht sich von selbst, dass wir die Wurzelgrössen als positiv annehmen. Es ist klar, dass die partielle Differentialgleichung wichtig werden muss, sobald man sich die Aufgabe stellt. 3 und 3, durch Foumersche Relhen auszuhrücken. Aber es ist zweckmässig, zuvor die Abhängigkeit der Grösse z und einiger noch hinzutretender Grössen vom Parameter zu untersuchen. Durch die Gleichung

$$\alpha\pi = 2\int\limits_{0}^{1} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}\,\sqrt{1-x\,x^2}}$$

ist a definirt als Function von z, und zwar für alle Werthe von z zwischen i und - co. Sie lut einen positiven Werth, von dem man ohne Weiteres sicht, dass er zunimmt mit zunehmendem z. Denn die Function unter dem Integralzeichen wird durch eine andre mit durchweg grösseren Werthen ersetzt, wenn man z vergrössert. Bei der Annaherung von z an den Punkt i wird zw unendlich, und zwar logarithmisch; die Differenz  $\pi - \log \left(\frac{16}{1-x}\right)$  wird für x = 1 nicht unendlich, sondern o. Es ist dies ein Satz, der unscheinbar aussieht. Aber an flim sind Ecura, Lasersone, Jacons betheiligt, and zwar so, dass es schwer ist, zu sagen, wer von den dreien an seiner Entdeckung und an seiner sichern Begründung den grössten Antheil hat. Eurza stellt eine richtige Überlegung an, die sich aber nicht auf das Integral zz bezieht, sondern auf z:, den halben Umfang der Ellipse mit den Halbachsen i und VI-z: Leoennax stellt den Satz auf für ma. aber mit nicht ausreichender Begründung; Jacon beweist ihn für #2. mit absiehtlicher Anlehnung an die Euler sche Methode. Seitdem sind mehrere Beweise gegeben worden. Es schadet nichts, wenn zu ihnen noch ein einfacher hinzutritt.

leh vergleiche za mit einem andern Integral, indem ich bilde:

$$\pi x - \int \frac{i dx}{1 - x x^2} = 2 \int \frac{V_1 - x x^2 - V_1 - x^2}{V_1 - x^2 (1 - x x^2)} dx$$

Ich führe statt a die Variable ein

$$t = \frac{\sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1-xx^2}},$$

die von t bis o abnimmt, wenn a von o his t zonimmt. Dann ist

$$\frac{\sqrt{x-xx^2-\sqrt{x-x^2}}}{\sqrt{x-x^2}(x-xx^2)} = \frac{-x}{1+t}\frac{dt}{dx};$$

daher:

$$\pi x - 2 \int_{0}^{1} \frac{dx}{1 - \kappa x^{2}} = 2 \int_{0}^{1} \frac{x dt}{1 + t},$$

$$2 \log(2) - \pi \alpha + 2 \int_{0}^{1} \frac{dx}{1 - \kappa x^{2}} = 2 \int_{0}^{1} \frac{(1 - x) dt}{1 + t}.$$

Der Werth des Integrals auf der rechten Seite ist positiv, wird aber mendlich klein, wenn sich  $\times$  der Eins nähert. Denn er ist kleiner als  $z\int (1-x)dt$ , noch kleiner als  $z\int (1-x^*)dt$ . Es ist aber

$$1-x^{i} = \frac{(1-x)t^{i}}{1-xt^{i}} < \frac{(1-x)t}{1-xt^{i}}$$

Somit ist der Werth des Integrals auf der rechten Seite der aufgestellten Gleichung positiv, aber kleiner als

$$2\int_{-1}^{2} \frac{(t-x)\ell d\ell}{t-x\ell'} = \frac{1-x}{x} \log\left(\frac{1}{t-x}\right).$$

Dies wird offenbar unendlich klein gleichzeitig mit 1-x. Es ist ferner

$$\int_{-1}^{1} \frac{z \, dx}{1 - x x^3} = \frac{1}{V_X} \log \left( \frac{1 + V_X}{1 - V_X} \right).$$

und die Differenz

$$\frac{1}{V_E} \log \left( \frac{1 + V_E}{1 - V_E} \right) - \log \left( \frac{4}{1 - x} \right)$$

wird ebenfalls, wie man leicht sieht, unendlich klein gleichzeitig mit i - z. Folglich ist  $\log \left(\frac{t6}{1-z}\right) - \pi z$  eine Function von z, die sieh bei der Annäherung von z an den Werth i dem Werthe o unbegrenzt nähert.

Damit ist der Satz bewiesen. = wird bei der Annäherung an den Werth  $\times = 1$  unendlich, aber nur logarithmisch: das Product  $\times V_1 - \times$  wird demnach für  $\times = 1$  nicht unendlich, sondern o.

Nun ist aber #1-x diejenige Function von z, in die z übergeht, wenn man x durch

$$x' = \frac{x}{x-1}$$

268 Sitzang der phys.smath. Classe v. 2, Mürr 1911. - Mitth. v. 1: Dec. 1910.

ersetzt. Denn führt man zwei positive Grössen a,b ein, die mit z in der Beziehung stehen:  $1-x=\frac{b'}{a^s}$ , so ist  $\frac{a}{x}$  eine symmetrische Function von a und b. Bei der Vertauschung von a mit b geht z in z' über. Nennt man a' die Function, in die hierdurch a übergeht, so ist demnach  $\frac{a}{a}=\frac{b}{a^s}$ , mithin  $a'=x\sqrt[3]{1-x}$ .

Lässt man nun z sich dem Werthe i nähern, so nähert sich z' dem Werthe — co, z' dem Werthe o. Damit ist bewiesen:

z wächst beständig, und zwar von o bis  $\infty$ , wenn z das ganze Intervall von  $-\infty$  bis t durchläuft. Speciell ist z=t für z=0.

Da  $\frac{a}{a}$  ein Mittelwerth zwischen a und b ist, so liegt  $\frac{1}{a}$  zwischen

1 und  $\sqrt{1-x}$ ,  $1-\frac{1}{x}$  zwischen o und

$$t - V t - x = \frac{x}{t + V t - x}$$

Um so mehr liegt  $1 - \frac{1}{\alpha}$  zwischen o und z

Der Satz der drei Mathematiker lässt sich schärfer fassen, indem man die Function z direct ausdrückt durch den Logarithmus von  $\frac{2^+}{1-\varkappa}$  und durch zwei Functionen, die nicht nur bis zum Punkte  $\varkappa=1$ , sondern darüber hinaus für alle positiven Werthe von  $\varkappa$  definirt sind und die sich an der Stelle  $\varkappa=1$  regulär verhalten. Die Grundidee einer solchen Darstellung geht ebenfalls auf Eczez und Leossner zurück.

Eine der beiden Functionen, die wir zu Hülfe nehmen, ist diejenige  $\beta$ , die aus z hervorgeht, indem man  $\times$  durch  $1-\times$  ersetzt. Sie ist damit definiet für alle positiven Werthe von  $\times$ . Sie wird ifür  $\times = i$ , unendlich für  $\times = 0$ , aber  $\pi\beta - \log\left(\frac{2^*}{\times}\right)$  wird unendlich klein, wenn  $\times$  abnehmend sieh dem Werthe o nähert. Es wird daher auch

$$\mp \frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\alpha} \log \left( \frac{2^4}{\alpha} \right).$$

und, da  $1 - \frac{1}{x}$  zwischen o und z liegt,  $x \log \left(\frac{1}{x}\right)$  aber für x = 0 verschwindet.

$$\pi \frac{S}{\alpha} - \log \left( \frac{2^4}{\kappa} \right)$$

unendlich klein bei der Annäherung von an den Werth o.

Wir setzen

$$-\pi \frac{\beta}{a} = \omega$$
.

Diese Function von  $\times$  existirt nur in dem Intervall von  $\circ$  bis 1, wo  $\times$  and  $\beta$  gemeinsam existiren. In diesem Intervall nimmt  $\times$  zu von 1 bis  $\infty$ ,  $\beta$  nimmt ab von  $\infty$  bis 1; also ist  $\times$  negativ und nimmt beständig zu, von  $-\infty$  bis 0, wenn  $\times$  von  $\circ$  bis 1 wächst. Die Differenz  $\omega - \log \left(\frac{\times}{2^*}\right)$  wird unendlich klein bei der Annäherung von  $\times$  an den Nullpunkt. Wir bezeichnen sie mit  $4\gamma$ :

$$z = \log\left(\frac{x}{x^4}\right) + 4\gamma.$$

Nun lässt sich der Differentialquotient von w angeben.  $\omega$  genügt der Differentialgleichung  $D(\phi) = 0$ , wo  $D(\phi)$  den Differentialausdruck

$$D(\phi) = 4 \frac{d}{dx} \left( x(t-x) \frac{d\phi}{dx} \right) - \phi$$

bedeutet. Dieser bleibt ungeändert, wenn man × durch i →× ersetzt.

Daraus folgt, dass © derselben Differentialgleichung genügt wie z,
und daraus weiter, dass

$$x(t-x)\left(x\frac{d\beta}{dx}-\beta\frac{dx}{dx}\right)$$

eine Constante ist. Es ist daher:

$$\frac{du}{dz} = \frac{\epsilon}{\kappa(1-\kappa)\alpha},$$

wo s einen constanten Factor bedeutet. Dieser Factor ist gleich 1. Denn es 1st

$$\frac{dw}{dx} = \frac{1}{x} + 4 \frac{d\gamma}{dx}.$$

Wäre i von i verschieden, so würde  $\frac{d\gamma}{dz}$  für z = 0 von der ersten Ordnung,  $\gamma$  selbst dort logarithmisch unendlich werden. Da das nicht der Fall ist, so muss z = 1 sein. Da ferner  $\gamma$  für z = 0 verschwindet, so ist

$$4\gamma = \int_{-\infty}^{\infty} \left( \frac{1}{\times (1-x)u^{\alpha}} - \frac{1}{x} \right) dx.$$

Hier steht unter dem Integralzeichen eine Function von z. die sieh auf der ganzen Strecke von −∞ bis i regulär verhält. Wir verstehen jetzt unter 4 $\gamma$  dieses Integral. Dann ist  $\gamma$ , ebenso wie  $\alpha$ , für das ganze Intervall von  $-\infty$  bis  $\tau$  als reguläre Function von  $\times$  definirt; sie verschwindet für z=0. In dem Theilintervall von  $\phi$  bis  $\tau$  aber haben wir:

$$\omega = \frac{-\pi\beta}{\alpha} = \log\left(\frac{x}{2^n}\right) + 4\gamma.$$

Wir vertauschen jetzt  $\times$  mit  $t-\times$ . Dadurch geht  $\gamma$  über in eine Function  $\gamma$ , die für  $\times = t$  verschwindet, und die sich an der Stelle  $\times = t$  regulär verhält. Wir erhalten so:

$$\pm \alpha = \beta \log \left(\frac{2^4}{1-\alpha}\right) - 4\beta \gamma_1$$

Die Gleichung gilt zwar nur bis zu dem Werthe  $\times = 1$ . Aber die in ihr auftretenden Grössen  $\beta$  und  $\gamma$ , sind Functionen, die über den Punkt  $\times = 1$  hinaus definirt sind und die sich in diesem Punkte regulär verhalten.

Wir setzen:

$$q = \frac{x}{2^4}e^{4z}$$
.

Damit ist eine Grösse q definirt, der Jacons'sche Modul der elliptischen Functionen, ebenfalls so, wie z und  $\gamma$ , für die ganze Strecke von  $-\infty$  bis t; sie ist positiv für die positiven, negativ für die negativen Punkte der Strecke und verschwindet für x=0 von der ersten Ordnung. In dem Intervall von  $\alpha$  bis  $\tau$  aber ist

$$w = \log(q)$$
,  $q = e^{\pi}$ ;

und da in diesem Intervall  $\omega$  bei zunehmendem  $\times$  die Werthe von  $-\infty$  bis o durchläuft, so durchläuft q, beständig wachsend, die Werthe von  $\alpha$  bis t.

Aus der Gleichung  $u = \frac{-\pi E}{x}$  folgt durch Vertauschung von x mit t-x die Eigenschaft der Function x:

$$w(x)w(t-x)=\pi^*.$$

Eine ähnliche Eigenschaft besitzt q. q genügt, längs der ganzen Strecke von  $-\infty$  bis t, der Gleichung:

$$\frac{dq}{q} = \frac{dx}{x(1-x)x^2}.$$

Nennen wir z' und q' die Functionen von z, in die z und q übergehen, wenn man z durch  $z' \equiv \frac{z}{1-z}$  ersetzt, so ist

$$(1-x)\alpha^{\gamma} = (\alpha')^{\gamma}, \qquad \frac{dx}{x} = \frac{dx'}{x'(1-x')}$$
:

daher

$$\frac{dq}{q} = \frac{dq'}{q'}.$$

Mithin ist q'=cq, we c einen constanten Factor bedentet. Vertauschen wir z mit z', so folgt: q=cq'; es ist also c'=t. Es muss aber c negativ sein; denn wenn z in dem Theilintervall von o bis i liegt, so liegt z' in dem von o bis  $-\infty$ ; es ist daher q positiv, q' negativ. Folglich ist q'=-q. Demnach besteht die Gleichung:

$$q\left(\frac{x}{x-1}\right) = -q(x).$$

Lassen wir nun  $\times$  die Werthe von o bis  $-\infty$  durchlaufen, so durchläuft  $\times'$  die von o bis t, q' ebenfalls die von o bis t, und q die von o bis -1. Damit ist bewiesen:

Wenn z das ganze Intervall von  $-\infty$  bis 1 durchiauft, so nimmt  $\eta$  beständig zu, und zwar von -1 bis +1. Es nimmt also q nur Werthe an, die zwischen -1 und +1 liegen, und jedem dieser Werthe entspricht ein bestimmter von z. Wir können deshalb den Parameter z als Function des Moduls  $\eta$  auffassen. Die partielle Differentialgleichung, der  $\Im$  und  $\Im$ , genügen, vereinfacht sieh dadurch wesentlich. Sie wird

$$\frac{\partial^4 \phi}{\partial r^2} + 4q \frac{\partial \phi}{\partial q} = 0.$$

Da wir ohnedies, wenigstens bei  $\Im$ , uns beschränken müssen auf die Werthe von  $\varkappa$ , die zwischen o und t liegen, so können wir auch statt q die Grösse  $\omega = \log{(q)}$ , den logarithmischen Modul, einführen. Die Differentialgleichung wird dann noch einfacher:

$$\frac{\bar{\vartheta}^*\phi}{\bar{\vartheta}v^*} + 4\frac{\bar{\vartheta}\phi}{\bar{\vartheta}w} = 0.$$

Von Interesse ist es, den Modul q und das Gauss sehe Mittel

$$\frac{a}{a} = M$$

als Functionen der beiden positiven Grössen a,b zu betrachten, die mit x durch die Gleichung  $t-x=\frac{b^a}{a^a}$  verbunden sind. M ist eine symmetrische, q aber eine alternirende Function von a und b; denn der Vertauschung von a mit b entspricht die Vertauschung von x mit

 $\frac{z}{z-z}$ . q ist positiv, wenn a>b, negativ, wenn a< b ist. Der Hauptsatz aber ist folgender:

M geht in sich selbst, q in  $q^*$  über, wenn man u durch das arithmetische, b durch das geometrische Mittel zwischen a und b ersetzt.

Am directesten wird der Satz bewiesen, Indem man die Definition von z. 5, a durch die Integrale zu Grunde legt.

Wir nehmen a > b an und setzen:

$$a' = \frac{a+b}{2}$$
,  $b' = Vab$ .

Wir setzen ferner:

$$A = \frac{\alpha}{a}, \quad B = \frac{\beta}{a},$$

also  $w = -\frac{\pi B}{A}$ ; und es seien A', B', w' diejenigen Werthe, die aus A, B, w hervorgehen, indem man a durch a', b durch b' ersetzt.

Es war A durch das Integral ausgedrückt

$$\frac{\pi}{2}A = \int_{0}^{\pi} \frac{dx}{\sqrt{a^{2} - x^{2}}\sqrt{a^{2} - xx^{2}}},$$

wo  $x = 1 - \frac{b^2}{a^2}$  ist; aber auch durch das folgende:

$$\frac{\pi}{2}A = \int_{a}^{b} \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}\sqrt{x^2 - b^2}}.$$

B entsteht aus A, indem man a ungeändert lässt, aber z durch  $1-x=\frac{b^x}{a^x}$  ersetzt. Wir führen  $\frac{bx}{a}$  als Integrationsveränderliche ein, bezeichnen diese aber dann wieder mit x. Dadurch ergiebt sich, analog dem zweiten Ausdruck von A:

$$\frac{\pi}{2}B = \int \frac{dx}{\sqrt{u^2 - x^2} \sqrt{h^2 - x^2}}.$$

Wir reduciren noch den zweiten Ausdruck für A, indem wir das Integral in zwei Theile theilen: in das von b bis b' und das von b' bis a. Bei dem ersten führen wir die Grösse  $y = \frac{ab}{x}$  als Integrationsvariable ein, die von a bis b' abnimmt, wenn x von b bis b' zunimmt. Da alsdann

$$\frac{dx}{\sqrt{a^*-x^*}\sqrt{x^*-b^*}} = -\frac{dy}{\sqrt{a^*-y^*}\sqrt{y^*-b^*}}.$$

so sind die beiden Theile einander gleich, und man erhält:

$$\frac{\pi}{2}A = 2\int\limits_{0}^{\pi} \frac{dx}{Vx^{2} - x^{2}Vx^{2} - b^{2}}.$$

Nun sei t das arithmetische Mittel zwischen x und  $\frac{\alpha b}{x}$ , also:

$$2t = x + \frac{ab}{x}.$$

Diese Grösse I minut zo von b' bis a', wenn x von b' bis a zunimmt, und sie minut ab von  $+\infty$  bis a', wenn x von o bis b zunimmt. Da ansserdem

$$(x^{s} - a^{s})(x^{s} - b^{s}) = \pm x^{s}(t^{s} - (a^{s})^{s}),$$
  
 $\frac{dt}{dx} = \pm \frac{1}{x} \sqrt{t^{s} - b^{s}}$ 

ist, so ergiebt sich!

$$\begin{split} &\frac{\pi}{z} A = \int \sqrt[5]{\frac{dt}{\sqrt{a'^* - t^* \, V t^* - b'^*}}} \,, \\ &\frac{\pi}{z} B = \frac{1}{z} \int \frac{dt}{\sqrt{(t^* - a'^*) \, (t^* - b'^*)}} \,. \end{split}$$

Die erste Gleichung sagt direct aus, dass A=A' ist. Bei der zweiten müssen wir noch statt t die Grösse  $\frac{a'b'}{t}$  als Integrationsvariable einführen, die von b' bis  $\phi$  abnimmt, wenn t von a' bis  $\infty$  sumimmt. Dann ergieht sich:  $B=\frac{1}{2}B'$ . Demnach ist w'=2w, und da  $w=\log(q)$  ist: q'=q'.

Damit ist dieser Satz der Gauss'schen Theorie des arithmetischgeometrischen Mittels bewiesen; M ist nicht nur ein Mittelwerth zwischen a und b, sondern auch zwischen a' und b', ferner zwischen  $\frac{a'+b'}{2}$ und Va'b'. Die Grösse  $\frac{a'+b'}{2}$ , das Quadrat von

$$Va + Vb$$

kann schon als starker Näherungswerth von M bezeichnet werden'.

Ebenso ist das Quadrat von  $\frac{a+b}{Va+Vb}$  ein stacker Anniberungswerth für den Ellipsearendins.

Dass man für die Werthe von z zwischen o und i die Grösse a in eine Potenzreihe von z entwickeln kann:

$$\alpha = A(\mathbf{x}) = a_0 + a_1 + a_2 \mathbf{x}^2 + a_1 \mathbf{c}_{-1}$$

geht unmittelbar aus dem Ausdruck von  $\frac{\pi}{2}z$  durch das Integral hervor; aber einfacher bestimmen sich die Coefficienten durch die Differentialgleichung D(s) = 0, der z genügt;  $a_s$  ist gleich 1, da z = 1 wird für s = 0.

Seizt man  $\phi = z^*$ , so wird

$$D(\phi) = (2n)^n \times^{n-1} - (2n+1)^n \times^n$$
;

setzt man  $a = \sum_{i=1}^{n} a_i x^{\mu}$ , so wird demnach:

$$D(a) = \sum_{n=0}^{\infty} ((2n+2)^n u_{n+1} - (2n+1)^n u_n) n^n.$$

Da D(a) = 0 ist, so mass

$$(2n+2)^{\circ}a_{n+1} = (2n+1)^{\circ}a_{n}$$

sein; die Reihe A(s) ist folgende

$$1 + \left(\frac{1}{2}\right)^7 x + \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{5}{4}\right)^2 x^3 + \text{ etc.}$$

Es ist dies eine Potenzreihe mit positiven Coefficienten, eonvergent his zum Punkte x = t hin, aber nicht mehr für x = t, wo x unendlich wird.

Die Function γ, die in der ganzen Strecke von  $-\infty$  bis i regulär ist, und die für x = 0 verschwindet, lässt sich nun ebenfalls für kleine Werthe von z in eine Potenzreihe  $\mathfrak{D}(x)$  entwickeln. Die Coefficienten, abgesehen von dem constanten Gliede, welches o ist, sind ebenfalls positiv, und die Reihe convergirt ebenfalls bis zu x = i hin, sogar noch für z = i. Es ist dies ein Weierstrass scher Satz, bewiesen mit Hülfe der Thetareihen im zweiten Band der Werke von Weierstrass, S. 266. Ich branche hier nothwendig einen elementaren Beweis und stütze mich auf folgenden Hülfssatz:

Wenn A und B Potenzreihen von x mit positiven Coefficienten simi:

$$A = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \mathbf{x}^n), \qquad B = \sum_{n=0}^{\infty} (b_n \mathbf{x}^n),$$

so ist der Quotient beider ebenfalls als Potenzreihe mit positiven Coefficienten darstellbar

$$\frac{B}{A} = C = \sum_{n=1}^{\infty} (c_n x^n),$$

convergent, mindestens soweit der Zähler convergirt, falls  $\frac{a_{n+1}}{a_n}$  mit wachsendem n zumimmt und kleiner ist als  $\frac{b_{n+1}}{b}$ .

Denn aus diesen Voraussetzungen folgt, dass, für  $m \le n$ ,

$$\sigma_n b_{n+1} - \sigma_{n+1} b_n$$

positiv ist. Nun ist nach den Gleichungen, durch welche die Coeffieienten e bestimmt werden,

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n c_{n-n} = b_n,$$

$$a_n c_{n+1} + \sum_{n=-\infty}^{\infty} (a_{n+1} c_{n-n}) = b_{n+1}.$$

Darnus folgt:

$$a_s b_u c_{s+1} = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n b_{n+1} - a_{n+1} b_s) c_{n-n}$$
.

Wenn daher alle Coefficienten his zu  $c_n$  positiv sind, so ist auch  $c_{n+1}$  positiv.

Daraus folge, dass alle Coefficienten e positiv sind; es folge ferner, dass  $b_{n+1} > a_n c_{n+1}$  ist, dass also die Reihe C convergire, wenn B convergent ist

Setzen wir für A die Reihenentwicklung von  $\alpha$ , für B die Binomialentwicklung von  $\frac{1}{V_1-\alpha}$ , so ist

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} = \left(\frac{2n+1}{2n+2}\right)^s, \qquad \frac{b_{n+1}}{b_n} = \frac{2n+1}{2n+2}.$$

Die Bedingungen des Hülfssatzes sind hier offenbar erfüllt. Folglich ist  $\frac{1}{\alpha V_1 - \kappa}$  für die Werthe von  $\kappa$  zwischen o und 1 in eine convergente Potenzreihe mit positiven Coefficienten entwickelbar.

Dasselbe muss gelten von dem Quadrat des Ausdrucks, ferner von

$$\frac{1}{4}\left(\frac{1}{\times(1-x)x^{1}}-\frac{1}{\times}\right)$$

and von dem Integral dieser Function, also von 7.

276 Sitzung der phys.-math. Classe v. 2. März 1911. - Minh. v. 1. Dec. 1910.

Die Reihenentwicklung  $\gamma = \mathfrak{D}(x)$  convergirt auch noch für k = 1 und es ist  $\mathfrak{D}(1) = \log(2)$ . Denn innerhalb des Intervalls von o bis 1 besteht die Gleichung

$$\omega = \log \left(\frac{x}{z^4}\right) + 4 \mathfrak{P}(x).$$

Bei der Annäherung von  $\times$  an 1 wird  $\times$  unendlich klein, und der Logarithmus wird gleich  $-4 \log(2)$ ; es nähert sich daher  $\mathfrak{P}(z)$  dem Werthe  $\log(z)$ . Da nun  $\mathfrak{P}(z)$ , als Potenzreihe mit positiven Coefficienten, eine zunehmende Function ist, so muss, vor dem Endpunkte 1.  $\mathfrak{P}(z)$  kleiner als  $\log(2)$  sein. Um so mehr muss, für 0 < z < 1, die Summe der ersten a Glieder von  $\mathfrak{P}(z)$  kleiner als  $\log(2)$  sein. Dann kann diese ganze Function von z wegen ihrer Stetigkeit auch für z = 1 nicht größer als  $\log(2)$  sein. Es ist daher die Summe der ersten a Glieder von  $\mathfrak{P}(1)$ , wie gross man auch a nehmen mag, kleiner als  $\log(2)$ ; das heisst: es ist  $\mathfrak{P}(1)$  convergent und  $\leq \log(2)$ .

Andrerseits ist, wenn  $\times$  vor dem Werth 1 liegt,  $\mathfrak{P}(1) > \mathfrak{P}(2)$ .  $\mathfrak{P}(2)$  kann aber dem Werthe  $\log(2)$  beliebig nahe gebracht werden: daher ist  $\mathfrak{P}(1) \ge \log 2$ . Daraus folgt:  $\mathfrak{P}(1) = \log(2)$ 

Betrachten wir q als abhängig von a, b. Wir haben dann

$$q = \frac{\kappa}{2^*} e^{i \mathfrak{P}(i)}$$
,

wo  $x = \frac{a^2 - b^2}{a^2}$  ist. Aber diese Darstellung gilt nur, wenn  $b^2 < 2a^2$  ist; ist  $b^2$  grösser, so wird x kleiner als -1 und die Reihe divergirt.

Ersetzen wir a durch  $\frac{a+b}{2}$ , b durch Vab, and demnach

$$\frac{a^*-b^*}{a^*} \ \operatorname{durch} \left(\frac{a-b}{a+b}\right)^*,$$

so erhalten wir nicht q. sondern q', q selbst ist demnach:

$$q = \frac{\lambda}{2^3} e^{i\Phi(\alpha)},$$

wo A die Grösse

$$\lambda = \frac{a-b}{a+b} = \frac{1-V_1-x}{1+V_1+x}$$

bedeutet. Diese zweite Form ist hei beliebigen positiven Werthen von a und b, also in Bezug auf  $\times$  innerhalb der ganzen Streeke von  $-\infty$  bis  $+\infty$ , convergent.

Wir können dieselbe Transformation noch einmal vornehmen. Dann geht λ in das Quadrat von

$$\mu = \frac{\sqrt{a - \sqrt{b}}}{\sqrt{a + \sqrt{b}}} = \frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 + \sqrt{1 - x}}$$

filler, und es wird

$$q = \frac{1}{2} \mu_{\theta} \psi(\omega)$$
.

 $\mathfrak P$  ist eine Potenzreihe ohne constantes Glied, im übrigen mit positiven Coefficienten, und es ist  $\mathfrak P(1) = \log 2$ , also kleiner als 1. Da hiernach  $\mathfrak P(\mu^i) < \mu^i$  ist, so ist der Exponentialfactor zwar grösser als 1, aber kleiner als

ist.  $\mu^{a}$  selbst ist kleiner als  $\frac{1}{1000}$ , wenn das Verhältniss von a zu b

zwischen z und  $\frac{1}{z}$  liegt. Demnach stellt

$$\frac{1}{2}u = \frac{1}{2} \frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$$

einen Näherungswerth von q dar, der sich von dem wirklichen Werth um weniger als den tausendsten Theil desselben unterscheidet, wenn die grössere der beiden Zahlen a, b kleiner ist als das Doppelte der kleineren.

Es handelt sich jetzt um die Darstellung von 3 und 3, durch Formen sche Reihen. Wir nehmen dabei z zwischen o und 1 au, so dass auch q eine positive Grösse zwischen o und 1 ist. 3 ist gerade, 3, ungerade: 3 bleibt ungeändert, 3, geht in —3, über, wenn man v um z vermehrt. Die Form der Reihen ist daher diese:

$$\Im(v) = A_* + 2A_*\cos(2v) + 2A_*\cos(4v) + \text{etc.}$$
  
 $\Im_*(v) = 2B_*\sin(v) + 2B_*\sin(3v) + \text{etc.}$ 

Setzt man die Reihen in die Differentialgleichung  $\frac{\partial^* \phi}{\partial v^*} + 4q \frac{\partial^* \phi}{\partial q} = 0$  ein, der beide Functionen genügen, so erhält man für  $A_+$  die Bestimmung

$$4q \frac{dA_n}{dq} = m^* A_n$$
.

278 Sitzung der phys.-math. Classe v. 2. März 1911. — Minh. v. 1. Dec. 1910.

Derselben Gleichung genügt  $B_n$ ; es unterscheidet sich daher  $A_n$ , und ehenso  $B_n$ , von  $q^{\frac{n^2}{4}}$  nur um einem Factor, der unabhängig von q ist:

$$A_n = \mathfrak{A}_n q^{\frac{n^2}{4}}, B_n = \mathfrak{B}_n q^{\frac{n^2}{4}}.$$

 $\mathfrak{A}_{\circ}$ ,  $\mathfrak{A}_{\circ}$  und  $\mathfrak{B}_{\circ}$  lassen sich leicht bestimmen. Es ist  $\mathfrak{I}(0) \rightrightarrows V_{\mathfrak{A}}V_{\mathfrak{I}} - z$ , und die Entwicklung von a nach Potenzen von a füngt mit  $\mathfrak{I} + \frac{\mathfrak{I}}{4} \times \mathfrak{I}$  an, also die von  $\mathfrak{I}(0)$  mit  $\mathfrak{I} - \frac{\mathfrak{I}}{8} \times \mathfrak{I}$ , die von q aber mit  $\frac{x}{\mathfrak{I}6}$ . Folglieh ist bis auf einen Rest, der von höherer Ordnung unendlich klein wird,  $\mathfrak{I}(0)$  mit  $\mathfrak{I} - 2q$  identisch. Da nun  $\mathfrak{I}(0) = \mathfrak{A}_{\circ} + 2\mathfrak{A}_{\circ}q + \text{etc.}$  ist, so ist  $\mathfrak{A}_{\circ} = \mathfrak{I}$ ,  $\mathfrak{A}_{\circ} = -\mathfrak{I}$ .

Ferner geht aus der Differentialgleichung, der x als Function von u genügt, hervor, dass x in  $\sin(u)$  übergeht, wenn  $\max x = 0$  setzt. Statt  $\sin(u)$  können wir schreiben:  $\sin(v)$ : denn der Factor x, um den sich u von v unterscheidet, wird v für v v v Da nun

$$\frac{\Im_{r}(v)}{\Im(w)} = x \mathring{V} \times$$

ist, da ferner

$$\Im(v) = 1 , \qquad \frac{2q^4}{V_N} = 1 \text{ für } n = 0$$

lat, so folgt:

$$\frac{3\gamma_{r}(r)}{2\,q^{\frac{3}{4}}}=\sin\left(r\right)\;\text{für}\;\;\kappa=0\;.$$

Mithin ist  $\mathfrak{B}_i = 1$ . Von den beiden Former schen Reihen füngt also die eine an mit  $1 - 2g \cos(2\pi)$ , die andere mit  $2g^{\frac{1}{2}} \sin(\pi)$ .

Um die Factoren  $\mathfrak{A}_{-}$  und  $\mathfrak{B}_{-}$  sämmtlich zu bestimmen, benutzen wir die Functionaleigenschaft von  $\mathfrak{B}_{-}$  und  $\mathfrak{S}_{-}$ . Wir schreiben, indem wir unter  $A_{-}$ , dasselbe verstehen wie unter  $A_{-}$ , unter  $B_{-}$  den zu  $B_{-}$  entgegengesetzten Werth  $-B_{-}$ .

die erste Summe ist fiber alle geraden, die zweite über alle ungeraden Zahlen m zu erstrecken. Wir bilden

$$P = \Im(v + v')\Im(v - v').$$

Dann ist

$$P = \sum_{v \in v \text{ prod}} A_v A_v \cos m(v + v') \cos n(v - v').$$

Wir können dafür schreiben:

$$P = \sum_{m,n} A_m A_n \cos ((m+n)v + (m-n)v'),$$

und hierfür:

$$P = \sum_{m,n \in \mathbb{R}^n} A_m A_n \cos \left( (m+n)v \right) \cos \left( (m-n)v' \right).$$

Denn die Differenz des ersten und zweiten Ausdrucks

$$\sum_{(a_{+},c_{+},c_{+})} A_{+} \sin m(v+v') \sin n(v-v')$$

ist gleich o, wie man erkennt, indem man n mit — n vertauscht; die des zweiten und dritten

$$\sum_{(m,n) \in \mathbb{R}^{m}} A_n \sin \left( (m+n)v \right) \sin \left( (m-n)v' \right)$$

ebenfalls, wie sieh ergiebt, wenn man m mit n vertauscht. — Demnach ist, wenn man  $m = \lambda + u$ ,  $n = \lambda - u$  setzt:

$$P = \sum_{i=1}^{n} A_{i+1} A_{i+1} \cos(2\lambda v) \cos(2\mu v').$$

und die Summation ist zu erstrecken erstens über alle Paare gerader, zweitens über alle Paare ungerader Zahlen  $\lambda$ ,  $\mu$ . Danach zerfällt die Summe in zwei Theile; den ersten, wo  $\lambda$ ,  $\mu$  gerade Zahlen sind, bezeichnen wir mit L, den zweiten mit M:

$$P = L + M$$
.

L bleibt ungeändert, M geht in — M über, wenn man v um  $\frac{\pi}{2}$ , und auch, wenn man v' um  $\frac{\pi}{2}$  vermehrt.

Betrachten wir P, L, M als Functionen von v allein: P=P(v), L=L(v), M=M(v). L(v) und M(v) lassen sich linear ausdrücken durch das Product P(v), und ein zweites, das aus P(v) entsteht, indem man v durch einen andern Werth ersetzt. Unter den Functionen, die sich so ausdrücken lassen, sind nur zwei linear unabhängige. Nun haben aber L(v) und M(v) die besonderen Eigenschaften:  $L\left(v+\frac{\pi}{2}\right)=L(v)$ ,  $M\left(v+\frac{\pi}{2}\right)=-M(v)$ ; dadurch sind sie bestimmt, jede bis auf einen von v unabhängigen Factor. Da ausserdem L und M symmetrisch sind in Bezug auf v und v, so können wir setzen:

$$L = r_N(v)_N(v'),$$

$$M = s_N(v)_N(v'),$$

wo r und s Factoren bedeuten, die von e und v' unabhängig sind,  $\kappa(v)$  und  $\kappa_{c}(v)$  Functionen, die in der Form

$$n(v) = \sum_{0 \in g(v)} C_v \cos (2 \lambda v),$$
  
 $n_i(v) = \sum_{0 \in g(v)} D_k \cos (2 \lambda v).$ 

ausdrückbar sind. Wir nehmen hierbei wieder  $C_{-z}=C_{z}$ ,  $D_{-z}=D_{z}$  an. Wir haben demnach

$$P = r \sum_{(\mathbf{x}, \mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{r})} C_{\mathbf{x}} \cos{(z \lambda v)} \cos{(z \mu v')} + s \sum_{(\mathbf{x}, \mathbf{x}, \mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{r})} D_{\mathbf{x}} D_{\mathbf{x}} \cos{(z \lambda v)} \cos{(z \mu v')} \,.$$

Die Vergleichung dieser Form mit der früheren führt zu den Beziehungen;

$$A_{\star+*}A_{\star-*} = rC_{\star}C_{\star}$$
 für gerade,  
 $A_{\star+*}A_{\star-*} = sD_{\star}D_{\star}$  für ungerade Zahlen  $\lambda$ ,  $\mu$ .

Speciell folgt hieraus, dass für gerade Zahlen  $\lambda$ :  $A_i^* = rC_{\lambda}C_{\lambda}$ , dass  $A_o^* = rC_o^*$  und  $A_i^* = rC_oC_{\lambda}$  ist. Nun ist  $A_o = 1$ ,  $A_i = -q$  und  $C_o$  können wir gleich 1 annehmen. Dann ist r = 1,  $C_i = q^*$ ,  $C_i = A_i^*$ . Wenn wir  $\mu = 2$  setzen, so folgt:

$$A_{*+}, A_{*-}, = q^*A_*^*$$
.

Diese Formel zeigt, dass der Quotient

$$\frac{A_{j+1}}{A_{j}q^{2}}$$

von  $\lambda$ umabhängig ist; setzen wir  $\lambda = 0,$  so erhalten wir — q; es ist daher

$$A_{t+1} = -q^{t+1}A_{t}$$

Dies wiederum zeigt, dass

$$(-1)^{\frac{1}{2}} \frac{A_{\parallel}}{q^{\frac{1}{2}}}$$

von  $\lambda$  unabhängig ist. Für  $\lambda = 0$  erhalten wir  $\epsilon$ ; es ist also

$$A_i = (-1)^{\frac{1}{2}} q^{\frac{1}{2}}$$
.

Damit sind die Coefficienten der ersten Jacob schen Thetareibe vollständig bestimmt; es ist:

$$\begin{split} \Im(v) &= \sum_{(i \text{ get})} (-1)^{\frac{1}{2}} q^{\frac{1}{4}} \cos{(\lambda v)} \\ &= 1 - 2q \cos{(2v)} + 2q^{4} \cos{(qv)} - \text{ etc.}, \\ \Im(0) &= 1 - 2q + 2q^{4} - 2q^{9} + \text{ etc.} \end{split}$$

Zugleich ist damit gefunden, dass  $C_i=q^{\frac{1}{2}}$ , and dass, wenn  $\lambda_i\mu$  ungerade Zahlen sind,

$$*D_*D_* = -q^{\frac{k^2+\nu^2}{2}}$$

ist. Hiernach ist es erlaubt,  $D_i = q^{\frac{1}{s}}$  zu setzen. Dann ist s = -1, und es besteht die Gleichung:

$$\Im(v+v')\Im(v-v')=\varkappa(v)\varkappa(v')-\varkappa_*(v)\varkappa_*(v')\,,$$

wo  $\pi(c)$  die Summe  $\sum q^{\frac{1}{2}}\cos(2\lambda v)$  ist, erstreckt über alle geraden Zahlen  $\lambda$ ,  $\pi_{\epsilon}(c)$  dieselbe Summe, erstreckt über die ungeraden Zahlen.

Es bleibt noch die Entwicklung von S<sub>i</sub>(v) zu finden. Das Product S<sub>i</sub>(v+v')S<sub>i</sub>(v-v') lässt sich ebenfalls linear durch  $\epsilon(v)$ ,  $\epsilon_i(v)$  ausdrücken; da es aber für v=v' verschwindet, so muss

$$\mathfrak{D}_{r}(v+v')\mathfrak{D}_{r}(v-v') \ \ \mathrm{mit} \ \ \eta(v)\eta_{r}(v') - \eta_{r}(v)\eta(v')$$

identisch sein - abgesehen höchstens von einem Factor, der von e und offenbar auch von e' unabhängig ist.

Num ist nach der Definition von z und z,:

$$\pi(v)\pi_{\epsilon}(v') - \pi_{\epsilon}(v)\pi(v') = \sum_{i} (-1)^{\epsilon} q^{\frac{e^{i} + e^{i}}{2}} \cos(x\lambda v) \cos(x\mu v'),$$

die Summe erstreckt über alle Zahlenpaare  $\lambda, \mu$ , bei denen die eine gerade, die andere ungerade ist. Setzen wir  $\lambda + \mu = m$ ,  $\lambda - \mu = n$ , so sind m, n ungerade Zahlen, und wir erhalten:

$$s(v)s_i(v')-s_i(v)s(v')=\sum_{m,n\to\infty}(-1)^{\frac{m+n}{2}}q^{\frac{m^2+n^2}{2}}\cos\left((m+n)v\right)\cos\left((m-n)v'\right).$$

Dafür können wir setzen:

$$\sum_{m,n=m,m} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m^2+n^2}{2}} \cos ((m+n)v + (m-n)v^2),$$

und dafür:

$$\sum_{n_1 = \text{ mass}} (-1)^{\frac{n-1}{p}} (-1)^{\frac{n-1}{p}} q^{\frac{n^2 + n^2}{q}} \sin \left( m(c+c') \right) \sin \left( n(c-c') \right).$$

Hier linben wir direct

$$\pi(v)\pi_i(v') \leftarrow \pi_i(v)\pi(v') = \Im_i(v+v')\Im_i(v-v');$$

2 (v) ist die Summe

$$\begin{split} \tilde{z}_i(v) &= \sum_{k=-\infty} (-1)^{\frac{n-1}{2}} q^{\frac{n^2}{2}} \sin\left(mv\right) \\ &= z q^{\frac{1}{2}} \sin\left(s\right) - z q^{\frac{1}{2}} \sin\left(sv\right) + ctc. \,, \end{split}$$

nuch der constante Factor ist richtig bestimmt, da  $xq^{\frac{1}{4}}\sin(r)$  das Anfangsglied in der Entwicklung von  $\Im_{r}(v)$  sein muss.

Wir fügen zu 3 und 5, noch die beiden Functionen

$$\Im_i\left(v+\frac{\pi}{2}\right)=\Im_i(v)\,,\qquad \Im\left(v+\frac{\pi}{2}\right)=\Im_i(v)$$

hinzu, sodass wir das elegante System der vier Jacom'schen Reihen haben:

$$\begin{array}{l} \Im_{r}(v) = 2\,q^{\frac{1}{r}}\sin{(v)} - 2\,q^{\frac{1}{r}}\sin{(3\,v)} + \cdots \\ \Im_{s}(v) = 2\,q^{\frac{1}{r}}\cos{(v)} + 2\,q^{\frac{1}{r}}\cos{(3\,v)} + \cdots \\ \Im_{s}(v) = 1 + 2\,q\,\cos{(2\,v)} + 2\,q^{\frac{1}{r}}\cos{(4\,v)} + \cdots \\ \Im_{s}(v) = 1 - 2\,q\,\cos{(2\,v)} + 2\,q^{\frac{1}{r}}\cos{(4\,v)} + \cdots \end{array}$$

mit den Nullwerthen:

$$\begin{array}{l} \vartheta_{3}(0) = 2\,q^{\frac{1}{4}} + 2\,q^{\frac{3}{4}} + 2\,q^{\frac{11}{4}} + \cdots \\ \vartheta_{3}(0) = 1 + 2\,q + 2\,q^{2} + 2\,q^{3} + \cdots \\ \vartheta(0) = 1 - 2\,q + 2\,q^{3} - \cdots \end{array}$$

die ihrerseits wichtige Functionen von q darstellen.

Die Function  $\Im(v)$ , die ebenso wie  $\Im$ , und  $\Im$ , gerade ist, habe ich zuletzt hingeschrieben. Ich würde ihr den index 4 geben, wenn ich mich für berechtigt hielte, an diesen von Jacous eingeführten Bezeichnungen irgend etwas zu ändern, immerhin, wenn man die Theta-relationen übersichtlich und vollständig aufstellen will — eine Aufgabe, der wir uns hier nicht zu unterziehen brauchen —, ist es sehr vortheilhaft, die Reihenfolge  $\Im$ ,  $\Im$ ,  $\Im$ , und  $\Im$  der vier Functionen festzuhalten und die zuerst definirte Function  $\Im$  als die letzte in der Reihe zu betrachten.

In den «Fundamenta» hat Jacou nur die beiden Functionen S und S., die dort als

$$\Theta\left(\frac{2Kv}{\pi}\right)$$
,  $\Pi\left(\frac{2Kv}{\pi}\right)$ 

bezeichnet sind.

Nach dem, was zu Anfang bewiesen war, ist

$$\frac{\Im(v+v')\Im(v-v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')} \quad \text{von } t-xf^*(u)f^*(u'),$$

$$\frac{\Im_*(v+v')\Im_*(v-v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')} \quad \text{von } f^*(u)-f^*(u')$$

nur um einen Factor verschieden, der von r und e' unabhängig ist. Setzen wir  $r'=\frac{\pi}{2}$ , so wird  $f(u')=\epsilon$ . Daraus folgt, dass sich

$$\frac{\Im_{3}^{2}(v)}{\Im^{3}(v)} \ \text{von} \ 1 - \times x^{2}, \ \frac{\Im_{2}^{2}(v)}{\Im^{3}(v)} \ \text{von} \ 1 - x^{2}$$

nur um Factoren unterscheiden, die von v unabhängig sind. Nun sind x,  $V_1 - x^*$ ,  $V_1 - x^*$  im Wesentlichen nichts Anderes als die drei Coordinaten des Ellipsenpunktes. Diese drei Coordinaten sind demnach, bis auf vonstante Factoren, den drei Thetaquotienten  $\frac{\Im_1}{\Im_2}, \frac{\Im_2}{\Im_3}, \frac{\Im_3}{\Im_4}$  gleich.

Setzt man in der Gleichung

$$\frac{\Im_{v}(v)}{\Im(v)} = x V \times$$

 $r = \frac{\pi}{2}$ , so wird x = i; man erhillt daher:

$$\frac{\mathfrak{S}_{*}(0)}{\mathfrak{S}_{*}(0)} = V_{\times};$$

damit wird z selbst als Function von q dargestellt. Da ferner

Const. 
$$\frac{\Im_{i}^{*}(v)}{\Im_{i}^{*}(v)} = v - \times x^{*}$$

ist, so ergiebt sich, indem man erst  $v = \frac{\pi}{2}$ , dann v = 0 setzt:

$$\frac{\Im^{1}(0)}{\Im^{1}(0)} = 1 - x.$$

Num ist  $\Im^*(o) = \alpha^*(1-\alpha)$ ; es ist also  $\Im^*_1(o) = \alpha^*$ , und, da  $\Im_1(o)$  eine positive Grösse ist;  $\Im_1(o) = V\alpha$ . Es bestehen demnach die drei Gleichungen;

$$\mathfrak{S}_{\mathbf{x}}(0) = V_{\mathbf{x}} \dot{V}_{\mathbf{x}}; \quad \mathfrak{S}_{\mathbf{x}}(0) = V_{\mathbf{x}}; \quad \mathfrak{S}(0) = V_{\mathbf{x}} \dot{V}_{\mathbf{1} - \mathbf{x}}.$$

Aus Hmen folgt:

$$3!(0) - 3!(0) + 3!(0) = 0$$

Wir können noch eine andere Constantenbestimmung hinzufügen. Es sei  $\Im_r(e)$  die Ableitung der ungeraden Function  $\Im_r(e)$ . Aus der Gleichung

$$\frac{\vartheta_i}{\vartheta} = x \hat{V}_x = x \frac{\vartheta_i(0)\vartheta_i(0)}{x}$$

ergiobt sich, wenn man durch v dividirt und dann v = 0 setzt:

$$\mathfrak{F}_{i}(0) = \mathfrak{F}_{i}(0)\mathfrak{F}_{i}(0)\mathfrak{F}(0)$$

In einer der nachgelassenen Arbeiten von Gauss (Zur Theorie der neuen Transcendenten II, Werke, Bd. III: der Herausgeber Schrause verlegt sie in das Jahr (808, dasselbe Jahr, in dem die Summatio serierum erschienen ist) findet sich auf S. 445 folgende Bemerkung:

-Die Reihen

$$p = 1 + 2x + 2x^{i} + \text{etc.}, \frac{1}{pp} = t$$

$$q = 1 - 2x + 2x^{i} - \text{etc.}, \frac{1}{qq} = u$$

werden durch Differentialgleichungen am einfachsten auf folgende Art ausgedrückt:

$$\begin{split} x\frac{dt}{dx} &= t', \quad x\frac{dt'}{dx} = t'', \quad x\frac{dt''}{dx} = t''', \\ x\frac{du}{dx} &= u', \quad x\frac{du'}{dx} = u'', \quad x\frac{du''}{dx} = u''', \\ \frac{u}{t} - \frac{t}{u} &= z(tu - ut') = -4u^2t'' = +4t^2u'', \\ \frac{t'''}{t''} + 3\frac{t'}{t} &= \sqrt{\frac{1}{t} + v6\frac{t''}{t}}, \end{split}$$

Aber die Differentialbeziehungen werden meiner Ansieht meh einfacher, wenn man statt der beiden Hülfsgrössen t und u das Product und den Quotienten von p und q einführt, und noch einfacher, wenn man

$$p' = u$$
,  $\left(\frac{q}{p}\right)' = 1 - x$ 

setzt; sie werden dann;

$$4 \frac{d}{dx} \left( x(t-x) \frac{dx}{dx} \right) = x, \qquad \frac{dx}{x} = \frac{dx}{x(t-x)x}.$$

Dennoch zeigt sich hier, wie tief Gauss in die Beziehungen zwischen den Functionen, die man gewöhnlich als Constanten der Theorie ansicht, eingedrungen ist.

§ 8.

In einer seiner Arbeiten stellt sich Jacon die Aufgabe: «Den historischen Gang der Entdeckung der elliptischen Functionen umkehrend», die Theorie der elliptischen Functionen aus den Eigenschaften der Thetareihen abzuleiten Gacom, Werke, Bd. I, S. 499—538).
Sie ist in mehrfacher Beziehung von Interesse. Erstens deshalb, weil

man, die schönen Reiben zum Ausgangspunkt nehmend, durch ein consequentes, fast allzu schematisches Verfahren, zu den Grundformein der Theorie der elliptischen Functionen zurückkehrt. Für uns kommt noch ein zweiter Punkt hinzu. Die Entwicklung von E und E, beruhte — bei der hier durchgeführten Untersuchung — auf dem Fountaischen Satz, der nicht zu den elementaren Hülfsmitteln der Analysis gehört. Die Lösung des Jacom'schen Problems aber hat die Kraft, die erhaltenen Resultate zu verificiren.

Wir wollen, indem wir die alte Aufgabe von Neuem vornehmen, von Jacom in zweifacher Weise abweichen; erstens dadurch, dass wir uns auch hierbei ganz auf reelle Grössen beschränken, und zweitens dadurch, dass wir alle Grundgleichungen, z. B. auch die Gleichung D(z)=0, direct als Folgen bestimmter Thetarelationen nachweisen. Dabei benutzen wir allerdings auch die partielle Differentialgleichung  $\frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} + 4g \frac{\partial \phi}{\partial y} = 0$ , der, wie man ohne Weiteres sieht, alle vier Thetarelaen, und auch ihre sämmtlichen Ableitungen nach e, genügen

Wir gehen aus von den definirenden Gleichungen

$$\begin{split} \Xi(v) &= \sum_{v \in \mathcal{V}} (-1)^{\frac{n}{2}} q^{\frac{n^2}{2}} \cos\left(mv\right), \\ \Xi_{\nu}(v) &= \sum_{v \in \mathcal{V}} (-1)^{\frac{n^2-2}{2}} q^{\frac{n^2}{2}} \sin\left(mv\right), \end{split}$$

und bilden  $\Im(v+v')\Im(v-v')$ . Den ursprünglichen Ausdruck

$$\sum_{(m,n) \in (n,n)} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m^2+n^2}{2}} \cos (m(v+v')) \cos (n(v-v'))$$

können wir ersetzen durch

$$\sum_{(m,n)\in \mathbb{N}^{n+1}} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m^2+n^2}{2}} \cos\left((m+n)v + (m-n)v^2\right)$$

und diesen durch

$$\sum_{|x|=-m \in \mathbb{N}} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m+n}{2}} \cos m + m c \cos (m-n) c^{\frac{n}{2}};$$

demn es zeigt sich beide Mal, dass die Differenz gleich  $\phi$  ist. Es sei nun  $m = \lambda + \mu$ ,  $n = \lambda - \mu$ . Dann sind  $\lambda$ ,  $\mu$  ganze Zahlen, und zwar beide gerade oder beide ungerade. Wir erhalten somit für  $\Im(v+v')\Im(v-v')$  einen Summenausdruck, der aus zwei Theilen besteht; jeder der beiden Theile hat die Form

$$\sum_{i=1}^{n} (-1)^{n} \eta^{\frac{n^{2}+n^{2}}{2}} \cos(2\lambda m) \cos(2\mu n^{2}),$$

286 Salvang der phys.-math. Classe v. 2. März 1911. - Mitth. v. 1. Dec. 1910.

aber der eine ist zu erstrecken über alle Paare gerader Zahlen, der andere über alle Paare ungerader. Jeder der beiden Theile ist ein Product zweier Factoren: wir erhalten:

$$\Im(v+v')\Im(v-v')=\eta(v)\eta(v')-\eta_i(v)\eta_i(v')\,,$$

94'0

$$n(\varepsilon) = \sum_{0: \varepsilon = 1} q^{\frac{\lambda^2}{2}} \cos(2\lambda t)$$

$$\eta_i(v) = \sum_{(i \text{ imper.})} q^{\frac{\lambda^2}{2}} \cos(2\lambda v)$$

ist. Genau so verfahren wir mit  $\Im_i(v+v')\Im_i(v-v')$ . Wir erhalten zuerst:

$$-\sum_{(v,v) \text{ singer}} (-1)^{\frac{n+v}{2}} q^{\frac{(n^2+n^2)}{2}} \sin (m(v+v')) \sin (n(v-v'));$$

dann:

$$\sum_{(m-s) \text{ matter}} \left(-1\right)^{\frac{m+s}{s}} q^{\frac{m^s+s^s}{s}} \cos\left((m+n)v + (m-n)v^s\right),$$

schliesslich:

$$\sum_{(m,n) = m_0(m)} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{n^2+m^2}{2}} \cos ((m+n)v) \cos ((m-n)v').$$

Nun sei wieder  $m=\lambda+\mu$ ,  $n=\lambda-\mu$ . Dann sind  $\lambda$ ,  $\mu$  ganze Zahlen, und entweder  $\lambda$  gerade,  $\mu$  ungerade, oder umgekehrt. Hiernach zerfällt die Summe in zwei Theile. Der eine ist

$$\sum_{(v,y)\in V, \text{ a transfer}} \frac{e^{-\frac{\lambda^2+4\kappa^2}{4}}}{v} \cos(z\lambda v) \cos(z\mu v') = \eta(v)\eta_i(v'),$$

der andere Ist  $-\kappa_i(v)\kappa(v')$ . Es ist daher:

$$\Im_{\tau}(v+v')\Im_{\tau}(v-v')=\eta(v)\eta_{\tau}(v')-\eta_{\tau}(v)\eta(v')\,.$$

Endlich werde noch  $\mathbb{S}(v+v')\mathbb{S},(v-v')$  gebildet, also:

$$\begin{split} \sum_{n \neq -1} (-1)^{\frac{m+n-s}{2}} q^{\frac{m^2+n^2}{2}} &\cos \left(m(v+v')\right) \sin \left(n(v-v')\right) \\ &= \sum_{n \neq -1} (-1)^{\frac{m+n-s}{2}} q^{\frac{m^2+n^2}{2}} \sin \left((m+n)v + (m-n)v'\right). \end{split}$$

Wir können dies zerlegen in eine gerade und eine ungerade Function von e; und zwar ist der erste Bestandtheil

$$= \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n-1} \frac{1}{i} \frac{n^{2} + i^{2}}{q^{-1}} \cos \left( (m+n)v \right) \sin \left( (m-n)v^{2} \right),$$

die Summation erstreckt über alle Zahlenpaare m, n, deren Differenz ungerade ist. Man sieht sofort, indem man  $m+n=\lambda$ ,  $m-n=\mu$  setzt, dass dies zerfällt in das Product einer Function von v mit einer von v'. Von dem zweiten Bestandtheil gilt dasselbe. Es ist daher auch  $\mathbb{E}(v+v')\mathbb{P}_*(v-v')$  linear und homogen ansdrückbar durch zwei Functionen von v allein, mit Coefficienten, die von v' abhängen.

Um die Hülfsfunctionen n. z., die in den Gleichungen

$$\begin{array}{l} \Im(v+v')\Im(v-v') = \varkappa(v) \varkappa(v') - \varkappa_i(v) \varkappa_i(v') \\ \Im_i(v+v')\Im_i(v-v') = \varkappa(v) \varkappa_i(v') - \varkappa_i(v) \varkappa(v') \end{array}$$

vorkommen, zu eliminiren, setzen wir erst eine, dann beide Veränderliehen gleich o. Aus den Formeln, die wir so erhalten:

$$\Im^{*}(v) = n(0)\pi(v) - n_{*}(0)\pi_{*}(v), 
\Im^{*}(v) = n_{*}(0)\pi(v) - n(0)n_{*}(v), 
\Im^{*}(0) = n^{*}(0) - n_{*}^{*}(0)$$

folgt, dass

1. 
$$\Im^{*}(\phi)\Im(v + v')\Im(v - v') = \Im^{*}(v)\Im^{*}(v') - \Im^{*}(v)\Im^{*}(v')$$
  
11.  $\Im^{*}(\phi)\Im_{*}(v + v')\Im_{*}(v - v') = \Im^{*}(v)\Im^{*}(v') - \Im^{*}(v)\Im^{*}(v')$ 

ist. Dazu tritt noch eine dritte Gleichung. Zwischen  $\mathbb{P}(v+v')\mathbb{P}_i(v-v')$ ,  $\mathbb{P}(v)\mathbb{P}_i(v)$  und  $\mathbb{P}\left(v+\frac{\pi}{2}\right)\mathbb{P}_i\left(v-\frac{\pi}{2}\right)=-\mathbb{P}_i(v)\mathbb{P}_i(v)$  muss eine lineare Gleichung bestehen, da alle drei Producte sieh durch dieselben beiden Functionen von v allein ausdrücken lassen; die Coefficienten bestimmen sieh, indem man  $v=\alpha$  und v=v' setzt; man erhält:

III. 
$$\mathfrak{D}_{s}(\phi)\mathfrak{D}_{s}(\phi)\mathfrak{D}(v+v')\mathfrak{D}_{s}(v-v') = \mathfrak{D}(v)\mathfrak{D}_{s}(v)\mathfrak{D}_{s}(v')\mathfrak{D}_{s}(v') - \mathfrak{D}_{s}(v)\mathfrak{D}_{s}(v)\mathfrak{D}(v')\mathfrak{D}_{s}(v')$$
.

Zu den drei Hauptgleichungen treten nun eine Anzahl von spegiellen; zunächst die folgenden:

IV. 
$$\mathfrak{P}^{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e) = \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e) - \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e)$$
,  
V.  $\mathfrak{P}^{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e) = \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e) - \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o)\mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(e)$ ,  
VI.  $\mathfrak{P}^{\epsilon}(o) = \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o) - \mathfrak{P}^{\epsilon}_{\epsilon}(o)$ ,

die sich aus I und II ergeben, wenn man erst e', dann nuch noch e gleich  $\frac{\pi}{2}$  setzt. Ferner folgt aus III, indem man e'=-e annimmt:

$$\frac{\Im_i(z\,v)}{z\,\Im_i(v)} = \frac{\Im_i(v)}{\Im_i(0)} \cdot \frac{\Im_i(v)}{\Im_i(0)} \cdot \frac{\Im(v)}{\Im(0)} \,.$$

Wenn man den Ausdruck auf der rechten Seite nach Potenzen von v entwickelt, so ist der Coefficient von  $v^*$ :

$$\frac{1}{2}\left(\frac{\mathfrak{S}_{a}''(0)}{\mathfrak{S}_{a}(0)}+\frac{\mathfrak{S}_{a}''(0)}{\mathfrak{S}_{a}(0)}+\frac{\mathfrak{S}'''(0)}{\mathfrak{S}(0)}\right).$$

288 Sitzung der phys.-math. Classe v. 2. März 1911. - Mitth. v. 1. Dec. 1910.

Aher es ist much

$$\frac{\vartheta_1(2\,\mathbb{P})}{2\,\vartheta_2(\mathbb{P})} = 1 + \frac{1}{2}\,\frac{\vartheta_1^{**}(0)}{\vartheta_1^*(0)}\,\mathbb{P} + \text{ etc.}$$

Nun ist, der partiellen Differentialgleichung zufolge, der  $S_s(v)$ ,  $S_s(v)$ , S(v) und auch  $S_s(v)$  genügen:

$$\begin{split} \mathfrak{S}_{i}''(0) &= -4q \, \frac{d \mathfrak{S}_{i}(0)}{dq} \,, \qquad \mathfrak{S}_{i}'''(0) = -4q \, \frac{d \mathfrak{S}_{i}(0)}{dq} \,, \\ \mathfrak{S}'''(0) &= -4q \, \frac{d \mathfrak{S}_{i}(0)}{dq} \,, \qquad \mathfrak{S}_{i}'''(0) = -4q \, \frac{d \mathfrak{S}_{i}(0)}{dq} \,; \end{split}$$

es ist daher

$$\frac{1}{\Im_i(0)} \frac{d\Im_i'(0)}{dq} = \frac{1}{\Im_i(0)} \frac{d\Im_i(0)}{dq} + \frac{1}{\Im_i(0)} \frac{d\Im_i(0)}{dq} + \frac{1}{\Im(0)} \frac{d\Im(0)}{dq},$$

und hieraus folgt, dass sich  $\Im_i(0)$  von  $\Im_i(0)\Im_i(0)\Im_i(0)$  höchstens um einen von q unabhängigen Factor unterscheiden kann. Aber dieser Factor ist i, denn

$$\frac{\vartheta_i'(0)}{2q^{\frac{1}{2}}}$$
 und  $\frac{\vartheta_i(0)}{2q^{\frac{1}{2}}}$ 

erhalten für q = 0 den Werth 1, und  $\Im_3(0), \Im(0)$  werden gleichfalls 1 für q = 0. Es ist also:

VII. 
$$\Im_i(o) = \Im_i(o)\Im_i(o)\Im(o)$$
.

Wir differenziren die Gleichung III nach e' und setzen dann e' gleich o. Dadurch ergiebt sich, mit Benutzung der Formel VII:

VIII. 
$$\Im(v) \frac{d\Im_s(v)}{dv} - \Im_s(v) \frac{d\Im(v)}{dv} = \Im^s(o)\Im_s(v)\Im_s(v)$$
.

 $S_4(0), S_1(0)$  und  $S_1(0)$  sind in dem Intervall von 0 bis 1, das wir hier nur in Betracht ziehen, Functionen von q, die positive Werthe haben. Die beiden ersten sind durch die Reihen direct als positive Grössen gegeben.  $S_1(0)$  kann für keinen der Werthe von q verschwinden, was unter Anderem aus der zuletzt aufgestellten Gleichung VIII deutlich hervorgeht. Demnach kann die Function  $S_1(0) = 1 - 2q + etc.$ , die für kleine Werthe von q offenbar positiv ist, nicht ihr Vorzeichen wechseln.

Wir führen nun

IX. 
$$* = \mathbb{S}_{j}^{i}(0), \quad * = \left(\frac{\mathbb{S}_{i}(0)}{\mathbb{S}_{j}(0)}\right)^{i}$$

ein. Zufolge dieser Definition und der zwischen  $\Im_i(o), \Im_i(o), \Im_i(o)$  bestehenden Gleichung VI ist:

X. 
$$\mathfrak{D}_{i}(0) = 1/2 \hat{\mathbf{y}}_{X}$$
,  $\mathfrak{D}_{i}(0) = 1/2$ ,  $\mathfrak{D}(0) = 1/2 \hat{\mathbf{y}}_{1-X}$ .

Jetzt führen wir die elliptische Function x = f(u) ein, indem wir setzen:

XI. 
$$\frac{\mathbb{S}_{\epsilon}(v)}{\mathbb{S}(v)} = \varepsilon \stackrel{\downarrow}{V} \varepsilon$$
,  $u = \varepsilon e$ .

Dann führt die Formel VIII zu der Differentialgleichung

XII. 
$$\left(\frac{dx}{du}\right)^{t} = (t - x^{2})(t - xx^{2}).$$

Aber das Verfahren ist damit noch nicht abgeschlossen. Wir differenziren die Gleichung IV zweimal nach v und setzen dann v = 0. Wir erhalten dann zunächst:

$$\mathfrak{F}'(0)\mathfrak{F}_{0}(0)\mathfrak{F}_{0}''(0) = \mathfrak{F}_{0}'(0)\mathfrak{F}'(0) - \mathfrak{F}_{0}'(0)(\mathfrak{F}_{0}'(0))$$

und daraus, indem wir

$$\mathfrak{D}_{i}''(0)$$
 durch  $-4q \frac{d\mathfrak{D}_{i}(0)}{dq}$ ,  $\mathfrak{D}''(0)$  durch  $-4q \frac{d\mathfrak{D}(0)}{dq}$ ,  $\mathfrak{D}_{i}'(0)$  durch  $\mathfrak{D}_{i}(0)\mathfrak{D}_{i}(0)$ 

ersetzen:

$$q \frac{d}{dq} \log \left( \frac{\Im_{\mathfrak{g}}(\mathfrak{O})}{\Im(\mathfrak{O})} \right)^{\mathfrak{s}} = \Im_{\mathfrak{s}}^{\mathfrak{s}}(\mathfrak{O}).$$

Dn

$$\vartheta_1^*(0) = xx^*, \ \vartheta_1^*(0) = x^*, \ \vartheta_1^*(0) = (1-x)x^*$$

ist, so urbalten wir

$$q \frac{d}{dq} \log \left( \frac{i}{i - \pi} \right) = \kappa \alpha^i$$

oder:

XIII. 
$$\frac{dq}{q} = \frac{dx}{x(1-x)x^2}$$

Dazu treten zwei Folgerungen aus der Gleichung I. Wir differenziren sie zweimal nach v und setzen dann v = o; wir erhalten son

$$\mathfrak{D}^*(\mathfrak{o}) \big( \mathfrak{D}(\mathfrak{o}) \mathfrak{D}''(\mathfrak{o}) - (\mathfrak{D}'(\mathfrak{o}))^* \big) = \mathfrak{D}(\mathfrak{o}) \mathfrak{D}''(\mathfrak{o}) \mathfrak{D}^*(\mathfrak{o}) - (\mathfrak{D}'(\mathfrak{o}))^* \mathfrak{D}^*_{\mathfrak{o}}(\mathfrak{o}).$$

Wir differenziren auch diese zweimal nach v, setzen v = 0 und erhalten:

$$\mathbb{P}(\mathbf{o})\left(\mathbb{P}(\mathbf{o})\,\mathbb{P}'''(\mathbf{o}) - \mathfrak{z}\left(\mathbb{P}''(\mathbf{o})\right)^{s}\right) = -\,\mathfrak{z}\left(\mathbb{P}'(\mathbf{o})\right)^{s}.$$

Die eine dieser Gleichungen giebt die Beziehung der Function 2 zur Bogenfunction 8, die andere liefert die Differentialgleichung für z. beides in sehr versteckter Form. Es ist

$$\mathbb{P}''(0) = -4q \frac{d\mathbb{P}(0)}{dq}, \ \mathbb{P}'''(0) = -4q \frac{d\mathbb{P}''(0)}{dq}.$$

290 Sitzung der phys. omith. Clause v. 2. März 1911. - Mitth. v. I. Dec. 1910.

Der Gleichung XIII zufolge ist aber  $q \frac{dz}{dq} = z \mathbb{S}^q(0)$ . Es ist demnach auch:

$$\mathfrak{D}^{n}(0) = -4 \times \mathfrak{D}^{i}(0) \frac{d\mathfrak{D}(0)}{dx} + \mathfrak{D}^{mi}(0) = -4 \times \mathfrak{D}^{i}(0) \frac{d\mathfrak{D}^{i}(0)}{dx}$$

Da ausserdem

$$(\mathfrak{D}_{r}^{\mu}(0))^{\mu} = (\mathfrak{D}_{r}(0))^{\mu} \frac{\sqrt{2\pi}}{1-\pi}$$

ist, so haben wir eine erste Reduction:

$$\begin{split} \Im(v)\Im''(v) - (\Im'(v))^* &= -4 \times \Im(o) \frac{d\Im(o)}{dx} \Im^2(v) - \frac{\Im^2(o)Vx}{x-x} \Im^2(v), \\ &- 4 \left(\Im(o) \frac{d\Im''(o)}{dx} - 3\Im''(o) \frac{d\Im(o)}{dx}\right) = -2\Im^2(o) \frac{1}{(x-x)^2}. \end{split}$$

In der ersten Gleichung setzen wir

$$\frac{\Im_{\epsilon}^{s}(v)}{\Im^{s}(v)} = s^{s} V * .$$

Dann wird.

$$\frac{d^{s}\log\Im(v)}{dv^{s}} = -4 \times \Im^{s}(0) \frac{d\Im(0)}{dx} - \frac{\Im^{s}(0)}{1-x} \times x^{s}.$$

Die zweite lässt sich so schreiben:

$$z \frac{d}{dz} \left( \frac{\Im^{n}(0)}{(\Im(0))^{3}} \right) = \frac{\Im^{n}(0)}{(1-z)^{3}}.$$

Die erste Gleichung dividiren wir durch

$$x_i = \frac{1-x}{2\pi(0)}$$

und erhalten so:

$$\frac{d^*\log(\Im)}{du^*} = -4 \times (1-x) \frac{1}{\Im(\Im)} \frac{d\Im(\Im)}{dx} - x x^*$$

In der zweiten ersetzen wir

$$\frac{\mathfrak{S}^{s}(0)}{(\mathfrak{S}(0))^{t}}$$
 durch  $-4 \times \mathfrak{S}(0) \frac{d\mathfrak{S}(0)}{d \times}$ .

Dadurch entsteht:

XIV. 
$$4\frac{d}{dx}\left(x\frac{d\Im^{*}(0)}{dx}\right) = -\frac{\Im^{*}(0)}{(1-x)^{*}}.$$

Dies ist nicht geradeze die Gleichung D(a) = 0, aber sie Bast sieh unmittelbar in diese überführen, wenn man S'(0) = aV - x setzt.

Die erste Gleichung aber können wir so schreiben:

$$\frac{d^2 \log(3)}{du^2} = -\frac{p}{a} + 1 - \kappa x^2$$

und indem wir integriren:

Dabei ist:

$$\frac{\beta}{\alpha} = 1 + 4x(1-x)\frac{1}{\Im(0)}\frac{d\Im(0)}{dx},$$

$$= 1 + 2x(1-x)\frac{1}{\alpha}\frac{d\alpha}{dx} - x,$$

somit

XVI. 
$$p = 2x(1-x)\frac{dx}{dx} + (1-x)x.$$

Es fragt sich jetzt, was durch alle diese Rechnungen erreicht ist. Wir haben die Differentialgleichung D(z) = 0, die in der Formel XIV enthalten ist, und zwar ist  $z = \frac{\Im^*(\phi)}{V_1 - z}$  diejenige Lösung derselben, die gleich 1 wird für z = 0. Es ist ferner q diejenige Lösung der Gleichung

$$\frac{dq}{q} = \frac{d\kappa}{\kappa(1-\kappa)u^{\epsilon}},$$

die der Bedingung

$$\frac{2q^{\frac{1}{2}}}{\sqrt[4]{x}} = 1 \text{ für } x = 0.$$

genügt. Es sind demnach x und q genau dieselben Functionen von x, x genau dieselbe von u und x, die vor der Aufstellung der Thetareihen betrachtet wurden. Damit ist die Darstellung der Function x = f(u) durch Thetareihen von der Anwendung des Fousies schen Satzes unabhängig gemacht.

Wenn man imaginäre Werthe zulässt, kann man schreiben:

$$\begin{split} \mathfrak{D}(v) &= \sum_{v \in \mathbb{Z}} \left(-1\right)^{\frac{n}{n}} q^{\frac{n^2}{n}} e^{(n)}, \\ \epsilon_1 &: \left(\mathfrak{D}_1(v) = \sum_{v \in \operatorname{neget}} \left(-1\right)^{\frac{n-1}{n}} q^{\frac{n^2}{n}} e^{(n)}. \end{split}$$

Diese Sammen werden in die ursprünglichen Ausdrücke übergeführt, indem man je zwei Glieder, die zu entgegengesetzten Zahlen gehören, zusammenfasst. Es ist leicht zu erkennen, dass sie auch bei 292 Sittong der phys.-math. Classe v. J. Marz 1911. - Mitth. v. 1. Dev. 1910.

imaginären Werthen von v und q convergent sind, mit der einzigen Beschränkung, dass der absolute Werth von q kleiner als v sein muss. Die neuen Ausdrücke zeigen ausserdem, dass die elliptische Function f(u) eine doppelte Periodicität hat. Ersetzt man u durch  $u+z_v$  so erhält man:

$$\Im(n) = -q e^{in} \sum_{n \neq n} (-1)^{\frac{n}{2}} q^{\frac{n}{2}} (q e^{in})^n.$$

Daher ist, für q = e:

$$\Im(v) = -q e^{\alpha v} \Im(v + iw).$$

Dieselbe Gleichung gilt für  $\varphi_i(v)$ . Daraus geht bervor, dass der Quotient der beiden Theta ungeändert bleibt, wenn man v um is vermindert oder vermehrt. Führt man eine Grösse S ein durch die Gleichung  $\omega = -\frac{\pi S}{s}$ , so bleibt das Quadrat des Thetaquotienten ungeändert, sowohl wenn man v um  $\pi_i$  als auch wenn man v um vermehrt:  $x^i = f^*(u)$  bleibt ungeändert, wenn man  $\pi s$ , aber auch wenn man  $\pi s S$  zu u hinzufügt.

Ersetzt man in den beiden Reihen a durch a-+ 1, so erhält man die nothwendig imaginäre Transformation, durch welche die beiden Theta in einander übergefährt werden:

$$\begin{split} i \mathbb{S}(v) &= q^{\frac{1}{4}} \, e^{i v} \mathbb{S}_i \bigg( v - \frac{i \omega}{z} \bigg), \\ i \mathbb{S}_i(v) &= q^{\frac{1}{4}} \, e^{i v} \mathbb{S} \bigg( v - \frac{i \omega}{z} \bigg). \end{split}$$

19

Die logarithmische Medulfunction  $w=-\frac{\beta}{a}$ , die mit dem Jacomschen Modul durch die Gleichung  $q=e^*$  verbunden ist, ist nächst der Thetareihe das Wichtigste, was durch die Arbeiten Jacom's sowie durch die von Gauss über elliptische Functionen zur Analysis bluzugekommen ist; sie ist noch wichtiger geworden durch ihren Zusammenhang mit einer neueren Entdeckung, der des Param'schen Satzes Ähnlich wie es bei der Thetareihe der Fall ist, bleiben die Eigenschaften der Modulfunction im Wesentlichen bestehen, wenn man ihr einen constanten Factor hinzufügt. Dieser Factor ist verschieden gewählt worden. Gauss setzt:  $q=e^{-s}$ : Weierstrass  $q=e^{s}$ ! Der letzberen Bestimmung des constanten Factors künnen wir uns deshalb

nicht anschliessen, weil wir auch die Eigenschaften der Modulfunction auf Beziehungen zwischen reeilen Veränderlichen gründen, die Grösse  $\tau$  aber nicht existirt, wenn man sich auf reelle Grössen beschränkt. Aber auch die Gauss'sche Definition hat den Nachtheil, dass durch sie der Factor  $\pi$  in die Differentialbeziehungen zwischen den Hülfsgrössen eingeführt würde. Wir haben dies bisher vermieden, indem wir die Legenbre'schen K und E von dem Factor  $\frac{\pi}{2}$  befreiten. Allerdings tritt, wenn man q = e setzt — was der Sache nach mit der Rumann'schen Darstellung der Thetareihe übereinstimmt —, die Grösse  $\pi i$  in den Relationen zwischen den verschiedenen Zweigen der vieldentigen Function  $\omega$  auf. Das ist natürlich und braucht micht geändert zu werden.

w ist definirt als reelle, und zwar negative Grösse für die reellen Werthe von  $\times$  zwischen o und 1, sie wächst beständig, von  $-\infty$  his o, wenn die Variable das Intervall in der Richtung von o nach i durchläuft. Diese negative Grösse ist, bis auf den Factor  $-\pi$ , als Quotient zweier Integrale gegeben, von denen das eine aus dem andern hervorgeht, wenn man z durch  $1-\times$  ersetzt. Es ist daher  $\frac{\pi^2}{\omega}$  dieselbe Function von  $1-\pi$ , die  $\pi$  von  $\pi$  ist. Zur Werthbestimmung von  $\pi$  haben wir den Summenausdruck

$$\omega = \log\left(\frac{\lambda}{2^3}\right) + 2\mathfrak{P}(\lambda^3) \; .$$

wobei

$$\lambda = \frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 + \sqrt{1 - x}}$$

ist:  $\mathfrak{P}(\lambda')$  ist eine Potenzreihe von  $\lambda'$  ohne constantes Glied, sonst mit positiven Coefficienten, die noch für  $\lambda = 1$  convergirt, und zwar ist  $\mathfrak{P}(1) = \log(2)$ .

Wir betrachten jetzt  $\times$  als complexe Veränderliche: wir lassen alle imaginären Werthe zu und sehliessen nur diejenigen reellen aus, die grösser als i sind. Innerhalb des so definirten Gebiets, dessen Grenze ein Theil der reellen Linie ist, kann t-x nicht negativ. V:-x nicht rein imaginär, der reelle Theil von V:-x nicht o werden. Der reelle Theil von V:-x ist demnach beständig positiv; daraus folgt, dass  $\lambda$ , absolut genommen, kleiner als i und  $\mathfrak{D}(\lambda^z)$  convergent bleibt.

Dennach wird durch den Summenmisdruck ein Zweig der Function a definirt für die ganze Ebene mit Ausschluss der reellen Strecke von i bis co. Dieser Zweig ist selbst nicht eindeutig. Er wird singuthe im Punkte x = 0, and zwar wie log (x), denn die Differenz zwischen log (x) und log (x) bleibt regulär im ganzen Geblet; auf einer geschlossenen Linie, die den Nullpunkt umkreist, ändert sich w um 2mi. Um die Function in einem beschränkteren Bereich eindeutig zu definiren. schliessen wir noch ein zweites Stück der reellen Linie, das von o bis — ∞, zus. Wir erhalten so einen Bereich R, der doppelt symmetrisch ist; die eine Symmetrienchse ist die reelle Linie, die andere steht senkrecht darauf und halbirt das intervall von o bis 1. Innerhalb R ist ein Zweig der Function ω eindeutig definirt, wenn wir festsetzen, dass w auf der Geraden zwischen a und i reell sein soll; wir nennen ihm den Zweig der directen Werthe. Auf den beiden Strecken, die die Grenze von R bilden, hat dieser Zweig verschiedene Werthe, je machdem man sich der Grenze von oben oder von unten nähert: man hat deshalb bei jeder der beiden Strecken eine obere und eine untere Seite zu unterscheiden. Auf der oberen Seite der linken Strecke ist offenbar der imaginare Theil von a gleich + = i, auf der unteren - wi; as ist daher  $\omega = \pm \pi i + t$ , wo t eine reelle Grösse bedeutet. Diese ist nichts Anderes als der directe Werth der Modulfunction im Punkte der auf der Strecke zwischen o und 1 liegt, wenn z selbst zwischen o und -x angenommen wird. Denn vertauscht man x mit x, so geht  $\lambda$  in  $-\lambda$  and somit  $\epsilon$  in  $-\epsilon$  über.  $\ell$  ist demnach negative und nimmt beständig zu von -∞ his o, wenn z vom Nullpunkt aus die linke Strecke durchläuft.

Aballich verhält es sich auf der rechten Strecke. Die Gleichung  $\omega(x)\omega(t-x)=\pi^2$  ist aufgestellt unter der Voraussetzung, dass z einer der reellen Punkte innerhalb R ist; sie besteht demanch für das ganze Gebiet. Es ist daher, wenn  $\omega$  den directen Zweig bedeutet,  $\frac{\pi}{\omega}$  innerhalb R genau dieselbe Function von t-x, wie  $\omega$  selbst von z. Die Substitution von t-x für z bedeutet eine Drehang der Ebene um den Schnittpunkt der beiden Symmetricachsen, und zwar um einen Winkel von  $t \otimes \sigma^2$ . Das Innere von R geht dadurch in sich selbst über, die beiden Strecken vertauschen sich, und zwar wird die untere Seite der linken Strecke zur überen der rechten. Es ist daher auf der rechten Strecke

$$\frac{\pi^i}{w} = \mp \pi i + \tau,$$

wo das obere oder untere Zeichen gilt, je nachdem man sich einem Punkte der rechten Strecke von oben oder von unten nähert, und wo  $\tau$  eine reelle Grösse bedentet, die beständig zunimmt, von  $-\infty$  bis  $\sigma$ , wenn  $\times$  vom Punkte  $\tau$  aus die rechte Strecke durchläuft.

$$2m\pi i + \frac{\pi^*}{\omega}$$
,

wo  $\omega'=\frac{\pi'}{\omega}$  ist. Durch die nun folgenden Durchkreuzungen der Linie mit der andern Strecke geht

$$u'$$
 in  $2n\pi i + u' = 2n\pi i + \frac{\pi^i}{u}$ 

über u. s. f. Wir sehen auf diese Weise:  $\omega$  ist eine unendlich vielwerthige Function, die sich in der ganzen Ebene, mit Ausschluss der Punkte  $\omega$ , t,  $\infty$ , zum mindesten wie eine rationale verhält, und deren Zweige aus dem directen durch Transformationen von der Form

$$w' = \pi i \cdot \frac{\pi w + 8\pi i}{\gamma w + 6\pi i}$$

hervorgehen; dabei sind  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\delta$  ganze Zahlen, die der Bedingung  $\alpha \delta - \beta \gamma = i$  genügen. Wir nennen eine Grösse  $\alpha'$ , die mit  $\alpha$  durch eine solche Gleichung verbunden ist, congruent  $\alpha$ ; zwei Grössen, die congruent  $\alpha$  sind, sind auch einander congruent.

Es kommt hinzu, dass die Modulfunction, abgesehen von den drei singulären Punkten, nie unendlich wird und auch nie verschwindet, dass nuch ihr reeller Theil nie verschwindet und somit stets negativ bleibt. In Bezug auf den directen Zweig geht dies für die Punkte innerhalb R deutlich aus der Gleichung  $u = \log \left(\frac{\lambda}{2^*}\right) + 2 \mathfrak{P}(\lambda^*)$  hervor. Denn da die Coefficienten von  $\mathfrak{P}(\lambda^*)$  positiv sind, so ist der

absolute Werth von  $\mathfrak{D}(\lambda)$  kleiner oder gleich  $\mathfrak{D}(z)$ , wo  $z = |\lambda'|$  ist: da z < 1 ist, so ist  $\mathfrak{D}(z) < \mathfrak{D}(1)$ , also kleiner als  $\log(z)$ . Daraus folgt, dass der reelle Theil von  $\mathfrak{D}(\lambda')$  zwischen  $\log(z)$  und  $-\log(z)$ , der von w zwischen  $\log|\lambda|$  und  $\log\left|\frac{\lambda}{z'}\right|$  liegt. Für die Punkte an der Grenze muss, schon wegen der Stetigkeit der Function, dasselbe gelten.

Die beiden Logarithmen sind offenbar negativ. Es hat daher der reelle Theil des directen Zweiges von  $\omega$  in jedem Punkte innerhalb und auf der Grenze von R einen endlichen von o verschiedenen negativen Werth. Nehmen wir aber einen andern Zweig  $\omega'$ , so ist dieser mit  $\omega$  durch eine Gleichung von der augegebenen Form verbunden. Daraus folgt, wenn wir mit -D den reellen Theil von  $\omega$ , mit -D' den von  $\omega'$  bezeichnen:  $D' = Ds^*$ , wo

$$z = \left| \frac{\pi i}{\gamma \omega + \delta \pi i} \right|$$

ist. Diese Grösse : kann, wenn wir von den drei singulären Punkten absehen, weder o noch ∞ sein.

Nehmen wir irgend einen Punkt z und den zugehörigen directen Werth z. Zu den Grössen, die congruent z sind, gehören nicht nur die sämmtlichen Werthe der Modulfunction im Punkte z, sondern auch die, welche sie in den Punkten

$$1-x$$
,  $\frac{x}{x-1}$ ,  $\frac{1}{x}$ ,  $\frac{1}{1-x}$ ,  $\frac{x-1}{x}$ 

annimmt. Denn erstens gehört  $\frac{\pi^*}{w} = w(1-s)$  auch zu den Werthen, die congruent w sind. Ferner gehört dazu  $w+\pi i$ , und dies ist ein Werth der Modulfimetion im Punkte  $\frac{x}{x-1}$ . Für die übrigen Punkte der aufgestellten Reihe ergiebt sich dasselbe durch Zusammensetzung der beiden Substitutionen

Fügen wir zu den aufgestellten fünf Werthen noch z selbst hinzu, so bekommen wir eine Gruppe von sechs Punkten, die wir als Gruppe (z) bezeichnen wollen. Das Resultat dieser ersten Untersuchung lässt sich dann so aussprechen:

Die Modulfunction ist eine unendlich-vieldeutige, die aber nur dvei singuläre Panktet  $\kappa = 0$ , t,  $\infty$  besitzt. Ihr reeller Theil bleibt beständig negativ. Die sämmtlichen Werthe, die sie in den sechs Pankten einer Gruppe annehmen kann, sind in dem definirten Sinne einander congruent.

#### \$ 10.

Wir betrachten jetzt nur die directen Werthe der Modulfunction. Dann ist die Function im beschränkten Gebiet R, sogar an der Grenze, eine eindeutig definitte, wenn wir, wie es geschehen muss, die Grenzstrecken als zweiseitig annehmen. Singulär wird sie nur in den Eckpunkten 0, 1,  $\infty$ . Da sie reell ist auf der reellen Linie, soweit diese innerhalb R verläuft, so hat sie in conjugirten Punkten conjugirte Werthe. Nun ist, wenn wir mit  $\alpha$  den Werth der Function im Punkte  $\alpha$  bezeichnen, ihr Werth im Punkte  $\alpha$  auch  $\alpha$  auf der zweiten Symmetrieachse, wo  $\alpha$  is  $\alpha$  ist, sind  $\alpha$  and  $\alpha$  auch  $\alpha$  and  $\alpha$ . Darans folgt, dass auf dieser Linie der absolute Werth von  $\alpha$  gleich  $\alpha$  ist.

Werth der Function im Punkte  $\frac{x}{x-1}$ . Dies ist bewiesen für den Grenzfäll, wo z der oberen Seite der linken Strecke angehört; es muss offenbar bestehen bleiben, wenn sich z von dieser Strecke nach oben entfernt. Ganz ebenso ist, wenn wir unter z einen Punkt der unteren Halbebene verstehen,  $\omega + \pi i$  der Werth der Function im Punkte  $\frac{x}{x-1}$ . Beschränken wir nun z auf den Kreis |x-1|=1, so ist hier  $\frac{x}{x-1}$  der conjugirte Werth von z. Infolgedessen ist  $|x-\pi i|=|x|$ , wenn z der unteren Hälfte dieser Kreislinie angebört.

Lassen wir z die ganze Begrenzung von R durchlaufen, und zwar so, dass das Innere von R durchweg zur Linken bleibt; zuerst, nach dem Nullpunkt zu, die obere Seite der linken Grenze, dann, in entgegengesetzter Richtung, die untere Seite derselben. Alsdann folgt die untere Seite der rechten Strecke bis zum Punkte t, und von t aus die obere Seite der rechten Strecke. Wir haben demnach vier auf einander folgende Theile der Begrenzung zu unterscheiden. Auf dem ersten ist  $w = \pi i + t$ , und t nimmt ab von o bis  $-\infty$ ; auf dem zweiten ist  $w = -\pi i + t$ , t nimmt zu von  $-\infty$  bis 0; auf dem dritten ist  $\frac{\pi}{t} = \pi i + \tau$ ,  $\tau$  nimmt ab von o bis  $-\infty$ ; auf dem dritten ist  $\frac{\pi}{t} = \pi i + \tau$ ,  $\tau$  nimmt ab von o bis  $-\infty$ ; auf dem vierten:

 $<sup>\</sup>frac{\pi^2}{\pi} = -\pi i + \tau$ ,  $\tau$  nimmt wieder zu von  $-\infty$  bis 0,

Das heisst, wenn man s als variabeln Punkt einer zweiten Ebene betrachtet:

Der Punkt w beschreibt vier sich an einander anschliessende Linien, die sich links von der Ordinatenachse hinziehen: Zuerst eine Gerade, von  $\pi i$  aus, parallel der negativen Abscissenlinie bis in's Unendliche, dann eine zweite Gerade, ebenfalls parallel der negativen Abscissenlinie, aber unterhalb derselben im Abstand  $\pi$ , vom Unendlichen bis  $-\pi i$ ; alsdann einen Halbkreis von  $-\pi i$  bis  $\pi$ , und einen zweiten Halbkreis von G bis  $\pi i$ .

Dass die beiden letzten Linien Halbkreise sind, ist leicht zu erkennen, indem man z. B. die Gleichung der letzten Linie auf die Form bringt:

$$\frac{\pi i - \omega}{0 - \omega} = i \left( \frac{-\tau}{\pi} \right).$$

Hier ist  $-\frac{\tau}{\tau}$  ein positiver Factor, der abnimmt von  $\infty$  bis  $\phi$ . Es schliesst demnach die Gerude von  $\omega$  nach  $\tau$  i mit der von  $\omega$  nach  $\phi$  denselben Winkel ein, wie i mit t

Das Gebiet zwischen den beiden Parallelen zur Abseissenlinie mit den Endpunkten  $+\pi i$  und  $-\pi i$ , das nach rechts abgeschlossen wird durch die beiden Halbkreise, welche die Punkte  $+\pi i$  und  $-\pi i$  mit dem Nullpunkt verbinden, ein Gebiet ganz links von der Ordinatenlinie, nennen wir 61. Dann entspricht vermöge des directen Zweiges der Modulfunction jedem Punkte der Begrenzung von R ein bestimmter Punkt der Begrenzung von G, und umgekehrt. Dass auch jedem Punkte z im Innern von R ein bestimmter Punkt des Innern von G entspricht, und umgekehrt, ist leicht zu erkennen. Denn es sei w. irgend ein Punkt der a-Ebene, der nicht auf der Grenze von G liegt. Der Punkt i liegt ausserhalb; die Änderung, die der Logarithmus von  $w-w_{a}$  erfährt, wenn w den ganzen Umfang von G im positiven Sinn durchläuft, ist daher 2 mi oder o. je nachdem z. innerhalb oder ausserhalb G liegt. Man kann diese Anderung auch erhalten, indem man den Logarithmus als Function von a ansicht, definirt für das Gehiet R, and z die Begrenzung von R durchlaufen lässt. Da u-1 nicht o wird, so ist die vollständige Änderung von  $\log \left(\frac{w-u_s}{w-1}\right)$  gleich

Man vergleiche die Figuren bei Gauss, Bd III, S. 477 und 475. Besonders charakteristisch erscheint mir, dass unter diese Fragmente von Gauss über die Modnifonction nuch Bemerkungen über die Patentialtheorie eingestreut sind (S. 479 und 480). Für mich geht darum hervor, dass Gauss von Riemann'schen Gedanken besoeit gewesen ist.

 $x = x_0$ , wo n die Anzahl der Punkte innerhalb R bedeutet, in denen  $x = x_0$  wird. Die Vergleichung zeigt, dass n = 1 oder o ist, je nachdem  $x_0$  im hanern von G oder ausserhalb liegt. Der directe Zweig der Modulfunction nimmt demnach innerhalb R keinen Werth an, der ausserhalb G liegt, und jeden innerhalb G gelegenen einmal. Dass die Function innerhalb R keinen Werth  $x_0$  annehmen kann, der an der Grenze von G liegt, ist klar; denn dann müsste sie innerhalb R alle Werthe annehmen, die in einer bestimmten Umgebung von  $x_0$  liegen, also auch Werthe, die ausserhalb des Bereiches G liegen.

Damit ist der Satz gewonnen:

Der Bereich der Werthe des directen Zweiges der Modulfunction ist ein Theil der ze-Ebene links von der Ordinatenachse; er ist begrenzt durch zwei von  $\pi i$  und  $-\pi i$  ausgehende Parallelen zur Abscissenlinie und durch zwei Halbkreise, die den Nullpunkt mit  $+\pi i$  und  $-\pi i$  verbinden. Jeden dieser Werthe, gleichviel ob er im Innern oder auf der Grenze liegt, nimmt der directe Zweig der Function ein und nur einmal an.

Die zwischen R und G festgestellte Beziehung ist demnach die der conformen Abbildung.

Jetzt beschränken wir z auf einen Theilbereich von R. Es sei zunächst (x) eine beliebige Gruppe von sechs zusammengehörigen Punkten; mit z seibst bezeichnen wir denjenigen Werth der Gruppe, der, absolut genommen, der kleinste ist. Dann ist

$$|x| < |1-x|$$
 and  $|x| < \left|\frac{x}{x-1}\right|$ .

daher: |z| < |t-z| < 1. Dies ist ein bestimmtes Gebiet S, und zwar ein Segment: nach rechts begrenzt durch einen Theil der zweiten Symmetrieachse von R, nach links durch einen Bogen des Kreises |z-t|=1, der durch den Nullpunkt in zwei gleiche Theile zerfällt. Es kann zwar vorkommen, dass mehrere der sechs Grössen (z) den kleinsten Werth erreichen, so dass wir zwischen mehreren freie Wahl haben. Dann liegt z auf der Grenze von S. Aber es handelt sich im Folgenden um Ungleichheitsbeziehungen zwischen continuirlichen Grössen, die nicht vollständig aufbören, wenn man zur Grenze übergeht. Wir erlauben uns deshalb, z im Innern von S anzunehmen.

Es ist leicht zu sehen, dass, wenn |z| < |1-z| < 1 ist, z die kleinste Grösse ihrer Gruppe ist; die beiden Bedingungen sind demnach gleichwerthig.

Der Bereich S reicht nur in dem einen Punkte  $\kappa = 0$ , wo  $\kappa = \infty$  ist. Lis zur Grenze von R. Es muss ihm demnach ein Theilbereich H von G entsprechen, dessen Begrenzung sich zwar in's Unendliche er-

streckt, sonst aber vollständig innerhalb G verläuft. Auf der Sehne ist  $|\omega|=\pi$ , auf dem oberen Theil des Kreisbogens:  $|\omega-\pi i|=|\omega|$ , auf dem unteren:  $|\omega+\pi i|=|\omega|$ . Der Bereich H ist demnach begrenzt durch zwei zur Abseissenlinie parallele Gerade,  $|\omega-\pi i|=|\omega|$  und  $|\omega+\pi i|=|\omega|$ , und durch einen Bogen des Kreises  $|\omega|=\pi$ .

Wenn z im Innern von S liegt, so liegt w im Innern von H. Es ist daher

$$|w|\!<\!|w\!-\!\pi i|,\ |\omega|\!<\!|x\!+\!\pi i|,\ |\omega|\!>\!\tau,$$

wenn  $|z| \le |1-z| \le 1$  ist. Was diese Ungleichheiten bedeuten, lässt sich in zwei ganz verschiedenen Formen aussprechen.

Denken wir uns die Punkte der arithmetischen Reihe  $\star + m\pi i$ , die wir erhalten, wenn wir für m alle ganzen Zahlen setzen. Daraus, dass  $\omega + \pi i$  ebenso wie  $\omega - \pi i$ , absolut genommen, grösser als u ist, fölgt, dass w die kleinste unter den Grössen  $\omega + m\pi i$  ist, und auch neben  $-\omega$ , die kleinste unter den Grössen  $n\omega + m\pi i$ , wenn  $n = \pm i$  ist. Nehmen wir aber für n eine positive oder negative ganze Zahl, die absolut genommen grösser als i ist, so ist a fortiori  $n\omega + m\pi i$  grösser als  $\omega$ . Um dies zu beweisen, bezeichnen wir den reellen Theil von  $\omega$ , welcher negativ ist, mit -D, mit  $\pm Ei$  den imaginären, wobei wir annehmen, dass auch E nicht negativ ist. Da  $|\omega| < |\omega \pm \pi i|$  ist, so ist  $D^* + (E - \pi)^* > D^* + E^*$ , also  $E < \frac{\pi}{2}$ . Da ferner  $D^* + E^* > \pi^*$ 

und um so mehr  $D+E>\pi$  ist, so ist  $D>\frac{\pi}{2}>E$ ; folglich 2D>D+F >|w|. Hiernach ist, wenn n eine der Zahlen  $\pm 2$ ,  $\pm 3$  etc. bedeutet,  $nw+m\pi i$  grösser als w. Denn schon der reelle Theil von  $nw+m\pi i$  ist, absolut genommen, grösser als w. Wir sehen hieraus: Unter den Grössen  $nw+m\pi i$ , die wir erhalten, wenn wir für n und m beliebige ganze Zahlen setzen, und nur den Werth n=0 ausschließen, ist w die kleinste  $\pi i$  aber ist noch kleiner als w, und es ist nicht ausgeschlossen, dass auch einige der Vielfachen von  $\pi i$  kleiner als w sind. Damit ist der Satz gewonnen:

Wenn die Linie von o nach  $\times$  die kleinste, die von i nach  $\times$  die zweitkleinste Seite des durch die Punkte  $0,1,\times$  gebildeten Dreiecks ist, so ist der zugehörige directe Werth  $\times$  der Modulfunction so beschaffen, dass  $\pi i$ , neben  $-\pi i$ , die kleinste aller Grössen ist, die sich ganzzahlig aus  $\times$  und  $\pi i$  zusammensetzen lassen:  $\times$  aber wird die kleinste, wenn man  $\pm \pi i$  und die Vielfaeben von  $\pm \pi i$  aus dem System  $n \times + m \pi i$  fortlässt.

Vgl. Dankeren, Über die elliptischen Medalfimetionen, Journ. f. Math. Bd. 85.

Nehmen wir irgend einen Werth a', der dem directen congruent ist,

$$u' = \pi i \frac{2\pi + \beta \pi i}{\gamma u + \delta \pi i}$$
.

und bezeichnen mit -D den reellen Theil von x, mit -D' den von x'. Dann ist

$$D' = D \left| \frac{\pi i}{\gamma \omega + \delta \pi i} \right|^i.$$

Aber der Factor, der hier mit D multiplicirt ist, kann höchstens gleich i sein, wenn  $\pi i$  die kleinste der Grössen  $\gamma \omega + \delta \pi i$  ist; er kann nur den Werth i erreichen, wenn  $\gamma = 0$ ,  $\delta = \pm 1$ ,  $z = \pm i$  ist, also wenn  $z' = \omega + \delta \pi i$  ist. Die Punkte  $\omega + \delta \pi i$  bilden daher in der Gruppe der congruenten die Reihe derer, die den grössten Abstand von der imaginären Achse haben:  $\omega$  selbst ist in dieser Reihe derjenige Punkt, der dem Nullpunkt im nächsten liegt. Dadurch entsteht der zweite Satz

Wenn x der kleinste Werth seiner Gruppe ist, so liefert der zugehörige directe Werth w der Modulfunction einen Punkt der Gruppe (w), in dem das Maximum des Abstandes von der imaginären Achse erreicht wird; und zwar ist w derjenige unter den Punkten größten Abstandes von der imaginären Linie, dessen Entfernung vom Nullpunkt die kleinste ist.

An den zweiten Satz ist noch eine Bemerkung zu knüpfen. Wenn |x| < |x-1| < t, und demnach |x| < t ist, kann man zur Bestimmung des directen Werthes der Modulfunction die einfüchere Formel

$$x := \log\left(\frac{x}{x^*}\right) + 4\mathfrak{P}(x)$$

anwenden. Nun liegt der reelle Theil von  $\mathfrak{P}(x)$  zwischen  $\log (z)$  und  $-\log (z)$ ; der reelle Theil von z also, den wir mit -D bezeichnet haben, zwischen  $\log |x|$  und  $\log \left|\frac{x}{z^*}\right|$ . Wir bezeichnen mit K den grössten unter den absoluten Beträgen der Gruppe (x). Dann ist  $|x|=\frac{1}{K}$  und daher

$$\log (K) < D < \log (x^*K)$$
.

D stellt das Maximum der unter den Abständen der zur Gruppe (x) gehörigen Panktgruppe (x) von der imaginären Linie. Dieses Maximum ist grösser als log (K), aber kleiner als log (2°K). Um so mehr sind die Entfernungen aller übrigen Punkte der Gruppe (x) von der imaginären Geraden kleiner als log (2°K).

<sup>\*</sup> Dieser kleine Satz ist deshalb von Interesse, well auf ihm einer der Beweise des allgemeinen Picaus'schen Theorems beruht. An sich braucht dieses wurdervolle

Der directe Zweig der Modulfunction wurde durch eine Potenzentwicklung mit einem hinzutretenden logsrithmischen Gliede definirt.

Man kann aber auch die directe Definition  $x=-\pi^{\frac{2}{2}}$  dadurch erweitern, dass man bei den Integralen  $\frac{\pi}{2}$ z und  $\frac{\pi}{2}$ ß, neben den reellen Werthen von x zwischen  $-\infty$  und 1, bezüglich zwischen o und  $+\infty$ , beliebige imaginäre zulässt. Schliesst man die reellen Werthe von x zwischen 1 und  $\infty$  aus, und lässt alle Imaginären zu, so kann, da x eine reelle Grösse zwischen 0 und 1 ist, der reelle Theil von  $V:-\times x^2$  nicht verschwinden; wir dürfen ihn als positiv annehmen. Ebenso lässt sich das Integral  $\frac{\pi}{2}\beta$  eindeutig definiren, wenn man die linke Strecke der reellen Linie ausschliesst. Innerhalb R sind auf diese Weise beide Integrale definirt. Ihr Quotient, multiplicirt mit  $-\pi$ , ist offenbar innerhalb R eine analytische Function, und da diese für die reellen Werthe von z zwischen 0 und 1 mit dem directen Zweige der Modulfunction übereinstimmt, so ist sie überhaupt mit diesem Zweige identisch,

Wir führen nun bei dem Integral  $\frac{\pi}{2}$   $\alpha$  die Grösse  $\kappa x^{\mu}=t$  als Integrationsvariable ein. Wir erhalten so:

$$\pi \alpha = \int_{0}^{t} \frac{dt}{V R(t)},$$

WOI

$$R(t) = t(t-1)(t-z)$$

ist. Das Vorzeichen des Integrals lassen wir unbeachtet, da es nus hier mehr auf die absoluten Werthe der Grössen ankommt.

Theorem kninen andern Beweis neban dem, den sein Autor selbst gegeben hat. Aber ich glaube, dass durch die Untersuchungen Anderer (Bonni, Lawnan, Canarmeonomy). die schlieselich nuch zum Perann'sehm Satz führen, unners Verstellungen führ die singu-Bren Punkte der Functionen, und auch unsere Auffassungen der Mochaffanction vertieft worden sind. In einer Arbeit, durch die ich mich an Jeneu Untersuchungen betheilige (Ther zwei Beweise des allgemeinen Pyrann schen Satzes, Sitzungsber, 1907, S. 823 hie 840), steht, furch ein Versehen von mir, auf & 831, ing (32 s) statt ing (28 s), and dieser Fehler zieht sieh durch die Formells von \$ : und 3. Die dort auftretenden Potenzen von 2 sind daher durch höhme mi ersetren. Es let ziemben gleichgillig, wie gross diese Exponenten sind. Dass man auf hube Potenzen von a gefasst sein musa, wenn man entweder die in der Boncu'sehen Arbeit unbestimmt sungesprochenen Sätze zu bestimmten marki, oder wenn man die Formel  $\log (E) < D < \log (2^k E)$  als Ausgangspunkt an weiteren Schlüssen benutzt, ist klar. Ich gedenke übergem bei anderer Gelegenheit auf die Beweise des Picano schen Satzes zurückzukommen; es soll für diesen Satz kein Beweis verhanden sein, in dem sich ein denverd unserrigieter Finchtigkeltsfehler befindet.

#6 entsteht aus #x, indem man x durch 1 -x ersetzt. Wie ersetzen gleichzeitig / durch 1 -t. Dadurch ergieht sieh:

$$\pi \beta = \int_{-V-R(t)}^{t} \frac{dt}{V-R(t)} \, .$$

Wir schreiben dafür

$$\pi i\beta = \int\limits_{t}^{t} \frac{dt}{\sqrt{R(t)}}$$

und setzen:  $2\pi x = A$ ,  $2\pi l \vec{S} = B$ , so dass

$$u = \pi i \cdot \frac{R}{A}$$
 .

ist, und A, B zwei Fundamentalperioden des elliptischen Integrals  $\int \frac{dt}{VR(t)} darstellen.$   $\frac{1}{2}A$  und  $\frac{1}{2}B$  sind Halbperioden, gewonnen auf geradlinigem Wege, die eine auf der Linie von o nach  $\varepsilon$ , die andere auf der von 1 nach  $\varepsilon$ .

Nun nehmen wir z im Segment S an, das heisst: wir nehmen an, dass die Linie von o meh z die kleinste, die von 1 nach z die zweitkleinste Seite des Breiecks (o, t, z) ist. Dann ist  $\pm i$  die kleinste der Grössen  $nw + m \pm i$ , also die kleinste der Grössen

$$\frac{\pi i}{A} (mA + nB),$$

folglich A die kleinste der Grössen mA+nB, und ebenso ist B die kleinste der Grössen mA+nB, die übrig bleiben, wenn man für m den Werth o ausschlickst. Die kleinste Periode A des elliptischen Integrals ist demnach die, deren Hälfte durch Integration längs der kleinsten Seite des Dreiecks (0,+,\*) erhalten wird. Das Integral über die zweitkleinste Seite, multiplicirt mit 2, liefert diejenige Periode B, die nächst A und den Vielfachen von A die kleinste ist.

Das lässt sich noch etwas erweitern, indem man t durch eine ganze lineare Function von t ersetzt und damit eine gewöhnliche Ahnlichkeitstransformation vornimmt. Es gilt der Satz:

Unter den Halbperioden des elliptischen Integrals

$$\int_{\overline{V(x-a)}} \frac{dx}{(x-b)(x-c)}$$

ist diejenige die kleinste, die sich durch Integration auf der kürzesten Seite des Dreiecks a, b, e ergiebt; nächst dieser und ihren Vielfachen ist diejenige die kleinste, die auf der zweitkürzesten Seite erhalten wird.

304 Sitsing der phys.-math. Classo v. 2. Marz 1911. - Mitth. v. 1. Dec. 1910.

Hiermit ist jedenfalls das, was die merkwürdigen Ungleichheiten für z und z sagen, auf die klarste und einfachste Weise ausgedrückt. Dass, wenn man dieser Bestimmung nach

$$q = e^{i t \frac{\theta}{d}}$$

setzt, der Jacom'sche Modul q seinen kleinsten Werth erhält, unter den unendlich vielen, die zulässig sind; dass somit die Thetareihen um stärksten convergent werden, geht ebenfalls unmittelbar aus den aufgestellten Sätzen hervor.

Anagegebon om 9, März.

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DESK

XIII.

## KÖNTGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

9. März. Gesammtsitzung.

### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

"L. Hr. Schamt las über » Dramatische Entwürfe Ludwig Uhlands».

Nuch einer Gruppirung, wobel die Nibelungenskizze gestreift wurde, erürterte er den ersten, schwächlichen und den letzten, bedeutenden Versuch an Stoffen aus der romanischen Possie: Franceses da Rimmi, Bernardo del Carpio.

 Vorgelegt wurden zwei neu erschienene Theile der Ergebnisse der Plankton-Expedition der Hussonny-Stiftung: Bd. II Fe enthaltend die Heteropoden von P. Schiebenz und Bd. III Le enthaltend die Foraminiferen (Thalamophoren) von L. Reubblen. Tl. 1. Kiel und Leipzig 1911.

Die Akademie hat das ordentliche Mitglied der physikalischmathematischen Classe Jakon Henrich van't Horr um 1. März durch den Tod verloren.

## Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. III.

Von W. NERNST.

(Aus dem Physikalisch-Chemischen Institut der Universität Berlin.)

(Vorgetragen am 23, Februar 1911 [s. oben S. 229].)

Die in meiner früheren Mitteilung mitgeteilten Messungen! habe ich nunmehr bis nahe zur Temperatur des siedenden Wasserstoffs himmter fortführen können.

An der Versuchsanordnung seiber war nichts zu ändern, indem die bereits beschriebene Methode wie zu erwarten auch bei diesen Temperaturen jede nur irgend wünschenswerte Präzision lieferte. Schwierigkeiten machte allerdings die Eichung des benutzten Platindrahtes, doch gelang es schließlich, eine Anzahl Temperaturpunkte sicher festzulegen und durch eine so branchbare Formel zu vereinigen, daß daraus der in dem Gebiet von 20 bis 40° abs. sehr stark variable Temperaturkoeffizient, auf den es wesentlich ankommt, mit ausreichender Genauigkeit abgeleitet werden konnte (vgl. auch weiter unten).

Die Versuche mit Zink stellte ich mit durch einen kleinen könflichen Apparat aus Bombenwasserstoff gewonnenem flüssigen Wasserstoff un; für die Messungen am Blei und Kupfer benutzte ich flüssigen Wasserstoff, der zugleich für eine andere Gelegenheit von Hrn. Prof. Wiesen in Leipzig in seiner großen Anlage in einer Quantität von etwa 41 bergestellt und uns freundlich zur Verfügung gestellt wurde; gerade diese Versuche waren mir wegen der relativ großen Mengen düssigen Wasserstoffs, mit denen ich hier arbeiten konnte, sehr lehrreich, und ich möchte auch bier Hrn. Prof. Wiesen und Hrn. Dr. Lannsungen für ihr großes Entgegenkommen vielmals danken.

Die Mehrzahl der Versuche stellte ich mit Wasserstoff an, der in kleinen selbstgehauten Apparaten verflüssigt wurde; auf die Konstruktion dieser Apparate, die an anderer Stelle beschrieben werden sollen, will

Staungsber, d. Berl. Aked. d. Wiss. 1910, 262.

ich hier nicht eingehen und nur bemerken, daß ich bei diesen die Einrichtung getroffen habe, das evakuierte Glasgefäß, welches die zu untersuchende Substanz enthält, unmittelbar in den Verfüssigungsraum selber zu bringen; indem so ein Umfüllen des Wasserstoffes vermieden wurde, gelang es, mit wenigen Gramm flüssigen Wasserstoffs auszukommen; die Versuche mit diesem Apparat gehen so einfach und glatt, daß ich fast täglich Messungen ohne besondere Mühewaltung und Kosten auszuführen in der Lage bin. Natürlich läßt sich, wie es im Wesen der von mir benutzten Methode liegt, durch sukzessive Erwärmung von der tiefsten Temperatur aufwärts der Verlauf der wahren spezifischen Wärme ohne weiteres bis zu viel höheren Temperaturen ermitteln.

Indem ich also, wie schon bemerkt, wegen aller sonstigen Einzelheiten auf meine frühere Arbeit verweisen kann, seien im folgenden zumächst als Beispiel die Versuche mit Blei mit ihren Einzelheiten wiedergegeben; was die übrigen Messungen anlangt, werde ich mich hier auf eine graphische Wiedergabe meiner hauptsächlichsten Versuchs-resultate beschränken.

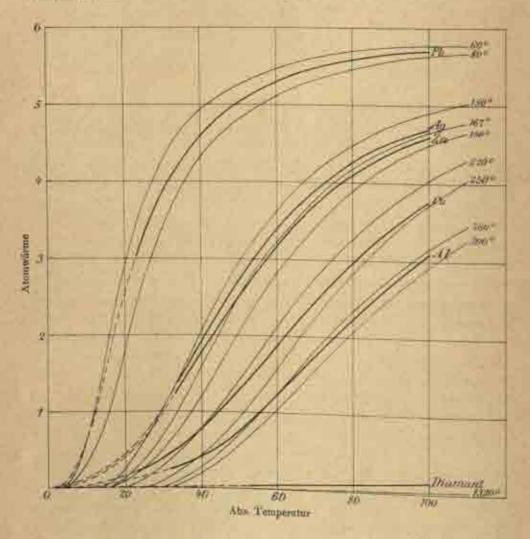
	2000 10 1000 1000 1000 1000 1000 1000 1							
7	ài	E	we	WC kerr.	Alum- warme	Kure	Diff. in Proxesses	
23.0	241	13.06	5,06	5.60	m)46	مالل	+1	
18:0	7:64	55/0	7/33	7:45	3-9.4	3-21	4	
76.5	3,39	11.03	7.94	7.83	4.13	4.38	44	
37.57	10.35	94.5	8,46	8.84	<b>#67</b>	448	-4	
4.52	4.43	20.0	8.54	B-43	4145	1.30	43	
said blacker	23-3	He X G	10.21	10.03	530:	-	-	
85.5	84.8	Box s	1106	10.53	5,60	15:23	(9)	
90.0	5.13	56.5	10:98	10.61	5.01	5:17	347	

Blei. Block von 392.25 g.

Es bedeuten  $\Delta t$  die durch die Energie E (g. cal.) hervorgerufene Temperatursteigerung, und zwar bei der Mitteltemperatur T; WC den Wasserwert des Blocks, WC korr, denjenigen nach  $\Delta$ bzug des Wasserwerts der anßer Blei benutzen Substanzen (hier lediglich etwas Paraffin zur Einhüllung des Platindrahtes; in andern Fällen die Silberumhüllung und dergleichen).

Ferner wurden bisher in ähnlicher Weise bei einer größeren Anzahl von Temperaturen Silber, Zink, Kupfer, Aluminium, Chlorkalium, Merkurochlorid gemessen; die entsprechenden Kurven für die Metalle finden sich in der Figur eingetragen. Beim Chlorkalium liegen die beobachteten Werte in der Mitte zwischen der Silber- und der Zinkkurve, und zwar wurden hier 9 Messungen von T=23 bis T=86 gemacht; Jod lieferte eine wenig unterhalb Blei liegende Kurve.

Bei den einzelnen Messungen können zuweilen wegen Veranderungen des Vakuums und wegen des häufig erforderlichen raschen Arbeitens Fehler his zu mehreren Prozenten unterlaufen; die den ausgeglichenen Kurven zu entuehmenden Werte aber dürften kaum Fehler enthalten, die 1—2 Prozent übersteigen.



Der Umstand, daß bei der nachträglichen graphischen Zusammenstellung sich eine so harmonisch verlaufende Kurvenschar ergab, bestätigt wohl indirekt die Genauigkeit meiner Messungen, die sich übrigens, wenn es darauf ankäme, sieherlich mit größeren Mitteln auf das zehnfache steigern ließe. An die bisherigen Beobachtungen lassen sieh folgende Schlußfolgerungen knüpfen:

1. Der Verlauf der Atomwärmen ist bei tiefen Temperaturen für die sechs untersuchten Metalle übereinstimmend, indem jene gleich  $f\left(\frac{T}{T_s}\right)$  gesetzt werden können, wobei die betreffende Funktion von der Natur des betreffenden Stoffes unabhängig und  $T_s$  eine demselben charakteristische Konstante ist. Das gleiche gilt für Chlorkalium und auch für den Diamant (dessen Werte von Dewse gemessen wurden), nicht aber für Merkurochlorid (vgl. w. u.).

2. Die dünn gezeichneten Kurven sind nach Enstruss\* Formel

berechnet, wonach die Atomwärme

$$3R \frac{e^{\frac{3\epsilon}{T}} \left(\frac{\beta \tau}{T}\right)^{\epsilon}}{\left(e^{\frac{3\epsilon}{T}} - 1\right)^{2}}$$

zu setzen ist; dieselbe stimmt (wie übrigens schon Einstein beim Diamant a. a. O. konstatierte) in allen Fällen dort gut, wo es sich um eine Abnahme der Atomwärme von etwa 5.6 bis auf 2—3 handelt; bei tieferen Temperaturen aber fällt letztere merklich langsamer ab, als die Formel verlangt. Bei der Betrachtung der Kurven wird man aber, zumal wenn man ihren übereinstimmenden Verlauf berücksichtigt, nicht bezweifeln können, daß bei sehr tiefen Temperaturen die Atomwärme in allen Fällen nicht nur sehr kleine Werte annimmt, sondern daß sogar ein Tangieren der Temperaturachse eintritt, wie es die punktierte Verlängerung der beobachteten Kurven andeutet.

3. Damit ist aber das von mir aufgestellte Wärmetheorem, wenigstens was seinen einen Teil anlangt, bestätigt, indem für  $T=\mathrm{o}$ 

$$\lim \frac{dU}{dT} = 0$$

wird; vermutlich konvergieren nach Vorstehendem sogar auch die höheren Differentialquotienten gegen sehr kleine Werte.

4. Der Umstand, daß sich Chlorkalium bezüglich des Verlaufs seiner Atomwärme genau wie ein Element verhält, dessen Atome gleichartig gebunden sind, wäre nach Emstrass Anschauungen so zu deuten, daß beide Atome wenig verschiedene Eigenfrequenz besitzen, was gerade in diesem Falle an sich plausibel erscheint, weil Chlor und Kalium

Proc. Royal Soc. A. 76, 325 (1905).

Ann. d. Phys. [4] 22, 184 (1907); do zu Se = 1330° gehörige Kurve sollte nuch Einstruss Berechnung für Diamant gelten.

auch im freien (kristallisierten) Zustande nach Landen was Formel nicht sehr verschiedene Eigenfrequenzen haben (1.69 bzw. 1.75 · 10 °). Anders beim Merkurochlorid; hier sind die Eigenfrequenzen der Elemente sehr verschieden, und die Verbindung verlangt, wie sehon Polarizzen fand, dessen Formel sich gut den neuen Beobachtungen anschließt, entsprechend die Einführung zweier 2x-Werte (80 und 236), so daß ein ganz anderer (weniger gegen die Temperaturachse geneigter) Verlauf resultiert. — Ähnlich verhält sich nach den früheren Beobachtungen (a. a. O.) übrigens auch Schwefel, so daß auch hier im Molekül verschiedenartig gebundene Atome anzunehmen sind.

- 5. Daß in ihrer Gesamtheit die Beobachtungen eine glänzende Bestätigung der Quantentheorie von Planck und Einstein erbringen, liegt auf der Hand; der bei den tiefsten Temperaturen langsamer erfolgende Abfall der Atomwärme ließe sich im Sinne jener Theorie einfach etwa in der Weise deuten, daß die Eigenfrequenzen nicht scharfen Linien, sondern nach kleinen Schwingungszahlen zu langsam abfallenden Banden entsprechen.
- 6. Der Umstand, daß die untersuchten Metalle einerseits und die nichtmetallischen Substanzen (Diamant, Chlorkalium) anderseits keinen Unterschied im Verlauf der Atomwärme erkennen lassen, muß gegen die Elektronentheorie des galvanischen Widerstandes insofern Bedenken erregen, als nach letzterer die Elektronen einen keineswegs unbedeutenden Beitrag zur Atomwärme der Metalle liefern müßten, der aber gewiß nicht vorhanden ist. Will man daher daran festhalten, daß die Elektronen die gleiche lebendige Kraft und somit nuch die gleiche Atomwärme wie ein einstomiges Gas (2,98) besitzen, so müßte jedenfalls die Zahl der Elektronen viel kleiner sein, als meistens geschätzt wird. Nimmt man ferner noch an, daß die Konzentration der Elektronen durch die Temperatur geändert wird, so wird der Widersprüch noch vergrößert, weil jede Änderung eines Gleichgewichts durch Temperaturerhöhung mit Wärmeabsorption verbunden ist.
  - 7. Der Vergleich der Formel von Lindenann

$$v = 2.12 \cdot 10^{11} \sqrt{\frac{T_s}{MV^{\frac{3}{2}}}}$$

(T. Schmelzpunkt, M Atomgewicht, V Atomvolumen) mit den Ergebnissen meiner Messungen liefert folgende Tabelle:

<sup>.</sup> Zeitselir, f Elektronh, 17, 5 (1911).

Phys. Zeitschr. 11, 609 (1910).

Tabelle L

Elamont	м	T <sub>+</sub>	v	$r = 1.11 + 10^{18} \sqrt{\frac{T_c}{M  \mathrm{V}^{\frac{3}{4}}}}$	F ann Kurret
Mineral Section 1	205	600	18.3	14:1011	1.44 - 1029
E. + + 2 1 C. 2	105	1234	10.3	5) +	3-3 -
W 3 82 122	65.4	691	0.0	33 +	3.6
	61.6	1357	2.1	31 -	16.9
	27.5	trus	10.01	58 tt	fico =
	120.0	186	25.0	1.4: :*	373
KCI	35-2	1631	18.9	7 No.	1.5

Die Formel von Landemann bewährt sich also an dem neuen genaueren Beobachtungsmaterial viel besser als früher (Lindemann a. a. O.); mindestens für die Metalle wird man nunmehr den Verlauf der Atomwärme bei tiefen Temperaturen mit ziemlicher Sicherheit aus Schmelzpunkt, Diehte und Atomgewicht ableiten können, was besonders für die Verwendung meines Wärmetheorems von Bedeutung ist.

Schließlich sei noch auf eine, wie mir scheint, sehr auffallende und von der bisherigen Elektronentheorie nicht vorgesehene Beziehung zwischen Atomwärme und elektrischem Widerstand hingewiesen, die ich empirisch auffänd.

Für die obigen Messungen mußte der Temperaturkoeffizient der von mir benutzten Platinsorte im Intervall von 20 bis 80° abs. mit möglichster Genauigkeit festgestellt werden; hierzu benutzte ich außer der Eichung mit Hilfe der Dampfspannungskurve von Sauerstoff (Kamenderenson-Onnes)¹ und Wasserstoff (Traveus)¹ – wobei mir übrigens das von Stock² angegebene Thermometer ganz vortreffliche Dienste leistete – lufthermometrische Messungen und vor allem ein Bleiwiderstandsthermometer. Wie nämlich Kameringn-Onnes fand, weicht die Widerstandskurve des Bleies von Zimmertemperatur bis zum Siedepunkt des Wasserstoffs hinab viel weniger von einer geraden Linie ab, als es Platin tut.

Nun zeigt sich, daß der Temperaturkoeffizient des Platins, der von Zimmertemperatur bis etwa T=65 immerbin nicht beträchtlich variiert, bei noch tieferen Temperaturen überans rasch abfällt, ganz

Communications of the Physic, Lab. of Leiden Nr. 107 (1908).

<sup>\*</sup> Exp. Unters. von Gasen, Braumschweig 1905, S. 266.

Ber. d. Deutsch. Cham. Ges 39, 2066 (1906).

ühnlich, wie es die Erssresschen Kurven in obiger Figur tun. Es tritt so der Temperaturkoeffizient des elektrischen Widerstands in eine gewisse Parallele zur Atomwärme, und weiterhin füllt auf, daß beide Größen bei hüheren Temperaturen einem gleichen von der Natur des Metalls unabhängigen Wert zustreben; es tritt mit andern Worten das Gesetz von Duloso-Peur und die Regel von Clausus, wonach der Temperaturkoeffizient des Widerstandes dem Ausdehnungskoeffizienten der Gasenabeliegt, in eine deutliche Analogie. Es ergab sich sogar auch darin Ähnlichkeit, daß der Temperaturkoeffizient gerade wie die Atomwärme bei den tiefsten Temperaturen merklich langsamer abfällt, als es der Formel von Enstein entspricht.

Die obigen Erwägungen führen zunächst zur Pravexschen Strahlungsgleichung als einer einfachen Formel¹ für den elektrischen Widerstand,
die sich im Gebiete des raschen Abfalls des Temperaturkoeffizienten,
also gerade dort, wo ich dringend eine solche gebrauchte, gut bewährt,
wie aus Tabelle II und III zu ersehen ist:

Tabelle II.

Widerstand des Bleis nach Kamerungs-Onnes

$$w = \frac{0.1626}{3} + 0.00070.$$

4	m (heath.)	m:(fint.)	
1639	0.01311	0.01774	
18.02	0:0211	0.02312	
20(31)	0:03032	0.01030	
599463	9.17520	0.1101	
18.57	0:21742	0.2204	
275.09	1.0000	(1:00:1)	

Unterhalb 20° sollte nach obiger Interpolationsformel der Widerstand gegen 0.0211 konvergieren und somit der Temperaturkoeffizient sehr klein werden; in Wirklichkeit fällt, wie schon oben bemerkt, letzterer nicht so rasch ab. Bei 15.1 betrug der Widerstand z. B. 0.202, während er nach obiger Formel nur auf 0.0215 gesunken sein sollte.

Die nachfolgende Mitteilung bringt eine etwas modifizierse, innerhalb noch weiterer Grenzen branchlare Formel.

<sup>3</sup> Ibid Nr. 99. Uhrigens lieferte mir von Kantaatw als -mins bezogenes Blei genan die gleichen Werte, so das mir das Blei einen vortrefflichen Auschluß an die Infühermonstrischen Messengen von Kantatings-Owass vermittelte.

Tabelle III.

Widerstandskurve des von mir benutzten Platins nach eigenen Messungen.

$$w = \frac{0.583}{100} + 0.0021.$$

T	in (nonti.)	er (ber i	
30.4=	0.0232	6.0238	
22.6	0.02388	0:0050	
12812	0.0313	0.0331	
301	0.9443	9.9457	
39/9	9 (200	0.1197	
273.90	1,0000	(T)195)	

Daß die Plancasche Strahlungsformel eine brauchbare Interpolationsformel für gewisse Gebiete der elektrischen Leitfähligkeit liefert,
könnte nun ja allerdings ein zufälliges Zusammentreffen sein, obwohl
dies nach den obigen Bemerkungen kanm mehr anzunehmen sein wird.
Es stellte sieh nun aber weiter heraus, daß die darin als Exponent
vorkommende Konstante für mehr oder weniger (aber immer unr
schwach) verunreinigte Metalle konstant bleibt, während die additive
Konstante mit der Verunreinigung wächst; es hat den Anschein, als
ob sich blerauf eine schurfe Prüfung auf Reinheit eines Metalles (und
vielleicht auch auf gewisse Strakturveränderungen) wird gründen lassen.
Ob diese Konstante bei ganz reinen Metallen gegen Null oder nur gegen
einen kleinen, aber bestimmbaren Wert konvergiert, können erst weitere
Untersuchungen entscheiden.

Es liegt nun nahe, den aus der Leitfähigkeit abzuleitenden Sv-Wert mit demjenigen zu vergleichen, den die spezifische Wärme liefert; dies ist in Tab. IV geschehen; die Sv-Werte in der dritten Kolumns und, wo erforderlich, nach Landbuares Formel berechnet;

Tabelle IV.

Memili	Winterstand	oper. Wseems	
He	< 281	487	
Ph	82	700	
Aw	94.5	133	
B CHARLE	810	.452/	
4		100	

Ein Parallelismus zwischen beiden Zahleureihen ist unverkennbar; wenn also z. B. Blei verglichen mit fast allen andern Metallen bis zu relativ tiefen Temperaturen dem Gesetz von Durose-Perri gehöreht, so ist dies nunmehr in einem, allerdings zumächst rein empirischen Zasammenhang damit gebracht, daß Blei ebenfalls im Gegensatz zu fast allen anderen Metallen auch bis zu sehr tiefen Temperaturen einen (nahe) konstanten Temperaturkoeffizienten des elektrischen Widerstandes besitzt. Kupfer und Aluminium hingegen, die ich auf ihre Leitfähigkeit untersucht habe, zeigen bei tiefen Temperaturen, ebenfalls in Analogie zur spezifischen Würme, einen der Reihe nach stärkeren Abfall des Temperaturkoeffizienten.

Die obenerwähnte Tatsache, daß sich der Einfluß von geringfügigen Verunreinigungen in einem von der Temperatur unabhängigen
Zusatzwiderstand dokumentiert, ist nicht auf das Gültigkeitsbereich
der S. 312 besprochenen Interpolationsformel beschränkt, sondern gilt,
soweit ich sie bisher habe prüfen können, allgemein. Setzen wir, wie
üblich, den Widerstand beim gewöhnlichen Sullpunkt gleich i, so läßt
eich der Widerstand w, der einen Platinsorte aus dem Widerstand w,
einer zweiten Platinsorte berechnen, nach der aus obigem sich ergebenden Gleichung

$$w_i = \frac{w_i - a}{1 - a},$$

worin z sehr klein gegen 1 sein muß. Als beliebig herausgegriffenes Beispiel wollen wir den Widerstand von  $Pt_m$  (Kamerlinger-Onnes) auf den von  $Pt_i$  reduzieren, indem wir z=-0.00182 setzen (s. Tabelle V).

Auch das Platin d von Kasserringen-Onnes läßt sich mit z = +0.02614 mit ziemlicher Annäherung auf Pt, reduzieren, obwohl hier bei der Temperatur des flüssigen Wasserstoffs der Widerstand erwa dreimal so groß ist, als er reinem Platin entspricht. Interessantes Material in dieser Hinsicht bieten auch die verschiedenen von Kauer-Linger-Onnes amtersuchten Goldsorten.

Ähnlich läßt sich die von mir benutzte Platinsorte auf Pt; von Kamminen-Onnes reduzieren, indem  $\alpha = +0.0092$  gesetzt wird.

Man braucht also nur den Widerstand eines möglichst reinen Platindrahtes bei  $\phi^o$  und z. B. bei der Temperatur flüssiger Luft unter Verwendung des Stockschen Thermometers zu bestimmen, um dann sofort die Widerstandskurve dieses Drahtes nus der sehr genau bestimmten von Pt. (Kameringh-Onnes) berechnen zu können. Für das Temperaturgebiet von T=56 bis  $T=20^\circ$ , in welchem keine Eichungen für Pt. vorliegen, benutze man die oben angegebene Interpolations-

Vgl. jedoch die menfolgende Natiz von Lientmann.

Tabelle V.

T	9).	u <sub>fin</sub>	$(w_i-w_{ii})\cdot 10^5$	**************************************	(n) - n/11 + 0.00182 ) - 101
27,500	E-regions.	1.00000	0	L00000	FL 1 0: 1
242.35	0.81890	0.8:850	00	0.87882	8
418-33	0.76691	o.yd6sz	4.1	0.76594	-1
19535	0.04084	0.64923	61	0.64981	-3
169.26	0.58346			No. Lot	The second second
161.00	0.55303	0:30034 (7)	170	0.50114	90
132:28	0.4331.3	0643801	133	0.43304	7
113:98	9-35379	0.05743	125	0.3530.1	7
90,30	0.25283	0:2515#	129	11.25200	
77.98	0.30043	0.19900	143	0.20015	=2
68.41	0.33924	0.15819	155	0.13973	
Stage	10 22K14	8.8M533	101	oceasu.	7 1 2 2 2
36-44	9,11019	0.10854	162	0/11016	0
34.17	(0.0354)	-0=21		V = 1	
(28.2)	(0.0243)				
20.27	naturi.				
12.91	0.01244				
73.23	0.01073	-			

formel oder interpoliere direkt (unter Beachtung des s-Wertes meines Platins) nach Tab. III, wie für die zwei in Klammern befindlichen Temperaturen in Tab. V geschehen; im übrigen Gehiete reichen einfache Interpolationsformeln der üblichen Art aus. Es ist so ermöglicht, von Zimmertemperatur bis etwa — 253° jede Temperatur bis auf etwa 0.2° genau zu messen und meistens nach genauer; dies scheint mir einen benchtenswerten Fortschritt in der Thermometrie tiefer Temperaturen zu bedeuten.

Bei den vorstehend mitgeteilten häufig recht schwierigen experimentellen Arbeiten wurde ich von meinem Privatassistenten Hrn. Dr. Pollitzer wiederum aufs eifrigste unterstützt; ebenso verdanke ich ihm bei der Konstruktion der Kalorimetergefäße und der Apparate zur Wasserstoffverflüssigung manche nützliche Anregungen und originellen Vorschläge.

## Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. IV.

Von F. A. LINDEMANN.

(Aus dem Physikalisch-Chemischen Institut der Universität Berlim)

(Vorgelegt von Hrn. Narsst am 23. Februar 1911 s. oben S. 229].)

Hr. Prof. Neusst teilte mir schon vor der Publikation die oben bebeschriebenen interessanten Beziehungen zwischen der elektrischen Leitfähigkeit der Metalle und ihrem Energieinhalte mit; auf seine Anregung befaßte ich mich daraufhin mit der Deutung dieser Gesetze im Sinne der Elektronentheorie, und es sollen meine Betrachtungen In dieser Richtung im folgenden kurz mitgetellt werden.

Es soll im wesentlichen hierbei an der Elektronentheorie von Rucker, Daube und J. J. Thouson festgehalten werden, deren unleugbares Verdienst in der Aufklärung des Wiedensans-Franzschen Gesetzes dazu mahnt, vorfäufig möglichst wenig an ihr zu ändern.

Da es sich im folgenden nicht darum handelt, die Konstanten im absoluten Maße zu bestimmen, so kann man davon absehen, mit der Geschwindigkeitsverteilung zu rechnen, und kann sich mit den einfachen Mittelwerten begnügen. Der Grundgedanke der Daubrischen Auffässung besteht darin, daß die treien Elektronen im Metall an der Würmebewegung der Materie nach den Gesetzen der statistischen Mechanik teilnehmen, in anderen Worten, daß ein Gramm-Molekül Elektronen bei der Temperatur T die Energie  $\frac{3}{2}$  RT enthält. Da man nun bisher immer mit verhältnismäßig großen Zahlen freier Elektro-

nen pro Atom gerechnet hat, diese schwanken von etwa o,6 bis 20-

J. E. Resens, Zur Theorie des Galvanismus und der Warme, Ann. Phys. Chem. 66 (1898) 353; \$45; \$199. Über das Verhältnis der Leitfähigkeiten der Metalle für Wärme und für Elektrislißt, Ann. Phys. 2 (1900) 835; P. Dausz, Zur Elektronentheurie der Metalle, Ann. Phys. 1 (1900) 566; 3 (1900) 369. J. J. Tronson, The Corposentar Theory of Matter (1907).

Es müßten nämlich die Atomwärmen der Metalle um ein konstantes additives Glied größer sein als die Atomwärmen der Nichtmetalle, nämlich um  $\varepsilon^{-\frac{3}{2}} R$ , wobel  $\varepsilon$  die Anzahl freier Elektronen pro Atom bedeutet. Nach den neuesten oben mitgeteilten Messungen hat ann Kupfer bei der Temperatur des flüssigen Wasserstoffs die Atomwärme 0.22. Nach dem allgemeinen Verlauf der Kurve zu urteilen, sinkt auch dieser Wert beträchtlich tiefer, er gibt aber jedenfalls die obere Grenze an für die Anzahl der freien Elektronen pro Atom. Diese muß also weniger als 0.074 pro Atom bei 23° absolut betragen. Nimmt man nun mit J. J. Thomson an, daß die Anzahl der freien Elektronen ungefähr proportional VT wächst', was sich aus einer Betrachtung des Thomson-Effektes ableiten läßt, so beträgt die Anzahl Elektronen pro Atom bei Zimmertemperatur etwa 0.26. Es läßt sich leicht zeigen, daß die Leitfähigkeit gegeben ist durch die Gleichung

$$I = \frac{ne^{i} \lambda u}{4 \cdot \frac{3}{2} kT},$$

wobei n die Anzahl freier Elektronen pro cm², e die Ladungen des Elektrons im elektromagnetischen Maße,  $\lambda$  die mittlere freie Weglänge des Elektrons, u die mittlere Geschwindigkeit bedeutet und  $k=\frac{R}{N}$  ist, wobei N die Anzahl Moleküle pro Mol darstellt. Hierbei ist natürlich l gleich dem reziproken spezifischen Widerstand in elektromagnetischen Einheiten. Es ist also

$$\lambda = \frac{6kTl}{ne^*u};$$

n ist  $\frac{k}{a}$  N, wenn a das Atomvolumen bedeutet. Für Kupfer kann man, da es hier nur auf die Größenordnung ankommt,  $k=1.35\cdot 10^{-ct}$ ,  $T=273^\circ$ ,  $t=5.9\cdot 10^{-t}$ , n< N  $\frac{0.255\cdot 8.7}{63.6}<0.035$   $N<2.11\cdot 10^{tt}$ ,  $t=1.36\cdot 10^{-ct}$ ,  $t=1.3\cdot 10^t$  setzen, woraus folgt  $t=1.7\cdot 10^{-t}$ . Da der Abstand zweier benachbarter Atommittelpunkte etwa  $t=1.7\cdot 10^{-t}$  em beträgt, so erleidet ein Elektron im Kupfer im allgemeinen erst nach Passieren von über 75 Atomen einen Zusammenstoß.

Zu ähnlichen, wenn auch nicht ganz so hohen Werten von λ gelangt man durch eine andere Betrachtungsweise. Wenn man mit

J. J. Tuonson, n. z. O. S.76.
 P. Daude, J. J. Tuonson, n. z. O.

Lorentz die Wärmestrahlen als hervorgerufen durch den Zusammenstoß der freien in ungeordneter Wärmebewegung befindlichen Elektronen mit den Atomen betrachtet, so ist die mittlere freie Weglänge gegeben durch den Weg, den ein Elektron, dessen Geschwindigkeit durch die Gleichung

$$\frac{mu^2}{2} = \frac{3}{2}kT$$

bestimmt ist, in der Zeit zurücklegt, welche einer halben Periode der Strahlung im Intensitätsmaximum entspricht. Es ist dies bei Zimmertemperatur etwa

$$\frac{10^{-3}}{2 \cdot 3 \cdot 10^{10}} = 1.67 \cdot 10^{-11},$$

also beträgt 2 rund 2.5-10" cm, immerhin noch 10 Atomabstände.

Es ist einleuchtend, daß diese Zusammenstöße nicht zwischen Elektron und Wirkungssphäre des Atomes im gewöhnlichen Sinne stattfinden können, da der Durchmesser dieser Wirkungssphären etwa 85 Prozent des Abstandes der Atommittelpunkte zu betragen scheint', so daß eine mittlere freie Weglänge größer als der Atomahstand undenkbar wäre. Es bleibt also nur noch die Annahme übrig, daß die Elektronen durch die Wirkungssphären, die sich gegenseitig nicht durchdringen können, hindurchfliegen können, daß aber ein sogenannter. Zusammenstoß bzw. eine große Beschleunigung nur dann in Erscheinung tritt, wenn des Elektron auf einen im Innern der Wirkungssphäre befindlichen Kern trifft. Man kann sich auch in einem jeden Atome mehrere Kerne denken, wobei sich einem die Vorstellung eines dem Tuossesschen Atommodelle ähnlichen Gebildes aufdrängt. Es soll aber bier davon Abstand genommen werden, hierauf näher einzugehen-Für die weitere Rechnung ist es völlig belanglos, ob man sich einen oder mehrere Kerne denkt. Es soll also der Einfachheit halber im folgenden von einem Kerne die Rede sein,

Der Kern selbst nimmt selbstverständlich an der Wärmebewegung des Atoms teil, wahrscheinlich kann man ihn sogar als Träger der Masse und Energie betrachten. Nimmt man nun an, daß ein freies Elektron nur dann eine heftige Beschleunigung oder, wie man sich gewöhnlich ausdrückt, einen Zusammenstoß erleidet, wenn es seinen Weg durch die Kugel führt, welche der Kern mit seinen Schwingungen erfüllt, oder, anders ausgedrückt, wenn man die Annahme macht, daß die Wirkungssphäre des Kernes dieser Kugel proportional ist, so kann man auf einfachem Wege zu Formeln gelangen, welche der Erfahrung

F. A. LINDERANN, Uber die Berochnung molekularer Eigenfrequenzen, Phys. Zeitschrift II (1916) S. 509.

entsprechen. Ob man diese Veränderlichkeit der Wirkungssphäre mit der Schwingungsamplitude vielleicht auf die Entstehung eines magnetischen Kraftfeldes zurückführen will oder ob man sie sich rein mechanisch vorstellen will, mag dahingestellt bleiben.

Wenn der Radius des Kernes  $\tau$  ist, so beträgt die mittlere freie Weglänge am absoluten Nullpunkt  $z=\frac{d^3}{2\pi\sigma^3}$ , wobei d den mittleren Abstand zweier benachbarter Atommittelpunkte bedeutet. Enthält das Atom der Eigenfrequent  $\epsilon$  die Energie  $E=\frac{h_0}{h}$ , was nach Planck  $e^{\pm \overline{t}}-1$ 

und Erssreis<sup>1</sup> der Fall sein muß, und durch die neueren Messungen von Neussr<sup>1</sup> und seinen Schülern sich zu bestätigen scheint, so schwingt der Kern mit der Amplitude

$$r = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\hbar}{\frac{1}{2+m\left(\frac{\hbar}{e^{\frac{1}{2T}}-1}\right)}}} = K_{i} \sqrt{\frac{1}{\frac{1}{e^{\frac{1}{2T}}-1}}}$$

Er bedeckt also mit seiner Wirkungssphäre einen Kreis der Fläche  $\tau(r+\sigma)^i$  und es folgt  $\lambda = \frac{d^2}{2\pi(r+\sigma)^i}$ . Für den Widerstand folgt also die Beziehung:

$$W = \frac{2\pi K_i T(r+\sigma)^i}{ne^i nd^i} \, .$$

Da sich u und u proportional VT undern, so folgt, daß  $W = K_*(r + \sigma)^*$ , oder, wenn man den Wert für r einsetzt,

$$W = K_{i} \left( K_{i} \right) \left( \frac{1}{e^{iT} - 1} + \sigma \right)$$

$$= K_{i} \left( \frac{K_{i}^{2}}{e^{iT} - 1} + \frac{2K_{i}\overline{\sigma}}{\sqrt{\frac{k}{e^{iT} - 1}}} + \sigma^{i} \right)$$

Der Widerstand läßt sich hiernach durch die Formel

$$W = \frac{A^*}{e^{\frac{a}{L}} - 1} + \sqrt{\frac{2AB}{e^{\frac{a}{L}} - 1}} + B^*$$

wiedergeben. Wie man sieht, reduziert sich dies für kleine Werte von T auf die Form

Vorinsungen über die Theoris der Wärmestrahlung (1906).

<sup>\*\*</sup> Ann. d. Phys. Bd. 22, 160 (1907).

\* W. Nerner, Sitzungaber, d. Berl, Akad, d. Wiss, 12, S. 287. A. Mauwus und F. A. Landenson, Zeitschr, f. Elektrochemie 8 (1910), S. 299.

$$W = \frac{A^*}{e^T} + \frac{2AB}{e^{iT}} + B^i,$$

in der das Glied  $\frac{2AB}{\frac{1}{2}}$  überwiegt. In der Tat hat auch Hr. Prof

Nimssi gefunden (s. o.), daß die Widerstandskurve früher aufbiegt  $A^z$  wie die Energiekurve z, daß aber eine bestimmte Beziehung

zu der Eigenfrequenz v der Metallatome unverkennbar ist. Wenn dagegen bei höherer Temperatur die Amplitude groß geworden ist, gegen den Durchmesser des Kernes, so überwiegt das erste Glied und es wird

$$W = \frac{A^*}{\frac{\partial r}{\partial T} - 1} + B^* = \frac{A^*}{\beta \sqrt{T - \text{konst.}}},$$

welches der bekannten Widerstandskurve bei hoher Temperatur im allgemeinen entspricht. Daß sich durch diese Formel die von Kamenannen-Onnes (vgl. S. 312 der vorhergehenden Mitteilung) gemessenen Widerstände darstellen lassen, zeigen folgende Tabellen:

Widerstand w eines Bleidrahtes bei der absoluten Temperatur T.

T	er brob.	as her.	
14.55	0.01311	0.01311	
18.00	0.02314	0.023(0)	
naigt.	0.03032	0.03031	
56(4)	0.17120	0:1114	
08i31	0.21142	9.2195	
89-44	0.25257	9-4571	
169.46	0.59418	0.5114	
213.09	1,0000	0.9451	
284.42	1,0652	1.06(1)	

Widerstand weines Silberdrahtes bei der absoluten Temperatur T.

T	= heep.	w bor	
TEM	0.000694	6,oozii	
-0.4	0008913	distance of	
9.4	0.75528	0.1571	
77.9	979793	6/1960	
1112	0.43282	0.4359	
3730	tuanera	100341	

Hierbei ist der Widerstand des Bleidrahtes durch die Formel

$$W = 0.415 \left| \frac{0.54}{e^{\frac{1}{4}} - 1} + \frac{0.3}{\sqrt{e^{\frac{10}{4}} - 1}} + 0.0004 \right|.$$

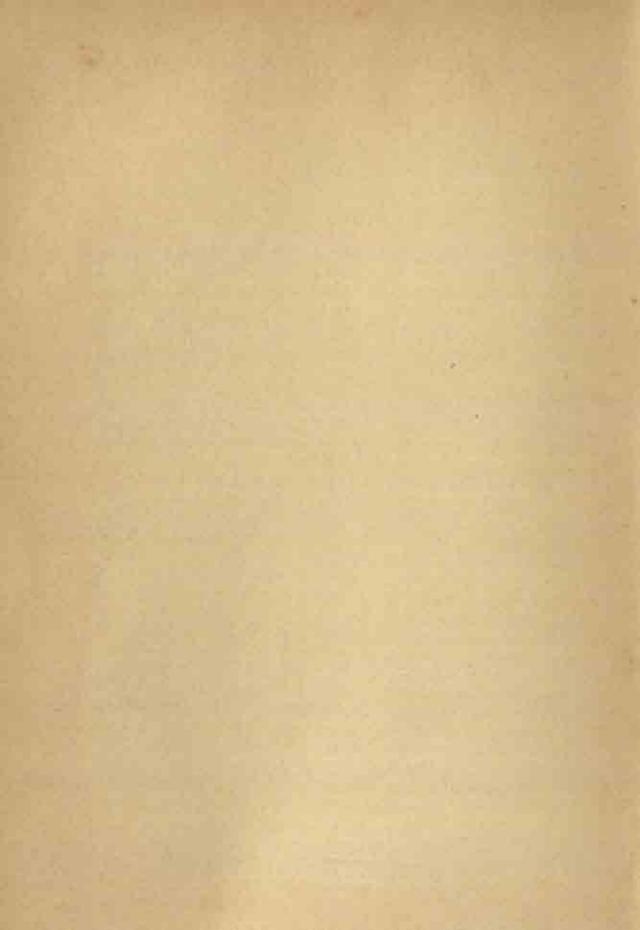
der des Silberdrahtes durch die Formel

$$W = \frac{0.54}{e^{\frac{10}{T}} - 1} + \frac{0.3}{\sqrt{\frac{10}{e^{T}} - 1}} + 0.0018,$$

wobei für  $\beta_{\rm f}$  70 bzw. 160 die aus den spezifischen Wärmen ermittelten Werte der Eigenfrequenzen eingesetzt sind. In gleicher Weise lassen sich die Widerstände von Pt. Cu und Al darstellen. Man sieht, daß bei ganz tiefen Temperaturen, wo T < 0.15  $\hat{\mathbb{S}}_{\rm f}$  ist, die Formel versagt, offenbar darum, weil die tatsächlich vorhandene Energie erheblich größer ist, wie es der oben vorausgesetzten Ptancaschen Funktion entspricht (vgl. auch die vorhergehende Arbeit). Ferner ist es auffällig, daß die konstante 0.3 nicht den oben berechneten Wert 2 AB hat, was als ein Mangel der Theorie empfinden werden muß, der sich vielleicht dadurch aufklärt, daß die Wirkungssphäre nicht streng proportional dem durch die Wärmeschwingungen erfüllten Raume verhält. Es hat sich rein empirisch die Tatsache herausgestellt, daß das Verhältnis beider Konstanten für die verschiedensten Metalle konstant ist, und zwar etwa 1.8.

Es last sich also durch die Annahme, die die bekannte Schwierigkeit mit der Atomwärme beseitigt und übrigens auch den Bestimmungen ans der Dispersion entspricht, nämlich daß im Metall verhältnismäßig wenige freie Elektronen vorhanden sind, und durch die weitere Voraussetzung, daß die Wirkungssphäre der Atomkerne, mit denen die freien Elektronen zusammenstoßen, mit der Amplitude ihre Wärmeschwingungen anwachsen, eine mit der Erfahrung in großen Zügen übereinstimmende Formel für den elektrischen Widerstand ableiten. Es erklärt diese Betrachtungsweise auch die von Prof. NEERST neu aufgefundenen bemerkenswerten Beziehungen zu der Eigenfrequenz der Metallatome, und ferner die Abhängigkeit des Widerstandes von der Temperatur, ohne die komplizierten ad hoc gemachten Annahmen über die Veränderlichkeit der freien Weglänge mit der Temperatur, auf die man bisher angewiesen war. Die andern bekannten Schwierigkeiten der Theorie der freien Elektronen in Metallen bleiben aber bestehen und lassen es zweifelhaft erscheinen, ob man nicht die jetzige Theorie in ihren Grundvorstellungen wird abändern müssen,

P. DRUDE a. a. O., Ber. d. Spence Review (1909), XXVIII, 5, S. 387.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XIV.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

März. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

1. Hr. Ogra las über Atrophie der Harnkanälchen.

Es wurden verschiedene Formen der Inactivitätsatrophie, der Atrophien in Folge ungentigender Ernährung der Epithelzeilen, in Folge directer Schädigung der Epithelzeilen und in Folge Einwirkung seitens des interstitiellen Gewebes erörtert und durch einzelne Belapiele erläutert.

 Hr. Runnss berichtet über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Prof. Dr. O. von Barren ausgeführte Untersuchung «Über eine äusserst langwellige Strahlung des Quecksilberdampfs».

Durch Anwendung der früher beschriebenen Quarzilmsenanovdnung lässt sich aus der Gesammtemission einer Quarzquecksilberlampe eine Strahlung aussondern, von welcher ein beträchtlicher Antheil durch sehwarzen Carton hindurchgeht. Die durchtretsunde Strahlung zeigt eine mittlere Weilenlänge von etwa 300 u. Die Eigenschaften dieser Strahlung, welche einem bisher völlig unbekannten Theile des Spectrums angebürt, werden niher untersucht.

# Über Atrophie der Harnkanälchen.

Von J. ORTH.

Es ist lange bekannt, daß man häufig in den Nieren atrophische Harnkanalchen findet, d. h. Kanalchen, deren Gesamtumfang kleiner ist als derjenige normaler Kunälchen und deren einzelne Epithelzellen gleichfalls nicht die ihnen normal zukommende Größe besitzen. Der Grad der Atrophie kann ein verschieden hoher sein; aus der Atrophie kann schließlich ein völliger Schwund entstehen. Bei dem Vorkommen zu kleiner Kanälchen und Zellen kann es sich um solche handeln, welche überhaupt nicht ihre normale Ausbildung erlangt, also eine Entwicklungsstörung erfahren haben (Hypoplasie); hänfiger ist es. daß Kanalchen, weiche bereits ihre volle Ausbildung erlangt hatten, mitsamt ihren Zellen wieder kleiner geworden sind (eigentliche Atrophie). Die Tunica propria ist dabei geschrumpft, die Epithelzellen sind entdifferenziert, d. h. sie zeigen in denjenigen Kanälchen, welche sonst ein kompliziert gebautes Epithel besaßen, nur kleine Formen und einfachen Bau. Man darf sich die Entdifferenzierung nicht so vorstellen, als waren die Zellen mit dem Verlust ihrer feineren Ausbildung wieder zu Embryonalzellen geworden, sondern es sind pathologische Nierenzellen, die zwar noch Stoffwechsel haben und teilweise auch noch ein Sekret liefern können, aber nicht mehr normal funktionieren. Es ist anzunehmen, daß diesen Zellen die Fähigkeit, wieder zu normal differenzierten sich zu entwickeln, nicht verloren gegangen ist, aber in den meisten Fällen sind sie sicherlich für eine normale Tätigkeit dauerad ausgefallen.

Ich habe nicht die Absicht, auf die erste Gruppe (hypoplastische Kanälchen) im ganzen einzugehen, sondern werde sie nur insoweit berücksichtigen, als sie mit der zweiten Gruppe Berührungspunkte darbietet, d. h. soweit die Differenziahllagnose mit der eigentlichen Atrophie in Betracht kommt. Auf diese habe ich seit längerer Zeit besonders geachtet, und ich will hier meine hauptsächlichsten eigenen Erfahrungen zusammenstellen.

Die Atrophie kann in allen Lebenszeiten entstehen und zerfällt zunächst in zwei Untergruppen; A. Atrophie infolge Funktionswegfälls, Inaktivitätsatrophie, B. Atrophie aus anderen Ursachen.

#### A. Atrophie infolge Funktionswegfalls.

Eine Inaktivitätsatrophie spielt vor allem bei den mit besonderen Funktionen begabten Organen (Muskeln, Drüsen, Nerven) eine hervorragende Rolle; sie betrifft nur das funktionierende Parenchem, nicht das Stützgewebe. Die Bedingungen, unter welchen sie eintritt, sind aber keineswegs überall gleich. Während z. B. an den Skelettmuskeln durch Stillstellen, also völligen Wegfall der Funktion und damit auch der Funktionsreize, Atrophie berbeigeführt werden kann, wird im Herzen nie Wegfall, sondern nur Verminderung der Funktion und der Funktionsreize in Betracht kommen können. Bei den Nieren dagegen kann es sich niemals um Wegfall oder auch nur Abnahme jener Funktionsreize handeln, welche von den segenaanten harnfähigen Stoffen des Blutes ausgehen, denn je weniger die Nieren tätig sind, um so mehr müssen diese Stoffe im Blute zunehmen und durch die Interstitiellen Capillaren den Epithelzellen zugeführt werden. Und diese sind es, welche in bestimmten Abschnitten der Kanälchen die spezifischen Bestandteile des Harnes sezernieren, während im übrigen die Niere bekanntlich die Kigentümlichkeit zeigt, daß verschiedene Bestandteile flires Schretes an ganz verschiedenen Stellen abgesondert werden, und das Harnwasser eine ganz andere Quelle hat als die spezitischen Harnbestandtelle, indem es und die Salze - vielleicht auch noch einzelne andere Stoffe - von den Gefäßknäueln der Nierenkörperchen herkommen. Es ist nun auch für die Physiologie der Nierensekretion sicherlich von dem größten Interesse, daß die Inaktivitätsatrophie der Harnkanälchen dann eintritt, wenn die Absonderung der Gefäßknänel versiegt. Das abgesonderte Harnwasser kann offenbar night Schwemmaterial allein sein, bestimmt, das besondere Sekret der Epithelzellen nach den abführenden Harnwegen zu befördern, sondern es muß von ihm nus eine bestimmende Einwirkung auch auf die Tätigkeit der Epithelzellen ausgeübt werden. Diese Einwirkung kann nicht eine bloß ernährende sein, denn zur Ernährung ist das Glomerulussekret offenbar ungeeignet, vielmehr muß die Ernährung auch nach dem histologischen Bau der Niere den interstitiellen Capillaren obliegen. Die Wichtigkeit der Gefäßknäuel für das Gesundbleiben der Nierenkanälchen bringt es mun mit sich, daß in keinem anderen drüsigen Organ so häufig Inaktivitätsatrophien vorkommen als wie in den Nieren, da Veränderungen an den Knäueln ungemein hänfig sind, vor allem in den höheren Lebensaltern.

Wenn ein Gefäßknäuel seine Tätigkeit erheblich verringert oder ganz eingestellt hat, so atrophiert das ganze von ihm ausgehende Harnkanälchen bis zu der Stelle, wo es sich mit einem noch voll tätigen verbindet, d. h. bis zu einer gewissen Stelle der Sammelröhren. Die gewundenen Kanalabschnitte und die Schleifenabschnitte verfallen gleichmäßig der Atrophie. Je nachdem nun nur vereinzelte Knäuel oder ganze Gruppen von ihnen funktionsunfähig werden, wird die Atrophie nur an einzelnen Kanalchen, die mitten zwischen normalen liegen, oder an vielen oder gar allen Kanalchen kleinerer oder größerer Nierenabschnitte hervortreten.

Diese Form der Inaktivitätsatrophie ist sehon lange bekannt und wird in allen Lehrbüchern erwähnt; sie findet sieh besonders im Anschluß an Arteriosklerose der Nierenarterien (arteriosklerose Schrumpfniere), kann aber auch ohne allgemeine Arteriosklerose durch Veränderungen der Knäuel allein herbeigeführt werden (glomeruläre oder corpusculäre Schrumpfniere); beide Formen können unter der Bezeichnung vasculäre Schrumpfniere zusammengefaßt werden. Die vasculäre Schrumpfung beginnt mit Vorliebe in den subcapsulären Schichten und setzt sieh von da nach der Tiefe zu fort. Es kann aber auch das Umgekehrte eintreten; so habe ich z. B. bei chronischer Tuberkulöse gesehen, (laß fast ausschließlich die der Grenzschicht (und den tuberkulösen Käsemassen) benachbarten Gefäßknäuel mit ihren Kanälchen atrophisch geworden waren, während die subcapsulären Schichten durchgängige Knäuel und wohlerhaltene Kanälchen zeigten.

Es ist, wie ich sehon vorher andeutete, für das Eintreten einer Inaktivitätsatrophie der Harnkanälehen nicht eine völlige Undurchgängigkeit (sog. Atrophie) der Knäuel nötig, sondern es genügt sehon eine hyaline Umwandlung einer größeren Anzahl Schlingen eines Knäuels

Diese Inaktivitätsatrophie der Kanälchen bietet einen besonders guten Beweis für die Richtigkeit der Angabe, daß die entdifferenzierten Epithelzellen keineswegs einer Sekretionsfähigkeit entbehren, nur ist es nicht normales Sekret, sondern eine colloide Masse, welche sich in so großer Menge anhäufen kann, daß die Kanälchen nicht nur ganz verstopft, sondern noch dazu bis zum makroskopischen Sichtbarwerden erweitert werden. Die Erweiterung erfolgt meist ungleichmäßig, so daß sich sogenannte Colloidcystchen bilden. füre Bildung hat also mit einer primären Entzündung der Niere gar nichts zu tun, sondern setzt eine Inaktivitätsatrophie vorans.

Nachdem festgestellt worden ist, daß es kongenital-atrophische Glomeruli gibt, muß natürlich auch angenommen werden, daß es auch kongenital-atrophische Harnkanälchen gibt; es ist aber sehr sehwer, hier eine Entscheidung zwischen kongenitalen und nichtkongenitalen Veränderungen zu treffen. Die Anwesenheit von Veränderungen des Zwischengewebes kann meines Erachtens für die nichtkon-

genitale Natur nicht sieher verwertet werden, da auch bei kongenitaler Veränderung, wie überall bei abnormer Beschaffenheit der Kanälchen, sekundär eine Infiltration des Zwischengewebes sich einstellen kann.

Einen Fall habe ich kürzlich beobachtet, bei dem die kongenitale Natur im höchsten Grade wahrscheinlich ist (Sekt. 1396, 1910).

Es handelte sieh um ein tuberkulöses weibliches Individuum von 28 Jahren, bei dem mir an einer Niere eine kleine, unscheinbare Schrumpfstelle auffiel. An einem senkrechten Durchschnitt zeigte sieh an der Grenze von Rinde und Mark ein rundlicher, grauer, fast hanfkorngroßer Herd, den ich zunächst für einen tuberkulösen Gefäßherd zu halten geneigt war. Die mikroskopische Untersuchung ergab aber ein sogenanntes Markfibrom, das hier aber sehr reich an glatten Muskelbündeln war, zahlreiche, zum Teil sehr weite Kanälchen enthielt und cortikalwärts von den Arcus vasculosi gelegen war, und genau der Stelle entsprechend fänden sich in der Rinde, obwohl die Arterien im Bereiche des Fibroms völlig frei waren, eine größere Anzahl atrophischer Knäuel mit Atrophie der zugehörigen Kanälchen. Da einzelne Nierenkörperchen gut gebildet waren, so lagen atrophische und nichtatrophische Kanälchen neben- und durcheinander.

Da diese sogenannten Markfibrome wahrscheinlich alle kongenitale, auf Entwicklungsstörungen beruhende Bildungen sind, so ist es sehr wahrscheinlich, daß auch die Atrophie der Glomeruli und der Harnkanäleben eine angeborene ist und daß auch sie einen Bildungsfehler (Hypoplasie) darstellt. Daß an der betreffenden Stelle der Niere überhaupt eine Bildungsanomalie vorlag, wird dadurch bewiesen, daß das typische Rindengewebe nur eine ganz schmale, oberflächliche Zone einnahm, während der meduläre Abschnitt der Rinde nur von gebogen verlaufenden Kanälchen gehildet wurde, welche das Ausseben von Sammelröhren hatten. Hier kann es sich nur um eine Entwicklungsstörung gehandelt haben.

Eine zweite Form von Inaktivitätsatrophie von Nierenkanälchen ist bisher weniger beachtet worden, nämlich die Inaktivitätsatrophie unterer Abschnitte von Kanälchen bei völligem Zugrundegehen oberer Abschnitte. Es handelt sich um die Funktionsausschaltung der im Mark liegenden isolierten Abschnitte von Harnkanälchen, also im wesentlichen von Schleifenkanälchen, bei Nekrose der Rindenabschnitte, wie sie durch anämisch-nekrotische Infarzierung erzeugt wird. Bekanntlich können Infarkte weit in das Mark hineinreichen, und in ihrem Bereiche sind natürlich dann auch die Markkanälchen abgestorben. Wenn aber der Infarkt auf die Rinde beschränkt ist, dann bleiben die im Mark liegenden Teile der in der Rinde abgestorbenen Kanälchen lebendig, aber sie unterliegen einer Inaktivitätsatrophie. Im Gegensatz

zu den Befunden bei vaseulärer Inaktivitätsatrophie an Rindenkanäichen habe ich in diesen atrophischen Kanälchen keine colloiden Inhaltsmassen gesehen. Trotzdem kann man ihre Lage unterhalb von ülteren Rindeninfarkten, besonders au Präparaten mit Bindegewebsfürbung, leicht erkennen, da das interstitielle Bindegewebe zusammengerückt ist und zuweilen wohl auch noch eine absolute Zunahme erfahren hat: an van Grasos-Präparaten fallen diese Stellen durch ihre rötere Fürbung auf. Es gelingt aber gelegentlich auch noch auf andere Weise die atrophischen von den nichtstrophischen Markkanälchen fürberisch zu unterscheiden.

Das war der Fall in der Niere eines 32 jährigen Dienstmädchens, welches an einem schweren rheumatischen Herzklappenfehler zugrunde gegangen war (Sekt. 1276. 1910).

An einem Sudanpräparat eines Niereninfarktes mitsamt der zugebörigen Marksubstanz war an zahlreichen geraden Kanälchen der nicht atrophischen Abschnitte des Markes eine anßerst starke Feitablagerung, also Rotfärbung vorhanden, während unter einem alten Infarkt die auch an Umfang deutlich kleineren atrophischen Kanälehen fast nur blaue Kernfärbung, keine oder nur ganz geringfügige Rotfärbung darboten. - ein recht sinnfälliger Beweis dafür, daß die Stoffwechselvorgänge in diesen Kanälchen ganz undere waren als in jenen. Der Gedanke liegt nahe, daß die Ursache für die Verfettung nicht im ernährenden Capillarblute, sondern in dem abgesonderten Harnwasser enthalten war: - den atrophischen Kanälchen wurde kein Harnwasser mehr zugeführt, während ihre interstitiellen Capillaren kein anderes Blut enthielten wie diejenigen der verfetteten Kanälchen. Ausgeschlossen ist natürlich nicht, daß die Verschiedenheit der Stoffwechselvorgänge in den Epithelzellen der atrophischen Kanälchen einerseits und in den nichtatrophischen anderseits die Ursache des verschiedenen Verhaltens abgibt.

Es ist bekannt, daß auch in infarzierten Rindengebieten verschiedene Abschnitte der Kanälchen in bezug auf das Absterben sehr verschieden sich verhalten können, daß insbesondere die geraden Kanalabschnitte sich viel länger lebendig erhalten als die gewundenen, es ist daher sehr wohl denkbar, daß die kleinen indifferenten Kanälchen, welche man so häufig an der Markseite der Rindeninfarkte findet, oft weit zwischen die nekrotischen gewundenen Kanälchen hineinreichend, solchen erhalten gebliebenen, aber infolge von laaktivität atrophisch gewordenen geraden Kanälchen entsprechen. Der gelegentliche Befund von Karyomitosen an ihrem Epithel würde kein Gegengrund für diese Annahme sein, da, wie schon vorher bemerkt wurde, wohl zugegeben werden darf, daß atrophische Kanälchen, wenn ihnen auch die nor-

male Funktion und Differenzierung der Zellen abgeht, doch einen kräftigen Stoffwechsel haben und dadurch zu formativen Leistungen befähigt sein können.

Nun finden sich aber bei alten Infarkten nicht nur an der Markseite, sondern auch unter der Kapsel und in dem ganzen austoßenden Nierengewebe häufig ganz ähnlich aussehende atrophische Kanälchen, welche nicht als inaktiv-atrophisch bezeichnet werden können, da die zugehörigen Knäuel funktionstüchtig ausschauen. Es mag in diesen Regionen noch klein und indifferent aussehende Kanälchen geben, welche nichts anderes sind als unfertige, in regeneratorischer Neubildung des Epithels begriffene Kanälchen, aber die Mehrzahl, vor allem die seitlich die Infarkte öfter in nicht unbeträchtlicher Ausdehnung umgebenden indifferenten Kanälchen können ihrer ganzen Lage und Anordnung, ihren Beziehungen zu den Nierenkörperchen nach gar nichts anderes sein als atrophisch gewordene Harnkanalchen, aber solche, bei denen die Atrophie unmöglich aus Inaktivität hervorgegangen sein kann, da eben die Knäuel erhalten und also nicht funktionsuntüchtig sind. Hier muß eine andere Ursache für die Atrophie vorhanden gewesen sein, diese Atrophie gehört also zu der zweiten Gruppe:

#### B. Atrophie aus anderen als funktionellen Ursachen.

Eine solche Atrophie kann eine dreifach verschiedene Ursache haben:

- t. ungenügende Ernährung der Epithelzellen,
- 2. direkte Schädigung der Epithelzellen,
- 3. Einwirkung seitens des interstitiellen Gewebes.

In die erste Abteilung

#### 1. Atrophie durch ungenügende Ernährung der Epithelzellen

geboren die eben erwähnten Atrophien, welche man in der Umgebung nekrotischer Infarkte in den Nieren findet, sowold die zu den Seiten der Infarkte, als auch die in der subcapsulären Schicht vorkommenden. Die schwere Ernährungsstörung im Zentrum des Infarktes kann unmöglich plötzlich am Rande einer vollkräftigen Ernährung Platz machen, sondern zwischen den Gewebsabschnitten mit völligem Mangel und denjenigen mit nicht wesentlich gestörter Ernährung muß ein Abschnitt zwischengeschaltet sein, in dem die Ernährung zwar nicht aufgehoben, über doch vermindert ist: in ihr tritt die Atrophle ein. Da die Gefüßknäuel durchgängig sind, so ist kein Grund

verhanden, in ihnen die Ursache für die Ernährungsverschlechterung zu suchen, diese kann vielmehr nur in Störungen der Zirkulation in den interstitiellen Capillaren ihre Quelle haben, an denen man ja auch in Gestalt der collateralen Hyperämie schon makroskopisch eine Zirkulationsstörung erkennt, wie man an den Epithelzellen der collateralen Kanälchen in der so häufig nuchweisburen Verfettung einen optischen Ausdruck der an ihnen eingetretenen Ernährungsstörung sehen kann. Wie aber sowohl die Ausdehnung der collateralen Hyperämie als auch diejenige der Verfettung bei den einzelnen Infürkten sehr weehselnd ist, entsprechend den wechselnden normalen collateralen Zirkulationsverhältnissen, über die neuerdings Zonner interessante Aufschlüsse gegeben hat, ebenso wechselnd und von den normalen Gefäßeinrichtungen an der gegebenen Stelle abhängig müssen auch die mit allgemeiner Atrophie der Kanälchen endenden Ernährungsstörungen sein, woraus sich unschwer das Wechselvolle der Befunde in bezug auf die collaterale atrophische Zone bei den einzelnen Infarkten erklären läßt. Es ist aber auch nicht ausgeschlossen, daß gerade hier mit einer allmählich sich herstellenden besseren Zirkulation und Ernährung die Epithelien sich wieder erholen und, da die Nierenkörperehen nicht gelitten haben, also eine völlige Wiederherstellung der Funktion möglich ist, die ganzen Kanälchen wieder ein normaleres Aussehen annehmen, so daß schließlich von der atrophischen Zone gar nichts mehr zu finden ist. Es würde also in solchem Falle ganz von der Zeit der Untersuchung abhängen, ob man eine collaterale atrophische Zone findet oder nicht.

Vor kurzem habe ich noch eine andere hierhergehörige Form von Atrophie kennen gelernt, nämlich eine keilförmige Atrophie infolge von Arterienwandtuberkulose! Mir waren schon lange zweierlei Folgen von Arterienwandtuberkulose in der Niere bekannt, über die ich schon vor 25 Jahren durch meinen damaligen Assistenten Nasse in Vmanows Archiv habe Bericht erstatten lassen. Wenn die Arterie vollständig verlegt ist, sei es durch die tuberkulöse Wucherung direkt, sei es durch einen auf ihr sekundär entstandenen Thrombus, so entsteht wie bei embolischer Verstopfung ein anämischnekrotischer Infarkt in der Rinde, gleichgültig, ob es sieh um eine akute disseminierte Miliartuberkulose oder um eine chronische lokalisierte Nierentuberkulose mit Beteiligung der Arterien handelt Wenn aber die Arterie nicht völlig verstopft ist, wenn an der tuberkulösen Wandstelle noch ein Blutstrom vorbeigeht, so kann dieser Tu-

In meinem Jahresbericht über das Jahr 1909 habe ich in den Charitéannalen (Bd. XXXIV) hierüber wie such über die collateralen Atrophien bei Infarkten kurze Mittelburgen gemacht.

berkelbacillen in das Verbreitungsgebiet des erkrankten Gefäßes mitschleppen und so eine umschriebene, nur auf dieses eine Gefäßgebiet beschränkte disseminierte Miliartuberkulose erzeugen. Selbstverständlich kann, nachdem dieses geschehen ist, nachträglich noch ein Verschluß der Arterie und eine Infarktnekrose sich einstellen, so daß man zweierlei, sozusagen tuberkulöse, Infarkte unterscheiden muß, solche ohne lokalisierte disseminierte Tuberkulose in dem infarzierten Gewebe und solche, bei denen dieses zerstreute millare Tuberkel enthält; bei jenen ist der Arterienverschluß wahrscheinlich schnell eingetreten, auf jeden Fall eingetreten, ehe es zu einer wirksamen Verschleppung von Tuberkelbacillen aus dem Arterienherd gekommen war, im letzten war diese zuerst eingetreten und dann erst der Verschluß nachgefolgt. Selbstverständlich kann auch in dem tuberkelfreien nekrotischen Infarkt noch nachträglich eine Bacillenansiedlung zustande kommen, aber dann können sich nicht in dem abgestorbenen Gewebe, sondern nur am Rande sekundür-tuberkulöse Gewebswucherungen einstellen.

Nun habe ich also noch eine dritte Folge der Arterientuberkulose in der Niere kennen gelernt: die keilförmige Atrophie, eine Atrophie, welche genau auf das Verzweigungsgebiet der erkrankten Arterie beschränkt ist. Auch diese Atrophie kunn für sich allein bestehen oder gleichzeitig mit disseminierter Miliartuberkulose verbunden sein. sie kann in einer dieser Formen für sich allein bestehen oder neben Infarkten zu finden sein. Es kann sich bei dieser Atrophie nicht etwa um eine Inaktivitätsatrophie handeln, denn die übrigen Gefaßabschnitte, und insbesondere die Glomeruli, sind ja nicht krank, durch die Knäuel zirkuliert ja noch Bhit, es kann also noch Harnwasser abgesondert werden, dagegen ist der Blutstrom in den interstitiellen Capillaren vermindert und damit auch die Ernährung der Kanalepithelien verschiechtert. Immerhin ist nicht außer acht zu lassen, daß die Absonderungsmenge des Harnwassers sehr wesentlich von dem Blutdruck und der Strömungsgeschwindigkeit abhängig ist, und daß diese beiden unter den angegebenen Verhältnissen herabgesetzt sein müssen. Zu der verminderten Ernährung wird sich also auch noch eine Verminderung der Arbeit hinzugesellen, und die folgende Atrophie der Kanälchen wird auf das gleichsinnige Zusammenwirken der beiden Ursachen zurückzuführen sein. Auch in diesen Kanalchen habe ich bis jetzt keinen colloiden Inhalt gesehen.

Inwieweit es eine nicht auf einzelne Gefäßgebiete beschränkte, sondern über die Niere zerstreute Atrophie der Harnkanälchen infolge von Verminderung der Ernährung gibt, bedarf
meines Erachtens noch genauerer Erforschung. Bei allgemeiner Er-

nährungsstörung erscheinen auch die Nieren verkleinert, auch das Alter kann mit einer Atrophie der Nieren (sentle Atrophie) verbunden sein, aber in der Mehrzahl dieser Fälle, vor allem bei der senilen Atrophie, findet man nicht nur atrophische Kanälchen, sondern auch atrophische Nierenkörperchen, d. h. die Atrophie der Kanälchen kann eine sekundäre, eine Inaktivitätsatrophie sein. Muß sie es sein?

Die Ansicht findet viele Vertreter, daß zwischen Nierenkörperchen und Harnkanälchen ein derartiges Wechselverhältnis besteht, daß nicht nur das Kanälchen atrophiert, wenn der Glomerulus undurchgängig geworden ist, sondern daß auch umgekehrt der Glomerulus undurchgängig, atrophisch werde, wenn das Harnkanfilchen aus irgendeinem Grunde primär atrophisch geworden sei. Ich vermisse tür die letzte Behauptung den Beweis; sehe vielmehr den gegenteiligen Beweis dafür erbracht, daß auch bei schwerster und seit langer Zeit bestehender Atrophie der Kanälchen die Glomeruli und die ganzen Nierenkörperchen überhaupt völlig gut erhalten sein können, so daß also jedenfalls das eine feststeht, daß eine Atrophie des Kanälchens nicht notwendig eine Atrophie des Nierenkörperchens im Gefolge haben muß. Darum werde ich immer, wo Atrophie von Nierenkörperchen und Harnkanflichen zugleich vorliegt, so lange annehmen, daß die Atrophie des Körperchens das Erste, diejenige des Kanalchens das Zweite ist, bis mir der unumstößliche Gegenbeweis erbracht wird.

Die Unabhängigkeit der Nierenkörperchen von den Harnkanälchen wird bewiesen durch die Fälle von Nierenschrumpfung, welche durch Stauung des Harnes bedingt werden.

Die bekannteste Form ist diejenige, bei welcher ein Hindernis für die Entleerung des Harnes in den abführenden Wegen vorhanden ist und eine Hydronephrose sich entwickelt hat. Das Nierengewebe kann dabei bis auf ein Minimum reduziert werden, so daß die hydronephrotische Atrophie zu den Atrophien gehört, welche die höchsten Grade erreichen können. Es spielt dabei der Umstand mit, daß gleichzeitig Rinde und Mark dem Schwund anheimfallen.

Bei dieser hydronephrotischen Atrophie wirken verschiedene Umstände zusammen, um ein so großes Resultat zu erzeugen. In erster
Linie der Massendruck des angehäuften Sekretes, welcher eine
Störung der Zirkulation und damit der allgemeinen Ernährung in der
Niere zur Folge haben muß. Aber es werden nicht nur die intrarenalen Gefäße gedrückt werden, sondern auch die großen Hilusgefäße.
Wenngleich sie in lockerem, nachgiebigem Binde- und Fettgewebe eingebettet liegen, so kann es doch nicht ausbleiben, daß auch ihr Launen
unter dem Druck des im Nierenbecken und den Nierenkelchen sieh

stauenden Sekretes beeinträchtigt wird und daß dadurch die im Nierengewebe so sehon vorhandene Zirkulations- und Ernährungsstörung noch erhöht wird. Eine allgemeine Herabsetzung der Ernährung spielt also wohl bei der hydronephrotischen Atrophie eine Rolle.

Aber auch eine Herabsetzung der Funktion ist bei dem Gewebssehwund beteiligt. Schon durch die erwähnte Zirkulationsstörung muß die Absonderung des Harnwassers ungünstig beeinflußt werden. ganz besonders aber wird dies der Fall sein müssen durch die unausbleiblich eintretende Erhöhung des Druckes innerhalb der Harnkanälchen und innerhalb der Kapselräume der Nierenkörperchen. Magauch die Absonderung des Harnwassers nicht ein einfacher Filtrations-, sondern ein Sekretionsvorgang sein, auf keinen Fall wird die genannte Druckerhöhung ohne Einwirkung auf die Menge des abgegebenen Harnwassers sein; diese muß vermindert sein, und es muß also eine Herabsetzung der Nierentlitigkeit ihre Folge sein. Eine solche wird schon durch die verhältnismäßig geringe Menge des angestauten Sekretes, sie wird vor allem aber auch dadurch bewiesen, daß bei einseitiger Hydronephrose die andere Niere stärker arbeitet, also vikariierend die Arbeit der kranken Niere mit übernimmt. Trotz Intaktbleibens der Glomeruli, auf welches ich erst kürzlich in einer kleinen Bemerkung in Vincuows Archiv (Bd. 202) hingewiesen habe, muß also auch hier eine Inaktivität vorliegen, und dieser Umstand darf bei der Erklärung der hydronephrotischen Kanälehenstrophie sicherlich nicht vernachlässigt werden, ich bin aber doch der Meinung, daß unßer den beiden genannten noch ein anderer Faktor sehr wesentlich mitwirkt, nämlich eine direkte Schädigung der Epithelzellen, so daß diese Atrophie der zweiten Untergruppe, der

#### 2. Atrophie durch direkte Schädigung der Epithelzellen zugerechnet werden kann.

Die hydronephrotische Atrophie beginnt regelmäßig in der subcapsulären Schicht und schreitet nach der Marksubstanz hin fort, in der aber ebenfalls, und zwar unabhängig von der Rinde, eine Atrophie, insbesondere der Ductus papillares, zur Entwicklung gelangt. Schließlich ist das gesamte Kanalsystem atrophisch, und gerade darin liegt eine der wesentlichen Verschiedenheiten zwischen dieser Form und den anderen Formen der Nierenatrophie. Sehr bemerkenswert ist, daß sich die Kanalchen in den Columnae renales im allgemeinen besser und länger erhalten als in den änßeren, von der Kapsel bedeckten Abschnitten der Rinde, und ich sehe gerade darin eine wichtige Bekräftigung der Annahme, daß eine direkte Einwirkung auf die Epitheizellen bei deren Atrophie eine Rolle spielt. Man sollte denken, daß, wenn ein von dem Inhalt der Kelche ausgehender Druck von außen die Hauptrolle dabei spielte, dann gerade die Columnae, die gewissermaßen zwischen zwei Pressen gefaßt sind, und nicht wie die änßeren Rindenabschnitte wenigstens etwas ausweichen können, eine ganz besonders schwere Schädigung erfahren müßten; aber gerade das Gegenteil ist der Fall. Wenn wir aber annehmen, daß die Schädigung vom eigenen inhalt herrührt, so kann man wohl verstehen, daß die aus den Columnae kommenden Kanälchen weniger stark geschädigt werden als die von der freien Rinde kommenden, weil jene an den Seiten der Papillen, diese aber auf ihren Spitzen ausmunden. Die erste sichtbare Folge einer Harnstauung in den Kelchen ist die Erniedrigung, die Abplattung der Papillen. Diese muß aber au den hervorragendsten Stellen, also da, wo die Kanalchen der freien Rinde ausmünden, die stärksten Veränderungen hervorrufen, d. h. diese Kanälchen müssen ebenfalls frühzeitiger und stärker geschädigt werden als die an den seitlichen Abflachungen der Papillen ausmündenden, und das sind eben die aus den Columnae Bertini kommenden Kanälchen.

Noch eine andere Erscheinung deutet darauf hin, daß die Atrophie bei Hydronephrose einen anderen Charakter hat als bei Inaktivität, das ist das Fehlen der Colloidsekretion. Geradeso wie in hydronephrotischen Nieren auch atrophische Glomeruli vorkommen können, so wie sie in allen Nieren gefunden werden können, ebenso können auch colloide oder hyaline Inhaltsmassen gelegentlich in hydronephrotischen Nieren gefunden werden, aber dieser Befund ist nur eine Ausnahme, eine Komplikation, an und für sich enthalten die hydronephrotisch-atrophischen Kanälchen kein Sekret.

Eine besondere Stellung nehmen unter den hydronephrotischen Atrophien die tuberkulösen Fälle ein. Mag die Tuberkulose sekundär in einer schon hydronephrotischen Niere entstanden oder mag erst durch eine ehronische absteigende Tuberkulose der Ureter undurchgängig geworden und dadurch eine im vollen Sinne des Wortes tuberkulöse Hydronephrose entstanden sein, die allgemeinen Folgezustände an den Nieren müssen dieselben sein wie bei einer nicht mit Tuberkulose komplizierten Hydronephrose.

Es gibt aber bei chronischer Tuberkulöse noch eine zweite Form von ausgedehnter Nierenatrophie, welche mit der hydronephrotischen vollkommen übereinstimmt, aber ohne Hydronephrose im engeren Sinne auftritt, bei der aber doch auch eine intrarenale Stauung des Sekretes vorhanden ist, weil durch die chronischen tuberkulösen Vorgänge an den Papillen die ausführenden Harnkanälchen undurchgängig geworden sind. Ich habe sehon vorher darauf hingewiesen, daß auch bei der

ehronischen Tuberkulose Arterienveränderungen vorkommen, welche zu Atrophie und Infarktbildung Veranlassung geben können, aber dabei handelt es sich um umschriebene, auf einzelne Arteriengebiete beschränkte Atrophie; hier ist die Atrophie in dem von der chronischen Tuberkulose betroffenen Nierenabschnitt eine gleichmäßige und allgemeine und ganz unabhängig von Gefäßwandtuberkulose. Da auch gerade in diesen Fällen eine Beeinträchtigung der großen Nierengefäße, wie ich sie bei der gewöhnlichen Hydronephrose anerkannt habe, fehlen kann, da die Glomeruli völlig normales Aussehen darbieten können, so scheint mir diese Atrophie besonders geeignet zu sein, die Bedeutung der Sekretstauung innerhalb der Kanälchen selbst zu beleuchten, die Atrophie infolge direkter Schädigung der Epithelzellen zu beweisen. Die Tuberkulose steht übrigens in dieser Beziehung nicht allein, denn alle Tumoren im Nierenmark können nach Beneze keilförmige Atrophie in der Rinde durch Sekretstamung erzeugen.

Bei der hydronephrotischen sowohl wie bei allen vorher genannten Nierenatrophien spielt eine Veränderung des interstitiellen Gewebes keine primäre Rolle, aber sekundär tritt sehr häufig eine zellige Infiltration oder eine faserige Verdickung auf. Die erste findet sich vorzugsweise in der Rinde, eine Zunahme des faserigen Zwischengewebes sowohl hier als auch im Mark, aber bei der Bewertung gerade dieses Befundes muß man sehr vorsichtig sein, damit man nicht eine rein passive, nur relative Vermehrung mit einer aktiven, absoluten verwechselt. Es liegt ja auf der Hand, daß mit dem Schwund der eingelagerten Kanälchen die Maschen des interstitiellen Gewebes kleiner werden müssen, daß dies Gewebe ebenso wie die Nierenkörperchen. bei denen das leicht zu erkennen ist, näher zusammenrückt, also eine relative Zunahme erfährt. Eine solche kann man besonders gut in dem durch Inaktivität atrophisch gewordenen Abschnitte des Markes unterhalb von Rindeninfarkten erkennen. Es gibt aber zweifellos außer und neben der zelligen Infiltration eine faserige Verdickung durch Neubildung an dem interstitiellen Gewebe, insbesondere der Rinde, und so erhebt sich die Frage; gibt es eine

### 3. Atrophie durch Einwirkung des interstitiellen Gewebes.

Nach dem oben Bemerkten ist es ohne weiteres klar, daß, wenn gleichzeitig Atrophie der Kanälehen und Vermehrung des interstitiellen Gewebes vorhanden ist, zunächst nach einer anderen Erklärung für die Atrophie gesucht werden muß, und daß beim Nachweis einer solchen von vornherein die Veränderung des Gerüstes als eine sekundäre anzusehen ist. Immerhin ist es auch in solchen Fällen nicht ausgeschlossen, daß durch Wucherung des Bindegewebes nun wieder eine ungünstige Rückwirkung auf die Kanälchen ausgeübt werden kann. Es ist mir freilich durchaus unwahrscheinlich, daß dadurch eine verbreitete Einwirkung herbeigeführt werden kann, sondern ich denke nur an umschriebene, rein lokale Wirkungen, durch die aber wohl Abkulckungen, ja völlige Abtrennungen kleinerer Abschnitte von Kanälchen herbeigeführt werden können. Wenn dann das Epithel solcher Kanalstücke sezerniert, kommt es zu Cystenbildungen, wie sie vorher als Kolloideystehen sehon Erwähnung fanden.

Ein anderes ist die Frage, ob von einer primären Veränderung der Gerüstsubstanz eine allgemeine Kanälchenatrophie als Folgezustand erzeugt werden kann. Man spricht in der Medizin noch sehr viel von interstitieller Nephritis in Fällen, wo eine Schrumpfung mit Vermehrung des interstitiellen Gewebes vorhanden ist. Ich vermeide seit Jahren den Ausdruck interstitielle Nephritis ganz, spreche vielmehr nur von Schrumpfnieren, weil ich mich nicht habe überzeugen können, daß in solchen Fällen der Prozeß stets mit einer interstitiellen Veränderung beginnt. Ich bin immer noch so altmodisch, daß ich eine primäre Wucherung des Bindegewebes drüsiger Organe für möglich ansehe, aber in der Niere halte ich ihr Vorkommen doch für sehr beschränkt und glaube nicht, daß sie für die Entstehung einer Kanalchenatrophie eine häufige oder wesentliche Rolle spielt. Bei Nierensehrumpfung nach Scharlach kann man am ehesten noch hierhergehörige Befunde erheben, aber bei der gewöhnlichen, sogenannten chronischen interstitiellen Nephritis fehlen die Atrophien der Nierenkörperchen nicht, und bei ausgeprägter Granularatrophie kann man leicht feststellen, daß die Atrophie der Kanalchen und die Veränderung des interstitiellen Gewebes im wesentlichen da sich finden, wo die Körperchen atrophisch geworden sind, während da, wo die Körperchen noch erhalten sind, sowohl Kanälehen als auch interstitielles Gewebe nicht verändert erscheinen. Daß es aber durch primare Veränderungen des interstitiellen Gewebes überhaupt zu einer sekundären Atrophie des Drüsengewebes kommen kann, dafür geben die Nieren mit leukämischer Infiltration des Zwischengewebes ein sehr gutes Beispiel. Hierbei kann eine Atrophie der Glomeruli völlig fehlen, und doch sind die Kanälchen mehr oder weniger stark verkleinert, man darf wohl sagen zusammengedrückt Für gewöhnlich wird die Volumenabnahme der Kanalchen durch die Volumenvergrößerung des interstitiellen Gewebes überkompensiert, d. h. die Nieren oder die betreffenden Nierenabschnitte erscheinen vergrößert. aber es kann auch das Gegenteil der Fall sein, wie ein kürzlich beobachteter Fall von Leukämie beweist, der allerdings etwas komplizierte Verhältnisse darbot (Sekt. Nr. 139, 1911, Sojähriger Mann). Infolge einer Prostatahypertrophie war eine ausgesprochene Balkenblase und eine Erweiterung der Nierenbecken (links stärker) vorhanden. Die linke Niere war auffällig kleiner als die cechte, und während diese ein gleichmäßig graurotes Aussehen hatte, zeigte jene an der Obersläche graurote und blatigraugelblich gefärbte Abschnitte. Beide Farben waren überall scharf voneinander abgegrenzt, und die gelblichen Teile lagen etwas tiefer als die grauroten. Auch auf der Schnittfläche zeigte sich der gleiche Wechsel der Färbung, aber nur innerhalb der Rindensubstanz; die Markgegend zeigte sich graurot.

Wir wußten zunächst nicht, was wir mit dieser linken Niere diagnostisch anfangen sollten, weil die Stellen mit leukämischer Infiltration, an die wir in bezug auf die blassen gelblichen Stellen dachten, gewöhnlich anders aussehen und nahmen deshalb die mikroskopische Untersuchung zu Hilfe; diese ergab das Resultat, daß an den graugelblichen, atrophischen Stellen eine starke typische leukämische Infiltration des Zwischengewebes vorlag, daß aber trotz dieser beträchtlichen Volumenzunahme des Gerüstes die betreffenden Nierenahschnitte kleiner geworden waren, weil die Zunahme des Gerüstes überkompensiert wurde durch eine Umfangabnahme der Kanälchen. In den nicht leuk/misch infiltrierten Abschnitten war eine nennenswerte hydronephrotische Atrophie noch nicht eingetreten. Die leukämischen Infiltrate saßen wesentlich in der Rinde, trotzdem war im Mark sehr deutlich die relative Zunahme des interstitiellen Bindegewebes in dem zu dem Bereich der infiltrierten und atrophischen Rindenteile gehörigen Abschnitte zu bemerken. Woher diese auffällige Atrophie? Die Beantwortung dieser Frage wurde dadurch erschwert, daß auch atrophische Nierenkörperehen vorhanden waren, also eine Inaktivitätsatrophie einer Angahl von Kanälchen vorhanden sein mußte. Man konnte darau denken, daß die Atrophie vor der Leukämie vorhanden war und daß die leukamische Infiltration gerade hier eintrat, weil bereits eine Veränderung vorhanden war. Ich will durchaus nicht leugnen, daß ein Teil der Veränderungen in dieser Weise zu erklären ist, aber ich bin doch zu der Überzeugung gekommen, daß auf diese Weise nicht alle Veränderungen zu erklären sind.

Wenn auch nicht ausschlaggebend, so doch jedenfalls beachtenswert ist die Tatsache, daß in allen Teilen beider Nieren einzelne atrophische Nierenkörperchen vorhanden waren, ohne daß überall eine leukämische Infiltration an diesen Stellen eingetreten wäre; wichtig und beweiskräftig ist aber die Tatsache, daß in den atrophischen Teilen auch noch viele wohlerhaltene Glomeruli vorhanden und trotzdem alle Harnkmälchen atrophisch waren. Es muß also jedenfalls ein Teil der Kanälchen atrophisch geworden sein, nicht weil ihnen das Arbeitsmaterial entzogen war, sondern aus einer anderen Ursache, und zwar einer örtlich wirksamen, und da bleibt meines Erachtens nichts anderes übrig als die Einwirkung des durch die leukämische Infiltration veränderten interstitiellen Gewebes. Ich will aber noch einmal hervorheben, daß daneben auch noch eine gewöhnliche partielle vaskuläre Atrophie vorhanden ist und daß deren Vorhandensein doch möglicherweise die Hauptursache dafür ist, daß die leukämisch infiltrierte Niere das ungewöhnliche Aussehen und Verhalten einer Leukämischen Atrophie dargeboten hat.

Jedenfalls gibt es eine Atrophie von Harnkanälchen infolge von primären Veränderungen des interstitiellen Gewebes, allein sie kommt gegenüber den anderen vorher geschilderten Atrophien weniger in Betracht.

# Über eine äußerst langwellige Strahlung des Quecksilberdampfs.

Von H. Rubens und O. von Baeyer.

Bei Verwendung rein thermaktiner Strahlungsquellen ist das Vocdringen im Spektrum nach Seite der langen Wellen äußerst schwierig. Besitzt die Wärmequelle keine selektiven Elgenschaften, so vermindert sich die Strahlungsintensität im langwelligen Spektralgebiet mit der vierten Potenz der Wellenlänge. Zwar wächst diese Strahlungsintensität proportional der Temperatur der Strahlungsquelle, aber in viel höherem Made, nämlich mit der vierten Potenz der absoluten Temperatur vermehrt sich die Gesamtenergie des strahlenden Körpers, aus welcher jene Teilstrahlung durch bestimmte Prozesse ausgesondert werden muß. Es ist daher mit einer Temperatursteigerung der Lichtquelle meist für den vorliegenden Zweck kaum ein Vorteil verbunden. Im langwelligen Spektrum hat sieh als vorteilhafteste Wärmequelle rein thermaktinen Charakters infolge sehr günstiger selektiver Eigenschaften der Auerstrumpf bewährt. Aber auch hier ist es bisher nicht gelungen. Strahlen von wesentlich größerer Wellenlänge als 100 u auszusondern.

Es soll in dem folgenden über Versuche berichtet werden, welche wir ausgeführt haben, um die Kenntnis des ultraroten Spektralbereichs durch Verwendung von Lichtquellen zu erweitern, bei welchen die Strahlung von glühendem Gas ausgesandt wird. Solche Lichtquellen sind, soweit reine Temperaturstrahlung in Frage kommt, im höchsten Maße selektiv. Ferner ist hier mit der Möglichkeit des Vorhandenseins einer langwelligen ultraroten Luminiszenzstrahlung zu rechnen.

Die von uns benutzte Versuchsanordnung ist mit derjenigen völlig identisch, welche vor kurzem von Hrn. Wood und dem Einen von uns zur Isolierung langwelliger Strahlen verwendet und in diesen Berichten ausführlich beschrieben worden ist!. Sie beruht auf der Anwendung von Quarzlinsen, welche infolge der außerordentlichen Verschiedenheit der Brechungsexponenten für Wärmestrahlen diesseits und jenseits

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> H. Roums and R. W. Wood, diese Berichte, 1910, S. 1112, Situngsberichte 1911.

des Absorptionsgebiets im Quarz (1.50 gegen 2.14) derart justiert werden können, daß sie die ausgesendete langwellige Strahlung auf ein gegebenes Diaphragma konzentrieren, während die gewöhnlichen Wärmestrahlen zerstreut werden. Ferner gründet sich die Methode auf die selektive Absorption des Quarzes und auf die Wirkung gewisser zentraler Blenden. Bezüglich aller Einzelheiten des Verfahrens und der angewendeten Instrumente muß auf die genannte Arbeit hingewiesen werden.

Als Lichtquellen dienten uns zunächst kräftige Flaschenfunken zwischen Elektroden von Zink, Cadmium, Aluminium, Eisen, Platin und Wismut; zur Erregung wurde ein 40-cm-Induktor von Boas mit starker Sekundärwickelung verwendet. Die Speisung des Induktoriums geschah durch Wechselstrom. Es ist uns jedoch in keinem Falle gelungen, in dem betrachteten langwelligen Spektralgebiet eine merkliche Strahlung zu erhalten. Ebensowenig Erfolg hatten wir bei Anwendung der Bogenlampe mit Kohlenelektroden sowie mit Barmes-Kohlen und Eisendochtkohlen, wenn die Untersuchung auf den Lichtbogen selbst beschränkt blieb. Zwar erhielten wir in den beiden zuletzt genannten Fällen stets kleine unregelmäßige Ausschläge in unserem Mikroradiometer, welche zweifellos von langwelliger Strahlung herrührten, aber es ist nicht unwahrscheinlich, daß diese Strahlung von festen Teilchen im Lichtbogen ausgesandt wird. Zu einer näheren Untersuchung waren die beobachteten Wirkungen weder genügend regelmäßig noch hinreichend intensiv.

Eine verhältnismäßig sehr starke langwellige Strahlung erhielten wir jedoch mit der Quarzquecksilberlampe, insbesondere bei höherem Energieverbrauch. Bei einer Belastung der Lampe von 4 Ampère bei 100 Volt auf eine Liehtbogenlänge von etwa 80 mm ergab sich ein Ausschlag unseres Mikroradiometers von mehr als 50 mm. Dieser Ausschlag erwies sich nach längerem Brennen der Lampe als 80 konstant, daß er auf Bruchteile eines Prozents leicht gemessen werden konnte.

Wenige Vorversuche belehrten uns darüber, daß die hier beobachtete langwellige Strahlung der Quecksilberbogenlampe eine wesentlich andere Zusammensetzung besitzen müsse als diejenige des Auerstrumpfs, deren mittlere Wellenlänge sich unter den gleichen Verhältnissen zu etwa 107μ ergeben hatte. Wir fanden z. B., daß eine Quarzschicht von 14.66 mm Dicke 46.6 Prozent der isolierten Strahlung hindurchließ, wenn die Quecksilberlampe als Lichtquelle diente, und nur 21.7 Prozent, wenn der Auerstrumpf als Strahlungsquelle verwendet wurde.

Zur Ausunderung ultravioletter Strahlen hat Hr. P. Lunann schon früher Quarzllesen mit Vorteil verwendet (Am. d. Phys. I. S. 486, 1906).

Substant	W	- Di	n.	$D_{i}$	D,
	-	Protesta	Pynosyst	Percent	Francis
Suitz L	403	33-1	-45-4	51 K	58.9
Smorpher Queet	3.00	18.5	24.2	-	60:0
horit	9-59	5-3-	19.4	39-5	42.3
telmala 1	1.29	0.5	3.7	16.5	22-5
gli in	3,10		3.4	11.7	16.7
Mainmilt	1.26	45-3	64.5	- 22	- 2
elen.	0.53	0.8	12.9	24.0	===
Summer	0.055	16.6	38.8	\$1.0	35.0
for Turning Town	81.0	(8040	9.0	29.4	259
ineffice construction of the	1503	3720	9213	82.51	85.5
arrgummi	0.40	39.0	31.5	58.8	653
ernstein	1.28	1.17.2	16.4	34.7:	34.8
allbaumholz	1:80	0.7	3.9	11839	
nhwarzes Papier	0.13	33.5	53.4	78.5	79.0
appa (saliwacz Karton)	0.38	2.1	1377	29.5	3557
elluloid	0.26	(6.2	37.0	38.7	48-5
Time Transmit	15-04-6	22	55.5	60.3	62,7
TARREST	0.058	30	330	39E4	39.8

In der vorstehenden Tabelle ist für eine größere Zahl von Substanzen die Durchlässigkeit der mittels Quarzlinsen isolierten langwelligen Strahlung bei Benutzung beider Lichtquellen ( $D_i$  für den Auerbrenner,  $D_i$  für die Quarzquecksilberlampe) zusammengestellt. Ferner enthält die Tabelle in einer weiteren Spalte unter  $D_i$  die Durchlässigkeit der durch eine 2.0 mm dieke Schicht aus amorphem Quarz fütrierten Strahlung der Quecksilberbogenlampe für die gleichen Substanzen. Es war von vornberein anzunehmen, daß die beobachtete Strahlung der Quecksilberlampe aus zwei Teilen bestehen müsse, von welchen der eine von den heißen Quarzwänden herrührt, während der andere von dem Quecksilberlampf ausgesandt wird. Zur Reindarstellung dieses letzteren Teils erschien uns ein Filter aus geschmolzenem Quarz zunächst am geeignetsten.

Später fanden wir, daß sich ein Strahlenfilter aus schwarzem Karton für die Isolierung der von dem Quecksilberdampf herrührenden Teilstrahlung noch besser bewährte als der amorphe Quarz. Wir haben deshalb in der letzten Spalte der Tabelle unter  $D_i$  die Resultate der Durchlässigkeitsmessungen aufgeführt, welche wir erhielten, wenn als Strahlungsfilter an Stelle des amorphen Quarzes 0.38 mm starker schwarzer Karton verwendet wurde.

Bei Betrachtung der Tabelle fällt zunächst auf, daß für sämtliche Substanzen die Werte von  $D_i$ ,  $D_j$ ,  $D_i$  und  $D_i$  eine aufsteigende

Unbearlieiteten Spaltungsstück.

Reihe bilden. Soweit es sich hier um Substanzen handelt, deren Absorptionsgebiet bekanntermaßen bei kürzeren Wellenlängen gelegen ist, wis Quarz, Fluorit, Steinsalz und Sylvin, deutet dieser Gang auf eine Zunahme der mittleren Wellenlängen der entsprechenden Strahlungen hin. Es ist hiernach also anzunehmen, daß die von der Quecksilberlampe herrührende Strahlung eine größere mittlere Wellenlänge besitzt als die vom Auerstrumpf ausgesandte, und daß der durch schwarze Pappe filtrierten Strahlung der Quecksilberlampe eine größere mittlere Wellenlänge zuzuschreiben ist als der durch amorphen Quarz gereinigten. Zu dem gleichen Schlusse berechtigt das Verhalten von schwarzem Papier und sehwarzer Pappe in noch höherem Maße, da in solchen Medien, deren hauptsächlichste Schwächung auf diffuser Zerstreuung beruht, die Durchlässigkeit mit wachsender Wellenlänge stark ansteigen muß. Die Erhöhung der mittleren Wellenlänge aber, welche die Stralilung der Quecksilberlampe durch Einschaltung der Strahlungsfilter aus amorphem Quarz bzw. schwarzem Karton erfährt, beruht nach unserer Überzeugung darauf, daß die kurzwelligere Strahlung der Quarzwände, welche wohl im wesentlichen mit der des Auerbrenners übereinstimmt, durch diese Filter sehr viel stärker absorbiert wird als die offenbar viel langwelligere Strahlung des Quecksilberdampfes.

Von besonderem Interesse ist die ungemein hohe Durchlässigkeit des Quarzes für die hier betrachteten Strahlenarten. Berechnet man aus den Durchlässigkeiten für die 41.7 mm dicke, senkrecht zur Achse geschnittene Quarzplatte die Absorptionskonstanten  $q_* = \frac{1}{d} \log \operatorname{nat}. \frac{100}{D_*'}$ , worin d die Dicke der Platte in Millimetern,  $D_*'$  die wegen des Reflexionsverlustes korrigierte Durchlässigkeit bedeutet, so ergeben sich für die hier untersuchten Strahlenarten der Reihenfolge nach die folgenden Werte von  $q_*$ :

$$q_i = 0.044$$
;  $q_i = 0.026$ ;  $q_i = 0.0089$ ;  $q_i = 0.0057$ .

Man sieht, daß die durch schwarze Pappe ültrierten Strahlen der Quecksilberbogenlampe eine etwa 8 mal so dicke Quarzschicht durchdeingen müssen, um auf denselben Bruchteil ihrer Anfangsintensität geschwächt zu werden, als die von dem Auerstrumpf herrührenden Strahlen. Ganz ähnlich liegen die Verhältnisse bei dem amorphen Quarz, doch ist hier das Absorptionsvermögen für die vier untersuchten Strahlenarten etwa 20 mal so groß wie bei der natürlichen Modifikation.

Zu den Substanzen, deren Hauptabsorptionsgebiet in dem Wellenlängenbereich unterhalb 100 μ gelegen ist, scheint neben Fluorit, Steinsalz und Sylvin auch Glas und Glimmer zu gehören. Die hohe Durchlässigkeit der als gute Isolatoren bekaunten Stoffe Paraffin, Hartgummi RUBERS II. O. VON BARTER: Laugwellige Strahlung des Quecksilberdempfs. 343

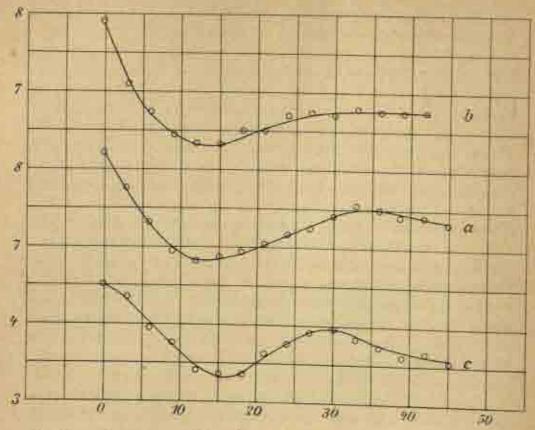
und Bernstein bietet nichts Überraschendes, ebensowenig die geringe Absorption der Elemente Diamant und Selen.

Das Wasser zeigt für die von der Quecksilberbogenlampe ausgesandte Strahlung insbesondere nach ihrer Filtrierung durch amorphen Quarz oder schwarze Pappe ein viel geringeres Absorptionsvermögen als für die von dem Auerstrumpf herrührenden Strahlen. Auch kann die Reflexion an den Wasseroberflächen nicht sehr erheblich sein, da die aus beiden Schichtdicken ohne Berücksichtigung des Reflexionsvermögens berechneten Werte der Absorptionskonstanten q befriedigend übereinstimmen, was nicht der Fall sein könnte, wenn ein erheblicher Reflexionsverlust vorhanden wäre. Es ist daher anzunehmen, daß das Wasser auch in diesen Spektralgebieten noch einen Brechungsexponenten von geringer Größe besitzt, welcher dem im sichtbaren Spektrum beobachteten Wert erheblich näher liegt als der Quadratwurzel aus der Dielektrizitätskonstanten für langsame Schwingungen.

Da die mitgeteilten Absorptionsmessungen keinen quantitativen Anhalt über die mittlere Wellenlänge der untersuchten Strahlenarten geben können, haben wir versucht, mit Hilfe des schon mehrfach verwendeten Interferometers die Wellenlängen zu messen! Die ohne Anwendung eines Strahlungsfilters mit der Quarzquecksilberlampe erhaltenen Interferenzkurven zeigten sahr unregelmäßigen Charakter. Immerhin war zu erkennen, daß eine Strahlung von etwa derselben mittleren Wellenlänge, wie sie der Auerbrenner mit dieser Versuchsanordnung ergibt, den Hauptbestandteil der untersuchten Strahlung ausmachte. Aber schon bei dem Einschalten einer 15 mm dicken Quarzschieht zeigte sich ein wesentlich verändertes Bild. Das erste Minimum, welches bei unffltrierter Strahlung bei einer Dicke der Luftplatte von ungefähr 5 Trommelteilen\* (26 u) beobachtet worden war, zeigte sich jetzt erst bei einer Luftplattendicke von 8 Trommelteilen. Wurde die Dieke der eingeschalteten Quarzschicht auf 42 mm erhöht, so trat das erste Minimum nummehr erst bei einem Abstand der Interferometerplatten von etwa 13 Trommelteilen (68 u) ein. Zugleich zeigte die Interferenzkurve einen wesentlich glatteren Verlauf. Die ursprünglich beobachteten unregelmäßigen Maxima und Minima waren fast vollständig verschwunden, und es ergab sich neben dem bereits genannten Minimum bei 13 Trommelteilen in manchen Versuchsreihen noch ein schwach ausgeprägtes Maximum im weiteren Verlauf der Kurve. Eine solche Interferometerkurve ist in der umstehenden Figur (Kurve a) dargestellt. Kurve b derselben Figur ist bei Ein-

H. RUBENS und H. HOLLNAGEL, diese Berichte 1910 S. 26.

Ein Trommelteil des Interferometers entsprieht 5.23 4.



schaltung der 2 mm dieken Platte aus amorphem Quarz, Kurve e bei Einschaltung des 0.4 mm dieken schwarzen Kartons in der gleichen Weise beobachtet. Kurve e zeigt den Wellencharakter am deutlichsten. Hier liegt das Minimum bel 15 Trommelteilen, und das Maximum bei 30 Trommelteilen tritt etwas stärker hervor als in den übrigen Kurven. Eine genaus Festlegung dieser Punkte ist allerdings auch in dieser Kurve nicht möglich. Man darf jedenfalls annehmen, daß in der durch schwarze Pappe ültrierten Strahlung ein größerer Betrag dieses langwelligen Anteils enthalten ist, als er sich bei Anwendung der Quarzülter ergibt. Diesen Schluß hatten wir bereits aus den Resultaten der Absorptionstabelle gezogen.

Die Frage, ob es sich bei dieser langwelligen Strahlung um mehrere einigermaßen homogene Strahlenarten von verschiedener Wellenlänge handelt, wie man bei Annahme einer Lamineszenzstrahlung des Quecksilberdampfes erwarten sollte, oder um eine continuierliche Strahlung, welche sich über ein größeres Spektralbereich erstreckt, wie sie bei thermaktinen Körpern meist vorkommt, läßt sich nach dem Befunde der interferometermessungen nicht entscheiden. Dagegen kann man aus unseren Beobachtungen mit Sicherheit den Schluß ziehen, daß ein großer Teil der von dem Quecksilberdampf ausgehenden Strahlung

RUBESS n. O. von Banna: Langwellige Strahlung des Quecksilberdampfs. 345

eine mittlere Wellenlänge von etwa 30 x 2 x 5,23  $\mu$  = 313  $\mu$  oder nahezu + mm besitzt.

Zur Begründung unserer Annahme, daß diese äußerst langwellige Strahlung von dem Quecksilberdampf selbst und nicht etwa von dem heißen Quarzrohr der Lampe herrührt, läßt sich noch folgende Überlegung anführen. Da, wie bereits im Anfang betont wurde, die Intensität der Strahlung eines schwarzen Körpers im Gebiet der großen Wellenlängen mit der vierten Potenz der Wellenlänge abnimmt, so dürfte der amorphe Quarz, welcher bei  $\lambda = 100 \,\mu$  sich nahezu wie ein schwarzer Körper verhält, bei der dreifschen Wellenlänge im Höchstfalle den Siten Teil der Energie ausstrahlen, welche er bei 100 u emittiert. Bei der relativ niedrigen Temperatur der Quarzhülle würde sich aber eine derart sehwache Strahlung nicht bemerkbar machen können. Auch auf experimentellem Wege konnten wir zeigen, daß die beobachtete langwellige Strahlung von dem Quecksilberdampf selbst ausgeht, indem wir die Strahlungsintensität kurz vor und nach dem Ausschalten des Lampenstromes maßen. War das Pappfilter eingeschaltet, so fiel unmittelbar nach dem Öffnen des Lampenstromes die beobachtete Strahlungsintensität auf etwa 30 Prozent des Anfangswertes und sank dann langsam weiter herab. Wurde derselbe Versuch ohne Pappfilter angestellt, so war nach dem Öffnen des Lampenstromes nur eine Verminderung der Strahlung um etwa 30 Prozent bemerkbar.

Darf hiernach auch die Tatsache als erwiesen gelten, daß der leuchtende Quecksilberdampf die beobachtete langwellige Strahlung emittiert, so bleibt doch die Frage noch offen, ob es sich um eine Temperaturstrahlung oder eine Lumineszenzstrahlung handelt. Nach Messungen der HH. Köch und Retsembsky herrscht in dem Dampf der Quarzquecksilberlampe bei hoher Belastung eine Temperatur, welche auf viele tausend Grade anwachsen kann. In diesem Falle ist die Beobachtung reiner Temperaturstrahlung von so großer Wellenlänge nicht unmöglich, wenn der strahlende Quecksilberdampf in jenem Spektralgebiet stark ausgeprägte selektive Absorption besitzt.

Als Hauptergebnis der vorstehenden Untersuchung kann die Tatsache angesehen werden, daß sich Wärmestrahlen von etwa 0.3 mm Wellenlänge aus der Strahlung der Quecksilberlampe in hinreichender Stärke aussondern lassen, um die Untersuchung ihrer Eigenschaften zu ermöglichen. Das ultrarote Spektrum erfährt dadurch abermals eine Erweiterung um 1½ Oktaven.

<sup>1</sup> Keen and Ressensees. Ann. d. Phys. 22. S. 595, 1907-

# Über die technische Prüfung des Kautschuks und der Ballonstoffe im Königlichen Materialprüfungsamt zu Groß-Lichterfelde (West).

Von A. MARTENS,

(Vorgetragen am 16. Februar 1911 [s. oben S. 171].)

In das Tütigkeitsgebiet des Königlichen Materialprüfungsamts sind in den letzten Jahren die Prüfungen des Kautschuks und der Erzeugnisse der Gummiindustrie sowie die Prüfung der Ballonstoffe aufgenommen. Ich will namentlich über die hierfür getroffenen Prüfungseinrichtungen berichten.

# I. Über Kautschukprüfung.

Die technische Prüfung des Kautschuks beruht auf chemischen und physikalischen, insbesondere mechanischen Verfahren.

Es handelt sich in der Technik zumeist darum, den technischen Wert des Rohkautschuks oder der aus ihm erzeugten Waren zu ermitteln. Der Rohkuntschuk pflegt sehon bei seiner Gewinnung mit fremden wertlosen Stoffen mechanisch verumreinigt und oft absiehtlich beschwert zu werden. Es handelt sieh alsdann darum, festzustellen, wie groß ist der Wert des angebotenen Rohkautschuks; wie groß ist der Anteil an wertvoller Masse in der zum Verkauf angebotenen Ware und welchen technischen Wert hat die darin enthaltene nutzbare Gummimasse? Der Wert des Kautschuks wird im Handel vorwiegend nach der Erzeugungsart und nach der Herkunft bemessen. Da es noch keine guten Verfahren für die chemische Ermittelung des Gebrauchswertes gibt, so sucht man in den Fabriken durch Waschen des Rohkantschuks zunächst festzustellen, wieviel absiehtlich oder unabsiehtlich beigemente wertlose Bestandteile die Ware hat. Das geschieht durch Zerkleinern der zu prüfenden Proben und Waschen zwischen kaiten oder geheizten Walzen bei reichlichem Wasserzufluß, wohei die

mechanischen Verunreinigungen fortgespült werden und der Kautschuk als robes Fell (Haut) gewonnen wird. Der Gewichtsverlust beim Waschen (Waschverlust) dient zur Feststellung des Handelswertes, wobei zugleich auch aus der Erfahrung am Aussehen der Häute, am Geruch und an anderen Merkmalen festgestellt wird, welchen Ursprungs er ist und welchen Wert für die Fabrikation der Rohkautschuk vor-

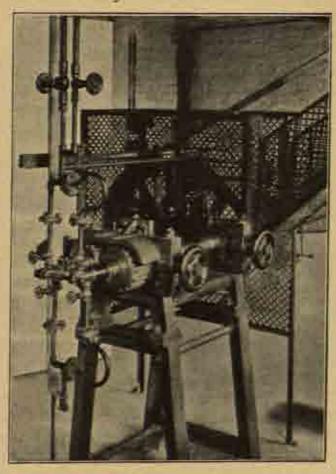
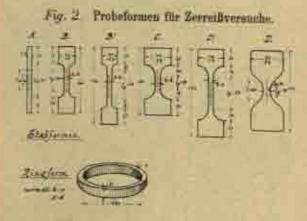


Fig. 1. Waschwalzwerk.

mussichtlich haben wird. Um ein sicheres Urteil abgeben zu können, ist hierzu große Erfahrung erforderlich, und deswegen wird eifrig nach guten Prüfungsverfahren gesucht.

Zur Ermittelung des Waschverlustes habe ich für das Amt die nötigen Walzen und Waschvorrichtungen beschafft. Diese Einrichtungen sind einfacher Natur; sie sind in Fig. 1 gezeigt.

Chemische Prüfungen, insbesondere auch optische Untersuchungen, haben Anhaltspunkte für die Feststellung der Herkunft der Ware geliefert; der technische Wert ist vor allen Dingen an Hand von Vulkanisierversuchen zu beurteilen. Deswegen arbeitet das Amt eifrig an der Ausbildung der chemischen Verfahren und ist insbesondere auch mit Vulkantsiereinrichtungen versehen worden, die sich eng an die Einrichtungen der Praxis anschließen, so daß es möglich ist. Kautschukmischungen in gleicher Weise herzustellen, wie es im Fabrikbetriebe geschieht. Man ist also imstande, den Verlauf des Vulkanisierprozesses genau zu verfolgen. Der Kautschuk nimmt in der Wärme und unter Druck Schwefel und andere Körper in sich auf und ändert durch diesen Vorgang seine Eigenschaften ganz erheblich; er erhält auf diese Weise seine große Elastizität und kann durch Formen, Pressen und Zusammenkleben in die Gestalt der Handelsware übergeführt werden (Weichgummi), oder er wird hart, sauber bearbeitbar und politurfähig (Hartgummi). Die Eigenschaften der in der Technik ge-



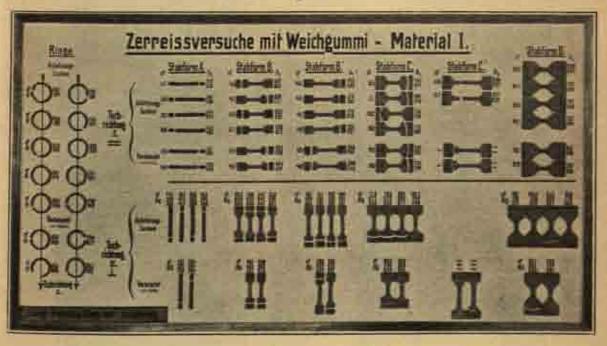
brauchten Gummiwaren sind in hohem Maße von dem Grade und der Art der Vulkanisation abhängig. Der fertige Gummi ändert seine Eigenschaften je nach seiner Zusammensetzung und je nach der Behandlung, die er erfährt, stark und mehr oder weniger sehnell. Die Technik hat also ein großes Interesse daran, daß diese Vorgänge eifrig studiert werden und daß man immer mehr die Umstände ergründet, die diese Erscheinungen berbeiführen und sie beherrschen.

Es liegt nahe, hierzu in erster Linie die chemische Untersuchung heranzuziehen, und das ist auch im Materialprüfungsamt
geschehen. Da mir persönlich diese Dinge aber feiner liegen, so lege
ich hiermit für die Bücherei der Akademie das im Materialprüfungsamt
entstandene Werk «Der Kautschuk und seine Prüfung» der ständigen
Mitarbeiter Prof. Dr. Hismensen und Dipl.-Ing, Mennen vor, in welchem
Hr. Hismensen die chemische Prüfung und Hr. Mennen die mechanische Prüfung des Kautschuks behandelt hat. Die Herren haben die
einschlägige technische Literatur eingebend besprochen. Ich will hier
mir kurz vorführen, welche Maßnahmen im Amt besonders für die

mechanischen Prüfungen getroffen sind, weil ich in dieser Richtung mehr persönlichen Anteil genommen habe.

Die Festigkeitseigenschaften interessieren besonders den Verbraucher der Kautschukwaren; sie müssen also in möglichst vollkommener Weise durch die Wahl des Rohmaterials, durch sorgfältige Ausprobung der Mischung und durch bestes Vulkanisieren in die Erscheinung gebracht werden. Man muß dabei darauf Bedacht nehmen, daß die Gummiwaren sich durch die Wirkung des Lichtes und der

Fig. 3.



Luft oder anderer Einflüsse nicht zu schnell verändern und ihre Gebrauchsfähigkeit verlieren.

Für die Ermittelung der Festigkeitseigenschaften habe ich eine Maschine nach Art derjenigen beschafft, die ich seinerzeit mit der Firma L. Schopper in Leipzig für die Papier- und Textilstoff-prüfung ausbildete. Wie für die Papierprüfung mußte zunächst festgestellt werden, welchen Einfluß die Art der Versuchsausführung, insbesondere die Form der Probestücke, auf das Versuchsergebnis ausübt. Zu dem Zweck wurden Versuche mit den bis dahin gebränchlichen Probenformen (Fig. 2) vorgenommen. Man erkannte bald die Unzulänglichkeit der von der Praxis zumeist benutzten stabförmigen Proben für den Zugversuch und fand, daß am besten ringförmige Proben zu verwenden seien. Die stabförmigen Proben ohne Köpfe waren am unbrauchbarsten; die Stäbe mit Köpfen führten, namentlich

bei sehr weichem Gummi, zu Brüchen im Kopf, so daß die eigentliche Festigkeit im prismatischen Stabteil nicht zum Ausdruck kam. Fig. 3 zeigt diesen Übelstand bei fast allen Köpfen. Erst die Befolgung des

von dem ständigen Mitarbeiter Prof. Danés gegebenen Ratschlages, Ringproben zu verwenden, die über Rollen wandern, gab befriedigende Resultate. Die Firma L. Schopper in Leipzig

Fig. 4. Festigkeitsprifer von Schopper.



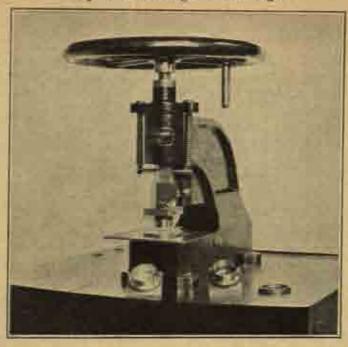
Fig. 5. Einspannung stabförmiger Proben.



liefert seitdem ihre Maschinen (Fig. 4) mit solchen Vorkehrungen. Für Stäbe mit Köpfen sind Einspannklauen vorgesehen, wie sie Fig. 5 zeigt.

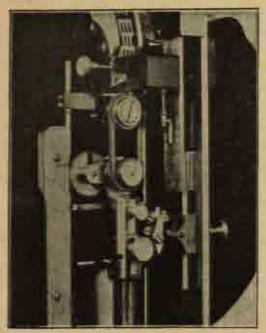
Die Proberinge haben bei 6.4 mm Querschnitt einen inneren Durchmesser von 44.6 mm; sie werden aus besonders für den Versuch aus der zu prüfenden Gummimischung hergestellten Platten mit einer kleinen Stanzmaschine (Fig. 6) hergestellt unter Benutzung von Führungsringen und Ringmessern, für deren Ausbildung sich besonders

Fig. 6. Herstellung der Probenringe.



der Assistent Schon verdient gemacht hat. Hr. Schon hat schließlich auch mit gutem Erfolg die Ringe auf der Drehbank mit dem Messer herausgeschnitten. Die Ringe müssen überall tadellos rechteckigen Querschnitt baben.

Fig. 7. Einspannung ringförmiger Proben.



Diese Ringe werden nun über die beiden Rollen (Fig. 7) gelegt. von denen die obere auf Kugellager möglichst reibungsfrei läuft, während die untere, mit einem gezahnten Rand versehen, links in die Zahnstange eingreift und hierdurch zwangsweise in Umdrehung versetzt wird. Der belastete Ring wandert also wahrend des ganzen Versuches über die Rollen, so daß der Gummi in seiner ganzen Länge gleichmäßig beansprucht wird. Bei einer vergleichenden Prüfung haben in der Tat die Ringproben bessere Festigkeit und Dehnung geliefert (Fig. 8) als die Stabproben, und haben vor allen Dingen auch die klein-

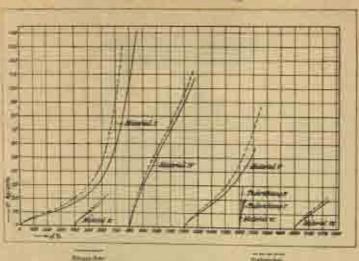


Fig. 8. Vergleich zwischen Ring und Stab.

sten Abweichungen vom Mittelwert (die kleinsten mittleren Fehler) ergeben (Tabelle a und b). In diesen sind, an Stelle der Einzelwerte, die Verhältniszahlen bezogen auf den Mittelwert der ganzen Reihe, diesen gleich hundert gesetzt, zusammengestellt. Die unter 100 liegenden Werte sind eingeklammert. Aus der Verteilung dieser Fehler ersieht man auf den ersten Blick, daß die Festigkeiten und Dehnungen an den Rändern der Gummiplatten vielleicht etwas kleiner sind als in der Mitte; aber wesentliche Unterschiede haben sich nicht ergeben. Die abgeleiteten Mittel und ihre mittleren Fehler sind in die beiden Bilder eingetragen. Das Amt hat sich nach diesen Befunden für die künftige Anwendung der Ringprobe entschieden.

Die Prüfmaschine Fig. 4 ist so eingerichtet, daß die Kraftmessung durch eine Neigungswage geschieht, deren Pendel in seinem größten Ausschlage beim Reißen der Probe in dieser Stellung durch Sperrklinken festgehalten wird, so daß man die Kraftablesung in aller Ruhe nach Beendigung des Versuches machen kann. Ahnliche Einrichtung besteht auch für die Dehnungsablesung, die an einem Maßstah (Fig. 7) geschieht, der sich, von der unteren Rolle mitgenommen, relativ gegen die obere Rolle verschiebt. Die Verbindung zwischen der unteren Rolle und dem Dehnungsmaßstah wird im Augenblick des Bruches unterbrochen.

Wie bei den Metallen, so ist auch beim Kautschuk Erfahrungstatsache, daß bei seiner Inanspruchnahme durch eine änßere Kraft nicht sofort die ganze Formänderung auftritt, sondern, daß ebenso wie dort, eine Nachwirkung stattfindet, d. h., daß beim Versuch die endgültige Dehnung erst nach einiger Zeit abgelesen werden kann:

#### Tabelle a

### Zugversuche mit ringformigen Proben aus einer Gummiplatte.

In die auf geraden Zahlen | überscheichenen Spalten | gestauten | Ringen gewonnenen | In die auf augeraden Zahlen | sind die mit | geschalttenen | Ergehausse elligetragen | Die Zahlen sind Verhältniskanlen der Einzelwerte von +, unn Mittelwert von aus ellen gleichnutzigen Versachen.

#### Material Ic.

 $\sigma_{R_{\rm int}} = 131.6 \pm 0.0$  Prox. geschnittone Ringe.  $\sigma_{R_{\rm int}} = 130.2 \pm 5.8$  Prox. gestamate Ringe

	7	Ť.	3	181	8	(8)	Ÿ	71	10	Di.	11.	137	25	14	26	10	17	19	19	100
/1	86	00	108	1 80	81	WAF	Itti	IM	112	(6)	104	N/I	188	304	104	190	191	189	100	(III
(9)	2110	8	16	144	109	201	Mit.	25	8	H	301	Jest .	104	500	-89	00	104	301	HOM.	200
3	m±	-50	mn	177	don	80	700	mt	300	30	100	- m	em-	111	Wil	100	/95.	188	100	500
. 341	106	07	100-	182	1091	100	185 :	BMC	100	ttr	198	100	100	04/00/	100	MIT	100	100	600	1977
(3)	MA	300	101	MM	104	211	1106	112	199	1112	Jink	Mile	Rt.	WIFE	1921	16/2	101	1001	1102	101
791	31	- 50	10-	mex	We	1997	364	500	(FPH)	111	MH	3110	40	227	1000	102	116	197	Ma.	
7	397	(89	101:	(0)3	297	(42	78	770	99	334	100	80	76			-58			1001	tay
0.00	107	395	101	100	188	NE	103	220	1000	125	106	160	212	1677	043	Wes	102	100	100	. 09
	77.	.88	101	160	106	1925	94	220	110	111.3	Mili	122	SI	air	90	344	100	96	101	100
TO TO		100	HT.	(0)	70	W	78	790	-15	PE	81	- 55	14	70	30.	.30	85.	355	99	560
Minut - Re-	20013	126.0	HILL	22007	180:2	126.4	10002	1312	180.1	833.7	135.4	\$30.V	124.0	199,E	E27:9	FMG	BLS	:058.0	133.0	2924
The Proces	42	40	2.0	47	14	6.2	111	F#	14.4	11.0	NH.	44	ALW:	128	0.0	,EE	421	20.2	2.3	135.0

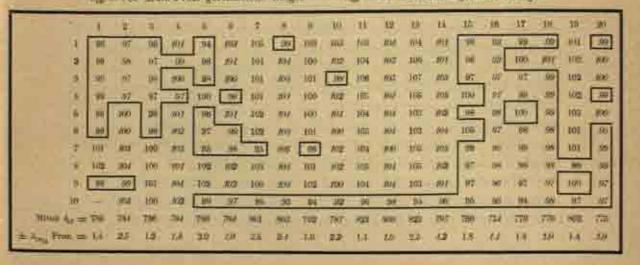
#### Tabelle b.

#### Zugversuche mit ringförmigen Proben aus einer Gummiplatte.

In the mit geraden Zahlen | Oberschriebenen Spalten | geschnittenen | Ringen gewonnenen | In die mit ungeraden Zahlen | sind die mit | geschnittenen | Ergulmisse eingetragen.
Die Zahlen sind Verhältnissahlen der Einzelwerte ein 5 zum Mittelwert 5, ans allen gleishertigen Versuchen.

#### Material Ic.

 $\delta_{\rm in} = 795 \pm 2.6$  Prox. geschnittone Bluge.  $\delta_{\rm in} = 786 \pm 2.4$  Prox. gestzuete Ringe.



ebenso findet auch bei der Entlastung eine ziemlich starke Nachwirkung statt. Da die Größe dieser Nachwirkung von der Zusammensetzung der Masse und von dem Grad der Vulkanisation beeinflußt zu sein scheint, und man hoffen kann, durch das Maß dieser Erscheinungen einen Einblick in die Bedeutung der Vulkanisation für die technische Gebrauchsfähigkeit der Gummiwaren zu erhalten, so hat man diese Vorgänge auch im Amt studiert, indem man nach Fig. 9 Gummistäbe, wie sie anfangs für den Festigkeitsversuch benutzt wurden, nebeneinander aufbängte und sie mit einer angehängten Last

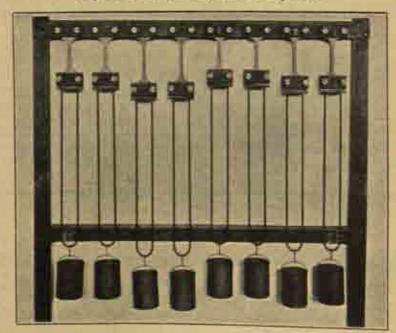


Fig. D. Dauerbelastung von Gummiproben.

versah; an einer daneben angebrachten Skala las man die Verlängerungen des Stabes so lange ab, bis sie vollständig aufhörte fortzuschreiten. Dann hob man das Belastungsgewicht ab und beobachtete in gleicher Weise, in welchem Maße sich die Stäbe wieder zusammenzogen. Das Verhalten der Stäbe wurde miteinander vergliehen. Bei diesen Versuchen hat sich gezeigt, daß die Stäbe aus verschiedenen Mischungen und von verschiedenem Vulkanisationsgrade bei dauernder Belastung, mehr oder weniger schnell, mehr oder weniger zahlreiche und mehr oder weniger tiefe Querrisse bekommen, so daß man hierauf vielleicht eine Einordnung der Ware gründen kann.

Aus der Aufbewahrung frisch geschnittener Ringe unter verschiedenen äußeren Bedingungen erkennt man leicht, daß namentlich bei der Aufbewahrung in der Wärme zumeist schnelle Änderungen im Ober-

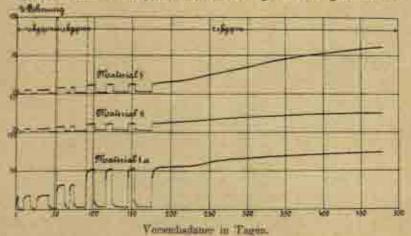
Fig. 10. Rissige Oberffäche.



flächenaussehen und im Charakter der Ringe eintreten; sie ändern ihre Farbe, zeigen Ausschwitzungen, verlieren ihre Weichheit, werden hart und spröde. Man erkennt leicht, daß gewissermaßen eine Nachvulkanisation eingetreten ist und hat in der Tat auch chemisch eine Zunahme an gebundenem Schwefel nachweisen können. Ähnliche Änderungen, wenn auch in geringerem Grade, gehen auch unter anderen äußeren Umständen vor sich; ich erinnere an das Brüchigwerden von Schläuchen unter dem Einfluß der Witterung. Diese Vorgänge verlaufen von der Oberfläche aus ins Innere der Gummimasse. Wenn mit der Veränderung also eine Verminderung der Dehnbarkeit des Gummis verbunden ist; so ist das vorher beschriebene Einreißen der Oberfläche einer belasteten Gummiprobe (Fig. 10) leicht zu verstehen; zu verstehen ist dann auch, daß, wie es in der

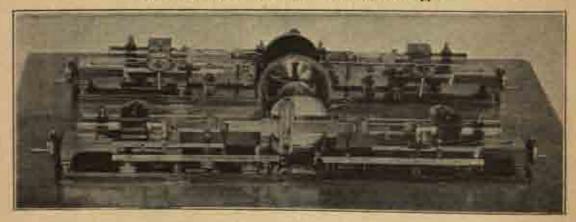
Tat beobachtet worden ist, der Vorgang der Nachdehnung unter der Last nicht kontinuierlich verläuft, sondern daß sich von Zeit zu Zeit Beschleunigungen zeigen (Fig. 11), dann nämlich, wenn die Dehnbarkeit der Außenschicht so klein geworden ist, daß jene Oberflächenrisse sich bilden; die verbleibende gesunde Masse dehnt sich dann stärker, weil in ihr die Spannung größer wird. Man sieht hieraus, daß man diesen Erscheinungen eine große Aufmerksamkeit zuwenden muß, wenn man das Wesen des Gummis in seinem Verhalten im technischen Betriebe ganz erkennen will.

Fig. 11. Nachstreckung und Nachverkürzung von Weichgummistäben.



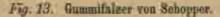
Um auf möglichst einfache Weise diese Vorgänge zu verfolgen, habe ich daher angeordnet, daß Gummiringe auf Glastafeln so nebeneinander aufgezogen werden, daß Ringe aus verschiedenen Mischungen und von verschiedenem Vulkanisationsgrade nebeneinander liegend auf diesen Glastafeln verschiedenen äußeren Bedingungen ausgesetzt werden können. Die Ringe sind hierbei, entsprechend der Breite der Glastafeln, einer bestimmten Dehnung, also auch einer gewissen Spannung, unterworfen; sie befinden sich unter den gleichen Verhältnissen wie bei der Belastung mit einem bestimmten Gewicht, sie werden schneller als im ungespannten Zustande die unter den äußeren Bedingungen eintretenden Wirkungen zeigen, sie werden leicht den Vergleich der verschiedenen Gummisorten untereinander liefern, man wird neben die

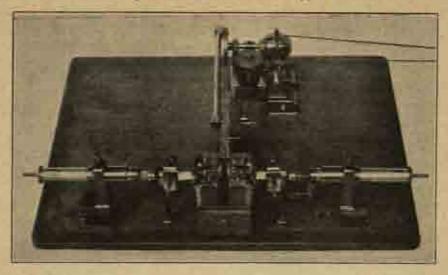
Fig. 12. Danerversuchsmaschine von Martens-Schopper.



subjektive Beobachtung die objektive durch Photographie, Abdruck usw. setzen können; kurz: ich glaube, daß die technische Prüfung durch dieses Verfahren vereinfacht und wesentlich erleichtert werden kann. Deswegen wird seine weitere Aushildung im Amt verfolgt werden.

Es lag nahe, auch die oft wiederholte Inanspruchnahme der Ringe durch sogenannte Dauerversuche zu erproben, um zu versuchen, ob man auf diese Weise einen Einblick in die Eigenschaften des Gummis von verschiedener Zusammensetzung gewinnen könne. Deswegen habe ich die in Eig. 12 gezeigte Dauerversuchsmaschine für Zugbeanspruchung angegeben, die von L. Schopper in Leipzig für das Amt gebaut wurde. Diese Maschine prüft 4 Ringe gleichmäßig unter oftmaligem Wechsel der Zugspannungen zwischen einem Kleinstwert und einem Höchstwert; jede Beanspruchung wird gezählt, sobald der Ring reißt, steht das Zählwerk der Maschine still. Die im Laufe der Zeit unter den häufigen Beanspruchungen auftretenden bleibenden Verlängerungen werden in

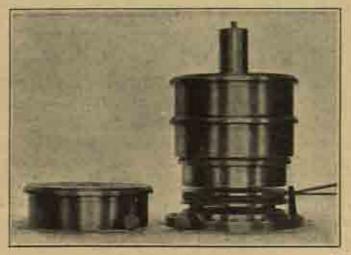




einer Vorrichtung stets unter der gleichen Belastung des Ringes gemessen. Sehr wahrscheinlich werden die vorhin geschilderten einfacheren Verfahren diesen Danerversuch ersetzen können.

Eine andere Art von Dauerversuchen, die bei der Papierprüfung sehr wesentliche Dienste leistet, wird mit der in Fig. 13 dargestellten Maschine ausgeführt. In ihr wird ein Streifen aus einer Gummiplatte oder aus einem Tuch, das aus einzelnen Gummi- und Stofflagen zusammengesetzt ist (Gummireifen für Automobile), durch 2 rechts und links angebrachte Spiralfedern mit einer bestimmten Anfangsspannung versehen und nun mittels des geschlitzten hin und her gehenden Schiebers fortwährend zwischen 2 Walzenpaaren hin und her gezogen.

Fig. 14. Danerversuchsmaschine von Martens.



Die belastete Probe wird hierbei in ihrer Mitte hin und wider gebogen (gefalzt) und dadurch auf Lockerung der Verbindung zwischen ihren einzelnen Lagen und auf Zermürbehung des Kautschuks beansprucht.

Fig. 15.
Abnutzung von Gumnikugeln.

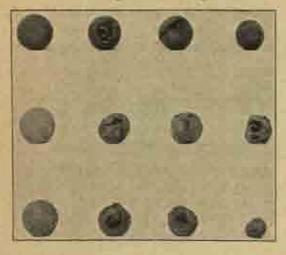
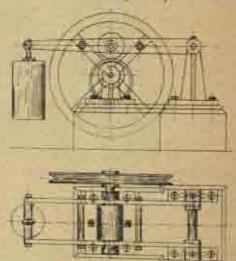


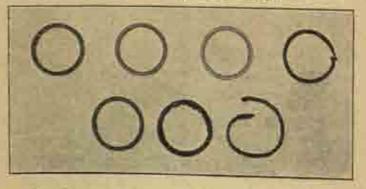
Fig. 16. Gummiprüfer für Abantzungsversuche (M. 1 : 1).



Auch diese Maschine ist, wie die ähnlichen Papierprüfmaschinen, von L. Schopper in Leipzig gebaut worden.

Eine Dauerversuchsmaschine nach eigenem Entwurf (Fig. 14) ließ ich in der Werkstätte des Amtes anfertigen. Sie dient dazu, Kugeln

Fig. 17. Abuntzung von Gummiringen



von 30 mm Durchmesser in einer V-förmigen Rinne unter starker Belastung umlaufen zu lassen; hierbei wird die stark verdrückte Kugel gewissermaßen in sich selbst zerrieben und zugleich oberflächlich abgenutzt. Die Art der Abnutzung und deren Stärke ist außerordentlich charakteristisch für die verschiedenen Gummimischungen. Fig 15 zeigt die verschiedenen Abnutzungsformen. Fig. 18.
Abautzungsversuche mit dem Apparat von May.

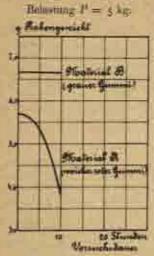
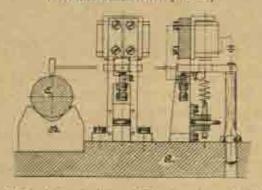


Fig. 16 gibt eine Einrichtung, welche vom Mechaniker May im Amt erdacht und gebaut worden ist: in ihr läuft zwischen zwei Walzen ein Gummiring, wie er für die Zugfestigkeitsversuche bemutzt wird, so daß der durchlaufende Probering starke seitliche Zusammenpressung erfährt und dabei zermürbt und abgenutzt wird; der Verlauf der Gewichts- und Festigkeitsabnahme gibt ein Bild von den Eigenschaften verschiedener Gummimischungen. Fig. 18 zeigt den Verlauf der Abnutzung bei verschiedenen Gummiarten.

Mehrfachen Anregungen folgend, habe ich noch einen Apparat zur Prüfung eines Industrieerzeugnisses entworfen, der zur Prüfung von Gummiwalzen für Schreibmaschinen diemen soll.

Fig. 19 zeigt die Entwurfsskizze. Die Gummiwalze wird auf einer schweren Unterlage gelagert und mit einem kleinen elektromagnetischen Hammer, ähnlich wie in der Schreibmaschine, angeschlagen. Man wird in ähnlicher Weise den Widerstand von kleinen Kugeln oder Zylindern aus verschiedenen Gummimischungen prüfen und so vielleicht auf einfache Art einen Vergleich herbeitähren können.

Fig. 19. Elektromagnetischer Hammer zur Prüfung von Gummiwalzen für Schreibmaschinen (M. 1 : 1).



Am einem schweren Guöstück A ist auf schröger Flöche der schwere Ambolt B gelagert, der der zu prüfende Gunnmistdek C (Schreibmassdommwahre) aufmannt. Durch Verschieben auf der Stätzflache kann das Probestäte in die richtige Höhenlage eingestielt werden. Des Hämmersben ist an dem Anhre des elektromegnetischen Himmers mittels des federaden Stätisfrahres befestigt. Die Häbbegrennungsselezuite D regelt gemeinsen mit der Ansparaung der Abreiblieder E die Schlegstärke

## II. Die Ballonstoffprüfung.

Die technische Prüfung der Luftballonstoffe erstreckt sich auf die Ermittelung der Stoffart, des Diehtungsmittels für den Stoff, der Stofffestigkeit, der Durchlässigkeit für Gas und Wärme sowie seiner Aufnahmefähigkeit für Feuchtigkeit. Die Prüfung auf seinen Reibungswiderstand gegen bewegte Luft, die vielleicht noch in Frage kommen würde, gehört nicht zum Arbeitsgebiet des Materialprüfungsamts. Die Prüfung kann sowohl am neuen unverarbeiteten Stoff als auch am verarbeiteten und bereits benutzten Stoff geschehen, der dem Wind und Wetter sowie allen Einflüssen, wie sie im Luftschiffbetriebe vorkommen, ausgesetzt war. Seine Leistungsfähigkeit im Luftschiffbetriebe kann ganz besonders daraus erkannt und bemessen werden, in welchem Maße die Eigenschaften sich im Betriebe verändern. Die technische Prüfung muß derartig angelegt werden, daß das Verhalten des Stoffes bereits erkannt werden kann, bevor das Geld für den Stoff ausgegeben wird.

Dem Luftschiffbaumeister ist zunächst die Festigkeit und die Ausdauerfähigkeit des Stoffes wissenswert. Diese Eigenschaften sind in erster Linie abhängig von der Faserart und von dem textiltechnischen Geschick, mit dem die Faser im Gewebe verarbeitet ist. Die Faserart wird in der textiltechnischen Abteilung des Amtes durch das Mikroskop festgestellt, die Festigkeit des Stoffes wird in der gleichen Abteilung in Schopperschen Festigkeitsprüfern ermittelt. Diese Prüfungen werden wie bei den Gewebeprüfungen an 50 mm breiten Streifen von 350 mm Länge ausgefährt, die aus dem Stoff in den Fadenrichtungen entnommen werden. Das Ergebnis wird sowohl in Kilogramm auf i em Breite als auch in der im Textilfach üblichen Maßeinheit als Reißlänge R in Meter oder in Kilometer ausgedrückt. Die Reißlänge ist die Länge, die ein Stoffstreifen von gleichbleibender Breite haben muß, damit sein Eigengewicht gleich ist der Last, die ihn zu Bruche brachte. Wenn man den Stoff nach der Reißlänge bewertet, so wird der Fabrikant bestrebt sein, bei möglichst hoher Festigkeit dem Stoff ein möglichst geringes Gewicht zu geben, d. h. dem Luftschiffbanmeister in die Hände zu arbeiten. Da der Feuchtigkeitsgehalt der Luft auf das Quadratmetergewicht und außerdem auf die Festigkeit des Stoffes von Einfluß ist, so ist der Festigkeitsversuch, wie beim Papier und den Textilstoffen, auf einen bestimmten Feuchtigkeitsgehalt zu beziehen; man muß also die Stoffe in einem Raum von bestimmter Luftfeuchtigkeit (65 Prozent) lagern und prüfen, wenn man

an verschiedenen Prüfstellen übereinstimmende Festigkeitswerte erhalten will.

Dem Ballonstoff gibt man häufig eine mehrfache Gewebeschicht. Zwischen die Stofflagen wird in der Regel die abdichtende Gummischicht aufgetragen. Um die Vestigkeit des Stoffes möglichst vollkommen auszunutzen, werden die Stofflagen meistens so aufeinandergeklebt, daß sieh die Gewebefäden der unteren Schicht unter einem Winkel von 45° mit den Fäden der oberen Schieht kreuzen (Diagonalstoff). Der einfache Stoff wird nach zwei zueinander senkrechten

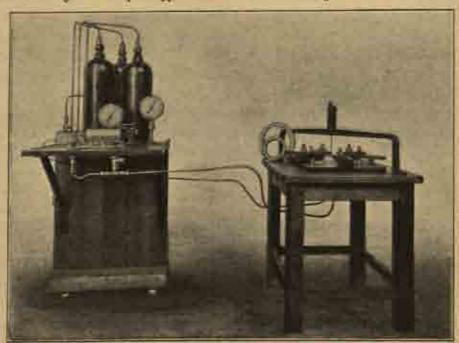


Fig. 20. Zerplatzapparat mit Selbstaufzeichnung von Martena.

Richtungen auf seine Festigkeit geprüft (nach Richtung der Kett- und Schußfülen des Gewebes), während der Diagonalstoff dementsprechend nach den vier Richtungen seiner Fadenlagen zu prüfen ist. Die Kettund Schußfäden werden häufig verschiedene Festigkeit, Faserbeschaffenheit und Zwirnung haben. Ober- und Unterschicht können verschiedene Beschaffenheit und Festigkeit haben; der geschickte Luftschiffbaumeister wird diesen Umständen, wenn sie sich stark geltend machen, Rechnung tragen und wird die Stofflage im Luftschiff derart anordnen, daß die nach den verschiedenen Richtungen verschiedenen Festigkeiten möglichst vollkommen ausgenutzt werden. Aus dem Ge-

Man hat in jüngster Zeit aber such Staffe erzengt, bei denen der Schubfaden den Kettfiden des Gewebes unter 45° kreuzt.

sagten ergibt sieh, daß man gehörig aufpassen muß, wenn man den Ballonstoff so vollkommen wie möglich prüfen und ausnutzen will.

Die Eigenschaften des Stoffes werden durch die geschilderte, zwar etwas umständliche und darum auch kostspielige Prüfungsart, wohl recht vollkommen erschlossen; aber es ist kein Wunder, wenn namentlich die nichttechnischen Kreise der Luftschiffer immer wieder dahin trachten, die Festigkeitsprüfung in einer solchen Form durchgeführt. zu sehen, daß sie womöglich in dem Ergebnis der Prüfung unmittelbar einen Ausdruck für die Ballonfestigkeit finden. Aus diesem Bedürfnis heraus sind die sogenannten Zerplatzapparate entworien und gebaut worden, von denen ich Ihnen hier die von mir entworfene Form des Materialprüfungsamtes vorführe (Fig. 20). Bei den Zerplatzapparaten spannt man ein kreisförmiges Stück des zu prüfenden Stoffes fest ein und bläst dann von einem Behälter aus oder unmittelbar mit der Luftpumpe das kreisförmige Stoffstück bis zum Zerplatzen auf; der zum Zerplatzen erforderliche Luftdruck wird am Manometer abgelesen und zugleich wird die bis zum Zerplatzen eingetretene Wölbhöhe in der Mitte der Stoffscheibe gemessen. Der Zerplatzdruck ist bei Benutzung der gleichen Stoffbahnen für den Versuch abhängig von der Größe des Ringdurchmessers (wobei die Wirkung der Einspannränder zu berücksichtigen ist). Auch bei diesem Versuch wird das Ergebnis von der Luftseuchtigkeit abhängig sein. Daher ist das bisweilen zum Nachweis von undichten Stellen in der Stoffhülle benutzte Befeuchten mit Seifenwasser ganz unzulāssig.

Man kann also auch die Ergebnisse der Zerplatzversuche keineswegs unmittelbar auf die Verhältnisse im Ballon übertragen. Ich habe daher beim Entwurf des im Amt benutzten Apparates dafür Sorge getragen, daß Proben unter möglichst verschiedenen Ringdurchmessern ausgeführt werden können. Die nutzbaren Ringdurchmesser sind: 0.113, 0.160, 0.196, 0.252, 0.357, 0.505 and 0.618 m. entsprechend den umspannten Kreisflächen von 0.01, 0.02, 0.03, 0.05, o, t und o. 3 qm. Die Konstruktion ist später vereinfacht worden. indem als Grundlage für die einzuspannenden Ringe ein weiches Gummituch auf gehobelter Gußeisenplatte benutzt wird, auf die die Probestücke mittels Ringen durch Spannschrauben gasdicht angedrückt werden; man ist auf diese Weise in der Auswahl der Spannringgrößen sehr wenig beschränkt und kann ohne wesentliche Umstände auch in der Form der Spannringe wechseln, so daß man neben der Kreisform auch Ellipsen oder Rechtecke benutzen könnte. Damit ist die Möglichkeit gegeben, den Kinfluß der Einspannung durch den Versuch mit Proben von gleichen Flächengrößen, aber verschiedenen

Flächenformen auszuführen. Versuche dieser Art werden demnächst in Angriff genommen werden

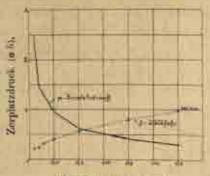
Neuerdings hat man geglaubt, den Verhältnissen im Ballon näher zu kommen, indem man aus den zu prüfenden Stoffen zylindrische kleine Ballons herstellte und diese zum Zerplatzen brachte. Die Kosten der Prüfungen werden hierdurch erheblich vermehrt, und ich fürchte. daß die Sache selbst dadurch nicht einfacher und klarer wird; denn es wird bei kurzen Zylindern immer schwer sein, die Wirkung der Enden auszuschließen, die ähnlicher Art sein werden, wie sie oben bezüglich der Randspannungen an den Ringen besprochen worden ist. Ganz besonders ist dies aber dann zu erwarten, wenn die Enden etwa durch feste Scheiben gebildet werden, an die der Ballonstoff angeschlossen ist. Dazu kommt, daß der Stoffverbrauch größer werden wird als bei der Prüfung mit dem Zerplatzapparat. Die Probenherrichtung und die Versuchsausführung dürften ebenfalls teurer werden.

Von militärischer Seite ist in Vorschlag gebracht worden, die Stoffestigkeit überhaupt nicht an sehmalen Streifen, sondern an meterbreiten Stoffproben zu ermitteln, um unmittelbar die Festigkeit auf i m Breite zu erhalten. Ich glaube, daß dieser Vorschlag immer nur eine Liebhaberidee bleiben wird, denn abgesehen von dem Stoffverbrauch, dürfte es kaum gelingen, der versuchstechnischen Schwierigkeiten Herr zu werden und den vielen möglichen Einwendungen zu begegnen. Ebenso geringe Aussicht hat m. E. der Vorschlag, an einem wirklichen Ballonmodell die Festigkeit des Stoffes ermitteln zu wollen, für den sein Verfechter geltend machte, daß er vollkommener der Wirklichkeit entsprechen würde, weil er zugleich auch die Festigkeit der Verbindungen (Nähte) ergeben würde. Einzelversuche werden immer das Gefühl der Unsieherheit hinterlassen, und daher wird man nach meiner Überzeugung immer dabei bleiben, auch bei der Ballonstoffprüfung der Mittelbildung aus einer ausreichenden Zahl von Einzelversuchen den Vorzug zu geben. Dies wird sicherer, billiger und zweckmäßiger sein, als alle die vermeintlichen Vereinfachungen. Das Materialprüfungsamt empfiehlt hiernach his auf weiteres stets, die Stoffprüfungen an 50 mm breiten Streifen nach zwei oder vier Hauptrichtungen sowie Zerplatzversuche mit kreisförmigen Proben vorzunehmen. In letztere können dann auch Proben mit Stoffverbindungen (Nähte, verklehte Überlappungen) eingeschlossen werden. Bei den bisher ausgeführten Versuchen wurde erkannt, daß die Stoffe fast immer im Scheitel der Kalotte platzten und selten am Einspannring.

Nach den Versuchen mit kreisförmigen Proben von verschiedenem Durchmesser habe ich das Schaubild 21 entworien, das zeigt, in welchem Maße bei gleichem Stoff der Zerplatzdruck von dem Ring-

Fig. 21. Ballonstoffpriffung.

Althingigkeit des Zerplatzdrunkes rom der Größe der gepentten Flache.

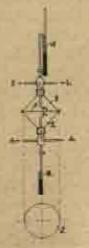


Geprüffe Elliche (qm),

durchmesser abhängig ist; wenn erst solche Versuche in großer Zahl vorliegen, wird man die Ergebnisse auf die Verhältnisse im Ballon übertragen können, und dann ist in der Tat die Stoffprüfung auf eine recht einfache Grundlage gestellt, zumal wenn man dann auch noch von den Festigkeitsversuchen an Streifen absehen dürfte; die Erfahrung muß zeigen, wie weit man hier vereinfachen darf.

Die Stoffdichtigkeit wird zum Teil noch mit recht verwiekelten Einrichtungen geprüft. Grobe Undichtigkelten, wie sie bei der Feststellung der Luftdurchlässigkeiten von Stoffen zu berücksichtigen sind, werden im Amt, wie bei den Zeugstoffen üblich, ermittelt, indem man durch eine kreisförmige Stoffscheibe unter einem bestimmten Überdruck Luft treibt, deren Menge mittels der Gazulir gemessen wird Wenn man mit großen Luftmengen und bei nahezu gleichbleibender.

Fig. 22. Heyns Guadurchlaßprüfer.



G = observe Glasgeriss.fr. = unteres Ginsgerid.

H = Eintritt von Wassurstoffgus. He = Austrille Vent Wasserstoffgm.

L = Entrin der Luft.

L, = Austrite der Luft, moechfießlich des durch die Bellousteffprobe bluoweligegungnoen Wasstratoffgiam

 $\mathbf{S} = \mathbf{Ballonstoffprote},$  unigrapamit awarden den handen Chesgefallen G und G.

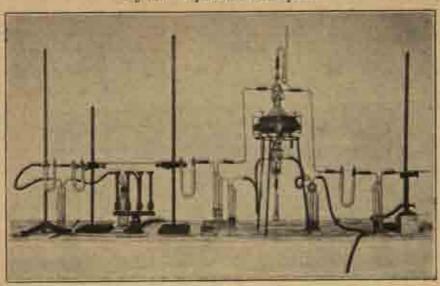
 $F = \Gamma$ läche der Ballonstoffprobe in Quadratzentimeters, durch die die Wasserstoffges hindarenging.

 $p_k = \text{Druck in Millimotor Quantization-sinks unter-}$ ball der Ralloustiffprobe.

s. = Druck on Millianter Quest sillors and otherhalls der Ballomanfiprobe.

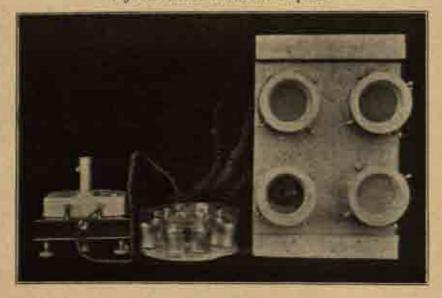
Q = oberes Quer Lathermonometer. Q = unrees Qualidhemmounter.

Fig. 23. Heyns Gasdurchlasprüfer.



Zimmerwärme arbeitet, so genügt dieses einfache Verfahren für technische Zwecke vollkommen. Handelt es sich dagegen um die Diffusionsgeschwindigkeit von Gasen, z. B. Wasserstoff, so muß man schon etwas mehr Kunst aufwenden. Für das Amt hat zu dem Zweck Professor Heyx einen Apparat zusammengestellt, den ich Ilmen in Skizze und im Bilde vorführe. Seine Wirkungsweise ist folgende: Die Stoffplatte wird zwischen zwei trichterförmige Glasgefäße (Fig. 22) eingespannt. In das eine Gefäß tritt Luft und Wasserstoff ein, während die durch das andere Gefäß getriebene Laft den diffundierten

Fig. 24. Bauers Würmedurchbillprüfer.



Wasserstoff mitnimmt. Dieser wird in dem Apparat (Fig. 23) über Palladiumasbest zu Wasser verbrannt und hierdurch wird die durchgegangene Wasserstoffmenge gemessen.

Will man die Leistungsfähigkeit eines Stoffes erschöpfend darstellen, so muß, wie früher gesagt, neben dem neuen Stoff auch der gleiche Stoff nach einer längeren Betriebszeit geprüft werden oder nachdem er längere Zeit dem Wind und Wetter ausgesetzt gewesen ist.

Für die Wärmedurchlaßprüfung hat Professor Baues den in Fig. 24 gezeigten Apparat zusammengestellt. Vier Vergleichsproben werden nebeneinander über schwarze Gefäße gespannt, in denen hinter den Proben Thermoelemente angebracht sind, mit denen die Wärmegrade gemessen werden, die sich bei verschiedener Bestrahlung im Gefäß einstellen.

## SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XV.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

1. Hr. Erman las über . Denksteine aus der thebanischen Gräberstadt . (Ersch. später.)

Die Handwecker der thebanischen Weststadt haben im 12. und 13. Jahrhundert v. Chr. in die Tempel volksthümlicher Gottheiten kleine Votivsteine geweiht. Auf einigen derselben bekennen die Weihenden, dass sie von dem Gott für falsches Schwören und andere Sünden mit Krankheit bestraft worden sind; ein Stein, den das Berliner Museum erwarb, war von einem Maler für die Herstellung seines kranken Sohnes gelicht und enthält den Hymnus, in dem der Vater dem Gotte seinen Dank ausspricht.

 Hr. Lebrus legte vor: Das Säriputraprakarana, ein Drama des Asvaghosa. (Ersch. später.)

Die Entdeckung von Bruchstücken einer centralasiatischen Palmblatthandschrift ermöglicht den Nachweis, dass eines der in den Bruchstücken buildhatischer Dramenbehandelten Stücke den Titel Süriputraprakarana trug und von Asvaghosa herrührte.

3. Hr. W. Schulze legte die von Hrn. Dr. Theodor Kluck auf einer Reise im Kaukasus aufgenommenen Photographien aus georgischen Handschriften vor.

Ein unten abgedruckter kurzer Bericht giebt Auskunft über die in Betracht kommenden Codices und den Umfang und lahalt der photographisch aufgenommenen Stücke.

4. Hr. Lünkus überreichte das von ihm bearbeitete erste Heft der Sammlung kleinerer Sanskrit-Texte aus den Ergebnissen der Königlich Preussischen Turfan-Expeditionen: Bruchstücke buddhistischer Dramen. Berlin 1911.

# Bericht über photographische Aufnahmen altgeorgischer Handschriften.

Von Dr. phil. Theorem Kluge.

(Vorgelegt von Hen. Wilhelm Schulze.)

Meine von Tiflis aus im Sommer 1910 mit Unterstützung der Königlich Preußischen Akademie der Wissenschaften unternommene Bereisung kaukasischer Klöster wurde veranlaßt durch den Mangel an zusammenhängenden handschriftlichen Texten der altgeorgischen Sprache. Es handelte sich darum, in kurzer Zeit und mit geringem Kostenaufwand eine größere Anzahl guter imd alter Texte zu gewinnen, deren Auswahl unter Berücksichtigung aller in Betracht kommenden Umstände und im Zusammenhang mit früheren Arbeiten wesentlich auf das Neue Testament beschränkt werden mußte.

Aus folgenden Handschriften konnten photographische Aufnahmen gewonnen und der Akademie überreicht werden:

#### L. Tiflis.

Datierte Handschrift auf Pergament des 10. Jahrhunderts, sogenannter Apostolos : Hutsurimajuskel; 206 × 246 mm.

Herkunft, Ort der Herstellung, Schreiber usw. fehlen.

Handschrift am Anfang und Schluß stark beschädigt. Sie enthält den Schluß des Lebens des Apostels Paulus, dessen Briefe, die Apostelgeschichte, den Jakobusbrief, Petri t und 2 (unvollständig). Das Datum (398/399 n. Chr.) hat der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... der Schreiber bei der Übersetzung aus der griechtsche der Schreiber der Schrei

Aufbewahrt: Tiflis (Privatbesitz).

Aufgenommen: Mit Ausnahme des Anfanges des Lebens des Apostels Paulus alles. 478 Seiten.

Im Titliser Kirchenmuseum habe ich folgende Texte kollationiert:

2. Kodes Nr. 345 sog. «Apostolos», enthaltend die Briefe des Apostels Paulus; Obersetzung einer griechischen, vom Jahre 390 u. Chr. datierten Handschrift.

<sup>\*.</sup> Markusevangelium: Nr. 28 (7. Jahrh.); 509 (10. schließt mit Mark. 16, 8); 359 (10.); 98, 484, 845 (11.); 27 (12.); 18 (13.); 99 (14.); 26 (15.); 78 (16.); 442 (17.) [von 27 blocke]

#### z. Geinti in imerethien (გელაგი).

Undatierte Handschrift auf Pergament mit Ministuren; 11. Jahrhundert; Hutsuriminuskel; 192×263 mm.

Schreiber: Blatt cir: Georgi Mt'acmindeli (გეთრკი მიიწმინღელი); Ort der Herstellung nicht angegeben (wahrscheinlich Gelati).

Handschrift neuerdings umgebunden,

Aufbewahrt: Klosterkirche von Gelati.

Aufgenommen: Markusevangellum. 98 Selten.

#### 3. Wani in Imerethien (866).

Undatierte Handschrift auf Pergament; 12. Jahrhundert: auf der Rückseite des Blattes 273 findet sich die Notiz, daß die Handschrift für die Stadt Jerusalem zur Zeit der Königin Tamara (1184—1212) angefertigt ist; Hutsuriminuskel; 293×215 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung unbekannt (wahrscheinlich Gelati). Handschrift im Originaleinband.

Aufbewahrt: Kirche Mt avar Angelos (dougest abaggood) der «(16meerum Banns».

Aufgenommen: Markusevangelium. 96 Seiten.

## 4. Jruji in Imerethien (%67%).

Handschrift vom Jahre 936 m. Chr. auf Pergament; Hutsurimajuskel; 264×247 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung unbekannt (wahrscheinlich Jruji); Originaleinband.

Aufbewahrt: Klosterkirche Cminda Georgi (Vdokes 6300650) in Jruji. Aufgenommen: Markusevangelium. 100 Seiten.

Lakasevangelium. 20

## 5. Jruji.

Undatierte Handschrift auf Pergament mit Miniaturen; 12. bis 13. Jahrhundert; Hutsuriminuskel; 235×179 mm.

Schreiber unbekannt. Ort der Herstellung wahrscheinlich Gelati. Kodex umgebunden, Pergament ausgeflickt und stark beschnitten, Schrift zum Teil nachgeschrieben.

Aufgenommen: Matthäusevangelium. 138 Seiten.

## 6. Jrujt.

Undatierte Handschrift auf Pergament: 11. oder 12 Jahrhundert; Untsuriminuskel; 257×189 mm. Handschrift unpaginiert, stellenweise ausgeflickt. Werk des «Maximus der Messner» (Vogso halleng and hangspapele).

Der Verfasser ist auch wahrscheinlich der Schreiber.

Aufgenommen: Blatt i his 24. 48 Seiten.

#### 7. Artwin (Gouvernement Batum).

Undatierte Handschrift auf Pergament, wahrscheinlich unvollendet: 12 oder 13. Jahrhundert: Hutsuriminuskel; 230×293 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung usw. völlig unbekannt.

Aufbewahrt in der armenisch-gregorianischen Kirche zu Artwin (aus einem Nachbarort unbekannten Namens nach dort «überführt»). Aufgenommen: Markusevangelium. 92 Seiten

Außerdem wurde im Auftrage der Septuagintakommission in Göttingen die einzige Handschrift des 2. Buches der Makkabäer photographiert, dazu konnten noch etwa 60 Probeseiten aus Handschriften und Palimpsesten, hauptsächlich der ältesten Zeit, aufgenommen werden. Ferner etwa 12 Seiten eines Markusevangeliums aus einem griechischen Pergamentkodex (angeblich aus dem 12. Jahrhundert).

Mit diesen Aufnahmen ist das Wichtigste, was sich im Knukasus an alten Handschriften befindet, eingesammelt; wünschenswert würde allerdings sein eine Durchsicht der Bestände an altgeorgischen Handschriften in den Bibliotheken zu London, des Vatikans, des Athos, in Petersburg, Jerusalem, Sinat und Isfahan.

Der Kaiserlich Russischen Regierung in Tiffis bin ich zu großem Dank verpflichtet durch die Ausstellung eines oreperizit aucra trotz des Kriegszustandes und für die während meiner Reisen in Transkaukasien und Armenien getroffenen Vorsorge, ferner einer großen Reihe von Zivil- und Militärbeamten, Seiner Exzellenz dem Exarchen von Grusien, den Bischöfen von Baku und Kutais, einer Reihe von Kirchenbeamten in Tiflis und den Priestern der von mir aufgesuchten Kirchen und Klöster, der armenischen Geistlichkeit in Artwin, dem K. K. Konsul in Tiflis, Grafen Heinrich Krenneville, dem deutschen Konsul in Tiflis, Dr. Feigel, und den Beamten des Konsulats, Baron von Nasacken und von Bücheler, ferner dem Bibliothekar der «Общества распространения Грамотности« und dem Vorsteher des «Церковный Музей»; den HH. Dr. A. Dirr, Liauzun, Exzellenz Lopatinski, Dr. Schmidt, Takaisvili. Zordania und Janasvill, endlich dem Kais. Deutschen Auswärtigen Amt und dem Kgl. Preußischen Kultusministerium, der Oberzolldirektion in Danzig, der Firma A. Dieskau & Co. für die Besorgung der photographischen Ausrüstung.

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XVI.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

23. März. Gesammtsitzung.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

I. Hr. FROBENIUS LAS Uber unitare Matrizen.

In einer endlichen Gruppe unitäver Matrizen ist jede Matrix, bes der die Differenz von je zwei charakteristischen Wurzeln absolut kleiner als eins ist, mit jeder anderen dersellen Art vertauschlar.

2. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Watbeven in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 16. März vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. R. Isessenam zu Frankfurt a. M. «Zur Kenntniss der Grosshirnrinde der Maus» in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.

Geschildert wird genau der Bau der Grosshunrunde der Hausmann (mas museulus), insbesondere die Anordmung der zeiligen Elemente.

3. Die Akademie genehmigte ferner die Aufnahme einer von Hrn. Dazs in der Sitzung der philosophisch-historischen Classe vom 16. März vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. C. Tauns in Malmö « Die Handschriften des Corpus agrimensorum Romanorum» in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.

In den Prolegomenn zu einer vom Verfasser vorbereiteten Amgabe der Schriften der Feidmesser wird die Überlieferung auf Grund umfassender Vergleichung der Handschriften auf ein wesentlich neues Fundament gestellt. Gegenüber den vier Classen Brunz-Laussans's werden mit Monnsen nur zwei Hauptelassen angenommen: L. Acceriance A und B (Wolfenbüttel), H. Palatinus P und Gudianus G. Das Verhältniss von A und B zu einander wird neu ontersucht und als gemeinsame Vorlage beider mie Unriallis, sam. VI nachgewiesen. Von den Hiss. der Classe II ist nicht G, sondern P die innachgewiese G ist zielmehr nur eine (nicht einmal monittellure) Almehrift von P. Auch die Zeichnungen der Hiss werden einer neuen Prüfung anterworfen und einige besonders wichtige, zum Theil unpubliente, beigegeben.

4. Hr. Walderm legte vor eine Abhandlung des Hrn. Dr. P. Rörmen in Berlin über «Zellenanordnungen und Faserzüge im Vorderhirn von Sirena lavertina». Ihre Aufnahme in den Anhang der Abhandlungen der physikalisch-mathematischen Classe wurde beschlossen.

Es werden die Anordnung der Zellgruppen, sodann der Verlauf der markhaltigen Faserzüge beschrieben und mit denen der übergen Amphilbien verglichen. 5. Hr. Lernisch legte eine Arbeit des Hrn. Prof. Dr. R. J. MEYER in Berlin vor: Über einen skandlumreichen Orthit aus Finnland und den Vorgang seiner Verwitterung.

Die Analyse des Octiuts von Impilaks am Ludogasse ergah den höchsten Gehalt an Skandiumoxyd, der bisher in einem Mineral fesigestellt worden ist. Durch Verwitterung wird Wasser und Kohlensiure aufgenommen, das Eisenoxydul vollständig in Eisenoxyd übergeführt, der Kalkgehalt vermindert; schliesslich findet auch eine Fortführung der Kieselsäure statt.

6. Das eorrespondirende Mitglied der Akademie Hr. Feadmand Zerker in Bonn hat am 14. März das fünfzigjährige Doetorjubiläum gefeiert; die Akademie hat ihm eine Adresse gewidmet, welche unten abgedruckt ist.

Die Akademie hat das ordentliche Mitglied der philosophischhistorischen Classe Reinhard Kraule von Stradonitz am 22. März durch den Tod verloren. Der Generalsecretar des Kaiserlich Deutschen Archäologischen Instituts und Vorsitzende der Centraldirection Professor Dr. O. Pronstein ist in der Nacht vom 8. auf den 9. März gestorben.

# Über unitäre Matrizen.

Von G. FROBENIUS.

Die folgende Untersuchung ist eine Fortsetzung meiner Arbeit Über den von L. Berberbach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Johnan, hier, S. 241. Die (charakteristischen) Wurzeln einer unitären Form liegen auf dem mit dem Radius r=1 um den Nullpunkt beschriebenen Kreise. Dieser, und zwar die Linie, nicht die Fläche, ist hier stets gemeint, wenn von einem Kreise die Rede ist.

Der Beweis des Hrn. Burnnungen stützt sich auf eine Entdeckung, die nicht minder merkwürdig ist als der Satz von Jondax, nämlich daß in einer endlichen Gruppe unitärer Formen jede Form, deren Wurzeln einen hinlänglich kleinen Teil  $\tau$  des Kreises einnehmen, mit jeder andern derselben Art vertausehbar ist. Da er aber nur die Herleitung des Jondanschen Satzes im Auge hat, macht er keinen Versuch, den Bogen  $\tau$  genauer zu bestimmen. Auch nach den Ergebnissen meiner Arbeit, S. 246, scheint es noch, als ob  $\tau$  von  $\pi$  abhängig ist und mit wachsendem  $\pi$  abnimmt. Demgegenüber zeige ich hier, daß für jedes  $\pi$  nur  $\tau < \frac{\pi}{3}$  zu sein braucht:

IV. In einer endlichen Gruppe unitärer Formen ist jede Form, deren Wurzeln nicht ganz den sechsten Teil des Kreises einnehmen (wurin die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist), mit jeder Form derselben Art vertauschbar.

Der neue Weg führt zu einer deutlichen Einsieht in die Bedeutung solcher Bedingungen, wie  $2\Im(E-A)<1$  oder  $\Im(E-B)<1$ , die nuf den ersten Blick seltsam genug anmuten. Sie werden hier durch die weiteren Bedingungen ersetzt, daß die Wurzeln von A nicht ganz den sechsten Teil, die von B nicht ganz die Hälfte des Kreises einnehmen.

#### 8 +

V. Sei  $C = ABA^{-1}B^{-1}$  der Kommulator der beiden unifüren Formen A und B. Die Wurzeln von B mögen nicht ganz einen Halbkreis einnehmen. Ist dann A mit C vertauschbar, so ist auch A mit B vertauschbar, also C = E.

Da man A und B derselben unitären Substitution unterwerfen kann, so nehme Ich an, daß

$$B = \sum b_* x_* y_* = \sum e^{i\varphi_*} x_* y_*$$

die Normalform hat. Weil A mit  $BA^-^{\dagger}B^{-\dagger}$  vertauschbar ist, so ergibt sich

$$C = A(BA^{-1}B^{-1}) = (BA^{-1}B^{-1})A = ABA^{'}B = BA^{'}BA,$$

demnach

$$c_{n\alpha} = \sum_{\kappa} \sigma_{n\alpha} b_{\kappa} \, \bar{a}_{n\kappa} \, \bar{b}_{\alpha} = \sum_{\kappa} b_{\alpha} \, \bar{a}_{n\alpha} \, \bar{b}_{\kappa} \, a_{n\alpha}$$

und mithin durch Vergleichung der imaginären Teile

$$\sum_{i} (|a_{in}|^{i} + |a_{in}|^{i}) \sin (\phi_{i} - \phi_{n}) = 0.$$

Angenommen, es ist

$$\phi_i = \phi_0 = \cdots = \phi_i < \phi_{i+1} \leq \phi_{i+2} \leq \cdots \leq \phi_i < \phi_i + \pi;$$

dann sind für a=1,  $2\cdots p$  alle Glieder der Summe positiv, und demnach ist  $a_m=a_m=0$  für  $\mathbf{x}=p+1$ , p+2,  $\cdots$  n. Die Form A zorfällt also vollständig in zwei Formen  $A_1+A_n$ , worin  $A_n$  nur von den ersten p Variabelnpaaren abhängt,  $A_n$  nur von den letzten n-p. Analog ist (vgl. S. 243)  $B=b_1E_1+B_n$ , wo  $E_1=x_1y_1+\cdots+x_ny_n$  ist. Für  $A_n$  und  $B_n$  gelten dieselben Voraussetzungen wir für A und  $B_n$  Sind also  $b_1$ ,  $b_{p+1}$ ,  $b_{p+n+1}$ . die verschiedenen unter den Wurzeln von  $B_n$  so ist

 $A = A_i + A_2 + A_3 + \cdots, \qquad B = b_i E_i + b_{i+1} E_i + b_{i+1} E_0 + \cdots,$  and mithin 1st A mit B vertauschbar,

#### \$ 5.

VI. Liegen die Wurzeln der unitären Matrix A oder B auf einem Kreisbogen der Größe  $\sigma$ , so liegen die Phasen der Wurzeln ihres Kommutators zwischen  $-\sigma$  und  $+\sigma$ .

Sei  $P = \sum p_{ab} x_a \overline{x}_b$  eine unitäre Form und

$$R = \sum p_s x_s \tilde{x}_s = \sum (u_s + iv_s) x_s \tilde{x}_s$$

thre Normalform. Der Quotient

$$\frac{\sum u_e x_e \bar{x}_e}{\sum x_e \bar{x}_e} = u$$

liegt zwischen den n reellen Größen  $u_1,u_2,\cdots u_r$ , d. h. zwischen der größten und der kleinsten von ihnen. Daher ist

$$R = \sum (u_s + iv_s) \, x_u \bar{v}_s = (u + iv) \sum x_s \bar{x}_s = (n + iv) E_s$$

wo v zwischen den n reellen Größen  $v_i, v_{ij} \cdots v_n$  liegt. Durch eine unitäre Substitution S gehen R und E in  $S'R\bar{S} = P$  und  $S'R\bar{S} = E$  über, und diese Gleichung in

(15.) 
$$P = \sum_{x_k} p_{x_k} x_k x_k = p \sum_{x_k} x_k x_{y_k}$$

wo die Abszisse von p=u+iv zwischen den Abszissen, die Ordinate zwischen den Ordinaten der Wurzeln von P liegt.

Ist Q eine zweite unitäre Form, so ist auch  $PQ^{-1}$  eine solche, und mithin hat jede Wurzel r der Gleichung

$$|PQ^{-1} - sE| = 0$$
 oder  $|P - sQ| = 0$ 

den absoluten Betrag 1. Nun kann man  $x_1, x_2, \cdots x_n$  so bestimmen, daß

$$\sum_{\epsilon} p_{\epsilon i} x_{\epsilon} = i \sum_{\epsilon} q_{\epsilon i} x_{\epsilon} \quad (\lambda = 1, 2, \dots s) \quad \text{ and } \quad \sum_{\epsilon} x_{\epsilon} \tilde{x}_{\epsilon} = 1$$

wird. Dann ist

$$p = \sum_{i \in \lambda} p_{ii} x_i \bar{x}_i = r \sum_{i \in \lambda} q_{ii} x_i \bar{x}_i = r q$$

Wenn nun die Phasen der Wurzeln von P und Q alle zwischen  $-\tau$  und  $+\tau$  liegen, wo  $0 < \tau < \frac{\pi}{2}$  ist, so liegen die Abszissen von p und q zwischen I und  $\cos{(\tau)}$ , sind also von 0 verschieden, und die Ordinaten zwischen  $-\sin{\tau}$  und  $+\sin{(\tau)}$ , und daher die Phasen zwischen  $-\tau$  und  $+\tau$ . Folglich liegt die Phase von r=p:q zwischen  $-2\tau$  und  $+2\tau$ .

Wenn nun die Wurzeln von A auf einem Kreisbogen der Größe  $\tau=2\tau$  liegen, so bestimme man  $\varphi$  so, daß die Plasen der Wurzeln von  $P=e^{i\varphi}A$  zwischen  $-\tau$  und  $+\tau$  liegen. Die Form  $Q=BPB^{-\tau}$  hat dieselben Wurzeln. Daher liegen die Phasen der Wurzeln von

$$PQ^{-1} = ABA^{-1}B^{-1} = C$$

zwischen  $-\sigma$  und  $+\sigma$ . Dabei ist  $\sigma<\tau$  angenommen, denn nur dann hat die Aussage eine Bedeutung.

#### \$ 6.

VII. In einer endlichen Gruppe unitärer Formen ist jede Form, deren Wurzeln nicht ganz den sechsten Teil des Kreisez einnehmen, mit jeder Form vertauschbar, deren Wurzeln nicht ganz den halben Kreis einnehmen. Sei  $A = \sum a_i x_i \bar{x}_i$  eine unitäre Form, deren Wurzeln  $a_i, a_{xx} \cdots a_n$  nicht gunz den sechsten Teil des Kreises einnehmen, und B trgendeine andere. Dann liegen die Phasen der Wurzeln der Formen

$$ABA^{*+}B^{-+} = C$$
,  $ACA^{*+}C^{*+} = D_+ \cdots AJA^{*+}L^{*+} = M_+ AMA^{*+}M^{*+} = N_+ \cdots$ 

alle zwischen 
$$-\frac{\pi}{3}$$
 und  $+\frac{\pi}{3}$ . Nun ist

$$(Q_*)$$
  $\Rightarrow (E - C) = \sum_{n=1}^{\infty} |a_n - a_1|^{\frac{1}{2}} |c_n - b_n|^{\frac{1}{2}},$ 

Hier ist  $|a_* - a_*|$  kleiner als die Seite des regulären Sechsecks. Ist also k der größte der Werte  $|a_* - a_*|^4$ , so ist k < 1. Ferner ist (S. 246)

$$\sharp(E-C) < k \sharp(E-B) = bk$$
,  $\sharp(E-D) < k \sharp(E-C) < bk^2$ , ...

nligemein

$$\Rightarrow (E-N) < bk!$$

Erzeugen nun A und B eine endliche Gruppe, so muß einmal  $\Im(E-N)=0$ , demnach N=E, AM=MA, werden. Nach Satz V ist daher A mit L, K, -:D, U vertauschbar und, wenn die Würzeln von B nicht ganz einen Halbkreis einnehmen, auch mit B.

#### \$ 7.

Ich habe S. 245 gezeigt, daß die Größe  $k \leq 2a = 2\Im(E-A)$  ist, ist also 2a < 1, so ist auch k < 1, aber nicht umgekehrt. In ähnlicher Art hat die Voraussetzung  $\Im(E-B) < 4$  des Satzes I zur Folge, daß die Wurzeln von B alle auf einer Seite eines Durchmessers liegen; es braucht aber nicht notwendig  $\Im(E-B) < 4$  zu sein, wenn diese in Satz V gemachte Annahme erfüllt ist.

Wenn die n Wurzelpunkte der unitären Form R mehr als einen Halbkreis einnehmen, so kann man drei unter ihnen A, B, C so auswählen, daß sie ein spitzwinkliges Dreieck bilden. Ich schließe den Fall n=2 aus, der kein Interesse bietet, und die leicht zu erledigenden Grenzfälle, wo zwei der n Wurzeln von R gleich oder entgegengesetzt gleich sind.

Man wähle A und B so, daß ihr Abstand möglichst groß ist. Sei A' (B') das Spiegelbild von A (B) in bezug auf den durch B (A) gehenden Durchmesser b (a). Dann befindet sich zwischen A und A' (B und B) kein Wurzelpunkt P, weil sonst BP > BA = BA' wäre. Nun liegen A und B beide auf derselben Seite eines Durchmessers, in den a durch eine unendlich kleine Drehung übergeht. Folglich muß es auf seiner andern Seite einen Wurzelpunkt C geben, dieser

muß zwischen A' und B' liegen, und daher ist ABC ein spitzwinkliges Dreieck. Sind dann 2x, 2S,  $2\gamma$  die Phasen der Punkte A, B, C, so ist

(16.) 
$$\sin^2(\alpha) + \sin^2(\beta) + \sin^2(\gamma) > 1$$
,

also um so mehr (vgl. (10.))

$$\Rightarrow (E-R) = 4 \sum \sin^2 \left(\frac{1}{2} \varphi_0\right) > 4.$$

Mit andern Worten, es genügt, die Behauptung für n=3 zu beweisen. Allgemeiner ist sogar, wenn nur die vier Punkte A, B, C, D nicht auf einem Halbkreise liegen,

(17.) 
$$\sin^2(\alpha - \delta) + \sin^2(\beta - \delta) + \sin^2(\gamma - \delta) > 1.$$

wo 2 δ die Phase von D ist. Liegen sie nämlich alle auf einem Halbkreise, so sind die vier Dreiecke ABC, ABD, ... sämtlich stumpfwinklig. Liegen sie aber anders, so sind immer zwei von ihnen spitzwinklig, die beiden andern stumpfwinklig. Denn ist K der Schnittpunkt der beiden inneren Diagonalen des Vierecks, so liegt das Kreiszentrum O in einem der vier Dreiecke EAB, EBC, ... und mithin in genau zwei der vier Dreiecke ABC, ABD, .... Unter den drei Dreiecken DAB, DAC, DBC ist also mindestens eins spitzwinklig. Sind aber \*, λ, μ die Winkel eines solchen Dreiecks, so ist

$$\mu<\frac{\pi}{2}\,,\qquad z+\lambda>\frac{\pi}{2}\,,\qquad \frac{\pi}{2}>z>\frac{\pi}{2}-\lambda>0\,,\qquad \sin\left(z\right)>\cos\left(\lambda\right),$$

demnach

$$\sin^{4}(x) + \sin^{4}(\lambda) > 1$$
.

Folglich ist, wenn das Dreieck DAB spitzwinklig ist,

$$\sin^3(\alpha - \delta) + \sin^3(\beta - \delta) > 1$$
,

und daher besteht in jedem Falle die Ungleichheit (17.).

Ist das Dreieck ABC spitzwinklig, so kann man D beliebig wählen, niemals liegen die vier Punkte auf einem Halbkreise. Folglich gilt die Ungleichheit (17.) für jeden Wert von  $\delta$  und geht für  $\delta = 0$  in (16.) fiber.

Bei veränderlichem o ist das Minimum der linken Seite von (17.)

$$1 + \frac{1}{2}(1-i) = \frac{3}{2\pi} GD$$
,

wo G der Schwerpunkt des Dreiecks ABC ist. Ist

die komplexe Größe, die den Höhenpunkt H darstellt, so ist  $i = \frac{1}{r} OH$ die positive Quadratwurzel aus

$$(18.) x^3 = hh = 1 + 8 \cos(x - 3) \cos(x - \gamma) \cos(3 - \gamma).$$

Je nachdem das Dreieck spitzwinklig oder stumpfwinklig ist, ist aber das Produkt

$$\frac{\dot{\epsilon}'}{2x} = -\cos(\pi - \bar{\epsilon}) \cos(\pi - \gamma) \cos(5 - \gamma),$$

positiv  $\left(\operatorname{und} < \frac{1}{8}\right)$  oder negativ, ist  $\varepsilon < 1$  oder  $\varepsilon > 1$ , liegt H inner-halb des Dreiecks oder außerhalb des ihm umbeschriebenen Kreises. Nach Fruenaach ist  $\varepsilon'$  der Radius des Kreises um H, der dem Dreieck einbeschrieben ist, dessen Ecken die Fußpunkte der Höhen von ABC sind.

VIII. Durchläuft ein Punkt den einem Dreisck umbeschriebenen Kreis, so ist das Minimum der Summe der Quadrate seiner Abstände von den drei Ecken größer oder kleiner als das Quadrat des Durchmessers, je nachdem das Dreisck spitzwinklig oder stumpfwinklig ist.

Entsprechend ist das Maximum der Quadratsumme kleiner oder größer als das doppelte Quadrat des Durchmessers. Die beiden Punkte des Kreises, in denen das Minimum oder das Maximum erreicht wird. liegen auf der Eulenschen Geraden  $H \times O$  des Dreiccks, auf der Seite von G, wo H oder O liegt.

# Über einen skandiumreichen Orthit aus Finnland und den Vorgang seiner Verwitterung.

Von R. J. MEYER

(Vorgelegt von Hrn. Linnisch.)

Von Hen. Prof. G. Enganaro (Potscham) wurde mir vor einiger Zeit eine Probe eines ihm aus Finnland zugegangenen Minerals überlassen, das sich nach der spektrographischen Prüfung als ungewöhnlich reich an Skandium erwiesen hatte. Da nur einige kleinere Fragmente zur Verfügung standen, so wandte ich mich an Hen. A. H. Perra in Helsingfors, den Entdecker des Minerals, mit der Bitte um Chersendung einer größeren eharakteristischen Probe. Dieser Bitte wurde in bereitwilligster Weise entsprochen, so daß ich in den Besitz von etwa 900 g des Minerals gelangte. Nach der schriftlichen Mitteilung des Hen. Perra wurde dasselbe von ihm sals eine Seltenheits in Impilaks am Ladogasee zusammen mit Euxenit und anderen Mineralien in einem Feldspathrache aufgefunden. Es sei bisber noch nicht untersucht worden; weitere Proben davon könnten nicht mehr beschafft werden, da die betreffende Grube unter Wasser stehe und seit mehreren Jahren nicht bearbeitet werde.

Die mir übersandten Proben bestehen aus derben großen Stücken von verschiedenem Aussehen. Teils sind sie schwarz mit Pechglanz von ziemlich großer Härte und Festigkeit, teils schokoladenbrann bis rotbraun glänzend mit geringerer Festigkeit, teils stumpfbraun und bröcklig. Die Stücke haften zum Teil am Ganggestein, schön ausgebildetem, fleischfarbenem Feldspat. Andeutungen von Kristallflächen sind nirgends vorhanden. Das feine Pulver der dunkeln Stücke ist ollvgrau, das der helleren rotbraun. Schon der Augenschein zeigt, daß es sich um ein stark verändertes Produkt handelt. Unter der Lupe oder im Dünnschliff unter dem Mikroskop sieht man überall an der Oberfläche ausgeschiedene Partikel von Eisenoxyd, an den dunkeln Stücken mehr vereinzelt, no den helleren über die ganze Oberfläche verteilt. Vor dem Lötrohr schmeizen kleine Splitter leicht unter Aufschäumen, beim Erhitzen im Röhrehen wird viel Wasser abgegeben. Durch Salz-

säure wird das feine Pulver des Minerals schon in der Kälfe unter Abscheidung von gelatinöser Kieselsäure zersetzt. Das Filtrat von der Kieselsäureabscheidung gibt die Reaktionen des Cers mit großer Intensität und zeigt das Absorptionsspektrum des Neodyms und Praseodyms, während die Banden der Yttererden kaum zu erkennen sind.

Dieses Gesamtverhalten ließ es fast sicher erscheinen, daß dle verschiedenen Stücke mehr oder weniger weitgehend zersetzte Orthite seinen. Die quantitative Analyse bestätigte diese Auffassung. Es wurden zwei möglichst gut ausgesuchte Proben von annähernd homogener Beschaffenheit analysiert, von denen die eine (I) - schwarz, pechglänzend, hart - ziemlich frisch aussah, während die zweite braun und ziemlich bröcklig - weitgehend verändert erschien. Der Analysengang war bis auf geringe Modifikationen der übliche, so daß von seiner Darlegung hier abgesehen werden kann. Nur die quantitative Abscheidung und Trennung des Thoriums und Skandiums geschah nach einer im wesentlichen neuen Methode, auf die an anderer Stelle näher eingegangen werden soll! Das Wasser wurde direkt durch Auffangen und Wägen im Chlorkalziumrohr bestimmt, der Eisenoxydulgehalt durch Titrieren der sehwefelsauren Lösung mit Kuliumpermanganat im Kohlensäurestrome. Die Kohlensäure wurde durch direkte Wagung im Kaliapparat bestimmt.

	L		II.		III.
	Zientl, frinch; sper. Gew. 3.10	Mod. Quot.	Stark veriind 1 iper Gew. 2.84	Mal. Quit.	Vergleiche- anst. (Hierari)*
SiO <sub>a</sub> Fe.O <sub>3</sub> Al <sub>4</sub> O <sub>4</sub> Ce <sub>6</sub> O <sub>5</sub> usw Se <sub>7</sub> O <sub>1</sub> ThO <sub>a</sub> Fe.O CaO MnO MgO K <sub>5</sub> O H <sub>4</sub> O CO	30.57 10.01 12.88 16.45 6.80 (1.37 6.02 16.23 89HF 1.80 6.22 1.34 6.00	0.000 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005 0.005	23/83 12-23 15-21 16-84 1-40 1-10 4-178 Spar 4-39 9-21 14-61 6-90	9.592 0.075 0.149 0.051 0.007 0.004 0.004 0.110 0.780 0.117	11.63 8.30 13.11 31.12 0.87 7.86 10.48 1.66 0.08 0.28 3.49

<sup>1</sup> Die Trennung von Thorium und Skandlum wurde durch Jodsäure in sulpatersaurer Lösung ausgeführt; die Grundlage für dieses Verfahren siehe bei R. J. Mayes und M. Spersen, Chemikarzeitung 1910 Nr. 35.

Amilyse von Esserabe, Zeitsche f. Kristalloge, 3, 191. (1879.)

Molekularverhältnis.

I: 8i0, : R<sub>2</sub>O<sub>3</sub> : RO : H<sub>2</sub>O 0.509:0.248:0.352:0.408

II: 0.391:0.285:0.194:0.780

Frischer Orthit: 6 SiO<sub>4</sub>, 3 R<sub>2</sub>O<sub>4</sub>, 4 RO, H<sub>4</sub>O (2 H<sub>2</sub>O) (Epidot-Formel) I: 5 SiO<sub>2</sub>, 2,5 R<sub>2</sub>O<sub>4</sub>, 3,5 RO, 4 H<sub>4</sub>O II: 4 SiO<sub>4</sub>, 3 R<sub>4</sub>O<sub>5</sub>, 2 RO, 8 H<sub>4</sub>O

Ein Vergleich der beiden Analysen läßt den Gang der Verwitterung deutlich erkennen. Die Probe I entspricht in ihrer Zusammensetzung noch mit ziemlicher Annäherung dem Typus eines normalen Orthits, wie die zum Vergleich herangezogene Analyse eines norwegischen Orthits von Hitterö (III) zeigt. Als Hauptmerkmal der Zersetzung fällt zunächst die Aufnahme von Wasser in die Augen-Schon der Wassergehalt des wenig zersetzen Materials I ist abnorm hoch (7 Prozent) - bei frischen Orthiten beträgt er selten mehr als 3 bis 4 Prozent -, in der stark veränderten Probe II steigt er auf das Doppelte (14 Prozent). Hiermit geht Hand in Hand die Aufnahme von Kohlenshure, deren Anwesenheit wohl als sicherstes Kennzeichen der Veränderung gelten darf'. Weiterhin ist charakteristisch das Verhältnis von Eisenoxydul zu Eisenoxyd. Während in frischen Orthiten der Ferrogehalt den Ferrigehalt stets überwiegt, findet man in Probe I bereits das normale Verhältnis umgekehrt, und in der stark verwitterten Probe II ist der Eisenoxydulgehalt vollständig versehwunden. Dieser analytische Befund entspricht der oben erwähnten schon makroskopisch feststellbaren Ausscheidung von hydratischem Eisenoxyd. Gleichzeitig mit dem Verschwinden des zweiwertigen Eisens findet ein starker Rückgang im Kalkgehalte statt, eine Erscheinung, die, wie auch sonst in analogen Fällen, auf Hydratisierung bzw. Karbonatisierung und nachfolgende Extraktion mit Wasser zurückzuführen ist. Tatsächlich ist ein hoher Wassergehalt bei Orthiten stets mit einem niedrigen Kalkgehalt verbunden, wie ein Vergleich der bekanntgewordenen Analysen zeigt. Hiermit ist notwendigerweise ein An-

Vergleicht man in der Zussammenstellung der Orthitanalysen im Handbuch vom Histrat (Bd. R S. 272 ff.) die wenigen Analysen, in denen ein Gehalt an CO, angegeben wird, so zeigt sich mit aller Deutlichkeit, daß mit der Aufnahme derseiben ohne Ausnahme ein ahnorm boher Wassergehalt des Minerals Hand in Hand geht, z. B. Analyse XXI: 6.72 Prozent CO, und 17.46 Prozent H<sub>2</sub>O; XXXV: 2.93 Prozent CO, und 17.25 Prozent H<sub>2</sub>O.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Siehe Havries Handbuch a.a. O. Analyse LVI: 26.5 Prozent H<sub>4</sub>O and 1.81 Prozent CaO; XXXIV: 21.(1 Prozent H<sub>4</sub>O and 3.34 Prozent CaO; XLIV: 14.63 Prozent H<sub>4</sub>O and 4.97 Prozent CaO asw., withrend frische Orthite im Durchschuitt 10—12 Prozent CaO enthalten.

wachsen des relativen Gehaltes an den schwerer löslichen und mit der Kieselsäure wahrscheinlich in festerer Bindung stehenden Sesquioxyden (Al,O, Fe,O, seltene Erden) verbunden. Schließlich findet, wenn das Silikarmolekül weitgehend gelockert ist, eine Fortführung von Kieselsäure statt, wie der abnorm niedrige Gehalt von 23.5 Prozent SiO, der Probe II zeigt. Charakteristisch ist noch das abnorm niedrige spezifische Gewicht der Probe II: 2.84, während es bei frischen Orthiten niemals unter 3.0 sinkt.

Der Fortschritt dieser Zersetzung findet in den aus den Analysen berechneten Molekularverhältnissen SiO, R.O. R.O. H.O. ihren Ausdruck. Vergleicht man das Verhältnis der Bestandteile des «normalen Orthits» von der allgemein angenommenen Epidotformel:

mit den Molekularverhältnissen der beiden analysierten Proben, so zeigt sich, daß bei der Verwitterung zunächst im wesentlichen nur Wasser angelagert oder eingelagert wird. Das Verhältnis der basischen Bestandtelle bleibt dabei annähernd dasselbe (Probe I), dann aber findet im weiteren Verlauf der Zersetzung eine starke Abnahme der zweiwertigen zugunsten der dreiwertigen Basen statt, zugleich mit einem Sinken des Kieselsäuregehalts. Der Gang der Zersetzung dieses Orthits zielt also hin auf die Bildung wasserhaltiger basischer Silikate der Sesquioxyde bzw. auf die Abscheidung der hydratischen Sesquioxyde selbst. Solche Endprodukte der Verwitterung dürften die erdigen Zersetzungskrusten darstellen, die vielfach auf Orthitkristallen beobachtet werden. Analysen derartiger Produkte finden sich bei Maller i

a. Frischer Orthit von Amherst County (Kristall):

SiO;	$M_{\bullet}O_{\bullet}$	Fe <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Ce, O <sub>1</sub>	Fe O	CaO	Ħ,o
17:25	16-15	340	:21:14	45.65	8-09	2.48
	ersetzung	skrusten	an der	Oberfläche	der Krista	ille n:
1. 21.37 1. Bes	16.83	37.64	7.13	P.E.M	= 1	21.73 24.55
ferner be	BROWN					2012
	a. Fr	ischer O	rthit vo	n Nelson (	ountye	
30.64	15,79	3,06	(8,99	1 9.89	13.02	#:SP
	b,	Zersetz	ungspro	dukt von	No.	
zB:66	23.28	3448	5.41	1 - 1	-	37.36

<sup>&</sup>quot; Marate, Chem. News 38, 94 (1878).

Hauws, Amer. Chem. Journ. 7, 178, (1885.)

Ein Vergieich der Analysen der frischen Produkte mit ihren Zerzetzungsprodukten zeigt, daß auch hier die Verwitterung in dem bezeichneten Sinne erfolgt ist, nur daß sie noch wesentlich weiter, nämlich bis zur vollständigen Eliminierung des Kalks, fortgeschritten ist.

Die Veraniassung zu der chemischen Untersuchung der Orthitproben gab zunächst der spektrographische Befund, der einen ungewöhnlich reichen Gehalt des Minerals an Skandinm voraussehen ließ. Die Analyse ergibt nun mit etwa i Prozent tatsächlich den höchsten Gebalt an Skandiumoxyd, der überhaupt bisher in einem Mineral festgestellt worden ist. Nur der «Wiikit», der wohl als eine Varietät des Euxenits aufzufassen ist, birgt nach der Angabe von Sir William Crookes in gewissen Vorkommen einen ungefähr gleich hohen Skandiumgehalt. Mit Bezug hierauf ist es von Interesse, daß die beiden Mineralien Orthit und Euxenit an der finnländischen Fundstelle im Granitpegmatit nebeneinander vorkommen. In sehwedischen und norwegischen Orthiten hat dagegen Enranan spektrographisch kein Skandium feststellen können. Also auch in diesem Falle ist die Anreicherung dieser seltnen Erde, die auch chemisch eine Sonderstellung einnimmt, an einen bestimmten engbegrenzten Bezirk gebunden, Abalich wie im Falle des Vorkommens im Wolframit und Zinnstein des Erzgebirges. Es ware von Interesse, den orthitführenden Gangfeldspat auf einen Skandiumgehalt zu untersuchen. Es sei noch darauf hingewiesen, daß man bisher Skandium nur in vorwiegend Yttererden führenden Mineralien hat auffinden können: dieser Umstand hat seit der Entdeckung des Elements im Gadolinit, Euxenit und Yttrotitanit die Auffassung begünstigt, daß die Skandinerde der Yttererdenreihe angehöre. Wenn nun festgestellt wurde, daß die Erde im Orthit, einem typischen Ceriterdenmineral, stark an-

Es ist nicht uninteressant, daß, wie die Analysen reigen, die seltenen Erden diessm Verwuterungsprozesse weniger gut widerstehen, wie Al.O. und Fe.O., was im Hinblick auf ihre viel stirker basische Natur verständlich erscheint.

CROUCES, Z. f. anorgan, Chem. 61, 349 (1909).

An anderen Lokalitäten ist diese Vergesellschaftung von Euxenit und Oethit in Granitpermatigärgen häufigt en im südwestlichen Norwegen, s. bei W. C. Baönenn: Die Mineralien der südnorwegischen Granitpermatigärge, Christiania 1906. Die Nachbarselaft von titensäurehaltigen Vitererdenmineralien scheint manchmal die Veranissung dazu in geben, daß die Titensäure in den Orthit einwandert, der dann auch neben Ceriterden erhebliche Mengen Vitererden enthalten kann. Siehe den interessanten Titanorthit von Fahm bei Tanuensis, Verh. Russ. Kais. Min.-Ges. (II) 45 (1907) S. 289, der 10141 Prozent TiO, und 10 Prozent Vitererden enthält, im übrigen aber in seiner Zusammensetzung und in seinem Verhalten einem uormalen Orthit entspricht.

G. EBernann, Über die weite Verbreitung des Skandiums auf der Erfe. L. Sitzungsber, d. Berl. Akad. d. Wiss, 38, 863 (1998).

G. EBERRARD, B. R. O. und H. ebenda 22, 404 (1910). R. J. Mayes, Z. L. anorgan. Chem. 60, 134 (1908). R. J. Mexen und Henseat Wisten. Z. f. anorgan. Chem. 67, 398 (1970).

gereichert vorkommt, so wird damit die Ansicht von Ebebhard gestützt, daß wir es im Skandium gewissermaßen mit einem akzessorischen Bestandteile der Mineralien zu tun haben, der lokal da auffritt, wo Skandium durch pneumatolytische Prozesse eingewandert ist.

Das Vorkommen von Orthit ist hiermit zum erstenmal in den Pegmatitgängen von Impilaks festgestellt, wenigstens ist in der ausgezeichneten Monographie von Tröstebt: «Die Erziagerstätten von Pitkärmita am Ladogasee», die ein Verzeichnis der in diesem Gebiete nachgewiesenen Mineralien enthält, das Vorkommen von Orthit nicht erwähnt.

Ball, Commess, Geolog, de Finlande Nr. 19 (1907).

# Adresse an Hrn. FERDINAND ZIRKEL zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 14. März 1911.

### Hochgecheter Herr Kollege!

An dem Gedenktage, den Sie heute feiern, bringt Ihnen auch die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften herzliche Glückwünsche dar. Für Ihre Arbeitsrichtung war entscheidend der Sommer des Jahres 1860, den Sie mit William Parven auf der nordischen Vulkaninsel zubrachten. In der Untersuchung der chemischen Vorgänge, welche die gewaltige Tätigkeit der isländischen Vulkane begleiten, hatte Ronrat Bessen ein für alle Zeiten denkwürdiges Beispiel für die Vertiefung der Einsieht geschaffen, die aus der Verbindung von Beobschtung und Experiment entspringt. Gleichwohl ließen sich gegen die eigenartigen petrographischen Auffassungen des genialen Chemikers begründete Einwände erheben. Indem Sie sich dem hierdurch eröffneten reizvollen Forsehungsgebiete zuwandten, leisteten Sie schon mit den in Ihrer Doktordissertation niedergelegten Beobachtungen über die geognostischen Verhältnisse Islands einen erheblichen Dienst dem Wissenszweige, dem Sie fortan Ihre erfolgreiche Lebensarbeit gewidmet haben.

Unmittelbar darauf emplingen Sie Anregungen von tiefgreifender Wirkung im persönlichen Verkehr mit Henry Carton Sohny, dessen bewunderungswürdige Untersuchung über die mikroskopische Struktur der gesteinsbildenden Mineralien wohl unbeachtet geblieben wäre, wenn Sie nicht sofort die volle Tragweite der neuen Arbeitsmethode richtig bemessen hätten, deren Ergebnisse den so lange vermißten unbestechlichen Schiedsrichter in dem Kampfe der Meinungen auf dem Gebiet der genetischen Petrographie darboten. Mit ebenso großem Eifer als Geschiek und Erfolg begannen Sie nun die weitere Ausbildung der mikroskopischen Gesteinsuntersuchung. Schon nach kurzer Frist konnten Sie es unternehmen, die Zusammensetzung und Struktur ausgewählter Gesteinsrelhen in Repräsentanten von möglichst verschiedenen Fundorten monographisch darzustellen. Von hervorragender Bedeutung für die Entwickelung der Petrographie wurde vor allem die Ihrem Freunde Sorby gewidmete Schrift über die mannigfache Schar der Basaltgesteine, deren Zusammensetzung den Gegenstand zahlreicher, aber wenig befriedigender Dentungen gehildet hatte, bis es Ihrer Analyse vergönnt war, die Natur, die diagnostischen Eigentümlichkeiten und das Gefüge ihrer Gemengteile aufzuheilen. Als Sie bald darauf dazu schritten, die Schätze Ihrer Erfahrungen über die mikroskopische Beschaffenheit der Mineralien und Gesteine in einem Lehrbuche zu vereinigen, war das Feld gepflügt und die Saat ausgestreut, die im regen Wetteifer einer großen Reihe von Forschern eine reiche Ernte hervorbringen sollte.

Noch vor dem Wendepunkt in der Entwickelung der Gesteinskunde hatten Sie in einem Lehrbuche, das die ältere Periode der Petrographie abschließt, mit der Ihnen eigenen Kunst der Darstellung alles zusammengefaßt, was über die mineralogische Zusammensetzung und die Struktur, über Systematik, Vorkommen und Entstehung der Gesteine bekannt war. Ein Vierteljahrhundert später gestalteten Sie die neue Auflage zu einem auf breiter Rasis angelegten Fundamentwerk von dauerndem Wert. Mit einer schwer zu übertrenenden Klarheit der Beschreibung und einer erstaunlichen Beherrschung der Literatur, die inzwischen einen internationalen Charakter angenommen harte, wurden von Ihnen die eruptiven, schieferigen und sedimentären Gesteine in umfassender Weise gleichmäßig berücksichtigt. Besonderes Gewicht legten Sie in diesem Werk langer Jahre auf die historische Entwickelung unserer Kenntnisse. Wo Sie der Kritik das Wort gaben, geschah es in besonnener Vorsicht, die jeden Gesichtspunkt in das gebührende Recht treten ließ.

Ihre vielseitig angelegte Natur hielt sich fern von einer Überschätzung der beschreibenden Petrographie. Mit lebhaftem Interesse
begleiteten Sie die in den beiden letzten Jahrzehnten mit wachsenden
Erfolgen durchgeführten Bemühungen, das in der Gesteinskunde angehäufte Tatsachenmaterial in Verbindung zu bringen auf der einen
Seite mit den neuen Ergebnissen der tektonischen Geologie, auf der
anderen mit den systematisch fortsehreitenden Anwendungen der
Thermodynamik auf die Gleichgewichte in heterogenen Systemen,
und in dem fesselnden Vortrage, den Sie in St. Louis gehalten haben,
legten Sie überzeugend dar, wie durch die Wiederherstellung der Beziehungen zwischen der Petrographie und den benachbarten Wissenszweigen auf verschiedenen Wegen gewonnene Erkenntnisse in wechselseitiger Förderung zusammendießen.

Möge es ihnen, hochgechter Herr Kollege, noch lange vergönnt sein, sieh in körperlicher Rüstigkeit und geistiger Vollkraft zu erfreuen an dem frischen Schaffen auf dem Wissensgebiete, in dem Sie Ihre Lebensaufgabe fanden, und an dem Blühen der geliebten Stadt, in der Sie Ihre Studien begonnen und die Reform der Petrogruphie vorbereitet haben.

Die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XVII.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

30. März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

Hr. Kosna las über die politische Haltung des Grafen Adam Schwarzenberg im ersten Regierungsjahrzehnt des Kurfürsten Georg Wilhelm von Brandenburg.

Nach einem Rückblick auf die Anfänge der stantsminnischen Thätigkeit Schwarzenterg's wird eingehender an der Hand der Acten des Geheimen Staatsarchivs sein erster, im Jahre 1626 noch ergehnisches unternammener Versuch, den Kuefürsten zum Anschließ an die Partsi des Wiener Hofes zu bestimmen, besprochen, weiter Schwarzenberg's Stellung zu dem Restitutionsreliet von 1629 im Zusammenhang seiner Bewerbungen um ein norddentsches Ristham gekennseichnet.

## Das Sariputraprakarana, ein Drama des Asvaghosa.

Von HEINRICH LÜDERS.

(Vorgetragen am 16. März 1911 [s. oben S. 367].)

Hierzu Taf. II und III.

Auf Grund verschiedener Erwägungen habe ich im Schlusse meiner Abhandlung über die Bruchstücke buddhistischer Dramen' (S. 65) die Ansicht ausgesprochen, daß wir ihren Verfasser in dem Dichterkreise suchen müßten, dessen Mittelpunkt Asvaghosa war. Schmeller als es zu hoffen war, ist das bestätigt worden. Ich kann jetzt nachweisen, daß wenigstens eines der uns in jenen Bruchstücken vorliegenden Dramen von Asvaghosa selbst herrührt.

Ich habe auf S. 12 meiner Abhandlung bemerkt, daß das Fragment 116 in zentralasiatischen Charakteren geschrieben sei, und daran die Vermutung geknüpft, daß ein ganzes Blatt der ursprünglichen Handschrift verloren gegangen und von dem späteren Restaurator durch ein neues ersetzt worden sei. Diese Vermutung war nicht richtig; es hat sich vielmehr gezeigt, daß das Fragment 116 einer anderen Handschrift ungehört. Meine Frau hat unsern gauzen Bestand an Palmblattbruchstücken noch einmal durchgesehen und dabei ein größeres und 17 kleinere Stücke gefunden, die in derselben Schriftwie jenes Fragment geschrieben sind. Einige dieser Stücke paliten direkt aneinander, so daß sich die Zahl der einzelnen Fragmente auf o verringerte. Diese 9 and das früher gefindene Fragment 1/15 ließen sich weiter auf Grund des Textes und der äußeren Beschaffenheit zu drei Blättern zusammenordnen. Von dem ersten Blatte sind uns vier, von dem zweiten und dritten Blatte je drei Stücke erhalten. Keines der drei Blatter ist also vollständig, doch fehlt von dem dritten Blatte nicht allzuviel. Der erhaltene Tell dieses Blattes mißt ungefähr 34.5 cm. In der dritten Zeile der Rückseite steht eine Vamsastha-Strophe, von der 6 Aksaras fehlen. Dahinter muß außerdem noch niglerantah oder

<sup>!</sup> Königlich Preudische Turfan-Expeditionen. Kleinere Sandeit-Texte. Haft 1. Brueinstücke buddinstüscher Dramen. Herzusgrgeben von Hausmen Lünens. Berlin 1912.

ti nişkrüntüh gestanden haben. 9 Akşaras erfordern ungefähr 5 cm. 13 ungefähr 5.5 cm. Als Gesamtlänge des Blattes ergibt sieh also 39-5—40 cm. Auf dieselbe Zahl führt die Berechnung der Länge der beiden anderen Blätter. Das erste Blatt enthält in Z. 2 und 3 der Vorderseite eine Upajäti-Strophe, in Z. 1 und 2 der Rückseite eine Särdulavikridita-Strophe und in Z. 2 und 3 der Rückseite einen Sloka, die eine Bestimmung der fehlenden Akşaras und dadurch die Berechnung des Abstandes zwischen den einzelnen vier Stücken ermögliehen. Das ganze Blatt muß danach 39.5—40 cm lang gewesen sein. Von den drei Stücken des zweiten Blattes, dessen Schrift leider stark abgerieben ist, gehören zwei dicht aneinander. Sie messen zusummen ungefähr 15 cm. Auf der Rückseite stehen Reste einer Särdülavikridita-Strophe. Es fehlen am Ende der zweiten und am Anfang der dritten Zeile 45 Aksaras, die ungefähr 25 cm erfordern. Die Länge des ganzen Blattes muß also 40 cm beträgen haben.

Die Schrift ist im wesentlichen identisch mit der Schrift des Revisors der alten Dramenbandschrift, wie ich sie in meiner Abhandlung S. 12 ff. beschrieben habe. Nur das ya zeigt hier rundere Formen. Die a. a. O. ausgesprochene Ansicht, daß diese Schrift nicht in Indien selbst entstanden, sondern die älteste Repräsentantin der zentralasiatischen Brähmi sei, wird durch die neuen Fragmente, wie mir scheint, vollständig sichergestellt. Deutlicher noch als in der Schrift des Revisors tritt hier der zentralasiatische (harakter in der Ähnlichkeit des in und des m, des m und des ca hervor. Diese Buchstaben sind hier bisweilen schon ebenso schwer zu unterscheiden wie in der späteren zentralasiatischen Brähmi. Besonderes Interesse bietet das Zeichen des Jihvännühya (in annhkurmadhäraga 1, duhkham 3), das mit dem späteren Guptazeichen identisch ist, und das Zeichen des Upadhmäniya (in singach parifit), das hier wie in der Kusmaschrift aus einem Kreise mit eingesetztem Kreuze zu besteben scheint.

Daß man in Zentralasien Palmblätter als Schreibmaterial verwendete, ist annächst unffallend. Ich will nicht bestreiten, daß man besonders in den ersten Jahrhunderten n. Chr. auch präparierte Palmblätter aus Indien importiert hat; in unserm Falle aber liegt die Sache anders. Die Hambschrift, der die drei uns vorliegenden Blätter angehören, ist ein Palimpsest. Die alte Schrift ist an vorschiedenen Stellen noch sichtbar, am besten auf der Rückseite des ersten und auf der Vorderseite des letzten Blattes. Sie war bedeutend größer als die neue Schrift und scheint aus der Kusanazeit zu stammen. Wir haben

Die Tafel gibt den Abstand zwischen den einzelnen Stücken nicht genau wieder. Um eine zu atarke Verhleinerung zu vermeiden, sind die Stücke etwas auther meinandergerückt.

hier also ein tatsächliches Beispiel für das Vorkommen von Palimpsesten, das für Indien, wie ich a. a. O. S. 12 bemerkt habe, durch Asvaghosa bezeugt wird.

Der Inhalt der neuen Blätter ist von großem literargeschichtlichem Werte: diese drei Blätter sind die Reste einer Handschrift, die wenigstens eines der von mir behandelten buddhistischen Dramen enthielt. Ich gebe im folgenden zunächst den Text der neuen Fragmente in zentralssiatischer Schrift (U) und dann den entsprechenden Text der Fragmente der Handschrift aus der Kusanazeit (K). Der Vergleich mit Czeigt, daß R 26, 64, 68, 75, 101 und zwei kleine noch nicht veröffentlichte Fragmente und K 23, 30, 89, 112 zu je einem Blatte gehören. Ein kleines noch nicht veröffentlichtes Fragment läßt sich ferner wegen der äußern Beschaffenheit mit großer Wahrscheinlichkeit zu dem zweiten Blatte stellen. In den Noten zum Texte von C habe ich auch die Erginzungen angeführt, die sich mit Hilfe von K machen lassen.

#### CL

### Vordorseite.

17.70% 18.70% 47.00 4 10.00 a
e [ājimyadr[s]ti[to] de[h][dh].
Inlandary Commencer Commen
bhavah a[tha]
nabalena* kuryyur+na yogina[m]
i duskaram sasti di [Sjäri — tasmād sātmasam ā syas ka
[ry]yam • uita
- aryyam municaryyam savintvāryyavī- - ryyam sāryam [v]iga[ta] - bhayadam saranam sa
multi — Buddha — svaga talin
nauhkarn[n]adharaya bhavisyate dharmasenapata[ye]
Rückseite.
Maudga   mohāndhasya [r]šanakaram nastasya sa
siva samevitikaeam "
ks
THE R. P. LEWIS CO., LANSING, MICH.

Ergänze Handha Upanshyer(?) Ergänze such h. a en väyöh ütmesistradahyans. Ergänze kiast. Ergänze ?samsärasya. Ergänze Buddhah ||
Upansya. Ergänze ettamarssyyana. Lies usukaramı. (?). Lies maäpatoye. Ergänze ettamarssyyana. Lies usukaramı. (?). Lies maäpatoye. Ergänze ettamarssyyana. Die falsche Lesing erkläre sich darama daß die
Birebstaben zum Tell abgerieben und verstämmelt sind und bei dem Fehlen des Zusammenhanges der Sinn nicht zu erkennen wur. Ergänze jäänapredistätkaram
zumite.

Lobins: Das Sacipuirapenturana, em Drauta des Asvagluna, 591
- [ka bodhanakaram ś[r]eya rum — Buddha — svägutum
[bha][r]d[dh]ivikalpesvarāya
dramah
ti[s]
[n]ama j, bbbyantaram varsašatān = na bhavisyat = ity = e-
bbhya etän = tävad = višuddhasya
manaso m
nasam.,e kṣāt - parāṇmukhibhūtah † pratipadyate šre-
1 kv sa y[uvābhyā]m sa
C 2. Vorderselte.
t torreserve to the control of the c
[milaldru[ma] [ganata] vipp[ra] . [tasya] sakuner sadiptam
trai ky.m y o kva rinispa [s].
ı reva [khā] [m] - atrptikara juām - paridāhā-
[tmakānām = ā]
madhughṛtā[meddhyapay] spṛṣṭaṃ [yat stat •
priyajm sapi dahaty sapriya [h].tty seva visa .
[ma] eva visaly
- [ma]
Rackseite.
a suffering resistance and property of the contraction of the contract
. [ya].[ena] samya[g - a]bhihitam [h]. Bhṛgu[sa]ttam[o] .
[nibhrtair = yattā]ai [k]r[ta]m = bhršavisat spr.t šivisaih = Buddha —
+ ddhi r . [etad] api pa . [karmmasam]skrta yor" anahan-
krta[yor=yuvayor+aaa
. [tpa]tti
0.4.
Vorderseite,
va uno bhāvāt so . [kṣi] y : nopā e[vam hi] sati
[l] [n]-tu" yat[n]ena jñā[yatām]hekiheki
Lies tribhis. Engines Buddha - Upatigm. Engines nach K sugam - alosno yatnena. Lies paraismukhi - Engines, größtenteils nach K.
r : daniquaparigation : ina miladruman : gaganatulavyprusikinega. Ergänze trailub-
year. Erginze sukhänim. Lies karönam. Erginze etwa sprotesp.
Liganze paradarema . Liganze mos - oc.

- ri[ra]nirmuktam¹-ā[tma]sa[m]jāakam-buddhis[au]ksmyam tat suksmatvāe-e-aiva doṣāṇām-avyāpārāe-en cetasah [i]...[d²-ā]yuṣāš-e-aiva mokṣa...[pa]rikalpyate² Sāri .... van¹ asya dharmasya...
- tmyādaršanāe' ea bhavati tadyathā [nadi]srotaso varttamāna[syu] pra[t]yu ... [syn]e' ... ddhya ... ", sminn" suparate sys o ...
- ...prāptam tae en vathā nimnagatam shhavatī tatr sādau srota uparatam vinas[t]am sitī [bhava]tī [evam sa]s....ā...m šam]r]emdri-y...buddhisrotaso varttama[na]..." bhagavat sādhi[ga].
- · ce kalyam krivata" tatkrto · hetukasya n · otpodyate bijadakap[r]thiv..r.m ii ... [evaļii ... [b] tasmin · na ... [ya]mān. . . .
  [a]smim ii vi ii ...

### Rückseite.

- vinitayor "\*\* ya[t]idharmmena kṛtaparikarmmanoh asmāt suldhāntaprativedhād \*\* uldhṛtavividhadṛs[t]i]ša [yayo[h] š[u]d[dha]manasor \*\*
   yuva - h<sup>20</sup> yad \*\*e - m - dhavādijāā[nasy<sup>21</sup> \*\*ā] - .
- s sistam duhkham srotasi niryvänasya varttate tat atab param jäänam sidam yatendriyan nirantaram shhävayatum " vimuktaye 31 . . su bhiksam akhilim saka . . . . niramaylau paltu . .
- sarvve il Sariputraprakarane navamo sukah o arvya-Suvaennaksiputrasy saryy-Asvaghosasya krtis saradvatiputrapprakaranam samaptam [sa]maptani e-ankani nava..., gyam sanu[stubhe] echa...

### KL

### Varderseite.

Litoros; Das Sartputraprakarana, eia Druma des Asvaghosa.	393
ryyam municaryyam - anivāryyam - a[ryya]*	[yn]-
them sacrete entre	
- [pa]taye — Maudga — mohāndhasya i janasya	- mn-
* [k].[r]. — B.d.a — s.āgatam"	
Rāckseite.	
• [B]u[d]dh[ab] — U[p].[t].[s]y.2 [y]	
[d] - [i]suddhasya" manaso ragam - alpena yatnena	
v.suddhe=ddhyāśa[y]."	
+ pari " išais = tais = taih svajanagata[m]	-meret
Total a ser	WIN CE
+	The State of
gaganatula[v]i	Jurra.
	IST IN
	2]-
.i[m].[dh]n[gh]rt.[m].[ddh]y."	
K IV.	
Vorderseite".	
[dh]y mnañ - gatam - hhava[t], "	17.7
Mental Character Control Contr	
isrotaso [v]. [m] n.sy. bhaga[v].	2000
ukasya neotpadya[t]." bijodakam" pethiyyari	
. n.s.inas,e m. k. filti nis.ayah k.tah <sup>21</sup> [k]. [m].	.IsJ.
rb u.[p] .t evan tok	albi
sasyuvaj • jūyamano jūanā dji	20
[ga]tena mārgge[na] ņa kṛtapari	kar-
manoh [a]	15
the state of the s	- 00
* Das crete van mir als undentilch bezeichnete akserz ist en nachgebrag	enne H
tentralasiatisches mu. Auch at ist mehgetragen; Beste des alten m sind a bar. Lies drygom. Das au ist später nachgezogen. mohā, das	icht-
and das as sind spilter nathgezogen. Das as, das se and day as sind ap	Thur.
nachgerogen. Die Zeile ist später nachgerogen. Ergänze Larwes - Builds	-
smigatom. Das a ist später nachgenogen. Erginze Upatings. Erg	Augu
cheint in Zeile i zu gehören. Ergänze vielleicht wieder getilete at scheint in Zeile i zu gehören. Ergänze viellelle addhydiage. "Der 1-S	PATRI
1st spliter nachgezogen. 11 Die Lesung ist onsicher. 11 Eeglinze mkhänäm. 11	Die
adopted you six let verstimmedt und ansicher. " Das so ist nicht sicher. "	TO-
gaure "phytamochthya". " Fast samtliche Ruchstaben dieser Seite sind außter in	neli-
guzingen. 4º Ergünze alesana - galum - bharath. 1º Ergünze buddhioridaso co minesya bhaganezzo. 10 Ergünze *hetukasya a - otpudgate. 2º Die Lesung int di	rttu-
C gesichert; melne frühere Lesung ist falsch. Il Erringe gemen erweit webe	o or
C gesichert; melan frühere Lesung ist falsch. "I Ergänze aum - emuch mukt wiscoyak kriak. "Ergünze kurmmu kaetram - bijam - atputtirikus". "Ergi	AUNC
Trefikilynyith.	

#### Rückseite.

	- ACCOUNT - ACCO
	The second of th
19	vyam siti a yamānen sās[m]i sres[th]ipu-
	11 e
:3	d sidāmin statr sai — gacchāmi * parikkramya .
	, hanto' khu amodo ganikakule sabahu
19	tanti dhiti[k] ni[ha]stai sam[v]i[hā]-
	payanu vandnakim a
A	h = kila upā[sa] .

Was zunächst die Anordnung der Blätter betrifft, so geht aus der Tatsache, daß die Worte neladruman geganntekerit und medhughetamedellega in K auf dem ersten, in C auf dem zweiten Blatte stehen, mit Sicherheit hervor, daß C 2 wirklich das unmittelbar auf C 1 folgende Blatt ist. Zugleich ist damit die Unterscheidung von Vorderund Rückseite für C1, C2 und K1 gegeben. Schwieriger ist die Frage, wie sieh C4 zu C2 verhält. Inhaltlich steht C4 den Blättern C1, C2 allerdings sehr nahe; das Kolophon macht es außerdem zweifellos, daß es hinter jene Blätter gehört. Zwischen C2 und C4 scheint über noch ein Blatt gelegen zu haben. Die Blätter C 1 und C 4 tragen nämlich am linken Rande Blattzahlen, und zwar nach der alteren Weise" auf der Vorderseite. Diese Zahlen sind leider stark abgerieben; doch ist auf Cr der Rest eines Zehners und darunter eine Ziffer erkennbar, die kuum etwas anderes als eine 7 sein kann. Die Ziffer auf C4 ist ganz unleserlich. Jedenfalls stand aber auf diesem Blatte nur eine Ziffer: es kann also nur ein Zehner oder ein Hunderter gewesen sein Ist daher die Lesung des Einers auf C 1 richtig, so folgt daraus, daß C4 das dritte Blatt hinter C1 gewesen sein muß, und ich habe er demgemäß bezeichnet. Zwischen den beiden Blättern von K muß dann eine noch größere Lücke vorhanden sein. Ein Vergleich von K I mit der Rückseite von C: und der Vorderseite von C: zeigt, daß S 4 Zeilen von Cungeführ 7 Zeilen in K entsprechen. Hinter madhughrtumedelhya in K 15, 5; C25, 4 hört die Übereinstimmung der beiden Handschriften zunnehst auf. Sie beginnt erst wieder mit den Worten nimman gatam blugati in KIV, r. C4, 4. Die Laeka umfaßt also, vorausgesetzt,

<sup>\*</sup> Erganze teb arra gr Erganze pubrique Ergänze madando. Lies hostonich

Des Fragment von K. das dieses Wort enthält, muß ein Stuck vom untern Rande shies Blaries sein und daher zu K.1 gehört haben.

<sup>\*</sup> Vgl. meine Bemerkungen über die Pagintering von indischen Hundachriften ans der Kusans- und Guptaperlode, a.a.O. S. 3.

Die Vorderseite von C1 ist viel weitlänfiger geschrieben als alle übrigen Seiten and kommt daher für diese Berechnungen nicht in Betracht.

daß das fehlende Blatt C 3 auch 10 Zeilen enthielt, 194 Zeilen, denen in K 16 Zeilen entsprechen, die gerade zwei Blätter füllen würden. Zwischen den beiden Blättern von K lagen also ursprünglich noch zwei Blätter, von denen uns nichts erhalten ist oder deren Bruchstücke sich wenigstens nicht als solche erkennen lassen. Ich habe daher die erhaltenen Blätter als K I und K IV bezeichnet. Vorderund Rückseite lassen sich bei K IV und C 4 nach dem Inhalt mit Sieherheit scheiden; bei C 4 kommt als äußeres Kennzeichen noch das Kolophon hinzu.

Der Text von C ist ziemlich nachlässig geschrieben. Es kommt eine ganze Reihe von Schreibfehlern vor, so dhormasenapatoge 1°, 4 für "senä", atrptikaranam 2°, 3 für "karanam, nairätmyddorsanae 4°, 3 für nairätmyd, karmmä 4°, 1 für karmma, sata 4°, 3 für sali, bhävayatum 4°, 5 für bhävayitum, kriyata 4°, 5 wahrscheinlich für kriyate, bijadaka" 4°, 5 für bijodaka". Auch nauhkaranaahäraya in 1°, 4 scheint Schreibfehler für naukarana" zu sein. Allerdings würde das ein sehr auffallender Fehler sein, und eine absolut sichere Entscheidung ist bei dem Fehlen des Zusammenhanges nicht möglich. Die Verwechslung von narerb und närvetti in nävyttir 4°, 3 findet sich auch in späteren Haulschriften nicht selten. Die falsche Schreibung tröbis für tröbis 1°, 2 beruht wohl auf lokaier Aussprache und hat zahlreiche Parallelen in den Inschriften. Die Schreibungen paränamukhöbkütab 1°, 4 und amän vänaste) 4°, 5 sind zu erklären wie bhaya(va m und årnram puspä" in K, die ich a. a. O. S. 31 besprochen habe.

Gelegentlich finden sich auch Varianten im Texte von C und K. Die Lesung nimmigatum in C 4°, 4 gegenüber (m)mmmi gatum in K IV°, 1 ist unerheblich. Über bifo fakaprihic(ya)v° in C 4°, 5 gegenüber lajodakom prihiryari° in K IV°, 2 läßt sich nichts sagen, da der Zusammenbang unklar ist. Wichtig aber ist die Lesung aviniväryyaviryyann in C 1°, 3°C, wofür K I°, 3 nur aniväryyans bietet. Die Steigerung des Anupräsa in C läßt kaum einen Zweifel, daß hier die bessere Lesart vorliegt. Es bestätigt sich also, was schon nach den zahlreiehen späteren Textänderungen in K zu vermuten war, daß K trotz ihres höhen Alters keine sehr sorgfältige Handschrift war. Eine andere Stelle, in der die Handschriften auseinandergehen, liegt vielleicht in C 2°, 3; K I°, 5 vor. C liest ... [khn] ... [m \*a]teptikar[a\*]man\*

Die Anzahl der Zeilen auf der Seite schwankt in K awischen 4 und 53 sielle n. a. t. S. z.

Die römische Ziffer ist gewählt, um Verwechahungen mit den Zahlen der einzeinen Fragmente in meiner Ausgabe zu vermeiden.

Ев ist etwn 21 iesen [са)суунт ина(тагуунт типісатуунт агтіпатуунтуунт агтіпатуунтуунт.

paridahātmakānām, wāhrend K sukhān[ā] .... [da]nām [s] .i.. hat. Bei der Verstümmelung des Textes in K ist aber ein sicheres Urtell nicht möglich.

Eine fortlaufende Übersetzung des Stückes, das uns in C und KIKIV vorliegt, läßt sich bei der Lückenhaftigkeit des Textes nicht geben. Über den inhalt im allgemeinen aber kann kein Zweifel bestehen. Die hier vorliegenden Fragmente enthalten die Szene der Aufnahme des Säriputra und des Maudgalyäyana durch den Buddha. Redend scheinen in der gauzen Szene nur vier Personen aufzutreten, der Buddha, Sariputra, Mandgalyayana und die Person, die den Buddha mit seinen drei Schülern in einem Verse verherrlicht; gerade aus diesem Verse geht aber hervor, daß der Buddha noch von einem Mönche begleitet war!

Zunächst rühmt eine Person, wahrscheinlich Maudgalyayana die Macht der rddhis, die durch Erkenntnis und Askese erlangt werden. Er schließt mit einer Upajati-Strophe1:

> atmesvaradhyanabalena kuryur na yoginam duskaram asti (k)i(meit)

> \*. und des Windes\* . . dürften sie wohl durch die Kraft des Nachdenkens über den Atman und den Isvara machen; es gibt nielits, was einem Yogin schwer liele.

Sarijutra erwidert kurz, wozanf der Buddha zunächst ihn auffordert, den von den Besten zu wählenden Wandel eines Weisen, den edlen, unwiderstehlich-gewaltigen, zu wandeln . Sariputra willigt ein, und der Buddha heißt ihn willkommen mit prophetischen Worten: -Willkommen - . . . dem Steuermann . . . . dem künftigen Heerführer des Glaubens' -. Darauf erkennt auch Maudgalynyaun den Buddha in einem Verse" als seinen Meister an;

mohandhasya Janasya (da)rianakaram mastasya sa - - -- sya samvitkaram

i Das die beiden angenammen Personen ein Sramma und Kanndinya waren, wird spitter guseigt wenten.

<sup>3</sup> Darauf weist dus M. in KIV, to

<sup>\* 1</sup>ch gebe die Strophen in normalisierter Schreibung. Lingeklammerte Buchstahun und Silhen mod ergünzt.

<sup>\*</sup> Sieherlieb war hier vom Wandeln -mif dem Pfade des Winders, «paraugus» them -, wie es Buddhae 1, 85 heißt, die Rede. Die Fühigkeit zu diegen wird in dem allegorischen Drama an sester Stelle unter den ritdies genannt; siehe s. z. O. S. 17 f.

Vgl. Fo-sha-hing-ison-hing 1407: sand then with Beshma's voice, profound and sweet, he forthwith hade them twelcome're

Dharmmanapati was bekanztlich später des Beimme des Samputra-

mr - - - - - - - ks - - - (j)ñ(ā)n(ā)pr(ā)t(l)sth(ā)k(ā)r(āṇ) v(ā)nd(e) - - rikābodhanākarāṇ sreya - - (kā)rān || • leh verehre ihn, der die wahnverblendete Menschheit sehen machte, der die verlorene . . . . der . . . . Bewußtsein verlieh, der den Tod . . . . . . . . . . . . der das Fundament des Wissens legte, der . . . . erweckte, der das Heil . . . . wirkte:•

Auch ihn nimmt der Buddha auf, indem er seine künftige Größe vorhersagt: «Willkommen .... dem Herra über die mannigfachen Arten der rddhis"....» Eine nicht genannte Person, ein Sramana, wie wir später sehen werden, preist darauf den Buddha mit seinen drei Schülern? In einem Sloka:

tribbih sisyaih parivrtah sobhate municandramah |

 Von den drei Schülern umgeben glänzt der mondgleiche Weise wie der Mond umgeben . . . . . .

Das nun folgende Gesprüch zwischen Buddha und Upatisya-Sāriputra ist zu schlecht erhalten, als daß sich auch nur der Gedankengang angeben ließe. Die Rede des Buddha, in der beständig das
Wort Brennen wiederkehrt, erinnert an die bekannte Feuerpredigt von
Gayäsirsa. Einigermaßen deutlich ist aber nur die eine Stelle: dueägniparigatam ich niladrumom gagunatalwiprastlitasya kakmer uliptung
tradokyam... Offenbar wird hier die in Flammen stehende Dreiwelt
einem von Waldbrand umgebenen Nestbaume, der Weise, der sich von
der Welt abgewendet hat, dem Vogel, der sich zum Himmelszelt aufgesehwungen hat, verglichen. Den Schluß dieses Gespräches scheint
eine Särdülavikridita-Strophe zu bilden, die als Zitat bezeichnet ist
(... ena samyan obbilatam) und wahrscheinlich dem Säriputra in den
Mund gelegt war:

-- h - Bhrgusattamo - nibhrtair yattā -- .ai -- . ... -- -- krtam bhršavisaih spr(s)((am yuthā)šīvisaih ||

Dann wendet sich der Buddha an die beiden neu gewonnenen Schüler, «die durch ihre früheren Taten vorbereiteten, von Egoismus freien». Von dem folgenden Gespräche ist aber so gut wie nichts erhalten, da, wie oben bemerkt, hinter C z ein ganzes Blatt fehlt und auch die letzte Zeile von C z und die erste von C 4 nahezu vollig ver-

Mandgalyāyana galt spliter als ein Meister der pddhis; a Buddhacarita 17, 19; Fo-sho-hing-tsan-king 1406; Sumaraum, Eine tibetische Lebensbeschreibung Cakyamunia, Mein. Ac. hinp. St-Pétersbourg, T. VI. S. 236.

<sup>1</sup> Der dritte Schuler ist Kaundinen; s. S. 407 f.

loren Ist. Wahrscheinlich waren in Rede und Gegenrede philosophische Fragen behandelt. Insbesondere scheint sich der Buddha gegen die Lehre von Atman gewendet zu haben, wie sie im Buddhacarita dem Arada Kalama zugeschrieben wird. Er schließt seine Ausführungen mit einem Sloka ab: «Diese Feinheit der Buddhi, die vom Körper befreit ist, die als Atman bezeichnet wird, diese»—

> süksmatväe calva dosanam avyapäräc ca cetasah | (d)i(rghatvä)d äyusus calva mokstas tu) purikalpyate || \*wird, weil die Unvollkommenheiten gering sind, das Denken ruht und die Lebensdauer lang ist, (fällschlich) für die Erlösung gehalten.«

Sariputra erwidert in längerer Rede. Er erkennt rückhaltlos die Argumente des Meisters and «Solange man am Atman festhält, gibt es kein vollständiges Nirvana; durch die Erkenntnis der Atmaniosigkeit tritt es ein. Er vergleicht dann das allmähliche Schwinden der Buddhi' mit dem Versiegen eines Flusses. Die Einzelheiten des breit ansgeführten Bildes werden bei der mangelhaften Überlieferung allerdings nicht klar. Den Schlaß seiner Rede bildet wiederum eine Strophe, im Sälini-Metrum:

karma ksetram bijam utpatticetas trspā kiedacehādanam cāpy ava(ndh)yam | evam lokah sasyavaj jāyamamo jāšnādītye — — — — — |

»Das Karman ist das Feld, der Same der Wille zum Leben, der Durst die Befeuchtung, die sicher wirkt; so wie die Saat entstehend werden die Wesen .... durch die Sonne des Wissens.....

Noch einmal wendet sich der Buddha an die beiden Schüler, die er preist als «die nach der Weise der . . . erzogenen, durch den Dharma der Asketen gereinigten, die klaren Sinnes sind, da der Stachel der mannigfachen falschen Lehren berausgezogen ist infolge dieses Erfassens der Wahrheit». Dann spricht er den Segenswunsch

atah param jaanam idan yatendriyan nirantaram bhavayitum vimuktaye | Si - su bhiksam akhilam aka - niramayan para - - - |

. Im Vaminatha-Mateum.

Buddhi ist hier offenhar desseite wie Vijnans,

-Um von nun an dies Wissen gezügelten Sinnes ständig zu pflegen mit der Erlösung als Ziel, ... vollständiges Almosen .... frei von Krankheit, schütze euch beide .....«
Damit treten alle ab.

Nach dem Kolophon' bildet diese Szene den Schluß des neunten und letzten Aktes des Säriputra- oder Särndvatiputraprakarana, eines Werkes des Asvaghosa, des Sohnes der Suvarnäksi. Suvarnäksiputra ist der Beiname, der dem berühmten buddhistischen Dichter auch in dem Kolophon des vor einiger Zeit entdeckten Saundaränandakävyaf und in dem Kolophon der tibetischen Übersetzung des Buddhacarita gegeben wird. An der Identität der Personen ist also nicht zu zweifeln. Der Dichter hat überdles gewissermaßen dem Werke selbst seine Signatur gegeben: der oben erwähnte Sloka süksnadvär enitä digänäm usw. ist ein wörtliches Zitat aus seinem Buddhacarita (12,73).

Asvaghosas Bedeutung für die Geschichte der vorklassischen Liteentur wird durch den neuen Fund in noch helleres lächt gerückt. Die Tradition rülant seine Vielseitigkeit. Sie stellt ihn ebenso hoch als Gelehrten, der das ganze brahmanische Wissen seiner Zeit besaß, wie als Musiker und Komponisten, der mit seinen Liedern die Leute auf den Märkten von Puspapura so zu bewegen wußte, daß sie die Heimat mit der Heimatlosigkeit vertauschten. Wir kennen ihn als Verfasser von Epen und Erzählungen, die einst ganz Indien las und die zu dem Besten gehören, was uns an Kävya-Poesie erhalten ist, als Metaphysiker, der den Grund zu der Lehre des Mahayana legte, die bis auf die Gegenwart einen großen Teil der buddhistischen Welt beherrscht hat, als Theologen, der mit den Waffen einer oft spitzfindigen Dislektik für seinen Glauben kämpft. Von dem Dramatiker Asvaghosa aber hatten wir bis jetzt keine Kunde. Zu einem Urteil über den Wert seiner Leistungen auf dem Gebiete des Dramas reicht das uns Erhaltene nicht aus. Die Tendenz, zu beiehren und zu erbauen, die bei ihm, dem buddhistischen Mönche, allerdings nie ganz fehlt und in der er selbst sicherlich in erster Linie die Berechtigung seiner Dichtung gesehen hat, tritt jetzt durch die Schuld der mangelhaften Uberlieferung wahrscheinlich viel stärker hervor, als

<sup>7</sup> Hinter dem eigentlichen Schlusse annaptine einkan sann stand affenhar nach ein Schreibervers.

HARAPRASAD SHASEM, Journ. Prog. As. Soc. Beng. Vol. 5, p. 1652.

<sup>\*</sup> Thomas, Ind. Ant. Vol. 32, p. 350.

\* Abulleh verweist Asvaghosa auch in semen Sürrälamhara aweimal auf das Budillincarius; alebe S. Lavr's in der michsten Note angeführte Abbandlung, p. 70.

Für die Nachweise im einzelnen siehe S. Levi's ausgezeichnete Abhandlung - Acraghou, le Sotralamiture et ses sourcess, Journ. As. S. X. T. 12, p. 57 ff.

es der Fall sein würde, wenn wir das gunze Werk vor uns hatten-In der uns erhaltenen Szene war das Vorherrsehen des Jehrhaften Elementes schon durch den Stoff bedingt. Welch eine falsche Vorstelling wurden wir uns aber vom Bushlhacarita machen, wenn uns davon zum Beispiel nur die Begegnung des Buddha mit Arada Kaläma im zwölften Gesange überliefert wäre! An einer Stelle läßt sich aber doch erkennen, daß Asvaghosa ein feines Empfinden für das dramatisch Wirksame besaß. Die Fradition war, daß der Buddha, als er Sariputra und Maudgalyayana von ferne kommen sah, sieli an die Monche in seiner Umgebung wandte und prophezeite, daß sie seine besten Jünger, sies gesegnete Paur- (bhadrayaya), werden würden. So heißt es Mahavagga I, 24, 3: addasa kho bhagava le Sariputta-Moggattane divato va agarchante | disvana blakkhu amantesi | etc bhikkhars dee sahayaka ayacchanti Kolita Upatisso ca etum me sacakayugan bhavissati aggom bhaddayngan til. Ebenso erzählt Asvaghosa die Begebenheit in seinem Epos (17, 19)"; nor ist der Inhalt der Weissagung bier noch bestimmter: « Als Bhagavat, der größe Rsi, von der Schar seiner Schüler umgeben, die beiden von ferne erblickte, sprach er zu den Bhiksus: 'Hier kommen meine beiden gesegneten (bladra) länger, die besten unter den Weisheitsbegabten (projnarat) und unter den Wanderkräftigen (rådhimut) - In dem Drama aber läßt er den Buddha die Prophezeiung bei der Aufnahme direkt an die beiden Jünger richten. Er hat sich also nicht gescheut, um der Bühnenwirkung willen die Tradition zu verlassen.

Das Stück wird ein Prakarana genannt. Nach den Theoretikern\* ist der Stoff des Prakarana dem bürgerlichen Leben entnommen und von dem Bichter frei erfunden, und der Held ist ein Minister, ein Brahmane oder ein Kaufmann, stets aber ein fester und ruhiger Charakter (dhiraprasanta), der trotz aller Hindernisse das Ziel soines Strebens auf dem Gebiete des Dharma. Artha oder Kama er-

Die Geschichte wird dann meh einmal erzählt.

Diene und die S. 406 angeführte Stelle am der tibetlichen Übersetzung des Buddhararita hat mir Hr. Dr. Signtean fremelischet aus seiner Abschrift des Werkes

alob mahl sder bess de did rgyan ma ma gaige mes. beom . Idan . drah . srob . chen . pos . dge , slon . rosms . la . gsubs . es . rab., can . dan . dan . hphral . ldan . pa . rnams . leyl . giso ... kho boh mehog gi slob ma bill gnis bill hois to.

Vgt Fo-sho-hing-tsan-king 1403f. In Schuzzwarz tibetischer Lebendeschreibung. a. a. O. S. 250, tritt der Ponkt, unf den es hier ankommt, nicht dentlich bervoor: -Darant wurden sie aumt ihren Schülern von Rhagavant aufgenommen, weicher den Cariputra den vorzüglichsten der mit Weisbeit Begabten, den Maudgatjäjana den vorsitgliehsten der mit Wunderbraft Begabten, beide aber das glückliche Musterpeer mante.

<sup>\*</sup> Phar. 18, 96 ff.; Sih, 374 f.; Dak. 3: 35 ff.

reicht. Die Heldin gehört den besseren Ständen an (kulaster, kulajä) oder ist eine Hetäre. In einem Punkte, in der Stellung und dem Charakter des Helden, stimmt jedenfalls unser Prakarana mit dieser Definition überein. Wieweit der Stoff von dem Dichter selbständig erfunden war läßt sieh nicht sugen; die Anlehmung an historische Ereignisse, wie wir sie in der Schlußszene und, wie wir sehen werden, überhaupt in den letzten Akten finden, sehließt nicht aus, daß die eigentliche Fabel des Stückes auf freier Erfindung beraht. Die Frage, wer die Gegenspielerin war, läßt sich nicht beantworten. Die in den Fragmenten von K so häufig genannte Hetäre gehört, wie später gezeigt werden wird, einem anderen Drama an.

Das Säriputraprakarana war in 9 Akte geteilt. Auch diese große Zahl von Akten stimmt mit der Praxis der klassischen Zeit überein. Die späteren Prakaranas, Mccchakatika, Malatimadhava, Mallikamuruta, haben je 10 Akte. Bemerkenswert ist übrigens, daß hier ebenso wie in den beiden andern Aktschlüssen von K kein besonderer Titel des Aktes augegeben wird.

Für die Sprache und Metrik ergeben die Fragmente von C niehts Neues. Daß der Buddha und seine Schüler Sanskrit sprachen, hatte ich schon aus den Resten von K geschlossen (a. a. O. S. 30). Nicht unwichtig für die Entwicklungsgeschichte der dramatischen Technik ist über der Schliß unseres Prakarana. Der Ausgang des klassischen Dramas ist an ganz feste Formen gebanden. Eine Nebenperson fragt den Helden, ob sie ihm noch etwas Liebes erweisen könne. Mit der stereotypen Formel alah param api priyam asti- versiehert der Held, dati er keinen Wunsch mehr hege als den einen, dem er dann in der Prasasti oder Bharatavakya genannten Schhillstrophe Ausdruck gibt". Dieser Segenswunsch ist gewöhnlich ganz allgemein gehalten: nor selten, wie z. B. in der Sakunrafa, im Malavikagnimitra, im Modeirāksasa, nimum er auf die Personen und Verhāltnisse des Dramas Bezug. Die Prasasti hat nun auch Asvaghosa, und wenn sie mich nicht vollständig überliefert ist, so geht doch aus den Dualen yatendriyau und miramayau mit Sicherheit hervor, dan sie nur den beiden Jüngern galt. Aber sie ist nicht dem Helden in den Mund gelegt, und vor allem fehlt die typische Überleitung, obwohl sie sieh in dem Gespräch zwischen dem Buddha und Särlputra mit Leichtigkeit hatte berstellen lassen. Wir durfen daraus wohl schließen, daß sie in dem vorklussischen Drama noch nicht gebräuchlich war.

<sup>1</sup> Medst lautet die Formel: kap is blingelt progem upskaroms.

<sup>2</sup> Sie wird nur sehr selten varinert, z. B. im Venisanihüra.

bit Modetetiksens wird jene Veraicherung und der Segenswansch zwischen Candragupta und Ralisan geleilt.

Es bleibt endlich noch eine Frage zu beantworten: Wir haben geschen, daß einige Bruchstücke von K einer Handschrift des Suriputraprakarana angehören: können wir auch die übrigen Bruchstücke von K diesem Deama zuweisen? Für diese Frage ist das Blatt K IV von entscheidender Bedeutung. Die eine Seite dieses Risttes enthält, wie der Vergleich mit C 4 zeigt, den Schluß des Sariputraprakarana. Auf der anderen Seite aber findet sich nichts dem Texte von U Entsprechendes, obwohl der Text auch dieser Seite zweifellos aus einem Druma stammt. Daraus fölgt, daß diese Seite die Rückseite ist und daß hier ein neues Drama begann. Es bestätigt sieh also, was ich schon aus anderen Gründen vermutet hatte (a. a. O. S. 16), daß K eine Sammelhandschrift war. Eine Personenangabe ist uns zufällig in K IV h nicht erhalten; den einzigen Anhaltsponkt für die Bestimmung des zweiten Dramas bieten daher die Worte (ma)hanto kilas amodo molkakule. Da hier von einer Hetäre die Rede ist, so ist anzunehmen, daß auch die übrigen Fragmente von K, in denen die Hetare Maga-Thavati auftritt oder erwähnt wird, diesem Drama angehören. Nun erscheint aber die Hetäre zusammen mit dem Nayaka (4, 8, 16, 29, 51), mit Dhānanjaya (8, 16, 29), dem Bösewicht (4, 37), dem Vidusaka (4, 29), Madlmo (38) und der Dienerin (44); in 16 spricht sie von Somadatta. Es müßten also auch alle Fragmente, in denen diese Personen genannt werden, und damit nahezu das gesamte Material außer den paar Stücken, die durch C als Teile des Sariputraprakarana beglaubigt sind, aus dem Hetärendraum stammen. Das ist an und für sich nicht unmöglicht ein Umstand spricht sogar entschieden dafür. Der Held, der Nayaka, wie er in diesem Stücke stets genannt wird, kann kaum Suriputra gewesen sein; sein Name war vielmehr wahrscheinlich, wie ich a. a. O. S. 19 bemerkt habe, Somadatta. Auch wird Sariputra in C in den Bühnenanweisungen immer mit seinem Namen genunnt, und es ist night angunehmen, daß K darin von C abwich. Allerdings müssen auch in dem Hetärendrama Säriputra und Mandgalyäyana aufgetreten sein, denn in 4 wird Maudgalvayana zusammen mit dem Navaka, Magadhavati, dem Bösewieht und dem Viduşaka genannt, und in 10 beginnt eine Rede des Dhananjaya Saradeati, was sieher zu Sacadealiputen zu erganzen ist. Im einzelnen wird sieh die Zugehörigkeit der Fragmente von K genauer erst bestimmen lassen, wenn der eigentliche Stoff des Hetärendramas nachgewiesen ist; einigen aber glanbe ich dech schon jetzt ihren Platz anweisen zu können.

Mit dem *ireathiputra* in Z. z ist nicht wiel anzufungen, noch weniger natürlich mit dem upzimel in Z. 5. dessen Ergänzung zu upsisaku nicht sieher int.

Es scheiden zunächst aus die zu einem Blatte gehörigen Fragmente K i und 2. Für den Nachweis, daß diese aus einem allegorischen Drama stammen, verweise ich auf meine frühere Abbandlung.

Zu dem Säriputraprakarana stelle ich außer den durch C gesicherten Stücken, die in KI und KIV vereinigt sind, noch die Fragmente

3, 14, 15, 32, 54, 55, 56, 65.

Das Fragment K 3 kann dem Hetärendrams nicht angehört haben, da es, wie a. a. O. S. 24 gezeigt, den Anfang eines Stückes enthält. Wollen wir nicht noch ein viertes Drama annehmen, wozu nicht der geringste Grund vorliegt, so kann dies nur der Anfang des allegorischen Dramas oder des Säriputraprakarana sein. Außerlich stimmt das Blatt aber mehr mit den Fragmenten des letzteren überein. Und dazu kommt ein zweites, in Z 3 der Vorderseite finden sich die Wortreste [p].[k].[va]ne, die ich jetzt zu prakarane ergänze. In der Prastävana des Säriputraspieles, das ausdrücklich ein Prakarana genannt wird, dürfen wir dieses Wort erwarten, während das allegorische Drama kann diese Bezeichnung gehabt haben kann. Mir erscheint es daher nahezu sicher, daß uns in K 3 der Anfang des Säciputraprakarana vorliegt.

Die Fragmente K 14, 15 und 32 werden, wie ich nachträglich erkannt habe, durch die äußere Beschaffenheit, vor allem durch die Ähnlichkeit in der Aderung und dem Verlauf der Blattrippen, wie durch den Inhalt als Teile eines Blattes erwiesen!. Zwischen 14 und 15 fehlen drei Aksaras, zwischen 15 und 32 ein bis zwei. An 14 und 15 hat sieh außerdem noch je ein kleines Stück ansetzen lassen. Auf der von mir früher als b bezeichneten Seite von 14 vermag ich jetzt am linken Rande auch Spuren der Blattzahl zu erkennen. Diese Seite würde also die Vorderseite sein. Der Text lautet:

Dies Blatt ist für die Handschriftenkunde nicht ohne Interesse. Die Mälinistrophe in Z. z der Vorderseite läht erkennen, dan am rechten Lode 13 Aksaras fehlen, die 7.5-5 cm erfordern. Der erhaltene Teil des Blattes mißt 30 cm. Das ganze Blatt würde also höchstens 44 em lang gewesen sein. Das dem Hetärendrama angehörige Fragment 27 und das Fragment 65, dessen Zugehörigkeit nicht zu bestimmen ist, führen aber mf eine Blattlänge von 54-55 mm (a. a. O. S. a). Es ist darmes meines Erachtens nicht zu folgern, daß das Säriputraprakarans ursprünglich eine besondere Handschrift bildete, die erst später mit der Handschrift des Hetärendramas zusammengelegt wurde, denn in KTV beginnt, wie wir zahen, das Hetkrendrams unf demoilben Blatte, auf dem das Särlpatraprakarana endet. Es seigt our, daß man sich in der Kusanazeit noch nicht wie in späterer Zeit die Mülie gab, die Palmblätter genau gleichmäßig zu schneiden, Auch die Höhe der Blitter differiert ja nicht unerheblich, wie ich a. a. O. gezeigt linke. Das Blatt, dem Fragment 7 angebörte, ist wahrscheinlich noch kürzer gewesen als unser Blatt. Der erhaltene Teil ist 10 cm lang. In der zweiten Zeile der Vorderseite beginnt eine Sürdülavikriditastrophe, die in der dritten Zeile endet. Es feblen 53 Aksuras, die gegen 30 cm erfordern. Die Länge des Blattes betrug danach nur 40 cm.

#### Vorderseite.

- (i)a [i]a.[n].[k].[t]a . . . [ii] = k.[t]t.[v]y. . .
- v[i]tavyam apar[i]m[i]tacttham avaptukāmena satsannikarse khalu pp[r]ayatitavyam mayā hi .... [m].[g].[t].[dh].[m]m. [s]. [dh]y.m.n.th. m..gg. ... mrtam upalabdham bh[i]ksum asa-[ddya]. ..

\* ..... brāhmaca [yy]. .... [gatay]au .... [gatay]au ....

#### Rückseite.

upadeso edisassa bambhanajanassa anuggahako bh.[t]...
[r]. kiñ e ca varnnāvare [m] = padistam i nturebhyo

na rogappra[s]. . [njaya th bhavati kim varonan ta . .

a a consider a consideration of the state of

Das zweite wa ist später nachgezogen; tes ist später eingefügt. kho ist später nachgezogem. \* Ergänze jättmalsti (?). \* Ergänze kurttaeyam. \* Das Wort ist später nachgezogen. \* masuna ist später machgezogen. Lies mapin - maya hi ist spater nachgezogen. Erganze ogstudbarmuse and by omano the margy and amount, " Des ja ist nicht sichen; ich halie es aber für wahrscheinlicher als so, wie ich früher las. 20 Der Anusvärs ist spiller nachgerogen. Ergänze sthitamatibha-niubbhyam. 11 m ist später nachgerogen. Erginze gat- mens-c-denesis, . Erghare vida — the upajjhaya states pavvajitama. 18 m Comany — viya ist spiller nachgezogen. Ergänze anarmamukka". 14 Lies brahmmaryya".

Der #-Strich ist dentlich. 14 Erginze yatayannana (?). 15 tampraya ist spiller nachgezogen. Il ums ist später nachgezogen. Il agner - news ist später nachgezogen; apadi ist nicht sicher. " m. - ppr. ist größtenteils spüter nachgezogen. Erganze marggue und mahatamasa ppraviete. 20 w und das a von so sind apater nachgezogen. It ma bambhasa ist später unchgezogen. in ha ist später nachgezogen. 32 Erghaze bhan - Sari. Die Ergänzung zu bhan ist nicht möglich. 31 Ergante correspondente annual communication. In the total parties and control of the species and control Ergünze sporusamanage. 34 Der e-Strich von hi und ropa sind spitter nachgezogen. 21 Das r und der a-Strich ist später nachgezogen. 25 Der i-Strich ist spilter unelegenogen. 20 aho, der i-Strich von ni und repe sind spilter nachgerogen. 36 Lies "gatay. 00; 11 Auch die Lesung du ist möglicht der Sinn apricht aber für da. Ergünze prahladem avshati. 15 Ergünze mahradriid.

Wir haben hier einen Dialog zwischen dem Vidusaka und einer Sanskrit sprechenden Person, die ich früher nicht habe bestimmen können. Jetzt sehe ich, daß es Säriputra ist. Die Personenangabe in Zeile 3 der Rückseite ist allerdings verstümmelt, aber die Buchstabenreste lassen doch deutlich erkennen, daß Säri dastand. Auch der Inhalt der Szene läßt sich jetzt angeben. Säriputra sagt: «Wer der muß überall das Banner des Wissens (?) wer unsermeßlichen Gewinn zu erwerben trachtet, der muß sich Mühe geben bei den Guten. Denn ich und nun geht die Rede in Verse über! — sich habe, während ich den Dharma der hübte, am Wege einen Mönch getroffen, von dem ich die Unsterblichkeit erlangte, die ..... trotz ihres festen Willens nicht Götter noch Teufel zu erlangen vermögen»:

---m - g(a)t(a)dh(ar)mme s(ā)dhy(a)m(ā)m(e)th(a) m(ār)gg(e) (tad a)mrtam upalabdham bhiksum āsāddya -- | ----- jādarena s(th)itamatibhir alabbh(y)am yat (su)rais (e)āsurais ca |

Der Vidüşaka erwidert: O Meister, seit du die Rede jenes Mönches vernommen hast, (zeigst du) eine Gesichtsfarbe wie nie zuvor (und) gleichsam anderes . . . Es folgt eine Lücke. Hier muß der Vidüsaka dem Sariputra vorgehalten haben, daß es ihm als Brahmanen nicht zieme, die Lehre eines Mannes aus der zweiten Kaste anzunehmen. Säriputra weist ihn zurück; man müsse das Heil ergreifen, von wessen Hand es auch geboten würde. Er spricht zunächst in Versen":

t ---- m iyan me t ---- nāśanamall --- | agulr hi me śaraṇam āpadī sindhur uṣṇe m(ārg)g(a)h śivoddhvani m(a)h(ā)t(a)m(a)s(ā) ppr(aviṣte) ||

\*.....denn das Feuer bietet mir Schutz, wenn es kalt ist', der Strom in der heißen Jahreszeit und der Weg des Heils, wenn die Reise ins Dunkle geht. \* Und als der Vidusaka noch einmal bemerkt: \*(Diese) Lehre scheint (mir) für solche Brahmanen, wie wir es sind', nicht gerade günstig zu sein . da bricht Säriputra leiden-

Der Satz von 'minene — karttanjam stimmte im Ban offenhar genan mit dem folgenden Satze aparimiti i — pprayatitiepum überein.

<sup>\*</sup> Millini-Strophe.

<sup>3</sup> Vasantitfluku-Strophe.

Das muß meines Erachtens der Sinn sein: Die Lesnog apadi ist unsicher.

Das scheint der Sinn von edies zu sein. Der Vidüşaka stellt sieh in seinem Selbstgefühl als Brahmane auf eine Stufe mit Säriputra.

<sup>6</sup> Die Ergünzung der Negation wird durch den Sinn gefordert.

schaftlich los: \*Wie, bringt etwa eine Arznei den Kranken keine Heilung, wenn sie von einem Manne aus niedrigerer Kaste verordnet ist?.... brennt etwa nicht...., oder bringt etwa das Wasser dem von Hitze Gequalten keine Erquickung, wenn ein Mann von geringer Kaste es ihm angezeigt hat?\*

✓ Ich habe früher (a. a. O. S. 21) den Vers über die Erlangung der Unsterblichkeit auf das Erlebnis des Buddha bezogen. Das erweist sich jetzt, wo der Zusammenhang des Textes klar ist, als falsch. Sariputra spricht von seiner Begegnung mit Asvajit, durch den er die erste Kunde von der Lehre des Buddha erhielt. Die darauf folgende Bemerkung des Vidusaka stimmt genau zu der Tradition. Im Mahavagga (I. 23, 6) wird geschildert, wie Maudgalyayana den Sariputra erblickt, als er von der Unterredung mit Asvajit zurückkommt: Deine Miene, Freund«, sagt er zu flom, «ist hell, deine Farbe klar und rein, hast du etwa die Unsterblichkeit gefunden? (rippasmnani kho le livuso indrigani | parisuddho chavivanno purigodato | kacci mi teem acuso amatam adhigato). In seinem Buddhaearita gibt Asvaghosa den alten Bericht getreu wieder. Hier (17, 16) sagt Maudgalyāyana zu Sāriputra: -O Bhikşu, durch welche Wahrheit gleichsam ein andrer geworden, nahst du ruhig und froh? Hast du etwa heute die Unsterblichkeit (amrta) gefunden? Dieses heitere (prasanna) AntHtz ist nicht ohne Ursache !- Die zum Teil wörtliche Dhereinstimmung mit der Stelle im Drama fällt hier sofort ins Auge.

Es kann darnach keinem Zweifel unterflegen, daß jene Szene aus dem Säriputraprakarana stamint. Offenbar schloß sich die Unterredung mit dem Vidusaka unmittelbar an die Begegnung mit Asvajit an. Dann begab sieh Säriputra zu Maudgalyäynna, teilte ihm seine Erlebnisse mit, und beide suchten nun den Buddha auf, worauf die Aufnahme in den Orden erfolgte, wie sie uns in der Schlußszene vorliegt.

Das Blatt ist aber nicht nur für die Rekonstruktion des Stückes wertvoll. Fast noch wichtiger ist, daß es beweist, daß der Vidüşaka in dem Säriputraprakarana auftrat, und uns überdies zeigt, welche Rolle er hier spielte: er ist der Begleiter des Säriputra genau so wie er im Nataka den König oder in der Mrechakatika den Carudatta begleitet. An und für sich ist natürlich die Idec, einem aur der Hoffnung auf Erlösung lebenden Bettelmönehe — denn das war Säriputra

dge . sloù . de . nid . gañ . gis . gżan . hzin . gyur . pa . ste . hrtan . yin . yań . dag . dgaḥ . żiń . he . bar . soń . khyed . kyis . hrhi . med . ci . żig . de . riñ . thob . pa . ste . bżin . ni . rab . tu . dañ . hdi . gtan . tshigs . med . ma . yin .

schon ehe er in den buddhistischen Orden trat — die lustige Person zum Gefährten zu geben, absurd. Wenn es doch geschieht, so beweist das, daß die Verbindung des Vidüşaka mit dem Heiden, er mag sein wer er will, zu Aśvaghoṣas Zeit schon ein so festes Gesetz der Bühne war, daß der Dichter sich ihm nicht entziehen konnte. Für den guten Geschmack Aśvaghoṣas spricht es aber, daß er wenigstens in der feierlichen Schlußszene, wo der Stifter der Religion selbst auftritt, die lustige Person ferngehalten hat!

Zum Säriputraprakarana lassen sieh weiter mit ziemlicher Sieherheit die Fragmente K 54-56 stellen. Fragment 56 ist durch zwei Stäcke vergrößert worden, so daß der Text jetzt lautet:

- b . . . [k] [m] [i] [s] [d] [s] . . . . . . . . lv.n [y] . . .
  - . . [g]au[ra]ve[n]."..... manau nyast.[d],"n.t. . .

In 54b : lese ich jetzt:

skarotfi| vi[du] .. jñ[ājnasya jāna[u]...

vidu ist zu viduso oder einem andern Kasus des Wortes zu ergänzen, und die Zeile enthält ebenso wie 56 b 3 Reste einer Särdülavikridita-Strophe, die a. a. O. S. 29 nachzutragen sind.

Die äußere Beschaffenheit macht es wahrscheinlich, daß die drei Fragmente demselben Blatte angehören, wenn sieh auch die Lage der einzelnen Stücke zueinander nicht bestimmen läßt. Die Gründe, die mich veranlassen, es dem Säriputraprakarana zuzuweisen, sind die folgenden. Säriputra und Maudgalyäyana werden in 54 erwähnt<sup>18</sup>. Zweimal, in 55 und 56, wird in den Personenangaben Kaundinya genannt. Es ist ferner der Buddha anwesend, denn in 55 redet Kaundinya eine Person mit bhagavan an, dem speziellen Titel des Buddha. Das Wort kommt außerdem noch einmal im Texte von 54 vor. Es handelt sieh hier also um eine Szene, in der der Buddha, Säriputra, Maud-

In der ganzen Schinfiszene kommt bekanntlich kein Prakrit vor. Daß der Vidfisaks hier fehlte, ist daher sieher.

Ergünze Kannah. Wahrscheinlich ist eine khalu zu ergänzen. austein ist von dem Späteren unter der Zeile nachgetragen. Wohln es gehört, ist nicht
ersichtlich Ergänze agaschats (?). Ergänze pasyams. Ergänze
kannalussadrin. Das au und das e sind später nachgezogen. Die Reste
weisen aher auf du als auf ma. Hennasya ist von dem Späteren über der Zeile
nachgetragen. Wohln es gehört, ist nicht ersichtlich. Das zu ist unsicher.

11 Lies hänneren.

<sup>&</sup>quot; Man beachte auch den Dual "monem in K 56.

gulyayana und Kaundinya auftreten. Das erinnert sofort an die Schlußszene, in der, wie wir oben sahen, der Buddha zusammen mit Sariputra, Maudgalyavana und einem dritten dort nicht genaunten Schüler erscheint. Vom historischen Standpunkte läßt sich gegen die Annahme, daß Kaundinya der Aufnahme des sedlen Paaress beiwohnte, nichts einwenden, denn Kaundinya war bekanntlich schon geraume Zeit vorher der Jünger des Buddha geworden. In der Schlußszene muß aber noch eine fünfte Person aufgetreten sein, die den Sloka tribhih sisyaih pariertah usw. sprach, da dieser weder dem Buddha noch einem der drei Jünger selbst in den Mund gelegt sein kann. Auch diese Person ist in den Fragmenten erwähnt. In 54b 2 steht ... tou Sariputra Mandonlyayanan kramanen., in 54 n 2 talah pravisanti krama-90 . . i . . , wo ich das letzte Wort jetzt zu śramanaSariputraMaudgalgaganah erganzen möchte. Jedenfalls trat also ein Sramana auf. der das Freundespaar geleitete. Ihm dürfen wir auch unbedenklich jene Strophe zuweisen, da er als buddhistischer Monch sich des Sanskrits bedienen mußte. Nehmen wir alles zusammen, so werden wir kaum fehlgehen, wenn wir das Blatt, aus dem die Fragmente 54-56 stammen, dieht vor das Blatt K I setzen. Es enthielt die der Aufnahmeszene vorausgehende Szene. Der Buddha steht im Gespräch mit Kaundinya da. Da erscheint Sariputra und Mandgalyayana, geführt von einem Mönche. Kaundinya erblickt sie zuerst und macht den Buddha auf sje aufmerksam (56 a 2: (āgaccha)ta iti pašyāmi).

Zum Säriputraprakarana gehört endlich auch das Fragment K 65. In be habe ich hinter der Särdülavikridita-Strophe ein sa gelesen. Es ist aber auch der Rest eines ä-Striches sichtbar und der untere Teil eines darauffolgenden ra. Dahinter ist eine kleine Lücke. Die Ergänzung zu der Personenangabe Säri — ist daher sicher. Das Fragment enthält also das Gespräch des Säriputra mit einer Sanskrit redenden Person, und dieses Gespräch betrifft den Buddha und die buddhistische Lehre. Es ist von der Wiederkehr des unreinen Aufenthalts im Mutterleibe die Rede, von dem Kreislauf, den der Buddha beseitigt hat, von dem herrlichen Manne, der eine Stätte der Ruhe ist. Den dentlichsten Fingerzeig geben die Worte albinivesayitä! sreyasi grhüte bhaean, du bist gefunden als ein Einführer in das Heils. Das können nur die Worte sein, die Säriputra an Asvajit richtete, als er ihm den Hellsweg wies. Das Blatt enthielt also die Szene, in der Säriputra und Asvajit sich begegnen.

Es mag noch ein oder das andere Bruchstück hierbergehören, so von größeren K 7, 20, 21, von kleineren 58, das die Personenan-

In Texts steht davor (a)se, was mir unklar ist. Die Verbesserung zu sie ist natürlich madeher.

gabe Sāri enthāli, und 90, wo Maudgalyāyana auftritt und wahrscheinlich auch der Vidusaka, der eine Person mit upajjhāya anredet, aber ein sicherer Nachweis läßt sich nicht führen, und für die Rekonstruktion des Dramas haben daher jene Fragmente keinen Wert. Soweit wir das Säriputraprakarana verfolgen können, schließt es sich, von Kleinigkeiten abgesehen, durchaus an die Tradition an. Wir dürfenaber nicht vergessen, daß alles, was uns erhalten ist, dem letzten oder den belden letzten Akten angehört; von dem, was den Inhalt der ersten 7 oder 8 Akte ausmachte, wissen wir nichts.

Die Tatsachen, die den Fragmenten des allegorischen und des Hetärendramas zu entnehmen sind, habe ich in meiner früheren Abhandlung S 16 ff. zusammengestellt. Daß diese beiden Stücke von Asvaghosa verfaßt sind, läßt sich nicht beweisen; die Vermutung, daß die Handschrift die gesammelten dramatischen Werke Asvaghosas enthielt, liegt aber doch so nahe, daß ich es wage, sie auszusprechen

Als Anhang mögen hier noch einige Nachträge zu meiner Ausgabe des Textes der Dramen Platz finden. Den fortgesetzten Bemühungen meiner Fran ist es gelungen, noch nach der Drucklegung kleinere Stücke mit den veröffentlichten Fragmenten zusammenzusetzen, wodurch teils der Text bereichert, teils die Lesung gesichert oder auch berichtigt wird, wie ihr auch die schon erwähnte Ergänzung der Fragmente 14, 15 und 56 verdankt wird. Ich gebe im folgenden einzelne Zeilen oder, wo es nötig ist, die ganzen Fragmente in der Form, wie sie jetzt vorliegen.

tavyam abo ...

Unter der 30 ist der winzige Rest eines Einers sichtbar. Die Prakritform neloppal(a) ist unter den Anonymen a. a. O. S. 52 nachzutragen.

Nr. 7. Vorderseite. 3 .... [dhā]c - ca na bbhrasyati — vidū — yadi evam la . .

Rückseite. . . [dh]. brhadrathen atirathena nirmitam svalankrta . .

Das Wort ist später nachgezogen. \* Das to ist später hinzugefügt.

Ursprünglich hatte der Schreiber "rüthena ni" geschrieben, wie ich auch gelesen hatte. Er hat aber, wie es scheint, selbst das @-Zeichen gelöscht. "dhāc ca na libhrasyati ist der Schluß der in Z. 2 beginnenden Särdülavikridita-Strophe, die Zelle der Rückseite der Rest einer Vamsastha-Strophe.

Nr. 12. as .. atha bhavati vane = pi bian.apañ.en.iya.[v]. ..

b . . . viya — naya — dhik abh ksuk[i]yam a.u.th[i]? . .

Das Fragment 103 gehört immittelbar links vor 13.

nı ... [ka] — bhatta iya. mhi — Dhanam — gat sasi Somadattassa śvaśurakulam - ceti - bha' ...

. . . [p]a[k]o b.h.[k]i . . [l]olo va tti — Dhanam — susnigdha samprati palk tih atha snanoda kl. . .

tha - niskrantah - naya - vayasya gaccha t[v].

. . . tatr + niva gac[ch]ami — Dhanam — artthasiddhaye vidu - bho Dhananjaya siggham mitthamittham ...

Die Erkenntnis der Zusammengehörigkeit dieser beiden Fragmente ist sehr wertvoll, da dadurch die von mir vorgeschlagene Ergänzung von iy, zu iyam bestätigt und die Erklärung des bhatta als Vokativ gesichert wird. Diese beiden Formen gehören aber zu den Hauptzeugen für den Sauraseni-Charakter des hier vorliegenden Prakrits (n. n. o. S. 48). Ich habe die Worte bhatta iy. früher mit Vorbehalt der Hetäre zugewiesen. Der Zusammenhang zeigt jetzt, daß sie der Dienerin zukommen, und daß der Buchstabenrest am Anfang der Zeile a 3 von einem kā stammt, das zu cefikā zu ergānzen ist. Damit ist die Frage. ob die Dienerin Alt-Sauraseni spricht, entschieden (a.a. o. S. 52).

Nr. 16. a . . . L [k] [t] . . . . . . . . kh [s]s.ti — nirvvarnna[v].

. . . grāmam - prasthītā — nāya — esa panthā gamyatām — ...

b . drstvå ca pritir - agatā duhkhe khalv - antare vartte ros ---

- . . . . . . . . . . . . . . . . nam" - ayan - kila . .

Nr. 29. Av . . ryyakula ajivika"

b . . [ga]cchati - gani - kahi" .

Ergünze bhhruntapancondrigasio. Ich ergünze jetzt abbikçukiyan - annsthitum. \* Ergenze iyam. \* Ergenze blatta; der Buchstabenrest stimmt da-\* Ther pake und ki. le sind von dem Späteren zwei Worter geschrieben, die wahrscheinlich Glossen zu den darunterstehenden Wörtern sind. Das erste sullate auf lako, das zweite wohl auf ko. Ist bahakitalolo zu erginzen und dies Schreihfelder für babakilala! Leh erginze jetzt musthiyatan tala. Erganze tean. Erganze no voor optigati. \* Erginee - Dhinam. \* Die Zeile ist spater nachunzogen. Ergänze paryyakula Sjærkelt. 11 hi ist später narhgezogen. Ergänze

Der Ajvika-Mönch wird in demselben Fragment in bit erwähnt. Die Prakritform kuhl(m) ist a. a. O. S. 43 nachzutragen.

Nr. 46. Dieses Fragment wird durch ein kleines Stück mit Nr. 97 verbunden.

. . ti may sabhihitam mada i[v]...

Die Zeile a 2 ist der Rest einer Särdülavikridita-Strophe. Die Prakritwörter von a 3 und b 2 sind unter den Anonymen a. a. O. S. 53 nachzutragen. Übrigens gehört das Fragment wahrscheinlich demselben Blatte an wie Nr. 47, und die Worte in 46 a 2 und 47 a 2 sind Teile derselben Strophe.

Nr. 53. a . . [kan]thabaddhe kanthavitthit. . n. śa.vutt[e] -

. . [da]ttena saha samagaceha[tu] hi

b. . . . ntantena ca tan ana carcchati tatas ad dhetu

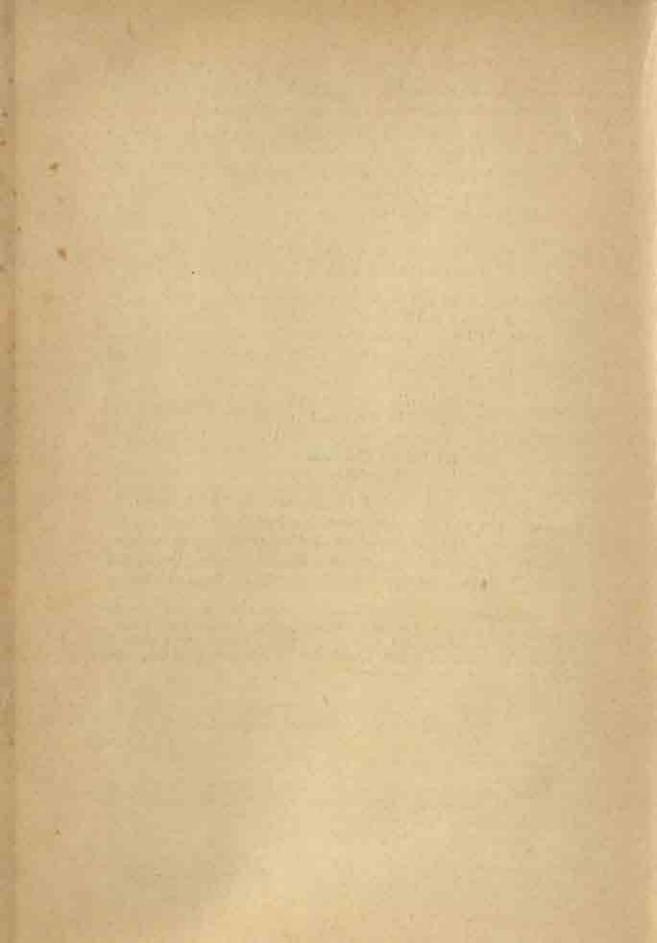
· ... parivara hasanti dhirodatta\*

a .. avasthita ca Maga[dh]a .. [t]i ... i ...

Die Worte der Seite a sind Alt-Magadhi. Es ist also auch die erste Zeile nicht unter die Anonymen, sondern in die Liste a. a. O. S. 35 zu stellen. Die Ergänzung und Erklärung der ersten Zeile ist bei dem Fehlen des Zusammenhanges schwierig. Sollte etwa kanthavitthitaline sammente kanthavestitälänah sammenta zu lesen sein?

<sup>\*</sup> Ergänze apaile. \* Unter so ist 300 getilgt. \* Kan ist nicht sicher. \* Ergänze Somadattens (?).

\* Die ganze Seite ist später nachgezogen; von der ursprünglichen Schrift sind uur noch Spuren sichtbar. \* Diese Worte sind von dem Späteren nachgetragen; wo sie einzuschlieben sind, ist nicht ersichtlich. Lies därredatte (?). \* Ergänze Magadhaeute.



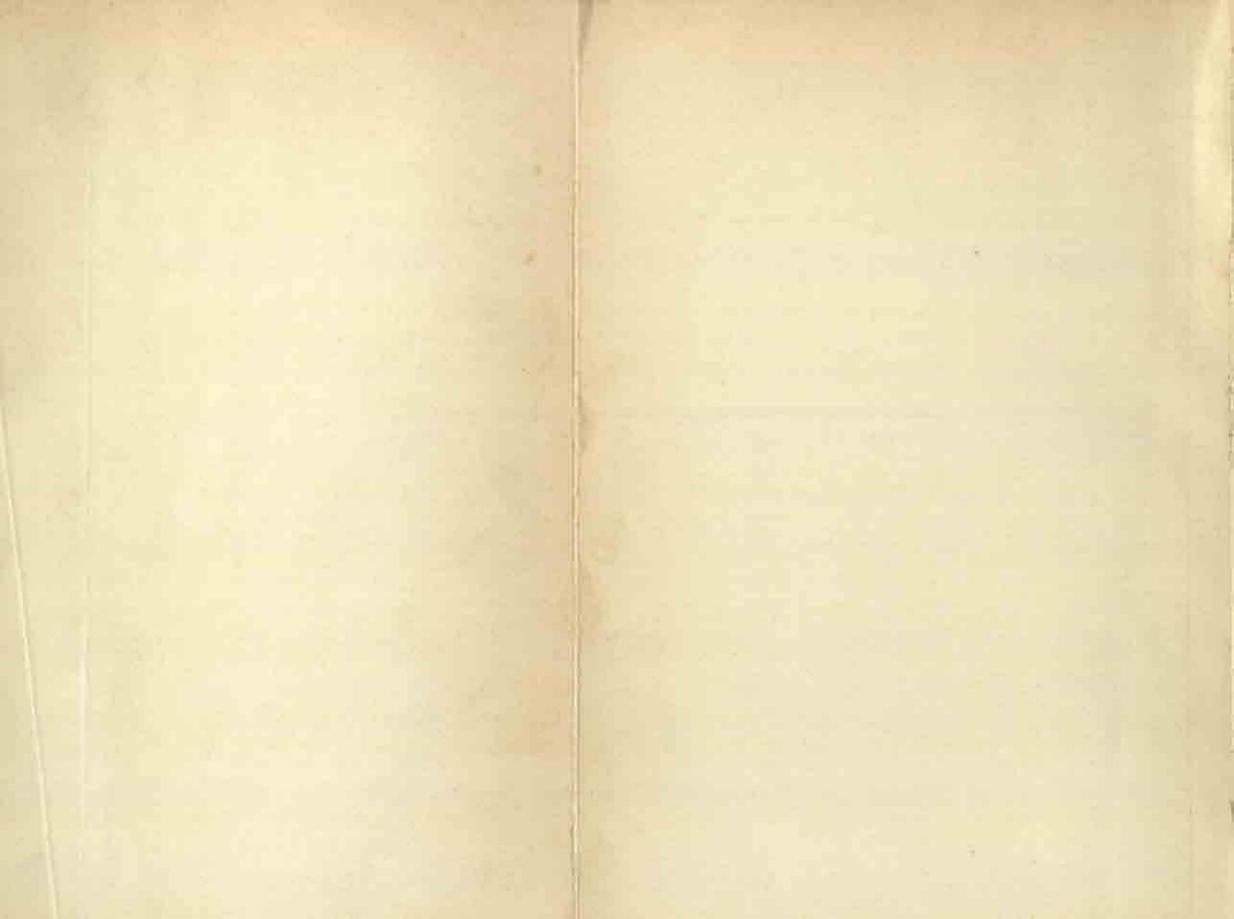


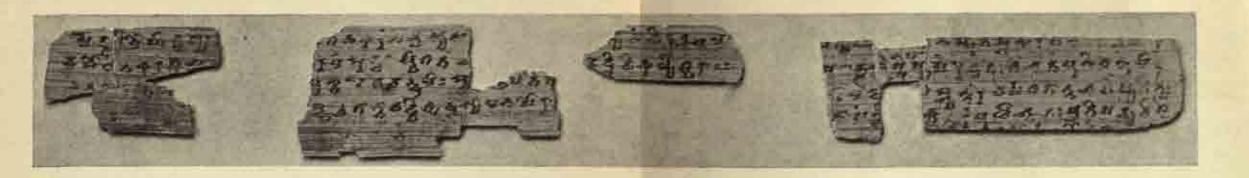


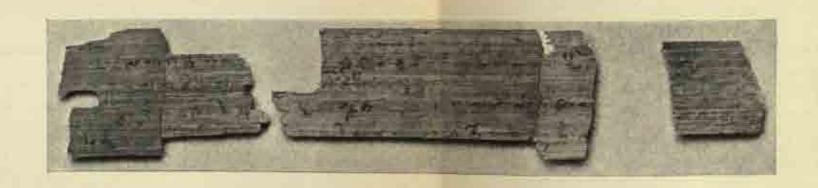


Vorderseiten.

Luceas: Das Sariputraprakarana, un Drama des Asvaghosa.



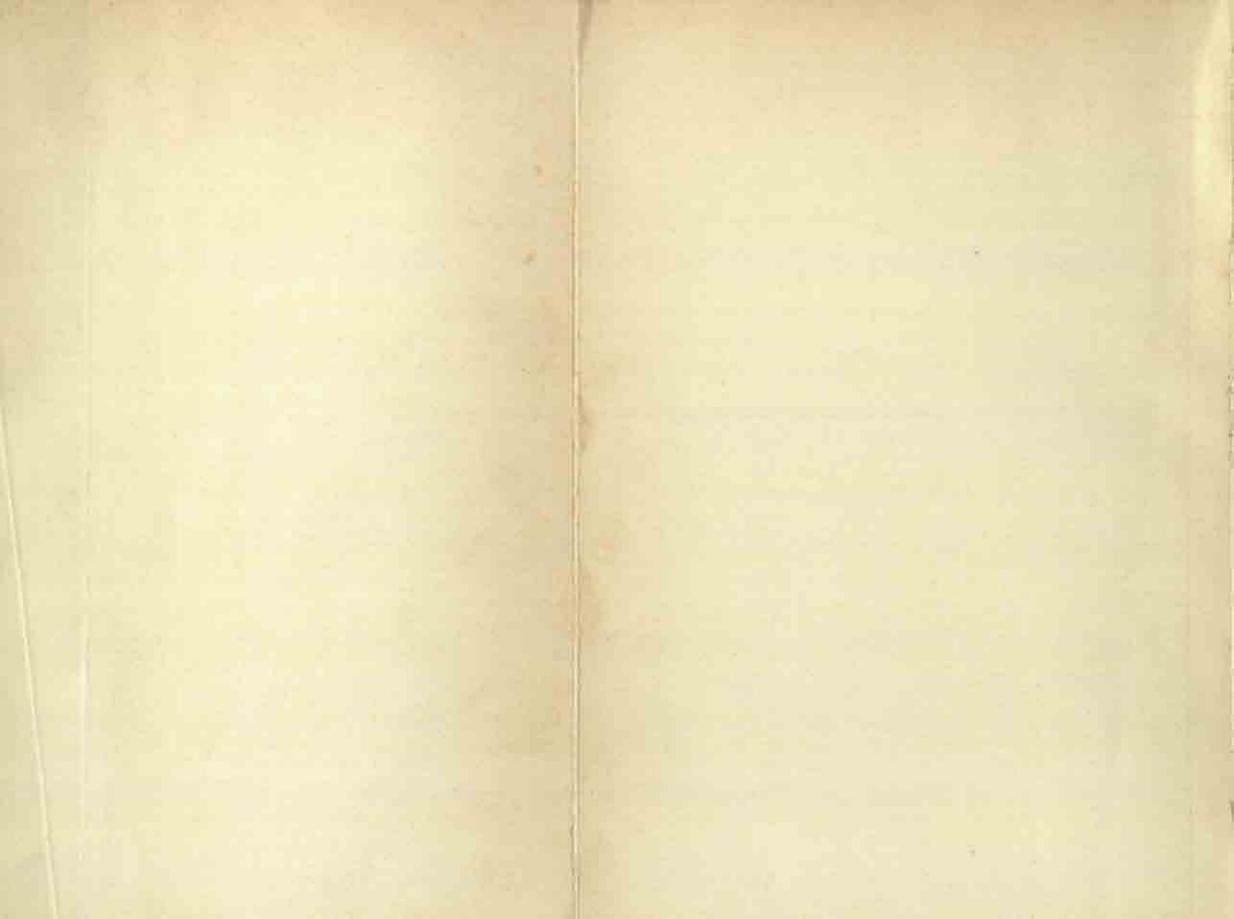






Rückseiten.

Louers: Das Sariputraprakarana, en Drama des Asvaghosa.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

SHEE

XVIII.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

30. März. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYER.

1. Hr. Lieber las über den Schichtenbau und die elektrischen Eigenschaften des Zinnerzes.

Die Verschiedenheiten der Erscheimungen, welche Zinnerzkrystalle darbieten, wenn sie in krystallographisch verschiedenen Stellungen als Anzeiger für elektrische Wellen benntzt werden, sind auf den Schichtenhau dieser Krystalle zurückzuführen.

 Hr. Liebesch legte eine Abhandlung des Hrn. Dr. Fa. Schwiczning in Celle vor: Über den Polarisationswinkel der durchsichtigen inactiven Krystalle.

Mit Hülfe der untradialen Polarisationsrichtungen wird eine wesentliche Vereinfachung der von F. Neumann aufgestellten analytischen Bedingung für den Polarisationswinkel gewonnen. Sie lässt sich geometrisch dahin deuten, dass der Schwächungscoefficient für die eine der beiden von A. Connu eingeführten Hauptriehtungen in der einfallenden Wellenchene gleich Null wird. Hierin ist die von J. MacCornaun gegebene Definition des Polarisationswinkels als ein besonderer Fall anthalten. Allgemein gilt der Satz von MacConnaun, dass die reflectiete Wellennormale senkrecht zur Schnittgeraden der Polaretenen der beiden gebrochenen Wellen steht.

# Über den Schichtenbau und die elektrischen Eigenschaften des Zinnerzes.

Von Tr. Liebisch.

Hr. Dr. G. Sener in Berlin-Schöneberg gestattete mir, mit den Hilfsmitteln seines physikalisch-technischen Laboratoriums einige Mineralien auf ihre Verwendung als Anzeiger für elektrische Wellen zu prüfen. Dabei bemerkte ich ein eigentümliches Verhalten des Zinnerzes. Unter übereinstimmenden Versuchsbedingungen erwiesen sich Zinnerzkristalle zwischen zwei Metallelektroden des Indikatorkreises nur dann als Wellenanzeiger, wenn die Elektroden auf Pyrsmidenflächen gesetzt wurden. Dagegen blieben sie unwirksam, wenn die Elektroden mit Prismenflächen in Berührung standen. Die nähere Untersuchung ergab, daß dieses Verhalten auf den Schichtenbau der Zinnerzkristalle zurückzuführen ist.

# L Schichtenbau, optisches und thermoelektrisches Verhalten.

In einfachen Kristallen aus Selangor umgibt eine von den Prismen | 110 {, | 100 | begrenzte helle gelblichgraue Hülle einen dunkelgrauen Kern, dessen Querschnitt nach der frei ausgebildeten Endigung hin zunimmt, so daß der Kern hier unmittelbar von den Pyramiden | 1111 | | 101 | begrenzt wird.

Zur qualitativen Prüfung des thermoeiektrischen Verhaltens gegen Kupfer wurde ein Zeigergalvanometer benutzt, das durch Kupferdrähte mit zwei zugespitzten Kupferstäben verbunden war. Die Stäbe wurden an die zu untersuchende Fläche gelegt, nachdem der eine von ihnen in einem Bunsenbrenner erwärmt worden war.

In den Kristallen aus Selangor ist nur der dunkle und ziemlich seharf abgegrenzte Kern stark negativ thermoelektrisch gegen Kupfer, während die helle Umhüllung unwirksam bleibt. Für diese Prüfung sind angeschliffene Flächen geeigneter als die ursprüngliche rauhe Oberfläche der Kristalle.

Ebenso verhalten sich einfache Kristalle aus Cornwaft, die einen dunkeln Kern in hellerer Umhüllung und eine dunkle Kappe zeigen'.

Von besonderem Interesse ist der Innere Bau der Zinnerzkristalle des süchsisch-höhmischen Erzgebirges, über den früher F. Bremund A. Primas berichtet haben.

Aus einem Kristall von Schlaggenwald wurde zunächst dicht unter den Kanten zwischen | 111 und | 110 | eine Platte parallel zur

Fig. 1.

Fig. 3.



Fig. 2.

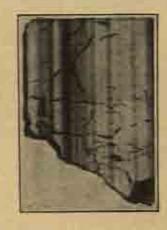
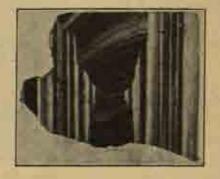


Fig. 4.



Basis entnommen (Fig. 1)". Darauf wurde der untere Teil des Kristalls nach den beiden Flächenrichtungen des Prismas 100 | so zerlegt, daß zwei Platten entstanden, die ungefähr die Mitte des Kristalls trafen (Fig. 2, 3). In den Abbildungen tritt der Wechsel aufeinanderfolgender verschiedenfarbiger Schichten hervor. Am dunkelsten gefärbt erschei-

Vgt. H. Taurson, Denkschr. Akad. d. Wiss, Wien. Math.-naturw. Kl. 84, 574. 5761 1908.

F. Berne, Min. Mitt. 1877, 243; A. Penneau, Min.-petr. Mitt. 16, 27; 1896.

Die Figuren sind in dreifscher linearer Vergrößerung aufgenommen.

nen die Anwachspyramiden des Prismas | 100 | und namentlieh der Kern, der eine Sanduhrgestalt besitzt.

Noch deutlicher wird der Schichtenbau in den zur optischen Axe parallelen Platten, wenn sie über einem Polarisator gedreht werden. Die farbigen Zonen erscheinen dann beilgraubraun oder dunkelrothraun, in nachdem die Polarisationsebene des einfallenden Lichtes parallel oder senkrecht zur optischen Axe liegt. Fig. 4 gibt eine Anschauung von der starken Absorption der außerordentlichen Welle in diesen Zonen.

Ein zweites Verfahren zum Nachweis der optischen Verschiedenheiten in aufeinanderfolgenden Schichten besteht in der Kombinstion
einer zur optischen Axe parallelen Zinnerzplatte mit einem Quarzkeil.
Da Zinnerz und Quarz gleichen, nämlich positiven Charakter der Doppelbrechung besitzen, muß die Kante des Keils parallel zur optischen
Axe des Quarzes liegen. Betrachtet man im einfarbigen Licht zwischen
gekreuzten Nicols die beiden in Subtraktionslage gebrachten Präparate,
so beobachtet man in den stärker gefärbten Schichten eine Verschiebung
der durch den Kell für sich erzeugten Interferenzstreifen im Sinne zunehmender Dicke des Keils. Demnach ist hier die Doppelbrechung
des Zinnerzes größer als in den schwach gefärbten Zonen.

Fig 5.



Aus einem anderen Kristall ist die in Fig. 5 abgebildete Platte parallel zur Basis geschnitten. Auch in ihr sind die Verschiedenheiten der Färbungen in den Anwachspyramiden der beiden Prismen beträchtlich.

Ein an beiden Enden ausgebildeter Kristall zeigt in einem Schnitt parallel einer Flächenrichtung des Prismas |100| dunkle Kappen unter den Pyramidenflächen. Fig. 7 stellt die Platte im gewöhnlichen Lichte dar, Fig. 8 veranschaulicht die starke Absorption der außerordentlichen Welle.

Fig. 15.



Fig. 7.



Mit diesen Strukturverhältnissen stehen nun die thermoelektrischen Eigenschaften der Platten in unmittelbarer Beziehung. Die hellen Zonen sind unwirksam. Die thermoelektromotorische Kraft wächst mit der Intensität der Färbung. Am stärksten wirken die Anwachspyramiden des Prismas [100], der dunkle Kern und die dunkeln Kappen

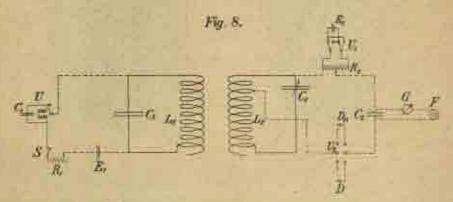
#### II. Einwirkung elektrischer Wellen.

Die von Hrn. Dr. G. Sener vorgeschlagene Versuchsanordnung ist schematisch in Fig. 8 dargestellt.

Das Sendersystem bestand aus einem geschlossenen Schwingungskreise L., C., in dem die Schwingungen in einer in der Hochfrequenztechnik üblichen Weise durch Stromunterbrechung erzeugt wurden. Mit dem Kreise war eine Stromquelle E., ein Regulierwiderstand R., ein Stromschlüssel S, ein Unterbrecher U und ein Sperrkondensator C. verbunden. Die Induktionsspule L, war stufenweise veränderlich. Der Kondensator C, sollte die Funken an der Unterbrechungsstelle möglichst unterdrücken und dadurch eine möglichst schnelle Unterbrechung des Stromes in L., die eine notwendige Voraussetzung für die Erregung elektrischer Schwingungen in dem Kreise L., C. bildet, herbeiführen.

Die Inhomogeneität der Zinnerzkristalle erschwert die Messungen der Elektricitiisleitung und der Thermokraft. O. Reichenners fand die hellen Stellen eines Kristalls von Altenberg in Sachsen nichtleitend; dagegen besaß ein Stah aus einer undurchsichtigen Stelle ein verhältnißmäßig sehr großes Leitvermögen (Über die Elekprizitätalentung einiger natürlich-kristallisierter Oxyde nsw., Inaug.-Diss., Freihurg i. B. 1906, 13; vgl. Jon. Könnsurager und O. Reignerheim, N. Jahrb. f. Min. 1906, H. 29). -C. Donitan hestimmte die Ahnahme des elektrischen Widerstandes bis 1450°C (Sitz. Ber. d. Akad, d. Wiss, Wiss, Math.-naturw. Kl. 119, 70; 1910). - Die Ermittelung der Dielektrizitätskonstanten des Zinnerzes von Altenberg wurde durch die große Leitfählgbeit verhindert (W. Schmitt, Ann. d. Phys. (4) 9, 934; 1903).

Die im Sender erzeugten Schwingungen wurden in loser magnetischer Koppelung übertragen auf das Empfängersystem, das aus dem abstimmbaren geschlossenen Resonatorkreise  $L_{\epsilon}$ ,  $C_{\epsilon}$  und dem damit direkt verbundenen Indikatorkreise mit dem Wellenanzeiger Dbestand. In Fig. 8 bedeutet  $L_{\epsilon}$  eine stufenweise veränderliche In-



duktionsspule und  $C_*$  einen kontinuierlich veränderlichen Drehplattenkondensator, der eine genaue Abstimmung der beiden Schwingungskreise gestattete! Der Indikatorkreis wurde von der Spule  $L_*$  abgezweigt und konnte durch Verschieben eines Kontaktes mit dem Hauptkreise mehr oder weniger fest gekoppelt werden. Er enthielt den Wellenanzeiger  $D_*$ , den Sperrkondensator  $C_*$  und in paralleler Schaltung mit  $C_*$  den Fernhörer F und das Galvanometer  $G_*$ . Mit Hilfe des Umschalters  $U_*$  konnte ein Vergleichsdetektor  $D_*$  eingeführt werden. Durch Regulierung von  $L_*$  und  $C_*$  wurde der Empfänger auf den Sender abgestimmt, bis ein Tonmaximum im Fernhörer oder ein maximaler Ausschlag im Galvanometer auftrat.

In dem Indikatorkreise befand sich auch eine Potentiometerschaltung  $E_*$ ,  $R_*$ ,  $U_*$ , um prüfen zu können, ob die Empfindlichkeit der Wellenanzeiger durch Anderung eines Hilfsstromes sich ändert-

Mit dieser Vorrichtung konnte die Präfung der bei D eingeschalteten Zinnerzkristalle oder der aus ihnen hergestellten Platten bequem und genau ausgeführt werden. Besonders stark rengierte der dunkle Kern der Kristalle aus Selangor, während die helle Umhüllung unwirksam blieb. Als an Kristallen von Schlaggen wald die Elektroden auf eine Fläche des Prismas [110] gesetzt wurden, war im Fernhörer meist gar kein Geräusch oder nur ein ganz schwaches Summen wahrzunehmen. Auch wenn eine Elektrode auf eine Fläche der Pyramide [111] verschoben wurde, blieb das Geräusch noch schwach. Dagegen wurde es sofort sehr stark, sobald beide Elek-

Es wurde ein Prazisions-Drehkundenzator nuch dem System Szur-Körsen verwendet, der sich bei diesen Versuchen vorzüglich bewährte.

troden auf einer Pyramidenfläche standen. In der unmittelbaren Nähe der Kanten von [111] und [110] trat der große Unterschied im Verhalten der Schichten unter diesen Grenzflächen auffallend hervor. An einem Kristall, der außer den Pyramiden [111] und [101] die Basis darbot, konnte festgestellt werden, daß auch das Gebiet unter dieser Fläche wirksam ist. Die an Zwillingsgrenzen in einspringenden Winkeln zuzusammenstoßenden Pyramidenflächen reagierten auch dann noch, wenn die Elektroden auf verschiedene Individuen des Zwillings gesetzt wurden.

#### III. Chemische Zusammensetzung.

Die Zusammensetzung des Zinnerzes ist noch nicht genügend erforscht, da es bisher nicht möglich gewesen ist, die Natur der in den farbigen Zonen gemischten Oxyde vollständig zu ermitteln. Aus den älteren Durchschnittsanalysen ist ersichtlich, daß neben Zinndioxyd ein wechselnder Gehalt an Eisenoxyd auftritt. Zuweilen sind auch TiO, SiO, CaO, CuO, Nh,O, Ta,O, usw. beobachtet worden. Versuche zur synthetischen Darstellung von Mischkristallen aus Zinndioxyd und anderen Oxyden hat H. Trauer begonnen.

Vor kurzem hat G. Enemann in seinen spektrographischen Untersuchungen über die Verbreitung des Scandiums auf der Erde gezeigt,
daß das Zinnerz zu den an Scandium reichsten Mineralien gehört?.
Da eine Mitteilung über die Gesamtheit der in den Bogenspektren
von Zinnerzkristallen nachweisbaren chemischen Elemente bisher nicht
vorlag, habe ich Hrn. Prof. Enganann ersucht, seine Aufnahmen, in denen
eine Anregung zu neuen vollständigeren Analysen enthalten ist, ausführlich zu beschreiben".

Bogenspektren von Zinnerzkristallen. Aufgenommen von G. Ebensken in Potsdam,

Elomen		Weilen- länge k	Intensi- tat I	Zinovahl, Böhnum	Mariaschine hei Granpess, Böhmess	Schlaggen, wald, Böhmen III.	Iviguit, Bahmen	Omngebiet, Trees- fisikation V.
Aluminium:	ΔI	3089 3093 3944 3969	500 800 800 1000	Common stark	leicht sintsbar	Inight elchthag	slemilch Hark	telicht elekthar

H. TRACHE, N. Jahrb. f. Min. Beil. Bd. X. 470; 1805;

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> G. Enemann, diese Sitzungsber, 1908, 851; 1910, 404.

Die in der folgenden Zusammenstellung angegebenen Wellenlängen und Intensitäten sind entnommen aus F. Exwan und F. Hascurz, Wellenlängentabellen auf Grund der oltravioletten Bogenspektren der Elemente, Leipzig u. Wien 1904.

Element		Wellen-	Intensi-	Zinowald, Böhmes	Macasanhens bes Granpen, Enhance	Seniaggen- wold, Böhmen	lvigtut, Böhmen	Changebint. Trans- haitalim
		-		1.	II	111.	IK.	N:
	=					****	AR.	
Calcium	Ca	3934	500	To be				
		1904	0002	alemlich stark	wear.	ziemlieli atark	loicht sichthar	lide amithe
		1111	1000					
Chrom	Cr	(3329)	36	Y				
		3594	30					
		3505	19	_	schwadi	-		
		H#55	50		De la constanta			100
		4975	30	100				
		4290	40					
Empler	Kitt	3248	1100	Unifolis statisticae	Hildly sehtbar	sichthar.	Schthau	Telein sinhthus
		3474	500		Limit Hickory	SOUTHWEET.	SHEALETTON	lesent suliting
Deserve	$\Psi_{\sigma}$	elimi etarken		Hart	similar atack	etterk	stock	giomileli umali
	100		1004010-01					
Guillian	Ga	14170	30	. sightler.	alphrhae	delitha	overlitteter.	-
Tiolmon;	The	3250	1200	V				
		1102:	200	leicht stehtbar	1 2000	E		
		4513	390					
Salinn	妆	1011	mo	100				
Continue, servi	.95	1011	399	-	-		auto artinach	
	93		40700					
Markensamm -	Mg	2796	200	K -	107	elet mir Sticker	hoit madewelch	
	1	2832	. 500	Į.		and the contract	outs aminiment	NT.
Mangan	Min	4931	100					
		1030	100	- monthum	nichtlian	withthur.	alekelijer	whr whomb
		#935	30					
Molyhdlin	566	3133	30	9				
100000000000000000000000000000000000000	200	3176	.10					
		3104	20	inthuyt.				
		1700	30.	Sec. II VV at (1)				P
		1804	30					
Niohimm	Nb	1011	20					
		1059	30	No. of the last				
		11080	100	Last constant				
		1101	30	heele stricker		briefly sightfoor.	stark .	Al-Tobler
	17	1191	30					
		4106	-10	1				
Scandlen	Si	1014	30	Valen	midit mis			
		4247	46	-tack	Sicherheit	-lielithar	Sletumbete	-
		9		-	murhanweisen		mentionwerison !	
Zinn	Sin	alle Linion alchthon, sum Tell mit außernedenslicher Störke						
Sterniffins	100	4018	1000	i				
		4216	3110	inthose wherein	1	- Kullerei ;		
		g thickle	300	THE SECTION AND ADDRESS OF THE PERSON AND AD		nihwaife		7

Menore	Weilen- länge k	Imensi- th /	Zmawald, Böhmen	Maraschele bei Genapen, Böhmen II.	Schlaggen- weit, Hölmen III.	Ivigiate Bötimen IV.	Omongelist; Trus- haitalien V
Sillishnu Si	3982 1905	30 11	litieht säähthus	leicht siehtbar	hiddy ddulla-	leicht sichtbur	arbwart
Tantal Ta	3311 3623 3649 4311	10 10 10 8	amloret schwack sichtbar	7 -	-		
Trong Ti	effection.		sturil.	HEACH	etarl	etarla	starti
Vanadam V	3184 3186 8379 8385 4389	2 2 2 2 3		start		-tr shead	shwam
Wolfings Wo	4004 4075 4103 4395 4484	10 10 10	stark	statitián	atorik.		
Zirkonium Zr	1192 3438 3406	10 8: 10	ochycaoli	RuBerst - Iswaria	nonthue:		meter softwarfs

Nicht vorhanden oder wendgstein nicht inchweisbar und die Elemente: Silber, Gald, Beryam, Beryttim, Lithium, Natrium, Germanium, Nickel, Kohalt; Blat. Ettrium, Nebdym, Thorium.

Die spektrale Empfindlichkeit des Zinns ist außerordentlich groß, so daß sich leicht o. i Prozent, durch Verdampfung genügender Mengen wahrscheinlich noch o.o. Prozent, nachweisen lassen. Für die geringsten Mengen sind die Linien mit den Wellenlängen 3175 und 3263 (Intensität 100), zuweilen auch noch die Linien 3009 und 3034 (Intensität 50) charakteristisch. Ist etwa i Prozent Zinn vorhanden, so werden auch die Linien mit den Intensitäten 20 und 10 siehtbar.

#### Nachtrag.

Inzwischen hat Hr. Prof. R. J. Merra in Berlin eine neue Analyse des Zinnerzes von Schlaggenwald ausgeführt. Es wurde ein großer, etwa 8 g wiegender, sehr schön ausgebildeter Kristall benutzt, dessen Bruchstücke aus der Umgebung einer Prismenfläche 100 mit rötlichem Lichte durchsichtig waren und sich frei von Einschlüssen erwiesen. Das feine Pulver wur von schwach rötlicher Farbe. Der Aufschluß des Minerals erfolgte durch Glühen des sehr feinen Pulvers im Wasserstoffstrome. Hierbei findet vollständige Reduktion der Zinnsäure zu Metall statt. Nach Extraktion des geschmolzenen Zinns mit konzentrierter Salzsäure bleiben Titansesquioxyd und Kieselsäure ungelöst zurück. Dieser Rückstand wurde geglüht, gewogen und zur Bestimmung der Kieselsäure mit Flußsäure und Schwefelsäure abgeraucht. Die Titansäure wurde durch die für sie charakteristischen Reaktionen als solche identifiziert. Tantalsäure, Niobsäure, Wolframsäure und Molybdänsäure sind nicht vorhanden. Das Zinn wurde mit Schwefelwasserstoff als Sulfid gefällt und als SnO, gewogen. Aus dem Filtrat vom Zinnsulfid wurde Eisen und Tonerde mit Ammoniak gefällt. Aus der sauren Lösung dieses mit Ammoniak fällbaren Anteils schied sich auf Zusatz von Oxalsäure eine kleine Menge seltener Erden aus.

SnO <sub>2</sub> + SiO <sub>2</sub> : 1. 0.56; 2. 0.5		
TiO,		Prozent
SiO	0.13	130
$Fe_1O_5 + Al_2O_1$	0,17	
Seltene Erden	0.10	
	100.17	Prozent

# Über den Polarisationswinkel der durchsichtigen inaktiven Kristalle.

Von Dr. Fr. Schwietring in Celle (Hannover).

(Vorgelegt von Hrn. Liemson.)

Die erste allgemeine Theorie über den Polarisationswinkel i" der durchsichtigen inaktiven Kristalle ist von F. Neumann' aufgestellt worden. Er definiert i" in einer bestimmten Einfallsebene als den Winkel, unter dem natürliches Licht einfallen muß, damit es nach der Reflexion an dem Kristall vollständig polarisiert ist. Das Azimut des reflektierten Lichtes nennt er die Ablenkung z der Polarisationsebene. Die Bedingungen für i" und z werden von Neumann auf anatytischem Wege gebildet. Dabei ergibt sieh, daß i" gleich dem Einfallswinkel i" ist, für den eine bestimmte einfallende geradlinig polarisierte Welle W' mit dem Polarisationsaximut i nach der Reflexion die Amplitude Null besitzt, d. h. nicht reflektiert, sondern nur gebrochen wird.

J. MacCerraen' benutzt eine geometrische Methode. Er definiert  $i^*$  in einer bestimmten Einfallsebene als den Einfallswinkel, für den die uniradialen Polarisationsrichtungen  $\mathfrak{p}_i$ ,  $\mathfrak{p}_i$  in der reflektierten Weltenebene W. zusammenfallen. Sind  $\mathfrak{p}_i$ ,  $\mathfrak{p}_i$  die ihnen entsprechenden Polarisationsazimute, so ist demnach  $\mathfrak{p}_i = \mathfrak{p}_i$  die Bedingung für  $i^*$ , und es ist:  $\mathfrak{p} = \mathfrak{p}_i = \mathfrak{p}_i$ . Durch Gleichsetzung der Ausdrücke für  $\mathfrak{tg}_{\mathfrak{p}_i}$  und  $\mathfrak{tg}_{\mathfrak{p}_i}$  erhält MacCurraen in speziellen Fällen dieselben Formeln für  $i^*$  wie Neumann. Da  $\mathfrak{p}_i$ ,  $\mathfrak{p}_i$  die Schnittlinien der Polarebenen  $\mathfrak{D}_i$ ,  $\mathfrak{p}_i$  der beiden gebrochenen Wellen mit  $W_i$  sind, so folgt, daß für  $i^*$  die reflektierte Wellennormale senkrecht zur Schnittlinie von  $\mathfrak{P}_i$ ,  $\mathfrak{p}_i$  steht.

Die Betrachtungsweise MacCullagns ist den komplizierten Rechnungen Neumanns durch die anschauliche Darstellung uml die Ein-

F. E. Narraws, Theoretische Untersuchung der Gesetze, nach welchen das Licht an der Grenze zweier vollkommen durchsichtigen Medien reflektiert und gebrochen wird. Ahh, d. Berl. Akad. d. Wiss. 1835. — Gesammelte Werke. 2. S. 394 bl-427, 512—532. Leipzig 1906. 2 J. MacChillaun, Coll. Wirks S. 99, 1880 (1837).

fachheit der Ergebnisse überlegen. Deshalb ist ihr auch in den Darstellungen der Kristalloptik mit Recht der Vorzug gegeben! Ich habe jedoch darauf hingewiesen! daß MacCullaguns Definition nicht so allgemein ist wie die von Neimass. Ist nämlich die Einfallsebene eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so stehen p. p. nach Symmetriegeünden stets zueinander senkrecht; ein Polarisationswinkel im Sinne MacCullaguns existiert hier also nicht. In der vorliegenden Abhandlung soll die Allgemeinheit der Neumannschen Definition und die Anschaulichkeit der MacCullagunschen Methode gewährt bleiben. Zu dem Zwecke wird die Neumannschen Methode gewährt bleiben. Zu dem Zwecke wird die Neumannschen Rechnung auf die untradialen Polarisationsrichtungen transformiert. Dadurch wird das Endresultat erheblich vereinfacht, das nun die MacCullagunsche Bedingung p. = 5 als einen speziellen Fall in sich enthält. Weiter wird gezeigt, daß die neue Bedingung für i nuch eine allgemeine geometrische Deutung gestattet.

# I. Die Transformation der Neumannschen Bedingung für i\* auf die uniradialen Polarisationsrichtungen.

1. Zunächst soll der Gedankengung der Neuerannschen Rechnung dargelegt werden. Es falle eine ebene, geradlinig polarisierte Welle unter dem Polarisationswinkel /\* auf die ebene Grenzfläche eines Kristalls. Die Amplitude dieser einfallenden wie auch die der reitektierten Welle werde nach den Richtungen parallel und senkrecht zur Einfallsebene zerlegt; die Komponenten seien S. P. R., R., Die Grenzbedingungen führen zu der Darstellung:

$$\begin{split} R_r &= p \cdot P + s' \cdot S, \\ R_s &= p' \cdot P + s \cdot S, \end{split}$$

wo die Koeffizienten p,p',s,s' kompliziert zusammengesetzte, bekannte Funktionen von  $i^*$  und von der Orientierung der Grenzebene und der Einfallsebene sind. Die Polarisationsrichtung der unter dem Azimut s reflektierten Welle sei  $p_i$  dann hat die reflektierte Amplitude parallel und senkrecht zu p die Komponenten:

$$\begin{array}{l} R'_s = R_p \sin x + R_s \cos x = P\left(p \sin x + p' \cos x\right) + S(s' \sin x + s \cos x) \,, \\ R'_s = R_p \cos x - R_s \sin x = P\left(p \cos x - p' \sin x\right) + S(s' \cos x - s \sin x) \,. \end{array} \quad 2. \end{array}$$

Für i" mmß jede einfallende geradlinig polarisierte Welle mnabhängig von ihrem Polarisationsazimut meh der Reflexion das Polari-

Vgl. z. B. F. Pocents, Lehrb. d. Kristallopiik S, 188-191, 1906.

F. Schwingeren, Imag. Diss. Göttingen 1908. N. Johnb. f. Min., Bell.-Rd. 26, 8, 340, 1908.

Vgl. F. Schwingeren, a. a. O. S. 327.

sationsazimut a aufweisen, falls nicht die reflektierte Amplitude Null ist. Die notwendige und hinreichende Bedingung für  $i^a$  besteht also darin, daß  $R_p$  umabhängig von P und S verschwinden muß; d. h. es müssen die Gleichungen gelten:

$$p \cos x - p' \sin x = 0,$$

$$s' \cos x - s \sin x = 0.$$
3.

Hierzu ist nötig, daß die Determinante der Koeffizienten von cos z und sin z verschwindet: demnach lautet die Bedingung für / :

$$p \cdot s \rightarrow p' \cdot s' = 0$$
.

Der Wert von z felgt nach 3 aus:

$$\operatorname{ig} x = \frac{\lambda'}{\delta}$$
. 5.

wobei der aus 4 ermittelte Winkel if eingesetzt zu denken ist.

2. Um die vorstehende Rechnung auf die uniradialen Polarisationsrichtungen zu transformieren, wird die Amplitude der unter dem Winkel i\* einfallenden geradlinig polarisierten Welle nach ihren uniradialen Polarisationsrichtungen q, q, in die Komponenten E, E, zerlegt. Die reflektierte Welle habe entspreehend nach p, p, die Komponenten R, R,. Nach den Richtungen parallel und sonkrecht zur Einfallsebene mögen die vier erhaltenen Größen die Teilamplituden E, E, E, E, E, E, tond und analog R, R, R, R, liefern. Durch Einführung der Schwächungskoeffizienten:

$$\hat{\theta}_{kr} = \frac{R_{kr}}{E_{kr}}$$
,  $\hat{\theta}_{kr} = \frac{R_{kr}}{E_{kr}}$ , 6.

worin h gleich i oder 2 ist, wird dann;

$$R_p = R_{ip} + R_{ip} = \beta_{ip} E_{ip} + \beta_{ip} E_{ip},$$
  
 $R_i = R_{ip} + R_{ip} = \beta_{ip} E_{ip} + \beta_{ip} E_{ip}.$ 
7.

Hierin sind die Werte der 3 durch die Grenzbedingungen bestimmt. Besitzen qui qui die Azimmte 1, 1, 20 1st:

$$E_{ij} = E_i \cos \epsilon_i$$
,  $E_{ij} = E_i \cos \epsilon_i$ ,  
 $E_{ii} = E_i \sin \epsilon_i$ ,  $E_{ii} = E_i \sin \epsilon_i$ .

Parallel und senkrecht zu der Poinrisationsrichtung is hat die redektierte Amplitude unter Berücksichtigung von 7 und 8 die Komponenten:

 $H = R_{\rm cos} \alpha + R_{\rm sin} \alpha$ 

 $= E_i(\hat{z}_n \sin z_i \cdot \sin x_i + \hat{z}_n \cos z_i \cdot \cos z_i) + E_i(\hat{z}_n \sin z_i \cdot \sin x_i + \hat{z}_n \cos z_i \cdot \cos z_i)$ 

 $K = -R \sin x + R \cos x$ 

 $= E_i(\hat{z}_{ij} \sin z_i \cdot \cos z_i - \hat{z}_{ij} \cos z_i \cdot \sin z_i) + E_i(\hat{z}_{ij} \sin z_i \cdot \cos z_i - \hat{z}_{ij} \cos z_i \cdot \sin z_i),$ 

Ähnlich wie auf S. 425  $R_s'$  muß nun  $K=\alpha$  sein, also gelten für  $i^+$  die Gleichungen:

$$\beta_{i_1} \sin \epsilon_i \cdot \cos \alpha - \beta_{i_2} \cos \epsilon_i \cdot \sin \alpha = 0$$
  
$$\beta_{i_1} \sin \epsilon_i \cdot \cos \alpha - \beta_{i_2} \cos \epsilon_i \cdot \sin \alpha = 0$$
  
$$10.$$

und damit die Bedingung!;

$$\beta_{\alpha}\beta_{\beta}\sin\epsilon_{i}\cos\epsilon_{i} - \beta_{\alpha}\beta_{\alpha}\cos\epsilon_{i}\sin\epsilon_{i} = \alpha$$
. 11.

Weil c, , z, die Azimute von p, , p, sind, so lst ühnlich wie in S:

$$R_{ip} = R_i \cos \varepsilon_i$$
,  $R_{ip} = R_i \cos \varepsilon_i$ ,  $R_{ir} = R_i \sin \varepsilon_i$ ,  $R_{ir} = R_i \sin \varepsilon_i$ .

Werden jetzt die Schwächungskoeffizienten für die beiden uniradialen Polarisationsrichtungen eingeführt:

$$\hat{\beta}_i = \frac{E_i}{R_i}, \quad \hat{b}_i = \frac{E_i}{R_i},$$
12.

so geht 11 mit Benutzung von 6, 8, 8' über in:

$$\beta_i \cdot \beta_i (\sin \epsilon_i \cos \epsilon_i - \cos \epsilon_i \sin \epsilon_i) = 0$$

oder in:

$$\beta_i \cdot \beta_i \cdot \sin(\rho_i - \rho_i) = 0.$$
 13.

Die notwendige und hinreichende Bedingung für den Polarisationswinkel i\* besteht also darin, daß das Produkt aus den Schwächungskoeffizienten ξ, β, der beiden uniradialen Wellen und dem Sinus der Differenz der beiden uniradialen Polarisationsazimute ξ, ξ, in der reflektierten Wellenebene gleich Null sein muß.

Dieses Resultat ist wesentlich kürzer und übersichtlicher als die Neumannsche Gleichung 4. Die dort auftretenden Koeffizienten p, p', s, s' sind nämlich den Sehwächungskoeffizienten  $\beta_1, \beta_2$  gegenüber sehr viel kompliziertere Ausdrücke, über deren physikalische Bedeutung außerdem nichts ausgesagt werden kann.

### II. Die MacCullagesche Bedingung für i\* als Spezialfall der transformierten Neumannschen Bedingung.

Die Gleichung 13 kann auf zwei verschiedene Weisen erfüllt werden. Entweder sind β<sub>z</sub>, β<sub>z</sub> von Null verschiedene echte Brüche, wie es meistens zutreffen wird; dann muß der deitte Faktor sin (ρ<sub>z</sub> — ρ<sub>z</sub>) verschwinden, d. h. es muß ρ<sub>z</sub> = ρ<sub>z</sub> sein. Oder es ist sin (ρ<sub>z</sub> — ρ<sub>z</sub>) von Null verschieden, dann muß β<sub>z</sub> oder β<sub>z</sub> verschwinden. Dieser Fall tritt

Diese Gleichung ist schon bei früherer Gelegenheit von mir bergeleitet. Vgl. Schwierman, a. a. O. S. 539.

ein, wenn die Einfallsebene eine optische Symmetrieebene des Kristalls ist. Nun liegen die uniradialen Polarisationsrichtungen stets parallel und senkrecht zur Einfallsebene, es ist  $\varepsilon_i - \varepsilon_s = 90^\circ$  und sin  $(\varepsilon_i - \varepsilon_s) = 1$ . Die Schwächungskoeffizienten  $\beta_{is}$ ,  $\beta_{is}$  haben die Form

$$\beta_{\lambda p} = \frac{\sin(i - \phi_{\lambda})}{\sin(i + \phi_{\lambda})}$$
14.

$$\beta_{ii} = \frac{\sin \psi_i \cos (i + \phi_i) \sin (i - \phi_i) \mp \sin^i \phi_i \log s_i}{\sin \psi_i \cos (i - \phi_i) \sin (i + \phi_i) \pm \sin^i \phi_i \log s_i}, \qquad 15.$$

wo  $\phi_k$ ,  $\bigcup_{\delta}$ ,  $s_k$  den Normalenwinkel, das Polarisationsazimut und den Winkel zwischen Strahl und Normale bei der ersten oder zweiten gebrochenen Welle bezeichnen und i der Einfallswinkel ist. Wird das Außenmeilium so angenommen, daß  $i \geq \phi_k$  bleibt, so hat  $\mathcal{E}_{k_p}$  nach 14 stets einen von Null verschiedenen Wert. Mithin kann  $\mathcal{E}_{k_p}$  für die erste, parallel zur Einfallsebene polarisierte Welle nicht verschwinden, folglich muß  $\mathcal{E}_{k_p}$  für die zweite, senkrecht zur Einfallsebene polarisierte Welle gleich Null sein.

Daher geht die allgemeine Bedingung 13 nur für den besonderen Fall, daß die Einfallsebene nicht eine optische Symmetrieebene des Kristalls ist, in die Gleichung von MacCennaen über. Im anderen Falle ist die letztere unzutreffend; 13 besagt dann, daß der Schwächungskoeffizient für die senkrecht zur Einfallsebene polarisierte uniradiale Welle verschwindet.

2. MacCullagers Bedingung trifft nur in wenigen Symmetriefällen nicht zu. Es könnte deshalb den Anschein haben, als ob diese Ausnahmefälle für die praktische Brauchbarkeit der MacCullagerschen Regel ohne Bedeutung wären, um so mehr, als für sie die zweite uniradiale Welle durch die Reflexion ausgelöscht wird und z, somit experimentell gar nicht in Frage kommt. Eine derartige Vermutung läßt sich indessen nicht rechtfertigen, wie eine nähere Betrachtung lehrt. Setzt man für die beiden gebrochenen Wellen unter Berücksichtigung der Unterscheidungsindizes 1 und 2:

$$l = \cos\phi \cos\psi , \quad m = \sin\psi , \quad n = \sin\phi \cos\psi ,$$

$$p = \frac{\sin\phi}{g} \left[ \sin\psi \left( \sigma_{ii} \cos\phi - \sigma_{ij} \sin\phi \right) - \sigma_{ii} \cos\psi \right] ,$$
16.

wo q die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Wellennormalen bedeutet und die Größen  $a_{ki}$  die Polarisationskonstanten des Kristalls sind, so ist für einen beliebigen Einfallswinkel $^{2}$  i;

Vgl. F. Schwinzmine, a. a. O. S. 313.

Vgl. E. Schwieffern, a. a. O. S. 322, 340.

$$\operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i + p_i}{l_i \sin i + n_i \cos i} , \quad \operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i + p_i}{l_i \sin i + n_i \cos i} , \quad 17.$$

$$\operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i - p_i}{l_i \sin i - n_i \cos i} \ , \quad \operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i - p_i}{l_i \sin i - n_i \cos i} \ . \quad 18.$$

$$\hat{\sigma}_{i,j} = \frac{I_k \sin i - n_k \cos i}{I_k \sin i + n_k \cos i} , \qquad \hat{\sigma}_{i,k} = \frac{m_k \sin i \cos i - p_k}{m_k \sin i \cos i + p_k} . \qquad 19.$$

MacContaons Bedingung lauter danach:

$$\frac{m_i \sin i^* \cos i^* - p_i}{l_i \sin i^* - n_i \cos i^*} = \frac{m_i \sin i^* \cos i^* - p_i}{l_i \sin i^* - n_i \cos i^*}.$$
 20.

Für den Zusammenfall der Einfallsebene mit einer Symmetricebene ist 20 in der Tat unrichtig, weil dann:  $m_i = p_i = l_i = n_a = 0$ . Die allgemeine Bedingung 13 hautet für diese Fälle nach 19:

$$\frac{m_s \sin i^* \cos i^* - p_s}{m_s \sin i^* \cos i^* + p_s} = 0,$$

oder, da m., p. von Null verschieden sind:

$$m_i \sin i^* \cos i^* - p_i = 0$$
. 21.

Diese wahre Bedingung für  $i^*$  kann nun aus der unrichtigen Gleichung 20 nur dadurch gewonnen werden, daß die unstatthafte Multiplikation der letzteren mit  $l_i \sin i^* - n_i \cos i^* = 0$  vorgenommen wird. Duber ist MacCoursous Bedingung auch bei einer bloß formalen Behandlung zur strengen analytischen Bestimmung von i^\* gerade in den praktisch wichtigsten Fällen, wo die Einfallsebeur eine optische Symmetrieebene 1st. nicht brauch bar.

3. Am deutlichsten tritt dieser Mangel der MacCenausschen Bedingung hervor, wenn man von den kristallinischen Medien aus das Brewstersche Gesetz für einfachbrechende Stoffe herzoleiten versucht. Der Übergang kann dachten vollzogen werden, daß zumächst eine Symmetriechene als Einfallschene gewählt wird und darauf die beiden gebrochenen Wellen zum Zusammenfallen gebracht werden. Die Bedingung 20 wird hereits für den Symmetriefall unrichtig. Selbst bei ihrer weiteren formalen Beibehaltung würde sie jetzt die gewünschte Spezialisierung nicht gestatten, da sie beim Gleichsetzen der Indizes i und 2 eine identische Gleichung liefern würde. Die wahre Gleichung 21 für den Symmetriefall führt hingegen leicht zu den einfachbrechenden Medien hunüber. Für den Zusammenfall der gebrochenen Wellen wirdt:

$$m_i = \sin \psi$$
,  $p_s = \sin \phi \cos \phi \sin \psi$ ,

Fa. Scencerraiso: Polarisationswinkel der durchsichtigen inzetiven Krystalle. 429

so daß 21 lautet:

$$\sin i'' \cos i'' - \sin \phi \cos \phi = \alpha$$
,

oder nach einfachen Umformungen;

$$\sin z i^* - \sin z \phi = 0,$$

$$2 \cos (i^* + \phi) \sin (i^* - \phi) = 0,$$

woraus  $\cos(i^* + \phi) = 0$  und damit das Baxwstersche Gesetz  $i^* + \phi = 90^\circ$  folgt.

Die MacCollagensche Bedingung für if zeigt ihren speziellen Charakter gegenüber der allgemeinen Bedingung 13 nuch dadurch, daß sie das Brewstersche Gesetz für einfachbrechende Stoffe nicht wie diese als Spezialfall enthält.

4. Nach dem Vorbergebenden besitzt MacCullagus Definition von i' keine allgemeine Gültigkeit. Deshalb ist es von Interesse, daß eine Folgerung MacCullagus auch für die Symmetriefälle zutrifft, nämlich der Satz, daß für den Einfall des Lichtes unter i' die reflektierte Wellennormale senkrecht zur Schnittlinie der Polarebenen Φ<sub>i</sub>, Φ<sub>i</sub> der beiden gebrochenen Wellen steht. Ist die Einfallsebene nicht eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so ist z<sub>i</sub> = z<sub>i</sub>. Also sehneiden sich Φ<sub>i</sub>, Φ<sub>i</sub> in der redektierten Wellenebene W<sub>i</sub>, weil die Schnittlinien von Φ<sub>i</sub>, Φ<sub>i</sub> mit W<sub>i</sub> die uniradialen Polarisationsrichtungen p<sub>i</sub>, p<sub>i</sub> vorstellen. Geht die Einfallsebene in eine optische Symmetrieebene über, so unterscheiden sich z<sub>i</sub> und z<sub>i</sub> um 90°. Die reflektierte Wellennormale steht aber in diesem Falle trotzelem senkrecht zur Schnittlinie von Φ<sub>i</sub>, Φ<sub>i</sub>, weil num Ψ<sub>i</sub> parallel W wird.

Schon F. Pockers' hat hierauf aufmerksam gemacht, ohne indessen einen Beweis mitzuteilen. Die allgemeine rechnerische Untersuchung dieses Falles wird sehr kompliziert, deshalb soll die Lage von B, an drei Beispielen für Knikspat betriehtet werden.

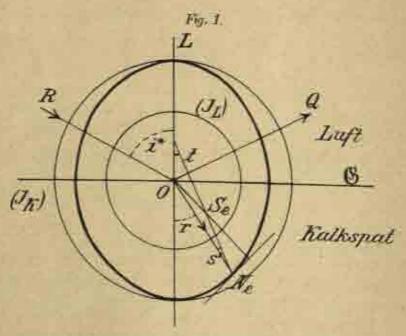
A. Die Grenzebene @ sei senkrecht zur optischen Anhse, dann ist jede Einfallsebene ein Hauptschnitt. Die Wellennormalen für das einfallende und für das reflektierte Licht seien EO und OQ, das Einfallslot heiße OL. Gegen Luft als Außenmedium ergibt die Rechnung für den Polarisationswinkel \*, den Normalenwinkel \*, der gebrochenen außerordentlichen Welle und den Winkel \* zwischen der Normale ON, und der Polarebene D. dieser Welle:

$$r = 60^{\circ}47.3'$$
:  $r = 33^{\circ}1.9'$ :  $r = 3^{\circ}49'$ 

Fig. 1 zeigt mit Hilfe der Schnittkurven  $(J_x)$  und  $(J_x)$  zwischen der Einfallsebene und den Indexdächen  $J_x$  und  $J_z$  des Kalkspates

F. Pormers, a.m. O. S. 108.

und der Luft die Richtung des außerordentlichen Strahles OS, der senkrecht auf der Tangentialebene stehen muß, die in N, an  $J_{\kappa}$  gelegt wird. Die Strecke ON, stellt die reziproke Normalengeschwindigkeit der außerordentlichen Welle dar. Wenn OS, die zugehörige Strahlengeschwindigkeit angibt, so bedeutet N, S, die Schnittlinie zwischen T, und der Einfallsebene. Wird der spitze Winkel zwischen



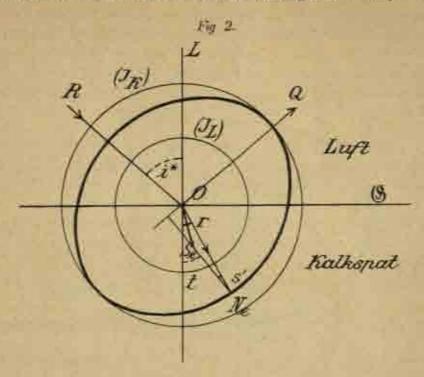
 $S_sN_s$  und OLt genannt, so lehrt die Figur, daß r=t+s' und daher t=r-s' ist. Weiter tritt an der Figur deutlich hervor, daß die reflektierte Wellennormale OQ senkrecht auf  $N_sS_s$  steht, wenn die Bedingung  $t^*+t=90^\circ$  erfüllt ist. Die berechneten Werte für  $t^*$ , r, s' liefern:

$$t = 29^{\circ} 12.9'$$
;  $t' + t = 90^{\circ} 0.2'$ .

Mithin steht OQ senkrecht auf  $\mathfrak{P}_r$ , d. h.  $\mathfrak{P}_r$  und die reflektierte Wellenebene  $W_r$  sind parallel.

R. Die Grenzebene & sei einer Spaltungsfläche parallel. Für den Einfalt des Lichtes im Hauptschnitt ist nach F. Neumann: i\* = 57° 20.1′. Die gebrochene außerordentliche Welle besitzt die Winkel: r = 30° 44.5′; / = 1°52.7′. Dieser Fall ist in ähnlicher Weise wie der erste durch Fig. 2 veranschaulicht. Die Tangentialebene in N, ist nicht angedeutet, weil sie bei dem geringen Werte von s' den Überblick nicht leichter macht. Die Figur läßt erkennen, daß nun im Gegensatz zu dem

Vergi, P. Karmanna, Inang.-Diss. Göttingen 1904. N. Jahrb, L. Min., Beil.s. Bd. 26, S. 189—192, 1995.



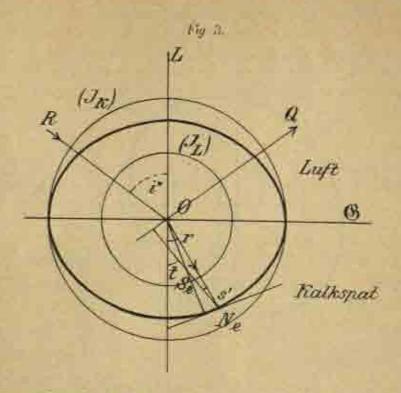
ersten Beispiel t=r+s' ist. Die Bedingung für den Zusammenfall von  $\mathfrak{P}_i$  und  $W_i$  ist wieder  $i^*+t=90^\circ$ . Auch dieses Mal hat sie Gültigkeit, es ist:  $t=32^\circ 37.2'$ ;  $i^*+t=89^\circ 57.3'$ .

C. Die Grenzebene  $\mathfrak B$  sei parallel der optischen Achse. Ist der Hauptschnitt die Einfallsebene, so ist:  $i^* = 54^{\circ}2^{\circ}5'$ ;  $r = 31^{\circ}57.7'$ :  $s' = 4^{\circ}0'$ . Fig. 3 zeigt, daß hier wie im vorigen Falle t = r + s' ist. Jetzt wird  $t = 35^{\circ}57.7'$  und  $i^* + t = 90^{\circ}0.2'$ .  $\mathfrak P_s$  und  $W_s$  sind daher wieder parallele Ebenen.

Aus den drei behandelten speziellen Fällen folgt, daß für den Einfall des Lichtes in einer optischen Symmetrieebene die zur Einfallsebene senkrechte Polarebene D, mit der reflektierten Wellenebene W, zusammenfällt. Diese Tatsache hat die Bedeutung, daß die Lage der untradialen Polarisationsrichtung p, der geometrischen Definition nach unbestimmt wird. Das trifft damit zusammen, daß für in den Symmetriefällen die Amplitude für die nach p, reflektierte Welle verschwindet.

Es ist noch zu bemerken, daß sich auch der Übergang zu einfachbrechenden Medien mit Hilfe der Polarebenen, d. h. geometrisch, leicht bewerkstelligen läßt!. Die Schnittlinie von D., D. wird dabei zu dem gebrochenen Strahle. Damit ist das Berwstrusche Gesetz gewonnen.

Vgl. F. Pozzza, s. s. O. S. 190.



Es ergibt sich also: Im Gegensatz zu der MacCulliansschen Definition von C besitzt der aus ihr folgende Satz, daß die reflektierte Wellennermale senkrecht auf der Schnittlinie der beiden Polarebenen B., B. sicht, ellgemeine Gültigkeit.

## III. Der Polarisationswinkel i\* im Vergleich zu den übrigen Einfallswinkeln in derselben Einfallsehene.

An der MacCurraenschen Bedingung tritt scharf hervor, daß sie in einer bestimmten Einfallsebene einen besonderen Einfallswinkel definiert. Der Neumannschen Bedingung 4 kommt dieser Vorzug nicht zu, weil die rier in ihr auftretenden Größen zu komplizierte Ausdrücke sind. Es fragt sich, ob er vielleicht bei der transformierten Bedingung 13 siehtbar ist. Das trifft intsächlich zu. Für einen beliebigen Einfallswinkel i stehen die untradialen Polarisationsazimmte  $\varepsilon_i$ ,  $\varepsilon_i$ ,  $\varepsilon_i$ ,  $\varepsilon_i$ ,  $\varepsilon_i$  der einfallenden und der reflektierten Welle und die zugehörigen Schwächungskoeffizienten  $\beta_i$ ,  $\beta_i$ , in der Beziehung :

$$\frac{\cos(\epsilon_i - \epsilon_i)}{\cos(\epsilon_i - \epsilon_i)} = \beta_i \cdot \beta_i.$$
 22.

Die Redingung 13 ist ein spezieller Fall von 22, denn s., s. kommen in ihr nicht mehr vor. Also zeigt 22, daß 13 einen besonderen Einfallswinkel eharakterisiert.

Nach S. 427 führt 13 entweder auf  $z_i = z_i$  oder nuf  $S_i = c_i$ . Für den ersten Fall geht 22 über in:

$$\cos(\epsilon_i - \epsilon_i) = \beta_i \cdot \beta_i$$
. 23.

Im zweiten Falle ist  $\beta_i = 0$ , und  $\varepsilon_{i,i}\varepsilon_{i}$  unterscheiden sich um 90°, daher ist 23 auch hier erfüllt. Demnach ist  $i^*$  auch durch die Bedingung 23 definiert, in der  $\varepsilon_{i,i}\varepsilon_{i}$  anstatt der Azimute  $\varepsilon_{i,i}\varepsilon_{i}$  auftreten.

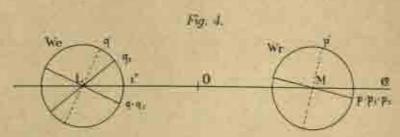
Die für einen beliebigen Einfallswinkel i zwischen den sechs Größen  $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \varepsilon_3, \varepsilon_4, \varepsilon_5$ ,  $\varepsilon_5$  bestehende Beziehung 22 geht für i über in eine Beziehung zwischen nur vier Größen, entweder in  $\varepsilon_4$ ,  $\varepsilon_5$  sin  $(\varepsilon_4 - \varepsilon_5) = 0$  oder in  $\cos(\varepsilon_4 - \varepsilon_5) = 3$ ,  $\varepsilon_5$ .

#### IV. Die geometrische Bedeutung der transformierten Neumannschen Bedingung.

L. Es fragt sich jetzt noch, ob die transformierte Neumannsche-Bedingung 13 eine so bequeme geometrische Deutung gestattet, wie sie bei MacCurraen möglich ist. In der Tat ist auch dieses der Fall. Es ergilit sich aus dem auf S. 423 erwähnten Naumanschen Satze, daß eine gewisse unter dem Winkel I' = I' einfallende, geradlinig polarisierte Welle W' mit dem Polarisationsazimut i die reflektierte Amplitude Null aufweist. Am leichtesten läßt sieh das veranschaulichen. wenn die Einfallsebene mit einer optischen Symmetrieebene zusammenfällt: dann wird eine senkrecht zur Einfallsebene polarisierte einfallende Welle nicht reflektiert, es ist å, = o. Ist indessen die Einfallsebene nicht eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so kann für W' die Polarisationsrichtung p' nach der Reflexion nur die zu der Polarisationsrichtung v senkrechte Lage haben, die einfallendem natürlichen Lichte entspricht. Die Neumannsche Rechnung von S. 424 lehrt nämlich, daß mech einer solchen Richtung p' laut 2 jede Amplitudenkomponente R' verschwindet. Welche Polarisationsrichtung a besitzt our W' in der einfallenden Wellenebene W.3 Alle Polarisationsrichtungen von W. sind durch die Reflexion der Richtung p in der reflektierten Wellenebene W. zugeordnet, sie unterscheiden sieh jedoch voneinander durch die zugehörigen Schwächungskoeffizienten. Diejenige Richtung q von W., zu der der größte Schwächungskoeffizient gehört, wird p dabel in besonderem Maße entsprechen; alle übrigen Richtungen von W werden nur deshalb nach p gedreht, weil die Amplitudenkomponente nach der zu p senkrechten Richtung p' verschwindet. Demnach muß

die zu p' in W, gehörige Richtung q' in W, senkrecht zu q gelegen sein, weil sie den kleinsten Schwächungskoeffizienten Null besitzt (Fig. 4).

In W. stehen also die Polarisationsrichtungen q, q' aufeinander senkrecht, ebenso in W. die zugeordneten Polarisationsrichtungen p, p. Folglich stellen diese vier Richtungen die beiden «Hauptrichtungen» von Consu' vor und nach der Reflexion dar. Damit ergibt sieh der Satz:



Die transformierte Neumannsche Bedingung für den Polarisationswinkel i\* hat die allgemeine geometrische Bedeutung, daß der Schwächungskoeffizient für die eine der beiden «Hauptrichtungen» q. q von Connt in der einfallenden Wellenebene, nämlich für q', gleich Null wird. Die der anderen «Hauptrichtung» q zugehörige Richtung p in der reflektierten Wellenebene W, ist die Polarisationsrichtung für das aus einfallendem natürlichen Licht durch Reflexion hervorgegangene Licht.

Dieser Satz ist schon von Corne<sup>3</sup> im Anschluß an die Betrachtung der beiden "Hauptrichtungen" kurz erwähnt worden, über seine Beziehung zu den analytischen Entwicklungen Neumanns und über seine Zweckmäßigkeit für eine Definition von i<sup>8</sup> ist indessen dabei nichts ausgesagt. Nach den obigen Überlegungen liegt sein Wert darin, daß er das geometrische Gewand der Neumannschen Rechnungsmethode und der Bedingung 13 darstellt. Er zeigt gegenüber der MacCullagnschen Auffassung den inneren Grund für die vollständige Polarisation natürlichen Lichtes durch Reflexion, ferner hat er allgemeine Gültigkeit, und er enthält auch den Fall der einfachbrechenden Medien. Daher bildet er die zweckmäßigste geometrische Definition des Polarisationswinkels.

NEUMANN hat bei der Herleitung des Satzes von der Gleichheit der Winkel i' und i' die Bemerkung gemacht, daß er zu einer Definition von i' benutzt werden könne". Es ist nicht ohne Interesse,

<sup>1</sup> Vgl. F. Pocaras, a. a. O. S. 192.

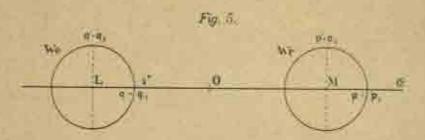
Ann. Chim. Phys. (4) 11, S. 348, 1867.

F. Neumann, S. a. O. S. A16.

Pr. Segwierrane: Polarisationswinkel der durchsichtiges inactiven Krystalte. 435

zu sehen, daß jener Satz für die allgemeine analytische Bedingung 13 wie für die allgemeine geometrische Erklärung von (\* eine sehr wesentliche Rolle spielt

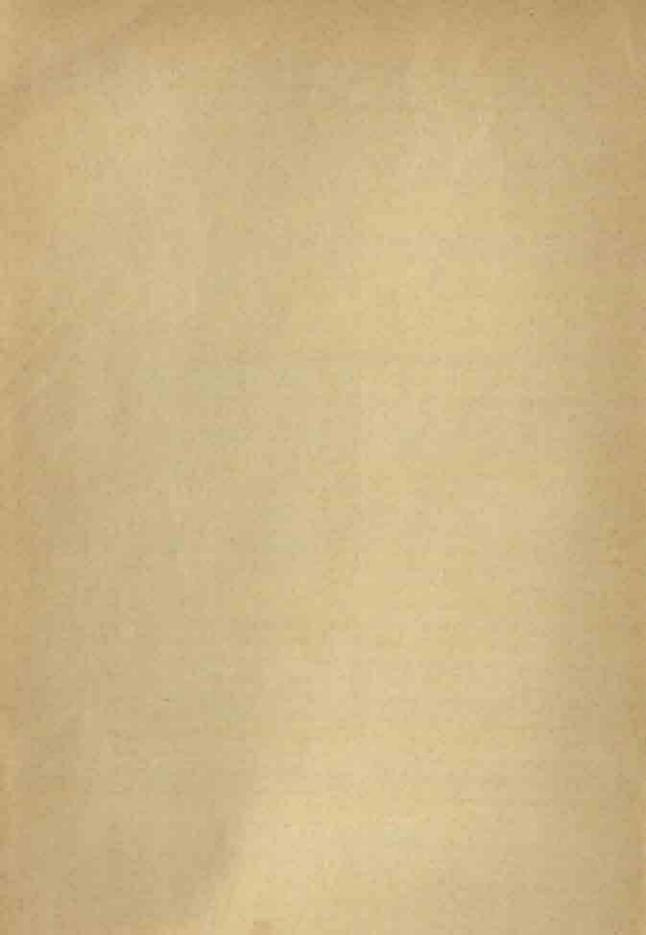
 Die Tatsnehe, daß MacContaons Definition ihre Gültigkeit verliert, wenn die Einfallsebene in eine optische Symmetrieebene über-



geht, ist nach 8.424 in folgender Weise zu erläutern. Für 1° werden alle Polarisationsrichtungen von W, durch die Reflexion in die zu q gehörige Richtung p hineingedreht, nur die zu q senkrechte Richtung q' ist auch machher in der Lage p' noch senkrecht zu p. Solange deshalb die beiden untradialen Polarisationsrichtungen q, a, in W von q' verschieden sind, müssen sie der Richtung p in W, entsprechen, d. h. in W, zusammenfallen. Ist die Einfallsebene aber eine optische Symmetrieebene, so stimmt q, mit q' überein, folglich müssen dann p, p, in W, senkrecht aufeinanderstehen (Fig. 5).

Hiernach sind für den Polarisationswinkel i\* nicht die untradialen Polarisationsrichtungen, sondern die Countschen «Rauptrichtungen» in physikalischer Hinsicht ausgezeichnet.

Ausgegeben am 20. April.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DIEGE

XIX.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

6. April. Gesammtsitzung.

## Vorsitzender Secretar: Hr. Acwers I. V.

\*1. Hr. Lesz las über die Anfänge des Ministeriums Eichhorn und die Berliner Universität.

Einer Charakteristik Friedrich Wilhelm's IV. und Eichhorn's wir ihrer Politik folgt ein Bericht über die ersten Bernfungen (Scheilling's, Stahl's, der Bender Grimm) und eine Schilderung der ersten Conflicte zwischen dem Minister und der Universität.

2. Hr. NERSET legte eine von ihm gemeinschaftlich mit Hrn. F. A Lindemann verfasste Arbeit vor «Über die specifische Wärme bei tiefen Temperaturen. V.» (Ersch. später.)

Es wird eine Formet mitgetheilt, die von der Einstein'schen etwas abweicht, aber den Vortheil bringt, dass sich daraus der Verlauf der spezifischen Wärme sehr viel genauer berrehmen lässt, ohne dass sie mehr willkürliche Constante enthält; ferner wird ein swacter Amehluss an die optischen Messangen gewonnen. Die theoretische Dentung der Formet wird darin gefanden, dass die potentielle Energie in Quanten aufgenommen wird, die halb so grass sind wir die der kinetischen Energie; macht man desse Annahme, so führt auch die neue Formet zur Prance'schen Strahlungsformet.

- 3. Die folgenden Druckschriften wurden vorgelegt: durch Hrn. Nersst: W. Nersst und A. Schoerenzes, Einführung in die mathematische Behandlung der Naturwissenschaften. München und Berlin 1910; durch Hrn. Coxze: Bericht über die Arbeiten zu Pergamon 1908—1909 von W. Döhreren und H. Hendisc (S.-A. aus den Mittheilungen des Kais. Deutschen Archaeologischen Instituts, Athenische Abtheilung Band XXXV). Athen 1910, ferner Briefwechsel Friedrichs des Grossen mit Voltaire. Hrsg. von R. Kosen und H. Drovsen. Th. 3. Leipzig 1911. (Publikationen aus den K. Preussischen Staatsurchiven. Bd. 86.), und Bandlay V. Head. Historia numorum. A Manual of Greek Numismatics. New Edition. Oxford 1911.
- 4. Zu wissenschaftlichen Unternehmungen hat die Akademie bewilligt: durch die physikalisch-mathematische Classe ihrem Mitgliede Hrn. F. E. Schutze als Zuschuss zu den Kosten des Drucks eines

Nomenclator animalium generum et subgenerum: 7000 Mark, durch die philosophisch-historische Classe dem Privatdocenten Hen. Dr. Hensass Brokn in Berlin zur Drucklegung seiner kritischen Ausgabe der buddhistischen Spruchsammlung Udanavarga 700 Mark und dem Pfarrer a. D. Hen. Dr. Hensasse Haussusver in Bödigheim (Baden) als Beitrag zu den Kosten der Drucklegung der von ihm vorbereiteten Ausgabe der Historia Hierosolymitana Fulcher's von Chartres 1800 Mark.

Ausgegeben am 20. April.

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XX.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

20. April. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYEB.

1. Hr. Munn las: Weiteres zur Anatomie und Physiologie

an der Grosshirnrinde. (Ersch. später.)

Wie hei der früheren Untersuchung am Hinterhauptalappen, werden hier am Stirnscheitellappen die Beziehungen behandelt, in denen die anatomischen Arcan der Grosshirnrinde zu den physiologischen Sinnessphären stehen. Die Annahme eines besonderen motorischen Rindengehietes neben den Sinnessphären wird widerlegt und die Rinde des Gyrus contralis anterior als der Fühlsphäre zugehörig erwiesen.

 Hr. Schotter legte eine Abhandlung der HH. Prof. C. Caratrecoder in Breslau und Prof. Dr. E. Lasbau in Göttingen vor: Beiträge zur Convergenz von Functionenfolgen. (Ersch. später.)

Es wird ein zum Ideengebiet des Proant'schen Theorems gehöriger Satz aufgestellt über die Bedingungen, welche nüthig sind, damit für eine unendliche Reibe analytischer Functionen, die für ein gegebenes Gebiet definirt sind, eine Grenze vorhanden ist, die selbst eine in diesem Gebiet regulüre analytische Function ist.

# Verluste und Wiedererneuerung im Lebensprozeß.

Von MAX RUBNER.

(Vorgetragen am 2. März 1911 [s. oben S. 251].)

Über das Wesen und die letzten Gründe der Ernährung haben sich, wie die Geschichte zeigt, die Altmeister des medizinischen Wissens je nach dem Stande der zeitgenössischen Naturerkenntnis sehr verschieden ausgesprochen. In diesen wechselnden Theorien und Hypothesen kehrt bald als einziger kausaler Faktor, bald in einer gewissen Abhängigkeit von andern Momenten, seit dem letzten Jahrhundert bis in die neuste Zeit der Gedanke des Zugrundegehens des Lebenden durch die Lebensleistungen und sein sofortiger steter Aufbau immer wieder. Recht eingehend finden wir diese Auffassung bei A. von Haller geschildert.

\*Wir werden nämlich\*, heißt es in Hanass Grundriß der Physiologie\*, \*insgesamt ununterbrochen abgezehrt und verlieren nicht allein die flüssigen, sondern selbst die für die allerfestesten gehaltenen Teile. Dann wird weiter die Art dieser Zerstörung auseinandergesetzt. Die Ursache der Zerstörung der festen Teile besteht in einer beständigen Ausdehnung und Zusammenziehung, welche bei jedem Sehlage des Herzens erfolgt, hunderttausendmal in einem Tage; eine Bewegung, die seibst Metalle abreibt. Sodann in der Reibung der flüssigen Teile an den festen; in einem Abreiben aller Membranen, welche sich sowohl auf der Oberfläche des Körpers als in den inneren Höhlen mit einem freien Ende begrenzen, in der abwechseinden Anschwellung und Niedersinkung der Muskeln, und endlich in der Anziehung und dem Druck, den unsere Muskeln äußern.

Nach dieser Ausehamung werden also alle Organe mechanisch abgerieben und vertraucht, und die Nahrung hat die entstehenden Lücken jeden Tag wieder auszufüllen. Zugrundegehen und Aufbau sind normaler Weise adaquate Größen und umfassen den ganzen Stoffwechsel.

Deutsche Ausgabe des Grundrisses der Physiologie von Harran. Heramgegeben von Sömmering & Meckel, Berlin 1788.

Nach A. von Haller setzt mit Lavorsien der experimentelle Aufschwung der Physiologie ein; die Erkenntnis der oxydativen Spaltung und Verbrennung gibt ein Bild, wie die zerstörten Telle beseitigt werden.

Dann folgen die wichtigen Untersuchungen Massenes und seiner Schule, die als die Grundlage der experimentellen Ernährungslehre gelten können. Die Grundanschauung der beständigen Abnutzung alles Lebenden hat noch keinen Wandel erfahren; wir finden sie wieder bei Treormann (Physiol. d. Menschen 1836 S. 15).

Obschon man damals bereits recht weitgehende Kenntnis des Tierleibes und der Nahrungsmittel hatte, hält sieh die Definition - Ernährungs in den früheren Geleisen und ohne eine Differenzierung in der Hinsicht, ob den einzelnen Nahrungsstoffen etwa besondere Bedeutung bezüglich der Ausfüllung der Lücken der zerstörten Leibesmaterie zukomme.

Als dann Lusse auf Grund seiner eigenen reichen Erfahrung auf dem Gehiete der physiologisch-chemischen Forschung an die Aufstellung einer Ernährungstheorie herautrat, übernahm auch er von seinen Vorgüngern den Gedanken der Zerstörung und des Zusammenbruchs der Iebenden Substanz durch den Lebensprozeis.

Die Funktion vernichtet also zugleich das Organ, das Lebende. Letzteres besteht aus Eiweißverbindungen verschiedener Art.

Liebes Theorie geht nun in logischer Weise über die Auffassung seiner Zeitgenossen hinaus; er weist den einzelnen Nahrungsstoffen nach ihrer chemischen Nahur bestimmte Funktionen zu. Zunächst erkennt er den bedeutungsvollen Unterschied in den Lebensaufgaben zwischen N-haltigen und N-freien Stoffen. Weil im Leben eiweißhaltiges Material zusammenbricht, sagte er sich, so können auch nur die N-haltigen Nahrungsstoffe allein den Wiederersatz der durch die Funktion geschädigten Teile übernehmen (s. den 20. und 30. der ehem. Briefe Liebes (865); die rein mechanischen Momente der Zerstörung der Organisation, wie sie von Halten geschildert hat, finden sich bei Lieben nicht näher erwähnt.

So wurden für Luxum die Eiweißstoffe zu den plastischen, neu aufbauenden Stoffen, neben denen Fette und Kohlehydrate als Wärmehildner eine mehr untergeordnete Rolle spielten, in ihrer Verwendung von dem jeweilig aufgenommenen Sauerstoff abhängig.

Beim Muskel war die Leistung am ausgeprägtesten, also der Wiederaufbau und Ersatz am nötigsten. Hier sollte nach Lurau das Eiweiß mit dem Wiederersatz auch die Quelle der Kraft sein (s. auch Vorr in Hermanss Handbuch d. Physiologie S. 338 Bd. 6). Der Stoffwechsel war ein Wechsel der Körperstoffe, also Eiweißstoffe; und nur dieser Vorgang trug diesen Namen, den wir heute auf verschiedene andere Prozesse der Ernährung ausdehnen. Nach Larsus Theorie war das Wertvollste der Nahrung das Eiweiß oder, wie man kurz sagte, der N. und nach dem Stickstoffgehalt ordnete man auch den Wert der verschiedenen Nahrungsmittel

Der ausgeschiedene Harnstoff war das Maß des eigentlichen Stoffwechsels und des notwendigen Wiederersatzes der belehten Substanz Die N-freien Stoffe erlangten nach dieser Vorstellung eine selbständige, aber sekundäre Stellung; ihre Zerstörung hatte den Untergang der sonstigen belehten Substanz nicht zur Voraussetzung.

Es ist bekannt, wie die Lunusche Lehre allmählich dem physiologischen Experiment zum Opfer fiel. Als durch Wislicenus und Fick zuerst gezeigt wurde, daß auch bei starken Muskelleistungen der Stoffwechsel im Sinne Launes, d. h. der N-Umsatz gar nicht geändert wurde, war klar, daß die wichtigste Funktion der Arbeitsleistung möglich war, ohne das Substrat, den Muskel, anzugreifen und zu vernichten. Der Abreibungs- und Konsumtionsgedanke der alten Physiologen war damit an der wichtigsten Stelle widerlegt. Wenn selbst unter der energischsten Arbeit die zarte Zelle der Muskeln night zusammenbrach, so war kein Grund, einzusehen, warum andre weniger eingreifende Funktionen «konsumlerend» wirken sollten. Auch die mikroskopischen Beobachtungen widersprachen einem fortwährenden Zusammenbruch aller lebenden Substanz und der hieraus erfolgenden Notwendigkeit eines steten Aufbaues. Wie Bischore und Vorr vor allen zeigten, war der Umsatz von Eiweiß in allererster Linie nur von der Zuführ N-haltigen Materials abhängig und konnte auch bei Ausschluß jeglicher Muskelaktion eine fast beliebige Größe annehmen. Der Harnstoff war also weder ein Maß für die Variationen lebenswichtiger Funktionen noch auch für die Konsumtion von Leibessubstanz und deren Kompensation durch die Eiweißzuführ in Lucius Sinne.

Alle diese Erfahrungen haben eine wesentliche Wendung in der Auffassung vom Stoffwechsel und der Zellzerstörung gebracht, der Begriff Stoffwechsel wurde nicht mehr nur für den Eiweißumsatz, sondern im Sinne des Verbrauchs aller zur Ernährung notwendigen Stoffe gebraucht.

Was Liebes von den N-freien Stoffen schon angenommen hatte, ihre Zerstörung ohne vorherigen Zusammenbruch der Organisation, wurde auch auf das Eiweiß übertragen. Die Zelle war das Beständige. Währende, die Nahrung das Unstete, Zerfallende.

Am ausführlichsten hat C. Vorr diese seine Anschauung im VI. Band, L. Tell des Handbuchs der Physiologie von Hermann 1881, S. 305 auseinandergesetzt. Nicht alle Physiologen haben sich dieser Auffassung bedingungalosungeschlossen; so z. B. hat Pritune eine besondere Meinung vertreten, die aber für die Prinzipienfrage nicht von Belang ist. Seiner Ansicht nach bleiben lebendes Eiweiß und die Nahrung nicht in räumlicher Trennung, wie es nach Voors Auffassung geschieht, sondern alle Nahrungsstoße treten zum Zwecke der Spaltung in einen lockeren Verband mit der lebenden Substanz, während letztere aber doch relativ beständig sieh erweisen soll. Das ist aber gleichfalls eine Negation des Gedankens eines fortwährend dauernden Zerfalls der organisierten Materie. Nach diesen Abschauungen der Ernährungslehre sollte also jede Zelle erhalten bleiben, solunge ihr Bedarf an Eiweiß, Vetten, Kohlehydraten befriedigt werden konnte. Der Unterschied zwischen plastischen und respiratorischen Nahrungsmitteln hatte zu bestehen aufgehört.

Jedenfalls ist in den siebziger Jahren des vergangenen Jahrhunderts der Gedanke der mechanischen Abnutzung der lebenden Substanz im Sinne der primitiven alten Hallenschen Anschauung, die ja nur ein Kind seiner Zeit, wo es an ehemischen Vorstellungen völlig mangelte, war, nie wieder aufgenommen worden.

Zu Anfang der achtziger Jahre des vorigen Jahrhunderts wurde ich durch Untersuchungen, die anscheinend dieser Konsumtionsfrage ganz fern lagen, veranlaßt, auf sie zurückzukommen.

Als ich im Jahre 1883 durch die Entdeckung der isodynamen Vertretung der Nahrungsstoffe die energetische Auffassung der Eralthrungsvorgänge (Zeitschrift für Biologie Bd. XIX, S. 357) begründet hatte, ergab sich mit Rücksicht auf die Tatsache, daß doch zweifellos immer eine bestimmte, aber nicht näher festgestellte Menge von Eiweiß zum Leben notwendig ist, die Frage nach dem Umfange, in welchem die Nahrungsstoffe sich im Ernfihrungsvorgange nach isodynamen Werten vertreten können. Ich habe daher versucht, das Minimum des energetisch nicht ersetzbaren Eiweißverbrauches festzustellen und in orientierenden Experimenten am Menschen, am Säugetier und Vogel gefunden, daß unabhängig von Eigenart und Größe der Lebewesen annähernd 4-6 Prozent der Gesamtsumme des Energieverbrauchs durch Elweiß gedeckt werden müssen; alles übrige kann durch verschiedene Nahrungsstoffe befriedigt werden. Nach meiner energetischen Auffassung des Stoffwechsels lag hier für mich der Beweis vor, daß ich alle Funktionen, welche dynamisch zu befriedigen sind, durch die Kohlenhydrate, wenn auch vielleicht noch nicht ganz, aber doch mit größter Näherung gedeckt hatte; der Rest des Stoffumsatzes, jene kleine Eiweißmenge, die immer noch verbraucht wurde, konnte nicht anders erklärt werden, als verursacht durch die Konsumtion, auf deren nähere Umgrenzung ich gleich eingehen werde. Der Umstand, daß verschiedene Spezies ganz die gleichen Verhältnisse hatten erkennen lassen, zeigte klar die prinzipielle Bedeutung dieser Tatsache. Die völlig analogen Verhältnisse bei Warmblütern von ganz verschiedener Größe bewiesen die Beziehung zur Lebhaftigkeit des Energieumsatzes überhaupt.

Die Größe dieser Konsumtion war also genau präzisiert. Die Frage, aus welchen Gründen im Organismus, wie ich annehmen mußte, stets eine kleine Menge Eiweiß zerstört würde, also im Ernührungsgleichgewicht den Lebewesen zugeführt werden mußte, kann in verschiedener Weise benntwortet werden.

Es konnte sich darum handeln, dals aus unbekannten Gründen, die in der Organisation liegen, diese nur bestehen bleibt, wenn sie täglich eine bestimmte Eiweißmenge zugeführt erhält, oder es kann sich um die Notwendigkeit handeln, daß bestimmte, nur aus Eiweiß abzuspaltende Produkte von der Zelle gebildet werden, deren Bestand an sich nicht angegriffen wird, wenn Eiweiß vorhanden ist.

Beachtet man aber die Kleinheit der bei reiner Kohlenhydratzuführ ausgeschiedenen N-Mengen und die im Organismus verlaufenden und zum Teil wohlbekannten Funktionen, bei denen Eiweiß als Grundsubstanz vorhanden sein muß, so kann man den erwähnten N-Verlust nur auffassen als verursacht durch ein Zugrundegehen von Zellen oder auch Teilen des Zeilmaterials, also als Verlust durch Haare, Epidermis, Epithelien, Schleim und Drüsensäften, durch Zugrundegehen von Blut usw.; ich habe später diese Verluste kurz unter dem Ausdruck «Abantzungen» zusammengefaßt und den Prozentanteil dieser Verluste am Energieverbrauch als » Abnutzungsquote « benannt. Ein Teil dieser Prozesse ist also ganz offenkundig ein wirkliches Absterben und eine Konsumtion, eine unvermeidliche Umwandlung lebender Zellsubstanz oder einzelner Teile derselben in tote. Der Ernährungsprozeß setzte sich nach dieser meiner Auffassung zusammen aus überwiegend rein energetischen Vorgängen und dem Bedürfnis des Wiederersatzes der kleinen Abnutzungsquote durch Eiweiß. Diese Tatsache ist auch methodisch von großer Bedeutung, weil sie bei dem Eiwelßumsatz zwischen zwei ganz verschiedenen Funktionen des Eiweißes zu scheiden erlaubt, die auch wahrscheinlich einen ganz verschiedenen Abbau desselben zur Grundlage haben. Der mit der Eigenart der Zellarbeit am engsten verbundene Etweißumsatz ist der im Zustand des Ahnutzungsverbrauches gegebene. Hier darf man auch erwarten, daß die Eigenart der Bitigkeit einzelner Zellgebiete sieh in Zukunft am ehesten wird feststellen lassen.

Nach den noch im Jahre 1883 allgemein als berechtigt angeschenen Ernährungsgesetzen hatte man nach der Angabe C. Vorrs geglaubt,

notwendig, als bei völliger Nahrungsentziehung an Eiweiß umgesetzt werde. Da die von mir gefundene Abnutzungsquote noch unter der Größe der Eiweißzersetzung im Hunger lag, hätte man gewiß erwartet, daß bei Eiweißzuführ ein höherer N-Umsatz nötig sein werde, als er der Abnutzungsquote entsprach. Einen direkten Versuch meinerseits stellte ich nicht an, da ich den nach der damals geltenden Ernährungstheorie etwa zu erwartenden Mehraufwand als durch die Zirkulationsverhältnisse des Nahrungsmaterials bedingt ansah, bei denen das Elweiß nicht immer gerade zu den Stellen gelange, wo es zum Wiederersatz nötig sei. Dieses Mehr des Eiweißverbrauches über die Grenze der Abnutzungsquote hinaus versah aber nach meiner Auffassung nur dynamische, keine stofflichen Zwecke.

Die Bedeutung der Abnutzungsquote für die Lebre vom Eiweißverbrauch hat man erst in den letzten Jahren zu würdigen gelernt. Fast
20 Jahre bewegte sich die Mehrzahl der zahlreichen experimentellen
Untersuchungen über den Eiweißstoffwechsel auf Bahnen, die auf
die verschiedenen Funktionen des Eiweißes für stoffliche und dynamische Zwecke, die ich zuerst aufgestellt habe, gar keinen Bezug
nahmen.

Es waren vor allem die praktisch bedeutungsvollen Fragen, wieviel ein Gesunder täglich Fiweiß notwendig habe, Gegenstand der Untersnehung. C. Voir hatte auf Grund von hauptsächlich empirischer ernährungsstatistischer Erfahrung sieh dahin ausgesprochen, daß ein erwachsener und arbeitender Mann 118g Eiweißes täglich bedürfe. Hierüber entspann sich eine lebhafte Diskussion, die durch eine Unzahl von Beobachtungen aus dem praktischen Leben immer wieder in Fluß gehalten, aber nicht zu Ende gebracht und oft mit Erbitterung geführt wurde.

Die Tatsachen, wie sie heute vor uns liegen, erklären die schwankenden Ergebnisse in sehr einfacher Weise; im wesentlichen lag der Grund darin, daß es ein einheitliches Bedürfnis an Eiweißstoffen — auch ohne Berücksichtigung individueller Eigentümlichkeiten — gar nicht gibt. Man hatte die falsche Prämisse gemacht, daß alle Eiweißstoffe (besser gesagt «N-Substanz») unseer Nahrungsmittel in Ihrem Nährwert identisch seien

Schon im Jahre 1897 hatte ich in einem Abriß der Ernährungslehre des Menschen, anknüpfend an ältere Versuche, die ich 20 Jahre früher mitgeteilt hatte, darauf hingewiesen, daß das Maß des kleinsten Eiweißverbrauches offenbar von der Art des gefütterten Liweißes, also wohl von der Konstitution des Eiweißes, abhängig sei, und daß gerade so N-arme Nahrungsmittel wie die als Volksnahrung wichtige Kartoffel die Möglichkeit böte, ein Ernährungsgleichgewicht zu schaffen, bei dem der Eiwelßbedarf noch unter einem Drittel der sonst als notwendig angesehenen Eiweißmenge herabging, daß man ferner mit den Klebereiweißstoffen nie ein so niedriges Eiweißgleichgewicht erzielen könne.

Ganz besonders bemerkenswert waren Versuche, die ich gemeinsam mit Herenza über die natürliche Ernährung des Säuglings anstellte (Zeitsehr, f. Biol, 1898, S. t) und später auf weitere Fälle der Sänglingsernährung ausdehnte; ihr Resultat war insofern ganz überraschend, als sich zeigen ließ, daß der wachsende Sängling kaum 5 Prozent, und wenn man den Wachstumsbedarf beiseite läßt, sogar nur etwa 4 Prozent. seines Gesamtenergieumsatzes unter normalen Ernährungsverhältnissen bei Muttermilchkost durch Eiweiß deckt. Das war also das tießte Minimum an N-Verbrauch, das man sonst auch bei reiner Zuckerzuführ bei den Warmblütern in meinem älteren Versuche zu erreichen Gelegenheit hatte. Übertrug man das Verhültnis des Säuglings für das N-Minimum bei normaler Ernährung auf den Erwachsenen, so hätte dieser nur rund 30 g Elweiß nötig, was der Größe des Elweißumsurzes bei ausschließlicher Kartoffelkost sehr nahekommt. Für jeden der die Ernährungsverhältnisse energetisch betrachten wollte, war die Nutzanwendung für den Erwachsenen sehr nahellegend gewesen.

Von all den weiteren Versuchen über den kleinsten Eiweißbedarf sind besonders die Untersuchungen am Erwachsenen von Sivin (Skand-Arch. 10, S. 9 und 11, S. 308) und Landersers 1903, ebenda XIV, S. 112) bemerkenswert, da sie zu äußerst niedrigen Werten gelangten, auf 4—5g Harn-N für 24 Stunden.

In den letzten Jahren habe ich die Versuche über die Rolle des Eiweißes in der Ernährung des Menschen systematisch in meinem Laboratorium aufgenommen; namentlich hat Dr. Tuomas sieh der mühevollen Aufgabe unterzogen, in Eigenbeobachtungen derartige Experimente durchzuführen.

Aus dem reichen Material von Tatsachen sind zwei, die hier von größtem Interesse sind, zu erwähnen; in erster Linie der für die meisten und wichtigsten Nahrungsmittel des Menschen erbrachte Nachweis, daß die einzelnen Eiweißstoffe, wie ich aus einigen Beobachtungen sehon vermutend ausgesprochen hatte, eine verschiedene Wertigkeit besitzen (Zeitsehr. f. Physiol. 1909, S. 219). Bei manchen zeigt sieh, daß sie genan den N-Verlust, der bei N-loser Kost vorhanden ist, also die Abnutzungsquote, vollwertig ersetzen, das sind z. B. manche Fleischsorten und das Milcheiweiß.

Andere Eiweißstoffe wie die der Leguminosen oder jene des Klebers sind ein weit minderwertigeres Material und erfordern Mengen, die die Ausnutzungsquote um ein Mehrfaches übersteigen müssen. Hierdurch wird einerseits also auf die Bedeutung der Konstitution des Eiweißes für die Ernährung ein neues Licht geworfen, und anderseits ist die Tatsache höchst bemerkenswert, daß Fleischeiweiß und Mülcheiweiß trotz ihrer verschiedenen Konstitution doch gleichwertig sein können.

Es ist damit zweifelles erwiesen, daß auf der Basis der Ausnutzungsquote auch für den Erwachsenen ein N-Gleichgewicht unter geeigneten Umständen möglich ist. Wir sehen also in der Abnutzungsquote wirklich den letzten Rest jener für die früheren historischen Perioden charakteristischen Anschanung der Zerstörung der Leibessubstanz durch den Lebensukt, den quantitativen faßbaren Vorgang spezifisch stofflicher Funktionen, die sich über das ganze Zellgebiet des Organismus erstrecken, ein Konglomerat von Vorgängen von sehr verschiedener biologischer Dignität im einzelnen.

Da wir somit erst jetzt in die stoffliche Funktion des Eiweißes wirklich klar hineinschen und diese, geschieden von den nebensächlichen dynamischen Funktionen des Eiweißes, vor uns liegen, werden sich in Zukunft viele, wohl auch pathologische Fragen auf einer neuen Basis eindeutig behandeln lassen. Es wird daher von Bedeutung sein, die Methodik der Herstellung dieser Versuchsbedingungen kurz zu streifen.

Sivés und Landenber, welche zuerst bei Ernährungsversuchen zu ungewöhnlich niedrigen N-Ausscheidungen beim Menschen gekommen waren, haben einen ziemlich mühseligen Weg eingeschlagen, um den N-Verbrauch allmählich stark zu erniedrigen. Nach Tuomas gelingt es sehr rasch, diesen Zustand kleinsten N-Verbrauchs herzustellen, wenn man mehrere Tage ein Gemisch von (N-freien) Stärke, Milchzucker, Rohrzucker verzehrt. Will man nicht gleich zur N-freien Kost übergehen, so muß man ein paar Tage mit N-armen Vegetabilien vorausgehen lassen.

Was kann man als die niedrigste Stufe des N-Verbrauchs beim Erwachsenen durch N-freie Kost erreichen?

Ich habe schon bemerkt, daß die Abnutzungsquote nach meinen Versuchen an Hunden, Vögeln, Menschen sich am eindentigsten für den Ruhezustund, mittlere Temperatur als die niedrigstprozentige Beteiligung des Eiweißes am Gesamtkraftwechsel (zu etwa 4 Prozent der letzteren) ausdrücken läßt. Es mag sein, daß sich noch kleine Varianten ergeben, das muß den Spezialuntersuchungen festzustellen überlassen werden.

Auch für den Erwachsenen wird die Abnutzungsquote vielleicht keine absolut konstante sein, weil hier möglicherweise der ganze Organaufbau in Frage kommen kann. Immerhin ist natürlich der wechselnde Eiweißreichtum und Fettreichtum der Organismen ein Moment, dessen Einfluß zu bezehten sein wird.

Die niedrigsten Zahlen, welche von Sivés, as Kerner, Thomas für Männer zwischen 58-88 kg mitgeteilt worden sind, bewegen sich zwischen 0.0317-0.0301 g Harn-N pro Kilogramm; noch etwas tiefer ist Thomas in neueren Versuchen gekommen, nämlich auf rund 2.2 g N pro Tag im Harn, was bei einem Körpergewicht von rund 73 kg etwa 30 mg N pro Kilogramm Körpergewicht ansmacht. Wenn man pro Körperkilogramm beim Manne den N-Gehalt des Körpers zu 30 g annimmt, so beträgt die Abnutzungsquote, nach dem Harn allein beurteilt, bei Männern ungefähr 11000 des N-Bestandes pro Tag.

Von dem N-Bestand des Körpers trifft nun ein Teil wirklich auf die iebende Substanz, ein anderer, nicht unerheblicher, auf die Gerüstsubstanzen; wir dürfen behaupten, daß es wesentlich — bei Ausschluß eines lang dauernden N-Hungers — die ersteren sein werden, die sich an dem Zerfall beteiligen. Die gewaltige, aus Eiweiß aufgebaute Masschine des Organismus vollzieht die ihrem Energiebedürfnisse entsprechende Leistung durch die N-freie Nahrung, ohne dazu eines nennenswerten Ersatzes des Eiweißmaterials zu bedürfen. An diesem geringen N-Verbrauch wird auch nicht viel geändert, wenn wir noch die N-Menge der festen Abgünge mit täglich rund 0,6 g N hinzurechnen.

Aus welchen stofflichen Funktionen des Körpers rühren die gesamten N-haltigen Ausscheidungen der Ahnutzungsquote her? Da alle Funktionen des Körpers ausgeführt werden können wie bei sonstiger Ernährung, soweit wir dies aus den Leistungen des Körpers erschließen können, werden wohl alle Zellen, wenn auch quantitativ verschieden, zu dem N.-Verbrauch beitragen; alle charakteristischen Leistungen sind an dem letzteren beteiligt. Was aber der N-Verbrauch als biologische Leistung in jedem Zellengebiet bedeutet, können wie mit Sicherheit zur Zeit nicht sagen, weil uns die Zellphysiologie in ihren Details nur stückweise bekannt ist. Selbst hinsichtlich der biologischen Dignität werden Unterschiede obwalten müssen. Absterben von Zellen, sekretorische Außerungen, Verluste von Zellbestandtellen, die vielleicht unersetzlich sind und mit dem Altern zusammenhängen, all das wird in dieser an sieh kleinen Aboutzungsquote in buntem Bilde zusammengefügt sein. Sieherlich sind wir heute nicht in der Lage, eine voll befriedigende Zergliederung des Problems vorzonehmen; das darf uns aber doch nicht abhalten, wenigstens einen Versuch einer Aufteilung des N-Minimums in einzeine Komponenten zu versuchen.

Unter den Organgruppen, deren Beteiligung am N-Verhast als selbstverständlich erscheint, stehen die Verdauungs- und Resorptionsvorgänge in erster Linie. Die dabei entleerten Verdauungssäfte, Abscheidungen von Mucin, Zellabstoßungen sind als nächste Quelle für die Darmabscheidungen nie bezweifelt worden. Sie sistieren ja nicht einmal im Hunger völlig, werden aber anderseins durch die Aufnahme auch N-freier, selbst ganz leicht wasserlöslicher Kost unzweifelhaft gesteigert.

Wir können aber die festen Ausscheidungen nicht einfach als die restlosen Ausammlungen der Verdamungssäfte betrachten.

Über den Vorgang der Ausscheidung von Verdauungssäften ist uns als sieher bekannt, daß letztere, was ihre Menge an Trockensubstanz anlangt, die Menge der wirklich beobachteten festen Abgünge weit überschreitet. So hat schon (). Vom darauf verwiesen, daß nach den Experimenten an Gallefisteltieren die Menge der sezernierten Galletrockensubstanz die Menge der festen Abgänge übertrifft, woraus man auf eine erhebliche Resorption von Gallebestandteilen aus dem Darm schließen muß. Nach Versuchen von Fanz Vom (Zeitschr. f. Biol. XXIX, S. 351) wäre selbst die Menge von Stoffen, die sieh in künstlich isolierten und im Verband des lebenden Tieres gelassenen Dünndarmschlingen sammeln, auch nur ein Rest ergossener Säfte, die einer teilweisen Aufsaugung unterworfen sind, und für sieh allein betrachtet, so groß, daß 2/10 der ganzen festen Ausscheidungen sich dadurch erklären lassen.

Daraus fölgt, daß Galle, Pankreassaft und Dünndarmsäfte usw., zusammengenommen, erheblich größer sein müssen als die tatsächlich mit dem Kote ausgeschiedenen Bestandteile; somit werden viele Substanzen also wieder resorbiert. Welcher Natur dieses Kotgemenge sei, ist uns zur Zeit nicht näher bekannt. Daß aber Mucin, Erwelßartiges und Epithelreste nicht die Hauptmasse ausmachen, folgt sehon aus der von mir festgestellten Tatsache der Alkohollöslichkeit von füst =/4 der N-Substanzen und der verbrennlichen Substanzen überhaupt.

An dem Reste, dem in Alkohol unlöslichen, sind auch die Leiber der Darmbakterien mit beteiligt: zwar ist deren Menge im Verhältnis zur Nahrungsaufnahme bei gut resorbierbarer Kost verschwindend klein, aber doch nicht in dem Falle zu vernachlössigen, wenn es sich, wie hier, nur um ihre Beteiligung an der Zusammensetzung der festen Abgänge handelt. Manche Beobachter haben sogar in den Bakterien einen wesentlichen, wenn nicht überwiegenden Bestandteil der festen Stoffe der Ausscheidungen sehen wollen. Dies kann nach den Untersuchungen, welche in meinem Laboratorium gemacht sind, nicht allgemein der Fall sein (Lassaure, Arch. f. Hyg. LVIII, S. 145), indem bei animalischer Kost, bei der eigentliche Nahrungsreste in den Ausscheidungen fast ganz oder

ganz fehlen, rund 4.3 Prozent der Trockensubstanz des Kotes aus Bakterienlelbern bestanden.

Sonach kann die Herkunft der überwiegenden Masse des Kot-N, aus den Resten der Verdauungssäfte stammend, als sicher angenommen werden; also ist diese Masse immerhin ein Maßstab zwar nicht für den Gesamtumsatz N-haltiger Substanz im Darm und seinen Drüsen, wohl aber für die mit der Verdauung selbst in Zusammenhang stehenden Vorgänge. Daneben haben wir aber wohl meh unter den Hacnprodukten noch einen, vielleicht nicht ganz verschwindenden Rest an N, der von der Umwandlung des resorbierten Darmsaftanteils herrührt, wenn wir von den bekannten Fäulnisprodukten aromatischer Natur absehen, als deren Ausscheidungsort der Harn ja allgemein bekannt ist.

Es sind kaum bei dem Mangel geeigneter Unterlägen und Analysen für die Verhältnisse bei dem Menschen auch nur einige Näherungswerte für jene N-Menge, die etwa aus dem Darm nach dem Harne übertritt, zu finden. Allenfalls könnte folgendes ein allerdings unsicherer Versuch einer Rechnung sein. C. Vorr (Zeitschr. f. Biol. XXX, S. 548) macht einige Angaben über die Gallebildung beim Hunger, von denen ich den Wert des ersten Tages des Hungerns, als von der vorherigen Nahrung beeinflußt, zur Seite lassen will; bei zwei Fällen, einem für ein Körpergewicht eines Hundes von 24 kg, bei dem andern von 30 kg, findet Vorr 3.5 bis 6.7 g trockene Galle täglich. Auf den Menschen im Verhältnis des ungleichen Energieverbrauchs übertragen, könnte man täglich auf rund to g trockene Galle, eine viel kleinere Menge, als sie RANKE für den Erwachsenen bei Ernährung geschätzt hat (etwa 30.8 g pro 70 kg), rechnen. Die Galle enthält 3.8 Prozent N der Trockensubstanz und liefert 6.3 kg/cal, pro 1 g bei der Verbrennung (Reserza, Gesetze d. Energieverbrauchs S. 388), also rog pro-Tag = 0.38 g Stickstoff und 63 kg cal. an Verbreunungswärme.

Wenn es zutreffend ist, wie Fr. Vorr angibt, daß das Darmsekreit usw. ohne Galle (und Pankreassaft) bereits 1/10 der ganzen festen Ausscheidung des Kotes, also etwa auch des N. liefern, der überhaupt im Kote austritt, dann wäre von 0.6 g N des Kotes, der hier in Frage steht, 0.54 auf das Darmsekrei und 0.38 auf Galle, also 0.92 auf beide, zu rechnen, und es müßten mindestens 0.32 N im Harn auf diese aus dem Darm resorbierte N-Menge der Verdauungssäfte usw bezogen werden. So unbefriedigend nun auch die Rechnungsbasis erscheint, so kann das Resultat doch eine gewisse Wahrscheinlichkeit für sich in Anspruch nehmen und kommt der Beobachtung von C. Vorr, daß die trockene Galle die sonst ausgeschiedene Kotmenge bei Hunger überschreitet, sehr nahe.

Die Natur der flüssigen Ausgaben zeigt bei dem Tiefstand auf der reinen Ausnutzungsquote beim Sängling, wie Heunken und ich gefunden haben, völlig undere Verhältnisse, wie sie sonst beobachtet worden sind (Zeitschr f. Biol. XII, S. 49). Der Harn ist nämlich sehr reich an N-armen Kohlenstoffverbindungen und hat eine sehr hohe Verbrennungswärme, so daß das Verhältnis kg/cal. des Harnes, das man

den kalorischen Quotienten nennt, und im Mittel beim Menschen etwa 8 entspricht, auf mehr als 12 in die Höhe geht. Es ist naheliegend, hier wo das Verhältnis von N-Umsatz im Harn und in Kotbildung sehr zugunsten der letzteren verschoben ist, an einen Übergang gelöster Substanzen aus den resorbierten Darmsekreten in den Harn zu denken.

Die Herkunft der Abfallstoffe des N-Minimums aus abgestoßenem Zellmaterial, aus spezifischen Ausscheidungen der Zellen bringt an sieh sehon einen großen Gegensatz zur üblichen Zerlegung des Eiweißes für dynamische Zwecke, wobei dieses in die Harnstoffgruppe und den verbrennlichen N-freien Rest zerfällt, zum Ausdruck. Abgestorbene Epithelien werden in toto ausgeführt, auch wohl das Mucin, die Reste der Sekrete sind jedenfälls nicht sehr weit abgebaute Stoffe, wenn man sie vom Standpunkt der möglichen Oxydation betrachtet, da z. B. die Galle trocken noch 6.3 kg/cal, pro 1 g Trockensubstanz bei der Verbrennung liefert.

Gewiß wird nicht alles Material der Ausscheidungen unter diesen Begriff unvollkommen oxydierter Massen fallen. Es mag nebenbei innerhalb der Organe zugrunde gehendes Material, etwa wir beim Hungern, nach seiner Autolyse noch weiter nach Art des üblichen Eiweißumsatzes gespalten und verbraucht werden. Aber die Prozesse der erstgeschilderten Art werden kaum in ihrem Umfange hinter jenen der zweiten Art zurücktreten.

Sind nun auch die in Frage kommenden Ausscheidungen im N-Minimum zur Zeit noch nicht genügend eingebend untersucht, so kann man sieh doch ein ungeführes Bild über deren Natur und danach über Ihre Herkunft machen.

Die ganze Zerlegung der bei der Abnutzungsquote verbrauchten Substanz ist mit Rücksicht auf die Eigenart der flüssigen Abgänge uml der erheblichen Menge von festen Abgängen wesentlich unders als bei dem sonstigen Eiweißumsatz.

Denken wir uns, um wenigstens eine Orientierung über den Vorgang zu erhalten, die Zerlegung des Fleisches in seine Endprodukte unter der Voraussetzung der allerdings noch geringen Erfahrungen, die wir über Harn und Kot innerhalb des Wirkungskreises der Abnutzungsquote haben, dann läßt sich etwa folgendes sagen:

Wenn man für Fleisch auf : Teil N 34-7 kg/cal, als Verbrennungswärme rechnet und im Harn (wie beim Säugling) auf 1 Tell N 12.1 cal... im Kot aber auf i Teil N (nach direkten Bestimmungen) 76.7 kg/cal. treffen, so erhält man folgende Schätzung:

pro 2.8 N = Nutzeffekt an kg/cal . . . . . . . 25.6 kg/cal

oder in Prozent ausgedrückt: 26.3, während bei normaler Zerlegung für energetische Zwecke, beim Menschen für Eiweiß (Fleisch), 76.8 Prozent Nutzeffekt bestimmt worden sind (Runner, Gesetz d. Energieverbrauchs S. 33). Da an dem Verluste pro Tag nur 0.43 g Bakterien = 0.05 N mit 2.41 kg/cal, beteiligt sind, andert thre Einführung in die Rechnung nichts Wesentliches an dem Resultat.

Läßt man also für die obige Schätzung auch einige Fehlerquellen getten, so bleibt doch so viel sicher, daß die Zerlegung des N-Materials beim Abautzungsverbrauch anders verläuft, als wir es sonst bei der Eiweißzersetzung bei der üblichen Ernährung zu sehen gewohnt sind. daß also bei dem Abbau von Organstoffen im N-Minimum Gruppen wenig veränderter Zellbestandteile nach außen entleert werden oder Spaltstäcke in anderen Fällen sich bilden, die des weiteren Abbaues night mehr fähig sind. Daß alle diese Stoffe echte Exkrete sind, habe leh schon erwähnt; das im N-Minimum ausgeschiedene Material ist zum Untergang bestimmt.

Die Verluste von Haaren, Epidermis und Schweißbestandtellen sind hier nicht erwähnt, weil sie ja besondere Quellen der N-Abgabe darstellen, die hier außer Betracht bleiben können und Harn und Kot direkt nicht berühren.

Nach den oben gegebenen Auseinandersetzungen können wir es als die nächstliegende Annahme betrachten, daß die N-Ausscheidung aus dem Darm eine Bilanz zwischen den Sekretionen und der Resorption darstellt, daß aber wahrscheinlich ein Teil des Harnstiekstoffs (sieher manche aromatische Verbindungen) als Resorptionsprodukte des Darminhalts aufzufassen ist. Lassen wir aber Produkte dieser Art ganz aus der Diskussion, so können sich eine Reihe vielleicht nicht uninteressanter Erwägungen an die objektive faßbare Zahl der N-Ausscheidung im Harne knüpfen.

Denken wir uns alle Organe des Körpers gleichmäßig an dem diglichen N-Verhat von 2.2 g (abgesehen von Haaren, Epidermis, Schweiß) beteiligt, so würde, die Gesamtmasse des am Körper vorhandenen N = 2000 g angenommen, in runder Summe täglich 1.1 Promille des N-Bestandes zugrunde gehen. Man könnte zunächst einwenden, daß bei dieser Rechnung die Verdauungsdrüsen des Darms ja schon ansgeschieden wären, da für deren N-Umsatz die N-Ausscheidung von Kot in Anspruch genommen worden sei. Dem ist zu entgegnen, daß die Sekretion nach dem Darm zweifellos nicht die einzige Funktion des betreffenden Zellgebiets sein kann, daß also deshalb ihre Berücksichtigung nicht unterbleiben darf. Ihr Ausschluß von nachstehender Sehätzung hätte aber kaum einen nennenswerten Einfluß auf das Resultat.

Läßt man also gelten, daß der tägliche N-Umsatz im N-Minimum (und N-Gleichgewicht!) 1.11 Promille beträgt, so würde, vorausgesetzt daß alle lebende Substanz in gleichmäßigem Turnus bei diesem Zugrundegehen sich beteiligt, erst in 5 Jahren eine völlige Auswechslung und ein Wiederersatz vollendet sein.

Nun steht aber fest, daß gewiß manche Organe nur in verschwindender Masse an einer solchen Konsumtion teilnehmen und daß ferner sicherlich nicht alle Teile der Zellen zu einem solchen Untergang bestimmt sind und, wie oben schon gesagt, auch wohl die Gerüstsubstanz mehr oder minder in geringem Umfang zerstört werden dürfte — aber alles in allem genommen zeigen die abgeleiteten Rechnungen wenigstens doch, wie langsam man sich den Zerfall für diejenigen Fälle vorstellen muß, in denen es zur allmählichen Konsumtion der Zeilen wirklich kommt.

Leider besitzen wir recht wenig Mittel, um einzelne Funktionen in normaler Weise und meßbar so anzuregen, daß eine Beobachtung der Veränderung des N-Minimums ums einen Aufsehluß zur Schätzung des mit der gesteigerten Funktion einhergehenden N-Konsums hietet. Für den Darm allerdings können wir durch Steigerung der Menge und Art der N-freien Kost eine Erhöhung der Funktion und gleichzeitige Mehrung der N-Ausführ im Darm hervorrufen. Indes erlauben die gewonnenen Resultate keine weiteren Schlüsse als solche allgemeiner Art.

Unter den anderen variablen Funktionen ist die Steigerung der Muskelarbeit nicht nur an sich diejenige, welche die genaueste Abstufung erimbt, sondern durch die Masse der Muskeln ein quantitativ sehr wichtiger Vorgang. Es lag daher nahe, hier anzugreifen.

Wenn auch die Frage der Rückwirkung der Muskeltätigkeit auf die N-Ausscheidung im allgemeinen oft schon Gegenstand des Experimentes gewesen ist, so rechtfertigte doch die Möglichkeit, das N-Minimum der Abnutzungsquote herzustellen, gewiß die Wiederaufnahme des Versuchs, ob unter diesen besonderen Umständen vermehrte Arbeit vielleicht eine Steigerung des Verlustes von Zellsubstanzen bedinge. Hr. Tuowas hat einige Experimente in dieser Richtung ange-

stellt. Nachdem ein N-Minimum erreicht war, wurde an drei aufeinanderfolgenden Tagen eine für die ungeübte Versuchsperson schwere Arbeit am Gärtnen schen Ergostaten geleistet und nachfolgend eine Ruheperiode von mehreren Tagen angeschlossen. Das erhaltene Resultat konnte fast den Anschein erwecken, als sei die tägliche Arbeit von 105000 bis 136000 kg/m ziemlich spurlos an dem N-Verbrauch vorübergegangen; aber man kann doch an den Arbeitstagen eine kleine Mehrung der N-Ausscheidung sehen, etwa im Verhältnis von 2.27: 2.94 g pro Tag, also wie 1: 1.29. Wenn man eine Ausnutzung des Nahrungsumsatzes von 20 Prozent für die Arbeit voraussetzt, so sind täglich für 1410 kg/cal, an Mehrumsatz für die Zwecke der Arbeitsleistung 0.67 N mehr in den Ausscheidungen gekommen, auf 100 kg/cal. Muskelumsatz rund 41 mg. Diese letzteren trugen, wie nahellegend ist, so gut wie nichts zur Kraftlieferung bel, denn wenn man den durch sie bedingten Energiewert ins Auge faßt, könnte knapp Upp des Kraftbedarfs durch diesen vermehrten N-Umsatz geliefert werden. Es liegt also näher, hier wirklich eine mit der Steigerung der Funktion einhergehende Zunahme des Untergangs der Zellsubstanzen anzonehmen, die man naturgemäß auf die Muskelsubstanz beziehen wird. Dieser Verlust ist noch erheblicher, als man meinen möchte. wenn man die Erwägung anstellt, daß von 2.2 g N-Umsatz pro Tag ja nur ein Teil auf die Muskelsubstanz im Ruhezustand zu beziehen ist. Sollte es zulässig sein, proportional der Beteiligung der Muskelmasse an dem Körpergewicht - also mit 43 Prozent - den N-Verbrauch zu verteilen, so träfen im Ruhezustande 0.95 g N auf die gesamte Muskulatur während 24 Stunden als N-Umsatz, die Arbeit war aber nur über die Tagesstunden verteilt, also über eine Periode, ant die vielleicht nur die Hälfte des eben geschätzten N-Verbrauchs zu rechnen ware. Außerdem ist die Mehrausscheidung an N in der Arbeitszeit ja nicht auf die gesamte Muskelmasse des Körpers (= 43 Prozent der Masse) zu beziehen, denn bei der Arbeit am Ergostaten war ja nur ein kleiner Teil der Muskulatur in intensiver Tütigkeit. Unter diesem Gesichtspunkt betrachtet ist also die N-Mehrung anders zu beurteilen. Es ist sicher nicht unwahrscheinlich, daß im Verhältnis zum N-Umsatz der ruhenden Muskelmasse die Steigerung des N-Umsatzes bei der Arbeit eine erhebliche, der Vermehrung des Gesamtenergieumsatzes in den Muskeln um ein Mehrfaches entsprechende gewesen war. Durch diese Überlegungen wird aber an unserem Resultat, welches die N-Mehrung auf die Mehrung des Gesamtstickstoffumsatzes bezieht und sie so zahlenmäßig zum Ausdruck brachte, nichts geändert.

Ob man einer geringen Steigerung der N-Ausscheidung nach den Arbeitstagen, die K. Thomas beobachtete, eine allgemeine Bedeutung

in dem Sinne beizulegen hat, daß ein kleiner Teil des N-haltigen Umsetzungsprodukts auch noch nachträglich ausgeschieden wurde, mag dahingestellt bleiben. Mit der Möglichkeit solcher Vorgänge muß man rechnen, wie ich durch die Untersuchung des Harnes nach Fleischextraktfütterung gefunden habe, wobei kohlenstoffreichere Harnbestandteile noch nachträglich ausgeschieden wurden (Arch. f. Hyg. L. I. S. 5.2).

Aus der nachträglichen Ausscheidung solcher N-haltiger Stoffe kann man nicht mit Bestimmtheit schließen, daß diese von Umsatzproduktion des Muskels herrühren; es wäre im Zusammenhang der durch Muskelarbeit bedingten Änderung der Blutverteilung an sich wohl denkbar, daß in den weniger mit Blut versorgten Teilen ein solches Zurückhalten kleiner Mengen von Stoffwechselprodukten eintrete. Dies ist um so wahrscheinlicher, als die Leistungsfähigkeit des Blutstroms hinsichtlich der Ausspülung von Abfallstoffen in gut durchbluteten Organen, wie dem arbeitenden Muskel, eine sehr weitgehende und vollkommene ist.

Aus der gelegentlichen Zurückhaltung von Stoffwechselprodukten, die ja nur vorübergehender Natur sein wird, könnte sich vielleicht eine sehr wichtige Schlußfolgerung für die Frage ergeben, ob einzelne Organe nicht bei einem Tätigkeitswechsel vorübergehend unter ihren Ruhewerth absinken können. In dem Leben der Mikroben spielt dieser Faktor die allergrößte Rolle, durch Stoffwechselprodukte werden sie in ihrer Tätigkeit in physiologischer Weise eingeschränkt, ohne der Autolyse zu verfallen und treten bei Entfernung derselben sofort wieder in volle Aktion.

Da pro too kg/cal. Muskelumsatz 41 mg N trafen und der Energieverbrauch des Mannes 3000 kg/cal. ausmacht, so würde dieser «Muskelwert» auf den ganzen Kraftwechsel berechnet nur t.24 g N ausmachen, während von dem Manne 2.2 g N im Ruhezustande ausgeschieden wurden. Daraus folgt, daß also der durchschnittliche N-Verbrauch des ganzen Körpers größer ist, als wenn letzterer nur aus Muskelsubstanz bestände. Es muß also eine Reihe von Organfunktionen geben, durch welche weit mehr N verbraucht wird als durch die Muskelmasse.

Die Tatsache, daß mit der Muskelaktion doch eine geringe Vermehrung der Abnutzung und der N-Ausscheidung eintritt, würde sich
bei den früheren üblichen Methoden der Stoffwechselanordnung niemals
durch einen merkbaren Ausschlag in dem Ergebnisse verraten haben.
Nur bei der enormen Verödung des Körpers an N-Stoffwechselprodukten, wie sie im N-Minimum gegeben ist, gelingt es, solche sonst
nicht quantitativ faßbare Größen meßbar zu machen. Wenn also
manche Beobachter schon früher bei voller Nahrungszuführ, in der
zumeist große Eiweißmengen vertreten zu sein pflegen, einen Zuwachs

nn N-Umsatz an den Arbeitstagen beobachtet haben, so finden diese Versuche durch die in meinem Laboratorium ausgeführten keine Stätze, da unsre Ergebnisse von ganz anderer Größenordnung sind.

Für den auf die Muskulatur treffenden Anteil des N der Abnutzungsquote kann man zwei Werte angeben. Entweder nehmen wir die Zahl, welche oben aus dem proportionalen Verhältnis des Muskels zur Gesamtmasse des Körpers berechnet wurde = 0.95 g N. oder wir berechnen für die Summe der im Ruhezustand umgesetzten 3000 kg/cal, und aus der Schätzung, daß 100 Kal. Muskelumsatz 41 mg N-Ausscheidung liefern, einen zweiten Wert. Dieser wird ja dann zu (3000+43+0.041) 0.53 g N gefunden. Im Mittel zwischen beiden also 0.95+0.53 = 0.74 pro Tag.

Nach Abzug dieses Wertes von der Tagesausscheidung (2,2) blieben sonach etwa 1,46 g N für alle übrigen Prozesse des N-Verbrauches übrig, die niebt auf die Wirkung der Muskelfunktionen bezogen werden können. Ein Teil dieses Restes muß, wie oben schon auseinandergesetzt wurde, auf resorbierten N aus den Verdauungssäften des Darmes zurückgeführt werden (vielleicht etwa 0,32 g pro Tag).

Von der Tätigkeit der übrigen Organe nußer den Muskeln wissen wir bezüglich der quantitativen Verhältnisse eines etwaigen N-Verbrauchs so gut wie nichts.

Eine besondere Stellung nimmt das Blut ein: Blut tritt so häufig als gelegentlicher Verinst auf, und Verletzungen, Brüchigwerden von Gefäßen, sexuelle Vorgänge des Blutverlustes sind so häufige Ereignisse, daß sehen aus diesen Gründen das Blut einer lebhaften Erneuerung fähig sein muß. Auch noch andere Überlegungen haben dahin gefährt, in dem Blute ein Objekt zu sehen, das relativ eine kurze Lebensdauer besitzt und im regelmäßigen Turnus erneuert wird.

Quiscee hat die Meinung ausgesprochen, das Leben der roten Blatkörperchen währe nur 3—4 Wochen; so wäre also anzunehmen daß in dieser Zeit eine Erneuerung des Blutes eintreten müsse. Ob aber neben den Erythrocyten und Leucocyten auch das Plasma zugrunde geht, darüber läßt sieh, soweit die Literatur in Betracht kommt, eine bestimmte Meinung nicht vertreten. Würde in irgendeinem Zeitmoment das Plasma sieh einseitig vermehren, dann ließe sieh auch wohl eine Zerstörung derselben als wahrscheinlich annehmen, nehmen aber sofort neue Blutkörperchen die Stelle der zugrunde gebenden ein, so kann man zweifellaft sein, ob dann eine Ursache für die Auflösung des Plasmas gegeben ist. Schätzt man beim Erwachsenen die Menge des N, der durch die Erythrocyten repräsentiert wird, so wird diese vielleicht an 90—100 g N betragen.

Wollte man mit obiger Annahme eines 18 tägigen Turnus der Bluterneuerung rechnen, so müßten an einem Tage allein  $\frac{100}{28} = 3.6$  g N-Ausscheidung in minimo in den Ausgaben vorbanden sein, während überhaupt nur ein N-Minimum von 2.2 N im Harn für alle Funktionen, bei denen N beteiligt ist, gefunden wurden. Das Blut kann also unmöglich so kurzlebig sein, als man sagt, ja, seibst wenn wir die unmögliche Annahme machten, daß nuch der gesamte nicht auf Darm und Muskulatur als Umsatz zu rechnende N (1.46 oder 1.46 -0.32 = 1.14 g) ganz auf den Untergang der Blutkörperchen träfe, köme

dürften noch hinter der Wirklichkeit zurückbleiben.
Immerhin wird aber zugegeben werden können, daß die Bluternenerung ein Faktor ist, der sich an der gesamten N-Ausscheidung
der Abnutzungsquote verhältnismäßig, d. h. mit Rücksicht der geringen
Gewichtsmasse, in der das Blut an dem Aufbau des Körpers vertreten
ist (7 Prozent), mit einem weit hüheren Werte beteiligt als andere Or-

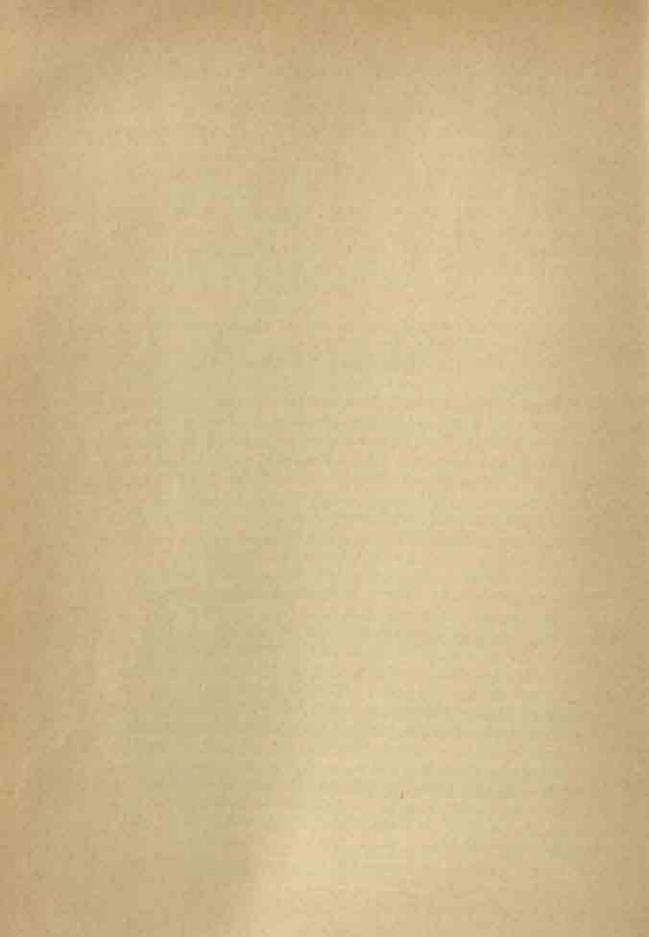
man auf mindestens 70-90 Tage Lebensdaner, und auch diese Werte

gane, denn aus dem Gewichtsanteil berechnet, dürfte der N-Verlust durch das Blut nur täglich (7 Prozent von 2.2) 0.15 g N betragen.

Wir müssen es also der Zukunft überlassen, durch besonders experimentelle Untersuchungen allmählich über die Beteiligung der einzelnen Organsysteme und sonstiger Vorgünge mit N-Verlust eine völlige Bilanz der Abnutzungsquote herzustellen, wo wir heute erst eine allgemeine Skizze dieser Verhältnisse geben können.

Der Gedanke der Konsumtion hat für die Betrachtung der biologischen Verhältnisse noch eine andere, über den Gesichtskreis der
Ernährungsvorgänge im engeren Sinne binansreichende Bedeutung.
Für die Theorien des Alterns und der Lebenslänge überhaupt bedeutet Konsumtion den Verlust wichtiger, unentbehrlicher, unersetzlicher Stoffe, nach deren Verbrauch der Organismus funktionsumfähig
wird. Ich habe bereits vor Jahren über diese Anschauungen berichtet, die ich auf der Basis einer energetischen Betrachtung bei verschiedenen Säugern nachzuweisen in der Lage war-

Diese allmählich sieh vollziehende Veränderung hängt gewiß auch mit den Konsumtionsvorgängen zusammen, die wir eben als tägliche Erscheinung kennen gelernt haben; es ist aber sehr wahrscheinlich, daß diese für das Altern entscheidenden Verluste jedenfalls wieder nur einen Bruchteil der in der Ahnutzungsquote vorliegenden Stoffkonsumtion darstellen, zu deren Nachweis uns vorläufig alle methodischen Mittel fehlen.



# SITZUNGSBERICHTE

191L

DER

XXI.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

20. April. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

#### Vorsitzender: Hr. Conze i. V.

Hr. von Willamowitz-Morllenbortt las über die Wespen des

Aristophanes. (L)

I. Konzeption und Ausgestaltung. Es wird auf Grund von dem, was die Wespen lehren, die Tätigkeit des Aristophanes in seinen ersten Juhren verfolgt.

3. Dramatungle. Es wird gezeigt, daß die Komödie weder in der Handlung noch in der Charakterzeichnung Einheit und Konsequenz austrebt, auch nicht die Einheit des Ortes festhält, eine Szene der Wespen spielt im Hause. 3. Die Parodos. Es wird gegen die Annahmen von Personenverteilung und Responsion über die Schollen hinans die Überließerung gerechtfertigt.

# Über die Wespen des Aristophanes. (L)

Von Terien von Wilamowitz-Moellendorfe.

## 1. Konzeption und Ausgestaltung.

Der Wespenchor will seinen Kollegen Philokleon zur Schwurgerichtssitzung abholen, weil ihr Patron Kleon angesagt last, die Sache des Laches stände zur Verhandlung, und der hätte einen ganzen Sack Geld. natürlich unterschlagenes (240). Sie kommen zwar nicht zur Sitzung, aber dafür richtet Philokieon in dem Hundsprozeß, Kyon wider Labes, der einen sizillschen Käse gefressen hat, welcher für das Schiffsvolk aufgerieben werden sollte. Labes wird trotz offenkundiger Schuld freigesprochen. Laches von Aixone ist 427-26 Felilhere in Sizillen gewesen, aber erst im Winter 426/25 abgelöst; er tritt erst 421 nach Kleons Tode wieder in Amtern hervor. Kein Zweifel, daß er 425 einen Prozeß durchgemacht hat, der ihn zwar nicht vernichtet, aber doch auf eine Weile kaltgestellt hat. Das Kleon, wenn nicht formell Ankläger, so doch die Seele der Anklage war, ist durchaus glaublich. Aristophanes hat also den Prozeß des Jahres 425 zum Kerne seiner an den Lensten 422 gegebenen Wespen gemacht! Der Vers der Parodos, der im Stücke keineswegs zur Orientierung des Publikums dient (der Hundeprozeß kommt ganz plötzlich aufs Tapet, denn Labes hat eben den Käse gefressen, 836), verlegt streng genommen die Handlung auf 425 zurück. Also entweder hat der Dichter, als er die GROZIKIA der Athener geißeln wollte, sich besonnen, wo nehme ich ein Exempel her, und ist auf den Lachesprozen verfallen, oder er hat 425 den Gedanken gefaßt, aus dem skundalösen Handel, bei dem sich Luches, Kleon und das Gericht blamiert hatten, eine Komödie zu machen. Wer von diehterischem Schaffen eine Vorstellung hat, wird nicht zweifeln, daß die konkreten Gestalten dem Dichter die Handlung eingegeben haben; der Aristophanes der Pedanten hätte sich gesagt; enun muß ich zur Besserung und Belehrung meines Publikums ihre Leidenschaft für die

So welt linbe ich das vor 18 Jahren ausgeführt, Arist, in Athen, I 244. Ich erfülle mit diesem Aufsatz ein dari gegebenes Versprechen; den Aristophanes verstand ich damale im wesuntlichen ebense wie bente.

Schwurgerichte getöcht, also eine Debatte für und wider die Würde des Geschworenen dichten, und dann — ja, wo hab' ich wohl einem Prozeß, der als Exempel dienen kann, richtig, vor zwei Jahren gab's ja Kleon wider Luches». Aber dieser Aristophanes würde die Wespen nicht gedichtet haben, soudern ein ledernes Schuldrama, das die Athener ausgepfüffen hätten. Ist die Komödie aber 425 konzipiert, so haben wir nicht nur die Möglichkeit, einmal Konzeption und Geburt eines antiken Dramas unterscheiden zu können, sondern in die dichterische Entwickelung des genialen Komikers hineinzublicken.

Philippos, der Vater des Aristophanes, war ein Städter, aus Kydathenaion, der bei der Annexion von Aigina 431 ein Landlos erhielt, denn den Dichter selber wird man sich nicht als Kleruchen denken. 425 (Acharn, 054) rechnet er sich im Scherz als Aigineten; was man nicht weiter pressen soll: es versteht sich von selbst, daß er sich dauernd im Trabel der Hauptstadt bewegt hat, wenn er auch für die Reize des Landlebens die vollste Empfänglichkeit hat. In der Parabase der Wolken 530, gedichtet erst nach 420, erklärt er, seine ersten Stücke wegen seiner Jugend anderen zur Aufführung überlassen zu haben. Da der AMACKANOC über die Chorenten zu befehlen haben muß, ist begreiflich, daß man für ihn mindestens die Mündigkeit forderte. Später, als der Chor fortfiel, hat auch ein Ephebe aufführen durfen, wo dann die Chronik den Vermerk ovroe sousor success zufligte": so ist es hei Menander gewesen. Über die Dichter stand nichts in den Akten, aber es ist kein Anlaß, zu bezweifeln, daß Aristophanes die Wahrheit sagt, also 427 erst 18 oder 19 Jahre alt war. Wenn die Suidasvita Eupolis 17 Jahre sein läßt, als er unter Apollodoros 429 zuerst aufführte, so heißt das eben auch, er war Ephebe; und die Komiker haben so viel voneinander und von sich selbst erzählt, daß es vorschnell wäre, einer solchen Angabe den Glauben zu versagen, weil sie nicht aus den Akten der Archonten stammen kann. In den Daitales, 427, debütiert Aristophanes mit den Erfahrungen, die er als Schüler gemacht hat, den einzigen, über die er verfügte; das war gewiß naseweis, aber so etwas soll vorkommen; und daß ein komisches Genie früher produktiv wird als ein tragisches, ist nur in der Ordnung. 416 bringt er aber ein politisches Drama, die Babylonier. Er ung ja nun in die Volksversammlung gegangen sein, und seine reaktionäre Haltung verrät sieh schon in den Daitales. Aber ist es zu modern gedacht, wenn man den «Rittern», den Kreisen der vornehmen Bürgerschaft, in der kimonische Traditionen lebendig waren,

Sie geht ihm indessen mit der Zeit verloren; die Vögel bieten die bitzten Belege.

Winners, Urkondon dramatischer Aufführungen 45. ≥30.

zntrant, sich des talentvollen Anfängers bemächtigt zu haben, um gegen die imperialistischen Tendenzen vorzustoßen, die doch sehon lange, bevor es zu der Erhöhung der Tribute kam, laut geworden sein müssen? Die Forderung lag wahrlich in der Luft, daß die Bündner zu den Kriegskosten beitragen müßten, wenn die Athener sieh selbst besteuerten. Von der Handlung der Babylonier wissen wir freilich damit noch gar nichts, daß die Bündner als bahylonische Sklaven den Chor bildeten: aber wenn Dionysos auftrat und ihm von athenischen Demagogen der Prozeß gemacht ward, so hatte Eupolis in den Taxiarchen den Gott als Soldaten von Phormion gedrillt werden, diesem aber doch gegen die Demagogen Hilfe bringen lassen : da hat Aristophanes bei dem wenig Alteren, aber doch schon bühnen- und lebenskundigeren Genossen gelernt. Es ist dem Kleon nicht zu verdenken, daß er gegen. den verantwortlichen ADACKANGE der Babylonier einschritt, denn diese Darstellung ihrer Politik angesichts der Festgesandten der Bündner konnte sich die Reichsregierung nicht gefallen lassen. Kleon selbst brachte den Kallistratos vor den Rat (Ach. 355)". An den Kragen ist's ihm nicht gegangen, aber Aristophanes hat sich die Lehre genommen. seine Angriffe fortan so einzurichten, daß die Polizei nicht einschreiten konnte. Um so leidenschaftlicher war sein Haß gegen Kleon, und er bereitete sofort einen Vorstoß vor, den er in eigner Person wagen wollte, gestützt auf die Ritter», mit denen ihn nun der gemeinsame Haß verband; sie hatten 425 irgendeinen erfolgreichen Handel mit. dem plebejischen Demagogen gehabt". Dies Hauptstück, seine Ritter, hatte Aristophanes schon in Arbeit und kündigte es verblümt in den Acharnera (301) an, die Kallistratos an den Lensen 425 aufführte. Sie sind die Verteidigung in dem Handel um die Babylonier, also ganz rasch hingeworfen, und der Telephos des Euripides hat dem Dichter den keimkräftigen Gedanken gegeben. Da las er in der Verteidigungsrede des Helden (Fr. 706):

\* Acharn, 6 mit Scholien; Auch blev lijkt sich das Tatsächliche mit enweren Mitteln nicht näher bestimmen.

t für Taxiarchen geben die Erfahrungen des Rekeuten Eupolis gennu so wieder seie die Dalmles die des Studenten Aristophanes: dan Eupolis für das Vaterland focht und 410 am Hellespont fiel, Aristophanes höchstens son Ersatzreserve zweiter Klassgohört hat, macht nuch für ihre Gedichte etwas aus.

Die Kienn 438/27 oder 427/26 Ratsherr war, inüt sich nicht mit Sicherheit ausmanhen; Busenz, Gesch. III 998 überschlitzt die Kraft der Gründe, die für ihm frühere Jahr sprechen. Den Kallistratos kann Kleine in der Volksversammlung die Aussigne gleich nach den Dianysten durch neuenne belangt laben; er kann ihn beim Rate als der Polizeitehörde demunziert taben; wenn er Ratsherr wur, lag ihm die Initiative meh oliher, Wiesen können wir den Modus nicht das Ergelinis der Verbandlung auch nicht; zur ist es nicht sehr schimm geworden. Die Konnödie ist nicht gelichtet wurden wie die Minerov Kampe des Phrynichus. Wormit die verdenbenen Verss Worm 1289—91 zielen, wissen wir nicht und können nichts vermaten.

Aramemnon, ovo et measkyn en kendin ikun neandi tic ele trakhadh embaren enon, ciehogmai olkaja 1º anteimen ekum.

Das lieferte ihm die glänzende Erfindung, wie sein Δικαιόπολια die Verteidigungsrede mit dem Halse auf dem Block, sozusagen, hält; sie ist ganz und gar nach der des Telephos gearbeitet, und wie bei Euripides ist ihr Erfolg, daß die Gegner sich spalten und damit die Gefähr beschworen wird. Es ist wahr, es geht unheimlich schnell; und Lamachos-Achilleus, der mit tragischen Dochmien' herbeigerufen wird, iaßt sich in sehr wenig glaubhafter Weise durch die Flegeleien und Schimpfereien des Dikaiopolis ins Bockshorn jagen?. Aber es ist doch nur ein Zeichen von Verständnislosigkeit für poetisches Schaffen, wenn die Kritiker durch das Anrufen ihres Spiritus familiaris, des tückischen Bearbeiters, haben helfen wollen. Dieser Lamachos benimmt sich wie die Figuren, die in den burlesken Szenen der Komödie nur auf die Bühne kommen, um sich verprügeln zu lassen. Aristophanes hatte von der Opferung des Kohlenkorbes, die er schon dem Telephos nachbildete, bis zur Parabase\* unter dem Einfuß der tragischen Vorlage gestanden, die ihm ja auch die Versmaße an die Hand gab. Das führte er in der Abfertigung des Lamachos irgendwie zu Ende, und dabei ging ihm der Atem aus; seinem Helden einen wirklich individuellen Gegenspieler entgegenzustellen, hat er ja niemals erreicht, außer in den Fröschen, wo beide gegeben waren. Dazwischen steht mm die Szene mit Euripides; ein Ästhetiker muß schon sehr guten Wind machen, wenn er ihre organische Zugehörigkeit beweisen will; aber wie sie entstanden ist, versteht man leicht. Aristophanes hatte so viel Euripides gelesen, hatte selbst euripidisieren gelernt: da fiel

<sup>!</sup> Dochmien sind immer tragisch; an beabsichtigte Parudie hestimmter Stellen natürlich nicht zu denken.

Lumnchos ist hier Stratege; in den späteren Szonen libehstens Lochage. Das hat großen Amtoli erregt; was eir später an Philokleon erfahren werden, wird genfigen, die Freiheit des Dichters zwar nicht zu rechtfertigen, aber zu konstatieren, der miner Person die Charge gibt, die jedesmal notwendig ist. Ob Laumnhos 426/5 Stratege war? Schwerlich die er dann vor dem kommache eigentlich geschützt war. Er heißt neamac, Dikalopolis ist refen. Das eine ist ihnen zu jung, das andere zu alt: es gibt aber zwischen beiden keine Altersbezeichnung, diese beidem aber nind relativ. Der tanavence muß neamac sein; die aristophanischen Heiden sind immer résentec, was ihre Leistungsfähigkeit nur zuweilen auf dem oder jenem Gehiete beeintrüchtigt.

<sup>\*</sup> Die schönen Verse des Poigos 659 = Eur. fr. 918 sind auch mit vollem Rechte für den Telephos in Anspruch genommen; die Anapäste teigen, daß sie in dieselbe szene wie fr. 713. 722. 723 gehören. Belläufig, fr. 700 darf nur å Φοίε Άπαλλον Αγιου für den Tragiker in Anspruch genommen worden; 704 ist elles Faselei bei Olympiodor; 714, r muß κόσον nicht bei Sextos, der ein Florilegium auszieht, aber bei Euripides gestrichen werden.

dies ganz von selbst ab. Dankbarkeit war seine Sache nicht; er zahlte für die Benutzung des Telephos mit diesen Witzen über die Jammerprinzen»; ich denke, wir verzeihen ihm, denn die Witze sind vortrefflich. Aber vergessen wir nicht, wie er zu seinem Feldzuge gegen Euripides gekommen ist, er, den Kratinos auch nicht achlecht packte, als er das Wort epamaserersanken prägte. Ganz sein eigen ist der höchst glückliche Gedanke, das alkans, für welches Dikalopolis dem Tode trotzt, in der Friedensliebe zu finden; das wird in den Segaungen des Privatfriedens zu unserer reinsten Ergötzung durchgeführt. Es war ein Meisterzug, die Vorwürfe, die er wegen der Befehdung der Reichspolitik im Innern erfahren hatte, so zu entkräften, daß er so tat, als wäre es ihm nur um den Frieden nach außen, mit Sparta und Theben, zu tun. Er hat damit wie mit der Verfolgung des Enripides die fruchtbarsten Themen gefunden, die er unf Jahre hinaus bearbeiten konnte; wir aber sehen an den Acharnern, wie er sie gefunden hat.

In wenigen Monaten sind die Acharner fertiggestellt; die Ritter waren in Arbeit, und eben in diesen Monaten erfaßte er in dem Lachesprozeß ein Thema, das sich gegen Kleon brillant verwenden ließ. Es sind ju die Monate, in denen Kleon den Erfolg von Pylos davontrug (die Wochen der Spannung müssen auch die Arbeit an den Rittern aufgehalten haben), und in denen er den Richtern ihren Sold auf eine halbe Drachme erhöhte ; das legte also auch sehon den Sport aber die Helinsten nahe. Aber das mußte für jetzt zurückstehen; sn den Lenäen sollte Aristophanes persönlich seine Ritter aufführen, und die wollten und wollten nicht fertig werden. Das schöne Motiv, daß gegen den Teufel nur ein schlimmerer Teufel helfen kann, gab manche gute Szene ber, aber es gab keinen Abschluß, den Herr Demos vertragen konnte, der Herr, den auch der Komiker umsehmeicheln mußte. Zum Glück nahm dieser accasosor die gewaltsame Verwundlung seines Patrons und seiner selbst schmunzeind entgegen, die uns kalt läßt, es sei denn, wir freuen uns, daß der Schluß mit seinen prachtvollen Anapästen dem modernen Schema der regelrechten Komödie ins Gesicht selilligt. Aber fertig ist Aristophanes auch so nur mit Hilfe des Eupolis geworden.

Zwei lenäische Siege hintereinander, das kounte wohl stolz machen; Aristophanes meinte der Gunst des Publikums sieher zu sein, aber er war Poet genug, ihm etwas Neues bieten zu wolfen. Die Wolken griffen zwar auf die Daitales zurück, insofern sie sieh gegen die modische Bildung wandten, und den Sokrates nahm gleichzeitig auch

Das Datum gibt das Wespenschoffen des Ravennas 88 Kacon etraturacia trubusson etra-es tim sussim, dem zo mittrauen kein Grund ist. Daß die Acharnes davon schweigen, beweit nichts: wo sollten sie es erwähnen?

Ameipsias aufs Korn; allein die Ziele, die sieh der Dichter steckte. der selbst ein so schweres Buch wie das des Arztphilosophen Diogenes von Apollonia dazu studierte, waren wirklich ungewöhnlich boch, zu hoch, wie der Erfolg bewies. Aristophanes nahm die Niederlage sehr bitter auf, zumal die Kollegen ihn nicht schonten; mit Eupolis ging die Freundschaft auch in die Brüche. Aber er verdoppelte seine Tätigkeit und beschte an den Lenßen 422 Prongon und Wespen mit Erfolgauf die Bühne . Er hatte sich rehabilitiert und gönnte sich etwas Ruhe, denn der Friede, das schwächste der erhaltenen Stücke, ist flüchtig hingeworfen, ein brillanter Anfang, wieder von Euripides entlehnt, und dann nichts als gemeine Gemeinplätze, selbst die Parabase zum besten Teile Wiederholung. Die Komödie war den zweiten Preis nicht wert, den Ihre Tendenz ihr verschaffte: die schärfsten Angriffe blieben nicht aus; Eupolis war offenbar in diesen Jahren Sieger. Ich hoffe noch immer, daß sich über seine Tätigkeit in diesen Jahren etwas Sicheres ausmachen 136t. Vom Proagon ist nicht mehr kenntlich als Verhöhnung der euripideischen Tragik; die Wespen nutzen den alten Gedanken des Lachesprozesses aus. Wir müssen zunächst ihre Angaben über die frühere Tätigkeit des Dichters genau betrachten.

Der Sklave des Prologs kündet bescheiden an, es werde nichts den mera geben, aber auch keinen aus Megara gestohlenen? Scherz; es würden nicht zwei Sklaven Nüsse unter die Zuschauer werfen und Herakles würde nicht um das Essen geprellt: das zweite könnte ein allgemeines Thema sein, meint aber doch etwas Bestimmtes, da der Dual der Sklaven sich nur so verstehen hilbt. Aber das sind keine aristophanischen Stücke, da bei den zwei folgenden die Wiederholung bezeichnet ist

OYA ATHIC ENACESTAINDMENDO EVERTIANCE,
DYA EI KAEWN I ESAMPE, THE TYXHE XAFIN

Daß der Proagon den ersten, die Wespen den zweiten Preis erhielten, ist nieht zu bezweifeln; daß Philosodes beide aufführte, kaum glandlich, wenn auch nieht ganz unmöglich. Die Emendation von Worten, die als solche keinen Austoß hieren, aundern nur reseat reputstyre, kann die Texthritik nur in seltanen Fällen arreichen.

<sup>\*</sup> CKOAMA METAPORES KEKAAMAÉRINS; die Schollen geben die Form mit a de Variante und neunen sie dorisch. Bei Albemaeus 400 e wird songer von Kekaaman abgeleitet aber der Marchams hat Kékaaman und verdient vor der Epitome gebürt zu werden; der Vokal schades nichts, siriott ist auch zu afanman gestellt. Endlich Chames, Au. Oxon, IV 196 (Herkunft der Exzerpte mit imbekannt) Kékaaman als Nebenform zu nigem normales Kékaaman. De dürtte a wollt den besten Assproch haben.

Das überlieferte AMAGGATAMONGMOG ist nicht auf unbelegt, sondern mit dieser Präpasition ist das Passiv ACGATAMGGGA (und Passiv muß es sein) kann denkbar. Was Hamassa und Diebnar gegeben haben, bedentet consupratus, Pollius 6, 126, oder doch ein starkes Pasicachoc 8, 78. Was der Komiker selbst jemand antat, wird er nieumle au neumrat dies Minverständus habe ich lange geteilt.

enacentalneceal ist ein Wort, das auf den accatainun immer das übedste Licht wirft. Das geht also nicht auf die Behandlung durch den Komiker; also ist Euripides auf der Bühne so schnöde behandelt, wie ja nuch Heavaile to Affithen CEATTATION COOK die Bühnenfigur ist. Dasselhe gilt von Kleon; denn die gewöhnliche Erklärung, «Kleon hat giftnzenden Erfolg dank dem Zufall gehabt., kann nicht richtig sein: dieser Erfolg war alter als die Ritter, seitdem war nichts hinzugetreten. Also heißt es: . und wenn Kleon geglänzt hat, werde ich den Mann wegen dieses glücklichen Erfolges nicht wieder zu Mus hackens. Es ist der Kleon der Ritter. Damit ist gesagt, daß Aristophanes vor den Wespen den Euripides un der Bühne hat Acearde behandeln lassen, was ihm weder in den Acharnern noch in den ersten Wolken passiert ist, in denen er schwerlich auftrat. Folglich geht dies auf ein unbekanntes Stück. Verführend ist es, an den Proagon zu denken: denn daß der Dichter noch eine Zeile einfügen konnte, nachdem die Reihenfolge der Aufführungen festgestellt war, zeigen die Ekklesiazusen 1158. Gewißheit ist uns versagt. Sehr artig erklärt Aristophanes schließlich, die Komödie sollte diesmal nicht gescheiter sein als die Athener; deren Torheiten wird er ja vorführen, und sie werden zufrieden sein. Im Hintergrunde liegt; voriges Jahr waren meine Wolken zu gescheit für euch. An dieser Stelle durfte er aber noch nicht direkt auf sie deuten; ihrer Verteidigung gilt die Parabase, die ein durch die köstliche Gerichtsszene günstig gestimmtes Publikum vor sich hat. Sie ist so viel millverstanden, daß der ganze Bau erläutert werden muß. Hört also zu, der Dichter will dem Publikum eine Vorhaltung machen -

ADIKETORAL PAP SHUL TROTEPOC TOAN ANTOYO EY TIETIOHKOC
TA MEN OY RAMEROC, ANN ETIKOYPON KRYBAHN ETEROLOL TIOHTATO,
MIMHOAMENOC THE EYPYKAEOYO MANTEIAN KAL DIANDIAN,
ETG ANAOTRIAC PACTERAC BICAYO KOMBUDIKA TIONAL XEACBAL,
META TOYTO DE KAL BANEPOC HAH KIRAYNEYON KABI BAYTUN
OYK ANAOTRIUN ANN DIKETON MOYCON CTOMAB HINDXHCAC

Wenn man 1018 hinter 1017 hört oder liest, so erwartet man, daß ein Partizipium folgte, subjungiert dem ex menuscoc; das müßte dann xekenoc sein, und wenn das dastünde, so würden sich die

MANTEIA KAI ALANOM 1019 ist eine Art en all avoln; il Espenadore manteia dianocital cicasnal cic anateia facterat. Eurykles war kein Bauchredner, sondern ein
Hypnotheur, der andere Leute zwang, am seinem Sinne herans zu antworten, sich
and anderen wahrzusagen. Aristophanes stimmt ganz zu Platon Soph. 352c; die
Bauchredneret des Emykleides bei Atheu. 10c um8 den Namen durch ein Millverständnis
erhalten haben. 1022 beiont so stark die eigne Arbeit an den Bittern, daß der Vormurf, Eupolis hätte geholfen, bereits erhoben worden sein muß.

folgenden beiden Verse ohne weiteres anschließen. Nun steht aber der Infinitiv xeacear da, und die Versuche, ihn zu beseitigen, sind so unglücklich ausgefällen wie andere gewaltsame Operationen. Leugnen kunn man nicht; daß untadelhaft ist onch ... The sen of sangpac summinal HORAL XEACEAL, META TAYTA ME KAI SANESOC, und daß die vielen Partizipia sich vortrefflich einfügen, während es denn doch wohl des Guten etwas zuviel wäre, wenn ey nenomkuc, of sanepuc anna keybann em-KOYPWK, MIMHELMENOC ... EICAYC ... XEAMENOC gosnigi Ware. Anderseits brauchte nur ta men tar by sameput dazustehen, so wäre der Grammatik genügt. Wie ist das also? Aristophanes hat wirklich erst so begonnen, als wollte er subjungieren; dann ist ihm die Schwerfälligkeit zu stark geworden, und er hat xexcen gesetzt, auf seel bezogen: das ergibt zwar kein Anakoluth, aber doch einen inkonzinnen Ausdruck: aber der interpret hat seine Pflicht erfüllt, wenn er das konstatiert und in der Häufung der Partizipia den Grund aufzeigt. Man stößt ja auch erst an, wenn man konstruiert; daß man das tut, ist in der Ordnung, aber zu erzwingen, daß ein Poet immer der grammatischen Logik folge, ist eine ganz unberechtigte Petitio principii.

. Und als er wie nie ein anderer geehrt ward (also nach dem Siege seiner Ritteri, ist er nicht hochmütig geworden', hat nicht in den Ringschulen die schönen Knaben zu fangen gesucht und die Aufforderungen von Liebhabern abgewiesen, die ihn angingen, ihre Geliebten, denen sie grollten, in den Komödien vorzunehmen: Biedermann, wie er ist, wollte er seine Muse nicht zur Kupplerin machen. Erst beide Handlungen zusammen würden die wovca wirklich zur negaruroc machen. Die Wiederholung des ersten Punktes im Frieden 762 ist deutlicher sich habe mich nicht in den Ringschulen herumgetriehen, sondern meine Sachen zusammengepackt und bin ruhig nach Hause gegangen . Das war also gleich nach der Vorstellung. Der zweite Punkt, eine recht komplizierte Aktion (Angriff auf Bestellung) kann dem Aristophanes nicht zum Vorwurf gemacht worden sein, da er ja den betreffenden Knaben nicht angegriffen haben kann: also ist er hier selbst Angreifer eines Konkurrenten, dem er insinuiert ver hat nach seinem Siege die Kunben für sich haben wollen und hat einen bestellten Angriff gegen einen abgesetzten Liehling gerichtet». Ohne Zweifel war das einer der Sieger an den Dionysien 424 und 423, denn Kratinos, der die Wolken schlug, kann es nicht sein. Das Publikum verstand das; die Sache war also Stadtgespräch. Daß Eupolis gemeint ist, glaubt man gern, weil es die Grammatiker glaubten; aber der Beweis ist nicht erbracht, läßt sieh mit unserm Material nicht erbringen.

<sup>1 1024 0%</sup> SCIENCIA) SHEIN STAPREIC 0% OF COCKS TO SECONDAN ISE GENERAL UNIT UNITED TO SECONDAN ISE GENERAL UNITED SECONDAN IN GENERAL UNITED SECONDAN INC. CONTRACTOR UNITED SECONDAN INC. CON

OFA OTE MEDION TO HERE MALEKEN (MEROMOR SHE SMEECHAL ANA HPAKAGOYO ORDIN TIN EXUN TOTA MERICTOR ETIXORESA. SPACENC EYECTÁC EYBYC ÁTT ÁPXÁC ÁSTÍM TÍM KAPXAROADNTI.

worauf seine Schilderung folgt', und abschließend +angesichts dieses Ungetüms habe ich mich nicht furchtsam durch Bestechung niederhalten lassen. Er hatte 1021 von einer Aufführung in eignem Namen geredet, 1023 von dem Siege und seinem Verhalten nach dem Siege: beides ging auf die Ritter. Gesetzt, 1029 fehlte, wie sie ihn jetzt meist verwerfen, so schlösse aaak an das Verhalten nach dem Siege der Ritter an, ware also der Kampf gegen Kleon etwas Neues, d. h. die Athetese macht die Stelle sinulos. Der Dichter mußte unbedingt die Ritter, seine erste AIDACKANA, hier wieder bezeichnen, weil er, um einem Konkurrenten bei Wege etwas zu versetzen, über sie schon hinausgeschritten war. Und der Interpolator wäre ein feiner Geselle gewesen, der in Assesmant den so recht erwünschten Gegensatz zu dem Ungetum, dem resac, erfaßt hatte, das mit va seriera farbles bezeichnet. ist, eben weil der Gegensatz Jacquino die nötige Farbe gibt. svevo an sexus 1031 und das Prasens emxerein besagen, daß der Kampf gegen Kleon noch fortgeht, was die Wespen ja auch schon sattsam gezeigt haben. Es deutet aber auch auf den nächsten Abschnitt

AND STIEF SMOH ETI KAL HYNI HONEMET, WHEN TE MET ASTON TOIC HIMANUC ETIXEIPHEAL HERYCIN KAI TOIC HYPETOICIN. OF TOPE HATEPAS T BEXON NEXTED KAI TOPS HAHHOVE AHEHNIFON THE KATAKAMOMEND T' STI TATE KAINAID ENT TOTOM ATTRACTOR THEN ANYUMOCIAC KAI ITPOCKANCEIC KAI MARTYPIAC CYNERONAUN, WET ANATHARN ASIMALIBORTAS HORACYC WE TON HOREMAPKEN. TOIGNA' EPPONTEC ANSTIKAKON THE KOPAS THEME KASARTAN PIÉRVOIN KATATIPOVACTE.

Der AREEKAKOG 1043 deutet auf den Heakans 1030, Emixennea 1034 auf emissien 1030: dem Ungetum gesellen sieh die aniasot, die Kobolde.

r' ist Zusatz der Byznntiner, aber eine so leichte Besserung, daß man ihnen folgen muß.

Die famose Points dieser Schilderung ist, daß das Ungetüm ein Popanz Ist. dessen Gefährlichkeit eilel Blendwerk ist. Die Blitze winer Angen sind die einer Hure (spailhaft, daß ein Kritiker sich eine zweite Gello oder Empasa konstroiert, damit sie fereither wird), die Köpfe um den Leib dieser Skylla sind xorana zonaxus, die Simme tost wie ein Wildhoch; aber eine saraara läuft hald uh, der Robbemgestank ist gewill echt, aber der hat den Menelaus nicht geschreckt; die Hoden sind die der Lamis; das ist une nicht klar, aber ihre Furchtbarkeit liebt die weihliche Besitterin unt, und mostoc sassaov, wie knomertieh es um den bestellt ist, weiß jeder, der ein Kamel kennt; es steld such irgendwo xamirery Arrivoverou, aber ich finde die Stelle nicht, da meine Leinnerung, es bei einem Parömiographen gelesen zu haben, trügerisch an sein scheint; griesen linhe ich es sicher

die das Alpdrücken bringen ; der erste Angriff galt dem Kleon; es ist in der Ordnung, daß dieser Angriff auf avroy dem kleinen Ungeziefer gilt ohne einen äußerlieben Aniaß wird niemand daran rütteln. daß Aristophanes die Kobolde met arroy, mit Kleon zusammen, bekämpft hat, népvci, also 423, wo er die Wolken gab. Zweimal steht nervo, 1038 und 1044; es kann unmöglich auf zwei verschiedene Stücke gehen. An der zweiten Stelle geht es auf die Wolken, denn an diesen wird doch Aristophanes die Neuheit der Erfindung loben, von ihnen bei Dionysos beschwören, daß sie die schönste Komödie wären und auf den ersten Anblick zu hoch für die Athener, so daß sie nicht zur Geltung gekommen wären. Hier erst kommt ja das sesvacear heraus, das als Inhait der Parabase angekündigt war, für das also alles übrige nur Vorbereitung ist. Wenn aber, wie niemand zweifelt noch zweifeln kann, 1044 auf die Wolken geht, so muß die ganze Partie auf sie gehen. Es ist schlechthin unerlaubt, neeve auf zweierlet zu beziehen, unerlaubt, eine zweite durchgefallene Komödie zu erfinden. Aber wo sind die senson in den Wolken? Wo erwürgen sie ihre Großväter und schmieden Prozesse gegen die Larmlosen Bürger? Wo ist darin etwas, das den Kleon in Mitleidenschaft zieht? Wahrlich, begreiflich ist's, daß wir weiter suchten als die antiken Grammatiker, die nur von den Wolken reden; aber diese haben doch ein richtigeres Gefühl gehabt. - Meine Wolken sind Akt 2 meines Kampfes für euch. Athener, und das ist auch ein Kampf gegen Kleon und seine Rotte. Ihr habt sie nur nicht recht verstanden. Ich richte mich ja gegen die verdorbene Jugend: Pheidippides, der den Vater prügelt, ist einer von den wen, die euch das Leben sauer machen, und der Sokrates und Strepsindes, das sind solche infamen soromson, wie sie euch jetzt mit Prozessen behelligen. The wifit schon; ich hab's euch sonst gesagt (Acham. 703-18, Wesp. 687). Also diese Bande, zu der die skaton KERAAAI KOAAKON von Kleon natürlich gehören, die habe ich eigentlich gemeint: the habt's voriges Jahr nicht gemerkt; es wur ja auch etwas ganz Neues, aber ich garantiere es euch, etwas Feines war's auch: also in Zukunft mehr Respekt vor einem Diehter, der höher hinaus will; heute ist's ja kein alan ners, aber was Gescheites ist's doch (66). -So schien sich's am kürzesten sagen zu lassen, daß Aristophanes die Tendenz seiner Wolken dahin erklärt, in Sokrates hätte er die Sophisten treffen wollen, welche die bösen Kniffe lehren, durch die der Riedermann seine Prozesse verliert, und in Pheidippides die pietätlose

Daß ar die rrosette suffigt, die tetianerale Fieber zu fassen gebieten, geschieht wesentlich als Wortwitz; freilich beifit das Fieber nur terken, treil man es als Heimsuchung durch einen Dämon betrachtet, was dasse auch von den terestol gelten kann. Die der febrie ist gleicher Art.

Jugend. Wenn aber jemand einwendet, »das stimmt ja nicht zu den Wolkens, so ist es geraten, die Ausrede fallen zu lassen, daß wir die ersten Wolken nicht mehr lesen: mit einem Unbekannten, dem man ad hoe einen bestimmten Wert gibt, kunn man kein zweites Unbekanntes bestimmen. Aber es war dem Aristophanes ja gar nicht darum zu tun, die Wahrheit über die Wolken zu sagen, sondern den Athenern aufzureden, sie wären in derselben Tendenz geschrieben wie die Ritter, was sich ohne Gewaltsamkeit nicht behaupten ließ. Die Assasso TAXYBOYAGI mochten immer das Maul aufsperren und sagen, davon haben wir in den Wolken nichts gemerkt : dann war's ja am Tage, daß sie die feine, neue Erfindung nicht verstanden hatten. Und dann reclinete er auf die Aennaios merasovaos, die sich bald jeder einzeln einreden sollten, ver hat Recht, und wenn die andern nicht so dumm gewesen wären, ich merkte sehan so was«. Aristophanes kannte das Publikum und behandelte es danach: er schrieb nicht, damit wir verlorne Stücke rekonstrulerten. Aber wie wir über seine Kunst oder Moral urteilen wollen, ist überhaupt das zweite: erst heißt es verstehen, was er gesagt hat; was gar nicht schwer ist, wenn man ihn nur hören will, denn verständlich redet er wahrhaftig.

Von dem, was zwischen den Zeilen steht, entgeht uns recht viel; wir müßten mindestens den Prongon und seine Parabase vergleichen können und etwas von den Angriffen und Repliken seiner Gegner lesen. Aber die Parabase des Friedens lesen wir und müssen zugestehen, daß die Wiederholung des Selbstlobes nach 14 Monaten einem kümmerlichen Eindruck macht. Selbstlobes onlte mit Prügeln geahndet werden, aber wenn der vortrefflichste und berühmteste Komiker Ehre verdient, dann ist es unser Makkanoc (diesmal führte der Dichter selbst auf), erstens hat er den Komikern die gemeinen Späße abgewähnt (darunter tove Heakase tove kattoutac kal tove membatac ekstnove, entsprechend Wesp. 60) und eine große Kunst gesehaffen.

THE DYK LAIWTAC ANDROTTICKOYC KWAWIAWA OYAE TYRAIKAC,

AAA HPAKACOYC GEFAN TIN' EXWN TOTCH MERICTOIC ETTEXCIPE!

AIABAC BYPCWN OCMAC ACINAC KATICINAC BOPBOPOBYMOVO

KAI TIPWTON MEN MAXOMA: TIANTUN AYTWI TWI KAPXAPOAONTI

folgt die aus den Wespen abgeschriebene Beschreibung des Ungeheuers, dann zieht er Wesp. 1036, 37 zusammen

TOIDYTON JAWN TEPAC OF KATEASIC, AND STIED YAWN ITDAEMIZWN

J Der Venetin hat die Simonidesverse erhalten, die Armtophanes aufgreift ei af Armtophanes aufgreift ei nicht, wie man verkennen kann, daß zwischen beiden Versen ein Pentameter und ein Haxameter ausgelassen sind.

Dafür verdiene ich den Preis; ich habe ja auch nach früheren Erfölgen mich nicht an den Ringschulen herumgetrieben usw., also haltet euch zu mir, dem \*\*\*\* Das letzte soll Späße über die \*hohe Stirn\*\* des immer erst etwa 25 Jahre alten Dichters parieren.

Das ist flüchtige Arbeit; dem newton men entspricht nichts als die Phrase 760, wo die nach das Reich bedeuten, ohne daß Bestimmtes gemeint wäre. Der Unterschied der Stücke, die von anderen Dichtern aufgeführt waren, von den Rittern, ist weggefällen, so daß newton men nuf die erste gedichtete Komödie gedeutet werden könnte, und die kräftige Antithese anicht Menschen habe ich in meiner ersten eignen Komödie angegriffen, sondern den kapkarödore (Kerberos) mußte dem zahmen anicht faigtal anarwnicker kal pynakker weichen. So geht es beim Zusammenflicken; aber was soll man von der Kritik halten, die das Original der Wespen nach diesem Cento zurechtgeschnitten hat ?

Also nach einem neuen glänzenden Siege und einer empfindlichen Niederlage hat Aristophanes 423 umf den Stoff zurückgegriffen, der sich ihm 425 dargeboten hatte. Er verdoppelt seine Produktion, um die Scharte auszuwetzen; da ist ein alter Plan willkommen. Der Prozeß des Laches hat freilich seine Aktualität verloren, und dem Kleon kann ein Angriff wegen seiner noch dazu unverdienten Niederlage in Jenem Handel night mehr empfindlich sein. Aristophanes hat also den Prozeß nur noch indirekt vorgeführt; es ist poetisch die Glanzpartie des Stückes; aber wir lachen über die Hunde Kleon und Laches mehr, als wir ihnen böse werden, und der Blamierte ist vor allem der Richter. Kleon hatte sich durch die Erhöhung ihrer Disten die Richter gewonnen; ihn bei diesen zu diskreditieren, war für seine Gegner ein erstrebenswertes Ziel. Das erreicht Bdelykleon, denn womit überzeugt er die Heliasten? «Von den Einnahmen des Staates kommt auf den Richtersold eine Kleinigkeit; nur die Demagogen haben von der Herrschaft des Reiches einen klingenden Gewinn; das Volk, das alles geleistet hat, bekommt nichts. Die frechen Bengel beziehen als cynnepos eine Drachme; der Richter kann froh sein, wenn ihm seine halbe Drachme gezahlt wird. Es wäre ein leichtes, die Richter von den Städten als Pensionlire unterhalten zu lassen; aber die Richter lassen sich düpieren und laufen denen nach, die thnen die Diäten geben, und höchstens einmal eine Metze Gerste, nuch die nicht ohne Schererei. Mit dieser übelsten Demagogie, des

Geradern unverständlich ist die Behauptung, die beiden Komödien gemeinsamen Verse könnten erst nach Kleins Tod gedichtet sein. Wenn man die Überüsferung gehen läßt, ist der Angriff auf das Ungetüm genau auf die erste eigne Aufführung datiert, gehi der Kampf noch jetzt weiter und ist vorm Jahre Klein mit den örnand augegriffen. Jeder Gedanke, daß er nicht mehr gefährlich wäre, ist ausgeschlossen.

Wursthändlers würdig, wird Philokleon geködert. Man könnte dem Dichter böse werden, und für die Beurtellung der Demagogen (demokratisch oder reaktionär macht nie einen Unterschied) soll man's nicht vergessen; aber er versöhnt durch die geschickte und doch unverblämte Darstellung des souverinen Volkes in seiner leichtgläubigen Dummheit und Eitelkelt, wie man anderseits diesem Volke viel zugute hält, weil es sich das ins Gesicht sagen ließ.

Mit der Verschiebung des Lachesprozesses und dem Angriffe auf die spatenee teionoxov und ihren seaseon war viel gewonnen; aber die Komödie war wieder noch nicht voll. Wenn Philokleon nun, auf sein Altenteil gesetzt, im Genusse, auch wohl ausgelassenen Genusse dieser behaglichen Existenz eingeführt wäre, wie sie ihm der Sohn etwa 341 und 736 in Aussicht stellt, so ware das ein Abschluß gewesen, den Acharnern Shulich. Das genügte dem Aristophanes nicht; so läßt er den Bdelykleon plötzlich 1005 dem Vater ansagen. er wollte ihn in die Gesellschaft einführen; das erzielt hübsche Szenen durch den Gegensatz der alten bäuerlichen Derbheit zu der modernen Eleganz. In die Handlung passen sie eigentlich schlecht, und was sie fortspinnen, sind Motive der Wolken und der Daitales. Der Dichter hatte auch das Gefühl, sein Stück wäre nicht ersten Ranges; schude, daß man den erfolgreichen Proagon nicht vergleichen kann. Immerhin verstehen wir die Entwickelung der aristophanischen Dichtung von 427-21 leidlich gut; wir sehen ein Talent, böher strebend, aber dem Momente dienend, dem Geschmacke des Publikums trotz allem unterworfen, um die Mittel nicht verlegen. Und recht hat er doch, wenn er sieh rülmt, das Publikum zu Höherem erziehen zu wollen; oh er sieh der Erziehung seiner Konkurrenten mit gleichem Recht berühmt, mag fraglicher sein. Das beste war, daß er sich selbst erzog: Vögel und Lysistrate sind vollkommenere Kunstwerke, und die The smophoriazusen versuchen eine wirkliche Handlung bis zum Sehlusse durchzuführen; aber seine Entwickelung können wir weiter nicht verfolgen, weder die aufsteigende noch den Niedergang, den die beiden letzten Stücke bezeugen.

## 2. Dramaturgie.

Die Wespen beginnen mit einem wirklichen Bühnenbilde. Vor dem Bauernhofe des Philokleon sitzen zwei Sklaven schläfrig auf der Schwelle oder auch den Prellsteinen; auf dem Dache sieht man einen langen Kerl, den Edelykleon (68), schlafend liegen. Denken müssen

Auch da ist aber die Schlußszene im Grunde anorganisch angefliekt, dens Dikalopulla teinmphiert nicht, weil er seinen Separatfrieden geschlossen hat, sondern weil er an den Choen im Weittrinken gesiegt hat.

wir uns, daß es Nacht sei. Nach den spaßigen Szenen des Prologes bekommen wir genau dasselbe Bild, nur sitzt oder liegt jetzt auch Bdelykleon vor der Tür; Nacht ist es noch immer. Der Parallelismus der Bilder ist sehr wirksam.

Auf die Anlage des Hauses, das die Hinterwand bildet, kommt in den ersten Szenen bis 462 etwas an. Es luit nur eine Tür; so pflegt es in der alten Komödie zu sein, aber es ist wichtig, daß sich über dieser Tür ein Fenster befindet, aus dem sich der Alte herabläßt (302) an dem also 317 sein Kopf sich zeigte. Der Prellstein vor der Tür und die eiseninnen, die Erntekränze (-zweige), neben ihr werden zu jedem athenischen Hause gehört haben, auch auf der Bühne: das Haus des Demos in den Rittern (729) ist dasselbe: auch das flache Dach wird normal sein, also immer für die Handlung verwandt werden können. Aber etwas Besonderes ist, daß das Hausein Nebengebäude hat, so nahe und so niedrig, daß man vom Dache aus sein Rauchloch zudecken kann (капин 105). Das ist der mucc. Küche und Backstube, die eben darum einen Rauchfang hat. Aus ihr geht auf die Straße ein Durchlaß für die Abwässer, in einiger Entfernung von der Haustür, denn ein Sklave wird von da sherumgeschickte, den Durchlaß zu beobachten (141). Daß diese Räume außerhalb des eigentlichen Hauses an die Hofmauer angelehnt sind, vornehmer zu reden, in den Peristyl eingebaut, entspricht dem allgemeinen griechischen Brauche; auch städtische Häuser werden oft so ausgesehen haben, aber der Nachtmarsch der Wespen zeigt, daß wir höchstens in der Vorstadt sind. Über Haus und Nebengebände ist ein Netz gespannt (164, 108, 168), das indessen den Verkehr durch die Haustür nie behindert, also so weit nicht herabreicht, wenn es auch das Fenster sperrt, und von unten, also an herabhängenden Stricken, in Bewegung gesetzt werden kann (200).

Man müßte eigentlich noch einen Ausgang aus dem Hofe auf die Straße annehmen, weil Bdelykleon auf dem Dache 153 sagt, er wollte herunterkommen, und 168 vor der Haustür erscheint, an der der Vater innen rüttelt. Indessen das bedeutet nichts mehr, als daß der Dichter ihn außen auftreten läßt, als er ihn da braucht, von der

<sup>398,</sup> als der Alte sich herabläßt, belieht der Sohn einem Sklaven Anabout sorrac gata für ströben en taken ernaken für. Der Sklave soll mit den Zweigen sehlagen, damit der Alte um Seile wieder binanfklimme; also milb er von unten binanfschlagen. Dami ist nicht sava für etteran anabeter zu verstehen, weil da keine zwei Treppen sind, sondern sauf der einen von beiden Seiten der Tür, mit unbestimmtem Feminium, wie erferan örzas 1231. Er wird auf den Prelistein steigen, der elanges Beleigklein reicht vom Boden aus Inch genug. Das gibt ein gutes Bühnenfriidt die Stellung des Feminium wird nich aller Dur Alte klimmt nicht zurück, sondern läßt sieh auf den Boden herab, wu ihn seine Gegner parken.

Seite her, da er durch die Haustür nicht kommen kann. Wie er's macht, fragen wir nicht; hätte der Hof noch einen anderen Ausgang, so müßte der bewacht werden.

Die Haustür ist eine Lattentür, durch die man den Alten sehen kann, als er an ihr rüttelt, 152, und sich mit Gewalt und Drohungen. Ausgang erzwingen will. Als der Sohn hinzukommt, wird er artig (169), hat aber sofort den Esel zur Hand, der natürlich nun erst siehthar wird. Auf die Aufforderung, den Esel selbst hervorzuholen. die der Sklave mit Recht . heuchlerisch bescheiden . nennt, läßt Bdelykleon die Tür öffnen, was mancherlei Manipulationen nötig macht, die uns beschrieben werden, als sie nachher wieder geschlossen wird (199), also durch die Pause in der Handlung die Spannung steigert: dann führt er den Esel selbst heraus; er hat aber die List durchschaut', der Odysseus unter dem Eselbauche wird entdeckt, der Alte wird wieder eingesperrt, noch einmal vom Dache gescheucht, und die Wächter sind überzeugt, daß sie nun Ruhe haben. Eigentlieb könnte Philokleon seine Versuche wiederholen; aber der Dichter hat genug gespielt, und weil er will, erfüllt sich Bdelykleons Erwartung, und der Alte zeigt sich nicht mehr-

Die Kyklopenepisode der Odyssee, aus der der Dichter die List Philokleons mit dem Esel entnommen hat, setzt er natürlich im Gedächtnis

I RICHOMHN TEXNUMENCY: KAN' EISSIN MUI TON ONON ÉTATEIN ACKO, DITOC ÂN D'TEPON отаё паракути палы. Das kann zunlichst nur heißen: «ich denke, daß ich den Esel heraunführe : um, wenn nötig, eine Parallele zu geben. Menander Eoscion, ero nen fizh MOI BOKO ... EMANTON .. DPÂN TPÊNONTA. Begreiflich also, daß man exaren schreibt. um den Finalsatz anzuschließen. Dem fügt sieh auch A. T. Muznav (Class. Philology V 488), der eben den Sprachgebrauch von Aord und Aord zu mit dem Infinitiv besonnen erörtert und die starre holländische Regel einschränkt. In der Tat ist das Futurum mitwendig, wenn es heißen soll -ich habe vor, den Esel hermstuführen, damit der Vater auch nicht einmat wieder vorguekte. Aber paßt das hier? Dann mißte ja die Gegenwart des Exels min Vorgueken bedingen. Ruin finale Redeutung von bruce wird bler überhaupt nicht befriedigen künnen. Eurip, Hel. 1253 mac eamrets; &c an orelac HE Med 331 ERWIEC KAKON META: BINGS AN TIANACTUCIN TYXAL EBRUSO Tru. 1052. Allich. HIR. 233 AMEIRECHE TONAS TON TROTTON, BITWE AN HRAFIG MIKAI. Überall ist we, bitwe, seltier Herkunft eutsprechend, prout, sin der Weise, dem entsprechend wies. Also segt Bellykieon sich weiß, daß er etwas im Schilde führt, und denke, ich führe den Esel so bersus, dail der Alte eicht noch mai vorguekts. Also die Modalität seiner Herausführung bezeichnet er, und sie ist dem Zuschauer klar, da die Worte gesprochen werden, während die entsprechende Aktion ausgeführt wird. Die denken wir uns teicht; er zieht den Esel zwischen den Türrlögeln so vor, daß der Esel, von der Seite gesehen, dem Publikum seinen Odysseus zeigt. Er hat eben das véznacza geahut, und mgt daher (er selbst, nicht der Sklave) kanenn ti kakeic; bri meripäcei threndn; baaize SATTON: TI CTÉNEIC; el MA DÉPEIC 'OAYCCÉA TIMA. En zieht den Enel vor, sieht ihm also nicht unter den Bauch. Das int der Sklave und führt daher furt kank nat sie Ais essen. Nor diese Personenverteilung ist passend. Damit ist bestätigt, daß Bdelykleon die Liet genhat hat; was er sich deakt, ist also «das Herausfähren besorge ich m. dail dem Alten die Last zu weiterem Vorgucken vergeht.

seiner Zuschauer voraus. An den Menschenfresser mahnt es, wenn Philokleon sich vorstellt, daß Bdelykleon vnoracteion reportor Amactiko? verspeisen wird (193). Der Scholiast sagt auf 109 engracteion bnoy! expunto the toic oneloic. Daß Eselsfleisch auch einmal gegessen ward, ist richtig; Hippokrates n. Aufrec II Kap. 46 bespricht seine Bekömmlichkeit. Aber die Gelehrsamkeit ist fibel angebracht; der Kyklop wird essen, was one racrel des Esels ist, das ist dieser Odyssens; der Genitiv ist nicht partitiv, sondern attributiv. Die Kyklopie hatte schon manche Bearbeitung auf der Bühne gefunden; wir kennen natürlich nicht alle, wissen aber doch von dem Kyklopen des Aristias und Euripides, und von der Odvsseuskomödie des Kratinos. Daß der Witz mit dem Namen Ovnc überall vorkam, ist begreiflich; den Widder hat Enripides fortgelassen (also gerade was Aristophanes gibt); über Kratinos können wir nichts sagen. Trotzdem ist behauptet worden und ernst genommen. Aristophanes parodierte den Euripides!. Beides ist keiner Widerlegung wert, denn nur etwas, das Homer nicht bietet, könnte einen Anhalt geben; und selbst dann müßte die Übereinstimmung frappant sein, um Abbängigkeit wahrscheinlich zu machen. Parodie eines Satyrspiels ist meines Wissens überhaupt so gut wie unerhört3; und wie sollte die Komödie an diesen Stil Anschluß suchen; von dem, was an Euripides Bewunderung oder Abschen bei den Athenern weckte, steckt in seinen Satyrspielen vollends kann etwas.

Die Richter, die den Philokleon abholen werden, sind als Wespen mit einem Stachel am Hintern angemeldet (225); auch daß sie Phrynichosmelodien singen werden. Aber in der Parodos erscheinen sie in

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Daß auf ihn eher als auf Euripides die Verbindung der Satyra mit der Kyklopie zurückzuführen ist, die wir auf einem Vasenhilde finden, habe ich früher gezagt (Griech, Trag. III 15).

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Wesp. 1326 sagt Philokleon ANEXE RAPEXE wie der Kykiop des Euripides 203, aber auch wie die Kassandra der Troerinnen 308, an die der Schollast erinnert; das rief man also is dem Sinne «Balt, Platz gemacht)»; Philokleon ist betrunken und führt eine Dirne mit sieh; der Kyklop ist betrunken und sultzt sieh auf den Silen. Daram wird Abhängigkeit komstruiert. Jede Nacht «imitierten» also Dutzende betrunkens Komasten in Athen den Kyklopen. Bemerkenswert ist, daß Euripides und Aristophanes das Ethnikon "teasoc gebrauchen. Homer leassicoc. Das liegt daran, daß die Athener im Ionischen Meere Bescheid wußten, Homer nicht, denn die Bewolmer hießen wirklich wie ihre Insel. Das hat der einzige Volksbeschinß der Insel geiehrt, Inseln, v. Magnesia 36. Da sie weder bei Thukydides noch im zweiten attischen Seebund erwähnt wird, ist sie damals nicht selbständig gewesen; wem sie gebörte, ist unbekannt, vermutlich einer der kaphallenischen Städte, deren Sprache sie teilt.

lange Mäntel gewickelt, Stöcke in der Hand, ganz als alte Athener; das spannt die Neugier: Die Parodos ist eine Einlage, die mit der Handlung nichts zu tun hat; sie soll später für sich erläutert werden. Von der Wespennatur des Chores ist auch in dem ersten Gespräch mit Philokleon nichts zu merken, es sei denn darin, daß sie ihn schmeichlerisch «mein Bienchen» amreden (367). Denn für uns befremdlich, aber jedem Zweifel entrückt, ist, daß Aristophanes den Wespen durchaus die Natur der Biene gegeben hat! Eest als es zum Angriff geht, den Alten zu befreien, wird der Stachel vorgeholt". wozu natürlich die Mäntel abgelegt werden müssen; mit denen werden die Jungen fortgeschickt, die bisher dem Chore leuchteten (es ist mm Morgen geworden): Jungen und Mäntel sind eben beide überflüssig, und die ersteren fortzuschaffen, wird das Motiv angewandt, sie sollten die Sache dem Kleon anzeigen; Folgen hat das nicht. Jetzt erst sieht also der Sklave (und der Zuschauer) die Stachel (420); der Kampf, zu dem Bdelykleon Verstärkung aus dem Hause holt, wird zum Teil so vorgestellt, wie wenn Wespen stechen und Wespennester ausgeräuchert werden; daneben gibt es eine regelrechte Prügelei, in der der Chor den kürzeren zieht; es müssen also gegen die 24 Wespen nicht viel weniger Sklaven aufgehoten sein, die verschwinden, sobald keine Gefähr mehr ist. Nun hat aber auch die Wespenmaske ihre Schuldigkeit getan; 727 ist die Waffe des Cheres nur der Stock. Einzig in dem Epirrhema wird, wie es Stil ist', die Maske noch erläutert; dabei erfahren wir, daß der Chor sich eine Wespentaille geschnürt hat, und glauben leicht, daß sein Gewand unterwärts in eine Art Wespenleib ausging, aus dem der Stachel hinten hervorkam oder hervorkommen konnte; zur

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Das hat H. Wesses, Aristophanische Studien 145, susgeführt; nur so weit, wie ich's oben sage, kann ich ihm folgen. Ich kann meht anders annahmen, als daß Aristophanes wirklich die Wespen für eine Sorie besonders großer Bienen gehalten hat.

<sup>4071</sup> soviel ist der verdorbenen Stelle an entwehmen. Die Debatten über die Kinder und die Mikital werden gegenstandidos, sobeld man die Handlung versteht und nich micht einbildet, die Zahl der Statisten dem Arbeitphanes zurschreiben zu können. Einen Jurgen, der die Weiberkostum des Mocallochuss tragen soll, bringt sieh auch Enripilles mit. Thesim 1202, Fried 731 ist Bedienung zur Hand, den Hanere des Chores ihr Handwerkstrag abzanehmen; da wird vor der Parahase die Illimon aufgegeben und von den Dieben geredet, die um das Thenter herundungern. Der Choren war etwas gemann das Schaf zum Opfer milbte ihm gespart werden, 1022.

<sup>\*</sup> Mit demselben Mativ trings der Dichter in den Fröschen 509 die Hökerinnen von der Bölmer Felgen hat es ebennywenig.

<sup>\*</sup> Unbefangenem Augs until es selfsam erscheinen, daß diese Erläuterung der Maske an einer au späten Stelle der Komodien steht, wo die Maske sehon für die Handlung songespielt hat. Das wied sofort verstündlich, sabahl begriffen ist, daß rikrozock und maskette einmal dasselbe war: der Chor kommt auf den Festplatz des (inttes, sein Führer hält die Amprache, in der dem Volke oder einzelnen die Laviten gelesen werden, der Chur singt, was dem Gotte gelahhrt dann crimtert er seine Maske.

Attacke werden sie ihn zwischen den Beinen durchgezogen haben. was bei den Kindero Lachen genug hervorgerufen haben mag.

Die Debatte zwischen Vater und Sohn ist zuerst auf den Schiedsspruch des Chores angelegt (521); es kommt aber anders, denn Philokleon ist schon vorher einer Ohnmacht nahe, so daß der Chor ihm nur zureden kann, sich dem Sohne zu fügen (728). Der Wahrspruch, den man erwarten mußte, wird nicht abgegeben. An der Durchführung seines Matives liegt dem Dichter nichts, dagegen korrespondiert genau, daß Philokleon sich ein Schwert geben hißt, in das er sich stürzen will, wenn er unterliegt (522), und daß er es fallen lüßt, weil ihm schwach wird (714); hier mußte der Dichter konsequent sein, well das Schwert vor den Augen der Zusehauer blieb.

Bis zu diesem Punkte ist seit der Parodos die metrische Form der Parabase eingehalten, daß immer auf eine Strophe eine Szene in Tetrametern folgt'. Nun muß der Dichter den Ubergang zu den einfachen Trimetern machen, die bis zum Ende reichen. Die Situation ist nicht eigentlich tragisch, und der Alte hat wenig von einem euripideischen Helden; aber die Tragodie bot so bequeme Formen, daß Aristophanes nach Dochmien greift und den Philokleon Anapäste der Alkestis und des Bellerophontes anwenden Bist: das soll den Euri-

On die Tetrameter in ein Phigos übergeben, wie meist bei der eigentlichen maranacie, oder nicht, wie bei den grorpheata, steht im Belieben des Dichters. Die Strophen and meist auf Chor und Schauspieler verteilt, nismals in sich abgesehlteseme

Zu diesen notieren die Schollen keine bestimmten Vorlagen (sie haben ja auch THE 750 Alkestis 860 meht zitiert); man brancht auch keine, aber in 11000, mood a.c. ross, in Arepanon, in sear maron cranameans; kann memand den tragiachun Tim runkennen. Die Antistrophe, 743-749, ist leeres Flickwork.

Philokieun sagt sonn deinen Versprechungen will ich ulchte wissen; ich seiner much much dem seligen Orte, wo der Herold zur Abstimmung ruft. Cogya' & vyenauf, meine Seele - 1707 sor 1726; wo ist meine Siele? (d. lt. ich habe keine mehr, lebe ment melter) mare a course egib Roum, schattige - nein, beim Herakles, mus mag leb nicht mal Kleon als Dieb vernriellers. Hier ist also die Peripetie, die Katastrophie: von dem Seimen uuch dem Richten zo dem Verzichte seifist auf den Hochgenuß. Kleun unter den Füßen zu haben. Den Übergang oder Umsehlag (denn psychologische Künste wird man uleht suchen) marktert die Aufnahme und Ablehnung euripideischer Worte. Wir warm vor dem racec a cosea hilflos, warden that well wie vicieries Korruptelen und Lücken annehmen, wenn die Schollen nicht aus dem Bellerophontes erhalten hatten marce a course evanace slass much durch, schattiges Lamb, fiber die Wiesengrunde will ich mich heben; den Ather über uns zu schauen strah' ich. Wostellt die Hekate? (d. l., wie vor jedem Palaste auf Erden oder des athenischen Burgem Exareon steht, muß es abulich vor der Διός ayan sein)». Also der tollkübne Flug des Bellerophantes kommt dem Philokhoo in den Sinn: troix allem will auch er seinen Kopf durchsetzen. Natürlich muß hier der Hörer un tiebet ill cempe die ganze Tirade erkennen. Dann mad aber auch vorher cuera d vezei may san vezei erat den hillmen Vorentz, dann den Rückschlag geben. Mit andern Worten, das ernte gehört dem Euripides. Endlich au bedenken: der Dichter der Wespen hat die Szene des

pides nicht persiflieren; es ist nur bequemer als ein neues Lied zu erfinden (das man erwartet), und bekannte Verse in lächerlicher Verwendung sind immer willkommen.

Das Privatgericht vor dem eignen Hause erfordert recht viele Requisiten, die aber alle einzeln aus dem Hause geholt werden. Da die Bühne dann für die Parabase von den Schauspielern geräumt wird, ist Zeit genug, alles unbeachtet wieder wegzuschaffen.

Als das Antepirchema verklungen ist, 1122, sehen wir Philokleon sich gegen die Zumutung seines Sohnes sträuben, der Ihm den Mantel abnehmen will. Mitten in lebhaften Streit führt uns der Dichter hinein. Bdelykleon hat einen persischen zottigen Mantel zur Hand, den er dem Vater am Ende aufzwingt, dann ein Paar lakonische Stiefel. 1200 muß der Alte sich zur Probe auf das Soplia legen: die Kissen werden 1213 genannt, und es versteht sich von selbst, daß die Probe nicht auf dem nackten Boden gemacht werden kann. 1251 wird dem Sklaven befohlen, das Essen einzupacken, das sie zum Picknick mitnehmen; so ziehen sie ab. Wo spielt diese Szene? Vor dem Husse? Undenkbar, Also sehen wir hier in die Stube: daher können die beiden mitten im Gespräche sein, als das Schauspiel nach der Parabase wieder anhebt. Das bestätigt sieh dadurch, daß der Chor an der ganzen Szene. nicht den mindesten Anteil nimmt; er ist gur nicht gegenwärrig. Er steht nämlich vorher und nachher da, wo die Parabasen gesprochen werden; maraske mede fon Affinon, er hat sieh von der Hinterwand weg an den Rand der Orchestra auf die Mitte der Zuschauer hin bewegt: da bleibt er, da singt er 1265 wieder, und zwar wieder Trochien, wie die der vorigen Ode. Wer sich daran stößt, daß er den Zuschauern zum Teil die Schauspieler verdecken müßte, kann sich das Zimmer, in dem jene erscheinen, beliebig hoch über dem Boden denken; darüber können wir ja gar nichts wissen; es kann ja auch das Ekkyklema angewandt sein:

Nach der Parabase kommt ein Diener zum Chor als Bote; es muß eigentlich der sein, der ihnen den Korb getragen hat; aber danach fragen wir nicht, ebensowenig was der Chor hier noch zu suchen hat; der bleibt, weil wir Komödie spielen, und der Bote will uns, den Zuschauern, erzählen, wie sich Philokleon in der Gesellschaft betragen hat. Gleich nach ihm kommt auch der Alte, schwer betrunken,

Aufstiegs aus dem euripideischen Drama im Gedlichtniss der des Friedens hant auf sbendiese die einzige gelungene Erfindung seiner Komödie. Wenn er diese Parodie schoogeplant hätte, würde er die Anapäste des Bellerophontes, die Fried. 92 parodiert werden, nicht hier verwertet haben. Aber au «Frieden» war ja vor der Schlacht bei Amphipolis, Herlat 412, kein Gedanke; begreiflich, daß Aristophanes in äußerster Eile auf ein Motiv surückgriff, das er ehen beiläufig gestreift hatte.

die Flötenspielerin zieht er mit sich sie ist splitternackt, wie sich nachher zeigt und wie solche maraxoreranata öfter sind - in diesen Rollen spielt die Weiblichkeit, bezogen vom narvosockic, mit. Ein Bild wie Furrwändler-Resonant, Ser II, Taf- 103 illustriert das Frauenzimmer gut. Eine Gruppe Leute, die Philokleon verhöhnt und verprügelt hat, drängt hinterher, und einer führt für sie das Wort: crenorus vie ist als Personenbezeichnung sehon zu viel, denn es ist schwerlich einer von den Teilnehmern des Picknick. Später kommt der Sohn; die Flötenspielerin wird so hingestellt, daß der Alte sagen kann: en aropai toic scoic cale maetai [1372]: also sind wir am Altar der 12 Götter auf dem Markte. Da hat doch auch die Brothökerin thren Stand gehabt (zu der Stunde ist das freilich seltsam; aber wer darf nach der Uhr fragen?). Wir sind also während dieser Szene auf dem Heimwege von Philoktemons Haus, wo das Picknick war, zu dem des Philokleon, das eigentlich gar nicht in der Stadt liegt. Als der Diehter genug Späße gemacht hat, sind wir vor diesem Hause, und der Sohn nimmt seinen Vater hoch und sehleppt ihn hinein. Der Chor hat wieder mit keinem Worte teilgenommen, selt der Sklave thm den Botenbericht brachte. Jetzt singt er ein Lied; dann kommt wieder ein Sklave heraus, der sehon derselbe wie vorher gewesen sein wird, aber ehensowenig auch nur einen Schatten von Persönlichkeit hat; daß Bdelykleon auftritt, wie einzelne Herausgeber ohne jeden Anhalt im Texte oder den Scholien annehmen, verstößt gegen den Sinn der Szene ebenso wie gegen den elementarsten Grundsatz der Interpretation: wen er einführt, macht der Dramatiker selbst kenntlich. Der Sklave kommt auch nicht zum Chor, sondern zum Publikum: in dem sind die tragischen Schauspieler gegenwärtig gedacht, die Philokleon zum Wettanzen auffordert: aus dem denken wir also die frei Knirpse vortretend, die Söhne des Karkinos; dargestellt werden sie durch drei aus der Schar von Jungen, die in der Parodos den Chor begleiteten: weil wirklich Jungen aufgeboten sind, haben sie die Statur der Karkinosbrut. Ihrem Cancan macht der Chor Platz (1516). singt zu ihrem Hopsen und geleitet Philokleon und sie am Ende durch eine der marcaul, der Seitenzugänge, hinnus, nicht ohne die neue Erfindung des Aristophanes ausdrücklich zu preisen, der mit diesen Tänzen statt des gewöhnlichen Komos das Publikum überrascht. Wo spielt also diese letzte Szene? Wo anders als im Theater? Mit der Fabel des Stückes hat sie nicht das mindeste mehr zu tun: das «Komosspiel» des Aristophanes schließt sie in origineller Weise glänzend ab.

Wenn die letzte Szene im Theater spielt, gehört sie gar nicht mehr zu der Handlung; es ist doch auch nicht der alte Heliast Philokleon, der mit dem Chore, der auch kein Wespenchor mehr ist, zur

Orchestra hinaustanzt. Ist dem so, so schließt das vorhergehende Chorlied das Drama inhaltlich ab. Der Chor epilogislert. - Man muß dem Philokleon gratulieren, daß er sich von dem "trocknen Tone" seiner Lebensweise bekehrt hat. Nun wird er wohl Hederlich werden: das heißt, vielleicht geht's auch anders, denn man verleugnet seine Natur sehwer; mancher läßt sich freilich auch umstimmen. Unbedingt dagegen verdient Bdelykleon Lob, für den sehwärme ich, denn die Grande, mit denen er seinen Vater bekehrt hat, waren alle unwiderleglich. - Daran ist gewiß weder tiefe Weisheit noch hohe Poesie zu loben; aber der Dichter zieht das Fazit aus seiner Komödie, das er allein ziehen kann. Es ist ihm darum zu tun, dem Publikum sein Hauptmotiv wieder einzuschärfen, das durch die tollen letzten Szenen zurückgedrängt ist. -Die sesonels ist vom Ubel; die siegreichen Gründe Bdelykleons dürfen wir nicht vergessen. So ist es für Philokleon ein Gewinn, daß er sein ruppiges Heliastentum ablegte: hat er jetzt einmal über die Stränge geschlagen. Ald xponov sweeyees (1212), kunn es immer noch gut, es kann auch schlecht werden. Halten wir uns an das Unzweifelhafte, was wir bei Bdelykleon gelernt laben. - Unsere Kritik mag diesen Ausblick in die Zukunft (METANICCEITAL 1454 und Areses 1464) witzig oder frostig nennen: ein Ausblick bleibt es, und ein Fabula docet, das hinter die Fabel gehört. Sollten wir da noch ein Wort gegen die Vertauschung dieses Liedes mit der zweiten Parabase sagen, die jetzt bei van Leruwen und Stanker Aufnahme gefunden hat? Das Chorlied past nur an den Schluß, und die Parabase paßt nur da, wo sie die erste sozusagen fortsetzt und den Chor von der häuslichen Szene fernhält. Aber von allem abgeseben: wie sollen denn zwei Chorpartien in der Überlieferung vertanscht sein? Was berechtigt zu solcher kritischen Manipulation? Das ist das Charakteristische: man fragt gar nicht nach ihrer Berechtigung. Diese Umstellung ist ein Survival aus den Zeiten der durch Größenwahn tollgewordenen Methode, die immer andere Leute dafür verantwortlich machte, wenn sie etwas nicht verstand. Verstehen läßt sich das Chorlied, wo es steht, vielmehr nur da, wo es steht. Wenn wir es verstanden haben, dürfen wir uns eingestehen, daß es recht trivial ist; das gehört auch zu der Manier des Aristophanes, daß er sieh leichten Herzens mit Trivialitäten behilft, wenn ihm nichts Besseres einfüllt.

Sehr viel besser ist die Mahanog 743—49 nicht, uder die Antade 1072, oder Wolken 1303—20, das ille Handlong frostig weiter vorbereitet. Horzzens borderung, daß Poesie sich bewähren muß, auch wenn man die membes pestie discut, ist änderst praktisch. Problère man es z. B. an der Antade; man wird zweiterlei fernen, erstens, daß sin stockprosaisch ist, zweitens, daß Aristophanes sich sehr gewalkame Umstellun-

Um die Einheit des Ortes steht es also so, daß hinter der Parabase ein Auffritt in der Stube spielt; dann müßte eigentlich die Szene sich wandeln, da wir Philokleon auf seinem Heimgung über den Markt begleiten; die Exodos spielt, wo sie gespielt wird, im Theater, Die Acharner fangen auf der Pnyx an: dort verhandelt Dikalopolis mit Amphitheos; der Chor läuft hinter diesem her, trifft aber den Dikaiopolis in seinem Demos, eigentlich also Cholleidai, bei der Feier der ländlichen Dionysien (Posideon). Als dieser das Telephoskostüm braucht und zu Euripides geht, ist dessen Haus gleich da; aber der Chor muß während der ganzen Euripidesszene fortgedacht werden. Dann ist auch jenes Haus fort; dafür ist Lamachos in Hörweite. Hinter der Parabase sind wir in der Stadt, wo Dikaiopolis und Lamachos als Nachbarn wohnen. Das Jahr rückt bis zu den Anthesterien vor. Am Ende zieht Dikaiopolis mit seinen Weibern und Komusten über die Bühne, also scheinbar von seinem Hause weg. Wie der Regisseur sich geholfen hat, können wir nicht wissen, sollen wir nicht wissen wollen; aber die Verse, die wir haben, sind unzweidentig, und sie geben nuch ein mehr als befriedigendes Bild von der poetischen Einheit der Komödie. Aber mit Ort und Zeit mid Handlung springt der Komiker um, wie's ihm paßt. Paßt es ihm, so kann er auch die Monatstage genau nachrechnen und die Einheit des Ortes wahren, wie in den Wolken. Gesagt ist die Wahrheit natürlich oft genug; viele werden sie erkannt haben, ohne davon zu reden; aber der Pedantismus der Erklärer zwingt immer wieder, sie einzuschärfen, und es ist wichtig, den Aristophanes auch hierauf genan angusehen, nicht nur für ihn, sondern auch für die Komödie vor und nach ihm. Bei Menander ist der Zeit in der uns geläufigen Weise durch die Zwischenakte genug gefan; das stammt aus der Tragödie. Die Hinterwand ist fest: wieviel ihrer Türen als Häuser oder Telle von Häusern gerechnet werden, kommt allmählich im Stücke hermis'; Requisiten braucht der Dichter, soviel wir sehen, gar nicht Das Spiel ist zu fester, recht ärmlicher Form erstarrt (wer den Anschluß an die Tragodie verkennen wollte, ware ein Narr). Bei Aristophanes hat der Chorege für парахорнгавата genug gesorgt, die Menge Jungen,

gen erlaubt, nicht im besonderer Wirkung willen, sandern dem Verse gehorchend. Beides ist auch für die Kritik von praktischer Bedontung. Ubrigens wird man solehe Beubschtungen an Antistrophen öfter machen; es ist klar, warom.

<sup>1</sup> Domit soll nicht gesagt sein, daß alle Komildien Menanders oder gur der solle überhaupt zu ohne Dekoration gespielt werden könnten wie die meisten, die wir kennen. Die state Szene des Stirhus, der Seibstmordversuch des Aleesimarchus in der Chieblaria, deuten auf Interieurs, die auch soost nicht fehlen. Es ist eine zusammenfassende Untersuchung nötig, die auch die Tragödie (Schluß der Autiope) nicht beleeite besen darf.

die Flötenspielerin, den Esel, die Hunde, den Hahn usw. Die Hinterwand hat in ihrer Küche auch etwas Besonderes und fordert Dekoration; die Gerichtsszene braucht eine Menge Requisiten. Da wird die Armut der Bürger später wohl mehr zur Vereinfachung geführt haben als die Tendenz, alle Äußerlichkeiten abzustreifen. Gewiß aber ist die strenge und straffe Stilisierung der Handlung, die nur durch Wort und Geste wirken will, zum Teil auch von dem künstlerischen Geschmacke bestimmt. Wir werden wohl sagen, daß Gewinn und Verlust sich die Wage halten. Denn Rücksichtslosigkeit gegen die Einheit von Handlung und Charakteren kann unmöglich an sich ein Lob beauspruchen; sie erklärt sich aus der Entstehung des komischen Spieles, dessen Kern nicht eine Handlung, sondern die Parabase eines Bürgerchors war; Handlungen brachte erst das energene der Einzelpersonen hinein, aber je eine auf das energenen.

Als er zu dichten anfängt, denkt auch Aristophanes gar nicht daran, in seiner Fabel oder in der Zeichnung seiner Personen Einheitlichkeit und Konsequenz anzustreben: in der Situationskomik liegt seine Force. Daß der Chor hinter der Parabase nicht mehr Wespe, sondern komischer Chor ist, haben wir gesehen; das gilt allgemein, solange es einen Chor gibt. Unter den Personen entbehren die Sklaven jeder Individualität, und die Handschriften, die sie okerat oder espanoares (wie in der Tragödie) nennen, am Anfange der Wespen also oixerat avo setzen, sind verständiger als unsere Ausgaben, die von der hypothetischen Verteilung auf die Schauspieler ausgehen und danach Eigennamen verwenden. Hätte Aristophanes zwei Personen unterscheiden wollen, so würden sie einander mit ihren Namen anreden; aber erst als der Herr sie ruft, 136, hören wir die Namen Xanthias und Sosias; der erste Name ist in der alten, der andere in der neuen Komödie gewöhnlich\*. Als Bdelykleon ins Haus geht, um Verstärkung zu holen,

\* Da Sosies auch ein gemeiner Name freier Männer ist, kann man sieh nicht wundern, wenn er dem Dichter 78 für einen beliebigen Athener in den Mund kommt. Erst die Modernen haben sich darüber den Kopf zerbrochen und nicht einmal bedacht, nach die Zuschauer doch noch gar nicht wissen können, daß der Herr den Sklaven sonner einmal Sosias neunen wird.

Ans der Komödis stammt einer dieser Terminis Metagenes mit seinem kat einen Alter dieser Komödie; selbst in der Odyssenskomödie des Kratinos, deren Eingang und Ausgang sie so fest umrahmt, mögen solche Episoden gewesen sein, die mit dem Kyklopen mehts zu ihn batten. Vollkommen widerstinnig wird es, die érieseöns als Teile der Tragödie aufzuhrängen: man kann's nox den Hikitiden, Persera, Sieben abnehmen. Denn zu Prometheus müssen freilich die andern alle kommen, weil er gefesseit ist. Von Akten, men reden die Grammatiker mit Recht auch bei Aischylos, denn Teile hat jedes Genze; aber von einem Schema der Einteilung hat die nischyleische Tragödie noch nichts gewußt, sondern dem Dichter die vollste Freiheit gestattet; auch bei den späteren sollte man auf Termini verziehten, die sich dem individuellen Verständnisse nur in dem Weg iegen.

nennt er aus der größeren Schar drei mit Namen, 433, einmal noch den Xanthias, 456'. Dann kommt kein Name wieder vor, obwohl immer eine Schar zur Stelle ist, sobald Bedienung nötig wird, in der Gezichtsszene sogar einer das Wort führt. Später, als sie zum Picknick gehn, soll einer das Essen einpacken: der wird Kroisos gerufen. Ist es nicht actt, daß da ein Kritiker sagt, der Name müsse wegemendiert werden, denn der Sklave hieße ja Sosias? Dann reden noch zwei Boten, oder auch einer: wenn die Kritiker konsequent wären, müßten sie den ersten Kroisos nennen. Für den Komiker sind sie Sklaven, weiter nichts, wie die Boten für den Tragiker auch nichts weiter sind (nur Euripides versucht zu individualisieren), einerlei. wir viele auftreten. Wo nur ein Sklave agiert, wie Xanthias neben Dienvsos in den Fröschen, Karion im Flutos, ist der Name fest, aber der Gegensatz zur neuen Komödie bleibt derselbe: erst in dieser ist jeder Sklave ein Charakter, während er bei Aristophanes nur ·Sklave ist.

Bdelykleon hat seine Rolle im Namen; er bekämpft in dem Heliastentume den Kleon; und doch ist es der Kreis Kleons und seiner Schmeichler, in den er seinen Vater mitzunehmen vorhat, wenn man der Szene glauben darf, in der er den Vater auf seine Salonfähigkeit examiniert. Der Dichter wollte den Kleon, Theoros, Aischines noch einige Hiebe austeilen; ob Edelykleon in ihre Gesellschaft paßte, kümmerte ihn nicht. Nachher sind sie in eine ganz andere Gesellschaft gekommen, von der ein paar Gesellen sich wieder einen Hieb holen; ein Antiphon ist aus der zweiten Parabase als Hungerleider bekannt, also keinesfalls der Rhamnusier; möglich, daß ei men Derna-

Bd.: «Schlage die Wespen vom Hause weg, Xanthias!» Der Sklave, also Xanthias: «Das in ich.» Bd.: «Und du vertreibe sie mit Rauch!» «Wollt ihr weg! Wollt ihr zum Henker! Geht ihr nicht?» Bd.: «Schlag sie mit dem Knüttel und die sotze ihnen mit Rauch su!» «Na. schließlich haben wir sie doch vertrieben.» Die Personen-verteilung ist so weit klar, daß die Befehle von dem Herrn kommun; für die Sklaven spricht aber Xanthias nicht alles: die drei parallelen Rufe ofzi cofce i ofe &c edeazat; ofe Arnte; gehören mehreren. Sie begleiten ja den erfolgreichen Angriff der ganzen Shlavenschur. Ebenso gehören die Beifallsrufe Ekki, zij nicht einer Frau, sondern der ganzen Zuhörerschuft.

<sup>\*</sup> Xavecc überliefert, das ich in die Orthographie unsgesetzt habe, die von den Steinen bezeugt wird (Arist. u. Ath. II 176). Wenn jemand die Qualität dieser und der handschriftlichen Überlieferung nicht zu schätzen und abzuwägen versteht, ist ihm nicht zu beifen.

<sup>\*</sup> Außer ihnen neunt er noch der Phanos, den wir aus den Rittern 1256 auch nur ungenögend kennen. Dann folgt zenoc zu Greroc nebe restable Akkeroson, was die Erklärer durchaus nicht verstehen wollen. Wenn sein anderer Fremder zu Häupten des Akestor- hegt, so ist eben Akestor ein Fremder, und auf diese Bosheit gegen den Tragiker mit dem voruehmen athenischen Namen (Ar. und Ath. II 81) kommt es dem Dichter an. Wie kännen sie sagen : «Das geht nicht, der Fremde ist ja nicht gemannt!»

sos auf den späteren Oligarchenführer geht, nicht weil er schon Bedeutung gehabt hätte, sondern weil er noch ein armseliger Sykophant war. Möglich, daß Hippyllos und Lykon auch wirkliche Menschen sind, für die die Nennung schon ein Hieb war; aber ebensogut können es leere Namen sein, und für uns sind sie es unbedingt!; der Sehluß ist doch einfach kindisch: den Hippyllos kengen wie alcht, also verbirgt sich unter ihm jemand, den wir kennen, und wir müssen das Rätsel raten. Rieten es auch die Athener in dem Moment, da bei der Vorstellung der Name vor ihren Ohren verklang? Viel ersprießlicher ist es, sich zu überlegen, daß Bdelykleon zuerst 737 seinem Vater als Ersatz für den Verzicht auf das Richten nur die Versorgung eines Altsitzers in Aussicht stellt, wie das zu dem bisherigen Verlauf des Dramas paßt, aber nach dem Gerichte ihn plötzlich in die Gesellschaft einführen will: das hatten wir Ihm bis dahin nicht im entferntesten zugetraut. Natürlich, es ist die gewaltsame Verzahnung der beiden Teile, vor und nach der Parabase, die schlecht genug zueinander passen, wenn wir den unberechtigten Maßstab der Einheitlichkeit anlegen.

Philokleon selbst ist zuerst ein alter Mann; er hat Naxos im Jahre 471 belagert, 355; im Hause wird er behandelt, als wäre er naranolag verurteilt. Aber 610 hat er eine Frau, die ihm um den Bart geht, und eine kleine Tochter, die ihm einen Schmatz gibt; und wenn der Sohn und der diesem gefügige Haushofmeister mit dem Frühstück säumen, geht er zu den Frauen hinüber und halt sich einen ganzen ösog voll Wein; die Frauen haben, scheint's, kein anderes Gefäß als diesen Knieschutz, auf dem sie den Flachs reiben. Um des Witzes willen hat Philokleon so ein Ding gleich bei sich, auch voll Weines, denn er umß das Planschen vormachen, mit dem der Wein aus so einem Dinge allein in einen Becher oder auch in den Mund gegossen werden kann; erst dies Planschen rechtfertigt das katantenzess des «Esels». Diese ganze Szene stimmt zu dem.

Lykon, der Vater des Ankolykos und späters Ankläger des Sokrates, ward um jene Zeit von Eupolis stark angegriffen (Xenophno will im Symposion ein Gedächtnis rehabilitieren); man kann kann denken, daß die Athener auf ihn binblickten, als der Name hier vorkam; es suom Namensvettern genug im Theater. Leider hie kein Geringerer als Duoysez demit begronen, am diesen Namen für die Geschichte Kapital schlages en wollen, was am Ende zu der Tollkeit geführt hat, Hippyllos wärer Thukydides der Historiker. Damit hat sich diese Exeges selbst ad absurdum geführt; man kann sinh weitere Worte sparen.

<sup>\*</sup> Die Erklärung der Stelle ist ein anhöher Trimmph der Archläniegie, dann nur wer die tönernen össt kannte, war imstande den Witz zu verstehen; für die Wespen hat Rooms sogleich alles gesagt Erick Arx 1891, 234. Die antiken Grammatiker hätten den Gehrauch aus dem Leben erlänters können, wenn das Tuegeschirr auch nicht mehr verfertigt ward, denn er besteht nach heute auf kreta, wie Xannunnessalt. Mitt. 35, 383 sehr hüllisch gezeigt hat.

was Philokleon sonst ist, nicht von fern. Aber das ist nicht der einzige selche Zug. Er hat ein Orakel, 130, daß ihn der Schlag rühren würde, wenn ihm ein Verklagter entginge; in der Tragödie müßte das sich in dem Drama irgendwie erfüllen, könnte es auch hier; aber das Orakel gilt nur für den einen Vers. Er hat erst keine Zähne, das Netz durchzubeißen, 160; nachher beißt er es durch, 368. Er ist Φιλοκλεων, und sein Hauptwunsch würde sein, den Kleon einmal zu verurteilen, 750. Die letzten Szenen belustigen uns geralle dadurch, daß sein Benehmen mit den teonoi ферагиссынакої des Heliasten im Widerspruch steht. Das ist vortrefflicht; die Wahrheit der Komödie ist eben keine psychologische Wahrheit.

Wer weiß das nicht? Wozu die offene Tür einrennen? Weil in der Erklärung des einzelnen und der Verwertung der aristophanischen Zeugnisse die Erkenntnis immer wieder vergessen wird. Nur für den einen Vers, in dem ihr Demotikon genannt werden mußte, sind Dikaiopolis aus Cholleidal, Strepsiades aus Kikynna, Trygalos aus Athmonon; weiterhin gilt die Octsbezeichnung nicht. Peithetaires heißt so, nachdem er rove traisove troce; vorher einmal Stilbonides 129. An ihm und noch mehr an Lysistrate kann man lernen, wie der Dichter zugelernt hat und einen Charakter besser festhalten kann; wenn Strepsiades bald dumm, bald klug ist, kann man leider keinen Schluß auf Überarbeitung ziehen. In den Thesmophoriazusen ist eine Intrige einigermaßen durchgeführt, und gerade da ist mit Händen zu greifen, daß die Tragödie Lehrmeisterin gewesen ist. Um die Entwicklung des Aristophanes und der Komödie überhaupt zu beurteilen, müßten wir eine mythologische Travestie und ein Stück des Pherekrates, wie die Korianno kennen: so ist es bitter, aber unvermeidlich, daß wir resignieren. Aber für Plantus dürfte es auch zu beherzigen sein, daß wir seine Stücke und ihre Vorlagen nicht mit dem Maßstabe der Epitrepontes messen!, und wo sie das nicht vertragen, auf Kontamination schließen. Ich kann mich nicht enthalten, gegen Leo, dessen Abhandlung über den Amphitruo ich oben gelesen habe, prinzipielle Einwände zu erheben; Anstöße einzelner Verse haben bei dem Stande der Plautusüberlieferung geringes Gewicht. im Amphitruo wird Herakles geboren, und er beginnt mit der langen Nacht, in der er nach der Sage gezeugt ward. Sind da ein Stück, das die Zeugung, eins, das die Geburt behandelte, kontaminiert? Das erste ist gar nicht zu Ende zu denken; wohl aber war Zeus, solunge Amphitryon im Felde stand, nicht in der Lage, in dessen Gestalt bei Alkmene aufzutreten: also handelt der Komiker nur verständig, der das hübsche Motiv der

Der Hesutontimorumenes ist geradezu als das Stück zu bezeichnen, das uns allein des Guezs einer menandrischen Komödie gibt; und doch ist er dem Verdachteder Kontamination uieht entgangen.

langen Nacht auf das erste Wiedersehen nach der Heimkehr schiebt. Das glänzende, übrigens auch allein wirksam versöhnende Finale, die Geburt der Zwillinge, lieferte Euripides, dessen Alkmene ja zugrunde liegt. Damit war die Fabel gegeben. Daß Amphitryon sich einen Verwandten seiner Frau als Vermittler holen will, der nicht kommen darf, da wie eine Vermittlung nicht brauchen können, daß er ihn also nicht findet. aber dafür einen Zeugen mitbringt, der dazu gut ist und zu weiter nichts - kann das befremden, wenn man auf Aristophanes blickt? Und wenn Mollère all das in das Wahrscheinliche nmändert, was bedeutet das anders, als daß man im 17. Jahrhundert Anforderungen stellte, die uns vielleicht auch notwendig scheinen. Ob sie das Publikum un den Dichter des Amphitryon stellte, und oh dieser sie an sich stellte, ist damit noch nicht gesagt. Plantus hat das nicht getan: Aristophanes hat es nicht getan. Das ist beides unwidersprechlich. Der Schluß ist eigentlich gar nicht zu umgehen, daß es der Dichter, dessen Werk Plantus bearbeitete, auch nicht getan hat. Wenn er Menanders Zeitgenosse war, so lernen wir, daß es damals moch mehrere Typen der Kumödie gab. Ich denke, das ist nur erfreulich; jedenfalls sehe ich nicht, weshalb ich's nicht glauben dürfte.

### 3. Die Parodos.

Die Parodos, die freilich mit der Handlung so wenig zu tun hat wie mit dem Wespenkostüm des Chores, ist ein Kleinod aristophanischer Kunst; aber die Erklärer haben Orgien des Mißverständnisses geseiert, so daß es einige Überwindung kostet, über ihre Entdeckungen, epirrhematischen Bau, Responsion, Personenverteilung u. dgl. zu schweigen. Hossentlich wird es doch genügen, ohne weiteres kurz das Richtige zu sagen. Die Scholien sagen zum Ansange der Parodos annähmet marakakene vänenen the marodon nomenvert, und es ist klar, daß es angemessen ist, eine Schar, die sich erst sammelt, nicht geschlossen einmarschleren zu lassen. Gleichwohl tut dies Aristophanes im Frieden und, wenn man den mitzählen soll, im Plutos. Die Acharner ziehen als geschlossene Hausen ein, vollends die Ritter; meist werden anch

Ich nenns vor allem die in sprachlich grammatischen Dingen böchst schätzhare Schulmagabe (oder kastriert man den Dichtev in England auch für Erwachsene?)
von Stannus (97), dann van Lundwert (09); der Oxforder Text von Hatz und Gennamihat keinen Ansproch mit Berüchsichtigung; die Adnotatio täuscht fast auf Jeder SeiteDaneben seiem genannt als Arserte des Unsinns in der Characteplitterung G. Hennami,
Opuse, VIII und Annotati, Chartechnik des Aristophanes, Rounes, Studien zu Aristophanes (02), H. Wenen, Aristophanesstudien (08), V. Coulon quaest, crit. in Ar. (08),
Schtließlich kann ich meht unhim aus Henwennens positiomem Aufsatze in der letzten

etliche Personen namhaft gemacht, während später in dem Chore niemals eine einzelne Person unterschieden wird. Dies ist also sein gewöhnlichster Typus<sup>1</sup>, und die Wespen (und die Chöre der Lysistrate) weichen nur so weit davon ab, daß der Chorführer, nachdem er einige seiner Begleiter zur Eile angetrieben hat, einen nachrückenden Trupp begrüßt: - Na, Strymodoros, ist hier wohl Euergides und Chabes? Das hier ist leider der einzige Rest des Jahrgangs Rekruten, der einst in Byzanz in Garnison lag, du und ich. Weißt du noch, wie wir der Bäckersfrau ihren Trog stablen? usw. - Jugendreminiszenzen, bei denen man an den Friedensrichter Schaal denkt. Gewiß liegt es nahe, in панесо с ди догото р° ет ест апрата папајав наис ексинс це Antwort des Strymodoros zu sehen; aber das wird man aufgeben, sobald man liest era to sa ev, ohne daß ein Name genannt wird; denn nur diese Nennung könnte die Personen wirklich scheiden. Es erfolgt auf die Kriegserinnerung auch keine Antwort, sondern der Redner ruft sich zur Sache zurück, indem er den Befehl zum Marsch erteilt, And Erce-Mann Angert. Also hat sich der Redner, indem er den anderen Trupp überschaute, selbst überzeugt, daß von der alten Gards kein dritter mehr da war. Wer will, kann den Angeredeten mit einem Kopfnicken (Anancéem) die Antwort geben lassen. Die Begrüßung hat den ersten Aufenthalt auf dem Marsche gegeben. «Aber vorwärts, Leute, denn

Mnemosynu berverzuheben, daß der unermitdliche Geiehrte, dessen Methode ich auch hier wieder bekämpfe, derauf hinweist, daß er schon 1869 die schöne und richtige Konjektur veröffentlicht hat, lie immer noch nicht den Text behauptet, 1395 not seie: éska r énese usw. für noseie éska r é, leh habe sie mich nicht minner ganz; Henwannen auft sie behalten. 1170 hat er nun richtig erklärt -der sinkt aus wie ein Furunkei in Zwiebelschalens (Philokleon in dem Perserkteid); dem Athener wäre dies Heifmittel surmirauen. Gewiß, – ist nicht schön, aber im Stille vieler Aristophaneserklärungen, daß man von einem Athener gefabelt hat, der mit Namen «Furunkei» 200000 hieß.

Die Ritter müßten eigentlich zu Pferde einziehen; die Pferde preist auch das Enirrhema 595, das herkömmlich die Maske des Chores behandelt. In der Eitesten Zeit wird man Mann auf Mann haben reiten Jassen, und sich an diesen Pferdens beimtigt haben. Davon ist hier keine Spur, and für Aristophones sind die Ritter kein Gegenstand des Spottes. Die Wolkenfragen singen noch hinter der Szene eine hochpoetische Strophe, 275; er hat sich wirklich bemilht, in diesem Werke etwas gans Neues zu gehön. In den Themophoriazusen wird der Chor mitsamt der Dekoranon, die das Heiligtum andentet, herausgevollt; die Seligen der Frosche müssen irgendwie aufgetreten sein, aber für die Phantasie kommt vielmehr Dionyses in das Reich, wo sie immer ihre seligen Reigen tanzen. In den Ekklesinzusen sehlleßen sich Chorenten, die vorber als Statisten auf die Bühne gekommen waren, zum Abzuge zusammen: der Cher als solcher. verliert seine Bedeutung. Eigentündich ist das Auftreten der einzelnen und einzeln charakterisierten Chorenten in den Vögeln: aber da folgt Aristophanes dem Eupolis, der den Chor seiner Hoxes so hatte auffreten lassen, auch wahl den des Xerzovs resot, der aus lanter Krüppein und Lumpen bestand, wie sich für Kleous goldenes Zeitalter gezimute (fr. 4 Mein.).

heute gilt es dem Laches, der soll sehr viel Geld haben. Also' hat Kleon uns angewiesen, wir sollten mit der nötigen Ration Galle zur Stelle sein. Vorwärts denn, vor Tagesanbruch müssen wir marschieren und mit der Laterne voranleuchten, daß wir über keinen Stein stolpern. Das hängt gut zusammen: aber wenn nicht kook 244 am Versende stünde, würde dort längst ein Personenwechsel angesetzt sein.

Sie marschleren nun etwas voran; aber gleich ruft einer der Jungen, die sie als Laternenträger begleiten, natürlich der Sohn des Chorführers: Papa, nimm dich vor der Blotte hier in Acht! Der Alte sieht nichts, denkt, es lage an der Laterne, läßt den Docht vorriehen; der Junge tut das mit den Fingern, bekommt für die Ölverschwendung eine Ohrfeige, droht, er und seine Kameraden würden weglaufen, und dann sollten die Alten im Dreck patschen. Der Alte kommt sich ganz forsch vor: «Ich werde noch mit ganz underen Leuten fertig. Aber hier trete ich ja auch auf Stein, und (es kann auch gar keinen Schmutz geben, denn es hat lange nicht geregnet) es muß in den nächsten vier Tagen regnen, da ist ja eine Schnuppe un dem Docht, die zeigt Regen au, und für die Saat, die nicht von der frühen Sorte ist (die also noch kümmerlich steht) muß es auch regnen und dann ein frischer Wind darüber gehn.. Vortrefflich, wie der Junge dem Alten bloß einen Schabernack gespielt hat: wenn es regnen muß, so hat es nicht geregnet, und wenn es nicht geregnet hat, ist auch kein Schmutz auf der Straße, davon überzengt sich der Alte durch festes Auftreten; aber die Erwägung, daß er das hätte wissen müssen, weil die Saat ja nach Regen dürstet, lenkt seine Gedanken von dem nichtsnutzigen Jungen ab. Er denkt gleichsam weiter während seines Marsches. Ist es noch nötig, mit den Modernen zu rechten, die verlangen, daß Schmutz da sein müßte, weil der Junge es sagt, oder an den Überlegungen des Bauern korrigieren, oder gar 246 ihn. der mit 23 Kameraden marschiert, sich nicht vor einem Steine, sondern einem «Verborgenen» (Wegelagerer) fürchten lassen ?

266. Ti seña" se' és the ofsiac these cynaisactae nénomess de of sainetai. Das steht asyndetisch: dem Chorführer fährt in seine bäuer-lichen Träume der Gedanke: «Wir sind jetzt vor Philokleons Hofe; warum kommt er nicht? da müssen wir stehen bleiben und ihn ber-

<sup>\*</sup> Kees own schilefit hier genus so gut an wie 1358 root own; also bein Grund zu Soulerte.

<sup>\*</sup> Das Letzte, well 247 nur V alocc erfulten hat, R aason, Scholien fehlen, 250 list V mit sassarec auch das Richtigere, von dem aus G. Hennam albanec gefunden hat; sobsorec R ist eine schlechte Kunjektur, diktiert von der Ansahme, der Jungs müßte die Wahrheit asgen. Scholien fehlen. Daß ein Vater und ein Sohn überall sprechen, segen die Scholien wiederholt.

RUSTUSTIL . TRAFACENOMENOC ESC TON OTKON TOV PLACEMENT EKKANESTAL ASTON. sagt richtig der Scholiast. Wir sehen also, daß der Chor, aufgehalten durch die Begrüßung und dann den Schabernack des Jungen, jetzt erst bis auf die Mitte der Orchestra gelangt ist, vor das Hans, auf dessen Schwelle Bdelykleon und die Sklaven schlafen: die sind für diese Szene nicht vorhanden, his der Dichter sie braucht; also stört sie der Gesang nicht. Nun das feierliche Lied, das in seiner Melodie, also auch in seinem Maße, an Phryniches erinnern muß (169): Da Philokleon nicht hört, befiehlt der Chorführer (ele ton resontun sagt der Scholiast) . Vorwärts, Junge!. und sie würden fortgehn, wenn nicht der anartige Bengel ein neues retardierendes Moment hineinbrächte; man denkt an Lanzelot und den alten Gobbo. Vater, willst du mir wohl was kaufen? . Gern, wohl Murmeln? . Nein, Feigen, sehmeckt süßer. . Die gibt's nicht. . Dann geh' ich nicht mehr mit. . . Aber von der halben Drachme muß ich für Mutter und uns beide Essen kaufen. . Und wenn der Archon keinen Gerichtstag hält, weißt du du sanias spectan tima muin a noron Sanac ispon? . Wehe, nein, dann gibt's kein Essen. - Mutter, wozu hast du mich gehoren? - Damit ich mich schinde, dich zu füttern. . Wozu habe ich dann dich. mein Kleinod, mein Mehlsäckehen ? - (Vater und Sohn:) - Wehe, beide müssen wir weinen . - Da sind wir weit abgekommen von unserer Handlung; aber es tont vom Fenster her die Stimme des Philokleon: «Freunde, längst hört euch meine Schnsucht, aber ich kann nicht kommen.

Auch wenn uns die Scholien nichts sagten, würde man den Anklang an die Tragödie hören, wenn der Junge klagt «ti me ant a menés kater étates und snomton ars c'à synakoon r'eixon arama". Das braucht gar nicht bestimmte Stellen zu parodieren; die Steigerung des Tones wirkt skurril genug. Wohl aber würden wir den Witz von 305 ohne die Scholien nicht verstehen, esse eanlas spectan time nam A nöbon ist gut; da ist nöboc Ausweg, wie bei Euripides Her So tin eanic a nöbon couthelac. Aber der Junge sagt noch nöbon Eanac lebon, seinen heiligen Hellespont». Blübender Blödsinn! Da hilft die Angabe, daß bei Pindar stand: nangemater men eine nöben

Das hatte er mit, om von dem Triobolon Mehl zu haufen und zur Abendmaldzeit beimzubringen. Erfindung natürlich auf für diesen Satz bier. Abalieb Ekkl. 382.

Aus den Schülen wissen wir, daß un Thesens des Euripides ein Chor der Athenerkinder (vernatlich doch ein Nebenchor) Ähnliches sang; und wenn er in Ionikern sang, blang die Melodie mit. Auf die Worte ist wenig Verlaß; den Irrtum, der den Hippolytos als Person des Thesens erscheinen läßt, habe ich Herm 15. 484 erklärt. — An den Ionikern — wird mit Uurscht geändert: wenn — für den Ionikus eintreien kann, muß es — — such können, und so sieht nuch anafet 282.

EARAC HOPON SEFON! Also der Junge gerät von HOPON auf die Stelle des Gedichtes, das er in der Schule gelernt hat, und flickt daraus die Worte an, in denen nosos eine ganz andere Bedeutung hat. Das ist an sich schon ein Unsinn, über den man lachen kann't reclinet man die Melodie hinzu, die sich bei dem gleichen Versmaße genau so gut anbringen ließ, so wird die Wirkung verdoppelt. Was in aller Welt soll nun der moderne Zusatz von einen oder eveen und die Verwandlung von Icros in Iros, die wider Pindar und Aristophanes gleichermaßen ist? Sinn gibt's freilich nicht, Anlaß zum Ausfall gibt's auch nicht, aber seit Hernann wird die Szene als antistrophisch betrachtet, wozu noch an zwei Stellen Zusätze und eine Änderung nötig werden. Was soll denn die Reponsion? Gibt es hier Tanz? Gibt es eine parallele Bewegung des Sinnes? Gott bewahre; im Gegenteil, der tragischen Parodie entspricht nichts vorher: vom einfachen Gespräch steigt der Ton schrittweise auf diese Höhe. Es ist nichts als die gedankenlose Sucht, Responsion zu erlangen, das heißt, sieh an einem Schema und einigen Zahlen zu erhauen.

Die überlieferten loniker ergeben folgende Summen von Metra: 1. 1. 12 (der epitritische Ausgang Annovera & mai gliedert ab), 9 (mit mehreren Anaklasen), 9. (darin häufig eine Länge unterdrückt, wodurch sich der Klang vollkommen ändert, Ausgang ev as evas a strac -- - - mit tambisch klingender anaklastischer Katalexe), 12. (anapästische Katalexe), 5, 3, 3, 4, 2, (e e mara nom crenazem .... --- , annaklastische Katalexe). Darauf bunen sie eine Responsion! Und die ersten beiden Metra können sie doch nicht unterbringen: tut den Gläubigen nichts-Entweder man schlägt sie zu dem Liede vorher, wiederholt also den Befehl «Voran, Junge!», hinter der Strophe, wo der Junge nichts hört und der Chor nicht weitergeht; oder man stellt's einfach für sich, mag s sehen, wo es bleibt, wenn nur eine Responsion erreicht wird. Hier geschieht das noch so, daß die respondierenden Teile kongruent werden; aber jetzt haben wir ja die neue Weisheit, die Responsion des Ungleichen, die sich mit der gleichen Taktsumme begnügt. Ich beabsichtige nicht auf dieses Dogma weiter einzugehen; aber das kleine Lied, das Philokleon zum Fenster binaus singt, will ich als Probe geben. Es hat folgende Maße:

a Arenna se beginnt Balelykleon 692 seine Rede & mares andress Krosian, wa es den Kroniden ohne weitere Beziehung am Homer auflickt.

<sup>5</sup> Ich liebe früher in diesen Worten, die der Venstus gibt, geändert und die andern auch (Pind. fr. 189); aber von den Persera kann es gut gesagt werden «ganz fürehterlich (zogen) die über den Hellespont .... HANGSMATOC ist ein seltenes Work. aber ganz im Stile der Lyrik und sieht in dem Hymnus an die Muiren bei Stohnem Ect. 1, 5, 10-tz. Versmuß - - - - - - - - - - - ist rein ionisch; Konjekturen, welche dieses Mail zerstören, richten sich selbat,

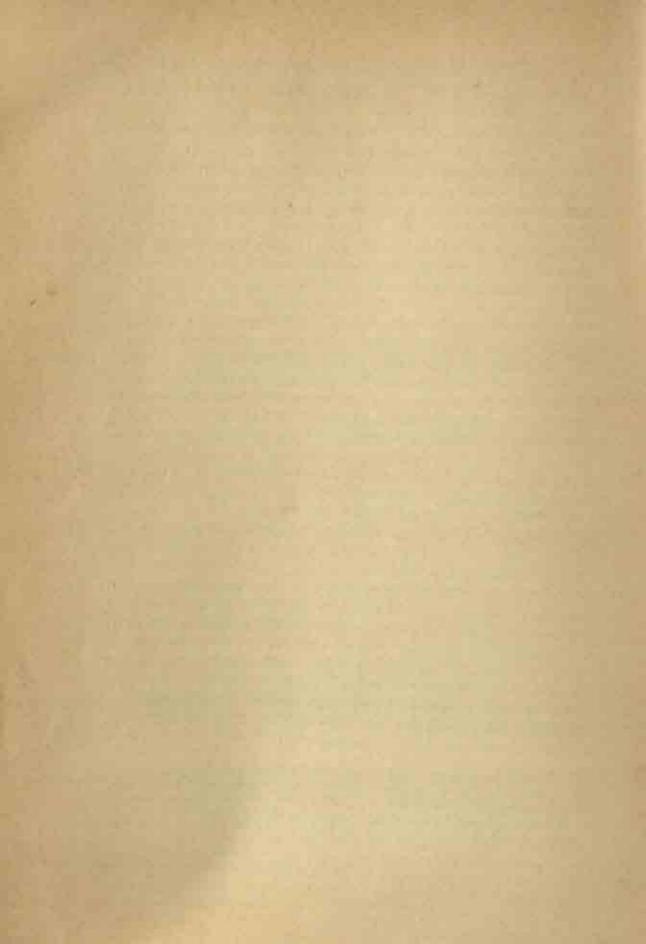
THE STATE THEOREM NEW TRANS OUR THE OTHER COLLEGE TO THE PRINCIPAL PRINCIPAL

in Anna for Dyx oloc T sla theela' ti moscu; dochm. + phereer.

danach 4 giye. 2 pher., endlich Anapäste, erst 6., dann 14. Diese können nicht mehr als Gesang gerechnet werden. Was in aller Welt dazu veraniassen soll, den letzten Pherekrateus Ana' & Zey merangonta in einen Parömiakus zu verwandeln, ist ebensowenig einzusehen wie die Verwandlung des Dochmius (oder sage man des Kolon edile regibus) in das Reizianum and of the ofoc T ein. O. Schroeden erklärt die Anapaste für zweimal elf; also Katalexe bedeutet nichts mehr. Jede gerade Zahl läßt sich durch 2 dividieren, also das stimmt immer: es sind eben zweimal zehn, wenn der Pherekrateus vorher unbehelligt bleibt. Ohne den sollen es vorher zweimal 8 Takte sein - natürlich, wenn's 16 sind, muß das gehen; zu dem Behnfe wird slact resonaeas als 2 Bakchien genommen, gleichwertig mit төвөүмөг а эно томa susi; in 318 wird umgestellt; und wenn der Pherekrateus 323 nicht. zerstört wird, ist's vielleicht nicht so bequem, aber schließlich 18 Metra lassen sich irgendwie beschaffen, und dann ist es zweimal o und die Pythagoristenkunst ist gerettet. Am Ende ist diese Zahlenspielerei doch viel unschädlicher als die Dialogresponsion, die voreinem Menschenalter grassierte; aber sie beeintrüchtigt doch die Förderung des metrischen Verständnisses, die O. Sennormen einzeln auch In den Wespen erreicht hat. Erst bei ihm ist das Chorlied 273-89 von den abscheulichsten Interpolationen befreit, weil er die Freiheiten der Responsion in den Daktyloepitriten offenen Auges anerkannt hat. die hier so weit gehen, daß eit esastannen astos mit and tost darneseit respondiert. Wie das zu erklären ist, kann zurückstehen, wenn nur der Tatbestand nicht verdunkelt wird. Soviel ist klar, das Lied beginnt und schließt mit regelrechten lonikern, die sich in dem nicht strophischen Teile fortsetzen. Dazwischen aber stehen anders gebaute Verse, die wir von den Daktyloepitriten nicht sondern können, auf die ja auch der Anschluß an Phrynichosmelodien deutet. Diese Verse, denen ich ihren gewohnten Namen lasse, sind also nicht dasselbe wie die Ioniker, lassen sich aber mit ihnen verbinden. Es ist nicht wenig gewonnen, wenn nur beides anerkannt wird.

Ausgegeben um 27. April.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> fassis für Alasis der Codf. ist gewiß vielen eingefallen, denn jenes ist sinnlos, da er ja singt, und der Begriff skommen- ist allein angemessen. Aber es sieht wie eine gewähtlitige Interpolation aus; daß es nur ein orthographischer Schnitzer ist, der eine Verlesung hervorrief, wird jetzt denen klar sein, die mit Papyri wirtschaften: AIAGIN als AIΔGIN zu lesen, lag wahrlich nahe.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXII.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

27. April. Gesammtsitzung.

### Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Waldeven las über - Gehirn und Skeier einer 16jährtgen Mikrocephalin- (Ersch. später.)

Das nur 439 g sehwere Geliten zeigt besonders auffällige Veränderungen in der Brock'schen Sprachregion, womit das während des Lebens beobschtete unvollkommene Articulationsvermögen stimmt. Der Schädel entsprieht in seiner Entwicklung dem Gehire; das übrige Skelet ist von schöner, graciler Form, das Becken zeigt fast männliche Proportionen.

2. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Wielands Gesammelte Schriften. Hrsg. von der Deutschen Kommission der Akademie. Abt. 3: Übersetzungen. Bd. 3, besrb. von E. Stanien. Berlin 1911 und zwei von der Akademie unterstätzte Werke: H. Giöck, Blologische und morphologische Untersuchungen über Wasser- und Sumpfgewächse. Tl. 3. Jena 1911 und Libanii opera rec. R. Foersten. Vol. 6. Lipsiac 1911.

## Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. V.

Von W. NERNST und F. A. LINDEMANN.

(Aus dem Physikulisch-Chemischen Institut der Universität Berlin.)

(Vorgetragen am 6, April 1911 [s. oben S. 437])

In der dritten Mitteilung wurden die Resultate einer Anzahl Messungen über den Verlauf der spezifischen Wärme bis zur Temperatur des siedenden Wasserstoffs hinab mitgeteilt, und es wurde insbesondere darauf hingewiesen, daß der Abfall der Atonwärme bei den untersuchten Elementen Pb. Ag, Zn. Cu. Al und ferner beim KCl bei tiefen Temperaturen langsamer erfolgt, als der Formel von Einspreis entspricht.

§ 1. Die Messungen, die der eine von uns (W. N.) inzwischen an einer Anzahl anderer Stoffe angestellt hat, haben dies Ergebnis ausnahmstos bestätigt: ganz besonders deutlich ausgesprochen zeigte sich dies, wie übrigens zu erwarten war, beim Diamant. So drängte sich immer mehr die Überzeugung auf, daß man es hier keineswegs nur mit einer sekundären Störung zu tun habe, sondern daß hier eine Disharmonle mit der sonst so vortrefflich brauchbaren Quantentheorie vorliegt, die volle Beachtung verlangt.

Als ein beliebiges Beispiel sei die Atomwärme (A. W.) des Kupfers nach der Formel von Einstein

$$\Lambda, W_{*} = \frac{3R}{3R} \frac{\left(\frac{\beta \nu}{T}\right)^{2} e^{\frac{\beta \nu}{T}}}{\left(\frac{\beta \nu}{e^{\frac{\gamma}{T}}} - 1\right)^{2}}$$

berechnet:

Tabelle I. Kupfer;  $\bar{\beta}_{V}=240$ .

7	A.W.	
	bay.	heabs
88	3.00	3-38
33-4 P3-5	0.034	0.538

Situmgsher, il. Berl, Alad, d. Wiss, 1911, S. 306.

§ 2. Wenn man die Atome elektrisch geladen annimmt und wenn daher im Molekül keinerlei Schwingungen von ungeladenen Massen stattfinden, so sollte man nach Ersstus aus den optisch zu messenden Frequenzen die Atomwärme berechnen können. Non hat nach Rungss und Hollnagen. Chlorkalium zwei nahe benachbarte Absorptionsbanden (i = 4.78 bzw. 4.18-10"); man sollte also mit dem Mittelwert & = 217.8 aus Gleichung (1) die Atomwärme (= halbe Molekularwürme) von KCl erhalten:

Tabelle II. KCl

	A.	W.	
T	her. \$ = 2178	her. 2+ = 148	Newh
86	3/3#	4-32	4.16
52.8	1.79	8474	#:8o
30.1	0.235	0.79	0.98
213	9.939	0.20	0:58

Die in der zweiten Kolumme verzeichneten Werte differieren besonders bei tiefen Temperaturen beträchtlich von der Beobachtung; und wenn man & passend wählt, so daß bei höheren Temperaturen Übereinstimmung vorhanden ist (vgl. dritte Kolumne), so bört wiederum bei sehr tiefen Temperaturen, wie § i bereits dargelegt, die Übereinstimmung auf

Auf der anderen Seite wird man nicht anßer acht lassen dürfen, daß man nach Einstein den Verlauf der spezifischen Wärme beim
KCl (und ähnlich beim NaCl) wenigstens in seinen allgemeinen Zügen
aus optischen Messungen ableiten kann; man wird trotz der numerischen
Diskrepanz dem glücklichen genialen Griff Einsteins die Bewunderung nicht versagen dürfen.

So schien es hoffnungsvoll, den erwähnten Abweichungen nachzuspüren, um sie durch eine relativ nicht sehr durchgreifende Änderung der Theorie zu beseitigen; wir glauben, daß uns dies gelungen ist.

- § 3. Wir fragten uns nämlich zunächst:
- t. Kann die Formel (t) dermtig modifiziert werden, ohne den Anschluß an Plasens Strahlungsformel völlig zu verlieren, daß die vorhandenen Messungen damit dargestellt werden?
- Genfigt eine derartige neue Formel dann zugleich der Bedingung, daß die spezifische Wärme von KCl und NaCl wohl den

Phil Mag. Mai 1910.

einzigen einwandfreien' Beispielen, woffir die Daten vorliegen — aus den Reststrahien exakt berechnet werden kann?

§ 4. Die erste Aufgabe löst folgende von uns durch Probieren gefundene Formel:

(2) 
$$\Lambda.W_r = \frac{3}{2} R \left( \frac{\left(\frac{\beta r}{T}\right)^{\frac{2}{r^2}}}{\left(c^T - 1\right)^s} + \frac{\left(\frac{\beta r}{2T}\right)^r \frac{\beta r}{r^2}}{\left(c^{\frac{\beta r}{2T}} - 1\right)^s} \right).$$

Diese Formel teilt mit Gleichung (t) den Vorzug, nur eine individuelle Konstante, nämlich die Schwingungszahl z, zu besitzen;
und da diese Konstante (oder richter ihr reziproker Wert) nur als
Faktor von T vorkommt, so muß, wie auch bereits in der dritten Mitteilung gefunden, der Verlauf der Atomwärme bei Elementen und Verbindungen, die, wenn mehr als einen, doch nur wenig verschiedene
v-Werte besitzen, übereinstimmend sein.

Folgende Beispiele mögen die Brauchbarkeit der neuen Formel beweisen:

Tabelle III. Kupfer: Gv = 320.

7	AJ.	W.
-	benfo	her.
88	3-38	3-39
87	3.33	5/35
33-8	0.538	0.600
250	0.324	12.313
73-5	0.223	9.183

Tabelle IV.

Aluminium: By = 405.

r	:All	W
	besh	- June
88.3	2.63	2.61
86.0	1:50;	1.5
834	E-0.11	2342
357	9.33	course
37.4	6.25	0.228

Natificieh müssen die Hypothesen gruneht werden, daß z. B. beim KCi auch im Kristallmofekül des Kaltem und Chlor entgegengestetzt elektrisch geladen sind und daß der fahalt an kinetischer Energie ausschießlich in den Seinwingungen der beiden Ioosn besteht. Dan diese Hypothesen starthaft sind (vgl. w. u.), ist wohl von allge-

Tabelle V. Silber: βν = 222

T	Α	W:
	heat.	fines
17.0	#100	#766
53.8	2,90	2095
514	2.81	2.79
43-1	2:47	341
149	2.26	3.31
39-7	1-90	1.91
33.0	1.58	1,58

Tabelle VI. Blei: So = 92.

# 1	A.3	Wa:
	briob.	bur.
90.2	5761	5.05
75-5	3.62	5.01
38-1	1.45	4:51
36.8	6-80	4-43
383	3,92	3.7=
3335	3:96	3.06

Besonders interessant und lohnend erschien die Berechnung beim Diamant; hier hat der eine von uns in letzter Zeit dank dem großen Entgegenkommen des Hrn. Hofjuweliers Mareus, der mit größter Freundlichkeit 22 g sehöner klarer Steine zur Verfügung stellte, die Messungen bis zu sehr tiefen Temperaturen führen können. Tab. VII enthält neben den Zahlen anderer Forscher auch diese Beobachtungen, über die an anderer Stelle Ausführlicheres zu berichten sein wird.

Die Übereinstimmung läßt wohl auch in dem großen hier vorliegenden Temperaturintervall nirgends zu wünschen übrig; bei den Versuchen bei 92° und 88° war der Wasserwert des Silbergefäßes, in welchem sieh die Diamanten befanden, fast zehnmal so groß wie der des Inhalts, so daß eine Unsicherheit von einigen Hundertatel der Atomwärme möglich ist.

Daß der Diamant in einem der Messung durchaus zugänglichen Gebiete eine verschwindend kleine spezifische Wärme annimmt, daß also hier für diesen Körper, wie man dieses Ergebnis wohl verallgemeinern darf, der Temperaturbegriff seine Bedeutung verliert, ist wohl als eine besonders auffallende neue Bestätigung der Quantentheorie von Interesse.

Tabelle VII.

Dimmant: \$s = 1940.

T	A_W,		A.W. Boohashtor	
*	hook	bers	NAME AND POST OF THE PARTY OF T	
1 164	543	3.19	H.F. Wenes	
413	2.00	2-53		
358	212	2:07	- 10	
331	1.84	1.82	- 2	
306	1458	1.59	1 0	
284	1035	161		
1202	15/3/4	3.76	1	
232	0.86	0.87	Koner	
222	0.76	978	Wange	
220	0.71	9/74	Names	
2119	p.66	0.55		
205	0.52	0.62	- 6	
1/2	0.03	0.000	- 8	
:88	0.01	0.006	2	
42	0.00	0.000		
-30	(0000)	0.000		

§ 5. Des weiteren zeigte sich, daß Formel (2) aus den Reststrahlen die spezifische Wärme mit sehr befriedigender Gennuigkeit berechnen läßt:

Tabelle VIII.

K Cl; Sv = 232,4 bzw. 203,2 (Rusens u. Hollmasel).

T.	1-1	V.
	beak	hier
86 -	+36	4.46
764	-4-77	4.10
70.0	3:79	1.861
63.1	535	3:31
57.6	5,06	3978
52(8)	1.80	2.06
484	2184	E-62
39.0	14184	1-98
33/E	18035	1.55
95.	9,98	1.23
22.8	0.70	0250
22.0	/X.59	ttifiy

Tabella IX. Na (1; &: = 265,2 bzw. 309,3 (Runess n. Hollmagen).

91	A-	985
E"	beob.	lier
83.4	3.75	3.81
814	3-54	3-41
69.0	313	3.84
67.6	tion	11.81
28.0	0.40	11.48
25:5	(0:33)	0.34
25.0	0.00	0.12

Die Übereinstimmung zwischen dem optisch und dem thermisch gemessenen Energieinhalt läßt nunmehr wohl nichts zu wünschen übrig.

§ 6. Die im § 4 nachgewiesene Brauchbackeit der Gleichung (2) läßt vielleicht immer noch die Möglichkeit zu, daß es sich nur um eine gute Interpolationsformel handelt; wenn man aber das in \$ 5 gewonnene Resultat damit kombiniert, das zum ersten Male eine exakte Beziehung zwischen Absorptionsbanden und Warmekapazität schafft, so wird man nicht umbin können, jener Gleichung eine tiefere theoretische Bedeutung zuzuschreiben. Diese Frage wollen wir jetzt kurz erörtern.

Halten wir zumächst, wie bisher, daran fest, daß kinetische und potentielle Energie der Atome stets einander gleichbleiben, so würden wir, unstatt zur Prancksehen Strahlungsformel

$$\rho_r = \frac{R}{N_s} \cdot \frac{8\pi r^s}{r^s} \ \frac{\beta}{r^{\frac{1}{s}}-1} \ .$$

zu folgender Gleichung geführt werden:

$$\rho_r = \frac{R}{N_s} \left( \frac{4\pi r^2}{e^2} \left( \frac{\beta}{e^{\frac{\beta}{2}} - 1} + \frac{\frac{\beta}{2}}{e^{\frac{\beta}{2}} - 1} \right).$$

Aus verschiedenen Gründen, auf die bler nicht näher eingegangen werden soil, scheint uns diese Formel als Strahlungsformel unzulässig!

Die Dinge scheinen sich vielmehr in folgender einfacher Weise zu klären.

Es wirde z. B. sich darms  $\beta = 9.57 \cdot 10^{-11}$  (anstatt 4.865 - 10-11 nach Plannus) ergeben, d. h. die in Tab. VIII n. IX erzielte Übereinstimmung würde ganz zerzört werden.

500

Aus Gleichung (z) folgt für den Energieinhalt eines g-Atoms

(3) 
$$E = \frac{3}{2} E \left( \frac{\beta v}{\frac{\beta v}{e^T - 1}} + \frac{\frac{\beta v}{2}}{\frac{\delta v}{e^T - 1}} \right),$$

d. h. er setzt sich aus zwei verschiedenen Summanden zusammen, die bei höheren Temperaturen einander immer mehr nähern.

Machen wir nun die Annahme, daß der erste Summand die kinetische, der zweite die potentielle Energie darstellt, so fallen alle Widersprüche fort, und wir erreichen damit, daß die Strahlungsformel von Plascu und alle damit gewonnenen Resultate ungeändert bleiben, weil für die Strahlung natürlich nur die kinetische Energie maßgebend ist; ferner erreichen wir, daß der Verlauf der spezifischen Wärme durch Formel (3) gut wiedergegeben wird (§ 4), und daß die optisch und thermisch bestimmten Frequenzen zusammenfallen (§ 5).

Die von Paasck gegehene Ableitung der Strahlungsformel bedarf natürlich nur einer für das Endergebnis belanglosen Modlifikation, ebenso wie die Quantenhypothese einer Veränderung unterworfen werden muß, um zur Gl. (2) anstatt zur Gl. (1) zu gelangen. Und zwar wird es klar, wenn man die von einem von uns kürzlich gegebene Ableitung zu Hilfe nimmt, daß sich unter gewissen Voraussetzungen Gl. (2) bzw. (3) gewinnen lassen, wenn man annimmt, daß die potentielle Energie in halb so großen Quanten aufgenommen wird wie die kinetische Energie.

Aus den Prinzipien der Mechanik läßt sich natürlich weder die alte noch die neue Hypothese ableiten, so daß man nicht sagen kann, es sel von vornherein die eine wahrscheinlicher als die andere. Aber wir glauben üben vielseitig und zweifellos nachgewiesen zu haben, daß nur die modifizierte Quantenhypothese dem vorhandenen Tatsachenmaterial gerecht wird."

§ 7. In den mitgeteilten Tabellen wurde die neue Formel, mit Ausnahme von Tabelle VI, nur in Gebieten geprüft, in denen die Atomwärme bereits erheblich unter den Normalwert von 3 R gesunken ist; bei höheren Temperaturen unterscheidet sich aber die neue Formel nur ganz unbedeutend von der Ersstenschen, und da hier die Gültigkeit der letzteren bereits früher von meinen Schülern und mis nachgewiesen worden ist, so können wir konstatieren, daß das exakte

Zeitschr, f. Elektrochunie 17, 268 (1911).

<sup>\*</sup> Auch die in der dritten Mitteilung (S. 311) konstatierte vortreffliche Bestäugung der Formel von Lindenann bleibt bestehen, wenn man als Proportionalitätsfakter 1.80 - 10 (austate 2.12 - 10 1) nimmt.

Vgl; besomlers Pollergen, Zeitschr, f. Elektruchemie 17, 5 (1911).

Gültigkeitsbereich der neuen Formel nach oben bin sich erheblich weiter erstreckt, als die Tabellen zum Ausgruck bringen.

Bei viel höheren Temperaturen, jedoch nicht zu nahe dem Schmelzpunkt, steigt bekanntlich die Atomwärme einige Zehntel über den
von dem Gesetze von Durose und Perir verlangten Normalwert an;
dies Ansteigen ist mindestens zum Teil auf Rechnung der Ausdehnungsarbeit zu setzen, indem unsere Formel, wie diejenige von Einstein,
streng genommen auf die Atomwärme bei konstantem Volumen zu beziehen ist. Für die unter kleinem Druck nach den üblichen Methoden bestimmte Atomwärme ist also noch ein (nicht sehr erhebliches) Zusatzglied
hinzuzufügen, das aber wegen der kleinen Ausdehnung der festen Körper
bei tiefen Temperaturen nur bei höheren Temperaturen eine Rolle spielt.

Es verdient Beachtung, daß auch die Strahlung, die ja ebenfalls nicht etwa für konstantes Volumen der festen strahlenden Körper gemessen wird, in dem entsprechenden Gebiete (T kommensurabel oder größer als &v) etwas größer gefunden wurde, als der Formel von Planck entspricht ; doch bedürfen diese Fragen wohl noch der weiteren experimentellen Prüfung.

#### Zusammenfassung.

Es wurde der Nachweis erbracht, daß die Ersstrussche Formel zur Berechnung der spezifischen Wärme durch die analog gebaute Gleichung

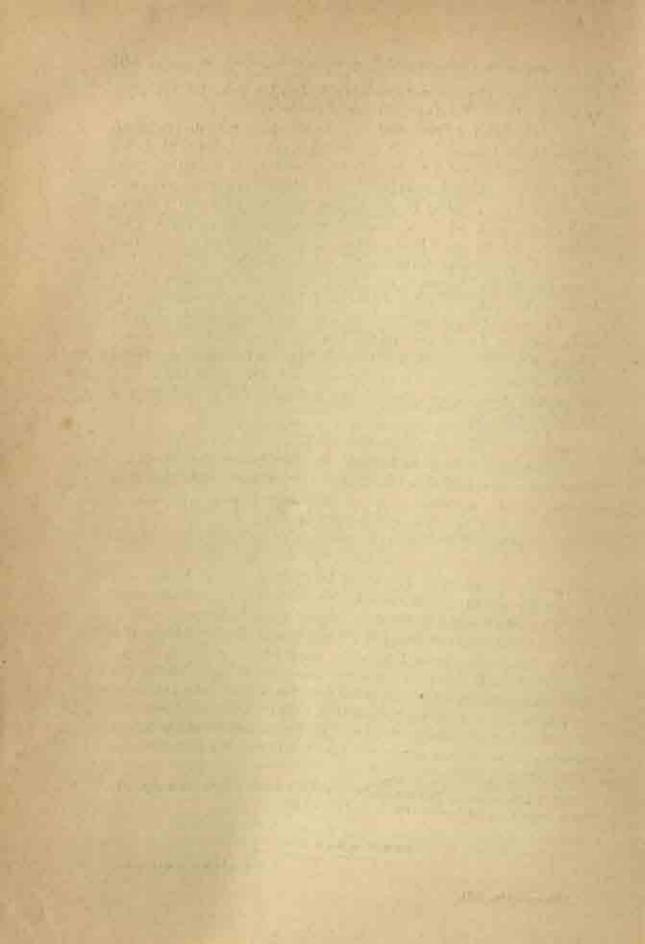
$$\text{Atomwärme} = \frac{3}{2} R \left( \frac{\left(\frac{\hat{S}^{\dagger}}{T}\right)^{*} e^{\frac{\hat{S}^{\dagger}}{T}}}{\left(e^{\frac{\hat{S}^{\dagger}}{T}} - 1\right)^{*}} + \frac{\left(\frac{\hat{S}^{\dagger}}{2T}\right)^{*} e^{\frac{\hat{S}^{\dagger}}{T}}}{\left(e^{\frac{\hat{S}^{\dagger}}{T}} - 1\right)^{*}} \right)$$

zu ersetzen ist, und zwar ergaben sich mit dieser Formel die aus dem Verlauf der spezifischen Wärme abgeleiteten Werte der Schwingungszahl v identisch mit dem Ergebnis der optischen Messung.

Die theoretische Deutung der Formel wird darin erblickt, daß bei der Erwärmung fester Körper die potentielle Energie der Atome stufenweise in Quanten aufgenommen wird, welche die Hälfte der bisher angenommenen Energiequanten betragen, während die kinetische Energie in den von der bisherigen Quantenhypothese geforderten Beträgen stufenweise ansteigt. Und zwar führt diese Auffassung nicht nur zur obigen Gleichung, sondern auch zur Planckschen Strahlungsformel.

Val. Polistran, a. a. O. S. 9.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Vgl. hier@ber die Zusammenstellung bei G. Grannor, »Die Strahlungsgesetze mw. «. Leipzig bei Hachmeister und Thal, 1910 (37 S.).



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXIII.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

4. Mai. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Diets.

1. Hr. von Whamowerz-Moellendorer las über die Wespen des Aristophanes. (IL)

4 Textkrittsches. Recensio und Emendatio des Aristophanes und Auwendung der Principien auf die Wespen. 5 Freiheiten der Responsion. Es wird gezeigt dass die Komödie Lieder baut, welche nur am Anfang respondiren; einmal erscheint sogar Pross.

- 2. Hr. F. W. K. Möhler macht unter Bezugnahme auf das vor kurzem von chinesischen Gelehrten herausgegebene Werk Tun-hunng si-si yi-su auf die sprach- und religionsgeschichtliche Bedeutung der Handschriftenerwerbungen Prilior's aus der alten Klosterbibliothek von Tun-hunng aufmerksam und gibt gleichzeitig einen Entzifferungsversuch der in obigem Werk enthaltenen manichäischen Glossen und christlichen Namen. (Ersch. später.)
- 3. Vorgelegt wurden von Hrn. Ennas die 3. Auflage seiner » Aegyptischen Grammatik». Berlin 1911 und von Hrn. Libers das Werk H. Wallesen, Die buddhistische Philosophie in ihrer geschichtlichen Entwicklung. Tl. 2. Die mittlere Lehre des Nägärjuna. Heidelberg 1911.

# Über die Wespen des Aristophanes. (II.)

Von Ulrich von Willamowitz-Moellendorff.

#### 4. Textkritik.

Es gibt keine Ausgabe der Wespen, aus der man sich über die Überlieferung unterrichten kann; aber R und V liegen nun in Photographien vor, und F kenne ich durch die Liebenswürdigkeit von Dr. P. Voxpenstung. der mir mit seiner Kollation einen Wunsch erfüllt hat: die Liederlichkeit des Schreibers kannte ich freilich von Euripides und auch den Scholien zur Lysistrate her!. Verglichen muß der Vatieanopalations P werden. Selbst wenn Verses-Zachen die Wespen in ihrer Art ediert hätten, würde man die Überlieferung ungenügend kennen, nicht nur well bei ihnen das Wissenswerte in nutzlosem Wuste vergraben liegt, sondern auch weil das Wichtigste fehlt, die Zitate und die Lesarten der Scholien. Doch hat Zachen über die Genesis unserer Handschriften ein ganz treffendes Urteil; es kommt nur leider durch die Art, wie er es vorträgt, nicht zur Geltung. Das Unternehmen der amerikanischen Gelehrten, Jous William Wurrs und Karnest Cary, sümtliebe Aristophaneshandschriften zu prüfen", mag sonst noch so viel Interessantes zutage fördern, für den Aristophanestext ist nur dann etwas zu erwarten, wenn eine ganz unabhängige Handschrift zutage treten sollte, und das ist schwerlich zu erwarten". Scheinen doch für die ersten drei Stücke manche Schollen wirklich nur auf der Aldina des Musuros, einzeln gar auf der luntina zu beruhen. Zachen und Cany sagen mit Recht, daß unsere Handschriften alle, einschließlich Suidas, auf einen Archetypus des 9. Jahrhunderts zurückgehen!, da Ihnen

\* Classical Philology I, Harvard Studies XVIII. Die Prüfung erstreckt sieh nur auf die Acharner.

So hat der Monacensti N. den Verses für die Ekklesiszauen vorgezogen hat, praktisch gar keinen Wert, obwehl er von R und Φ mabhängie ist.

Sehal Lysister ed. G. Seran, Göttingen or. Natürlich habe ich meinem Schüller um gehalfen, wenn er mich rief. Berichtigungen von Zacnan, Berl. Philat. Wochenschrift or.

And Minnakel berubende Korrupteien, Cany, Harr, Stud. 192. Leb verweise auf des Verlesen von ses. 974 περιαδικέ V.Φ. περιαδικέ R. 1793 ακαντέτοια Η, καιντάτοια V. μαργάτοια Φ. 259 κάρκαρος Ηπαικάν, μάρμαρος V. μόρμαρος Ιπέργαβαίου Κ.Φ. Εδοιικό deottiels σ und = 577 λοείς R.V.Φ. Χοείς Β. είπε whichen guie Konjektor.

Fehler gemeinsum sind, die auf der Minuskel beruhen. Es macht praktisch wenig aus, wenn man sich nicht sowohl einen Archetypus denkt als eine Bibliothek und einen Kreis von byzantinischen Gelehrten, die mit ihrem Material antiker Böcher Handschriften herstellen, die in der neuen Schrift, mit Worttrennung und Lesezeichen ausgestattet, dem neuerwachten Interesse un der antiken Poesie entgegenkommen. Wie Arethas und andere Kirchenfürsten sieh um Platon, Klemens, Lukian bemühen, indem sie die Ränder mit Auszügen der damals geläufigen Hilfsbücher (Lexika, Parömiographen, Apollodors Bibliothek, Proclus, Pollux) füllen, wissen wir, wissen ja viel über ihre Kritik der Prosaiker. Für diese ist die Zeit der Umsehrift in die Minuskel kritisch, da sie meist zugleich eine, zuweilen einschneidende, Textrezension in sich schließt. Auf die Diehter hat man diese Betrachtung noch wenig angewandt, und doch steht es im Aischylos und Sophokles, den kommentierten Euripidesstücken, auch im Nikander, ganz ähnlich. Die unverzeihliche Torheit, im Laurentianus die einzige Quelle der beiden Tragiker zu sehen, versinkt sofort in ihr Nichts, wenn man die Einheitlichkeit der Überlieferung aus der byzantinischen Redaktion, welche die Worte trennte und akzentuierte, und ihren Vorlagen abzuleiten gelernt hat. Von Aischylos ist neben M sieher eine frisch kommentierte Ausgabe, spiitestens des 12 Jahrhunderts, für die ersten droi Stücke zu unterscheiden; im Sophokles steht A zu L genau wie Im Euripides zu MV', im Aristophanes zu RV. Der Parisinus B der Euripides ist eine einsehneidend redigierte byzantinische Ansgabe von Text und Scholien aus dem 10. Jahrhundert, sehr wohl vergleichbur der Edition der drei Aischylosstücke, zu der die Scholia recentiora gehören. Den Aristophanes hat man zum Glück nicht so intensiv behandelt, aber Emendationsversuche fehlen auch in R und V durchaus nicht. Die Scholien sind im wesentlichen nur verkürzt bis auf Tzetzes und Musures, über die wir auf die älteren Handschriften zurückgehen: sie haben diese Verkürzung aber auch im Altertum seit Symmachios erfahren; die Vermehrung (Orthographika, Prosodisches, vielleicht etliebe Vokabelerklärungen) ist für den Text ohne Belang; die Paraphrase spielt kaum eine Rolle. Was wir von Resten antiker Hand-

V ist selbet in den Scholien der ersten neben Stücke und im Texte stuck von einem Byzantiner redigiert; wahrscheinlich hat dieser ein Exempler der LP-Klasse augezogen, deren Wert durin besteht, daß sie von den andern im Alteriom abgezweigt ist. Gegen Ende erlahmen die Byzantiner meist; so liegen ims die Hikeuden des Aischylos noch mit unvollkommener Worttremmung vor, dafür von byzantinischen Anderungen frei. Die Vorlagen der Byzantiner haben wir im die Zeit auzusetzen, wo man die Rollen in dieke Kodizes übertrog; auch sie erlahmten gegen Ende, daher die Verdöhnung der Scholien in den letzten Stücken des Aristophanes und Euripides.

schriften besitzen' und die Zitate, die man der eigenen Lektüre von Leuten der Spätzeit zutrauen darf, bauen die Textgeschiehte kaum weiter aus, als sich für dem von selbst versteht, der die aligemeine Überlieferung der Literatur im Altertum soweit kennt, wie es für alle Kritik unerläßliche Vorbedingung ist. Worttrennung, Interpunktion, Betonung, Elision oder volle Schreibung, selbst mit dem Ny, auch Personenverteilung (trotzdem, daß Doppelpunkt und Paragruphos vielleicht sehon voralexandrinischer Praxis entsprechen), sind sehlechthin unverbindlich; die lyrischen Partien sind ausnahmsweise nach bestimmter Überlieferung abgeteilt (oder einmal abgeteilt gewesen), und Heliodor selbst hat nur ihm gegebene Verse erklärt; aber unverbindliche Zutat ist auch die alexandrinische Versabteilung.

Von Handschriften haben wir in den Wespen R und V; der dritte Zeuge A fehlt und kann durch seinen nahen Verwandten Φ nicht ersetzt werden. Wir brauchen ein solches Kollektivzeichen, damit das unklare Gerede von deteriores aufhört und der unerträgliche Unfug, byzantinische Konjekturen (B) auf einer Linie mit den handschriftlichen Lesarten zu führen; es ist, als wollte man Triklinius in den Apparat des Pindar und Sophokles setzen. Aber & ist auch eine bestimmte Handschrift. gewesen, auf die ΓRCB Δ° zurückgehen'; also nur sie, nicht die Sünden der einzelnen, darf überhaupt im Apparat geführt werden. Wo A vorhanden ist, schiekt es sich, die eignen Fehler von & auch unter den Tisch zu werfen. Ø im Verhältnis zu seiner Nachkommenschaft erkennt man durch das, was Zachen-Bachmann in der Vorrede zum Frieden S. IX berichten: es fehlen in FPCB die Verse 948-1011. F hat dazu noch zwei Lücken von 54 und 62 Versen unserer Zählung: es waren also noch zwei Blätter in Φ verloren, als er kopiert wurde. Von den Wespen hat I jetzt nur 421-1336 und den Schluß von voic heurspois 1404 ab, well er hinter 705 verschlagen war. Für diese fehlenden Telle wird R als Ersatz zu vergleichen sein. C und erst recht B, den Bacumaso auf Triklinius zurückführt, beingen, wo sie von I ab-

Straffburger Pergamentfetzen Hermes 35, 602. Mélanges Nicole 211. Berliner Klassikertexte V z. Wertwoller Journal de Philologie 82, 179 — Wm., Études de litérature 10.

Kommt man mit den Varianten böher hinauf, so wird es natürlich interessant. Proben, Herm. 33, 517 aus den Homerschollen BV; das heilt wohl nur eine spätere Korruptel, aber Herm. 37, 301 ist eine Variante hei Praxiphanes aufgezeigt.

<sup>\*</sup> Δ, der von Pareini direkt abstammen mag, kann überhaupt verschwinden.

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup> Zu untersuchen ist wohl der Mutinensis E, den Canv für die Acharner einordnet; ich weiß nicht, ob er aus Φ stammt. Es darf eben solche Untersuchung niemals auf ein Stück beschränks werden, sondern die Handschriften sind als Individuen zu fassen und an vergleichen.

weichen! Konjekturen. Der Wert von Ø ist selbst hier, wo er A ersetzen muß, gering, aber ganz enthehrlich ist er nicht. Als Singularität sei hervorgehoben 1085, wo sucassees, das Kehte, in den homerischen Epimerismen (Cramen, An. Ox. I 446) erhalten ist; & hat Amenicaмесов, VI" всоизбиссия, R ещиченнесов, so wild interpolierend wie Coneт mit erperAmecea?. Suidas kommt außer 713 (wo es unverzeihlich ist, ihn zu verwerfen) praktisch nicht in Betracht\*. Praktisch steht es so. daß R und V das Echte enthalten können, einerlei ob Ø Suid. für oder gegen den einzelnen stimmen; auf sie kommt's also im wesentlichen an, nur muß man die Scholien immer zuziehen; wo A vorhanden ist, tritt er als ein sehr viel besserer älterer Verwandter von Φ neben R und V, aber auch da kann die Recensio nur mehrere an sich gleich gut bezeugte Lesarten ergeben. Wir erreichen also einen Text des o. Jahrhunderts mit Varianten: wieviel dieser taugt, ist damit gar nicht gesagt. «Überlieferung» kann absolut verhindlich sein und ebenso schlechthin unglaubwürdig. Das hängt von den Schieksalen ab, die der Text zwischen der Niederschrift durch seinen Verfasser und dem, was für uns . Überlieferung ist, erfahren hat. Von diesem geschichtlichen Prozesse muß der Herausgeber sich eine Vorstellung gebildet haben, sonst kum er zwar «die Überlieferung», aber nicht den Schriftsteller herausgeben, und das genügt allenfalls für Galen oder Origenes, aber bei Aristophanes will und soll jeder Herausgeber mehr leisten.

Die allgemeine Textgeschichte der Schulschriftsteller garantiert uns, daß die Grammatiker für die Erhaltung dessen gesorgt haben,

B direkt aus Γ abruleiten konnte in den Ekklesiazusen probabel scheinen; im ganzen wird es sich schwerlich halten lassen. ΓB neugen dam für die Verstilmmelung von Φ. Ekkl. 358 ff. 342 ist ein frappanter Beleg für den Archetypes. τοῦτο ist das Echte, wie jeder Grieche jederzeit sehen konnte; Korrektur hat es in B aus τοντοπο gemacht; ΒΓΝ haben τοῦτο τις, Schlimmbesserung daruns. Wer den Kairiner Menander kennt, sicht geratezu τονπο mit der Korrektur des Schreibers το darüber; der Schreibfehler seut antike Buchschrift ahne Wortsbiedung und Alexente vorans.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Aus den Teilen, wo mir Γ verstattet, klar zu sehen, weiß ich nur zu nennen nermesseic Φ gegen RV nermesseen; aber da hatten die Scholien (Anathoric) das Richtige. 1211 (ΑΤΑΚΑΝΙΚΙΑΙ Φ gegen «ΑΤΑΚΑΝΙΚΙΑΙ Β, ΚΑΤΑΚΑΝΙΚΙΑΙ V; aber das ist ein Febler des Schreibers von V. Auf eine Wortsbiedlung. ΑΛΑ βια Γ (ΑΛΑΝΙΚ RV), ist nichts zu geben. Ετιτέχει Φ τομό gegen έτιτετας RV ist wenigstens eine erwägenswerte Variante. In dem ersten Teile, der in Γ fehlt, mag z. B. 90 und 308 Φ etwas Richtiges erhalten haben; das sind aber Bagstellen, die annh ein Byzantiner ohne Vorlage finden konnte, und hei danen es ganz einerlei ist. ob sie als Überließerung oder als Konjektur in den Text kommen.

<sup>\* 500 07</sup>k 02 500 (5me Suid.) erkektkancai ind the amezdeton. De ist die Enterheidung mit somöglich, weil ich nicht weill, wie das singuläre erkekkeichen aufmissen ist. Die Glossen estanesache (V), anertresa (Suid.) sied ohne Gewähr. Was er 713 geht, ist eine antike Variante, der in R V © eine schiechtere gegenübersteht. Auf Varianten beruhen viele Störungen des Textes; ich hätte wohl Proben geben sollen.

was Aristophanes von Byzanz als Überlieferung einmal kanonisiert hatte, und die Scholien enthalten einen unverächtlichen Rest der grammatischen Erklärungsarbeit. Aber auch ganz abgesehen hiervon trägt der Text, wie ihn die «Uberlieferung» gibt, in sich die Gewähr, daß er viel reiner ist als in den modernsten Ausgaben. Eine Lücke hat freilieh Heliodor bereits konstatiert: der zweiten Parabase fehlt die Antode und ein Vers des Antepirrhema, das auch sonst verdorben ist. Es gibt auch sonst mehrere ganz verzweifelte Stellen, die ich nicht aufzählen mag, dagegen keinen einzigen interpolierten Vers! Außerdem werden recht häufig die leichten Einrenkungen nötig, die zumeist von den Byzantinern, zumal in B, dann von Bentley und den Possowschülern vorgenommen sind: unter thuch hat Domes die Palme verdient, der selten ohne Grund anstößt, meist den Anstoß sicher hebt, ein Philolog, kein bloßer Grammatiker. Gewaltsame Mittel haben sieh erst die Deutschen (Hermann voran, der aber auch einiges Vortreffliche pefunden hat) und vor allem die Holländer erlaubt, ohne zu fragen, ob Gewalt hier überhaupt zulässig wäre. Daß sie es wenigstens in den kommentierten Klassikern nicht ist, kann nach der Entdeckung so vieler antiker Buchreste als ausgemacht gelten. Verführt hat zu den Gewaltsamkeiten meistens Petitio falsi principil, in der Metrik der Glaube an eine Entsprechung von Silbe zu Silbe, von dem das nächste Kapitel handelt, aber nuch daß man sich für berechtigt hielt. den wirklichen oder scheinbaren Wohlklang als zureichenden Grund für Änderungen gelten zu lassen". Die Sprache aber hat man an einem attischen Kanon gemessen, den man sich selbst verfertigte; was diesem

\* Turn recluse teh nicht nur so Offenbares wie modernomen: (просижбления Намения) тре котклон 105, sondern auch die von Pousok beanstandelen Annpäste wie se

<sup>1 1511</sup> wird ohne jeden Grund verwerfen. Das Nesthükehen der Krebefemilie mußte jegendwie beannders einrakterisiert werden; daß es nichtbloß Traculaés ist, sondern The Teachlain med, markt sich besonders gut. Die Fautilienverhälmisse konnen wir nicht kontrollieren. Falsche Interpunktion hat mich buge verführt, 1385 zu verwerfen-Phillokleon verspricht der Flötenspielerin, er wollte sie als maccana ins Hann nehmen teine seiche hatte ihm auch der Sohn versprochen 739); er wire nur meh meht mundig, secon par eine, kai eyaattomai cedara to car daion tures me, der ist sehr grunnt and fürchtet für meine Moral, er hat je auch keinen anders Vater-. Es ist klar, dab sidor ras else aus den besseren Witzen nicht pater, aber streichen litte es sich nicht. weil ereatricas von dem folgenden to car fiainn mest se gefordert wird. Also sight of grand out the sharing appearing and an exparitoral parallel; womach so intermingieren. - Gegen Ende werden die Frhier stärker; 1514 ist der Schließ nur 1504 singedeungen, von Hennass berichtigt. So leite ich den Schluß von 1507 mis 1508 ber. Denn wenn Philokison beim Erscheinen des zweiten Krebses augt sin hab felt in Beilage genng sum Frühstricks websest tea, so kann der Sklave nicht bestätigen so. TON OF OTREM SALO TIANNETS RAPKINOTO, "Jawohl, nights als Kreise." Day int doch ausreschemt und dem Alten genehm. Auch das schlechte re zeigt das Füllach. Da stand ein Witz, den ich nicht raten mag,

widersprach, lutte der Librarius verbrochen. Dabei hat man weder die Sprache geschichtlich betrachtet noch sich psychologisch eine Vorstellung von dem Schuffen eines Komikers gemacht, der keine Grammatik, auch noch keine durch känstlerische, sozusagen handwerkliche Tradition gefestigte Form zu respektieren hatte. Bei Zachen-Bachnann darf Aristophanes nicht einmal mein schreiben, obwohl das überliefert ist; von den Inschriften ganz abgesehen. Aber auch sonst stellt man uns einen Aristophmes vor, der sieh überlegt: Jetzt mache ich Anapäste; da darf leh ale und raale schreiben, ohwohl das nicht attisch ist. - In den Anapästen ist man nun so liberal, ihm kekkennal, satetakvia, kavenacees zu verstatten; aber wenn die Überlieferung spanexaval an die Hand gibt, so wird das abgewiesen, weil Aristophanes die Apokope der Fraposition nur in fremden Dialekten angewandt habe; Eupolis (AMBAYCTONECA)) und Pherekrates (Arxacke) durften sieh's freilieh erlauben. Wenn er die Tragödie parodiert oder doch tragischen Stil nachahmt, darf er serac messen, sonst ist er an serac streng gehunden; und wenn auch die Fänste an einem Faustkämpfer das Wichtigste sind, tat nichts. scenc muß weg (1193), damit die Quantität des c, das Aristophanes für langes und kurzes Ei schrieb, korrekt bleibt, xaac sal ragion ist erlaubt; aber seet für sich allein ist nicht hänfig genug belegt, daß man es dulden könnte. Anoixeras [1201] muß in Ancexeras gefindert werden, es ist zu «tragisch»; forka ist erlauht, aber forkenar (1142) hat der bose Libearius aus mpoceikenai gemacht: maranthavceai [1128] darf nicht passieren; so redet Menander; mapatréxen (1432) auch nicht; so redet Alexis. Es ist recht, daß scharf aufgepaßt und die im Grunde sbundierende Präposition notiert wird, und es ist wahr, daß in der Zurückhaltung der Athener gegenüber der Verschwendung von Präpositionen in der Komposition, die der Hellenismus treibt, ein sehr starker Unterschied besteht (der Attizismus hat dies sehr früh begriffen, denn die Schule schon der frühen Kaiserzeit hat die meisten hellenistischen Bildungen vertrieben); aber dann muß der Sprachgebrauch auch erst benhachtet werden, ehe im Einzelfalle zum Messer gegriffen wird. Der ergibt für naza etwas Besonderes, nazu' ele to neocosa ruft der Polizist in Athen, we er in Paris . Circulez, messionrs! ruft. HARAITTEIN HARAITTEIN DAPAKAETTEIN DAPARPATENTOS (Frosche 410) und gar DAPEENVAHMENOS (Ach. 684) werden genügen.

CHTEVERNT (CITEVITION & falsoh) AN AMBARKATAI R, was wahrlich unf AMBA mit übergeschriebenem a führt, das nicht am, sondern and bezeichnete. O hat am fortgebessen, V Annaa, interpoliert. Es ist schanderhaft, das Blöhen in Brüllen (Spyracesau mi findern) welchen Klang das Wort hat, mag man bei Ammonius lesco, wonn man's nicht aus der Literatur weiß. Ebenso schlimm ist's, Xsa zu halten, als ob es auf das Konsert ankline, nicht and durch amson, Anactenazem, anomaten an die Ham) gegeben wäre.

Der Attizismus, wie ihn uns Pollux und besonders Phrynichos repräsentieren, sucht im Interesse des Attisch Schreibenden für alles die echt attischen Vokabeln, nicht ohne die hellenischen oder die der cynnecia zu gelßeln. Tim Heustrannes ward als Herausgeber des Aristophanes, Pollux und Lakian auf das reine Attisch und seine Nachahmung in der Kniserzeit gestoßen; eine Ausgabe des Hesych bereitete er vor. So trat das Studium der griechischen Sprache nach der Seite von Formenlehre und Wortschatz, das erst mit dieser holländischen Schule beginnt, von Anfang an unter das Zeichen des autiken Attizismus; und wie sollte es anders sein? Er bot ja feste Regein für das «richtige» Griechisch, nach denen man sich sehnen mußte-Phrynichos war schon früh gedruckt; die Lexica Segueriana, die erst Bekkes veröffentlichen sollte, schrieb Runkes sich ab; ediert wurden aber bezeichnenderweise nur Möris und Timans; den Antiattizisten ließ man bei Seite; er enthält, wie traurig zusammengestrichen auch, die Tradition des Byzantiers Aristophanes περί των Δοκονητών κά είρθεσαι role arxione; man sollte ihn jetzt im Stile von Pressos oder Longos kommentieren. Die AIRAGON Hollands folgte den Spuren von HERRICHnevs his auf Wyrrennach. Possons Schule, von Bentley her an eln konsequenteres Beobachten und entschlossenere Kritik gewöhnt, tat einen großen Schritt vorwärts; sie erwarb sich den Ruhm, daß ihre Aufstellungen über die attischen Fiexionen und die attische Syntax durch die authentischen Zeugnisse der Inschriften in allem Wesentlichen bestätigt worden sind, während Hennanns philosophische Dialektik sich an der Grammatik nicht anders vergriff als die damalige Naturphilosophie an der Naturwissenschaft. Endlich führte Coner das Prinzip des reinen Attisch am entschiedensten durch, für die echten Attiker und für die Imitation der Kaiserzeit; vom Hellenismus verstand er nichts und wollte er nichts verstehen, von den Dialekten (anders als HEMSTERRUYS und VALCKENAER) micht. Die Verdienste aller dieserberühmten Männer in Ehren, ist es doch an der Zeit, ihr Werk im Sinne einer Philologie zu revidieren, die aus der antiken Grammatik zu einer historischen Wissenschaft geworden ist. Retuteroan, der bei Coner gelernt hatte, stellt in seinem schönen New Phrynichus das Problem, wie sich die attische Sprache gebildet hat; aber seine reichen und feinen Beobachtungen über Synonymik suchen doch feste Normen, ein für die Schriftsteller maßgebendes Attisch. Aber Leben ist Werden, und nur eine tote Sprache ist au die starre Regel, hie richtig, dort falseh, gebunden, und zu jeder Zeit bewegt sieh die lebendige Rede auf einer sehr langen Skala. Die Zeit, da die Packträger und Marktweiber redeten wie die Musen und die Musen sich an ein Dictionnaire de l'acadêmie du Parnasse luelten, ist so real wie die paradiesische

Blüte Griechenlands. Wie die Ungebildeten redeten, hat Kreysennen an den Vaseninschriften gezeigt; in ihnen spürt man sehon das Eindringen des Fremden, das sich steigern mußte, als Athen zu einer Großstadt ward. Gerade zu der Zeit, da sich die Sprache der Komödie erst fixiert, klagt die Schrift von der attischen Verfassung über die Verunreinigung der Sprache; wir aber haben wirklich eine sehr ungenügende Kenntnis von dem, was für diesen Beobachter reines Attisch war. Die Komödie, die wir kennen, zumal in ihren filtesten Resten. borgt keineswegs nur zu parodischen Zwecken beim Epos und bei der Tragödie; wüßten wir mehr von ihm, würde der ionische lambus auch seinen Einfluß verraten!. Der Komiker, der den Megarer und Böster thre Mundart reden läßt1, damit man über sie lache, wird keine puristiachen Rücksichten respektiert haben, wenn er Athener der niederen Schichten einführte. Bei Menunder schwüren die Frauen gamaten: EANAME ZET bei Aristophunes (Rerr. 1290) bruncht wahrlich keine Parodie zu sein, sondern die Anrufung des Zeus von Aigina, der dem Kleruchen Aristophanes nahe genug wohnte.

Aristophanes hatte sicherlich eine gute Schulbildung, wenn er auch nicht gerade den Prodikos über örschnis gehört hatte. Sein Gedächtnis war also voll von der dazumal klassischen Literatur; aber die Worte und Wendungen, die er auf der Tenne und im Weinberg, auf dem Markte und beim Barbier hörte, kamen ihm doch am leichtesten auf die Lippen, da er das attische Leben, das ihn umgab, wiedergeben wollte. Es war ihm nicht bewußt, daß er und Freund Eupolis den klassischen Stil der Komödie schüfen. In der Tragödie findet jeder,

Alteres als Kratinos war nicht erhelten: das ist eine ambesteittene Tatsache. Vom ihm haben wir immerhin genug, um den Abstand von der Sprache zu merken, die Pherekrates, Eupolis, Aristophanes für uns ohne wesentliche Unterschiede schreiben. Ob es Zufäll ist, daß die Reste der Hyrisen, seines spätesten Stückes, modern klingen? Von dem, was die Alexandriner in ihrer Kritik der revgartika (Phot. 2007 Avsslov) im Auge hatten, vermag ich keine klare Vorstellung zu gewinnen.

Wer darf verlangen, ilaß der Konnker diese Dialekte mil voller grammatischer Genauigkeit wiedergebe! Aber man erwartet gar im Böotischen die phonetische Orthographie, die es noch gar nicht gab. Man dekretiert, daß die Fran aus Sybaris (1438) Al sags, nicht zi, obwohl der Kritiker nicht wissen kann, wie man in Sybaris gesprochen hat, und Aristophanes von der Sprache der Inndert Jehre vor ihm zerstörten Stadt nichts wollte. Das ist ein Adisphoron: wiehtig dagegen, daß er für sein Lakonisch sieh an die literarische Sprache des Alkman gehalten hat (Textgesch, der Lyriker 34). Das possierlichste ist, daß man das Stammein des Skythen und Triballers mit Akzenten versieht, Zurkumflexen, Akuten a. dgl. Nichts denken sie sich dzbei, als daß Leseteichen zum Griechischen gehörten; und wie würden sie zetern, wenn man diese swegließes, wie die Naivität sich ausdrückt. Darf man doch nicht einmal die arkadischen, kyprischen, thessalischen Inschriften ohne diese täuschende Verzierung drucken, wo doch an der Täuschung auch die nicht zweifeln können, die wunderglänbig genug und, die alexandrinische Betonung der lesbischen und homerischen Gedichte für überbafert aus der Zeit der Diebter zu halten.

der flere Sprache ernsthaft aupackt. Würter, die dann erst viele Jahrhunderte später wieder auffauchen, in Kreisen, die über den Verdacht echaben sind, den Sophokles oder die transs Acre gelesen zu haben. Denn auch der Tragiker samme es der cysseelee, die wir viel weniger kennen als die konventioneilen Stile. Und dem Komiker sollen wir's nachrechnen, was er sich erlauben darf? Welche Selbstüberschätzung. entscheiden zu wollen, wann ihm eine Steigerung ins Tragische passend schien, so daß er zerac sagen durffe, gesetzt, die Kürze des hi klänge sofort tragisch. 1450 rednoic enemanne kazenvore. An dien expercoal cir von ist man gewöhnt, wenn man genng hellenistische Prosa gelesen hat; klassisch ist es freilich nicht. Starre hätte ex also beanstanden: sollen; aber er rechnet gar nicht mit dem hellenistischen Gebrauche, den ihm der Thesaurus doch bereitstellte . Befremden darf und soll mis das vereinzelte Auftreten; wir sollen our nicht gleich die Ehre des Attikers bedroht glauben oder ihr gar mit Gewalt aufhelfen. Meineurs Historica critica pilegt die einzelnen Komiker auf ihre Verstöße gegen die reine Sprache zu prüfen; der Komiker Platon bestand besonders schlecht vor ihm, der junge Coner aber brach zugansten seines Schützlings eine Lanze. Es ist doch klar, daß diese ganze Betrachtungsweise ungerecht ist, weil sie die Freiheit und Biegsamkeit der lebendigen Sprache außer seht läßt. Mögen wir die Beobachtung des Sprachgebranches bis zur genauesten Statistik stelgern: daß ein Wort oder eine Konstruktion vereinzelt bleibt, zwingt durchaus nicht, sie zo verdammen, wie anderseits grobe Fehler (Futur mit &s. xx(rows) durch ein Dutzend scheinbarer Belege nicht gerechtfertigt werden. Unsere Aufgabe ist ja nicht, e lexico et grammatica sapere, sondern das Sprachgefühl zu gewinnen, das dem schöpferischen Schriftsteller auch auf unbetretenem Wege folgt. Was wir freilich am besten bei den attizistischen Kritikern lernen, denen wir die Dankbarkeit gerade dann beweisen, wenn wir die Sehranken ihrer Sprachbetrachtung durchbrechen.

Philokleon schämt sich, daß ihn das Flehen des Verklagten zu Tränen gerührt hat sich glaube, mir sind die Tränen nur gekommen, weil ich die (heiße, 918) Brühe getrunken hattes, Angakryck, 903; wie soll man das sich vergoß Tränens anders sagen? Ist da ein Beleg nötig? Es scheint so, denn sie nehmen engakryck von Triklindus gegen RVF auf, das gewöhnlich ist, aber hier gar nicht paßt. In Wahrheit fehlt sogar ein Beleg nur, wenn man die Angakrytikk sagakk der späten

<sup>&#</sup>x27;STARRIE Rillert außer nooc réserte ére nook (Lykophroniden), dus die Entstehung der Wendung gut beleuchtet, aus Pindar Lethur, 1. 4 Δλοος en λι κεκγεκει aber wie will man den Dativ erklären? Kenjiziert ist daher es λι, dus die Saube nicht was mittels besare mankt, du An mitte man besatellen; this em Bintismon berauskommt, markt die Kleinigkant interassant.

Aezte nicht rechnet. - vascovsas sagt der Athener von dem Sklaven, der auf den Ruf erscheint oder das Befohlene int: daher wird es zu oborder und regiert den Dativ. Gegen diese Regel ist nichts zu sagen, Die Wespen klagen it nor of med expun sainer as anin b repun ord spacovst, 273. Der Alte hört sie, möchte auch kommen, kann aber mehr. Da sagt er tokomai vada stakoven, 314. Er kann nicht vada sagen, er gehorcht ja nicht: er mag nicht bloß serens sagen, denn er ist gynassi ein Thakovan. Daher braucht er den Genitiv. Es mag sein. daß das singulär ist; aber es gibt die Nuance, die der Dichter und wir branchen, und da wird er wohl zufrieden sein, wenn wir ihm nachdenken statt ein miserables 6n' koyvas aufzudrängen. - Die Regel sugt, uttisch kateach the kepanic, später ihn keganin. Wenn nun der Athener einmal sagen wollte, wieviel von dem Kopfe abgeschlagen wäre, was sollte or anders als den Akkusativ branchen, also the receasic sera coones, 1428. Kein Wunder, wenn es keinen Beleg gibt; aber gesetzt, es ware austößig, so könnte man es immer noch allenfalls auf die Sprache schieben, in der die Anekdote von Philokleen gehört wäre, da er thre Pointe in der Form gibt ergor no un exactor eigen rexenu. Darin ist (PAO) ganz unattisch, also sicher entlehnt. Das ist darum wichtig, well es verlangt, daß Philokleon von sich etwas zufügt. Denn wenn er einen Menschen verprügelt hat und dem zur Beruhigung eine sybaritische Anekdote erzählen will, so kann die nicht auf die Mahmung streibe, was du versiehsts hinaushufen, sondern auf das, was tiberliefert ist so hufe auch du zum Feldschers. Umstellung gehr also nicht. Es ist wahr, die Nutzanwendung der Geschichte paßt schlecht zu ihr. Aber Philokleon ist betrunken, und für seinen Verstand palit jede Geschichte, in der sich auch einer ein Loch in den Kopf geschlagen hat. Dies Beispiel führt bereits hinüber zu den Aufgaben, welche der Interpretation gestellt sind und wo wieder vorgefaßte Meinungen von der Tiefe und Vortrefflichkeit des Klassikers zu überwinden sind; die antiken Grammatiker waren vielleicht zu rasch bei der Hand, sieh bei einem ananders maize zu bernhigen. Interpretation tut not, die den Dichter versteht und nicht weiser machen will, als er war; es magimmer noch zu sehr im alten Stile sein, wenn die folgenden Bemerkungen sich vorwiegend auf Stellen erstrecken, wo die Erklärung mit der Textkritik verbunden ist.

<sup>1</sup> Die Wortstellung ist auch etwas, das dem Diebter oft korrigiert wird, sei ex. dall man then seine unterweilen starken Inversionen nicht verstattet, sei en, dall man cine besondere Absicht verkenut 71 adoos rat à natrie saakuros avrov accel. Son EFPAYATO KYAN AABITA TON TYPON AGIREN BY MONGE KATHEBIER, WO VOIT AGIREN TON TYPON micht die Rede ist, sondern nur von kareceiem, og 970 ro? De ten ricen r exem. we as it geteenst ist. Schlimm hat Count gleich die höstliche Erzählung des Traum-VETERITION DE ÉCONOVI AISTON NATATITONENDA DE TIN APORAN RETAN HANY ANAPHACANTA

20 OVAÉN ÁPA TPÍNGY AJANÉPEI KAEÚNYMOC.

\*TÜC AÑN TPOCPEÏ TIC TORU CYMTIÓTAIC, \*AÉTW,

OTI TAYTÓN ÉN CHI T' ÁTIÉBRAEN KÁN OVPANÚI

KÂN TĤI BARÁTTHI OHPÍON THN ÁCTILA\*

— OĬMOI TÍ AJITÁ MOI KAKÓN CENHCETAI

JAÓNTI TOJOŸTON ÉNYTHION; — MÁ SPONTÍCHIE.

25 — DYAÉN CÁN ÉSTAI AEINÓN; — DY MÁ TOŸC BEOŸC.

F5 - DYAÉN FÁR ÉSTAL ASINON: - DY MÁ TOYO BEOYC ASINON FÉ TIOYOS ÁNGPWITOC ÁTIOBANÚN ĎITAA.

An 21 ist viel versucht, well man across las, wozu meocres wirklich nicht paßt. Es erledigt sich, sobald man acra aus V aufnimmt, und mit nac as verbindet, das gemeiniglich dem andern Sklaven gegehen wird, dem aber auf das Rätsel nichts ankommt; er hat Angst wegen des Traumes. Um wieviel schlechter die gewöhnliche Personenverteilung ist, - MA SPONTICHIC OFACH TAP ECTAL ACINON OF MA TOYC SCOPE: acinon re tovce A. A. C., die auch das überlieferte nov zu ändern zwingt, ist kaum nötig au sagen. - Wirds wirklich nicht gefährlich? - Bewahre. gefährlich ist doch wohl ein Feigling nicht. Verzweifeln muß man an dem falschen Versanfang Taown rolovron, denn der Einschnitt in dem Anapäst ist wirklich falsch: aber Hilfe gibts mit Konjizieren nicht. Nun stellt ein genan so falscher Versausgung 1369 KACTARTA - HOIAR AVAH-Trias, wo such jede Änderung den vortrefflichen Ausdruck zerstört. Sollte nicht die lebendige Aussprache roovtos (so sprach man doch) und noss (so konnte man sprechen) so kurz zusammengezogen haben, daß es in eine Silbe zusammenklang und einmal so genommen werden konnte? Ekkl. 1005 MA CKONTÉ M' O TANAN AANA. Da ist --- kaunt erträglich; aber so sieht es nur aus, gesprochen ward vin, oder doch beinahe ran. Wesp. 967 & Admonie sassi, ist als Proceleusmaticus wirklich ungulässig; aber wenn man caessoc sprach und schrieb (Antiattizist 92), so ist es begreiflich, dati man exem zweisilbig sprach.

V. 76 - 85 wird jetzt auf die beiden Sklaven verteilt; die Scholien sagen rinke Ameikan kapikersen as serecom syra cynex@c nicht sind. Sie haben ganz recht; dann kostet es auch nicht die Annahme einer Lücke. Der Sklave, der das Publikum über das Sujet aufklärt, ist herangetreten; um den andern kümmern wir uns nicht; wo gibt es auch ein solches Dreinreden, wie die Modernen ihm zutrauen? - Nun ratet mal-

TOIC CHOTEN ACTION DEPEND ETENANTON ANEKAC EIE TON OFFINION. Da stellt er werem and Einde; gut, wenn's ein Schüllerexerzitiom würe. Aber der Redende trägt in der Reproduktion des schauerlichen Gesichtes die simblichen Epubeta unch, wie ihm das Greiffeldanis immer deutlicher die Bibler reproduziert. Da sah ich einen Adler, der flog auf des Markt berunter, ein großer Adler, der packte mit semen Krallen einen Schild (die blingen da in der Stoa Poikile, Ritt. 845, Pausan. 1.15, 41, einem erzbeschliche Beiege für wolche Verschränkungen.

Da der Amynins' sugt, der Herr würe mackyboc AAA ORGEN AGTEL MA Δ', AAA' A6' A2TD? THE MOCON TERMADETAL. Aber das ist nichts, wirklich nichts, sondern er schließt von sieh. - Publikum lacht. Er fährt fort \*OYX AAAA MAD MEN ECTIN ARRA TOV Abrov . Nein; das heißt, mit was fringt es an; soweit hat er recht. Wozu da Lücke oder Personenwechsel? OPK AAAA ist V. 9 and 1.372 -nein, sondern . 634, hinter dem Kompliment gyaenoc akoycamen gyrus eynerüc aerontoc, sagt Philokleon oyk, AAAA «gewiß nicht; aber er meinte, ich würde nicht reden», so daß es affirmativ wird. 1143 -das sight mir aus wie das Costum des Morychose soys, And th Exparamond rava Yealners and a night, ober in Ekhatana wird es allerdings gewobens. Genau so hier; es nimmt das ov as Ala auf, aber sans schränkt ein. Man rezitiere nur gut, dann wird die Wirkung dreimal so groß, weil derselbe Mund alles spricht. Nun tut er so, als hörte er einen andern Zuschauer - oal af one Cweise THÁC ACPKYADA CÍNAI GIAOTIOTHA AVTÓN " OVAMBOCI", ÉTIC AVTHITO XPHETON COTIN ANAPON II NOCOC. Da kann doch die abweisende Negation gur kein anderer sprechen, als der die Frage gestellt und die falsche Antwort gehört hat. Über den dritten Versuch richtet er die Kritik direkt an den Ratenden, und brieht dann ab LAAGE GAYAPETTE Wenn lifer ein Dialog wäre, müßte er durch die Beziehung der Redenden aufeinander kenntlich werden; es gibt aber nur eine Beziehung auf die Ratenden im Publikum

147 fängt in R korrupt an ATAP OVE SPERCEIC TE, und V hat mit tesperceic eine Interpolation; overti ist nicht besser, denn sorem heißt nun und nimmer . hinauskommen . Das war over xamaceic re, wie 186 over xamaceic re steht.

218 ac and mecon nykton to hapakanove del nyknove exontee. Diss Verbum ohne Objekt ist unerträglich und stammt aus 215 heovem.

Hapakanovntee toytoni. Die Verbesserung ist leicht hapabannover. Bekken An. 112, 32 hapabannere die ton tohon eynesale southe. Das Zitat, das der Antiattizist beigefügt hatte, ist nicht erhalten; die Bedeutung ist wie auf diese Stelle zugeschnitten.

441 SÎTA AHT OY HOAN ÊNECTI ASINA TŴI FHRAI KAKA; AHAA AH KAI NYN FE, fulgt Beleg.

Wer kam ansingen? Aber weil die Byzantiner ARAAGE akzentuiert hatten, schrieb Comm AGAA a'el sal nen re, wo weder at noch re recht passen.

Ob Treschust nach der ersten oder dritten ginge, mögen die Athener später nelbst nicht gewußt haben; aber Treschus steht auf der Dedikation der drei Hipparchen (I. G. I Suppl. S. 184), und daß es richtig ist, beweist das gewühnliche Treschuschen.

627 KAPKEXOLACIN N'OI HADYTOPHTEC KAI (cl.) DANY CERNOL. Ohne den: Artikel sind die Reichen auch die Hochangeschenen.

733 COL DE NYN THE BERN MAPON EMPARHIC EVANAMBANEL TO TIPATMATOR KAI ARAGE COTH ET HOLDIN, CY AS TIAPRIN ACKOY.

Für den Modernen ist das zweite nasun überflüssig, denn wenn einer «da ist», nämlich wo der andere ist, muß ja wohl dieser auch da sein. Also konjiziert man, und wie, MASON (WHS?) TAPEIC (WHA?) nasos (als ob er's sonst nicht gedurft hätte) mossius (als ob er der Gott ware). In der alten Sprache wird das reziproke Verbältnis nun einmal durch Wiederholung bezeichnet, its te, Xma Mén - Xma Aé, deque pauperibus prodest, locupletibus orque, alles ist im Grunde derselben Art, maron ras tove marontae everancie Eurip. Hik. 649, Androm. 748 maron mede magontae sanance ramarove. Also der Anstoß bernht nur auf unzureichendem Sprachgefühl. Merkwürdig dagegen ist die Stelle für das religiõse Gefühl und seinen Ausdruck. Die sinnfällige Gegenwart eines Gottes wird empfunden, wo doch nichts als die Rede des Bdelyklenn tätig gewesen ist. das begläckende Gefühl, von Vorurteil und bremm eriöst zu sein, verdichtet sich zu dem Glauben volus ist eine Gnade Gottess, und dann hat dieser Gott selbst eingegriffen sein Wirken ist seine Epiphanie. Es ist dasselbe Gefüld, das den Apollon in die Kentaurenschlacht des olympischen Giebels stellte, die Athena in die Troerschlachten des Aphaisgiebels Und der Philologe muß sich dies Gefühl ebenso zu eigen machen wie die Wiederholung von naron. Vergessen darf man natürlich nicht, daß die Stillisierung hier nicht dem Komiker gehört, der vielmehr tragischer Weise, wenn nicht einem bestimmten Vorbilde folgt.

797 Philokleon erklärt sein Einverständnis mit dem Privatgericht. Bdelykleon sagt knamen nyn; das palit: ech as tave hen serun. Darin ist tavta unverständlich, von Russer in manta geändert: aber wir wissen gar nicht, was das valles sein soll. Als er zurückkommt, sagt er: «Was sagst du nun?» oc knamt ern seru ochner enakon kati norder nakon hatte er vorher eine Aufzählung gegeben, und vor oder besser hinter anamen nyn ist eine Lücke; vermutlich hatte der Alte sich unglänbig geäußert, ob auch alles zu beschaffen wäre.

819. Dem Alten fehlt noch etwas zu seinem Privatgerichtshofe: santenon εί τιας έκκονίσκε τὸ τον Ανκον. Der Vers wird doch wohl identisch sein mit dem unter Eupolis' Namen von Herodian (Carsten, An. Ox. III 253, Πεπαλον, Emendand grammat. Gr. 309) angeführten seinen εί πώς κοι κοκίσκο τον Ανκον; aber viel Veclaß ist auf die Variante nicht. Zu seiner Überraschung präsentiert ihm der Sohn Heroon

und Heros; der Alte meint zwar, der Heros wire etwas schwer zu schen', aber Geister erscheinen nun einmal in welcher Gestalt sie wollen, und so hat Lykos seine Waffen abgelegt, so daß er wie der ACTUARIOBARC Kleonymos mussieht. Was Bilelykleon zeigt, kann kein makens sein, wie der Scholinst meint, kein Tontäfelchen mit Bild und Weihung, denn in Wahrheit ist oben Lykos nicht dargestellt. Jede Vasenscherbe mit einem nachten oder bekleideten Menschen reichte hin; nur eine Säule. d. b. die billigste Andeutung eines Heiligtumes, moßte dabei sein, da dies von dem Heros unterschieden wird. Auf das Heiligtum kommt es nümlich au: daß dies auf dem Banernhofe verlangt wird und diesem Verlangen Genüge geschieht, darin liegt der Witz. Denn Lykos hatte seine Statue mit einem beiligen, von einem Robegitter umfriedeten Flecke, ustürlich auch mit einem Altar, dicht bei der Heliaia am Markte. Das ist von den Grammatikern bezeugt folgt aber mich aus den Wespen selbst, 389. Philokleon soll dort seine seol narrotes anrufes und sagt: « W Ayke Accusta reitum lipus. du hast ja dieselben Nelgungen wie ich, freust dich an dem Gewimmer der Verklagten und hast, um dies zu hören, dieh da angesiedelt. CALUCCO. NOW .. TON CATTON TRANSPORMENT. Dann will leb auch deine Rohrställe. respektieren : was die Herren Richter, wenn sie austraten, also nicht en tun pflegten. Daß für den Alten der Heros, der neben der Heliaia wohnt, sein Nachbar und sein natemoc ist, darin liegt die Pointe. Durum ist es so lustig, daß Bdelykleon es ermöglicht, bei dem Privatgerichte ein Lykosheiligtum zu schaffen. Dann kann Philokleon aber mmöglich den für ihn unrealisierbaren Wunsch im Optativ ausgesprochen haben, und es stimmt gut, daß dieser Optativ in den Handschriften eine unpoetische Form trägt. Die Forderung eines Irrealis liefert dann leicht die Verbesserung enemon ei nuc in konicat: die Verderbnis wird begonnen haben, als sir kosicas geschrieben war,

Achten wir zwischen diesen kritischen Betrachtungen darauf, wie geschiekt der Dichter 834 den Alten von der Bähne bringt, damit der

NATION SIGNED BYXABIDISCHE Emendation für NAMERON HVT

Es genügt dafür der Hinweis auf den Artikel in Roscums Lexikon 2187. Die Statue wird dem Sohne Pandions gesetzt sein, als der Markt mit den Eponymenstatuen geschmückt ward; daß wir von seinen Beildern Aigens und Pandion nichts hören, wird daran liegen, daß sie zu den Eponymen gehören. Die Statue des Lykon ist ja mich nur dedurch berufen wurden, daß sie inben der Heliala stand. Des hat auch die Anekdute erzeugt, daß Lykos der erzie Sykophant ward, der den Thesesett tweakeit (also aus der Gesinnung der Wespesibelissten beruns) verbumdete und seinen Outrakismos hervorrief. (Sohn), Ar Plut 627, daraus wohl Schol, Aristid 388 Ddf.) Diese Verböhnung der demokratischen Institution kann wohl nur erfinden sein, als aus moch bestand, und man kann kann milien, an eine alte Konödie zu denken. Theophrast thei Pausanius dem Attinisten, Eustath 782 — Seid, Arze Ceypia) hat alle miter seine Exempel meter tree sone exempte meter seine Exempel meter tree sone exempel meter tree sone exempter aufgenommen.

Sklave die frische Untat des Labes melden kann; Edelykleon war ja in Verlegenheit um einen passenden Rechtshandel (828). Gleichzeitig kommt heraus, wie erpicht der Alte aufs Richten ist!, das er so lange aufgehalten hatte. Als er endlich sitzt und die Akten geholt werden, schimpft er über die Trödelei: «ich hätte es so nötig, mein Feld zu pflügen». So schalten die biedern Bauern in der Heliaia; für Philokleon paßt es gar nicht; aber wir wissen, das geniert den Aristophanes nicht.

875 betet Bdelykleon zum Apollon Agyleus, der in seinem Symbol immer gegenwärtig ist, in Anapästen. Daß diese aus einer Reihe von Tetrametern mit Pnigos bestünden, ist nicht erforderlich, aber natürlich willkommen. Δ Δέσποτ καλέ τείτον άτνιεν τονκον προθύρον; [πεονπύλον V], προς πύλας; in R hatte zuerst πρόσειν πύλας gestanden. Was die Modernen daraus machen, προπύλαιε oder πρόσειν περιγγλίον, paßt in den Vers, ergibt aber eine lästige Abundanz; Meisenes πάρος κύλες ist freie Fiktion. Man kann kaum anders, als die Diagnose stellen, daß nur die Varianten προθύρον und προσύλον zugrunde liegen, von denen die erste dem Bauernhause besser entspricht. Für den Sinn sind auch alle Zusätze schädlich. Gibt man sie auf, 20 ergeben sieh als Summen der Metra 7, 4, 4, 13. Ich würde dem dennoch nicht trauen, da Tetrameter in diesen Systemen so selten sind, wenn nicht das Kommation des Friedens sich mit demselben Mittel heilen ließe. Es beginnt

ANA THE MAIPHIN - AMERIC AN TEME TAKE TH CHEYN THAPAGONTES! TOTAL AKONOVOCIC ANMEN CHIZEIN HISW.

Die Summen der Metra sind nach Beseitigung der Interpolation 7, 4, 4-Dann folgen Trochäen wie im Kommation der Wespen, wo akatzlektischen Trochäen akatalektische Anapäste vorhergehen, höchst befremdlich. Aber Tetrameter mit folgendem Pnigos sind im Kommation

Dies fordert G. Hermanns Verbesserung 833, Artoc komorma to de manatik' enagern Stimute krima. Uberliefert ist ti note to krima; aber zu der verwunderten Frage hat Bdelykleon keine Veranlaasung. Dagegen weit Philokleon, daß er keine wirklichen Schrunken schaffen kann, will sich also efür diesmal irgendwas bolen. Er kommt mit der Hürde, die anf dem Hofe das oder die Ferkel zum Opfer für Hestia einschließt. Die Erklärer, weiche meinen, Philokleon hätte am Herde einen Schweine-koben gehabt, unterschätzen denn doch die Lebenshaltung der Athener. Bei Kullimachos, 6, 108, verzehrt Erysichthon das Kalb tan schlauftpasse natur. Die Königin hat ein teureres Tist, sonst ist die Sitte dieselbe.

Daher die auch bei Menander ganz gewöhnliche Beteuerung zu von Andanse vertess. Befremdend ist nie Themn. 728, weil der Agyieus da vor dem Thesmophorion stehen muß. Farrzeiten hat zu dem Verse viel gutes Material. Kaum kann man anders urteilen, als daß ein Altar vor der Hinterwand der Bülme schon so zum festen Bestande gehörte, daß der Dichter ihn voranssetzt, auch wo er kanm paßt.

von Willamourre-Mouleuner: Cher die Wespen des Aristophanes. (IL) 519

ebensowenig erfordert wie in der Wespenszene, wo die Anapäste vor den Strophen eines Chorliedes stehen!

903 AV AVI HAPECTIN: ETEPOC OVTOC AV AABHO AFABOO T VAAKTEIN KAI HEPIAEIXEIN TÄC KYTPAG.

Da ist die Personenverteilung zu verbessern. Kyon meldet seine Anwesenheit durch Gebell; der Alte sagt; «Das ist bloß ein Schnapphahn Nr. z.» Bdel. Der versteht das Bellen Ph. «ja, und das Topflecken auch». So muß verteilt werden. Das Lob kraede c' vaaktein kann dem Alten nicht gehören, auch formal wegen des es nicht.

030. Epilog des Kyon. » Verurteilt ihn, damit ich nicht vergebens belle, sonst belle ich in Zukunft nicht mehr. - Ist das nicht eine abschenliche Tautologie? Da sollten die Erklärer etwas sagen; aber sie verbreiten sich nur über am Kenne Annec. Kleon wird durch die Schlußverse charakterislert: als at as - wir sind auf etwas Furchtbares gefaßt. Aber mapa neocaoxian folgt: . Wo night so - belle ich night mehr. Welch Unheil für Athen, das muß abgewandt werden! Richtig rezitiert wirkt es großartig. Überhaupt sind diese ältesten Plaidovers auch für die Rhetorik unschätzbar, ganz wie die Formen des Prozesses und der Abstimmung zusammen mit der Areopagitenszene der Eumeniden allein die Praxis des 5. Jahrhunderts kennen lehren. Anklage: Pronimion, zugleich Prothesis, dann катаскеуй, vita ante acta des антідікос. Epilog mit dem eben bezeichneten aciscs. Verteidigung: Prooimion, Asackeye. MARTIPIAI, LACOC, TROC TON ANTIDIXON. Dabei ist das Lustige, daß die катаскечн in от метедык емо! gipfelt, die Verteidigung in dem Eingeständnis der Schuld.

TOGO O TIÁNAI HOT DITEC HINGE ENKIMOL MEN EN KOPORT ANKIMOL O ÉN MÁXAIC KAÍ KAT AYTO TOVTO MONON ENDREC MAXIMUTATOL

Abgesehen von der freien Responsion in den Trochäen, ist maximütater offenkundiger Schreibschler; aber den hat Benten mit Andermütater verbessert, denn der Chor schließt die Strophe mit der Versicherung, auch sein Greisenalter schlüge immer noch nomme kikinnove
neanion kal exima (fishlonable Erscheinung) kal expyripmentian. Wie soll

Die Strophe ist an Apollon gerichtet, daher schließt sie der sakrale Zuruf beit maks. Die Antistrophe richtet sich an Bdelykleon; trotzdem hat Manners mit dem Zusatze vom bee maks Glück gemacht. Wenn's nur respondiert; der Sinn ist Nebensache. Der Zuruf hat weder Maß noch Melodie, wenn man auch ein Reinianum in ihm finden kann. Wohl aber neigt dieser Ruf der Koroma ebenso wie die Aufforderung zur systema 868 (die Bdelykleon nicht ergeben lassen kann, da eroppia Schweigen fordert, nicht Gesang), daß der Chorführer die Strophen singt. Sie bestelten aus einfachen Lamben; ein Dochmies schließt ab.

dazu Jaxonuraroi den Gegensatz bilden, was Mode ist für maximuraroi zu setzen? Und das Epirchema schließt damit, daß die Perser sagen инден Атткоу свиков андрикитеров. Männlichkeit beweist sieh darin, daß die Leute so stramm zu tanzen wie zu fechten verstehen; dasselbe ward an den Spartanern (Plutarch Lyk. 21) gerühmt. Natürlich zeigte der Tanz der Wespen die Spuren der alten Strammheit ebensowie die steifen Glieder. Die Ode der Komödie nimmt entweder mir alte Melodien auf oder mit diesen auch die Textworte und variiert oder parodiert dann die Motive von beiden; dem muß der Erklärer nachgehen . Hier liegt der Spruch maan not Rean Ankino Minheio zugrunde; Asxisto ist im Attischen Fremdwort. Im Venetus steht aber ZU 1063 die Notiz Alaymor encin oti Hapwigher tasta ex ton tos Ti-ACSPECATOR TOP POAIGY. Kann man zweifeln, daß damit jener Vers gemeint war? Ob die Notiz zu anknot oder zu men mor an gestellt ward, war ja gleichgültig. Ich habe früher die Uberlieferung des Spruches behandelt (Textgesch, der Lyriker 32) und die Herkunft von Anakreon bezweifelt, aber noch geglimbt, daß der Vers in seinen Werken stand. Der Name beruht auf Zenobius V 80 (aus diesem Schol. Aristoph. Plut. (902) und ist bei ihm nicht Schreibfehler. Aber nun steht Anarreun bei Zenobius gegen Timorreun bei Didymos, und da würde der berühmte Name weichen müssen, auch wenn nicht dem Spötter Timokreon ein Wort besser als jedem anderen zukäme, das nach 494 geprägt ist

1122. Philokleon will seinen alten Tribon nicht ablegen.

ENEL MONOC M' ÉCUCE HAPATETARMÉNON. BE' O BOPÉAC D MÉTAC ÉRECTPATEYCATO.

Wenn das richtig ist, so stand er beim Einfall des Boreas in der Front, und da kam sein Mantel und retiete ihn. Dem Hopliten hilft der Nebenmann (Eur. Her. 191): mit dem kann man den Mantel am besten vergleichen. In diesem Sinne steht maratattenen z. B. bei Kenophon Symp. S. 34. Also maratatatenenc.

1125. Bdelykleon: «Du scheinst gar nichts Gutes haben zu wollen.» Philokleon:

MA TON AL OF THE OF DAMBE MOT EXMODENT ATTEMENT OF THE OF

Auch die Ode der zweiten Parabase wird auf ein Skollin zurückgehennoankoo zh zoe enavron zeeno neserziwat sai esase ovzerminure, aber Ausmin tet mir über- - forgt seine Verhöhnung. Die Antithese ist so gezwungen, wie sie mir direch Anlehnung an einen bekannten Vers geworden sein kann.

Der Scholiast meint, es ware ihm bei dem Essen der gerösteten Fische Sauce (die leider nicht genannt ist) auf den Rock gespritzt, und da hätte er sich die Flecke auswaschen lassen müssen. Lezuwen und Starrie erzählen mehr oder minder deutlich, die Fische wären ihm so sehlecht bekommen, daß er in der Nacht nicht schnell genug auf den Hofhimmter kam, und den Rock, in dem er schlief, daher einer gründlichen Reinigung unterziehen lassen mußte. Über diese seliöne Geschichte würde sich Aristophanes wohl deutlicher ausgelassen haben; auch würde ich ihm geraten haben, ein Gericht zu nennen, dem die durchsehlagende Wirkung leichter zuzutrauen wäre als den trockenen Fischen. Aber was soll überhaupt ösciaun anthusa? Bin ich schuldig geworden sollte es heißen. Aristophanes sagt: Als ich mich recht satt gegessen hatte, zahlte ich an den Walker eine halbe Drachme, die ieh ihm schuldig war. . Aisch. Prom. 985 deelaun Thom an Avrail xaem, sich bin's wohl schuldig, dem Zeus den Gefallen zu tuns. Davon. daß zwischen dem Essen und der Schuld ein Zusammenhang wäre, kein Wort, nur zwischen dem Essen und dem Zahlen. Sollte nicht ein Student oder Leutmant in einer modernen Posse sagen können: Wenn mir mal was Gutes passiert, hat's immer schlimme Folgen: neulich nach einem Austernfrühstück habe ich meinem Schneider eine Rechnung bezahlt. Die unnatürliche Stimmung verführt zu einer Handlung wider die Natur. Daß es hier ein alter Knicker ist, der seine Rechnungen prinzipiell unbezahlt läßt, entspricht der allgemeinen Charakteristik des Alten in der Komödie; wenn Philokleon sonst diese Züge nicht trägt, so werden wir Konsequenz nicht mehr fordern. Er sehreibt den Geiz 1357 seinem Sohne zu, aber nur weil der dort die Rolle des Vaters spielt. - Den Vers 1227 zitiert Athenaus in der Form sal rap проторон ale angrasiann Xamen muin aus den Wespen: Kock führt ihn trotzdem als ein besonderes Fragment. Die Variante bringt die Sauce hinein, die der Scholiast voraussetzt, aber das Verhältnis zu Anenux' ooslaun wird nicht besser; wohl aber erklärt sich aus der Deutung des Scholiasten die Entstehung der Variante. Was aber ist aic, das der Lexikograph vorfand, aus dem Athenaus schöpft, denn der Vers steht unter dem Lemma anspaxiose? Ich wage die Vermutung, daß es aus einem abgekürzten ause entstenden war, das die Präposition von transpariate verdrängt hatte. Diese Einführung der Variante kenne ich zwar nicht aus antiken Handschriften, aber in den Homerschollen der Aristarcheer ist es gewöhnlich und fehlt auch in unserem Aristophanes nicht, z. B. zu Lysistr. 1300.

1139. Bdelykleon sagt, als der Alte den persischen Flausch für ein Schafsvlies hält:

KOV BAVMA I', EIC CAPABIC THE OPK BAHAYBAC. ETNUC TAP AN, NYH A' OYXI FITNUCKEIC: ETW MA TON AI OF TOINTH ATAP ADKEI I'S MOI EDIKENAI MARIETA MOPYXOV CAPMATI.

Darin ist die Dublette sonst würdest du es kennen, jetzt kennst du es nichts befremdlich, ebenso die so stark bekräftigte Verneinung, in der mir wenigstens tolsys überhaupt nicht verständlich wird. Und dann kann der Alte eigentlich ein Kleidungsstück, das ihm eben noch ein Vlies zu sein schien, nicht wohl für das Kostüm des eleganten Morvehos halten, der wirklich beim König Gesandter gewesen war (Schol, Ach. 61). Das erledigt sich durch den Fortschritt der Handlung. dem die Worte genau entsprechen. Indem Bdelykleon das hisher zusammengefaltete Himation auseinanderschlägt, wie er muß, um es dem Vater umzulegen, sagt er: » Wenn du in Sardes gewesen wärst, würdest du es kennen. Kennst du es jetzt nicht?. Wornuf der Alte sagt: Nein, ich kenn' es auch jetzt nicht, außer daß Morvehos so was Ahnliches tragt . Das zwar nicht; aber in Ekbatana, wo Morychos seins auch herhat, wird es allerdings gewoben. Es war also treffend, wenn Palmen Tolore in to see Endern wollte, nur hat Stance mit der Ablehnung dieser der Komödie fremden Wendung auch recht. leh denke, das war oved non.

1149. tx @rast | xal cthe ambiexomenoc; R versucht mit anamidie fehlende Silbe zu geben, Byzantiner mit re. Es ist vielmehr auch kal zu viel, denn exe ist kein besonderer Befehl, 1135 ex anabage. Also ist hinter the mehr ausgefallen, z. B. atermat; das bloße the sagt auch wenig.

1 : 58. Beim Wechsel der Stiefel ist monacaceat ein paarmal eneaveacear geschrieben; 1157 nuch vnoavov für vnoavov; das ist längst erledigt. Aber tacal a anycac entoayes the Aarwnikac strainbt sich. Denn mit vnogov erzielt man erst durch verschlechternde Umstellungen einen Vers. Also hat Aristophanes wirklich gesagt «ducke dich unter diese Stiefels, mit dem Akkusativ, wo wir doch yngayna mit end verbunden fordern, also ein momentaner toller Einfall, der mit dem Anklang der Verba spielt. Die Emsiden tragen im Namen, daß sie keine Sandalen, sondern Schuhe sind; die Askonkal sind in den Ekklesiazusen auch EMBAREC, 74, 507, 508, we the Distinktiv in der Verschnürung angegeben wird (xAAA CYNATIOYO HNIAC AAKWNIKAC Wird in den ersten drei Worten tragische Entlehnung sein); hier aber kommt es darauf an, daß sie den Fuß besser schützen; es ist ein Gegensatz wie Stiefel und Schuhe; wir werden also die riesigen Stiefel Akkonoka neunen dürfen. die wir zuweilen auf den Vasen sehen (z. B. Furrwändere-Ringmonn Il 107 sogar Damenstiefel); man begreift die Stimmung des Bauernjungen, der sich, \*wenn er ein Krösus wäre\*, in neuen Anvere porträtieren lassen würde (Theokr. 10, 35); man begreift auch, daß Aristophanes von ihnen nicht \*sich unter den Fuß binden\* sagen mag, sondern \*sich in sie verkriechen\*: er wird sie in entsprechendem Format auf die Bühne gebracht haben.

TIÓQ. ΤΡΥΦΕΡΟΝ ΤΙ ΔΙΑCΑΛΑΚώΝΙCON. Es gibt kein Wort, das den aufgeputzten ruppigen Alten besser bezeichnen könnte als CAΛΑΚώΝ; wer's nicht weiß, beaucht nur den Thesaurus aufzuschlagen. Aber im Altertum hat jemand angestoßen, und auf die erste falsche Konjektur ΔΙΑΛΑΚώΝΙCON ist die zweite ΔΙΑΛΑΚώΝΙCON gefolgt, vielleicht die dritte; es ist nicht unwahrscheinlich, aber keineswegs sicher, daß bei Hesych ΔΙΑ-CΑ() ΚώΝΙCON als eine solche aufzufassen ist, vgl. Naben zu Phot (ΔΙ-ΚωΝΙCON als Konjektur wird es aber ausdrücklich bezeichnet, und unbekannt und unverständlich ist es auch. Und doch wird es für das Überlieferte, Verständliche, Passende eingesetzt. Ein Hohn auf die Kritik. Aber Anapäst hinter Tribrachys klingt schlecht (von einem Proceleusmaticus, der wirklich unerträglich sein würde, ist ja keine Rede). Und wenn er schlecht klänge, so hätte ihn Aristophanes doch gemacht so gut wie

Ach. 47 AAA AGAMATOC & TAP AMPLECOC AMMITTED AN EREL 315 KAI COMMATION OTE AR A EREINO WHAAGON.

Und wenn man in diesen auf die starke Interpunktion nicht ohne Grund hinweist, passen etwa die schlenkernden Kürzen nicht für das carrannewenas? Sie malen wohl auch in dem Acharnerverse, wie der hungrige Hidalgo seinen Stammbaum herunterschnattert. Der Diehter hat doch das Recht, innerhalb der Schranken seines Verses durch Arrhythmie zu malen; er mag sich auch einmal eine solche läßlich verstatten! Aristophanes hat sogar gewagt, gegen das Maß den Trimeter, Früsche 1203, mit kal syakken zu schließen. Wer ihn schulmeistern will, der emendiere doch die dreisilbige Senkung «Ich liebe dich, mich reizt deine schöne Gestalt» aus dem Erlkönig weg.

Diner geladen ist, das Silber der Kredenz und den (gemalten oder wohl eher kassettierten) Plafond zu loben und kpekkalianage earganen. Da sträubt man sich, den Vogel krez anzuerkennen, auf den die Scholien verweisen und ihn mit einem Kranich vergleichen: Herodot II 78 vergleicht mit ihm den Ibis. Ähnliche Vögel zeigen die Vasen häufig als Haustiere (z. B. Fourw. Reich. II 66.99); Pfaue und Fasane erwähnt Aristophanes selbst, so daß an dem Sinn der Stelle kein Zweifel ist. Formell bleibt allein die Frage, ob es eine Nebenform krekke gab, deren Diminutiv dann wohl auf einen Satz Küken geht, oder ob Aristo-

phanes sees at avoic oder Vogel auf dem Hofes, so hat sagen können, wie die Grammatiker vom Ansatus aus Yusiaoc reden. Mir scheint dies unbedenklich!

1240. Theoros singt das Admetosskolion; Philokleon soll einfallen; hier ist nämlich der Rundgesang εξ τπολύνεως oder ἐποκούς; ich hätte die Stelle anführen sollen, als ich den den Rhapsoden und der Schule gemeinsamen Terminus besprach (Hom. Unters. 265). τοὐτων τὶ λέξεις ακολιόκ;: ωιακώς ετώ, und es folgt ein Lied in fallenden Ionikern. Wie darf man den Gegensatz zwischen κέτεια und ωτακώς zerstören, statt sich zu freuen, daß wir das Musikalische in den anaklastischen Ionikern richtig empfinden?

1201. ÎN READNAI MAKĂPIAI TOŸ DÉPMATOC

KAÎ TPICMAKĂPIAI TOŸTÎ TAÎC MAEYPAÎC

DC EŸ KATHPEYACHE KAÎ NOYBYCTIKÛC

KEPÂMUI TO NÛTON ÚCTE TÂC MAEYPAC CTÉTEIN.

So überliefert. Es ist ein Verbrechen gegen die Recensio, wenn die Herausgeber aus II τλε πλειτλε ετέτεια aufnehmen, auch gegen die Scholien, die εναέχεια als Erklärung geben. Wer hat nicht aus dem Anfang des επί Κολωκώ im Gedächtnis πύρτοι οἴ πόλια ετέτονεια? Also die beiden Verse 1203. 4 sind nicht anzutasten. Wenn ich die Schole der Schildkröte mit einem Dache vergleiche (das hört der Grieche in κετλακώ), das die Luftziegelwände schützt, so kann ich nicht zugleich von der Haut der Schildkröte reden. Dieser Witz stand vorher 439 τλε χελώνας πλακριεία επ τοῦ Δέρκατος. Also sind die ersten Verse nicht lückenhaft, sondern es ist die Glosse τοῦ Δέρκατος τοῦπί πλῦς πλευρλία eingedrungen und hat den einfachen Vers zerstört

THE KENDNAL MAKAPIAN TRICMAKAPIAN.

1326. Philokleon kommt schwankenden Ganges (1324) und wehrt eine nachdrängende Menge mit der Fackel ab: was er singt, sind Trochäen. Einer aus der Menge droht ihm mit der Vorladung vor

Bei Austoteles Hist an. X 17, 516b heißt es à κείπ τὰ κὰν ἄπος κακρος, τὸν αξ αίλισταν ετκάκανος τρός τὸν πὸν, λολώς με κακόποτασε δενικ. Die poetische Vokabel ist eben as selman, wie deß ais αγκοκόκοτος hedeuten muß. Das sagt Kallmachos τι άναξαν im Schol. Lykophy, 513, und zwar gilt das böse Voczeichen besonders einem Brautpaar. Da sollte man sich wondern, daß die Athener alch solch einen Vogel hielten; aber als werden den Abergianben nicht geteilt haben, dem Porphyrios, de absön. III 5 nenut die κεξε der Athena heilig.

Vorber sigt Bdelykleon zu seinem Vater, der den Kleon mit einer neuen Fortsetzung des Harmodiosliedes gehännelt hat, парапкай воймснос. Das war für uns tatsächlich unverständlich, denn erst Hypereides gegen Philippides 3 hat gelehrt, daß das ей та какома Ака: Армолюм verpönt war. Die schöne Lösung des Rätsels stammt von Retresserats. Epigr. u. Skol. 27.

VON WILLMOWITZ-MOREERINDORFF! Über die Wespen des Aristophames. (IL) 525

Gericht und geht dann ab; die Menge verläuft sich. Philokleon erwidert in Jamben:

IF IES MANDYMENOL

Da Hiatus eintritt, macht er eine Pause. Dann fährt er fort:

APXATA F VAIDH, APA F ICO WE DYA" AKDYWN ANEXOMAL AIRGH TAINEDT ATAOT

Da er nun zu den Trochsen zurückkehrt, ist wieder eine Pause.

TAGE M' APÉCKEI, BANNE KHMOVC. O'SE IMEICE TOO THE HATACTHE! EKTROOM.

Und nun zieht er die Flötenspielerin dieht an sich und geht sacht mit ihr weiter ; an der Hand geführt hat er sie natürlich immer, damit sie thm nicht wegliefe. Auf die Drohung wennen de mpokangemenn hat er zunächst nur den Hohn, daß er, betrunken wie er ist, das letzte Wort mit einer schnöden Interjektion wiederholt. Dann wendet er sich verächtlich ab: «alter Unsinn von euch! wißt ihrs nicht, daß ich es nicht ausstehen kann, von Prozessen auch nur zu hören? pfui Teufel». Nun Pause. Das hier gefällt mir. Was ist das anders als seine Begleiterin und was er mit für treibt? sanne kumove. Da verstehen die Scholien die Deckel der Gerichtsurnen, die oben 98 lediglich um des gezwungenen Anklanges an den schönen Demos genannt waren. Eigentlich ist es ja, wie der Gebrauch von comus im Lateinischen zeigt, der Maulkoch, der die Pferde am Beißen verhindert. Wo ist hier so ein Ding, das weggeworfen werden soll? Da er sich an das Frauenzimmer gewandt hat, sucht man es an ihr. Sie ist zwar splitterfasernackt, aber als Flötenspielerin kann sie doch noch etwas an sieh haben, das einem schmatzenden Liebhaber im Wege ist; die Mundbinde. die soessia! Und richtig, dafür ist nicht nur кимос passend, sondern im Photioslexikon ausdrücklich bezeugt. Also «dies hier paßt mir; weg mit der Mundhindes. Und nun, nachdem er ihr den Schmatz

\* Genau derselbe Witz mit der soresik wird Vög, 671 gemacht, wo die Flötenspielerio als Nachtigall auf die Bühne gerufen wird; nur ist es niedlicher, weil die Doppelflore als PYTROC OBENICKON AYOUR, als Schnabel gedeutet wird.

Das Akzentuleren dieser Laute, mit denen die griechische Sprache so glücklich ist, die unartikulierten Stimmungsäußerungen wiedergeben zu können, ist eigentlich Unsing. Da sie Vokale zugammenatoffen und je each Bedurf lang oder kurz sein lassen, ist Wortteennung erst recht Unsinn; aber wenn man's nur weiß, kann man der cynic-

<sup>\*</sup> Andrews aspes augt er; derreibe steht Ritt 149, und es wird von dem Klattern auf die crosse gefaselt. Amnare porran sannau sagt der Megarer zu den Ferkeln, Ach. 732. Assaudiens von den Zeugen, die vortreten, aber doch keine Stufen binnufsteigen, ist technisch, Ananairent ein Amactionus Plat. Apol. 40h. Entsprechend KATA-BAINEN Sic Arana 1514; Ekkl 1152, diese Sitzungsber, 1903, 451-

gegeben hat «will er nicht gehen?», da wendet er sich also zurück zu dem Verfolger, «wo ist der Heliast? Weg ist er». Nichts zu tadeln, als daß die Trochäen nicht klappen. Da machen sie une en nov erm frei nach Vög. 1122: aber zweimal ruft man «wo ist er», wenn man jemanden sucht, nicht, wenn man sich verwundert, daß man den Lästigen bereits los ist. Die Sache ist ganz einfach. Die dritte Person ist eingedrungen, weil man die zweite nicht ertrug, da sie an eine andere Person gerichtet ist als in name; was sich doch durch die Pause rechtfertigt. Mit ove knei; novee kanacisc sind die Trochäen in Ordnung.

### 5. Freiheiten der Responsion.

In meinem Isyllos 137 und besser in den choriambischen Dimetern (Sitzungsber, 1902, 888) habe ich die von dem Vorurteil syllaharischer Entsprechung zerstörten choriambischen Strophenteile 527-535 631-641 gerechtfertigt. Meine Ausgabe der Choephoren behandelt in einem Anhang die Senkungen in den Trochäen auch bei Aristophanes und zeigt an einer Anzahl von Beispielen, daß Strophe und Antistrophe eine Senkung bald füllen, bald leer lassen. Als ich das Datum der Thesmophoriazusen feststellte und dazu die Lieder 313ff. und 352 ff. behandelte (Arist. und Ath. II. 353), habe ich ausgesprochen, daß in der Komödie nicht selten nur die Strophenanfänge eines Liedes respondieren. Die Erscheinungen sind mir also zum Teil seit langen Jahren bekannt; aber Metrik erfordert Geduld, und erst allmählich lernt. man, ob ein Einfall etwas taugt, wenn er sich nämlich in der Textkritik bewährt Kürzlich hat O. Schnöder sämtliche Chorlieder analysiert, was ich mir nicht zutraue; den Text hat er offenbar nicht durchgearbeitet; von der Versabteilung, die er doch im Prinzip nur für wertlos halten kann, ist er tatsächlich nicht unabhängig; seine Theorie erlaubt ihm tina просаси exon für gleichwertig einem kretischen oder trochäischen Dimeter zu halten. Dagegen will ich nicht mit Worten streiten; es fehlt aber auch nicht an Übereinstimmungen, die Ich ebensowenig notiere.

Die beiden ersten Oden des epirrhematischen Teiles hinter der Parodos sind trochäisch-kretisch; respondierende Verse der Schauspieler unterbrechen sie. In der ersten scheint die Responsion genau gewesen zu sein; die Überlieferung ist aber getrübt. 338,9 hat auch die Strophe normal einen Tetrameter und dahinter einen päonischen Dimeter gehabt, denn mit Recht lauter die Vulgata seit Benne

TOP A EPETIN & MATAIR TAPTA APAN CE BOYACTAI

Namlich va ist gestrichen, als man tetzen oder gar vetzen schrieb (beides in V), also tha to feether necessis verband. Aber V hat daneben die gute Erklärung nara roic transcic coccie à neceacaic, was durch Heaven bestätigt wird (acric (d. i. (acrin) xarın, inexa, fridxan, riptолси Сурппідне Перівы (500). Natürlich ist der Sinn nur mit énoxen scharf getruffen «um was zu hindern»; es ist ja auch ein Wort, das chen nicht Euripides gebraucht, sondern Kritias, aber das diskreditiert es nicht für einen andern Attiker. - Die letzte Periode des Liedes ist in der Antistrophe in Gestalt von 11 zusammenhängenden trochäischen Metra wohl erhalten; über die Strophe gestattet unheilbare Korruptel kein Urteil'.

Auch die erste Periode des zweiten Liedes ist in der Strophe (405-7) schwer entstellt; die Worte geben weder Maß noch Sinn. Die Antistrophe gibt sleben trochäische Metra, das vorletzte in plionischer Form?. Dann folgen zwei Tetrameter und zum Abschluß ganz Verschiedenes, das ich nebeneinander stellen kann:

410 KA KEAEYET AYTON HEEIN 468 OFTE THE EXMN TIPOPACIN OC ET ANDRA MICOTORIN OFTE ADEON ESTRATIERON. ONTA KATTOACÝMENON, ĎTI ATTOC AFXWN MONOC. TONAS AGOON SICOSPEL DC KPR MR AINÁZEIN AIKAC.

Gegen den Sinn ist, wie jeder sieht, nirgend etwas zu sagen: aber während die Antistrophe sechs reine Päone zeigt, stehen in der Strophe erst acht trochäische Metra, von denen nur zwei päonische Form haben (Auconomic und Tonge Agron), und dahinter kommt noch vor einem nur-

Philokiem hat berichtet, daß sein Sohn ihn am Richten verhindern will (korrespondiert mit too a' teezm), ihn dafür aber gut verpilegen. Da ruft der Chor ent-SHIVE TOOT STOAMHE & MIAPOC MANEIN; & AHMONDORASON OT ASTERS TO THEM TON HERM SAHESE OF THE AN TIDE OF TO EARLY TOUT STOAMNOON ABTERN AS MA EYHOMOTHIC TIC HIM. Do habe ich schon hinter sancis gegen das Herkommen interpungiert, denn ich halte für evident, daß der Sinn war . Dus erfrecht sich der Schurke zu äußern? Da sieht man, daß Kleon über die Junker etwas Triftiges segt, denn so würde der Mensch nicht reden, wenn er nicht ein Verschwörer wäre. Was man mit etlichen wertlosen Zusätzen hineinbringen will, ist keiner Widerlegung wert. Aber herstellen kann ich's nicht, denn Asso-ADDORASON (offer AMMONOROG KASON V. aber da ist our o fiber r gestellt) ist weder an sich etwas, noch kann es, sei es den Kacon, sel es den Basaykason bereichnen. Annoabroc ist überhaupt unmöglich: Platon zeigt am Ende des Sophistes selbst, daß er anmonurson neo bildet.

<sup>465</sup> richtig in B ac Aabrai T BAAMBAN (BAANBAN V) STROVCA ME. Dem soll entsprechen 407 de sonazomecea géntron dutétat ore: der Stachel ist aber noch nicht gereekt, sondern vs werden dann erst die Vorbereitungen gemacht, esteracen von Bi avoes wiirde genügen; aber wie erhillet sich die Korruptel, und dann wird immer noch die Antistrophe vergewaltigt. Die Verse 403, 4 spricht der Chorführer, denn in der Antistrophe gehören sie dem Bdelykleon. Das ist auch besser: 405 resgiert der Chor auf die Aufforderung seines Führers-

malen trochflischen Dimeter ein Spondens, d. h. ein Metron, dessen beide Senkungen unterdrückt sind; die Gattung habe ich in dem Exkurs zu den Chorphoren hinreichend erläutert. Hier ist Responsion nur mit Gewalt und unter der Annahme von Lücken möglich, für die der Sinn nicht den geringsten Anhalt bietet. Natürlich sträubt man sich dagegen, daß in der Strophe ein ganz abweichendes Stück stehen soll; das kann man erst glauben, wenn man mehr Belege hat.

Dann entspricht 417 = 474 katalektischer und akatalektischer trochäischer Tetrameter\*, an den je acht Kretiker sich schließen; sie sind in der Strophe mit sicheren Emendationen hergestellt. Endlich 428, 9 = 486, 7 kretische Tetrameter, aber in der Antistrophe schwer verdorben\*.

Die Ode des dritten eptrhematischen Systems ist choriambisch: über die freie Responsion ihrer beiden ersten Perioden brauche ich nichts mehr zu sagen; die dritte lantet in der Antistrophe 644

AN AN CHANTOIAC TRÉMEIN EÉC ÁTTOREYEIN TRANAMAC,
THN YAP ÉMÁN ÓPTÁN DETTÁNAI XAAEDÓN
MÁ DPÓC ÉMON AÉFONTI.

Das sind neum tadellose Choriumben ohne Ruhepunkt. Dagegen steht in der Strophe

DÝRÉTI ПРЕСВУТŮN DXAOC XPHUIMÓC ÉCT DÝĎ AKAPH, EKUITTÓMRNOI Ď ÁN (AÝTÍK) ÉN TAÏCIN ĎÆDÍC AMÁCAIC BAAADOOPPOI KAAOIMEÐ. ÄNTUMBEIÐN KEAÝÐFI.

Ohne Änderung gibt es keine möglichen Verse, aber nicht nur weil sie so viel leichter ist als Pousons a en taïc daoic e kaadynze (wer hätte das denn so geändert?), scheint mir die Ergänzung von zwei Silben vorzuziehen, auch nicht nur, weil sich nun drei schöne anskreontische Tetrameter ergeben, sondern weil mein Stilgefühl hinter dem nach Wachenagers Gesetz vorgezogenen in und vor der irrelevanten Lokalbestimmung ein Wort wünscht, auf dem der Ton liegen kann. Auf antiks lege Ich natürlich keinen Wert. Resultat: die Periode enthält zwar Verse desselben Geschlechts, aber sie entsprechen sich nicht einmal in der Zahl.

<sup>1 417</sup> TYPANNIC ECTIN EMBERNIC - 476 KAL MONAPXIAC SPACTA

<sup>1 487</sup> öctze sieden ein tyrannin über des gemachte, so pasit das auf Beleight edu hast dich auf den Weg zur Tyrannin über des gemachte, so pasit das auf Beleighteon nucht: der ist kein Peisintratos, sondern höchstens ein Evromotte (483 von Conar schön verbussert). Hennans Zusatz (542) ectanec, der den Verz slicken soll, versärbt es moch mehr, dema Beleighteon ist nicht zum Chore gekommen, sondern ungekehrt. Die Worte können als trochäischer Trüneter gemessen werden, aber den kann man mit einem krytischen Tetrameter nicht ausgleichen. Man wünsent öchte — hann ein tyeasmich

Die Ode der Parabase hat dieselben Trochäen wie die beiden ersten Strophen vorher'; ich erwähne nur die Glieder mit verschiedener Füllung der Senkungen.

TOGO KAT KAT AVIO TONTO MONON ANDPEC ANDPIKUTATO! ==

1093 TOYS ENANTIONS TIREMIN EXERCE THIS TRIMPECIN

TOOG OIXETAL KYKNOY TE HOAIMTERAL AR

1065 AID STIANGOYON TRIXEC =

LOGS PHOIN ET ACTEIN EMEAAOMEN TOT OYAC

1096 CYKOOANTACEM TIMA.

Die Überließerung sehwankt in 1064, 65. πολιώτεραι αθ οΐα — τείχας V, πολιώτεραι αθ οΐα — τείχας Suid. πολιώτερα αθ οΐα — τείχες R, πολιώτερα αθ οΐα — τείχες Γ. D. h. πολιώτεραι mit a darüber ist verschieden gedeutet (es sollte πολιώτεραι in das Femininum geändert werden, um dem folgenden κίαε zu entsprechen, das neben οΐαι überließert war), und aus demselben Grunde mußte τείχας in τείχες verwandelt werden. Was echt ist, kann keinem Verständigen zweißelhaß sein,

In den archilochischen Versen des Schlußliedes respondieren 1521 kal ein knoc atpyretten kaplaum Adeneci und 1526 labatec and ceence dzwein of eental. Es ist natürlich leicht atpyretten herzustellen, aber auch dem Dichter konnte der homerische Genitiv genehm sein, und wenn dann das respondierende dzwein langgezogen werden mußte, so möchte Ich darin einen Gewinn sehen.

Aus den übrigen Dramen will ich nur verschiedene Perioden anführen, nicht verschieden gefüllte Senkungen; von diesen sei nur kurz Vög. 1701 (Γοργίαι τε και Φίαιπποι) genannt, wo der Überschuß einer Silbe gegen 1560 nun wohl unbehelligt bleiben darf<sup>2</sup>.

Frieden 865—67 schließt eine Strophe, die zwischen Chor und Schauspieler geteilt ist, mit einer Reihe von 11 lambischen Metra. In der Antistrophe 918—21 steht dafür 8.4. Die Worte sind ganz unantastbar<sup>3</sup>.

Dasselbe Maß hat auch die Ode der zweiten Parahase. Es zieht sich also als das herrschende Maß durch die gunzen Wespen; dasselbe gilt von den Acharnern. In den Wolken dominieren die lonker. Ahnliebes bemerkt man in manchen Tragödien (lamben in Euripides Hiketiden und Troerinnen, Schlaßstücken), ja in der ganzen Orestin. Man wird von da sus auch auf die Musik schließen dürfen.

Fried. 346 ff. und die Responsion 582 ff. habe ich früher besprochen und 350 getiigt. Ich weiß nicht, wie ich 385 ff. beiseite lassen konnte, wo Trygaios einen Vers 389 dazwischenwirft: diesem zu entsprechen ist 350 verfertigt. In dieser Strophe steht 391 Antuonoven sein, also ein katalektischer choriumbischer Dimeter, der an sich auch für einen trochäischen katalektischen Dimeter einzutreten berechtigt ist, an Stelle eines akatalektischen. Das kann ich mir als Sellsamkeit, die ich noch nicht verstehe, notieren,

Beiläufig, 916 zeigt Bacumanns Annuchung, daß Triklinium in B den Athennus bemutzt hat, vermutlich eine Handschrift der Epitome.

Frieden 950-55 und 1032-38 sind auch Schlußstücke einer solchen zwischen Chor und Schauspielern geteilten Strophe.

950 OPK OPN AMIANHEECOON, WE HA XAIPIE PARE IGHI
THROCEIDEN APARCIAN ARAITTOC, KAITA TOYT EV OTO STILL SI
OVERNTI KAI HONOYMENODI TIROCAMETE ARHOY. 21 + reiz
1032 Tic opn an (an ovn corr. Dind.) ovk etiainecen 21
EN Anapa toiovton ocTic tioaa Anataac ecuCE tan Ieran Hoain,
Det ovxi my haycei tiot an zhawtoc atiacin 21 + reiz.

Ausgleichung durch Gewalt oder List, d. h. metrische Umrechnung, ist undurchführbar: es bleibt also nichts als die Anerkennung, daß der Dichter die Strophen verschieden schließen durfte; für Übereinstimmung im Anfang und auch in dem letzten langen Verse hat er gesorgt.

Vögel 327 EA EA 343 IW IW

HPODEDÓMES ANDCIA ETTAP'

T' ETTÁBOMEN ÖC TÁP HO

SIAOC ÂN ÖMÓTPODA DO

B' HMÎN ENÉMETO HA

TIEDÍA ITAF HMÎN HO

TIAPÉBH MÊN BECMOÝC APXAÍOYC, WC ÁB

TIAPÉBH A' OPKOYC ÓPNIBWN. KAÍ ÁK

ETTAT' ETTIE' ETTIEFEE

TOACMION OPMAN

EDNIAN TITÉPYTA TE

THANTAL TIEPIBAAE

TIEPI TE KYKAWCAL'

WE AST TWA OMWZSIN AMEW

KAT AOPNAL PYTKEL BOPBAN

Diese Anapäste stimmen auf das genauste; daß Reisus uselaase für enlaat 346 nicht in den übrigens auch sinnles abgeteilten Texten steht, ist eine Schande; jeder, der ein bißehen aufpaßt, muß es bei jedem Lesen unwillkürlich herstellen. Nun folgt aber in der Strophe 333

ÉC DE ADRON ERANECE MAPÉRANE T' EME MAPA TÉNOC ANOCION DITER ÉE - OT ÉTÉNET EM ÉMOI - MONÉMION CTRACH

ein wohlklingender tadelloser päonischer Trimeter und drei den obigen konforme anapästische Metra. Dagegen bilden den Abschluß der Antistrophe zehn in schöne Dimeter geteilte Päone: wieder ist jede Ausgleichung offenbar Vergewaltigung.

OFTE TOAION THANFOC ECTIN OT DESETAL
THE ATTOCYTONIC ME

Bemerkenswert, daß die Synaphie in den Jamben unterbrochen wird; en etwas ist sellem, aller wer es hier oder in Trochken oder Glykoneen lengmen wollte, würde zu argen Willkürlichkeiten gedrängt werden.

Dies Beispiel ist insofern anderer Art, als das Lied ganz dem Chor gehört und die Antistrophe sehr bald nach der Strophe gesungen wird. Darin geht die Parodos der Lysistrate noch weiter, denn die verschieden gebauten Strophen folgen in demselben Liede nur durch ein paar Tetrameter getrennt!— Ein Tetrameter beginnt auch in beiden, das folgende kann ich gegenüberstellen.

250 ΤΥΝΑΪΚΑΟ ΆΟ ΕΠΟΣΚΟΜΕΝ 27

ΚΑΤΑ ΟΪΚΟΝ ΕΡΦΑΝΕΟ ΚΑΧΌΝ

ΚΑΤΑ ΜΕΝ ΧΓΙΟΝ ΕΧΕΙΝ ΒΡΕΤΑΟ

ΚΑΤΑ Δ΄ ΑΚΡΟΠΟΛΙΝ ΕΜΗΝ ΛΑΒΕΙΝ

ΚΑΘΙΘΡΟΙΟ ΔΕ ΚΑΙ ΜΟΧΛΟΣΟΙΝ<sup>2</sup>

ΤΑ ΠΡΟΠΥΛΑΙΑ ΠΑΚΤΟΥΝ

275 ATTRABEN ATRABETOC ARA'

TOMUC MAKUHIKON TINEUN

ETAC BUTTA BUTTA TAPADOYC EMOL

ABEIN CMIKFON EXUN TIANY THEONION

TINON PYTTON ATTAFATIATOC

EE ETON AROYTOC

Also die Strophe ist einfach lambisch; der Ithyphallikus am Ende fügt sich dem Maße leicht, auch wenn der Vers vorher als katalektisch gefaßt wird. Die Antistrophe rahmt die drei disparaten Verse durch übereinstimmende ein. Deren Maß ist allerdings höchst seltsam: auf einen Choriamben oder Diiambus folgt ----, also dem Anschein nach ein Dochmius; im dritten Verse aber, der dem katalektischen Dimeter der Strophe entspricht, erscheint dieser \*Dochmius\* in derseiben Form wie vorher, nur katalektisch ---- Diese Diagnose drängt sich auf; Responsion werden keine Taschenspielerkünste erzielen; eine Erklärung kann und will ich von den \*Dochmien\* auch nicht geben; aber die Tatsachen sind da, und ihre Anerkennung fordere ich

Thesm. 312 beginnt ein längeres Lied mit einem iambischen Tetrameter, auf den ein Dimeter folgt. 352 erwarten wir die Gegenstrophe; es kommen auch zuerst die beiden Zeilen wie oben, dann aber ganz andere Verse, so daß Umfang und Klang der Lieder sich gar nicht weiter vergleichen lüssen. 434, 459, 520 stehen Lieder des Chores, die zwar das trochäische Maß gemein haben, das bahl hier, bald da Anklänge, auch wohl Gleichklänge hervorruft; aber alle Versuche, Responsion zu erzwingen, richten sich schon durch die Ummöglichkeit, sie auf die drei Gesangstücke auszudehnen. Das ganze Drama

\* ποχαρίων αν και καθιστούν Β, ποχαρίω wie es scheint Φ; umgestellt hat Donnous; müglich ist auch ποχαρία αν καί καθιστούς, aber für die Umstellung spricht das leichtere Maß und die Parallelstelle Eur. Andr. 951.

Dies hat Φ (F) gegen R éxer önna erhalten: die schmale Grundinge des Textes R Φ, der eine noch ärgere Verkürzung der Schollen entspricht, nurcht die Kritik natwendig unsicherer.

Der Gedankenfortschritt ist so einheitlich wie in der Parodos der Wespen; abs gibt er keine Veranlassung zur Personenverteilung, und wenn das Solo des Chorfübrers und der Vollgesang abwechselten, so hatte das eur musikalische Bedeutung.

<sup>436</sup> stieht ovad acoidrepon acrovosc als Lub einer Rednerint das ändern sie in acoidresa acrovosc, was doch nur heißt die Schrocklicheres segts. Der Sinn wird

hat nur in dem Anfang der an die Götter gerichteten Lieder, die es so seltsam häuft, eine kurze respondierende Partie 959-84'. Die

Die Aufforderung zu dem Reigentauze, die 953-59 vor dem Liede steht, ist kein Ragout von Glykowenn, Anapästen, Trochäen, lamben und «Lekythien» (ich he-haupte auversichtlich, daß es solch ein Ragout liberhampt nicht gegeben hat), sondern es sind schöne Trochäen, die sich sogar in Tetrameter abteilen lassen

OPAA, XÓPEL KOÝPA MOCÍN ÁF ÉC KTKAON, XEP CYNAITTE XÉPA, (IEPÁC) PYBMÓN KOPEIAC

THATE TIACH, BAINH MAPHANIMOIN HOLDON, ÉTRICKOTTEIN DE HANTAKN KYKADÝCAN ČAMA MPR KOPOŤ KATÁCTACIN.

Um das zu erreichen, mußte mir xesa und xest, was Aristophanes geschrieben halte, nicht als Diplithong gesprochen werden; dieser Fehler war längst berichtigt, somst habe ich nur insät zugestigt: das Wort kounte so leicht ausfalten, und es paät schwer-lich ein anderen bessert aber auf das Wort lege ich kein Gewicht, wohl aber mußte der Tanz ein Epütheton erhalten, und dafür war dort der richtige Ort. Sie treten ant dem entsprechen die beiden schweren Takte bess zusen; dann reichen sie einsander die Hände und beginnen den Takt des ... Tanzes, und wirbeln die Fißle; aufpassen und der Chor aber doch, nämlich zuf den Gefingenen. Offenhar mußte gesagt werden, wozu sie tanzen: es ist der heilige Thesmophorienreigen, 948. Es folgen zwei Strophen mit Anrufungen der Götter. 985 wird der Befehl gegeben, eine Wendung zu machen, immbischer Trimeter und Dimeter (röpere machen üben war doch wohl türnere, Eur. Kykl. 661; die Verba werden oft verwechselt, und töperem kann dichen wähl kann werden; Eur. Het. 978 hat sich die Konjektur tor(n)gyma made als Überlieferung beransgestellt). Was dann folgt, dithyrambische Anrufung des Dinnyson, in ein Strophenpaar zu zwängen, ist unbedachte Wilkör. Ich setze es her.

HTDY AE T BA APTOC CY киробеоре Вакке ACCHOT, ETW AE XMMOID DE DIADXÉPOICI MÉATES ggo of ANC & AMNYCE BEOMIE KAI COMERAC TIAT KAT OFER NYMBER EPETORIN YMNOR. XUPER TEFFIOMENCE ETION ETION ETOI (BIACON) ANAXOPETON 995 ANN AS CYTHTYTHETAL KHNAIPONIOC FIXE MENAMOYANA T' GON SAPKIA KAI NATIAI HETPGARE BREADNIAL KYKAMI AN THEFT OF KINGOC ETTETANOC KARG BANNEL

p88 ist of Glossem in Avtoc. 990 ετιον & Δ. — παί κονοίτ — ενάτοις ένα. Zur Verbesserung führt i. das Fehlen von Διός, z. das Fehlen einer z. Pers. Sing. eines Verboum. 3. hier kann nichts «in» dem Nymphenliedern sein. Und geschildert maß die Epiphanie des Gottes im Gebirge sein. 994 liegt an dem Worte siacon gur mohts; es paßt nicht schlechter ein Wort des Sinnes κονείακ. R' hat ακκανείων, da kann auch von einem Akkusativ übrig sein. 95 στικτγητεταί wird schlecht als coi ετ chorismbisch, und dafür auch Pherekrateen wieder in verschiedener Gestalt, auch chorismbisch, und dafür auch Pherekrateen wieder in verschiedener Gestalt, auch phallikus, wenn er da war, gehört dazu. Das alles ist einfach. Merkwürdig aber ist, daß der Asklepiadeus 996 und sein erstes Glieil 991 auffritt. Ich konstatiere für jetzt die Tatsache.

nene Musik, die an Agathon im Prolog verspottet wird, hat dem Dichter doch für dieses eine Drama den Weg gewiesen, und wir müssen seine Singularität anerkennen: wieviel weiter entfernt es sieh von der •alten• Komödie als Lysistrate und Frösche.

Endlich die Einzellieder der Ekklesiazusen, die als solche nicht ohne weiteres auf derselben Stafe stehen. Die kümmerliche Überlieferung macht das Urteil unsicher; aber gerade darum müssen sie alle betrachtet werden. Erst singt die Alte ein einfaches trochäisches System (12), das untadelhaft schließt 898 ovat for erterem an teenomaann af für fon sinon. Danach steht die Paragraphos, die sonst nur Personenwechsel bezeichnet, und auf sie folgt diese tynglen and te treen an néroire. Das paßt nicht in den Vers', auch nicht als Variante. Mag es nun Variante gewesen sein, mag es den Obelos getragen haben: es gehört nicht her'. Dies Lied hat keine Entsprechung.

### Die Junge singt:

MH GGÓNEI TAÍCIN NÉAICIN;
TÓ TPYGERÓN TÁR ÉMTÉGYKE TOÍC ÁTTANOÍCI MHROÍC
KÁTÍ TOÍC MHAOIC ÉTIANG- GEÍ, CÝ Ó Ú TRAÝ TIARANÉAETAI
KÁNTETRIYA) TÚI GANATUI MÉAHMA.

#### Die Alte antwortet:

EKTÉCOI COY TÔ THÁMA,

TÔ Δ' ÉTIKAMITPON ÁTTOBÁNOIC BOYAOMÉNH CITOΔΕŜCUAL,

KÁTÎ TĤC KAÍNHE ŠÚN EŸ~ POIC KAÍ TIPOCEAKÝCAID

BOYAOMÉNH DIANCAI.

In der Strophe ist alles leicht, denn der katalektische choriambische Dimeter soviomens enodessen ist auch als Absehluß von Trochäen legitim. Lesen läßt sich auch die Antistrophe ganz, denn — poic kal meet — kann ein trochäisches Metron sein; aber ich glaube nicht an diese, in der Komödie mir unbekannte Härte, zumal in diesem volkstümlichen Liedehen. Auch die zweite Silbe von 6400 als Länge ist zwar denkbar (Phot. s. v.), aber wenig glaublich. Also da mag etwas fehlen, es kann aber auch expoic kal aus einem Scholion stammen, denn mit seiner Entfernung ist alles in Ordnung. Nur die Zahl der trochäischen Metra ist verschieden, was kaum noch Anstoß erregen wird. Arg ist, daß sich in den Texten das vollkommen ungriechische

Es sei denn, man ließe einen Chneinmhus statt des Ditrochaus geiten, was in der Vereinzelung doch wenig anspricht, und daß das Lied akatalektisch schlösse, chausswenig.

Eine Analogie ist Frösche 664, von Kocz richtig beurteilt Höceszon: fiarische sic: Ande en beneeun. Da hieten die Handschriften de Afraioy sponae enne fi frankleische Ande en beneeun. Es ist der sophokleische Vers eingedrungen, auf den Aristophanes hiegewiesen haben sollte.

Genus verbi Anoskano für das überlieferte Anoukano behauptet, bloß um die Senkung gemäß der Strophe auszufüllen.

Ich nehme dann die Lieder von Mädchen und Jüngling vorweg, 953-961:

SETPO AH DEVPO AH

STUC ECE,

MANY TAP (ANIMOC) TIC EAST ME GONET

ТШИДЕ ТШИ СШИ ВОСТРУХШИ

ATOTIC L'ÉFREITAI MOI TIC TIÓBOC

SC ME DIAKNAICAE EXEL

folgt ein trochäischer Refrain. Der Jüngling antwortet:

DEPPO AR DEPPO AR

STADON (EMON) KAT CY MOI KATADPAMOYCA THN SYPAN ANDIEON THING!

AAA EN TWI COI BOYNOM(AI) (ETW) KOATIMI

MARKTIZECSAL META THE CHE MYTHE

KYMPI TI M' EXMAÎNEIC ETTI TAYTHI:

folgt der Refrain. Der Anfang stimmt überein; dann folgt eine trochäische längere Reihe, die sich vielleicht ausgleichen ließe, oder besser, die so stark zerstört ist, daß man auch denken kann, die Korruptel ginge so weit, daß ursprüngliche Gleichheit, natürlich mit freier Behandlung der Senkungen, vorhanden gewesen wäre. Auch der trochäische Dimeter des Schlusses stimmt unter dieser Voraussetzung. In der Mitte kann man in den Worten des Mädchens zwei anapästische Dimeter und hinter jedem einen trochäischen Dimeter lesen; sie sind aber so hart, daß ich dem nicht traue. In den Worten des Jünglings habe ich mit nicht zu scharfen Mitteln zwei anapästische Dimeter hergestellt; die trochäischen fehlen, und, was die Hauptsache ist: daß diese Mittelpartie jemals respondlert hätte, ist ganz wider alle Wahrscheinlichkeit,

Nun zum Schluß das Strophenpaar, das die Junge und die Alte singen 912-923.

ATAT TI TIOTE HEICOMAI,

DEX HEE MOSTATPOC, MONH & ATTOV NEITION", A FAP MOI MATHE TANHE

OYAEN META TAYTA ACT ACTEIN

Metron mit unterdrückter erster Senkung; das hat hier keine Analogie, ist daher bedenklich, aber die Überlieferung läßt kaum eine Wahl.

Daß hier ein Adjektiv fehlt, wie Dranose eins eingesetzt hat, ist unverkennbarsione ist vor AAA überliefeet: auf die Umstellung und Ergünzung führt der parallele Baur, die folgenden Anderungen sind von dem Versmaße diktiert, also bedenkilch, aber sie verbessern den Sinn oder schaden wenigstens nicht.

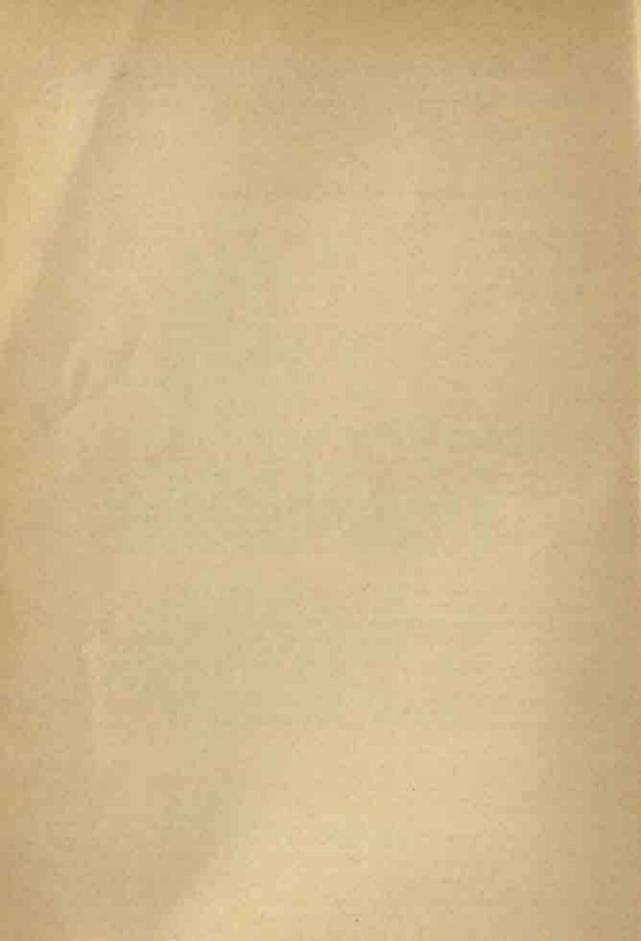
von Wulamowerz-Morriesmourr: Uber die Wespen des Arlamphanes. (II.) 535 folgt-eine ionische gut respondierende Partie. Dann die Alte:

RAM TON ATT TAMBLE
TROTTON TANAINA KNHCIAIC,
AUXETIC OF MOI KAN AABAA KATA TOYC ACCESOYC

folgt die ionische Partie. Da ist am Anfang der iambische Dimeter das einzige wirklich Entsprechende, und doch ist alles gut verständlich. Responsion mit keinen Mitteln erreichbar. Während aber die Alte in einfachsten lamben spricht, spotten die Worte des Müdchens jeder Messung. Die Grammatiker haben die Histe freilich durch Elision und eine schwere Krasis (so o stalsoc) beseitigen wollen; aber mich dünkt, es bleibt doch Prosa. Wenn es aber Prosa ist, so erklärt sich kal tännat. der Rest ist der Improvisation des Schauspielers überlussen. Das ist ganz unerhört; ich habe mich auch viele Jahre gescheut, meinen Einfall auszusprechen. Aber führt der Text nicht auf ihn? Prosa ist in der Komödie nicht ganz selten. Abgesehen von den Gesetzes- und Gebetsformeln, Vog. 862, 1038 Thesm. 205, we such die Gemeinde mit Prosa einstimmt, sind es Heroldsrufe, Ach. 34, 61, evenneire evenneire vor dem Opfer Ach. 237, und besonders Ritt. 941 ef te na ton Ala kal ton Amonau kal tien America, wo Heliodor bemerkt seri as nona kal man' Ernongi escameiumena. Aber das ist doch alles anderer Art. Sei das denn eine Vermutung, die man zunächst mit Kopfschütteln aufnehmen muß; die Freiheiten in der Responsion sind Tatsache, und in ihnen muß ein wichtiger Unterschied der komischen von der tragischen Technik anerkannt werden.

Ausgegeben am 11. Mai.

O18 hat Hermann öffer caving Care national ergünzt, was man nur in 80000 for a findern mill, da bruce an sich nicht trennen lächt. Für den Optariv mit an gibt Vög. 1338 einen Beleg. In dieser ganzen Partie ist keine Fermate; ich kann hente ebensowenig wie levil 138 eine Erklärung geben, nach der die loniker aufgehen, und mit dem verwundten Verse 972 kunzen Acriazov me aus von de nömere eine gelit es mir shenze. Denn das erste Glied ist kein immisscher hatalektischer Dimeter, solunge das Gesetz gilt, daß in einem solchen die drittletzte Silbe kurz ist; wenn Schnöden dies Gesetz ignoriert, Furencasene (Hermes 44, 330) die Mittelsilbe von Acriazov kurz mißt, so bin ich für diese neue Metrik zu altmodisch.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXIV.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

4. Mai. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Auwers.

Hr. Exerca berichtete über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Dr. K. Krause ausgeführte Untersuchung: Uber den anatomischen Bau der baumartigen Cyperacee Schoenodendron Bücheri Exer. (Abh.)

Die vor wenigen Jahren aus den Gebirgen Kameruns bekannt gewordene kerophytische Cyperacro Schoenodendron Büchers ist die erste Art dieser Familie mit ausgesprochen bäumchenfürmigen Wuchs nach Art der Velloziaceen. Sie ist merkwürdig
dadurch, dass alle Aste des bis 60 cm hohen Bäumchens mit einer unter den Blattbasen vollständig verborgenen dichten Schicht von Adventivwurzeln verzehen sind,
welche an den Asten und am Stumm entlang nach unten wachsen und hier erst in
den Boden dringende Seitenwurzeln entwickeln, während die Wurzeln oben zur Anfnahme von Wasserdampf befähigt sind. Afrikanische und amerikanische Velloziaceen
seigen sehr ühnliche Verbültnisse.

Aimgegeben am 11. Mai-

STITUTE OF THE PROPERTY OF THE PARTY OF THE

## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXV.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

11. Mai. Gesammtsitzung.

### Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

"I. Hr. Dresser las: über die Medaillonprägung in der römischen Kaiserzeit und über die Entwicklung und Bedeutung der Medaillonsammlung des Berliner Münzenbinets.

An die reguläre Kopferprägung des römischen Seints sehliesst sich eine ausserordentliche, durch besondere Ereignisse veraniasste und nur in beschränkten Maassausgelähte kurserliche Kupferprägung an. Sie untasst, ausser einigen als Nominal
ausgebrachten Stücken, mehr oder weniger grosse und beliebte schwere, durch Stil
and Technik sich auszeichnende Prägungen (die sog. Medaillons), die nicht für den
Verkehr bestimmt waren, sondern wie die kaiserlichen Gold- und Silbermedaillons bei
festlichen Gelegenheiten als Geschenke vertheilt wurden. Demselben Zwecke dienten
auch die wenigen vom Senat geprägten Kupfermedaillons. — Die Medaillonsammbung
des Barliner Cabinets, die, abgesehen von einigen sehr werthvollen Stücken aus altem
Besitze, noch um die Mitte des vorigen Jahrhunderts zumlich unbedeutend war, erhicht
erst 1873 durch Ankauf eines Theils der Sammlung Tyszklewier und dann 1879 mit
der Erwerbung der Römersammlung Sandes nanhaften Zuwachs und ist seitdem beständig vermehrt worden; beute zählt sie nahezu 250 Stücke, davon 32 von Gold und
30 von Süber.

2. Hr. von Whanowitz-Moellendorf legte eine Mittheilung des Hrn. Prof. Dr. Richard Meisten in Leipzig vor: Inschriften in Rantidi auf Kypros. (Ersch. später.)

Die vom Hrn. Dr. Zanw im Anftrage der Akademie in Rantidi amsgeführten Grahangen haben an Inschriften eine Anzahl Weilnungen an Apollon, Aphrodite und weniges andere ergeben.

 Hr. Rubens legte eine Mittheilung des Hrn. Geh. Reg.-Raths Prof. Dr. F. Kurmaum in Charlottenburg vor: Messung der Sonnentemperatur.

Die betreffenden pyrometrisch-optischen Beobachtungen hat der Verfasser in Assuan im Jahre 1908 in 160 müber dem Meere angestellt. Die angewendete Methode ist erheblich genmer als alle bisher bemutzten Verfahren. Das Ergebniss der Messungen stimmt mit den Eiteren Werthen befriedigund überein.

4. Hr. Kosza übergab den Jahresbericht über die Herausgabe der Monumenta Germaniae historica.

- 5. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: J. Vahlen, Gesammelte philologische Schriften. Tl. 1. Leipzig und Berlin 1911 und Διανοσίου ν λογγίσου περί ύπους, de sublimitate libellus. Ed. O. Ians n. 1867. Quartum ed. n. 1910 I. Vahlen. Lipsine 1910; ferner von Hrn. Conze: C. Schuchhardt, Stonehenge. Sondersbdruck aus der Prachistorischen Zeltschrift II, Heft 4, 1911.
- 6. Die Akademie hat durch die philosophisch-historische Classe bewilligt: Hrn. Kosau zur Fortführung der Herausgabe der Politischen Correspondenz Friedrich's des Grossen 6000 Mark; Hrn. von Witamowitz-Morleschen zur Fortführung der Inscriptiones Graeene 5000 Mark; der Deutschen Commission zur Fortführung der Forschungen des Hrn. Beanach über die neubochdeutsche Schriftsprache 4000 Mark; für die Bearbeitung des Thesaurus linguag Latinne über den etatsmässigen Beitrag von 5000 Mark hinnus noch 1000 Mark; zur Bearbeitung der hieroglyphischen Inschriften der griechisch-römischen Epoche für das Wörterbuch der acgyptischen Sprache 1500 Mark; für das Cartellunternehmen der Herausgabe der mittelalterlichen Bibliothekskataloge als fünfte Rate 500 Mark.
- 7. Die Akademie hat auf den Vorschlag der vorberathenden Commission der Borr-Stiffung aus den Erträgnissen der Stiffung Hrn. Dr. Walten Schubere, Assistenten an der Königlichen Bibliothek zu Berlin, zur Fortsetzung seiner Jaina-Studien 1350 Mark zuerkannt.

Die Akademie hat in der Sitzung vom 27. April den Professor Franz Comort in Brüssel, den Professor der Anthropologie an der Universität Liverpool James Gronor Franzen, wohnhaft in Cambridge (England), den Professor der griechischen Alterthumskunde und Epigraphik un der Universität Wien Dr. Ander Wuhren und den Docenten der Nordischen Literatur an der Universität Kopenhagen Dr. Axen Olmuzu correspondirenden Mitgliedern ihrer philosophisch-historischen Classe gewählt.

# Messung der Sonnentemperatur.

Von Prof. Dr. F. KURLBAUM in Charlottenburg.

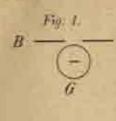
(Vorgelegt von Hrn. Runnss.)

Die Frage nach der Temperatur der Sonne hat nur unter gewissen Voraussetzungen einen Sinn. Zunächst besitzt die Sonne in verschiedenen Teilen eine verschiedene Temperatur. Sie ist im Innern heißer: die äußeren Gase sind kälter, ganz abgesehen von den Unregelmäßigkeiten der Temperatur der Sonnenflecke. Man könnte also streng genommen nur von der Temperatur bestimmter Teile der Sonne sprechen.

Ferner setzen alle optischen Temperaturmessungen irgend etwas über das Emissionsvermögen des betreffenden Körpers voraus. Da man über das Emissionsvermögen der Sonne nichts Bestimmtes weiß, so begnügt man sich gewöhnlich mit der Annahme, daß sie angenähert wie ein schwarzer Körper strahlt, weil die strahlende Schicht unendlich dick sei. Unter der Voraussetzung, daß die Gesetze der Strahlung des schwarzen Körpers unbeschränkt für beliebig hohe Temperaturen gelten, läßt sich untersuchen, ob die Sonne ein schwarzer Körper ist, indem man die verschiedenen Strahlungsgesetze zur Temperaturbestimmung anwendet und die so gefundenen Temperaturen vergleicht.

Wenn man bei der Frage nach der Temperatur der Sonne von der ungleichmäßigen Verteilung der Temperatur absieht, so heißt dies nichts anderes, als daß nach der Temperatur desjenigen gleichmäßig temperierten schwarzen Körpers gefragt wird, welcher die gleiche Strahlung aussendet. Es wird damit nach der schwarzen Temperatur der Sonne gefragt, und diese Frage hat eine bestimmte und berechtigte Bedeutung.

Das Problem wird dadurch aber nicht einfacher, sondern komplizierter, denn es muß noch definiert werden, für welche Wellenlänge oder für welchen Spektralbezirk die schwarze Temperatur bestimmt werden soll. Die Frage nach der schwarzen Temperatur hat aber noch einen anderen Sinn. Die gefundene schwarze Temperatur



sagt etwas über das Emissionsvermögen für die betreffende Wellenlänge aus. Je höher die Temperatur gefinden wird, um so größer ist das Emissionsvermögen für die betreffende Wellenlänge, und die höchste einwandfrei gemessene Temperatur kommt der wirklichen Temperatur am nächsten. In dem Sinne der vorstellenden Betrachtungen bitte ich die folgenden Messungen aufzufassen







Die angewandte Methode besteht darin, daß die Strahlung der Sonne in verschiedenen Spektralbezirken indirekt mit der Strahlung des schwarzen Körpers verglichen wird. Der benutzte Spektralapparat besteht aus dem Kollimator C mit dem Spalt S, dem gerudsichtigen Prisma! P und dem Fernrohr F, in welchem das Okular durch einen Spalt S, ersetzt werden kann,



F

Setzt man vor den Spalt S, des Kollimators C den leuchtenden Bügel einer Glühlampe G und eine Linse L, in richtigen Abständen, so sieht man bekanntlich durch den Okularspalt S, des Fernrohrs F das Bild des Bügels scharf in der jeweiligen Spektralfarbe leuchten. Die Drehung des Fernrohrs für Einstellung auf die verschiedenen Wellenlängen wurde mit Hilfe einer Mikrometerschraube mit Trommelteilung bewirkt. Stellt man nun noch vor die Glühlampe G eine Blendenöffnung B und entwirft in der Ebene der Glühlampe das Bild eines glühenden schwarzen Körpers, so lenchter die Offnung B und der optisch auf ihr liegende Glühlampenbügel G in der gleichen Spektralfarbe, und es ist möglich, durch Regulierung des Lampenstromes das Bild des Bügels auf der leuchtenden Fläche zum Verschwinden zu bringen, wie in dem optischen Pyrometer von Holmons und Kumnaum2. Diese spektrale Anordnung ist im Prinzip die gleiche wie die von Hrn Henning benutzte.

F. Hessino, Zeitschr. f. Instrumentenkunde 1910, S. 51.

Das Prisma besitzt eine Dispersion  $G - F = g^{\alpha} g g' A$ L. Hotsons und F. Kuntaans, Sitzungsber, d. Barl, Akad.
d. Wiss. 1904, S. 742.

Auf solche Weise können Glühlampen für verschiedene Temperaturen des schwarzen Körpers photometrisch geeicht werden, indem
die Temperatur des schwarzen Körpers und der zugehörige Glühlampenstrom notiert wird. Allerdings verlaufen die Eichungskurven
für verschiedene Wellenlängen ein wenig verschieden, da einerseits
der Faden der Glühlampe nicht vollkommen schwarz und anderseits die Strahlungsintensität des schwarzen Körpers durch die Projektionslinse geschwächt ist, so daß der schwarze Körper und der
Glühlampenfaden bei Strahlungsgleichheit nicht die gleiche Temperatur
besitzen. Die Lampen müssen also für verschiedene Weilenlängen
besonders geeicht werden.

#### Lichtschwächung für die Sonne.

Da die Strahlungsintensität der Sonne enorm groß gegenüber der Strahlung des schwarzen Körpers ist, so muß auch eine enorme Lichtschwächung benutzt werden.

Um innerhalb experimentell möglicher Temperaturen des schwarzen Körpers bzw. der Glühlampen bleiben zu können, muß eine Lichtschwächung auf ungeführ 0.00002 angewendet werden. Hierzu reicht aus leicht ersichtlichen Gründen weder ein rotierender Sektor, noch ein variabler Spalt, noch eine Nicol aus, da die Meßgenautgkeit zu klein werden würde. Allenfalls würde eine Kombination von allen dreien genügen. Einen Satz absorbierender Glüser, die einzeln mit rotierendem Sektor zu eichen wären, zu benutzen, ist auch sehr mißlich

Ich habe deshalb eine Lichtschwächung benutzt, welche unmittelbar auf eine ungefähre Größe von 0.00002 führt und durch das Verhältnis des Radius der Sonne zum Radius der Erdbahn gegeben ist

Der Sonne kommt eine bestimmte Flächenhelligkeit  $H_r$  zu; stelle ich eine ideal diffus reflektierende Ebene zu den Sonnenstrahlen senkrecht, so ist die Helligkeit H dieser Fläche gleich  $\left(\frac{r_s}{r_s}\right)^s H_s$ , wobei  $r_s$  den Radius der Sonne,  $r_s$  den der Erdbahn bedeutet. Eine ideal diffus reflektierende Fläche set eine solche, welche alles Licht vollkommen reflektiert, und zwar dem Kosinus entsprechend. Die Flächenhelligkeit der Sonne ist allerdings am Rande geringer, weil die dort aus dem Innern kommenden Strahlen eine größere Strecke kälterer

Für die sorgfältige und mähevolle Unterstützung, die mir Hr. Dr. Kocz bei gemeinsamer Eichung der Lampen gewährt hat, sage ich fam auch hier meinen besten Dank.

Gasmassen durchlaufen müssen; es kann also nur von einer mittleren Flächenheiligkeit gesprochen werden.

Eine ideal diffus reflektierende Fläche gibt es nan zwar nicht, aber Magnesiumoxyd, von der Flamme eines Magnesiumbandes auf einer ebenen Fläche niedergeschlagen, genügt den Anforderungen, wenn das diffuse Reflexionsvermögen R experimentell bestimmt wird.

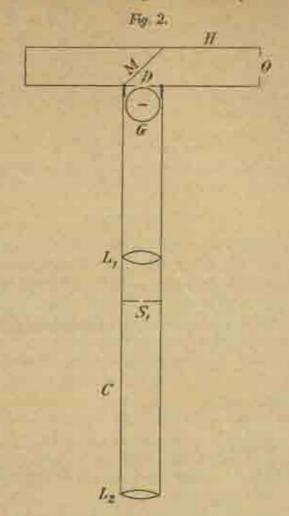
Die Flächenhelligkeit  $H_w$  der Magnesiaoberfläche wird dann  $H_w = \left(\frac{r_s}{r_s}\right)^s R H_s$ , oder die Lichtschwächung wird gleich  $\left(\frac{r_s}{r_s}\right)^s R$ , wofür  $R \cdot \sin^s x$  gesetzt werden kann, wenn  $\sin \cdot x$  den scheinbaren Halbmesser der Sonne bedeutet. Die Lichtschwächung L ist also:

(GL 1.) 
$$L = R \cdot \sin^* x$$
:

Die Bestimmung von R habe ich gemeinsam mit Hru Dr. Kock nach einer besonderen Methode ausgeführt, die Resultate werden an anderer Stelle veröffentlicht werden. Als Wert für R habe ich hier eingesetzt 0.870, und zwar unahhängig von der Wellenlänge, da die Abweichungen gering sind. Eine solche von der Sonne beschienene Magnesiumoxydschicht besitzt eine Flächenhelligkeit, welche sich ohne Lichtschwächung mit der Helligkeit des schwarzen Körpers zwischen den Temperaturen 1200—1550° C je nach der Wellenlänge des sichtbaren Gebietes vergleichen läßt. Fallt man für diesen Zweck die bestrahlte Magnesiumoxydschicht als strahlenden Körper auf, so kann die schwarze Temperatur dieses Körpers gemessen werden.

Durch diese Art der Lichtschwächung wird zugleich eine Vereinfachung des Spektralspparates herbeigeführt. Bei Belichtung des Kollimatorspaltes durch die Sonne müßte sonst entweder ein Heliostat benutzt werden, damit das Spektrometer fest an seinem Platze stehenbleiben kunn, oder das Spektrometer müßte um eine vertikale und eine horizontale Achse drehbar sein, damit der Kollimator dem jeweiligen Sonnenstande folgen kunn.

Hier war das Spektrometer selbst nur um eine vertikale Achse drehbar, dagegen befand sich rechtwinklig zur Verlängerung des Kollimatorrehres C (s. Fig. 2) ein Rohr H drehbar um diese Verlängerung. Das Rohr H hatte eine Öffnung O, durch welche die Sonnenstrahlen auf eine Magnesiumoxydplatte M fallen konnten. Diese Platte bildete mit der Achse des Kollimatorrehres einen halben rechten Winkel Das Rohr H trägt einen Diopter, mit welchem der Apparat so eingestellt werden konnte, daß die Sonnenstrahlen den Magnesiaschirm unter einem halben rechten Winkel trafen. Dadurch erscheint das vor der Glählampe G stehende Diaphragma D wie mit leuchtend weißer Masse belegt. Die Linse L, entwirft ein scharfes Bild vom Faden der



Glühlampe ungefähr an der Stelle der Linse  $L_*$ . Der Faden erscheint dann, durch den Okularspalt des Fernrohrs betrachtet, auf einem hellen Hintergrunde, welcher durch das Bild des Diaphragmas D gegeben ist  $^1$ .

Ich betone, daß die Unschärfe des Bildes von D keinen Fehler herbeiführt; es muß nur dafür gesorgt sein, daß die Zerstreuungsscheibehen jedes Punktes relativ klein gegen den Durchmesser des Diaphragmas sind. In diesem Falle bleibt im Bilde des Diaphragmas ein innerer heller Kreis mit gleichmäßiger Helligkeit, unabhängig davon, ob scharf oder unscharf eingestellt ist. Auf diesem inneren hellen Kreis kann der Bügel der Glühlampe, welcher durch den Okularspalt betrachtet wird, durch Regulieren des Lampenstromes in einem bestimmten Spektralbeziek zum Verschwinden gebracht werden, so daß er die gleiche Helligkeit wie der spektrale Hintergrund besitzt.

Alle Veile des Spekteniapparates vom Fernrohr bis som Rohr H waren metürlich auf einem eineigen festen Arm montiert.

Auf diese Weise wird mit den geeichten Glühlampen die sehwarze Temperatur des Magnesiaschirmes bestimmt. Die vorher besprochene Liehtschwächung muß nun aber bei dieser Versuchsanurdnung noch mit cos 45° multipliziert werden, da die Sonnenstrahlen unter einem Winkel von 45° auf die Magnesiaschicht fallen. Dadurch wird die Lichtschwächung

(Gl. 2.) 
$$L = R \cdot \sin^4 \alpha \cdot \cos 45^\circ$$

### Beobachtungen.

Zur Ausführung solcher Beobachtungen wäre derjenige Ort der beste, an welchem die Luft die geringste Menge Wasserdampf unter möglichst konstanten Verhältnissen enthält, also ein Ort mit Wüstenklima; ferner wäre vorteilhaft, daß der Ort möglichst hoch liegt, damit die Schichtdicke der Luft, welche die Sonnenstrahlen passieren müssen, möglichst gering ist. Schließlich wäre ein Ort nahe am Äquator erwünscht, damit die Sonnenstrahlen die Schichtdicke möglichst senkrecht durchsetzen. Alle diese Bedingungen werden sich nicht gut gleichzeitig erfüllen lassen.

Die hier mitgeteilten Beobachaungen sind in Oberägypten bei Assuan auf einer Anböhe, die sieh 160 m. über dem Spiegel des Mittelmeeres erhebt, im Februar und März 1908 ausgeführt. Auf diesem Hügel Takuk steht ein englisches Fort, dessen primitive Räume als Beobachtungsstation eingerichtet worden. Für die freundliche Bereitwilligkeit, mit der meine Arbeiten von Hra. Kapitän Lvons, Chef der ägyptischen Vermessungsbehörde in Gizeh bei Cairo unterstützt wurden, sei auch an dieser Stelle der herzlichste Dank ausgesprochen.

An Apparaten wurden neben dem besprochenen Spektralapparat noch Präzisionsamperemeter beautzt, welche an Ort und Stelle mit Kadmiumelement und Präzisionswiderständen geeicht werden konnten. Für den Lampenstrom dienten kleine Akkumulatoren, welche in Assuan geladen wurden. Die ostenropäische Zeit wurde täglich durch ein telegraphisches Signal von der Sternwarte zu Heluan nach Assuan gemeldet.

Es ist aber noch eine schwierige Frage zu besprechen, nämlich die Frage nach der Temperaturskala, welche den Messungen zugrunde zu legen ist

Ahad, d. Wisa, 1909, S. 273 ist verschentlich 110 m angegeben.

### Die benutzte Temperaturskala.

Bis zum Jahre 1907 galt die von L. Holborn und A. Day' durch Anschluß des Pt.-Pt-Rh-Elements an das Stickstoffthermometer aufgestellte Temperaturskala als vollkommen sicher. Bis 1130° C war das Stickstoffthermometer benutzt und die Temperaturskala oberhalb 1130° C für das Thermoelement extenpoliert, und zwar nach dem Gesetz, welches bei den unterhalb 1130° liegenden Temperaturen gültig befunden war. Es erschien alles in bester Ordnung, da die Strahlungsgesetze und die Gleichungen für die Thermoelemente bei Extrapolation eine überraschende Übereinstimmung in den Temperaturangaben zeigten?

Als L. Holbors und S. Valentiner die Messungen am Stickstoffthermometer über 1130° U bis rund 1680° U fortsetzten, fanden sie, daß die Extrapolation der Thermoelemente und das Stickstoffthermometer sehr versehiedene Temperaturangaben machten.

Im Jahre 1910 veröffentlichte dann A. L. Day und R. B. Sosman eine Arbeit fiber den gleichen Gegenstand und fanden gleichfalls eine erhebliche Differenz zwischen der Extrapolation des Thermoelements und dem Stickstoffthermometer.

Um diese Differenz anschaulieh zu machen, habe ich die zu gleichen Thermokräften gehörigen Temperaturen nebeneinandergestellt.

Pi, Pi Rii. Milliyob	Horaussi and Tax	Holdonk, Valentines	DAV, Sossan
10:20	/= 1100° C	2 = 1000° ()	1097 €
43.900	(200	1202	1197
1504	1399	800,0	¥301
7,6:61	1400	8939	1497
15:73	1500	1835	3534
17,05	1500	1656	1624
	0 = 74580	0 III 14700	

Unter der Temperaturskala ist noch die zugehörige Konstante e der Wienschen Formel angegeben. e = 14580 ist von Lower und Phinoshem, e = 14200 von Holmon und Valentinen bestimmt.

L. Holsony and A. Dav, Wien, Ann. 68, S. 817, 1894 and Ann. d. Phys. 2, S. 505, 1900.

EDMARK and PRINGSBEIR, Phys. Zeitschrift 3, S. 98, 1901. Verhandlung der Denisch Phys. Ges. 1901, S. 42, F. PASCREN und H. WANNER, H. WANNER, Ann. d. Phys. 2, S. 141, 1900.

<sup>\*</sup> Ann. d. Phys. 22, S. 1, 1907.

<sup>\*</sup> Am, Journ of Science Vol. XXIX, S. 63, 1900.

Wie man sieht, nimmt die Temperaturskala von Day und Sosman im wesentlichen eine mittlere Stellung ein.

Da eine Entscheidung zwischen diesen Temperaturskalen nicht so hald getroffen werden wird, so habe ich meine Beobachtungen mit jeder der beiden extremen Skalen getrennt ausgerechnet, was bei der Extrapolation auf hohe Temperaturen allerdings sehr starke Abweichungen ergibt. Die Temperaturen der Skala Holsorn-Day seien mit t, diejenigen der Skala Holsorn-Valentiska mit 5 bezeichnet.

#### Messungen.

Es ist nur an solchen Tagen beobachtet worden, an denen der Himmel vollkommen frei von Wolken und Dunst erschien. Zunächst mußte der Spektralapparat justiert und der Spalt so eng gestellt werden, daß die Frankrofferschen Linien scharf erschienen und als Marke für den gewünschten Spektralbereich dienten. Dann wurde der Kollimatorspalt auf die Breite 0.5 mm eingestellt und das Okular durch einen Okularspalt von gleichfalls 0.5 mm ersetzt. Vor den Kollimatorspalt mußte die Linse und Glühlampe so gestellt werden, daß, durch den Okularspalt betrachtet, die Glühlampe im Liehte der betreffenden Spektralfarbe leuchtend und scharf erschien. Dann wurde durch Drehung um die vertikale und horizontale Achse des Spektralapparates erreicht, daß die Sonnenstrahlen unter einem Winkel von 45° auf die Magnesiaschicht fielen. Hierauf wurde der Lampenstrom so einreguliert, daß der Bügel der Glühlampe auf dem spektralen Hintergrund verschwand, und der Strom am Amperemeter abgelesen. Zu jeder Wellenlänge gehört also ein Lampenstrom, der einer bestimmten Temperatur entspricht, und eine Zeitangabe, durch welche der Sonnenstand und damit die durchstrahlte Schichtdicke d der Luft definiert ist.

2. B. 
$$\lambda = 0.651 \mu$$
  
15. Febr. 1908 11<sup>3</sup>27'  $d = 1.28 \text{ Atm.}^{3}$   
0.685 Amp.  $t = 1211^{4} \text{ C.}$ 

Die Einstellungen auf Verschwinden des Lampenfadens und die Ablesungen am Amperemeter sind so genau, wie es ungefähr einem Prozent photometrischer Helligkeit entspricht. Die so gemessene schwarze Temperatur der Magnesiaplatie muß aber noch auf die Dicke Null der Luftschicht reduziert werden.

Hier ist unter Atmosphäre stets one Schichtdieke  $d\Rightarrow 1$  verstamben, die einer Luftmasse über dem Berg Takuk bei mittlerem Barometerstand entsprieht. Die Variationen des Barometerstandes sind nicht berücksichtigt, da die sunstigen Fehlerspusilen erheblich größer sind.

Zu dem Zwecke gehen wir von der Wiesschen Gleichung in der hierfür bequemen Form;

(GL 3.) 
$$\log \operatorname{nat} \frac{J_i}{J_i} = \frac{c}{\lambda} \left( \frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_i} \right)$$

aus, worin  $J_*$  und  $J_*$  die zu den absoluten Temperaturen  $T_*$  und  $T_*$  gehörigen Intensitäten sind, während  $\lambda$  die zugehörige Wellenlänge und c eine Konstante bedeutet.

Bestimmen wir nun bei sehr verschiedenem Sonnenstande die Temperaturen  $T_i$  und  $T_i$ , so ist  $J_i$ ;  $J_i$  bekannt.

Es ist aber  $J_* = J_* \cdot a^{d_*}$ , wenn  $J_*$  die Intensität der Strahlen vor Eintritt in die Luft, a der Durchlässigkeitsfaktor und  $d_*$  die Schichtdicke der Luft ist. Ebenso ist  $J_* = J_* \cdot a^{d_*}$ , es ist also  $J_* \cdot J_* = a^{d_* - d_*}$ .

(61. 4.) 
$$\log \operatorname{rat} u^{d_0 - d_1} = \frac{v}{\lambda} \left( \frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_i} \right).$$

Es kann somit der Durchlässigkeitsfaktor a durch Messung der Temperaturen bei verschiedener Schichtdicke a bestimmt werden,

z, B.: 
$$\lambda = 0.588 \,\mu$$
,  
 $d_i = 1.24$   $d_i = 2.60$ ,  
 $t_i = 1322.5^{\circ} \, \text{C}$   $t_i = 1303^{\circ} \, \text{C}$   $v = 14580$   $a = 0.868$ ,  
 $S_i = 1332.7^{\circ} \, \text{C}$   $S_i = 1311.5^{\circ} \, \text{C}$   $v = 14200$   $a = 0.861$ .

Nach Gleichung 4 läßt sich dann mit Hilfe des nun bekannten Wertes von a die bei der Schichtdicke d, gemessene Temperatur T, auf die zur Schichtdieke d=0 gehörige Temperatur  $T_c$  reduzieren, Indem  $T_c$  als Unbekannte statt  $T_c$  und  $-d_c$  statt  $d_c-d_c$  eingesetzt wird. So ergibt sich z. B. auf d=0 reduziert:

Die folgende Tabelle enthält die Durchlässigkeitsfaktoren a der Luft für verschiedene Wellenlängen, sowohl nach der Temperaturskala Honnoun-Day wie nach derjenigen Honnoun-Valentisen berechnet.

Temperetaeskala	) = avg =	€ 588 tr	0.52F a	0.485#
HOLDON VALENTINES	is = 0.88≤ # = 0.884	0.850	11.843 11.828	=8#1 a.805

Diese Mittelwerte für a sind aus je vier Einzelwerten berechnet, welche an vier verschiedenen Tagen gefunden sind. Sie zeigen eine deutliche Abnahme nach den kürzeren Wellenlängen hin. Für  $\lambda=0.651$  und  $0.588~\mu$ , wofür die benutzten Temperaturen bei 1240 bzw. 1330° G

liegen und die Differenz der Temperaturskalen noch nicht groß ist, dürften die Werte wohl ungefähr auf i Prozent richtig sein. Meines Wissens ist der Durchlässigkeitsfaktor der Luft bisher für verschiedene Wellenlängen noch nicht bestimmt worden, wohl nur deshalb, weil keine genaue Methode zur Bestimmung vorlag. Durch die relativ gute Übereinstimmung dieser Werte bin ich selbst überrascht, denn nach den Abweichungen, die bei Temperaturbestimmungen an verschiedenen Tagen stattfinden, war dies nicht zu erwarten. Deshalb glaube ich, daß trotz der Klarheit der Luft doch noch gewisse Tageseinflüsse vorliegen.

Dieser kinfluß fiel aber bei Bestimmung des Durchlässigkeitsfaktors fort, da nur Werte benutzt wurden, die an dem gleichen Tage und nur bei verschiedenem Sonnenstande gefunden waren. Es sind zur Bestimmung des Durchlässigkeitsfaktors nur Schleholieken benutzt, die 2 bis 3 Atm. nicht überschritten. Bei sehr tiefem Sonnenstande, also bei Höhenwinkeln kleiner als 15°, habe ich, trotzdem die Metigennutzkeit eine sehr gute sein müßte, starke Abweichungen und viel zu kleine Werte für den Durchlässigkeitsfaktor erhalten; ich schließe daraus, daß hier das Bousurasche Gesetz nicht mehr gilt.

Mit Hilfe der angegebenen Durchlässigkeitsfaktoren sind nun die sehwarzen Temperaturen der Magnesiaplatte für die verschiedenen Wellenlängen auf die Schichtdicke Null reduziert, natürlich jede Temperaturmit dem Durchlässigkeitsfaktor der gleichen Temperaturskala.

Es sind für jede Wellenlänge an acht verschiedenen vollkommen klaren Tagen je 10 bis 20 Temperaturbestimmungen gemacht. Hierbei kommen allerdings Abweichungen von 5 und selbst 10° vor, diese schreibe ich aber teils Tageseinflüssen zu, teils dem Umstande, daß die 11 benutzten Lampen, sechs Kohlefiden- und fünf ()sramtampen, zum Teil auf verschiedene schwarze Körper geeicht waren. Es wurden drei verschiedene schwarze Körper, in der Ausführung nach Lussen und Kundbaun, mit drei verschiedenen Thermoelementen benutzt.

Die auf Schichtdicke Null reduzierten Beobschtungen sind alle bei so hohem Sonnenstande ausgeführt, daß die Schichtdicke nie mehr als 1-3 Atm. betrug, es sind dann die Temperaturen ebenso wie die Schichtdicken einfach gemittelt.

Temperaturskala	h = 0.551 H	0.988	0.521	m48±
Hermans-Day	$\begin{array}{c} d = (x) \\ \ell = (x) (x)^{n} \ell^{n} \end{array}$	1219.3	t.24 1460.4	1,24
HOLDONS DAY	d = 0 f = tais 60 ft	1337.6	1,183.4	1563.1
Holman-Valentiers	d = 0 ⇒ = 1228,7° €	1349.2	1513.7	1610.7

Aus diesen schwarzen Temperaturen der Magnesiaplatte kann nun die Temperatur der Sonne berechnet werden, und zwar muß hier, da die gesuchte Temperatur sehr hoch ist, die Plascusche Formel angewandt werden, am bequemsten in der Form:

(61. 5.) 
$$J_i : J_i = \left(e^{\frac{J_i}{\sqrt{2}}} - 1\right) : \left(e^{\frac{J_i}{\sqrt{2}}} - 1\right)$$
,

wobei  $T_s$  gegeben und  $T_s$  gesucht ist. An Stelle von  $J_s:J_s$  ist aber die S. 546 besprochene Lichtschwächung (Gl. 2)  $L=R*\sin^s x \cdot \cos 45^\circ$  zu setzen, an welcher noch eine Korrektion anzubringen ist.

Es war gesagt, daß bei Eichung der Glühlampen das Bild der Öffnung des schwarzen Körpers mit einer Projektionslinse in die Ebene des Bügels der Glühlampe geworfen wurde. Der Projektionslinse kommt ein Durchlässigkeitsfaktor a zu, welcher durch das Redexions- und Absorptionsvermögen bedingt ist und auf ähnliche Weise bestimmt werden kann wie der Durchlässigkeitsfaktor der Erdatmosphäre. Man projiziert durch zweimalige naturgroße Projektion die Öffnung des schwarzen Körpers auf den Bügel der Glühlampe und mißt die Temperatur T., dann schaltet man die zu untersuchende Projektionslinse aus und projiziert nur einmal, wobel man die höhere Temperatur T., findet. Der Durchlässigkeitsfaktor / dieser Linse ist dann nach der Wusschen Gleichung:

$$\log \operatorname{nat} \frac{J_i}{J_i} = \frac{e}{\lambda} \left( \frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_i} \right) = \log \operatorname{nat} \frac{1}{l}.$$

Auf diese Weise wurde gefunden:

Tamparomeskata	$\lambda = 0.051$	0.588	0 501	0:485
Holdons-Day	l = 0.891 l = 0.880	0.880	0.870	0.86¢ 0.851

Da diese Linse bei den Temperaturmessungen mit Hilfe der Sonnenstrahlen nicht eingeschaltet ist, so wird die wahre Lichtschwächung:

$$L_i = \frac{R}{i} \cdot \sin^i \alpha \cdot \cos 45^\circ,$$

da das Fehlen der Linse in gewissem Sinne wie eine Verstärkung des Liebtes wirkt.

Daher erhalten wir nach Gl. 5:

$$R \cdot \sin^{4} \alpha \cdot \cos 45^{\circ} : l = \left(e^{\frac{\theta}{4T_{0}}} - 1\right) : \left(e^{\frac{\theta}{4T_{0}}} - 1\right)$$

Hierin ist der scheinbare Halbmesser der Sonne für die Zeit in der Nähe des 1. März konstant gleich sin 0.260° gesetzt, für das diffuse Reflexionsvermögen ist entsprechend S. 544 der Wert 0.876 eingesetzt. Die welteren für die Gleichung nach den Temperaturskalen zusammengehörigen Wertpaare sind nach der:

Temperaturskala Hotsons-Dar, 1901. c= 14380.

λ	, r 1	34	- A	- T.
0.633 #	0.891	1225.6°C	5509° E	\$782" atm
29.588	0.880	1337.6	5456	225
NEXT	0.870	14814	5471	5744
19485	0.895	156343	1183	5658
		Mired	5455*(7	5728" nhs

Temperaturskala Holsonn-Valentines, 1907. # = 14200.

×	- 3	34	5,	7,
n-651 p 0.588 0.531 0.485	0.860 6.868 0.856 0.85s	1928 (* 17 1349-7 1515-1 1610-7	6002°C (013 6217 622)	6275° ala. 6286 6490 6496
		Mittel	6114° C	6387 al-

Nach der alten Skala liegt die Sonnentemperatur zwischen 5385 und 5509° C. Diese Übereinstimmung der Resultate kann bei der außerordentlich weiten Extrapolation wohl als befriedigend angesehen werden, namentlich da das Sonnenspektrum selbst wegen der Verteilung der Frausnormschen Linien ungleichmäßige Helligkeit besitzt.

Nach der neuen Skals liegt die Sonnentemperatur zwischen 5002 und 5223° C, was eine sehr starke Divergenz beider Skalen bedeutet, namentlich da die Temperaturen der alten Skala fallende, die der neuen Skala steigende Tendenz zeigen. Dieser Emstand ist wohl dahin zu deuten, daß die Abweichungen der Temperaturskalen keineswegs durch die verschiedenen Werte von e ausgeglichen sind.

Es ist leicht, relative Temperaturen mit Hilfe einer geeichten Glühlampe so genau zu messen, daß der photometrische Fehler z. B. zwischen 1100 und 1500° C nicht mehr als 1° C beträgt. Man stößt aber sehon auf große Schwierigkeiten, wenn man eine Glühlampe mit Hilfe des schwarzen Körpers auf 5° genau eichen will. Die jetzige Differonz zwischen den verschiedenen Temperaturskalen, welche die Grundlage für solche Eichungen geben, ist allerdings wesentlich größer. Diese Schwierigkeit läßt sich für Temperaturmessungen der Sonne nicht dadurch umgeben, daß man etwa von der Temperatur 1200° C, die

sehr gut fundiert ist, ansgeht, weil die photometrische Helligkeit kürzerer Wellenlängen bei dieser Temperatur noch zu gering ist.

Es ist sehr zu wünschen, daß die Skaln für höhere Temperaturen eine neue siehere Grundlage erhält, bei der großen Schwierigkeit der Aufgabe wird dies aber kaum in nahellegender Zeit geschehen.

Hier sei erwähnt, daß die Skala Holborn-Valentiser unch Versuchen von Hrn. Valentisen' mit dem Stefan-Boltzmannschen Gesetz in Einklang steht.

Zum Vergleich sind hier einige neuere Werte für die absolute Temperatür der Sonne zusammengestellt, die sieh nach anderen Methoden berechnen lassen und in den «Vorlesungen über die Physik der Sonne» von E. Pausasumus, S. 417—422 angegeben sind.

E. Warburg berechnet aus der Solarkonstante gleich 3 bis 4 g-Cal/cm <sup>2</sup> -Min, und der Konstante des Steras-		
lightzmannschen Gesetzes σ = 0.0176 g-Cal/cm*-Sek. den		
Wert	67609	alis.
für die Solarkonstante als wahrscheinlichsten Wert 2.2		
wird nuch O. Lusann und E. Parsesners A. T.	5000°	
= 2940 und nach Franc W. Very λ = 0.532 μ ge-		
setzi, so ergibt sich	5530°	4
Nach D. A. Goldbamma' ist die Temperatur, berech-	1,30	3
der Größenordnung nach	100000	
Meine Messungen ergeben im Mittel	TOURIG	
nach der Temperaturskala Hollooks-Day	5730°	7
HOLBORN-VALENTINER	6300°	. 6

Sehr bemerkenswert ist die von Hrn. Goddnamen gefandene Temperatur von 10000° abs. Hr. Goddnamen bemerkt mit Recht, daß die höchste gemessene Temperatur der wahren Temperatur am nächsten kommen muß. Er findet für  $\lambda = 1.8~\mu$  die höchste Temperatur, es ist jedoch fraglich, ob die Beobachtungen von Lassuart aus dem Jahre 1881 für diese Berechnung genau gemig sind.

Wie man sieht, sind die Abweichungen in den Temperaturmessungen nach den verschiedenen Methoden noch sehr erheblich, aber sie

<sup>1</sup> S. VALESTINER, Ann. d. Phys. 31, 275, 1910.

E. Phinoshera, B. G. Trouven 1910.

E. Wanner, Verl. d. Phys. Ges. r. 50, 1899.
 D. A. Goldskersky, Ann. d. Phys. 25, 905, 1908.

sind, abgesehen von den Werten von Hrn. Gonnaverza, nicht so erheblich, daß man hiernach auf ganz besonders selektive Eigenschaften der Sonne schließen mißte.

Nach Hrn. Goldmannen müßten allerdings solche Eigenschaften in sehr starkem Maße vorhanden sein, da die Temperatur bei den Weilenlängen  $\lambda=0.35$  bis  $\lambda=2.4$  u zwischen  $4200^\circ$  und  $9200^\circ$  abs. schwankt. Es sind aber wohl erst neuere Versuche abzuwarten, da die Bestimmung eines Normalspektrums mit genauer Intensitätsangabe sehr große experimentelle Schwierigkeiten bietet.

Die Abweichungen meiner Werte werden im wesentlichen durch die Unsieherheit innerhalb der Temperaturskalen und der zugehörigen Konstanten e bestimmt, da die reine Meßgenauigkeit der Methode sehr groß ist. Man wird daher sehr siehere Resultate erhalten können, wenn es sich nur um relative Bestimmungen, z. B. der Intensität im sichtbaren Spektralgebiet der Sonne, handelt.

Die Intensität der Strahlung, welche zur Erde gelangt, ist proportional sin' α, wenn sin α den scheinbaren Halbmesser der Sonne bezeichnet. Da α von Winter zu Sommer vom Wert 0.263° bis 0.272°, d. h. um 5.3 Prozent schwankt, so schwankt sin' α, also auch die Intensität um 6.6 Prozent. Das ist aber ein Betrag, der mit mehreren geeichten Glühlampen sicher auf einer geeigneten Station nachzuweisen wäre, da die photometrische Genauigkeit etwa i Prozent beträgt und der zu Winter bzw. Sommer gehörige Durchlässigkeitsfaktor der Luft entsprechend genau bestimmt werden kann.

## Jahresbericht über die Herausgabe der Monumenta Germaniae historica.

Von REINHOLD KOSER.

Die 37. Pienarversammlung der Centraldirection der Monumenta Germaniae historica wurde vom 20. bis 22. April d. J. in Berlin abgehalten. Anwesend waren die HH. Prof. Bresslau aus Straßburg i. E., Archivdirektor Archivrat Dr. Krusen aus Hannover, Hofrat Prof. Lescrits Ritter von Erengeuth aus Graz, Prof. von Ottenthal aus Wien, Geheimrat Prof. von Riezlen aus München, Geh. Hofrat Prof. von Strinuever aus Erlangen, Prof. Wennunghoff aus Königsberg i. Pr. sowie die hiesigen Mitglieder Wirkl. Geh. Rat Prof. Brunnen Exz., Geh. Regierungsrat Prof. Holder-Eroer, Wirkl. Geh. Oberregierungsrat Kosch als Vorsitzender, Geheimrat Prof. Schärer, Geh. Hofrat Prof. von Sorson, Prof. Tanga, der das Protokoll führte, und Prof. Zeumen. Am Erscheinen verhindert war aus Familienrücksichten Hr. Prof. Rudlich in Wirk.

Seit der Erstattung des vorjährigen Berichtes wurden ausgegeben: In der Abteilung Scriptores:

Scriptorum rerum Merovingicarum tomus V ed. Br. Kausca et. W. Levison.

Scriptores rerum Germanicarum in usum scholarum separatim editi: Johannis abbatis Victoriensis liber certarum historiarum T. II ed. F. Schneder.

In der Abteilung Leges:

Constitutiones et acta publica imperatorum et regum. Tomi IV partis posterioris fasciculus II ed. J. Schwalm.

Vom Neuen Archiv der Gesellschaft für ültere deutsche Geschichtskunde:

Bd, XXXV Heft 3 und Bd. XXXVI Heft 1 und 2.

Im Druck befinden sich sechs Quart- und vier Oktavbände.

Der Schlußband (VI) der Serie der Scriptores rerum Merovingscarum ist im Drucke bis zum 23. Bogen gefördert. Für die illteste Vita Lamberti hat der Leiter dieser Serie, Hr. Archivdirektor Krusen in Hannover, sich bemüht, das außerordentlich umfangreiche Handschriftenmaterial, das sich in zwei his ins 8. Jahrhundert zurückreichende Familien spaltet, in möglichster Vollständigkeit zusammenzutragen; für den Altesten Text sind im ganzen 19, für zwei von einander unabhängige mittelalterliche Überarbeitungen seines barbarischen Lateins 27 Handschriften vergliehen worden. Aber auch in die spilteren Biographien des Märtyrers, für die bisher noch so gut wie nichts getan war, mußte tiefer eingedrungen werden, als ursprünglich beabsichtigt war, um an diesem typischen Beispiel durch Abdruck größerer Abschnitte aus der jüngeren Überlieferung das Überwuchern der Legende zu zeigen. Handschriften wurden für die Zwecke der Merowingerserie zugesandt von den Bibliotheken in Admont, Berlin, Bern, Bonn, Brüssel, Coblenz, Dijon, St. Gallen, Gießen, Halberstadt, Lüttich, Luxemburg, München, Prag, Trier (Dom-, Seminar- und Stadtbibliothek) und Würzburg. Der Leiter der k. k. Familienfideikommiß-Bibliothek in Wien, Hr. Dr. Schnüber, stellte eine photographische Aufnahme des eigentümlichen zweiten Sigiberttextes der Vita Lamberti zur Verfügung, da die Urschrift nicht versendbar war. Durch Besorgung von Kollationen, Auskünfte über einzelne Stellen und sonstige Mitteilungen unterstützten Hrn. Dr. Kursen die HH. P. Fatenmen Funtzu in Admont, der Bollandist Hr. P. ALBERT PONCELET in Brüssel, die HIL. P. GREGOR JACOBER und FR. GALLUS BECKEL in Engelberg, Bibliothekar Dr. J. Brassisse in Lüttich, Bibliothekur Girann in Montpellier und Dr. Fenon Schnemen in Rom. Eine Reise des ständigen Mitarbeiters Hrn. Prof. Levison in Bonn nach England galt insbesondere der Überlieferung der Vita Wilfridi. Neben dieser Vita wurden von demselben eine Reihe von Kapitelo der Vita Trudonis und die bisher ungedruckten Miracula Gangulfi Tullensia, zur Ergitnzung der Vila Gangulfi, für den Druck fertiggestellt. Zu Dank verpflichteten ihn die HH. H. G. Annis and Rosens von der Universitätsbibliothek und C. W. Motte und Dr. Stream vom Corpus Christi College in Camandore, Rev. C. E. Woodscore and Dr. E. Moone in Canterbury, Rev. A. R. Mannison in Lincoln, Jensins vom Lambeth Palace in London, A. Cowley von der Bodleinna, R. W. Lavisastosa vom Corpus Christi College und W. A. STEVENSON vom St. Johns College in Oxford, Prof. Lentoue in Paris und Oberbibliothekar G. Lamusens in München, sowie die HH. Beamten des Britischen Museums in London und der Kgl. Bibliothekin Brüssel

Die englische Forschungsreise des Hrn. Prof. Lavison hat auch seinen Sammlungen für den zweiten Teil des Liber Pontificalis Errag geboten. Die Ergebnisse einer einschlägigen Einzeluntersuchung wurden in dem Aufsatze über Pseudo-Lindprand (Neues Archiv Bd. XXXVI) niedergelegt.

in der Hauptserie der Scriptores hat der Abteilungsleiter Hr. Geh. Regierungsrat Prof. Honous-Essun nach Wiederherstellung seiner Gesundheit, deren Zustand eine längere Unterbrechung seiner Tätigkeit erforderlich gemacht hatte, die Arbeiten für seine Lebensbeschreibung des Minoriten Salimbene de Adam, die nummehr in Druck gegeben werden kann, und für seine Einleitung zu der im XXXII. Band der Scriptores vorliegenden Ausgabe Salimbenes wiederaufgenommen. Im zweiten Hefte des XXXVI. Bandes vom Neuen Archiv bewirkte er eine vorlänfige Ausgabe des Schlußteiles des Liber de historia Romana, letzten Werkes des Ricolaild von Ferrara, nach der 1901 von ihm abgeschriebenen einzigen Handschrift zu Poppi in Toskana; den Anlaß gab der Umstand, daß die Texthilfsquelle für diesen Schlußteil, eine bereits 1801 von Hrn. Honner-Eogen geprüfte italienische Übersetzung auf der Marcus-Bibliothek in Venedig, vor kurzem durch Carlo Fran, aber noch ohne Heranziehung des lateinischen Originals, veröffentlicht worden ist. Abermals, wie im Vorjahre, war Hr. Holous-Eour in der Lage. über eine bisher unbekannte Widukind-Handschrift zu berichten (Neues Archiv XXXVI), die, auf Konrad Peutingers Veranlassung in der ersten Hälfte des 16. Jahrhunderts hergestellt, seit 1903 der Münchener Hofund Staatsbibliothek gehört und durch den Hrn. Oberbibliothekar Dr. Lemisors freundlichst nachgewiesen und zur Verfügung gestellt wurde. Die im vorigen Jahresbericht angekündigte Untersuchung über die Gester Florentinorum hat der ständige Mitarbeiter Hr. Privatdozent Dr. Schmidten in Leipzig als letzte seiner der Ausgabe des Tholomeus von Lucra gewidmeten Vorarbeiten inzwischen in demselben Bande des Neuen Archivs erscheinen lassen,

Nachdem in der Sammlung der Scriptores rerum Germanicarum die fünfte, von Hrn. Holden-Eguen besorgte Auflage der Vila Karoli Magni des Einhard schon fünf Jahre nach ihrem Erscheinen vergriffen war, hat der Bearbeiter sich entschlossen, für eine sechste Auflage den gesamten Handschriftenvorrat über die von den früheren Herausgebern Warrz und Jarri geleistete kritische Arbeit hinaus einer durchgreifenden Revision zu unterziehen, wobei ihn die HH. HENRI LEBEUUR in Paris, Dr. DREYER in Florenz und Privatdozent Dr. Hisson in Wien freumdlichst unterstützten. Für die erforderliche neue Bearbeitung der Werke des Laudprand von Cremona ist Hr. Oberlehrer Dr. Josef Becken in Rogasen gewonnen worden; die der Vita Heinrici IV. hat gleichfalls der Abteilungsleiter übernommen. Hr. Dr. Schmidden hat die Arbeiten für seine Ausgabe des Adam von Bremen vervollständigt; dem Hrn. Bibliothekar A. Björsnö in Kopenhagen verdankt er, neben fortgesetzter Unterstützung bei Benutzung des Kopenhagener Materials, den Hinweis auf eine inkunabel der Prager Universitätsbibliothek, die auf

einigen Blättern eine aus dem Kloster Segeberg stammende Abschrift der Epistolo Sidono aus dem Beginn des 16. Jahrhunderts enthält; weiter war u. a. eine Handschrift der Cronica Normegie Dunie et Smerie aus der Gymnasialbibliothek zu Coblenz, jetzt auf dem Staatsarchiv daselbst befindlich, neu heranzuziehen, die das vierte Buch der Gesta Hommiburgensis ecclesiae zum größten Tell wiedergibt. Für die Bearbeitung des kritischen Apparates zu Cosmas von Prog hat sieh Hr. Landesarchivdirektor Barraotz in Brünn mit Hrn. Dr. Weisneagen in Verbindung gesetzt; eine Bereicherung erhielt der Apparat durch die Wiederauffindung der verloren geglaubten Brewnower Handschrift. Von der durch den ständigen Mitarbeiter Hrn. Privatdozenten Dr. Horangeren besorgten zweiten Auflage der Chronik Ottos von Freising steht nur der Druck der Vorrede und des Registers noch aus. Das Manuskript für die dritte Auflage der Gesta Friderici I von Otto und Rahmein hat Hr. Geh. Hofrat Prof. von Smson druckfertig eingeliefert. Hr. Prof. Unting in Graz hat die für die Textkonstituierung der Annales Austriae grundlegenden Handschriften mit einem Besuche der Bibliotheken und Archive der Stifter St. Peter in Salzburg, Melk, Heiligenkreuz, Reun und Voran nahezu erledigt; zu großem Danke verpflichteten ihn durch ihr Entgegenkommen die Direktion der k. k. Hofbibliothek in Wien, die hochwürdigsten HH, Abte William Haufhales, Anannes John, D. GRESOR POCE, BENNO BREACHER, der hochwürdige Hr. Prior Dr. R. Koursonar und die hochwürdigen HH. Bibliothekare P. Fmensten Fenn, D. FLORIAN WATZL, ANTON WESS, THEODORICH LAMPEL (+).

Für die Bearbeitung der Historischen Lieder in deutscher Sprache muß leider, da auch Hr. Dr. Michie von dieser Ausgabe zurückzutreten genötigt war, abermals ein Ersatz gesucht werden. Die Bearbeitung der Dichtungen Suchrawirts hofft Hr. Dr. Louisen in Göttingen demnächst abzusehließen.

In dem der Leitung des Hrn. Wirkl. Geh. Rats Prof. Baussen unterstellten Bereiche der Leyes hat Hr. Geh. Justizrat Prof. Sacker eine nehte Quellenstudie zu Benedictus Levitu nahezu fertiggesteilt; der Cod. Paris. lat 4634, der den ganzen Benedictus enthält, ist durch Hrn. Dr. Casras, die Handschrift 145 der Bibliothek zu Avranches für Benedictus I und II. 1—362 durch Hrn. Dr. E. Müllen kollationiert worden. Der durch Hrn. Prof. von Senwish für das Neue Archiv bestimmten Abhandlung über das Verhältnis der Handschriften der Lex Bainmariorum wird Hr. von Kralik eine kleine Untersuchung über die dentschen Wörter dieses Volksrechts folgen lassen. Hr. Privatdozent Dr. Freiherr von Senwenn hat in die Vorarbeiten für seine Ausgabe der Lex Thuringorum auch die in deren einziger Handschrift mitenthaltene Lex Saxonom mit den anschließenden beiden Kapitularien ein-

bezogen, um dadurch eine sicherere Lösung der noch ungeklärten Fragen nach der Heimat dieser Handschrift und des in der Ausgabe von Hemona benutzten Kodex herbelzuführen.

Was die von Hrn. Prof. Zeusen geleiteten Serien der Abteilung Leges anbetriffe, so hat zunächst der ständige Mitarbeiter Hr. Dr. Kanner in der Abhandhung «Zur Entstehung der Lex Salica» (in der Festschrift für Heisenen Baussen, Weimar (910) die Ergebnisse seiner Forschungen dahin zusammengefallt, daß unsere ganze Überlieferung der Lex Salica auf eine Neubearbeitung des alten Gesetzes durch König Pippin, vermutlich aus den Jahren 762/54, zurückgeht; des weiteren beschäftigte ihn die Anlage des umfänglichen sachlichen Kommentarzu dem Urtext und die Abfassung einer als selbständiges Buch demnächst zu veröffentlichenden Textgeschiehte der Lex Salica. Hr. Privatdozent D. Dr. Hunnar Bassans in Straßburg hat die für die Serie der Concilia von ihm übernommene Bearbeitung der Libri Carolini im druckfertigen Mannskript vorgelegt.

Der Plan zu einer Sammlung der Hof- und Dienstrechte des 11. bis 13. Jahrhunderts mußte bis auf weiteres zurückgestellt werden, da Hr. Dr. Bussa in Heidelberg nicht in der Lage ist, sich dieser

Aufgabe weiter zu widmen.

In der Serie der Constitutiones et acta publica reman et imperatorum hat Hr. Bibliothekar Prof. Schwalm in Hamburg das Registerheft zu dem vierten Bande erscheinen lassen; der Index nominum ist von dem Herausgeber seiber, der Index rerum et verborum von Hrn. Dr. R. Salosos, der Index chronologicus über die Bände I-IV dieser Serie von Hen. Referendar F. Salomon verfaßt. Der Druck des zweiten Halbbandes von Bd. V ist durch Hrn. Prof. Schwalm bis zum Bogen 96 (Sommer 1324), der des zweiten Halbbandes von Bd. VIII durch den Herrn Abteilungsleiter und Hrn. Dr. R. Sazonos bis zum Bogen 61 (Ende 1347) gefördert worden. Einen ausführlichen Bericht über seine in den Jahren 1908 und 1909 ausgeführten Forschungsreisen hat Hr. Dr. Saloson im Neuen Archiv Bd. XXXVI, 470-517 veröffentlicht; im September 1910 unternahm er eine Reise nach Paris. Durch Zusendung von Archivalien und Erteilung von Auskünften unterstützten den Abteilungsleiter und seinen Mitarbeiter die staatlichen Archive in Berlin, Breslau, Coblenz, St. Gallen, Karlsruhe, Marburg, München. Prag, Solothurn, Stuttgart, die Bezirksarchive in Colmar und Straßburg, die Stadtarchive in Colmar, Frankfurt a. M., Freiburg i. Br., Kaysersberg, Mülhausen i. E., Oberchnheim, Schlettstadt, Türkheim, Villingen, Weißenburg, das Deutschordenszentralarchiv in Wien, die Universitätsbibliothek in Leipzig: ferner die HH. Archivrat Dr. Jacoss in Wernigerode, Stantsarchivar A. Placer in Neuenburg (Schweiz), Akademiker Geh. Rat. Salemann in St. Petersburg, P. Dr. Redolf Schaemburg in Melk, Archivassistent Dr. J. Schulze in Marburg, Staatsarchivar Prof. Dr. Tühler in Bern.

Für die Diplomato Karolinorum hat Hr. Prof. Taxon die große Gruppe der Salzburger Urkunden, um den in der jüngst erschienenen ersten Lieferung des II. Bandes des Salzburger Urkundenhuchs unerledigt gebliebenen kritischen Fragen näherzutreten, zum Gegenstand einer umfassenden Untersuchung gemacht und zu diesem Behufe in die im k. und k. Haus-, Hof- und Staatsarchiv zu Wien befindlichen Originale dieser Gruppe im Herbst vorigen Jahres nochmals Einsicht genommen. Dabei ergab sieh u. a., in Erweiterung der bisher an der großen Arnulf-Fülschung geübten Kritik, die Unschtheit der Arnulf-Urkunde Mühlbacher\* Nr. 1858. Für die Urkunden Ludwigs des Frommen setzte Hr. Taxon die Bearbeitung der Empfängergruppen fort, der ständige Mitarheiter, Hr. Dr. Mütten, die der sachlichen Gruppen (Zollurkunden, Besitzurkonden, Immunitätseliplome). Für die Urkunden Ludwigs des Deutschen legte derselbe ein Verzeichnis nach dem Rechtsinhalt an. Eine plumpe Fälschung auf den Namen Karls des Großen, die im Archivio Muratoriano Nr. VI veröffentlicht worden ist, ließ sieh einem in der ersten Hälfte des 15. Jahrhunderts arbeitenden Fälscher, dem eine Urkunde aus der Kaiserzeit Karls IV. als Vorlage diente, zuweisen.

Die Arbeiten für den V. Band der Diplomata saec, XI sind durch Hrn. Prof. Buesslau zu Straßburg i. E. im Verein mit Hrn. Prof. Winer. weitergeführt worden. Fan Versuch, in Nordhausen Spuren einer noch von Fössterann gekannten handschriftlichen Überlieferung der Diplome Heinrichs III. wiederaufzufinden, ist leider erfolglos geblieben. Dagegen sind in Paderhorn beim Umzug des bischöflichen Generalvikariats in ein neues Dienstgebäude die seit 60 Jahren vermißten Urkunden für das Kloster Helmarshausen wieder zum Vorschein gekommen. darunter außer einer erheblichen Anzahl von Mainzer Erzbischofs- und Paderborner Bischofsurkunden des 12. Jahrhunderts drei Diplome der salischen Zeit: das schön erhaltene Original für D.K. II 190, ein nunmehr in Bd. V unter den Nachträgen nochmals zu veröffentlichendes Stück; die Urschrift der Fälschung auf den Namen Heinrichs IV., Stumpf 2038 und das Original der Urkunde Heinrichs V., St. 3017, die neben einem verlorenen Diplom Heinrichs IV. für jene Fälschung benutzt worden ist. Durch einen freundlichen Hinweis des Hrn. Oberlehrers Dr. Prarr in Hofgeismar auf die Auffindung aufmerksam geworden, hat Hr. Prof. Berssnar dank dem Entgegenkommen des bischöflichen Generalvikars, Hrn. Dompropstes Scanrz in Paderborn, die Urkunden an Ort

Unter Leitung des Hrn. Prof. von Ottenman wurden in Wien die Arbeiten für die Diplamata sase, XII von ihm und den HH. Dr. Husen und Dr. Sananes in der Weise fortgesetzt, daß die mit Originalen Konrads III. einsetzenden deutschen Gruppen bis zum Ausgang der Rogierungszeit Heinrichs VI. Erledigung fanden, und zwar die Gruppen Salem und St. Peter im Schwarzwald (aus Karlsruhe); Ranshofen, Ursberg, Waldsassen, Weißenobe (aus München); Kloster St. Lambrecht in Steiermark; Gottesgnade (ans Magdeburg), Nienburg (ans Magdeburg und Zerbst); außerdem einiges abschriftliche Material aus dem Staatsarchiv in Wetzlar and dem Huns- and Landesarchiv in Detmold. Eine weit größere Ausbeute gewährten zwei Reisen. Der Herr Abteilungsleiter. von den Vorständen der Archive überall auf das entgegenkommendste aufgenommen, verfolgte die abschriftlichen Überlieferungen der Gruppen Fulda (im Staatsarchiv zu Marburg), Elten und Stable (Düsseldorf). Corvey, Marienmünster, Wildeshausen (Münster), Drübeck und Hilwartshausen (Wernigerode), Stadt Magdeburg und Alsleben (Magdeburg), Nienburg (Zerbst), Bürgeln (Altenburg, Weimar, Gotha); der Versuch, der noch unbekannten Überlieferung von Diplomen für Gerhard von Lochtum und Königslutter nachzukommen, blieb erfolglos. Der ständige Mitarbeiter. Hr. Privatdozent Dr. Hassa, erledigte auf einer fünfwöchigen Reise die Gruppen Staatsverträge, S. Niccolò al Rialto, SS. Hario e Benedetto in Venedig, Santa Maria in Porto in Ravenna und die Kaiserurkunden der Bistümer Treviso und Feltre. Das Staatsarchiv und die Biblioteca Marciana in Venedig, die Biblioteca Classensis und das Archivio Capitolare in Ravenna, das Archivio della mensa vescovile, die Biblioteca Capitolare uml die Biblioteca Comunale in Treviso, das Museo civico in Bassano und in Belluno, das Archivio Capitolare und das Archivia Vescovile in Feltre, die Biblioteca Comunaie in Udine und die Seminarbibliothek in Padua haben die Nachforschungen des Hrn. Dr. Hissen mit größter Liberalität, auch durch die Erlaubnis zu photographischen Aufnahmen, unterstützt.

In der Abteilung Epistolae ist die Drucklegung der Briefe des Papstes Nikolaus I. bis zum 72. Bogen des zweiten Halbbandes von Band VI vorgeschritten. Durch Kollationen und Auskünfte unterstützten den Herausgeber Hrn. Privatdozenten Dr. Perrus, außer dem mit der Leitung dieser Edition betrauten Hrn. Prof. Werdnschoff in Königsberg, die HH. Privatdozent Dr. Caspan und Geheimfat Prof. Secken in Berlin, Dr. Fedor Schnender in Rom, Hofrat Prof. Tranka in Graz. Für die ihm weiter übertragene Ausgabe der Briefe und Prologe des Anostasius Bibliothecarius kollationierte Hr. Dr. Perrus die nach Berlin übersandte Handschrift der Bibliothek zu Chartres, unter Heranziehung der durch Hrn. Prof. Levison in Bonn von seiner englischen Studienreise mitge-

beachten Vergleichungen. Hr. Dr. Casvan hat für den VII. Band, von dem Abteilungsleiter Hrn. Prof. Tasst und Hrn. Dr. Pennis unterstützt, den im September 1910 begonnenen Druck des Registrum Jahannis VIII. his zum Bogen 15 vorschreiten lassen und eine zusammenfassende Untersuchung über diese Quelle im XXXVI. Bande des Neuen Archivs vorgelegt. Auf einer für die Zwecke dieser Edition im März d. J. unternommenen Reise nach Italien hat er seine Studien über das päpstliche Registerwesen auf das Register Gregors VII. ausgedehnt und in Modena und Rom sowohl dessen älteste (vatikanische) Handschrift wie auch die jüngeren geprüft, nachdem er bereits im Juli und August 1910 eine Kollation der una nach Berlin ausgeliehenen Handschrift von Troyes angefertigt hatte.

Für die Serie der Postas Latini in der Abteilung Antiquitates imt. deren ständiger Mitarbeiter Hr. Prof. Strecken nach Abschluß einer umfässenden, auf nahezu 40 Handschriften ausgedehnten Untersuchung über die Cena Cypriani, sowie nach Rezension ihrer Überarbeitung durch Henberns Mourus, der unter den Werken des Bedn stehenden Vila Justini, der ungedruckten Vita S. Christophori und nach Bearbeitung ehythmischer Gedichte komputistischen Inhalts die Sammlung der kurnlingischen Rhythmen im Manuskript so weit fertiggestellt, daß der Druck in absehbarer Zeit beginnen kann. Für freundliche Unterstätzung hat er zu danken den Vorständen der Bibliotheken in Avranches, Grenoble, Montpellier, Tours, Troyes, Ivrea, Brüssel, Leiden, München, Trier und Wien, ferner den HH. Brewe Armens in Monte Cassino, H. Brewen und P. Albert Posceler in Brüssel, H. Dreven in Florenz, G. Ken-TENER In Trier, H. Leneaux in Paris, W. Lavison in Bonn, B. Riviker in Douni, F. Schweiden in Rom, Hans Freiherrn von Soden und M. Tangli in Berlin

Von dem vierten, durch Hrn. Pfacrer Dr. Adalment Fuchs O.S. B. in Brunnkirchen bearbeiteten Bande (Passauer Diözese österreichischen Anteils) der Serie Necrologia liegen 21 Bogen gedruckt vor; leider konnte das dem Hrn. Abteilungsleiter Geheimrat Prof. Holden-Egsen schon vor Jahresfrist übergebene Manuskript des V. Bandes mit den durch den Erzbischöflichen Bibliothekar Hrn. Dr. Fastilische gesammelten Nekrologien aus dem bayerischen Anteil der Passauer Diözese von der bereits zu stark belasteten Druckerei noch nicht in Angriff genommen werden.

Die von Hrn. Prof. Enwann in Gothn vorbereitete und nunmehr zum Druck angemeldete, bisher zur Aufnahme in die Sammlung der Poetae Latini bestimmte Ausgabe der Werke des Ablbelm von Sherborne wird auf Beschluß der Centraldirection als XV. (Schluß-) Band der Auctorex antiquission erscheinen. Nachdem der Herr Stantssekreißt des Innern dem Hrn. Prof. Chrocker in Würzburg für die Fortsetzung der von ihm herausgegebenen Monnmento palaengraphica eine betrüchtliche Unterstützung aus Reichsmitteln bewilligt und zugleich aus diesem Anlaß der Centraldirection der Monumento Germaniae eine begutachtende Mitwirkung bei der genannten Publikation übertragen hat, haben wir für diese Aufgabe einen Ausschuß bestellt, dem außer dem Vorsitzenden die HH. Bresslau, von Otterstuale, von Stersbever und Tanal, angehören.

Für die Zwecke der uns übergebenen Tranke-Bibliothek wurde im Berichtsjahre unter der Verwaltung des Hrn. Bibliothekars Dr. Jacons der Betrag von 4907 Mark aufgewandt.

Der vorstehende Bericht läßt von neuem ersehen, in wie ausgedehntem Maße und wie andauernd unsere Arbeiten von allen Seiten, sowohl von wissenschaftlichen Anstalten wie von einzelnen Gelehrten, Förderung erfahren. Zu immer erneutem Dank verpflichteten uns auch das Auswärtige Amt des Deutschen Reiches, das Kgl. Preußische Historische Institut in Rom, der Hr. Präfekt der Vatikanischen Bibliothek P. Feanz Enger, Hr. Onont von der Nationalbibliothek in Paris und die Herren Beamten der Handschriftenabteilung und des Zeitschriftensaales der Berliner Kgl. Bibliothek.

Ansgegeben am 18. Mai.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXVI.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

18. Mai. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYER J. V.

1. Hr. Fischen las über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Dr. H. Schemen ausgeführte Untersuchung - Zur Kenntniss der Waldensehen Umkehrung-. Verwandlungen der S-Aminobuttersäure.

Die Uberführung der activen Aminosäure in Oxysäure giebt optisch verschiedene Producte, je unchdem sie durch sulpetrige Säure oder durch Nitrosylchlorid und mehträgliche Behandlung der hierbei entstehenden Chlochuttersäure bewirkt wird. Damit ist der Beweis geliefert, dass auch in der G-Reihe eine Umkehrung der Configuration möglich ist.

Vorgelegt wurde der 2. Band des mit Unterstützung der Akademie bearbeiteten Werkes Logarithmisch-trigonometrische Tafeln mit acht Dezimalstellen. Neu berechnet und brsg. von J. Bausemseun und J. Peruss. Leipzig 1911.

# Zur Kenntnis der Waldenschen Umkehrung VI.

Verwandlungen der B-Aminobuttersäure.

Von Emil Fischer und Helmuth Scheinler.

Um die Frage zu entscheiden, ob eine Waldersche Umkehrung, die bisher nur bei z-substituierten Säuren festgestellt wurde, auch in der E-Reihe stattfinden kann, haben wir früher Versuche mit der linksdrehenden E-Oxybuttersäure angestellt, konnten aber bei der Überführung in Chlorbuttersäure und deren Rückverwandlung in Oxysäure keinen Wechsel der Konfiguration nachweisen. Wir haben deshalb die Untersuchung auf die E-Aminobuttersäure ausgedehnt. Sie ist bisher nur in der racemischen Form bekannt. Ihre Spaltung in die optisch aktiven Komponenten hat uns besondere Mühe bereitet. Sie gelang erst durch Kristallisation des Kamphersulfonates ihres Methylesters.

Die aktive Aminosäure ließ sich nun auf zweierlei Weise in Oxysäure verwandeln, einmal durch salpetrige Säure und das andere Mal
durch Behandlung mit Nitrosylchlorid und nachträgliches Kochen der
dabei entstehenden Chlorbuttersäure mit Wasser. Beide Reaktionen
verlaufen lange nicht so glatt wie bei den a-Aminosäuren. Außerdem
findet ziemlich starke Racemisierung statt. Trotzdem glauben wir den
Beweis liefern zu können, daß beide Wege von der gleichen Aminosäure zu den beiden optisch entgegengesetzten Oxysäuren führen.

 $d\text{-}\beta\text{-}\text{Aminobuttersaure} \xrightarrow{\text{REO}} t\text{-}\beta\text{-}\text{Chilorbuttersaure} \xrightarrow{\text{(H,O)}} d\text{-}\beta\text{-}\text{Oxybuttersaure}.$ 

Daraus folgt weiter, daß wenigstens bei einer der angewandten Reaktionen eine Wannessche Umkehrung stattfindet. Dieses Phänomen ist also nicht mehr auf die z-substituierten Säuren beschränkt.

<sup>+</sup> Vgl. Bilbere Mitteilungen, Ber. d. D. chem. Ges. 40, 489 (1907); 41, 889 (1908); 41, 4891 (1908); 42, 1219 (1909); 43, 1020 (1910); \* E. Finenza and H. Senziman, Ber. d. D. chem. Ges. 42, 1219 (1909)

Darstellung des dl-2-Aminobuttersauremethylesters.

Da wir für die nachfolgenden Versuche erhebliche Mengen des Esters nötig hatten, so war es für uns wichtig, ein ergiebiges Verfahren für seine Darstellung auszuarbeiten. Wir haben deshalb die Methode von Excel zur Bereitung der S-Aminobuttersäure aus Crotonsäure und Ammoniak, die trotz der Verbesserung von Tr. Currus? in bezug auf Ausbeute und Reinheit des Produktes zu wünschen übrigläßt, etwas abgeändert. Dabei kamen uns die Beobachtungen von G. Stadnikove zustatten, daß bei dieser Reaktion als Nebenprodukt. sym, 3-Iminodibuttersäure entsteht, deren Menge aber bei langer Dauer des Erhitzens viel geringer ist. Wir können diese Erfahrungen noch durch die Beobachtung ergänzen, daß die als Methylester isolierte 5-Iminodibuttersäure sich durch 24 stündiges Erhitzen mit überschüssigem, wässerigem Ammoniak auf 130-140° zum größten Teil in S-Aminobuttersäure umwandeln läßt. Letztere haben wir bei dem Versuch in ganz reinem Zustand isoliert und durch die Analyse identifiziert.

Entsprechend diesen Erfahrungen haben wir 100 g Crotonsäure mit 1 / wäßrigem, in der Kälte gesättigtem Ammoniak in einem eisernen, mit Porzellaneinsatz versehenen Autoklaven 24 Stunden im Ölbadauf 130-140° (Temperatur des Öls) erhitzt, dann die Lösung in einer Schale auf dem Wasserbade verdampft und den Rückstand noch mehrmals mit Wasser eingedampft, um das Ammoniak möglichst zu entfernen. Für die Reinigung der Aminosäure haben wir ebenso wie STADNIKOFF ihren Ester benutzt, aber statt der Athylverbindung den Methylester dargestellt, weil wir ihn auch für die Spaltung in die aktiven Komponenten nötig hatten. Zu dem Zweck wurde die rohe-Aminosäure mit überschüssiger Salzsäure versetzt, wieder verdampft. der zurückbleibende Sirup in 500 ccm Methylalkohol gelöst und die Flüssigkeit in der üblichen Weise mit gusförmiger Salzsäure gesättigt. Nach mehrstündigem Stehen wurde der Methylalkohol unter vermindertem Drock verdampft und die Veresterung mit trocknem Methylalkohol wiederholt. Beim abermaligen Verdampfen unter vermindertem Druck blieb das Hydrochlorid des Esters als Sirup zurück. Zur Darstellung des freien Esters haben wir es nicht mit Alkali, sondern mit Ammoniak zerlegt. Zu dem Zweck wurde der Sirup unter Kühlung durch eine Mischung von Eis und Kochsalz unter Schütteln mit

<sup>1</sup> R. Evann, Bull. soc. chim. 50, 102 (1888).

<sup>2</sup> Tn. Curron, Journ. prakt. Ch. [2] 70, 204 (1904).

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> G. Stansmorr, Chem. Zentralblatt 1909 H. 1988 Ber. d. D. chem. Gen. 44, 45 (1911).

yersetzt und schließlich moch gasförmiges Ammoniak langsam versetzt und schließlich moch gasförmiges Ammoniak eingeleitet, bis die Flüssigkeit ziemlich stark danach roch. Die Temperatur blieb dauernd unter o°. Dann wurde mit 500 cm Äther versetzt, vom Chlorammonium abfiltriert, die Flüssigkeit 10 Minuten mit Kallum-carbonat geschüttelt und unter vermindertem Druck aus einem Bade, dessen Temperatur nicht über 20° stieg, verdampft. Der Rückstand wurde in wenig Äther gelöst, mit Natriumsulfat getrocknet und nach dem Verjagen des Äthers bei ungeführ 15 mm fraktioniert. Die Fraktion von 45 bis 80° betrug 80 g. Sie wurde nochmals mit Natriumsulfat getrocknet. Abermalige Destillation gab jetzt 75 g (55 Prozent der Theorie) reinen Methylester (Sdp.,, = 62—63°). Der Nachlauf wur gering (3.7 g). Aus dem beträchtlichen Vorlauf wurden durch Verseifung mit Wasser noch 7.5 g (6.2 Prozent d. Th.) S-Aminobuttersäure erhalten. Die Gesamtausbente betrug also gegen 61 Prozent d. Th.

0.1408 g Subst.: 0.2643 g CO,, 0.1201 g H<sub>2</sub>O 0.1794 g Subst.: 18.6 cem N (18°, 760 mm)

C.H., O.N (117.1) Berechnet: C 51.23 H 9.47 N 11.96 Gefunden: C 51.19 H 9.54 N 12.02

Der  $\beta$ -Aminobuttersäuremethylester kocht unter 13 mm bei 54 bis 55°  $d^- = 0.993$ . Er gleicht dem schon bekannten Athylester', ist eine farblose, stark riechende Flüssigkeit, die sich in Wasser, Alkohol, Äther und Ligroin leicht löst.

#### dl-S-Aminobuttersaure.

Durch 4 stündiges Kochen mit der 10 fachen Menge Wasser am Rückflußkühler wird der Aminobuttersäureester völlig verseift, wie das Verschwinden der alkalischen Reaktion beweist, und beim Eindampfen der wäßrigen Lösung bleibt die inaktive 3-Aminobuttersäure sofort kristallinisch und fast rein zurück. Zum Umkristallisieren löst man am besten in trocknem, kochendem Methylalkohol, wovon etwa die 20 fache Gewichtsmenge nötig ist, konzentriert diese Lösung durch Abdampfen stark und fügt dann etwa die 10 fache Menge heißen Athylalkohol zu, worin die Aminosäure viel schwerer löslich ist. Beim Abkühlen erfolgt bald die Abscheidung von kugeligen Kristallaggregaten, die aus feinen Nadeln bestehen. Im Vakuumexsikkator getrocknet war dieses Präparat analysenrein.

E. Focusia imil G. Romana, Ber, d. D. chem. Ges. 34, 3755 (1901).

0.1523 g Subst : 0.2605 g CO., 0.1197 g II,O 0.1675 g \* 18.8 eem N (12°, 770 mm)

C.H.O.N (103:1) Bereehnet: C 46.56 H 8.80 N 13.59 Gefunden: C 46.65 H 8.79 N 13.52

Die Aminosäure zersetzt sich beim Schmelzen unter Gasentwicklung, Weshalb der Schmelzpunkt nicht konstant ist. Wir fanden ihn im Kapillarrohr gegen 187—188° (korr. 191—192°), was mit der Angabe von Weiner und Roffmern (184°) oder Stadenkorr (185—187°) genügend übereinstimmt.

Mit dem reinen Material haben wir die älteren Versuche über die Benzoyl-" und die Phenylisocyanatverbindung wiederholt und bestätigt gefunden.

Das Kupfersalz erhielt Exem durch Kochen der wäßrigen Lösung der Aminosaure mit Kupferoxyd. Wir haben aber gefunden, daß die Bildung des Salzes viel langsamer erfolgt als bei den z-Aminosauren und führen zum Beweise dafür folgenden Versuch an.

0.5 g reine 2-Aminobuttersäure wurde mit 10-15 ccm Wasser und überschüssigem, frisch gefälltem Kupferoxyd eine Stunde gekocht, dann flitriert und stark eingeengt. Die Kristallisation des Kupfersalzes begann bald. Zur völligen Abscheidung wurde die Flüssigkeit noch mit Alkohol versetzt. Die Ausbeute betrug aber nur 0.27 g, also noch nicht die Hälfte der Menge, die hätte entstehen müssen, und aus dem Filtrat konnte viel unveränderte Aminosäure isoliert werden.

Wie E. Fischer und G. Zeheler betont haben, ist die Fähigkeit, in wäßriger, kochemier Lösung reichliche Mengen von Kupferoxyd aufzunehmen, beschränkt auf die z- und S-Aminosäuren, denn 7-, 3- und s-Säuren lösen unter diesen Bedingungen das Metalloxyd entweder gar nicht oder nur in sehr geringer Menge. Wie obiger Versuch zeigt, besteht nun auch noch zwischen z- und S-Aminosäuren ein Unterschied in der Leichtigkeit, die Kupferverbindung zu bilden.

Man stellt deshalb das Kupfersalz der 3-Aminobuttersäure besser so dar, daß man i g Säure mit o.96 g (äquimolekulare Menge) reinem, aus Wasser umkristallisiertem Kupferacetat in heißer wäßriger Lösung zusammenbringt, dann auf dem Wasserbade verdampft und nach Zusatz von Wasser das Verdampfen mehrmals wiederholt, bis der Gerneh der

<sup>1</sup> H. Weiner, und E. Rorrusen, Mounish. 17, 186 (1896).

<sup>3</sup> G. STADNIKOFF, Ber. d. D. chem. Ges. 44, 47 (1911).

E. FISCHER und G. ROEDER, Ber. d. D. chem. Gos. 34, 3755 (1901).

B. Excet, Bull soc. chim. 50, 102 (1888).

Ber. d. D. chem. Ges. 42, 4883 (1909).

Essigsäure verschwunden ist. Das Kupfersalz läßt sieh durch Umlösen aus Wasser leicht völlig reinigen und die Ausbeute ist nahezu quantitativ.

### S-Naphthallasulfo-dl-S-Aminobuttersaure. C., H, SO, NH, CH (CH.), CH, . COOH.

Sie läßt sieh in derselben Weise wie das E-Naphthalinsulfoglycin' darstellen. Beim Ansäuern der alkalischen Lösung fällt sie erst ölig nus, kristallisiert aber bald. Zur völligen Reinigung wurde sie aus der 250 fachen Menge siedendem Wasser umkristallisiert und für die Analyse im Vakuumexsikkator getrocknet.

0.1696 g Subst.: 0.3555 g CO., 0.0810 g H,O 0.2029 g Subst.: 8.4 cem N(19°, 767 mm)

G. H., O.NS (293.2) Berechnet: G 57.30 H 5.16 N 4.78 Gefunden: C 57.14 H 5.34 N 4.82

Aus Wasser kristallisiert sie in Prismen. Im Kapillarrohr sintert sie von 163° korr.) an und schmilzt bei 166—167° (korr.). In Alkohol und Essigester ist sie leicht löslich. Wegen der geringen Löslichkeit in Wasser kann sie zur Abscheidung und auch zur Erkennung der E-Aminobuttersäure benutzt werden.

### E-imino-dibuttersauremethylester.

Er entspricht in Bildungsweise und Eigenschaften der von Statsikort beschriebenen Äthylverbindung. Wir haben ihn bei der Darstellung des 3-Aminobuttersäuremethylesters als Nebenprodukt erhalten, besonders dann, wenn die Erhitzung der Crotonsäure mit Ammoniak nach der Vorschrift von Curnus ausgeführt wurde.

Der zweimal destillierte Ester hat:

 $Sdp_{10} = (35^{\circ}, Sdp_{10} = 144 - 145^{\circ}; d^{\circ} = 1.044.$ 

0.1512 g Subst.: 0.3050 g CO<sub>2</sub>, 0.1186 g H<sub>2</sub>O 0.2013 g Subst.: 11.2 ccm N (186, 756 mm)

C. H., O. N (217.2) Berechnet: C 55.25 H 8.82 N 6.45 Gefunden: C 55.02 H 8.78 N 6.44

E. Fissman and P. Beregut, Ber. d. D. Chem. Ges. 35, 3779 (1902).
 Ber. d. D. Chem. Ges. 44, 47 (1911).

Spaltung des dl-2-Aminobuttersäuremethylesters in die optisch aktiven Komponenten.

Zu einer Lösung von 116 g d-Kamphersulfosäure! (0.5 Mol.) in 350 g trocknem Methylalkohol fügten wir unter Kühlung zuerst 58.5 g reinen 8-Aminobuttersäuremethylester (0.5 Mol.) und dann unter Umschütteln 1300 ccm trocknen Ather. Nach kurzer Zeit begann die Kristallisation des Kamphersulfonats, das sehr leichte mikroskopische Nädelchen bildet. Nach 12 stündigem Stehen im Eisschrank wurde die Kristallmasse, welche die Flüssigkeit ganz durchsetzte, scharf abgesaugt und mit einer auf o° abgekühlten Mischung von i Teil trocknem Methylalkohol und 3 Teilen trockenem Ather ausgewaschen. Die Ausbeute betrug ungefähr 130 g oder d der Gesamtmenge des gelösten Salzes. Das Salz enthält den Ester der linksdrehenden Aminosäure im Überschuß, das Filtrat diente dementsprechend zur Darstellung der d-Verbindung. Das kristallisierte Salz wurde von neuem in der doppelten Gewiehtsmenge trocknem Methylalkohol gelöst und nach Zusatz des dreifachen Volumens Äther im Eisschrank der Kristallisation überlassen, wobei wieder ungefähr der Gesamtmenge ausfielen. Die Trennung der beiden Kamphersulfonate ging leider auf diesem Wege so langsam vor sich, daß selbst nach zehnmaligem Umkristallisieren die optische Aktivität der aus dem Salz isolierten Aminosäure erst 40 Prozent des richtigen Wertes betrug. Wir haben uns deshalb in der Regel mit 4 oder 5 Kristallisationen begnügt und die aus dem Salze regenerierte Aminosäure durch Kristallisation aus Methylalkohol gereinigt. Nach der 5. Kristallisation betrug die Menge des Kamphersulfonates nur noch 45 g. Selbstverständlich haben wir dann alle Mutterlaugen systematisch aufgearbeitet.

Ans dem Kamphersulfonat ließ sich der freie Ester auf folgende Art isolieren. 45 g Salz wurden in etwa 22 ccm warmem Methylalkohol gelöst und hierzu ein geringer Überschuß von methylalkoholischem Ammoniak von bekanntem Titer zugegeben. Das sehwer lösliche Ammoniamkamphersulfonat kristallisierte bald und wurde vollständig durch Zusatz des zehnfachen Volumens Äther gefällt. Nach einstündigem Stehen im Eisschrank wurde abgesangt, mit etwas Äther nachgewaschen und das Filtrat unter vermindertem Druck bei etwa 20° eingedampft. Bei der Destillation des Rückstandes unter 12 mm Druck ging nach einem beträchtlichen Vorlauf der Ester von 53 bis 57° über. Es wurde mit Natriumsulfat getrocknet und zeigte bei abermaliger Fraktionierung bei 13 mm den Siedepunkt 54-55°.

<sup>4</sup> A. RETURER, Bull. soc. chim. [3] 19. 121 (1898).

0.1710 g Subst.: 0.3204 g CO., 0.1440 g H<sub>2</sub>O 0.1869 g Subst.: 19.4 ccm N (17°, 744 mm)

C.H.,O.N(1(7.1) Berechnet: C.51.23 H 9.47 N 11.95 Gefunden: C.51.10 H 9.42 N 11.82

Der zweimal destillierte Ester hatte  $d^{\circ} = 0.991$ , er drehte im 1-dem-Rohr bei 19° und Natriumlicht 6.91° ( $\pm 0.02^{\circ}$ ) unch links. Mithin  $[z]_{B}^{\circ} = -6.97^{\circ}$  ( $\pm 0.02^{\circ}$ ).

Wie später auseinandergesetzt wird, ist diese Zahl viel zu klein. Sie beträgt kanm \(\frac{1}{2}\) des richtigen Wertes.

Durch Kochen mit Wasser lieferte dieser Ester eine Aminosäure von der spezifischen Drehung —7.9°.

Aus der Mutterlauge, die bei der obenbeschriebenen ersten Kristallisation des d-kamphersulfosauren l-5-Aminobuttersäuremethylesters blieh und die noch 44 g Salz enthielt, wurde in der gleichen Weise ein rechtsdrehender  $\beta$ -Aminobuttersäuremethylester dargestellt. Er hatte nach zweimaligem Destillieren denselben Siedepunkt, drehte aber etwas stärker, und zwar bei 20° und Natriumlicht  $8.81^\circ$  ( $\pm 0.02^\circ$ ) nach rechts  $d^* = 0.989$ . Mithin  $[\pi]_0^{\infty} = +8.91^\circ$  ( $\pm 0.02^\circ$ ).

O.1828 g Subst.; O.3415 g CO., O.1354 g H<sub>2</sub>O O.1755 g Subst.; 10.8 cem N (15°, 777 mm)

C.H., O.N(117.1) Berechnet: C 51.23 H 9.47 N 11.96 Gefunden: C 50.95 H 9.50 N 11.48

Aus diesem Ester wurde durch Verseifung eine  $\mathbb{Z}$ -Aminobuttersäure von  $|\alpha|_B^m = +10.1^\circ$  gewonnen. Nimmt man an, daß die spliter beschriebene aktive Aminoslure von  $|\alpha|_B^m = +35.3^\circ$  optisch rein gewesen ist und daß bei der Verseifung des Esters keine Racemisation eintritt, so würde sich für den reinen Methylester ungefähr  $|\alpha|_B^m = +31^\circ$  berechnen.

## 1-3-Aminobuttersaure.

Zur Gewinnung der Aminosäure aus dem Kamphersulfonat ihres Esters ist dessen Isolierung nicht nötig. Man kommt bequemer zum Ziel, wenn man seine ätherisch-methylalkoholische Lösung, die nach dem Auskristallisieren des kamphersulfosauren Ammoniums resultiert, wiederholt mit kleinen Mengen Wasser ausschüttelt, bis dieses nicht mehr alkalisch reagiert. Das ließ sich durch romaliges Ausschütteln leicht erreichen. Die vereinigten wäßrigen Lösungen des Esters wurden dann 4 Stunden am Rücktlußkühler gekocht und schließlich

die Flüssigkeit unter vermindertem Druck verdampft. Die Ausbeute un Aminosäure war so gut wie quantitativ. Die weitere Verarbeitung dieses Prāparates auf optisch reine Aminosäure geschah durch Kristallisation aus trocknem Methylalkohol. Wir wollen den Verlauf der Kristallisation schildern für 8 g Aminosäure von  $|\alpha|_0^{16} = -6.5^{\circ}$ , die also noch über 80 Prozent inaktive Substanz enthielt. Die 8 g Rohprodukt wurden in etwa 200 ccm trocknem Methylalkohol gelöst und auf 40 ccm eingeengt. Nach 15 stündigem Stehen im Eissehrank waren 4.5 g von |x| = - t2° auskristallisiert. Die nach Einengen des Filtrats erhaltene zweite Kristallisation von 1.7 g erwies sich als fast inaktiv. Beim weiteren Umkristallisieren obiger 4.5 g aus der vierfachen Gewichtsmenge Methylalkohol wurden erst 3 g von - 18.2° und dann 2.1 g von - 26.8° erhalten. Das Präparst war nun soviel schwerer löslich geworden, daß die zur Lösung erforderliche Menge Methylalkohol relativ erheblich erhöht werden mußte und daß nach dem Einengen auch schon aus der zehtfachen Gewichtsmenge Methylalkohol der größere Teil wieder ausfiel. Es wurden so erhalten 1.3 g von  $-33.5^{\circ}$ , dann 1 g von  $-34.9^{\circ}$  und schließlich 0.6 g von  $[x]_{0}^{\infty}$ 35.2°. Da dasselbe Resultat auch bei der rechtsdrehenden Aminosäure erhalten wurde, so scheint hiermit der richtige Wert ganz oder doch nahezu erreicht zu sein. Leider war uns eine weitere Prüfung durch Kristallisation aus anderen Lösungsmitteln nicht möglich, denn das Trennungsverfahren ist nicht allein recht mühsam, sondern auch sehr verlustreich. Aus diesem Grunde haben wir auch für die Umsetzungen der Aminosäure nicht die Präparate vom höchsten optischen Wert, sondern die leichter zugänglichen mittleren Kristallisationen verwendet. Die von uns erhaltene reinste aktive 2-Aminobuttersäure unterscheidet sich von dem Racemkörper sehr deutlich durch die Kristallform, die geringere Schmelzbarkeit und die geringere Löslichkeit in Methylalkohol.

Während der Racemkörper aus Methylalkohol in mikroskopischen Nädelehen ausfällt, die meist zu kugeligen Aggregaten vereinigt sind, kristallisiert die aktive Säure aus Methylalkohol in gut ausgebildeten dieken Prismen, die wir leicht bis zu 1 mm Länge erhielten. Beim langsamen Verdunsten der wäßrigen Lösung im Vakuumexsikkator bekamen wir dännere, bis zu 1 cm lange Prismen. Der Geschmack ist wenig charakteristisch. Die Aminosäure hat keinen richtigen Schmelzpunkt. Beim raschen Erhitzen im offenen Kapillarrohr tritt gegen 220°, also etwa 30° höher als beim Racemkörper, völlige Zersetzung unter Gasentwicklung ein. Die über Schwefelsäure getrocknete Substanz verlor bei 76° und 15 mm über P.O. nicht mehr an Gewicht. Die optisch reinste Aminosäure gab folgende Zahlen:

0.1201 g Subst.: 0.2050 g CO., 0.0004 g H.O. 0.1118 g Subst.; 12.8 ccm N (15°, 772 mm)

C. H.O. N (103.1) Berechnet: C 46.36 H 8.80 N 13.50 Gefunden: C 46.76 H 8.08 N 13.64

0.1290 g Subst., gelöst in Wasser, Gesamtgewicht 1.2947 g. il<sup>30</sup> = 1.025. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 4.50° (±0.02°) much links. Mithin.

$$[a]_{i}^{**} = -35.2^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}),$$

Wir führen auch noch die optische Untersuchung der vorletzten Kristallisation and

0.1290 g Subst., gelöst in Wasser, Gesamtgewicht 1.2917 g. d" = 1.025. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 3.57° (±0.02°) nuch links. Mithin

$$[a]_{p}^{m} = -34.9^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

#### d-S-Aminobuttersaure.

Sie wurde aus dem in der ersten methylalkoholischen Mutterlauge verbliebenen Kamphersulfonat des rechtsdrehenden Methylesters genau so dargestellt, wie zuvor für die I-Verbindung beschrieben ist. Das Rohprodukt hatte hier schon [2] = +10.1°. Es gelang dementsprechend auch durch Kristallisation aus Methylalkohol rascher, die hoch drehenden Präparate zu erhalten. Die vorletzte Kristallisation zeigte |x|" = +34.9° (±0.4°). Für die letzte Kristallisation geben wir die vollen Daten.

> 0.1520 g Subst.: 0.2597 g CO, 0.1214 g H O 0.1146 g Subst.: 13 r cem N (100, 762 mm)

C. H. O. N (103.1) Berechnet: C 46.56 H 8.86 N 13.59 Gefunden: C 46.60 H 8.94 N 13-32

0.1207 g Subst., Gesamtgewicht der wißrigen Lösung 1.3561 g. d" = 1.023. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 3.45° (±0.02°) nuch rechts Mithin

$$|a|_{0}^{10} = +35.3^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Die Substanz zeigte in Kristallform, Löslichkeit, Geschmack und Verhalten in der Hitze Übereinstimmung mit dem Antipoden,

Von diesem Praparat haben wir auch noch die Drehung in salzsaurer und in alkalischer Lösung bestimmt.

0.0454 g Subst., gelüst in n-Salzsäure, Gesamtgewicht 0.4843 g.  $d^{\pm} = 1.04$ . Drehung im 4-dem-Rohr bei 20° und Natziumlicht 1.45° ( $\pm 0.02$ °) nach rechts. Mithin

0.0343 g Subst., gelöst in n-Natronlauge. Gesamtgewicht 0.3805 g. d<sup>20</sup> = 1.06. Drehung im 4-dcm-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.70° (±0.02°) nach rechts. Mithin

$$[\alpha]_{n}^{\infty} = \pm 14.7^{\circ} (\pm 0.4^{\circ}).$$

1-8-Aminobuttersäure und salpetrige Säure.

Die Verwandlung der Aminosäure in Oxyverbindung geht hier nicht so leicht vonstatten wie bei den aliphatischen α-Aminosäuren. Dasselbe zeigte sich bei der β-Amino-β-phenylpropionsäure<sup>†</sup> und dürfte also für die meisten β-Aminosäuren gelten.

1 g 1-3-Aminobuttersäure von [z] = -28.7° wurde in 10 cem n-Schwefelsäure (1 Mol.) gelöst und mit einer konzentrierten Lösung von 0.7 g Natriumnitrit (1 Mol.) bei 0° langsam versetzt. Nach vier Stunden haben wir nochmals 2 ccm 5 n-Schwefelsäure und 0.7 g Natriumnitrit in konzentrierter, wäßriger Lösung zugefügt. Nach weiteren vier Stunden wurden das dritte Mol. Natriumnitrit und 2 ccm 5 n-Schwefelsäure angewandt. Nachdem nun die Flüssigkeit noch weitere 24 Stunden im Eisschrank aufbewahrt war, haben wir sie mit einem geringen Überschuß von Schwefelsäure versetzt, dann mit Natriumsulfat gesättigt und schließlich in einem Atherextraktionsapparat 12 Stunden ausgezogen. Nachdem der Äther unter vermindertem Druck verdampft war, wog der ölige Rückstand o.8 g; er enthielt etwas Salpetersäure. Eine zweite zwölfstündige Extraktion der wäßrigen Flüssigkeit blieb resultatios. Der Rückstand von o.8 g wurde mit wenig Wasser aufgenommen, wobei ein Ol übrigblieb. Um dies zu entfernen, haben wir die Flüssigkeit mit etwas Tierkohle geschüttelt, filtriert und unter geringem Druck verdampft. Zum Rückstand wurde Wasser gefügt und wieder eingedampft und diese Operation wiederholt, bis das Destillat nicht mehr sauer rengierte. Der Rückstand entbielt die 2-Oxybuttersäure. Er wurde mit z-Natronlange neutralisiert, wovon 3.84 ccm nötig waren. Daraus berechnet sich, daß im günstigsten Falle 39.5 Prozent der theoretischen Menge von &-Oxybuttersäure vorhanden waren. Die neutrale Lösung hinterließ beim Verdunsten das Natriumsalz der E-Oxybuttersäure, das nach einmaligem Umkristalli-

E. Fischen, H. Scheimen and R. Gron, Ber. d. D. chem. Ges. 43, 2018 (1910).

sieren aus Alkohol optisch geprüft wurde. Getroeknet wurde bis zum konstanten Gewicht unter 15 mm Druck bei 100°,

0.1557 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 1.5656 g. d\* = 1.05. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlight 0.57° (±0.02°) much rechts. Mithin

$$|\alpha|_0^n = \pm 5.5^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}),$$

Es handelt sich also um d-G-Oxybuttersäure. Da aber das Natriumsalz im optisch reinen Zustand die spezitische Drehung - 14.5° hat . so war obiges Präparat zu 52 Prozent racemisiert. Bei dem Versueh, durch nochmaliges Umkristallisieren aus Alkohol die Aktivität zu steigern, zeigte sich die gegenteilige Wirkung.

0.0010 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1.2345 g. de = 1.05. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0,26° (± 0.026) nach rechts. Mithin

$$|4|_{H}^{2} = +3.4^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Von diesem Praparat wurde eine Natriumbestimmung ausgeführt:

0.076; g Subst.: 0.0437 g Na SO. C.H.O.Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.50

Ein zweiter Versuch mit 2 g /-3-Aminobuttersäure von nur |z| = - 5° gab ein ähnliches Resultar. Das Natriumsalz der hier entstandenen 3-Oxybuttersäure drehte nach dem Umkristallisieren aus Alkohol ebenfalls nach rechts, aber viel schwächer als zuvor-

o.1444 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1.4688 g. d = 1.05. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° aml Natriumlicht 0.15° (±0.029) nuch rechts. Mithin

$$|a|_0^{10} = +1.6^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

S-Aminobuttersauremethylester and salpetrige Saure.

Die Einwirkung der salpetrigen Säure auf inaktiven &-Aminobuttersäureäthylester ist schon von Currus und Müller untersucht worden2. Sie erhielten dabei ein Öl, das nach der Destillation die Zusammensetzung des 3-Oxybuttersäureesters hatte. Über den Verlauf der Reaktion und die Ausbeute machten sie keine Angaben. Um Erfahrungen über die Behandlung des teueren aktiven Esters zu sam-

\* Ta. Courses smil Mileten, Ser. d. D. chem. Gen. 37- 1=77 (1904).

A. Maones-Layr, Archiv für experim Pathol. it. Pharm. 45, 390 (1901).

meln, haben wir den Versuch mit dem inaktiven & Aminobuttersäuremethylester wiederholt.

2 g Ester wurden in 20.5 ccm n-Schwefelsäure (1.2 Mol.) bei oo eingetragen und dazu langsam eine konzentrierte Lösung von 1.4 g Natriummitrit (1:2 Mol.) unter Umrühren zugetropft. Die Stickstoffentwicklung trat bald ein. Nach vierstündigem Stehen bei 0° wurde die Lösung mit Natriumsulfat gesättigt, ausgeäthert, die ätberische Lösung mit Natriumsulfat getrocknet und das beim Verdampfen des Athers zurückbleibende Öl fraktioniert. Unter 12 mm ging bei 60 his 70° ein Öl (0.73 g) über, während im Kolben ein bedeutender Rückstand zurückblich. Um den Ester als Derivat der 3-Oxybuttersäure zu kennzeichnen, haben wir daraus das charakteristische Natriumsalz der 3-Oxybuttersäure hergestellt. Das Öl wurde in 9.5 ccm n-Natronlauge gelöst und zur völligen Verseifung 12 Stunden bei Zimmertemperatur aufbewahrt, dann mit Schwefelsaure neutralisiert, unter vermindertem Druck verdampft, der Rückstand mit wenig überschüssiger 5n-Schwefelsäure aufgenommen und diese Flüssigkeit mit trockenem Natriumsulfat verrieben. Aus dieser Masse ließ sich im Extraktionsapparat die 3-Oxybuttersäure leicht ausziehen. Nach dem Verdampfen des Äthers lösten wir den Rückstand in Wasser, filtrierten die mit Tierkohle geklärte Flüssigkeit, verdampften dann unter vermindertem Druck und wiederholten nach Zugabe von Wasser das Eindampfen, bis das Destillat nicht mehr sauer reagierte. Dadurch werden kleine Mengen flüchtiger, organischer Säuren entfernt. Die rückständige S-Oxybuttersäure haben wir mit n-Natronlauge nentralisiert, wozu 5.5 ccm erforderlich waren. Die Lösung des Natriumsalzes wurde unter vermindertem Druck verdampft und das Salz aus Alkohol umkristallisiert; Ausbeute 0.45 g. Zur Analyse war nochmals aus Alkohol umgelöst und unter 12 mm Druck bei 1000 über Phosphorpentoxyd getrocknet worden.

> 0.1806 g Sulist.: 0.2524 g CO,, 0.0903 g H<sub>0</sub>O 0.0802 g Sulist.: 0.0455 g Na<sub>2</sub>SO,

C,H,O,Na (126.1) Berechnet: C 38.06 H 5.59 Na 18.24 Gefunden: C 38.12 H 5.59 Na 18.37

Auf dieselbe Art haben wir 2 g des linksdrehenden  $\beta$ -Amino-buttersäuremethylesters durch salpetrige Säure zersetzt und duzu ein Präparat von  $[x]_{\beta} = -7^{\circ}$  verwandt, das also nach früherer Darlegung zu ungefähr  $\frac{3}{4}$  racemisiert war. Der destillierte Oxysäureester, der allerdings nicht ganz rein war, drehte im +-dem-Rohr  $z.63^{\circ}$  nach rechts. Das würde auch ungefähr einem zu  $\frac{1}{4}$  racemisierten d- $\theta$ -Oxy-

buttersäureester entsprechen, denn für den möglichst reinen optischen Antipoden haben wir früher im 3-dem-Rohr eine Linksdrehung von 11.16° beobachtet!

Aus dem Ester wurde, wie zuvor beschrieben, das Natriumsalz bereitet und aus Alkohol umkristallisiert.

0.1505 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 1.5371: d" = 1.048. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.17° (± 0.02°) nach rechts. Mithin

$$[*]_{ii}^{\infty} = +1.7^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Bei der Wiederholung des Versuches mit demselhen Ausgangsmaterial erhielten wir ein Natriumsalz von  $|z|_D^m = +2.1^\circ$ ; dieses Praparat diente auch zur Analyse.

0.0268 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 0.2731 g. d\*= 1.048. Drehung im ‡-dem-Rohr 0.11° (± 0.02°) nach rechts. Mithin

||x||| = + 2.1° (± 0.4°). 0.0910 g Subst.: 0.0530 g Na,SO,

C.H.O.Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.86

Endlich haben wir noch denselben Versuch mit z g des rechtsdrehenden  $\beta$ -Aminobuttersäuremethylesters von  $[a]_{B}^{\infty} = +8.9^{\circ}$  ausgeführt und linksdrehendes oxybuttersaures Natrium erhalten.

0.2043 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 2.0199 g.  $d^{\infty} = 1.048$ . Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.16° nach links. Mithin

$$|\alpha|_0^{10} = -1.5^{\circ}$$
.

Da das reine Natriumsalz |\alpha|\beta| = -14.5° hat, so waren die von uns erhaltenen Pr\u00e4parate zwar sehr stark racemisiert, wie es bei dem von uns benutzten Ausgangsmaterial erwartet werden mußte; aber nach den beobachteten Drehungen des Esters und des Natriumsalzes kann man doch nicht zweifeln, daß aus dem 4\u00e3-Aminobutters\u00e4ure-methylester der Ester der d-\u00e3-Oxybutters\u00e4ure entstanden war. Daraus folgt, daß die Wirkung der salpetrigen S\u00e4ure sowohl auf die aktive \u00e3-Aminobutters\u00e4ure als auch auf Ihren Methylester optisch in gleichem Sinne verl\u00e4uft.

<sup>\*</sup> E. Franken and H. Schrifter, Ber. d. D. chem. Ges. 42, 4222 (1909).

\* Mr. Krister, Journ, chem. Soc. 81, 1402 (1902).

Verwandlung der S-Aminobuttersäure in S-Chlorbuttersäure durch Nitrosylchlorid.

Îm Gegensatz zu den a-Aminosauren wird die E-Aminobuttersaure in halogenwasserstoffsaurer Lösung durch Stickoxyd und Chlor oder Brom bei oo und gewöhnlichem Druck sehr langsam angegriffen. Die Umsetzung erfolgt jedoch, wenn man das ursprüngliche Verfahren von W. A. Tudes und Forster, die Aminosfuren mit fertigem Nitrosylchlorid unter Druck zu behandeln, auf die S-Säure anwendet. Man kann zu dem Zweck die gepulverte 3-Aminobuttersäure mit einem großen Überschuß von Nitrosylchlorid im geschlossenen Rohr unter Zusatz von Glasperlen schütteln, wobei nach 1-2 Tagen bei gewöhnlicher Temperatur Lösung erfolgt. Noch besser verwendet man eine Lösung der 3-Aminobuttersäure in starker Salzsäure, fügt unter starker Abkühlung überschüssiges Nitrosylchlorid zu und läßt im geschlossenen Rohr 2-3 Tage bei Zimmertemperatur stehen. Das Nitrosylchlorid löst sich unter diesen Bedingungen in erheblicher Menge mit dunkelbrauner Farbe und bewirkt dann die Umwandlung der Aminosaure. Wir haben den Versuch zunächst mit racemischer & Aminobuttersäure ausgeführt.

1.5 g Aminosäure wurden im Einschmelzrohr mit 3 ccm 25 prozentiger wäßriger Salzsäure gelöst, dazu ungefähr 5 g Nitrosylehlorid (5 Mol.), das in bekannter Weise aus Kochsalz und Bleikammerkristallen vorher bereitet war, zudestilliert, während das Rohr auf etwa - 40° abgeküldt war, dann das Rohr zugeschmolzen und 24 Stunden bei gewöhnlicher Temperatur aufbewahrt. Als das Rohr nun in flüssiger Luft abgekühlt und geöffnet wurde, entwich eine große Menge Gas. Das wieder geschlossene Rohr wurde nach 14 stündigem Stehen bei Zimmertemperatur in gleicher Weise geöffnet. Obschon noch Druck vorhanden war, haben wir doch den Versuch nun unterbrochen. Beim langsamen Auftauen entwich die Hauptmenge des unveränderten Nitrosylchlorids, der Rest wurde unter vermindertem Druck bei gewöhnlicher Temperatur verjagt. Die im Rohr zurückbleibende farblose Flüssigkeit haben wir mit dem doppelten Volumen Wasser verdünnt, wobei ein Ol aussiel, und die gesamte Mischung ausgesthert. In der wäßrigen Lösung war noch eine geringe Menge (o.1 g) einer in Äther unlöslichen, stickstoffhaltigen Substanz, sehr wahrscheinlich das Hydrochlorid von unveränderter Aminosäure. Der mit Natriumsulfat getrocknete, atherische Auszug hinterließ beim Verdampfen einen farblosen Sirup, etwa i g. Er war ein Gemisch von S-Chlorbuttersäure

<sup>1</sup> Journ, chem. Soc. 67, 489 (1895).

mit anderen Produkten, von denen eines fest ist, viel Chlor enthält und von Alkalien mit gelber Farbe unter Zersetzung gelöst wird. Zur Isollerung der S-Chlorbuttersäure haben wir daher das Rohprodukt in mehreren Portionen mit Petroläther (etwa 15 ccm) kurz aufgekocht, die vereinigten Auszüge in Eis abgekühlt und vom Ungelösten abgegossen. Nachdem nun der Petroläther unter vermindertem Druck verdampft war, wurde das zurückbleibende Ol mit z-Natriumearbonatiösung in geringem Überschuß durchgeschüttelt. Hierbei ging die Hauptmenge ohne Farbe in Lösung, während ein stechend riechendes Ol zurückblieb, das durch Ausäthern entfernt wurde. Die alkalische Lösung gab beim Ansäuern die S-Chlorbuttersäure, die in ätherischer Lösung getrocknet und nach dem Verdampfen des Äthers fraktioniert wurde. Ausbente 0.25 g, die unter 15 mm Druck bei ungefähr 103 bis 105° kochten. Das Produkt war in 10 Teilen Wasser klar löslich. Eine Chlorbestimmung zeigte, daß es noch nicht ganz rein war.

O.1361 g Subst.: 0.1534 g AgCl C, H, O, Cl (122.5) Bereehnet: Cl 28.94 Gefunden: Cl 27.87

Zum Beweise, daß es sich aber wirklich um S-Chlorbuttersäure bandelt, haben wir 0.3 g eines Präparates, das auf die gleiche Art dargestellt war, durch Kochen mit Wasser auf die früher für den d-S-Chlorbuttersäuremethylester beschriebene Weise in das Natziumsalz der inaktiven S-Oxybuttersäure verwandelt. Seine Menge betrug nach dem Umkristallisieren aus Alkohol 0.15 g.

0.0730 g Subst.: 0.0407 g Na, SO<sub>4</sub> C<sub>4</sub>H<sub>2</sub>O<sub>4</sub>Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.05

Versuch mit d-\(\beta\)-Aminobuttersäure. Verwandt wurden 2 g Aminosäure von [\(\alpha\)]\(\geq = + 24.2^\circ\$\). Die Ausbeute an destillierter \(\beta\)-Chlorbuttersäure war 0.3 g. Sie drehte ziemlich stark nach links. Zur weiteren Reinigung diente das Silbersalz. F\(\beta\)r seine Bereitung wurden 0.3 g S\(\beta\)ure in 2.45 ccm eiskaltem, w\(\beta\)briggem n-Ammoniak (1 Mol.) gel\(\beta\)st und durch eine L\(\beta\)sang von 0.5 g Silbernitral (1.2 Mol.) in 2 ccm Wasser bei 0° gef\(\beta\)lit. Nach dem Auswaschen mit Eiswasser und Trocknen im Vakuumexsikkator betrug die Menge des Salzes 0.55 g-Es bildet farblose, ziemlich lichtbest\(\bar{a}\)ndige Nadeln. Die Analyse, die durch Erhitzen mit rauchender Salpeters\(\beta\)ure ausgef\(\beta\)hrt wurde, zeigte, daß das Salz noch nicht ganz rein war.

<sup>1</sup> E. Fremen and H. Scariman, Ber. d. D. chem. Ges. 42, 1226 (1909).

0.0974 g Subst.: 0.0621 g AgCl

C. H.O. ClAg (229.4) Berechnet: Ag 47.03 Cl 15.46 Gefunden: Ag 47.98 Cl 15.77

Wir haben es deshalb bei o° in n-Salpetersäure gelöst und die von einer geringen Menge Chlorsilber rasch abfiltrierte Flüssigkeit sofort mit der äquivalenten Menge n-Ammoniak ebenfalls bei o° wieder gefällt. Das rasch mit Eiswasser gewaschene und im Vakuumexsikkator getrocknete Salz diente sowohl für die Bestimmung des Silbers wie für die optische Untersuchung. Zu dem Zweck wurde das Salz mit überschüssiger n-Salzsäure bei gewöhnlicher Temperatur geschüttelt, das Gesamtgewicht der Lösung festgestellt, dann filtriert und die Lösung optisch untersucht. Das ausgewaschene Chlorsilber wurde nochmals in verdünntem Ammoniak gelöst und durch Salpetersäure wieder abgeschieden.

0.0835 g Silbersaiz (entsprechend 0.0446 g  $\beta$ -Chlorbuttersäure), versetzt mit a-Salzsäure. Gesamtgewicht 0.0866 g. Berechnet für AgCl 0.0522 g, also Gewicht der Lösung 0.9344 g. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 1 19° ( $\pm$  0.02°) nach links. —  $d^{**}=1.02$ . Mithin

|x||<sub>0</sub> = - 24.4° (±0.4°). 0.0835 g Subst.; 0.0519 g Ag (Il C<sub>4</sub>H<sub>5</sub>O<sub>5</sub> ClAg (229.4) Berechnet: Ag 47.03 Gefunden: Ag 46.78

Wir haben auch noch aus dem Silbersalz die Chlorbuttersäure durch n-Salzsäure in Freiheit gesetzt, ausgeäthert, in der ätherischen Lösung getrocknet und den Äther möglichst sorgfältig verdampft. Der Rückstand wurde in wäßriger Lösung optisch untersucht.

0.0632 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 1.2883 g.  $d^{20}=1.02$ . Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 1.20° ( $\pm 0.02$ °) nach links. Mithin

$$|\alpha|_0^2 = -24.0^\circ (\pm 0.4^\circ).$$

Für die  $\beta$ -Chlorbuttersäure, die auf die gleiche Art aus dem Silbersalz der ganz reinen d-Säure in Freiheit gesetzt war, haben wir unter genau denselben Bedingungen wie bei der ersten oben angeführten Bestimmung den Wert  $[x]_{ii}^m = +47.7^\circ$  gefunden. Die mit Nitrosylchlorid bereiteten Proben waren somit etwa zur Hälfte racemisiert. Da aber schon die angewandte d- $\beta$ -Aminobuttersäure von  $[a]_{ii}^m = +24.2^\circ$  zu  $\frac{1}{3}$  racemisch war, so kann man sagen, daß bei der Umwandlung der Aminosäure in Chlorsäure keine starke Racemisation stattfindet.

Einen mehr qualitativen Versuch ähnlicher Art haben wir mit der linksdrehenden  $\mathcal{E}$ -Aminobuttersäure, die allerdings nur  $\|\mathbf{z}\|_p^p = -14^\circ$  hatte, durchgeführt und so eine Chlorbuttersäure erhalten, deren 10 prozentige Toluollösung im  $\frac{1}{2}$ -dem-Rohr 0.40° nach rechts drehte.

Im Auschluß an obige Versuche wollen wir noch einige neue Erfahrungen über Eigenschaften und Darstellung der

#### d-S-Chlorbuttersaure

mitteilen. Im Besitze größerer Mengen konnten wir die Säure durch wiederholte Kristallisation reinigen. Für ihre Darstellung haben wir wie früher' die aus diabetischem Harn gewonnene 1-2-Oxybuttersäure benutzt. Die Veresterung der Säure hat auch gegen die frühere Vorschrift eine kleine Änderung erfahren.

alkohol, der i Prozent HCl enthielt. 4 Stunden am Rückfinßkühler gekocht, dann die Salzsäure durch 3 stündiges Schütteln mit Kallumkarbonat entfernt und die filtrierte Lösung unter vermindertem Druck verdampft. Der zurückbleibende Sirup wurde mit trocknem Äther aufgenommen, die von den ausgeschiedenen Salzen abfiltrierte Lösung verdampft und der Rückstand fraktioniert. Unter 13 mm Druck ging die Hauptmenge von 60 bis 70° über. Zur völligen Reinigung wurde nochmals mit Natriumsulfat getrocknet und fraktioniert. Ansbeute etwa 60 g. Das Verfahren ist nicht allein bequemer, sondern auch ergiebiger als das früher beschriebene. Das Drehungsvermögen varüerte bei verschiedenen Darstellungen. Es wurde niemals höher als der früher angegebene Wert  $\|x\|_0^m = -21.1^n$  gefunden, lag aber öfters einige Grade niedriger.

Die Bereitung des d- $\beta$ -Chlorbuttersäuremethylesters aus der Oxyverbindung haben wir ebenfalls vereinfacht.

In 30 g & Oxybuttersäuremethylester von [z]; = -18.1°, die durch eine Mischung von Eis und Salz gekühlt war, wurden 66 g gepulvertes Phosphorpentachlorid (1.25 Mol.) in kleinen Portionen im Lauf von 2 Stunden eingetragen. Der durch ein Chlorcalciumrohr vor Feuchtigkeit geschützte Kolben blieb noch einige Stunden bei 0° und dann 24 Stunden bei Zimmertemperatur stehen. Die fast ganz flüssige Mischung wurde nun auf 50 g zerstoßenes Eis, das sich in einem weiten Ealenmeyer-Kolben befand, gegossen und nun unter steter Kühlung und Schüttein mit festem Natriumbicarbonat neutralisiert. Wir haben nun mehrere solcher Portionen vereinigt und den &-Chlorbuttersäuremethylester, der mit Ather etwas flüchtig ist, unter starker

<sup>\*</sup> E. Facence and H. Sentinian, Ber. d. D. chem. Ges. 42, 1524 (1909).

Kühlung mit Äthylehlorid ausgeschüttelt. Nach dem Abdestillieren des Äthylehlorids, das wieder zu neuen Extraktionen benutzt werden kann, wurde der Ester noch mit Natriumsulfat getrocknet und unter 13 mm Druck fraktioniert. 60 g Oxysäureester gaben bei der ersten Destillation 37 g und bei nochmaliger Fraktionierung 34 g Chlorbuttersäuremethylester; außerdem ein höher siedendes Nebenprodukt (13.5 g). Den Siedepunkt fanden wir in Übereinstimmung mit der früheren Angabe bei 48—51°. Unter gewöhnlichem Druck lag er bei 148—152°. [x]" = +22.6°. Dieser Wert ist aber sehr wahrscheinlich zu niedrig, da bei der Verseifung des Esters eine ziemlich stark racemisierte Chlorbuttersäure entstand.

Die Verseifung des Esters durch starke Salzsäure haben wir neuerdings, um Racemisation möglichst zu vermeiden, bei Zimmertemperatur ausgeführt.

20 g Ester von  $[a]_0^{\infty} = +22.6^{\circ}$  wurden mit 100 ccm Salzsäure (d = 1.19) bei ungefähr 20° bis zur Lösung geschüttelt, was ungefähr 1 Tage dauerte. Die Flüssigkeit blieb dann bei derselben Temperatur 8 Tage stehen, wurde nun mit dem gleichen Volumen Wasser verdünnt und bei co mit einer konzentrierten Lösung von Kaliumcarbonat. bis zur alkalischen Reaktion versetzt. Nachdem der unverseifte Ester ausgeäthert war, wurde die wäßrige Lösung angesäuert, ausgeäthert, der atherische Auszug mit Natriumsulfat getrocknet und nach dem Verdampfen des Äthers unter 13 mm Druck destilliert, wobei die Chlorbuttersaure konstant bei 101° kochte. Ausbeute nur 11.5 g. da ein Teil des Esters noch nicht verseift war. Für diese Säure lag |a|" zwischen + 27 und + 29° in toprozentiger Lösung in n-Natronlauge. Aus dem Präparat ließ sich aber eine viel höher drehende Säure gewinnen. Zu dem Zweck haben wir 14 g der destillierten Saure mit 3.5 ccm Ligroin vermischt, in einer Mischung von Eis und Salz gekühlt, die bald ausgeschiedenen Kristalle abgesaugt und mit wenig kaltem Ligroin gewaschen. Ausbeute 6.2 g. Sie wurden aus 7 ccm warmem Ligroin auf die gleiche Weise umkristallisiert und dabei 5.4 g zurückgewonnen. Bei nochmaliger Kristallisation änderte dieses Präparat weder den Schmelzpunkt noch die spezifische Drehung. Zur Analyse war im Vakuum über Paraffin und Phosphorpentoxyd getrocknet.

> 0.1711 g Subst.: 0.0888 g H<sub>s</sub>0 0.2451 g CO<sub>s</sub> 0.1824 g Subst.: 0.2130 g Ag(I

C.H.O.Cl (122.5) Berechnet: C 39.18 H 5.76 Cl 28.95 Gefunden: C 39.07 H 5.80 Cl 28.89 Diese vermutlich reine d-E-Chlorbuttersäure schmolz bei 43—44.5° (korr.), während der Schmelzpunkt des Racemkörpers bei 15—16.5° angegeben ist.'.

Sie kristallisiert aus warmem Ligroin in ziemlich großen Prismen und ist hierin schwerer löslich als der Racemkörper. Für die optische Untersuchung haben wir die Lösung in Wasser benutzt. Die nachfolgenden Zahlen beziehen sich auf zwei Präparate, von denen das erste zweimal und das andere zum drittenmal aus Ligroin kristallisiert war.

0.2222 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 2.2485 g. d'' = 1.025. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 5.04° (±0.02°) nach rechts. Mithin

$$[a]_0^{ss} = +49.8^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

0.1316 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1.3483 g. d<sup>20</sup> = 1.025. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 4.95° (± 0.02°) nach rechts. Mithin

$$[a]_p^{so} = +49.5^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Ferner wurde noch das Drehungsvermögen der Lösung in Toluol ermittelt.

0.1387 g Subst., gelöst in Toluol. Gesamtgewicht 1.3576 g.  $d^{\infty} = 0.890$ . Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 4.24° ( $\pm 0.02$ °) nuch rechts. Mithin

$$[\alpha]_0^{50} = +46.6^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Um das Drehungsvermögen des Natriumsalzes zu ermitteln, wurde die Säure bei o° in der aquivalenten Menge n-Natronlange gelöst. Diese Lösung ist bei Zimmertemperatur hinreichend beständig.

0.0309 g Subst., gelöst in z-Natronlange. Gesamtgewicht 0.3397 gd= 1.06. Drehung im 4-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 1.09° (±0.02°) nach rechts. Mithin

## Silbersalz der d.S.Chlorbuttersähre.

0.5 g Säure wurde mit t eem Wasser übergossen, auf o° abgekühlt, durch Zusatz von 4.08 eem n-Ammoniak (r Mol.), das ehenfalls auf o° abgekühlt worden war, gelöst und sofort durch eine starke, wäß-

A, M, Coaves, Ann. d. Cham, 319, 360 (1901).

rige Lösung von o.8 g Silbernitrat (1.2 Mol.) gefüllt. Wird das alsbald in feinen farblosen Nadeln kristallisierende Silbersalz nach kurzem Stehen abgesaugt, mit kaltem Wasser gewaschen und im Vakuumexsikkator getrocknet, so hält es sich auch am Lichte ziemlich lange unverändert. Ausbeute gegen 90 Prozent d. Th. Zur Bestimmung von Silber und Chlor wurde das Salz in der übliehen Weise mit rauchender Salpetersäure im Rohr zersetzt.

0.1163 g Subst.: 0.0725 g AgCI

C, II, O, ClAg (229.4) Berechnet: Cl 15.46 Ag 47.03 Gefunden: Cl 15.43 Ag 46.92

Auf dieselbe Weise läßt sich das sehr ähnliche racemische β-chlorbuttersaure Silber darstellen, von dem ebenfalls eine Analyse ausgeführt wurde.

0.2053 g Subst: 0.1280 g AgCl

C.H.O.ClAg (229.4) Berechnet: Cl 15.46 Ag 47.03 Gefunden: Cl 15.42 Ag 46.92

Eine andere Probe des aktiven Silbersalzes haben wir durch Zersetzung mit Salzsäure in bezug auf Silbergehalt und Drehungsvermögen ebenso analysiert, wie es früher für das aus Aminobuttersäure enthaltene aktive chlorbuttersaure Silber beschrieben wurde:

0.1301 g Silbersalz (entsprechend 0.0695 g d- $\beta$ -Chlorbuttersaure), behandelt mit n-Salzsäure. Gesamtgewicht 1.4950 g. Berechnet für AgCl 0.0814 g, also Gewicht der Lösung 1.4136 g. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 2.39° ( $\pm$  0.02°) nach rechts.  $d^{-}=1.02$ . Mithin

[s]" = +47.7° (±0.2°), 0.1301 g Subst.: 0.0812 g AgCl

C<sub>z</sub>H<sub>4</sub>O<sub>3</sub>ClAg (229.4) Berechnet: Ag 47.03 Gefunden: Ag 46.97

Im Besitz größerer Mengen der stark drehenden d-3-Chlorbuttersäure haben wir endlich die früher nur flüchtig studierte Verwandhing in 6-8-Oxybuttersäure wiederholt.

Die Oxybuttersäure wurde als Natriumsalz isoliert und analysiert.

0.0773 g Subst.: 0.0443 g Na, SO,

C, H, O, Na (126.1) Berechnet: Na 18.24

Gefunden: Na 18.57

0.1201 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 1.2788 g. d==1.048. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.43° (± 0.02°) nach links. Mithin

$$|\phi|_{0}^{\pm} = -4.4^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Das Salz war also zu 70 Prozent racemisiert. Dabei ist aber zu berücksichtigen, daß bei der Kristallisation des Salzes, die für die völlige Reinigung unvermeidlich ist, der Racemkörper sich anreichert.

## Beiträge zur Konvergenz von Funktionenfolgen.

#### Von

Prof. Dr. C. Carathéodory und Prof. Dr. E. Landau in Bresling in Göttingen!

(Vorgelegt von Hrn. Schorrey am 20. April 1911 [s. oben S. 439].)

### Einleitung.

Der sogenannte Weierstrasssche! Doppelreihensatz war das Anfangsglied einer Kette von Sätzen, welche sukzessive aus immer geringeren Voraussetzungen dasselbe Ergebnis lieferten: den Nachweis, daß ein gewisser Ausdruck eine analytische Funktion darstellt. In der vorllegenden Arbeit liegt es uns hauptsächlich daran, einen Satz (VI) zu beweisen, der alle Sätze jener Kette als Spezialfälle enthält, und der hisher weder ausgesproehen noch bewiesen worden ist, so nahe auch drei neuere Autoren (Vitali, Montel, Sevenni) herangekommen sind. Allerdings stützt sich unser - nur wenige Zeilen langer - Beweis auf einen Satz aus dem Picard-Landau-Schottky-Carathkodoryschen Ideenkreise, der erst vor wenigen Monaten von Landau formuliert und bewiesen wurde. Trotz der Kürze unseres Beweises wollen wir uns nicht auf die Publikation jener wenigen Zeilen beschränken, sondern einerseits noch tiefer in die Probleme eindringen, anderseits zunächst

Sopra le sevie di funzioni analitiche [Annali di Matematica pura ed applicata;

Sen III, Bd X (1904), S. 05-52], S. 50-81.

\* Sulle successioni infinite ili funzioni analitiche [Atti del IV Congresso Internaziounie dei Matematici (Roma, 6-11 Aprile 1908), Bd. II (1909), ≤ 183-1931, S. 186-188.

Zur Finctionenlehre | Monataberichte der Königlich Pronodschen Akademie der Wissenschaften zu Berlin mis dem Jahre 1880, S. 719-743; Abhandlungen aus der Functionenlehre (1886), S. 67-101; Mathematische Werke, Ed. II (1895), S. 201-230]. 8.723-726 bzw. 73-76 bzw. 105-208. Dieser fundamentale Warrant nassache Satz spielt in der ganzen modernen Analysis eine ausschlaggebende Rolle und fiedet sieh natürlich jeizt in jedem Lehrbuche der Funktionentheorie.

Sur les points erréquires des sèries convergentes de fonctions analytiques | Comptes readus hebdomaunires des sennes de l'Académie des Sciences, Paris, Bd. CXXXXV (1907), S.910—913], S.911—913; Legius aur les sécies de polynomes à une variable complese [Paris (Gabrama-Villans), 1910], S. 124-125. Die erstere Note (in der allerdings die Beweise nicht angegeben sind) ist Hrn. Savanust entgangen, die Savanustsche Arheit Hrn. Mowest, bei Drucklegung seines Buches micht bekannt gewesen.

aus der etwas reichhaltig vorhandenen und ziemlich zerstreuten Literatur die einfachsten Beweise für diejenigen nach Whinastrass gefundenen Tatsachen zusammenstellen, welche wir brauchen.

Bei unseren ganzen Betrachtungen sprechen wir nur von einem Kreise (statt eines Bereiches allgemeinerer Art), wählen hlerfür den Einheitskreis und nehmen meist unsere Funktionen auch noch auf dessen Rande regulär an; dies läßt nämlich den Kern der ganzen Untersuchung am deutlichsten hervortreten und stellt tatsächlich keine Beschränkung der Allgemeinheit dar.

Die §§ 1—3 enthalten nichts Neues, abgesehen von einem am Ende des § 3 mitgeteilten neuen Beweis von Hrn. stud. math. P. Bernars in Göttingen für den Hilfssatz von Landau, von welchem schon oben die Rede war. § 4 enthält für unseren neuen Hauptsatz (VI) den Beweis, die §§ 5—7 eine von der ersten unabhängige Beweisanordnung und weitergehende Verallgemeinerungen, die in dem von uns mit IX bezeichneten Satze gipfeln.

§ 1.

Der klassische Weienstrasssche Satz lantet: Satz I: Es seien die anabytischen Funktionen

$$f_*(x), f_*(x), \dots, f_*(x), \dots$$
 and inf.

für  $|x| \le 1$  regulür. Es existiere für  $|x| \le 1$ 

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x) := f(x),$$

and zwar gleichmäßig. Dann ist f(x) für |x| < 1 eine reguläre analytische Funktion.

Von den vielen Möglichkeiten, ihn zu beweisen, soll hier natürlich nicht die Rede sein. Übrigens wird er zufällig nicht einmal im folgenden angewendet werden.

Unter Überspringung mehrerer Zwischenstationen nennen wir jetzt folgenden schönen Satz, den man Hrn. Vrrau' verdankt:

Satz II: Es seien die analytischen Funktionen

$$f_{*}(x), f_{*}(x), \dots, f_{*}(x), \dots$$

Sopra le serie di funzioni annilitiche [Rendiconti del Reale Istituto Lombardo di acienze e lettere, Ser. II. Bd. XXXVI (1903), S. 772—774; im Sitzungabericht vom 18. Juni 1903] und S. 73—74 der oben zitierten Abbandlung (im Mürzheft 1904). Im Jahre daranf wurde der Satz von Hrn. Pourun wiederentdeckt: Concerning Series of Analytic Functions [Annals of Mathematics, Ser. II. Bd. VI (1904—1905), S. 190—192; im Julifort 1905]; diese Arbeit fehlt übrigens in dem ausführlichen Literaturverzeichnis des Hrn. Sevenias (a. s. O. S. 183—184).

für |x| \le 1 regulär und gleichmäßig bescheänkt. D. h. es gebe eine absolute (von x und n unabhängige) Konstante g derart, daß für  $|x| \le 1$ und alle ganzen  $n \ge 1$ 

 $|f_n(x)| \leq q$ 

ist. Es existiere

$$\lim_{x\to\infty} f_*(x)$$

für unendlich viele Punkte des Gebietes |x| \( \le 1 \), welche mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises haben! Dann existiert

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

für alle Punkte des Gebietes |x| < 1; dies f(x) ist ferner für |x| < 1 eine reguläre analytische Funktion, und es ist sogar bei festem S, das > 0 und < 1 lst, für | a | ≤ 9 gleichmäßig

$$\lim_{n \to \infty} f_n(x) := f(x).$$

Der Satz II soll im nächsten Paragraphen (§ 2) auf dem einfächsten der bekannten Wege bewiesen werden. Wenn wir auch später einen allgemeineren Satz (VI) entwickeln werden, so werden wir nämlich den Satz II beim Beweise des neuen Satzes anwenden.

Es sei hier sogleich darauf aufmerksam gemacht, daß die Voraussetzungen des Satzes II in denen des Satzes I enthalten sind. Denn aus der im Satz I vorausgesetzten gleichmäßigen Existenz des lim f. (x) für  $|x| \leq t$  ergibt sich das Vorhandensein eines  $N \geq t$  derart, daß für n > N und  $|x| \le 1$ 

 $|f_{N}(x) - f_{N}(x)| \leq 1$ .

nlao

$$|f_n(x)| \le |f_N(x)| + 1$$

ist; wenn nun eine Konstante G so gewählt wird, daß für  $|x| \le 1$ 

$$|f_{i}(x)| \leq G, \ldots, |f_{N}(x)| \leq G$$

ist, so ist, was such das  $n \ge 1$  bedeuten mag, für  $|x| \le 1$ 

$$|f_*(x)| \le G + 1 = g;$$

Es warde genan dasselbe wie im Text bedeuten, wenn die Existenz des Limes für aneadlich viele Pankte vorausgesetzt wird, welche bei festem 6 < 1 dem Gehint |x|≤0 angehören. Im Häufungspunkt sefbat wird die Existenz des Limes nicht vorausgesetzt.

<sup>2</sup> Vgl. S. 68-69 und 75-77 in Hrn. Montais These Sur les suites enferies de forchims [Paris (1907); abgedruckt in den Annales scientifiques de l'École Normale supérieure, Ser. III, Bd. XXIV (1907), S. 233-334, wosellist S. 300-301 und 307-309 in Betracht kummen] und sein Buch, S. 20-25. Hrn. Monracs Literaturaugaben daselbst ist obiger Hinweis unf Viran und Powers hinzuzufügen.

d. b. die  $f_n(x)$  sind für  $|x| \le 1$  gleichmäßig beschränkt. Die übrigen Annahmen des Satzes II sind offenbar geringer als die entsprechenden des Satzes I. Gleichmäßige Konvergenz wird überhaupt nirgends vorausgesetzt und Konvergenz nicht einmal im ganzen Gebiete, sondern eventuell nur in abzählbar vielen Punkten, die nicht einmal überall dicht zu liegen brauchen, sondern nur mindestens einen Häufungspunkt im Innern haben müssen.

Erster Hilfssatz: Es sei für v≥1, m≥0

$$|e_m| \leq y$$

also für jedes v≥1 die Potenzreihe

$$F_s(x) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} c_m x^m = c_m + c_m x + c_m x^2 + \dots$$

im Kreise | x | < 1 konvergent. Es sei für jedes m \subsection

$$\lim_{r\to\infty}c_{-}=c_{n}$$

vorhanden, wobei en ipso

$$|e_m| \le g$$

ist und infolgedessen die Potensreihe

$$F(x) = \sum_{n=0}^{\infty} r_n x^n = r_0 + r_1 x + r_2 x^n + ...$$

für |x| < 1 konvergiert. Dann ist für |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} F_s(x) := F(x),$$

und zwar ist bei festem  $\Im$  zwischen  $\Im$  (ausschl.) und  $\Im$  (ausschl.) im Gebiete  $\|x\| \le \Im$  gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} F_{x}(x) = F(x).$$

Be we is: Es sei S zwischen o und : gegeben und fest (o < S < 1): ferner sei ein  $\delta$  > o gegeben. Man wähle ein ganzes positives  $k = k(\delta)$  so, daß

$$\frac{y\mathfrak{D}'}{1-\mathfrak{D}} \leq \frac{\delta}{3}$$

ist. Dann ist für  $|x| \le 9$ 

$$(i) \ \left| \ F(x) - \sum_{n=0}^{t-1} c_n x^n \ \right| = \left| \sum_{n=0}^{\infty} c_n x^n \ \right| \leq g \sum_{n=0}^{\infty} S^n = \frac{g S^k}{1-S} \leq \frac{\delta}{3} \,,$$

C. Canarinionous und E. Landau: Zur Convergenz von Functionenfolgen. 591 desgleichen für  $|x| \leq 3$  bei jedem  $v \geq t$ 

(2) 
$$\left| F_{\epsilon}(x) - \sum_{m=0}^{k-1} c_m x^m \right| = \left| \sum_{m=0}^{\infty} c_m x^m \right| \le g \sum_{m=0}^{\infty} \Im^m \le \frac{\delta}{3}$$
.

Nun werde ein  $N = N(\delta)$  so gewählt, daß für  $i \ge N$  und  $0 \le m \le k-1$ 

$$|c_{-}-c_{-}|<\frac{\delta}{3k}$$

lst; dann ist für |x|≤9

$$(3) \left| \sum_{n=1}^{k-1} c_n x^n - \sum_{n=1}^{k-1} c_n x^n \right| = \left| \sum_{n=1}^{k-1} (c_n - c_n) x^n \right| < \frac{\delta}{3 k} \sum_{n=0}^{k-1} 1 = \frac{\delta}{3}.$$

Aus (1), (2), (3) folgt für  $v \ge N(\delta)$  im Gebiete  $|x| \le 5$ 

$$|F_*(x) - F(x)| < \frac{\delta}{3} + \frac{\delta}{3} + \frac{\delta}{3} = \delta$$

womit gleichmäßige Konvergenz im Gebiete  $|x| \le 3$ , also insbesondere (da das positive 3 beliebig nahe unterhalb i liegen konnte) Konvergenz für |x| < 1 bewiesen ist.

Zweiter Hilfssatz: Es sei für n≥1, m≥0

$$|u_{nm}| \leq g$$
.

so daß für jedes feste  $m \ge 0$  die Menge  $a_{nn}$  (n = 1, 2, ...) mindestens eine Häufungsstelle hat. Dann läßt sich eine Folge wachsender ganzer positiver Zahlen  $n_1, n_2, ..., n_n$  der ut auswählen, daß für jedes  $m \ge 0$  die Folge

pegen einen Limes konvergiert:

$$\lim_{n\to\infty} a_{n,n} = a_n.$$

Hierbei darf außerdem noch für ein  $m=m_{\star}$  vorgeschrieben werden, welche der Häufungsstellen der Menge  $u_{mm_{\star}}(n=1,2,\cdots)$  — falls es deren überhaupt mehr als eine gibt — die Zahl  $a_{m_{\star}}$  bezeichnet.

Beweis: Ohne Beschränkung der Allgemeinheit (da ja kein m den Vorrang vor einem anderen hat) darf beim Beweise angenommen werden, daß die Häufungsstelle a. der a. vorgeschrieben ist.

Man wähle eine wachsende Folge von Indizes

592 Sitzing der phys.-math. Classe v. 18. Mai 1911. — Mitth. v. 20. April. derart, dală, wenn n diese Folge durchläuft,

$$\lim_{|a|} a_{ab} = a_a$$

Es bezeichne  $a_i$  eine Häufungsstelle der Menge, welche aus denjenigen  $a_{ir}$  besteht, bei denen n der Folge [o] angehört. Es werde aus der Folge [o] eine solche wachsende Folge

[1] 
$$n_{zz}$$
,  $n_{zz}$ ,  $n_{zz}$ ,  $n_{zz}$ ,  $n_{zz}$ , ...

nusgewählt, daß erstens

$$n_{io} = n_{oo}$$

und zweitens, wenn n die Folge [1] durchläuft.

$$\lim_{t \to 0} a_m = a_s$$

Est.

Jetzt bezeichne  $a_n$  eine Häufungsstelle der Menge, welche nus denjenigen  $a_n$ , gebildet wird, bei denen n der Folge [1] angehört. Es werde aus der Folge [1] eine solche wachsende Folge

ausgewählt, daß erstens

$$n_{ii} = n_{ii}$$
,  $n_{ii} = n_{ii}$ 

und zweitens, wenn n die Folge [2] durchläuft,

$$\lim_{t \to 1} a_m := a_s$$

ESIL.

Und so fort.

So entsteht ein Schema

$$[1]$$
  $n_{ii}$ ,  $n_{ii}$ ,  $n_{ii}$ , ...,  $n_{ik}$ , ...

$$[2]$$
  $n_{in}, n_{ij}, n_{ii}, \dots, n_{ij}, \dots$ 

mit folgenden vier Eigenschaften. Erstens enthält jede Zeile lauter wachsend geordnete positive ganze Zahlen. Zweitens ist jede Spalte von dem Gliede der Hauptdiagonale an konstant. Drittens kommen

$$\lim_{k \to \infty} a_{a_{ok}}, n = n_{o}$$

und in der Folge das Entsprechende vermeiden.

Wir wollen hier die schwerfällige Schreibweise

C. Caragresonum und E. Lasman: Zur Convergenz von Functionenfolgen. 593

die Zahlen jeder Zeile in der vorigen (also in jeder vorangehenden) vor. Viertens ist für jedes m≥o

$$\lim_{[n]} a_{nn} = a_n.$$

Es werde nun

$$n_{00} = n_{c1}, n_{11} = n_{c}, n_{11} = n_{21}, \dots, n_{m} = n_{c+1}, \dots$$

gesetzt. Von diesen Zahlen  $n_i(v=1, 2, ...)$  ist jede größer als die vorangehende, weil für  $i \ge 0$ 

$$n_{i+1,i+1} > n_{i+1,i} = n_{ii}$$

ist. Ferner erfüllen die Zahlen n, für jedes  $m \ge 0$  die in der Behauptung vorkommende Gleichung

$$\lim_{r\to\infty} a_{n_r n} = a_n,$$

d. h. es ist wirklich

(5) 
$$\lim_{n \to \infty} a_{n,m} = a_m;$$

in der Tat sind  $n_{mn}$ ,  $n_{m+1, m+1}$ , ... zur Zelle [m] gehörig; also ist wegen (4) a fortiori (5) erfüllt.

Damit ist der zweite Hilfssatz bewiesen.

Aus den beiden Hilfssätzen ergibt sich nun folgender

Beweis des Satzes II: Es soll zunächst festgestellt werden, daß in dem Koeffizientenschema der

$$f_{s}(x) = a_{so} + a_{so} x + \dots + a_{so} x^{s} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} a_{so} x^{n}$$

für jedes m≥o

existiert.

Jedenfalls ist nach der Cauchyschen Koeffizientenabschätzung

$$|a_{\bullet \bullet}| \leq \frac{g}{1^n} = g$$
,

so daß für jedes m die Menge  $a_{**}(n=1,2,\ldots)$  mindestens eine Häufungsstelle hat. Würde nun nicht stets (d. h. nicht für jedes  $m \ge 0$ )

existieren, so hätte für mindestens ein m die Menge  $a_m$  mindestens zwei Häufungsstellen. Etwa für  $m=m_o$  seien a und b zwei solche, also

$$a + b$$
.

594 Sitzung der phys.-math. Classe v. 18. Mai 1911. - Mitth. v. 20. April.

Dann läßt sich einerseits nach dem zweiten Hilfssatz eine wachsende Folge  $n_1, n_2, \dots, n_d$ , derart finden, daß für jedes  $m \ge 0$ 

$$\lim_{n\to\infty}a_{s_nn}=a_n$$

existiert und hierbei

$$u_{\kappa_a} = a$$

ist; anderseits läßt sich nach dem zweiten Hilfssatz eine wachsende Folge N., N., ..., N., ... derart finden, daß für jedes m≥o

$$\lim_{n\to\infty} u_{N,n} = b_n$$

existiert and hierbei

$$b_m = b$$

ist.

Es werde nun für := 1, 2, ...

$$f_{*,}(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_{*,n} x^n = F_{*}(x)$$

and

$$\sum_{n=a}^{\infty} a_n x^n = F(x) ,$$

ferner

$$f_{N_s}(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_{N_s n} x^n \equiv G_s(x)$$

und

$$\sum_{m=0}^{\infty} b_m x^m = G(x)$$

gesetzt. Dann ist jede der soeben erklärten Funktionen für |x|<1 regulär. Ferner ist nach dem ersten Hilfssatz für |x|<1

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) = F(x)$$

und

$$\lim_{x \to \infty} G_{\nu}(x) = G(x) ,$$

Nach einer gemachten Voraussetzung ist für eine gewisse Punktmenge im Kreise  $|x| \le i$  mit mindestens einem Häufungspunkt im Innern

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x)$$

vorhanden. Für jene Punkte ist

$$F(x) = \lim_{x \to \infty} f_{x_n}(x) = \lim_{x \to \infty} f_{x_n}(x) = G(x)$$

Die beiden für |x| < 1 konvergenten Potenzreihen F(x) und G(x) müßten also identisch übereinstimmen, was sich mit

$$a_{m} = a + b = b_{m}$$

nicht verträgt.

Die Annahme, daß für irgendeln m≥0

nicht existiert, ist also falsch. Daher existiert für jedes  $m \ge 0$ 

$$\lim_{n\to\infty} a_m = c_m.$$

Wenn

$$\sum_{n=1}^{\infty} c_n x^n = f(x)$$

gesetzt wird, ist nach dem ersten Hilfssatz für |x| < r

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x) := f(x),$$

und zwar ist nach jenem Hilfssatz für  $|x| \le 3$ , wo 0 < 9 < 1 und 9 fest ist, gleichmäßig

$$\lim_{x\to\infty} f_*(x) := f(x).$$

Damit ist der Satz II bewiesen.

\$ 3.

Hr. Schottky hat die wichtige Entdeckung gemacht: Satz III: Es sei für |x| < 1 die Funktion

$$F(x) = a + a x + \dots + a x + \dots$$

ergulär,  $\pm \alpha$  und  $\pm 1$ . Es sei  $\alpha < \Theta < 1$ . Dann existiert eine nur con  $\Theta$  und  $a_{\bullet}$  (nicht von  $a_{\bullet}$ ,  $a_{\bullet}$ .) abhängige Zahl  $\Omega = \Omega(\Theta, a_{\bullet})$  derart, daß für  $|x| \leq \Theta$ 

 $|F(x)| \leq \Omega$ 

Set.

Mit anderen Worten: Wenn  $\Theta$  eine feste Zahl zwischen  $\circ$  und  $\iota$  ist und man von F(x) nur weiß, daß es für  $|x| < \iota$  regulär,  $\pm \circ$ ,  $\pm \iota$  ist, und außerdem, welchen Wert es im Punkte  $\circ$  hat, so kann man eine absolut feste Schranke angeben, welche von |F(x)| in keinem Punkte des Kreises  $|x| \leq \Theta$  übertroffen wird.

Uber des Pivano'schen Satz und die Bonnt'schen Ungleschiengen (Sitzungsberichte der Königlich Preußischen Akademie der Wissenschaften, Berlin, Jahrgang 1904. S. 1244-1262). S. 1255-1256.

Hr. Schoteky hatte aber a. a. O. noch mehr bewiesen. Ein Blick auf seine explizite Formel für  $\Omega(\Theta, a_n)$  lehrt den

Satz' IV: Es sei fitr |x| < 1 die Funktion

$$F(x) = a_n + a_1 x + \dots + a_n x^n + \dots$$

regulär,  $\pm 0$  und  $\pm 1$ . Es sei  $0 < \theta < 1$ . Es erfülle bei festem, aber beliebig großem a und bei festem, aber beliebig kleinem positiven i die Zuhl a, die Bedingungen<sup>2</sup>

$$|a_s| \ge \varepsilon$$
,  $|a_s - 1| \ge \varepsilon$ ,  $|a_s| \le \omega$ .

Donn existert eine nur von  $\Theta$ ,  $\omega$  und  $\varepsilon$  (nicht von  $a_*$ ,  $a_*$ ,  $a_*$ , ...) abhängige Zahl  $\Psi = \Psi$   $(\Theta, \omega, \varepsilon)$  derart, daß für  $|x| \leq \Theta$ 

$$|F(x)| \leq \Psi$$

ist.

Erst kürzlich bewies Lannau<sup>3</sup>, daß hierin die z-Beschränkung glatt fortbleiben kann, d. h. den

Satz V: Es sei für |x | < 1 die Funktion

$$F(x) = a_s + a_s x + \cdots + a_m x^m + \cdots$$

regular, #0 und #1. Es sei 0 < 0 < 1, ferner

$$|a_n| \leq \omega$$
.

Dann existient eine nur von  $\Theta$  und  $\omega$  (nicht von  $a_*, a_*, a_*, \dots$ ) abhängige Zahl  $\Phi = \Phi(\Theta, \omega)$  derart, daß für  $|x| \leq \Theta$ 

$$|F(x)| \leq \Phi$$

lat.

D. h. a. let um mimbestens eine angebbare Größe von e und von i verschieden und gehört einem angebbaren andlichen Gehiet der Ebene an.

Vgl. den (wis a. a. O. angegeben) von ihm herrührenden § 2 (8, 309—312) seiner gemeinsam mit Hrn. Bons verfaßten Arbeit (deren interessantestes Ergelmis, der § 1, wie a. a. O. angegeben, von Hrn. Bons allein berrührt): Über das Verballen von £(s) und ∑(s) in der Nühr der Garaden z = 1 [Nachrichten der Königlichen Gesellachaft, der Wissenschaften zu Göttingen, mathematisch-physikalische Klasse. Jahrgung 1910, 5, 303—330]

Hr. Mosum schreibt and S. 124 seines Buches iertümlich die Scauerausschen Sätze III, IV Laguag zu und formaliert IV müerdem unrichtig. Er gibt nämlich die Bedingung (die zeinerzeit noch erforderlich war) richtig zu, läßt jedoch die z-Bedingung fort; dadurch entsteht ein offenkundig falscher Satz, wie schon das triviale Beispiel F(x) = a. Jehrt. Wenngleich Hrn Mosraus Behandlung der vorliegenden Probleme mis zu verschiedenen Bezostandungen bistorischer und sachlicher Art veranlaßt, zo wollen wir doch nicht unterlassen, besonders hervorzuheben, daß wir sowohl zeine These als auch sein Buch sehr hoch schätzen und viel Neues daraus gelernt haben. Sie enthalten wichtige Fortschritte nicht nur bei vielen anderen Problemen, sondern auch bei Fragen, welche den unsrigen nahe liegen und welche wir in unserem zuf ein bestimmtes Ziel hinstenernden Text unerwähnt gelassen haben.

Die HH. Sevenst' und Moster waren nicht im Besitze des Satzes V, sondern bedienten sieh bei ihren Untersuchungen des Satzes IV mit dem erschwerenden Ballast der EBedingung'. Und doch ist es nicht einmal nötig, wenn man den Satz IV kennt, nochmals in die Tiefen der Modulfunktionen bzw. der durch Hru. Bonen begründeten elementaren, aber komplizierten Beweismethoden hinabzusteigen, um zum Satz V zu gelangen. Das hat allerdings erst Hr. Bensays entdeckt und noch nicht publiziert; wir benutzen diese Gelegenheit, um seinen direkten Übergang vom Satz IV zum Satz V mitzuteilen.

Hr. Bernavs schließt so: Für |x| < 1 ist unter den Voraussetzungen des Satzes V

$$F(x) = e^{h_x + h_1 x + h_2 x^2 + \cdots},$$

we der Wert h = log n, so gewählt sei, daß

$$-3\pi < \Im(h_0) \le -\pi$$

ist. Die Funktion

$$G(x) = \frac{1}{2\pi i}(b_a + b_c x + b_i x^i + \cdots) = c_a + c_c x + c_s x^s + \cdots$$

ist für |x|<1 regulär und keine ganze Zahl, speziell ±0 und ±1. Erster Fall: Es sei

$$\Re(a_o) \ge \frac{1}{2}$$
.

Dann ist

$$|a_a| \ge \frac{1}{2}$$
,  
 $-\log z \le \log |a_a| = \Re(b_a) \le \log a$ ,  
 $|\Re(b_a)| \le \operatorname{Max.}(\log z, |\log a|) = g_*(a)$ .

Wegen

<sup>1</sup> A. a. O., S. 157.

<sup>3</sup> A. a. O. (Buch), S. 124.

Das Vorhandensein der s-Bedingung vermlaßt beide Antoren zur Hemnzielung eines Osmonneten Satzes, den wir nicht benuchen (sans der Konvergenz von  $f_n(x)$  in einem Gebiete folgt die Existens eines Tellgebietes, in welchem die Konvergenz gleichmäßig ist-), infolgsdessen zu der Annahme der Konvergenz von  $f_n(x)$  im gauzen Gebiete und auf dem genannten Umwege sogar zu einem Fehlschluß. Hr. Mowrei übersieht auf S. 124, Z. 5—3 v. u., daß sein im  $P_n(x) = f(x)$  in dem betreffenden Teil-

gebiet identisch o oder identisch i sein kann  $(z, B, für P_n(x) = \frac{n}{n+1})$ , so daß sein Punkt e, nicht zu existieren braucht. Hr. Savanaxı hatte auf S. 188, Z. 3—4, dasselbe Verseben gemacht. Der Fall, daß f(x) identisch o oder i ist (selbst im ganzen Gebiet), ist knineswegs als trivial ausschließbar, da ja nicht mir Regularität von f(x), sondern auch gleichmäßige Konvergens behauptet wird. Bei Anwendung des Satzes V bedari jener Fall überhaupt keiner besonderen Diskussion.

598 Simming der phys.-math. Classe v. 15, Mai 1911. — Mitth. r. 20, April. ist also

(6) 
$$\frac{b_n}{2\pi i} \le \frac{g_1(u) + 3\pi}{2\pi} = g_i(u)$$

Anderseits ist

(7) 
$$\Re\left(\frac{b_a}{2\pi i}\right) = \frac{\Im(b_a)}{2\pi} \le -\frac{1}{2}.$$

Das konstante Glied  $r_{a}=\frac{h_{c}}{2\pi i}$  in G(x) gehört nach (6) und (7) dem Gebiete

$$|c_i| \ge \frac{1}{2}$$
,  $|c_i - \epsilon| \ge \frac{1}{2}$ ,  $|c_i| \le g_s(\omega)$ 

an. Nach dem Schottrevschen Satz IV ist also für  $|x| \leq \Theta$ 

$$\begin{split} & |G(x)| \leq \Psi\left(\Theta_+g_*(\omega)_-\frac{1}{2}\right) = g_*(\Theta_+\omega)_+ \\ & |F(x)| \leq e^{|x-y|\Theta_+(\omega)|} \leq e^{x-y_*(\Theta_+\omega)} = g_*(\Theta_+\omega)_+ \end{split}$$

Zweiter Fall: Es sei

$$\Re (a_o) = \frac{1}{2}$$
.

Dann ist

$$1 - F(x) = 1 - a_b + \dots$$

für |x| < t regulär,  $\pm 0$  und  $\pm 1$ , und der reelle Teil des konstanten Gliedes hierin ist  $> \frac{1}{2}$ ; ferner ist

$$|1-a_n| \leq 1+w$$
.

Nach dem Ergebnis des ersten Falles ist also für  $|x| \le \Theta$ 

$$|t - F(x)| \le g_*(\Theta, t + u) \Longrightarrow g_*(\Theta, u),$$
  
 $|F(x)| \le t + g_*(\Theta, u) \Longrightarrow g_*(\Theta, u).$ 

Wird nun

Max. 
$$(g_*(\Theta, \omega), g_*(\Theta, \omega)) = \Phi(\Theta, \omega)$$

gesetzt, so erkennt man die Richtigkeit des Satzes V. Soweit Hrn. Bernays' Beitrag zu umserer vorliegenden Arbeit.

\$ 4.

Hauptzweck dieser Arbeit ist der Beweis für den neuen Satz VI: Es seien die analytischen Funktionen

$$f_*(x), f_*(x), \dots, f_*(x), \dots$$

für  $|x| \le 1$  regulär. Es gehe zwei verschiedene komplexe Konstanten a und bderart, daß für |x | \( \) i jede der Funktionen f.(x) beide Werte a und b aus-Es existiere IHBL.

$$\lim f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises haben. Dann ist für alle x des Gebieles |x| < 1

$$\lim_{x \to a} f_*(x) = f(x)$$

corhanden. Ferner ist f(x) für |x| < 1 regulär. Entilleh ist, menn 0 < 5 < 1und 2 fest ist, für |x| ≤ 9 gleichmaßig

$$\lim_{x \to \infty} f_x(x) = f(x) .$$

Vorbemerkungen: 1. Der Satz VI enthält offenbar den Satz II als Spezialfall. Denn, wenn für  $|x| \le 1$  alle  $f_n(x)$  gleichmäßig beschränkt sind, d. h. stets

$$|f_n(x)| \leq y$$

ist, so gibt es natürlich zwei Werte (nämlich zwei beliebig außerhalb des Kreises mit dem Radius g um den Nullpunkt zu wählende Zahlen a, b), so daß alle  $f_{\mu}(x)$  diese beiden Werte für  $|x| \leq 1$  auslassen.

- 1. Das äußerste in dieser Richtung in der Literatur bisher erreichte Ziel ist mehr als II und weniger als VI, nämlich VI mit vorausgesetzter Existenz von  $\lim f(x)$  im ganzen Gebiete  $|x| \leq 1$ .
  - 3. Beim Beweis darf ohne Beschränkung der Allgemeinheit

$$a = 0, b = 1$$

Vgl. die in der Einleitung zitierten Stellen bei den IIH. Veratt. Mosret. und Szymmer. Daß sirch der im Text genannte Wortlaut, der weniger als VI besagt, von den HH. Moster und Setenst nicht einwaudfrei bewiesen wurde, haben wir achon erwähnt. Der Beweis von firn. Vream (der übrigens nur die Regularität von f(a), nicht die gieichmäßige Konvergenz für | a | 5 5 feststellen will) enthält eine andere Lücker es handelt sich um seine Behauptung auf S. 80, Z. 5 v. u., daß sein rima für jeden Punkt von C. konvergiert. Wir sehen keine Möglichkeit, diese Lücke ohne Zuhilfenulime der beschränkenden Vorausseizung auszufüllen, daß mindestens ein z = z, existlert, für welches lim fa(ze) von Null und Eins verschieden ist. Die Möglichkeit, daß lim fa(s) für einen Teil des Gebietes gleich Null und für einen anderen Teil gleich Eim sel, ist zwar als Folge unmres Satzes VI ausgeschlossen; für dieses Resultat scheinen alser die Hilfsmittel, welche Hrn. Virais zur Verfügung standen, nicht auszureichen. Anderseits unissen wir konstatieren, daß Hr. Mosver (unf S. 912 seiner in der Einleitung zitierten Note) und Hr. Sevenner (auf S. 128 seiner ebenda genannten Abhandlung) die Stelle bei Hen Vrrati erwähnen, ohne legendein Bedenken geltend zu machen.

angenommen werden, da man sonst nur nötig hätte, die Funktionen

$$\frac{f_n(x)-a}{b-a}$$

an Stelle der f.(x) zu betrachten.

4. Beim Beweis darf ohne Beschränkung der Allgemeinheit angenommen werden, daß der Punkt o zu den Konvergenzpunkten gehört. Denn sonst könnte man, wenn a ein bestimmter im Kreise gelegener Konvergenzpunkt ist, durch eine lineare Transformation

$$y = \frac{x - x_v}{1 - x \bar{x}_v}$$

den Einheitskreis so auf sich abbilden, daß  $x=x_0$  in y=0 fällt, und die Eigenschaften der  $f_*(x)$  als Funktionen von y liefern unmittelbar die Behauptungen.

Beweis: Aus der nach 4. vorhandenen Existenz von

$$\lim_{n\to\infty} f_n(0)$$

folgt

$$|f_n(0)| \leq \omega$$

bei passender Wahl von a.

Es sei 0 < 3 < τ und 3 fest gegeben. Es werde Θ oberhalb 3, oberhalb des absoluten Betrages der vorausgesetzten Häufungsstelle und unterhalb τ gewählt. Aus der nach 3. gemachten Voraussetzung

$$f_n(x) \neq 0$$
 und  $\neq 1$  für  $|x| \leq 1$ 

folgt nach Satz V für  $|x| \le \Theta$ 

$$|f_*(x)| \le \Phi = \Phi(\Theta, w),$$

wo  $\Phi$  von a und x unabhängig ist. Die Funktionen  $f_*(x)$  sind also für  $\|x\| \le \Theta$  regulär und gleichmäßig beschränkt. Es existiert ferner nach Voraussetzung

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x)$$

für unendlich viele x mit einem Häufungspunkt im Innern des Kreises  $|x| \le \Theta$ . Nach dem Vitatischen Satze II¹ gibt es daher eine für  $|x| < \Theta$  reguläre Funktion f(x) derart, daß für  $|x| \le \mathbb{S}$  gleichmäßig

$$\lim_{x = \infty} f_*(x) = f(x)$$

ist. Jenes f(x) ist somit für |x| < 1 regulär, und für |x| < 1 ist  $\lim_{x \to \infty} f_*(x) := f(x)$ .

<sup>!</sup> Derselbe war oben nur für den Embeitskreis als Grundbereich formuliert, güt aber selbstverständlich infolgedessen auch für  $|x| \le \Theta$  als Grundbereich.

Wir beweisen ferner den

Satz VII: Es sei  $f_n(x)$  (n = 1, 2, ...) für  $|x| \le 1$  regulär,  $+a_n$  und  $+b_n$ , wobei nach Annahme eines gewissen festen  $\gamma$ 

$$|a_*| < \gamma$$
,  $|b_*| < \gamma$ ,  $|a_* - b_*| > \frac{1}{\gamma}$ 

ist. Es existiere

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte mit einer Häufungsstelle im Innern des Einheitskreises. Dann ist für  $|x| \le 9$ , wo 0 < 9 < 1 ist, gleichmäßig

$$\lim f_*(x) = f(x)$$

norhanden.

Dies f(x) muß natürlich dann für |x| < 1 regulär sein.

Beweis: Es darf Konvergenz für x = 0 vorausgesetzt werden; dann ist

$$|f_n(0)| \le w$$
,  
 $\left|\frac{f_n(0) - a_n}{b_n - a_n}\right| \le \frac{\omega + \gamma}{1} = \gamma (\omega + \gamma).$ 

Für |x|≤1 ist

$$\frac{f_*(x)-a_*}{b_*-a_*} \neq 0 \text{ and } \neq 1.$$

Wenn 0 < 0 < 1 ist und  $\Theta$  wie beim Beweise des Satzes VI gewählt wird, ist nach Satz V für  $|x| \le \Theta$ 

$$\left| \frac{f_n(x) - a_n}{b_n - a_n} \right| \le \Phi = \Phi (\Theta, \gamma(w + \gamma)),$$

wo 4 von n und z unabhängig ist, also

$$|f_n(x)| \le |a_n| + |b_n - a_n| \Phi < \gamma + 2\gamma \Phi$$
.

Die  $f_*(x)$  sind also für  $|x| \le \Theta$  gleichmäßig beschränkt. Nach Satz II ist daher für  $|x| \le \Im$  gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x) = f(x)$$

vorhanden, womit Satz VII bewiesen ist.

Den Gedanken, die Ausnahmewerte a, und b, von n abhängig zu lassen, hat auch sehon Hr. Vitani angewendet; sein diesbezügliches

Vgl. S.8z miner in der Einleitung zitterten Arbeit.

Kesultat besagte jedoch weniger als der Satz VII; imsbesondere setzte er Konvergenz im ganzen Bereiche voraus. Außerdem können wir aus dem in § 4 erwähnten Grunde nicht anerkennen, daß er sein Resultat bewiesen hat.

#### \$ 6.

Der Satz VII scheint — uninteressante Ausdehnungen unberücksichtigt gelassen — der allgemeinste zu sein, den man mit Hilfe der
von uns bisher benutzten Methode beweisen kann. Wir wollen jetzt
eine zweite Methode entwickeln, die uns erlauben wird, Sätze zu beweisen, welche VI und VII als spezielle Fälle enthalten; diese Methode
erscheint uns übrigens auch an sich interessant.

Es ist uns jetzt bequem, wenn wir von einer Folge komplexer Zahlen und von einem Limes sprechen, auch co als Zahl und als Limes zuzulassen. Wenn wir also sagen, eine Folge von Zahlen

sei gegeben, so steht an jeder Stelle eine endliche Zahl oder das Symbol co. Wenn wir sagen, daß

$$\lim_{n\to\infty} y_n = n$$

ist, so bedeutet das im Falle eines endlichen  $\pi_i$  daß bei gegebenem positiven  $\delta$  von einer gewissen Stelle an (für  $n \ge n$  ( $\delta$ )) die Zahl  $y_i$  endlich und

$$|y_n - \eta| < \delta$$

ist; es bedeutet im Falle  $s=\infty$ , daß bei gegebenem positiven å von einer gewissen Stelle an (für  $n\geq n_s(\delta)$ ) entweder  $y_s=\infty$  oder  $y_s$  endlich und

$$|y_n| > \delta$$

ist.

Die oben angekündigte zweite Methode beruht auf folgendem Hilfssatze, der aus einer Verallgemeinerung einer Schlaßfolgerung von Hrn. Moxxxx.1 entsteht.

Dritter Hilfssatz: Es mien

(8) 
$$F_*(x), F_*(x), \dots, F_*(x), \dots ad inf.$$

für |x| < 1 eindeutig erklärt<sup>2</sup>; es brouchen nicht einmal analytische Funktionen zu sein. Wir setzen voraus, daß man aus jeder unendlichen Teil-

Vgl. 8, 21-22 seions Buches,

<sup>\*</sup> Hierbel lit, wie gesagt, meh & als Wert zniässig.

folge van (8) eine verue Teilfolge aussandern kann, die für |x| < 1 gegen cine duselled meromorphe Funktion koncergiert".

Dann ist entweder die Folge (8) für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion konvergent, oder die Menge der Konvergenzpunkte der Folge (8) im Kreise |x| < 1 hat in dessen Innern keine Häufungsstelle.

Beweis: 1. Es existiere

$$\lim_{x\to\infty} F_*(x) = F(x)$$

für |x| < 1. Dann ist F(x) für |x| < 1 meromorph; denn wir können nach Voraussetzung eine Teilfolge von (8) bilden, die gegen eine für |x| < 1 meromorphe Funktion konvergiert, und diese muß mit F(x)identisch sein.

#### 2. Es existiere

$$\lim_{n\to\infty} F_n(x)$$

nicht im ganzen Einheitskreise. Es sei x, ein Divergenzpunkt im Einheitskreise. Dann hat die Folge

$$F_{*}(x_{o}), F_{*}(x_{o}), \dots, F_{*}(x_{o}), \dots$$

mindestens zwei verschiedene Hänfungsstellen a. E. falls der Punkt co eventuell mitgezählt wird. Man kann also aus (8) zwei Teilfolgen

(9) 
$$F_{s_1}(x), F_{s_2}(x), \dots, F_{s_k}(x), \dots$$

und

(10) 
$$F_{i_1}(x), F_{i_2}(x), \dots, F_{i_k}(x), \dots$$

aussondern, für welche

$$\lim_{k\to\infty}F_{a_k}(x_0)=\alpha$$

und

$$\lim_{k\to\infty} E_{ik}(x_k) = \beta$$

Nach Voraussetzung können wir aber aus (9) eine Teilfolge aussondern, die für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion  $\Phi_{\epsilon}(x)$ konvergiert; ebenso aus (10) eine Teilfolge, die für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion Φ, (x) konvergiert. Dann ist

$$\Phi_s(x) - \Phi_s(x) = \Psi(x)$$

für | x | < 1 meromorph, aber nicht identisch o. weil

$$\Psi(x_0) = \alpha - \beta + 0$$

In der Terminologie von Hrn. Fracture würde man diese Beilingung ausdrücken, indem man sagt, daß die Menge Fr., Fr., ... kompakt ist; vgl. seine Thèse Ser qualques points du Calcul Fonctionnel [Réndieunt) del Circolo Matematico di Palermo. Bd. XXII (1906), S. 1-74], S. 6,

<sup>1</sup> In einem Pole der Grenzfunktion bedeutet dies nach dem Obigen, daß der Limes der Folge co ist.

ist. Folglich hat die Menge der Nullstellen von  $\Psi(x)$  im Innern des Kreises |x| < 1 keine Häufungsstelle. Die Folge (8) kann aber höchstens in Nullstellen von  $\Psi(x)$  konvergieren.

Damit ist der dritte Hilfssatz bewiesen.

Es ist nun nützlich, folgende Definition einzuführen.

Definition: Es sei  $\Phi(x)$  für  $|x| \le r$ , wa r > 0 ist, meromorph;  $\Phi(x)$  sei also dort regulür mit etwaiger Ausnahme endlich vieler Pole  $x, \ldots, x_s$ . Diese Pole seien irgendwie durch solche Kreise  $K_1, \ldots, K_s$  ausgeschultten, daß für jede dieser Kreisflächen ausschl, des Mittelpunktes, ober einschl, des Randes  $\Phi(x)$  regulär und von Null verschieden ist. Dann heiße eine Funktionenfolge

$$F_s(x)$$
,  $F_s(x)$ , ... ad inf.

für  $|x| \le r$  gleichmitßig gegen  $\Phi(x)$  konvergent, wenn nicht var für  $|x| \le r$ 

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) \Longrightarrow \Phi(x)$$

ist, sandern erstens in demjenigen Teil des Kreises  $|x| \le r$ , der außerhalb van  $K_1, \ldots, K_p$  liegt, im üblichen Sinne gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) \Longrightarrow \Phi(x)$$

ist, zweitens im übrigen Teile des Kreises  $|x| \le r$  im üblichen Sinne gleichmäßig

$$\lim_{n=\infty} \frac{1}{F_n(x)} = \frac{1}{\Phi(x)}$$

18L.

Diese Definition muß durch die — leicht beweisbare — Bemerkung gestützt werden: Wenn bei einer Wahl der Kreise  $K_1, \dots, K_p$  sie gleichmäßige Konvergenz liefert, so liefert sie die gleichmäßige Konvergenz auch bei irgendeiner anderen Wahl  $K_1, \dots, K_p$  jener Kreise. In der Tat werde der Ring zweier verschiedener Kreise  $K_1, K_2$  um den Pol  $K_2$ , ins Auge gefäßt, deren Radien  $K_2, K_2$ , seien; es sei etwa  $K_2, K_3$ . Dann hat  $|\Phi(x)|$  für den Ring  $K_3 \subseteq |x-x_2| \leq k_3$ , eine positive untere und eine endliche obere Grenze, und die beiden Aussagen  $K_3$  konvergiert für den Ring im üblichen Sinne gleichmäßig gegen  $K_3$  und

\* $\frac{1}{F_{*}(x)}$  konvergiert für den Ring im üblichen Sinne gleichmäßig gegen

 $\Phi(x)$  sind völlig gleichbedeutend. Die Definition hängt also, wie es sich gehört, nur von den Funktionen  $F_{\nu}(x)$ , nicht etwa von der Größe der Radien der um die Pole ihrer Grenzfunktion gezogenen Kreise ab.

Wir können jetzt den dritten Hilfssatz folgendermaßen vervollständigen: Vierter Hilfssniz: Die Funktionen (8) seien für |x| < 1 eindeutig erklärt. Es lasse sich aus jeder Teilfolge can (8) eine neue Teilfolge aussondern, die für |x| < 1 gegen eine weromorphe Funktion konvergiert, und zwar bei festem  $\ni$  zwischen  $\circ$  (ausschl.) und i (ausschl.) für  $|x| \leq \ni$  gleichmäßig.

Es  $\approx i$  die Folge (8) für |x| < 1 konvergent. Dann konvergiert sie gleichonäßig für  $|x| \le 9$ .

Beweis: Die Folge (8) konvergiert nach dem dritten Hilfssatz für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion F(x). Wir behaupten, daß diese Konvergenz für  $|x| \le 3$  eine gleichmäßige ist. Die etwaigen Pole von F(x) im Geblete  $|x| \le 3$  seien  $x_1, \dots, x_p$ ; es seien  $K_1, \dots, K_p$  irgendwelche Kreisilächen um  $x_1, \dots, x_p$ , die einschließlich ihres Randes keine singuläre Stelle und keine Nullstelle von F(x) enthalten.

(iesetzt, die Konvergenz von (8) sei für |x|≤5 ungleichmäßig. Dann existieren ein positives δ und unendlich viele verschiedene positive ganze Zahlen

und ihnen entsprechende komplexe Zahlen

im Gebiete |x|≤9 derart, daß

$$|F_n(y) - F(y)| > \delta$$

bzw.

$$\left|\frac{1}{F_{ij}(y_j)} - \frac{1}{F(y_j)}\right| > \delta$$

ist, je nachdem y, innerhalb einer der Kreisflächen  $K_1, \dots, K_r$  (einschl. Rand) liegt oder nicht. Unter diesen Umständen wäre es aber unmöglich, aus der Folge

$$F_{*_{*}}(x)$$
 ,  $F_{*_{*}}(x)$  , ...

eine Teilfolge auszusondern, die für  $|x| \le 9$  gleichmäßig gegen F(x) konvergiert. Damit ist der vierte Hilfssatz bewiesen.

Wir wollen jetzt folgenden Satz beweisen, der den Satz VI als Spezialfall enthält,

Satz VIII: Es seien die anabytischen Funktionen

$$f_i(x), f_i(x), \dots, f_s(x), \dots$$

für  $|x| < \iota$  meromarph. Es gebe drei verschiedene komplexe Konstanten a,b,c und drei positive ganze Zählen k,l,m mit folgenden Eigenschaften.

<sup>!</sup> Eine der Zahlen a, b, e dief & aein.

Jede der Zahlen k, l, m durf ≈ sein. k = ∞ bedeutet z. B. bei endlichem s, daß die Funktion f<sub>\*</sub>(x) → a identisch o ist oder für o<|x|< z nicht versehwindet.</p>

606 Sitemag der phys.-math. Chese v. 18. Mri. 1911. - Muth. v. 20. April.

Erstens ist

(12) 
$$\frac{1}{k} + \frac{1}{l} + \frac{1}{m} < 1$$
.

Zweitens hat für 0 < |x| < 1 jede Nullstelle von  $f_*(x) - a$  (bzw. für  $a = \infty$  von  $\frac{1}{f_*(x)}$ ) thre Ordnung' durch k teilbar\*, und es gilt das Entsprechende, wenn a, k durch b, l bzw. c, m ersetzt wird.

Ferner existiere

$$\lim_{x\to\infty} f_{\mu}(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises haben; dieser Grenzwert sei für mindestens einen dieser Punkte endlich,

Dann ist für alle x des Gehietes |x| < 1

$$\lim_{x\to\infty} f_{\mathbf{a}}(x) = f(x)$$

vorhanden und meromorph. Ferner ist, wenn 0 < 3 < 1 und 3 fest ist, für  $|x| \le 3$  gleichmößig

$$\lim_{n=\infty} f_n(x) = f(x).$$

Beweist Ohne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen wir von vornherein annehmen, daß k, l und m endlich sind. Denn andernfalls kann man für diejenigen dieser drei Zahlen, die  $\infty$  sind, solehe endlichen Zahlen setzen, daß für das neue, endliche System k', l', m

$$\frac{1}{k'} + \frac{1}{l'} + \frac{1}{m'} < 1$$

ist, also alle Voraussetzungen des Satzes VIII gelten.

Wir werden zeigen, daß man aus der Folge (11) eine Teilfolge aussondern kann, die für |x| < 1 gegen eine meromorphe Funktion konvergiert, und daß für  $|x| \le 3$  die Konvergenz eine gleichmäßige ist. Wenn wir das gezeigt haben werden, so dürfen wir es offenbar statt auf (11) auf jede beliebige Teilfolge von (11) anwenden; es wird sich alsdann aus dem dritten Hilfssatz ergeben, daß die Folge (11) für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion f(x) konvergiert, und aus dem vierten Hilfssatz, daß diese Konvergenz für  $|x| \le 3$  eine gleichmäßige ist, womit alles im Satz VIII Behauptete begründet sein wird.

Wenn die Funktion identisch o ist, sagen wir, die Ordnung  $(\infty)$  sel für jedes x und jedes x durch x teilbar.

<sup>\*</sup> D. h.  $(f_n(s)-a)^{\frac{1}{k}}$  bzw.  $\left(\frac{s}{f_n(s)}\right)^{\frac{1}{k}}$  ist in der Umgebung jeder Nullstelle im Gebiete o <|s|< s unverzweigt.

Es sei a, eine beliebige Häufungsstelle der Zahlen f.(c): dann können wir aus (11) eine Teilfolge

$$f_{q_1}(x), f_{q_2}(x), \dots, f_{q_n}(x), \dots$$

aussondern, für welche

$$\lim f_{y_{\theta}}(0) = u_{\theta}$$

ist. Wenn u. entweder mit b oder mit o zusammenfallen sollte, können wir in unserer Bezeichnungsweise den betreffenden Wert mit a vertauschen und eine entsprechende Permutation unter den Zahlen k, 4, m vornehmen. Wir können also ohne Beschränkung der Allgemeinheit voraussetzen, daß

und

ist; ferner, daß unter den Funktionen  $f_{in}(x)$  keine einzige für x = 0den Wert b oder c hat.

Wir führen nun die für |x| < 1 meromorphen Funktionen

$$\phi_a(x) = \frac{(f_{ya}(x)-a)(b-c)}{(f_{y_a}(x)-c)(b-a)}$$

ein: hierbei bedeutet natürlich, wenn eine der Zahlen a, h, e unendlich ist, φ (x) den durch Weglassung der betreffenden zwei (co seienden) Faktoren (oben und unten) entstehenden Bruch. Diese Funktionen φ (v) haben folgende Eigenschaften:

Erstens existiert

$$\lim_{n \to \infty} \phi_n(0) = \frac{(u_n - n)(b - c)}{(u_n - c)(b - n)} = y_n;$$

dies y ist endlich (weil n + r ist) und von i verschieden (weil u\_ = b lat).

Zweitens ist \( \phi\_n(0) \) für jedes \( n \) endlich und \( \pm 1 \).

Drittens sind für o < | x | < 1 die Funktionen

$$(\phi_s(x))^{\frac{1}{2}}$$
,  $(\phi_s(x) - 1)^{\frac{1}{2}}$ ,  $(\frac{1}{\phi_s(x)})^{\frac{1}{n}}$ 

in der Umgebung ihrer Nullstellen unverzweigt.

Wir betrachten jetzt in einer komplexen Zahlenebene w ein Kreisbogendreieck OAB, dessen eine Ecke O mit dem Koordinatenanfangspunkt ω = o zusammenfällt, während die Seite OA ein Stück der positiven reellen Achse und OB ein geradliniger Strahl ist, der mit dem ersten den Winkel  $\frac{\pi}{k}$  einschließt. Der Kreisbogen AB ist derart gewählt, daß er mit den beiden Strahlen OA und OB bzw. die

Winkel  $\frac{\pi}{l}$  und  $\frac{\pi}{m}$  einschließt und den Einheitskreis der z-Ebene orthogonal sehneidet. Ein derartiges Dreicek existiert unter der gemachten Annahme  $\{t|z\}$  immer.

Wir bilden das innere dieses Dreiecks auf die obere Hälfte der y-Ebene derurt ab, daß den Punkten O, A, B der  $\omega$ -Ebene die Punkte O, A,  $\infty$  der y-Ebene entsprechen. Diese Abbildung geschieht bekanntlich mit Hilfe eines bestimmten Zweiges einer Funktion  $\omega(y)$ , die folgende Eigenschaften hat:

- 1. Die Funktion u (y) ist überall regulär bis auf die Punkte y=0,  $1,\infty$ . Diese sind Verzweigungspunkte in jedem Blatt der Russannschen Fläche, und zwar bzw. von der Ordnung k,l,m.
- 2. Thre Umkehrung  $y\left(\omega\right)$  ist für  $\left|\omega\right|<1$  meromorph und über den Kreis  $\left|\omega\right|=1$  nicht fortsetzbar.
- 3. Der in Betracht kommende Zweig besitzt außerdem in der Umgebung von  $y={\rm o}$  die Entwicklung

$$u = y^{\frac{1}{k}} (a_* + a_* y + \dots)_*$$

wo a, ≠ o ist.

Wir betrachten nun die Funktion

$$\Omega(y) = \omega^*(y),$$

die bei analogen Problemen schon gute Dienste geleistet hat!. Sie besitzt folgende Eigenschaften:

- Die Funktion Ω (y) ist überall regulär bis auf die Punkte ο,
   τ, ∞. Von diesen sind y = ι und y = ∞ überall Verzweigungspunkte, und zwar l-ter bzw. m-ter Ordnung; y = ο ist, abgesehen von einem Blatt, Verzweigungspunkt k-ter Ordnung.
- 2. Thre Umkehrung  $y\left(\Omega\right)$  ist für  $|\Omega|<1$  meromorph und über den Kreis  $|\Omega|=1$  nicht fortsetzbar.
- 3. Eine Entwicklung von  $\Omega(y)$  in der Umgebung von y = 0, but die Gestalt

$$\Omega = b, y + b, y' + \dots,$$

wo b, + o ist.

Wir schneiden nun die y-Ebene längs einer geraden Linie auf, welche die Punkte t und  $\infty$  verbindet und weder den Punkt o noch den Punkt  $y_*$  enthält. Die so aufgeschnittene Ebene wird durch den soeben betrachteten Zweig (14) auf ein Gebiet der  $\Omega$ -Ebene abgebildet, das wir mit  $\Omega$  bezeichnen wollen.

Vgl Canararmocav. Sur quelques applications du théorème de Landau-Picard (Camptes rendus behdomadaires des scances de l'Académie des Sciences, Paris, Bd. CXXXXIV (1907). S. 1203—1206).

Durch die Funktion  $\Omega(y)$  wird auf das Innere des Kraises  $|\Omega| < t$ eine Riemannsche Fläche konform abgebildet, die aus unendlich vielen Blättern besteht, von denen immer je k im Punkte y = 0, je l im Punkte y = 1 und je m im Punkte  $y = \infty$  zusammenhängen, mit Ausnahme eines einzigen Blattes dieser Fläche, das im Punkte  $y=\alpha$  unverzweigt ist. Dies Blatt entspricht dem Zweige, den wir soeben betrachteten:

Nun kehren wir zu unseren Funktionen og (x) zurück und setzen sie für y in \(\Omega\) ein; wir können und wollen dabei festsetzen, daß dem Punkte \$\phi\_\*(0) immer ein Punkt des Innern oder des Randes von il entsprechen soll. Genauer soll, wenn φ, (o) and dem Schnitt von 1 bis cc liegt, derjenige Wert in Ω genommen werden, der einem bestimmten Ufer des Schnittes entspricht. Dann ist für jedes n

$$\Omega_+(x) = \Omega\left(\phi_-(x)\right)$$

im Punkte x = 0 eindeutig bestimmt und für |x| < 1 regulär, mit Rücksicht auf die oben zusammengestellten Eigenschaften der Funktionen  $\phi_{+}$  und  $\Omega_{-}$  In der Tat ist jeder Punkt des Gebiets  $\alpha < |x| < \tau_{+}$ in welchem q. (x) einen der Werte o. 1 oder co hat, regulärer Pankt für  $(\phi_{+}(x))^{\frac{1}{2}}$  bzw.  $(\phi_{+}(x)-1)^{\frac{1}{2}}$  bzw.  $(\frac{1}{\phi_{-}(x)})^{\frac{1}{2}}$ , also regulärer Punkt

 $\Omega_{-}(x)$  ist daher für |x| < 1 regulär; überdies ist für |x| < 1 mach den Eigenschaften der  $\Omega$ -Funktion  $|\Omega_{\epsilon}(x)| < 1$ .

Wir können also wie beim Beweise des Satzes II aus der Folge Ω, , Ω, ... eine Teilfolge

$$\Omega_{i_1}, \ \Omega_{i_2}, \ \cdots, \ \Omega_{i_1}, \cdots$$

aussondern, die für |x| < i gegen eine reguläre analytische Funktion Ω (x) konvergiert, und zwar bei festem 3 zwischen o und 1 gleichmāßig für |x|≤3. Für |x|<1 ist dann

$$|\Omega_{\epsilon}(x)| \leq 1$$
;

da nun

für 2 (\$\psi\_\*(x)).

$$|\Omega_n(0)| = \lim_{n \to \infty} \Omega(\phi_n(0)) = |\Omega(y_n)| < \epsilon$$

ist, so ist file |x| < 1

$$|\Omega_{\alpha}(x)| < 1$$
;

denn wäre einmal

$$|\Omega_{\circ}(x)| = 1$$

wobei |x| < t ist, so ware  $\Omega_s(x)$  gewiß keine Konstante; also wäre in einem passend wählbaren Punkte z" im Innern des Einheitskreises

$$|\Omega_{\epsilon}(x')| > 1$$
.

Wir behaupten, daß die entsprechenden Funktionen

$$\phi_{\tau_j}(x) = y\left(\Omega\left(\phi_{\tau_j}(x)\right)\right) = y\left(\Omega_{\tau_j}(x)\right),$$

welche nach Voraussetzung für | 4 | < 1 meromorph sind, dort für  $j=\infty$  einem Limes  $\phi(x)$  zustreben, und zwar für  $|x| \le 3$  gleichmäßig.

Läßt man j bei festem x wachsen, so konvergiert  $\Omega_{s_j}(x)$  für |x|<1

gegen  $\Omega_{\epsilon}(x)$ ; do für  $|\Omega| < 1$ 

$$\lim_{\Omega \to \Omega'} y(\Omega) = y(\Omega')$$

ist, so existiert

$$\lim_{x\to\infty}\phi_{\gamma_j}(x)=y\left(\Omega_{-}(x)\right)=\phi(x).$$

Diese Funktion  $y(\Omega_{\epsilon}(x))$  ist nun für  $|x| < \epsilon$  entweder meromorph oder konstant co. Nach (13) hängen die Funktionen φ<sub>s</sub> (π) mit unseren ursprünglichen Funktionen  $f_{\theta_k}(x)$  durch eine linear gebrochene Substitution zusammen. Aus der Reihe der  $f_n(x)$  können wir also eine Teilfolge aussondern (nämlich die aus denjenigen  $f_{i_0}(x)$  bestehende, für welche  $n = x_i$  ist), die für |x| < 1 konvergiert, und zwar entweder gegen eine dort meromorphe Funktion oder gegen co; leizteres ist aber ausgeschlossen, da wir von vornherein nur solcke Folgen f. (x) betrachtet haben, die für mindestens einen Wert von z gegen eine endliche Zahl konvergieren.

Es bleibt zu beweisen, daß die Konvergenz für |x | 5 eine gleichmäßige ist. Dazu ist es hinreichend festzustellen, daß für jedes x im Einheitskreise eine Umgebung existiert, in welcher die Konvergenz eine gleichmäßige ist. Es sei also

und es werde

$$\phi(\hat{z}) = \kappa$$

und

$$\Omega_i(\xi) = \xi$$

gesetzt. Dann ist sicher

Nun nehmen wir einen beliebigen Kreis um 7, der dem Innern des Einheitskreises der O-Ebene angehört und so klein ist, daß außer höchstens der Stelle C keine einzige Nullstelle und kein Pol der Funktion y(Ω) in thm oder auf seiner Peripherie liegt. Es sei 2 z der Radius dieses Kreises und v der Radius eines Kreises der x-Ebene, dessen Mittelpunkt & ist und der so klein ist, daß für alle seine Punkte

$$|x-\xi| < \frac{1-|\xi|}{2}$$

und

$$|14\zeta(x) - \zeta| < \varepsilon$$

Dann wird im selben Kreise der z-Ebene wegen der gleichmä-Bigen Konvergenz der Folge  $\Omega_{\alpha}(x)$  von einem gewissen j an

$$|\Omega_{ij}(x) - \zeta| < 2p$$

Unter den von uns gemachten Voraussetzungen zieht dadurch die gleichmäßige Konvergenz (im üblichen Sinne) der Ω (x) diejenige

der  $\phi_{s_i}(x)$  (bzw., falls  $s_i = \infty$  ist, diejenige von  $\frac{1}{\phi_{s_i}(x)}$ ) nach sieh

Hieraus folgt schließlich, daß die  $f_{\theta_n}(x)$  auch gleichmäßig konvergieren.

Wir können jetzt genau wie beim Satze VII die Zahlen a, b, e von a abhängig machen, wenn nur gewisse Bedingungen erfüllt sind. Das Ziel dieses Schlußparagraphen ist nämlich der

Satz IX: Es seien die analytischen Funktionen

$$(15)$$
  $f_1(x), f_1(x), \dots, f_n(x), \dots$ 

für |x | < 1 meromorph. Es wien k , l , m drei positive ganze Zahlen feinsublinistich co) und

$$\frac{1}{k} + \frac{1}{l} + \frac{1}{m} < 1$$

Jeder Funktion der Folge (13) seien drei verschiedene Konstanten a., b., c. mit folgenden Eigenschaften zugeordnet. Erstens sind für keine Teilfolge H. bei der

$$\lim_{n\to\infty}a_{n_n}=\alpha,\ \lim_{n\to\infty}b_{n_n}=\beta,\ \lim_{n\to\infty}c_{n_n}=\gamma$$

existieren, irgenil zwei unter den drei Zahlen a. 8. y einander gleich. Zweitens hat für 0 < |x| < 1 jede Nullstelle von  $f_*(x) - a_*$  (bow. für  $a_n = \infty$  con  $\frac{1}{f_n(x)}$ ) thre Ordnung durch k teilbar, and es gift das Entsprechende, wenn u., k durch b., l bru. c., m ersetzt wird.

Es existiere

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises haben; dieser Grenzwert (16) sei für mindestens einen dirzer Punkte endlich.

Donn ist für alle x des Gebietes |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

vorbanden und meremorph. Ferner ist für  $|x| \le 3$  gleichmößig

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x) := f(x).$$

Vorbemerkung: Die im Satz VII gemachten Annahmen über  $a_*$  und  $b_*$  sind, wenn  $c_* = \infty$  gesetzt wird, selbstverständlich in unseren jetzigen Annahmen enthalten. Daher enthält offenhar der Satz IX den Satz VII und damit auch die Sätze I, II und VI. Außerdem enthält Satz IX den Satz VIII.

Beweis: Ohne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen offenbar k ,  $\ell$  , m als endlich angenommen werden.

Es ist wiederum nur nötig, aus (15) eine Teilfolge auszusondern, die für |x| < 1 gegen eine meromorphe Funktion konvergiert, und zwar für  $|x| \le 9$  gleichmäßig.

Erster Schritt: Wir wählen eine Folge verschiedener positiver ganzer Zahlen  $r_1, r_2, \dots, r_r, \dots$  derart, daß

$$\lim_{j=\infty} a_{ij} = a, \lim_{j=\infty} b_{ij} = b, \lim_{j=\infty} c_{ij} = c$$

existieren. Nach Voraussetzung sind alsdann a, b, c drei verschiedene Zahlen.

Zweiter Schritt: Aus der Menge  $r_i$  wählen wir eine Teilmenge  $q_i$  aus, so daß

$$\lim_{n\to\infty} f_{q_n}(0) = u_n$$

existiert. Ohne Beschränkung der Allgemeinheit darf angenommen werden, daß  $u_c \pm b$  und  $u_c \pm c$  ist, sowie jede der Zahlen  $f_{**}(o)$  von  $b_{**}$  und  $c_{**}$  verschieden ist.

Dritter Schritt: Wir führen die für |x|<1 meromorphen Funktionen

$$\phi_n(x) = \frac{(f_{ns}(x) - a_{gs}) \cdot (b_{gs} - c_{gs})}{(f_{ns}(x) - c_{gs}) \cdot (b_{ss} - a_{gs})}$$

em. Die Funktionen  $\phi_a(x)$  haben folgende Eigenschaften. Erstens existiert

$$\lim_{n\to\infty} \phi_n(0) = \frac{(u_n - a)}{(u_n - c)} \frac{(b - c)}{(b - a)} = y_n;$$

dies y ist endlich und \$1.

Zweitens ist  $\phi_*(o)$  für jedes n endlich und # 1. Drittens sind für o < |x| < 1 die Funktionen

$$\left(\phi_n(x)\right)^{\frac{1}{2}}, \left(\phi_n(x) - 1\right)^{\frac{1}{2}}, \left(\frac{1}{\phi_n(x)}\right)^{\frac{1}{n}}$$

in der Umgebung ihrer Kullstellen unverzweigt

Sie haben also genau dieselben Eigenschaften wie die Funktionen  $\phi_*(x)$ , die wir zum Beweise des Satzes VIII eingeführt haben. Wir können nach dem damals Geschlossenen aus dieser Folge eine neue Folge

$$\phi_{z_1}(x)$$
,  $\phi_{z_2}(x)$ , ...,  $\phi_{r_2}(x)$ , ...

aussendern, so daß

$$\lim_{x \to \infty} \phi_{\gamma_j}(x) = \phi(x)$$

für |x| < t existiert und eine meromorphe Funktion oder die Zahl  $\infty$  darstellt, und daß außerdem für  $|x| \le 3$  die Konvergenz eine gleichmäßige ist.

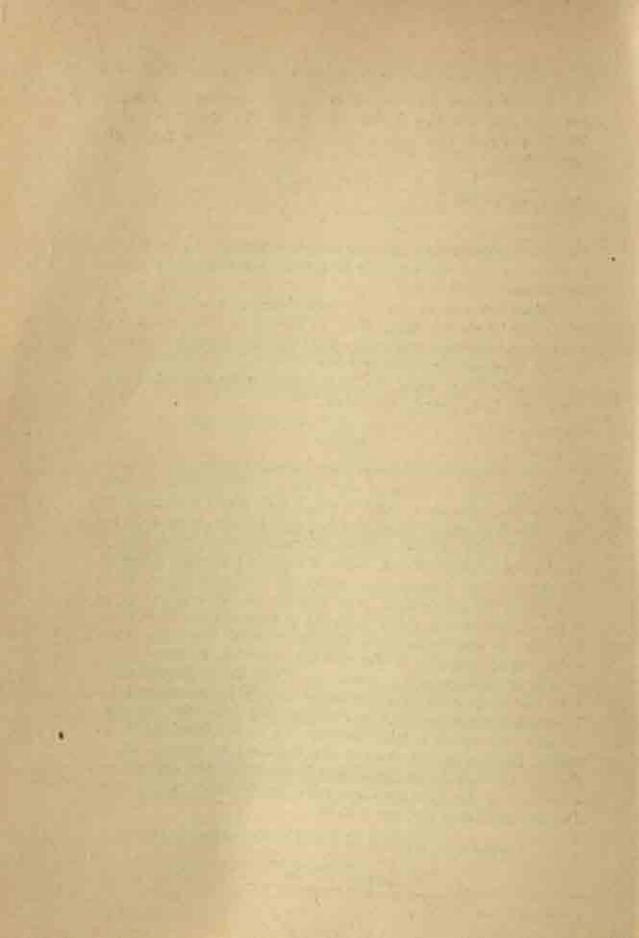
Wenn wir nun zu den  $f_*(x)$  zurückkehren, so sehen wir, daß wir im Besitz einer Teilfolge sind, die für |x| < 1 konvergiert, und zwar gegen eine dort meromorphe Funktion oder gegen  $\infty$ ; letzteres ist nach Voraussetzung ausgeschlossen.

Daß diese Konvergenz für  $|x| \le 9$  gleichmäßig ist, ersieht man ebenso wie beim Beweise des Satzes VIII.

### Sehluß.

Die ganzen Resultate dieser Untersuchungen dürfen wir wohl als recht merkwürdig bezeichnen; hatte doch bereits Strautes, der eine gewisse Zwischenstation zwischen Satz I und Satz II (historisch die erste über Weierstrass hinnusgehende) erreicht hatte, in einem Briefe an Hermite (vom 14. 2. 1894) seiner Verwunderung über sein eigenes Ergebnis in folgenden Worten Ausdruck verliehen: «ayant longuement reflechi sur cette demonstration, je suis sur qu'elle est bonne, solide et valable. J'ai do l'examiner avec d'autant plus de soin qu'a priori il me semblait que le théorème énoncé ne pouvait pas exister et devait être faux. Je vous avouerai cependant que je serais heureux si quelqu'un voulait examiner la démonstration; peut-être M. Picard qui a le coup d'œil si facile et si juste.... Mit ähnlichen Empfindungen hatte Landau im Jahre 1904 den Beweis seiner Verallgemeinerung des Picanoschen Satzes betrachtet und lange mit der Publikation gezögert, da auch der Beweis richtig, aber der Satz zu unwahrscheinlich erschien. Und nun findet das merkwürdige Zusammentreffen statt, daß der Stiertussche Satz (in der Vitalischen Verschärfung) und der Landausche Satz (in der Schottry-Landauschen Verschärfung) vor dasselbe Problem mit Erfolg gespannt wurden.

Correspondance d'Hennez et de Stientuss, Bd. II (1905) [S. 308-370], S. 170.



### SITZUNGSBERICHTE

191L

DER

XXVII.

### KÖNIGLICII PREUSSISCHEN

## AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

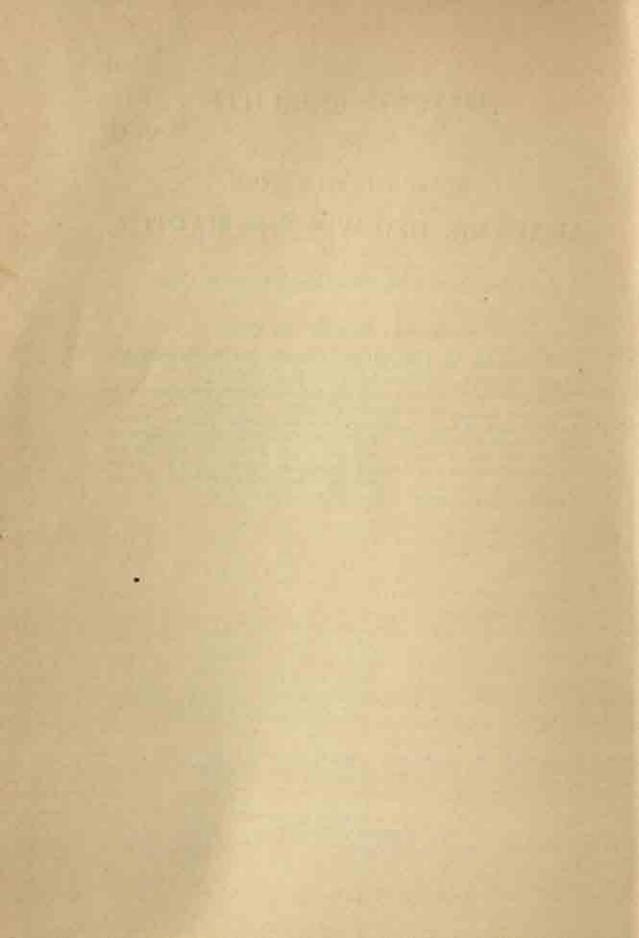
18. Mai. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

Hr. Bunnach las .Die älteste Gestalt des West-östlichen

Divans. Zweite Untersuchung . (Ersch. später.)

Die Berkser Aoftinge der Dichning (Juni 1814) werden gewürdigt aus der Goethe damals umfliegenden musikalischen Atmosphäre: «Epimenide», «Proserpina», «Die Weisen und die Leut», «gesellige Lieder»; Rach'sche Sonaten, Eberwein, Bernh. Auselm Weber, Zeiter; Fr. A. Wolf's Theorie aligniechischer Musik und Matrik (Trochäen). An den vor der Rheinreise und an den während der fünf Reisetage (Weimar-Wiesbaden: \$5.—39 Juli 1814) entstandenen Geslichten wird des Werden des neuen lyrischen Stills dargelegt, im steten Hinblick auf die Operadramen «Epimenides», «Der Löwenstahl» und auf den gesellige Lied.



## SITZUNGSBERICHTE 1911.

XXVIII.

DER

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

1. Juni. Gesammtsitzung.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

 Hr. Penck las über einige verwickelte Hebungserscheinungen. (Ersch. später.)

Auf die bekamte Hebring, welche durch die Bohrlöcher in den Sänlen des Serapistungels bei Pozzioll angezeigt wird, ist nummehr eine Senkung gefolgt, welche in den letzten Jahren 115 em jährlich betragen hat. Auch au der Punta di Sorrente, an der Villa des Pollio, finden sich Spuren mariner Thätigkeit 5—6 m über dem hautigen Moeresspiegel am romischen Mauerwerke und daneben Anzeichen ganz jugendlicher Senkung. Hiermach können die Hebringen und Senkungen des Serapistempols nicht auf Vorgänge speciali im Berniche eines alten Vulkams zurückgeführt werden. Bei Mombaca spielten sich während der Quartärperiode ab: 1. eine Senkung, angezeigt durch den unteren todten Riffkalk, z. eine darzuffolgende Hebring, angezeigt durch Verwitterungserscheinungen auf der Oberfläche dieses Riffkalkes, 3, eine neuerliche Senkung, repräsentiet durch den oberen todten Riffkalk, 4, eine zweite Hebring, welche das Einschneiden von Thälern zur Folge hatte, 5, eine dritte Sonkung, durch welche die Thäler in tiefe Bachten verwandelt wurden; während derselben erfolgte ihe Bildung des lebenden Riffes an der Aussenkfiste.

2. Hr. Fronzenus legte eine Mittheilung des Hrn. Prof. I. Schur in Berlin vor: Über Gruppen periodischer linearer Substitutionen.

Es wird gereigt, dass jede derartige Grappe eine invariante Asszaehe Untergrappe von endlichem Index enthält, und ein Verfahren angegeben, die unesollichen periodiselsen Substitutionegrappen aus den endlichen Grappen abzuleiten.

- 3. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Watbeven in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 18. Mai 1911 vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. K. Aganschantanz in St. Petersburg über die Kerne des menschlichen Kleinhirns in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.
- 4. Das correspondirende Mitglied der Akademie Hr. Ernst Enums in Göttingen hat am 18. Mal das fünfzigjährige Doctorjubiläum gefeiert: die Δkademie hat ihm eine Adresse gewidmet, deren Wortlant unten folgt.

5. Zu wissenschaftlichen Unternehmungen hat die Akademie durch die physikalisch-mathematische Classe bewilligt: Hrn Escura zur Fortführung des Werkes . Das Pflanzenreich . 2300 Mark; Hrn. F.E. Semuzzzur Fortführung des Unternehmens . Das Tierreich. 7650 Mark: Hrn. Rusens zur Fortführung seiner Untersuchungen auf dem Gebiete der langwelligen Strahlung 1000 Mark; dem correspondirenden Mitglied Hrn. Woldenan Vom: in Göttingen zur Beschaffung eines Magneten behufs Untersuchung der Gesetze der complicirten Typen des Zerman-Effectes 5000 Mark; dem von dem II. Deutschen Kalitage für die wissenschaftliche Erforschung der norddeutschen Kalisalzlager eingesetzten Comité als funfie Rate 1000 Mark; der Zoologischen Station in Roscoff gegen Einräumung eines von der Akademie zu vergebenden Arbeitsplatzes für die Daner eines Jahres eine dritte Rate von 1500 Fres :: als Beihülfe zu den Kosten der Herausgabe einer Sammlung aller in der Literatur vorkommenden physikalisch-chemischen Constanten 1000 Mark; Hrn. Prof. Dr. Junes Franz in Breslau zur Fortsetzung seiner für die Internationale Mond-Nomenelatur-Commission übernommenen Arbeit an der Bestimmung der Coordinaten lunarer Objecte 600 Mark; Hrn. Dr. Victor Frankfurt a. M. zur Fortsetzung seiner Untersuchungen über Fischwanderungen 300 Mark; Hrn. Prof. Dr. FRIEDRICH Freiherrn von Huene in Tübingen zu einer Reise nach Nordamerika behufs Studien über fossile Reptillen 750 Mark; Hrn. Prof. Dr. Heiseich Poll in Berlin zur Fortsetzung seiner Studien über Kreuzung und Vererbung 700 Mark: Hrn. Prof. Dr. Otro Rutt in Danzig zur Fortsetzung seiner Untersuchungen über das Osminm 500 Mark: Hrn. Prof. Dr. Gustav Tornier in Berlin zu Untersuchungen über den Bau der paläontologischen Dinosaurier 900 Mark.

# Über Gruppen periodischer linearer Substitutionen.

Von Prof. Dr. I. Schur in Berlin.

(Vorgelegt von Hru, Famusius.)

Eine lineare homogene Substitution

(A) 
$$x_1' = a_1, x_1 + a_{12}x_2 + \cdots + a_{2n}x_n$$
  $(k = 1, 2, \cdots, n)$ 

nennt man periodisch, wenn unter ihren Potenzen A,  $A^z$ ,  $A^z$ ,  $A^z$ ,  $\cdots$  die identische Substitution E vorkommt. Der kleinste Exponent m, für den  $A^z = E$  wird, heißt die Ordnung von A. Notwendig und hünreichend für die Periodizität einer Substitution A ist, daß die charakteristische Determinante [A - xE] von A nur für Einheitswurzeln  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\cdots$ ,  $\beta_n$ , verschwindet und lauter lineare Elementarteiler besitzt. Die Ordnung von A ist gleich dem kleinsten gemeinsamen Vielfachen der Exponenten, zu denen die Einheitswurzeln  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\cdots$ ,  $\beta_n$  gehören.

Unter einer periodischen Substitutionsgruppe verstehen wir im folgenden eine Gruppe linearer homogener Substitutionen, die sämtlich periodisch sind. Zu diesen Gruppen gehören insbesondere alle endlichen Gruppen linearer Substitutionen von nicht verschwindenden Determinanten. Es gibt aber auch nnendliche Gruppen dieser Art. Das einfachste Beispiel bildet die Gesamtheit der Substitutionen  $x'=\varepsilon x$ , wo  $\varepsilon$  alle Einheitswurzeln durchläuft. Ferner erzeugt jedes unendliche System von Substitutionen der Form

$$x'_1 = \rho_1 x_{n_1}, \quad x'_2 = \rho_1 x_{n_2}, \quad \cdots, \quad x'_n = \rho_n x_{n_n},$$

wo  $\rho_1, \rho_2, \cdots, \rho_n$  Einheitswurzeln sind und  $\alpha_1, \alpha_2, \cdots, \alpha_n$  bis auf die Reihenfolge die Zahlen  $1, 2, \cdots, n$  bedeuten, eine unendliche periodische Substitutionsgruppe.

Ein einfaches Kriterium für die Endlichkeit einer periodischen Substitutionsgruppe verdankt man Hrn. W. Burnside<sup>1</sup>, der gezeigt hat,

On criteria for the finiteness of the order of a group of linear substitutions, Proceedings of the London Mathematical Society. Ser. z, Vol. 5 (1905), S. 435. Vgl. auch A. Louwr, Uber die Gruppen linearer homogener Substitutionen sum Typus einer endlichen Gruppe, Math. Annalen, Bd. 64, S. 264.

daß eine solche Gruppe stets und nur deun endlich ist, wenn die Ordnungen aller Substitutionen der Gruppe unterhalb einer endlichen Schranke liegen.

Unter Benutzung dieses Kriteriums soll hier gezeigt werden, daß für jede periodische Substitutionsgruppe in a Variabeln folgende Sätze bestehen:

 Jeiles System von undlich vielen Substitutionen der Gruppe (8) erzeugt eine endliche Gruppe.

II. Die Gruppe & ist eine Heuntrische Gruppe, d. h. es giht mindestens eine positiv definite Henntrische Form (von nicht verschwindender Determinante), die durch jede Substitution von & in sich transformiert wird.

111. Die Gruppe ® enthält eine invariante Anntsche Untergruppe ¾, deren Index endlich ist und unterhalb einer allein von a abhängigen Schranke liegt, sonzie eine endliche Untergruppe ⑤, deren Elemente zusammen mit den Elementen von ¾ die ganze Gruppe ⑤ erzeugen.

Durch diese Sätze wird die enge Verwandtschaft der allgemeinen periodischen Substitutionsgruppen mit den endlichen Gruppen dargetan. Der Satz III bildet ein Analogon zu dem bekannten von Hrn. C. Johnan berrührenden Theorem über endliche Gruppen und liefert ein Verfahren zur Aufstellung aller periodischen Substitutionsgruppen mit gegebener Variabelnanzahl. Der Beweis dieses Satzes wird hier geführt mit Hilfe einer von Hrn. L. Bernanach angegebenen und von Hrn. G. Fromesius vereinfachten Methode.

### \$ 1.

Der Beweis des Satzes I stützt sich auf folgenden Hilfssatz:

Es seien  $w_1, w_2, \cdots, w_p$  beliebige reelle oder komplexe Zahlen und es sei  $K = \mathbb{P}(w_1, w_2, \cdots, w_p)$  der enthe Zahlen durch Adjunktion von  $w_1, w_2, \cdots, w_p$  hervorgeht. Dann ist der Trilkörper A von K, der von den in K enthaltenen (in bezug auf V) algebraischen Zahlen gehildet wird, ein endlicher algebraischer Zahlkörper über V ist ferner v eine ganze rationale Zahl, so giht es nur endlich viele Einheitswurzeln v, die Gleichungen nien Grades mit Koeffizienten aus dem Körper v genägen.

Wir können ohne Beschränkung der Allgemeinheit annehmen, daß unter den p Größen  $\omega_1,\,\omega_2,\,\cdots,\,\omega_p$  die ersten q transzendente Zahlen sind, zwischen denen keine algebraische Gleichung

$$\sum A_{i_1,i_2,...,i_p} w_1^{i_1} w_2^{i_2} \cdots w_p^{i_p} = 0$$

<sup>·</sup> Ther sum Satz des Urn. C. Junnan in der Theorie der midlichen Gruppen linearer Substitutionen, Sitzungsberichte 1911. S. 231.

Clear den non L. Brunnnach pefundenen Beneis eines Satres con C. Johnan, Simungsberichte 1911, S. 241.

mit rationalen Koeffizienten besteht, während für  $\cdot > q$  die Zahlen  $w_1, w_2, \dots, w_q, w_r$  durch eine Gleichung dieser Art verbunden sind. Es gibt dann auch keine ganze rationale Funktion  $f(x_1, x_2, \dots, x_q)$  mit algebraischen Koeffizienten, die für  $w_i = w_1, x_2 = w_1, \dots, x_r = w_r$  versehwindet. Denn ersetzt man in f die Koeffizienten auf alle möglichen Arten durch die konjugiert algebraischen Zahlen, so würde das Produkt  $F(x_1, x_2, \dots, x_q)$  der so entstehenden Funktionen  $f, f, f, \dots$  eine ganze rationale Funktion mit rationalen Koeffizienten werden. Da aber auch  $F(w_1, w_2, \dots, w_q) = 0$  wird, so würden wir eine Gleichung der Form  $(v_1)$  erhalten.

Bezeichnet man nun den Körper  $P(w_1,w_1,\cdots,w_p)$  mit  $\Omega$ , so sind  $w_{r+1},w_{r+1},\cdots,w_p$  als algebraische Zahlen in bezug auf  $\Omega$  anzusehen, daher wird

$$K = \Omega(\omega_{r+1}, \omega_{r+1}, \cdots, \omega_r)$$

ein endlicher algebraischer Zahlkörper über  $\Omega$ . Ist k der Grad dieses Körpers, so besteht für je k+1 Zahlen  $\alpha_1,\alpha_2,\dots,\alpha_{n+1}$  von K eine Gleichung der Form

$$\phi_1 a_1 + \phi_2 a_2 + \cdots + \phi_{k+1} a_{k+1} = 0$$

wo  $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_{r+1}$  gewisse ganze rationale Funktionen von  $w_1, w_2, \dots, w_r$  mit rationalen Koeffizienten sind. Die linke Seite dieser Gleichung läßt sich als ganze rationale Funktion von  $w_1, w_2, \dots, w_s$  schreiben, deren Koeffizienten die Form

$$(2.) \quad a_1 a_1 + a_2 a_2 + \dots + a_{\ell+1} a_{\ell+1}$$

besitzen, wo  $a_1, a_2, \cdots, a_{k+1}$  rationale Zahlen bedeuten. Sind aber speziell  $a_1, a_2, \cdots, a_{k+1}$  (in bezug auf P) algebraische Zahlen, so müssen alle Koeffizienten  $(z_i)$  verschwinden, denn andernfalls würde sich für  $w_1, w_2, \cdots, w_k$  eine Gleichung mit algebraischen Koeffizienten ergeben. Der Teilkörper 4 von K besitzt also die Eigenschaft, daß je k+1 der in ihm enthaltenen Zahlen in bezug auf P linear abhängig sind. Hieraus folgt aber, daß 4 ein endlicher algebraischer Zahlkörper über P ist, dessen Grad böchstens gleich k wird.

Ist nun a eine primitive mte Einheitswurzel, für die eine Gleichung aten Grades mit Koeffizienten aus dem Körper K besteht, so denken wir uns die Gleichung

(3.) 
$$f(x) = x^{q} + k_1 x^{q-1} + \dots + k_{q'} = 0$$
  $(a! \le a)$ 

niedrigsten Grades gebildet, der z im Körper K genügt. Dann muß f(x) ein Divisor von  $x^*-1$  sein. Die Wurzeln der Gleichung  $(z,\cdot)$  sind daher sämtlich mte Einheitswurzeln, und dennach die Koeffizienten  $k_1, k_2, \cdots, k_r$  algebraische Zahlen, die als Größen von K im Körper A enthalten sein müssen. Bildet man nun aber, wenn  $\ell$  der Grad des

algebraischen Zählkörpers A ist, das Produkt g(x) der  $\ell$  zu f(x) konjugiert algebraischen Funktionen  $f, f', \cdots, f^{(\ell-1)}$ , so wird g(x) eine ganze rationale Funktion des Grades u' mit rationalen Koeffizienten, die für  $x = \varepsilon$  verschwindet. Die Gleichung niedrigsten Grades, der  $\varepsilon$  im Gebiete der rationalen Zählen genügt, ist aber die mte Kreisteilungsgleichung, deren Grad gleich  $\varphi(m)$  ist. Daher ist

$$\varphi(m) \leq n' \leq n!$$

Hieraus folgt aber, daß m bei festgehaltenem n eine gewisse endliche Schranke nicht überschreiten kann. Daber kommen für die Einheitswurzel  $\varepsilon$  nur endlich viele Werte in Betracht.

Es sei mm  $\mathfrak{B}$  eine beliebige periodische Substitutionsgruppe in n Variabeln. Man wähle in  $\mathfrak{B}$  irgendwelche endlich viele Elemente  $H_1, H_2, \cdots, H_r$  und betrachte die durch sie erzeugte Untergruppe  $\mathfrak{D}$  von  $\mathfrak{B}$ . Die Koeffizienten einer Substitution H von  $\mathfrak{H}$  sind dann gewisse ganze rationale Funktionen der  $p=n^*r$  Koeffizienten  $w_1, w_2, \cdots, w_r$  von  $H_1, H_2, \cdots, H_r$ , also in dem Körper  $K=\mathbb{P}(w_1, w_1, \cdots, w_r)$  enthalten. Die eharakteristische Gleichung |H-xE|=0 von H ist daher eine Gleichung n ten Grades, deren Koeffizienten dem Körper K angehören. Die Wurzeln dieser Gleichung sind aber, da H als Element von  $\mathfrak{B}$  periodisch ist, Einheitswurzeln. Aus dem oben bewiesenen Hilfssatz ergibt sieh daher, daß unter den charakteristischen Wurzeln aller Substitutionen H von  $\mathfrak{H}$  nur endlich viele voneinander verschiedene Größen vorkommen. Folglich kommen auch für die Ordnungen der Substitutionen H nur endlich viele Werte in Betracht. Nach dem Burnstorschen Kriterium ist daher  $\mathfrak{H}$  eine endliche Gruppe.

§ 2.

Eine Gruppe 6 linearer homogener Substitutionen in n Variabeln wird als irreduzibel bezeichnet, wenn sich kein System von m < n Linearformen  $y_1, y_2, \cdots, y_n$  angeben läßt, die durch alle Substitutionen von 6 untereinander linear transformiert werden. Die Gruppe 6 heißt ferner collständig reduzibel, wenn sie sich durch eine lineare Transformation P der Variabeln in eine mit ihr ähnliche Gruppe 6  $P = P(\otimes P^{-1})$  überführen läßt, welche die Form

$$\mathbf{Q}_{i} = \begin{pmatrix} \mathbf{Q}_{i} & \mathbf{0} & \cdots & \mathbf{0} \\ 0 & \mathbf{Q}_{i} & \cdots & \mathbf{0} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \mathbf{Q}_{i} \end{pmatrix}$$

besitzt, wo $(\Theta_1, \Theta_{n+1}, \cdots, \Theta_k)$  irreduzible Gruppen sind. Diese k Gruppen sind, wenn ähnliche Gruppen als nicht voneinander verschieden an-

gesehen werden, durch die Gruppe ® bis auf die Reihenfolge eindeutig bestimmt und werden als die irreduziblen Bestandteile von ®
bezeichnet. Zu den vollständig reduziblen Gruppen gehören insbesondere die endlichen Gruppen und allgemeiner alle Hennreschen
Gruppen. Umgekehrt ist jede vollständig reduzible Gruppe, deren
irreduzible Bestandteile Hennresche Gruppen sind, selbst eine Hennresche Gruppe.

Um num den Satz II zu beweisen, genügt es zu zeigen:

- Jede periodische Substitutionsgruppe ® ist vollständig reduzibel.
- Eine irreduzible periodische Substitutionsgruppe ist eine Hermussche Gruppe.

Es sei nämlich r die Anzahl der linear unabhängigen Substitutionen in der Gruppe  $\mathfrak{B}$ . Besitzen dann die Substitutionen  $H_1$ ,  $H_2$ , ...,  $H_n$  diese Eigenschaft, so läßt sich jedes Element G von  $\mathfrak{B}$  in der Form

$$G = u_i H_i + u_i H_i + \cdots + u_i H_i$$

darstellen. Nun ist aber die durch  $H_1, H_2, \cdots, H_r$  erzeugte Untergruppe  $\mathfrak{H}$  von  $\mathfrak{G}$  nach Satz I eine endliche Gruppe, also vollständig reduzibel. Ist insbesondere  $\mathfrak{H}$  eine irreduzible Gruppe, so ist a fortiori auch  $\mathfrak{H}$  irreduzibel. Im anderen Falle bestimme man die lineare Transformation P der Variabeln, so daß  $P\mathfrak{H}P^{-1}$  vollständig zerfällt. Dann lehrt uns die aus (4.) hervorgebende Gleichung

$$PGP^{-1} = u_1PH_1P^{-1} + u_2PH_1P^{-1} + \cdots + u_rPH_rP^{-1}$$
,

daß  $PGP^{-1}$  in derselben Weise zerfällt wie die Substitutionen der Gruppe  $PSP^{-1}$ . Da dies für jedes Element G von  $\mathfrak B$  gilt, so ist  $\mathfrak B$  eine vollständig reduzible Gruppe. Zugleich ergibt sich, daß  $\mathfrak B$  nur dann irreduzibel ist, wenn unter den endlichen Untergruppen von  $\mathfrak B$  auch irreduzible Gruppen vorkommen.

Es sei nun  $\mathfrak{B}$  eine irreduzible periodische Substitutionsgruppe.  $\mathfrak{S}$  eine irreduzible endliche Untergruppe der Ordnung h von  $\mathfrak{B}$ . Wir können dann jedenfalls eine positiv definite Hennresche Form F angeben, die durch alle Substitutionen von  $\mathfrak{S}$  in sich transformiert wird. Diese Form F ist ferner, da  $\mathfrak{S}$  irreduzibel ist, bis auf einen konstanten Faktor eindeutig bestimmt. Ich behaupte nun, daß auch jede beliebige Substitution G von  $\mathfrak{B}$  die Form F ungeändert läßt. In der Tat sei  $\mathfrak{S}'$  die durch die h Elemente von  $\mathfrak{S}$  and das Element G erzeugte Gruppe. Da  $\mathfrak{S}'$  nach Satz I wieder eine endliche Gruppe ist,

Vgl., den Artikel von Hrn. A. Lozwy in Pascara Repertoriens der höberen Mathematik, z. Auflage, Bd. I. Kap. III. § q.

Vgl.W. Burshie. On the reduction of a group of homogeneous fowar substitutions of finite order. Acts Mathematica, Bd. 18, S. 309; ferror G. From New and L. Schur. Thee die reellen Darstellungen der endlichen Gruppen, Straungsberichte 1906, S. 186.

so gibt es eine positiv desinite Hermresche Form F, die durch alle Substitutionen von  $\mathfrak S$  in sich übergeführt wird. Diese Form wird aber speziell auch durch die Substitutionen von  $\mathfrak S$  nicht geändert und muß sich daher von F nur um einen konstanten Faktor unterscheiden. Hieraus folgt aber, daß die Substitution G die Form F in sich transformiert. Hiermit ist der Satz II vollständig bewiesen.

Bestimmt man, wenn F eine positiv definite Hemuresche Form der Variabein  $x_1, x_2, \cdots, x_n$  ist, die durch alle Substitutionen einer Gruppe  $\mathfrak B$  nicht geändert wird, die lineare Transformation

wird, so führen die Substitutionen der mit  $\mathfrak G$  ähnlichen Gruppe  $P\mathfrak G P^{-1}$  die Henstresche Einheitsform in sich über. Eine solche lineare Substitution bezeichnet man als *unitär*. Der Satz II läßt sich daher auch folgendermaßen aussprechen:

H¹. Jede periodische Substitutionsgruppe ist einer Gruppe unitärer Substitutionen ähnlich.

Eine unendliche Gruppe unitärer Substitutionen besitzt stets infinitesimale Operationen, d. h. es läßt sich zu jedem positiven « eine von der identischen Substitution E verschiedene Substitution A der Gruppe angeben, deren Koeffizienten sich dem absoluten Betrage nach von den Koeffizienten von E um weniger als « unterscheiden!. Aus II. ergibt sich daher:

Eine periodische Substitutionsgruppe, die keine infinitesimalen Operatiemen enthält, ist eine endliche Gruppe.

Nach dem Vorgange von Hrn. Fromenus (vgl. die in der Einleitung zitierte Arbeit) soll, wenn S eine beliebige lineare Substitution in n Variabeln ist, die Quadratsumme der absoluten Beträge der  $n^*$  Koeffizienten von S mit  $\Im(S)$  bezeichnet werden. Für jede unitäre Substitution U ist dann

$$\mathfrak{p}(S) = \mathfrak{p}(US) = \mathfrak{p}(SU) = \mathfrak{p}(U \cap SU).$$

Es gilt ferner, wie Hr. Frorennes gezeigt hat, folgender Satz: Sind A und B zwei unitäre Substitutionen einer endlichen Gruppe wull ist

(5.) 
$$\Rightarrow (E-A) < \frac{1}{2}$$
,  $\Rightarrow (E-B) < 4$ , so ist A mit B vertouschbar,

Vgl. L. Birmensen, Über die Revergangsgruppen der Eidelielischen Rämme (§ 9). Math. Annalen, Bil. 70, S. 197.

Der Beweis des Satzes III ergibt sich nun, indem man die von Hrn. Frontsits für den Fall einer endlichen Gruppe durchgeführte Betrachtung fast wörtlich wiederholt. Wir können wegen II\* annehmen, daß die Substitutionen der zu betrachtenden periodischen Substitutionsgruppe 6 sämtlich unitär sind. Je zwei Substitutionen A. B von 65, die den Bedingungen (5.) genügen, sind dann, da sie in einer endlichen Gruppe, nämlich in der durch sie erzeugten Gruppe, enthalten sind, untereinander vertauschbar. Diejenigen Elemente A von 65, für die

$$(6.) \qquad \Rightarrow (E-A) < \frac{1}{2}$$

ist, erzeugen daher eine Assische Untergruppe M von G. Da ferner für jedes Element G von G aus (6.) auch

$$\sharp (E - G^{-1}AG) = \sharp [G^{-1}(E - A)G] = \sharp (E - A) \otimes \frac{1}{2}$$

folgt, so ist  $\mathfrak{A}$  eine invariante Untergruppe von  $\mathfrak{B}$ . Zwei Elemente R und S von  $\mathfrak{B}$ , für welche die Komplexe  $\mathfrak{A}R$  und  $\mathfrak{A}S$  voneinander verschieden sind, müssen der Bedingung  $\mathfrak{B}(R-S) \geq \frac{1}{2}$  genügen. Denn andernfalls würde sieh

$$\Rightarrow (E - SR^{-1}) = \Rightarrow [(R - S)R^{-1}] = \Rightarrow (R - S) < \frac{1}{2}$$

ergeben, d. h.  $SR^{-1}$  müßte in  $\mathfrak A$  enthalten sein; hieraus würde aber  $\mathfrak AR = \mathfrak AS$  folgen. Die Anzahl der unitären Substitutionen  $R_1, R_2, \cdots$  in n Variabeln, für die

$$\Rightarrow (R_a - R_B) \ge \frac{1}{2}$$

wird, ist aber endlich und zwar kleiner als  $\lambda_* = (V8n+1)^{nd}$ . Daher ist der index p der Untergruppe  $\mathfrak A$  von  $\mathfrak B$  endlich und kleiner als  $\lambda_*$ .

Wird nun

so erzeugen  $R_i$ ,  $R_i$ ,  $R_i$  eine endliche Untergruppe  $\mathfrak S$  von  $\mathfrak S$ . Die Elemente dieser endlichen Gruppe erzeugen dann zusammen mit den Elementen von  $\mathfrak A$  die ganze Gruppe  $\mathfrak S$ .

Nimmt man die endlichen Substitutionsgruppen als bekannt an, so läßt sich auf Grund des Satzes III ein Verfahren angeben, auch alle unendlichen periodischen Substitutionsgruppen aufzustellen.

Es sei nämlich & eine beliebige endliche Gruppe linearer homogener Substitutionen in a Variabeln. B irgendeine invariante Anzische Untergruppe von &; hierbei kann B auch die Ordnung i besitzen, d. h. nur die identische Substitution E enthalten. Wir können die Gruppe R durch eine mit ihr ähnliche Gruppe  $\Re'=P\Re\,P^{-i}$  ersetzen, in der jedes Element B der Untergruppe  $\Re'=P\Re\,P^{-i}$  die Normalform

$$(7.)$$
  $x_1' = 3_1x_1, \quad x_2' = 3_2x_2, \quad \dots, \quad x_n' = 3_nx_n$ 

besitzt. Man wähle nun irgendwelche Substitutionen R, S, ..., von denen jede die Form

(8.) 
$$x_1^i = \rho_1 x_1, \quad x_2^i = x_2 x_2, \quad \dots, \quad x_n^i = \rho_n x_n$$

hat, wo  $z_1, z_2, \cdots, z_n$  beliebige Einheitswurzeln sind, die nur der Bedingung unterliegen, daß stefs  $z_1 = z_1$  sein soll, wenn in allen Substitutionen B von  $\mathfrak B$  die Zahl  $\mathfrak L$ , gleich  $\mathfrak L$ , ist. Es soll nun gezeigt werden:

 Die durch die Substitutionen R. S. . . und die Elemente von R' erzeugte Gruppe 66' ist eine periodische Substitutionsgruppe.

Jede periodische Substitutionsgruppe ® ist einer Gruppe ®
ähnlich, die in der geschilderten Weise aus einer endlichen Gruppe R
hervorgeht.

Man betrachte nämlich die durch die Substitutionen  $R, S, \dots$  und die Elemente von  $\mathfrak B$  erzeugte Abelsche Gruppe  $\mathfrak E$ . Diese Gruppe ist vollständig zerfallend und besitzt, wegen der über die Substitutionen  $R, S, \dots$  gemachten Voranssetzung, genau ebenso viele voneinander verschiedene irreduzible Bestandteile wie die Gruppe  $\mathfrak B$ . In einer vollständig reduziblen Abelschen Gruppe ist aber bekanntlich die Anzahl der linear unabhängigen Substitutionen gleich der Anzahl der voneinander verschiedenen irreduziblen Bestandteile der Gruppe. Daher ist jede der Substitutionen  $R, S, \dots$  von den Elementen der Gruppe  $\mathfrak B$  linear abhängig. Da ferner  $\mathfrak B$  eine invariante Untergruppe von  $\mathfrak A$  sein soll, so sind für jedes Element K von  $\mathfrak A$  auch die Substitutionen

als lineare homogene Verbindungen der Elemente von  $\mathfrak B'$  darstellbar; daher besitzen sie sämtlich die Normalform (8.). Läßt man nun in (9.) das Element K alle Substitutionen der Gruppe  $\mathfrak R$  durchlaufen, so erzeugen die so entstehenden Substitutionen, da sie periodisch und untereinander vertauschbar sind, eine periodische Substitutionsgruppe  $\mathfrak D$ , die durch jedes Element von  $\mathfrak R$  in sich transformiert wird. Beachtet man, daß jedes Element Q der zu betrachtenden Gruppe  $\mathfrak B$  die Form DK hat, wo D in der Gruppe  $\mathfrak D$  und K in der Gruppe  $\mathfrak R$  enthalten ist, so ergibt sich unmittelbar, daß (8) eine periodische Substitutionsgruppe Ist.

Es sei nun & eine beliebige periodische Substitutionsgruppe, für welche die Untergruppen A und 5 dieselbe Bedeutung haben mögen

wie in § 3. In der Aumschen Gruppe M bestimme man m Flemente B. B. ... B. durch die sich alle übrigen Elemente von M linear und homogen darstellen lassen. Es bedeute R die durch B, B, . . . . B, und die Elemente von S erzeugte Gruppe, ferner sei B der größte gemeinsame Teiler von 2 und 9. Dann ist R eine endliche Gruppe, in der Bals invariante Annische Untergruppe enthalten ist. Man bestimme nun eine lineare Transformation P der Variabeln, so daß die Substitutionen B der Gruppe PBP-1 die Normalform (7.) erhalten, und betrachte die Gruppe B' = PBP-1. Diese Gruppe wird durch die von den Elementen B von B verschiedenen Substitutionen R, S, ... der Untergruppe W = PWP-1 und die Substitutionen der endlichen Gruppe  $\Re = P \Re P^{-1}$  erzengt. Da aber  $R, S, \cdots$  als lineare homogene Verbindungen der Elemente B von B' darstellbar sind, so zerfallen sie in derselben Weise wie die Substitutionen B. Dies lehrt uns aber, daß die zu @ fihnliche Gruppe @' in der vorhin angegebenen Weise aus einer endlichen Gruppe R abgeleitet werden kann-

# Adresse an Hrn. Ernst Ehlers zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 18. Mai 1911.

## Hochgeehrter Herr Kollegel

Freudigen Anteil nimmt an der goldenen Jubelfeier Ihrer medizinischen Doktorwürde heute die Berliner Akademie der Wissenschaften, welche Sie mit Stolz seit 14 Jahren zu den Ihrigen zählt.

Daß Sie, wie so viele Zoologen, in der medizinischen Fakultät Ihre erste wissenschaftliche Ausbildung erhalten haben, ist für die Richtung Ihrer zoologischen Arbeiten bedeutungsvoll geworden. Unter dem mächtigen Einfluß Ihres geistvollen Lehrers in der Anatomie, Janos Hexas, haben Sie die strenge Methode des Denkens und Forschens sowie jene Vorliebe für gründliche anatomische Studien gewonnen, welche alle Ihre Publikationen auszeichnet.

Durch den glücklichen Umstand, daß Sie noch vor Beendigung Ihrer Studienzeit Ihren Freund und Lehrer in der Zoologie, Wilhers Kreusstein, auf einer längeren Forschungsreise nach dem Eldorado aller Zoologen, Neapel und Messina, begleiten durften, wurde Ihre Neigung zur Zoologie in dem Maße verstärkt, daß Sie sich, obwohl noch lange als anatomischer Prosektor tätig, doch ganz der Wissenschaft zuwandten, in welcher Sie sieh bald als Forscher und Lehrer so große Verdienste erwerben sollten.

In jedem Bezirke des weiten Tierreichs wohl orientiert, haben Sie sich doch seit Ihrer Doktordissertation, welche den merkwürdigen Sternwarm Priapulus behandelte, vorwiegend mit dem als phylogenetische Ausgangsgruppe aller höheren Tierabteilungen so überaus wichtigen und Interessanten Stamm der Würmer beschäftigt. Schon in dem Bericht, welchen Sie im Vereine mit Kerkastens über die gemeinsamen Untersuchungen der niederen Mittelmeerfaunn hernusgaben, spielen die speziell von Ihnen näher studierten Gephyreen eine hervorragende Rolle. Und wenige Jahre später haben Sie mit Ihrer Monographie der Borstenwürmers ein für Anatomie und Systematik dieser höchstentwickelten Würmer grundlegendes Werk geschaffen. Gleiche Sorgfalt und Gemnigkeit zeigt die lange Reihe der Publikationen, in

welchen Sie die Ausbeute an Borstenwürmern von zahlreichen deutschen und fremdländischen Expeditionen wissenschaftlich verwertet haben, sowie die vielen Mitteilungen über einzelne Arten und Organe von Würmern, welche sich sogar auf fossile Angehörige dieser Tiergruppe ausdehnten.

Doch entsprach es keineswegs Ihrer Neigung, sich ausschließlich auf diese eine Abteilung der Tiere zu beschränken oder auf anatomische Zergliederungen vorzunehmen. Auch wichtige systematische, entwicklungsgeschichtliche und faunistische Abhandlungen verdanken wir Ihnen, und nicht nur über die Würmer, sondern über die verschiedensten Tiergruppen, Vortizellen, Bryozoen, Milben, Mollosken, Fische und Sängetiere. Selbst in das Gebiet der Anthropologie und Prähistorik haben Sie hinübergegriffen.

So war es denn begreiflich, daß der alternde hochverdiente Mitbegründer und Herausgeber unserer vornehmsten zoologischen Zeitschrift, von Sienoun, gerade Sie zum Beistand bei den Redaktionsgeschäften heranzog, welche Sie dann, nach von Sienouns Tode, im Verein mit Könnera und seit 5 Jahren allein in bewunderungswürdiger Weise geführt haben und hoffentlich noch recht lange führen werden.

Nehen diesen vielseitigen erfolgreichen Forschungsarbeiten und den zeitraubenden Redaktionsgeschäften haben Sie sich mit gleicher Hingebung dem Lehrberufe gewidmet, wofür Ihnen die zahlreichen und vielfach als tüchtige Hochschullehrer wirkenden Schüler treue Dankbarkeit bewahren.

Besonders hervorzuheben ist endlich Ihre langjährige Tätigkeit an der Spitze der Königlichen Gesellschaft der Wissenschaften, die in der letzten Zeit mit unserer Akademie durch das Kartell und die Assoziation in innigere Beziehung getreten ist. Wenn diese Verbindungen der Akademieen sich segensreich entwickelt haben und die Schwierigkeiten der Gründung und Ausgestaltung glücklich überwunden worden sind, so wird Ihrer besonnenen und einsichtsvollen Mitwirkung dabei ein guter Teil des Erfolges verdankt.

Möge es Ihnen, hochverehrter Jubilar, vergönnt sein, noch lange in gleicher Weise wie bisher, in voller geistiger und körperlicher Rüstigkeit — ein echter deutscher Gelehrter — zum Nutzen der Wissenschaft als Forscher, Lehrer und Leiter zu wirken; das wünscht mit Ihren Schülern und Verehrern

die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften.

# Inschriften aus Rantidi in Kypros.

Von Prof. RICHARD MEISTER in Leipzig.

(Vorgelegt von Hrn. v. Willamowriz-Moellendoner am 11. Mai 1911 [s. oben S. 539].)

#### Hierzu Taf. IV

Die von Hrn. Dr. Zans 1910 in Rantidi ausgegrabenen griechischen Inschriften sind alle im kyprischen Syllabar von links nach rechts geschrieben, und zwar zeigen die Buchstaben e. o. u. b., va. ko. to die spezifisch paphischen, vom gemeinkyprischen Syllabar abweichenden Formen, während die übrigen Buchstaben gemeinkyprisch sind. In der Tabelle auf S. 632 habe ich alle Buchstabenformen der bis jetzt bekannten Rantidi-Inschriften vereinigt.

Die zehn Inschriften aus Rantidi, die schon vor Dr. Zauss Grabung zum Vorschein gekommen waren (Sächs. Berichte 1910, 243 ff., Taf. II. III), stimmen nach Schriftcharakter und Inhalt mit den neu gefundenen im ganzen überein (einige Verschiedenheiten werden gleich zur Sprache kommen). Sechs von ihnen habe ich in den Sächsischen Berichten a. n. O. publiziert; ich wiederhole sie hier in der griechischen Umschrift:

- I. TI MYRPETED C TO | OMAGATORAY TO TI MO.
- 2. ANIKATO BIAC.
- 3. Atton(A)WHI TIMOBIA.
- Філос віфс.
- 5. --- FIRMA | ALGETY | BYMINJATA.
- 6. OLA PHETTO (M) TTA.

Die übrigen vier lasse ich jetzt folgen. Die Steine befinden sich, wie alle übrigen in Rantidi gefundenen, im Cyprus-Museum zu Nicosia.

Die Abklatsche, nach denen ich sie gelesen habe, und einige Notizen über die Steine verdanke ich Hrn. KLEANTRIS PIERIOIS in Limassol. Long. 0.54, larg. 0.39, épaiss. 0.25 \* Buchstabenhübe e. 0.13.
 to te n to n τω esω τω Apo to no se πολλωπος.

Auch auf der Rückseite des Steins sollen nach Prannis' Angabe Zeichen sein.

- Long. 0.55, larg. 0.35, épaiss. 0.21. · Buchstabenhôhe c. 0.10.
   to to α τω εεω τω Αpo lo no se πόλ(λ)ωνος.
- 9. «Morcesu d'une grande pierre.» Nach dem Abklatsch gemessen 0.23 lang, 0.14 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. si ta ma | z. B. 'Onalcidana.
- Pierre longe de 0.60, cassée. Les morceaux peut-être ne sont pas classés par ordre. 4 Steinfragmente, von Prantes mit «, β, γ, δ numeriert. Buchstabenhöhe c. 0.10.

δ) to te γ) ο to π po α) lo δ) no se
 τω εω τω Αποκ(κ)ωνος.

Diese zehn Inschriften sind nach Preams' Angabe außer Nr. 1 an der Stelle, wo Hr. Dr. Zahn später gegraben hat, gefunden worden, Nr. 1 aber, wie Hr. Preams Hrn. Dr. Zahn mitgeteilt hat, an einer underen Stelle des großen Gebiets von Rantidi. Die Inschrift Nr. 1 unterscheidet sich nuch durch ihre Beschaffenheit von den übrigen. Es ist die einzige, die bustropheden geschrieben ist; ihr Schriftcharakter ist altertümlicher; das Zeichen ra hat den oberen Querstrich ungewöhnlich hoch über dem oben offenen Winkel; sollte es eine Grabinschrift sein, was ich annahm, so würde sie sich auch dadurch von den übrigen Rantidi-Inschriften, in denen sich nichts Sepulkrales findet, unterscheiden.

Die von Dr. Zaus ausgegrabenen inschriften gebe ich auf Grund der von ihm mir freundlichst zur Verfügung gestellten Abklatsche, Photographien und Beschreibungen. Abklatsche habe ich von jeder Inschrift mindestens ein Exemplar erhalten, von den meisten zwei, von einigen drei. Photographien sind von 28 Inschriften vorhanden, allerdings kleinen Formats (Größe 0.115×0.08); auf einigen Platten sind mehrere Steine zusammen photographiert. Von 51 Steinen liegen Beschreibungen vor. Die Erhaltung der Inschriften ist im ganzen schlecht; die meisten sind fragmentiert, das Material ist weich und brüchig, die Zeichen sind außerdem bei nicht wenigen gestissentlich zerstört worden. Auf den Abklatschen von 12 Steinen [Z. 14A. 28b. 53-57-58. 64. 83. 110. 111. 120. 127; ohne Zahl (c)] habe ich keine Inschrift gefunden. Ich zitiere hinter der Nummer jeder Inschrift die von Dr. Zahs [Z.] auf den Stein geschriebene Zahl (fünf Steine sind ohne Zahl geblieben) und das mir vorliegende Material. Die in An-

Buchstabenformen der Inschriften aus Rantidi.

Vokale	*	H H H	*,*	1	<u>^</u>
1	0	22			
2.	0 ya **********************************	I		300	
r	∑ var	I ve	F	XXX	
1	¥	To he	- 1	+	
Ym:	M M ma	=,=	~	D me	iX.
A	T <sub>na</sub>	151 ne	2	11	
Gutturate	M M ma  T na  1 na	151 ne 22 xx	Ÿ	Ir no &	×
Lentale	ta	¥ te	1/2	X to	**************************************
Labrule	‡ pa		Y X X X X X X X X X X X X X X X X X X X	Spo-	-
-0	×	uj	<b></b>	-0	
x	)\(\)			:	

führungsstrichen gegebenen Beschreibungen der Steine stammen von Dr. Zaus. In der Silbenumschrift gebe ich, wie gewöhnlich, die deutlichen Zeichen durch kursive, die nach den mir zu Gebote stehenden Hillismitteln als undeutlich zu bezeichnenden durch stehende Buchstaben wieder. Divisoren bezeichne ich durch Punkte.

Inschrift des apollinischen Orakeltempels.

11. [Z. ohne Zahl (b)] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.70 lung, 0.30 breit, Buchstabenhöhe c. 0.12. 1 Abklatsch.

а po lo no se to te Апол(л)шнос тоде to to ma lo ki o ne To Awas some.

αῶκα bezeichnet den Tempel (wie z. B. in der kyprischen Sakralinschrift, Sitzungsber, d. Berl. Akad. d. Wiss. 1910, 151, Z. 16). Μιτ τό αῶκα κότιου vgl. dt κοτιοι «die Weissager», τλ κότια «die weissagenden Sprüche».

#### Tempelsatzungen.

\* 12. [Z. 4] \*Rohe Platte aus weißem Stein. Links oben ein Loch. Höhe 0.99; Breite 0.46; Dicke 0.20—0.22\*. Buchstabenhöhe c. 0.12. Nur die oberste Zeile ist lesbar. 2 Abklatsche.

te se mo se econoc.

Die Setzung des Silbenzeichens se für c vor w drückt aus, daß -c- zur ersten Silbe gehört und -cw- als «getrennte» Lautgruppe geschrieben wurde, wie das auch aus der Schreibung i na la li si me na = [NANAMICMENA SGDI 60 m [HOFFM. 135] ersichtlich ist (Verf., Idg. Forsch. 4, 185).

[Z. 102] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang,
 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

te se mo econole

#### Inschriften apollinischen Eigentums und dem Apollon dargebrachter Weihungen.

- 14. [Z. 80] «Stück eines rohen Quadersteins», nach dem Ahklatsche gemessen 0.46 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe e. 0.07. 3 Abklatsche.

  a po lo no se Anos(s) weoc.
  - 15. [Z. ohne Zahl (a)] Großer Stein, nach dem Abklatselt gemessen 0.96 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe in der oberen Zeile e. 0.12, in der unteren c. 0.09. Von den Zeichen sind auf dem Stein nur ganz schwache Spuren erhälten. 1 Abklatsch.

ku po ro ke re te se a ri si to ta mo a po lo ni o ne te ke i tu ka i a za ta i Κνησοκρέτης Αριστομέρω Άπολ(λ)ωνι ϋνέθηκε ί(κ) τυχλι Αϊλερί.

16. [Z. (O1] Stein, nach dem Abklatsch gemessen D.82 lang. O.33 breit. Buchstabenhöhe c. O.13. 1 vollständiger Abklatsch, 1 Teil-ahklatsch der unteren Zeile, Photographie.

to i a po to ni Tŵi Arron(n) was a ti jo ra se 4(n) ti japac.

Mit der Schreibung 4(n)ri japac vgl. Απόλ(λ)ωπ japa SGDI 72 [Hoffel 147]. Διεί japac Ostrakon, Süchs. Abhandlungen 27 [1909]. 309 u. n. — Αντί Ανάς «für das Gelübde», dem Sinne nach so viel wie ένα Nr. 66; SGDI 72 [Hoffel 147]: Verf., Gr. Dial. II 175, Nr. 25 [Hoffel 83] und εγκωλά SGDI 27 [Hoffel 94].

- 17. [Z. 96] Großer Stein. «Inschrift auf zwei Seiten» a (nach dem Abklatsch gemessen 0.34 lang, 0.66 hoch) und b (nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.17 breit).
  - a) Buchstabenhöhe c. o.12. 1 vollständiger Abklatsch, / Teilabklatsch der unteren 3 Zeilen, Photographie. Oben, links und unten scheint der Stein gebrochen, rechts ist freier Raum am Ende der Zeilen.

n po lo ni [TDI] ATTÓN(A) MINI
ke re te se [Z. B. TIMO] KPÉTHO
ke re te o se [Z. B. TIMO] KPÉTHO
ri si to ka mo = TD 'A PIOTOFAMU
fe te fe i til [KA] TÉBHKE ((N) TÝXAI ÁZABAÍ).

b) Buchstabenhöhe c. o.12. 1 Ahklatsch.
mo ta mo [z. B Ti]nosánu.

18. [Z 34] »Platte von welßlichem Steine. Länge α,59: Breite α,50: Höhe α,18.» Buchstabenhöhe α, α,13. Auf zwei aneinanderstoßenden Schmalseiten (σ, b) einer Platte: von σ ι Δbklatsch, von b 3 Abklatsche.

a) to te o · b) to · a po lo ni
 τω κεω τω Άπολ(λ)ωκι.

[19, [Z. 16]] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.47 lang,
 o.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. «Oben Eintiefung.» 2 Abklatsche, Photographie.

to to a po to ai TO SEO ATTOMINIONI.

20. [Z. 6] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.41 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.13. 2 Abklatsche.

te o a po lo ni - - есф Апохілішні.

21. [Z. 60] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.38 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. 2 Abklatsche.

to a po lo ni To Aman(n) was.

22. [Z. 97] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.47 lang, 0.22 breit. Buchstabenhöhe c. o.11. 2 Abklatsche.

a po lo ni Anos(s) wsi.

23. [Z. 65] - Etwa die Hälfte einer Platte aus granweißem Steine. Länge 0.46; Breite 6.29; Dicke 0.15. - Buchstabenhöhe c. 0.10.

а ро во пі Апоковин.

24. [Z. 70] «Ganz zerstörter Stein mit oberer Eintiefung.» Nach dem Abklatsch gemessen 0.65 lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

to mi to te o o ne te ke - - Ano A(A) WHI TO EED ONE ONE - -

25. [Z. 109] Fragment, mach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche, Photographie.

o me to ke to a po - - onemice the Arto (a(a)whi).

26. [Z. 19] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.23 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe e. 0.07. 2 Abklatsche.

o ne te ke to a -- oncence to Altonia wall-

27. [Z. 54B] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen O.14 lang, O.11 breit. Buchstabenhöhe c. O.08. 1 Abklatsch.

to ni Anola(a) water

28. [Z. 17] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.27 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe 0.08. 2 Abklatsche. Auf dem Fragment befinden sich die Schlußzeichen von drei Zeilen. Erkennbar sind nur die der dritten Zeile.

lo ni - - Angla (A)BNI.

29. [Z. 94] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.13 lang, o.09 breit. Buchstabenhöhe c. o.08. 1 Abklatsch.

to ne And Alami.

[30, [Z. 88] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang,
 [51, 3] breit. Buchstabenhöhe 0.09. 1 Abklatsch.

a po lo no se / - Anon niunos almi.

31. [Z. 25] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.39 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

to a po lo sew Anon(n)win -- ...

32. [Z. 8] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.31 lang-0.21 breit. Buchstabenhühe c. 0.15. 3 Abklatsche.

te ο σ po lo Θεώ Άπολ(λ)ωίν - ---

33. [Z. 123] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.38 lang.
0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche, Photographie.

to a po lo 70 Anox(x)w[n - -].

34. [Z. 31] \*Fragment einer großen Platte. Zeichen auf der Oberseite.\* Nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang, 0.21 breit. Buchstabenhöhe c. 0.16. 2 Abklatsche.

to a TO A [TOA(A) WH -- ].

Über dem Zeichen to ist der Horizontalstrich eines Zeichens der oberen Zeile erhalten.

35. [Z. 52] \*Fragmentierte Quader aus weißlichem Steine. Länge 0.41: Breite 0.26; Höhe 0.15.\* Buchstabenhöhe c. 0.18. 2 Abklatsche.

a po to Απολ(λ)ω[n - -].

36. [Z. 24] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang. 0.13 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. 3 Abklatsche. Das Fragment zeigt Reste von Zeichen in drei Zeilen; erkennbar ist in der dritten Zeile:

μ po lo Απολ(λ)ω[n - -].

37. [Z. 29] Kleines Bruchstück, nach dem Abklutsch gemessen 0.19 lang, 0.11 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 1 Abklatsch.

a po lo Aπολ(λ)ω[n - -].

38. [Z. 32] «Oben Eintiefung» Links fragmentiert. Länge 0.31; Breite 0.31; Höhe 0.12. Grauweißer Stein.« Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Δliklatsche. α po lo Αποκ(κ)ω[ν - -].

Stein mit dem Namen der Aphrodite im Nominativ.

39. [Z. 16] \*Rohe Quader aus weißlichem Stein. Länge 1.01; Breite 0.47; Höhe 0.33.\* Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche, Photographie.

a to a o o po ro fi la A sea A Associta.

Inschriften aphroditischen Eigentums und der Aphrodite dargebrachter Weihungen.

40. [Z. 116, 110] \*Inschrift auf zwei Seiten.\* Die beiden Wörter auf je einer Seite (a und b). Nach dem Abklatsch gemessen ist a 0.53 lang, 0.12 breit; b 0.17 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11.
Von jeder Seite 2 Abklatsche.

a) a po ro ti ta se Asponitac

b) e mi sel.

41. [Z. 1006, 1008] «Oben Eintiefung, Inschrift auf zwei Seiten.»

o (nach dem Abklatsch gemessen 0.31 lang, 0.14 breit. Buchstabenhähe c. 0.12) und b (nach dem Abklatsch gemessen 0.46 lang, 0.12
breit. Buchstabenhöhe c. 0.11). Von Seite a 1 Abklatsch, von Seite b

2 Abklatsche. 1 photographische Aufnahme von b hat mir auch Hr. Dr.
Ohnefalsch-Richtes zur Verfügung gestellt; es ist dieselbe, nach der
der Stein im Globus 1910, S. 295 Abb. 3 im Zusammenhang mit
einem Aufsatze Dr. Ohnefalsch-Richtes abgebildet ist.

a) a po ro li ta se Associtac

b) e mi ant.

42. [Z. 12] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.46 lang, 0.19 breit. Buchstabenhühe c. 0.12. 2 Abklatsche.

a po ro ti ta se Aspoditac.

43. [Z. 43] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

a po ro fi la se Accourac.

44. [Z. 46] «Platte aus weißem Stein, ringsum Rand. Länge 0.53; Breite 0.38; Höhe 0.16.» Buchstabenhöhe c. 0.09. Inschrift auf einer Breitseite (a) und einer Schmalseite (b). Von a 3 Abklatsche und i Teilabklatsch des rechten Endes; Photographie. Von b i Abklatsch.

- n) a po ro ti ta se Associtac
- 45. |Z. 89| Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. «Oben Fintiefung.» 2 Abklatsche, Photographie.
- 46. [Z. 98] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.49 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

a po ro ti ta se Associrac...

- 47. [Z. 49] «Einfache Platte aus weißlichem Stein. Inschrift auf der einen Langseite (a). Rest einer zweiten Inschrift auf der andern Langseite (b). Auf der Oberseite vielleicht 7. Länge 0.67; Breite 0.40; Höhe 0.15. Buchstabenhöhe c. 0.11. Von a 3 Abklatsche, von b 1 Abklatsch.
  - a) pa si te mi se Tacleenic
  - b) o ne te ke ta a po ro ti ta onconce ta Asponita[i].
- 48. [Z. 108] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang, 0.28 breit. Buchstabenhöhe in der oberen Zeile c. 0.15, in der unteren c. 0.09. 2 Abklatsche, Photographic.

u a [TR BE]R A[GEODÍTAI]
to ke i tu ka [ONÉ]BINE ((N) TVXA[I ÁZABAI].

- 49. [Z. 23] \*Bruchstück. Auch hinten gebroehen. Länge 0.37; Breite 0.12; Dicke 0.05.\* Buchstabenhöhe c. 0.10. Inschriften auf der Oberseite (a) und Vorderseite (b). Von a z Abklatsche, von b 1 Abklatsch.
  - a) le a a po ro [TÀ] BEÀ APPO[AITAI]
  - b) von 3 Zeichen nicht sieher zu
     b) deutende Spuren.
- 50. [Z. 69] \*Roher großer Baustein von graulicher Farbe. Länge 1:02; Breite 0.29; Höhe 0.47. Inschrift absiehtlich getilgt. \* Buchstabenhöhe c. 0.20. 2 Abklatsche.

to a i a TA SEAL A SPONITAL.

[Z. 40] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.22 lang,
 0.19 breit. Buchstabenhöhe 0.09. 2 Abklatsche.

a o po ro TA sela Aspolaliali.

52. [Z. 54A] \*Platte aus weißlichem Steine, wohl vollständig. An der rechten Seite roh, aber doch Spuren von Bearbeitung. Länge 0.47; Breite 0.44; Höhe 0.14.\* Sehr große Buchstaben (c. 0.30)

hoch). Die Inschrift lief über mehrere Platten. 1 Abklatsch, Photographie.

Links Spuren von te, rechts Spuren von po.

53. [Z. 55] Bruchstück mit drei Zeilen, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.17 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. Erkennbar sind nur die Zeichen der ersten Zeile. 2 Abklatsche.

te a a po ro TA sea Assolutari:

- 54. [Z. 62] Fragment, much dem Abklatsch gemessen 0.29 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. «Obere Eintiefung» 1 Abklatsch. α tu α μα τα [τλ εκ]λ τλ Άντο Δίτκη.
- 55. [Z. 104] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.24 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.07. 1 Abklatsch.

a po ro ti Assoallia -- -

56. [Z. 22] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.11 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

po ro A ero dita - --

57. [Z. 48] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. • Oben Eintiefung. • Außer den zwei Buchstaben noch Spuren einer oberen und einer unteren Zeile. 1 Abklatsch.

# po ro [A]\*Polaita - -

58. [Z. 59] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang. 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche.

u po ro Asso nita - - .

59. [Z-71] »Stück einer Platte. Geiblichgrauer Stein. Länge 0.56; Breite 0.46; Höhe 0.20.» Buchstabenhöhe c 0.16. 2 Abklatsche.

a po ro Assolaira - -].

Der Vanassa (= Aphrodite) dargebrachte Wethung-

60. [Z. 131] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.34 breit. Buchstabenhöhe c. 0.15. 1 vollständiger Abklatsch, 1 Teilabklatsch vom rechten Ende.

to te a i to ea -- TE BEAL TA FAINACCA! --.

Vanassa war der Titel der Aphrodite in Paphos. Der königliche Priester der Aphrodite von Paphos nennt sieh in seinen Weihinschriften: 

o Mass sagnere (r. B. Nikosaérie) o (jesere tac fanac(c)ac, vgl. SGDI 38 [Horra. 103]; 39 [104]; 40 [105]; Verf., Gr. Dial. II 179 Nr. 36 [102]; 180 Nr. 36 [101] usw.

Namen im Nominativ, durch die Aphrodite oder ihr verwandte göttliche Wesen bezeichnet zu sein scheinen.

61. [Z. 103] Stein, nach dem Abklatsch gemessen o.86 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. Schöne, regelmäßige, tief eingehauene Buchstaben. 2 Abklatsche, Photographie.

ro to sa ka ra pa Podockipos.

-Ruseustreuerin ., vgl. Hes. ckapakcaar ckedannycaar.

62. [Z. 78] Etwa die Hälfte eines ovalen Steines. Weißlicher Stein. Länge 0.25; Breite 0.35; Höhe 0.18. Breite der Eintiefung 0.24. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsehe.

to to i = OAN(A) OH BIMI].

Von mi ist noch ein Rest erhalten. Θαλαω hieß in Athen eine der drei Horen (Preller-Robert I 478).

63. [Z. 76] \*Weißer Stein, an der Oberfläche gelblich. Länge 0.71; Breite 0.365; Höhe 0.23. Obere Eintiefung 0.46 x 0.28. Schriftzeichen auf drei Seiten. Schmalseite a. Langseite b. Oberseite c. \*An der Langseite und der Schmalseite sind die Schriftzeichen absiehtlich getilgt. Buchstabenhöhe auf a und b c. 0.13, auf c c. 0.08. Von a 1 Abklatsch, von b und e je 2 Abklatsche und Photographie.

a) le a b) a mo lo po to ra GEL L ROMHOZOPA.

r) ka lo pi vo Kanosiru.

Der Name des Weihenden im Genitiv mit hinzugedachtem and wie Nr. 74-75 u. ö. Kanosifor ist bemerkenswert wegen des bei sloc nach der Etymologie (Prelieurz, Etym. Wörterb.\* 77) zu erwartenden, bisher aber noch nicht belegten Digamma.

64. [Z. 1] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.21 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. 2 Abklatsche.

e u ti ju - Erdija

Die \*Freundliche\* oder \*Heitere\*.

### Drei Namen einer Göttin im Nominativ.

65. [Z. 61\*, 61<sup>b</sup>] \*Weicher hellgelber Stein. Länge 0.78: Breite 0.45: Höhe 0.34—0.25. Obere Eintiefung 0.50 × 0.35.\* Die Inschriften a und h stehen auf den Langseiten des Steins; Inschrift a füllt die ganze Länge der Seite, Buchstabenhöhe c. 0.08; Inschrift b ist nur 0.265 lang, Buchstabenhöhe c. 0.04. Auf Tafel IV sind beide Inschriften nach Dr. Zanns Photographien abgebildet. Außer den Photographien habe ich von a z Abklatsche, von h 3 Abklatsche.

Einige Buchstaben zeigen eine von den übrigen Rantidi-Inschriften abweichende Gestalt. In bunterscheidet sich das vierte Zeichen (von links)

von der in Rantidi gebräuchlichen Gestalt des ru dadurch, daß es einen Kreis und unter ihm eine ihn nicht tangierende Horizontale zeigt. Fremdartig erscheinen in a das zweite und vierte Zeichen (von links). Das zweite ist sicher kein :: bemerkenswert sind die beiden nahe aneinander befindlichen verrikalen Parallelstriche in der unteren Hilfte des Zeichens; von den drei oberen Parallelstrichen scheinen die beiden außeren in gekrümmten Linien nach unten fortgesetzt gewesen zu sein: ) (. Ist dies so, dann unterscheidet sich das Zeichen vom paphischen in den Rantidi-Inschriften angewendeten va nur dadurch, daß statt des liegenden Kreuzes zwei nach außen geöffnete Bogenlinien, wie im gemeinkyprischen va, eingemeißelt sind. Auch das andere der beiden fremdartig aussehenden Zeichen entpuppt sich vielleicht als ein bekanntes, nur durch zufällige Einwirkungen absonderlich gestaltetes Syllabarzeichen. Zunächst dürfte der auf Photographie und Abklatsch erscheinende Strich, der auf der linken Seite des Zeichens von der Mitte nach links abwarts führt, lediglich auf Verletzung der Obertläche des Steins beruhen. Lassen wir diesen Strich unbeachtet, so zeigt sich der Buchstabe gebildet aus zwei nach außen geöffneten Bogenlinien, zwischen denen sieh oben zwei kleine unten vereinigte Parallelstriche befinden. Die Krümmung der beiden Bogenlinien ist dem Steinmetzen nicht gut geglückt - nur dadurch scheint sich das Zeichen von der gemeinkyprischen und auch in Rantidi gebräuchlichen Form des ma zu anterscheiden. Die übrigen Zeichen der Inschriften sind deutlich-

a)  $ti [vn] e [mn] ma e i ta a <math>\triangle ([ea] \beta [M_A] m m) \hat{a} \hat{a} \hat{b})$  si  $ti ja ra ta se <math>Ci(n) \triangle ([ea] \beta [M_A] m m) \hat{a} \hat{a} \hat{b}$ .

Durch den letzten der drei Namen wird die Göttin als die auf dem Ida wohnende Marse 'Laks (vgl. z. B. Eur. Or. 1453) bezeichnet, and danach dürfen wir Maja/a/a als Nebenform ihrer Namen Ma und Asmac (Hes.) auffassen. Alleja erscheint als Nebenform des Namens Airis, den wir in der großen inschrift von Sillyon (Sächs. Beriehte 1904, 3ff., besonders S. (6ff.) kennen gelernt haben; ob der Name Ata einer in Phlius und Sikyon verehrten Göttin (Strab. 8, 6, 24; Pans. 2, 13, 4) auf Ales oder Aleia zurückgeht, läßt sich nicht ausmachen; daß in Sillyon wie in Phlius und Sikyon die Marse mit diesem Namen ursprünglich bezeichnet worden sei, habe ich a. O. wahrscheinlich zu machen versucht, und durch die Inschrift aus Rantidi scheint die Identifizierung bestätigt zu werden. Der Name dessen, der das Weihgeschenk der dreinamigen Göttin dargebracht hat, ist ungriechisch; die Umsehrift Ci(n) Aljärtac habe ich nur beispielsweise eingesetzt. Er stellte sein Weingeschenk an diesem Platze, an dem die griechische Aphrodite verehrt wurde, wahrscheinlich deshalb auf,

weil er zwischen der kleimsiatischen Muttergöttin und der griechischen Aphrodite, die beide Göttimen der Fruchtbarkeit waren und manches im Mythos (vgl. Adonis-Attis; "Lahre Associate Anth. Pal. App. 51, 4) gemeinsam hatten, eine gewisse Wesensverwandtschaft sah. Sprachlich bemerkenswert ist "Lahr (aus "Lahr) wegen des Verlustes des Iota, da die kurzen i-Diphthonge vor Vokal im Kyprischen gewöhnlich ihr lota behalten, und wegen des zum homerischen Dialekt stimmenden digammalosen Anlauts des Bergnamens "Lah (über den kretischen Zeite Beaktat und Bigat oder Bigat vgl. Verf., Dorer und Achäer I 88, A. 3).

Bruchstücke von Weihinschriften ohne Götternamen.

66. [Z. 3] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.72 lang. 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche.

Ex vota Loo[hmi]. — Der Göttername steht hei λελ, λ(n)τι λελε, εκκωλά im Dativ, abhängig von dem Verbum «geweiht» oder «er weihte»: λελ Δεί Verf., Gr. Dial. II 175 Nr. 25 [Horem. 83]: διάθεικε Όπλειτυπος τωι Απολ(λ)ωπι jarλ ((n) τέπειος SGDI 72 [Horem. 147]: τωι εκώι τω Ύλλται Όπλειτοικος & Cτλειεοίκων κατέστασε εγκωλά ((n) τέχκι SGDI 27 [Horem. 94]: τωι Απολ(λ)ωπι λ(n)τι jarλε oben Nr. 16. Bemerkenswert ist, daß auch in diesem neuen Beispiel λελ in der echten Instrumentalform, ohne Iota, geschrieben ist (Verf., Gr. Dial. II 295 f.; Süchs, Berichte 1904, 18 f.; Ein Ostrakon, Sächs, Abh. 27 [1909], 323 f.).

67. [Z. 105] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.18 lang, 0.11 breit. Buchstabenhähe c. 0.09. 1 Abklatsch.

68. [Z. 99] «Roh zugehauene Quader aus weißem, an der Oberfläche gelblichem Steine. Länge 0.80; Breite 0.35-0.39; Höhe 0,25.» Von den zwei Zeilen, die der Stein trug, sind nur noch wenige Buchstaben erkennbar. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsehe.

[Z. 87] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.30 lang,
 O.14 breit. Buchstabenhöhe c. O.10. 2 Abklatsche.

70. [Z. 124] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.28 lang. 0.14 breit. Buchstabenhöhe 0.10. Vier Zeichen, von denen nur die beiden mittleren erkennbar sind.

71. [Z. 112] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.10 breit. Buchstabenhöhe c. 0.06. 1 Abklatsch,

72. [Z. (c)] «Oben Eintiefung.» Bruchstück, nuch dem Abklatsch gemessen 0,28 lang, 0,15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklutsche. te ke si - - onejenke (oder katélinke) Ci(z. B. maic).

73. [Z. 82] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen o 28 lang, O.15 breit. . Oben Eintiefung. Buchstabenhöhe c. O. 10, 2 Abklatsche. - - form oure foder [KATE OHKE] - to lon

Personennamen, vermutlich zu Weihinschriften gehörig.

74. [Z. 28] \*Gelblichweißgrauer Stein. Länge 0.99; Breite. 0.46; Höhe 0.36. Obere Eintlefung 0.70 x 0.30. Der Rand um die Eintiefung wurde später weggemeißelt, um den Block als Quader zu verwenden. - Buchstabenhöhe c. o. 11. Schöne regelmäßige Zeichen. 2 Abklatsche und 1 Teilabklatsch des rechten Endes. Photographie.

pa si ti mo e mi TACITING HALL

«Ich bin (das Weihgeschenk) des Pasitimos», 75. [Z. to] -Quader ans weißlichem Steine, roh gearbeitet. Länge 0.87; Breite 0.40; Höhe 0.34. Schriftzeichen auf der Oberseite (a) und Vorderseite (b). Die Buchstaben der Vorderseite sind teilweise ausgemeißelt - Buchstabenhöhe auf der Oberseite c. c. 14, auf der Vorderseite c. o.og. Von diesem Stein erhielt ich bereits im September 1910 durch Hrn. Dr. OHNEFALSOR-RICHTER Photographica mach zwei Aufnahmen (die eine Aufnahme hat Hr. Dr. Ohneralsch-Richten in der Zeitschrift Globus 1910, S. 295 Abb. 4 reproduzieren lassen) und Abklatsche, und schickte auf seine Bitte eine kurze Mitteilung über die Lesung der Inschrift an die Londoner Times (abgedruckt in der Nummer vom 12. Nov. 1910, S. 13). Später erhielt ich durch Hrn. Dr. Zann von dem Stein z photographische Aufnahmen und sehr gut gelungene, scharfe Abklatsche (von à 2, von à 3), aus denen lehbei wiederholter Beschäftigung mit dem Stein erkannte, daß mehrere Zeichen der sehwer lesbaren Inschrift anders, als Ich sie anfangs gedentet hatte, zu lesen sind.

a) H ma se TIMAS

b) e mi ti ve o se AM AlFEOC.

«Ich bin (das Weihgeschenk) der Tima, der Tochter des Dives». Der Personenname allelec (Fick-Beckert 99) ist in Kleinasien häufig. namentlich in der kleinasistischen Aolis, z. B. Nominativ Aisc IG XII 2. Mytilene 35 gi 209; 257; 329; Genitiv alove ebenda 35 g; Genitiv ain ebenda 222; 333. Aus Kypros stammt der Genitiv Aicy, der zur folgenden Inschrift angeführt werden wird.

76. [Z. 27] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen o.66 lang. O. 15 breit. Bunhstabenhöhe e. O.10. 2 Abklatsche, Photographie.

e mi ro te u --- Ami Péase (oder Péane).

Der Genitiv des Rigennamens ist nicht erhalten. Podev (\*\*\*\*) ist der Genitiv von Pode(c), dem Namen des Vaters des Dedikanten. Mit Podev vgl. Timaces (\*\*\*\*\*) von Timaces (\*\*\*\*) Sächs. Berichte 1909,8 ff. und Δίεν von Δίε(c) in der Inschrift einer reichtziselierten Silberschale aus Kurion, Ham, Journal of the American Oriental Society XI 1885, Octob. p. IV. V; Cesnola. Descriptive Atlas Bd. I. Taf. XXXIII n. 1; Bd. III, Taf. CXLI n. 3; Maister, Gr. Dial. II 180, 52°; Hoffmann I 63, 122. Alle Buchstaben sind, wie ich mich durch Autopsie überzeugt habe, klar und deutlich; Ham hat bei seiner Publikation im Journal & für si verlesen und den letzten Buchstaben der ersten Zeile w übersehen; die Abbildung, die im Gesnolaschen Atlas Bd. III abgedruckt ist, läßt auch den letzten Buchstaben der zweiten Zeile mi nicht erkennen;

Eπιόρω (oder -ώρω) alex (oder Δίκν)

[Z. ohne Zahl (e)] Fragment, mach dem Abklatsch gemessen
 o.76 lang, o.20 breit. Buchstabenhöhe e. o.14. 1 Abklatsch.

to e mi (freier Raum) [z. B. Asir]re uni.

78. [Z. 56] «Graulicher Stein, links etwas fragmentiert. Länge 0.39; Breite 0.33; Höhe 0.19. Obere Eintiefung 0.34×0.26.« Schriftzeichen auf einer Langseite (a) und rechts sich anschließender Schmalseite (b). Buchstabenhöhe c. 0.08. Von a und b je 2 Abklatsche.

a) b)
i mo --- r (Loch) - mu --- s[m].

79. [Z. 75] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang, 0.22 breit. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsche, Photographie.

80. [Z. 15] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.54 lang. 0.21 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie. e u va te o Eval(a)eco[c].

81. [Z. St] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.40 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. 0.00 2 Abklatsche.

to a ki no o -- - Tw Eximals.

Mit ('Exénacc:) 'Exinacc (a. Sitzungsber, d. Berl, Akad, d. Wiss. 1910, 153-156) vgl. den Phäakennamen 'Exenacc # 155, 4 342, den Namen 'Exenacc aus Pharsalos IG IX 2, 255,

82. [Z. 126] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.14 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

ri si to ta mo ['A PICTOALMU.

83. [Z. 36] «Kleine Quader aus weißlichem Steine, nach hinten unregelmäßig. Länge 0.39; Breite 0.20; Höhe 0.18. Inschrift auf der Vorderseite.» Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

si mo to z. B. Ona cimo Almokaefede].

84. [Z. 38] «Ungeführ quaderförmiger Stein. » Nach dem Abklatsch gemessen 0.63 lang, 0.22 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche.

ti o tu u - ΔιοΔΑΥ [oder ΘιοΔΑΥ].

Vgl. ΔιόΔικο From-Bronren 99, Θενώνο chenda 105, [Θ] Ovano chenda.

85. [Z. 5] Graugelblicher Stein, ruh bearbeitet. Länge 0.63; Breite 0.34; Höhe 0.28. Obere Eintiefung 0.47 × 0.27. Buchstabenhope c. o. 10. Die Inschrift füllt die eine Langseite aus. J Abklatsche, Photographie.

pi fi a ke le ce o ta mo Dala Kastsonama.

Bemerkenswert ist der altachäische Eigenname Dela.

S6. [Z. 9] \*Fragment eines Bausteines. \* Nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe e. 0.08. 3 Abklatsche. te tu mo mo (freier Raum) Téritia Maniniu.

Beides -kleinssistische Lallnamen.

87. [Z. 42] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.72 lang, 0.30 breit, mit drei Zeilen, die durch horizontale Linfen voneinander getrennt sind; so schlecht erhalten, daß sich nur der Anfang der ersten Zeile und ein Zeichen am Ende der zweiten entziffern läßt. Buchstabenhöhe c. o.12. 1 Abklatsch.

pi lo ku po ro se - - - Фискупрос - - -5 5 5 F F

88. [Z. 92] \*Fragment eines Bausteines\*, nach dem Abklatsch gemessen 0.63 lang, 0.20 hreit. Buchstabenhöhe e. 0.12. 2 Abklatsche. mi se pa si ku - - σε κις Παςική πρω.

89. [Z. 106] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.17 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

pa si to ro se Traciampos.

90. [Z. 121] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, o, 10 breit. Buchstabenhöhe c. o. 11. 2 Abklatsche

mo te o a Timoscoc.

91. [Z. 132] Fragment, mach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang. 0.27 breit. Buchstabenhühe c. 0.11. 2 Abklatsche.

ke re to se -- speths.

92. [Z. 41] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang. O. 16 breit. Buchstabenhöhe c. O. 10. 2 Abklatsche,

vo le [Alfons ni - -].

93. [Z. 66] - Weißgrauer fragmentierter, etwa quaderformiger Baustein. • Nach dem Abklutsch gemessen 0.46 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. c.12. 3 Abklatsche.

o na si ke Onacia z. B. Per - -].

94. [Z.113] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.46 lang. 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 3 Abklatsche, Photographie.

o na si te mi "Onaciecai - -.

95. [Z. 85B] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. z Abklatsche.

na si te O NACIOE MI - -

96. [Z. 129] Fragment, nach dem Abklutsch gemessen 0.45 hoch, 0.22 breit. Buchstabenhöhe e. 0.15. 1 Abklutsch.

on ti n

Zu einem Namen wie Georiae, Menecriae, Teaecriae gehörig?

97. [Z. 134] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 hoch, 0.18 lang. Buchstabenhöhe c. 0.06. 2 Abklatsche.

o na si o z B. Onaclo roc (oder - sim roc).

Vgl. Onacioro(ε) Athienu SGDI 75 [Horra. 150]; möglich ist auch Onacio ρω; Οπάσιο(ε), Όπασιω.

Inschriften, in denen nur ast sicher erkennbar ist.

98. [Z. 18] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.98 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. 1 Abklatsch, Photographie.

# mi

Nach den erhaltenen Spuren vor am vielleicht mo, nach ast vielleicht ku po ro ke, also vermutungsweise:

- - - MW HMI KYTHOKPETEOCI.

99. [Z. ohne Zahl (d)] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.24 breit. Buchstabenhöhe c 0.10. 1 Abklatsch

e mi Assonitac? imi

Die Spuren vor am scheinen auf ta se zu deuten.

100. [Z 53] Bruchstück, mach dem Abklatsch gemessen 0.27 lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 1 Abklatsch.

 $e^{-mu}$ 

Die Spuren von am denten auf se, also [- - c] ami.

101. [Z. 114] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.19 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.06. 1 Abklatsch.

c mi -- Ami-

102. [Z. 130] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.21 lang, 0.155 breit. Buchstabenhöhe c. 0.07. 2 Abklatsche.

T THE . - HATE

103. [Z. 68] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen in der Zeilenrichtung 0.12 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche.

104. [Z. 93] Bruchstück, unch dem Abklatsch gemessen 0.35 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe c. 6.12. 2 Abklatsche.

mi (freier Raum) E H MI

Inschriften, in denen nur vereinzelte Zeichen erhalten oder sicher erkennbar sind.

105. [Z. z] Platte aus grauweißem Steine. Länge 0.46; Breite 0.39; Dieke 0.18. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

80

In der zweiten Zeile ist nach te aus einigen Spuren die Lesung ke möglicherweise zu gewinnen. Danach vielleicht: - - [ont en ke] + -

106. [Z. 35] Stück einer Quader? Weißer Stein. Fossile Pflanzenabdrücke. Länge 0.34; Breite 0.24; Höhe 0.20. Buehstabenhöhe e. c.co. 2 Abklatsche.

E - 1115

te

Zwischen e und no scheint ein Buchstabe gestanden zu haben; für mi ist der Zwischenraum etwas zu schmal.

107. [Z. 74] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.30 lang. 0.20 breit. Buchstabenhöhe e. 0.08. 2 Abklatsche.

In dem Raum zwischen den beiden Buchstaben ist jetzt ein Loch im Stein; es könnte mi dort gestanden haben.

108, [Z. 77] «Grauweißer Stein, links beschädigt. Länge 0.541 Breite 0.33: Höhe 0.24. Kintiefung 0.48 × 0.28. Buchstabenhöhe c. 0.10, 2 Abklatsche.

TO VE te

Etwa ein Elgenname [Kvn Porach[c] (oder Kvn Porace[oc]), vergleich-BET MIT AMMANC, ASADEC, ASWARC, MAIADHO AKWE HU II 3126)?

109. [Z 86] Hohes, aber schmales Bruchstück eines großen Steins, das von drei Zeilen nur je i Buchstaben erhalten hat; nach dem Abklatsch gemessen 0.43 hoch, 0.16 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. te

to

110. [Z. 118] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.28 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe 0.15. 2 Abklatsche.

111. [Z. 7] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.30 lang. 0.25 breit. Buchstaljenhöhe 0.20, 2 Abklatsche.

112. [Z. 47] «Oben Eintiefung.» Bruchstück, nach dem Abklatschgemessen 0.38 lang, 0.11 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. z Abklatsche.

批

Nach a noch unbestimmbare Reste von zwei Zeichen.

113. [Z. 50] «Unregelmäßige Platte aus weißem Steine. Länge 0.42; Breite 0.36; Höhe 0.07. « Buchstabenhöhe 0.14. 1 Abklatseh.

α

114. [Z. 79] \*Fragment einer Quader-Inschrift ausgemeißelt.\* Nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe 0.18. 2 Abklatsche.

a

Vor a Spuren eines zweiten a. also wahrscheinlich - - [esa] A[oroaltai] - -

115. [Z. 67] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 6.23 breit. Buchstabenhöhe 0.13. 1 Abklatsch.

a

Links davon vielleicht o. dann möglicherweise te. also [\*e@]
A - P Von einer oberen Zeile sind Reste sieltbar.

116. [Z. 107] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.43 lang, 0.11 breit. Buchstabenhöhe 0.11. Die inschrift scheint weggemeißelt zu sein. 1 Abklatsch.

ij,

117. [Z. ±28] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.38 lang, 0.30 breit. Buchstabenhöhe 0.23. / Abklatsch.

Œ

Anscheinend vorher a. nachher po, also vielleicht -- [sea] A[seo-

118. [Z. 95] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0,21 lang, 0.10 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

23

Dann nach schwachen Spuren vielleicht po co ti, also möglicherweise A[spoalta - -].

119. [Z. 37] Fragment einer größeren, wohl quadratischen Platte aus weißlichem Steine. Länge 0.43; Breite 0.25; Höhe 0.16. Buchstabenhöhe 0.16. 2 Abklatsche.

mi

120. [Z. 115] -Inschrift auf zwei Seiten» (a und b). +Oben Eintiefung. Nach dem Abklatsch gemessen a 0.31 lang, 0.12 breit; b 0.20 lang, 0.13 breit. Buchstabenhöhe 0.10. Von a und b je + Abklatsch.

a) Nichts zu erkennen. b) mi Vor mi eine Spur von e, also wahrscheinlich -- [a]m.

121. [Z. 119] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.68 lang. o. 20 breit. Buchstabenhöhe c. O.11. 2 Abklatsche, Photographie.

(freier Raum) e sa la ro

Nach ro ist noch ein vertikaler Strich sichtbar, der ein Divisor sein oder zu einem ne gehören kann. Etwa sic(c)a (hom. oca)? Dann APO H BIB "APPO - = AANO - \*steinern -?

122. [Z. 13] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.15 lang, 0.10 breit. Buchstabenhöhe etwa 0.07. 1 Abklatsch,

Links davon ein horizontaler, zu einem ta passender Strich; vielleicht | DA | MO - - (oder - - | DA | MO - - oder - - | DA | MU).

123. [Z. 30] Bruchstäck, nach dem Abklatsch gemessen 0.30 lang, o.19 breit. Buchstabenhöhe 0.15. 1 Abklatsch.

Vorher ein Rest, der zu a oder i passen würde; möglich z. B. A(n) = --

124. [Z. 14 B] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang. 0,28 breit. Buchstabenhöhe 0.12. 7 Abklatsch.

Nach den Spuren ist es möglich, links davon po, rechts davon ti zu lesen, also vielleicht [Ae so atta - -].

125. [Z. 20] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen. 0.13 lang, 0.13 breit. Buchstabenhöhe 0.06. 3 Abklatsche.

se (danach leerer Raum) -- c.

126. [Z. 116] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.24 lang, G.18 breit. Buchstabenhöhe O.11. 2 Abklatsche.

127. [Z. 117] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0,20 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe 0.17. 1 Abklatsch.

128. [Z. 133] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.49 lang, o. 11 breit. Buchstabenhöhe o. 10. 2 Abklatsche, Photographie.

129. [Z. 45] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.19 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe schätzungsweise o.24. 1 Abkintsch. ta

130, [Z. 90] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.36 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsche.

Links davon zumichst ein ganz unkenntlich gewordenes Zeichen, dann ein liegendes Kreuz.

131. [Z, 85 A] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.30 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe 0.07. 1 Abklatsch.

li

Inschriften, von deren Zeichen sieh keines mehr sicher erkennen läßt.

132. [Z 21] Kleines Bruchstfick, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang, 6.115 breit. 1 Abklatsch.

Striche eines Zeichens sichtbar, das o, lo, na, si sein kann.

133. [Z. 51] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.27 lang, 0.13 breit. Buchstabenhöhe c. 0.13. 2 Abklatsche.

Striche von drei oder vier unbestimmbaren Zeiehen.

134. [Z. 91] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, 0.28 breit Buchstabenhühe c. 0.06. Inschrift in mehreren Zeilen. 2 Abklatsche.

In der ersten Zeile links auscheinend ti.

135. [Z. 125] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.37 lang, 0.28 breit. Buchstabenhöhe c. 0.22. 2 Abklatsche.

Ein Zeichen, tief eingegraben, stark ansgebrochen oder zerhauen; es könnte vielleicht ke gewesen sein.

136. [Z. 122] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.34 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe e. 0.13. 1 Abklatsch.

In der Mitte anscheinend o, rechts davon vielleicht se.

137. [Z. 35] «Vorderstück einer großen Platte aus weißlichem Stein. Länge 0.04; Breite 0.14; Dicke 0.16.» Buchstabenhöhe 0.10. 2 Abklatsche.

In der Mitte i oder a.

138. [Z 72] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.33 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

Möglicherweise ist mo se zu lesen.

#### Phonizische Inschrift?

139. [Z. 7] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe e. 0.08. 2 Abklatsche. Das Bruchstück enthält Reste von 2 Zeilen, in der unteren Zeile 3 ziemlich deutliche Buchstaben, die dem kyprischen Syllabar nicht angehören, sondern phönizisch zu sein scheinen. Hr. Prof. M. Lazzaansei in Greifswald, dem ich einen Abklatsch zur Prüfung zugesandt hatte, gab mir freundlichst folgende Auskunft: «Man kunn das kleine Fragment phönizisch lesen. In diesem Falle stände in Zeile 1 die Zahl 32, in Zeile 2 qlj

"seine (oder 'Ihre' fem.) Stimme'. Aber auch diese Lesung bietet Bedenken. Für die hier angenommenen Werte b zeigen die sonstigen kyprisch-phönizischen Inschriften andere Formen; auch stehen vor dem angenommenen q Striche, die sich im phönizischen Alphabet nicht unterbringen lassen. Die Zahl 32 könnte nur zu einem Datum und danach in den Anfang der Inschrift gehören, während qb zur Schlußformel gehört. Die beiden Zeilen müßten also eine ungewöhnliche Länge gehabt haben.»

Ausgegehen am 15. Juni.

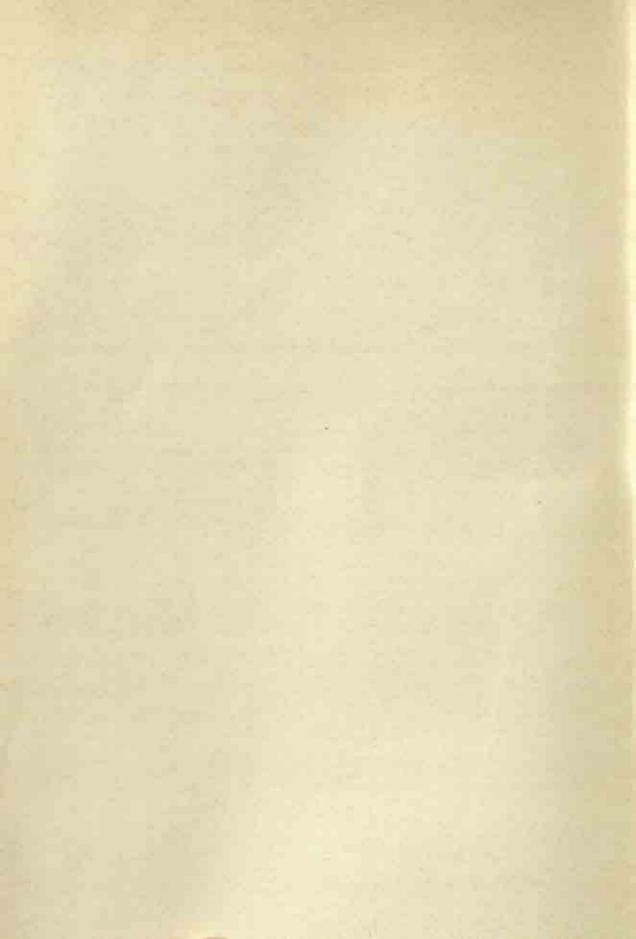


Inachrift Nr. 654.



Inschrift Nr. 65h

R. Meister: Inschriften aus Rantidi in Kypros.



# SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XXIX.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

15. Juni. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

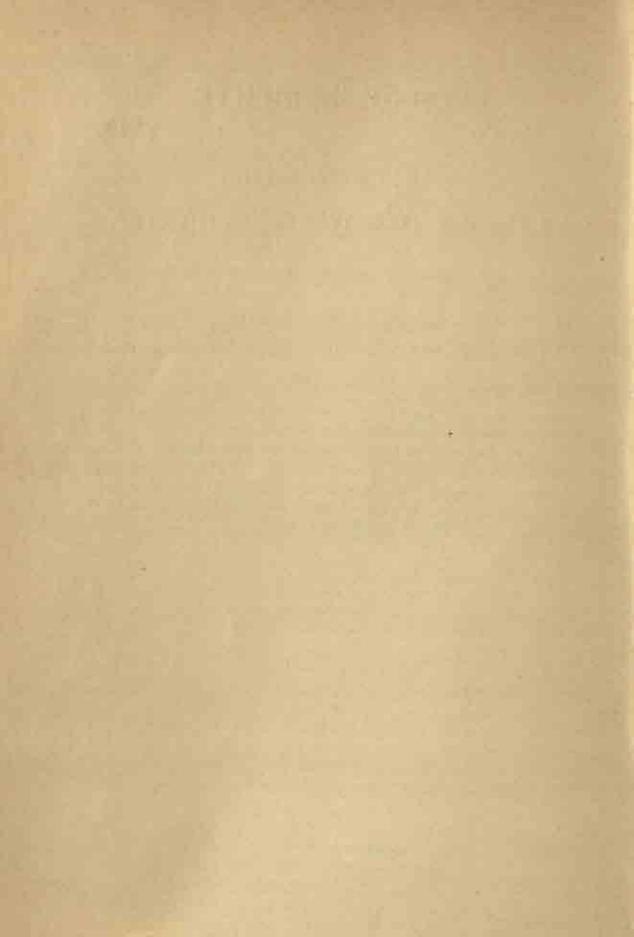
#### Vorsitzender Secretar: Hr. Diers.

Hr. Roerne has über die mhd. + Farbendeutung \*. (Ersch. später.)

Eine kritische Ausgabe auf Grund von 7 Hss. wurde eurgelegt; darm wurden Beobschtungen über Reim, Versban, Composition gereibt; vor allem wurde an der Hand der anaphorischen Reiben und der Stichomythis auf die besonderen Stilbedingungen des mitd. Allegorien hingewiesen, die an fateinische Vorbüder geknüpft wurden.

 Vorgelegt wurden Fasc, II des aus einer Preisaufgabe der Char-LOTTEN-Stiftung hervorgegangenen Werkes M. Tulli Ciceronis Paradoxa Stoicorum, Academicorum reliquiae cum Lucullo, Timaeus usw. ed. O. Plasberg, Lipsiae (91) und H. Morr, Aus Dichtung und Sprache der Romanen. 2. Reihe. Strassburg 1911.

Ausgegeben am 22, Juni.



## SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXX.

## KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

15. Juni. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Auwers.

1. Hr. Schwarz berichtete über einige Ergebnisse einer Untersuchung, mit welcher er seit einigen Jahren beschäftigt ist, betreffend die Bestimmung aller reellen und nicht reellen Minimalflächen, welche eine (oder mehr als eine) Schaar von Curven zweiten Grades enthalten. (Ersch. später.)

Insbesondere wurde die Gleichung einer nicht reellen Minimalfläche vierten

Grades  $x^2 + y^3 + x^3 + \lambda x^3(x+y) = 0$  mitgetheilt.

2. Hr. FRORESHIS legte eine Arbeit vor: Über die unzerlegbaren discreten Bewegungsgruppen.

Die Herleitung, die Hr. Bissensach für diese Gruppen mit endlichem Fundamentalbereich gegeben hat, wird mit Hülfe des Begriffes der Spannung einer Matrix vereinfacht.

 Hr. Rusens berichtete über die Fortsetzung seiner in Gemeinsehaft mit Hrn. Prof. Dr. Orro von Barven ausgeführten Untersuchung der langwelligen Strahlung der Quarz-Quecksilberlampe.

Durch stärkere Belastung der Lampe sowie durch Anwendung einer lichtstärkeren Quazz|insenanordnung war es den Verfassern möglich, die Energievertheilung der genannten Strahlung mit Hülfe des Interferometers zu untersuchen. Hierbei konnte das Vorhandensein sweier Emissionsgehlete nachgewiesen werden, von welchen das eine bei 218 µ, das andere bei 343 u. ein Maximum besitzt.

4. Hr. Prof. Dr. Kam. Peren in Greifswald übersendet einen S. A. aus dem «Archiv für Entwicklungsmechanik der Organismen» Bd. XXXI: Neue experimentelle Untersuchungen über die Grösse der Variabilität und ihre biologische Bedeutung. Leipzig 1911, als Bericht über seine 1910 in der Zoologischen Station in Neapel mit Unterstützung der Akademie ausgeführten Arbeiten.

# Über die unzerlegbaren diskreten Bewegungsgruppen.

Von G. FROBENIUS.

Die Bewegungsgruppen des n-dimensionalen euklidischen Raumes, Insbesondere die mit einem endlichen Fundamentalbereich, hat Hr. L. Besbesondere die mit einem endlichen Fundamentalbereich, hat Hr. L. Besbesondere die mit einem Mitteilung in den Göttinger Nachrichten 1910 bestimmt. Den algebraischen Teil der Untersuchung hat er in einer im 70. Bande der Mathematischen Annalen erschienenen Abhandlung vollständig ausgeführt. Diese Entwicklungen lassen sich in ähnlicher Art vereinfachen, wie ich es hier vor kurzem von seinem Beweise des Jordanschen Satzes gezeigt habe, der mit jenen Untersuchungen im engsten Zusammenhang steht. Ich werde meine Arbeit Über den von L. Bernennach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jordan und ihre Fortsetzung Über untilier Matrizen mit J., die beiden Arbeiten des Hrn. Bebennach mit G. und H. zitieren.

Durch eine lange Kette höchst scharfsinniger Überlegungen, die sieh eng an die Betrachtungen anschließen, mittels deren Hr. Schorstums die Einteilung der Kristalle für n=3 begründet hat, gelangt Hr. Bussenbach zu dem wichtigen Ergebnis, daß es bei gegebenem n nur eine endliche Anzahl von Bewegungsgruppen mit endlichem Fundamentalbereich, also (nach G.  $\overline{XV}$ ) von unzerlegbaren diskreten Bewegungsgruppen, gibt. Dabei sind zwei Gruppen nicht als verschieden betrachtet, wenn sie (einstufig) isomorph sind (G. S. 2 und 9). Da es aber in der Kristalltbeorie nicht auf die Struktur der abstrakten Gruppen, sondern auf ihre Darstellung durch lineare Substitutionen von n=3 Variabeln ankommt, so betrachte ich hier zwei Gruppen nur dann als äquivalent, wenn sie ühnlich sind, und ich beweise den Satz des Hrn. Bussenbach diese engere Definition der Gleichheit.

Da nun die rotativen Teile der Bewegungen einer Gruppe doch jeder beliebigen Transformation unterworfen werden können, so ist es vorzuziehen, gleich von vornherein eine Bewegungsgruppe als eine Gruppe von Substitutionen zu definieren, deren rotative Teile irgendeine positive Hunntrusche Form ungeändert lassen. Gerade in dem letzten, rein arithmetischen Abschnitt der Entwicklung, deren Fortgang Hr. Bernennach (G. S. 6 – B) vollständig angedeutet, aber noch nicht ausgeführt
hat, erweist sich diese Definition als besonders vorteilhaft. Nur für den
Teil der Untersuchung, worin die Abschätzung der Größe der Koeffizienten der einzelnen Substitutionen eine Rolle spielt, ist es bequem,
jene Hemmersche Form als die Hauptform vorauszusetzen.

\$ 10

Setzt man zwei nichthomogene lineare Substitutionen

$$z_* = p_* + \sum_i a_{ii} y_i$$

und

$$y_{\lambda} = q_{\lambda} + \sum_{a} b_{\lambda a} z_{a}$$

zusammen, wo sich jeder Index von I bis z bewegt, so erhält man eine Substitution

$$z_* = r_* + \sum_i c_{i,i} z_i$$

deren Koeffizienten man auf folgende Art durch Komposition von Matrizen finden kann. Die aus den  $n^i$  Koeffizienten  $a_n$  gebildete Matrix bezeichne ich mit  $A_i$  die aus den n Größen  $p_n$  gebildete Spalte (oder einspaltige Matrix) mit  $p_i$  und die Matrix (n+1) ten Grades

$$a_{i_1} \cdots a_{i_n} p_i$$
 $a_{i_1} \cdots a_{i_n} p_i$ 
 $a_{i_1} \cdots a_{i_n} p_i$ 
 $a_{i_1} \cdots a_{i_n} p_i$ 

mit (A, p). Dann ist (G. S. 327)

$$(2.)$$
  $(C,r) = (A,p)(B,q)$ ,  $C = AB$ ,  $r = Aq + p$ ,

und insbesondere

$$(A, p)^{-1} = (A^{-1}, -A^{-1}p),$$

Eine aus solchen Substitutionen (A,p), (B,q), (C,r), gebildete Gruppe  $\mathfrak H$  nenne ich eine Bewegungsgruppe der Dimension n, wenn es eine positive Hermitesche Form H gibt, die von den homogenen Substitutionen  $A,B,C,\cdots$  in sich transformiert wird,  $\overline{A}^*HA=H$ . Jedes Element (A,p) der Gruppe  $\mathfrak H$  nenne ich eine Bewegung, A ihren rotativen, p thren translativen Teil. Ist E die Hauptmatrix, so nenne ich (E,t) oder kurz t eine Translation. Da

(3.) 
$$(A,p)(E,t) = (E,At)(A,p), \quad (E,s)(E,t) = (E,s+t).$$

ist, so bilden die Translationen von  $\mathfrak{H}$  eine Invariante, kommutative Untergruppe  $\mathfrak{T}$ , und wenn t eine Translation ist, so ist nuch At eine solche. Nach  $(z_t)$  und

(4.) 
$$(A, p)(A, q)^{-1} = (E, p-q), \quad (E, p)(A, q) = (A, p+q)$$

hilden die rotativen Teile einer Bewegungsgruppe  $\mathfrak H$  eine mit  $\mathfrak H$  homomorphe, mit  $\mathfrak H$ :  $\mathfrak L$  isomorphe Gruppe  $\mathfrak H$ . Die Bewegung  $(A,p)=(E,p)\,(A,0)$  läßt sich aus der Translation p und der Rotation A zusammensetzen. Diese brauchen aber nicht einzeln der Gruppe  $\mathfrak H$  anzugehören.

Ist U irgendeine Matrix aten Grades von nicht verschwindender Determinante, so nenne ich die Bewegungsgruppe

(54) 
$$(U,s) = \mathfrak{G}(U,s) = \mathfrak{G}$$

der Gruppe  $\mathfrak{H}$  äquivalent. Die Substitutionen der zugeordneten Gruppe  $\mathfrak{H}$  führen die Form UHU in sich über. Durch die Trunsformation (U,s) geht  $\mathfrak{H}$  in  $\mathfrak{H}$  und die Bewegung (A,p) in

$$(U,s)^{-s}(A,p)(U,s) = (U^{-s}AU,U^{-s}(As-s+p))$$

über. Insbesondere ist

(6.) 
$$U = (A, p)U = (U - AU, U - p), \quad (E, -s)(A, p)(E, s) = (A, p - (E - A)s).$$

Links ist, wie stets in solchen Zusammensetzungen geschehen soll, U für  $(U\,,0)$  geschrieben.

Man kann U so wählen, daß  $\overline{U}'HU=K$  wird. Ist dies der Fall, so sind A, B, C — unitäre Substitutionen. Für den algebraischen (aber nicht für den arithmetischen) Tell der Untersuchung erweist sich die Annahme H=E als besonders bequem, und wird daher zunächst immer gemacht werden. Die abgeleiteten Sätze gelten aber alle unabhängig von dieser Voraussetzung. Ist in der Gleichung (5.) U eine unitäre Matrix, so nenne ich  $\mathfrak G$  und  $\mathfrak S$  kongruent.

Ich setze voraus, daß die Gruppe 5 uneudlich und diskret ist. daß es also darin nicht zu jeder gegebenen Größe  $\varepsilon$  eine von (E,0) verschiedene Substitution (A,p) gibt, in der  $\Im(E-A)$  und  $\Im(p) < \varepsilon$  ist. Mit  $\Im(p)$  wird die Summe der Normen der n' Koeffizienten  $p_1,p_2,\cdots p_n$  bezeichnet.

Dadurch ist ausgeschlossen, daß die Substitutionen von  $\mathfrak{F}$  homogen sind, daß also darin die translativen Teile p,q,r sämtlich verschwinden. Denn da die Koeffizienten der unitären Matrizen A, B, C—alle absolut  $\leq 1$  sind, so muß es in unendlich vielen Systemen von je n Koeffizienten eine Häufungsstelle geben (G. 8, 327). In deren

Umgebung gibt es zu jedem gegebenen  $\varepsilon$  zwei verschiedene Matrizen P und Q von  $\mathfrak{H}$ , woffir  $\mathfrak{S}(P-Q)<\varepsilon$  ist. Da num (J(6.))

$$(7.) \qquad \Rightarrow (P-Q) \Rightarrow (E-PQ^{-1})$$

ist, so ist  $R = PQ^{-1}$  von E verschieden und  $\Im(E-R) < \varepsilon$ .

#### § 2.

 In einer diskreten Bewegungsgruppe ist jede Matrix, worin die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist, mit jeder undern Matrix derselben Art vertauschbar.

Die n+1 Wurzeln der Matrix (A,p) sind die Zahl I und die n auf dem Einheitskreise liegenden Wurzeln  $a_1, a_2, \cdots a_n$  der unitären Matrix A. Demnach werden die Differenzen  $|a_1-a_2|$  und  $|1-a_2|$  alle  $\leq k < 1$  vorausgesetzt. Diese Bedingungen sind sämtlich erfüllt, wenn  $2\Im(E-A) < 1$  ist (J,S,245).

Ist U eine unitäre Matrix, und ist P eine Matrix von n Zellen und einer beliebigen Anzahl von Spalten, so ist  $\Im(UP)=\Im(P)$  (J. (5.)). Ist A eine unitäre Form, so kann man die unitäre Substitution U so bestimmen, daß

$$UAU^{+} = \sum a_k x_k y_k$$

die Normalform wird. Ist t eine Spalte, so ist auch Ut=s eine Spalte, deren Koeffizienten  $s_1,s_2,\dots s_n$  seien. Dann ist die Spannung

$$\Rightarrow \left((E-A)t\right) = \Rightarrow \left(U(E-A)U^{-1}s\right) = \Rightarrow \left((E-UAU^{-1})s\right) = \sum |(1-a_i)s_i|^2$$

und

$$\sum |s_i|^2 = s(s) = s(t),$$

and mithin, wenn  $|1-a_k| \le k$  1st,

$$\Rightarrow ((E-A)t) \leq k^2 \Rightarrow (t)$$
.

Allgemein ist, wenn P und Q zwei beliebige Matrizen sind,

$$p(PQ) = \sum |\sum p_{eq}q_{\phi}|^2$$

und

$$\left|\sum p_{e_{\ell}}q_{p_{\ell}}\right|^{2} \leq \left(\sum |p_{e_{\ell}}q_{p_{\ell}}|\right)^{2} \leq \left(\sum |p_{e_{\ell}}|^{2}\right)\left(\sum |q_{p_{\ell}}|^{2}\right)$$

and mithin

(i.) 
$$\Rightarrow (PQ) \leq \Rightarrow (P) \Rightarrow (Q)$$
.

Der Kommutator von (A,p) und (B,q) sei  $(C,\tau)$ . Dann ist  $C=ABA^{-1}B^{-1}$  und

(2.) 
$$r = p - ABA^{-1}p + Aq - ABA^{-1}B^{-1}q$$
.

Aus der Ungleichheit (J. (7.))

$$V_{\mathfrak{P}}(P-Q) \leq V_{\mathfrak{P}}(P) + V_{\mathfrak{P}}(Q)$$

folgt daher

$$V \ni (r) \le V \ni ((E - dBA^{-1})p) + V \ni (A(E - BA^{-1}B^{-1})q)$$
.

Nun ist

$$\exists ((E - ABA^{-1})p) \le \exists (E - ABA^{-1}) \exists (p) = \exists (E - B) \exists (p) = b \exists (p)$$

und

$$p(A(E-BA^{-1}B^{-1})q) = p((E-BA^{-1}B^{-1})q) \le k^{q}p(q).$$

und folglich ist

$$V_{\Xi}(r) \leq kV_{\Xi}(q) + V_{b\Xi}(p)$$

Jetzt sei (D, s) der Kommutator von (A, p) und (C, r),  $\cdots$  (M, c) der von (A, p) und (L, n), (N, w) der von (A, p) und (M, v). Dann ist (J, S, 376), wenn  $|a_s - a_t| \le k$  ist,

$$\Rightarrow (E-C) \leq bk^{s}, \quad \Rightarrow (E-D) \leq bk^{s}, \quad \Rightarrow (E-M) \leq bk^{s-s}$$

und

$$\Rightarrow (E-N) \leq bk^2$$
.

Ferner ist

$$V_{\Xi(q)} \leq kV_{\Xi(p)} + V_{\Xi}(E-C)_{\Xi(p)} \leq k^{2}V_{\Xi(q)} + 2kV_{\Xi(p)}$$

und wenn

$$\Rightarrow (v) \leq k-1 \Rightarrow (q)+(v-1)k-v / k\Rightarrow (p)$$

ist, anch

$$\Rightarrow (w) \leq k \sqrt{\Rightarrow (v)} + \sqrt{\Rightarrow (E-M)} \Rightarrow (p) \leq k^{-1} \sqrt{\Rightarrow (q)} + (k^{-1}) \sqrt{b \Rightarrow (p)}$$
.

Ist also k < 1, so werden die Spannungen  $\Im(E - N)$  und  $\Im(w)$  mit wachsendem v unendlich klein. Ist daher  $\Im$  eine diskrete Gruppe, so muß einmal  $\Im(w) = 0$  und  $\Im(E - N) = 0$ , demnach (N, w) = (E, 0) werden. Genügen nun die Wurzeln der Matrix (B, q) denselhen Bedüngungen wie die von (A, p), so ist nach J § 6 auch M = E, L = E, C = E, also AB = BA. Dann ist aber nach (E, v)

(3.) 
$$r = (E-B)p - (E-A)q$$

and

$$v = (A - E)v$$
,  $w = (A - E)v = (A - E)v + v$ 

Da die Formen A und B miteinander vertauschbar sind, so kann man sie nach J. § i durch eine unitäre Substitution U gleichzeitig in ihre Normalformen transformieren, und weil

$$U(A,p)U^{-1} = (UAU^{-1},Up)$$

ist, so bleibt dabei  $\Im(p)=\Im(Up)$  ungeämdert. Dann stellt w=0 die a Gleichungen

$$(1-a_1)^{-1}((1-b_1)p_1-(1-a_1)q_1)=0$$

dar. Nun kann man aber in dieser ganzen Entwicklung A und B vertauschen. Für ein hinlänglich großes r ist also auch

$$(1-b_1)^{-1}((1-b_1)p_1-(1-a_2)q_3)=0$$
.

mithin

$$r_1 = (1 - b_1)p_1 - (1 - a_1)q_1 = 0$$

oder symbolisch

$$r = (Aq + p) - (Bp + q) = 0$$
.

Nach (2.) § 1 ist daher (A, p) mit (B, q) vertauschbar.

Der Komplex aller Elemente der Gruppe 5, welche die Bedingung des Satzes I erfüllen, sei

$$\mathfrak{S} = (A, p) + (B, q) + (C, r) + \cdots$$

Insbesondere gehören dazu alle etwa in S enthaltenen Translationen (E, I). Da

$$(L,u)(A,p)(L,u)^{-1} = (LAL^{-1},v)$$

ist und  $LAL^{-1}$  dieselben Wurzeln wie A hat, so ist  $\mathfrak S$  ein in  $\mathfrak S$  invarianter Komplex. Je zwei der Bewegungen von  $\mathfrak S$  sind miteinander vertauschbar, also auch je zwei der Formen A, B, C,  $\cdots$ . Man kann daher durch eine unitäre Substitution die linear unabhängigen unter ihnen und folglich alle gleichzeitig in ihre Normalformen transformieren. Für je zwei Bewegungen von  $\mathfrak S$  ist Aq+p=Bp+q, also  $(1-b_s)p_s=(1-a_s)q_s$ , und mithin

$$p_k:q_k:r_k: - = 1 - a_k: 1 - b_k: 1 - c_k: \cdots$$

Sind num für einen Index a die Differenzen auf der rechten Seite nicht alle 0, so ist

$$p_1 = (1-q_1)q_1, \quad q_2 = (1-q_1)q_2, \quad r_1 = (1-q_1)q_2, \dots,$$

In der Substitution (A. p) lautet daher die Ate Gleichung

$$x_1 = a_1 y_1 + (1 - a_1) x_2$$
,  $x_1 - a_1 = a_1 (y_1 - x_2)$ .

Durch eine Translation s des Koordinatensystems kann man folglich bewirken, daß  $p_1,q_1,r_2,\cdots$  alle verschwinden. Dies möge eintreten für die Zeilen  $\lambda=1,2,\cdots$  k. Dann hat jede Bewegung von  $\otimes$  die Gestalt (H. 8. 326).

$$(1.) \qquad (A, p) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

wo jetzt  $p_s$  eine Spalte von n-k Koeffizienten bezeichnet. Ist  $\star$  einer der Indizes  $1,2,\cdots k$ , so sind die Differenzen  $1-a_s$ ,  $1-b_s$ ,  $1-c_s$ , nicht alle Null. Mithin kann man unter den Bewegungen von  $\mathfrak S$  eine endliche Anzahl so answählen, daß in keiner der k linearen Formen

$$(1-a_*) \stackrel{>}{\sim} + (1-b_*) \eta + (1-c_*) \stackrel{>}{\sim} + \cdots$$

der Variabeln E. r. C. . . alle Koeffizienten verschwinden. Daher kann auch das Produkt dieser & Formen, also die Determinante der Matrix & ten Grades

(2.) 
$$\xi(E_i - A_i) + \eta(E_i - B_i) + \xi(E_i - C_i) + \cdots$$

nicht identisch versehwinden.

Ist die Grappe is reell, so kann man die komplexe Normalform der Bewegungen von  $\Xi$  zunächst dazu benutzen, aus ihnen, wie oben, eine endliche Anzahl A, B, C,  $\cdots$  auszuwählen. Dann hat die Matrix  $\Xi A + *B + \Box C + \cdots$  die Wurzel  $\Xi a_i + *b_i + \Box c_i + \cdots$ , also wenn  $\Xi$ ,  $**, \Box$ ,  $\cdots$  reelle Variable sind, und  $a_i$ ,  $b_i$ ,  $c_i$  — nicht alle reell sind, auch die konjugiert komplexe Wurzel, etwa  $\Xi a_i + *b_i + \Box c_i + \cdots$ . Nun ist

$$\begin{pmatrix} e^{i\varphi} & 0 \\ 0 & e^{-i\varphi} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & i \\ i & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & i \\ i & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \\ \sin \varphi & \cos \varphi \end{pmatrix}.$$

Seien jetzt  $A_i$ ,  $B_i$ ,  $C_i$ ,  $\cdots$  die reellen orthogonalen reduzierten Formen, die man durch diese Umformung erhält. Dann behalten sie die Eigenschaft, daß die Determinante der Matrix (2) nicht identisch verschwindet. Ferner kann man die Substitution U so bestimmen, daß für jedes Element von  $\otimes$  gleichzeitig

$$U^{-1}AU = \begin{pmatrix} A_1 & 0 \\ 0 & E_1 \end{pmatrix}, \qquad U^{-1}BU = \begin{pmatrix} B_1 & 0 \\ 0 & E_2 \end{pmatrix}, \dots$$

wird. Da aber die rechten Seiten ebenso wie A, B, C,  $\cdots$  reelle orthogonale Matrizen sind, so kann man dann auch eine reelle orthogonale Substitution U finden, die diesen Gleichungen genügt. Die Bewegung (A,p) von  $\mathfrak{S}$  geht durch die Substitution (U,0) in

$$\begin{pmatrix} A_1 & 0 & p_1 \\ 0 & E_2 & p_3 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
,

wo jetzt  $p_s$  eine Spalte von k Koeffizienten bedeutet. Aus der komplexen Normalform schließen wir, daß es eine Spalte  $s_s$  gibt, die gleichzeitig den Bedingungen

$$(E_i-A_i) s_i = p_i$$
,  $(E_i-B_i) s_i = q_i$ ,  $(E_i-C_i) s_i = p_i$ , ...

genügt. Da die Koeffizienten dieser Gleichungen reell sind, so haben sie auch eine reelle Lösung. Durch diese Translation  $s_i$  gehen  $(A_1,p_i)_i$   $(B_1,q_i)_i$   $\cdots$  in  $(A_1,0)_i$   $(B_1,0)_i$  über.

Irgendeine Bewegung von 5 sei

$$(L, u) = \begin{pmatrix} L_{11} & L_{12} & u_1 \\ L_{21} & L_{22} & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

so geschrieben, daß die ersten k Zeilen und Spalten von den folgenden n-k abgetrennt sind. Zu jeder Matrix (A,p) des invarianten Komplexes  $\otimes$  gibt es eine andere (B,q), so daß (L,u) (A,p) = (B,q) (L,u) ist oder

$$\begin{pmatrix} L_{11} & L_{12} & u_1 \\ L_{31} & L_{32} & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_1 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & q_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} L_{21} & L_{12} & u_1 \\ L_{21} & L_{22} & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Daher ist

 $L_{ii}(E_i - A_i) = 0$ ,  $(E_i - B_i) L_{ii} = 0$ ,  $(E_i - B_i) u_i + L_{ii} p_i = 0$ , also such

$$L_{2i}(\xi(E_i - A_i) + \eta(E_i - B_i) + \xi(E_i - C_i) + \cdots) = 0$$

und mithin  $L_{ii}=0$ . Ebenso ist  $L_{ii}=0$ , demnach  $(E_i-B_i)u_i=0$ , und folglich  $u_i=0$ . Jede Bewegung von  $\mathfrak{H}$  hat demnach die Gestalt

(3.) 
$$(L, u) = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & 0 \\ 0 & L_2 & u_1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
.

Nun kann nicht k=n sein. Denn sonst würde in jeder Rewegung (L,u) der translative Teil u verschwinden. Ist k < n aber > 0, so wird eine Gruppe von Bewegungen zerlegber genannt, wenn in einer kongruenten Gruppe alle Bewegungen die Gestalt (3.) haben  $(H,\S 8)$ . Soll also  $\S$  unzerlegbar sein, so muß k=0 sein, und folglich ist in jeder Bewegung (1.) des Komplexes  $\S$  der rotative Teil A=E, also ist (A,p)=(E,p) eine Translation. Da umgekehrt  $\S$  alle Translationen enthält, so ist  $\S=\S$ .

II. Jede Bewegung einer unendlichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe, wurin die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist. ist eine Translation.

Ist also (L, u) eine Bewegung einer solchen Gruppe, und ist L von E verschieden, so ist  $2\Im(E-L) \supseteq 1$ .

#### § +.

Sind P and Q zwei verschiedene Elemente von  $\mathfrak{S}'$ , so ist  $PQ^{-1} = L$  von E verschieden, und mithin ist (J, (6.))

$$\Rightarrow (P-Q) \implies (E-L) \ge \frac{1}{2}$$
.

Es gibt aber nur eine endliche Anzahl unitärer Matrizen, von denen je zwei dieser Ungleichheit genügen. Diese Zahl liegt unterhalb einer bestimmten, nur von n abhängigen Grenze (J. (14.)). Daher ist  $\mathfrak{H}$  eine endliche Gruppe. Würde nun  $\mathfrak{H}$  keine Translation enthalten, so würde jedem Elemente L von  $\mathfrak{H}$  nur ein Element (L,n) von  $\mathfrak{H}$  entsprechen, und folglich wäre auch  $\mathfrak{H}$  eine endliche Gruppe. Daher muß jede unzerlegbare, unendliche, diskrete Bewegungsgruppe Translationen enthalten.

Die Anzahl der linear unabhängigen Translationen von  $\mathfrak H$  kann höchstens n sein. Ist sie gleich n-k>0, so kann man die Matrizen von  $\mathfrak T$  durch eine unitäre Substitution gleichzeitig in

(1.) 
$$(E, p) = \begin{pmatrix} E_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

transformiert werden, wo die Spalte  $p_s$  nur n-k Koeffizienten hat. Denn man kann eine walkere Matrix U so bestimmen, daß jede ihrer k ersten Zeilen  $u_{st}, u_{st}, \cdots u_{sn}$  den Gleichungen

$$\sum_i p_i \, u_{ai} \, = \, 0 \, , \qquad \sum_i q_i \, u_{ai} \, = \, 0 \, , \qquad \sum_i r_i \, u_{ai} \, = \, 0 \, , \ldots \, .$$

genügt, unter denen n-k unabhängig sind. (Vgl. z. R. Ennano Schamer. Dissertation § 3.) Dann ist

$$U(E,p)I^{-1} = (E,U_p)$$

und in Up verschwinden die ersten k Koeffizienten.

Da I eine invariante Untergruppe von 5 ist, so ist

$$(L,u)(E,p) = (E,q)(L,u), \quad L_p = q, \quad L_n p_0 = 0,$$

also ist  $L_{\rm rs}=0$ , dem für  $p_{\rm s}$  kann man n-k linear unabhängige Spalten setzen. Da L unitär ist, so muß, wenn  $L_{\rm rs}=0$  ist, auch  $L_{\rm ti}=0$  sein. Daher ist

$$(L,u) = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & u_1 \\ 0 & L_2 & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Jedem der  $\mathbb A$ verschiedenen Elemente L ,  $M_*N_*\cdots$ von  $\mathfrak H'$ ordne man willkürlich ein Element

(2.) 
$$(L, u)$$
,  $(M, v)$ ,  $(N, w)$ , ...

von  $\mathfrak{H}$  zu. Dann erhält man alle Elemente von  $\mathfrak{H}_{+}$  indem man in der Matrix

$$(E, p)(L, u) = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & u_1 \\ 0 & L_2 & u_2 + p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

für (L,u) der Reihe nach jene h ausgewählten Bewegungen und für (E,p) alle Translationen setzt. In der Substitution  $(t_i)$  §  $t_i$  die dieser Matrix entspricht, hängen die k Variabein  $x_1, \cdots x_k$  nur von  $y_1, \cdots y_k$  ab. Die von den Koeffizienten dieses Teils der Substitutionen gebildeten Matrizen

$$\begin{pmatrix} E_1 & u_1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

bilden eine endliche Gruppe. Durch eine Verlegung des Koordinatenanfangs (nach dem Schwerpunkt der h Punkte  $u_i$ ,  $v_i$ ,  $w_i$ , ...) kann man daher, wie ich in § 5 zeigen werde, erreichen, daß in jeder dieser h Bewegungen  $u_i = 0$  wird. Ist dann k > 0, so ist  $\mathfrak S$  zerlegbar.

III. In einer unendlichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe der Dimension in befinden sich in linear unabhängige Translationen. Die volativen Teile der Bewegungen hilden eine endliche Gruppe, deren Ordnung eine bestimmte nur von a abhängige Schranke nicht überschreitet.

#### \$ 5

Die Summe der translativen Telle der ausgewählten & Bewegungen (2.) § 4 bezeichne ich mit

$$hs = u + v + u + \cdots$$

So lange jene Auswahl noch nicht getroffen ist, ist s nur bis auf den åten Teil einer willkürlichen Translation genau bestimmt. Verlegt man den Koordinatenanfang nach  $s_r$  so geht (L,u) in

$$(E, -s) (L, u) (E, s) = (L, Ls - s + u)$$

über. Ist num LM = N, so ist

$$(L, u)(M, v) = (N, w + z),$$

wo z eine Translation von  $\mathfrak B$  ist. Wenn man hier (L,u) festhält, aber (M,v) die  $\lambda$  Bewegungen (z.) § 4 durchlaufen läßt, so durchläuft nuch (N,w) diese  $\lambda$  Bewegungen. Durch Addition der  $\lambda$  Gleichungen

$$Lv + u = w + z$$

negibt sich

$$hLs+hu=hs+t$$
,  $h(Ls-s+u)=t$ ,

wo t als Summe von Translationen in S auch eine solche ist.

IV. In einer unendlichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe seien L, M, N, ... die h verschiedenen votativen Teile der Bewegungen, und (L,u), (M,v), (N,w), ... h beliebig ausgewählte Bewegungen, deren votative Teile verschieden sind. Man verlege den Koordinatenanfang nach dem Schwerpunkte der Punkte u, v, w, .... Let dann (A, p) irgendeine Bewegung der Gruppe, so ist (E, hp) eine Translation der Gruppe.

Dieselbe Betrachtung kann man in dem Falle anwenden, wo  $\mathfrak S$  eine endliche Gruppe ist. Verlegt man dann den Koordinatenanfang nach dem Schwerpunkte von  $v, e, w, \cdots$ , so verschwinden in allen Bewegungen der Gruppe die translativen Teile, und man erhält eine mit der Darstellung (2.) § 4 kongruente Darstellung der Gruppe durch homogene Substitutionen  $(L,0), (M,0), (N,0), \cdots$ . Durch diese Reduktionsmethode hat Hr. J. Souns in § 3 seiner Arbeit Neus Begründung der Theorie der Gruppencharaktere, Sitzungsber, 1905, für endliche Gruppen die Methode von Mascusz (H. S. 327) ersetzt.

Die weiteren Entwicklungen des Hrn. Biebebrach sind rein arithmetischer Natur, beziehen sich nur auf reelle Gruppen und stützen sich auf Sätze von Missowski. Sein Hauptresultat läßt sieb in etwas schärferer Fassung (indem Isomorphismus durch Aquivalent ersetzt wird) so missprechen:

V. Die unendlichen diskreten, unzerlegbaren, reellen Bewegungsgruppen der Dimension n zerfallen in eine endliche Anzahl äquicalenter Gruppen.

Man kann eine endliche Anzahl von Bewegungsgruppen 5 (nicht in orthogonaler Gestalt) angeben, unter denen sich aus jeder Klasse mindestens eine findet.

Die Substitutionen jeder endlichen Gruppe  $\mathfrak H$  von Matrizen aten Grades, deren Koeffizienten ganze Zahlen sind, transformieren eine positive quadratische Form in sich. Zwei solche Gruppen  $\mathfrak H$  und  $\mathfrak H$  nenne ich  $(\mathfrak G, S, S)$  unimodular äquivalent, und ich rechne sie zu derselben Klasse, wenn  $\mathfrak H$  durch eine ganzzahlige Substitution der Determinante  $\pm 1$  in  $\mathfrak H$  transformiert werden kann. Aus einem Satze von Minkowski folgt dann, daß diese Gruppen in eine endliche Anzahl von Klassen zerfallen. Sei  $\mathfrak H = A + B + C + \cdots$  der Repräsentant einer dieser Klassen, h die Ordnung von  $\mathfrak H$ . Die zu definierenden Bewegungsgruppen  $\mathfrak H$  haben alle dieselbe Translationsgruppe  $\mathfrak T$ . Sie besteht aus allen Translationen  $\mathfrak H$ , deren Koeffizienten ganze Zahlen sind. Die Gruppe  $\mathfrak H$  besteht aus den Substitutionen

(1.) 
$$\left(A, \frac{1}{h}t_{\delta}\right), \left(B, \frac{1}{h}t_{\delta}\right), \left(C, \frac{1}{h}t_{0}\right), \dots$$

worin für  $t_A$ ,  $t_B$ ,  $t_C$ ,  $\cdots$  alle Spalten ganzer Zahlen zu setzen sind, die einer bestimmten Spalte (mod. h) kongruent sind. Die Spalten  $t_A$ ,  $t_B$ ,  $t_C$  bilden (mod. h) eine Lösung der Kongruenzen, die man aus

$$(2.) A t_B + t_A = t_{AB} \pmod{h}$$

erhält, indem man für A und B irgend zwei Elemente von  $\mathfrak{H}'$  setzt. Der Gruppe  $\mathfrak{H}'$  entsprechen so viele Gruppen  $\mathfrak{H}_*$  als diese Kongruen-

zen Systeme inkongruenter Lösungen zulassen. Ist s eine willkürliche Spalte ganzer Zahlen, so genügen die Spalten  $t_4 = (E-A)s$  jenen Kongruenzen. Zwei Lösungen, deren Differenz diese Gestalt hat, führen auf kongruente Gruppen. Aus einer Lösung  $t_4$ ,  $t_8$ ,  $t_c$ , kann man eine neue  $Pt_4$ ,  $Pt_6$ ,  $Pt_6$ , ableiten, wenn P, wie z. B. pE eine ganzzahlige Matrix ist, die mit jedem Elemente der Gruppe  $\mathfrak{H}'$  vertausehbar ist.

Jede Wurzel r der charakteristischen Gleichung f(s) = 0 der Substitution A ist eine Einbeitswurzel. Gehört sie zum Exponenten k, so ist

$$(3.)$$
  $\pi(k) \le \pi$ .

Da die Koeffizienten von f(s) ganze Zahlen sind, so genfigen jener Gleichung auch die  $\phi(k)$  mit r konjugierten Einheitswurzeln. Daraus ergibt sich leicht, daß  $2\Im(E-A) \ge 1$  ist, und so kann man die Geltung des Satzes I für die Substitutionen von  $\mathfrak H$  bestätigen.

# Über die Energieverteilung der von der Quarzquecksilberlampe ausgesandten langwelligen Strahlung.

Von H. RUBENS und O. von BAEYER.

In einer kürzlich veröffentlichten Abhandlung! haben wir über eine änßerst langwellige Strahlung berichtet, welche man aus der Emission der Quarzquecksilberlampe mit Hilfe der von dem einen von uns in Gemeinschaft mit Hru R. Wood angegebenen Quarzlinsenanordnung! isolleren kann. Mit dem Quarzplatteninterferometer! gemessen, ergab sich die mittlere Wellenlänge dieser Strahlung aus dem ersten Minimum der Interferenzkurve zu 272 s (entsprechend 13 Trommeiteilen), wenn die Strahlung durch eine 2 mm dieke Platte aus amorphem Quarz hindurchgegangen war, und zu 314 s (15 Trommelteilen entsprechend), wenn eine 0.4 mm dieke Platte aus schwarzem Karton als Strahlenfilter verwendet wurde. Die Strahlung erwies sich als sehr inhomogen. Die Lage des ersten Maximums war aus diesem Grunde und infolge der Kleinheit der beobachteten Ausschläge nicht mit Sieherheit festzulegen.

Es ist uns nunmehr gelungen, sowohl durch höhere Belastung unserer Quarzquecksilberiampe als auch durch Anwendung einer erheblich lichtstärkeren Quarzlinsensnordnung die beobachteten Ausschläge auf den 2½ fachen Betrag zu erhöhen, ohne die Konstanz der Lampe und die Meßgenauigkeit der Anordnung zu verringern. Wir sind daher jetzt in der Lage, die Interferenzkurven weiter zu verfolgen und können aus ihrem Verlaufe einigermaßen zuverlässige Rückschlüsse auf die Energieverteilung der beobachteten Strahlung ziehen.

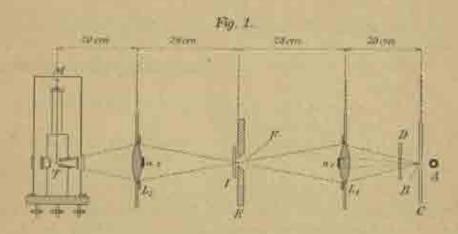
Die Belastung unserer Lampe konnten wir dadurch erhöhen, daß wir statt der früher benutzten / 20-Volt-Batterie eine solche von 160 Volt.

H. Remess and O. v. Bakven, diese Berichte S. 339, 1911.
H. Remass and H. W. Wood, diese Berichte, S. 1122, 1910.

Die Beschreibung des Interforometers siehe R. Russess und H. Hollinger, diese Berichte, S. 26, 1910.

verwendeten. Es ließ sich auf diese Weise die Klemmspannung der Lämpe von 100 Volt auf 133 Volt steigern, während allerdings die Stromstärke von 4 auf 3,5 Amp. zurückging. Immerhin wurde auf diese Weise eine Vergrößerung der Ausschläge um etwa 20 Prozent erreicht.

Die von uns neuerdings benutzten bikonvexen Quarzlinsen hatten einen Durchmesser von 10 cm und eine Brennweite von 25 cm für Lichtstrablen. Sie waren an den Rändern 5 mm, in der Mitte 12 mm diek. Die gesamte im Strahlengunge befindliche Quarzschicht betrog hier im Durchschnitt etwa 23 mm gegen 17 mm bei der früher verwendeten Anordnung, bei welcher die Quarzlinsen nur einen Durchmesser von 7 cm besaßen.



Die Entfernung der Linsen voneinander und von den Disphragmen ist aus Fig. 1 zu ersehen. Um mit möglichst großen Öffnungskegeln zu arbeiten, benutzten wir die Quarzlinsen nicht in symmetrischer Stellung, sondern wählten die Entfernung der Linsen L, und L, von dem Diaphragma F größer als Ihren Abstand von der Lichtquelle A bzw. von dem Thermoelement T. Wir erreichten hierdurch zugleich. daß die Divergenz der Strahlen in der Luftplatte des Interferometers ? geringer war, als sie sieh bei symmetrischem Durchgang der Strahlen durch die Linsen L, und L, ergeben hütte. Die Randstruhlen des Kegels bildeten mit dem Zentralstrahl unter den von uns gewählten Bedingungen einen Winkel φ von 10°, während der mittlere Neigungswinkel der Strahlen gegen die Achse des Strahlenkegels auf etwa ye veranschlagt werden kann. Dieser mangelnde Parallelismus des Strahlenbündels übt auf die Form der beobachteten Interferenzkurven einen doppelten Einfluß aus. Erstens ergeben sich die Maxima und Minima der Interferenzkurve sämtlich bei etwas größeren Dicken der Luftplatte, als dies der Fall sein würde, wenn alle Strahlen durch die

Luftplatte senkrecht hindurchgingen. Der Gangunterschied der interferierenden Strahlen ist infolge ihrer schiefen luzidenz nicht gleich der doppelten Dieke der Luftplatte 2d, sondern gleich 2d cos \$\psi\$, worin cos \$\psi\$ zwischen 1 (für den Zentralstrahl) und 0.985 (für den Randstrahl) schwankt und im Mittel etwa 0.993 beträgt. Zweitens erfährt der Verlauf der Interferenzkurve infolge des mangelnden Parallelismus der Strahlung eine Veränderung in dem gleichen Sinne, in welchem eine Verminderung der Homogenität nuf die Form der Kurve einwirken würde. Diese Anderung ist aber hier von so geringer Größe, daß ihr Einfluß vernachlässigt werden kann. Dagegen müssen sämtliche aus der Lage der Maxima und Minima der Interferenzkurven unter der Annahme senkrechten Durchgangs der Strahlen durch die Luftplatte berechneten Weilenlängen mit dem Korrektimsfaktor 0.993 multipliziert werden.

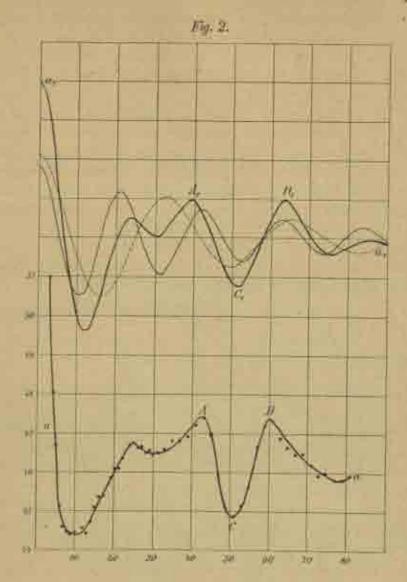
Mit der nenen Quarzlinsenanordnung wurden die folgenden Interferometerkurven aufgenommen:

- t. für die Strahlung der Quarzquecksilberlampe unflitziert (Kurve a, Fig. 2);
- für die durch z mm amorphen Quarz filtrierte Strahlung der Quarzquecksilberlampe (Kurve b, Fig. 3);
- für die Strahlung der Quarzquecksilberlampe, filtriert durch schwarzen Karton von 0.4 mm Dicke (Kurve c. Fig. 4).

Als Abszissen sind die Dieken der Luftplatte des Interferometers in Trommelteilen (1 Teil = 5.23 u), als Ordinaten die beobachteten Ausschläge des Mikroradiometers aufgetragen. Für geringe Dieken der Luftplatte (unter 0.03 mm) wurde wie trüher die Diekenbestimmung nicht mit Hilfe der Trommelteilung, sondern auf optischem Wege durch Abzählen von Interferenzstreifen senkrecht einfallenden Natriumlichts vorgenommen.

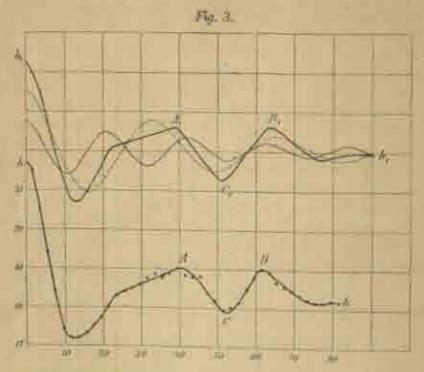
Infolge der erheblich größeren Dieke der im Strahlengung befindlichen Quarzschicht tritt bei den hier beschriebenen Versuchen der Einfinß der von den Quarzwänden der Lampe herrührenden relativ kurzweiligen Strahlung gegenüber der langweiligen Strahlung des Quecksilberdampfes selbst viel mehr zurück, als dies bei der früher benutzten Lansenanordnung der Fall war. Hierauf und auf die höhere Belastung der Lampe ist die Tatsache zurückzuführen, daß jetzt die Lage des ersten Minimums der Interferenzkurve auch ohne Anwendung eines besonderen Strahlenfliters erst bei etwa 10 Trommelteilen beobachtet wird (Kurve a) und daß die entsprechende Kurve im Gegensatz zu unsern früheren Versuchen einen verhältnismäßig glatten Verlauf zeigt in

<sup>)</sup> Dan erste Sührle der Interferenzkurve a ist in Fla. 2 weggehauen. Der Dieler Natil der Luftplatte entspricht der Ausschlag n=54.1 mm.

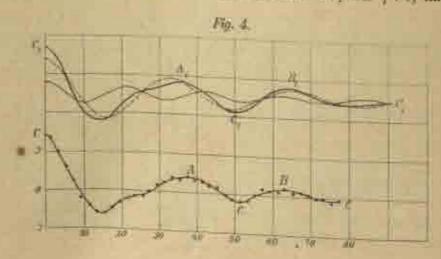


Immerhin ist auch in Kurve a der Einfluß der Quarzstrablung noch deutlich bemerkbar. Er finßert sich hauptsächlich in einer Verschiebung des ersten Minimums nach kleineren Schiehtdicken. Dagegen darf in den Kurven b und c der Einfluß der Quarzstrahlung wohl als nahezu beseitigt gelten.

Alle 1 Interferenzkurven lassen sofort erkennen, daß es sieh hier nicht um eine homogene Strahlung handelt, sondern daß die beobachtete Strahlung im wesentlichen zwei verschiedenen, ziemlich ausgedehnten Spektralgebieten angehört. Dabei zeigt sich die spektrale Ausdehnung oder Inhomogenität der einzelnen Emissionsgebiete durch die Dämpfung der betreffenden Interferenzkurven. Mit ziemlich guter Annäherung lassen sich alle 3 Kurven a, b und e durch Superposition



zweier gedämpster Sinuskurven darstellen, wie dies aus den Kurven  $a_i$  (Fig. 2),  $b_i$  (Fig. 3) und  $c_i$  (Fig. 4) zu ersehen ist. Die langwelligere dieser beiden gedämpsten Sinuskurven besitzt stets eine Wellenlänge von 33 Trommelteilen und ein logarithmisches Dekrement  $\gamma_i = 0.71$ , die kurzwelligere dagegen eine Wellenlänge von 24 Trommelteilen und ein logarithmisches Dekrement  $\gamma_i = 0.44$ . Verschieden ist bei den Kurven  $a_i$ ,  $b_i$  und  $c_i$  nur die Höhe der Anfangsamplituden der beiden gedämpsten Sinuswellen. In allen 3 Fällen ist die Anfangsamplitude der längeren Welle die größere, Jedoch verhalten deh die Anfangsamplituden für beide Wellen im Fall der Kurve  $a_i$  wie 7:  $b_i$  im Fall



der Kurve b, wie 2:1 und im Fall der Kurve c, wie 3:1. Diesen beiden gedfimpften Sinuswellen entsprechen zwei Strablenkomplexe von der mittleren Wellenlänge

$$\lambda_s = 33 \times 3 \times 5.23 \times 0.993 \mu = 343 \mu$$
  
 $\lambda_s = 21 \times 2 \times 5.23 \times 0.993 \mu = 218 \mu$ 

Offenbar wird, wenn die langwellige Queeksilberdampfstrahlung die Platte aus amorphem Quarz oder schwarzem Karton durchdringt, stets das kurzwelligere Strahlenbündel stürker absorbiert als das langwelligere. Im letzteren Falle ergibt sich das Intensitätsverhältnis der beiden Strahlenbündel, welches mit dem Verhältnis der Anfangsamplituden der beiden Sinuswellen der Kurve c. übereinstimmt, gleich 3:1. Dieses entspricht einer mittleren Wellenlänge des gesamten, den schwarzen Karton durchdringenden Strahlenkomplexes von 312 a. was mit dem früher erhaltenen, aus dem ersten Minimum der Interferometerkurve berechneten Wert gut übereinstimmt.

Daß in der Kurve a die Tiefe des ersten Minimums den aus der Amyschen Formel berechneten Wert bei weitem nicht erreicht, ist schon aus dem Grunde erklärlich, weil hier der Quecksilberdampfstrahlung noch die sehr inhomogene Strahlung der beißen Quarzwände in erheblicher Stärke beigemischt ist, welche für sich betrachtet bei 5-6 Trammeltellen ein Minimum, bei 10-11 Trammelteilen ein Maximum der Interferenzkurve bewirken würde. Es ist jedoch auffallend, daß anch bei den Interferenzkurven b und e die Tiefe des ersten Minimums keineswegs dem aus der Amyschen Formel berechneten Werte entspricht, sondern erheblich dahinter zurückbleibt, wenn man annimmt, daß es sich hier nur um die beiden Emissionsgebiete mit den mittleren Wellenlängen 343 a und 218 a handelt. Es kunn daher keinem Zweifel unterliegen, daß die betrachtete Strahlung noch andere Wellenlängengebiete enthält, welche aber wegen zu geringer Stärke oder zu großer Inhomogenität an der Interferenz nicht merklich teilnehmen und im wesentlichen nur eine Parallelverschiebung der Interferenzkurve nach Seite der größeren Ausschläge bewirken. Daß es sich hier nicht um kurzwellige Strahlung handeln kann, geht aus der Tatsache hervor, daß die Durchdringungsfähigkeit der Strahlung, welche bereits durch eine 0.4 mm dicke Kartonschicht hindurchgegangen ist, mit der Zahl der eingesehalteten Kartonplatten nur sehr langsam zunimmt. Die entsprechenden Zahlen sind in der folgenden Tabelle t enthalten. Die benutzten Kartonplatten waren aus derselben Tafel geschnitten and erwiesen sich threr Wirkung nach als nahezu gleichwertig. Die Einsehaltung der Platten in den Strahlengung gesehah stets in unmittelbarer Nähe des Diaphragmas F.

Tabelle L

Zahlen der ningoschultutou		I kerehii nigken				
Kartosplatten	Ameridae =	$D_k = \frac{i_k}{i_k}$	$D_k = \frac{x_k}{x_{k+1}}$			
3	85.0 12.4 +30 1.73 0.71	14.// Pms. 5.06 5.01 - 0.83 -	23-5 - 40-2 - 47-0			

Die Durchlässigkeit D, bezieht sich stets auf sämtliche eingeschaltete Platten, während D, die Durchlässigkeit der neuhinzugekommenen Platte für denjenigen Teil der Strahlung ausdrückt, welcher durch die übrigen Platten bereits hündurchgegangen Ist. Die Durchdringungsfähigkeit der Strahlung ist aus dem Wert von D, zu ersehen, welcher, nachdem erst eine Kartouplatte eingeschaltet ist, kaum noch wächst. Da man nun annehmen muß, daß der Karton eine mit zunehmender Wellenlänge steigende Durchlässigkeit besätzt, so wird man zu dem Schlüsse geführt, daß die an der Interferenz nicht merklich teilnehmende Strahlung, welche in der durch schwarzen Karton filtrierten Emission der Quarzquecksilberlampe außer den beiden Strahlenbündeln von 2 18 μ und 345 μ mittlerer Wellenlänge noch vorhanden ist, jedenfalls dem Spektralgebiet oberhalb 200 μ angehören muß.

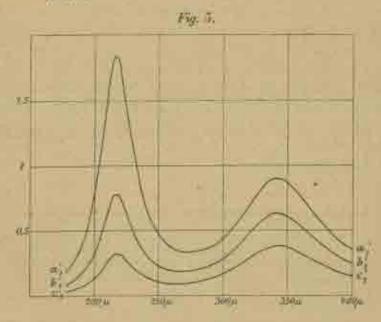
Vergleicht man die von uns aufgenommenen Interferenzkurven a, b und e mit den entsprechenden aus der Superposition zweier gedämpfter Sinuswellen entstandenen Kurven a., b., c. gemager, so erkennt man übrigens, daß die l'bereinstimmung keineswegs eine innerhalb der Fehlergrenzen vollkommene ist. Während die Lage des Minimums C bzw. C. der beobschieten und berechneten Kurven gleich gewählt ist, zeigt sielt in allen berechneten Kurven das Maximum A, gegen A nach links, das Maximum B, gegen B nach rechts verschoben. Durch Annalume eines dritten Emissionsgebietes von größerer Wellenlänge (etwa 600 a) ließe. sich diese Diskrepanz zwischen beobachteten und berechneten Kurvenbeseitigen und auch in den übrigen Teilen der Interferenzkurve eine vollkommene Dhereinstimmung erzielen. Indessen läßt sich dasselbe Ziel auch ohne Anwendung eines dritten Emissionsgebietes erreichen. wenn man die willkürliche Voraussetzung fallen läßt, daß die Energieverteilung innerhalb der beiden Emissionsgebiete bei  $\lambda_s = 343~\mu$  und λ, = 118 u durch eine Resonanzkurve von der Form

$$\Phi_{\lambda} = \Phi_{\lambda} \frac{\gamma_{\lambda}^{2}}{\gamma_{\lambda}^{2} + 4\pi^{2}z^{2}}; \qquad z = \frac{\lambda_{\lambda} - \lambda}{\lambda_{\lambda}}$$

dargestellt wird.

In Wirklichkeit wird diese Annahme, welche nur zur Vereinfachung der Rechnung gemucht ist, nur in rober Annäherung erfüllt sein. Nimmt man aber eine von der symmetrischen Form abweichende Energieverteilung in beiden Emissionsgebieten un, so lassen sieh wahrscheinlich die beobachteten und berechneten Interferenzkurven bis zu einem sehr holien Grade vom Annäherung bringen.

Den berechneten Interferenzkurven a., b. und c. der Fig. 2, 3 und 4. entsprechen angenähert die in Fig. 5 wiedergegebenen Energieverteilungskurven a, b, c



Man erkennt, daß die spektrale Ausdehnung der Emissionsgebiete so groß ist, daß sie ineinander übergeben. Es läßt sich jedoch hieraus noch nicht unmittelbar auf das Vorhandensein einer kontinuierlichen Emission in dem gesamten zwischen 200 u und 400 u gelegenen Spektralgebiet schließen. Es bleibt daneben die Möglichkeit bestehen, daß die Strahlung von einer größeren Zahl von diskontinuierlieben Emissionshanden herrährt, welche in der Nähe der Emissionsmaxima bei 218 a und 343 u besonders intensiv sind oder besonders dicht beieinunder liegen.

Es schien uns von Interesse, festzustellen, ob auch in dem Spektrum der Quecksilberamalgamlampe eine langwellige Strahlung ähnlich der bei der Quecksilberiampe beobachteten vorhanden wäre und ge-

Siebe H. Reness and H. Houssauer, a. s. O. S. 37. H. Reness, Verhaulf, d. Dt. Phys. Ges. XIII, S. 102, 1911. Es mag hier daran crimert werden, daß das Verhältnis ... nicht das Höbenverhältner der Maxima beider Euergiekurven; sondern das Verhältnis furer Flächenmhalte bedeuter.

gebenenfalls die Zusammensetzung dieser Strahlen zu untersuchen. Es stand ous eine Amalgamianope von Hankus zur Verfügung, welche etwa 60 Prozent Quecksilber, 20 Prozent Wisnut, 20 Prozent Blet sowie Spuren von Cadmium und Zink enthielt. Die Lampe konnte bei einer Lichtbogenlänge von 6 cm mit 130 Volt und 4 Amp, belastet werden und gab dann, als Lichtquelle bet unserer neuen Quardinsenanordnung benutzt, einen Ausschlag von etwa 100 mm, also von derselben Größenordnung wie die Quecksilberlampe unter den gleichen Bedingungen. Leider erwies sich die Strahlung der Amalgamlampe als weniger konstant als diejenige der Quecksilberlampe, vermutlich infolge des an den Onarzwänden stets auftretenden Niederschlages fester Metallteilehen. Wir verziehteten deshalb auf die Aufnahme einer Interferenzkurve und begnügten uns damit, die Strahlung der Amalgamlampe mit derjenigen der Quecksilberlampe durch Messung der Absorption zu vergleichen, welche beide Strahlungen in einer 2 mm dicken Piatte von geschmolzenem Quarz und in einer 0.4 mm dicken Kartoaplatte erfähren. Die betreffenden Zahlen sind aus den beiden ersten Horizontalreihen der Tabelle 2 zu ersehen.

Tabelle 2.

TOTAL DEL								
Lichtquiillii	Durchitangt	dit heeds, für ethwarze Pappe						
Quarkallherianpe Amalgantimpe Cadminutumps Amorphor Quara	32.0 16.4 16.4	64.6 64.7 430 5.8						

Der Betrag der Durchlässigkeit ist für beide Strahlungsquellen und für beide absorbierenden Substanzen innerhalb der Fehlergrenzen der gleiche. Es ist hiernach böchst wahrscheinlich, daß sieh auch die Strahlungen beider Lichtquellen nur wenig unterscheiden. Dieses Resultat ließ sich insofern als wahrscheinlich voraussehen, als zuch in der Amalgamlampe der bet weitem größte Teil des Damples aus Quecksilber besteht, welches nicht nur in größeren Mengen vorhanden ist, sondern auch bei den hier in Betracht kommenden Temperaturen einen erheblich größeren Dampfdruck besitzt als die übrigen in der Lampe vorhandenen Metalle.

Tabelle 2 enthält ferner die Resultate einiger Versuche, welche mit einer Kadmiumlampe als Lichtquelle ausgeführt worden sind. Die Lampe bestand aus einem bis zur Hälfte mit Kadmium gefüllten U-förmigen Quarzrohr, welches durch einen seitlichen Rohransatz mit einer Gaedepumpe in Verbindung stand. Die Vorwärmung geschah mit einer Ge-

bläsefinmme. Die Einleitung des Lichtbogens wurde durch einen Induktionsfunken bewirkt. Die Lampe ergab bei einem Energieverbrauch von 5.2 Amp, and 24 Volt eine etwa viermal seliwächere langweilige Strahlung als die Quecksifberlampe, und es ließ sich durch Beobachtungen unmittelbar vor und nach dem Auslöschen der Lampe leicht zeigen, daß der größte Teil dieser Strahlung von den heißen Wänden des Quarzrohres herrührte. Dennoch lassen sieh, wie es scheint, auch bei der Kadmiumlampe Spuren einer von dem Metalldampfe ausgehenden langwelligen Strahlung wahrnehmen. Um hierfür einen Anhaltspunkt zu geben, siml in der letzten Spalte der Tabelle 2 die Werte der Durchlässigkeit angegeben, welche für die amorphe Quarzplatte und die verwendete Pappschieht beobachtet wurden, wenn als Strahlungsquelle ein mit Hilfe einer. Bunsenflaume ! erhitztes Rohr aus amorphem Quarz diente; dessen Wandstärke etwa r mm betrug. Diese Werte sind merklich kleiner als die entsprechenden Zahlen, welche mit der Kadmiumlampe erhalten worden waren, so daß man berechtigt ist, in der Strahlung der Kadmiumlamne einen langwelligen, nicht von den Quarzwänden berrührenden Bestandtell zu vermuten. Für eine eingehendere Untersuchung der langweiligen Kadmiumdampfstrahlung ist jedoch die beobachtete Energiemenge viel zu gering.

Die Frage, ob es sich bei der beobachteten langwelligen Emission des Quecksilberdampfes um eine Lumineszenzstrahlung oder um eine Temperaturstrahlung handelt, bleibt auch nach der Erweiterung, welche unsere Kenntnis ihrer spektralen Zusammensetzung durch die vorstehende Untersuchung erfahren hat, noch unentschieden. Nimmt man jedoch Strahlungserregung durch Lumineszenz an, so kann ein von Hrn. F. A. Lawne-MANN herrührender Gedanke mit Vorteil zur Deutung des Emissionsvorganges berangezogen werden. Hiernach sollen die im Entladungsraum vorhandenen positiven und negativen Atomiouen, soweit sie sich nach erfolgter Amatherung nicht wieder auf hyperbolischer Balm voneimunder entfernen oder bei ihrem Zusammenstoß sofort neutralisieren, wie Doppelsterne umeinander rotieren, und zwar in einem gegenseitigen Abstand, welcher annähernd von derselben Größe ist, wie ihn die Moleküle des festen und flüssigen Quecksilbers besitzen. Für einfach geladene, in dieser Weise umeinander rotierende Atomionen würde dann die Gleichung erfüllt sein müssen

$$\frac{m\,v^*}{r} = \frac{r^*}{4\,r^*},$$

<sup>1</sup> Der von der Bunsenflamme selbst berrührende Ausschlag betrüg nur stwa-4 Prozent desjenigen, welcher von dem heißen Quarzrohr bervorgerufen wurde. Von der längwelligen Strahlung des Bunsenbrenners gingen 9-4 Prozent durch die zum dicke Platte aus amorphem Quarz bindurch.

worin m die Masse eines lans, r seine Geschwindigkeit, r der Radius der Bahn, s das Elementarquantum der Elektrizität in slektrostatischen Einheiten bedeutet. Hieraus folgt

$$e = \frac{e}{2} \sqrt{\frac{1}{rm}}$$

und für die Tourenzahl vergibt sieh dann

$$v = \frac{v}{2 \pi \pi} = \frac{v}{4 \pi} \left[ \frac{1}{r \cdot m} \right]$$

Benutzt man die von Hrn. Rearrant aus der Zählung der z-Teilchen gewonnenen Daten

$$r = 4.8 \times 10^{-10} \, S.E.$$
  $m_{H_0} = 200 \cdot 1.654 \cdot 10^{-11} = 3.31 \cdot 10^{-11}$ 

und setzt man ferner tetraedrische Anordnung der Moleküle in flüssigem Quecksilber voraus, unter welcher Bedingung sich  $r=1.63\cdot 10^{-7}$  un ergibt, so erhält man für i den Wert 1.014 - 1012, entsprechend einer Wellenlänge in Luft von  $\lambda_1=296\,\mu$ .

Betrachtet man ferner den Fall, daß sich ein einfach geladenes (negatives) und ein doppelt geladenes (positives) Ion in der gleichen Weise und in demselben Abstande umkreisen wie in dem ersten Falle. so wird die zu erwartende Schwingungszahl Vamal größer, die zugehörige Wellenlänge Vamal kleiner, und man erhält A, = 200 a. Die Übereinstimmung dieser Werte mit den von uns gefundenen mittleren Wellenlängen der beiden Emissionsgebiete ist Immerhin bemerkenswert. Die Unterschiede zwischen Rechnung und Beobachtung lassen sich ohne Schwierigkeit einerselts aus der Unsicherheit des zur Rechnung benutzten Zahlenmaterials, insbesondere desjenigen, welches die Ermittlung des Rudius » betrifft, underseits aus der Tatsache erklären. daß der Bahnradius der rotierenden fonen nicht konstant ist, sondern je nach der Geschwindigkeit der zusammentreffenden Ionen Innerhalb gewisser Grenzen schwanken muß, wobei die hier für den Bahuradius z und für die Wellenlänge A berechneten Werte als untere Grenzwerte anzuseisen sind. Man wird daher annehmen müssen, daß die emittierte Strahlung ziemlich inhomogen ist und sich über ein größeres Wellen-Uingenbereich erstreckt.

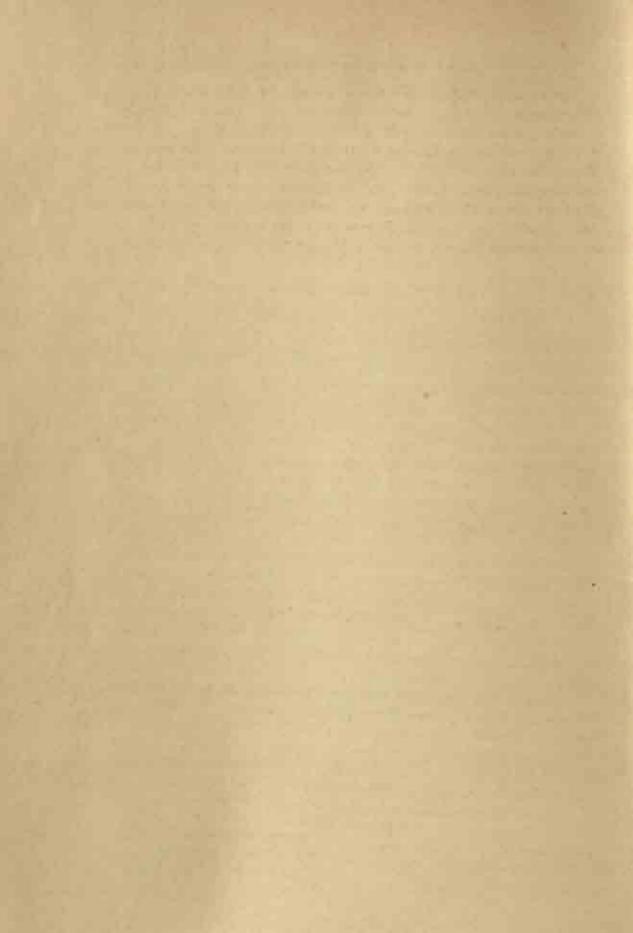
In einer kürzlich erschienenen, sehr interessanten Mitteilung hat Hr. Kanzunnen-Onnes<sup>2</sup> aus Messungen des elektrischen Leitvermögens

F. Riomeses, diese Berichte S. 948, 1909.

H. KAMPHINGS-ONNE, Communications from the Physical Laboratory of Leiden Nr. 119 and 120, 1911.

an festem Quecksilber im Gebiete der tiefsten Temperaturen auf eine Eigenfrequenz der Quecksilbermoleküle von eiwn i = 5 × 10 geschlossen. Diese Frequenz liegt in derselben Größenordnung wie die beiden von uns im leuchtenden Hg-Dampf beobachteten Schwingungszahlen. Nimmt man jedoch die von Hrn. Lisenmass gegebene, im vorstehenden dargelegte Theorie der Strahlungserregung in der Quecksilberbogenlampe als richtig an, so würde ein einfacher Zusammenhang zwischen den von Hrn. Kammasser-Oxsus berechneten und von uns beobachteten Eigenfrequenzen nicht ohne weiteres zu erkennen sein.

Ausgegeben um 22. Juni.



### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXXI.

#### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

### AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

22. Juni. Gesammtsitzung.

#### Vorsitzender Secretar: Hr. Dikls.

\*1. Hr. Schiffen las Über die materiellen Kräfte des schwedischen Staatswesens zur Zeit von Gustaf Adolf's Regierungsantritt.

Er legte vergleichend dar, wie bescheiden sie waren neben desen des rivaltsirenden Dänemark und der führenden Territorien des gleichzeitigen Deutschlund. Erst die Feststellung dieser Thatsache setzt die persönliche Bedeutung Gustaf Adolf's in das rechte Licht.

2. Hr. FROBENICS legte eine Arbeit vor: Gruppentheoretische Ableitung der 32 Krystallelassen.

Die Lehre von den Gruppencharakteren wird benutzt, um die Eintheitung der Krystalle in Classen abzubeiten und die 32 Classen in übersiehtlicher Weise anzuordnen.

3. Das correspondirende Mitglied Hr. Jacon in Bonn hat eine Mittheilung übersandt, betitelt: Zur Frühgeschichte der indischen Philosophie. (Erseh, später.)

Es wird gezeigt, dars im 4. Jahrhundert v. Chr. Mimänsk. Sähkhys, Vogs und Lokäyata sehon aperkannte philosophische Systeme waren, während Nyava und Valšenika sowie wahrecheinlich auch die buddhistische Philosophie erst später entstanden sind.

4. Hr. von Wharowitz-Moellerborte legte vor: Arkadische Forschungen von F. Freiherrn Hiller von Gaertringen und H. Latter-nass. (Abb.)

Die Abhandlung enthält einen Bericht über die von März his Juni 1910 für das arkadische Inschriftenwerk (Inscriptiones Grascas V z) unternommene Reise. Als Beispiel für die epigraphische Forschung wird das bekannte Gottesurtheil von Mantinsias, für die topographische Orchomenos und die (his 369) сумтелойски полек. Methydrion mit sinem neu ausgegrabenen Tempel, Thison und Teuthis behandelt. Topographische Kartesanshahmen und Photographien von Hrn. Lattennann erläutern die Ausführungen.

5. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Schwarz in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 15. Juni vorgelegten Arbeit des Hrn. Dr. Leon Lichtenstein hierselbst in den Anhang zu den Abhandlungen: Beweis des Satzes, dass

jedes hinreichend kleine im wesentlichen stetig gekrümmte, singularitätenfreie Flächenstück auf einen Theil einer Ebene zusammenhängend und in den kleinsten Theilen ähnlich abgebildet werden kann.

- 6. Der Vorsitzende überreichte den Bericht der Commission für den Thesaurus lingune Latinae über die Zeit vom 1. October 1910 bis 1. April 1911.
- 7. Die Akademie hat nunmehr die Bestimmungen über die Verleihung des aus der v. Bürrinnen-Stiftung beschafften Mesothoriumbromids (vgl. Sitzungsber. 1910, S. 949) festgesetzt. Sie folgen unten im Wortlaut.
- 8. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Bd. 19 der von der Deutschen Commission der Akademie herausgegebenen Deutschen Texte des Mittelalters, enthaltend die poetische Bearbeitung des Buches. Daniel brsg. von A. Hüssen. Berlin 1911; zwei neu erschienene Bämle der Ergebnisse der Plankton-Expedition der Humsonor-Stiftung, Bd. II. H. e enthaltend die Chätognathen von R. von Rittin-Zanost und Bd. III. L. h. 11 enthaltend von den tripyleen Radiolarien die Challengeridae von A. Bosarar. Kiel und Leipzig 1911; drei mit Unterstützung der Akademie gedrackte Bände des von Hen. Essenen und Hen, O. Danne in Dresden herausgegebenen Sammelwerkes »Die Vegetation der Erde. Bd. 11: L. Anaxovic, Die Vegetationsverhältnisse der Balkanländer, Bd. 12: A. Webenbauer, Die Pflanzenwelt der peruanischen Anden und Bd. 13: J. W. Hausmersonn, Phytogeographic Survey of North America Leipzig 1909-11; ferner zwei Werke von correspondirenden Mitgliedern: W. Könner, Über die Bestimmung des chemischen Ortes bei den aromatischen Substanzen. Vier Abhandlungen Leipzig 1510 und W. Janes (1), Some Problems of Philosophy. New York 1911; endlich die 15. wissenschaftliche Veröffentlichung der Deutschen Orient-Gesellschaft: R. Koldewey, Die Tempel von Babylon und Borsippa Leipzig 1911.

## Gruppentheoretische Ableitung der 32 Kristallklassen.

Von G. FROBENIUS.

Die von Hen L. Biebenbach entwickelte Theorie der unzerlegbaren, unendlichen, diskreten Bewegungsgruppen habe ich in einer kürzlich hier erschienenen Arbeit vereinfacht. Die reellen Gruppen der Dimension 3 stehen in engster Beziehung zu den Symmetrieeigenschaften der Kristalle. Zwei Kristalle werden zu derselben Klasse gerechnet, wenn die beiden ihren Gruppen  $\mathfrak{H}$  und  $\mathfrak{H}$ , zugeordneten endlichen Gruppen  $\mathfrak{H}'$  und  $\mathfrak{H}_{\mathfrak{h}}'$  äquivalent sind,  $\mathfrak{H}_{\mathfrak{h}}' = U^{-1}\mathfrak{H}'U$ . Diese endlichen Gruppen sind dadurch charakterisiert, daß sie Gruppen liquivalent sind, deren Koeffizienten ganze Zahlen sind. Die Aufgabe ist also, alle nicht liquivalenten endlichen ternären Gruppen mit ganzzahligen Koeffizienten zu ermitteln

Die Substitutionen einer solehen Gruppe, die ich jetzt mit 5 beseichnen will, lassen eine positive quadratische Form mit ganzen Koeffizienten ungeändert. Die Gruppen können daher aus der Theorie der Reduktion der positiven ternären Formen abgeleitet werden. Hier aber will ich einen anderen Weg einschlagen und sie allein aus der Lehre von den Gruppencharakteren entwickeln. Transformiert man jene quadratische Form in eine Summe von Quadraten, so erhält man eine mit 5 äquivalente Gruppe orthogonaler Substitutionen. In dieser Gestalt, die der geometrischen Deutung bequemer zugänglich ist, werden diese Gruppen gewöhnlich betrachtet. Aber eine Kristallklasse wird durch eine endliche orthogonale Gruppe nur dann definiert, wenn sie einer ganzzahligen Gruppe äquivalent ist. Glücklicherweise lassen sich 25 der 32 Gruppen 5 als ganzzahlige orthogonale Gruppen darstellen, nur die 7 Gruppen des hexagonalen Systems lassen eine solche Darstellung nicht zu.

Der Ausdruck Gruppe wird hler meist in dem Sinne von Darstellung einer abstrakten Gruppe gebraucht. Zwei endliche Gruppen von Matrizen  $\mathfrak{H} = A + B + C + \cdots$  und  $\mathfrak{H}_n = A_n + B_n + C_n + \cdots$  werden äquivalent genannt, wenn es eine solche Substitution U gibt, daß  $U^{-1}AU$ ,  $U^{-1}BU$ ,  $U^{-1}CU$ , obgeschen tem der Reihenfolge mit  $A_+$ ,  $B_+$ ,  $C_+$ , whereinstimmen. Dann gibt es, wenn  $\mathfrak S$  und  $\mathfrak S_+$  ganzzahlig sind, auch stets eine ganzzahlige Substitution U, die  $\mathfrak S$  in  $\mathfrak S_+$  überführt. Dem die Koeffizienten von U sind aus linearen Gleichungen (z. B.  $AU = UC_+$ ) zu herechnen.

Die eben aufgestellte Definition einer Kristallklasse findet sich nicht überall mit ausreichender Genauigkeit gegeben. Die Definition der Äquivalenz von zwei Darstellungen derseiben abstrakten Gruppe 6 ist etwas schärfer, und erfordert, daß  $U^{-1}AU=A_+$ ,  $U^{+1}BU=B_0$ —ist Dazu ist notwendig und hinreichend, daß  $\mathfrak{H}=A_++B_++C_++\cdots$  und  $\mathfrak{H}=A_0+B_0+C_0+\cdots$  in dieser Reihenfolge der Substitutionen isomorph, und mit  $\mathfrak{H}$  homomorph sind, und daß entsprechende Substitutionen die gleiche Spur  $\chi(A)=\chi(A_0)$ ,  $\chi(B)=\chi(B_0)$ ,  $\cdots$  haben. Dieser Satz gestattet genau zu erkennen, welche der ermittelten Gruppen äquivalent und welche wirklich verschieden sind.

#### S L

Die Sätze, die ich aus der Theorie der Gruppencharuktere brauche, will ich hier kurz zusammenstellen. Ist  $\chi(R)$  der Charakter einer irreduzibeln oder transitiven Gruppe  $\tilde{\mathfrak{H}}$  der Ordnung h, so ist

(1.) 
$$\sum_{k} \chi(R^{-1}) \chi(R) = h.$$

Let  $\psi(R)$  ein von  $\chi(R)$  verschiedener Charakter, so ist

$$\sum \psi(R^{-1}) \chi(R) = 0.$$

insbesondere ist, wenn J der Haupteharakter ist,

$$\sum \chi(R) \equiv \text{oder } h_i$$

das letztere, wenn  $\chi(R)$  auch der Hauptcharakter ist. Sind f, f', f'', die Grade der sämtlichen verschiedenen transitiven Darstellungen von  $\mathfrak{H}$ , so ist

(4.) 
$$f^* + f'^* + f''^* + \cdots = \lambda$$

Ferner ist

$$\sum \chi(R^{\pm}) = ah.$$

Hier ist c=1; wenn die Darstellung reell (einer reellen äquivalent) ist, sonst ist c=-1 oder 0, je machdem sie der konjugiert kompiexen Darstellung äquivalent ist oder nicht. (Uber die reellen Darstellungen der endlichen Gruppen, Sitzungsber. 1906.) Eine reelle Darstellung, die nur reell unzerlegbar ist, zerfällt in zwei konjugiert komplexe Darstellungen, die einander äquivalent sein können oder nicht.

Das Produkt von zwei Charakteren ist eine lineare Verbindung der Charaktere, deren Koeffizienten (positive oder negative) ganze Zahlen sind. Ist daher f(x) eine ganze Funktion der Variabeln x, deren Koeffizienten ganze Zahlen sind, so ist auch  $f(\chi(R))$  eine solche Verbindung, und mithin ist nach (3.)

(6.) 
$$\sum f(\chi(R)) \equiv 0 \pmod{k}.$$

In der folgenden Untersuchung sind die h Werte von  $\chi(R)$  rationale ganze Zahlen. Kommen unter ihnen nur m verschiedene vor,  $v_i$ ,  $v_s$ ,  $v_s$ , und zwar  $g_i$  mal der Wert  $v_i$ , so ist demnach (vgl. J. Schur, Über eine Klasse von endlichen Gruppen lineurer Substitutionen, Sitzungsber. 1905)

(7.) 
$$\sum_{k} g_{k} f(v_{k}) \equiv 0 \pmod{h},$$

also für 
$$f(x) = (x-v_i) (x-v_i) \cdots (x-v_n)$$

(8.) 
$$g_i(v_1-v_2) (v_1-v_1) \cdots (v_i-v_n) \equiv 0 \pmod{h}$$
.

Diese Relation gilt aber auch, wenn  $v_1, \cdots v_n$  nicht rationale Zahlen sind. Es kann sogar unter  $\chi(R)$  eine lineare Verbindung

$$v = u'\chi'(R) + u''\chi''(R) + u'''\chi'''(R) + \cdots$$

der unabhängigen Variabeln  $u', u'', u''', \cdots$  verstanden werden, deren Koeffizienten mehrere verschiedene Charaktere sind, und unter  $v_1, v_2, \cdots v_n$  die verschiedenen unter diesen linearen Funktionen.

#### § 2.

Bei den abzuleitenden 32 Gruppen unterscheide ich 4 Typen. Die Gruppen des letzten, regulären Typus sind irreduzibel; die des ersten, elementaren zerfallen in 3 reelle Komponenten, ihre Substitutionen haben alle die Ordnung 2. Die des zweiten und dritten Typus zerfallen in 2 Komponenten der Grade 1 und 2. Beim dritten, metazyklischen Typus ist die binäre Komponente überhaupt Irreduzibel, beim zweiten, zyklischen, ist sie nur reell unzerlegbar. Der erste und der zweite Typus enthalten die kommutativen Gruppen.

Außerdem erreiche ich eine besondere Übersichtlichkeit, indem ich die Gruppen nicht wie üblich in 2, sondern in 3 Arten teile. Die Substitutionen der betrachteten Gruppen haben die Determinante  $\pm 1$  oder  $\pm 1$ . Je nachdem heißen sie eigentliche Substitutionen (Drehungen), oder uneigentliche. Es gibt nur eine Substitution, deren 3 charakteristische Wurzeln alle gleich  $\pm 1$  sind, die Inversion  $J=\pm E$ . Die 11 Gruppen  $\mathfrak A$  der ersten Art enthalten nur Drehungen, die 11 Gruppen  $\mathfrak A$  der dritten Art enthalten die Inversion, die 10 Gruppen  $\mathfrak B$  der zweiten Art enthalten nicht die Inversion und nicht nur Drehungen.

Eine Substitution R einer dieser ternären Gruppen kann nur die Ordnung

$$k = 1, 2, 3, 4, 6$$

haben, weil nach der Formel (3.) § 5 meiner Arbeit Über die untstlegburen diskreten Bewegungsgruppen  $g(k) \le 3$  sein muß. Die 3 Wurzeln einer solchen Matrix R sind durch die  $Spur \gamma_c(R)$  und die Determinante s vollständig bestimmt, sie genügen der Gleichung

$$s^{\alpha} - \chi(R)s^{\alpha} + \chi(R)ss - s = 0$$
.

Gehört die Matrix R einer Gruppe M der ersten Art an, ist also ihre Determinante gleich + 1, so sind für ihre 3 eharakteristischen Wurzeln nur die folgenden 5 Kombinationen zulässig, worin a eine primitive kubische Einheitswurzel bezeichnet:

Die Summe der 3 Wurzeln oder der Charakter x(R) ist entsprechend

Nach (8.) § 1 geht daher die Ordnung h von M, weil  $g_k = 1$  ist, in (3+1)(3-1)(3-0)(3-2) = 24 auf. Unter den h Werten  $\chi(R)$  seien  $g_k$  gleich  $\lambda$  (= 0, ± 1, 2, 3).

Zerfällt die Gruppe 21 in 3 reelle Komponenten, so haben ihre Substitutionen die Gestalt

(t.) 
$$z = \pm z', \quad y = \pm y', \quad z = \pm z'.$$

weil + 1 und - 1 die einzigen reellen Einheitswurzeln sind. Die 1 eigentlichen unter diesen 8 Substitutionen bilden die Vierergruppe M., worin die Gruppen M. und M. der Ordnungen 1 und 2 enthalten sind.

Ist dagegen  $\mathfrak{A}$  irreduzibel, so ist nach (v) § 1, weil der Charakter  $\chi(R) = \chi(R^{-1})$  reell ist,

$$\sum g_{\lambda}\lambda^{2} = h$$
,  $\sum g_{\lambda} = h$ ,  $\sum g_{\lambda}(\lambda^{2} - 1) = 0$ ,

also

$$g_6 = 8 + 3g_2,$$

wo  $g_a$  und  $g_i$  die Anzahl der Substitutionen der Ordnungen 3 und 8 bezeichnen. Mithin ist  $h \ge g_i + g_o \ge 9$  (was auch aus (4.) § i folgt), und daher h = 12 oder 24.

Ist h=12, so ist  $g_*=0$ . Sonst wäre  $h\geq g_*+g_*+g_*\geq 9+4g_*\geq 13$ . Daher ist  $g_*=8$ , und  $\mathfrak A$  enthält 4 Untergruppen  $\mathfrak B$  der Ordnung  $\mathfrak A$  Folglich ist die Gruppe  $\mathfrak A$  isomorph einer Gruppe von Permutationen von

(N: B) = 12: 3 = 4 Symbolen, der Tetraedergruppe. In der Tat läßt sich diese stets und nur in einer Art als irreduzible ternäre Gruppe №; darstellen (Über Gruppencharahtere, § 8; Sitzungsber, 1896).

$$g_1(2-3)(2+1)(2-1)(2-0) \equiv 0 \pmod{24}$$
,

Ist also  $g_i > 0$ , so ist  $g_i \ge 4$  and  $h \ge g_i + g_0 + g_i \ge 9 + 4g_i \ge 25$ . Daber ist y<sub>2</sub> = 0, uml 21 enthält 4 Entergruppen @ der Ordnung 3. Die mit @ vertauschbaren Substitutionen von & bilden eine Gruppe @ der Ordnung 24:4 = 6. Folglich ist A isomorph einer Gruppe von Permutationen von (A: (8') = 1 Symbolen, der Oktaedergruppe, vorausgesetzt, daß 66' keine invariante Untergruppe von A enthält (Uber endliche Gruppen, § 4: Sitzungsber. 1895). Nun ist  $\mathfrak{G}=E+L+L^*$  wohl in  $\mathfrak{G}'$ , aber nicht in  $\mathfrak{A}$  Invariant, eine Untergruppe  $\mathfrak{F} = E + M$  der Ordnung 2 ist aber nicht einmal in 6 invariant, sonst wäre L mit M vertauschbar, und LM hätte die Ordnung 0, während  $g_i = 0$  ist. In der Tat besitzt die Oktaedergruppe zwei und nicht mehr irreduzible ternäre Darstellungen, A., und B., (Über Gruppencharaktere, § 8), Die letztere entsteht, indem man von der Gruppe aller Permutationen von 4 Symbolen die dem Haupteharakter entsprechende Darstellung abspaltet, und enthält daher 12 eigentliche Substitutionen (Au) und 12 uneigentliche. Multipliziert man diese 12 mit -E, so erhält man die zu Ba assoziierte Darstellung Ma (vgl. § 4).

#### \$ 30

Besitzt die Gruppe  $\mathfrak A$  zwei reelle Komponenten, so hat jede ihrer Substitutionen R die Gestalt

$$z = az' + \beta y', \quad y = \gamma z' + by', \quad z = az'.$$

Hier ist  $*=\pm 1$ , und mithin  $\varepsilon\delta - \delta\gamma = \varepsilon$ . Folglich ist R durch seinen binären Teil vollständig bestimmt; dieser allein soll daher in diesem Paragraphen mit R bezeichnet werden, und die von diesen Substitutionen R gebildete binäre Gruppe mit  $\mathfrak A$ . Für die Wurzeln von R sind nur die folgenden 6 Kombinationen

$$1 - 1 \quad i \quad s - s \quad 1 \\ 1 - 1 \quad -i \quad s^2 - s^2 - 1$$

zulässig, denen die Werte des Charakters

entsprechen. Es ist  $g_*=1$ , and  $g_{-s}=1$  oder 0, je nachdem die Substitution F=-E in 2 vorkommt oder nicht.

lat die Gruppe 21 nur reell unzerlegbar, so sind ihre beiden Komponenten konjugiert komplex (und nicht öquivalent); folglich kann keine Substitution von 21 die Wurzeln 1, - 1 haben.

lst  $g_{-i} = 0$ , so ist auch  $g_i = 0$  und  $g_i = 0$ . Denn hat R die Wurzeln  $i_i - i_i$  so hat  $R^s$  die Wurzeln -1, -1. Nach  $(8.) frac{1}{2} 1$  ist daher h ein Divisor von 0, und man erhält die zyklische Gruppe  $\mathfrak{A}_i$ .

Let  $g_{-1} = 1$ , so schliebe ich aus (1.) and (2.) § 1

$$\sum g_i \lambda^2 = 2h$$
,  $\sum g_i(\lambda^2 - i) = h$ ,  $g_0 = e - h$ ,

demnach h=4 oder 6. Ist h=4, so ist  $g_*=2$ ; ist h=6, so ist  $g_*=0$ ,  $g_*+g_{-*}=4$ . Da aber -E in  $\mathfrak A$  vorkommt, so ist  $g_1=g_{-*}=2$ , weil jeder Substitution R der Ordnung 3 oder 6 eine Substitution -R der Ordnung 6 oder 3 entspricht. So erhält man die beiden zyklischen Gruppen  $\mathfrak A_*$  und  $\mathfrak A_*$ 

Ist aber A im Bereiche aller Größen irreduzibel, so ist

$$\sum g_i(\lambda^i = h), \qquad \sum g_i(\lambda^i - 1) = 0, \qquad g_* = 3(g_i + g_{-k}).$$

Ist  $g_{-4}=0$ , so ist  $g_0=3$ ,  $h\ge 4$ , und nach (8.) § r ist h ein Divisor von 6, demnach h=6. Folglich enthält  $\mathfrak A$  keine Substitution R der Ordnung 4 (mit den Wurzeln  $i_1-i_1$ ), sondern  $g_i=3$  Substitutionen M der Ordnung 2 (mit den Wurzeln  $1,-i_1$ ), also kein Element der Ordnung 6, aber zwei Elemente L und  $L^{-1}$  der Ordnung 3. Daher ist  $M^{-1}LM=L^{-1}$ , und wir erhalten eine Diedergroppe oder metasyhlische Gruppe. Diese besitzt eine und nach (4.) § 1 mir eine hinare Darstellung  $\mathfrak A_{2,4}$ .

Let aber  $g_{-1}=1$ , so ist  $g_{\rm c}=6$ . In diesem Falle müssen wir die Formel (5:) § :

$$\sum \chi(R^z) = h$$

zu Hilfe nehmen. Von jenen  $g_s=6$  Substitutionen mögen g' die Wurzeln  $i_s=i$  haben, g' die Wurzeln  $1_s=1$ . Dann ergibt sieh

$$g'-g'' = h-h$$
,  $2g' = 12-h$ ,  $2g'' = h$ ,

Daher ist  $h \le 42$ ,  $h \ge g_z + g_{-z} + g_z \ge 8$ . Als Divisor von 24 ist daher h = 8 oder 12.

Ist h=8, so enthalt  $\mathfrak A$  genau g'=2 Substitutionen L und  $L^{-1}$  der Ordnung 4, also eine invariante Untergruppe  $\mathfrak A$  der Ordnung 4, und  $L^{2}=F$  nur nech g'=4 Substitutionen M der Ordnung 2. Demnach ist  $\mathfrak A=\mathfrak A+\mathfrak AM$ ,  $(LM)^{2}=E$ ,  $M^{-1}LM=L^{-1}$ . Aus eine und nur eine binäre Darstellung  $\mathfrak A$ , besitzt.

Ist h=12, so ist g'=0, g''=0, g''=0,  $g_i+g_{-i}=1$ , mithin  $g_i=g_{-i}=2$ . Die Gruppe enthält genun  $g_i=2$  Substitutionen L und  $L^{-i}$  der

Ordnung 6, und außer F noch g''=6 Substitutionen M der Ordnung 2, und es ist  $M^{-1}LM=L^{-1}$ . Dire Kommutatorgruppe  $E+L^3+L^4$  hat die Ordnung 3. Daher hat die Gruppe 12:3 = 4 Darstellungen des Grades f=1. Ist R=E+F, so ist die Gruppe  $M:\mathfrak{F}$  mit  $M_{*,*}$  isomorph und besitzt daher eine binäre Darstellung, deren Charakter U(R) für R=F den Wert U(F)=+2 hat. Außer diesen mit M bomomorphen Darstellungen hat sie daher nach M is eine und nur eine mit M isomorphe binäre Darstellung  $M_{*,*}$ , worin M is M is M.

Von den 6 abgeleiteten hinären Gruppen enthalten A., A. und A. nur eigentliche binäre Substitutionen, A., a., und M., auch uneigentliche. Mit Hilfe der Substitutionen

$$(r.) \quad L_i = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad L_i = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad L_i = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \quad M = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

lassen sich diese Gruppen ganzzahlig darstellen.

Es gibt zwei irreduzible binäre Gruppen  $\mathbb O$  und  $\mathbb O'$  der Ordnungen 8 und 12, die vollständig durch die Bedingungen bestimmt sind, daß sie nur ein Element der Ordnung 2 enthalten und doch nicht kommutativ sind.  $\mathbb O$  ist die bekannte Quaternionengruppe. Für die Wurzeln theer Substitutionen sind auch nur die obigen Kombinationen zulässig, ihre Charaktere sind reell, aber die Gruppen lassen sich nicht in reeller Gestalt darstellen, sondern sind der konjugiert komplexen Gruppe äquivalent. Daber ist  $\sum \chi(R^z) = -h$  und y'' = 0. Um diese beiden Gruppen auszuschließen, mußte Ich oben von der Formel (54) § 1 Gebrauch machen:

#### \$ 4

In der obigen Entwicklung hätte ich, ohne die Schlüsse zu Imdern, mit den Gruppen der ersten Art & auch gleich die der zweiten Art Beziehungen dieser Gruppen erhält man aber, wenn man sie auf die der ersten Art zurückführt.

Die eigentlichen Substitutionen einer Gruppe  $\mathfrak B$  bilden eine Gruppe der ersten Art  $\mathfrak A'$ , deren Ordnung k die Hälfte der Ordnung  $\mathfrak A k$  von  $\mathfrak B$  ist. Die k Matrizen der uneigentlichen Substitutionen vom  $\mathfrak B$ , unter denen sieh -E nicht befindet, seien -P, -Q, -R, ... Von den eigentlichen Substitutionen P, Q, R, ..., deren Komplex ich mit  $\mathfrak A'$  bezeichne, ist keine in  $\mathfrak A'$  enthalten, denn sonst enthielte  $\mathfrak B$  die Substitutionen P und -P, also auch die Inversion -E. Sie bilden mit den Substitutionen von  $\mathfrak A'$  zusammen eine Gruppe  $\mathfrak A' + \mathfrak A' = \mathfrak A$  der ersten Art von der Ordnung 2h. Analog bezeichne ich den Komplex -P, -Q, -R, ... mit  $-\mathfrak A'$  und setze  $\mathfrak B = \mathfrak A' + (-\mathfrak A')$  oder kürzer  $\mathfrak B = \mathfrak A' - \mathfrak A'$ . Mit Ausmit  $-\mathfrak A'$  und setze  $\mathfrak B = \mathfrak A' + (-\mathfrak A')$  oder kürzer  $\mathfrak B = \mathfrak A' - \mathfrak A'$ . Mit Ausmit  $-\mathfrak A'$ 

nahme von  $\mathfrak{B}_i$  enthält jede Gruppe der zweiten Art eine Spiegeboog  $S_i$  kann also  $\mathfrak{L}' = -\mathfrak{A}'S = -S\mathfrak{A}'$  gesetzt werden.

Sei umgekehrt  $\mathfrak{A}$  eine Gruppe der ersten Art von gerader Ordnung 2h, die invariante Untergruppen von Index 2 hat. Ist  $\mathfrak{A}'$  irgendeine solche, und  $\mathfrak{A}'$  der Komplex der h anderen Substitutionen, so ist  $\mathfrak{A}'-\mathfrak{L}'=\mathfrak{B}$  eine Gruppe der zweiten Art. Zwei Gruppen  $\mathfrak{A}=\mathfrak{A}'+\mathfrak{L}'$  und  $\mathfrak{B}=\mathfrak{A}'-\mathfrak{L}'$  werden assoziiert genannt.  $\mathfrak{A}'$  ist der größte gemeinsame Divisor von  $\mathfrak{A}$  und  $\mathfrak{B}$ .

Dus hier benutzte allgemeine Prinzip der Gruppentheorie lautet so: Besitzt eine Gruppe einen Charakter etsten Grades x,  $\hat{\beta}$ ,  $\gamma$ ,  $\cdots$ , so ergibt sich aus jeder ihrer Darstellungen durch die Matrizen A, B, C,  $\cdots$  eine andere durch die Matrizen xA,  $\beta B$ ,  $\gamma C$ ,  $\cdots$  Zwei solche Darstellungen werden assozierte genannt.

Jeder Gruppe & ist daher eine und nur eine Gruppe & assoziiert, einer Gruppe & aber, die invariante Untergruppen vom Index 2 hat, können auch mehrere Gruppen & assoziiert sein. Assoziierte Gruppen erhalten in der Tabelle dieselbe Nummer, welche Ihrer Ordnung gleich ist.

Den Gruppen M., M. und M., die keine invarianten Untergruppen vom Index 2 haben, ist keine Gruppe B assoziiert, den Gruppen M., M., M., M., und M., je eine. Die Substitutionen von M., zerfallen in die folgenden 5 Klassen konjugierter Elemente

$$E_1 = L^2, \quad L + L^3, \quad M + L^3M, \quad LM + L^4M.$$

Jeder dieser invarianten Komplexe erzeugt eine Gruppe. Diese Gruppen und ihre Produkte sind die sämtlichen invarianten Untergruppen von  $\mathfrak{A}_{i,i}$ . Drei davon haben die Ordnung 4. Die eine,  $\mathfrak{A}_{i,i}$  wird von den Potenzen von L gebildet und fährt zu  $\mathfrak{B}_{i,i} = \mathfrak{A}_i - \mathfrak{M}_i$ . Die beiden andern sind Vierergruppen und führen zu den Gruppen zweiter Art

Diese sind in der angegebenen Anordnung isomorph, und die entsprechenden Substitutionen haben denselben Charakter. Daher sind die Gruppen Equivalent. Die erste geht durch die Transformation

(E) 
$$U = \frac{E + (1 + \sqrt{2})L}{L + (1 + \sqrt{2})E}$$

in die zweite über. Ist L orthogonal, so ist es auch  $U_i$  eine Drehung um dieselbe Achse wie  $L_i$  aber aur um den halben Winkel.

Wir erhalten also nur eine zweite Gruppe  $\mathfrak{B}'_{i,k} = \mathfrak{A}_{k,k} - \mathfrak{L}_{k,k}$ . Ebenso ist es bei  $\mathfrak{A}_{k,k}$  und  $\mathfrak{A}_{k,k}$ . Die der Gleichung (1.) entsprechende Transformation erhalt man bei  $\mathfrak{B}'_{k,k}$  indem man V2 durch V3 ersetzt.

Die Zeichen if und M bedeuten hier nicht (fruppen, sendern Komplexe aus so vielen eigentlichen Substitutionen, wie ihr index angibt. Insbesondere ist ein solcher Komplex stets und nur dann mit M bezeichnet, wenn seine Substitutionen alle die Ordnung 2 haben (also die von - M Spiegelungen sind):

Die Diedergruppen  $\mathfrak{A}_{*,*}, \mathfrak{B}_{*,*}$  und  $\mathfrak{B}'_{*,*}$  werden von zwei Substitutionen L und M erzeugt, die den Bedingungen

(2) 
$$L^* = E_+ - M^* = E_- - M^{-1}LM = L^{-1}$$

genügen. In  $\mathfrak{B}_{i,j}$  ist L eine eigentliche, M eine uneigentliche Substitution, in  $\mathfrak{B}_{i,j}$  ist L eine uneigentliche Substitution, für M kann eine eigentliche oder eine uneigentliche gewählt werden.

#### Tabelle der 32 Kristallklassen.

I. Art	2. Art	3. Art					
$\begin{array}{ccc} & & \text{Elem} \\ 1 & \mathfrak{A}_i & & \\ 2 & \mathfrak{A}_i & = \mathfrak{A}_i + \mathfrak{M}_i \end{array}$	entarer Typus. $8_{r} = N_{r} + \mathfrak{R}_{r}$	E, E,					
3. N <sub>z,i</sub> = N <sub>i</sub> + M <sub>i</sub>	$\mathfrak{B}_{i,k} = \mathfrak{A}_i - \mathfrak{M}_k$ lischer Typus.	E.					
4. N, 5. N, = N, ± E, 6. N, = N, ± E,	$\mathfrak{B}_{i} = \mathfrak{A}_{i} + \mathfrak{L}_{i}$ $\mathfrak{B}_{i} = \mathfrak{A}_{i} - \mathfrak{L}_{i}$	E, E,					
Metaz	klischer Typus.						
$\begin{array}{lll} 4. \ \mathfrak{A}_{a,a} &= \ \mathfrak{A}_{a} + \mathfrak{M}_{a} \\ 5. \ \mathfrak{A}_{a,a} &= \ \mathfrak{A}_{a} + \mathfrak{M}_{a} \\ 6. \ \mathfrak{A}_{a,a} &= \ \mathfrak{A}_{a} + \mathfrak{M}_{c} \\ &= \ \mathfrak{A}_{a,b} + \mathfrak{L}_{a,c} \end{array}$	$\begin{array}{lll} \mathfrak{B}_{aa} = \mathfrak{A}_{a} - \mathfrak{M}_{a} \\ \mathfrak{B}_{aa} = \mathfrak{A}_{a} - \mathfrak{M}_{a} & \mathfrak{B}_{aa}' = \mathfrak{A}_{aa} + \mathfrak{E}_{aa} \\ \mathfrak{B}_{aa} = \mathfrak{A}_{a} - \mathfrak{M}_{a} & \mathfrak{B}_{aa}' = \mathfrak{A}_{aa} - \mathfrak{E}_{aa} \end{array}$						
Regulärer Typus.							
7. Mar = Marten	25 <sub>14</sub> = 10 <sub>11</sub> - 12 <sub>11</sub>	E <sub>11</sub>					

Die Gruppen der dritten Art  $\mathfrak E$  enthalten die Inversion J=-E, die mit jeder Substitution vertauschbar ist. Die eigentlichen Substitutionen von  $\mathfrak E$  bilden eine Gruppe  $\mathfrak A$  der ersten Art, die uneigentlichen den Komplex  $\mathfrak AJ$ . Ist also  $\mathfrak J=E+J$ , so ist

$$\mathfrak{C} = \mathfrak{A} \times \mathfrak{I}$$

das direkte Produkt der beiden Gruppen 21 und J. So entsprechen den 11 Gruppen 21 eindeutig II Gruppen C. Die Ordnung von C ist doppelt so groß wie ihr Index. Ist B irgendeine mit 21 assoziierte Gruppe, so ist auch C = B×J. Die Gruppe C ist das kleinste gemeinschaftliehe Vielfache von 21 und B (und B').

Die außerordentliche Zweckmäßigkeit der hier eingeführten Bezeichnung für die 32 Kristallklassen, die ohne jede Willkür aus der
Gruppentheorie geschöpft ist, ergibt sich auch bei der Einordnung der
32 Klassen in die bekannten 7 Kristallsysteme. Diese sind das 1 trikline, 2. monokline, 3. rhombische, 4. rhomboedrische, 5. tetragonale,
6. hexagonale, 7. reguläre System. Die Ziffern in der ersten Spalte
der Tabelle geben an, zu welchem Systeme die Gruppen der Zeile
gehören.

Wenn  $\mathfrak{C}_i$  für  $\lambda=4.6$  dem zweiten,  $\mathfrak{C}_{i,*}$  dem dritten Typus zugerechnet ist, so ist damit nicht ausgedrückt, daß  $\mathfrak{C}_{k}$  eine zyklische.  $\mathfrak{C}_{k,*}$  eine metazyklische Gruppe ist. Dies trifft nur für die Gruppen der beiden ersten Arten zu.

#### \$15.

Eine Substitution, die zugleich ganzzahlig und orthogonal ist, enthält in jeder Zeile und in jeder Spalte einen Koeffizienten  $\pm 1$  und zwei Koeffizienten 0. Solcher ganzzahliger Substitutionen, die  $x^{\sharp} + y^{\sharp} + z^{\sharp}$  ungeändert lassen, gibt es 18, aus jeder der 6 Permutationen, z. B.  $x = y', \ y = z', \ z = x'$  entspringen 8, nämlich  $x = \pm y', \ y = \pm z', \ z = \pm x'$ . Die von ihnen gebildete Gruppe muß also mit  $\mathfrak{T}_n$  identisch sein. Die 8 Substitutionen (1.) § z bilden die Gruppe  $\mathfrak{T}_n$ , die 6 Permutationen bilden die Gruppe  $\mathfrak{T}_n$ , demnach ist

(11) 
$$\mathfrak{E}_{i_1} = \mathfrak{B}_{i_{12}} \mathfrak{E}_{i_{21}}$$

Mit dieser einfachsten Darstellung von  $\mathbb{C}_n$  ist zugleich für die meisten der 32 Gruppen eine normale Darstellung gewonnen, weil sie fast alle Untergruppen von  $\mathbb{C}_n$  sind. Ausgenommen sind allein die 7 Gruppen des hexagonalen Systems  $\mathfrak{A}_*$ ,  $\mathfrak{B}_*$ ,  $\mathfrak{E}_*$ ,  $\mathfrak{A}_*$ ,  $\mathfrak{B}_*$ ,  $\mathfrak{B}_*$ ,  $\mathfrak{B}_*$ , and  $\mathfrak{E}_*$ . Sie sind alle in der Gruppe  $\mathfrak{E}_*$ , enthalten, und diese besteht aus allen ganzzahligen Substitutionen, welche die beiden Formen  $x^* + xy + y'$  und  $z^*$  ungeändert lassen.

Die ternären Substitutionen R der Ordnung 6 zerfallen in 3 Arten, je nachdem  $\chi(R) = +2$ , -2 oder 0 ist. In  $\mathfrak{C}_{\mathsf{st}}$  kommen nur solche vor, wofür  $\chi(R) = 0$  ist, d, h. -R die Ordnung 3 hat; in  $\mathfrak{C}_{\mathsf{st},\mathsf{s}}$  aber kommen nur solche vor, wofür  $\chi(R) = \pm 2$  ist, d. h. R zugleich mit -R die Ordnung 6 hat. Die Substitutionen von  $\mathfrak{C}_{\mathsf{st},\mathsf{s}}$  lassen sich ganzzahlig darstellen (vgl. (1.) § 3), oder orthogonal. aber nicht, wie die von  $\mathfrak{C}_{\mathsf{st},\mathsf{s}}$  gleichzeitig ganzzahlig und orthogonal.

Zu einer normalen Gestalt für die Substitutionen von  $\mathfrak{E}_{\epsilon,s}=\mathfrak{B}_{\epsilon,s}\times\mathfrak{J}_{\epsilon}$  worin sie zugleich rational und orthogonal sind, gelangt man, indem man die Substitutionen von  $\mathfrak{B}_{\epsilon,s}$  aus den 6 Permutationen von  $\mathfrak{B}_{\epsilon,s}$ 

und der Substitution

$$L^{s} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

entstehen lißt,

# Bericht der Kommission für den Thesaurus linguae Latinae über die Zeit vom 1. Oktober 1910 bis 1. April 1911.

- 1. Der Bericht wird diesmal schen nach einem halben Jahre erstattet, da die Kommission, wie im vorigen Bericht in Aussicht gestellt, hauptsächlich wegen der Schwierigkeiten der Finanzlage ihre Sitzung schon im Frühjahr, am 22. April, abgehalten hat. Die nächsten Sitzungen sollen wieder im Frühjahre stattfinden, uml die Berichte werden darum künftighin die Zeit vom 1. April bis 1. April umfassen.
- 2. Das Halbjahr hat eine große Veranderung für das Bureau gebracht: das bayerische Finanzministerium verlangte das ihm gehörende Hans Herzogspitalstraße 18, in dem der Thesaurus jetzt fast drei Jahre lang untergebracht war, für eigene Zweeke zurück. Da weder die bayerische Akademie noch das Kultusministerium passende Räume zur Verfügung hatte, war die Sorge groß. Schließlich wurde ein geeignetes Privathaus, Thierschstraße 11, IV, ausfindig gemacht, und der Herr Minister erklärte sich in dankenswerter Weise bereit, diese Räume zunächst für fünf Jahre dem Thesaurus zu siehern. Diese neue Unterkunft ist mit ihren hellen und luftigen Zimmern für die jetzige Aufgabe des Bureaus durchaus zweekentsprechend; aber die Kommission hat sich doch der Ansicht nicht verschließen können, daß nicht nur die Kontinuität der Arbeit, sondern auch der unberechenbare Wert des in Zukunft nach stetiger Ordnung zu verwaltenden Materials die Aufnahme des Thesaurus etwa nach Ablauf der gegenwärtigen fünfjährigen Mietperiode in die Räume der Akademie wünschenswert machen. Nur unter der Voraussetzung einer solchen Einrichtung glänbt die Kommission an dem dauernden Verbleib des Thesaurus in Mün-
- 3. Im Jahre 1910 sind zum ersten Male von allen beteiligten Regierungen die Jahresbeiträge in dem erh\u00f6hten Betrage von 6000 Mark gezahlt worden. Außerdem haben die Berliner und Wiener Akademie besondere Zuwendungen von je 1000 Mark gemacht. Weiter ist der Betrag der Gissecke-Stiftung von 5000 Mark eingegungen, fer-

ner sind Zuschüsse von den Regierungen in Hamburg, Württemberg, Baden in Höhe 1000, 700 und 600 Mark überwiesen worden. Vom Jahre 1911 ab hat die Wissenschaftliche Gesellschaft in Straßburg zunächst auf 5 Jahre einen jährlichen Zuschuß von 600 Mark zugesagt. Außerdem hat die preußische Regierung von neuem zwei Stipendien zu je 1200 Mark an Thesanrus-Assistenten bewilligt und wiederum einen Oberiehrer für ein Jahr an den Thesaurus beurlaubt: Bayern hat die Beurlaubung des Sekretärs Prof. Hex verlängert, Österreich von neuem einen beurlaubten Gymnasiallehrer gesandt, und nunmehr hat auch Sachsen von Ostern 1911 ab einen Oberiehrer zur Teilnahme an den Thesaurusarbeiten zur Verfügung gestellt. Für alle diese Beiträge und Bewilligungen spricht die Kommission ihren aufrichtigen Dank aus.

- 4. Nach dem der Kommission vorgelegten Berichte des Generalredaktors über das letzte Halbjahr wurden fertig gedruckt 27 Bogen,
  Band III bis commercium, Band V bis depostulator, die Eigennamen bis
  Ciano; zurückgeordnet wurde das Zettelmaterial aus Band III bis commentus, aus Band V bis contra. Zur Arbeit fertig geordnet wurde weiteres Material aus F.
- 5. Der Bestand der Mitarbeiter hat zum 1. Januar durch die plötzliche Einberufung zweier Assistenten in den bayerischen Schuldienst wieder einmal eine empfindliche Störung erlitten; erst von Ostern 1941 ab wird die Zahl der Mitarbeiter anßer Redaktoren und Sekretär wieder auf 15 gebrucht sein.

(2)	E	120	Jane.	1000	butterment.
D.	H	983	mre.	1910	betrugen

	Einnahmen		8	8	120		D.					51312.46 Mark
×	Ausgaben	161	۰	ál.	10	×	24	1	ě	*	53	52750/24 *

Der Sparfonds war schon zu Beginn des Rechnungsjahres 1910 aufgebraucht, und es bestand schon um 1 Januar 1910 ein Defizit von 4130.81 Mark. Dieses Defizit setzte sieh zusammen aus

t. dem Ahrechnungsdefizit vom t. Januar 1910 . 2043.93 Mark,

2. den Kosten für die Herstellung der Räume in der Herzogspitalstraße 18, die von der bayerischen Regierung bisher nicht wiedererstattet worden sind

4130.81 Mark.

Die als Reserve für den Abschliß des Unternehmens vom Buchstaben P an bestimmte Wölffung-Stiftung beitrag nach Erlegung der Erbschaftssteuer von 1444 Mark am 1. April 1911 53386.47 Mark.

## 7. Übersicht über den Finanzplan für 1912.

#### Einnahmen:

Beiträge der Akademien und gelehrten Gesellschaften								
(einschließlich der Sonder	beiträge	von.	Berlin	him				
Wien)			20		32000	Mark_		
Beitrag der Wissenschaftliche	en Gese	llseluu	in S	traß-				
burg	4.0		6 0	9 7	600			
Gresecke-Stiftung 1912	5 9		10.54		5000	1		
Zinsen, rund	0.0		2 10	G 12	100			
Honorar von Teubnes für 6	0+10	Bogen			THE PERSON	¥		
Stipendlen und Beiträge ein	zelner S	Stanter						
Zuschuß aus dem neu zu er	richten	den S	parfoni	16 .	2475-			
				-	60095	Mark.		
	America	Table 1			WWW.	Marine Marin		
Workerson	Ausga							
Gehälter	8.8		5 E	0.0	38985	Murk.		
Lautende Ausgaben					DECOR.	× 5		
Honorar für 70 Bogen .	10 5		1.17		E6on			
Verwaltung	- 0			2 0	5400			
Exzerpte und Nachträge	n 9							
The same of the sa		W .	200					
Außerordentliches	\$1.190			9 3	350			
Einlage in den Sparfonds		3 5	\$1.04	20	500			
Deficit from 1 Inverse to 1	1.00	> =	F 7	4 10	2475.			
Defizit vom 1. Januar 1911	- 14	8 8	0.00	e 9.	5568.89	-		
					62578.89	Mark		
Vorauszusehendes Defizit	E (#)		¥ 16		2483.89	Mark.		

Berlin, Göttingen, Leipzig, München, Wien, den 22. April 1911

BRUGMANN, DIELS, HATHER, LEO, VOLLMER.

## Bestimmungen über die Verleihung des aus der v. Böttinger-Stiftung beschafften Mesothoriumbromids.

Das von der Firma Knöfler & Co. in Plötzensee bei Berlin nach dem Verfahren von Prof. Otto Haus im Frühjahr 1911 dargestellte Mesothoriumbromid enthält 20—25 Prozent Radiumbromid. Dementsprechend sendet das Präparat nur wenig a-Strahlen und wenig Radiumemanation aus, dagegen in großer Menge die durchdringenden β- und γ-Strahlen.

Bei der Dosierung ist reines Radiumbromid als Maßstab zugrunde

gelegt.

Die Radioaktivität steigt bis zum Jahre 1914 und beträgt damn ungefähr das 1-fache des jetzigen Wertes. Von da an nimmt sie wieder ab und fällt bis 1931 ungefähr auf die Hälfte des jetzigen Wertes.

Das Präparat wird von der Akademie an deutsche Gelehrte für

Forschungszwecke unter folgenden Bedingungen ausgeliehen:

1. An die Akademie der Wissenschaften zu Berlin W. Potsdamer Straße 120, ist ein schriftliches Gesuch zu richten, in dem Zweck und Methode der Untersuchung darzulegen und die gewünschte Menge in Milligramm (bezogen auf reines Radiumbromid) angegeben ist.

Soll das Präparat für medizinische Zwecke benutzt werden, so ist die Form der Kapsel, die zur Aufnahme desselben dient, genau anzugeben. Noch besser werden diese Kapseln von dem Gesuchsteller

selbst geliefert.

- 2. Die Dosierung gesehicht vorläufig durch einen Chemiker der Firma Knöfler & Co. und wird durch Prof. Orro Haus im Chemischen Institut der Universität, Berlin N 4, Hessische Straße 1, kontrolliert. Die Dosierungsgebühr beträgt für jedes Präparat 10 Mark. Ebenso ist für die Kapseln, falls sie nicht vom Gesuchsteller geliefert werden, eine angemessene Vergütung zu zahlen.
- Die Verleibung geschieht im allgemeinen auf ein halbes Jahr, kann aber dann verlängert werden, falls ein neues Gesuch an die Akademie gerichtet wird.

Cher die Verleibung muß ein Leibschein ausgestellt werden, in welchem die Aktivität, bezogen auf Milligramm reinen Radiumbromids, anzugeben ist.

4. Der Entleiher übernimmt die unbedingte Haftung für etwaige gänzliche oder teilweise Verluste des Präparates, gleichgültig, ob ein derartiger Verlust durch eigenes Verschulden stattfindet oder nicht. Die Akademie kann verlangen, daß der Entleiher eine entsprechende Kaution hinterlegt oder für Bürgschaft durch einen Dritzen sorgt.

#### Leihschein.

Hiermit bescheinige ich, eine Quantität Mesothoriumbromid, äquivalent mg Radiumbromid, von der Kgl. Preuß. Akademie der Wissenschaften entlichen zu haben, und erkenne zugleich die vorstehenden Bedingungen als für mich bindend an.

(Unterschrift.)

Ausgegeben um 29. Juni.

### SITZUNGSBERICHTE

1911.

DIG

XXXII.

### KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

# AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

29. Juni. Öffentliche Sitzung zur Feier des Lemnuzischen Jahrestages.

### Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

Der Vorsitzende eröffnete die Sitzung mit einer kurzen Ansprache. Es folgten die Antrittsreden der seit der Lemaz-Sitzung 1940 neu eingetretenen Mitglieder der philosophisch-historischen Classe HH. Mont und Wöhrten, welche von Hrn. Diess beantwortet wurden.

### Antrittsreden und Erwiderung.

### Antrittsrede des Hrn. Monr.

Die romanische Philologie, die ich als der bescheidene Nachfolger eines Illustren Meisters in Ihrer Mitte zu vertreten die Ehre habe, ist fast so alt wie die rommischen Literaturen selbst. Sie ist sozusagen mit den ersten literarischen Kunstwerken der Romanen und an ihnen entstanden: mit und an den Liedern der Troubadours. Diese älteste persönliche Poesie des Abendlandes, der provenzalische Minnesung, rief schon ums Jahr 1200 Auslegungskunst und Denkmalkritik ins Leben, und bereits erkannte oder deutete man in der Dichtung auch das Erlebnis. Ein Italienischer Schüler dieser Troubadours wird ein wahrer Virtuose solcher Auslegungskunst, Dante, und er muß geradezu als der älteste romanistische Philologe angesprochen werden, da er als der erste sich mit romanischer Linguistik und Literaturgeschichte beschäftigt hat. In einer Abhandlung De vulgari eloquentia, die er um 1304, vielleicht als Lehrer an der Universität Bologna, verfaßt hat, spricht er zuerst die Erkenntnis aus, daß die Sprachen Italiens, Frankreichs und Spaniens auf eine gemeinsame Grundsprache zurückgehen. Er erkennt also zuerst die linguistische Einheit der Romania. Er nennt diese ihm unbekannte romanische Ursprache nostrum idiona im Gegensatz zum Griechischen im Osten und Germano-Slawischen im Norden. Durch Spaltung seien aus diesem einen romani-

sehen Idiom die Vulgärsprachen Italiens, Frankreichs und Spanienentstanden - ab una codemque islumute islurum trium gentium progreduntur vulgarie -, denn im Munde der unbeständigen Mensehen wandle sich auch die Sprache unablässig. Er mustert die Distekte seiner Italia, geht ihnen nach durch die Provinzen dahin bis in die einzelben Quartiere der Stadt Bologna und begleitet seine Beobachtungen nicht nur mit temperamentvollen politischen, sondern auch mit klugen philologischen Bemerkungen. Auch eine literarische Einheit der Romania schwebt Dante vor, wenn er den Charakter des französischen, provenzaliselien und italienischen Schrifttums skizziert und das französische Idiom als Sprache der Prosa und der angenehmen Gemeinverständlichkeit abseits stellt von den beiden süßen Sprachen der Poeste, der provenzalischen und der malienischen. Er zeigt eine durchaus richtige geschichtliche Auffassung, wenn er dem provenzalischen Minnesang ein Alter von etwa 150 Jahren gibt, in den Provenzalen die poetischen Lehrmeister der Romania erkennt und den Desprung threr Kunst in dem Bedürfnis des Dichters sucht, von Frauen verstanden zu werden, denen lateinische Verse unverständlich geblieben sein würden.

Denn für Dante ist Poesie überhaupt nur die Liebeslyrik: www.
d'amore. Als Dichter und Theoretiker der Liebeskanzone ist er Philologe gewurden. Auf dieser engen, aber siehern Grundlage erhebt sieh
seine philologische Rundschau über die Romania.

Seine Erkenntnisse sind im Laufe der nächsten Jahrhunderte nicht fruchtbar geworden. Mit dem Wachstum und der Differenzierung der romanischen Schrifttümer ging die Übersicht verloren, obwohl die Romanen niemals aufgehört haben, dem östlichen und nördlichen Europa gegenüber sich als Sonderwelt zu fühlen. Ein Spanier, der Marquès de Santillana, gibt ihrem literarischen Gemeinschaftsgefühl um 1450 noch einmal Ausdruck. In der Rennissancezeit ist diese Auffassung indessen nicht gefördert worden, sowenig wie im 17. und 18. Jahrhundert, obwohl es an gelehrten Arbeiten fiber Sprache und Literatur der einzelnen romanischen Länder nicht fehlt. Es kommt darin aber mehr ihre sprachliebe und literarische Rivalität als ihre Solidarität zum Ausdruck.

Noch war der Auteil Deutschlands an dieser Arbeit spärlich. Doch fehlen darin Beiträge von Mitgliedern dieser Akademie nicht, und Lemenz selbst hat sieh um Stoff- und Sprachgeschichte des Französischen bemüht.

Mit dem 18. Jahrhundert geht die kulturelle Vorherrschaft der Romania, wie sie seit der Hohenstaufenzeit im Abendlande bestanden, zu Ende. Das germanische Europa tritt der Romania zur Seite, und aus der Fusion der beiden Kulturen entsteht, was wir Romantik nennen, was aber seinem Ursprunge gemäß viel eher nach den Germanen benannt werden mäßte.

Die Romantik hat die philologischen Studien völlig erneut. Insbesondere ist die moderne romantische Philologie ein Kind der Romantik, eine Schwester der romantischen Dichtung. Es begab sich, wie zur Zeit Dantes, daß die Poeten unter die Philologen gingen. Mit dieser Herkunft ist die Romanistik erblich belastet, und ihre wissenschaftliche Entwicklung hat sich vielfach im Kampfe gegen diese hereditäre Anlage vollzogen. Noch heute beruft sich J. Binnin in seiner realistischen Interpretation der Chansons de geste darauf, daß er eine romantische Auffassung des altfranzösischen Epos bekämpfe, der auch Gastos Paus noch verfällen war — G. Paus, der Sohn des militanten Romantikers Paules Paus.

Die Romantik hat die ersten Schritte unserer Disziplin gelenkt und ihre ersten Interessen bestimmt. Sie wur zumächst die Philologie des Rittertums, des Minnesangs, der mittelalterlichen Kirchlichkeit. Die Nähe der Poesie schloß sie an Kathedralen, Turnterplätze und Minnehöfe an. Wer sich vor drei oder vier Juhrzehnten dem Studium der romanischen Philologie zuwandte, den empfing und umfing diese Romantik. Es dominierte in Forschung und Lehre das Mittefalter. Das Hauptinteresse galt den ältesten Sprach- und Literaturdenkmälern, deren dünne Reihe mit dem neunten Jahrhundert beginnt. Man ging gleich an die Lösung der Ursprungsfragen und begann Paläontologie zu treiben, ehe man biologisch geschult war. Die Arbeit war sieher verfrüht, aber unnütz war sie nicht. Sie hat die Kräfte geübt, Auge und Ohr geschärft; sie hat Grundlagen geschaffen und Wege gebahnt, auf denen wir heute noch stehen und gehen. Es war ein großer Zug an thr, daß sie von Anfang an the Augenmerk, wie Dante, auf die ganze Romania als Einheit richtete und unter der Fährung von Fusamen Diez gemeinromanisch war. Seither hat auch hier die Spezialisierung Platz gegriffen. Der Arbeitsstoff hat sich in unübersehbarer Fülle gehäuft. Es sind Einzelphilologien entstanden, und unser akademischer Unterricht erzwingt gehieterisch die Vorherrschaft der französischen Philologie. Ich habe mich bemüht, darob den gemeinromanischen Zusammenhang nicht zu verlieren und die romantsche Philologie weder in der Forschung noch im Unterricht der französischen zu opfern. Aber eine Verschiebung ursprünglicher Arbeitspläne haben jene Zwänge auch mir gebracht umf nach einer ersten remantischen Liebe für Spanien — besonders für die arabisch-romanische Aljamia mich eine Vernunftehe mit dem Französischen schließen lassen, in der freilich die wahre Neigung auch nicht fehlt, da der Bund von meinem unvergeßlichen Lehrer Gastox Paris geschlossen worden ist. Und bei

der führenden Rolle des Französischen kam mir das auch wissenschaftlich zustatten, als ich später den Versuch unternahm, eine Literaturgeschichte der gesamten Romania zu schreiben.

Auch dafür hat uns Famouren Duz das Beispiel gegeben, daß die linguistische und die literarhistorische Forschung nicht getrennt werden sollen. Der romanische Philologe soll Linguist und Literarhistoriker sein, wie es ja auch About Toutun war. Und wenn es auch keinem mehr gelingt, die beiden Forschungsgebiete in gleicher Weise zu beherrschen, so soll sich doch jeder darum bemühen und das eine Feld durch den Ertrag des andern befruchten. Der von der Linguistik getrennten Literaturgeschichte droht ästhetisierende Verflachung.

Wenn wir solchergestalt als Schüler von Friedman Diez uns bemühen, Romanisten zu bleiben und Sprachgeschichte nicht von der Literaturgeschichte zu trennen, so hat sich uns anderseits freilich der Schwerpunkt der Arbeit verschoben. Der Zug der Zeit zu realistischer Forschung, zur Verbindung von Forschung und Leben, hat dazu geführt, daß im Studium neben das Mittelalter mit Macht die neuere Zeit und neben die trümmerhafte Überlieferung älterer Sprachstufen das bunte Sprachleben der Gegenwart getreten ist. Die romanische Philologie ist nicht mehr die philologie du mogen age, unter welchem Ausdruck A. W. Schleben sie mit der Germanistik zusummenfaßte. Früh haben die Auforderungen des akademischen Unterrichts auch mir diese Verschiebung gebracht, und früh habe ich es beklagen lernen, daß ich während meiner Studienzeit in Spanien, weltabgewandt, über dem Kopieren altspanischer Handschriften kastilianisches und andalasisches Sprachleben übersah.

Seither hat sich in mir immer mehr die Überzeugung befestigt, dan alle Interpretation sprachlicher Überlieferung des Lichts der lebenden Sprache bedarf - auch imsere Textkritik, die dabei lernen wird, respektvoller, konservativer, weniger schulmeisterlich zu sein - und daß alle Linguistik ihre Prinzipienlehre im unermüdlichen Studium der lebenden Mundarten suchen muß. Das Studium dieser lebenden Mundarten zu einem integrierenden Teile des akademischen Unterrichts zu machen, habe ich vor einem Vierteljahrhundert sehon in Bern unternommen, wo die Nähe der Sprachgrenze gestattete, linguistische Exkursionen damit zu verbinden. Daraus entstand das Projekt eines Idiotikons der französischen Schweiz, das Gestaltung und Ausführung jetzt in den kundigeren Händen einstiger Zuhörer findet. Dabel mußte ich auch erkennen, daß an die Basis alles Sprachstudiums die Erforschung der Sprachlaute gehört, die Phonetik, nicht in ihrer alten \*romantischen Form, sondern in der exakten Gestalt, die ihr die letzten Jahrzehnte gegeben haben,

Anch das habe ich früh, und nicht nur auf linguistischen Wanderungen durch italienisches, rätoromanisches und französisches Sprachgelände, einsehen lernen, daß die sogenannte praktische Sprachbeherrschung vom Forscher nachdrücklich gepflegt werden soll. Die fremde Sprache zu beherrschen, die den Gegenstand unserer Forschung bildet, ist nicht mur «praktisch» - diese Sprachbeherrschung kann als eine Quelle lebendigen Sprachgefühls, als das feinste Hilfsmittel der Kulturerkenntnis von größter wissenschaftlicher Bedeutung sein. Und das Studium der Kultur darf vom linguistischen nicht getrennt werden. Nicht nur gehören »Wörter und Sachen» zusammen, sondern alles sprachliche Leben, auch der Lautwandel, ist kulturell bedingt, und in den eigenen bescheidenen Beiträgen zur romanischen Dialektforschung habe ich mich bemüht, den kulturellen Bedingungen des Sprachwandels nachzugelien. Diese kulturelle Sprachforschung, deren Grundlage moderne Sprachatianten sind, bildet mit der exakten Lautforschung heute die Hauptaufgabe der romanischen Linguistik

So muß für uns jede Beschäftigung mit der Sprache der Gegenwart zurückführen zur Vergangenheit, und alles Studium vergangener Sprachstufen soll fest verankert sein in dem Sprachleben, das um uns wogt. Vorbildlich hat Adolf Tobles die Verkettung von sprachlicher Vergangenheit und Gegenwart im romanischen Wort- und Satzgeflige

erkannt und dargestellt.

Seinem Vorbilde nachzueifern, soll mein Bestreben sein. Möge die Akademie dieses redliche Bemühen fernerhin so freundlich aufnehmen und so nachsichtig beurteilen, wie sie es mit meinen bisherigen Leistungen getan hat, als sie mich der Ehre- würdigte, in diesen Kreis von Forschern einzutreten.

### Antrittsrede des Hrn. Wölfflin.

Der Eintritt in die Akademie würde für mich eine große Verlegenheit sein, wenn ich die Wahl zum Mitglied dieser gelehrten Körperschaft als Anerkennung persönlicher Leistungen und nicht in erster Linie als Anerkennung des Wertes der Kunstgeschichte als wissenschaftlicher Disziplin auffassen müßte: die Kunstgeschichte tritt als gleichberechtigt in den Kreis der älteren historischen und philologischen Fächer. Diese Gleichberechtigung wird sie in dem Maße mehr verdienen, je mehr es ihr gelingt, sich von den undern Disziplinen zu unterscheiden und, ihrem besonderen Stoffe gemäß, eigene Begriffe und Methoden auszubilden. Zwar lautet die Aufgabe für die untike und für die neuere Kunstgeschichte im Grunde gleich, allein es liegen hier die Verhältnisse doch wesentlich anders, wo die Er-

schließung des Tatbestandes, d. h. die bloße Vorarbeit, so viel weniger Kraft und Aufmerksamkeit in Anspruch nimmt, sondern von vornheren ein ungeheures, gesichertes Material zur Behandlung bereit liegt. Und nun mag man noch so sehr durchdrungen sein von der Wichtigkeit der schriftlichen Überlieferung und ruhig zugeben, daß jede Kunstbetrachtung, die ihre Denkmäler nicht aus dem Sachgehalt der Zeit zu interpretieren vermag, in der Luft hängt, so ändert das doch nichts an der Tatsache, daß die Verarbeitung von literarischen Quellen nicht weiter führt als bis zu dem Punkt, wo das spezifisch kunsthistorische Problem erst aufängt. Dinge, die auf Anschauung berechnet sind, wollen von dieser ihrer sichtbaren Seite her gefaßt sein. Es gilt, die Mittel in die Hand zu bekommen, mit denen der Künstler gearbeitet hat, genau so wie der Literarhistoriker mit der Sprache als solcher aufängt.

Eine derartige methodisch-formale Kunstbetrachtung ist etwas anderes als ein bloßes Reurteilen der Dinge vom Geschmacksstandpunkt aus — und sei dieser noch so fein entwickelt —, und es genügt keineswegs, ein natürliches künstlerisches Gefühl mitzubringen alle künstlerischen Werte müssen als historisch gewordene begriffen werden.

Wenn ich von meiner eigenen Entwicklung reden darf, so müchte ich zuerst Hessuca Bausse gedenken, dessen formale Analysen antiker Denkmäler mir einen nachhaltigen Eindruck hinterlassen haben. Als eigentlichen Lehrer aber verehre ich Jakon Buscanauer. Es ist bedeutsam, daß dieser Geleinte, dem eine so reiche kulturhistorische Büldung zur Verfügung stand, in seinen kunsthistorischen Arbeiten kaum davon Gebrauch gemacht hat. Es erschlen ihm wie eine Verschleierung des Hauptproblems. Zwar wollte er überall genau erklärt wissen, wie die bestimmten Aufgaben der Kunst in die Welt gekommen waren, im übrigen aber hielt er dafür, daß man zunächst die optische Form als solche sieh anssprechen lassen müsse und eine vorzeitige Milleuschilderung nur zerstreuend wirken könne.

In Anlehnung an Burckharders Renaissancearchitektur ist als meine erste kunsthistorische Schrift eine Untersuchung über die Entstehung des Barock in Italien veröffentlicht worden, wo auf dem speziellen Gebiet der Architektur eine bedeutungsvolle Stilwandlung beschrieben und erklärt werden sollte. Später habe ich die Begriffe der klassischen Italienischen Renaissance in einem weiteren Umfang festzulegen versucht, wobei die Künstlergeschichte nur einen Teil bilden durfte, die systematische Betrachtung des Kunstinhalts der Zeit nach den Kapiteln Gesinnung. Schönheit und Bildform den meiern Teil ergab, der so eine Art Gegenprobe zum ersten bildet

Auch in einem Buche über Dürer ist der formal-analytische Gesichtspunkt das Wesentliche für mich gewesen. Unter Verzicht auf die
ausführliche Erzählung von Lebensgang und Lebensumständen, aber
unter Verwertung des gesamten, jetzt erst erschlossenen künstlerischen
Materials ist die Arbeit daraufhin angelegt, das Phänomen der Dürerschen Kunst, die wir so ganz anders sehen als das letzte Jahrhundert,
auf möglichst bestimmte Begriffe zu bringen.

In der wechselweisen Beschäftigung mit germanischer und romanischer Kunst war mir dann der Wunsch erwacht, die typischen Gegensätze dieser zwei Welten allgemein zu fassen und jenen oft sich wiederholenden, merkwürdigen Prozeß, der sich bei Dürer in besonderer Reinheit beobachten läßt, im großen darzulegen, ich meine: wie die nordische Phantasie von der italienischen Gestaltungsart in Banu geschlagen wird. Bei den Vorarbeiten dazu mußte ich indessen bald inne werden, daß die Begriffe der Kunstgeschichte noch zu wenig ausgebildet sind, um ein derartiges Boch schreiben zu können und daß zunächst erst gründlichere Anschauungen über Wesen und Entwicklung künstlerischer Darstellungsformen gewonnen werden müssen. Nach dieser Seite vornehmlich habe ich in den letzten Jahren beobachtet und glaube dabei zu Resultaten gekommen zu sein, die jeder Kunstgeschichte einmal als Grundlage nützlich sein können.

Kein Zweifel: was den Ruhm der heutigen Kunstgeschichte ausmacht, ist die Fülle und Übersichtlichkeit des Stoffes, die so weit über alles hinausgeht, was man vor 50 Jahren für möglich hielt, und es wäre unrecht, die entscheidenden Verdienste der großen Museen an dieser Stelle nicht zu erwähnen, allein je erfolgreicher die Tätigkeit derer ist, die, immer weiteres Material zutage förderad, alte Namen mit neuem Inhalt füllen, um so mehr wird man geneigt sein, auch jener stilleren Arbeit ein Recht zuzugestehen, die sich — in einem etwas modernisierten Sinn — zu den Worten bekennt, mit denen der Begründer der Kunstwissenschaft, Wiscardmann, seine Geschichte der Kunst des Altertums eröffnet: Das Wesen der Kunst sei der eigentliche Endzweck der Kunstgeschichte.

## Erwiderung des Schretars Hrn. Diens.

Die Akademie begrüßt ihren Eintritt, verehrte Herren Kollegen, mit besonderer Freude. Von jeher hat sie Wert darauf gelegt, daß in ihren Reihen das Fähnlein der Schweizer seinen Ehrenplatz behaupte. Als ich vor dreißig Jahren die Ehre hatte, in die Akademie aufgenommen zu werden, waren es zwei ihrer Landsleute, Hass Lasnour und Abour Tomm, die gleichzeitig mit mir eintraten, wobei sie von einem dritten Schweizer, dem damaligen Sekretar av Beis-Rexessa, landsmannschaftlich begrüßt wurden. Jene beiden hervorragenden Vertreter ihres Beimatlandes und ihres Faches hat uns leider das vorige Jahr mit einem Schlage entrissen. Die Iden des März rafften den berühmten Chemiker hinweg, und drei Tuge darauf folgte ihm Toman, der erste Vertreter der romanischen Philologie, nach. An seine Stelle treten man Sie, Hr. Monz, der Landsmann und Freund des Heimgegangenen, den er noch selbst zu seiner Unterstützung im Lehramte der Universität gerufen hatte. Wir durfen uns glücklich schätzen, daß durch Ihren Eintritt auch in der Akademie die Tradition des verewigten Meisters fürtgeführt und weitergeführt wird.

Auf Ihrem bernischen Heimathoden, wo die deutsche und romanische Kultur in ihrem friedlichen Wettstreit und in ihrer wechselseitigen Durchdringung ihnen frühe nahetrat, haben Sie diese sprachlieben, literarischen und sozialen Probleme mit scharfenn aber unbefangenem Blicke auffassen lernen. Wie Ihr Heimstland deel romanische Idiome und diese wieder in merkwürdiger dialektischer Mannigfaltigkeit umschließt, so ist auch Ihr wissenschaftliches Forschen durch alle Gebiete der Romania geschweift. Dialekt und Schriftsprache, Lautlehre und Syntax, Press und Poesie. Volkslied und Kunstdichtung. Kultur und Literatur hat Sie unf diesem Gebiete gleichmäßig angezogen. Wenn schon Ihre übrigen zahlreichen und wertvollen Arbeiten Zeugnis ablegen von dem enzyklopädischen Drange Ihres Forschergeistes, so zeigt fhre Zusammenfassung der romanischen Sprachen und Literaturen in der «Kultur der Gegenwart» eine solche Universalität des Wissens, daß man Sie wohl mit einem Worte Ihres Lieblings Dante Il maestro di color che sanno" auf diesem Gebiete nennen darf. Zu dieser Vielseitigkeit und Gründlichkeit des Wissens, die sich auch in den Kritiken Bures mit Hen. Burnon herausgegebenen 'Archivs' offenbart. kommt noch eine eigne Anmut der Darstellung hinzu, die Ihren jetzt in zwei Bänden gesammelten Vorträgen und Skizzen -Aus Dichtung und Sprache der Romanen« welt über den Kreis der Fachgenossen hinaus ein aufmerksames Publikum gewinnen wird.

Während About Tonken, wie so viele große Gelehrte des vorigen Jahrhunderts, Freund der Vita contemplativa war, gehören Sie, Hr. Moss, einer jängeren Generation an, die auch in der Vita setiva sieh betättgen zu müssen glaubt. So hoffen wir, daß Sie Ihr Organisationstalent, das sieh in früheren Stellungen so hervorragend betätigt hat, auch in den Dienst unserer Akademie stellen werden, die seit Beginn dieses Jahrhunderts ihrer praktischen und organisierenden Tätigkeit auf rieben Gebieten weitere Grenzen gesteckt hat.

Unser zweiter Willkommensgruß gilt Ihnen, Hr. Wöhrens, der die seit Friedrichs des Großen Zeit übliche Vierzahl der Schweizer in der Reihe der ordentlichen Mitglieder unseres Institutes wieder vollzählig macht. Sie sind berufen, dem akademischen Reiche eine neue Provinz hinzuzufügen. Es ist nicht ohne Grund, daß die moderne Kunstgeschiehte bei uns erst so spät ihren gebührenden Platz erhält. Kunst und Wissenschaft sind von Hause aus nach verschiedener Richtung auseinanderstrebende Schwestern. Im Künstler erstrahlt das Weltbild durch das Medium der Individualität in unendlichen Brechungen, während die Wissenschaft im Gegenteil aus den bunten Mannigfaltigkeiten und Zufälligkeiten des Individuellen die allgemein göltigen Normen zu abstrahieren sucht. Einfacher und leichter gelingt dies den mathematisch begründeten Naturwissenschaften, bei deren Objekten das Individuum wenig zu bedeuten hat, sehwer und mübselig ist es in den Kulturwissenschaften, aus der Fülle des Konkreten und der Sonderart des Individuellen in den Äther des Allgemeinen aufzutauchen. Am schwersten wird diese Aufgabe der Kunstgeschichte. Die Methoden, die in der wissenschaftliehen Erforschung der alten wie der modernen Kunstwelt eingeschlagen worden sind, die äußerliche Kunstkennerschaft, der unlebendige Historizismus, das schematische Ästhetisieren haben sich alle als umzureichend erwiesen. Es bedarf neben allen diesen technischen, historischen, philosophischen Vorkenntnissen vor allem eines dem schaffenden Künstler wahlverwandten Sehvermögens, um in das wirkliche Wesen des einzelnen Kunstwerks einzudringen. Und dann muß zu der künstlerischen Erfassung des Einzelnen eine höhere Universaloptik hinzutreten, die das Wesensverwandte ganzer Epochen zusammenschauen und ihre Formensprache deuten und daestellen kann. Diese Methode haben Sie bereits in Ihrer Jugendschrift «Renaissance und Barock» eingeschlagen, wo es sich darum handelte, in der scheinbaren Willkür des Verfalls das Gesetz der Wandelung zu erkennen. Noch bewußter in den Stillanalysen Ihrer «Klassischen Kunst». Und Ihr letztes größeres Werk über Albrecht Dürer läßt wie Ihre frühere Studie über die Jugendwerke des Michelangelo erkennen, daß Sie Ihre glückliche Generalisationsgabe nicht hindert, in die feinsten Falten einer Individuellen Künstlerseele einzudringen und die kühle Abstraktion mit dem warmen Leben der Wirklichkeit zu durchdringen. So sehen wir Sie auf dem Wege die moderne Kunstwissenschaft in strenger und allseitiger Methode auszugestalten. Wir glauben auversichtlich, daß die von Binen nunmehr in die Akademie eingeführte jüngste Schwester den älteren in würdiger Weise sich angliedern wird. Möge Ihnen, Hr. Wölfering, das ist unser aufrichtiger und herzlicher Wunsch, in unserer Mitte ein langes und gesegnetes Wirken beschieden sein!

Hierauf wurden Gedächtnissreden gehalten von Hrn. Ernan auf Richard Lepsus, von Hrn. Mohr auf Anore Tomer, von Hrn. Wilhelm Schulze auf Heisagen Ziemen und von Hrn. Fischen auf Jakon Heisagen van't Hoff. Die Reden der HH. Erman und Mohr folgen hier, die der HH. Wilhelm Schulze und Fischen erscheinen in den Abhandlungen.

### Gedüchtnissreden.

Gedächtnissrede des Hrn. Erman nut Richard Lersius.

Es ist in der Regel nicht Gebrauch unserer Akademie, der hundertsten Geburtstage ihrer Mitglieder zu gedenken. Wenn wir heute eine Ausnahme davon machen, so tun wir dies, weil erst in den letzten Jahrzehnten seit dem Bekanntwerden der Tagebücher der Preußischen Expedition die Bedeutung seines Wirkens in ihrer ganzen Größe hervorgetreten ist. Und unsere Körperschaft hat um so mehr ein Recht, dies hier zu betonen, als Lersus ja durch die engsten Bande mit ihr verknüpft gewesen ist, und zwar von seinen wissenschaftlichen Anfängen am Könnte man ihn doch fast einen Zögling unserer Akademie nennen. Denn als Busses und Granann nach Guasifolinens Tode im Jahre 1833 auf den Gedanken kamen, den jungen Dr. Lersus, der sich bisher mit Archbologie und Sprachwissenschaft befaßt hatte, zum Ägyptologen auszubilden, da war es die Akademie, die die Mittel dazu gewährte.

Es ist charakteristisch, wie sich der dreinndzwanzigjährige Mann bei dieser Wendung seines Schicksals benimmt. Er erwägt in einem Briefe an seinen Vater ruhig das Für und Wider und geht an die Erforschung des alten Ägyptens ohne die Begeisterung und ahne die Schwärmerei, die sonst die Anfänge der jungen Agyptologen bezeichnen. Es war eine Vernunftehe, die er mit der neuen Wissenschaft schloß, aber gerade das sollte ihr zum Segen werden, denn Lursus brachte etwas in sie ein, was die Enthusiasten nicht hatten, den ruhigen Verstand und die sichere Methode.

Diese guten Gaben verhalfen ihm dann sogleich zu einem großen Fortschritte. Champolities hatte mit genialem Scharfsinn erkannt, wie die Hieroglyphen zu lesen waren und hatte es in den letzten Jahren seines Lebens erstaunlich weit im Verständnis der Texte gebracht, aber wie eigentlich das komplizierte System dieser Schrift beschaffen war, davon hatte er nur eine sehr unvollkommene Vorstellung gewonnen. Hier setzte Lapsus ein und legte schon 1837 in seiner blettre is Mr. Rosentaus den Bau der Hieroglyphenschrift klar, und zwar so richtig, daß wir, von Einzelheiten abgesehen, noch heute die Hieroglyphen nicht viel anders ansehen, als er es damals lehrte.

Daß der junge Gelehrte, der so sieher zu urteilen wußte, auch imstande war, selbst Inschriften zu lesen und leichtere Texte zu übersetzen, wird man nicht bezweifeln wollen. Wenn er trotzdem mit solchen Versuchen nicht in die Öffentlichkeit trat, so hatte das seinen guten Grund. Ihn stieß das Dilettantenhafte der Entzifferungsarbeit ab, das Raten und Vermuten, ohne das es dabei einmal nicht abgeht. Nicht in genialem Ansturm wollte er ein halbes Verständnis der ägyptischen Inschriften erringen, er wollte den methodischen Weggeben, der nur langsam zu Resultaten führt, dann aber auch zu gesicherten.

Und so geht er planmäßig vor. Er sammelt vor allem zunächst gute Kopien hieroglyphischer Inschriften, um sich ein sicheres Fundament für seine Arbeiten zu schaffen und veröffentlicht 1842 daraus seine . Auswahl der wichtigsten Urkunden des ägyptischen Altertums. ein bewundernswertes Werk, das schon in der Sichtung und historischen Anordnung der Denkmäler zeigte, welche feste Hand die Agyptologie jetzt vorwärts führte. Noch im selben Jahre erschien weiter seine Ausgabe des Totenbuches nach dem Turiner Papyrus. Es ist noch heute eine Freude, die Vorrede dieses Werkes zu lesen, die so richtig ein umfangreiches Buch charakterisiert, von dem damals doch nur das Wenigste verstfindlich war, und die so klar sieht, was hier zu gewinnen war und was nicht. An dem Wege, den Læsnes mit dieser Ausgabe eingeschlagen hatte, hat er denn auch sein Leben hindurch festgehalten, und zwei Unternehmen seiner späteren Jahre schließen direkt an sie an; die große Ausgabe des Totenbuches des neuen Reiches, die die Akademie veranstaltete und die Hr. Navunn in den Jahren 1876 bis 1881 durchführte, und die Veröffentlichung der «Altesten Texte des Torenbuches nach Sarkophagen des Berliner Museums (1867).

Schon 1842 ward ihm dann die große Aufgabe gestellt, die für sein ganzes Leben bestimmend werden sollte. Er wurde der Leiter der Preußischen Expedition nach Ägypten, des ersten wissenschaftlichen Unternehmens im großen Stile, das unser Staat aussendete. Schon die finßere geschäftliche Durchführung dieser Expedition, die drei Jahre bindurch Ägypten und Nubien durchforsehte, war eine bewundernswerte Leistung, die für den Eifer, die Klugheit und den Takt ihres jungen Führers Zengnis ablegten. Und nun erst seine wissenschaftliche Leitung. Das war kein bloßes Bereisen und zufälliges Absuchen des Landes mehr, es war eine systematische Untersuchung, und der sie führte, wußte, was er suchte. Seit die Tagebücher der Expedition veröffentlicht sind, sehen wir mit Bewunderung, was Larsung und sein Genosse Eebkan damals geleistet haben, wie genial sie das

Gefundene erfaßten und verstanden. Aus den Gräbern von Memphleerstand ihnen so die große Zeit des alten Reiches, von der bisher nur weniges bekannt gewesen war, in Nubien erschloß sich ihnen das fabelhafte Reich der Äthiopenkönige — es gibt kaum eine Stelle des ungeheuren Gebietes, die ihnen nicht die reichsten Resultate gegeben hätte.

Mit Freude sehen wir, wie Larsus sich diesen großartigen Erfolgen gegenüber benimmt. Wer hätte es ihm verübeln wollen, wenn er, erfüllt von dem Erreichten, die nenen Erkenntnisse in lebhafterem Tone den wissenschaftlichen Kreisen verkündet hätte? Aber wer seine «Reisehriefe» liest, der trifft darin nur auf kurze, rein sachliche Angaben, bei denen oft mit keinem Worte angedeutet ist, daß sie Entdeckungen mitteilen. Es ist ein vornehmer Sinn, der sich hier ausspricht, jene Zurückhaltung, die des augenblicklichen Beifalles nicht bedarf, da sie der Dauer ihres Wertes gewiß ist.

Auch die Veröffentlichung der Ergebnisse der Expedition, das Denkmälerwerk, wurde im gleichen Sinne gehalten, und wer dieses Riesenwerk heute durchsieht, wird selten bemerken, wie viele wissenschaftliche Fortschritte sich in der Anordnung der Tafeln und in ihren einfachen Unterschriften verstecken.

Der Text zu diesen Tafeln ist nie erschienen, ebenso wie auch so manches andere Werk von Lieuws leider unvollendet geblieben ist. Es lag das einmal an der Last der Geschäfte, die in den folgenden Zeiten auf ihm lastete — hat er doch, um nur eines hervorzuheben, auch das ägyptische Museum in jahrelanger Arbeit neu zu schaffen gehabt. Mehr aber noch lag es an dem Ernste, mit dem er alles betrieb, und an dem Widerwillen, den er gegen jedes hegte, das nicht völlig durchgedacht und gesichert war. Die Ernte der Expedition und seiner früheren Reisen war zu groß, als daß er sie hätte bewältigen können, trotzdem er in den fünfziger und sechziger Jahren unermüdlich tätig gewesen ist an größeren Werken und an einzelnen Aufsätzen, die zumeist in den Schriften unserer Akademie erschienen.

Da sind vor allem die historischen Arbeiten zu nennen, insbesondere sein «Königsbuch», das Fundamentalwerk der ägyptischen Geschichte, an dessen Bau auch alle späteren Funde nichts mehr geändert haben. Sodann das Schwesterwerk, die «Chronologie», mit dem es eine merkwürdige Bewamltnis hat. Seine Rekonstruktion der Chronologie beruht auf einer Theorie, die heute als unhaltbar erkannt ist, und doch, wenn man Leesnes Zahlen mit denen vergleicht, die nahe sie diesen stehen. Man möchte glauben, daß ihn unbewußt die richtige Vorstellung geleitet hat, die er sich aus den Denkmälern über die Dauer der einzelnen Perioden gehildet hatte.

Zwei Abhandlungen, die Fragen der ägyptischen Religion behandein, sind in ihrem methodischen Gange vorbildlich geworden. Eine viel benutzte Untersuchung ist der Metrologie Ägyptens gewidmet; zwei andere, die schon in den Beginn der siebziger Jahre fallen, behandeln die den Ägyptern bekannten Metalle und den Gang der ägyptischen Kunst — beide voll von scharfsinnigen und geistreichen Bemerkungen.

Dazwischen gehen mannigfache lautliche Untersuchungen einber, die zum Teil den praktischen Zweck verfolgten, eine allgemein gültige Umschreibung der Laute, ein «Standardalphabet» zu schaffen. Wichtiger noch und erfolgreicher war seine Arbeit an afrikanischen Sprachen, für die er auf der Expedition eifrig gesammelt hatte. Seine Grammatik des Nubischen, die übrigens auch beinabe ungedruckt geblieben wäre, zeigt, wie ganz er sich in diese illiterate Sprache hineingelebt hatte. Und mit Bewunderung wird man immer die ihr zur Einleitung dienende Abhandlung «Über Völker und Sprachen Afrikas» lesen; wie viel darin auch nicht mehr haltbar sein mag, sehon der Versuch, in dem Wirrwarr der Sprachen eines ganzen Erdteiles Ordnung zu schaffen, hat etwas Großartiges.

Nur der einen Sprache Afrikas, die ihm doch eigentlich am nächsten liegen mußte, der ägyptischen, widmete er auch in dieser Zeit rastloser Arbeit kaum eine Untersuchung. Man geht wohl nicht fehl, wenn man annimmt, daß dieses Studium, dessen Notwendigkeit er so oft betont hatte, ihm selbst verleidet war. Eine neue Generation von Agyptologen war inzwischen aufgewachsen, die sieh gerade der philologischen Seite ihrer Disziplin widmete und die darin gewaltige Erfolge errang. Lepsus war nicht blind gegen ihre großen Leistungen. aber sein geschulter Geist konnte das Tomultnarische einer Forschung, wie sie jene betrieben, nicht ertragen. Daß er selbst einen ägyptischen Text zu interpretieren wußte, zeigte die Einleitung zu seinen sältesten Texten des Totenbuchess; auf die gewagteren Wege aber, auf denen die neue Generation den Inschriften und Papyrus ihren Inhalt entrill, mochte er sich nicht einlassen. Er blieb in der Periode der Entzifferung stehen; die Periode der kühnen Übersetzungen machte er nicht mehr mit.

So kam es denn auch, daß die neue zweisprachige Inschrift, die ihm das Glück 1866 bescherte, das Dekret von Kanopus, ihm selbst nicht den vollen Gewinn brachte. Und ebenso ließ er den großen Papyrus Westcar unveröffentlicht und unbearbeitet, den er persönlich besaß und der uns später eine der Grundlagen der ägyptischen Sprachwissenschaft werden sollte.

Und doch war er nach wie vor von dem Gedanken erfüllt, daß nichts der Agyptologie so not tue wie eine systematische Bearbeitung der Sprache. Dankbar erinnere ich mich daran, daß er mich selbst einst diese Wege gewiesen hat, und wieder glaube ich die feine Ironie zu hören mit der er damals von den Fachgenossen sprach, die da vermeinten, gleich im Großen arbeitens zu können. Er hatte ein Recht zu solchem Lächeln, denn wahrlich, er hatte nie nach billigem Ruhme gestrebt: ernst hatte er gearbeitet sein Leben lang und sich nimmer genng tun können. Und gerade darum ist der Einfluß, den er auf die Wissenschaft ausgeübt hat, ein bleibender geworden. Wo immer die ägyptischen Studien heute ernst betrieben werden, da folgen sie seinen Sparen oder nehmen seine Arbeit wieder auf. Nach seinem Vorbiide werden die systematischen Grabungen der neueren Zeit geführt, in seinem Sinne erforschen wir die Grammatik und den Wortschaft des Agyptischen, und die große Ausgabe der Pyramidentexte setzt seine Arbeit am Totenbuche fort.

Und wenn man trotz alledem gefragt hat, oh wie nicht Læsses Wirken überschätzen, so möge man eines überlegen. Es gibt so manche Gelehrte, deren Arbeit sich aus ihrer Wissenschaft hinwegdenken ließe, ohne daß darum in dieser eine größere Lücke entstehen würde. Aber wie sähe wohl die Ägyptologie aus, wenn man aus ihr die Leitre à Rosmausis, die Totenbuchausgaben, das Königsbuch und die Preußische Expedition mit all ihren Ergebnissen striche? Sie würde dann überhaupt noch nicht als eine ernste Wissenschaft gelten können.

Es ist daher nicht zuviel, wenn wir Larsnes dem großen Begründer der ägyptischen Wissenschaft anreihen. Erst seine methodische Arbeit hat aus dem, was Calaronnios genial entworfen hatte, den sicheren Bau aufgeführt, an dem wir heute weiterarbeiten.

# Gedächtnissrede des Hra. Monr auf Anour Tonnen.

Als Monriz Hauer sich 1867 bei Friedrich Duz nach dessen Schüler, Ander Tomes, dem damals 32 jührigen Schweizer Gymnasiallehrer, erkundigte, der als erster Romanist für die Berliner Universität in Frage kam, da bezeichnete Diez diesen Tomes als ein ungewöhnliches Talent und schrieb von Ihm, daß er in rascher, freudig vordringender Arbeit sich als tüchzigen Kritiker und als kenntnisreichen, geistvollen Literarhistoriker gezeigt habe. Dieses Urteil entschied über A. Tomes Schieksal: er wurde zum Wintersemester 1867 an die Universität Berlin und dann 1881 von dieser Akademie in ihre Mitte berufen. Monnen begrüßte ihn bier als den ersten Vertreter der nun mündig gewordenen Wissenschaft der romanischen Philologie.

Daß diese Wissenschaft mündig geworden, war mit A. Tourens Werk. Er war selion damala einer ihrer Meister, und diese Meisterschaft wirft ihren Glanz über die 28 Jahre, während derer er der

Akademie angebort lint-

Seine Arbeiten erstrecken sich über das ganze Gebiet der romanistischen Forschung, über Sprache, Literatur und Kultur, über Versban und Folklore. Und der gelehrte Philologe war zugleich ein feinsinniger Übersetzer. Fragen der Methode und des Unterriehts hat er ebenfalls behandelt: «denn auch die Schule hat Teil an mir», erklärte er hier bei seinem Antritt.

Das Französische stand im Zentrum seiner Arbeit; aber jene grundlegenden Bücher über französischen Vers- und Satzbau, die wir ihm verdanken, bieten eine Fülle gemeinromanischer Belehrung: italienisches, spanisches, provenzalisches, portugiesisches Sprachleben erfüllt sie.

Wohl war das Altfranzösische, die Sprache des mittelaberlichen Frankreichs, der Chansons de geste, der Minneromane und der Fuhliaux, Tomans Lieblingsgebiet; aber mit vollen Händen streute er zwischen die Belege längst entschwundener Rede die Zeugnisse der lebenden

Spenche.

Eine stattliche Reihe altfranzösischer, provenzalischer, altitalienischer Texte, lyrische, epische und didaktische, hat Toncca aus mittelalterlichen Handschriften ans Lieht gezogen und in vorbibillieher Weise kritisch ediert. Er zuerst hat (1871) an einem altfranzösischen Gedieht es unternommen, die ursprüngliche mundartliche Gestalt wieder herzustellen, und er hat das Beispiel solcher Restitution noch wiederholt gegeben. In den Erläuterungen zu diesen Texten hat er eine große Zahl sprachgeschichtlicher Probleme entweder überhaupt zum erstenmal behandelt oder doch zum erstenmal mit Fülle und Vertiefung dargestellt. In solchen gelegentlichen Anmerkungen, in beiläufigen Rezensionen hat er, ohne Aufhebeus davon zu machen, oft genug eigentliehe Fundamente für die Forschung gelegt. Andere haben auf diesen Fundamenten weitergebant und solide Konstruktionen darauf errichtet. die nun das Auge auf sich ziehen, während das tragende Fundament dem Blick des Außenstehenden entzogen ist. Aber Tomen wäre der Letzte gewesen, der sieh darüber beklagt hätte. Niemand übte das richesse oblige vornehmer als er.

Auch was so in Bemerkungen und Rezensionen nur wie vorläufig von ihm geboten wurde, sieht nie aus wie ein erster Entwurf, sondern erscheint gereift und gediegen. Der Reichtum seiner Beobachtungen und die tiefgehende, siehere Art seiner Darstellung verliehen seinem Worte eine ungewöhnliche Überzeugungskraft. Kein Geringerer als G. Panis hat ihn le plus profond connaisseur de notre eielle langus genannt, und bewundernde Anerkennung zollte ihm das ganze romanische Ausland. Mit uns trauerte es um ihn, als um einen großen Lehrer. Toman appartenait, so liest man noch ehen im Jahresbericht der Societe des Anciens Textes, à la gloricuse generation de nos maîters, et ses leçons prolongeaient leur écho des bards de la Sprée jusqu'aux bords de la Seine.

Es ist für Toblies Arbeiten bezeichnend, daß sie in ihrer schlichten Art oft mehr enthalten, als ihr Titel vermuten läßt. Welch feine Charakteristik Gestave Flauberts überrascht z. B. den Leser, der zu Tomlies Ausgabe der Legende vom heiligen Julian greift! Auch wer seine Darstellung der altfranzösischen Epik und ihres Spielmanns gelesen hat, wer sich an seinem Vortrag über Castiglione, an seiner Rede über Dante und vier deutsche Kaiser- erfreut hat, wer weiß, wie schön er 1890 in seiner Rektoratsrede von der Anfgabe des Literarhistorikers sprach, der wird bedauern, daß Tontan nicht häufiger zu literaegeschichtlichen Thematen gegriffen hat.

Das ist um der syntaktischen und lexikologischen Forschungen willen geschehen.

Man darf von Tomms Arbeit sagen, daß sie die romanische Satzforschung völlig erneut hat. Die heutige historische Syntax der Romanisten ist sein Werk. Er hat an Stelle jener überlieferten Satzerklärung, die sich mit billigen Hypothesen behalf und die Granmatik in das Prokrustesbett logischer Kategorien zwängte, die induktive entwicklungsgeschichtliche Satzforschung gesetzt, die geduldig und leenbegierig Erfahrungen sammelt, che sie urteilt, und sieb von den Lebensvorgängen der Sprache leiten läßt, statt diese Sprache zu schulmeistern. Und in den Dienst dieser Methode hat er eine umübertroffene Beobachtungsgabe gestellt. Er gleicht jenen großen Mikroskopikern, die nicht nur die Methode und das Instrument verbessern. sondern die mit dem nämlichen Instrument auch mehr sehen als andere, weil sie von Natur ein begnadetes Auge haben. So vermochte Tonzus feines Ohr dem leisen Schritt der Sprache durch die Jahrhunderte zu folgen, um den Zusammenhang zwischen Gedankengestaltung und Sprachgestaltung zu finden. Für diese Grammatik, vor der manche, wie er scherzhaft meinte, als vor Psychologie sich bekreuzigen-, hat er sich vielflich eine besondere Terminologie geschaffen. Seiner Durstellungsweise ist der Vorwurf gemacht worden, daß sie sich schwer lese, worauf er erwiderte. - Was so schwer zu lesen ist, so möchte ich mieh rechtfertigen, ist eben auch vielfach recht schwer zu sehreiben gewesen. • Und gewiß liegt das, was an dieser • psychologischen Grammatiks manchem Leser so schwer erscheint, nicht sowohl in der Form als in der Sache selbst, in der Vertiefung der Probleme.

Monuses begrüßte 1882 in A. Tomas auch .den entsagenden und mutigen Unternehmer eines jener fundamentalen Werke. die geschaffen zu haben dem Gelehrten das reine Gefühl nützlichen Strebens gewährt, an denen helfend und fördernd mitgewirkt zu haben der Ruhm der Akademien wie der Regierungen bleibt».

Monnsen sprach hier von dem Wörterbuch der altfranzöstschen Sprache, für das Tomen damals schon seit zwanzig Juhren
sammelte: ein gewaltiges Werk, dessen Mühsal er mutig auf sich
genommen und dessen Drucklegung er eben damals — entsagt hatte.
Godernovs Dictionnaire de l'ancienne langue française hatte eben zu erscheinen begonnen (1880—1902). Das Urteil über dieses fleißige, aber
diffuse und unzuverlässige Werk steht längst fest; Ihm geben in Aulage und Ausführung gerade die philologischen Qualitäten ab, die das
Wörterbuch Tobers ausgezeichnet haben würden, und wenn Goderuovs Dictionnaire uns allen genützt hat, so hat es anderseits der
ganzen Forschungsarbeit der letzten dreißig Jahre den Schaden zugefügt, daß sie seinetwegen Toberse Wörterbuch entbehren mußte.

Was uns dieses gebracht hätte, das ließen all die Beiträge erkennen, die Toman zur Wortforschung in etymologischen und syntaktischen Arbeiten zerstreut hat; blühende Zweige, die von einem
Baume gebrochen sind, dessen ganze Krone, dessen Stamm unserm
Auge sich entzogen. Welch fruchtbeschwerte Aste dieser Baum tragen
mochte, ließ sich auch daraus erkennen, daß nach Tomans Cherzengung \*der größte Teil dessen, was gemeiniglich der Syntax zugewiesen wird, fürs Französische durchaus dem Wörterbuch und nur
ihm anheimfällt\*.

Jetzt, da der unermüdliche Sammler und Ordner geschieden ist, besteht für die Nachgeborenen die Pflicht, die lexikographischen Reichtümer, die er in halbhundertjähriger Arbeit zusammengebracht und deren Materialien eine Reihe von 20000 Zetteln füllen, durch den Drock allgemein zugänglich zu machen. Diesem Unternehmen leiht die Akademie ihre tatkräftige Unterstützung. So ehrt sie das Andenken ihres Mitgliedes, überzeugt, daß sein posthumes Werk ihr selbst zur Ehre gereichen wird.

Des Schwindens seiner Kräfte nicht achtend, ist An Tomen mitten aus der Arbeit hinweggenommen worden. Dem Freunde, der einst seine Bitten mit denen der besorgten Gattin vereinigte, um Tomen zur Schonung seiner bedrohten Schkraft zu bewegen, verwies er diese Mahnung mit den Worten: «Man muß nicht auf sich achtent» Und er hat wirklich nicht auf sich geschtet. Der vornehme Mann war vor allem steeng gegen sich selbst. Er lehte ganz seiner Pflicht. Er war vorbildlich nicht nur als Forscher, sondern auch als Mensch.

## Verleihung der Leinniz-Medaille.

Alsdann verkündigte der Vorsitzende, dass die Akademie die von Sr. Majestät dem Kaiser und König an Allerhöchstseinem Geburtsfeste am 27. Januar 1900 gestiftete Lensuz-Medaille zur Ehrung besonderer Verdienste um die Förderung der Aufgaben der Akademie verlieben habe

- a) in Gold: dem Geheimen Hofrath Prof. Dr. Hans MEYER in Leipzig;
- b) in Silber: dem Kustos am Geologisch-Paläontologischen Institut und Museum der Universität Berlin Dr. Wennen Januaren, dem Kaufmann Hass Osten, z. Zt. in Montevideo, und dem Oberbibliothekar an der Universitäts-Bibliothek in Marburg Prof. Dr. Georg Wennen.

Hrn. Wessen, der an der Sitzung Theil nahm, wurde die Medaille von dem Vorsitzenden überreicht.

Schliesslich erfolgten Mittheilungen betreffend das Preisausschreiben aus dem Cornenus schen Legat, den Preis der Graf Lounar-Stiftung
und das Stipendium der Eduard Gerhand-Stiftung.

# Preisausschreiben aus dem Cornesius'schen Legat.

Die Akademie hat in der Lemanz-Sitzung des Jahres 1908 fedgende Preisaufgabe aus dem Cornesius'sehen Legat ausgeschrieben:

Der Entwickelungsgang einer oder einiger Ustilagineen soll möglichst lückenlos verfolgt und dargestellt werden, wobei besonders auf die Überwinterung der Sporen und Mycelien Rücksicht zu nehmen ist. Wenn irgend möglich, sind der Abhandlung Praeparate, welche die Frage entscheiden, beizulegen :

Bewerbungssehriften, welche bis zum 31. December 1910 erwartet wurden, sind nicht eingelaufen; die Akademie hat darauf hin beschlossen, die Aufgabe unverändert zu erneuern.

Der ausgesetzte Preis beträgt zweitausend Mark.

Die Bewerbungsschriften können in deutseher, lateinischer, französischer, englischer oder italienischer Sprache abgefasst sein. Schriften, die in störender Weise unleserlich geschrieben sind, können durch Beschluss der zuständigen Classe von der Bewerbung ausgeschlossen werden.

Jede Bewerbungsschrift ist mit einem Spruchwort zu bezeichnen, und dieses auf einem beizufügenden versiegelten, Innerlich den Namen und die Adresse des Verfassers angebenden Zeitel äusserlich zu wiederholen. Schriften, welche den Namen des Verfassers nennen oder deutlich ergeben, werden von der Bewerbung ausgeschlossen. Zurückziehung einer eingelieferten Preisschrift ist nicht gestattet.

Die Bewerbungsschriften sind bis zum 31. December 1913 im Bureau der Akademie, Berlin W 35. Potsdamer Strasse 120. einzuliefern. Die Verkündigung des Urtheils erfolgt in der Lemsuz-Sitzung

des Jahres 1914

Sämmtliche bei der Akademie zum Behuf der Preisbewerbung eingegangene Arbeiten nebst den dazu gehörigen Zetteln werden ein Jahr lang von dem Tage der Urtheilsverkündigung ab von der Akademie für die Verfasser aufbewahrt. Nach Ablauf der bezeichneten Frist steht es der Akademie frei, die nicht abgeforderten Schriften und Zettel zu vernichten.

### Preis der Graf Lounar-Stiffung.

Die Akademie hat auf Vorschlag ihrer Commission für die Graf Louax-Stiftung beschlossen, den für dieses Jahr ausgeschriebenen Preis derselben von 3000 Mark Hen. Atmant Bernmann Faust, Assistant Professor un der Cornell University zu Ithaca, N. Y. für sein zweibändiges Werk, "The German Element in the United States", Boston und New York 1909, zuzuerkennen.

# Stipendium der Engand Gernand-Stiftung.

Das Stipendium der Eduard Gerhard-Stiftung war in der Leibniz-Sitzung des Jahres 1910 für das laufende Jahr mit dem Betrage von 2500 Mark ausgeschrieben. Von dieser Summe sind 2500 Mark Hrn. Dr. Fritz Werge, z. Zt. in Rom. zur Fortsetzung seiner Studien über die Neronische Domus Aurea zuerkannt worden.

Für das Jahr 1912 wird das Stipendium mit dem Betrage von 2500 Mark ausgeschrieben. Bewerbungen sind vor dem 1. Januar 1912 der Akademie einzureichen.

Nach § 4 des Statuts der Stiftung ist zur Bewerbung erforderlich:

- t. Nachweis der Reichsangehörigkeit des Bewerbers;
- 2. Angabe eines von dem Petenten beabsichtigten durch Reisen bedingten archäologischen Planes, wobei der Kreis der archäologischen Wissenschaft in demselhen Sinn verstanden und anzuwenden ist, wie dies bei dem von dem Testator begründeten Archäologischen Institut geschieht. Die Angabe des Planes muss verbunden sein mit einem ungefähren sowohl die Reisegelder wie die weiteren Ausführungsarbeiten einschliessenden Kosten-

anschlag. Falls der Petent für die Publication der von ihm beabsichtigten Arbeiten Zuschuss erforderlich erachtet, so hat er den voraussichtlichen Betrag in den Kostenanschlag aufzunehmen, eventuell nach ungefährem Überschlag dafür eine angemessene Summe in denselben einzustellen.

Gesuche, die auf die Modalitäten und die Kosten der Veröffentlichung der beabsichtigten Forschungen nicht eingehen, bleiben unberücksichtigt. Ferner hat der Petent sich in seinem Gesuch zu verpflichten:

- vor dem i. December des auf das Jahr der Verleihung folgenden Jahres über den Stand der betreffenden Arbeit sowie nach Abschluss der Arbeit über deren Verlauf und Ergebniss an die Akademie zu berichten;
- 2. falls er während des Genusses des Stipendiums an einem der Palilientage (21. April) in Rom verweilen sollte, in der öffentliehen Sitzung des Deutschen Instituts, sofern dies gewünscht wird, einen auf sein Unternehmen bezüglichen Vortrag zu halten;
- 3. jede durch dieses Stipendium geförderte Publication auf dem Titel zu bezeichnen als herausgegeben mit Beihülfe des Epuano Granan-Stipendiums der Königlichen Akademie der Wissenschaften;
- 4. drei Exemplare jeder derartigen Publication der Akademie einzureichen.

(0)

Ausgegeben sin b. Juli,





